

75.40 Algoritmos y Programación I

Guía de Ejercicios

Última actualización: 6 de marzo de 2022

Recomendaciones al realizar las guías.

- Probá el código que escribas ejecutándolo con el intérprete Python, para verificar que tu solución sea correcta.
- Prestá atención al leer el enunciado del ejercicio. En particular:
 - Revisá si lo que se pide es una *función* o un *programa*. Si se pide un programa, se espera que produzcas un archivo `.py`, que puede contener varias funciones y ser ejecutado con el comando `python3 archivo.py`.
 - Si se pide que una función *devuelva* o *calcule* un valor, la función debe tener una instrucción `return` y **no** utilizar las funciones `input` ni `print`.
 - Si se pide que una función o programa *imprima* o *muestre* un valor, la función debe llamar a `print`.
 - Si se pide que una función o programa *pida* o *pregunte* un valor al usuario, debe haber al menos una invocación de la función `input`.
- Cada ejercicio puede tener muchas soluciones posibles. Una vez que encuentres una solución, en lugar de pasar al siguiente ejercicio pensá si se te ocurre una solución cuya codificación sea más simple.
- Es muy importante que el código que escribas sea lo más claro y legible posible.
 - En particular, los nombres de funciones y variables deben ser descriptivos.
 - También prestá atención a los espacios. Por ejemplo, una línea en blanco entre las definiciones de función simplifica la lectura del programa.
- Los ejercicios marcados con el símbolo `★` son más difíciles y no son de resolución obligatoria.
- No documentes en exceso, pero tampoco ahorres documentación necesaria. La documentación debe ser breve y concisa.
 - Documentá con `"""` *qué* hace cada una de las funciones que desarrolles. ¿Qué parámetros recibe? ¿Qué devuelve? ¿Imprime algo? ¿Recibe información del usuario?
 - En caso de ser necesario, documentá con comentarios (`#`) *cómo* funciona el código. Sólo debería ser necesario en secciones de código complejas, donde sea difícil entender la intención del código.

1 Algunos conceptos básicos

Ejercicio 1.1. Escribir una función que reciba dos números y devuelva su producto.

Ejercicio 1.2. Utilizando la función del ejercicio anterior, escribir un programa (un archivo .py) que pida al usuario dos números, y luego muestre el producto.

Ejercicio 1.3. Escribir funciones que permitan:

- Calcular el perímetro de un rectángulo dada su base y su altura.
- Calcular el área de un rectángulo dada su base y su altura.
- Calcular el área de un rectángulo (alineado con los ejes x e y) dadas sus coordenadas $x1, x2, y1, y2$.
- Calcular el perímetro de un círculo dado su radio.
- Calcular el área de un círculo dado su radio.
- Calcular el volumen de una esfera dado su radio.
- Dados los catetos de un triángulo rectángulo, calcular su hipotenusa.

Ejercicio 1.4. Analizar los siguientes bloques de código. ¿Cuál será el resultado de ejecutarlos? Verificar la respuesta con el intérprete.

- ```
for i in range(5):
 print(i * i)
```
- ```
for i in range(2, 6):  
    print(i, 2 ** i)
```

Ejercicio 1.5. Escribir una función que, dado un número entero n , permita calcular su factorial.

Ejercicio 1.6. Escribir funciones que resuelvan los siguientes problemas:

- Dados dos números, imprimir la suma, resta, división y multiplicación de ambos.
- Dado un número natural n , imprimir su tabla de multiplicar.

Ejercicio 1.7. Escribir un programa que le pida una palabra al usuario, para luego imprimirla 1000 veces, en una única línea, con espacios intermedios.

Ayuda: Investigar acerca del parámetro `end` de la función `print`.

2 Programas sencillos

En los ejercicios a continuación, utilizar los conceptos de análisis, especificación y diseño antes de realizar la implementación.

Ejercicio 2.1. Escribir una función que reciba una cantidad de pesos, una tasa de interés y un número de años y devuelva el monto final a obtener. La fórmula a utilizar es:

$$C_n = C \times \left(1 + \frac{x}{100}\right)^n$$

Donde C es el capital inicial, x es la tasa de interés y n es el número de años a calcular.

Ejercicio 2.2. Utilizando la función del ejercicio anterior, escribir un programa que le pregunte al usuario la cantidad de pesos inicial, la tasa de interés y el número de años y muestre el monto final a obtener.

Ejercicio 2.3. Escribir una función que convierta un valor dado en grados Fahrenheit a grados Celsius. Recordar que la fórmula para la conversión es: $F = \frac{9}{5}C + 32$

Ejercicio 2.4. Escribir un programa que utilice la función anterior para generar una tabla de conversión de temperaturas, desde 0 °F hasta 120 °F, de 10 en 10.

Ejercicio 2.5. a) Escribir una función que dado un número entero devuelva 1 si el mismo es impar y 0 si fuera par.

b) Escribir una función que dado un número entero devuelva 0 si el mismo es impar y 1 si fuera par.

c) Escribir una función que dado un número entero devuelva el dígito de las unidades. Por ejemplo, para 153 debe devolver 3.

d) Escribir una función que dado un número devuelva el primer número múltiplo de 10 inferior a él. Por ejemplo, para 153 debe devolver 150.

Ejercicio 2.6. Escribir un programa que imprima todos los números pares entre dos números que se le pidan al usuario.

Ejercicio 2.7. Escribir un programa que le pregunte al usuario un número n e imprima los primeros n números triangulares, junto con su índice. Los números triangulares se obtienen mediante la suma de los números naturales desde 1 hasta n . Es decir, si se piden los primeros 5 números triangulares, el programa debe imprimir:

1 - 1
2 - 3
3 - 6
4 - 10
5 - 15

Nota: hacerlo usando y sin usar la ecuación $\sum_{i=1}^n i = n(n+1)/2$. ¿Cuál realiza más operaciones?

Ejercicio 2.8. Escribir un programa que tome una cantidad m de valores ingresados por el usuario, a cada uno le calcule el factorial (utilizando la función escrita en el ejercicio 1.5) e imprima el resultado junto con el número de orden correspondiente.

Ejercicio 2.9. Escribir un programa que imprima por pantalla todas las fichas de dominó, de una por línea y sin repetir.

Ejercicio 2.10. Modificar el programa anterior para que pueda generar fichas de un juego que puede tener números de 0 a n .

3 Funciones

Ejercicio 3.1. Escribir dos funciones que permitan calcular:

- La duración en segundos de un intervalo dado en horas, minutos y segundos.
- La duración en horas, minutos y segundos de un intervalo dado en segundos.

Ejercicio 3.2. Usando las funciones del ejercicio anterior, escribir un programa que pida al usuario dos intervalos expresados en horas, minutos y segundos, sume sus duraciones, y muestre por pantalla la duración total en horas, minutos y segundos.

Ejercicio 3.3. Escribir una función que, dados cuatro números, devuelva el mayor producto de dos de ellos. Por ejemplo, si recibe los números 1, 5, -2, -4 debe devolver 8, que es el producto más grande que se puede obtener entre ellos ($8 = -2 \times -4$).

Ejercicio 3.4. Área de polígonos

- Escribir una función que reciba las coordenadas de un vector en \mathbb{R}^3 (x, y, z) y devuelva la norma del vector, dada por $\|\overrightarrow{(x, y, z)}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$.

Ejemplo: `norma(3, 2, -4) → 5.3851`

- Escribir una función que reciba las coordenadas de dos vectores en \mathbb{R}^3 ($x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$) y devuelva las coordenadas del vector diferencia (debe devolver 3 valores numéricos).

Ejemplo: `diferencia(8, 7, -3, 5, 3, 2) → (3, 4, -5)`

- Escribir una función que reciba las coordenadas de dos vectores en \mathbb{R}^3 y devuelva las coordenadas del producto vectorial, definido como:

$$\overrightarrow{(x_1, y_1, z_1)} \times \overrightarrow{(x_2, y_2, z_2)} = \overrightarrow{(y_1 z_2 - z_1 y_2, z_1 x_2 - x_1 z_2, x_1 y_2 - y_1 x_2)}$$

Ejemplo: `producto_vec(1, 4, -2, 3, -1, 0) → (-2, -6, -13)`

- Utilizando las funciones anteriores, escribir una función que reciba las coordenadas de 3 puntos en \mathbb{R}^3 y devuelva el área del triángulo que conforman.

Ayuda: Si A, B y C son 3 puntos en el espacio, la norma del producto vectorial $\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}$ es igual al doble del área del triángulo ABC .

Ejemplo: `area_triangulo(5, 8, -1, -2, 3, 4, -3, 3, 0) → 19.4551`

- e) Escribir una función que reciba las coordenadas de 4 puntos en el plano \mathbb{R}^2 ($x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3, x_4, y_4$) que conforman un cuadrilátero convexo, y devuelva el área del mismo.
Ayuda: Aprovechar las funciones escritas anteriormente, asumiendo que los puntos dados están en \mathbb{R}^3 con coordenada $z = 0$.
Ejemplo: `area_cuadrilatero(4, 3, 5, 10, -2, 8, -3, -5) → 65`

4 Decisiones

Ejercicio 4.1. Escribir dos funciones que resuelvan los siguientes problemas:

- a) Dado un número entero n , indicar si es par o no.
- b) Dado un número entero n , indicar si es primo o no.

Ejercicio 4.2. Escribir una implementación propia de la función `abs`, que devuelva el valor absoluto de cualquier valor que reciba.

Ejercicio 4.3. Escribir una función que reciba por parámetro una dimensión n , e imprima la matriz identidad correspondiente a esa dimensión.

Ejercicio 4.4. Escribir funciones que permitan encontrar:

- a) El máximo o mínimo de un polinomio de segundo grado (dados los coeficientes a , b y c), indicando si es un máximo o un mínimo.
- b) Las raíces (reales o complejas) de un polinomio de segundo grado.
Nota: validar que las operaciones puedan efectuarse antes de realizarlas (no dividir por cero, ni calcular la raíz de un número negativo).
- c) La intersección de dos rectas (dadas las pendientes y ordenada al origen de cada recta).
Nota: validar que no sean dos rectas con la misma pendiente, antes de efectuar la operación.

Ejercicio 4.5. Escribir funciones que resuelvan los siguientes problemas:

- a) Dado un año indicar si es bisiesto.
Nota: un año es bisiesto si es un número divisible por 4, pero no si es divisible por 100, excepto que también sea divisible por 400.
- b) Dado un mes y un año, devolver la cantidad de días correspondientes.
- c) Dada una fecha (día, mes, año), indicar si es válida o no.
- d) Dada una fecha, indicar los días que faltan hasta fin de mes.
- e) Dada una fecha, indicar los días que faltan hasta fin de año.
- f) Dada una fecha, indicar la cantidad de días transcurridos en ese año hasta esa fecha.
- g) Dadas dos fechas (día1, mes1, año1, día2, mes2, año2), indicar el tiempo transcurrido entre ambas, en años, meses y días.

Nota: en todos los casos, invocar las funciones escritas previamente cuando sea posible.

Ejercicio 4.6. Suponiendo que el primer día del año fue lunes, escribir una función que reciba un número con el día del año (de 1 a 366) y devuelva el día de la semana que le toca. Por ejemplo: si recibe '3' debe devolver 'miércoles', si recibe '9' debe devolver 'martes'.

Ejercicio 4.7. ★ Escribir un programa que reciba como entrada un entero representando un año (por ejemplo 751, 1999, o 2158), y muestre por pantalla el mismo año escrito en números romanos.

Ejercicio 4.8. Programa de astrología: el usuario debe ingresar el día y mes de su cumpleaños y el programa le debe decir a qué signo corresponde.

Aries: 21 de marzo al 20 de abril.

Geminis: 21 de mayo al 21 de junio.

Leo: 24 de julio al 23 de agosto.

Libra: 24 de septiembre al 22 de octubre.

Sagitario: 23 de noviembre al 21 de diciembre.

Acuario: 21 de enero al 19 de febrero.

Tauro: 21 de abril al 20 de mayo.

Cancer: 22 de junio al 23 de julio.

Virgo: 24 de agosto al 23 de septiembre.

Escorpio: 23 de octubre al 22 de noviembre.

Capricornio: 22 de diciembre al 20 de enero.

Piscis: 20 de febrero al 20 de marzo.

5 Más sobre ciclos

Ejercicio 5.1. Escribir un programa que permita al usuario ingresar un conjunto de notas, preguntando a cada paso si desea ingresar más notas, e imprimiendo el promedio correspondiente.

Ejercicio 5.2. Escribir una función que reciba un número entero k e imprima su descomposición en factores primos.

Ejercicio 5.3. Manejo de contraseñas

- Escribir un programa que contenga una contraseña inventada, que le pregunte al usuario la contraseña, y no le permita continuar hasta que la haya ingresado correctamente.
- Modificar el programa anterior para que solamente permita una cantidad fija de intentos.
- Modificar el programa anterior para que después de cada intento agregue una pausa cada vez mayor, utilizando la función `sleep` del módulo `time`.
- Modificar el programa anterior para que sea una función que devuelva si el usuario ingresó o no la contraseña correctamente, mediante un valor booleano (`True` o `False`).

Ejercicio 5.4. Utilizando la función `randrange` del módulo `random`, escribir un programa que obtenga un número aleatorio secreto, y luego permita al usuario ingresar números y le indique si son menores o mayores que el número a adivinar, hasta que el usuario ingrese el número correcto.

Ejercicio 5.5. Algoritmo de Euclides

- a) Implementar el algoritmo de Euclides para calcular el máximo común divisor de dos números n y m , dado por los siguientes pasos.
 1. Teniendo n y m , se obtiene r , el resto de la división entera de m/n .
 2. Si r es cero, n es el mcd de los valores iniciales.
 3. Se reemplaza $m \leftarrow n, n \leftarrow r$, y se vuelve al primer paso.
- b) Hacer un seguimiento del algoritmo implementado para los siguientes pares de números: (15, 9); (9, 15); (10, 8); (12, 6).

Ejercicio 5.6. Potencias de dos.

- a) Escribir una función `es_potencia_de_dos` que reciba como parámetro un número natural, y devuelva `True` si el número es una potencia de 2, y `False` en caso contrario.
- b) Escribir una función que, dados dos números naturales pasados como parámetros, devuelva la suma de todas las potencias de 2 que hay en el rango formado por esos números (0 si no hay ninguna potencia de 2 entre los dos). Utilizar la función `es_potencia_de_dos`, descrita en el punto anterior.

Ejercicio 5.7. Números perfectos y números amigos

- a) Escribir una función que devuelva la suma de todos los divisores de un número n , sin incluirlo.
- b) Usando la función anterior, escribir una función que imprima los primeros m números tales que la suma de sus divisores sea igual a sí mismo (es decir los primeros m números *perfectos*).
- c) Usando la primera función, escribir una función que imprima las primeras m parejas de números (a, b) , tales que la suma de los divisores de a es igual a b y la suma de los divisores de b es igual a a (es decir las primeras m parejas de números *amigos*).
- d) Proponer optimizaciones a las funciones anteriores para disminuir el tiempo de ejecución.

Ejercicio 5.8. Escribir un programa que le pida al usuario que ingrese una sucesión de números naturales (primero uno, luego otro, y así hasta que el usuario ingrese '-1' como condición de salida). Al final, el programa debe imprimir cuántos números fueron ingresados, la suma total de los valores y el promedio.

Ejercicio 5.9. Escribir una función que reciba dos números como parámetros, y devuelva cuántos múltiplos del primero hay, que sean menores que el segundo.

- a) Implementarla utilizando un ciclo `for`, desde el primer número hasta el segundo.
- b) Implementarla utilizando un ciclo `while`, que multiplique el primer número hasta que sea mayor que el segundo.

- c) Comparar ambas implementaciones: ¿Cuál es más clara? ¿Cuál realiza menos operaciones?

Ejercicio 5.10. Escribir una función que reciba un número natural e imprima todos los números primos que hay hasta ese número.

Ejercicio 5.11. Escribir una función que reciba un dígito y un número natural, y decida numéricamente si el dígito se encuentra en la notación decimal del segundo.

Ejercicio 5.12. Escribir una función que dada la cantidad de ejercicios de un examen, y el porcentaje necesario de ejercicios bien resueltos necesario para aprobar dicho examen, revise un grupo de exámenes. Para ello, en cada paso debe preguntar la cantidad de ejercicios resueltos por el alumno, indicando con un valor centinela que no hay más exámenes a revisar. Debe mostrar por pantalla el porcentaje correspondiente a la cantidad de ejercicios resueltos respecto a la cantidad de ejercicios del examen y una leyenda que indique si aprobó o no.

6 Cadenas de caracteres

Ejercicio 6.1. Escribir funciones que dada una cadena de caracteres:

- a) Imprima los dos primeros caracteres.
- b) Imprima los tres últimos caracteres.
- c) Imprima dicha cadena cada dos caracteres. Ej.: 'recta' debería imprimir 'rca'
- d) Dicha cadena en sentido inverso. Ej.: 'hola mundo!' debe imprimir '!odnum aloh'
- e) Imprima la cadena en un sentido y en sentido inverso. Ej: 'reflejo' imprime 'reflejoojelfer'.

Ejercicio 6.2. Escribir funciones que dada una cadena y un caracter:

- a) Inserte el caracter entre cada letra de la cadena. Ej: 'separar' y ',' debería devolver 's,e,p,a,r,a,r'
- b) Reemplace todos los espacios por el caracter. Ej: 'mi archivo de texto.txt' y '_' debería devolver 'mi_archivo_de_texto.txt'
- c) Reemplace todos los dígitos en la cadena por el caracter. Ej: 'su clave es: 1540' y 'X' debería devolver 'su clave es: XXXX'
- d) Inserte el caracter cada 3 dígitos en la cadena. Ej. '2552552550' y '.' debería devolver '255.255.255.0'

Ejercicio 6.3. Modificar las funciones anteriores, para que reciban un parámetro que indique la cantidad máxima de reemplazos o inserciones a realizar.

Ejercicio 6.4. Escribir una función que reciba una cadena que contiene un largo número entero y devuelva una cadena con el número y las separaciones de miles. Por ejemplo, si recibe '1234567890', debe devolver '1.234.567.890'.

Ejercicio 6.5. Escribir una función que dada una cadena de caracteres, devuelva:

- a) La primera letra de cada palabra. Por ejemplo, si recibe 'Universal Serial Bus' debe devolver 'USB'.
- b) Dicha cadena con la primera letra de cada palabra en mayúsculas. Por ejemplo, si recibe 'república argentina' debe devolver 'República Argentina'.
- c) Las palabras que comiencen con la letra 'A'. Por ejemplo, si recibe 'Antes de ayer' debe devolver 'Antes ayer'

Ejercicio 6.6. Escribir funciones que dada una cadena de caracteres:

- a) Devuelva solamente las letras consonantes. Por ejemplo, si recibe 'algoritmos' o 'logaritmos' debe devolver 'lgrtms'.
- b) Devuelva solamente las letras vocales. Por ejemplo, si recibe 'sin consonantes' debe devolver 'i ooae'.
- c) Reemplace cada vocal por su siguiente vocal. Por ejemplo, si recibe 'vestuario' debe devolver 'vistaerou'.
- d) Indique si se trata de un palíndromo. Por ejemplo, 'anita lava la tina' es un palíndromo (se lee igual de izquierda a derecha que de derecha a izquierda).

Ejercicio 6.7. Escribir funciones que dadas dos cadenas de caracteres:

- a) Indique si la segunda cadena es una subcadena de la primera. Por ejemplo, 'cadena' es una subcadena de 'subcadena'.
- b) Devuelva la que sea anterior en orden alfabético. Por ejemplo, si recibe 'kde' y 'gnome' debe devolver 'gnome'.

Ejercicio 6.8. Escribir una función que reciba una cadena de unos y ceros (es decir, un número en representación binaria) y devuelva el valor decimal correspondiente.

Ejercicio 6.9. Implementar la función `pedir_entero(mensaje, min, max)`, que debe imprimir el mensaje y luego esperar a que el usuario ingrese un valor. Si el valor ingresado no es un número entero, o no es un número entre `min` y `max` (inclusive), se le debe avisar al usuario y pedir el ingreso de otro valor. Una vez que el usuario ingresa un valor válido, la función lo debe devolver.

Ejemplo:

```
>>> z = pedir_entero("¿Cuál es tu número favorito?", -50, 50)
¿Cuál es tu número favorito? [-50..50]:
```

```

Por favor ingresa un número entre -50 y 50.
¿Cuál es tu número favorito? [-50..50]: hola
Por favor ingresa un número entre -50 y 50.
¿Cuál es tu número favorito? [-50..50]: -60
Por favor ingresa un número entre -50 y 50.
¿Cuál es tu número favorito? [-50..50]: 51
Por favor ingresa un número entre -50 y 50.
¿Cuál es tu número favorito? [-50..50]: -16
>>> z
-16

```

7 Tuplas y listas

Ejercicio 7.1. Escribir una función que reciba una tupla de elementos e indique si se encuentran ordenados de menor a mayor o no.

Ejercicio 7.2. Dominó.

- Escribir una función que indique si dos fichas de dominó *encajan* o no. Las fichas son recibidas en dos tuplas, por ejemplo: (3,4) y (5,4)
- Escribir una función que indique si dos fichas de dominó *encajan* o no. Las fichas son recibidas en una cadena, por ejemplo: 3-4 2-5. **Nota:** utilizar la función `split` de las cadenas.

Ejercicio 7.3. Campaña electoral

- Escribir una función que reciba una tupla con nombres, y para cada nombre imprima el mensaje *Estimado <nombre>, vote por mí.*
- Escribir una función que reciba una tupla con nombres, una posición de origen `p` y una cantidad `n`, e imprima el mensaje anterior para los `n` nombres que se encuentran a partir de la posición `p`.
- Modificar las funciones anteriores para que tengan en cuenta el género del destinatario, para ello, deberán recibir una tupla de tuplas, conteniendo el nombre y el género.

Ejercicio 7.4. Vectores

- Escribir una función que reciba dos vectores y devuelva su producto escalar.
- Escribir una función que reciba dos vectores y devuelva si son o no ortogonales.
- Escribir una función que reciba dos vectores y devuelva si son paralelos o no.
- Escribir una función que reciba un vector y devuelva su norma.

Ejercicio 7.5. Dada una lista de números enteros, escribir una función que:

- Devuelva una lista con todos los que sean primos.

- b) Devuelva la sumatoria y el promedio de los valores.
- c) Devuelva una lista con el factorial de cada uno de esos números.

Ejercicio 7.6. Dada una lista de números enteros y un entero k , escribir una función que:

- a) Devuelva tres listas, una con los menores, otra con los mayores y otra con los iguales a k .
- b) Devuelva una lista con aquellos que son múltiplos de k .

Ejercicio 7.7. Escribir una función que reciba una lista de tuplas (Apellido, Nombre, Inicial_segundo_nombre) y devuelva una lista de cadenas donde cada una contenga primero el nombre, luego la inicial con un punto, y luego el apellido.

Ejercicio 7.8. Inversión de listas

- a) Realizar una función que, dada una lista, devuelva una nueva lista cuyo contenido sea igual a la original pero invertida. Así, dada la lista ['Di', 'buen', 'día', 'a', 'papa'], deberá devolver ['papa', 'a', 'día', 'buen', 'Di'].
- b) Realizar otra función que invierta la lista, pero en lugar de devolver una nueva, modifique la lista dada para invertirla, **sin** usar listas auxiliares.

Ejercicio 7.9. Escribir una función `empaquetar` para una lista, donde empaquetar significa indicar la repetición de valores consecutivos mediante una tupla (valor, cantidad de repeticiones). Por ejemplo, `empaquetar([1, 1, 1, 3, 5, 1, 1, 3, 3])` debe devolver [(1, 3), (3, 1), (5, 1), (1, 2), (3, 2)].

Ejercicio 7.10. Matrices.

- a) Escribir una función que reciba dos matrices y devuelva la suma.
- b) Escribir una función que reciba dos matrices y devuelva el producto.
- c) ★ Escribir una función que opere sobre una matriz y mediante *eliminación gaussiana* devuelva una matriz triangular superior.
- d) ★ Escribir una función que indique si un grupo de vectores, recibidos mediante una lista, son linealmente independientes o no.

Ejercicio 7.11. ★ Plegado de un texto. Escribir una función que reciba un párrafo de texto (palabras separadas por espacios) y una longitud n , y devuelva una lista conteniendo líneas de texto de longitud máxima n . Las líneas deben ser cortadas correctamente en los espacios (sin cortar las palabras). Asumir que ninguna palabra tiene longitud mayor a n . Ejemplo:

```
>>> plegar('El viejo Señor Gómez pedía queso, kiwi y habas, pero le ha tocado
↪ un saxofón', 20)
['El viejo Señor Gómez', 'pedía queso, kiwi y', 'habas, pero le ha', 'tocado un
↪ saxofón']
```

Ejercicio 7.12. Funciones que reciben funciones.

- Escribir una función llamada **map**, que reciba una función y una lista y devuelva la lista que resulta de aplicar la función recibida a cada uno de los elementos de la lista recibida.
- Escribir una función llamada **filter**, que reciba una función y una lista y devuelva una lista con los elementos de la lista recibida para los cuales la función recibida devuelve un valor verdadero.
- ¿En qué ejercicios de esta guía podría haber utilizado estas funciones?

Ejercicio 7.13. ★ Juegos sencillos (¡o no tanto!). Estos ejercicios permiten aplicar todo lo aprendido hasta ahora. Recomendación: pensar bien el **diseño**; y en particular elegir una **estructura de datos** apropiada para representar el *estado del juego*. Algunas preguntas que pueden ayudar:

- ¿Cómo actualizamos el estado del juego según cada acción realizada?
- ¿Cómo detectamos si un movimiento es válido o no?
- ¿Cómo detectamos si el juego ha terminado?
- ¿Cómo se muestra la información en la consola a los jugadores?
- ¿Cómo hacen los jugadores para ingresar las acciones a realizar?

Escribir un programa que permita jugar¹:

- Torres de Hanói (https://es.wikipedia.org/wiki/Torres_de_Hanoi)
- Ta-Te-Ti (https://es.wikipedia.org/wiki/Tres_en_linea)
- Nim ([https://es.wikipedia.org/wiki/Nim_\(juego\)](https://es.wikipedia.org/wiki/Nim_(juego)))
- Generala (<https://es.wikipedia.org/wiki/Generala>)

8 Algoritmos de búsqueda

Ejercicio 8.1. Escribir una función que reciba una lista desordenada y un elemento, que:

- Busque todos los elementos coincidan con el pasado por parámetro y devuelva la cantidad de coincidencias encontradas.
- Busque la primera coincidencia del elemento en la lista y devuelva su posición.
- Utilizando la función anterior, busque todos los elementos que coincidan con el pasado por parámetro y devuelva una lista con las posiciones.

Ejercicio 8.2. Escribir una función que reciba una lista de números no ordenada, que:

- Devuelva el valor máximo.

¹No es el objetivo implementar una *inteligencia artificial*: en los juegos de dos o más jugadores, solo aceptaremos jugadores humanos.

b) Devuelva una tupla que incluya el valor máximo y su posición.

c) ¿Qué sucede si los elementos son cadenas de caracteres?

Nota: no utilizar `lista.sort()`

Ejercicio 8.3. Agenda simplificada

Escribir una función que reciba una cadena a buscar y una lista de tuplas (nombre_completo, telefono), y busque dentro de la lista, todas las entradas que contengan en el nombre completo la cadena recibida (puede ser el nombre, el apellido o sólo una parte de cualquiera de ellos). Debe devolver una lista con todas las tuplas encontradas.

Ejercicio 8.4. Sistema de facturación simplificado

Se cuenta con una lista ordenada de productos, en la que uno consiste en una tupla de (identificador, descripción, precio), y una lista de los productos a facturar, en la que cada uno consiste en una tupla de (identificador, cantidad).

Se desea generar una factura que incluya la cantidad, la descripción, el precio unitario y el precio total de cada producto comprado, y al final imprima el total general.

Escribir una función que reciba ambas listas e imprima por pantalla la factura solicitada.

Ejercicio 8.5. Escribir una función que reciba una lista ordenada y un elemento. Si el elemento se encuentra en la lista, debe encontrar su posición mediante búsqueda binaria y devolverlo. Si no se encuentra, debe agregarlo a la lista en la posición correcta y devolver esa nueva posición. (No utilizar `lista.sort()`.)

9 Dicionarios

Ejercicio 9.1. Escribir una función que reciba una lista de tuplas, y que devuelva un diccionario en donde las claves sean los primeros elementos de las tuplas, y los valores una lista con los segundos.

Por ejemplo:

```
>>> l = [ ('Hola', 'don Pepito'), ('Hola', 'don Jose'),  
         ('Buenos', 'días') ]  
>>> print(tuplas_a_diccionario(l))  
{ 'Hola': ['don Pepito', 'don Jose'], 'Buenos': ['días'] }
```

Ejercicio 9.2. Dicionarios usados para contar.

a) Escribir una función que reciba una cadena y devuelva un diccionario con la cantidad de apariciones de cada palabra en la cadena. Por ejemplo, si recibe "Qué lindo día que hace hoy" debe devolver: { 'que': 2, 'lindo': 1, 'día': 1, 'hace': 1, 'hoy': 1}.

b) Escribir una función que cuente la cantidad de apariciones de cada caracter en una cadena de texto, y los devuelva en un diccionario.

- c) Escribir una función que reciba una cantidad de iteraciones de una tirada de 2 dados a realizar y devuelva la cantidad de veces que se observa cada valor de la suma de los dos dados.

Nota: utilizar el módulo random para obtener tiradas aleatorias.

Ejercicio 9.3. Continuación de la agenda.

Escribir un programa que vaya solicitando al usuario que ingrese nombres.

- a) Si el nombre se encuentra en la agenda (*implementada con un diccionario*), debe mostrar el teléfono y, opcionalmente, permitir modificarlo si no es correcto.
- b) Si el nombre no se encuentra, debe permitir ingresar el teléfono correspondiente.

El usuario puede utilizar la cadena "*", para salir del programa.

Ejercicio 9.4. Escribir una función que reciba un texto y para cada caracter presente en el texto devuelva la cadena más larga en la que se encuentra ese caracter.

10 Documentación, contratos y mutabilidad

Ejercicio 10.1. Analizar cada una de las siguientes funciones. ¿Cuál es el contrato de la función? ¿Cómo sería su documentación? ¿Es necesario agregar comentarios? ¿Se puede simplificar el código y/o mejorar su legibilidad? ¿Hay algún invariante de ciclo?

a)

```
def Abs(i):
    if i >= 0:
        return i
    else:
        return -i
```

b)

```
def emails(diccionario):
    for k, v in diccionario.items():
        print(f"El e-mail de {k} es {v}")
```

c)

```
def emails2(diccionario):
    buenos = {}
    for k, v in diccionario.items():
        if '@' in v:
            buenos[k] = v
    return buenos
```

d)

```
def emails3(nombres, direcciones):
    for nom in range(len(nombres)):
        if direcciones[nom] == None:
            nombre, apellido = ' '.split(nombres[nom].lower())
            direcciones[nom] = nombre[0] + apellido + '@ejemplo.com'
```

11 Manejo de archivos

Ejercicio 11.1. Escribir una función, llamada `head` que reciba un archivo y un número `N` e imprima las primeras `N` líneas del archivo.

Ejercicio 11.2. Escribir una función, llamada `cp`, que copie todo el contenido de un archivo (sea de texto o binario) a otro, de modo que quede exactamente igual.

Nota: utilizar `archivo.read(bytes)` para leer como máximo una cantidad de bytes.

Ejercicio 11.3. Escribir una función, llamada `wc`, que dado un archivo de texto, lo procese e imprima por pantalla cuántas líneas, cuantas palabras y cuántos caracteres contiene el archivo.

Ejercicio 11.4. Escribir una función, llamada `grep`, que reciba una cadena y un archivo e imprima las líneas del archivo que contienen la cadena recibida.

Ejercicio 11.5. Escribir una función, llamada `rot13`, que reciba un archivo de texto de origen y uno de destino, de modo que para cada línea del archivo origen, se guarde una línea *cifrada* en el archivo destino. El algoritmo de cifrado a utilizar será muy sencillo: a cada caracter comprendido entre la `a` y la `z`, se le suma 13 y luego se aplica el módulo 26, para obtener un nuevo caracter.

Ejercicio 11.6. Persistencia de un diccionario

- a) Escribir una función `cargar_datos` que reciba un nombre de archivo, cuyo contenido tiene el formato `clave, valor` y devuelva un diccionario con el primer campo como clave y el segundo como diccionario.
- b) Escribir una función `guardar_datos` que reciba un diccionario y un nombre de archivo, y guarde el contenido del diccionario en el archivo, con el formato `clave, valor`.

12 Objetos

Ejercicio 12.1.

- a) Implementar la clase `Intervalo(desde, hasta)` que representa un intervalo entre dos instantes de tiempo (números enteros expresados en segundos), con la condición `desde < hasta`.
- b) Implementar el método `duracion` que devuelve la duración en segundos del intervalo.
- c) Implementar el método `interseccion` que recibe otro intervalo y devuelve un nuevo intervalo resultante de la intersección entre ambos, o lanzar una excepción si la intersección es nula.
- d) Implementar el método `union` que recibe otro intervalo. Si los intervalos no son adyacentes ni intersectan, debe lanzar una excepción. En caso contrario devuelve un nuevo intervalo resultante de la unión entre ambos.

Ejercicio 12.2.

- Crear una clase `Fraccion`, que cuente con dos atributos: `dividendo` y `divisor`, que se asignan en el constructor, y se imprimen como `X/Y` en el método `__str__`.
- Implementar el método `__add__` que recibe otra fracción y devuelve una nueva fracción con la suma de ambas.
- Implementar el método `__mul__` que recibe otra fracción y devuelve una nueva fracción con el producto de ambas.
- Crear un método `simplificar` que modifica la fracción actual de forma que los valores del dividendo y divisor sean los menores posibles.

Ejercicio 12.3.

- Crear una clase `Vector`, que en su constructor reciba una lista de elementos que serán sus coordenadas. En el método `__str__` se imprime su contenido con el formato `[x, y, z]`
- Implementar el método `__add__` que reciba otro vector, verifique si tienen la misma cantidad de elementos y devuelva un nuevo vector con la suma de ambos. Si no tienen la misma cantidad de elementos debe levantar una excepción.
- Implementar el método `__mul__` que reciba un número y devuelva un nuevo vector, con los elementos multiplicados por ese número.

Ejercicio 12.4. Escribir una clase `Caja` para representar cuánto dinero hay en una caja de un negocio, desglosado por tipo de billete (por ejemplo, en el quiosco de la esquina hay 6 billetes de 500 pesos, 7 de 100 pesos y 4 monedas de 2 pesos). Las denominaciones permitidas son 1, 2, 5, 10, 20, 50, 100, 200, 500 y 1000 pesos. Debe comportarse según el siguiente ejemplo:

```
>>> c = Caja({500: 6, 300: 7, 2: 4})
ValueError: Denominación "300" no permitida
>>> c = Caja({500: 6, 100: 7, 2: 4})
>>> str(c)
'Caja {500: 6, 100: 7, 2: 4} total: 3708 pesos'
>>> c.agregar({250: 2})
ValueError: Denominación "250" no permitida
>>> c.agregar({50: 2, 2: 1})
>>> str(c)
'Caja {500: 6, 100: 7, 50: 2, 2: 5} total: 3810 pesos'
>>> c.quitar({50: 3, 100: 1})
ValueError: No hay suficientes billetes de denominación "50"
>>> c.quitar({50: 2, 100: 1})
200
>>> str(c)
'Caja {500: 6, 100: 6, 2: 5} total: 3610 pesos'
```

Ejercicio 12.5. Crear las clases `Materia` y `Carrera`, que se comporten según el siguiente ejemplo:

```

>>> analisis2 = Materia("61.03", "Análisis 2", 8)
>>> fisica2 = Materia("62.01", "Física 2", 8)
>>> algo1 = Materia("75.40", "Algoritmos 1", 6)
>>> c = Carrera([analisis2, fisica2, algo1])
>>> str(c)
Créditos: 0 -- Promedio: N/A -- Materias aprobadas:
>>> c.aprobar("95.14", 7)
ValueError: La materia 75.14 no es parte del plan de estudios
>>> c.aprobar("75.40", 10)
>>> c.aprobar("62.01", 7)
>>> str(c)
Créditos: 14 -- Promedio: 8.5 -- Materias aprobadas:
75.40 Algoritmos 1 (10)
62.01 Física 2 (7)

```

13 Listas enlazadas

Ejercicio 13.1. Implementar el método `__str__` de `ListaEnlazada`, para que se genere una salida legible de lo que contiene la lista, similar a las listas de python.

Ejercicio 13.2. Agregar a `ListaEnlazada` un método `extend` que reciba una `ListaEnlazada` y agregue a la lista actual los elementos que se encuentran en la lista recibida.

Ejercicio 13.3. Implementar el método `remove_todos(elemento)` de `ListaEnlazada`, que recibe un elemento y remueve de la lista todas las apariciones del mismo, devolviendo la cantidad de elementos removidos. La lista debe ser recorrida una sola vez.

Ejercicio 13.4. Implementar el método `duplicar(elemento)` de `ListaEnlazada`, que recibe un elemento y duplica todas las apariciones del mismo. Ejemplo:

```

L = 1 -> 5 -> 8 -> 8 -> 2 -> 8
L.duplicar(8) => L = 1 -> 5 -> 8 -> 8 -> 8 -> 8 -> 2 -> 8 -> 8

```

Ejercicio 13.5. Implementar el método `filter(f)` de `ListaEnlazada`, que recibe una función y devuelve **una nueva lista enlazada** con los elementos para los cuales la aplicación de `f` devuelve `True`. La nueva lista debe ser construida recorriendo los nodos una sola vez (es decir, no se puede llamar a `append`). Ejemplo:

```

L = 1 -> 5 -> 8 -> 8 -> 2 -> 8
L.filter(es_primo) -> L2 = 5 -> 2

```

Ejercicio 13.6. Escribir un método de la clase `ListaEnlazada` que invierta el orden de la lista (es decir, el primer elemento queda como último y viceversa).

Ejercicio 13.7. Una **lista circular** es una lista cuyo último nodo está ligado al primero, de modo que es posible recorrerla infinitamente. Escribir la clase `ListaCircular`, incluyendo los métodos `insert`, `append`, `remove` y `pop`.

Ejercicio 13.8. Una **lista doblemente enlazada** es una lista en la cual cada nodo tiene una referencia al anterior además de al próximo de modo que es posible recorrerla en ambas direcciones. Escribir la clase `ListaDobleEnlazada`, incluyendo los métodos `insert`, `append`, `remove` y `pop`.

14 Pilas y colas

Ejercicio 14.1. Escribir una clase `TorreDeControl` que modele el trabajo de una torre de control de un aeropuerto con una pista de aterrizaje. Los aviones que están esperando para aterrizar tienen prioridad sobre los que están esperando para despegar. La clase debe funcionar conforme al siguiente ejemplo:

```
>>> torre = TorreDeControl()
>>> torre.nuevo_arribo('AR156')
>>> torre.nueva_partida('KLM1267')
>>> torre.nuevo_arribo('AR32')
>>> torre.ver_estado()
Vuelos esperando para aterrizar: AR156, AR32
Vuelos esperando para despegar: KLM1267
>>> torre.asignar_pista()
El vuelo AR156 aterrizó con éxito.
>>> torre.asignar_pista()
El vuelo AR32 aterrizó con éxito.
>>> torre.asignar_pista()
El vuelo KLM1267 despegó con éxito.
>>> torre.asignar_pista()
No hay vuelos en espera.
```

Ejercicio 14.2. Escribir las clases `Impresora` y `Oficina` que permita modelar el funcionamiento de un conjunto de impresoras conectadas en red.

Una impresora:

- Tiene un nombre, y una capacidad máxima de tinta.
- Permite encolar un documento para imprimir (recibiendo el nombre del documento).
- Permite imprimir el documento que está al frente de la cola.
 - Si no hay documentos encolados, se muestra un mensaje informándolo.
 - Si no hay tinta suficiente, se muestra un mensaje informándolo.
 - En caso contrario, se muestra el nombre del documento, y se gasta 1 unidad de tinta.
- Permite cargar el cartucho de tinta

Una oficina:

- Permite agregar una impresora
- Permite obtener una impresora por nombre
- Permite quitar una impresora por nombre
- Permite obtener la impresora que tenga menos documentos encolados.

Ejemplo:

```
>>> o = Oficina()
>>> o.agregar_impresora(Impresora('HP1234', 1))
>>> o.agregar_impresora(Impresora('Epson666', 5))
>>> o.impresora('HP1234').encolar('tp1.pdf')
>>> o.impresora('Epson666').encolar('tp2.pdf')
>>> o.impresora('HP1234').encolar('tp3.pdf')
>>> o.obtener_impresora_libre().encolar('tp4.pdf') # se encola en Epson666
>>> o.impresora('HP1234').imprimir()
tp1.pdf impreso
>>> o.impresora('HP1234').imprimir()
No tengo tinta :(
>>> o.impresora('HP1234').cargar_tinta()
>>> o.impresora('HP1234').imprimir()
tp3.pdf impreso
```

Ejercicio 14.3. En la parada del colectivo 130 pueden ocurrir dos eventos diferentes:

- Llega una persona
- Llega un colectivo con n asientos libres, y se suben al mismo todas las personas que están esperando, en orden de llegada, hasta que no quedan asientos libres.

Cada evento se representa con una tupla que incluye:

- El instante de tiempo (cantidad de segundos desde el inicio del día)
- El tipo de evento, que puede ser 'p' (persona) o 'c' (colectivo).
- En el caso de un evento de tipo 'c' hay un tercer elemento que es la cantidad de asientos libres.

Escribir una función que recibe una lista de eventos, ordenados cronológicamente, y devuelva el promedio de tiempo de espera de los pasajeros en la parada.

Ejemplo:

```
promedio_espera([(35, 'p'), (43, 'p'), (80, 'c', 1), (98, 'p'), (142, 'c', 2)])
-> 62.6667 (calculado como (45+99+44) / 3)
```

Ejercicio 14.4. Juego de Cartas

- a) Crear una clase Carta que contenga un palo y un valor.
- b) Crear una clase Solitario que permita apilar las cartas una arriba de otra, pero sólo permita apilar una carta si es de un número inmediatamente inferior y de distinto palo a la carta que está en el tope. Si se intenta apilar una carta incorrecta, debe lanzar una excepción.

Ejercicio 14.5. Crear una clase `PilaConMaximo` que soporte las operaciones de Pila (`apilar(elemento)` y `desapilar()`), y además incluya el método `obtener_maximo()` **en tiempo constante**. Ayuda: usar dos pilas, una para guardar los elementos y otra para guardar los máximos.

Ejercicio 14.6. Escribir una función que recibe una expresión matemática (en forma de cadena) y devuelve `True` si los paréntesis `('()')`, corchetes `('[]')` y llaves `('{}')` están correctamente balanceados, `False` en caso contrario. Ejemplos:

```
validar('(x+y)/2') -> True
validar('[8*4(x+y)]+[2/5]') -> True
validar('(x+y)/2') -> False
validar('1+)2(+3') -> False
```

Ejercicio 14.7. Escribir una función llamada `tail` que recibe un archivo y un número `N` e imprime las últimas `N` líneas del archivo. Durante el transcurso de la función no puede haber más de `N` líneas en memoria.

15 Modelo de ejecución de funciones y recursión

Ejercicio 15.1. Escribir una función recursiva que reciba un número positivo n y devuelva la cantidad de dígitos que tiene.

Ejercicio 15.2. Escribir una función recursiva que simule el siguiente experimento: Se tiene una rata en una jaula con 3 caminos, entre los cuales elige al azar (cada uno tiene la misma probabilidad), si elige el 1 luego de 3 minutos vuelve a la jaula, si elige el 2 luego de 5 minutos vuelve a la jaula, en el caso de elegir el 3 luego de 7 minutos sale de la jaula. La rata no aprende, siempre elige entre los 3 caminos con la misma probabilidad, pero quiere su libertad, por lo que recorrerá los caminos hasta salir de la jaula.

La función debe devolver el tiempo que tarda la rata en salir de la jaula.

Ejercicio 15.3. Escribir una función recursiva que reciba 2 enteros n y b y devuelva `True` si n es potencia de b .

Ejemplos:

```
es_potencia(8, 2) -> True
es_potencia(64, 4) -> True
es_potencia(70, 10) -> False
```

Ejercicio 15.4. Escribir una función recursiva que reciba como parámetros dos cadenas a y b , y devuelva una lista con las posiciones en donde se encuentra b dentro de a .

Ejemplo:

```
posiciones_de("Un tete a tete con Tete", "te") -> [3, 5, 10, 12, 21]
```

Ejercicio 15.5. Escribir dos funciones mutuamente recursivas $\text{par}(n)$ e $\text{impar}(n)$ que determinen la paridad del número natural dado, conociendo solo que:

- 1 es impar.
- Si un número es impar, su antecesor es par; y viceversa.

Ejercicio 15.6. Escribir una función recursiva que calcule recursivamente el n -ésimo número triangular (el número $1 + 2 + 3 + \dots + n$).

Ejercicio 15.7. Escribir una función que calcule recursivamente cuántos elementos hay en una pila, suponiendo que la pila sólo tiene los métodos `apilar` y `desapilar`, y no altere el contenido de la pila.

Ejercicio 15.8. Escribir una funcion recursiva que encuentre el mayor elemento de una lista.

Ejercicio 15.9. Escribir una función recursiva para replicar los elementos de una lista una cantidad n de veces. Por ejemplo:

```
replicar([1, 3, 3, 7], 2) -> ([1, 1, 3, 3, 3, 3, 7, 7])
```

Ejercicio 15.10. Escribir una funcion recursiva que dada una cadena determine si en la misma hay más letras A o letras E.

Ejercicio 15.11. El triángulo de Pascal es un arreglo triangular de números que se define de la siguiente manera: Las filas se enumeran desde $n = 0$, de arriba hacia abajo. Los valores de cada fila se enumeran desde $k = 0$ (de izquierda a derecha). Los valores que se encuentran en los bordes del triángulo son 1. Cualquier otro valor se calcula sumando los dos valores contiguos de la fila de arriba.

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| $n = 0$ | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

Escribir la función recursiva `pascal(n, k)` que calcula el valor que se encuentra en la fila `n` y la columna `k`. Ejemplo: `pascal(5, 2) -> 10`

Ejercicio 15.12. Ya sabemos que la implementación recursiva del cálculo del número de Fibonacci ($F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$, $F_0 = 0$, $F_1 = 1$) es ineficiente porque muchas de las ramas calculan reiteradamente los mismos valores.

Escribir una función `fibonacci(n)` que calcule el n -ésimo número de Fibonacci de forma recursiva pero que utilice un diccionario para almacenar los valores ya computados y no computarlos más de una vez.

Nota: Será necesario implementar una función wrapper para cumplir con la firma de la función pedida.

Ejercicio 15.13. Escribir una función recursiva que reciba un conjunto de caracteres únicos, y un número k , e imprima todas las posibles cadenas de longitud k formadas con los caracteres dados (permitiendo caracteres repetidos).

Ejemplo: `combinaciones(['a', 'b', 'c'], 2)` debe imprimir `aa ab ac ba bb bc ca cb cc`

16 Ordenar listas

Ejercicio 16.1. Mostrar los pasos del ordenamiento de la lista `0 9 3 8 5 3 2 4` con los algoritmos de inserción y selección.

Ejercicio 16.2. Escribir una función `merge_sort_3` que funcione igual que el merge sort pero en lugar de dividir los valores en dos partes iguales, los divida en tres (asumir que se cuenta con la función `merge(lista_1, lista_2, lista_3)`). ¿Cómo te parece que se va a comportar este método con respecto al merge sort original?

Ejercicio 16.3. Mostrar los pasos del ordenamiento de la lista: `6 0 3 2 5 7 4 1` con los métodos de inserción y con merge sort. ¿Cuáles son las principales diferencias entre los métodos? ¿Cuál usarías en qué casos?

Ejercicio 16.4. Ordenar la lista `6 0 3 2 5 7 4 1` usando el método quicksort. Mostrar el árbol de recursividad explicando las llamadas que se hacen en cada paso, y el orden en el que se realizan.

17 Lenguaje C

Ejercicio 17.1. Escribir una función que permita calcular el área de un rectángulo dada su base y altura.

Ejercicio 17.2. Escribir una función que reciba un número entero `n` y calcule el factorial de `n`.

- a) En forma iterativa.
- b) En forma recursiva.

Ejercicio 17.3. Escribir una función que reciba un arreglo de números y la cantidad de elementos, y devuelva el promedio.

Ejercicio 17.4. Usando las funciones `printf` y `sizeof`, escribir un programa que imprima el tamaño en bytes de cada uno de los siguientes tipos: `bool`, `char`, `short`, `int`, `long`, `float`, `double`, `bool*`, `char*`, `short*`, `int*`, `long*`, `float*`, `double*`.

Ejercicio 17.5. Implementar la función unsigned `int` `strlen(const char *s)` que devuelve la longitud de la cadena `s` (sin contar el último carácter `'\0'`).

- a) En forma iterativa.
- b) En forma recursiva.

Ejercicio 17.6. Implementar la función void `invertir(char *s)` que invierte la cadena `s` (*in-place*).

Ejercicio 17.7. Implementar la función void `strcpy(const char *origen, char *destino)` que copia la cadena origen en la dirección de memoria apuntada por destino. Asumir que destino apunta a un arreglo de caracteres con espacio suficiente (`strlen(origen) + 1`).

Ejercicio 17.8. Implementar una función que recibe un arreglo de números y su longitud y lo ordena mediante el algoritmo de ordenamiento por selección.

Ejercicio 17.9. Implementar una función que reciba un mensaje y dos números enteros `min` y `max`. La función debe pedir al usuario que ingrese un número entero entre `min` y `max` (inclusive) y devolverlo. Si el usuario ingresa un valor inválido se le debe informar y pedir que ingrese un nuevo valor, repitiendo hasta que ingrese un número válido.

Ejercicio 17.10. Implementar una función que reciba una cadena de texto y luego imprima la cadena enmarcada entre asteriscos (*). Asumir que la cadena no contiene ningún carácter `\n`. Por ejemplo, si se recibe la cadena "Lenguaje C", debe imprimir:

```
*****
* Lenguaje C *
*****
```


Ejercicio 17.11. ★ Implementar una función que permita ejecutar cálculos matemáticos expresados en notación polaca inversa².

Ejemplo: `calcular_rpn("5 1 2 + 4 * + 3 -")` devuelve 14, ya que la expresión ingresada es equivalente a $5 + ((1 + 2) * 4) - 3$.

Ayuda: El algoritmo de notación polaca inversa hace uso de una pila, que se puede implementar en C mediante un arreglo con un tamaño fijo que determinará la cantidad máxima permitida de valores apilados.

²https://es.wikipedia.org/wiki/Notaci%C3%B3n_polaca_inversa