

Day1 정렬과 탐색

선린인터넷고등학교 소프트웨어과

30610 나정휘

문제 목록

- BOJ2805 나무 자르기
- BOJ2512 예산
- BOJ11053 가장 긴 증가하는 부분 수열
- BOJ12015 가장 긴 증가하는 부분 수열 2
- BOJ 10775 공항
- Algospot WITHDRAWAL
- BOJ15977 조화로운 행렬

나무 자르기

- 다 알지?
- Parametric Search
- $f(x)$ = 높이를 x 로 설정했을 때 M 이상 가져갈 수 있는가?

예산

- 이것도 다 알지?
- Parametric Search
- $f(x)$ = 상한을 x 로 설정했을 때 예산을 잘 배정할 수 있는가?

가장 긴 증가하는 부분 수열

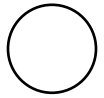
- $D(i)$ = i 번째 원소로 끝나는 LIS의 길이
- $D(i) = \max\{ D(j) \} + 1$ ($j < i$ && $A_j < A_i$)
- $O(N^2)$

가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- 1. $O(N^2)$ DP 풀이를 세그먼트 트리로 최적화 $\rightarrow O(N \log N)$
 - $D(i) = \max_query(1, A_i - 1) + 1$
 - $update(A_i, D(i))$
- 2. 이분 탐색을 똑똑하게

가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



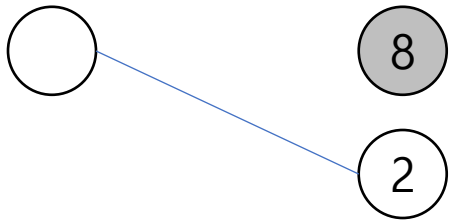
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



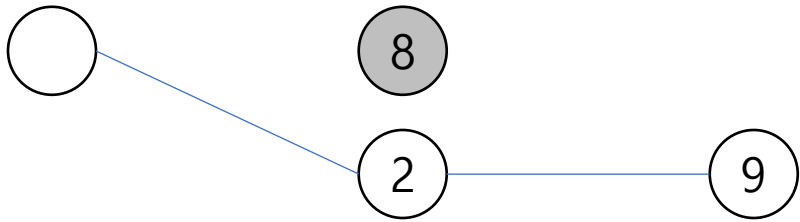
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



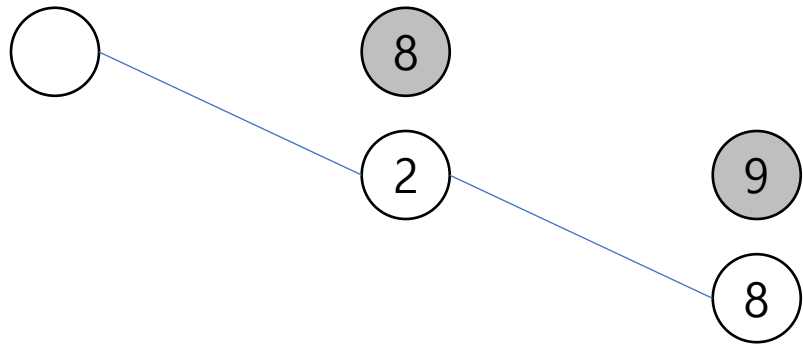
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



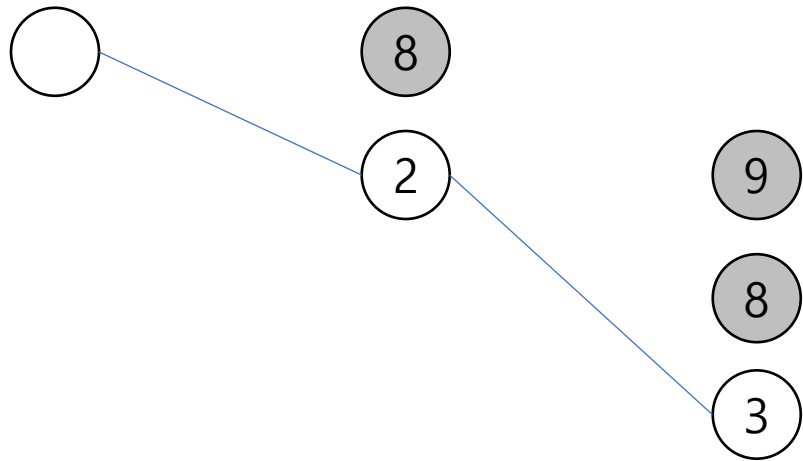
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



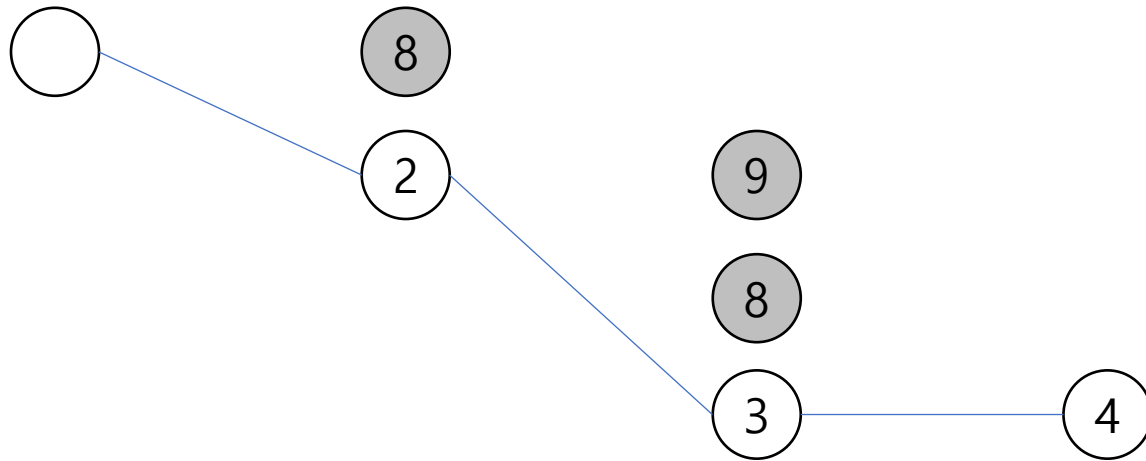
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



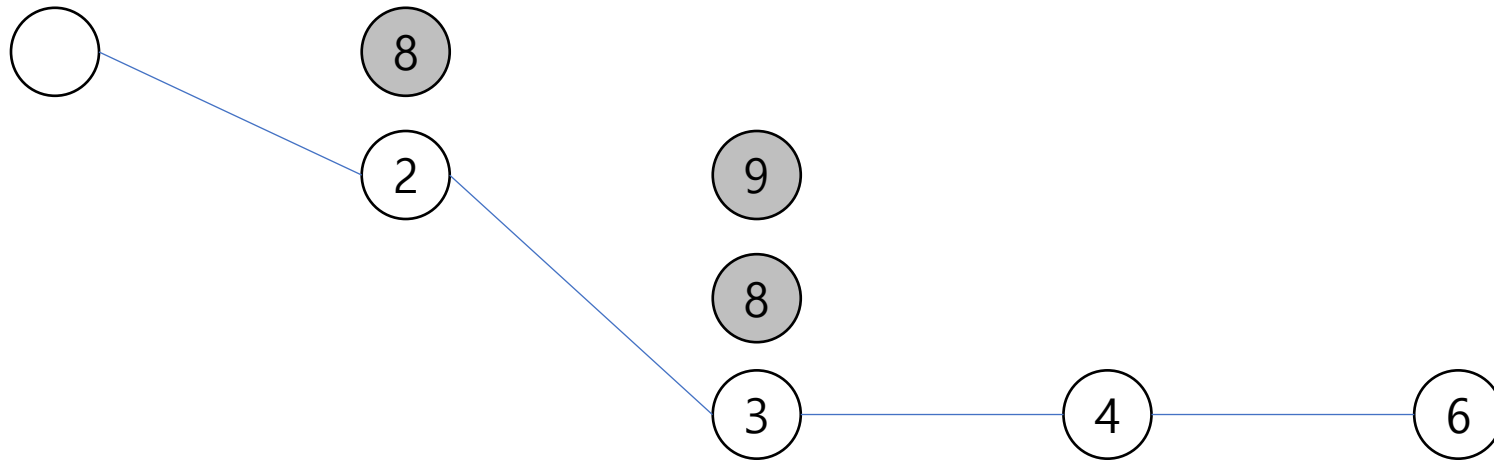
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



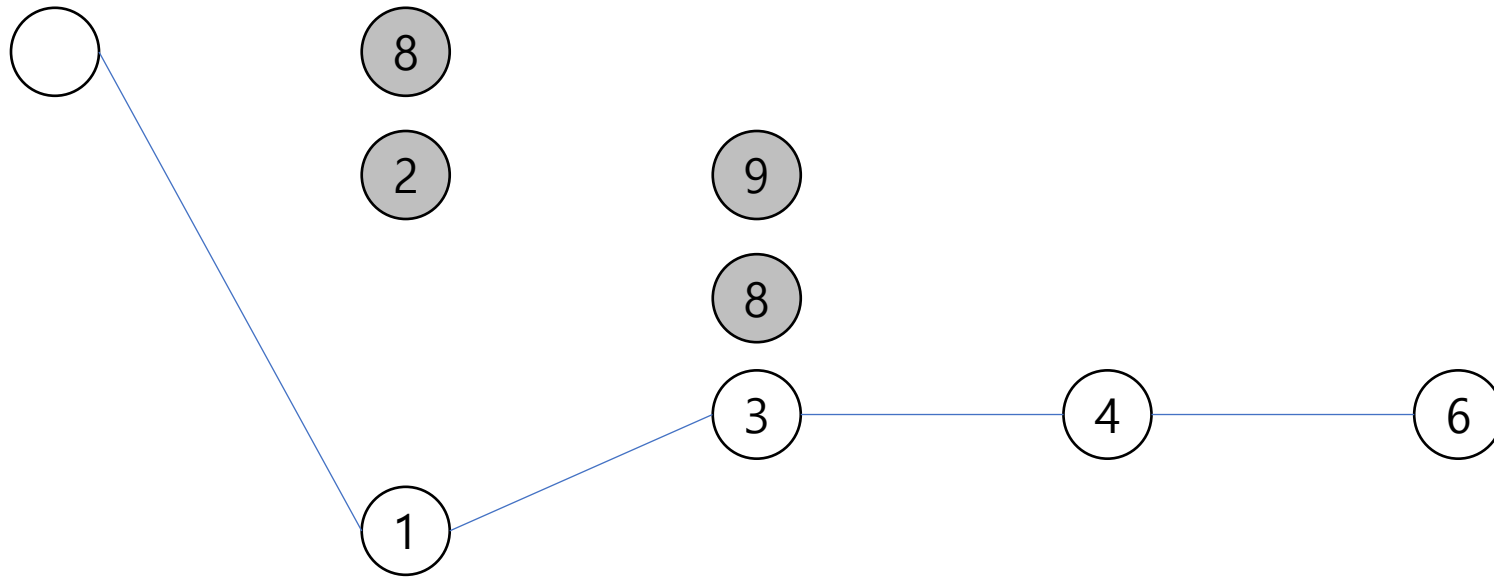
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- $[8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]$



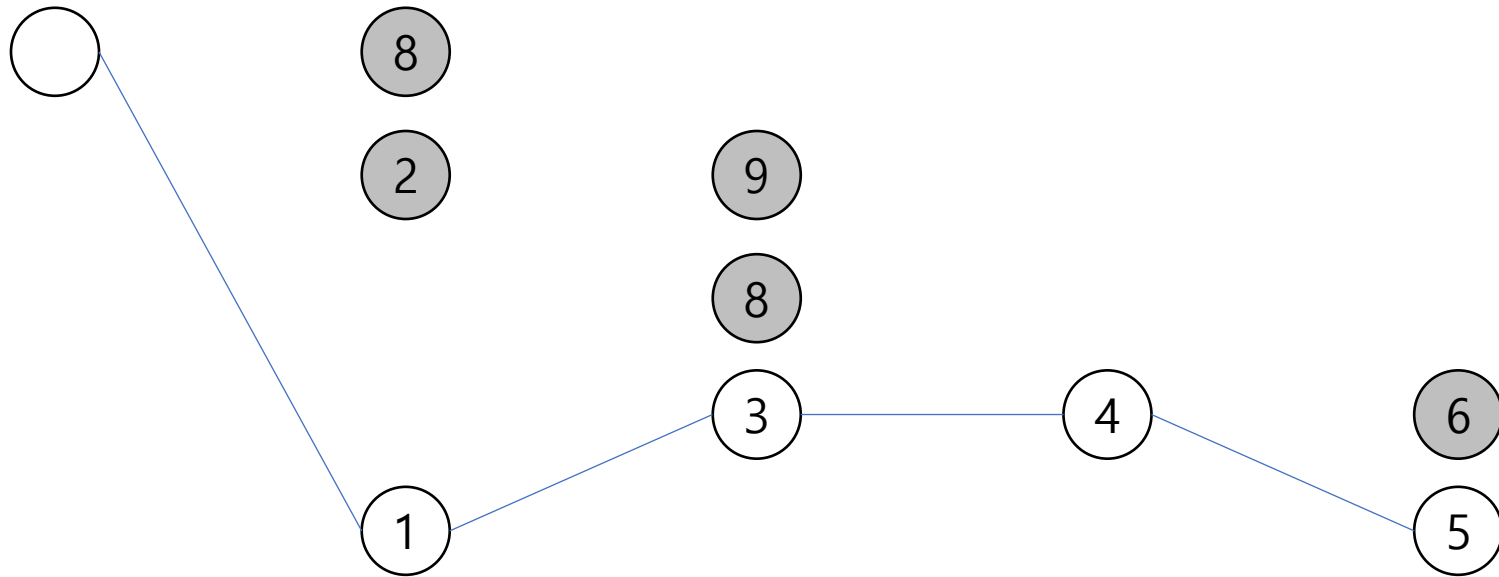
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



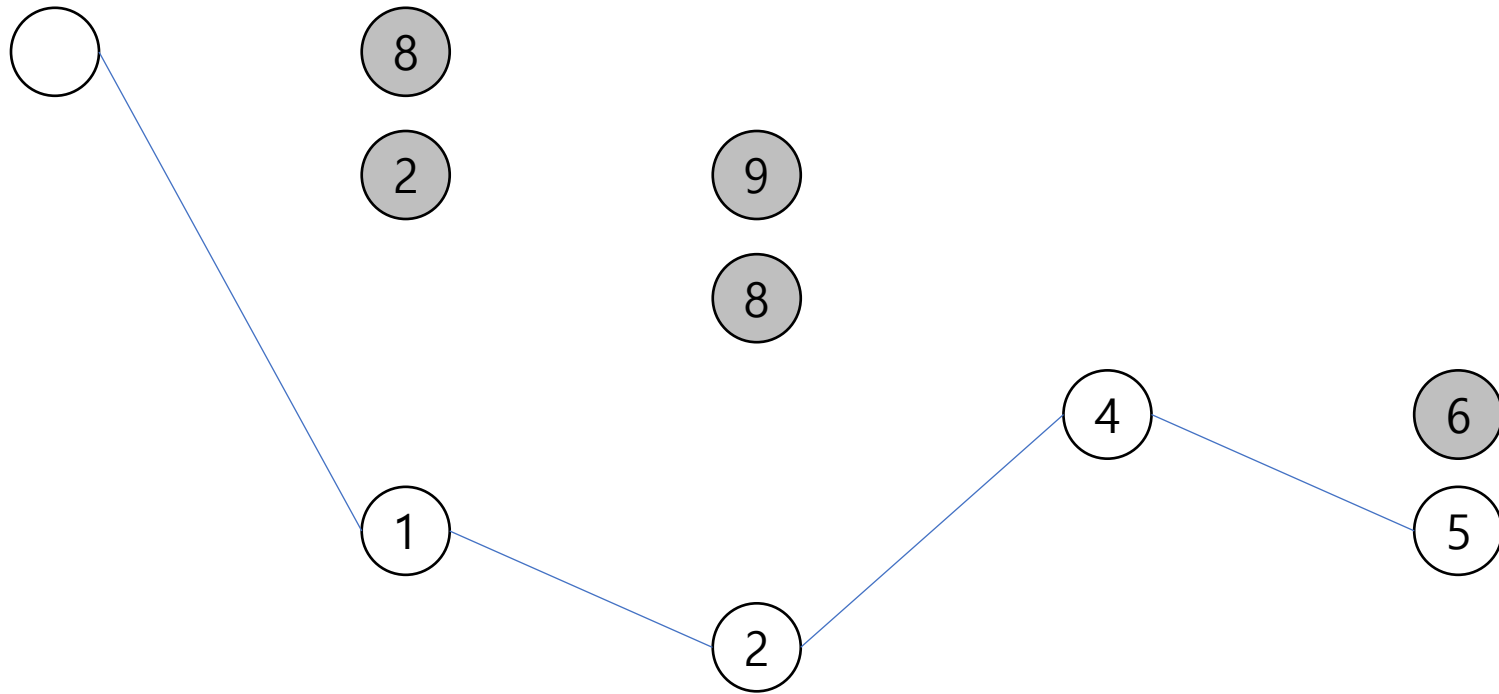
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



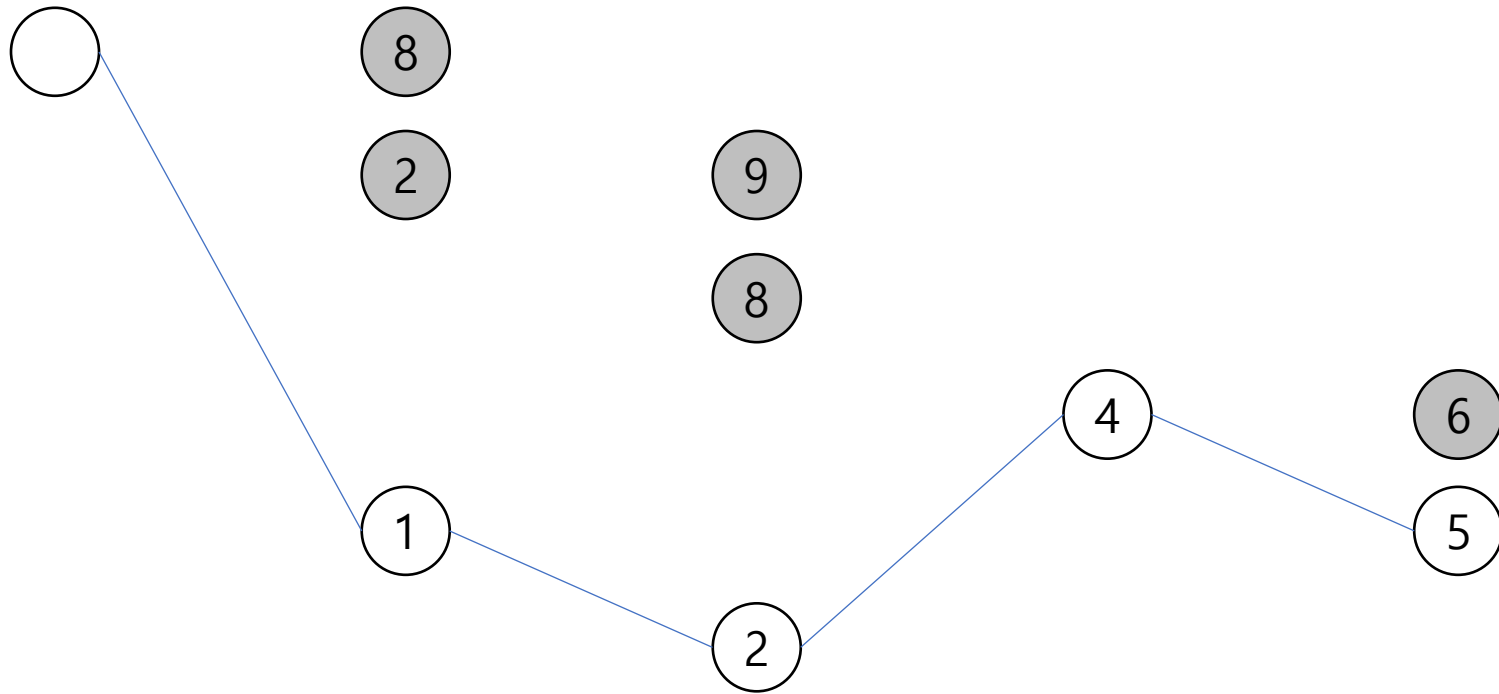
가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]



가장 긴 증가하는 부분 수열 2

- [8, 2, 9, 8, 3, 4, 6, 1, 5, 2]
- 이분 탐색 화이팅



공항

- 각 비행기를 최대한 큰 번호에 배치하면 됨

WITHDRAWAL

- k개를 잘 골라서 $\text{sum}(R_i) / \text{sum}(C_i)$ 를 최소화

WITHDRAWAL

- k개를 잘 골라서 $\text{sum}(R_i) / \text{sum}(C_i)$ 를 최소화
- 최대/최소 문제 -> Parametric Search
- $f(x) = \text{sum}(R_i) / \text{sum}(C_i)$ 를 x 이하로 만들 수 있는가?

WITHDRAWAL

- $f(x) = \text{sum}(R_i) / \text{sum}(C_i)$ 를 x 이하로 만들 수 있는가?
- $\text{sum}(R_i) / \text{sum}(C_i) \leq X$
- $\text{sum}(R_i) \leq X * \text{sum}(C_i) = \text{sum}(X * C_i)$
- $\text{sum}(R_i - X * C_i) \leq 0$
- $R_i - x * C_i$ 오름차순 정렬 후 k 개 더해서 0보다 작은지 확인

조화로운 행렬

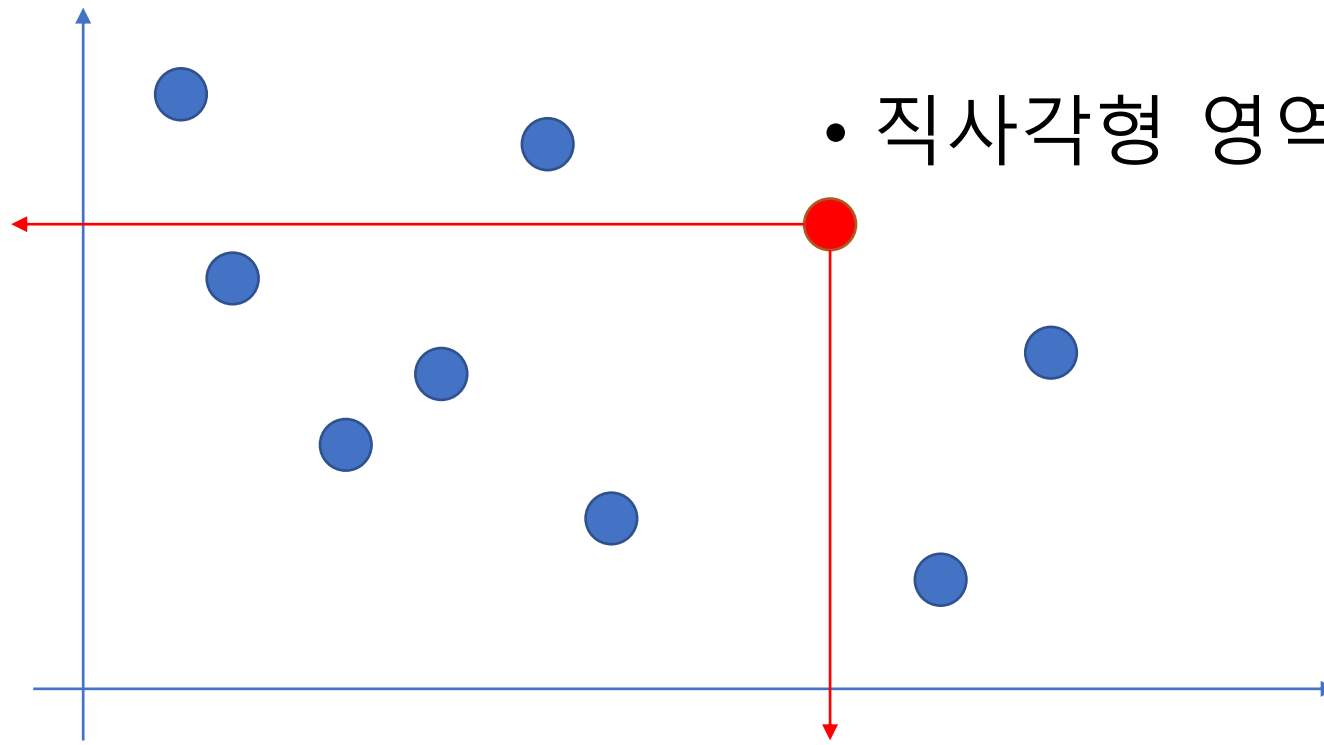
- 첫 번째 행 기준으로 정렬해도 답이 변하지 않음.
- $m = 2$: 단순 LIS
- $m = 3$: pair에 대한 LIS
- $m = 2$ 인 경우를 $m = 3$ 으로 바꿀 수 있음.

조화로운 행렬

- 풀이1. LIS DP + 2D Segment Tree $\rightarrow O(N \log^2 N)$
- 풀이2. 이분 탐색을 잘 하자.

조화로운 행렬

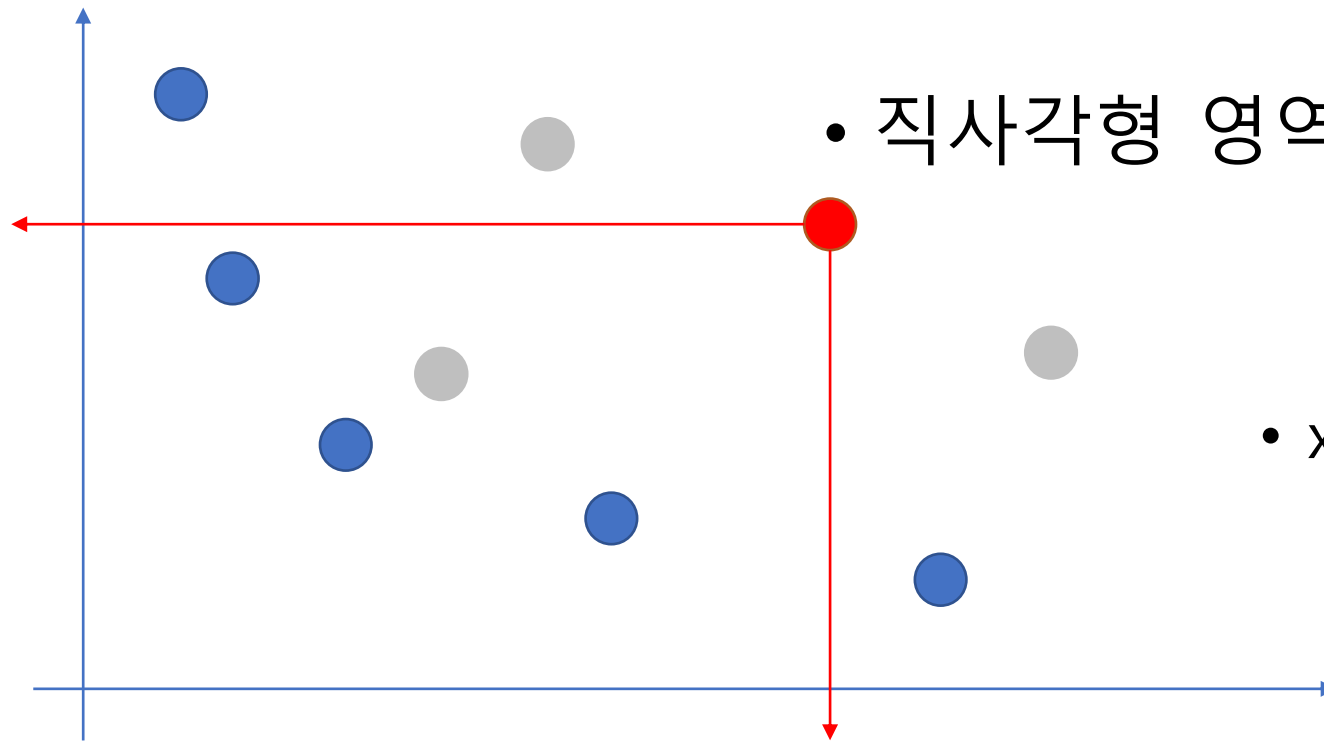
- $D(i) = \{ D(j) = k, X_j \leq X_i, Y_j \leq Y_i \text{인 } j \text{가 존재하는 최대 } k \} + 1$



- 직사각형 영역에 점이 하나라도 있는가?

조화로운 행렬

- $D(i) = \{ D(j) = k, X_j \leq X_i, Y_j \leq Y_i \text{인 } j \text{가 존재하는 최대 } k \} + 1$

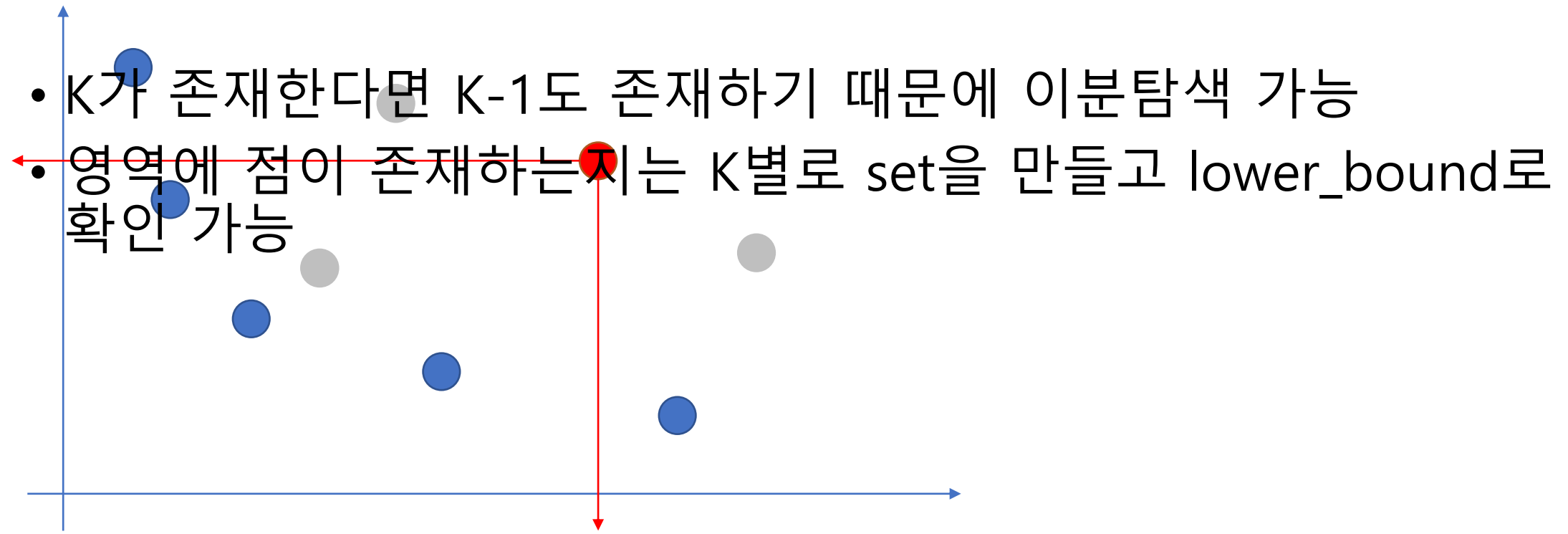


- 직사각형 영역에 점이 하나라도 있는가?

- 필요 없는 점을 제거하자
- x좌표가 증가하면 y좌표는 감소

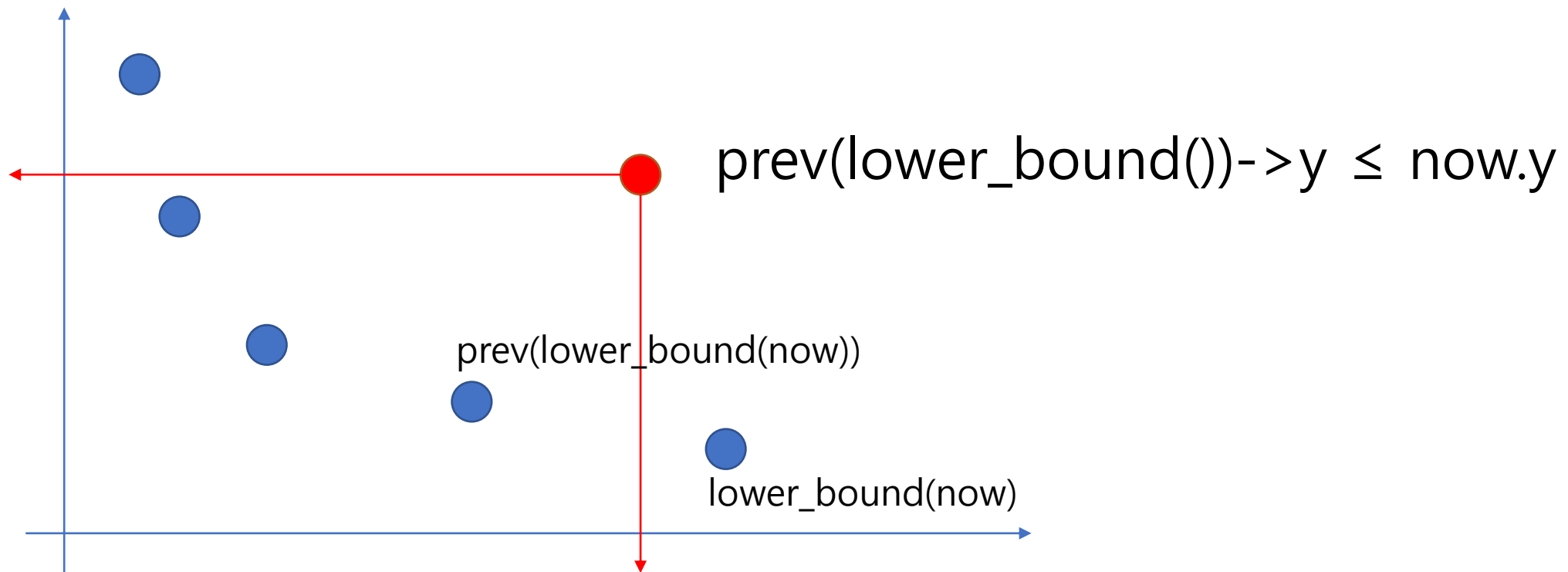
조화로운 행렬

- $D(i) = \{ D(j) = k, X_j \leq X_i, Y_j \leq Y_i \text{인 } j \text{가 존재하는 최대 } k \} + 1$



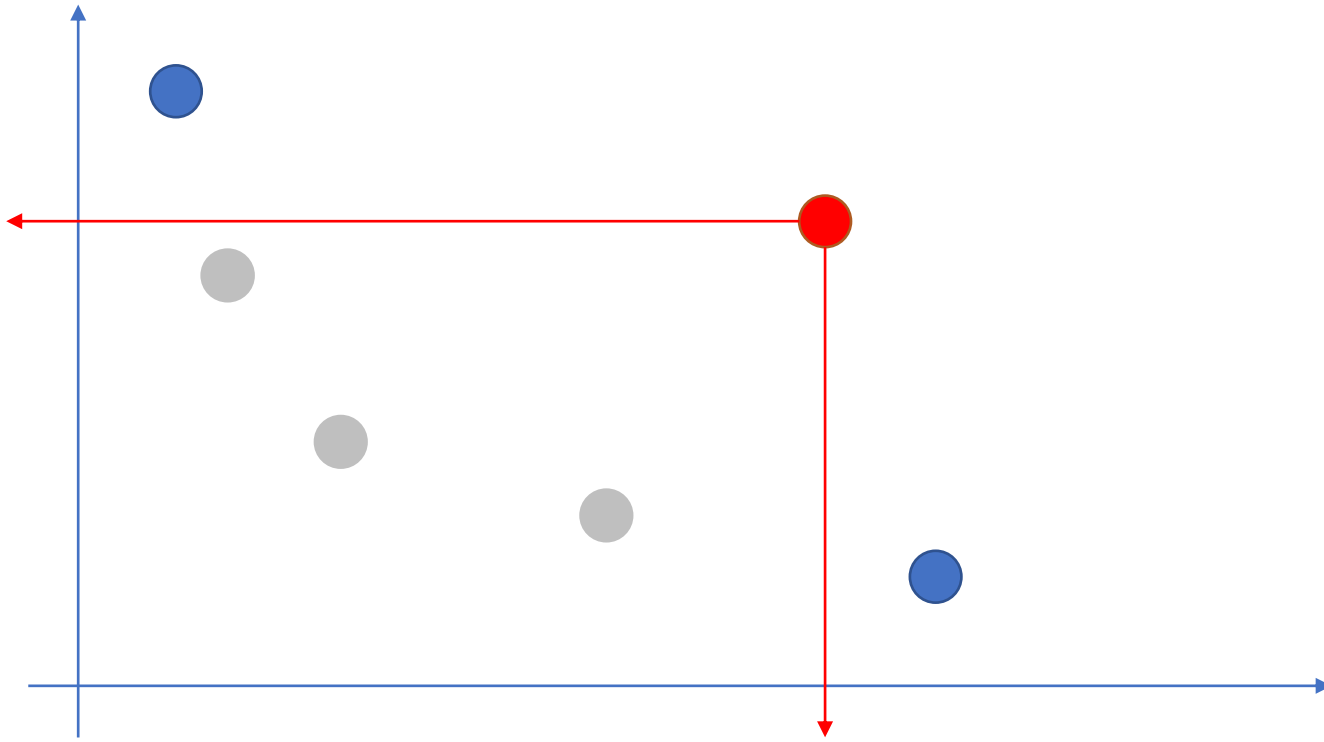
조화로운 행렬

- $D(i) = \{ D(j) = k, X_j \leq X_i, Y_j \leq Y_i \text{인 } j \text{가 존재하는 최대 } k \} + 1$



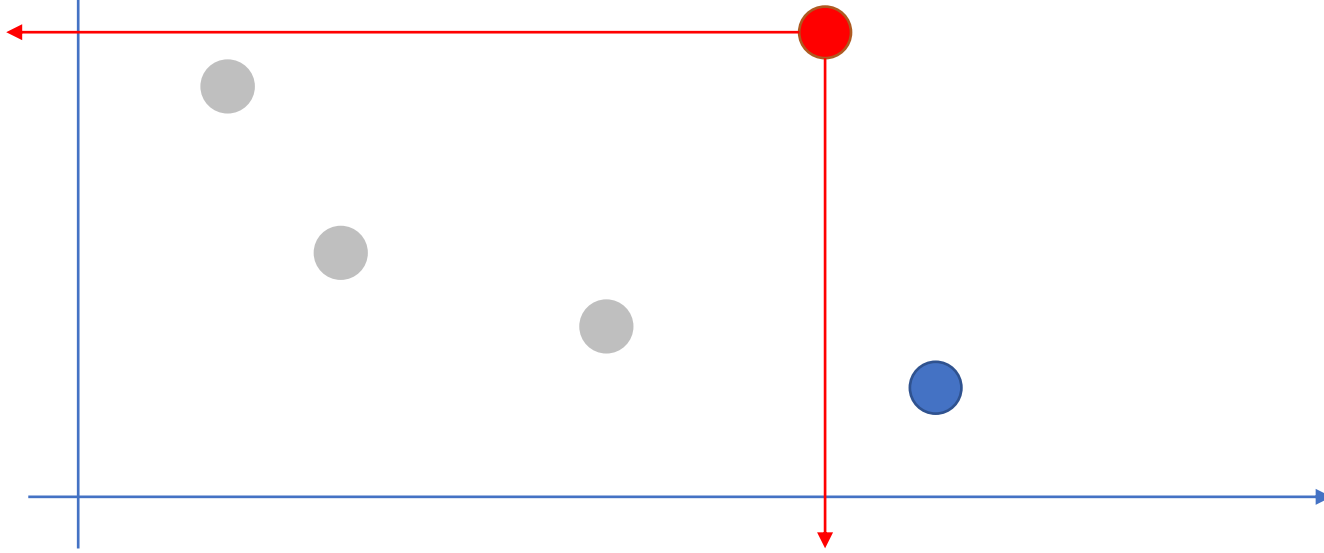
조화로운 행렬

- 점 삽입은 어떻게?



조화로운 행렬

- 점 삽입은 어떻게?
- $\text{prev}(\text{lower_bound}()) \rightarrow y \leq \text{now.y}$ 이면 삭제 반복



조화로운 행렬

- 각 점은 최대 $O(N)$ 번 삽입, $O(N)$ 번 삭제
- 이분 탐색 N 번, 각 Decision에서 set 쓰니까 $O(N \log N)$
 - 총 $O(N \log^2 N)$