# Day3 자료구조

선린인터넷고등학교 소프트웨어과 30610 나정휘

https://JusticeHui.github.io

#### 문제 목록

- BOJ1976 여행 가자
- BOJ2042 구간 합
- BOJ10999 구간 합 2
- BOJ10090 Counting Inversions
- BOJ15942 Thinking Heap
- BOJ2696 중앙값 구하기
- BOJ13306 트리
- BOJ18921 Cost of Subtree
- BOJ2957 이진 탐색 트리

- BOJ1321 군인
- BOJ5419 북서풍
- BOJ7469 K번째 수
- BOJ18193 비행기 타고 가요

# 여행 가자

• Union Find 구현

# 구간 합 구하기 1

• 세그 트리 구현 or 펜윅 트리 구현

# 구간 합 구하기 2

• Lazy Propagation 구현

# Counting Inversions

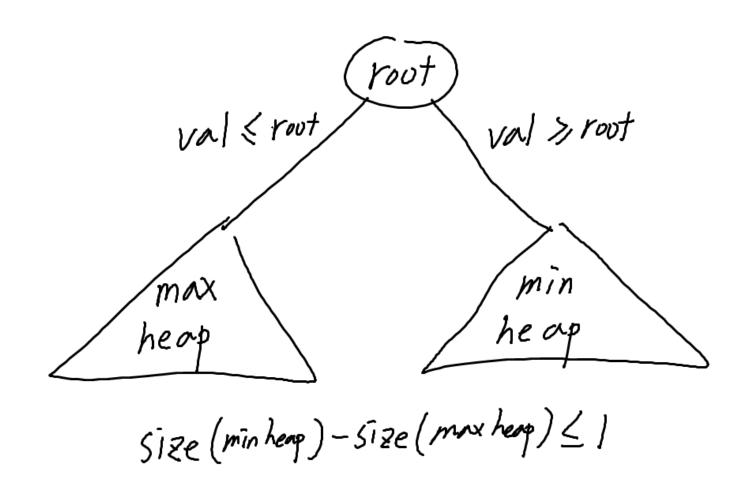
• sum(나보다 앞에 있으면서 큰 원소의 개수)

```
for(int i=1; i<=n; i++){
  ans += query(a[i]+1, MX);
  add(a[i], 1);
}</pre>
```

# Thinking Heap

- 루트에서 p의 부모까지 1, 2, ... 배치
- p의 자손들에 N, N-1, ... 배치
- 남은 정점들 위에서부터 오름차순으로 배치

# 중앙값 구하기



#### 트리

- 쿼리를 거꾸로 처리하자.
- 간선 다 없앤 상태로 시작
- 간선 삭제 쿼리 -> 간선 추가 쿼리

#### 트리

- 쿼리를 거꾸로 처리하자.
- 간선 다 없앤 상태로 시작
- 간선 삭제 쿼리 -> 간선 추가 쿼리

- 간선 추가 쿼리 : Union
- 경로 존재 확인 : Find(u) = Find(v)?
- 웰----논

#### Cost Of Subtree

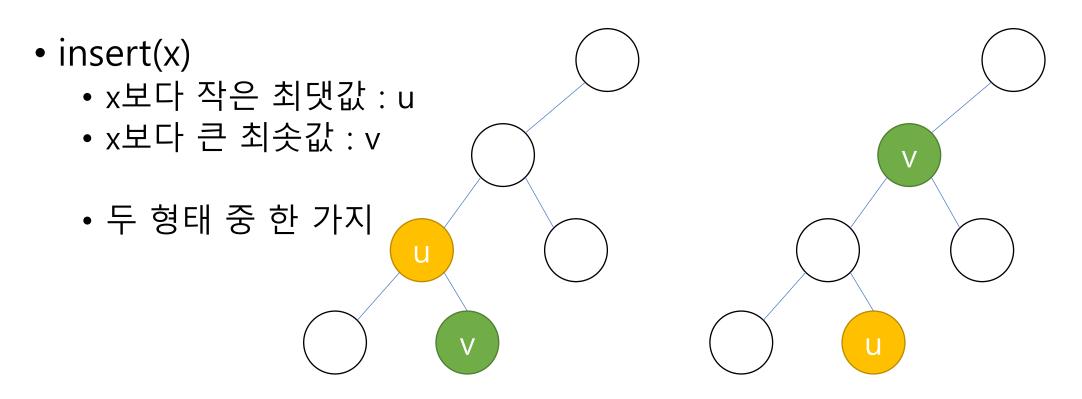
• 13306 트리와 유사한 문제

• 파이팅!

### 이진 탐색 트리

- 느린 O(N log N) 풀이 : N <= 300,000
- 빠른 O(N log N) 풀이 : N <= 5,000,000

# 이진 탐색 트리



• dep[x] = max(dep[u], dep[v]) + 1

### 이진 탐색 트리

• u, v를 set으로 구해주면 느린 O(N log N) 풀이 완성

• std::set은 유사 로그 제곱

#### 이진 탐색 트리 - 빠른 풀이

- N개의 방이 있고, 모든 방은 비어 있는 상태
- 원소를 삽입할 때마다 연속된 빈 공간이 분할됨
- 연속된 빈 공간을 하나의 정점으로 보자
  - 각 정점의 왼쪽, 오른쪽에 있는 수들을 관리

(Empty, Empty)				
(Empty, 3)	3	(3, Empty)		
(Empty, 3)	3	(3, 7)	7	(7, Empty)

## 이진 탐색 트리 - 빠른 풀이

- 구간을 쪼갠다 -> 구간을 병합한다
- Union Find

• 각 서로소 집합마다 I, r값을 관리해주면 됨

# 군인

• (세그 or 펜윅) + 파라메트릭 서치

- sum(오른쪽 아래에 있는 점들의 개수)
- 뇌절하고 2D Segment Tree를 쓴다 -> O(N log^2 N) 시간 초과

• O(N log N)에 풀자.

• x, y좌표를 1..N으로 압축하고 생각하는 게 편하다. (좌표 압축)

• 점들을 하나씩 추가하면서 계산하자. (Counting Inversion 느낌)

- Counting Inversion : 나보다 앞에 있는 원소들을 먼저 넣음
- 북서풍 : 나보다 아래에 있는 원소들을 먼저 넣음
  - y좌표가 같으면 오른쪽에 있는 원소 먼저
- 현재 들어간 원소 중 오른쪽에 있는 원소의 개수를 보면 된다.

- 세그먼트 트리를 만들자.
- 자신보다 "오른쪽"에 있는 점만 중요하니까 x좌표만 봐도 된다.

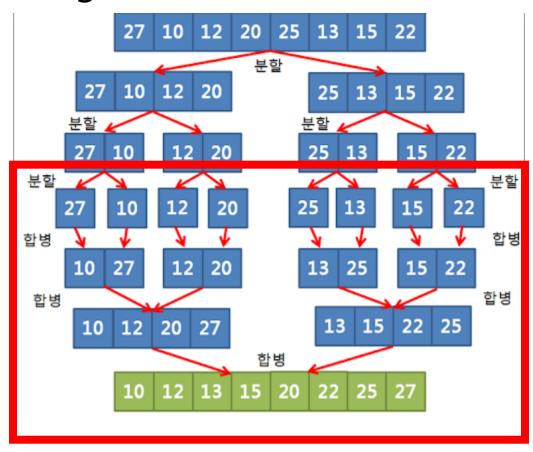
```
// y좌표가 큰 점
// y좌표 같으면 x좌표가 큰 점이 먼저 오도록 정렬
sort(pt.begin(), pt.end(), comp);
for(auto i : pt){
   ans += query(i.x, MX);
   add(i.x, 1);
}
```

#### K번째 수

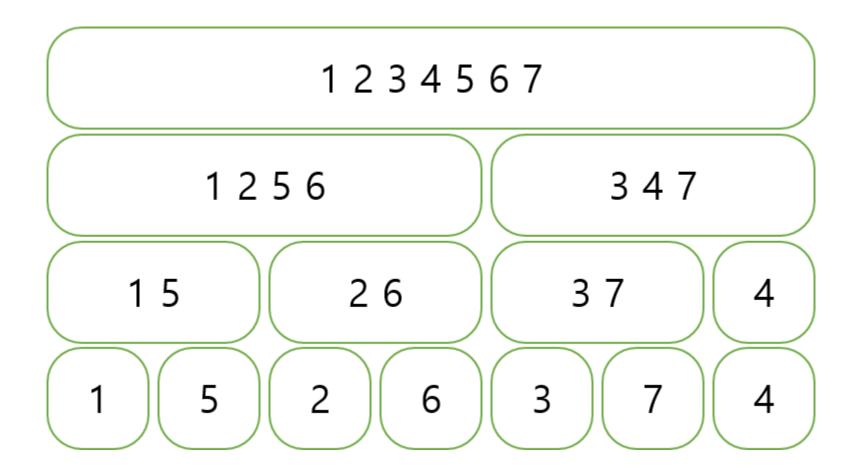
- Merge Sort Tree / PST
- O(Q log^3 N) / O(Q log N)
- Merge Sort Tree: 19916KB, 120ms, 1400B
- Persistent Segment Tree: 59280KB, 104ms, 2247B
- 내 띵킹에 의하면 Merge Sort Tree 짜는게 이득

## Merge Sort Tree

Do You Know "Merge Sort"?



# Merge Sort Tree



## Merge Sort Tree

```
vector(int) tree[1 << 18];</pre>
const int sz = 1 \ll 17;
void add(int x, int v){
 x += sz;
 tree[x].push_back(v);
void build(){
 // i번째 리프노드에 원소 추가
 for(int i=1; i<=n; i++) add(i, a[i]);
 // 내부 노드 구성
  for(int i=sz-1; i>=1; i--){
   // i*2, i*2+1은 이미 정렬되어 있음
   // O(SZ)만에 합쳐줌
    merge(tree[i*2].begin(), tree[i*2].end(),
          tree[i*2+1].begin(), tree[i*2+1].end(),
          back_inserter(tree[i]));
```

#### K번째 수

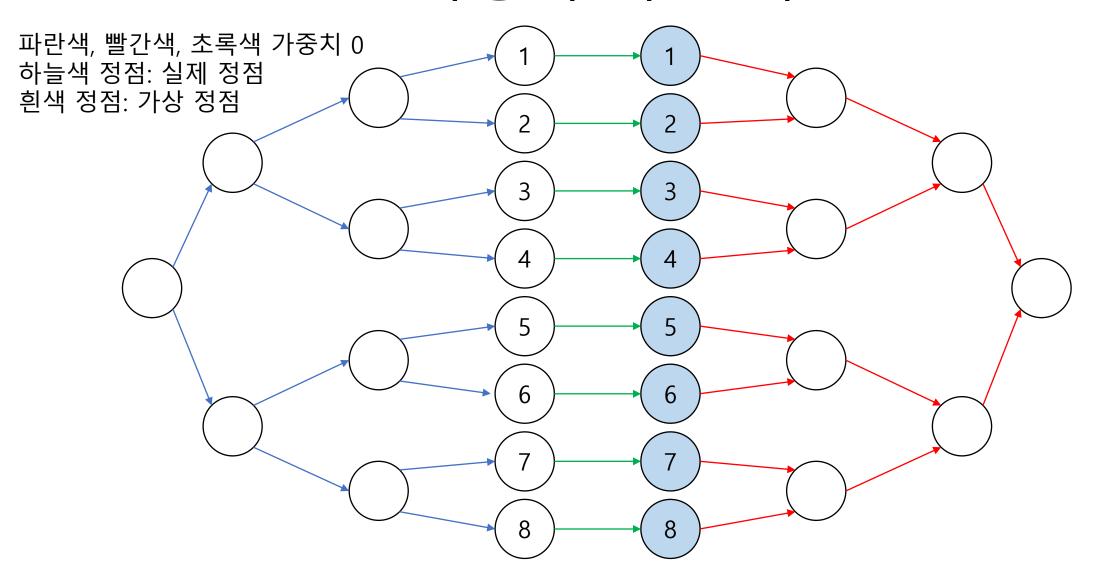
- Merge Sort Tree가 할 수 있는 일
  - 구간 [s, e]에서 x보다 큰/작은/크거나 같은/작거나 같은 원소의 개수
  - 정렬되어 있으므로 lower\_bound, upper\_bound 등을 이용
- K번째 수 : 구간 [s, e]에서 k번째 수
  - Parametric Search : f(x) = x보다 작거나 같은 수가 k개 미만인가?
  - f(x)를 구하는데 O(log^2 N), 이분 탐색 O(log N) -> O(log^3 N)

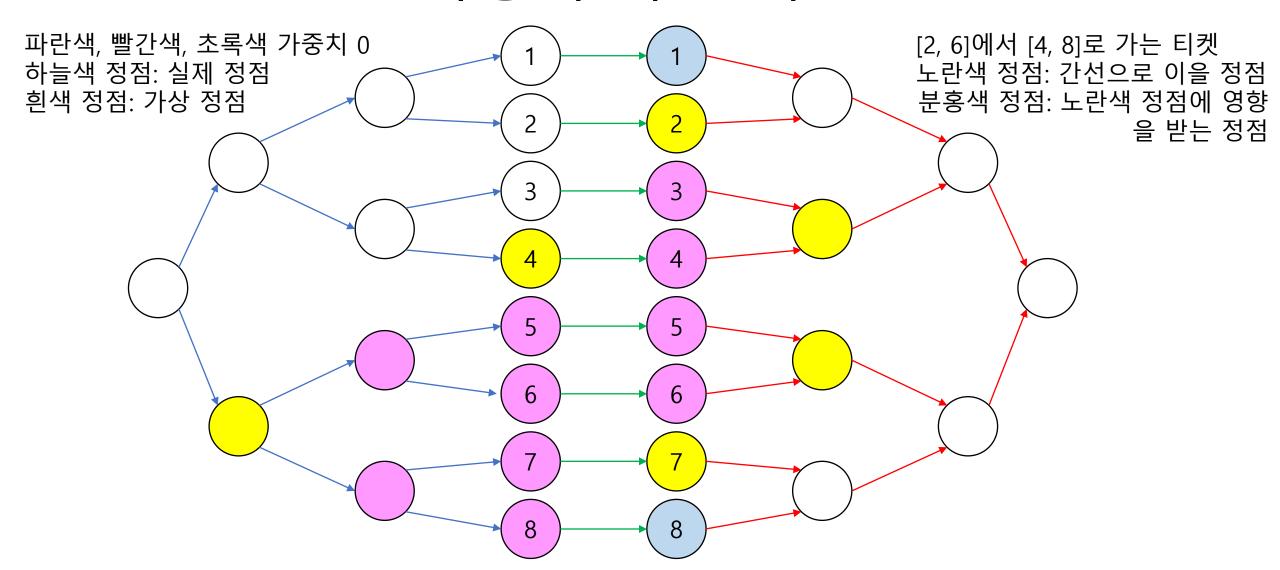
• 그래프를 잘 만들고 다익스트라

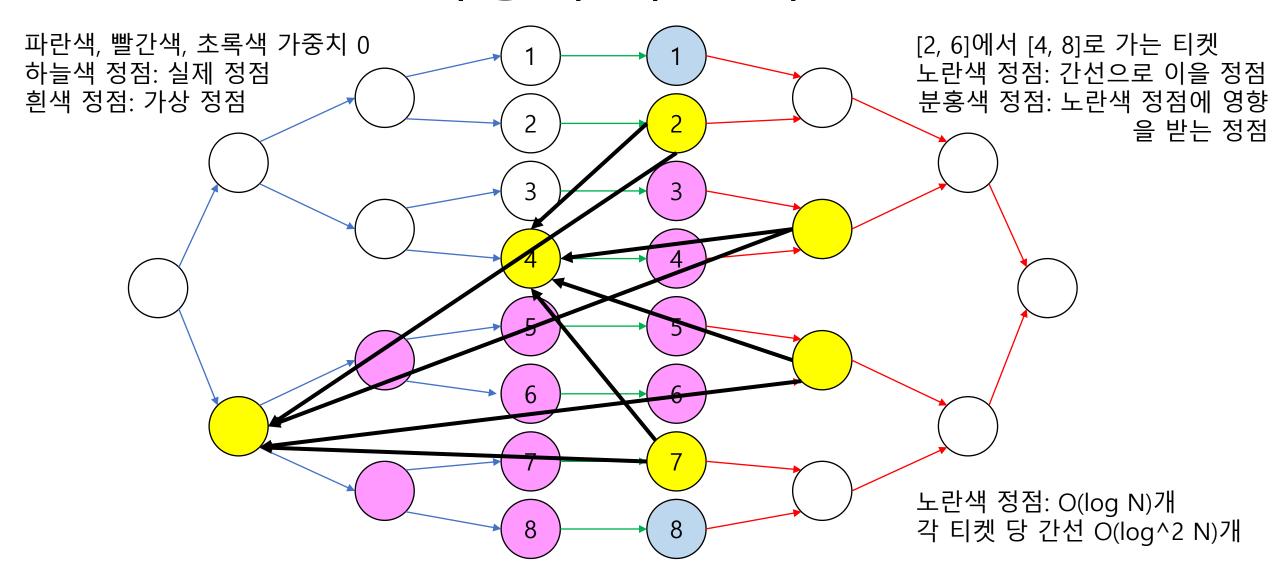
- Naïve 풀이
  - 정점 N개, 간선 N^2M개 -> 시간초과

```
for(int i=b; i<=c; i++){
  for(int j=d; j<=e; j++){
    addEdge(i, j, a);
  }
}
dijkstra();</pre>
```

- 간선을 M log^2 N개만 만들 수 있다?
- 구간 + log -> 세그먼트 트리







- 정점 O(N)개, 간선 O(M log^2 N)
- O(M log^3 N)에 풀 수 있음

https://github.com/justiceHui/Unknown-To-Wellknown

그들만의 웰논 문제 유형

Monster Hunter/Escape 유형

대표 문제: BOJ 9539 Escape

▶ 연습 문제 목록

KOI 고압선/JOIOC Bulldozer 유형 (Rotating Sweep Line?)

대표 문제: BOJ 16783 Bulldozer

▶ 연습 문제 목록

세그먼트 트리를 이용해 그래프 간선의 개수를 줄이는 유형

▶ 연습 문제 목록

볼록 다각형의 접선을 이용해 최대/최소를 구하는 유형

▶ 연습 문제 목록

쿼리를 √N(혹은 √Q)개씩 묶어서 처리하는 유형

▶ 연습 문제 목록