طراحي الگوريتمها

نيمسال اول ١٠٥١ - ١٤٠٥





موعد تحویل: ۱۰ دی

رشتهها / برنامهریزی خطی / پس گرد

تمرین عملی سوم

مسئلهی ۱. فرار از جزیره

هواپیمایی در جزیرهای سقوط میکند و از بین مسافرهای هواپیما فقط جک زنده میماند. جک میخواهد در کمترین زمان ممکن قایقی از چوب درست کند و از جزیره بیرون برود. برای درست کردن یک قایق به $ar{A}$ واحد چوب نیاز دارد و همچنین برای این که زنده بماند نیاز دارد که B لیتر آب و C گرم غذا بخورد. این جزیره k نوع مختلف درخت دارد و از هر نوع درخت بینهایت داریم. درخت نوع i مقدار a_i مقدار و از هر نوع درخت بینهایت داریم. t_i به i ویار می دهد. همچنین این نوع درخت حاوی b_i لیتر آب و c_i گرم ماده ی غذایی است. همچنین درخت نوع i به iساعت زمان نیاز دارد تا منابع آن به طور کامل استخراج شود. همچنین فرض کنید که اگر جک برای درخت نوع i، به میزان x ساعت زمان بگذارد (x) یک عدد حقیقی است)، به میزان x/t_i واحد از هر منبعش استخراج میکند. کمترین زمانی که جک میتواند از جزیره بیرون برود را مشخص کنید.

ورودي

در خط اول چهار عدد k و A و B داده می شوند.

در خط دوم k عدد داده می شود که عدد iام برابر t_i است.

در k خط بعدی، در خط iام به ترتیب مقادیر a_i و b_i و داده می شوند.

خروجي

در تنها خط خروجی حداقل ساعتهایی که جک در جزیره سپری میکند را چاپ کنید. خروجی خود را با دقیقاً دو رقم اعشار چاپ كنيد.

محدودىتها

- $1 \leqslant k \leqslant 4 \circ \circ \bullet$
- $1 \leqslant A, B, C \leqslant 10^{\circ}$
 - $1 \leqslant t_i \leqslant 10^{\circ}$
- $1 \leqslant a_i, b_i, c_i \leqslant 10^{\circ}$
- زمان اجرا: ١ ثانيه، حافظه: ٢٥۶ مگابايت

ورودي و خروجي نمونه

| ورودی نمونه | خروجي نمونه |
|-------------|-------------|
| 2 10 6 4 | 4.86 |
| 2 1 | |
| 5 1 1 | |
| 1 3 2 | |

مسئلهی ۲. هوش برتر

آقا تورج اخیرا علاقهمند شده است در مسابقهی «هوش برتر» شرکت کند. در بخشی از این مسابقه، یک رشته به شرکت کنندگان نشان داده می شود و هر شرکت کننده باید در زمانی کوتاه اعلام کند که رشتهی نمایش داده شده شامل چند زیررشتهی آینه ای متمایز بوده است. به طور مثال، اگر رشتهی نمایش داده شده abacaba باشد، شرکت کننده باید عدد ۷ را اعلام کند که برابر با تعداد زیررشته های آینه ای متمایز موجود در رشته به شرح زیر است:

a
b
c
aba
aca
bacab
abacaba

از آن جایی که آقا تورج در این بخش از مسابقه بسیار ضعیف است، از شما خواسته به او کمک کنید تعداد زیررشتههای آینهای متمایز در یک رشتهی دادهشده را پیدا کند.

ورودي

در تنها خط ورودی، یک رشتهی s متشکل از حروف کوچک انگلیسی داده می شود.

خروجي

در تنها خط خروجی، تعداد زیررشته های آینه ای متمایز s را چاپ کنید. دقت کنید که منظور از زیررشته در این سوال، یک زیررشته ی پیوسته است.

محدوديتها

- $1 \leqslant |s| \leqslant 1 \circ r$
- زمان اجرا: ١ ثانيه (پايتون: ٣ ثانيه)، حافظه: ٢٥۶ مگابايت

ورودی و خروجی نمونه

| ورودی نمونه | خروجي نمونه |
|-------------|-------------|
| abacaba | 7 |

مسئلهی ۳. دور دور دور

آقا تورج به تازگی یک دستگاه تلهپورت خریده است که میتواند به کمک آن بین n کهکشان حرکت کند! این کهکشانها را از 1 تا n شمارهگذاری میکنیم. دستگاه تلهپورت آقا تورج بدین شکل است که به او این امکان را می دهد تا میان m جفت از کهکشانها تلهپورت کند.

آقا تورج میخواهد از کهکشان iام به کهکشان jام برود. از آن جایی که تلهپورت شدن خیلی لذتبخش است، آقا تورج میخواهد طوری با استفاده از دستگاه تلهپورت از کهکشان iام شروع کرده و به کهکشان jام برسد که در این میان اولا هیچ کهکشان تکراری نبیند و ثانیا بیش ترین تعداد بار از دستگاه تلهپورتش استفاده کرده باشد. آقا تورج میخواهد برای هر i و j، این بیش ترین تعداد استفاده از دستگاه تلهپورت برای رسیدن از i به j را بداند. به او کمک کنید!

ورودي

در خط اول ورودی دو عدد n و m می آیند که تعداد که کشانها و تعداد جفت که کشانهایی که به کمک تله پورت می توان از یکی به دیگری رفت را معین می کنند.

در m خط بعدی، در هر خط دو عدد طبیعی u و v آمده است که نشان دهنده این است که به کمک دستگاه تلهپورت آقا تورج میتواند از کهکشان uام به کهکشان vام برود و برعکس.

خروجي

خروجی باید شامل n خط باشد که در خط iام، n عدد ظاهر شود. عدد jام در سطر iام باید برابر بیش ترین تعداد استفاده از تلهپورت با رعایت شروط بالا برای رسیدن از کهکشان iام به کهکشان jام باشد.

در صورتی که به کمک تلهپورت نمی توان از کهکشان iام به کهکشان jام رسید مقدار صفر چاپ شود. همچنین قطر اصلی جواب شما باید تماما صفر باشد.

محدوديتها

- $Y \leqslant n \leqslant Y \bullet$
- $\circ \leqslant m \leqslant \frac{1}{7} \binom{n}{7} \bullet$
- زمان اجرا: ٣ ثانيه، حافظه: ٢٥۶ مگابايت

ورودی و خروجی نمونه

| ورودی نمونه | خروجي نمونه |
|-------------|-------------|
| 6 7 | 0 2 2 3 5 5 |
| 3 1 | 2 0 2 3 5 5 |
| 6 5 | 2 2 0 1 3 3 |
| 4 3 | 3 3 1 0 2 2 |
| 6 4 | 5 5 3 2 0 2 |
| 3 2 | 5 5 3 2 2 0 |
| 2 1 | |
| 5 4 | |