

## 第一部分 加解密

### 02. 对称密钥密码

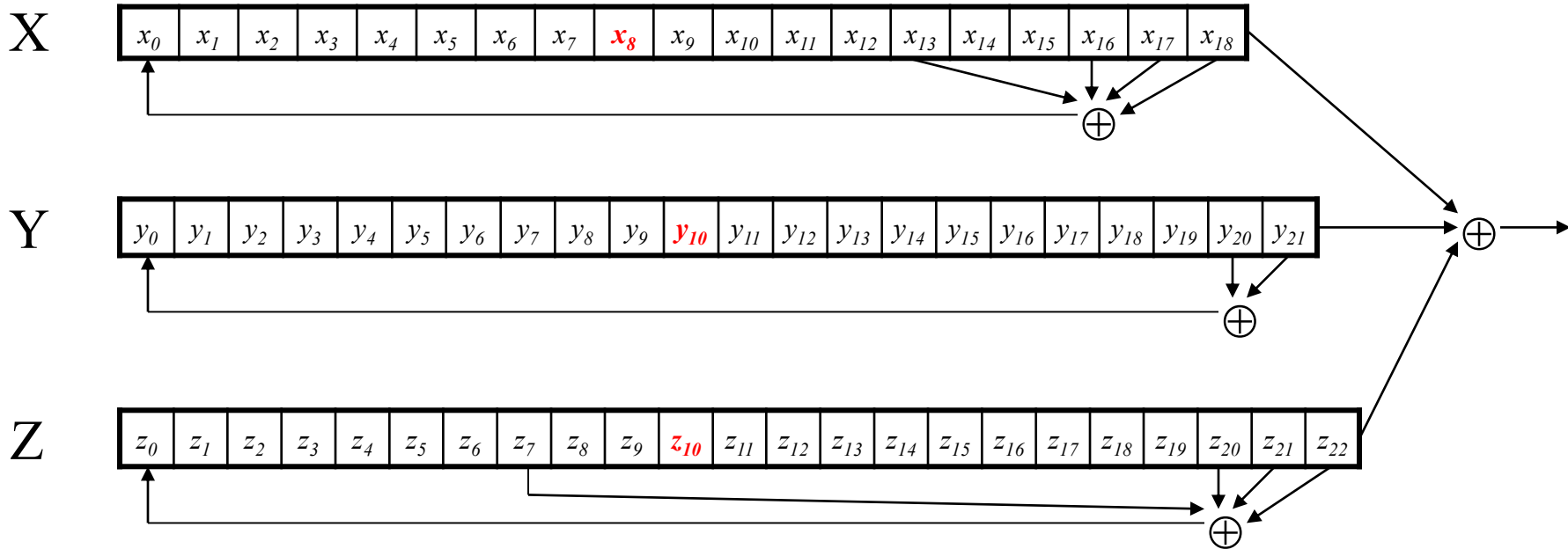
- 流密码 — 类似于"一次一密"
  - 相对小规模密匙
  - 密匙被"扩展"为长的**二进制比特流**
  - 使用方法与一次一密相同
- 分组密码 — 基于电码本的思想设计的
  - 电码本是由分组密码密匙确定的
  - 每个密匙都确定一本不同的电码本
  - 同时使用了"混淆" 和"扩散"



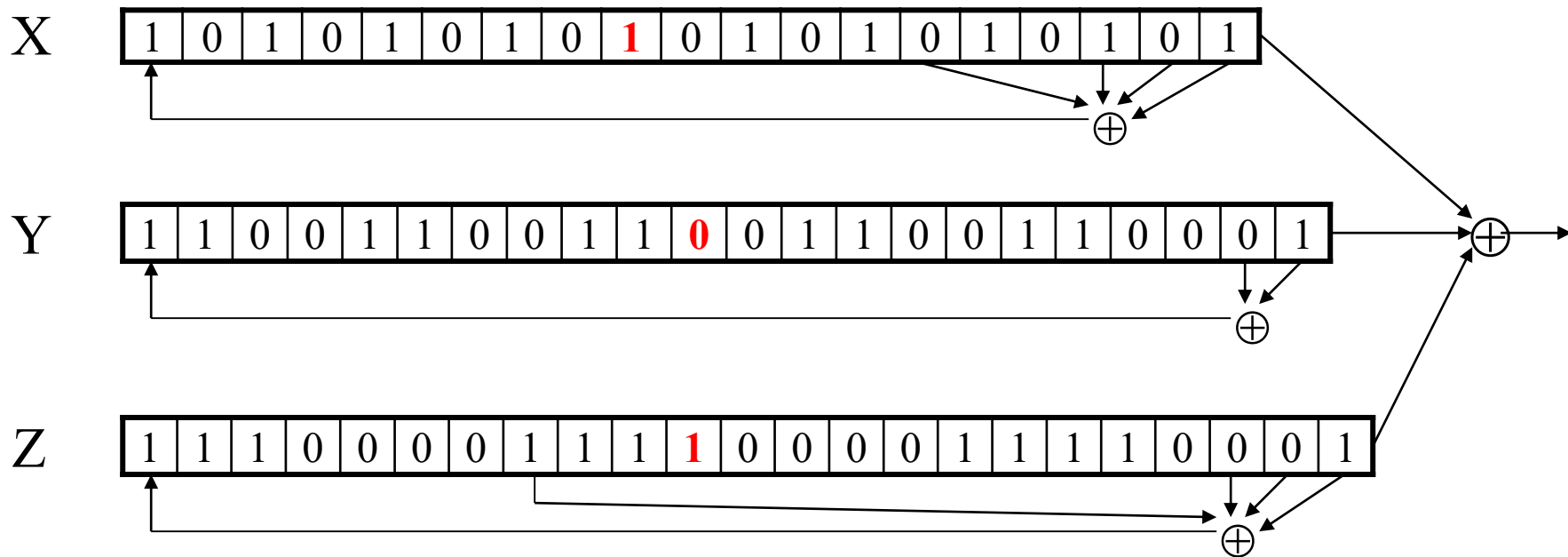
- 曾几何时，不久前，流密码是加密的王者
- 现今，流密码不如分组密码流行
- 两种流密码算法例子：
- A5/1算法
  - 基于位移寄存器
  - 使用于GSM移动通信系统中
- RC4算法
  - 基于置换的查表方式
  - 占用大量空间

- A5/1 使用 3 移位寄存器
  - X: 19 比特, 编号为 $(x_0, x_1, x_2, \dots, x_{18})$
  - Y: 22 比特, 编号为 $(y_0, y_1, y_2, \dots, y_{21})$
  - Z: 23 比特, 编号为 $(z_0, z_1, z_2, \dots, z_{22})$

- 每一时钟周期做运算:  $m = \text{maj}(x_8, y_{10}, z_{10})$ 
  - 如:  $\text{maj}(0,1,0) = 0$  和  $\text{maj}(1,1,0) = 1$
- 如果  $x_8 = m$  那么进行X 操作
  - $t = x_{13} \oplus x_{16} \oplus x_{17} \oplus x_{18}$
  - $x_i = x_{i-1}$ ,  $i = 18, 17, \dots, 1$  和  $x_0 = t$
- 如果  $y_{10} = m$  那么进行Y 操作
  - $t = y_{20} \oplus y_{21}$
  - $y_i = y_{i-1}$ ,  $i = 21, 20, \dots, 1$  和  $y_0 = t$
- 如果  $z_{10} = m$  那么进行Z 操作
  - $t = z_7 \oplus z_{20} \oplus z_{21} \oplus z_{22}$
  - $z_i = z_{i-1}$ ,  $i = 22, 21, \dots, 1$  和  $z_0 = t$
- 密钥流比特按照关系  $S = x_{18} \oplus y_{21} \oplus z_{22}$  产生



- 1位表示一个值
- 密钥用于初始化寄存器，填充三个寄存器。
- 每个寄存器是否操作取决于  $(x_8, y_{10}, z_{10})$
- 密钥流比特与寄存器右边做 XOR 运算



- 如此例:  $m = \text{maj}(x_8, y_{10}, z_{10}) = \text{maj}(\mathbf{1}, \mathbf{0}, \mathbf{1}) = \mathbf{1}$
- 寄存器 X 操作, Y 不操作, Z 操作
- 密钥流比特与寄存器右边做 XOR 运算
- 这里, 密钥流比特是:  $0 \oplus 1 \oplus 0 = 1$

- 基于位移寄存器的流密码硬件实现简单，能高速产生密钥流
- 软件实现较困难
- 曾经是主流的密码之一
- 由于处理器性能的提高，当前很多很多流密码采用了软件实现手段（RC4）
- 现今，位移寄存器流密码仍在使用
  - 资源受限的设备



1.这个问题针对的是A5/1加密方案。对于如下每个问题,请回答并给出你的理由。

a.平均而言,寄存器X步骤的执行频率如何?

3/4

b.平均而言,寄存器Y步骤的执行频率如何?

3/4

c.平均而言,寄存器Z步骤的执行频率如何?

3/4

d.平均而言,所有三个寄存器步骤都执行的频率如何?

1/4

e.平均而言,只有两个寄存器步骤执行的频率如何?

3/4

f.平均而言,只有一个寄存器步骤执行的频率如何?

0

g.平均而言,没有寄存器步骤执行的频率如何?

0

- 自修改的查表方式
- 表始终都包含一个 $\{0,1,\dots,255\}$ 的置换
- 算法的第一阶段是初始化查表使用的密钥
- RC4算法的每一步：
  - 从当前查表中交换元素
  - 从表中选择一个密钥流字节
- RC4每步产生一个密钥字节
  - RC4算法专门为软件实现优化
- A5/1 每步只产生一个位
  - A5/1算法根据硬件实现的

- $S[i]$  包含  $\{0,1,\dots,255\}$  的置换，每个  $S[i]$  是一个字节
- $key[i]$  表示密钥，每个  $key[i]$  是一个字节

```
for i = 0 to 255
    S[i] = i    (初始化s, 密钥流生成种子1)
    K[i] = key[i (mod N)]    (初始化k, 密钥流生成种子2)
next i
j = 0
for i = 0 to 255 (i保证每个字节都得到处理)
    j = (j + S[i] + K[i]) mod 256
    swap(S[i], S[j])    (j使得s带有随机性)
next i
```

对于每一密钥流字节，都要交换表元素和选择字节： $i = j = 0$

```
while(true)
    i = (i + 1) mod 256
    j = (j + S[i]) mod 256
    swap(S[i], S[j])
    t = (S[i] + S[j]) mod 256
    keystreamByte = S[t]
```

- 密钥流字节的使用和一次一密相似
- **注意:** 使用时，生成的前256字节密钥流必须丢弃
  - 否则，黑客将可能恢复密钥！

- 流密码曾经是主流
  - 硬件实现简单、高效
  - 流密码保持与比特流(如语言)同步，要高速尝试密钥流.
  - 现在也有不少基于软件的密码的应用

## 分组密码



- 迭代分组密码将明文分为固定长度的分组，并产生固定长度的密文分组
- 明文通过若干轮函数(round function)的迭代操作来产生密文
- 轮函数的输入是上一轮的输出及密钥
- 通常采用软件实现

- **Feistel**密码是参考一类分组密码设计的，而不是一个特殊的密码
- 明文P被分成左右两部分，即 $P = (L_0, R_0)$
- 对于每一轮  $i=1, 2, \dots, n$ , 计算：

$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

这里F是轮函数， $K_i$ 第i轮的子密钥

- 最后,密文 $C = (L_n, R_n)$



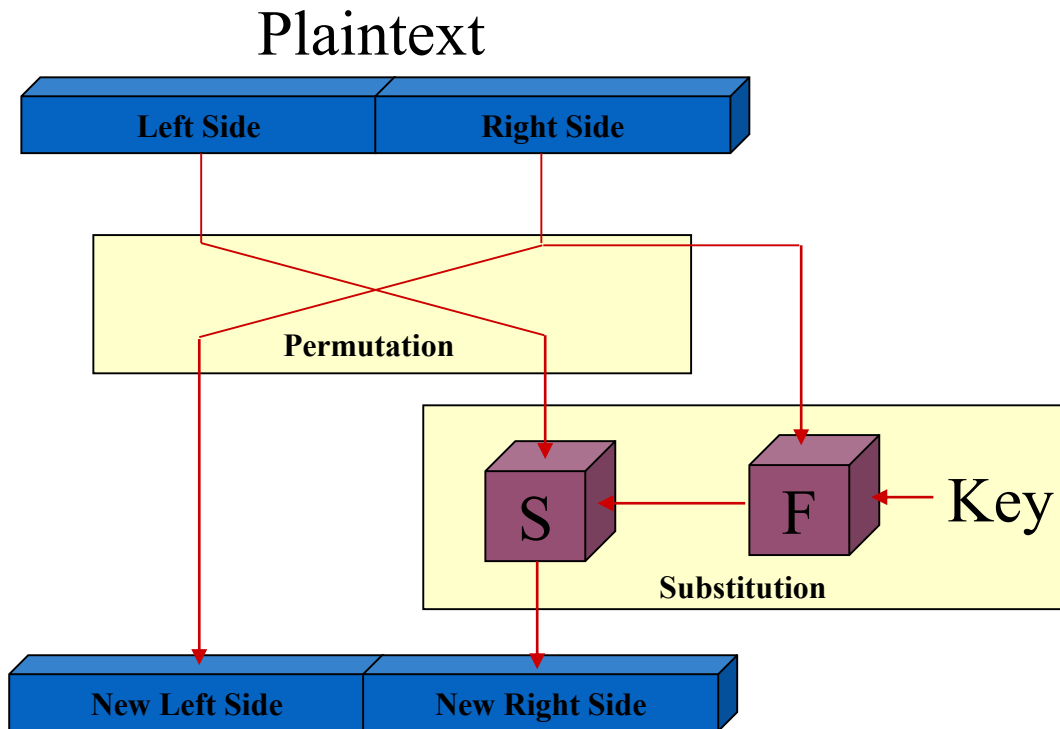
- 解密: 密文  $C = (L_n, R_n)$
- 对于每一轮  $i = n, n-1, \dots, 1$ , 计算:

$$R_{i-1} = L_i$$

$$L_{i-1} = R_i \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

这里  $F$  是轮函数,  $K_i$  第  $i$  轮的子密钥

- 明文  $P = (L_0, R_0)$
- 假设函数  $F$  输出合适的位数, 那么都可以在 Feistel 密码结构中用作轮函数
  - 但只有特定的轮函数  $F$  才是安全的。



加密:

$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

解密:

$$R_{i-1} = L_i$$

$$L_{i-1} = R_i \oplus F(R_{i-1}, K_i)$$

2.请考虑含4轮运算的Feistel密码方案。据此考虑，若明文表示为 $P=(L_0, R_0)$ ，对应的密文表示为 $C=(L_4, R_4)$ 。依据 $L_0$ 、 $R_0$ 以及子密钥，对于如下每一个轮函数，请问密文 $C$ 分别是什么？

（提示：Feistel密码方案为 $L_i=R_{i-1}$      $R_i=L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$ ）

•a.  $F(R_{i-1}, K)=0$

$C=P$

•b.  $F(R_{i-1}, K_i)=R_{i-1}$

$C=(R_0, L_0 \oplus R_0)$

•c.  $F(R_{i-1}, K_i)=K_i$

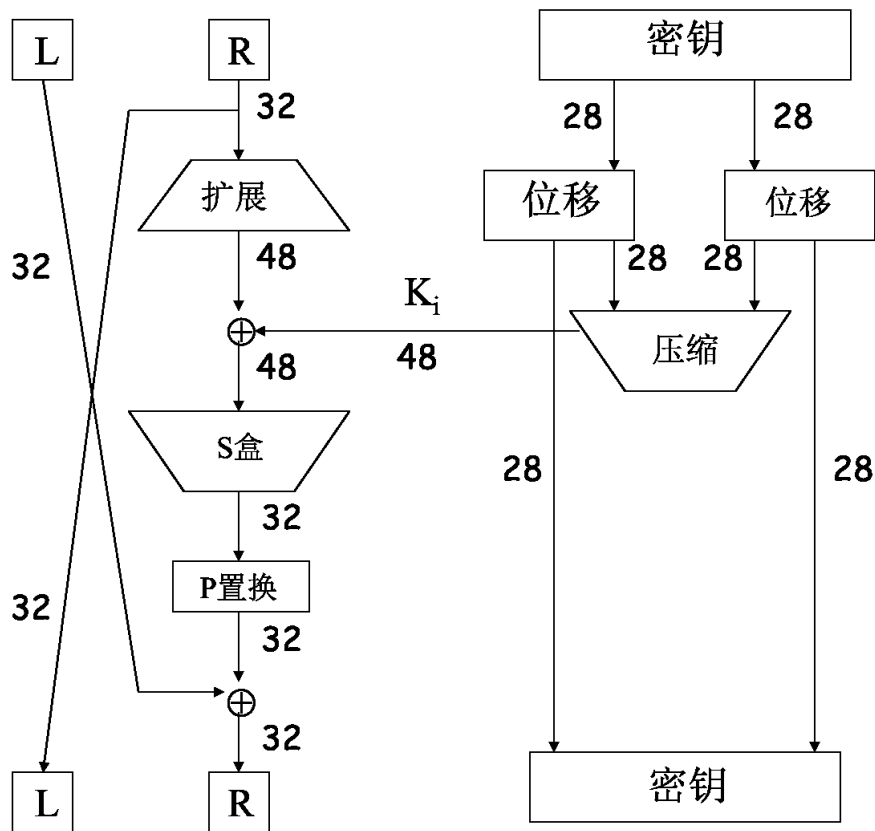
$C=(L_0 \oplus K_1 \oplus K_3, R_0 \oplus K_2 \oplus K_4)$

•d.  $F(R_{i-1}, K_i)=R_{i-1} \oplus K_i$

$C=(R_0 \oplus K_2 \oplus K_3, L_0 \oplus R_0 \oplus K_1 \oplus K_3 \oplus K_4)$

- ❑ DES 于1970' s提出
- ❑ 基于IBM 的Lucifer密码
- ❑ 作为美国政府的标准
- ❑ DES 设计与开发遭遇到一些问题:
  - ❑ 国家安全局(NSA)被卷入其中
  - ❑ 设计过程是秘密的
  - ❑ 密钥长度从128位减少到64位
  - ❑ 对Lucifer算法的细节改变(包括S盒的改变)

- ❑ DES 是 Feistel 结构密码
  - ❑ DES 的分组长度是 64 位
  - ❑ DES 使用 56 位的密钥
  - ❑ DES 是 16 轮的 Feistel 结构密码
  - ❑ DES 的每一轮使用 48 位的子密钥
- ❑ DES 的每轮都很简单——至少从分组密码的设计标准来看
- ❑ "S 盒" 是其具有的最重要的安全特性之一
  - ❑ 每一个 S 盒将 6 位输入映射为 4 位输出



←DES的一轮

- 32位输入:

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31

- 48位输出:

31	0	1	2	3	4	3	4	5	6	7	8
7	8	9	10	11	12	11	12	13	14	15	16
15	16	17	18	19	20	19	20	21	22	23	24
23	24	25	26	27	28	27	28	29	30	31	0

- DES的8 个"S盒"
- 每一个S盒都是将6位输入映射为4位输出
- 第一个S盒

输入比特 (b0,b5)

输入比特 (b1,b2,b3,b4)

1111 | 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110

-----  
-----  
00 | 1110 0100 1101 0001 0010 1111 1011 1000 0011 1010 0110 1100 0101 1001 0000 0111  
01 | 0000 1111 0111 0100 1110 0010 1101 0001 1010 0110 1100 1011 1001 0101 0011 1000  
10 | 0100 0001 1110 1000 1101 0110 0010 1011 1111 1100 1001 0111 0011 1010 0101 0000  
11 | 1111 1100 1000 0010 0100 1001 0001 0111 0101 1011 0011 1110 1010 0000 0110 1101



- 输入32位

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31

- 输出32位

15	6	19	20	28	11	27	16	0	14	22	25	4	17	30	9
1	7	23	13	31	26	2	8	18	12	29	5	21	10	3	24

- DES的56位密钥从左到右以0,1,2,...,55编号
- DES密钥的左部分: LK

49	42	35	28	21	14	7
0	50	43	36	29	22	15
8	1	51	44	37	30	23
16	9	2	52	45	38	31

- DES密钥的右部分: RK

55	48	41	34	27	20	13
6	54	47	40	33	26	19
12	5	53	46	39	32	25
18	11	4	24	17	10	3

For each round  $i=1, 2, \dots, 16$

□ Let  $LK = (LK \text{ circular shift left by } r_i)$

□ Let  $RK = (RK \text{ circular shift left by } r_i)$

□ Left half of subkey  $K_i$  is of LK bits

13	16	10	23	0	4	2	27	14	5	20	9
22	18	11	3	25	7	15	6	26	19	12	1

□ Right half of subkey  $K_i$  is RK bits

12	23	2	8	18	26	1	11	22	16	4	19
15	20	10	27	5	24	17	13	21	7	0	3

- ❑ 定义: if  $i \in \{1, 2, 9, 16\}$ ,  $r_i = 1$ , else  $r_i = 2$
- ❑ 每轮忽略LK的8,17,21,24位
- ❑ 每轮忽略RK的6,9,14,25位
- ❑ 压缩置换 从LK和RK共56位生成48位子密钥  
 $K_i$
- ❑ 密钥调度生成子密钥

- 第一轮之前对明文进行初始置换
- 最后一轮之后要进行逆初始置换
- 最后对 $(R_{16}, L_{16})$ 进行置换，从而生成密文
- 这两个特性的设计都不是出于安全性的目的

- DES的安全性取决于S盒
  - S盒是DES中唯一的非线性部件
- 三十多年的详尽分析证明其没有"后门"
- 今天，攻击者的攻击方式采用穷举密钥搜索
- 原因：
  - DES的设计者预见性(预见攻击者的攻击方式)
  - DES的设计者前瞻性

- $P$  = 明文
- $C$  = 密文
- 使用密钥 $K$ 对明文 $P$ 加密得到密文 $C$ 
  - $C = E(P, K)$
- 使用密钥 $K$ 对密文 $C$ 解密得到明文
  - $P = D(C, K)$
- 注意:
- $P = D(E(P, K), K)$  ,     $C = E(D(C, K), K)$

- 现今, 56位DES密钥已经太短
  - 穷举秘钥搜索是可行的
- 但是DES加密却已广泛应用, 怎么办?
- 三重DES (采用112位密钥)
  - $C = E(D(E(P, K_1), K_2), K_1)$
  - $P = D(E(D(C, K_1), K_2), K_1)$
- 为什么在加密-解密-加密(EDE) 使用两个密钥?
  - 为了与DES相兼容:  $E(D(E(P, K), K), K) = E(P, K)$
  - 112位已经足够安全



- ❑ 为何不是  $C = E(E(P, K), K)$  ?
  - ❑ 其仍然只有56位密钥
- ❑ 为何不是  $C = E(E(P, K_1), K_2)$  ?
- ❑ 选择明文攻击
  - ❑ 对所有可能的密钥值  $K_1$  预计算一个大小为  $2^{56}$  的表，表内容包括  $E(P, K_1)$  和  $K_1$
  - ❑ 使用密钥  $K_2$  对  $C$  进行解密，重复尝试不同的直到找到存在的  $D(C, K_2)$
  - ❑ 一旦匹配，则  $E(P, K_1) = D(C, K_2)$  工作量为  $2^{55}$
  - ❑ 因此:  $C = E(E(P, K_1), K_2)$

- ❑ DES的替代方案
- ❑ AES 的竞争性 (90' s早期)
  - ❑ NSA公开参与
  - ❑ 透明过程
  - ❑ 很多高质量的提案
  - ❑ Rijndael算法最终被选中
    - 发音近似于"Rain Doll"或"Rhine Doll"
- ❑ 迭代分组密码(类似于DES)
- ❑ 非Feistel结构(与DES不同)

- 分组大小: 128, 192或256位
- 密钥长度: 128, 192或256位(与分组长度的选择无关)
- 轮数从10~14不等, 由密钥长度决定
- 每一轮包含四个函数, 划分为三个层次
  - ByteSub (非线性层)
  - ShiftRow (线性混淆层)
  - MixColumn (非线性层)
  - AddRoundKey (密钥加层)

- 假设分组长度为128位，4×4的字节矩阵

$$\begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} & a_{03} \\ a_{10} & a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{20} & a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{30} & a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{ByteSub}} \begin{bmatrix} b_{00} & b_{01} & b_{02} & b_{03} \\ b_{10} & b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{20} & b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{30} & b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{bmatrix}.$$

- ByteSub是AES"S盒"
- ByteSub可以视为一个非线性但可逆的两个数学函数复合

输入后4位

输入前4位

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	a	b	c	d	e	f
0	63	7c	77	7b	f2	6b	6f	c5	30	01	67	2b	fe	d7	ab	76
1	ca	82	c9	7d	fa	59	47	f0	ad	d4	a2	af	9c	a4	72	c0
2	b7	fd	93	26	36	3f	f7	cc	34	a5	e5	f1	71	d8	31	15
3	04	c7	23	c3	18	96	05	9a	07	12	80	e2	eb	27	b2	75
4	09	83	2c	1a	1b	6e	5a	a0	52	3b	d6	b3	29	e3	2f	84
5	53	d1	00	ed	20	fc	b1	5b	6a	cb	be	39	4a	4c	58	cf
6	d0	ef	aa	fb	43	4d	33	85	45	f9	02	7f	50	3c	9f	a8
7	51	a3	40	8f	92	9d	38	f5	bc	b6	da	21	10	ff	f3	d2
8	cd	0c	13	ec	5f	97	44	17	c4	a7	7e	3d	64	5d	19	73
9	60	81	4f	dc	22	2a	90	88	46	ee	b8	14	de	5e	0b	db
a	e0	32	3a	0a	49	06	24	5c	c2	d3	ac	62	91	95	e4	79
b	e7	c8	37	6d	8d	d5	4e	a9	6c	56	f4	ea	65	7a	ae	08
c	ba	78	25	2e	1c	a6	b4	c6	e8	dd	74	1f	4b	bd	8b	8a
d	70	3e	b5	66	48	03	f6	0e	61	35	57	b9	86	c1	1d	9e
e	e1	f8	98	11	69	d9	8e	94	9b	1e	87	e9	ce	55	28	df
f	8c	a1	89	0d	bf	e6	42	68	41	99	2d	0f	b0	54	bb	16

- 每一行进行简单的按字节循环位移

$$\begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} & a_{03} \\ a_{10} & a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{20} & a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{30} & a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{ShiftRow}} \begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} & a_{03} \\ a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{10} \\ a_{22} & a_{23} & a_{20} & a_{21} \\ a_{33} & a_{30} & a_{31} & a_{32} \end{bmatrix}$$

- MixColumn操作是对当前矩阵的每一列进行运算，整个操作是非线性且不可逆的

$$\begin{bmatrix} a_{0i} \\ a_{1i} \\ a_{2i} \\ a_{3i} \end{bmatrix} \longrightarrow \text{MixColumn} \longrightarrow \begin{bmatrix} b_{0i} \\ b_{1i} \\ b_{2i} \\ b_{3i} \end{bmatrix} \quad \text{for } i = 0, 1, 2, 3$$

- 查表是最有效的实现方法

□ 将子密钥和当前字节矩阵进行XOR运算：

$$\begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & a_{02} & a_{03} \\ a_{10} & a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{20} & a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{30} & a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \oplus \begin{bmatrix} k_{00} & k_{01} & k_{02} & k_{03} \\ k_{10} & k_{11} & k_{12} & k_{13} \\ k_{20} & k_{21} & k_{22} & k_{23} \\ k_{30} & k_{31} & k_{32} & k_{33} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_{00} & b_{01} & b_{02} & b_{03} \\ b_{10} & b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{20} & b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{30} & b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{bmatrix}$$

分组

子密钥

□ 密钥扩展算法产生每一轮的子密钥



- ❑ AES解密操作是可逆的
- ❑ 因 $\oplus$ 的逆操作是其本身，所以MixAddRoundKey的逆运算较简单
- ❑ MixColumn是可逆的，其逆反操作也是通过查表方式实现的
- ❑ Inverse of ShiftRow的逆操作简单，只要向相反方向循环位移既可
- ❑ ByteSub操作也是可逆的，其逆反操作也是通过查表方式实现的

- 三种分组密码算法...
  - 数据加密算法(IDEA)
  - Blowfish
  - RC6
- 详细介绍...
  - 微型加密算法(TEA)

- James Massey提出
  - 现在已被普遍使用的算法之一
- IDEA采用64位长度的分组，128位的密钥
- IDEA使用了混合模式算术(**mixed-mode arithmetic**)
- 组合了不同的数学操作
  - XOR、模 $2^{16}$ 加法、Lai-Massey乘法
  - IDEA采用这种方法
  - 现在这种方法已经被普遍使用

- 支持分组长度为**64**位的加密
- 密钥采用可变长度，增长到**448**位
- **Bruce Schneier**设计
- 非**Feistel**结构密码
  - $R_i = L_{i-1} \oplus K_i$
  - $L_i = R_{i-1} \oplus F(L_{i-1} \oplus K_i)$
- 轮函数**F**采用**4**个**S**盒
  - 每一**S**盒将**8**位映射到**32**位
- **通过密钥产生S盒**
  - 由密钥确定的**S**盒

- Ron Rivest设计的
- 算法的参数：
  - 分组大小
  - 密钥大小
  - 轮数
- RC6是AES的候选算法之一
- 基于数据的循环
  - 由数据确定密码算法的操作

- Tiny Encryption Algorithm (TEA)
- 64位的分组长度和128位的密钥
- 采用32位字的计算平台
- 轮数是可变的 (一般认为32轮才够安全)
- 使用非常简单的轮函数，但轮数必须足够大

假设使用的轮数是32:

$(K[0], K[1], K[2], K[3]) = 128 \text{ bit key}$

$(L, R) = \text{plaintext (64-bit block)}$

$\text{delta} = 0x9e3779b9$

$\text{sum} = 0$

for  $i = 1$  to 32

$\text{sum} += \text{delta}$

$L += ((R \ll 4) + K[0]) \wedge (R + \text{sum}) \wedge ((R \gg 5) + K[1])$

$R += ((L \ll 4) + K[2]) \wedge (L + \text{sum}) \wedge ((L \gg 5) + K[3])$

next  $i$

$\text{ciphertext} = (L, R)$

假设轮数是32:

$(K[0], K[1], K[2], K[3]) = 128 \text{ bit key}$

$(L, R) = \text{ciphertext (64-bit block)}$

$\text{delta} = 0x9e3779b9$

$\text{sum} = \text{delta} \ll 5$

for  $i = 1$  to 32

$R \leftarrow ((L \ll 4) + K[2]) \wedge (L + \text{sum}) \wedge ((L \gg 5) + K[3])$

$L \leftarrow ((R \ll 4) + K[0]) \wedge (R + \text{sum}) \wedge ((R \gg 5) + K[1])$

$\text{sum} \leftarrow \text{sum} + \text{delta}$

next  $i$

$\text{plaintext} = (L, R)$



- 非Feistel结构密码
  - 使用+和-替代 $\oplus$  (XOR)操作
- 有简单且易于实现，内存要求较低的特性.
- "相关密钥"攻击
- TEA的扩展版本 (XTEA)，更为复杂，可以完全抵抗"相关密钥"攻击
- TEA的简化版本 (S TEA) — 其强度很弱，常用于演示各种攻击方法

# 分组密码工作模式

- 如何加密多块明文分组?
- 每一分组一个新的密钥吗?
  - 将比一次一密糟糕(甚至更糟糕)!
- 对每一分组单独加密?
- 后续分组的加密依靠前面的分组来进行加密?
  - 即将这些分组"链接"在一起?

- 讨论是那种工作模式
- 电本码模式(**ECB**)
  - 对每一分组单独加密
  - 存在一些安全性问题
- 密文链接模式 (**CBC**)
  - 将分组密文链接在一起
  - 比**ECB**安全, 但没有太多改进
- 计数器模式(**CTR**)
  - 使用方法同流密码一样
  - 通常在随机存储时使用

- 标记 $C=E(P,K)$
- 假设多块明文分组为:  $P_0, P_1, \dots, P_m, \dots$
- 在**ECB**模式中, 解密和加密过程如下所示:
- | 加密                       | 解密                       |
|--------------------------|--------------------------|
| $C_0 = E(P_0, K),$       | $P_0 = D(C_0, K),$       |
| $C_1 = E(P_1, K),$       | $P_1 = D(C_1, K),$       |
| $C_2 = E(P_2, K), \dots$ | $P_2 = D(C_2, K), \dots$ |
- 对于固定的密钥**K**, 分组密码就是一个电码本 (没有附加本)
  - 每个密钥都确定一部不同的电码本!

- 假设明文是:

Alice digs Bob. Trudy digs Tom.

- 假设分组长度是64位和八位ASCII:

$P_0 = \text{"Alice di"}, P_1 = \text{"gs Bob. "},$

$P_2 = \text{"Trudy di"}, P_3 = \text{"gs Tom. "}$

- 密文是:  $C_0, C_1, C_2, C_3$

- Trudy"剪切-复制"攻击, 得到:  $C_0, C_3, C_2, C_1$

- 解密后得到:

Alice digs Tom. Trudy digs Bob.

- 假设:  $P_i = P_j$
- 那么:  $C_i = C_j$ , 且Trudy可推得:  $P_i = P_j$
- 即使Trudy不知晓 $P_i$ 或 $P_j$ 的情况下, 一些信息也会泄露出去
- Trudy可得知两个明文分组相同
- 这是安全问题吗?

- 左边是Alice的图像，右边图像是使用ECB模式加密后的图像



- 为何产生这样的结果?
- 一样明文分组  $\Rightarrow$  一样的密文!



- ❑ 分组时"链接"在一起的
- ❑ 随机初始化一向量IV,并用它来对**CBC**模式进行初始化
- ❑ IV是随机产生的, 且不需要保密

## 加密

$$C_0 = E(IV \oplus P_0, K),$$

$$C_1 = E(C_0 \oplus P_1, K),$$

$$C_2 = E(C_1 \oplus P_2, K), \dots$$

- ❑ 类似于经典的附加码本

## 解密

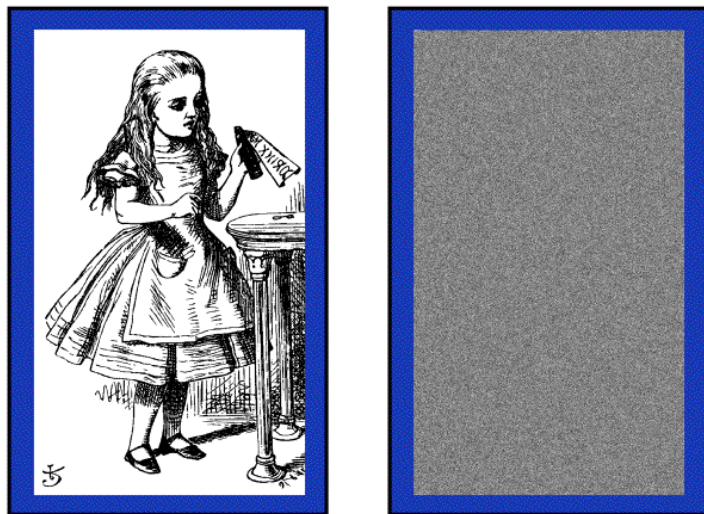
$$P_0 = IV \oplus D(C_0, K),$$

$$P_1 = C_0 \oplus D(C_1, K),$$

$$P_2 = C_1 \oplus D(C_2, K), \dots$$

- ❑ 对指定的明文分组将产生不同的密文分组----这是很好的！
- ❑ 如果 $C_1$ 篡改成 $G$ ，那么：  
$$P_1 \neq C_0 \oplus D(G, K), P_2 \neq G \oplus D(C_2, K)$$
- ❑ 但  $P_3 = C_2 \oplus D(C_3, K), P_4 = C_3 \oplus D(C_4, K), \dots$
- ❑ 可以从错误中自动恢复过来！
- ❑ 仍然会被“剪切-复制”攻击，只不过略微复杂些（并且可能会导致混淆）

- 左边是Alice的图像，右边图像是使用CBC模式加密后的图像



- 为何产生这样的结果？
- 同样的明文产生不同的密文

- **CTR**模式通常在随机存取时使用
- 使用分组密码同流密码一样

加密

$$C_0 = P_0 \oplus E(IV, K),$$

$$C_1 = P_1 \oplus E(IV+1, K),$$

$$C_2 = P_2 \oplus E(IV+2, K), \dots$$

解密

$$P_0 = C_0 \oplus E(IV, K),$$

$$P_1 = C_1 \oplus E(IV+1, K),$$

$$P_2 = C_2 \oplus E(IV+2, K), \dots$$

- **CBC**也可以方便地实现随机存取！
  - 有一个明显的限制

# 完整性

- **完整性** ----阻止未授权的修改
  - 例如数据的修改
- 例如：电子转账
  - 机密性很好,但完整性也很重要
- 加密将有效地保护交易的**机密性** (阻止非授权信息的公开)
- 但只进行加密不能保证完整性
  - 一次一密乱数本, **ECB**复制黏贴等

- 消息认证码(MAC)
  - 用于确保数据的完整性
  - 完整性和机密性是完全不同的两个概念
- MAC与使用CBC模式加密数据类似
  - 与CBC加密类似，但只保留最后一块密文分组作为MAC

### ❑ MAC计算过程 (假设有N块分组)

$$C_0 = E(IV \oplus P_0, K),$$

$$C_1 = E(C_0 \oplus P_1, K),$$

$$C_2 = E(C_1 \oplus P_2, K), \dots$$

$$C_{N-1} = E(C_{N-2} \oplus P_{N-1}, K) = \text{MAC}$$

### ❑ 将MAC和明文发送给接收者

### ❑ 接收者重复该计算过程并比较新计算出的 "MAC"与接收到的MAC

### ❑ 接收者必须知道密钥K



- 假设Alice有4个明文块

- Alice将计算

$$C_0 = E(IV \oplus P_0, K), C_1 = E(C_0 \oplus P_1, K),$$

$$C_2 = E(C_1 \oplus P_2, K), C_3 = E(C_2 \oplus P_3, K) = \text{MAC}$$

- Alice将IV,  $P_0, P_1, P_2, P_3$  给Bob, 并附上MAC

- 如果Trudy将 $P_1$ 篡改成X

- Bob进行MAC验证时将计算

$$C_0 = E(IV \oplus P_0, K), \textcolor{red}{C}_1 = E(C_0 \oplus X, K),$$

$$\textcolor{red}{C}_2 = E(\textcolor{red}{C}_1 \oplus P_2, K), \textcolor{red}{C}_3 = E(\textcolor{red}{C}_2 \oplus P_3, K) = \textcolor{red}{MAC} \neq \text{MAC}$$

- 对于明文分组的任何改动都将通过随后的分组扩散到计算出的 $\textcolor{red}{MAC}$ 上(与CBC解密不同)

- 在没有密钥K时, Trudy不能将 $\textcolor{red}{MAC}$ 篡改成MAC

- ❑ 采用一密钥进行加密,而计算MAC时使用另一密钥
- ❑ 为何不使用相同密钥?
  - ❑ 对最后一个密文分组重复发送了两次?
  - ❑ 并没有实现安全性的增强!
- ❑ 尽管密钥是相关的，但在加密和计算MAC中仍要使用不同的密钥
  - ❑ 但仍是单独加密的工作量的两倍
  - ❑ 效果更好----大约1.5倍的“加密”
- ❑ 采用一次加密来确保机密性和完整性是研究热点

- ❑ 秘密性
  - ❑ 不安全通道中怎样进行数据传输
  - ❑ 不安全媒介上的数据怎样进行安全存储
- ❑ 完整性 (MAC)
- ❑ 认证协议
- ❑ Hash函数处理的MAC方法

3.假设我们给出使用168位密钥的三重DES（3DES）的定义如下：

$$C=E(E(E(P,K1),K2),K3)$$

假设我们能够计算并存储为 $2^{56}$ 的表，而且还可以选择使用明文攻击。请证明，这个三重DES（3DES）并不比常规的3DES更安全，常规的三重DES仅仅使用112位的密钥。

选择明文P并得到对应密文C，对所有的K1维护一个大小为256的表，表中包括E(P,K1)和K1，使用K2，K3对C解密，直至找到 $E(P,K1)=D(D(C,K3),K2)$ ，工作量的期望为 $2^{111}$ 。



**关注我，下节内容更精彩：**  
**03：公钥密码**