

你好, L^AT_EX! 这是 XeLaTeX 自测。我是泪花花。

1 最简单转换

1.1 矩层级方程

$$\Psi^{(k)}(s, t) = s \frac{\partial}{\partial s} \ln F^{(k)}(s, t) = \sum_{m=1}^{\infty} \varkappa_m^{(k)}(t) s^m, F^{(k)}(s, t) = \sum_{m=0}^{\infty} A_m^{(k)}(t) \frac{s^m}{m!},$$

@GPT-5 完成方程代入上述级数匹配 s^m 项系数：

$$\begin{aligned}\dot{\varkappa}_1^{(k)} &= -A\varkappa_1^{(k)} - B\left(\varkappa_2^{(k)} + (\varkappa_1^{(k)})^2\right) + C + D(\varkappa_1^{(j)} - \varkappa_1^{(k)}), \\ \dot{\varkappa}_2^{(k)} &= -2A\varkappa_2^{(k)} - B\left(4\varkappa_3^{(k)} + 4\varkappa_1^{(k)}\varkappa_2^{(k)}\right) + D\left((\varkappa_2^{(j)} - \varkappa_2^{(k)}) + (A_1^{(j)} - A_1^{(k)}) (\varkappa_1^{(j)} - \varkappa_1^{(k)})\right).\end{aligned}$$

其中 $R(s, t) \equiv \frac{F^{(j)}(s, t)}{F^{(k)}(s, t)} = \sum_{n=0}^{\infty} r_n(t) s^n$, 系数 r_n 由幂级数除法确定：

$$r_0 = \frac{A_0^{(j)}}{A_0^{(k)}} = 1, r_1 = \frac{A_1^{(j)}}{A_0^{(k)}} - r_0 \frac{A_1^{(k)}}{A_0^{(k)}} = A_1^{(j)} - A_1^{(k)},$$