

République Algérienne Démocratique et Populaire
Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Université A/MIRA, Béjaia
Faculté des Sciences Exactes
Département d'informatique
Soutenance de Master recherche en informatique
Option : réseaux et systèmes distribués
Thème

An optimal indulgent consensus protocol with efficient
communication complexity

Ahmed MAZARI, d'après *M^r* Hamouma MOUMEN

22 juin 2015

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances
- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

- ❶ Problématique et objectif
- ❷ Exemples d'application du consensus
- ❸ Domaines d'application des systèmes distribués
- ❹ Concepts et notions de base
- ❺ Preuve d'impossibilité de FLP
- ❻ Les oracles
- ❼ Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- ❽ Travaux antérieurs et résultats récents
- ❾ Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- ❿ Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

- Résoudre le problème du consensus dans les systèmes distribués asynchrones.
- Proposer un protocole de consensus indulgent optimal.

La démarche :

- Planifier pour le pire des cas et espérer le meilleur des cas.
- Réduire la taille et le nombre de messages échangés.
- Minimiser le nombre de tours nécessaires pour atteindre une décision globale.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus**
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

- Synchronisation des horloges locales pour les systèmes redondants [Lamport,19800].
- Bases de données distribuées et systèmes transactionnels [Bernestein et al,1987].
- Communication de groupes (atomic multicast) [Guerraoui et Schiper,1997].
- Le problème d'élection d'un leader (token ring) [Larrea et al,2000].
- Diffusion fiable.
- Partage de données réparties et coordination répartie :Partager l'accès à un groupe de pages mémoire.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués**
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

- **Physique** : Conception et simulation d'un accélérateur de particules distribué. [Université de Berkley, USA](#).
- **Biologie moléculaire** : La recherche en reconnaissance moléculaire. [Université de Sherbrooke, CANADA](#).
- **Climatologie** : Analyse de méthodes pour améliorer les modèles de prévision du climat. [Université d'Oxford, UK](#).
- **Sismologie** : Utilisation des accéléromètres connectés à un ordinateur pour détecter des séismes. [Université de Stanford, USA](#).

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base**
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

❶ Système distribué synchrone :

- La vitesse relative ϕ de chaque processus est connue.
- Le délai de communication Δ est connu.
- La borne σ entre deux processus p et q est :
$$\sigma = \Delta + s.\gamma + \gamma.\Delta$$

❷ Système distribué asynchrone :

- L'absence de borne portant sur la vitesse relative des processus et le délai de délivrance des messages.
- L'absence de l'ordre dans la délivrance des messages.
- Les deux paramètres ϕ et Δ existent mais demeurent inconnus.

❸ Système partiellement synchrone :

- Synchronicité partielle.
- Δ et ϕ existent mais connus qu'après un *GST* (general stabilization time) inconnu.

❹ Types de défaillances :

- Pannes franches : un processus s'arrête prématurément et ne peut reprendre son exécution, c'est-à-dire :
$$\forall t \in T : F(t) \subseteq F(t+1) \text{ et } \text{correct}(F) \neq \emptyset.$$
- Pannes par omission .
- Pannes de temporisation.
- Pannes byzantines.

⑤ **Le Problème de consensus** : Un protocole de consensus vérifie les propriétés suivantes :

(1) **Terminaison** : tous les processus corrects décident finalement.

(2) **Validité** : si un processus décide v alors v a été proposée par au moins un processus.

(3) **Intégrité** : Aucun processus ne décide deux fois.

(4) **Accord** : si p_i décide v et p_j décide v' alors $v = v'$.

[Pease, M., Shostak, R., Lamport, L., 1980](#) Reaching agreement in the presence of faults.

⑥ **L'algorithme indulgent** : est un algorithme distribué qui tolère les fausses suspicions commises par un détecteur de défaillances. Il tolère des périodes d'asynchronisme.

[Guerraoui, R., école polytechnique de lausanne, SUISSE, 2000](#) Indulgent algorithms (preliminary version).

⑦ Algorithme **early-deciding** : un algorithme est dit *early – deciding* si dans chaque exécution il minimise le nombre de tours jusqu'à ce que tous les processus décident.

⑧ Algorithme **early-stopping** : un algorithme est *early – stopping* s'il est *early – deciding* et termine après une étape au plus.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP**
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

Un protocole de consensus est dit correct si :

- Il est **partiellement correct**.
- Toutes les exécutions **admissibles** sont **décisionnelles**.

Fisher, Lynch et Paterson ont démontré que tous les protocoles de consensus partiellement corrects possèdent au moins une exécution **non décisionnelle** et au moins une configuration atteignable **bi-valente**.

[Fischer, Lynch et Paterson, 1980](#) Impossibility of distributed consensus with one faulty process.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles**
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

① Oracle probabiliste

② Oracle leader

③ Détecteurs de défaillances : ont pour objectif de circonvenir l'impossibilité de FLP grâce aux registres d'informations.

- **La complétude forte** : Tous les processus défaillants sont finalement et définitivement suspectés par tous les processus corrects.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \exists t \in \tau, \forall p \in crashed(F), \forall q \in correct(F), \forall t' \geq t : p \in H(q, t').$
- **La complétude faible** : Pour tout processus défaillant, il existe au moins un processus correct qui le suspecte.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \exists t \in \tau, \forall p \in crashed(F), \exists q \in correct(F), \forall t' \geq t : p \in H(q, t').$
- **La précision forte** : Aucun processus n'est suspecté avant qu'il devienne défaillant.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \forall t \in \tau, \forall p, q \in \Pi - F(t) : p \notin H(q, t).$
- **La précision faible** : Il existe au moins un processus correct qui n'est jamais suspecté.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \exists p \in correct(F), \forall t \in \tau, \forall q \in \Pi - F(t) : p \notin H(q, t).$
- **La précision ultime forte** : Il existe un instant après lequel tous les processus corrects ne sont pas suspectés par un autre processus correct.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \exists t \in \tau, \forall t' \geq t \forall p, q \in correct(F) : p \notin H(q, t').$
- **La précision ultime faible** : Il existe un instant après lequel il existe des processus corrects qui ne sont pas suspectés par un autre processus correct.
 $\forall F, \forall H \in D(F), \exists t \in \tau, \exists p \in correct(F), \forall t' \geq t, \forall q \in correct(F) : p \notin H(q, t')$

④ Détecteur de défaillances fiables :

- Il ne commet pas d'erreurs.
- Il vérifie les deux propriétés : complétude forte et précision forte.

⑤ Limites de la programmation avec timeout :

$timeout := clock + \rho$.

Comment déterminer ρ ?

Solution : déterminer un timeout dynamique et adaptatif à base des techniques de machine learning.

Critique de la proposition :

- Couteuse en temps et en espace mémoire.
- Elle nécessite l'échange de messages instantanément.

⑥ Détecteurs de défaillances non fiables :

- Ils fonctionnent sur un système partiellement synchrone.
- La propriété d'accord et de validité sont maintenues.
- La propriété de terminaison est vérifiée une fois que le détecteur de défaillances s'arrête de commettre des erreurs.
- Le détecteur de défaillances non fiable le plus faible résolvant le consensus est $\diamond S$

⑦ Propriétés des détecteurs de défaillances non fiables

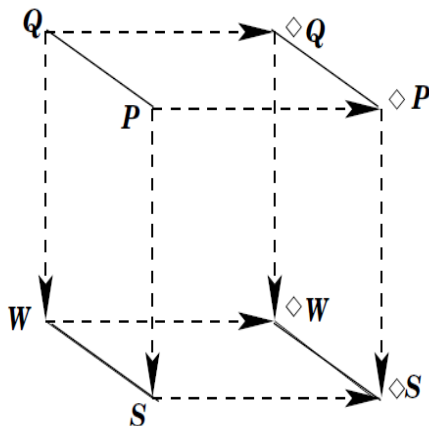
- ① **Non fiabilité complète** $\square U$: si pour chaque paire de modèles de défaillances F et F' , $D(F)=D(F')$.
- ② **Non fiabilité forte** ∇U :
 $H' \in D(F')$ tel que $\forall t \leq t_{k'} \forall p_i \in \Pi, H'(p_i, t)=H(p_i, t)$.
- ③ **Non fiabilité faible** ΔU :
 $H' \in D(F')$ tel que $\forall t \leq t_{k'} \forall p_i \in \Pi, H'(p_i, t)=H(p_i, t)$.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances**
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

	Précision-forte	Précision-faible	Précision-ultime-forte	Précision-ultime-faible
Complétude-forte	parfait P	fort S	eventuellement parfait $\diamond P$	eventuellement fort $\diamond S$
Complétude-faible	quasi-parfait Q	faible W	eventuellement quasi-parfait $\diamond Q$	eventuellement faible $\diamond W$

TABLE 4.1: Les classes des détecteurs de défaillances de *Chandra* et *Toueg*



$C \longrightarrow C' : C' \text{ est strictement plus faible que } C$
 $C \text{ --- } C' : C' \text{ est équivalente à } C$

Figure: Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents**
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

```

at process  $p_i$ 
1: procedure propose( $v_i$ )
2:    $est_i \leftarrow v_i$ ;  $k_i \leftarrow 1$ ;  $msgSet_i \leftarrow \emptyset$ ;  $Halt_i \leftarrow \emptyset$ ;  $nE_i \leftarrow v_i$ ;  $vc_i \leftarrow v_i$ ;  $decided_i \leftarrow false$ 
3:   Phase 1
4:   while  $k_i \leq t+1$  do                                     {rounds 1, ...,  $t+1$ }
5:     send(ESTIMATE,  $k_i$ ,  $est_i$ ,  $Halt_i$ ) to all
6:     wait until received messages of round  $k_i$ 
7:     compute()
8:      $k_i \leftarrow k_i + 1$ 
9:   Phase 2
10:  if  $|Halt_i| > t$  then                                       {round  $t+2$ }
11:     $nE_i \leftarrow \perp$ 
12:  else
13:     $nE_i \leftarrow est_i$ 
14:  send(NEWESTIMATE,  $t+2$ ,  $nE_i$ ) to all
15:  wait until received messages of round  $t+2$ 
16:  if every received(NEWESTIMATE,  $t+2$ ,  $nE$ ) has  $nE \neq \perp$  then
17:     $vc_i \leftarrow$  any one of the  $nE$  values received
18:     $decide(vc_i)$ ;  $decided_i \leftarrow true$                     {Decision}
19:  else if received any (NEWESTIMATE,  $t+2$ ,  $nE'$ ) message s.t.  $nE' \neq \perp$  then
20:     $vc_i \leftarrow nE'$ 
21:     $k_i \leftarrow k_i + 1$                                        {round  $t+3$ }
22:  if  $decided_i$  then
23:    send (DECIDE,  $t+3$ ,  $vc_i$ ) to  $\Pi \setminus p_i$ 
24:  else
25:    proposeC( $vc_i$ )
26:  return                                                       {return from propose(*)}

27: upon receiving (DECIDE,  $k'$ ,  $x$ ) from  $p_j$  do
28:  wait until  $k_i \geq k'$ 
29:  if  $\neg decided_i$  then
30:    stop proposeC();  $decide(x)$ ; send (DECIDE,  $k'$ ,  $x$ ) to  $\Pi \setminus p_i$     {Decision}
31:  return                                                       {return from propose(*)}

32: procedure compute()
33:   $Halt_i \leftarrow Halt_i \cup \{p_j \mid (p_j \text{ received(ESTIMATE, } k_i, *, Halt_j) \text{ from } p_j \text{ s.t. } p_i \in Halt_j) \text{ or}$   

   ( $p_i$  did not receive round  $k_i$  message from  $p_j$ )}\}
34:   $msgSet_i \leftarrow \{(ESTIMATE, k_i, *, Halt_j) \mid p_i \text{ received(ESTIMATE, } k_i, *, Halt_j) \text{ from } p_j \notin Halt_i\}$ 
35:   $est_i \leftarrow \text{Min}\{est \mid (ESTIMATE, k_i, est, *) \in msgSet_i\}$ 

```

Figure: Protocole de consensus indulgent de Dutta et Guerraoui 2005

	Message Complexity	Round Complexity
Alg. 1 (Section 4):	$O(n)$	$O(n^{1+\varepsilon})$
Alg. 2 (Section 5):	$O(n \log^6 n)$	$O(f)$

Fig. 1. Message and round complexity of the two algorithms presented in this paper. Both refer to synchronous executions in which there are no more than $f \leq t$ failures.

Figure: Protocoles de consensus indulgents de Gilbert et al 2007

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances**
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

Function Consensus(v_i)

Init : $r_i \leftarrow 1$; $S_i[1..(t+1)] \leftarrow 0$;

Task T1 : % basic task %

repeat for $r_i \leq t+1$

----- first $t+1$ rounds -----

```

01  let  $A_i$  = a set of processes with  $A_i = \{p_1, p_2, \dots, p_t, p_{t+1}\}$  ;
02  if  $p_i \in A_i$  then send propose( $r_i, v_i, S_i$ ) to all ;
03  wait until received propose( $r_i, *, *$ ) messages of round  $r_i$  ;
04  if (( $p_i$  did not receive propose( $r_i, v_j, S_j$ ) message from  $p_j \in A_i$ ) and ( $S_i[j] = 0$ )) then  $S_i[j] \leftarrow 1$  ;
05  if  $p_i$  receives propose ( $r_i, v_j, S_j$ ) message from  $p_j \in A_i$  then for each  $k$ , such that  $1 \leq k \leq t+1$  do
     $S_i[k] \leftarrow \max\{S_i[k], S_j[k]\}$  ;
07  let  $rec_i$  = a set of propose( $r_i, *, *$ ) messages received from  $p_j$  such that  $S_i[j] = 0$ 
08  if  $|rec_i| = 0$  then  $aux_i \leftarrow \perp$  else  $aux_i \leftarrow \min\{v_k | \text{propose}(r_i, v_k, s_k) \in rec_i\}$  ;
09   $r_i \leftarrow r_i + 1$  ;

```

end repeat

----- round $t+2$ -----

```

09  send filt( $r_i, aux_i$ ) to all processes in  $A_i$  ;
10  if  $p_i \in A_i$  then wait until received filt( $r, aux$ ) of round  $t+2$  store values in  $V_i$  ;
11  case ( $V_i = \{v\}$ )      then decide( $v$ ) ;
12      ( $V_i = \{v, \perp\}$ )  then  $est_i \leftarrow v$  ;
13  endcase ;
14   $r_i \leftarrow r_i + 1$  ;

```

----- round $t+3$ -----

```

15  if  $p_i$  has decided then send dec( $r_i, v$ ) to all except of itself else esc( $est_i$ ) ;
16  if  $p_i$  has not decided then
17  upon receipt of dec( $r, v$ ) : wait until  $r_i \geq r$  ;
18  stop esc( $est_i$ ) ; decide( $v$ ) send dec( $r_i, v$ ) to all except of itself ;

```

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

Function Consensus(v_i)

Init : $r_i \leftarrow 1$;

----- **First round** -----

01 if $p_i = p_1$ then send propose(1, v_i) to all ;
 02 wait until received propose(1, *) message from p_1 ; $r_i \leftarrow r_i + 1$;

----- **Second round** -----

03 if p_i did not receive propose(1, *) message from p_1 then $aux_i \leftarrow \perp$;
 04 if p_i receives propose (1, v) message from p_1 then $aux_i \leftarrow v$;
 05 send filt(2, aux_i) to p_1 ;
 06 if $p_i = p_1$ then wait until received filt(r , aux) from all processes ; store values in V_i ;
 07 case ($V_i = \{v\}$) then decide(v) ;
 08 ($V_i = \{v, \perp\}$) then $est_i \leftarrow v$;
 09 endcase ;
 10 $r_i \leftarrow r_i + 1$;

----- **Third round** -----

11 if p_i has decided then send dec(r_i , v) to all except of itself else esc(est_i) ;
 12 if p_i has not decided then
 upon receipt of dec(r , v) : wait until $r_i \geq r$;
 stop esc(est_i) ; decide(v) send dec(r_i , v) to all except of itself ;

Figure: Protocole de consensus indulgent en absence de défaillances

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

Lemme 1 : accord

La propriété d'accord assure qu'il n'y ait pas deux processus qui décident différemment.

Preuves :

- Si aucun processus ne décide, alors la propriété d'accord n'est pas violée.
- Si $k > t + 2$, alors aucun processus ne décide dans les premiers $t + 2$ tours d'où aucun processus n'envoie un message *DECIDE* dans ligne 15. Par conséquent, la propriété d'accord résulte de la propriété d'accord de ESC.
- $k = t + 2$ est le tour le plus bas dont un processus peut décider.
- Etant donné que p_i décide v au tour $t + 2$, chaque message reçu par p_i a la valeur $aux_i \neq \perp$ et p_i reçoit au moins un message avec $aux = v$.
- D'après ESC, il y a au moins $n - t > (n/2)$ messages reçus par p_i dans le tour $t + 2$.
- Par conséquent, au moins une minorité de processus envoie le message *FILT*(r, aux) avec $aux \neq \perp$.
- De la propriété d'élimination de la ligne 4, 5, 6 et pour chaque *FILT* message $aux \in (v, \perp)$, n'importe quel processus $\in A$ reçoit au moins un message avec ($aux = v$).
- Par conséquent, si un processus décide v dans le tour $t + 2$, alors ce dernier décide v et envoie un message *DECISION* avec la valeur décidée v dans le tour $t + 3$.
- Si le processus invoque *ESC*() alors la valeur invoquée est v .
- Par la validité de la propriété de l'algorithme ESC, aucun processus ne peut décider une valeur autre que v .

Lemme 2 : Décision rapide

Dans chaque exécution synchrone du protocole, n'importe quel processus décidant, décide au plus au tour $t + 2$ ou au plus au tour $t + 3$

Preuves :

- On suppose ,par **contradiction**, qu'il y a une exécution synchrone dans laquelle certains processus de A complètent le tour $t + 2$ sans pouvoir décider.
- Suivant la ligne 9 ,certains processus ont envoyé *FILT* avec $aux = \perp$. Par conséquent ,l'exécution synchrone $|recu_i| = 0$ (ligne 7).
- On déduit** que plus de t processus sont défaillants avant d'avoir complété le tour $t + 1$, alors contradiction.

Théorème :

Il existe un protocole de consensus indulgent s'exécutant avec une complexité de $O(n.t)$ en terme de nombre de messages échangés et de $O(t)$ tours dans les exécutions synchrones.

La preuve découle directement du **Lemme 1**, **Lemme 2** et du fait qu'il y ait dans chaque étape de communication du protocole au plus $O(n.t)$ messages échangés.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats**
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

Tableau comparatif des résultats

	complexité en messages	complexité en tours
Alg Dutta et Guerraoui	$\Omega(n^2)$	$O(t)$
Alg 1 Gilbert et al	$O(n)$	$O(n^{1+\epsilon})$
Alg 2 Gilbert et al	$O(n.\log^6.n)$	$O(f)$
Notre Algorithme	$O(n.t)$	$O(t)$

Table: Tableau comparatif des résultats

Notre algorithme réduit le nombre de messages échangés et la taille du message (**taille=t+1 bits**) avec communication optimale $O(t)$.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts**
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques

- ❶ Peut-on trouver un algorithme de consensus optimal en nombre de tours de $O(t)$ et $O(n.t)$ en nombre de messages échangés avec les contraintes *early – deciding* et *early – stopping* dans le cas de présence de défaillances franches?
- ❷ *Early – stopping* est-il plus coûteux en terme de communication ? [18]
- ❸ La borne minimale en nombre de messages échangés est de $\Omega(n^2 f)$ tolérant jusqu'à t défaillances byzantines. Nous posons la question suivante : peut-on réduire sa complexité à $O(f)$ en nombre de tours et $O(n^2 f)$ en terme de messages échangés avec les contraintes *early – deciding* et *early – deciding* ?
- ❹ Peut-on trouver un protocole de consensus indulgent pour le cas de défaillances byzantines ?
- ❺ Peut-on trouver un protocole d'indulgence résolvant le k -accord ? si oui, peut-il être *early – deciding* et *early – stopping*

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours**
- 15 Références bibliographiques

- 1) Peut-on trouver un algorithme de consensus optimal en nombre de tours de $O(t)$ et $O(n.t)$ en nombre de messages échangés avec les contraintes *early – deciding* et *early – stopping* dans le cas de présence de défaillances franches?
- 2) La recherche du détecteur de défaillance le plus faible pour résoudre le problème du k-accord dans les systèmes distribués asynchrones.

Notre piste consiste à chercher le synchronisme minimal en se basant sur le modèle $M^{sink(x)}$.

[Biely, M., Robinson, P., Schmid, U., 2014](#) The generalized loneliness detector and weak system models for k-set agreement. IEEE TRANSACTIONS ON PARALLEL AND DISTRIBUTED SYSTEMS. VOL. 25, NO. 4.

Nous avons procédé à la comparaison des détecteurs de défaillances présentés par [Raynal, M. 2011](#) failure detectors to solve asynchronous k-set agreement.

FD class	Introduced in	Presented in Sec.	Property
Ω	[10]	4.3	Weakest for Consensus in SM
Ω_k	[32]	4.5	Solves k -set agreement in SM
Υ	[21]	3.2	Sufficient for $(n - 1)$ -set agreement in SM
$\overline{\Omega}_{n-1}$	[41]	3.2	Weakest for $(n - 1)$ -set agreement in SM
$\overline{\Omega}_k$	[33]	3.2	Weakest for k -set agreement in SM
Σ	[14]	4.2	Weakest for Register in MP
(Σ, Ω)	[15]	4.3	Weakest for consensus in MP
Σ_k	[5]	4.5	Necessary for k -set agreement in MP
\mathcal{L}	[16]	4.3	Weakest for $(n - 1)$ -set agreement in MP
\mathcal{L}_k	[4]	4.4	Solves k -set agreement in MP
Π_k	[5]	4.5	Same power as to (Σ_k, Ω_k)

Table 1: Global picture: failure detector classes related to k -set agreement

les résultats de la comparaison sont comme suit :

- ❶ ℓ n'est pas le détecteur de défaillances éventuel mais $anti - \Omega$ l'est.
- ❷ $anti - \Omega$ est plus faible que ℓ .
- ❸ aucun détecteur de défaillances éventuel n'est plus fort que ℓ .
- ❹ pour $n=2$ ℓ et \sum sont équivalents.
- ❺ ℓ est strictement faible à \sum .
- ❻ ℓ n'est pas plus robuste que \sum si $n>2$.
- ❼ La famille $\pi_K-(\sum_k, \Omega_K)$ coïncide avec (\sum, Ω) et avec ℓ_{n-1} .
- ❽ \sum est le plus faible pour le consensus.
- ❾ pour $n=2$ ℓ et \sum sont équivalents.
- ❿ Ω et $anti - \Omega$ sont les plus faibles dans les systèmes asynchrones communiquant par passage de messages lorsque $t < (n \div 2)$ alors : Ω et $anti - \Omega$ sont équivalents.
- ⓫ $(\Omega * \sum)$ est le détecteur de défaillances le plus faible pour résoudre le consensus lorsque $t < n$.
- ⓬ $(\Omega^{n-1} * \sum_{n-1})$ est équivalent à ℓ .
- ⓭ La famille $\pi_K-(\sum_k, \Omega_K)$ coïncide avec (\sum, Ω) pour $k=1$.
- ⓮ $(anti - \Omega_x, \sum_x)$ est optimal pour n très grand.

- 1 Problématique et objectif
- 2 Exemples d'application du consensus
- 3 Domaines d'application des systèmes distribués
- 4 Concepts et notions de base
- 5 Preuve d'impossibilité de FLP
- 6 Les oracles
- 7 Réductibilité des classes de détecteurs de défaillances
- 8 Travaux antérieurs et résultats récents
- 9 Contribution 1 : protocole de consensus indulgent optimal en présence de défaillances
- 10 Contribution 2 : protocole de consensus indulgent optimal en absence de défaillances

- 11 Démonstration et preuves de validité de nos résultats
- 12 Tableau comparatif des résultats
- 13 Problèmes ouverts
- 14 Nos travaux de recherche en cours
- 15 Références bibliographiques**



[1] Guerraoui, R., Raynal, M. : The information structure of indulgent consensus. IEEE Transactions on Computers 53(4) 2004).



[2] Gafni, E. : Round-by-round fault detectors (extended abstract) : Unifying synchrony and asynchrony. In : Proceedings of the 17th Symposium on Principles of Distributed Computing 1998



[3] Guerraoui, R. : Indulgent algorithms (preliminary version). In : Proceedings of the 19th Symposium on Principles of Distributed Computing (PODC) 2000.



[4] Lynch, N. : Distributed Algorithms. Morgan Kaufman publisher 1996.



[5] Dutta, P., Guerraoui, R. : The inherent price of indulgence. Distributed Computing 2005



[6] SAMPAIO, L., RASILEIRO, F. : Adaptive indulgent consensus. In Proceedings of the International Conference on Dependable 2005 Systems and Networks (DSN).



[7] Ben-Or M. : Another Advantage of Free Choice : Completely Asynchronous Agreement Protocols. *Proc. 2nd ACM Symposium on Principles of Distributed Computing (PODC'83)*, acm press, pp. 27-30, 1983.



[8] P. Dutta, R. Guerraoui : Fast Indulgent Consensus with Zero Degradation, EDCC '02, in : LNCS, vol. 2485, 2002.



[9] Wu, W., Cao, J., Yang, J. and Raynal, M. : Using asynchrony and zero degradation to speed up indulgent consensus protocols. Journal of Parallel and Distributed Computing, 984-996, 2008.



[10] Chandra T.D. and Toueg S., Unreliable Failure Detectors for Reliable Distributed Systems. *Journal of the ACM*, 43(2) :225-267, 1996.



[11] Dwork C., Lynch N.A. and Stockmeyer L. :Consensus in the presence of partial synchrony. *Journal of the ACM*, 35(2) :288-323, 1988.



[12] Fischer M.J., Lynch N. and Paterson M.S., Impossibility of Distributed Consensus with One Faulty Process. *Journal of the ACM*, 32(2) :374-382, 1985.



[13] Mostefaoui, A. and Raynal, M. :Leader-Based Consensus Parallel Processing Letters, 11(1) :95-107. 2001.



[14] SAMPAIO, L. AND BRASILEIRO, F. . Adaptive indulgent consensus. In Proceedings of the International Conference on Dependable Systems and Networks (DSN05)2005.



[15] Pease L., Shostak R. and Lamport L., Reaching Agreement in Presence of Faults. *Journal of the ACM*, 27(2) :228-234, 1980.



[16] Rabin M., Randomized Byzantine Generals. *Proc. 24th IEEE Symposium on Foundations of Computer Science (FOCS'83)*, pp. 403-409, 1983.



[17] Gilbert, S., Guerraoui, R.,Kowalski, Dariusz R. : On the message complexity of indulgent consensus. A pele(Ed.) : DISC 2007, LNCS 4731, pp.283-297,2007



[18] Dolev,D.,Lenzen,C. : Early-deciding consensus is Expensive.Proceeding of the 2013 ACM symposium on principles of distributed computing page 270-279

-  [19] Fitzi,M.,Hirt, M. : Optimally Efficient Multi-valued Byzantine agreement.Proceedings of the twenty-fifth annual ACM symposium on principle of distributed computing 2006 ,page 163-168.
-  [20] Hurfin,M.,Raynal,M. : simple and fast synchronous consensus protocol based upon a weak failure detector.Springer verlag 1999
-  [21] Alistrath,D.,Gilbert, S.,Guerraoui,R.,Travers,C. : generating fast indulgent algorithms. Proceeding ICDCN'11 Proceedings of the 12th international conference on Distributed computing and networking page 41-52
-  [22] Aguilera, Marcos K.,Chen, W.,Toueg, S. : heartbeat a timeout-free failure detector for quiescent reliable communication.ACM 1997
-  [23] Chandra,T.,Hadzilacos,V.,Toueg,S. : The weakest failure detectors for solving consensus.ACM july 1996
-  [24] Raynal,M. : failure detectors to solve asynchronous k-set agreement : a glimpse of recent results.Bulletin of the EATCS no 103,pp.74 – 95,European Association for Theoretical Computer Science,February 2011.
-  [25] Freiling,F.,Guerraoui,R.,Kuznetsov,P. : the failure detector abstraction.ACM Computing Surveys,Vol.43,No,Article 9.January 2011
-  [26] Alistarh,D.,Gilbert,S.,Guerraoui,R.,Travers,C. : of choices failures and asynchrony the many faces of set agreement.Algorithmica 2012



[27] Chaudhuri, S. : more choices allow more faults set consensus problem in totally asynchronous system. Information and computation 1993



[28] Keidar, L., Rajsbaum : On the cost of fault-tolerant consensus when there are no faults-a tutorial. ACM SIGACT News, 2001



[29] Hurfin, M., Mostefaoui, A., Raynal, M. : a versatile family of consensus protocols based on Chandra-Toueg's unreliable failure detectors. IEEE transactions 2002



[30] Mostefaoui, A., Raynal, M. : solving consensus using Chandra-Toueg's unreliable failure detectors : a general quorum based approach. Springer 1999



[31] Schiper, A. : early consensus in asynchronous system with a weak failure detector. Distributed computing, Springer 1997



[32] Mostefaoui, A., Rajsbaum, S., Raynal, M. : Conditions on input vectors for consensus solvability in asynchronous distributed systems. ACM 2003



[33] Biely, M., Robinson, P., Schmid, U. : The generalized loneliness detector and weak system models for k-set agreement. IEEE TRANSACTIONS ON PARALLEL AND DISTRIBUTED SYSTEMS. VOL. 25, NO. 4, April 2014



[34] Cristian, F., Fetzer C. : The timed asynchronous distributed system model. IEEE TRANSACTIONS ON PARALLEL AND DISTRIBUTED SYSTEMS 1999