

# **VERSIÓN 3 TSP: INVENTADA**

Los puntos tratados en esta parte del guion son los siguientes:

- Descripción del problema
- Descripción de la solución
- Análisis de la eficiencia teórica, empírica e híbrida
- Comparación con la solución óptima de los archivos tour

## **Descripción del problema**

En esta práctica se nos pide implementar varias soluciones para el problema del viajante de comercio, en este caso esta es la tercera versión, la versión inventada por los alumnos.

## **Descripción de la solución**

La solución desarrollada se inspira en el algoritmo A\* (estrella) fuertemente usada en IA para búsqueda de caminos evitando obstáculos. Como algoritmo que Greedy que es este, también evalúa en cada momento la mejor opción de las disponibles, al igual que el algoritmo tsp por cercanía del cual también se inspira.

Una vez aclarado lo anterior, expliquemos el algoritmo con detalle. Este algoritmo intenta recorrer todas las ciudades una sola vez y volver a la ciudad de origen. Recibe un conjunto de ciudades y su tamaño y devuelve el camino que se haya calculado. Para llevar a cabo este cálculo obtiene la primera ciudad de la colección, esta será la ciudad origen (también la llamaremos actual) y obtiene la ciudad que más lejos se encuentre de ella, a continuación, busca una ciudad cuya distancia a la ciudad actual sumada a la distancia desde esa ciudad hasta la ciudad más lejana sea mínima. Una vez encontrada esa ciudad se convierte en la actual, se saca de la colección de ciudades por recorrer y se pasa a la de ciudades recorridas (el resultado final). Se repite el algoritmo hasta que ya no queden más ciudades por recorrer.

A continuación se describe la implementación del algoritmo por encima para que se vea de forma más clara.

```

Ciudad * RecorreCiudadesA(Ciudad * ciudades, int & num_ciudades){
    Ciudad * res = new Ciudad[num_ciudades+1]; ← camino resultado
    Ciudad actual = res[num_ciudades] = res[0] = ciudades[0];
                                                    ← ciudad origen

    EliminarCiudad(0, ciudades, num_ciudades); ← sacar de ciudades
    int pos_max, pos_min, size = num_ciudades;      no recorridas
    double dist, min;

    ← buscar ciudad más lejana a origen
    pos_max = BuscaMaxDistancia(actual, ciudades, size); // ciudad mas l

    for (int i = 1; i < num_ciudades; ++i){
        min = MAX_BUSQUEDA;
        //pos_max = BuscaMaxDistancia(actual, ciudades, size); // ciudad m

        for (int j = 0; j < size; ++j){
            dist = Distancia(actual, ciudades[j]);
            if ((dist+Distancia(ciudades[j], ciudades[pos_max])) < min
                && (ciudades[j] != ciudades[pos_max])){
                pos_min = j;
                min = dist;
            }
        }

        ← añadir actual a la solución
        actual = res[i] = ciudades[pos_min];
        EliminarCiudad(pos_min, ciudades, size);
        ← eliminar de ciudades a recorrer

        res[num_ciudades] = ciudades[pos_max];
        num_ciudades++;
        ← devolver recorrido
        return res;
    }
}

```

## Análisis de la eficiencia teórica, empírica e híbrida

Para la eficiencia teórica analizamos el código y vemos que El número de operaciones  $2n + n(2n)$  esto satura a  $O(n^2)$ , por eso este algoritmo es cuadrático.

```
Ciudad * RecorreCiudadesA(Ciudad * ciudades, int & num_ciudades){
    Ciudad * res = new Ciudad[num_ciudades+1];
    Ciudad actual = res[num_ciudades] = res[0] = ciudades[0];

    EliminarCiudad(0, ciudades, num_ciudades);  $O(n)$ 

    int pos_max, pos_min, size = num_ciudades;
    double dist, min;

    pos_max = BuscaMaxDistancia(actual, ciudades, size);  $O(n)$ 

    for (int i = 1; i < num_ciudades; ++i){
        min = MAX_BUSQUEDA;
        //pos_max = BuscaMaxDistancia(actual, ciudades, size); // ciudad mas L

        for (int j = 0; j < size; ++j){
            dist = Distancia(actual, ciudades[j]);
            if ((dist+Distancia(ciudades[j], ciudades[pos_max])) < min
                && (ciudades[j] != ciudades[pos_max])){
                pos_min = j;
                min = dist;
            }
        }

        actual = res[i] = ciudades[pos_min];
        EliminarCiudad(pos_min, ciudades, size);  $O(n)$ 
    }

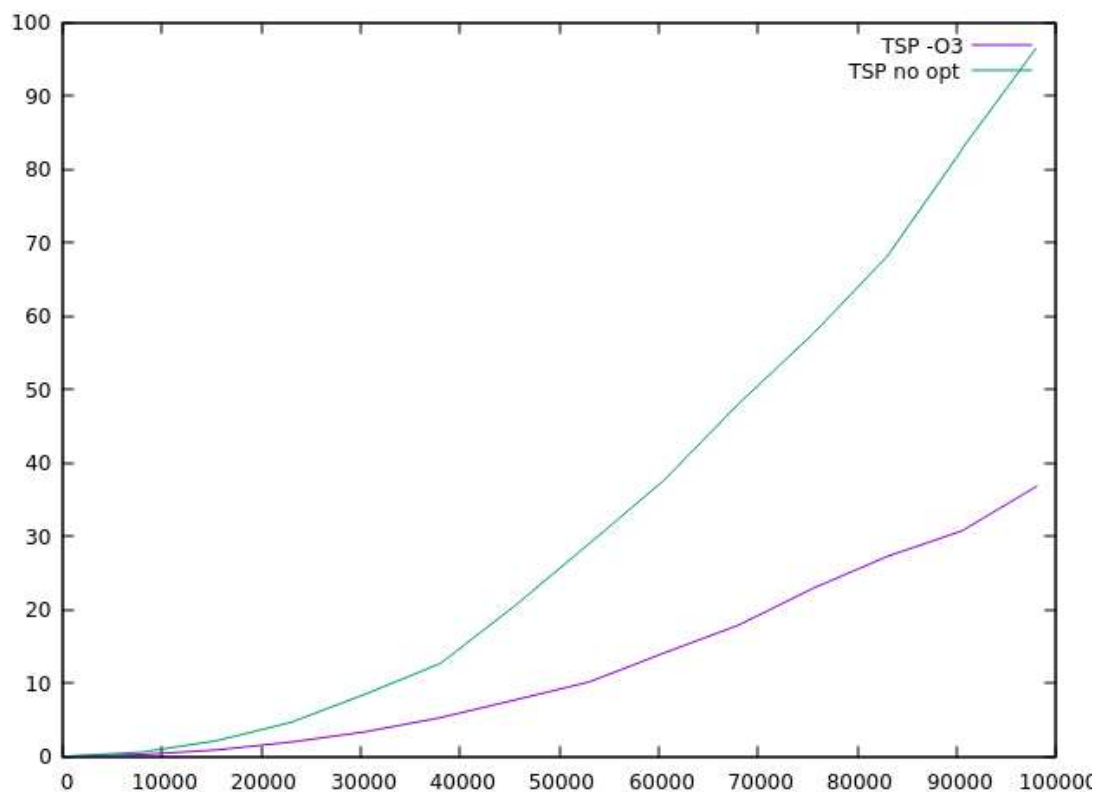
    res[num_ciudades] = ciudades[pos_max];
    num_ciudades++;
    return res;
}
```

**Total =  $2n + n(2n)$**

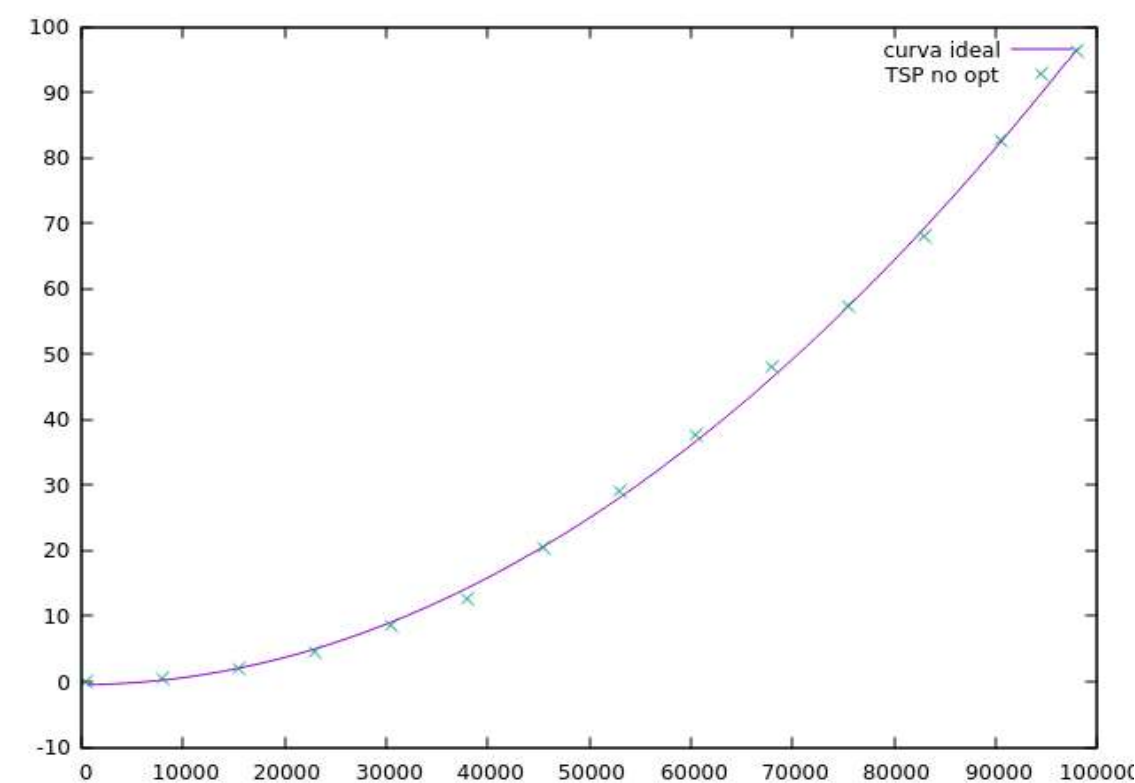
Para la eficiencia empírica se han llevado a cabo las siguientes ejecuciones:

Tamaño	Tiempo(seg)	Tiempo_O3(seg)
500	0.0022628	0.0010828
8000	0.560301	0.230045
15500	2.12466	0.860803
23000	4.61507	1.93805
30500	8.48417	3.34006
38000	12.6273	5.25399
45500	20.4889	7.6582
53000	28.9671	10.1153
60500	37.5709	14.047
68000	47.9777	17.8327
75500	57.5057	22.8542
83000	68.1205	27.2306
90500	82.6114	30.7036
98000	96.4003	36.7367

Así pues, podemos ver en esta tabla que la versión optimizada es bastante más eficiente que la versión sin optimizar, siendo de media un 262% más eficiente la versión optimizada con -O3



Para el análisis de la eficiencia híbrida hacemos uso de la herramienta Gnuplot. Definimos una función  $f(x)$  y la representamos junto a la curva de las ejecuciones empíricas. En la siguiente grafica se puede observar la comparación con la curva ideal de las ejecuciones vistas previamente.



Final set of parameters		Asymptotic Standard Error	
=====		=====	
<i>a0</i>	<i>= 1.00408e-08</i>	<i>+/- 2.981e-10</i>	<i>(2.969%)</i>
<i>a1</i>	<i>= 7.52904e-06</i>	<i>+/- 3.043e-05</i>	<i>(404.2%)</i>
<i>a2</i>	<i>= -0.470629</i>	<i>+/- 0.6455</i>	<i>(137.2%)</i>

*correlation matrix of the fit parameters:*

	<i>a0</i>	<i>a1</i>	<i>a2</i>
<i>a0</i>	<i>1.000</i>		
<i>a1</i>	<i>-0.965</i>	<i>1.000</i>	
<i>a2</i>	<i>0.698</i>	<i>-0.834</i>	<i>1.000</i>

Siendo así pues  $f(x) = 1.00408e-08 * x^2 + 7.52904e-06 * x - 0.470629$

## **Comparación con la solución óptima de los archivos TOUR**

Para llevar a cabo esta comparación vamos a medir la distancia total recorrida para cada secuencia de ciudades dada. Así pues, nos queda lo siguiente:

- Ulysses16:
  - Camino total óptimo: 74.1087
  - Camino total nuestro: 92.2465
  - Nuestro algoritmo se aproxima en un 80.34% al ideal
- Ulysses22:
  - Camino total óptimo: 75.6651
  - Camino total nuestro: 119.276
  - Nuestro algoritmo se aproxima en un 63.45% al ideal
- Att48:
  - Camino total óptimo: 33523.7
  - Camino total nuestro: 74124.3
  - Nuestro algoritmo se aproxima en un 45.23% al ideal
- A280:
  - Camino total óptimo: 2586.77
  - Camino total nuestro: 2800.73
  - Nuestro algoritmo se aproxima en un 92.36% al ideal

Viendo los datos obtenidos a partir de los ficheros que nos proporciona la práctica tenemos que nuestro algoritmo se aproxima en media un 70.345%, es decir, realiza un 29.66% más que el algoritmo óptimo.

A continuación, veremos una representación gráfica del recorrido de las ciudades, para el ejemplo a280.opt.TOUR, el más mayor de los ejemplos en cuanto a número de ciudades. Para esto hemos hecho uso de la herramienta de representación gráfica Gnuplot.

Esta sería una comparación de ambos recorridos, el óptimo y nuestro recorrido propio. Las cruces 'x' son las ciudades a recorrer y en rosa aparece nuestro recorrido mientras que en verde aparece el recorrido óptimo. Podemos ver que son casi idénticos, salvo pequeños detalles, lo cual confirma el porcentaje de aproximación demostrado teóricamente. También se muestran los recorridos por separado (imágenes 2, 3).

