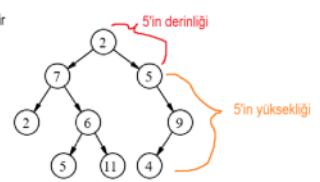


düğümün yüksekliği:
o düğümden ulaşılabilen en uzaktaki
yaprığa olan kenar sayısı
örneğin $h(5)=2$
 $h(7) = 0$
 $h(3) = 1$

Ağaçın yük = kök yük
Derinlik : köke olan uzaklık (yukardan)
yükseklik : aşağıdan

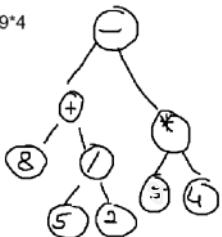
1.dereceden ataya
ebeveyn denir. Yani bir
üstteki hem ebeveyn
hem ata iken daha da
üstteki düğümleri
sadece atadır



İkili ağaç:
En fazla 2 çocuğu
olmalıdır.

Ifade Ağacı:

$8+5/2-9*4$



Ağaç Dolaşımıları

26 Kasım 2025 Çarşamba 19:32

İn Order Dolaşım: Sol dolaş kendini yaz sağ dolaş Sol ken sağ infix

Preorder: kendini yaz sol dolaş sağ dolaş Ken sol sağ prefix

Postorder: Sol dolaş sağ dolaş kendini yaz Sol sağ ken postfix

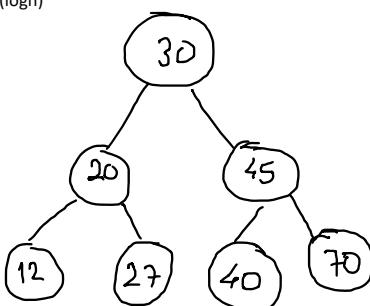
LevelOrder: Her seviye soldan sağa dolaşılır lelevelfix

BST

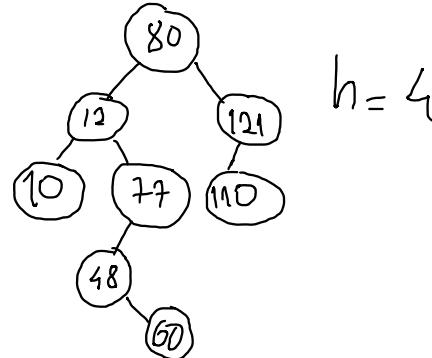
26 Kasım 2025 Çarşamba 19:45

Dizi O(n)
Liste O(n)
İkili Arama Ağacı O(log n)

Bir verinin solundaki değerler daima ondan küçük sağindakiler daima ondan büyük olmalıdır.



Örnek 2: 80 12 77 48 19 121 110 60



Silme İşlemi:

- Silinecek düğümün hiç çocuğu yok (direkt silinir)
 - Silinecek düğümün 1 Çocuğu var (liste benzeri silme işlemi ebeveyni bağla)
 - Silinecek düğümün 2 Çocuğu var (solun en sağına sağın en soluna gidilir.)

Diziye yerleştirilmesi level order ile yapılır

80 12 121 10 77 110 48 60

Sol çocuk: $2 * \text{index} + 1$

Sag cocuk: $2 * \text{index} + 2$

$$\text{Parent} = (\text{index}-1) / 2$$

Aynı uzunlukta bir dizi daha oluşturulur

Heap sortta buna gerek yoktur çünkü tam dolu ağaç kullanılır.

Dizili versiyonda silme kodunu bilmene gerek yok.

Linked BST'de düğüm silmek:

İlk if: ya sol çocuğu var yada hiç çocuğu yok, hiç yoksa sıkıntı yok çünkü subNode = subNode->left derken direkt null yapacak silmiş olacak.

İkinci if:

ilk if i geçtiği için her türlü sağ çocuğa sahip demektir sol çocuğu yoksa direkt parenti sağ çocuğuna bağla

Else (iki çocuğu varsa):

subNode da parent diye bir değişkene at. Solun en sağına inicez bu sebeple p yi de sol çocuk yap. Sonra daha fazla sağa inemeye kadar bu ikisi birbirini kovalar. p harfi parentin sol çocuğuyu bu sebeple ilk hamle olarak parent sola iner sonra sağa inerek devam eder.

p'nin sağı kalmayana kadar su tekrarlanır:

parent p'ye git.
n. sağa git

en son şu kontrol edilir parent ilk hamlesini yani sola inme işlemiğini yaptı mı? Yapamadıysa parentin solu p'nin soluna bağlanır. Eğer yaptıysa koparılacak ağaç sağdadır parentin sağı, p'nin soluna bağlanır.

Çünkü p'nin sağı kalmadı varsa en fazla solu vardır onu kaybetmemek için bağlamamız gerek.

Eğer parent hiç hareket etmediyse o zaman p onun solunda kalmış olacak
yine p yi silmeden önce p nin solunu bağlamamız gereklidir ama bu sefer parentin soluna.

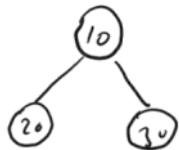
```
bool deleteNode(Node *&subNode){
    Node *p = subNode;
    if(subNode->right == NULL) subNode = subNode->left;
    if(subNode->left == NULL) subNode = subNode->right;
    //iki çocuğu varsa
    else{
        p = subNode->left;
        Node *parent = subNode;
        while(p->right != NULL){
            parent = p;
            p = p->right;
        }
        subNode->data = p->data;
        if(parent == subNode) subNode->left = p->left;
        else parent->right = p->left;
    }
    delete p;
    return true;
}
```

Heap tree

19 Aralık 2025 Cuma 12:20

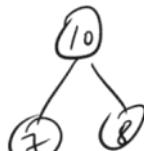
Heap Ağacı

Max Heap



Küçükten büyüğe

Max Heap



büyükten küçüğe

HeapifyUp() ve HeapifyDown() fonksıonları vardır.

Heap Ağacına Eleman Ekleme

```
void HeapSort::Ekle(int e)
{
    if(ES==MAX) return;
    Veri[ES] = e;
    ES++;
    HeapifyUp(ES-1);
}
```

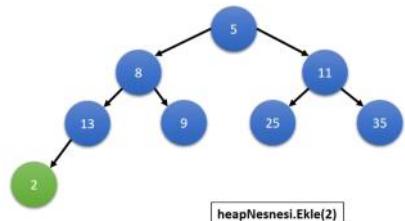
heapNesnesi

Veri[MAX]
ES=8

Dizi

heapNesnesi.Ekle(2)

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9



heapifyUp fonksıon ekleme yapıldıken çağrılr. Küçükse yukarı taşır. Başta sondakının (l-1) indexini alır index 0 değilse parentını bulur eğer parentı daha büyükse swapler ve parent için heapifyUp çağrılr (artık içinde swaplendiği için parentın içinde yeni eklediğimiz değer var) eğer küçük kalmaya devam ederse köke kadar böyle devam eder.

```
void HeapTree::add(int item)
{
    if (capacity == length) throw "agac dolu";
    items[length] = item;
    length++;
    HeapifyUp(length-1);
}
```

```
void HeapTree::HeapifyUp(int index)
{
    int parentIndex;
    if(index != 0){
        parentIndex = ParentIndex(index);
        if(items[parentIndex] > items[index]) {
            swap(items[parentIndex],items[index]);
            HeapifyUp(parentIndex);
        }
    }
}

void HeapTree::Swap(int & item1, int & item2)
{
    int tmp;
    tmp = item1;
    item1 = item2;
    item2 = tmp;
}
//swap referanslı alır
```

Küçük değeri çıkardıktan sonra ağaç yapısını korumak ve boşluğu önlemek için sondakı eleman köke (başa) getirilir. Sonrasında dengelemek için eğer sayı çocuklardan büyükse en küçük olan çocuğa yer değiştirilir.

```
int HeapTree::getMinValue()
{
    if(isEmpty()) throw "Tree is empty";
    int minValue = items[0];
    items[0] = items[length-1];
    length--;
    if (length > 0) HeapifyDown(0);
    return minValue;
}

void HeapTree::HeapifyDown(int index)
{
    int rightIndex, leftIndex, minIndex;
    leftIndex = LeftChildIndex(index);
    rightIndex = RightChildIndex(index);
    if(rightIndex >= length){
        if(leftIndex > length) return;
        else minIndex = leftIndex;
    }
    else{
        if(items[leftIndex] <= items[rightIndex])
            minIndex = leftIndex;
        else minIndex = rightIndex;
    }
    if(items[index] > items[minIndex]){
        swap(items[index], items[minIndex]);
        HeapifyDown(minIndex);
    }
}
```

Önce sağ çocuğun beklenen index'i length'i aşıyor mu? (yani sağ yok mu)
Sonra sol çocuğun beklenen index'i length'i aşıyor mu (yani sol yok mu)

Sağ yok sol yok -> hiçbirşı yapma return
Sağ yok sol var -> minIndex = sol

İki durum da uymadı.

Sağ var sol var -> sağ sol karşılaştır sağ büyükse minIndex = sol
Yoksa -> minIndex -> sağ

Bizim değer, minIndex'ten büyük ise swaple ve swaplenen yani artık yeni küçük olan değer üzerinden heapifyDown'ı yeniden çağır.

BST(Dizi)

26 Aralık 2025 Cuma 02:04

```
void add(const T& item){  
    int suankiIndex = 0;  
    while(true){  
        if(itemStatus[suankiIndex] == 0){  
            items[suankiIndex] = item;  
            itemStatus[suankiIndex] = 1;  
            break;  
        }  
        else if(item < items[suankiIndex])  
            suankiIndex = 2*suankiIndex+1;  
        else if(item > items[suankiIndex])  
            suankiIndex = 2*suankiIndex+2;  
        else break;  
    }  
}
```

//curr = 0
itemstatus dizisi eleman varsa 1 yoksa 0 tutar
CurrIndexteki statü 0 olan yeri bulana kadar
item küçükse sol çocuğu
Item büyükse sağ çocuğu
currIndexi ilerlet
currIndex statüsü boş bulduğun yere yerleş statüsünü 1 yap

Heap Tree

- ✓ Dizi üzerinde gerçekleştirilen tam dolu bir bt olması sayesinde heapfyup ve heapfydown fonksiyonlarını kullanarak kökteki değerin türüne göre (maxheap, minheap) min ya da max olmasını garanti ederek $O(n\log n)$ 'lik bir performans sağlar.
- ✗ heapfyup ve heapfydown fonksiyonlarını kullanarak öncelik hiyerarşisi kurup min yada max değerin kökte bulunmasını garanti ederek $O(n\log n)$ 'lik bir performans sağlamak.

BST

Arama uzayını yarıya bölgerek $O(\log n)$ 'lik bir performans sağlamak

AVL

BST ağacının $O(\log n)$ 'den $O(n)$ 'e kayan performansını ağacı dengeleyerek korumaya çalışır.

Sınav çalışması

1 Ocak 2026 Perşembe 22:51

Sakarya Üniversitesi – Bilgisayar Mühendisliği Bölümü BSM207 Veri Yapıları Final Sınavı

8.01.2025 – 70dk

1- (20p)

<pre>class Dugum { public: Dugum (int veri){ this->veri = veri; onceki=sonraki = NULL; } int veri; Dugum* onceki; Dugum* sonraki; };</pre>	<pre>class BagliListe { public: /* Diğer fonksiyonlar */ void ekle(int sayı); private: Dugum* ilk; };</pre> <p>Tıkanda iki yönlü bir bağlı liste için düğüm sınıfı ve liste sınıfı verilmiştir. Listenin ekle fonksiyonu düğümleri küçükten büyüğe sıralı placak şekilde eklemektedir.</p>	<p>Orneğin listeye sırayla 5,8,3,6,4,44 sayıları eklendiğinde düğümler 3,4,5,6,8,44 şeklinde sıralanmalıdır.</p> <p>Sizden ekle fonksiyonunun gövdesini aşağıya yazmanız istenmektedir(Herhangi bir yardımcı fonksiyon kullanılmamıştır)</p>
---	--	--

```
void ekle(int sayı) {
    Dugum* yeni = new Dugum(sayı);

    // DURUM 1: Liste boşsa
    if (ilk == NULL) {
        ilk = yeni;
        return;
    }

    // DURUM 2: En başa ekleneceğse (Gelen sayı, ilk düğümden küçükse)
    if (sayı < ilk->veri) {
        yeni->sonraki = ilk;
        ilk->onceki = yeni;
        ilk = yeni;
        return;
    }

    // DURUM 3: Araya veya en sona ekleneceğse
    Dugum* itr = ilk;

    // İlerleyebildiğimiz kadar ilerleyelim (Sıradaki eleman var ve bizim sayıdan küçükse git)
    while (itr->sonraki != NULL && itr->sonraki->veri < sayı) {
        itr = itr->sonraki;
    }

    // Döngü bittiğinde 'itr' düğümünün hemen sonrasına ekleme yapacağız.

    yeni->sonraki = itr->sonraki; // 1. Yeni düğümün sağını bağla
    yeni->onceki = itr; // 2. Yeni düğümün solunu bağla

    // Eğer sona eklemiyorsak, sağımızdaki düğümün 'onceki'sini bize bağla
    if (itr->sonraki != NULL) {
        itr->sonraki->onceki = yeni;
    }

    itr->sonraki = yeni; // 3. Solumuzdaki düğümün sağını bize bağla
}
```

5- Parametre olarak aldığı veriyi iki yönlü bağlı listenin sonuna ekleyen ve ekledikten sonra iki yönlü bağlı listeyi tersten ekrana yazdırın fonksiyonu C++ dilinde yazınız. Sadece istenen işlemlerin kodu yazılacaktır.

```
void ekleVeYaz(Node*& head, int veri){
```

Önemli İpucu: İki yönlü bağlı listede araya ekleme yaparken **4 adet bağlantı** (pointer) güncellemesi yapıldığından emin olmalarız (`yeni->ileri`, `yeni->geri`, `eski->ileri`, `sonraki->geri`).

```
void ekle(int sayı) {
    Dugum* p = new Dugum(sayı);

    // DURUM 1: Liste Boşsa
    if (ilk == NULL) {
        ilk = p;
        return;
    }

    Dugum* tmp = ilk;
    while (tmp != NULL) {
        // DURUM 2 ve 3: Araya veya Başa Ekleme (Küçük sayı bulduk)
        if (sayı < tmp->veri) {
            if (tmp == ilk) {
                // En başa ekleme
                p->sonraki = tmp;
                tmp->onceki = p;
                ilk = p;
                return;
            } else {
                // Araya ekleme (tmp'nin soluna)
                tmp->onceki->sonraki = p; // Soldaki düğümü p'ye bağla
                p->onceki = tmp->onceki; // p'nin solunu bağla
                p->sonraki = tmp; // p'nin sağını bağla
                tmp->onceki = p; // tmp'nin solunu p yap
                return;
            }
        }
    }

    // DURUM 4: Sona Ekleme
    // Eğer tmp son düğümse ve sayı hala büyükse, sona ekle
    if (tmp->sonraki == NULL) {
        tmp->sonraki = p;
        p->onceki = tmp;
        return;
    }

    tmp = tmp->sonraki;
}
```

```
void ekleVeYaz(Node*& head, int veri) {
    // 1. Yeni düğümü oluştur
    Node* p = new Node(veri);

    // 2. Liste boşsa durumu
    if (head == NULL) {
        head = p;
        cout << head->veri << endl;
        return; // BURAYA noktalı virgül eklendi
    }

    // 3. Listenin sonuna git
```

```
Node* itr = head;
while (itr->sonraki != NULL) { // 'While' -> 'while' yapıldı
    itr = itr->sonraki;
}

// 4. Yeni düğümü sona ekle ve bağlantıları kur
itr->sonraki = p; // Sonuncunun sağına yeni düğümü koy
p->onceki = itr; // Yeni düğümün soluna eski sonuncuyu koy

// Artık 'p' listenin en son elemanı oldu.
// 'itr' göstergisini en sona (p'ye) taşıyalım.
itr = p;

// 5. Tersten Yazdırma (Sondan başa git)
while (itr != NULL) {
    cout << itr->veri << endl;
    itr = itr->onceki; // Geri geri git
}
}
```