

KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ
ELEKTRONİK VE HABERLEŞME MÜHENDİSLİĞİ



SAYISAL HABERLEŞME LABORATUVARI

ARA SINAV

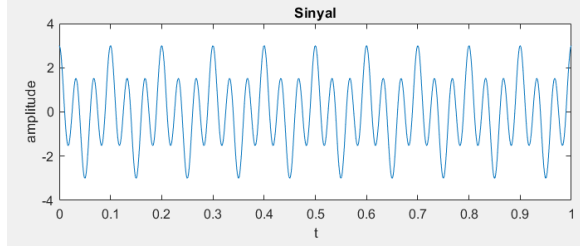
Zeynep SAKLI
160207013

2020

BÖLÜM A

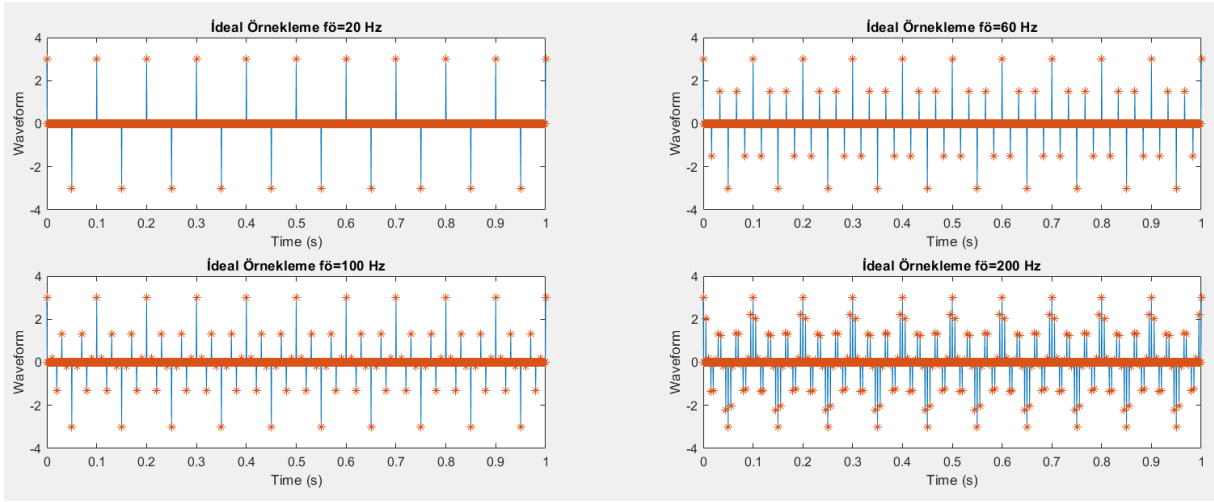
1) $x(t) = \cos(2\pi 10t) + 2\cos(2\pi 30t)$ işaretini üretiniz.

```
%% x(t) işareti çizdirelim
fa=1500 %Ödev pdf'inde söylendi
tx=0:1/fa:1 %periuyod ayarladım
y=cos(2*pi*10*tx)+2*cos(2*pi*30*tx) %Orjinal Sinyal
subplot(321)
plot(tx,y)
xlabel('t') %x eksenini
ylabel('amplitude') %y eksenini
title('Sinyal') %başlık
```



2) Ürettiğiniz işareti; $f_ö = 20, 60, 100, 200$ Hz değerlerinde,

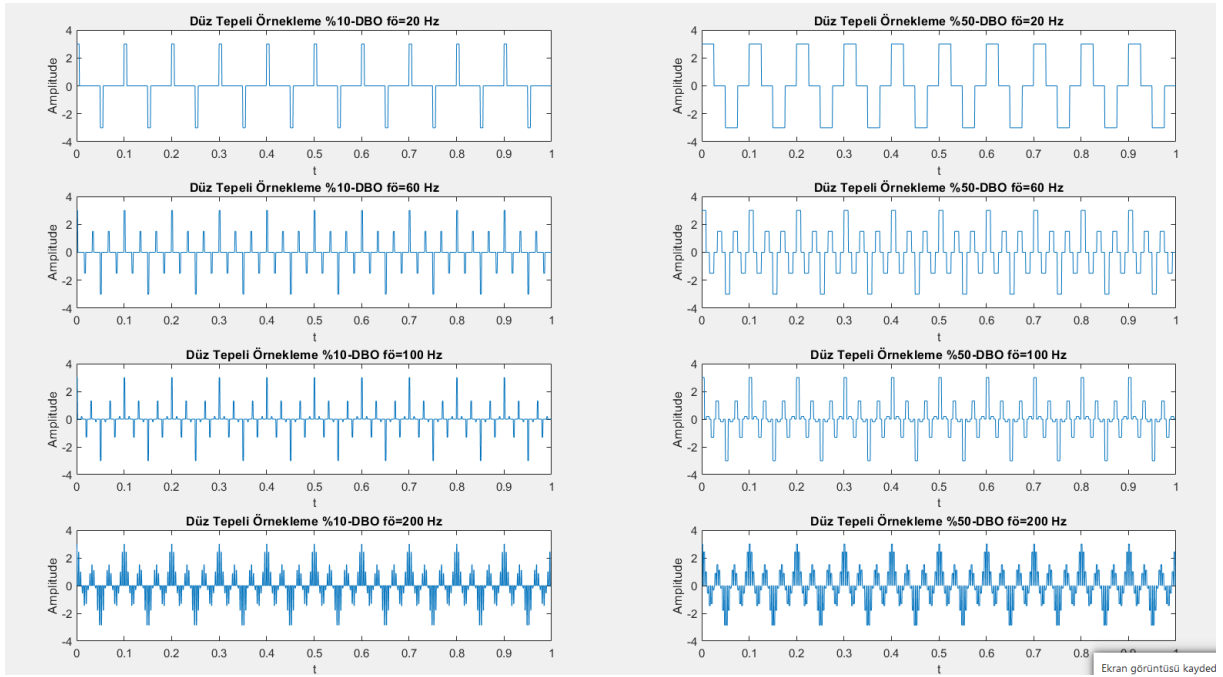
a) İdeal Örnekleme ile ;



```
%% x(t) işareti çizdirelim
fa=1500 %Ödev pdf'inde söylendi
tx=0:1/fa:1 %periuyod ayarladım
y=cos(2*pi*10*tx)+2*cos(2*pi*30*tx) %Orjinal Sinyal

%% f_ö=20Hz
% dürtü katarı oluşturuyoruz.
t = 0 : 1/1500 : 1; % 1 saniye için 1 kHz örnekleme frekansı
impulseTrain=zeros(size(t)); %Ödevde söylendi
impulseTrain(1:fa/20:end)=1; %f_ö=20 olarak dürtü
xlabel('Time (s)', ylabel('Waveform'))
subplot(321)
Sampled=y.*impulseTrain; %ideal örnekleme için çarpıyoruz
plot(t,Sampled)
hold on
plot(t,Sampled,'*') %noktalar koysun diye
title('İdeal Örnekleme f_ö=20 Hz')
f_ö=20 Hz için ideal örnekleme kodu
```

b) Düz Tepeli Örneklemeye ile;



```
clear all
close all
clc

%% 60
fs=1500 %Ödev pdf'inde söylendi
tx=0:1/fs:1
y=cos(2*pi*10*tx)+2*cos(2*pi*30*tx) %Orjinal Sinyal
t = 0 : 1/1500 : 1; % 1 saniye için 1 kHz örneklemme frekansı
impulsetrain=zeros(size(t));
impulsetrain(1:fs/60:end)=1;
Sampled=y.*impulsetrain; %ideal örneklemeye için çarpıyoruz
t = 1;
n = [0:1/fs:t];
n = n(1:end - 1);
fc=60;
duty=10; % yüzde 10 doluluk boşluk
s = square(2*pi*60*n,10); %% darbe katarı için
s(find(s<0)) = 0;
period_samp = length(n)/fc;
ind = [1:period_samp:length(n)];
on_samp = ceil(period_samp * duty/100);
pam = zeros(1,length(n)); %%çizdirme işlemi darbe katarına göre
for i = 1 : length(ind)
    pam(ind(i):ind(i) + on_samp) = Sampled(ind(i));
end
subplot(421);plot(n,pam);ylim([-4 4]); %%çizim ayarladım
title('Düz Tepeli Örneklemeye %10-DBO f0=60 Hz')
xlabel 't', ylabel Amplitude

s2 = square(2*pi*60*n,50); % yüzde 50 doluluk boşluk için darbe katarı
s2(find(s2<0)) = 0;
period_samp = length(n)/fc;
ind = [1:period_samp:length(n)];
on_samp = ceil(period_samp * 50/100);
pam = zeros(1,length(n));
for i = 1 : length(ind)
    pam(ind(i):ind(i) + on_samp) = Sampled(ind(i));
end
subplot(422);plot(n,pam);ylim([-4 4]);
title('Düz Tepeli Örneklemeye %50-DBO f0=60 Hz')
xlabel 't', ylabel Amplitude
```

Düz tepeli örneklemeye kodu %10 ve %50 için

c) Doğal örneklemeye ile düz tepeli örneklemeyi karşılaştırın. Doğal örneklenmiş işaret ile düz tepeli örneklenmiş işareti birbirinden nasıl ayırt edebilirsiniz?

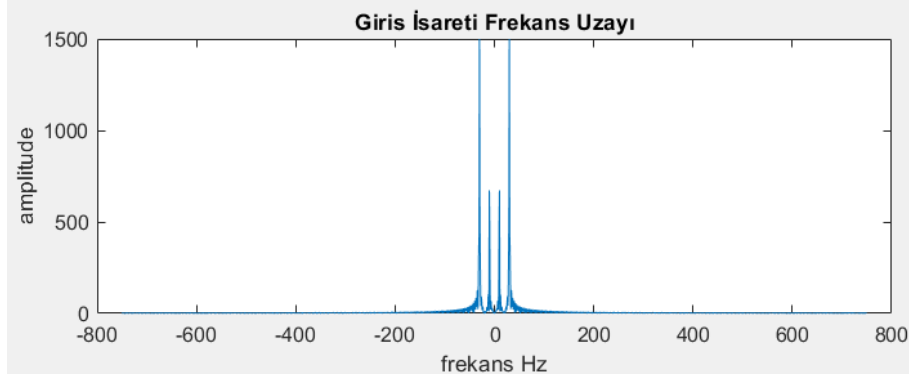
Düz tepeli örneklemeye işlemi boyunca her örnek tek bir sabit değer alır. Doğal örneklemeye ise, her örnek birden fazla değer alabilmektedir ve kuantalama aşamasında olumsuzluklar yaşanmaktadır. Bu nedenle doğal örneklemeye yerine düz tepeli örneklemeye uygulamalarda daha çok tercih edilir.

İki işareti birbirinden ayırt etmek için bilinmesi gereken; düz tepeli örneklemeye örneklenen işaretin tepeleri sabit kalır ve sinyalin başlangıçtaki anlık değerine eşittir fakat doğal örneklemeye, örneklenen işaretin tepeleri dalga formunu alır.

BÖLÜM B

3) 2a ve 2b şıkları için giriş işaretinin, örnekleme işaretlerinin ve örneklenmiş işaretlerin frekans bölgesindeki gösterimlerini elde edin.

Grafik 1: Giriş işareti frekans uzayı gösterimi



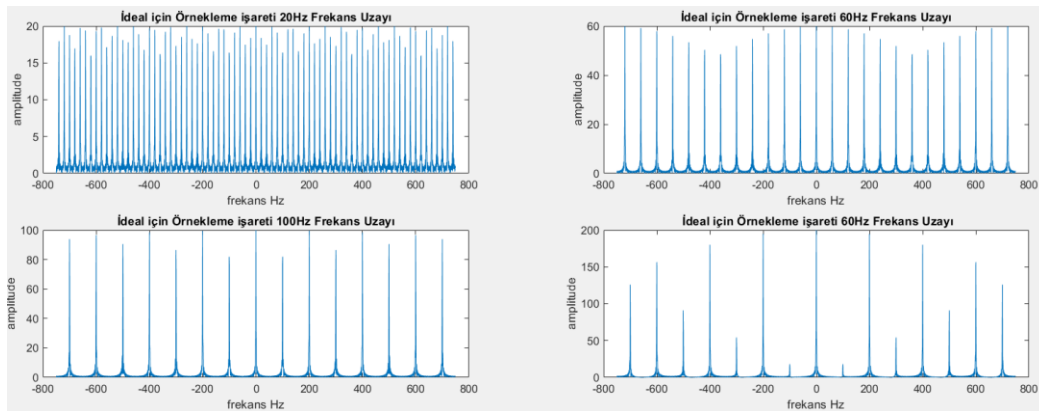
```
%% giriş frekans uzayı
Fs=1500;
t=0:1/Fs:1-1/Fs;
yt=(cos(2*pi*10*t)+2*cos(2*pi*30*t));

NF=2048; %%Frekans ayarı için
df=-NF/2:1:NF/2-1;
y=Fs/NF;
fY=y*df;

frequency=fftshift(fft(yt,NF)); %%orjinal sinyalin fft'si
y_mag=abs(frequency); %abs değeri ile çizdirmek için
subplot(321)
plot(fY,y_mag);
title('Giris İşareti Frekans Uzayı')
xlabel('frekans Hz')
ylabel('amplitude')
```

Giriş işareti frekans uzayı gösterimi kodu

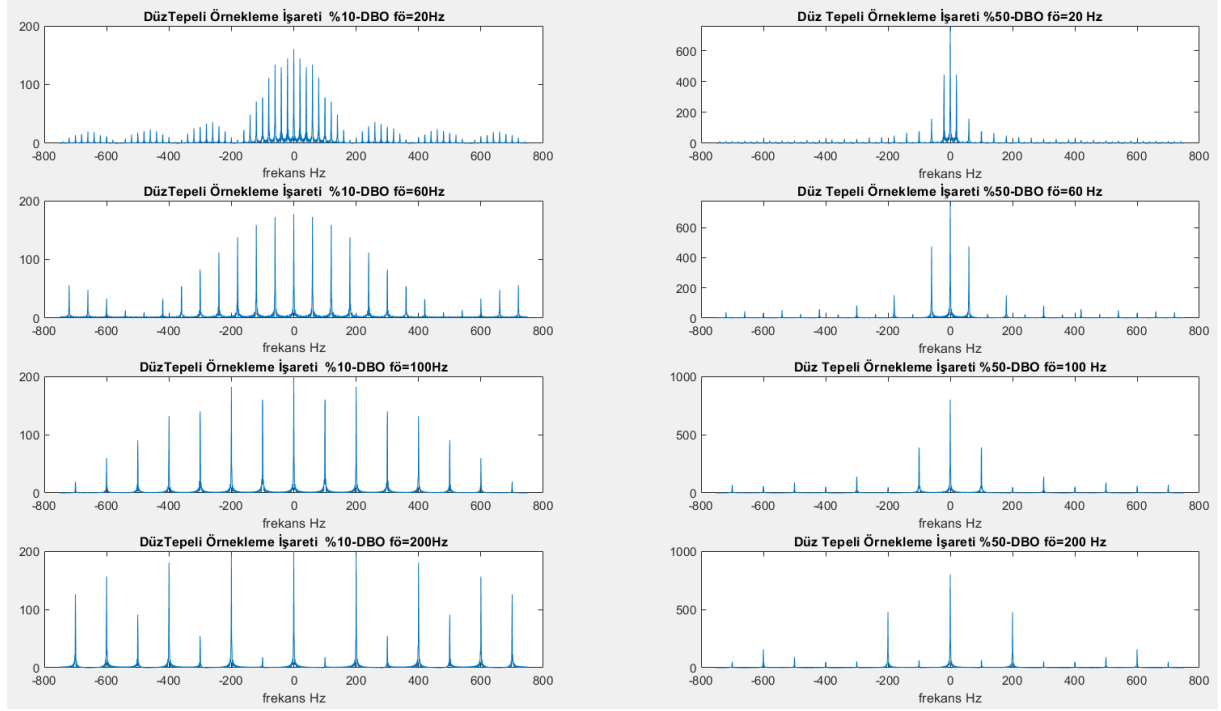
Grafik 2: Örnekleme işareti frekans uzayı gösterimi



```
t = 0 : 1/1500 : 1-1/1500; % 1 saniye için 1 kHz örnekleme frekansı
impulseTrain=zeros(size(t));
impulseTrain(1:fs/60:end)=1; %%60 Hz için dürtü katarı
```

→İdeal örnekleme için örnekleme işareti dürtü katarıdır.

→Düz tepeli örnekleme için örnekleme işareti ise darbe katarıdır.

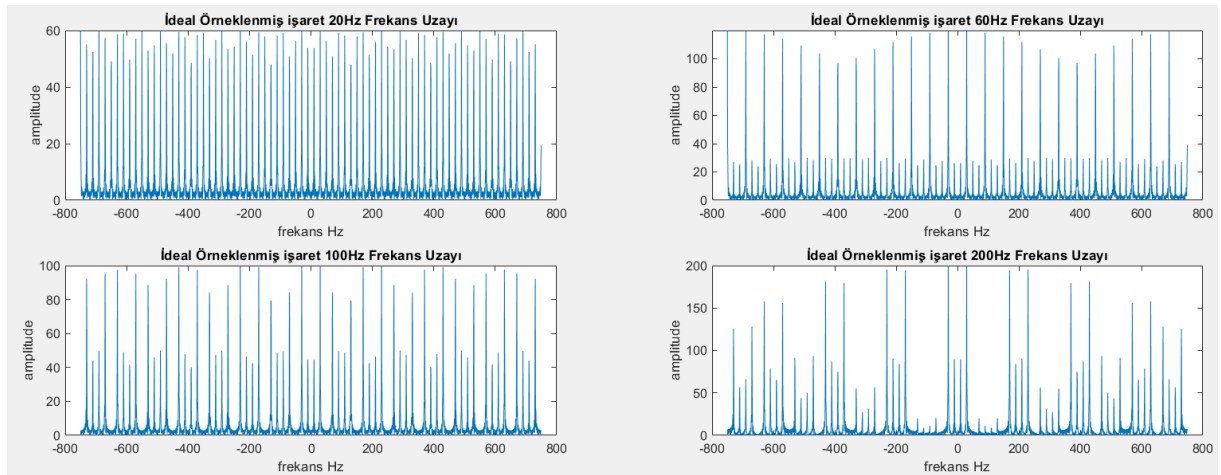


```
fc=60
duty=10
s = square(2*pi*60*n,10); % darbe katarı %10 DBO
s(find(s<0)) = 0;
```

Darbe katarı için square fonksiyonu kullanımı

Grafik 3: Örneklenmiş işaret frekans uzayı gösterimi

İdeal Örneklenmiş İşaret Frekans Uzayı Gösterimi



→İdeal örnekleme için orijinal sinyal ile oluşturulan dürtü katarı değişken f_0 değerlerine göre çarpıldı.

```

Fs=1500;
t=0:1/Fs:1-1/Fs;
yt=(cos(2*pi*10*t)+2*cos(2*pi*30*t));

NF=2048;    %%Frekans ayarı için
df=-NF/2:1:NF/2-1;
y=Fs/NF;
fY=y*df;

%% 60
impulseTrain=zeros(size(t));
impulseTrain(1:Fs/60:end)=1; %fö=60 dürtü katarı
Sampled2=yt.*impulseTrain; %ideal örnekleme için çarpıyoruz

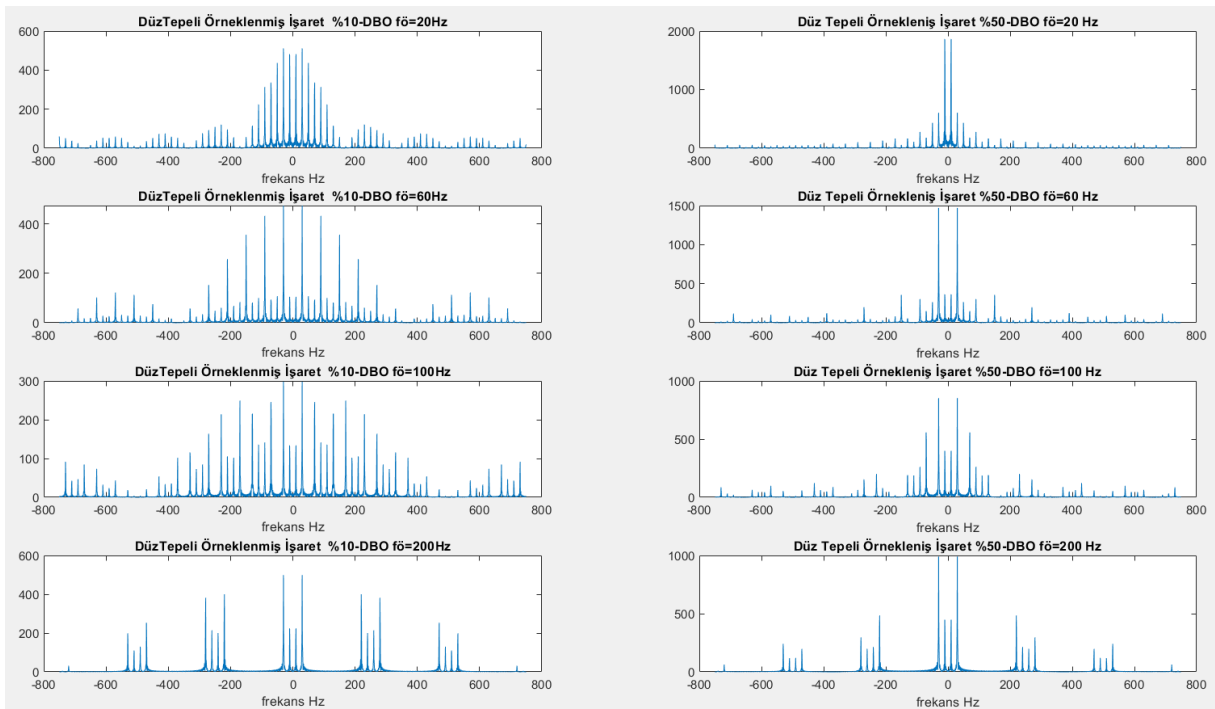
frequency2=fftshift(fft(Sampled2,NF)); %fft işlemi
y2_mag=abs(frequency2); %abs değeri ile çizdirmek için

subplot(322)
plot(fY,y2_mag);
title('İdeal Örneklenmiş işaret 60Hz Frekans Uzaı')
xlabel('frekans Hz')
ylabel('amplitude')

```

İdeal örneklenmiş işaret $f_0=60$ Hz frekans uzaı gösterim kodu

Düz Tepeli Örneklenmiş İşaret Frekans Uzaı Gösterimi



→Düz tepeli örneklenmiş işaret için ideal örneklenmiş işaret ile darbe katarı convolüsyonu gerçekleştirilmektedir.

```

NF=2048;    %%frekans ayarlandı
df=-NF/2:1:NF/2-1;
y=fs/NF;
fY=y*df;

frequency=fftshift(fft(pam2,NF)); % düz tepeli örneklenmiş işaretin fftsi
y_mag=abs(frequency); %abd değeri olarak çizdirilmek için

subplot(423)
plot(fY,y_mag);
title('DüzTepeli Örneklenmiş İşaret 10-DBO f0=60Hz')
xlabel('frekans Hz')
s2 = square(2*pi*60*n,50); %f0=60 50 doluluk-bosluk
s2(find(s2<0)) = 0;
period_samp = length(n)/fc;
ind = [1:period_samp:length(n)];
on_samp = ceil(period_samp * 50/100);
pam3 = zeros(1,length(n));
for i = 1 : length(ind)
    pam3(ind(i):ind(i) + on_samp) = Sampled(ind(i));
end
frequency=fftshift(fft(pam3,NF));
y_mag=abs(frequency);
subplot(424)
plot(fY,y_mag)
title('Düz Tepeli Örneklenmiş İşaret 50-DBO f0=60 Hz')
xlabel('frekans Hz')

```

Düz tepeli örneklenmiş işaret $f_0=60$ Hz frekans uzaı gösterim kodu

Tablo 1: Örtüşme frekansları için birer tablo oluşturun

İteratif olarak örtüşme frekansı kitapta da bu şekilde oluşturulmuştur.

$(2*f_{max})/n \leq f_0 \leq (2*f_{min})/(n-1)$ formülünden yola çıkarak 60 Hz'in altında örtüşme olacağı görülmektedir.

n=1	$60 \leq f_0$
n=2	$30 \leq f_0 \leq 20$

a) Elde ettiğiniz tüm sonuçları yorumlayın. Her grafikte gördüğünüz frekans bileşenleri için yorum yapınız. Frekans bileşenlerin spektrumdaki yerleri ve büyüklükleri hangi değişkenlerden etkilenmektedir?

Örnekleme frekansının artışı ve örnekleme biçimine göre değişkenlik görüyorum sonuçlarımda. İşaretin değişim hızına bağlı olarak gelen bilgide kayıp olmaması için uygun örnekleme frekansı seçilmelidir. Kayıp ve örtüşmelerin önlenmesi için analog işaretin maximum frekans değerinin iki katına eşit veya büyük olması gerekir ve bu Nyquist Kriteri'dir. Buna bağlı olarak $f_0=20$ Hz iken sinyalin frekans uzayında çakışma olduğu görülür. Teorik olarak örnekleme frekansı Nyquist oranından düşük olduğunda işaretten alınan örnek sayısı da düşük olacak demektir bu yüzden de bilgi kaybı gözlemlenecektir. Düz tepeli işaretin bant genişliği darbe katarının frekans spektrumu tarafından belirlenmektedir. Düz tepeli örnekleme için doluluk-boşluk oranına göre %10'dan %50'ye geçince örtüşmeden dolayı kayıplar görülmektedir ve genlikler bu aralıkta artmıştır.

Frekans bileşenlerin spektrumdaki yerleri örnekleme frekansının bant genişliği oranına bağlı olarak değişmektedir.

b) Örnekleme frekansı değiştiğinde işaretin kopyalarına ne oldu?

Örnekleme frekansı için Nyquist örnekleme oranına uyulduğunda herhangi bir kayıp olmadığını biliyorduk. Yani $f_0 \geq 2*(F_{max})$ seçilmelidir. Örnekleme frekansı 20 Hz iken çakışma meydana geleceği için bilgi kaybı daha fazla olacaktır. Örnekleme frekansı 60,100 ve 200 Hz için her frekans değerinin arasındaki frekans boşluğu artmaktadır ve sinyalde giderek bilgi kaybı azalmaktadır. Çünkü örnekleme frekansı arttıkça işaretten alınan örnek miktarı artmaktadır işaretin taşıdığı bilgide daha az kayıp meydana gelmektedir.

c) Örnekleme periyodu giriş işaretinin frekansının iki katı seçilmesi durumunda en düşük frekanstaki işaret kopyasına ne olur?

İşaretin frekansının iki katı alındığı takdirde; frekans spektrumunda çakışma meydana gelecektir çünkü örnekleme frekansında azalmaya sebep olacaktır. Zaman uzayında gereğinden az örnek alındığı için işaretle bilgi kaybı yaşanacaktır. En düşük frekanstaki işaret diğer frekans bileşenleri tarafından üzeri örtülecektir.

d) Örnekleme periyodu yeterince büyük seçilmez ise hangi problem ile karşılaşılır? Ödevde ilgili problem ile karşılaştınız mı? Karşılaştı iseniz hangi örnekleme frekansında/frekanslarında karşılaştınız?

Örtüşmeden dolayı bilgi kaybı ve bozulmalar oluşmaktadır. Ödevde 20 Hz'de problem yaşadım çünkü örnekleme frekansı , örnekleme periyodundan etkilenir. Nyquist oranına bakarsak sinyalimiz için uygun örnekleme frekansı pratikte $2.2*30$ Hz'dir. Ödevdeki $f_0=20$ hz için koşulu sağlamamaktadır ve sinyalde bozulmalar meydana gelmektedir.

e) Düz tepeli örneklemiş işaretlerin frekans spektrumundaki kopyaların güçleri yüksek frekanslara gidildikçe nasıl değişmektedir? Sebebini açıklayınız.

Örnekleme frekansı arttıkça T_0 azalır ve güç hesabında $1/T_0$ ye göre F_0 artarsa güç azalır. A/T_0 bizim gücümüz oluyor ters orantılı olduğu için T_0 arttıkça yüksek frekanslara gidildikçe güç azalır. Doluluk boşluk sabitken örnekleme frekansı arttıkça aynı frekans değerindeki genliklerde azalmakta genlik değeri A/T_0 gücü verdiği için sinyalin gücü azalmakta. Örnekleme frekansı 60 Hz dikkate alındığında frekans spektrumundaki frekans değeri arttıkça genlik değeri azalmakta sinyalin gücü gittikçe azaldığı gözükmemekte.

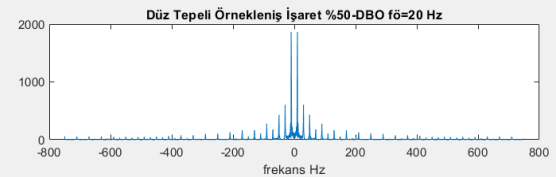
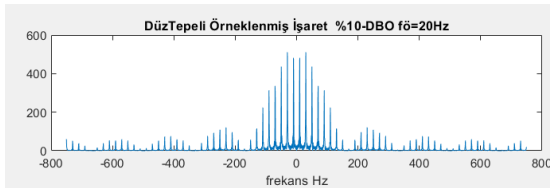
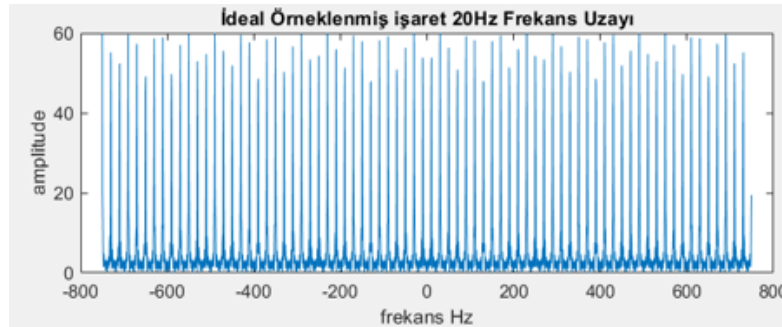
f) Verilen bilgi işareti için kabul edilebilir en düşük teorik örnekleme frekansı nedir?

Nyquist oranına göre örnekleme frekansı teoride $2 \cdot f_{\max}$ olduğu için $f_{\max}=30$ ise en düşük teorik örnekleme frekansı 60 Hz'dir. Pratikte ise $2.2 \cdot f_{\max}$ yani $f_0=66$. Geri Çatma süzgeci uygulandığında da bu frekansta herhangi bir bilgi kaybı ve örtüşme meydana gelmediğini test ettim.

g) En düşük örnekleme frekansı için örneklenmiş işaretin spektrumunu çizdiriniz ve kopyalar hakkında yorum yapınız.

Minimum teorik örnekleme frekansı demediğiniz için bu soruyu 20 Hz'den bahsettiğinizi anlayarak cevaplayacağım.

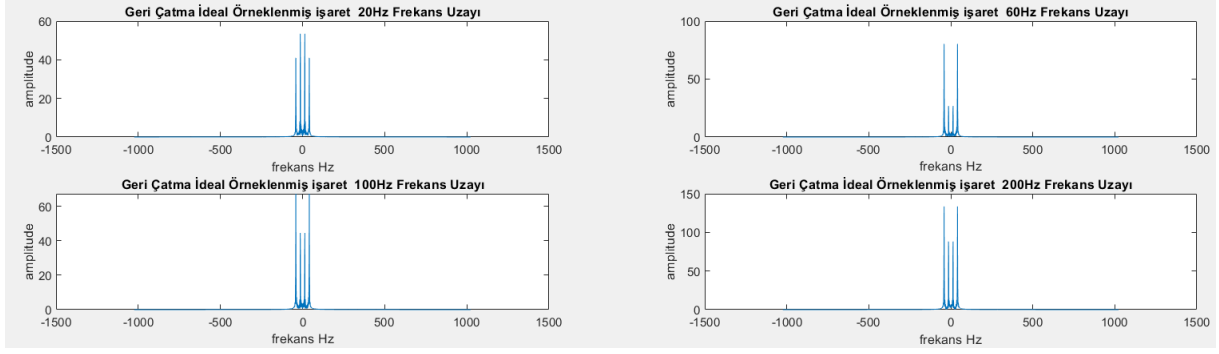
İdealde yaklaşık olarak dürtünün genliği kadar tek sabit bir değer alırken, düz tepeli de ise %10 ve %50 DBO'ya göre değişmekle birlikte sinyalin başlangıç değeri alınıp sabit tutulduğundan dolayı her frekans değeri için farklı genlik değerleri almaktadır.



BÖLÜM C

4) Geri çatma süzgeci ile zaman bölgesindeki ilk ürettiğiniz işareti elde etmeye çalışın.

Grafik 1: Geri çatılmış işaretin frekans uzayı gösterimi

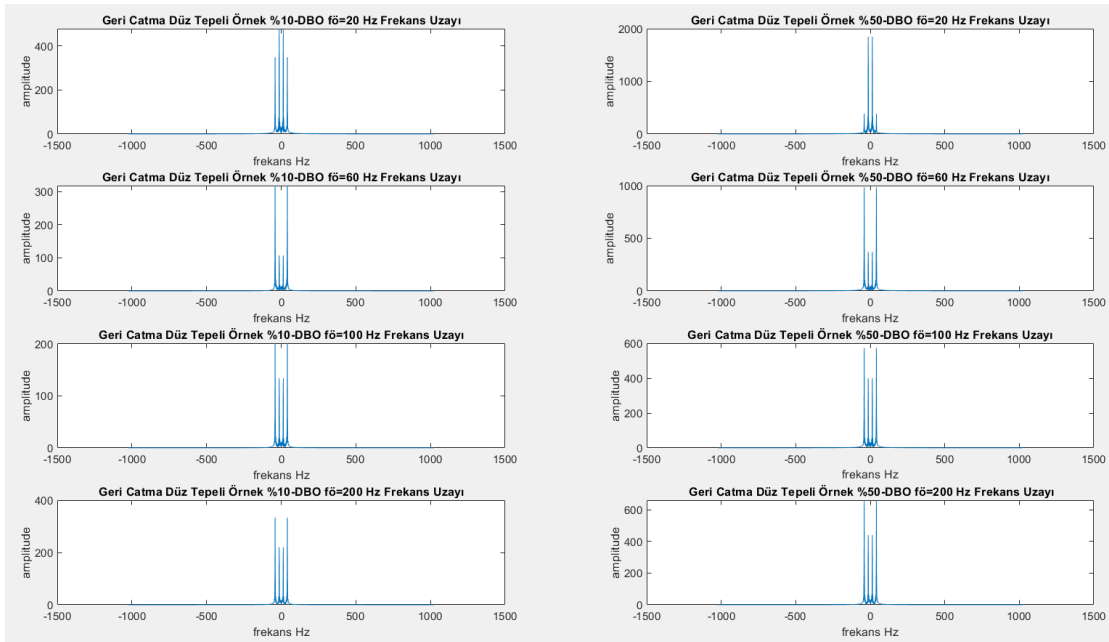


```
%% 60 Hz
Fs=1500;
t=0:1/Fs:1-1/Fs;
NF=2048;
df=-NF/2:1:NF/2-1;
y=Fs/NF;
fY=y*df;
s=cos(2*pi*10*t)+2*cos(2*pi*30*t);
tx = 0 : 1/1500 : 1-1/1500;
impulseTrain=zeros(size(t));
impulseTrain(1:Fs/60:end)=1;
Sampled=s.*impulseTrain;

[B,A] = butter(10,30/(1500/2)); %% 30 cutoff frekanslı lpf filtre
rend=filter(B,A,Sampled);
frequency1=fftshift(fft(rend,NF));
y1_mag=abs(frequency1);

subplot(421)
plot(df,y1_mag);
title('Geri Çatma İdeal Örnekleilmiş İşaret 60Hz Frekans Uzayı')
xlabel('frekans Hz')
ylabel('amplitude')
```

İdeal örnekleilmiş işaret Geri Çatma Süzgeci 60 Hz



```

%% 60 Hz %50 doluluk boşluk oranına göre geri çatma süzgeci
s2 = square(2*pi*60*n,50);
s2(find(s2<0)) = 0;
period_samp = length(n)/fc;
ind = [1:period_samp:length(n)];
on_samp = ceil(period_samp * 50/100);
pam = zeros(1,length(n));
for i = 1 : length(ind)
    pam(ind(i):ind(i) + on_samp) = Sampled(ind(i));
end
[B,A] = butter(10,30/(1500/2));
%freqz(B,A)
rend=filter(B,A,pam);
frequency1=fftshift(fft(rend,NF));
y1_mag=abs(frequency1);

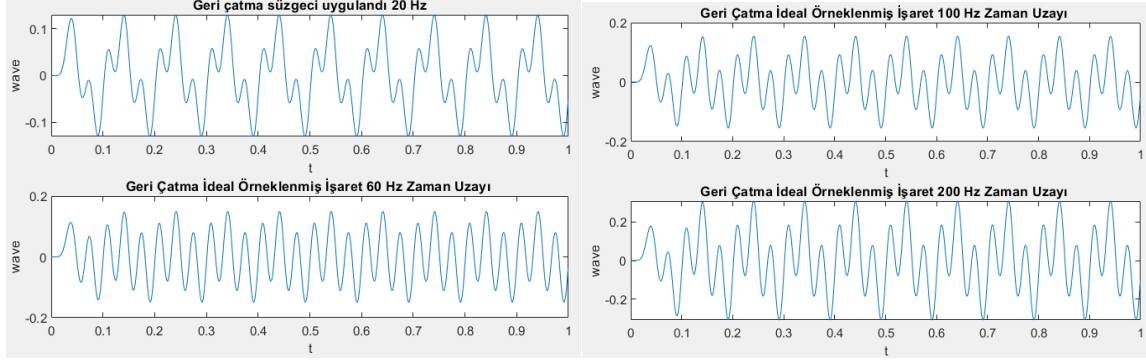
subplot(424)
plot(df,y1_mag);
title('Geri Catma Düz Tepeli Örnek %50-DBO f0=60 Hz Frekans Uzaı')
xlabel('frekans Hz')
ylabel('amplitude')

```

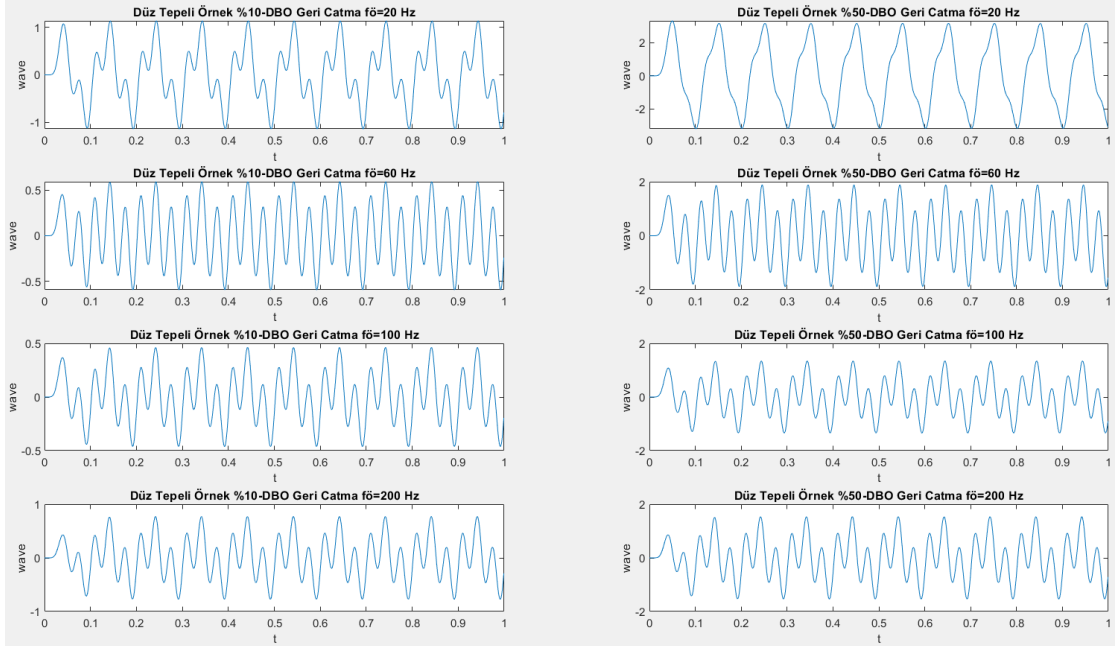
Fö=60 Hz %50 duty cycle Düz tepeli örnekleilmiş işarete geri çatma süzgeci uygulandı

Grafik 2: Geri çatılmış işaretin zaman uzaı gösterimi

İdeal örnekleilmiş işaret için geri çatma süzgeci çıktıları



Düz tepeli örnekleilmiş işaret için geri çatma süzgeci çıktıları



a) Doluluk boşluk oranı değiştikçe geri çatılmış işaretin genliği nasıl değişmektedir? Nedenini açıklayınız.

Doluluk boşluk oranı arttıkça genliği artmaktadır. Geri çatılmış işaretin genliği böylelikle ilk baştaki sinyalinize benzerliği daha çok artmıştır.

b) İdealde geri çatma süzgecinin kazancını nasıl hesaplırsınız? Hesap örnekleme biçime göre değişir mi, nasıl değişir?

Örnekleme biçimine göre değişir. İdeal de süzgecin geçirme bandı işaretin bant genişliğine eşit seçildiği durumda, süzgecin kazancı da örnekleme periyoduna (T_0) eşit alınırsa işaretin frekans düzlemi doğru şekilde hesaplanabilir. Düz tepeli örneklemede ise sinyalin yeniden oluşturulması için geri çatma süzgecinin kazancının $1/\text{sinc}(fT)$ olması gerekmektedir.

c) Geri çatma süzgeci için kesim frekansı olarak hangi frekansı seçtiniz? Sebebini açıklayınız? Daha yüksek veya alçak kesim frekansı seçmeniz halinde hangi problemlerle karşılaşmanız olasıdır?

Taban bant işaretin bant genişliği f_{\max} 'tır. Yani $x(t)$ sinyaline göre 30 Hz, geri çatma süzgecinin geçirme bandına eşit olmalıdır. Böylelikle kesim frekansını 30 Hz olarak seçtim. Eğer yüksek veya alçak olursa işaret eksik, kayıplı ya da istenmeyen frekans bileşenleri elde edilebilir.

BÖLÜM D

5) 2. sorunun b şıkında % 50 doluluk boşluk durumu için elde ettiğiniz örneklenmiş işaretleri,

a) $n=3$ bit

b) $n=4$ bit ile bir biçimli orta yükselteli kuantalayıcı ile kuantalayın.

Tablo 1: $n=3$ bit için giriş çıkış ilişkisi (Yalnızca en yüksek 4 kuantalama seviyesi için)

Girişler	Çıkışlar
$[0, \Delta] = [0, (0.7500)]$	$\Delta/2 = 0.3750$
$[-\Delta, 0] = [-0.7500, 0]$	$-\Delta/2 = -0.3750$
$[\Delta, 2\Delta] = [0.7500, 1.500]$	$3\Delta/2 = 1.1250$
$[-2\Delta, -\Delta] = [-1.500, -0.7500]$	$-3\Delta/2 = -1.1250$
$[2\Delta, 3\Delta] = [1.500, 2.2500]$	$5\Delta/2 = 1.8750$
$[-3\Delta, -2\Delta] = [-2.2500, -1.500]$	$-5\Delta/2 = -1.8750$
$[3\Delta, \infty] = [2.2500, \infty]$	$7\Delta/2 = 2.6250$
$[-\infty, -3\Delta] = [-\infty, -2.2500]$	$-7\Delta/2 = -2.6250$

1	2	3	4	5	6	7	8
-2.2500	-1.5000	-0.7500	0	0.7500	1.5000	2.2500	
-2.6250	-1.8750	-1.1250	-0.3750	0.3750	1.1250	1.8750	2.6250

Matlab Giriş ve Çıkış çıktıları

Tablo 2: n=4 bit için giriş çıkış ilişkisi (Yalnızca en yüksek 4 kuantalama seviyesi için)

Girişler	Çıkışlar
$[0, \Delta] = [0, (0.3750)]$	$\Delta/2 = 0.1875$
$[-\Delta, 0] = [-0.3750, 0]$	$-\Delta/2 = -0.1875$
$[\Delta, 2\Delta] = [0.3750, 0.7500]$	$3\Delta/2 = 0.5625$
$[-2\Delta, -\Delta] = [-0.7500, -0.3750]$	$-3\Delta/2 = -0.5625$
$[2\Delta, 3\Delta] = [0.7500, 1.12500]$	$5\Delta/2 = 0.9375$
$[-3\Delta, -2\Delta] = [-1.12500, -0.7500]$	$-5\Delta/2 = -0.9375$
$[3\Delta, 4\Delta] = [1.2500, 1.500]$	$7\Delta/2 = 1.3125$
$[-4\Delta, -3\Delta] = [-1.500, -1.12500]$	$-7\Delta/2 = -1.3125$
$[4\Delta, 5\Delta] = [1.500, 1.8750]$	$9\Delta/2 = 1.6875$
$[-5\Delta, -4\Delta] = [-1.8750, -1.500]$	$-9\Delta/2 = -1.6875$
$[5\Delta, 6\Delta] = [1.8750, 2.2500]$	$11\Delta/2 = 2.0625$
$[-6\Delta, -5\Delta] = [-2.2500, -1.8750]$	$-11\Delta/2 = -2.0625$
$[6\Delta, 7\Delta] = [2.2500, 2.6250]$	$13\Delta/2 = 2.4375$
$[-7\Delta, -6\Delta] = [-2.6250, -2.2500]$	$-13\Delta/2 = -2.4375$
$[7\Delta, \infty] = [2.6250, \infty]$	$14\Delta/2 = 2.8125$
$[-\infty, -7\Delta] = [-\infty, -2.6250]$	$-14\Delta/2 = -2.8175$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
-2.6250	-2.2500	-1.8750	-1.5000	-1.1250	-0.7500	-0.3750	0	0.3750	0.7500	1.1250	1.5000	1.8750	2.2500	2.6250
-2.8125	-2.4375	-2.0625	-1.6875	-1.3125	-0.9375	-0.5625	-0.1875	0.1875	0.5625	0.9375	1.3125	1.6875	2.0625	2.4375

Matlab Giriş ve Çıkış çıktıları

```

L=8; %n=3bit 2^n=8 seviye

t=0:1/1500:1;
xmax=abs(max(pam)); %xmax=4;

adim_araligi=2*xmax/L;
partition=-(L/2-1)*adim_araligi:adim_araligi:(L/2-1)*adim_araligi; %giriş seviyesi

codebook=-(L-1)*adim_araligi/2:adim_araligi:(L-1)*adim_araligi/2; %çıkış seviyesi

[indx xq]=quantiz(pam,partition,codebook);
%pam sinyalinin giriş ve çıkışa göre kuantalama işlemi
figure, stem(nx,xq);
hata=pam-xq; %hatayı hesaplatan kısım

ortalama_hata=sum(hata.^2)./length(hata); %ortalama kuantalama hatası

SNR_hesaplat=10*log10(var(pam)/var(hata)) %snr hesabı (Ps/P(n,q))

P=var(pam); %P(s) görmek için

```

Giriş ve Çıkış seviyelerini elde edip kuantalama yapan kod

n=4 bit için;

Giriş seviyesi - Çıkış seviyesi = 0.1875 hata oranı veriyor. Maximum hata oranı (adımaralığı/2) olarak hesaplanır. n=4 bit için $0.375/2=0.1875$ gelir.

hata															
1x1500 double															
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875	0.1875

b) Bu farkın karesel beklendik değerini hesaplayınız ve toplam karesel beklendik değeri (Pn,q) bulunuz.

n=3 bit için Farkın Karesel Beklendik Değeri $((0.375)^2)/12=0.0117$

Toplam karesel beklendik değer=ortalama hata =0.1406 kodda da bu doğrulandı.

n=4 bit için Farkın Karesel Beklendik Değeri $((0.1875)^2)/12=0.0029$

Toplam karesel beklendik değer=ortalama hata =0.0352 kodda da bu doğrulandı.

```
ortalama_hata=sum(hata.^2)./length(hata); %ortalama kuantalama hatası
```

c) 1. soruda ürettiğiniz sinyalin gücünü (Ps) hesaplayınız ve kuantalayıcı çıkışı SNR değerini (Ps/(Pn,q)) hesaplayınız. Sonucun 6.02n değeri ile örtüşüp örtüşmediğini belirtiniz.

İşaretin gücü karesel beklendik değerine eşit gelmektedir. Varyans ise (karesel beklendik değer – beklendik değerin karesi)dir. Ders kitabında da görüldüğü gibi işaretin beklendik değeri sıfırdır bu yüzden güç için yalnızca varyansı hesaplatmak yetecektir.

```
P=var(pam); %%P(s) görmek için
```

Var fonksiyonu kullanarak gücün 4.68 W çıktığı görülmektedir.

n=3 bit 20 hz için;

```
SNR_hesaplat=10*log10(var(pam)/var(hata)) %snr hesabı(Ps/P(n,q))
```

SNR_hesaplat=16.3592 dB çıktısı geldi.

Sonucu $6.02*n$ ile kontrol ettim ve $6.02*3=18.06$ dB

n=4 bit 20 hz için;

```
SNR_hesaplat=10*log10(var(pam)/var(hata)) %snr hesabı(Ps/P(n,q))
```

SNR_hesaplat= 22.3797 dB çıktısı geldi.

Sonucu $6.02*n$ ile kontrol ettim ve $6.02*4=24.08$ dB

d) c şikkını farklı örnekleme frekansları için deneyiniz. Simölasyon ve teorik hesap arasındaki farkı örnekleme frekansına göre yorumlayınız.

n=4 bit için, 20 hz'de SNR 22.3797 dB

60 hz'de SNR 19.4027 dB

100 hz'de SNR 20.7359 dB

200 hz'de SNR 20.0448 dB

n=3 bit için, 20 hz'de SNR 16.3592 dB

60 hz'de SNR 13.3821 dB

100 hz'de SNR 13.5080 dB

200 hz'de SNR 13.4781 dB

Teorik hesaplar simölasyon hesabına yakın değerlerde geldi.

Bit sayısı arttıkça SNR oranının arttığını görüyorum. Teoride de böyle öğrenmiştik zaten çünkü SNR ne kadar fazla olursa bozulma miktarı o kadar az olmaktadır.