

## Taller 4 Cinemática diferencial de primer orden Jacobianos de robots

1. Para el manipulador tipo elbow (Figura 1), tome como longitudes de eslabón  $L_1=50$  cm,  $L_2=40$  cm y  $L_3=25$  cm:

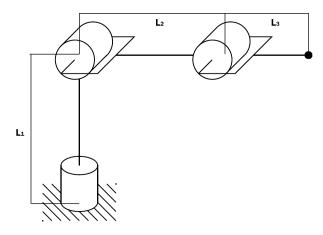


Figura 1: Robot *Elbow*.

- Determine el Jacobiano Geométrico.
- Determine el Jacobiano por derivada de la matriz de rotación.
- Considere la configuración  $q = \begin{bmatrix} \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{4} & \frac{\pi}{2} \end{bmatrix}$ , halle el valor numérico de los items anteriores, compare con lo obtenido con la función  $jacob\theta$  del toolbox RVC tools.
- 2. Teniendo en cuenta el robot del punto anterior, determine los torques necesarios para sostener el mecanismo, sabiendo que en el efector final se aplica una fuerza  $F = [10\ 0\ 10]N$  en la configuración  $q = \left[0\ \frac{\pi}{4}\ \frac{\pi}{2}\right]$ . Indique el resultado en  $N\cdot m$ . Calcule las distancias normales del TCP a cada eje de articulación y los torques por métodos de estática. Compare con el resultado por el jacobiano y comente los resultados.
- 3. Para el robot de 3-GDL con articulaciones RPR de la figura 2 que está en la posición de home:
  - Encuentre el jacobiano geométrico en la base del robot.
  - Determine el jacobiano analítico en la base del robot.
  - Con los resultados anteriores comparé los jacobianos.
  - Considere el robot en la posición de home, Suponga una fuerza externa  $f \in \mathbb{R}^3$  es aplicada en el origen del sistema de coordenadas del TCP. Determine todas las direcciones de f que pueden ser resistidas por el manipulador con torque cero.
  - Parámetro  $l_1 = 1.0 \text{ m}$
- 4. Con sus palabras de un ejemplo y explique que representa una configuración singular de un robot. Tanto para el jacobiano de velocidad como para el de fuerzas.
- 5. Explique las propiedades jacob0 y jacobn del objeto SerialLink del toolbox RVC tools, describa las diferencias entre ellas.



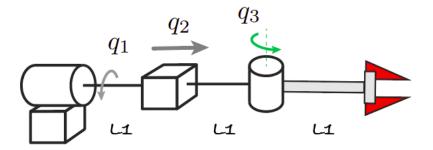


Figura 2: Robot RPR

6. Considerando el robot IRB140, y haciendo un análisis gráfico (Observación: ni código ni ecuaciones) indique dos puntos o configuraciones donde el robot es singular.

## Observaciones

- Se recomienda hacer el desarrollo del taller en MATLAB, se pueden utilizar las herramientas de cálculo simbólico así como el Toolbox RVC tools, para simplificar la presentación se puede hacer uso de la herramienta Publish o de un LiveScript, añadiendo las imágenes y textos necesarios para cada punto. Hacer uso de esta herramienta no implica que el documento no este debidamente explicado y organizado.
- Forma de trabajo: Individual.

## Referencias

- [1] Mark W. Spong, Seth Hutchinson, and M. Vidyasagar. Robot Modeling and Control. 2004.
- [2] Sciavicco, Lorenzo, Siciliano, Bruno Modelling and Control of Robot Manipulators. 2005.
- [3] John J. Craig Introduction to Robotics, Mechanics and Control. 2005.
- [4] Peter Corke Robotics Toolbox for Matlab, Release 9. 2015.
- [5] Lung Weng TSai Robot Analysis. The Mechanics of Serial and Parallel Manipulators Ed. John Wiley & Sons 1999.