

```
In [1]: import math as m
import IPython.display as ipd
import sympy as sy

x, y, z, r, a = sy.symbols('x y z r a')
sy.init_printing()
```

LISTA 4 - QUESTÃO 3

```
In [2]: ipd.Image(filename="L4Q3.png")
```

Out[2]: **3ª Questão)** O parabolóide mostrado na Figura 3 é formado a partir do giro da área sombreada em torno do eixo x. Considerando a densidade do material é $\rho = 10 \text{ Mg/m}^3$, determine seu raio de giração.

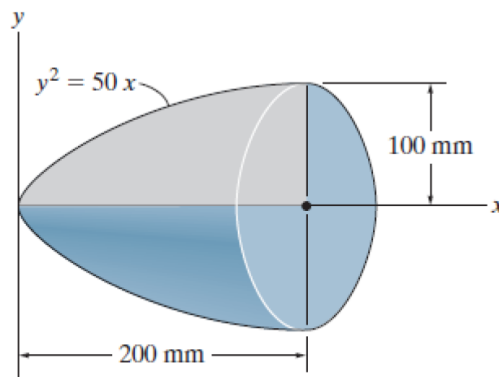


Figura 3.

Dados disponíveis

```
In [3]: Lx = 0.2 # [m]
Ly = 0.1 # [m]
y = (50 * x) ** 0.5
rho = 10e6 # [kg/m^3]
pi = m.pi
```

Parabolóide de Revolução: qual o raio de giração? notas: o raio de revolução varia com y em 1:1 $0 < x < 200$ $0 < y < 100$ $0 < \sqrt{50x} < 100$ o cálculo de momento de inércia ao longo do eixo x, é: $I_x = \int (y^2) dm$ $I_x = \int (y^2) \rho \pi r dr dx$

```
In [4]: inercia_x = sy.integrate((y ** 2) * pi * r, (r, 0, y), (x, 0, Lx))
print('momento de inércia em X: {} m^4'.format(inercia_x))
```

momento de inércia em X: 10.4719755119660 m⁴

O raio de giração é dado por $k = \sqrt{I_x / m}$, logo, devemos calcular a massa do sólido de revolução: o volume do sólido é dado pela integral de revolução: $\int (\pi * (y^2)) dx$

```
In [5]: massa_solido = sy.integrate(pi * rho * r, (r, 0, y), (x, 0, Lx))
print('A massa do sólido de revolução: {:.3f} kg'.format(massa_solido))
```

A massa do sólido de revolução: 15707963.268 kg

O raio de giração será:

```
In [6]: k = (inercia_x / massa_solido) ** 0.5  
scientific = "{:e} m".format(k)  
scientific
```

```
Out[6]: '8.16496580927726e-4 m'
```

```
In [6]:
```