Instituto de Tecnologia - UFPA Faculdade de Eng. Mecânica

Disciplina: Mecânica dos Sólidos II

Parte 4: Vasos de Pressão de Paredes Finas

Professor: Leonardo Dantas Rodrigues

DEFINIÇÕES

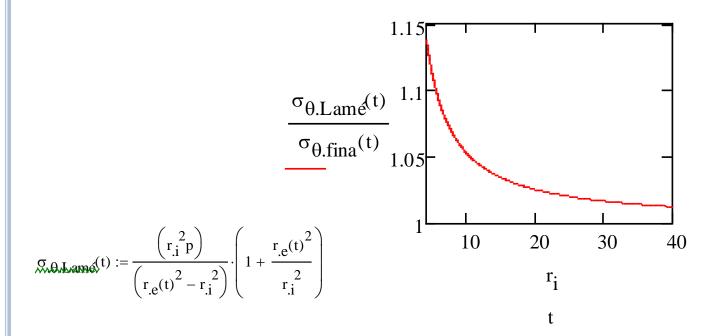
O termo vaso de pressão (pressure vessel) designa genericamente todos os recipientes estanques, de qualquer tipo, dimensões, formato ou finalidade, capazes de conter um fluido pressurizado. Dentro de uma definição tão abrangente inclui-se uma grande variedade de equipamentos, desde uma panela de pressão de cozinha, até os mais sofisticados reatores nucleares. (Teles, P. C. S., "Vasos de Pressão")

A norma regulamentadora NR-13, que estabelece as diretrizes para instalação e operação de vasos de pressão em território nacional, enquadra em seu escopo somente vasos (sob pressão interna ou externa) que tenham um produto "P x V" superior a oito (8), sendo P a máxima pressão de operação em kPa e V o volume interno em m³.

Convenciona-se como sendo de **paredes finas**, vasos cuja relação **r/t** seja maior que **dez (10)**, sendo r o raio interno e t a espessura de parede. As equações para esses são bem mais simples do que as aplicadas aos vasos de paredes espessas.

DEFINIÇÕES

Diferenças de valores de tensões circunferenciais em um vaso cilíndrico com pressão interna pelas fórmulas de Lamé e pela simplificação para paredes finas.



Note-se que para a relação r/t igual a 10, tem-se uma diferença de aproximadamente 5 %.



Um vaso cilíndrico tamponado submetido a pressão interna tem como tensões principais:

$$\sigma_1 = \sigma_c = \frac{pr}{t}$$

$$\sigma_2 = \sigma_l = \frac{pr}{2t}$$

$$\sigma_3 = \sigma_r = -p$$

Tensão radial

Tensão circunferencial ou tangencial

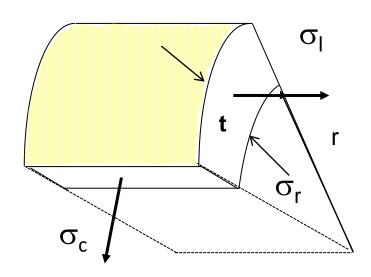
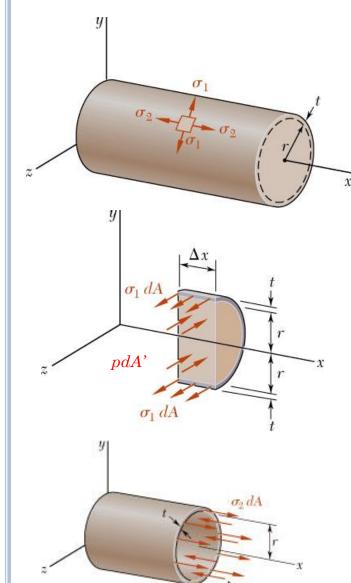


Figura 4.1

onde:

Tensão longitudinal

- **p** é a pressão interna;
- r é o raio interno
- t é a espessura do cilindro.



Tensão circunferencial ($\sigma_1 = \sigma_c$)

Da figura 4.2 (b), faz-se o equilíbrio de forças na direção z:

$$\sum_{z=0}^{\sum F_z = 0} F_z = 0$$

$$2.\sigma_1 dA - p(2r \Delta x) = 0$$

$$2.\sigma_1 (t \Delta x) = p(2r \Delta x)$$

$$\sigma_1 = \sigma_c = \frac{p.r}{t}$$

$$\sigma_1 = \sigma_c = \frac{p.r}{t} \tag{4.1}$$

Tensão longitudinal $(\sigma_2 = \sigma_1)$

Da figura 4.2 (c), faz-se o equilíbrio de forças na direção x:

$$\sum F_x = 0$$

$$\sigma_2 . dA - p(\pi r^2) = 0$$

$$\sigma_2 = \sigma_l = \frac{p.r}{2t}$$

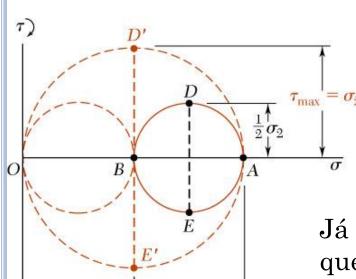
$$\sigma_2(2\pi r) = p(\pi r^2)$$

$$\sigma_2 = \sigma_l = \frac{p.r}{2t} \quad (4.$$

Figura 4.2

pdA

O círculo de Mohr para o plano das tensões circunferencial (ponto A) e longitudinal (ponto B) é dado pelo círculo contínuo da figura 4.3. O círculo de diâmetro OB define as tensões no plano de tensões radial (que pode ser desprezada) e longitudinal. O de diâmetro AO define as tensões no plano de tensões radial e circunferencial.



Assim, a máxima tensão cisalhante no plano é:

$$\tau_{\max_{(no\ plano)}} = \frac{p.r}{4t} \tag{4.3}$$

Já a máxima tensão **cisalhante absoluta**, que ocorre em torno do eixo longitudinal a 45° dos eixos radial e circunferencial é

$$\tau_{\text{max}} = \frac{p.r}{24} \tag{4.4}$$

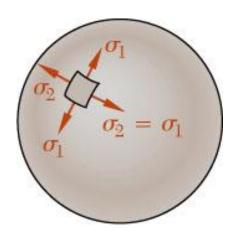
Figura 4.3

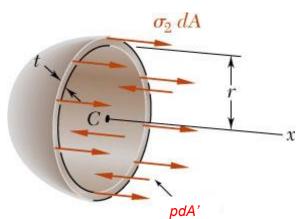
TENSÕES EM VASOS ESFÉRICOS



TENSÕES EM VASOS ESFÉRICOS

Para o vaso esférico, por questões de simetria, as tensões normais em qualquer direção na superfície serão iguais.





O valor das tensões normais principais na superfície pode ser obtido pelo equilíbrio das forças mostradas na figura 4.4:

$$\sum F_{x} = 0$$

$$\sigma_{2}.dA - p(\pi r^{2}) = 0$$

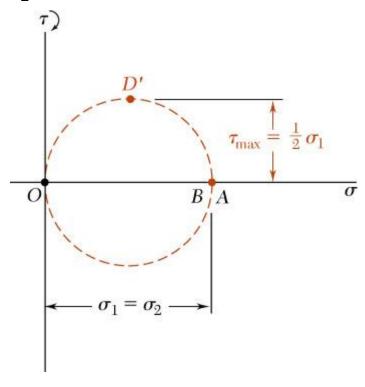
$$\sigma_{2}(2\pi r) = p(\pi r^{2})$$

$$\sigma_2 = \sigma_1 = \frac{p.r}{2t} \tag{4.5}$$

Figura 4.4

TENSÕES EM VASOS ESFÉRICOS

Como as tensões normais em qualquer direção na superfície são iguais, o círculo de Mohr para o plano da superfície se resume a um ponto, como mostra a figura 4.5. Assim, a tensão de cisalhamento é nula em qualquer direção no plano superficial.



$$\sigma = \sigma_1 = \sigma_2 = \text{constante}$$

$$\tau_{\text{max(noplano)}} = 0$$

Porém, fora do plano superficial, a Máxima tensão de cisalhamento é:

$$\tau_{\text{max}} = \frac{pr}{4t} \qquad (4.6)$$

Figura 4.5

EXEMPLO GERAL

Exercício 4.1: Um vaso de ar comprimido está apoiado em dois berços como mostra a figura 4.6. Um dos berços foi projetado de modo a não exercer nenhuma força longitudinal no vaso. O corpo cilíndrico do vaso tem um diâmetro externo de 762 mm e é fabricado a partir de uma placa de aço de 9,5 mm de espessura por soldagem de topo ao longo de uma hélice que forma um ângulo de 25° com o plano transversal (ver figura). As tampas das extremidades são esféricas e têm uma espessura de parede uniforme de 8 mm. Para uma pressão manométrica interna de 1,2 MPa, determine: a) a tensão normal e a tensão de cisalhamento máxima absoluta na tampa esférica; b) as tensões normal e de cisalhamento, perpendicular e tangente ao cordão de solda no costado.

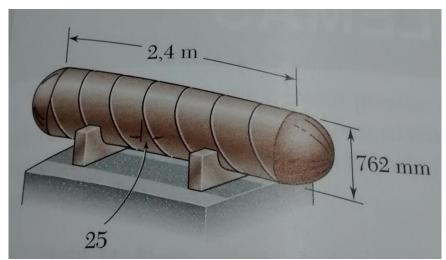


Figura 4.6

Breve Introdução à Engenharia de Dutos



Figura 4.7: Equipe de construção de um oleoduto nos EUA, por volta de 1890 (livro "Engenharia de Dutos")

Breve Introdução à Engenharia de Dutos

Dutos são equipamentos utilizados para transportar fluidos, normalmente pressurizados.

As tensões atuantes em seu costado serão basicamente as mesmas daquelas determinadas para vasos cilíndricos, mas com algumas particularidades.

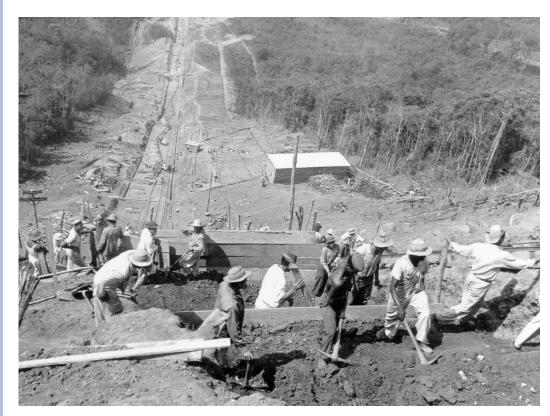


Figura 4.8: Trabalhadores abrem caminho para a construção do Oleoduto Santos-São Paulo - 1950 (livro "Engenharia de Dutos")

PROCESSOS DE FABRICAÇÃO

No Brasil, tubos UOE são disponíveis em diâmetros externos desde 12 ³/₄" até 48", espessura de parede entre 6,4 mm e 31,8 mm

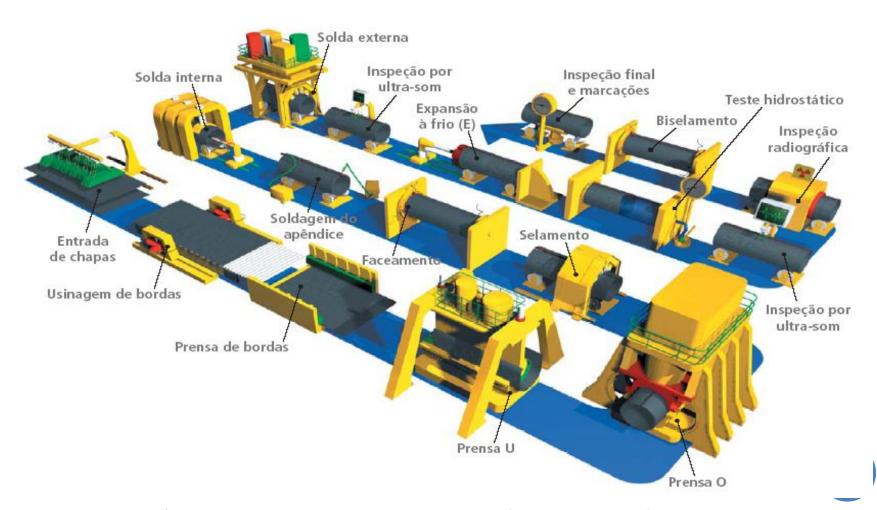


Figura 4.9: Apresentação esquemática das etapas do processo UOE-SAW

PROCESSO UOE-SAW

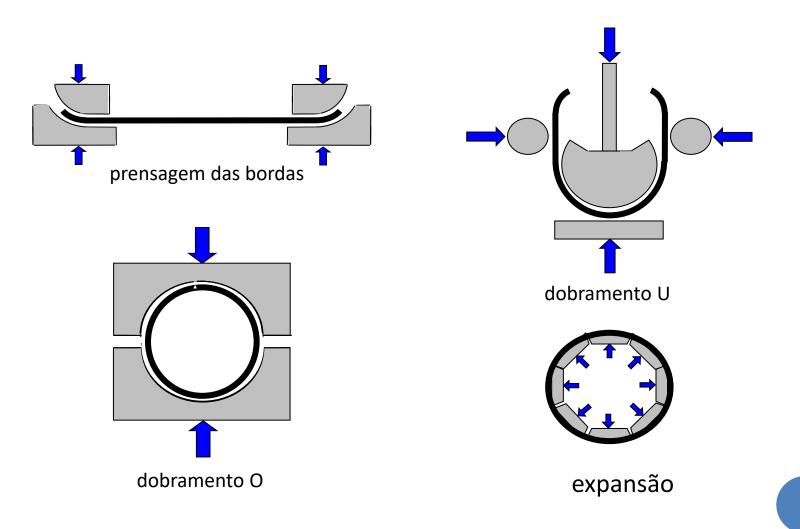


Figura 4.10

PROCESSO UOE-SAW



Figura 4.11. Fábrica da Tenaris-Confab

PROCESSO ERW

- O processo é contínuo e inicia com o desbobinamento de uma longa tira de chapa que é conformada a frio por roletes até o formato circular fechado. A costura longitudinal é realizada no instante em que os topos laterais da tira se tocam ao final da conformação.
- A costura longitudinal dos tubos é realizada pela soldagem por resistência elétrica (electric resistance welding ERW), sem metal de adição.
- Processo com menos etapas e, portanto, mais eficiente.
- No Brasil, para uma faixa de diâmetros de 4 ½" a 20" e espessuras de 4,8 a 13mm.

PROCESSO ERW

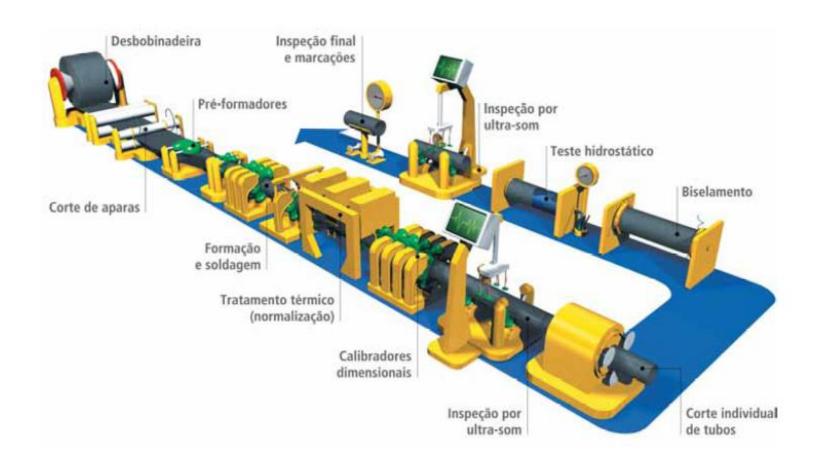


Figura 4.11: Apresentação esquemática das etapas do processo ERW

TUBOS COM COSTURA HELICOIDAL CONTÍNUA

Processo contínuo de fabricação de tubos de grandes diâmetros (tipicamente de 16" a 100")

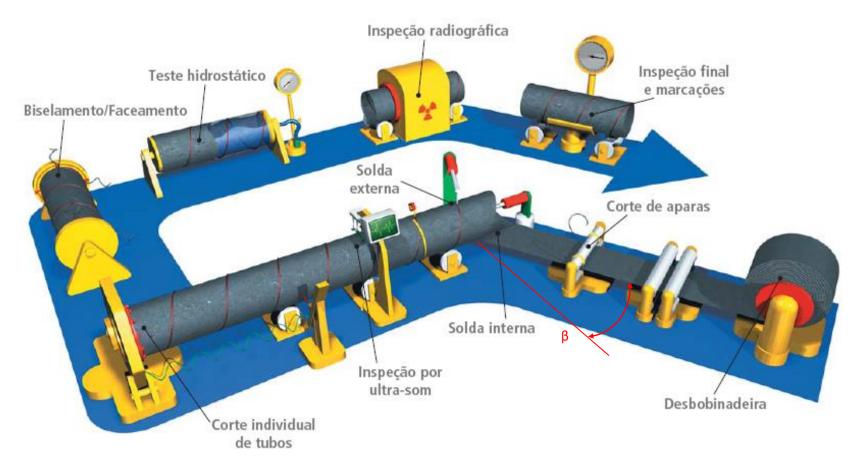


Figura 4.12: Apresentação esquemática

TUBO SEM COSTURA

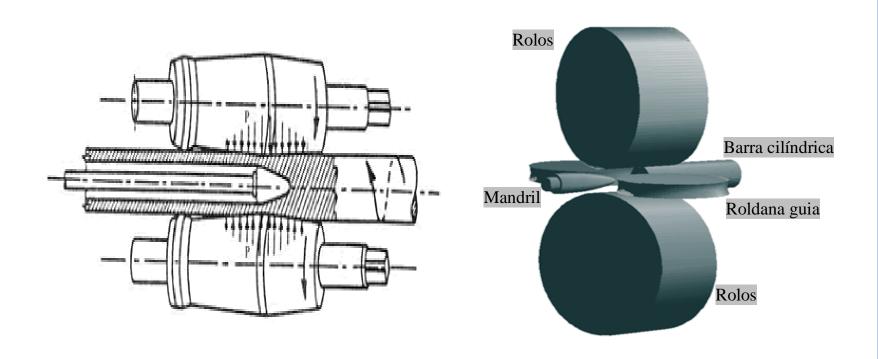


Figura 4.13: Apresentação esquemática das etapas do processo Mannesmann

TUBOS SEM COSTURA

Laminação por perfuração





Figura 4.14: Fábrica da Mannesmann

Diâmetros de 26,9 a 355,6mm e espessuras de 2,3 a 3,8mm

MATERIAIS PARA DUTOS

Valores de resistência mínimos especificados para os aços API 5L – PSL1

Nomenclatura: API 5L – X80

Tensão de escoamento mínima da chapa em ksi

Grau	SMYS		SMUS	
	ksi	MPa	Ksi	MPa
A25	25	172	45	310
A	30	207	48	331
В	35	241	60	413
X42	42	289	60	413
X46	46	317	63	434
X52	52	358	66	455
X56	56	386	71	489
X60	60	413	75	517
X65	65	448	77	530
X70	70	482	82	565
X80	80	551	90	620

Particularidades das Tensões em dutos

Nos dutos, as tensões circunferenciais e radiais não sofrem qualquer alteração com relação a dos vasos cilíndricos:

$$\sigma_1 = \sigma_c = \frac{p.r}{t}$$

$$\sigma_3 = \sigma_r = -p$$

No entanto, a **tensão longitudinal** sofre alterações a depender das condições de trabalho do duto. O duto, por ter como finalidade transportar fluidos, não possui tampos. Portanto, a tensão longitudinal não pode ser definida como foi feito para a equação (4.2).

Particularidades das Tensões em dutos

Para efeitos de cálculo tensão longitudinal, pode-se dividir os dutos terrestres em enterrados e aéreos:

Dutos Enterrados:

Nesse caso, considera-se que as deformações na direção longitudinal são totalmente restringidas pelo solo, ou seja, $\mathcal{E}_l=0$ e tem-se:

$$\varepsilon_l = \frac{1}{E} (\sigma_l - \upsilon . \sigma_c) = 0$$
, portanto:

$$\sigma_l = \upsilon.\sigma_c = \upsilon \frac{pr}{t}$$

Dutos Aéreos:

Não há qualquer restrição, então haverá deformação longitudinal por efeito de Poisson, mas a tensão longitudinal por pressão interna é nula. A depender das condições de apoio, haverá tensões longitudinais devidas à flexão.

Exemplo 4.1: Considere um duto de aço API 5L X52 (limite de escoamento mínimo especificado SMYS = 52 ksi = 358 MPa) com diâmetro externo D=24" e espessura de parede 7.3 mm sob o carregamento de pressão interna p = 6.0 MPa. Calcule seu coeficiente de segurança contra o escoamento, F.S. = SMYS/ σ_{eq} , para:

- a) Um trecho aéreo;
- b) Um trecho enterrado. (Usar Tresca e Mises e considerar a tensão radial)

$$\sigma_1 = \sigma_c = \frac{p.r}{t}$$
 $\sigma_3 = \sigma_r = -p$

$$\sigma_3 = \sigma_r = -p$$

$$\sigma_l = \upsilon . \sigma_c = \upsilon \frac{pr}{t}$$

Exemplo 4.1: Solução

Letra a)

$$\frac{r}{t} = \frac{(24.25, 4/2) - 7.3}{7.3} = \frac{231.8}{7.3} = 40,753 >> 10$$

$$\sigma_1 = \frac{p.r}{t} = 244,52MPa$$

$$\sigma_2 = 0$$

$$\sigma_3 = -p = -6.0MPa << 244,52MPa$$

Exemplo 4.1: Solução

Letra a)

Critério de Tresca ou da Máxima Tensão Cisalhante

$$\sigma_{eq} = \sigma_1 - \sigma_3 = S_y \frac{1}{FS}$$

$$FS = \frac{358}{244,52 - (-6,0)} = 1,429$$

Caso se despreze a tensão σ_3 tem-se

$$FS \cong \frac{358}{244.52} = 1,464$$

Exemplo 4.1: Solução

Letra a)

Critério de Mises da Máxima Energia de Distorção

$$\sigma_{eq} = \sigma' = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2 - \sigma_1 \cdot \sigma_2 - \sigma_1 \cdot \sigma_3 - \sigma_2 \cdot \sigma_3} = S_y \cdot \frac{1}{FS}$$

$$FS = \frac{S_y}{\sqrt{244,52^2 + 6^2 - 244,52 \times (-6)}} = \frac{358}{247,6} = 1,446$$

Caso se despreze a tensão σ_3 tem-se

$$FS \cong \frac{358}{24452} = 1,464$$

Exemplo 4.1: Solução

Letra b)

$$\sigma_1 = \frac{p.r}{t} = 244,52MPa$$

$$\sigma_2 = \sigma_{longitudinal} = \upsilon.\sigma_c = 0,3 \times 244,52 = 73,36$$

$$\sigma_3 = -p = 6,0MPa$$

Critério de Tresca ou da Máxima Tensão Cisalhante

$$\tau_{max_abs} = \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{2} = \tau_{max ENSAIO} = \frac{S_y}{2.FS}$$

$$\sigma_{eq} = \sigma_1 - \sigma_3 = \frac{S_y}{FS}$$

$$FS = \frac{358}{244,52 - (-6,0)} = 1,429$$

Exemplo 4.1: Solução

Letra b)

Critério de Máxima Energia de Distorção:

$$\sigma_{eq} = \sigma' = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 + \sigma_3^2 - \sigma_1 \cdot \sigma_2 - \sigma_1 \cdot \sigma_3 - \sigma_2 \cdot \sigma_3} = S_y \cdot \frac{1}{FS}$$

$$FS = \frac{S_y}{\sqrt{244,52^2 + 73,36^2 + 6^2 - 244,52 \times 73,36 - 244,52 \times (-6) - 73,36 \times (-6)}} = \frac{358}{221.76} = 1,614$$

Caso se despreze a tensão σ_3 tem-se

$$FS \cong \frac{358}{\sqrt{244,52^2 + 73,36^2 - 244,52 \times 73,36}} = \frac{358}{217,33} = 1,647$$

EXERCÍCIOS GERAIS

Exercício 4.2: Um torque de intensidade T = 12 kN.m é aplicado à extremidade de um vaso que contém ar comprimido sob uma pressão de 8 MPa. Sabendo que o vaso tem um diâmetro interno de 180 mm e uma espessura de parede de 8 mm, determine a tensão normal máxima e a tensão de cisalhamento máxima no vaso.

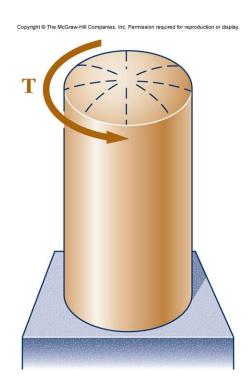
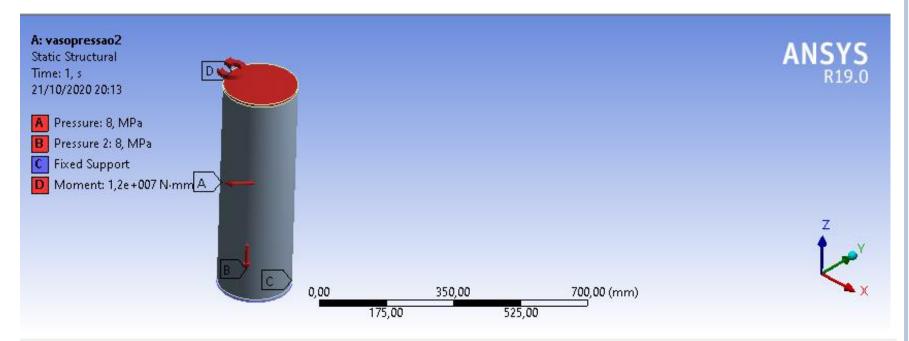
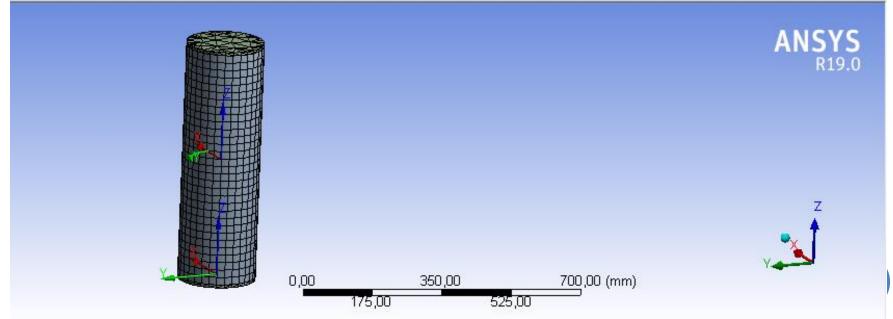
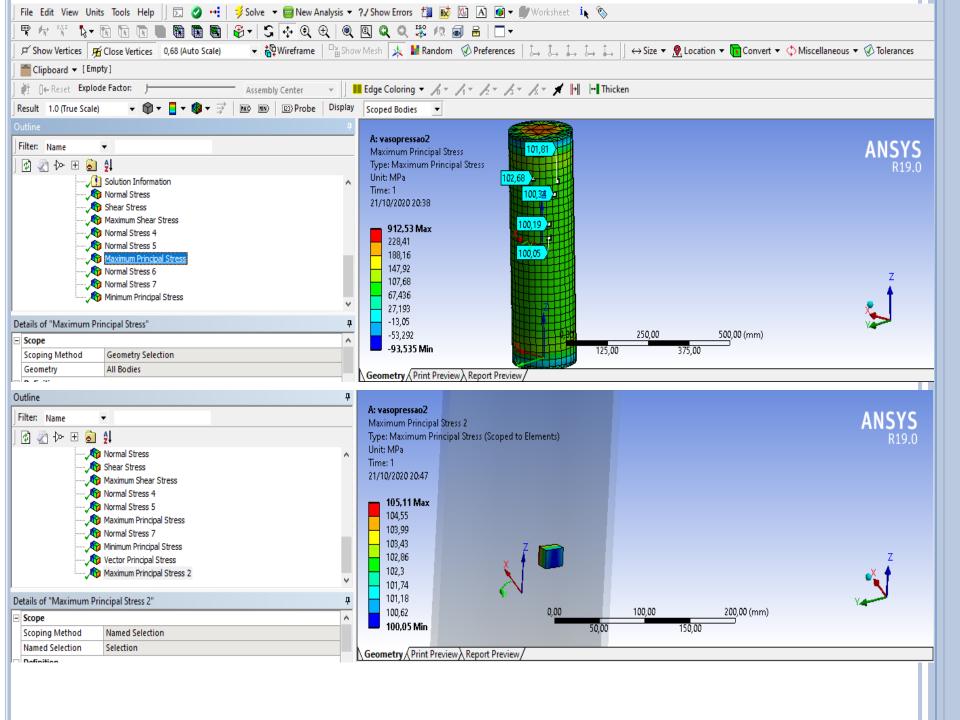
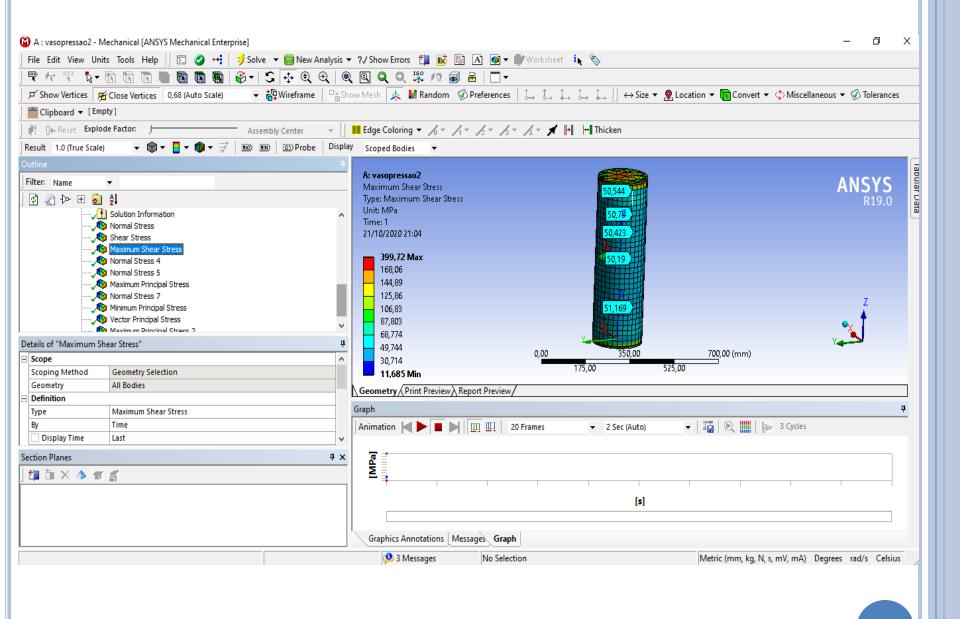


Figura 4.15









Exercício 4.3: Um anel de latão com diâmetro externo de 127 mm e espessura de 6,35 mm se encaixa exatamente dentro de um anel de aço com diâmetro interno de 127 mm e 3,18 mm de espessura, quando a temperatura de ambos é de 10 °C. Sabendo que a temperatura dos dois anéis é então aumentada para 51,7 °C, determine: (a) a tensão de tração no anel de aço; e (b) a pressão correspondente aplicada pelo anel de latão no anel de aço.

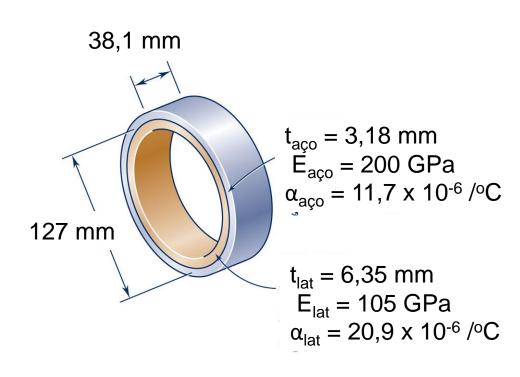


Figura 4.16

Exercício 4.4: Tem-se um vaso de pressão de aço com peso específico $\Upsilon_{aço} = 78000 \text{ N/m}^3$, E = 200 GPa, $\sigma_E = 300 \text{ MPa}$, diâmetro interno $D_i = 800 \text{ mm}$, espessura t = 10 mm e comprimento L = 5 m. O mesmo possui dois tampos planos que se comportam como dois apoios simples. O vaso armazena um fluido com peso específico $\Upsilon_{fluido} = 8000 \text{ N/m}^3$ sob uma pressão interna de 6 MPa. Determine a máxima tensão longitudinal no vaso.

Obs.: Os pesos do vaso e do fluido devem ser considerados nos cálculos como um esforço distribuído ao longo do comprimento "L" do vaso.

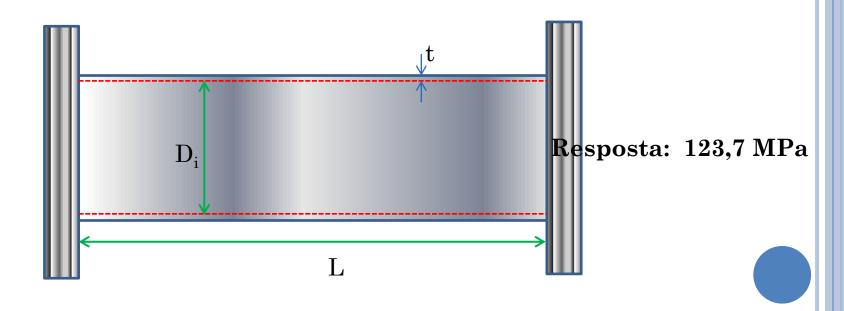


Figura 4.17

Exercício 4.5: Um tubo para duto constituído de material API 5L X70 tem diâmetro 18" e espessura ½". Determinar, segundo o critérios de Mises e de Tresca, a possibilidade de ocorrer escoamento nos pontos mais solicitados do tubo se ele estiver submetido:

- a) ao esforço trativo $P = 10^6 \text{ N}$ (FS_T = FS_M = 8,065)
- b) à pressão interna p = 10 MPa (considerar o tubo fechado) (FS_T = 2,837; FS_M = 3.276)
- c) ao momento fletor $M = 10^8 \text{ Nmm } (FS_T = FS_M = 9,25)$
- d) ao momento torçor $T = 2 \times 10^8 \text{ Nmm}$ (FS_T = 4,62; FS_M = 5,34)
- e) à combinação dos esforços acima nos pontos ($FS_T = 1.99$; $FS_M = 2.29$)

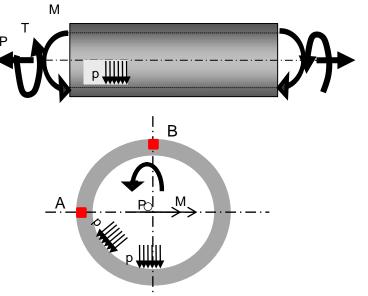


Figura 4.18

