# Chińskie twierdzenie o resztach (z1)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 1.00 s

Dane jest N zapytań, a każde z nich składa się z K par liczb  $p_i$  oraz  $a_i$ , gdzie  $p_i$  jest pierwsza. Twoim zadaniem jest znalezienie dla każdego zapytania takiej liczby A, że  $0 \le A < p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_K$  oraz dla każdej pary liczb z zapytania zachodzi  $A \mod p_i = a_i$ .

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajduje się jedna liczba całkowita N, oznaczająca liczbę zapytań. W kolejnych wierszach znajdują się kolejne zapytania.

Każde zapytanie rozpoczyna się jednym wierszem z liczbą K, oznaczającą liczbę par liczb z zapytania. W kolejnych K wierszach znajdują się po dwie liczby całkowite  $p_i$  oraz  $a_i$ .

## Wyjście

Dla każdego zapytania wypisz w osobnym wierszu szukaną liczbę A. Możesz założyć, że zawsze istnieje tylko jedna taka liczba.

### Ograniczenia

 $1 \le N \le 10\,000$ ,  $1 \le K \le 12$ ,  $0 \le a_i < p_i < 40$ , wartości  $p_i$  są liczbami pierwszymi.

Wejście	Wyjście
2	69
3	113
5 4	
7 6	
11 3	
4	
2 1	
3 2	
5 3	
7 1	

# Łączenie zbiorów (z2)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 2.00 s

Dane jest ukorzenione drzewo o N wierzchołkach. Wierzchołki te numerujemy liczbami naturalnymi od 1 do N, gdzie 1 jest korzeniem. Dodatkowo, każdy wierzchołek ma przypisany pewien kolor.

Definiujemy zbiór wierzchołka jako zbiór kolorów, które występują w jego poddrzewie.

Twoim zadaniem jest określenie dla każdego wierzchołka liczby różnych kolorów w jego zbiorze.

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajduje się jedna liczba całkowita N, oznaczająca liczbę wierzchołków w drzewie.

W drugim wierszu wejścia znajduje się N oddzielonych pojedynczymi odstępami liczb całkowitych  $c_1, c_2, \ldots, c_N$ , oznaczających kolory kolejnych wierzchołków.

W kolejnych N-1 wierszach znajdują się po dwie liczby całkowite a i b, oznaczające, że w drzewie istnieje krawędź między tymi wierzchołkami.

### Wyjście

W pierwszym wierszu wyjścia powinno się znaleźć N oddzielonych pojedynczymi odstępami liczb, oznaczających liczby różnych kolorów w zbiorach kolejnych wierzchołków.

### Ograniczenia

 $1 \le N \le 200\,000$ ,  $1 \le a, b \le N$ ,  $1 \le c_i \le 10^9$ .

Wejście	Wyjście	
5	3 1 2 1 1	
2 3 2 2 1		
1 2		
1 3		
3 4		
3 5		

# Spójne fragmenty (z3)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 2.00 s

Mamy dany graf posiadający N wierzchołków, pomiędzy którymi pierwotnie nie ma żadnych krawędzi. Następnie, w M krokach dodano do niego po jednej krawędzi. Twoim zadaniem jest, po każdym dodaniu pojedynczej krawędzi, określić ile spójnych fragmentów ma graf oraz ile wierzchołków znajduje się w największym z nich.

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się dwie liczby całkowite N oraz M, oznaczające kolejno liczbę wierzchołków oraz kolejno dodawanych krawędzi w grafie.

W kolejnych M wierszach podane są po dwie liczby całkowite a oraz b oznaczające numery wierzchołków, które właśnie zostały połączone krawędzią.

# Wyjście

Na wyjściu wypisz M wierszy, a każdy z nich powinien zawierać dwie oddzielone pojedynczym odstępem liczby, oznaczające kolejno liczbę spójnych fragmentów grafu oraz rozmiar największego z nich.

# Ograniczenia

 $1 \le N \le 100\,000$ ,  $1 \le M \le 200\,000$ ,  $1 \le a,b \le N$ ,  $a \ne b$ .

Wejście	Wyjście
5 3	4 2
1 2	3 3
1 3	2 3
4 5	

# Współczynnik różnorodności (z4)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 1.00 s

Mamy dany graf składający się z N wierzchołków, pomiędzy którymi pierwotnie nie ma żadnych krawędzi. Następnie, w M krokach dodano do niego po jednej krawędzi.

Twoim zadaniem jest, po każdym dodaniu pojedynczej krawędzi, określić *współczynnik różnorodności* spójnego fragmentu, który zawiera dodaną właśnie krawędź.

Współczynnik różnorodności definiujemy jako różnicę pomiędzy największym oraz najmniejszym numerem wierzchołka wewnątrz spójnej, pomnożoną razy liczbę jej krawędzi.

# Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się dwie liczby całkowite N oraz M, oznaczające kolejno liczbę wierzchołków oraz kolejno dodawanych krawędzi w grafie.

W kolejnych M wierszach podane są po dwie liczby całkowite a oraz b oznaczające numery wierzchołków, które właśnie zostały połączone krawędzią.

# Wyjście

Dla każdej nowo dodanej krawędzi na wyjściu wypisz jeden wiersz zawierający jedną liczbę, oznaczającą współczynnik różnorodności spójnego fragmentu zawierającego właśnie dodaną krawędź.

### Ograniczenia

 $1 \le N \le 100\,000$ ,  $1 \le M \le 200\,000$ ,  $1 \le a, b \le N$ ,  $a \ne b$ .

Wejście	Wyjście	Wyjaśnienie
5 5	2	Po dodaniu ostatniej krawędzi cały graf
1 3	4	jest spójny, a jego liczba krawędzi wynosi
2 3	1	5, co oznacza, że współczynnik
4 5	6	różnorodności wynosi $(5-1) \cdot 5 = 20$ .
1 2	20	
3.5		