1	Contest			

# 2 Struktury danych

# 3 Grafy

- 4 Matma 3
- 5 Teksty 3

## 1 Contest

### sol.cpp

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
#ifdef LOCAL
auto& operator<<(auto&, pair<auto, auto>);
template <typename T, typename = T::value_type>
auto& operator<<(auto& o, T x) {</pre>
 o << "{";
  string s;
  for (auto i : x) {
   o << s << i;
   s = ", ";
 return o << "}";
auto& operator<<(auto& o, pair<auto, auto> x) {
 return o << "(" << x.first << ", " << x.second << ")";</pre>
#define debug(x...)
 cerr << "[" #x "]:",
      [](auto... y) { ((cerr << " " << y), ...) << endl; }(x)
#define debug(...) 2137
#endif
int main() {
 ios_base::sync_with_stdio(false);
  cin.tie(nullptr);
```

# .vimrc

#### Makefile

```
CXXFLAGS=-std=c++20 -Wall -Wextra -Wshadow
sol: sol.cpp
   g++ $(CXXFLAGS) -fsanitize=address,undefined -g -DLOCAL sol.
        cpp -o sol

fast: sol.cpp
   g++ $(CXXFLAGS) -O2 sol.cpp -o fast
```

#### test.sh

1

1

1

```
#!/bin/bash

for((i=1;i>0;i++)) do
    echo "$i"
    echo "$i" | ./gen > int
    diff -w <(./sol < int) <(./slow < int) || break
done</pre>
```

# 2 Struktury danych

### Drzewo falkowe

**Opis:** Obsługuje zapytania typu *podaj k-ty najmniejszy na przedziale* itp. na statycznej tablicy. Jeżeli czas albo pamięć są ciasne warto przeskalować liczby. Niszczy tablicę.

Czas:  $\mathcal{O}(\log A)$ 

```
struct node {
 int lo, hi;
 vector<int> s;
 node* 1 = 0;
 node* r = 0;
 node(int _lo, int _hi, auto st, auto ed) {
   10 = _{10};
   hi = _hi;
   if (lo + 1 < hi) {
     int mid = (lo + hi) / 2;
     s.reserve(ed - st + 1);
     s.push_back(0);
     for (auto it = st; it != ed; it++) {
       s.push_back(s.back() + (*it < mid));
     auto k = stable partition(
         st, ed, [&] (int x) { return x < mid; });
     if (k != st) l = new node(lo, mid, st, k);
     if (k != ed) r = new node(mid, hi, k, ed);
 int kth(int a, int b, int k) {
   if (lo + 1 == hi) return lo;
   int x = s[a];
   int v = s[b];
   return k < y - x ? 1 \rightarrow kth(x, y, k)
                     : r - kth(a - x, b - y, k - (y - x));
 int count(int a, int b, int k) {
   if (10 >= k) return 0;
   if (hi <= k) return b - a;</pre>
   int x = s[a];
   int v = s[b];
   return (1 ? 1->count(x, y, k) : 0) +
           (r ? r->count(a - x, b - y, k) : 0);
 int freq(int a, int b, int k) {
   if (k < lo || hi <= k) return 0;</pre>
   if (lo + 1 == hi) return b - a;
   int x = s[a];
   int v = s[b];
   return (1 ? 1->freq(x, y, k) : 0) +
           (r ? r - > freq(a - x, b - y, k) : 0);
```

# Ordered set

Opis: Alternatywnie można użyć treapa albo trie. Stosowanie: s.find\_by\_order(k) i s.order\_of\_key(k). Czas:  $\mathcal{O}(\log n)$  z dużą stałą.

# 3 Grafy

# 3.1 Przepływy

### Dinic

Opis: Znajduje maksymalny przepływ.

Czas:  $\mathcal{O}(n^2m)$ , ale tak na prawdę jest szybszy.

```
struct dinic {
 struct edge {
   int to, rev;
   int cap;
 }:
 int n;
 vector<vector<edge>> adi;
 vector<int> lvl, it;
 dinic(int n) {
   n = n;
   adj.resize(n);
   lvl.resize(n);
   it.resize(n);
 void add_edge(int u, int v, int cap) {
   int i = ssize(adj[u]);
   int j = ssize(adj[v]);
   if (u == v) j++;
   adj[u].push_back({v, j, cap});
   adj[v].push_back({u, i, 0});
 bool bfs(int s, int t) {
   lvl.assign(n, -1);
    queue<int> q;
   lvl[s] = 0;
    q.push(s);
    while (!q.empty()) {
     int u = q.front();
     q.pop();
     for (edge& e : adj[u]) {
       if (e.cap > 0 && lvl[e.to] == -1) {
         lvl[e.to] = lvl[u] + 1;
         q.push(e.to);
         if (e.to == t) return true;
    return false;
 int dfs(int u, int t, int cap) {
   if (u == t) return cap;
   int ans = 0;
    for (int& i = it[u]; i < ssize(adj[u]); i++) {</pre>
     edge& e = adj[u][i];
     if (e.cap > 0 && lvl[u] + 1 == lvl[e.to]) {
       int add = dfs(e.to, t, min(cap - ans, e.cap));
       e.cap -= add;
       adj[e.to][e.rev].cap += add;
```

```
ans += add;
}
if (ans == cap) return ans;
}
lv1[u] = -1;
return ans;
}
int flow(int s, int t, int cap) {
  int ans = 0;
  while (ans < cap && bfs(s, t)) {
    it.assign(n, 0);
    ans += dfs(s, t, cap - ans);
  }
return ans;
}
</pre>
```

## Matching

Opis: Dinic uproszczony do szukania największego skojarzenia.

Czas:  $\mathcal{O}(m\sqrt{n})$ 

```
struct matching {
  int n, m;
  vector<vector<int>> adj;
  vector<int> pb, pa;
  vector<int> lvl, it;
  matching(int _n, int _m) {
   n = n;
   m = _m;
   adj.resize(n);
   pb.resize(n, -1);
   pa.resize(m, -1);
   it.resize(n);
  void add_edge(int u, int v) { adj[u].push_back(v); }
  bool bfs() {
   bool res = false;
   lvl.assign(n, -1);
    queue<int> q;
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
     if (pb[i] == -1) {
       q.push(i);
       lvl[i] = 0;
    while (!q.empty()) {
     int u = q.front();
     q.pop();
     for (int j : adj[u]) {
       if (pa[j] == -1) {
         res = true;
       } else if (lvl[pa[j]] == -1) {
         lvl[pa[j]] = lvl[u] + 1;
         q.push(pa[j]);
    return res;
  bool dfs(int u) {
    for (auto& i = it[u]; i < ssize(adj[u]); i++) {</pre>
     int v = adj[u][i];
     if (pa[v] == -1 ||
          (lvl[pa[v]] == lvl[u] + 1 && dfs(pa[v]))) {
       pb[u] = v;
       pa[v] = u;
        return true;
```

```
return false;
}
int match() {
   int ans = 0;
   while (bfs()) {
     it.assign(n, 0);
     for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (pb[i] == -1 && dfs(i)) ans++;
      }
   return ans;
}
</pre>
```

### MCMF

Opis: Znajduje przepływ o minimalnym koszcie.

Stosowanie: Trzeba w init znaleźć najkrótsze ścieżki. Jeżeli są ujemne krawędzie trzeba puścić SPFA albo dynamika (jeżeli graf jest DAGiem). Czas:  $\mathcal{O}(Fm\log n)$ 

```
const int INF = 1e9;
struct MCMF {
 struct edge
   int to, rev;
   int cap, cost;
 struct ds {
   int u, val;
   friend bool operator < (const ds& lhs, const ds& rhs) {
     return lhs.val > rhs.val;
 };
 int n:
 vector<vector<edge>> adi;
 vector<array<int, 3>> f;
 int c = 0:
 MCMF(int _n) {
   n = _n;
   adj.resize(n);
   f.resize(n);
 void add_edge(int u, int v, int cap, int cost) {
   if (u == v) {
     assert(cost >= 0);
     return;
   int i = adj[u].size();
   int j = adj[v].size();
   adj[u].push_back({v, j, cap, cost});
    adj[v].push_back({u, i, 0, -cost});
 void reduce(const vector<int>& dst, int t) {
   for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
     for (edge& e : adj[i]) {
       if (dst[i] < INF && dst[e.to] < INF) {</pre>
         e.cost += dst[i] - dst[e.to];
    c += dst[t];
 bool init(int s, int t) {
   vector<int> dst(n, INF);
    queue<int> q;
   vector<bool> inq(n);
   dst[s] = 0;
   q.push(s);
    inq[s] = true;
```

while (!q.empty()) {

```
int u = q.front();
      q.pop();
      ing[u] = false;
      for (edge& e : adj[u]) {
       if (e.cap > 0 && dst[u] + e.cost < dst[e.to]) {</pre>
          dst[e.to] = dst[u] + e.cost;
          if (!inq[e.to]) {
            q.push(e.to);
            inq[e.to] = true;
    if (dst[t] == INF) return false;
    reduce(dst, t);
    return true;
 bool dijkstra(int s, int t) {
    vector<int> dst(n, INF);
    priority_queue<ds> q;
    dst[s] = 0;
    q.push({0, s});
    while (!q.empty()) {
      auto [u, d] = q.top();
      q.pop();
      if (d != dst[u]) continue;
      int i = 0;
      for (edge& e : adj[u]) {
       if (e.cap > 0) {
          int dd = d + e.cost;
          if (dd < dst[e.to]) {
            dst[e.to] = dd;
            f[e.to] = \{u, i, e.rev\};
            q.push({e.to, dd});
        i++;
    if (dst[t] == INF) return false;
    reduce(dst, t);
    return true;
  pair<int, int> build(int s, int t, int cap) {
    if (!init(s, t)) return {0, 0};
    int flow = 0;
    int cost = 0;
    while (flow < cap && dijkstra(s, t)) {
      int add = cap - flow;
      for (int i = t; i != s; i = f[i][0]) {
        add = min(add, adj[f[i][0]][f[i][1]].cap);
      flow += add;
      cost += c * add;
      for (int i = t; i != s; i = f[i][0]) {
       adj[f[i][0]][f[i][1]].cap -= add;
        adj[i][f[i][2]].cap += add;
    return {flow, cost};
};
```

# 3.2 Grafy skierowane

## SCC

Opis: Znajduje silne spójne składowe w kolejności topologicznej.

```
Czas: \mathcal{O}(n+m)
```

```
struct SCC {
 int n, cnt = 0;
 vector<vector<int>> adj;
  vector<int> p, low, in;
  stack<int> st;
 int tour = 0;
  SCC(int n) {
   n = n;
   adj.resize(n);
   p.resize(n, -1);
   low.resize(n);
   in.resize(n, -1);
  void add_edge(int u, int v) { adj[u].push_back(v); }
  void dfs(int u) {
   low[u] = in[u] = tour++;
   st.push(u);
   for (int v : adj[u]) {
     if (in[v] == -1) {
       dfs(v);
       low[u] = min(low[u], low[v]);
     } else {
       low[u] = min(low[u], in[v]);
   if (low[u] == in[u]) {
     int v = -1;
     do {
       v = st.top();
       st.pop();
       in[v] = n;
       p[v] = cnt;
     } while (v != u);
     cnt++;
  void build() {
   for (int i = 0; i < n; ++i) {</pre>
     if (in[i] == -1) dfs(i);
   for (int i = 0; i < n; i++) p[i] = cnt - 1 - p[i];
  vector<vector<int>> groups() {
   vector<vector<int>> res(cnt);
   for (int i = 0; i < n; i++) res[p[i]].push_back(i);</pre>
   return res;
```

### 4 Matma

### 4.1 Wielomiany

#### $_{\rm LTT}$

**Opis:** Mnoży dwa wielomiany o sumarycznej długości  $2^{23}$  modulo 998244353. Czas:  $\mathcal{O}((n+m)\log(n+m))$ 

```
struct FFT {
   int N;
   vector<int> rev;
   vector<mint> w;
   FFT(int k) {
      N = 1 << k;
      rev.resize(N);
}</pre>
```

```
for (int i = 1; i < N; i++) {</pre>
     rev[i] = (rev[i >> 1] >> 1) | ((i & 1) << (k - 1));
#warning MOD = 998244353
   mint W = mint(3).pow(119 * ((1 << 23) / N));
   w.resize(N);
   mint ww = 1;
   for (int i = 0; i < N / 2; i++) {</pre>
     w[i + N / 2] = ww;
     ww *= W;
   for (int i = N / 2 - 1; i > 0; i--) w[i] = w[2 * i];
 void fft(vector<mint>& a) {
   int n = ssize(a);
   int s = __lq(N / n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
     int r = rev[i] >> s;
     if (i < r) swap(a[i], a[r]);</pre>
    for (int i = 1; i < n; i *= 2) {
     for (int j = 0; j < n; j += 2 * i) {
        for (int k = 0; k < i; k++) {
          mint z = w[i + k] * a[j + k + i];
          a[j + k + i] = a[j + k] - z;
          a[j + k] += z;
 vector<mint> conv(vector<mint> a, vector<mint> b) {
   int n = ssize(a);
   int m = ssize(b);
   int k = 1;
   while (k < n + m - 1) k *= 2;
   a.resize(k);
   b.resize(k);
   fft(a);
    for (int i = 0; i < k; i++) a[i] *= b[i];
   reverse(a.begin() + 1, a.end());
   a.resize(n + m - 1);
   mint inv = mint(k).inv();
   for (int i = 0; i < n + m - 1; i++) a[i] *= inv;</pre>
};
```

# 4.2 Mnożniki Lagrange'a

Jeżeli optymalizujemy  $f(x_1, \ldots, x_n)$  przy ograniczeniach typu  $g_k(x_1, \ldots, x_n) = 0$  to  $x_1, \ldots, x_n$  jest ekstremum lokalnym tylko jeżeli gradient  $\nabla f(x_1, \ldots, x_n)$  jest kombinacją liniową gradientów  $\nabla g_k(x_1, \ldots, x_n)$ .

# 5 Teksty

#### $_{\rm KMP}$

**Opis:** Znajduje funkcje prefiksową. Można z niej skonstruować automat w czasie  $\mathcal{O}(nA)$ . Czas:  $\mathcal{O}(n)$ 

```
vector<int> kmp(const string& s) {
```

```
int n = ssize(s);
vector<int> p(n);
for (int i = 1; i < n; i++) {
  int j = p[i - 1];
  while (j > 0 && s[i] != s[j]) j = p[j - 1];
  if (s[i] == s[j]) j++;
  p[i] = j;
}
return p;
```

#### Manacher

Opis: Znajduje najdłuższy palindrom o każdym środku.

Stosowanie: p[2 \* i] - środek w i, p[2 \* i + 1] - środek między i a i+1. Czas:  $\mathcal{O}(n)$ 

```
vector<int> manacher(const string& s) {
 int n = ssize(s);
 string t(2 * n, '.');
 for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
   t[2 * i] = s[i];
   t[2 * i + 1] = '#';
 vector<int> p(2 * n - 1);
 for (int i = 0, l = -1, r = -1; i < 2 * n - 1; i++) {
   if (i \le r) p[i] = min(r - i + 1, p[l + r - i]);
    while (p[i] < min(i + 1, 2 * n - 1 - i) &&
          t[i - p[i]] == t[i + p[i]]) {
     p[i]++;
   if (i + p[i] - 1 > r)  {
     1 = i - p[i] + 1;
     r = i + p[i] - 1;
 for (int i = 0; i < 2 * n - 1; i++) {
   if (t[i - p[i] + 1] == '#') p[i]--;
 return p;
```

### Tablica sufiksowa

Opis: Sortuje leksykograficznie wszystkie sufiksy słowa. Można zachować wszystkie tablice rnk aby porównywać leksykograficznie podsłowa w  $\mathcal{O}(1)$ . Czas:  $\mathcal{O}(n \log n)$ 

```
vector<int> suffix_array(const string& s) {
 int n = ssize(s);
 vector<int> p(n), cnt(26);
 for (int i = 0; i < n; i++) cnt[s[i] - 'a']++;</pre>
 for (int i = 1; i < 26; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];</pre>
 for (int i = 0; i < n; i++) p[--cnt[s[i] - 'a']] = i;</pre>
 vector<int> rnk(n);
 for (int i = 1; i < n; i++) {</pre>
   rnk[p[i]] = s[p[i]] == s[p[i-1]] ? rnk[p[i-1]] : i;
 cnt.resize(n);
 vector<int> np(n), nrnk(n);
 for (int len = 1; len < n; len *= 2) {
   iota(cnt.begin(), cnt.end(), 0);
    for (int i = n - len; i < n; i++) {</pre>
      np[cnt[rnk[i]]++] = i;
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
      if (p[i] - len >= 0) {
        np[cnt[rnk[p[i] - len]]++] = p[i] - len;
   nrnk[np[0]] = 0;
```

```
4
```

```
for (int i = 1; i < n; i++) {</pre>
     int a = np[i - 1];
     int b = np[i];
     if (max(a, b) + len < n && rnk[a] == rnk[b] &&</pre>
          rnk[a + len] == rnk[b + len]) {
       nrnk[b] = nrnk[a];
     } else {
       nrnk[b] = i;
    swap(p, np);
   swap(rnk, nrnk);
 return p;
};
vector<int> build_lcp(const string& s, const vector<int>& sa) {
 int n = ssize(s);
  vector<int> pos(n);
  for (int i = 0; i < n; i++) pos[sa[i]] = i;</pre>
  vector<int> lcp(n - 1);
  int k = 0;
  for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
   if (pos[i] == 0) continue;
   while (i + k < n \&\& s[i + k] == s[sa[pos[i] - 1] + k]) {
     k++;
   lcp[pos[i] - 1] = k;
   k = max(0, k - 1);
 return lcp;
Opis: Znajduje funkcję Z.
Czas: \mathcal{O}(n)
vector<int> z(const string& s) {
 int n = ssize(s);
  vector<int> f(n);
  for (int i = 1, 1 = 0, r = 0; i < n; i++) {</pre>
   if (i \le r) f[i] = min(r - i + 1, f[i - 1]);
   while (f[i] < n - i \&\& s[i + f[i]] == s[f[i]]) f[i]++;
   if (i + f[i] - 1 > r) {
     1 = i;
     r = i + f[i] - 1;
 return f;
```