Contest (1)

sol.cpp

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;

#ifdef LOCAL
auto& operator<<(auto&, pair<auto, auto>);
template <typename T, typename = T::value_type>
auto& operator<<(auto& o, T x) {
  o << "{";
  string s;
  for (auto i : x) {
    o << s << i;
    s = ", ";
  }
  return o << "}";
}
auto& operator<<(auto& o, pair<auto, auto> x) {
  return o << "(" << x.first << ", " << x.second << ")";
}
#define debug(x...)                                              \
  cerr << "[" #x "]:",                                           \
      [](auto... y) { ((cerr << " " << y), ...) << endl; }(x)
#else
#define debug(...) 2137
#endif
int main() {
  ios_base::sync_with_stdio(false);
  cin.tie(nullptr);
}
```

.vimrc

```
set autoindent expandtab tabstop=2 shiftwidth=2 nu ic
    timeoutlen=1000 ttimeoutlen=10 hidden smartindent
syntax enable
colorscheme retrobox
inoremap {<cr> {<cr>}<esc>O <bs>
nnoremap ; :
nnoremap : ;
nnoremap <space>` :b#<cr>
filetype indent on
```

Makefile

```
CXXFLAGS=-std=c++20 -Wall -Wextra -Wshadow

sol: sol.cpp
  g++ $(CXXFLAGS) -fsanitize=address,undefined -g -DLOCAL sol.
      cpp -o sol
fast: sol.cpp
  g++ $(CXXFLAGS) -O2 sol.cpp -o fast
```

test.sh

```
#!/bin/bash

for((i=1;i>0;i++)) do
  echo "$i"
  echo "$i" | ./gen > int
  diff -w <(./sol < int) <(./slow < int) || break
done
```

Struktury danych (2)

Drzewo falkowe

Opis: Obsługuje zapytania typu *podaj k-ty najmniejszy na przedziale* itp. na statycznej tablicy. Jeżeli czas albo pamięć są ciasne warto przeskalować liczby. Niszczy tablicę.
Czas: $\mathcal{O}(\log A)$

```
struct node {
  int lo, hi;
  vector<int> s;
  node* l = 0;
  node* r = 0;
  node(int _lo, int _hi, auto st, auto ed) {
    lo = _lo;
    hi = _hi;
    if (lo + 1 < hi) {
      int mid = (lo + hi) / 2;
      s.reserve(ed - st + 1);
      s.push_back(0);
      for (auto it = st; it != ed; it++) {
        s.push_back(s.back() + (*it < mid));
      }
      auto k = stable_partition(
          st, ed, [&](int x) { return x < mid; });
      if (k != st) l = new node(lo, mid, st, k);
      if (k != ed) r = new node(mid, hi, k, ed);
    }
  }
  int kth(int a, int b, int k) {
    if (lo + 1 == hi) return lo;
    int x = s[a];
    int y = s[b];
    return k < y - x ? l->kth(x, y, k)
                     : r->kth(a - x, b - y, k - (y - x));
  }
  int count(int a, int b, int k) {
    if (lo >= k) return 0;
    if (hi <= k) return b - a;
    int x = s[a];
    int y = s[b];
    return (l ? l->count(x, y, k) : 0) +
           (r ? r->count(a - x, b - y, k) : 0);
  }
  int freq(int a, int b, int k) {
    if (k < lo || hi <= k) return 0;
    if (lo + 1 == hi) return b - a;
    int x = s[a];
    int y = s[b];
    return (l ? l->freq(x, y, k) : 0) +
           (r ? r->freq(a - x, b - y, k) : 0);
  }
};
```

Ordered set

Opis: Alternatywnie można użyć treapa albo trie.
Stosowanie: `s.find_by_order(k)` i `s.order_of_key(k)`.
Czas: $\mathcal{O}(\log n)$ z dużą stałą.

```
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;

template <typename T>
using ordered_set = tree<T, null_type, less<T>, rb_tree_tag,
                         tree_order_statistics_node_update>;
```

Grafy (3)

3.1 Przepływy

Dinic

Opis: Znajduje maksymalny przepływ.
Czas: $\mathcal{O}(n^2m)$, ale w rzeczywistości szybszy.

```
struct dinic {
  struct edge {
    int to, rev;
    int cap;
  };
  int n;
  vector<vector<edge>> adj;
  vector<int> lvl, it;
  dinic(int _n) {
    n = _n;
    adj.resize(n);
    lvl.resize(n);
    it.resize(n);
  }
  void add_edge(int u, int v, int cap) {
    int i = ssize(adj[u]);
    int j = ssize(adj[v]);
    if (u == v) j++;
    adj[u].push_back({v, j, cap});
    adj[v].push_back({u, i, 0});
  }
  bool bfs(int s, int t) {
    lvl.assign(n, -1);
    queue<int> q;
    lvl[s] = 0;
    q.push(s);
    while (!q.empty()) {
      int u = q.front();
      q.pop();
      for (edge& e : adj[u]) {
        if (e.cap > 0 && lvl[e.to] == -1) {
          lvl[e.to] = lvl[u] + 1;
          q.push(e.to);
          if (e.to == t) return true;
        }
      }
    }
    return false;
  }
  int dfs(int u, int t, int cap) {
    if (u == t) return cap;
    int ans = 0;
    for (int& i = it[u]; i < ssize(adj[u]); i++) {
      edge& e = adj[u][i];
```

```
      if (e.cap > 0 && lvl[u] + 1 == lvl[e.to]) {
        int add = dfs(e.to, t, min(cap - ans, e.cap));
        e.cap -= add;
        adj[e.to][e.rev].cap += add;
        ans += add;
      }
      if (ans == cap) return ans;
    }
    lvl[u] = -1;
    return ans;
  }
  int flow(int s, int t, int cap) {
    int ans = 0;
    while (ans < cap && bfs(s, t)) {
      it.assign(n, 0);
      ans += dfs(s, t, cap - ans);
    }
    return ans;
  }
};
```

Matching

Opis: Dinic uproszczony do szukania największego skojarzenia.
Czas: $\mathcal{O}(m\sqrt{n})$

```
struct matching {
  int n, m;
  vector<vector<int>> adj;
  vector<int> pb, pa;
  vector<int> lvl, it;
  matching(int _n, int _m) {
    n = _n;
    m = _m;
    adj.resize(n);
    pb.resize(n, -1);
    pa.resize(m, -1);
    it.resize(n);
  }
  void add_edge(int u, int v) { adj[u].push_back(v); }
  bool bfs() {
    bool res = false;
    lvl.assign(n, -1);
    queue<int> q;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
      if (pb[i] == -1) {
        q.push(i);
        lvl[i] = 0;
      }
    }
    while (!q.empty()) {
      int u = q.front();
      q.pop();
      for (int j : adj[u]) {
        if (pa[j] == -1) {
          res = true;
        } else if (lvl[pa[j]] == -1) {
          lvl[pa[j]] = lvl[u] + 1;
          q.push(pa[j]);
        }
      }
    }
    return res;
  }
  bool dfs(int u) {
    for (auto& i = it[u]; i < ssize(adj[u]); i++) {
      int v = adj[u][i];
      if (pa[v] == -1 ||
          (lvl[pa[v]] == lvl[u] + 1 && dfs(pa[v]))) {
        pb[u] = v;
        pa[v] = u;
        return true;
      }
    }
    return false;
  }
  int match() {
    int ans = 0;
    while (bfs()) {
      it.assign(n, 0);
      for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (pb[i] == -1 && dfs(i)) ans++;
      }
    }
    return ans;
  }
};
```

MCMF

Opis: Znajduje przepływ o minimalnym koszcie.
Stosowanie: Trzeba w `init` znaleźć najkrótsze ścieżki. Jeżeli są ujemne krawędzie trzeba puścić SPFA albo dynamika (jeżeli graf jest DAGiem).
Czas: $\mathcal{O}(Fm \log n)$

```
const int INF = 1e9;
struct MCMF {
  struct edge {
    int to, rev;
    int cap, cost;
  };
  struct ds {
    int u, val;
    friend bool operator<(const ds& lhs, const ds& rhs) {
      return lhs.val > rhs.val;
    }
  };
  int n;
  vector<vector<edge>> adj;
  vector<array<int, 3>> f;
  int c = 0;
  MCMF(int _n) {
    n = _n;
    adj.resize(n);
    f.resize(n);
  }
  void add_edge(int u, int v, int cap, int cost) {
    if (u == v) {
      assert(cost >= 0);
      return;
    }
    int i = adj[u].size();
    int j = adj[v].size();
    adj[u].push_back({v, j, cap, cost});
    adj[v].push_back({u, i, 0, -cost});
  }
  void reduce(const vector<int>& dst, int t) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
      for (edge& e : adj[i]) {
        if (dst[i] < INF && dst[e.to] < INF) {
          e.cost += dst[i] - dst[e.to];
        }
      }
    }
    c += dst[t];
  }
  bool init(int s, int t) {
    vector<int> dst(n, INF);
    queue<int> q;
    vector<bool> inq(n);
    dst[s] = 0;
    q.push(s);
    inq[s] = true;
    while (!q.empty()) {
      int u = q.front();
      q.pop();
      inq[u] = false;
      for (edge& e : adj[u]) {
        if (e.cap > 0 && dst[u] + e.cost < dst[e.to]) {
          dst[e.to] = dst[u] + e.cost;
          if (!inq[e.to]) {
            q.push(e.to);
            inq[e.to] = true;
          }
        }
      }
    }
    if (dst[t] == INF) return false;
    reduce(dst, t);
    return true;
  }
  bool dijkstra(int s, int t) {
    vector<int> dst(n, INF);
    priority_queue<ds> q;
    dst[s] = 0;
    q.push({0, s});
    while (!q.empty()) {
      auto [u, d] = q.top();
      q.pop();
      if (d != dst[u]) continue;
      int i = 0;
      for (edge& e : adj[u]) {
        if (e.cap > 0) {
          int dd = d + e.cost;
          if (dd < dst[e.to]) {
            dst[e.to] = dd;
            f[e.to] = {u, i, e.rev};
            q.push({e.to, dd});
          }
        }
        i++;
      }
    }
    if (dst[t] == INF) return false;
    reduce(dst, t);
    return true;
  }
  pair<int, int> build(int s, int t, int cap) {
    if (!init(s, t)) return {0, 0};
    int flow = 0;
    int cost = 0;
    while (flow < cap && dijkstra(s, t)) {
      int add = cap - flow;
      for (int i = t; i != s; i = f[i][0]) {
        add = min(add, adj[f[i][0]][f[i][1]].cap);
      }
      flow += add;
      cost += c * add;
      for (int i = t; i != s; i = f[i][0]) {
        adj[f[i][0]][f[i][1]].cap -= add;
        adj[i][f[i][2]].cap += add;
      }
    }
    return {flow, cost};
  }
};
```

3.2 Grafy skierowane

SCC

Opis: Znajduje silne spójne składowe w kolejności topologicznej.
Czas: $\mathcal{O}(n+m)$

```
struct SCC {
  int n, cnt = 0;
  vector<vector<int>> adj;
  vector<int> p, low, in;
  stack<int> st;
  int tour = 0;
  SCC(int _n) {
    n = _n;
    adj.resize(n);
    p.resize(n, -1);
    low.resize(n);
    in.resize(n, -1);
  }
  void add_edge(int u, int v) { adj[u].push_back(v); }
  void dfs(int u) {
    low[u] = in[u] = tour++;
    st.push(u);
    for (int v : adj[u]) {
      if (in[v] == -1) {
        dfs(v);
        low[u] = min(low[u], low[v]);
      } else {
        low[u] = min(low[u], in[v]);
      }
    }
    if (low[u] == in[u]) {
      int v = -1;
      do {
        v = st.top();
        st.pop();
        in[v] = n;
        p[v] = cnt;
      } while (v != u);
      cnt++;
    }
  }
  void build() {
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
      if (in[i] == -1) dfs(i);
    }
    for (int i = 0; i < n; i++) p[i] = cnt - 1 - p[i];
  }
  vector<vector<int>> groups() {
    vector<vector<int>> res(cnt);
    for (int i = 0; i < n; i++) res[p[i]].push_back(i);
    return res;
  }
};
```

Matma (4)

4.1 Wielomiany

FFT

Opis: Mnoży dwa wielomiany o sumarycznej długości 2^{23} modulo 998244353.
Czas: $\mathcal{O}((n+m)\log(n+m))$

```
struct FFT {
  int N;
  vector<int> rev;
  vector<mint> w;
  FFT(int k) {
    N = 1 << k;
    rev.resize(N);
    for (int i = 1; i < N; i++) {
      rev[i] = (rev[i >> 1] >> 1) | ((i & 1) << (k - 1));
    }
#warning MOD = 998244353
    mint W = mint(3).pow(119 * ((1 << 23) / N));
    w.resize(N);
    mint ww = 1;
    for (int i = 0; i < N / 2; i++) {
      w[i + N / 2] = ww;
      ww *= W;
    }
    for (int i = N / 2 - 1; i > 0; i--) w[i] = w[2 * i];
  }
  void fft(vector<mint>& a) {
    int n = ssize(a);
    int s = __lg(N / n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
      int r = rev[i] >> s;
      if (i < r) swap(a[i], a[r]);
    }
    for (int i = 1; i < n; i *= 2) {
      for (int j = 0; j < n; j += 2 * i) {
        for (int k = 0; k < i; k++) {
          mint z = w[i + k] * a[j + k + i];
          a[j + k + i] = a[j + k] - z;
          a[j + k] += z;
        }
      }
    }
  }
  vector<mint> conv(vector<mint> a, vector<mint> b) {
    int n = ssize(a);
    int m = ssize(b);
    int k = 1;
    while (k < n + m - 1) k *= 2;
    a.resize(k);
    b.resize(k);
    fft(a);
    fft(b);
    for (int i = 0; i < k; i++) a[i] *= b[i];
    fft(a);
    reverse(a.begin() + 1, a.end());
    a.resize(n + m - 1);
    mint inv = mint(k).inv();
    for (int i = 0; i < n + m - 1; i++) a[i] *= inv;
    return a;
  }
};
```

4.2 Mnożniki Lagrange'a

Jeżeli optymalizujemy $f(x_1,\ldots,x_n)$ przy ograniczeniach typu $g_k(x_1,\ldots,x_n)=0$ to $x_1,\ldots,x_n$ jest ekstremum lokalnym tylko jeżeli gradient $\nabla f(x_1,\ldots,x_n)$ jest kombinacją liniową gradientów $\nabla g_k(x_1,\ldots x_n)$.

Teksty (5)

KMP

Opis: Znajduje funkcje prefiksową. Można z niej skonstruować automat w czasie $\mathcal{O}(nA)$.
Czas: $\mathcal{O}(n)$

```
vector<int> kmp(const string& s) {
  int n = ssize(s);
  vector<int> p(n);
  for (int i = 1; i < n; i++) {
    int j = p[i - 1];
    while (j > 0 && s[i] != s[j]) j = p[j - 1];
    if (s[i] == s[j]) j++;
    p[i] = j;
  }
  return p;
}
```

Manacher

Opis: Znajduje najdłuższy palindrom o każdym środku.
Stosowanie: `p[2 * i]` - środek w i, `p[2 * i + 1]` - środek między i a $i+1$.
Czas: $\mathcal{O}(n)$

```
vector<int> manacher(const string& s) {
  int n = ssize(s);
  string t(2 * n, '.');
  for (int i = 0; i < n; i++) {
    t[2 * i] = s[i];
    t[2 * i + 1] = '#';
  }
  vector<int> p(2 * n - 1);
  for (int i = 0, l = -1, r = -1; i < 2 * n - 1; i++) {
    if (i <= r) p[i] = min(r - i + 1, p[l + r - i]);
    while (p[i] < min(i + 1, 2 * n - 1 - i) &&
           t[i - p[i]] == t[i + p[i]]) {
      p[i]++;
    }
    if (i + p[i] - 1 > r) {
      l = i - p[i] + 1;
      r = i + p[i] - 1;
    }
  }
  for (int i = 0; i < 2 * n - 1; i++) {
    if (t[i - p[i] + 1] == '#') p[i]--;
  }
  return p;
}
```

Tablica sufiksowa

Opis: Sortuje leksykograficznie wszystkie sufiksy słowa. Można zachować wszystkie tablice `rnk` aby porównywać leksykograficznie podsłowa w $\mathcal{O}(1)$.
Czas: $\mathcal{O}(n\log n)$

```
vector<int> suffix_array(const string& s) {
  int n = ssize(s);
  vector<int> p(n), cnt(26);
  for (int i = 0; i < n; i++) cnt[s[i] - 'a']++;
  for (int i = 1; i < 26; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
  for (int i = 0; i < n; i++) p[--cnt[s[i] - 'a']] = i;
  vector<int> rnk(n);
  for (int i = 1; i < n; i++) {
    rnk[p[i]] = s[p[i]] == s[p[i - 1]] ? rnk[p[i - 1]] : i;
  }
  cnt.resize(n);
  vector<int> np(n), nrnk(n);
  for (int len = 1; len < n; len *= 2) {
    iota(cnt.begin(), cnt.end(), 0);
```

```
    for (int i = n - len; i < n; i++) {
      np[cnt[rnk[i]]++] = i;
    }
    for (int i = 0; i < n; i++) {
      if (p[i] - len >= 0) {
        np[cnt[rnk[p[i] - len]]++] = p[i] - len;
      }
    }
    nrnk[np[0]] = 0;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
      int a = np[i - 1];
      int b = np[i];
      if (max(a, b) + len < n && rnk[a] == rnk[b] &&
          rnk[a + len] == rnk[b + len]) {
        nrnk[b] = nrnk[a];
      } else {
        nrnk[b] = i;
      }
    }
    swap(p, np);
    swap(rnk, nrnk);
  }
  return p;
};
vector<int> build_lcp(const string& s, const vector<int>& sa) {
  int n = ssize(s);
  vector<int> pos(n);
  for (int i = 0; i < n; i++) pos[sa[i]] = i;
  vector<int> lcp(n - 1);
  int k = 0;
  for (int i = 0; i < n; i++) {
    if (pos[i] == 0) continue;
    while (i + k < n && s[i + k] == s[sa[pos[i] - 1] + k]) {
      k++;
    }
    lcp[pos[i] - 1] = k;
    k = max(0, k - 1);
  }
  return lcp;
}
```

Z

Opis: Znajduje funkcję Z.
Czas: $\mathcal{O}(n)$

```
vector<int> z(const string& s) {
  int n = ssize(s);
  vector<int> f(n);
  for (int i = 1, l = 0, r = 0; i < n; i++) {
    if (i <= r) f[i] = min(r - i + 1, f[i - l]);
    while (f[i] < n - i && s[i + f[i]] == s[f[i]]) f[i]++;
    if (i + f[i] - 1 > r) {
      l = i;
      r = i + f[i] - 1;
    }
  }
  return f;
}
```