

定点数的局限性

钱包



我的财富: -8540¥

2B 定点整数 short 即可表示

马云的财富: +302657264526 ¥

4B 定点整数 int.....都表示不了

8B long型也 表示不了

如果换一种货币: 1 人民币 ≈ 1000000000 津巴布韦币

如何在位数不变 的情况下增加数 据表示范围?

定点数可表示的数字范围有限,但我们不能无限制地增加数据的长度

王道考研/CSKAOYAN.COM

3

从科学计数法理解浮点数

普通计数法:

科学计数法:

+302657264526

+3.026 * 1011

+11 +3.026

阶码反映 数值大小 尾数反映 精度

1 人民币 ≈ 1010 津巴布韦币

+21 + 3.026

阶码尾数 J_f $J_1J_2\cdots J_m$ S_f $S_1S_2\cdots S_n$ 阶符阶码的数值部分数符尾数的数值部分

王道考研/CSKAOYAN.COM

浮点数的表示

r 进制: $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$ $= K_{\rm n} \times r^n + K_{\rm n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_2 \times r^2 + K_1 \times r^1 + K_0 \times r^0 + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$

定点数: 如纯小数0.1011和纯整数11110

浮点数:

阶码 尾数 $J_1J_2\cdots J_m$ $S_1S_2\cdots S_n$ 阶码的数值部分 尾数的数值部分 数符 阶符

阶码: 常用补码或移码表示的定点整数

尾数: 常用原码或补码表示的定点小数

浮点数的真值: $N=r^E \times M$

阶码的底,通常为2

类比十进制: +302657264526 = +3.026 * 10 +11 可记为: +11+3.026

阶码E反映浮点数的表示范围及小数点的实际位置; 尾数M的数值部分的位数n反映浮点数的精度。

尾数给出一个小数,阶码指明了小数点要向前/向后移动几位。

王道考研/CSKAOYAN.COM

5

浮点数的表示

r 进制: $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$ $=K_{n}\times r^{n}+K_{n-1}\times r^{n-1}+\cdots+K_{2}\times r^{2}+K_{1}\times r^{1}+K_{0}\times r^{0}+K_{-1}\times r^{-1}+K_{-2}\times r^{-2}+\ldots+K_{-m}\times r^{-m}$

定点数: 如纯小数0.1011和纯整数11110

 $J_1J_2\cdots J_m$

阶码的数值部分

浮点数:

阶符

阶码

尾数 $S_1S_2\cdots S_n$ 尾数的数值部分

浮点数的真值: $N = r^E \times M$

阶码的底,通常为2

 $S_{\mathbf{f}}$

数符

阶码E反映浮点数的表示范围及小数点的实际位置; 尾数M的数值部分的位数n反映浮点数的精度。

阶码: 常用补码或移码表示的定点整数

尾数: 常用原码或补码表示的定点小数

例:阶码、尾数均用补码表示,求a、b的真值 a = 0.01; 1.1001

b = 0,10;0.01001

a: 阶码0,01对应真值+1

尾数1.1001对应真值-0.0111 = - $(2^{-2} + 2^{-3} + 2^{-4})$

a的真值 = $2^1 \times (-0.0111) = -0.111$

相当于尾数表示的定点小数算数

1B的存储空间

0 0 1 1 1 0 0 1

王道考研/CSKAOYAN.COM

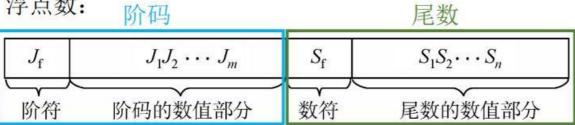
浮点数的表示

r 进制: $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$ $= K_{n} \times r^{n} + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_{2} \times r^{2} + K_{1} \times r^{1} + K_{0} \times r^{0} + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$

定点数: 如纯小数0.1011和纯整数11110

浮点数:

尾数



浮点数的真值: $N = r^E \times M$

阶码的底,通常为2

阶码E反映浮点数的表示范围及小数点的实际位置; 尾数M的数值部分的位数n反映浮点数的精度。

1B的存储空间

阶码: 常用补码或移码表示的定点整数

尾数: 常用原码或补码表示的定点小数

例: 阶码、尾数均用补码表示,求a、b的真值

a = 0.01; 1.1001b = 0,10;0.01001

b: 阶码0,10对应真值+2 尾数0.01001对应真值 $+0.01001 = +(2^{-2}+2^{-5})$

b的真值 = 2²×(+0.01001) = +1.001

相当于尾数表示的定点小数算数

王道考研/CSKAOYAN.COM

7



浮点数: 阶码 尾数 $S_1S_2\cdots S_n$ $J_1J_2\cdots J_m$ J_{f} 阶码的数值部分 数符 尾数的数值部分 阶符

 $N = r^E \times M$ 浮点数的真值:

+302657264526 = +3.026 * 10 +11

可记为: +11 +3.026

也可记为: +14 +0.003

阶码的底,通常为2

尾数的最高

位是无效值,

阶码E反映浮点数的表示范围及小数点的实际位置; 尾数M的数值部分的位数n反映浮点数的精度。

阶码: 常用补码或移码表示的整数

尾数: 常用原码或补码表示的小数

例: 阶码、尾数均用补码表示,求a、b的真值 a = 0.01; 1.1001

b = 0.10; 0.01001

b: 阶码0,10对应真值+2 尾数0.01001对应真值+0.01001 = + (2-2+2-5)

所以b = 2²×(+0.01001) = +1.001

1B的存储空间

0 1 0 0 0 1 0 0

 $b = 2^2 \times (+0.01001)$ $=2^{1}\times(+0.10010)$

0 0 1 0 1 0 0 1

尾数算数左移1位,阶码减1。直 到尾数最高位是有效值(左规)

王道考研/CSKAOYAN.COM

浮点数尾数的规格化

通过算数左移、 阶码减1来规格化 规格化浮点数:规定尾数的最高数值位必须是一个有效值。

左规: 当浮点数运算的结果为非规格化时要进行规格化处理,

将尾数算数左移一位,阶码减1。

通过算数右移、 阶码加1 来规格化 右规: 当浮点数运算的结果尾数出现溢出(双符号位为01或10)时,

将尾数算数右移一位,阶码加1。

例: a = 010;00.1100, b = 010;00.1000, 求a+b

 $a = 2^2 \times 00.1100$, $b = 2^2 \times 00.1000$

 $a+b = 2^2 \times 00.1100 + 2^2 \times 00.1000$

 $= 2^2 \times (00.1100 + 00.1000)$

= 2²×01.0100 右规

 $= 2^3 \times 00.1010$

0 1 1 0 1 0 1 0

注:采用"双符号位",当溢出发生时,可以挽救。更高的符号位是正确的符号位

王道考研/CSKAOYAN.COM

9

规格化浮点数的特点

规格化的原 码尾数,最 高数值位一 定是1

1. 用原码表示的尾数进行规格化:

正数为 $0.1 \times \times ... \times$ 的形式,其最大值表示为0.11...1;最小值表示为0.10...0。 尾数的表示范围为 $1/2 \le M \le (1-2^{-n})$ 。

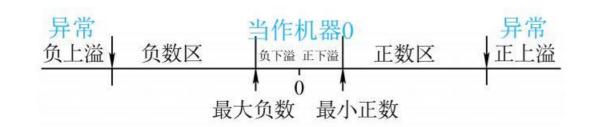
负数为 $1.1\times\times...\times$ 的形式,其最大值表示为1.10...0;最小值表示为1.11...1。 尾数的表示范围为 $-(1-2^{-n})\leq M\leq -1/2$ 。

规格化的补 码尾数,符 号位与最高 数值位一定 相反

2. 用补码表示的尾数进行规格化:

正数为 $0.1 \times \times ... \times$ 的形式,其最大值表示为0.11...1;最小值表示为0.10...0。 尾数的表示范围为 $1/2 \le M \le (1-2^{-n})$ 。

负数为 $1.0\times\times...\times$ 的形式,其最大值表示为1.01...1;最小值表示为1.00...0。 尾数的表示范围为 $-1\le M \le -(1/2+2^{-n})$ 。



eg: 若某浮点数的阶码、尾数用补码表示, 共4+8位: 0.110; 1.1110100 如何规格化?

注:补码算数左移,低位补0;补码算数右移,高位补1。

王道考研/CSKAOYAN.COM

