P and NP.md

5/7/2020

P probem 和 NP problem

- 1. P问题: 可以在多项式时间内解决的问题。
- 2. NP问题: 可以在多项式时间内验证一个解是否正确的问题。
- 3. NPC问题:

\$NP\$问题:可以在多项式时间内猜出一个解的问题。很显然,\$NP\$问题难于P问题。

世界著名难题: \$NP=P?\$ 问题

很容易看到,所有的P问题都是NP问题。即\$P\subseteq NP.\$ 现在,我们关心是否有\$NP=P\$。如果成立的话,所有NP问题,都存在多项式时间解法。或者说,所有的NP问题都是转换为P问题。

规约

问题A可以规约为问题B,即可以用B的解法来解决A问题。或者说A可以通过B解决,或者说A可以转换为B问题。比如,A问题:求解一元一次方程。B问题:求一元二次方程。很显然A问题可以规约为B问题,而且我们可以看到A可以规约为B问题,说明B的时间复杂度大于等于A的时间复杂度。这是因为,如果B的时间复杂度比A小,那么A可以通过B来解决,则A的算法可以改进为B的算法,此时两者的时间复杂度相同。

A和B的规约有一个限制,即两者的转换规则是在多项式时间内完成的。(多项式规约,非多项式规约没意义)

规约具有传递性。这一点很显然。

标准概念:如果可以找到一个转换规则,对任意一个A的输入,都可以按照这个规则转换为B的输入,使得两个程序的输出相同,那么A可以规约为B。

引入NPC问题

现在,我们希望有这么一个问题,即所有的NP问题都可以规约为一个超级问题。此问题就是NPC问题。详细来说,就是我们可以通过规约一个问题到另一个问题,虽然时间复杂度增加了,但是规约后的问题应用范围增加了。也就是说我们可以通过不断的规约,来寻找时间复杂度越来越高,应用范围越来越广的问题。

显然,我们可以通过解决该超级问题,即NPC问题,来解决所有NP问题。

第一个NPC问题

该问题是一个逻辑电路问题(可以搜索),该问题和SAT问题本质上是一样的。