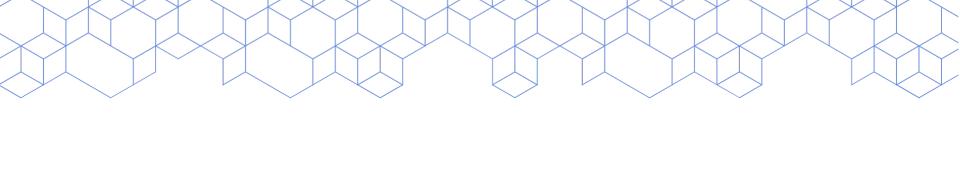
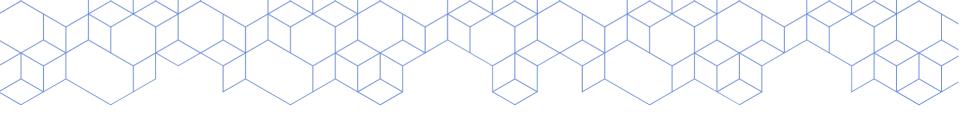




[algoritmo.info for algoritmo in algoritmos.sort()]



Problemas clássicos & soluções interessantes em Python



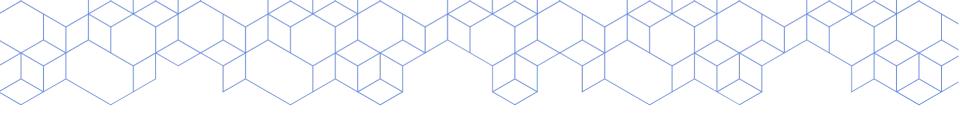
Olá

- Rebeca Sarai
- Formada em Engenharia da Computação
- Aluna de mestrado da <u>Universidade de Pernambuco</u>
- Torcedora do Náutico

▼ rebeca@vinta.com.br

y @_rebecasarai

🥊 /rsarai



A Vinta é um pequeno time de experts

Fazemos **estratégia**, **design** e **desenvolvimento** para produtos web.

Tocamos projetos de médio prazo (1 a 3 anos) para startups que já começaram a decolar.



<u>vintasoftware.com</u>

@vintasoftware



Quer levar um pouquinho da Vinta pra casa?

Faça um post no twitter ou instagram usando a **#VintaPyBR** e marcando a **@vintasoftware** pra ganhar esse kit arretado!

*enquanto durarem os estoques

O algoritmo de Feynman:

- 1. Escreva o problema.
- 2. Pense arduamente.
- 3. Escreva a solução.

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Problema:

Como ordenar listas?



- Escreva o problema
- Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

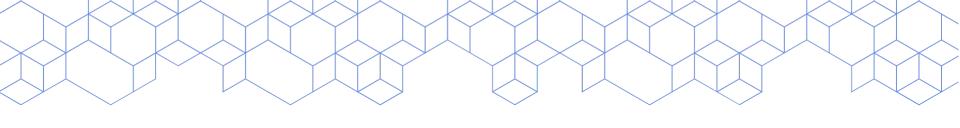
Busca Sequencial

 Sequential search
 steps: 0

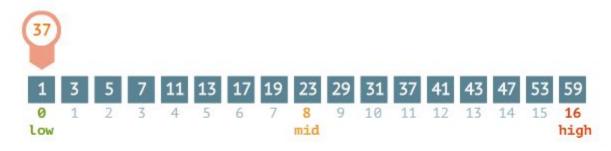
 37
 1
 3
 5
 7
 11
 13
 17
 19
 23
 29
 31
 37
 41
 43
 47
 53
 59

 0
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8
 9
 10
 11
 12
 13
 14
 15
 16

www.mathwarehouse.com

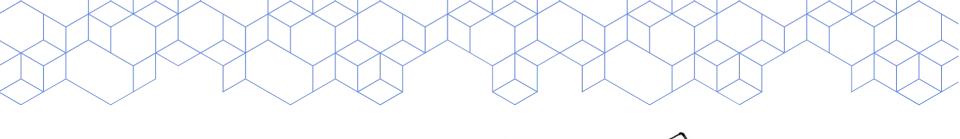


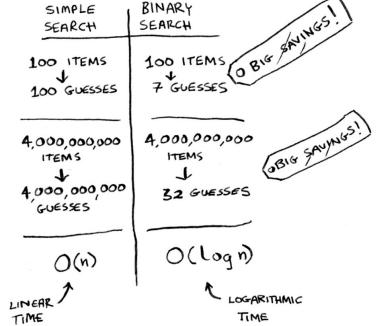




steps: 0

Requer uma lista ordenada. Divide a lista ao meio até que o item procurado seja encontrado





Grokking Algorithms: An illustrated guide for programmers and other curious people

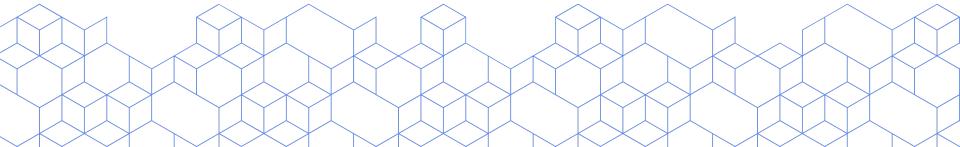
- - Constant: O(1)
 - Logaritimo: O(log n)
 - Sublinear: O(n^d) for d < 1
 - Linear: O(n)
 - Linearitimo: O(n log n)
 - Quadrático: O(n^2)
 - Exponencial: O(2ⁿ)

Algorithms in a Nutshell: A Practical Guide

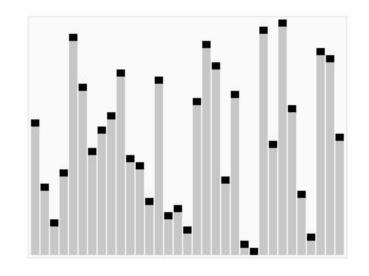


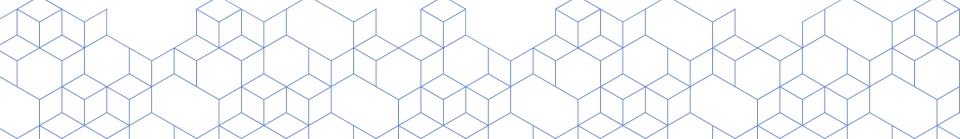
Ordenação por Inserção

6 5 3 1 8 7 2 4



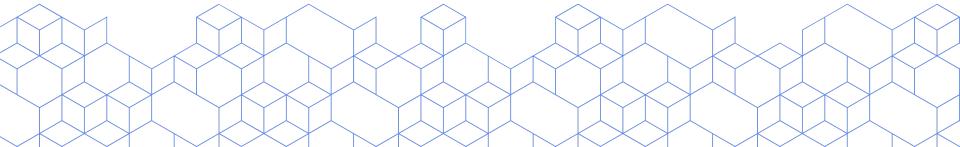
Quicksort





Mergesort

 $6 \ \, 5 \ \, 3 \ \, 1 \ \, 8 \ \, 7 \ \, 2 \ \, 4$



Criteria	Sorting algorithm
Only a few items	Insertion Sort
Items are mostly sorted already	Insertion Sort
Concerned about worst-case scenarios	Heap Sort
Interested in a good average-case behavior	Quicksort
Items are drawn from a uniform dense universe	Bucket Sort
Desire to write as little code as possible	Insertion Sort
Require stable sort	Merge Sort

Algorithms in a Nutshell: A Practical Guide

E se fosse possível combinar os algoritmos

de acordo com a necessidade?

- I. Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

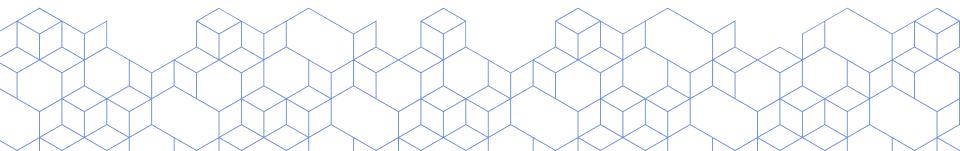
Solução: Timsort

Timsort

- Eficiente para dados do mundo real
- Usado em Python, <u>Java</u>, plataforma Android e GNU Octave
- Escolhe uma abordagem com base na análise da lista.
- Rápido, O(n log n), estável

Se N <= 64, Timsort usa o método de ordenação por inserção para ordenar os elementos e não usa sofisticações

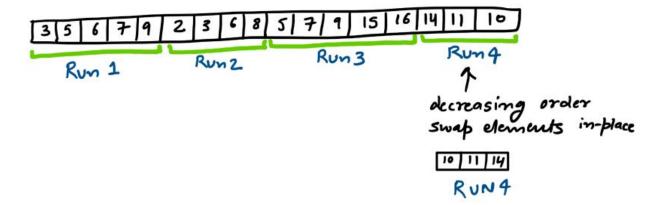
Python Docs



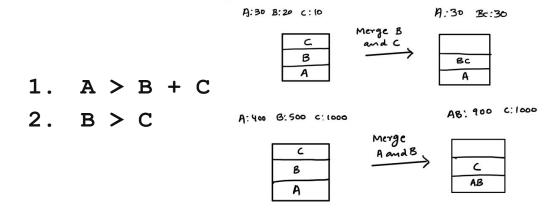
Se N > 64

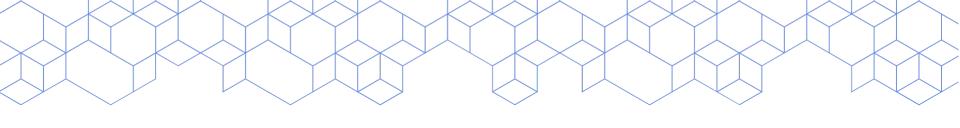
- 1. Cria **sequências** de um tamanho fixo ("run")
- 2. Orderna essas sequências separadamente
- 3. Mergea as sequências de acordo com uma regra
- 4. Otimiza o merge usando o modo galope

Procura sequências que aumentam ou diminuem, invertendo as sequências que diminuem



Usa uma **pilha** para controlar os **três itens mais recentes** e cria **duas leis** para decidir se a execução atual deve ser mergeada com as execuções anteriores

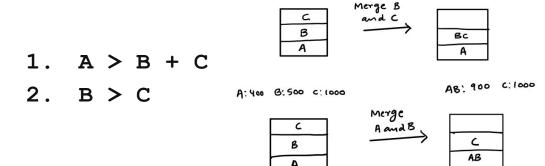




Usa uma pilha para controlar os três itens mais recentes e cria duas leis para decidir se a execução atual deve ser mergeada com as execuções anteriores

A:30 Bc:30

executar o mergesort

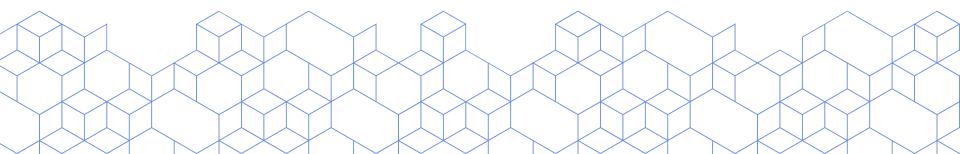


A:30 B:20 C:10

Otimização com o modo de Galope

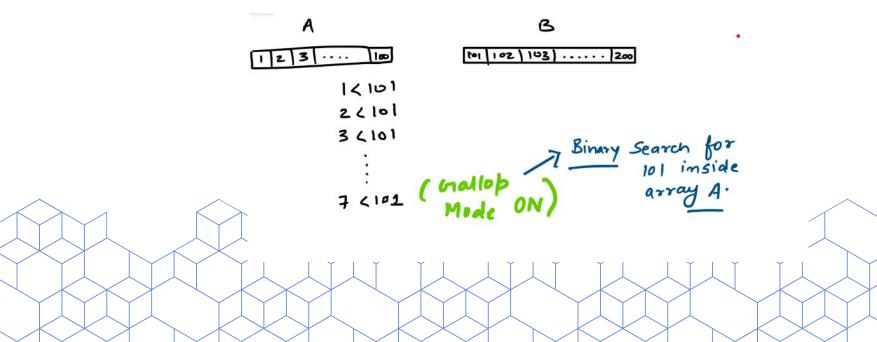
No processo de merge o algoritmo assume que, se muitos valores da execução A forem inferiores aos valores da execução B, é provável que A continue a ter valores menores que B.

Python Docs



Otimização com o modo de Galope

Timsort realiza uma busca binária pela posição apropriada de B[o] em A[o].



In [1]: import random ...: import timeit ...: unsorted_array = [] ...: unsorted_array = [random.randint(0, 1000000) for i in range(0, 1000000)] ...: unsorted_array.sort() ...: unsorted_array[:20] Out[1]: [1, 3, 5, 6, 6, 7, 8, 9, 9, 9, 10, 11, 11, 14, 16, 16, 18, 20, 20]

- . Escreva o problema
- Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Problema:

Como buscar itens?

Existem várias opções...

- Base de Dados
 - SQL
- Listas. Matrizes
 - Busca Binária
- Tabelas Hash
 - Buscas Baseadas em Hash

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

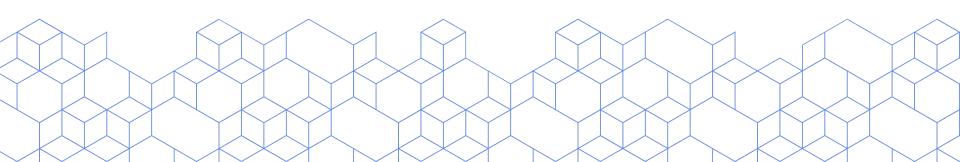
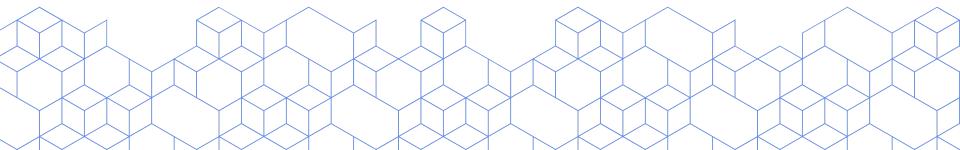


Tabela Hash

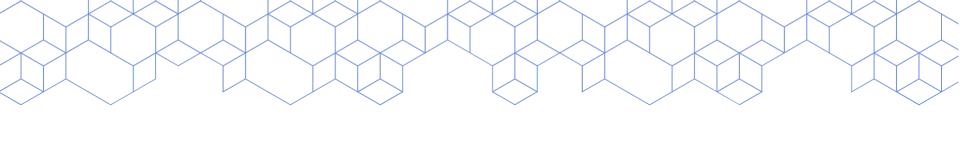
- Alternativa para pesquisar coleções maiores e não ordenadas
- Função hash para transformar uma chave em um índice em uma tabela de hash
- hash("chave") == hash("chave")
- hash("outra chave") != hash("chave")



```
In [1]: def get_item(item):
   ...: return abs(hash(item) % 4)
   ...: # Inserir a lista de lugares da python brasil
   ...: itens_list = [None] * 4
   ...: index = get_item('pybr19')
   ...: itens_list[index] = 'ribeirão preto'
   ...: # Inserir natal
   ...: index = get_item('pybr18')
   ...: itens_list[index] = 'natal'
   ...: itens_list
Out[1]: ['natal', None, None, 'ribeirão preto']
In [2]: index = get_item('pybr18')
   ...: itens_list[index]
Out[2]: 'natal'
```

- 1. Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Solução: Dicionários



Python é construído em torno de dicionários

```
from future import division
import sys
class PythonBrasil:
    def __init__(self, v0, v1, v2, v3, v4):
        self.pybr19 = v0
        self.pybr18 = v1
        self.pybr17 = v2
       self.pybr16 = v3
        self.pybr15 = v4
   def __repr__(self):
        return 'PythonBrasil(%r, %r, %r, %r, %r)' % (
            self.pybr19, self.pybr18, self.pybr17, self.pybr16, self.pybr15
```



```
places = PythonBrasil('ribeirão preto', 'natal', 'belo horizonte', 'florianopolis', 'sao jose dos campos')
vars(places)
# {'pybr19': 'ribeirão preto',
# 'pybr18': 'natal',
# 'pybr17': 'belo horizonte',
# 'pybr16': 'florianopolis',
# 'pybr15': 'sao jose dos campos'}
```

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

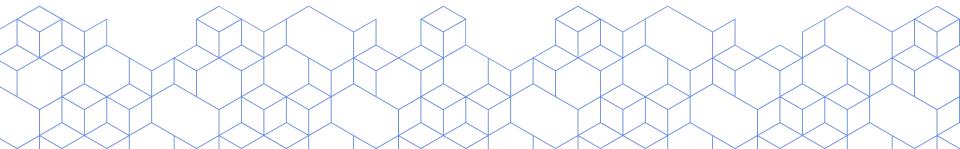
Problema:

Como dicionários funcionam?

Tabela Hash

- . Escreva o problema
- . Pense arduamente
- 3. Escreva a solução
- Estrutura de dados usada por dicionários
- Basicamente uma lista
- Hash das chaves é necessário para revelar os valores

```
••••
[['pybr19', 'ribeirão preto'], ['pybr18', 'natal']]
```



- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Solução:

Dicionários na prática

Configuração

```
keys = [
    'pybr19', 'pybr18', 'pybr17', 'pybr16', 'pybr15',
    'pybr14', 'pybr13'
values = 1
    'ribeirão preto', 'natal', 'belo horizonte',
    'florianopolis', 'sao jose dos campos', 'recife',
    'brasilia'
hashes = list(map(abs, map(hash, keys)))
entries = list(zip(hashes, keys, values))
[(6519378555130876693, 'pybr19', 'ribeirão preto'),
 (1831110896825541078, 'pybr18', 'natal'),
 (9167591958126575224, 'pybr17', 'belo horizonte'),
 (4819543372031726241, 'pybr16', 'florianopolis'),
 (5067670214198873854, 'pybr15', 'sao jose dos campos'),
 (2940889712379195968, 'pybr14', 'recife'),
 (8949678210916869228, 'pybr13', 'brasilia')]
```

```
In [2]: d = dict()
   ...: d['pybr19'] = 'ribeirão preto'
   ...: bits(hash('pybr19'))[-3:]
   . . . :
Out[2]: '101'
11 11 11
  Idx | hash | key | value
   000
   001
   010
   011
   100
  101
  110
   111
11 11 11
```

```
In [2]: d = dict()
  ...: d['pybr19'] = 'ribeirão preto'
  ...: bits(hash('pybr19'))[-3:] # últimos 3 bits
Out[2]: '101'
11 11 11
  Idx hash key
                                  value
  000
   001
  010
  011
  100
           _00010101 | pybr19 | ribeirão preto
  101
  110
  111
11 11 11
```

```
In [3]: d['pybr18'] = 'natal'
   ...: bits(hash('pybr18'))[-3:]
Out[3]: '110'
11 11 11
  Idx
          hash key
                                      value
   000
   001
   010
   011
  100
                         pybr19
                                    ribeirão preto
  101
           _00010101
           11010110
                         pybr18
                                         natal
  110
   111
11 11 11
```

.....

1	Idx	hash	key	value
	000	_01111000	pybr17	belo horizonte
	001			
	010			
	011			
	100			
	101	_00010101	pybr19	ribeirão preto
	110	_11010110	pybr18	natal
	111			

11 11 11

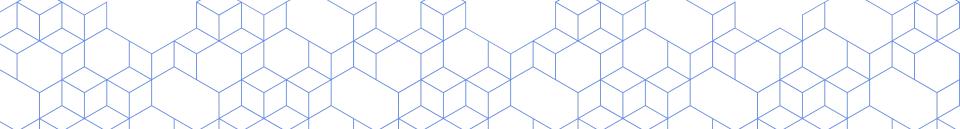
1	Idx	hash	key	value
1	000	 _01111000	pybr17	belo horizonte
1	001	_10100001	pybr16	florianopolis
Ī	010			1 1
Î	011			Î Î
	100	1	1	1
Î	101	_00010101	pybr19	ribeirão preto
I	110	_11010110	pybr18	natal
	111			Ī
_				

11 11 11

2. Selecionar uma parte

1. Calcular o hash

3. Procurar no espaço correspondente



```
In [6]: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos'
   ...: bits(hash('pybr15'))[-3:]
Out[6]: '110'
11 11 11
```

	Idx	hash	key	value
(000	_01111000	pybr17	belo horizonte
j (001	_10100001	pybr16	florianopolis
1 (010	T I	··· [The state of the s
1 (011	Ì	Ţ	1
	100	1		1
1 :	101	_00010101	pybr19	ribeirão preto
	110	_11010110	pybr18	natal
	111			
				

11.11.11

```
In [6]: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos'
   ...: bits(hash('pybr15'))[-3:]
   . . . :
Out[6]: '110'
11 11 11
            hash
                            key
   Idx
                                             value
   000
            _01111000 | pybr17 |
                                        belo horizonte
                                        florianopolis
   001
            _10100001
                           pybr16
   010
   011
   100
             00010101
                           pybr19
                                        ribeirão preto
   101
   110
             11010110
                           pybr18
                                             natal
11 11 11
```

- I. Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

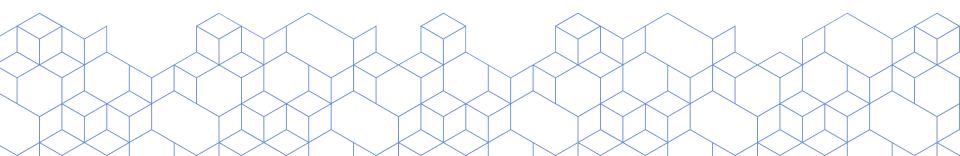
Problema:

Como resolver colisões?

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Colisão

Quando duas chaves no dicionário possuem a mesma terminação



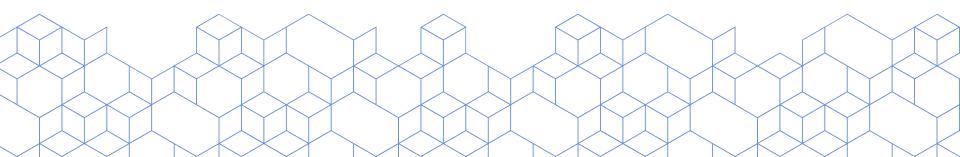
- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Solução:

Endereçamento Aberto com Múltiplos Hashes

Endereçamento Aberto

- Tornar a tabela mais densa.
- Lida com colisões procurando linearmente na tabela até encontrar um registro vazio ou o registro buscado.



- - Usar todos os bits no hash
 - Usar um gerador de números
 - Python 1.5.2

```
def open_addressing_multihash(n, entries):
    table = [None] * n
    for h, key, value in entries:
        perturb = h
       i = h \% n
       while table[i] is not None:
           print('%r collided with %r' % (key, table[i][0]))
           i = (5 * i + perturb + 1) % n
           perturb ≫ 5
        table[i] = (key, value)
    print(table)
```

- - Usar todos os bits no hash
 - Usar um gerador de números
 - Python 1.5.2

```
def open_addressing_multihash(n, entries):
    table = [None] * n
    for h, key, value in entries:
        perturb = h
       i = h \% n
       while table[i] is not None:
           print('%r collided with %r' % (key, table[i][0]))
            i = (5 * i + perturb + 1) % n
            perturb ≫ 5
        table[i] = (key, value)
    print(table)
```

```
In [6]: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos'
   ...: bits(hash('pybr15'))[-3:]
   . . . :
Out[6]: '110' # pybr15 colidiu com pybr18
H H H
           hash
                       key
                                      value
  Idx
  000
           _01111000 | pybr17 | belo horizonte
           _10100001 | pybr16 | florianopolis
   001
  010
   011
   100
                         pybr19
                                     ribeirão preto
   101
            00010101
            11010110
   110
                         pybr18
                                         natal
11 11 11
```

In [6]: open_addressing_multihash(8, entries[:5]) 'pybr15' collided with 'pybr18' 'pybr15' collided with 'pybr19' 'pybr15' collided with 'pybr16' 'pybr15' collided with 'pybr16' Out[6]: [('000', 'pybr17', 'belo horizonte'), ('001', 'pybr16', 'florianopolis'), None, ('110', 'pybr15', 'sao jose dos campos'), None, ('101', 'pybr19', 'ribeirão preto'),

('110', 'pybr18', 'natal'),

None]

```
In [6]: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos'
   ...: bits(hash('pybr15'))[-3:]
   . . . :
Out[6]: '110'
               # pybr15 foi salvo em 011
H H H
               # dicionário % cheio
   Idx
           hash
                            key
                                            value
   000
           01111000
                         pybr17
                                      belo horizonte
            10100001
                          pybr16
                                       florianopolis
   001
   010
                                     sao jose dos campos
   011
            111111110
                          pybr15
   100
                                      ribeirão preto
   101
            00010101
                          pybr19
```

pybr18

natal

11010110

11.11.11

110 111

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

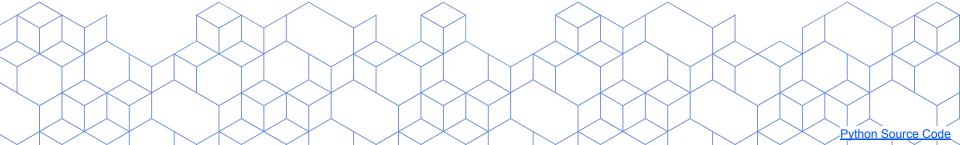
Problema:

Como definir o tamanho do dicionário?

Detalhes de implementação

- PyDict_MINSIZE (8)
- 8 permite dicionários com não mais que 5 entradas

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução



```
In [2]: d = dict()
   ...: d['pybr19'] = 'ribeirão preto'
   ...: bits(hash('pybr19'))[-3:]
Out[2]: '101'
11 11 11
  Idx hash key
                                  value
   000
   010
   001
   011
   100
   101
   110
   111
H II II
```

- In [1]: ...: import sys
- ...: d = dict() ...: sys.getsizeof(d)
- Out[1]: 240

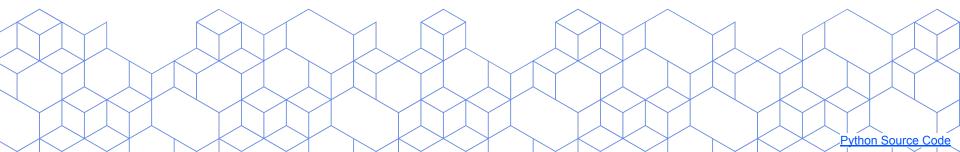
- In [2]: d['pybr19'] = 'ribeirão preto'
 - ...: d['pybr18'] = 'natal' ...: d['pybr17'] = 'belo horizonte'
 - ...: d['pybr16'] = 'florianopolis'
- ...: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos' ...: sys.getsizeof(d)
- Out[2]: 240

- . Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Solução:

Redimensionamento dinâmico

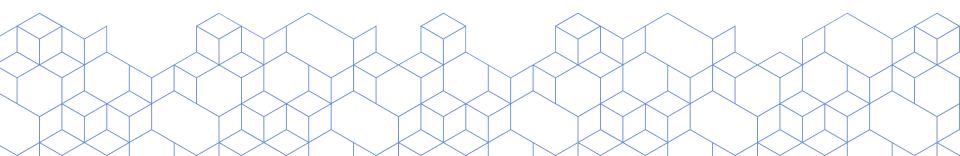
- Redimensionamento acontece quando o dicionário está ³/₃ cheio
- < 50k itens, tamanho * 4
 </p>
- > 50k itens, tamanho * 2



```
In [1]:
   ...: import sys
   \dots: d = dict()
   ...: sys.getsizeof(d)
Out[1]: 240
In [2]: d['pybr19'] = 'ribeirão preto'
   ...: d['pybr18'] = 'natal'
   ...: d['pybr17'] = 'belo horizonte'
   ...: d['pybr16'] = 'florianopolis'
   ...: d['pybr15'] = 'sao jose dos campos'
   ...: sys.getsizeof(d)
Out[2]: 240
In [3]: d['pybr14'] = 'recife'
   ...: sys.getsizeof(d)
Out[3]: 368
```

```
In [4]: open_addressing_multihash(8 * 4, entries[:6])
Out[4]:
[('00000', 'pybr14', 'recife'),
('00001', 'pybr16', 'florianopolis'),
 None,
 None,
 None,
 None,
None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 ('10101', 'pybr19', 'ribeirão preto'),
 ('10110', 'pybr18', 'natal'),
 None,
 ('11000', 'pybr17', 'belo horizonte'),
 None,
None,
 None,
None,
 None,
 ('11110', 'pybr15', 'sao jose dos campos'),
 None]
```

- Enche gradualmente a medida que itens são adicionados
- 2. Se torna subitamente menos cheio à medida que o dicionário é redimensionado
- 3. Gerando um desempenho médio excelente



- 1. Escreva o problema
- 2. Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Problema:

Como economizar memória no dicionário?

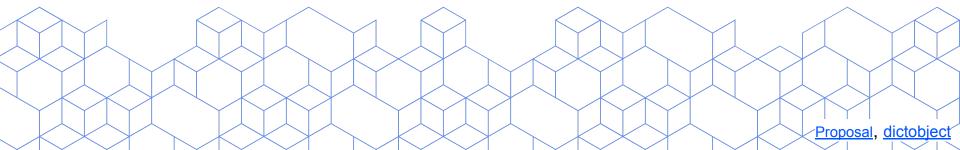
```
In [4]: open_addressing_multihash(8 * 4, entries[:6])
Out[4]:
[('00000', 'pybr14', 'recife'),
('00001', 'pybr16', 'florianopolis'),
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 None, # espaço vazio
 None,
 ('10101', 'pybr19', 'ribeirão preto'),
 ('10110', 'pybr18', 'natal'),
 None,
 ('11000', 'pybr17', 'belo horizonte'),
 None,
 None,
 None,
 None,
 None,
 ('11110', 'pybr15', 'sao jose dos campos'),
 None]
```

- . Escreva o problema
- . Pense arduamente
- 3. Escreva a solução

Solução Dicionários Compactos

Dicionários Compactos

- Economizar memória
- Entradas devem ser armazenadas em um tabela densa referenciada por uma tabela esparsa de índices.
- Somente o layout dos dados é alterado.
- A tabela hash e os algoritmos de otimização permanecem os mesmos



```
def compact_and_ordered(n, entries):
    import pprint
    table = [None] * n
    for pos, entry in enumerate(entries):
        h = perturb = entry[0]
        i = h % n
        while table[i] is not None:
            i = (5 \times i + perturb + 1) \% n
            perturb >>= 5
        table[i] = pos
    pprint.pprint(entries)
```

return table

- In [53]: compact_and_ordered(8, entries[:5])
- [(6519378555130876693, 'pybr19', 'ribeirão preto'),
- (1831110896825541078, 'pybr18', 'natal'),
- (9167591958126575224, 'pybr17', 'belo horizonte'),
- (4819543372031726241, 'pybr16', 'florianopolis'),
- (5067670214198873854, 'pybr15', 'sao jose dos campos')]
- Out[53]: [2, 3, None, 4, None, 0, 1, None]

•

In [53]: compact_and_ordered(8, entries[:5])
[(6519378555130876693, 'pybr19', 'ribeirão preto'),
 (1831110896825541078, 'pybr18', 'natal'),
 (9167591958126575224, 'pybr17', 'belo horizonte'),
 (4819543372031726241, 'pybr16', 'florianopolis'),
 (5067670214198873854, 'pybr15', 'sao jose dos campos')]
Out[53]: [2, 3, None, 4, None, 0, 1, None]

	Idx	hash	key	value
1	000	 _01111000	pybr17	belo horizonte
	001	_10100001	pybr16	florianopolis
	010			1
	011	_11111110	pybr15	sao jose dos campos
	100			
	101	_00010101	pybr19	ribeirão preto
	110	_11010110	pybr18	natal
	111			
11 11				

```
sem_dicionários_compactos (24+t) =
24*8 = 192
com_dicionários_compactos (24*n + sizeof(index)*t) =
24*5 + 1*8 = 128
```

Pegadinha #1

Porque a função hash retorna resultados diferentes entre sessões?

```
kevs = [
    'pybr19', 'pybr18', 'pybr17', 'pybr16', 'pybr15',
    'pybr14', 'pybr13'
values = [
    'ribeirão preto', 'natal', 'belo horizonte',
    'florianopolis', 'sao jose dos campos', 'recife',
    'brasilia'
hashes = list(map(abs, map(hash, keys)))
entries = list(zip(hashes, keys, values))
[(6519378555130876693, 'pybr19', 'ribeirão preto'),
 (1831110896825541078, 'pybr18', 'natal'),
 (9167591958126575224, 'pybr17', 'belo horizonte'),
 (4819543372031726241, 'pybr16', 'florianopolis'),
 (5067670214198873854, 'pybr15', 'sao jose dos campos'),
 (2940889712379195968, 'pybr14', 'recife'),
 (8949678210916869228, 'pybr13', 'brasilia')]
```

Python 3.6.8 (default, Oct 7 2019, 12:59:55)

Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more information

IPython 7.8.0 -- An enhanced Interactive Python. Type '?' for help.

In [1]: hash('pybr19')
Out[1]: 6280554434842480070



Python 3.6.8 (default, Oct 7 2019, 12:59:55)

Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more information

IPython 7.8.0 -- An enhanced Interactive Python. Type '?' for help.

In [1]: hash('pybr19')
Out[1]: -5116335369826839940

Python 3.6.8 (default, Oct 7 2019, 12:59:55)

Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more information

IPython 7.8.0 -- An enhanced Interactive Python. Type '?' for help.

In [1]: hash('pybr19')

Out[1]: 6280554434842480070





Python 3.6.8 (default, Oct 7 2019, 12:59:55)

Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more information

IPython 7.8.0 -- An enhanced Interactive Python. Type '?' for help.

In [1]: hash('pybr19')

Out[1]: -5116335369826839940

"Os valores __hash__() dos objetos str e bytes são "misturados" com um valor aleatório imprevisível. Embora permaneçam constantes em um processo individual do Python, não são previsíveis entre sessões repetidas do Python."

https://docs.python.org/3/reference/datamodel.html#object. hash

Outros comportamentos interessantes

- Key-Sharing Dict
- Eficiência de len() e pop() (aqui)
- Por que é mais lento iterar sobre uma string pequena do que sobre uma lista pequena? (aqui)

Referências

- Brandon Rhodes: The Mighty Dictionary (PyCon 2010) (video)
- Modern Dictionaries by Raymond Hettinger (video)
- https://docs.python.org/3/reference/datamodel.html
- https://github.com/python/cpython/blob/b16e382c446d76ede22780b15c75f43c5f132e25/Objects/dictobject.cc
- https://github.com/python/cpython/blob/b16e382c446d76ede22780b15c75f43c5f132e25/Objects/dictnotes.txt#L4
- https://github.com/python/cpython/tree/b16e382c446d76ede22780b15c75f43c5f132e25/Objects
- https://dev.to/s_awdesh/timsort-fastest-sorting-algorithm-for-real-world-problems--2ihd
- Grokking Algorithms: An illustrated guide for programmers and other curious people (book)
- Timsort: The Fastest sorting algorithm for real-world problems. (aqui)
- Timsort the fastest sorting algorithm you've never heard of (aqui)
- https://github.com/python/cpython/blob/b16e382c446d76ede22780b15c75f43c5f132e25/Objects/listsort.txt

Obrigada!

Perguntas?

Rebeca Sarai

Software Developer

- □ rebeca@vinta.com.br
- **y** @_rebecasarai
- /rsarai

Feedbacks são bem vindos: rebeca@vinta.com.br

Slides: bit.ly/pybr-talks

Código: github.com/rsarai/talks

