#### **Data Science**

# 분석 결과의 배석

분석 모형의 평가 및 개선

AiDA Lab.

강사 양석환

# 분석 모형의 평가 지표와 진단



## 분석 모형 평가 지표

- 지도학습: 분류모델 평가 지표
  - 분석모델의 답과 실제 답과의 관계를 오차행렬(혼동행렬, Confusion Matrix)을 통해 평가함
  - 평가 지표에는 정확도(Accuracy), 정밀도(Precision), 재현율(Recall), F1 Score 등이 있음
  - 오차행렬(=혼동행렬, Confusion Matrix)
    - 훈련을 통한 예측 성능을 측정하기 위해 예측값과 실제값을 비교하기 위한 표

|       |               | 사실                  |                     |
|-------|---------------|---------------------|---------------------|
|       |               | 참 (Positive)        | 거짓 (Negative)       |
| 실험 결과 | 참 (Positive)  | TP (True Positive)  | FP (False Positive) |
|       | 거짓 (Negative) | FN (False Negative) | TN (True Negative)  |

TP (True Positive): 실제 True인 답을 True라고 예측(정답) FP (False Positive): 실제 False인 답을 True라고 예측(오답) FN (False Negative): 실제 True인 답을 False라고 예측(오답) TN (True Negative): 실제 False인 답을 False라고 예측(정답)

- 지도학습: 분류모델 평가 지표
  - 정확도 (Accuracy): 실제 데이터와 예측 데이터를 비교하여 같은지 판단함

• 
$$Accuracy = \frac{TP+TN}{TP+FP+TN+FN}$$

- 정밀도 (Precision): Positive로 예측한 대상 중에 실제와 예측값이 일치하는 비율
  - $Precision = \frac{TP}{TP+FP}$
- 재현율 (Recall): 실제 Positive인 대상 중에 실제와 예측값이 일치하는 비율

• 
$$Recall = \frac{TP}{TP+FN}$$

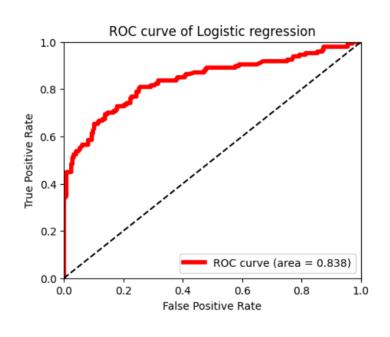
• F1 Score: 정밀도와 재현율을 결합한 조화평균 지표로 값이 클수록 모형이 정확하다고 판단할 수 있음

• 
$$F1 \, Score = \frac{2}{\frac{1}{Recall} + \frac{1}{Precision}} = 2 \times \frac{Precision \cdot Recall}{Precision + Recall}$$

- 지도학습: 분류모델 평가 지표
  - ROC (Receiver Operating Characteristic) 곡선
    - FPR(False Positive Rate)이 변할 때, 민감도인 TPR(True Positive Rate)이 어떻게 변화하는지를 나타내는 곡선
      - 예: 임계값이 1이면 확률이 1일 때 True로 예측하므로 FP가 0이 되고 FPR도 0이 됨
    - 임계값을 1~0 범주 이내 값으로 조정하면서 FPR에 따른 TPR을 계산하면서 곡선을 그림
    - TPR 값과 FPR 값이 0.5인 기본 모델 위에 ROC가 위치할 경우 성능이 기본 모델보다 나음을 의미함

• 
$$FPR = \frac{FP}{FP+TN}$$
,  $TPR = \frac{TP}{TP+FN}$ 

- 지도학습: 분류모델 평가 지표
  - AUC (Area Under Curve)
    - 평가 모델의 ROC 곡선의 하단 면적을 의미하며, 랜덤일 때 0.5 값으로, ROC 곡선이 직선에서 멀어질수록 성능이 더 뛰어난 것으로 해석함



- 지도학습: 회귀모델 평가 지표
  - 회귀의 평가를 위한 지표는 실제값과 회귀 예측값의 차이를 기반으로 성능지표를 수립, 활용함

- SSE(Sum Squared Error)
  - 실제값과 예측값의 차이를 제곱하여 더한 값
  - $SSE = \sum_{i=1}^{n} (y_i \hat{y}_i)^2$
- MSE(Mean Squared Error)
  - 실제값과 예측값의 차이의 제곱에 대한 평균을 취한 값. 평균제곱 오차
  - $MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i \widehat{y}_i)^2$

- 지도학습: 회귀모델 평가 지표
  - RMSE(Root Mean Squared Error)
    - MSE에 루트를 취한 값. 평균제곱근 오차

• 
$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(y_i - \widehat{y}_i)^2}$$

- MAE(Mean Absolute Error)
  - 실제값과 예측값의 차이의 절대값을 합한 후 평균을 취한 값
  - $MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i \widehat{y}_i|$

## • 지도학습: 회귀모델 평가 지표

- 결정계수 *R*<sup>2</sup>
  - 회귀모형이 실제값에 대해 얼마나 잘 적합하는지에 대한 비율

• 
$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \widehat{y_i})^2}{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y_i})^2}$$

- Adjusted R<sup>2</sup> (수정된 결정계수)
  - 다변량 회귀분석에서 독립변수가 많아질수록 결정계수가 높아지는데 이를 보완한 결정계수
  - 표본크기(n)와 독립변수의 개수(p)를 추가적으로 고려하여 분모에 위치시킴으로써 결정계수 값의 증가도를 보정

• 
$$R_a^2 = 1 - \frac{(n-1)(1-R^2)}{n-p-1} = 1 - \frac{(n-1)(\frac{SSE}{SST})}{n-p-1} = 1 - (n-1)\frac{MSE}{SST}$$

- 지도학습: 회귀모델 평가 지표
  - MSPE(Mean Square Percentage Error)
    - MSE를 퍼센트로 변환한 값

• 
$$MSPE = \frac{100\%}{n} \sum_{i=1}^{n} \left( \frac{y_i - \widehat{y_i}}{y_i} \right)^2$$

- MAPE(Mean Absolute Percentage Error)
  - MAE를 퍼센트로 변환한 값
  - $MAPE = \frac{100\%}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i \widehat{y_i}}{y_i} \right|$

- 지도학습: 회귀모델 평가 지표
  - RMSLE(Root Mean Squared Logarithmic Error)
    - RMSE에 로그를 취한 값으로 이상치에 덜 민감함

• 
$$RMSLE = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(\log(y_i+1) - \log(\hat{y}_i+1))^2}$$

- AIC(Akaike Information Criterion)
  - 최대 우도에 독립변수의 개수에 대한 손실(Penalty)분을 반영하는 목적으로 모형과 데이터의 확률 분포 차이를 측정하는 것
  - AIC의 값이 낮을수록 모형의 적합도가 높아짐
  - AIC = -2logL + 2K

- 지도학습: 회귀모델 평가 지표
  - BIC(Bayes Information Criterion)
    - AIC와 동일한 목적을 가지며 주어진 데이터에서 모형의 우도(likelihood)를 측정하기 위한 값에서 유도된 지표
    - 변수 개수가 많을수록 AIC보다 더욱 강하게 페널티를 가하는 성격을 가짐
    - BIC = -2logL + Klogn

- 비지도학습: 군집분석 평가 지표
  - 비지도학습은 지도학습과 달리 실측자료에 라벨링이 없으므로 모델에 대한 성능평가가 어려움
  - 군집분석에 한해 다음과 같은 성능평가 지표를 사용함

- 실루엣 계수(Silhouette)
  - a(i) 는 i 번째 개체와 같은 군집에 속한 요소들 간 거리들의 평균
  - b(i) 는 i 번째 개체가 속한 군집과 가장 가까운 이웃 군집을 선택하여 거리를 계산한 값
  - a(i) 가 0이면 하나의 군집에 모든 개체들이 붙어있는 경우
  - 실루엣 계수가 0.5보다 클 경우, 적절한 군집 모델로 볼 수 있음
  - $s(i) = \frac{b(i)-a(i)}{\max a(i), b(i)}$

- 비지도학습: 군집분석 평가 지표
  - Dunn Index
    - 군집 간 거리의 최소값을 분자, 군집 내 요소 간 거리의 최대값을 분모로 하는 지표
    - 군집 간 거리는 멀수록, 군집 내 분산은 작을수록 좋은 군집화 결과임
    - Dunn Index 값은 클수록 좋음
    - $I(C) = \frac{\min_{i \neq j} d_c(C_i, C_j)}{\max_{1 \leq l \leq k} \Delta(C_l)}$

## • 정규성 가정

- 통계적 검정, 회귀분석 등 분석을 진행하기 전에 데이터가 정규분포를 따르는지 검정하는 것
- 데이터 자체의 정규성을 확인하는 과정
- 데이터셋이 정규분포를 따른다는 귀무가설(H0)을 기각하고 대립가설이 채택된다면(p<0.01 또는 p=0.05) 해당 데이터셋은 정규분포를 따르지 않는 것으로 증명됨

## • 정규성 가정

- 중심 극한 정리(Central Limit Theorem)
  - 동일한 확률분포를 가진 독립 확률 변수 n개의 평균의 분포는 n이 적당히 크다면 정규분포에 가까워진다는 이론
  - 이때 표본분포의 평균은 모집단의 모평균과 동일함
  - 표준 편차는 모집단의 모 표준편차를 표본 크기의 제곱근으로 나눈 것과 같음

#### • 정규성 검정 종류

- Shapiro-Wilks Test : 표본 수(n)가 2,000개 미만인 데이터셋에 적합함
- Kolmogorov-Smirnov Test : 표본 수(n)가 2,000개 초과인 데이터셋에 적합함
- Quantile-Quantile Plot(Graphic Test)
  - 데이터셋이 정규분포를 따르는지 판단하는 시각적 분석 방법
  - 표본 수(n)가 소규모일 경우에 적합함

## • 잔차 진단

- 회귀분석에서 독립변수와 종속변수의 관계를 결정하는 최적의 회귀선은 실측치와 예측치의 차이인 잔차를 가장 작게 해주는 선으로, 이때 잔차의 합은 0임
- 잔차는 추세, 특정 패턴을 가지고 있지 않음

## • 잔차 진단

- 잔차의 정규성 진단
  - 신뢰구간 추정과 가설검증을 정확하게 하기 위하여 Q-Q Plot과 같은 시각화 도표를 통해 정규분포와 잔차의 분 포를 비교함
- 잔차의 등분산성 진단
  - 잔차의 분산이 특정 패턴을 가지지 않고 순서와 무관하게 일정한지 등분산성을 진단함
- 잔차의 독립성 진단
  - 잔차의 독립성: 자기상관(Auto Correlation)의 여부를 판단하는 것
  - 시점 순서대로 그래프를 그리거나 Durbin-Watson 검정을 적용했을때 패턴이 발견되지 않는다면 독립성을 충족 한다고 할 수 있음
  - 만약 독립성이 위배된다면 시계열 분석을 통해 회귀분석을 진행해야 함

# 분석 모형의 검증



- k-폴드 교차검증(k-fold Cross Validation)
  - 고정된 훈련 데이터셋과 테스트검증 데이터셋으로 평가를 하여 반복적으로 튜닝하게 될 경우, 테스트 데이터셋에 과적합되어버리는 결과가 생길 수 있는데, 이를 방지하고자 나온 방법이 교차검증 기법임
  - k-폴드 교차검증 기법은 전체 데이터셋을 k개의 서브셋으로 분리하여 그 중에서 k-1개를 훈련데이터로 사용하고 1개의 서브셋은 테스트 데이터로 사용함. 테스트셋을 중복없이 병행 진행한 후 평균을 내어 최종 모델의 성능을 평가함



교차검증은 모든 데이터셋을 평가에 활용하여 과적합을 방지할 수 있으나 반복 횟수 증가에 따른 모델 훈련과 평가·검증 시간이 오래 걸릴 수 있음

k-폴드 교차검증 예시

## 분석 모형 검증

- 홀드아웃 기법(Holdout Method)
  - 일반적인 모델의 훈련방식을 적용할 경우, 동일한 테스트데이터를 계속 사용한다면 훈련데이터화 하여 과적합이 발생하게 됨
  - 홀드아웃 기법
    - 훈련데이터, 검증데이터, 테스트데이터를 일정 비율로 지정한 뒤,
    - 먼저 훈련데이터로 학습하되
    - 훈련데이터 내에서 일정 부분 검증데이터를 두어 학습과정에서 모델 성능을 높이는 검증을 진행
    - 최종적으로는 테스트 데이터를 통해 성능을 평가할 수 있음
  - 의 이 기스포는 데스트 데이터를 등에 성이를 성기를 구 있<del>다</del>

#### 일반적인 모델의 훈련 방식

훈련 데이터셋과 테스트검증 데이터셋으로 구분한 뒤, 훈련데이터로 모델을 학습하고, 학습된 모델을 선택하여 테스트데이터로 성능을 확인, 증가시키는 방법





과적합 방지를 위한 홀드아웃 교차검증

• 데이터셋의 크기가 작을수록 데이터를 나누는 방식에 따라 모델 성능 추정에 민감한 영향을 미칠 수 있음

- 적합도 검정(Goodness-of-fit)
  - 일반적인 적합도 검정 방법으로 정규성 검정이 있으며
  - 모집단의 분포를 정규분포로 가정하는 분석기법(t-test, ANOVA, 회귀분석)이 적용될 경우 데이터가 정 규분포를 따르는지 확인할 때 사용됨
  - 그 외에도 카이제곱 검정, 콜모고로프 스미르노프(Kolmogorov-Smirnov) 검정이 있음

## • 적합도 검정(Goodness-of-fit)

- 카이제곱 검정
  - 기댓값과 관측값을 이용한 방법
  - k개의 범주로 나뉘어진 관측치들과 이와 동일한 범주의 가정된 분포 사이의 적합도를 검정함
  - 범주형 값 k가 나와야 할 횟수의 기댓값 와 실제 나온 횟수 의 차이를 이용하여 검정통계량을 계산함

$$\bullet \quad \sum_{k=1}^K \frac{(x_k - m_k)^2}{m_k}$$

- 적합도 검정(Goodness-of-fit)
  - 콜모고로프 스미르노프 검정(Kolmogorov-Smirnov Test, K-S Test)
    - 관측된 표본분포와 가정된 분호 사이의 적합도를 검사하는 누적분포함수의 차이를 이용한 검정법
    - 연속형 데이터에도 적용 가능
    - 관측된 자료의 크기를 나열, 관측치들의 누적확률을 구하여 가정된 분포의 누적확률과 비교하는 순서로 진행함

## 분석 모형의 개선



## • 과대적합 방지

• 훈련 시에는 높은 성능을 보이지만 테스트데이터에 대해서는 낮은 성능을 보여주는 과대적합(Over Fitting)을 방지하고, 일반화된 모델을 생성하기 위해 다음과 같은 방향을 제시함

#### • 모델의 낮은 복잡도

- 훈련데이터를 더 많이 획득할 수 없다면 정규화, 드롭아웃 등을 활용하여 적절한 복잡도를 가진 모델을 자동으로 탐색함
- 학습을 하면서 지속적으로 바뀌는 가중치 매개변수가 아니라 상수값인 하이퍼파라미터(학습률, 각 층의 뉴런 수등)는 과대적합의 위험을 줄이기 위해 제약을 가하는 규제의 양을 결정할 수 있는 인수로 큰 값을 지정할수록 복잡도가 낮은 모델을 얻게 됨

## • 과대적합 방지

- 가중치 감소
  - 학습과정에서 큰 가중치에 대해서는 큰 패널티(규제)를 부과하여 가중치의 절대값을 가능한 한 작게 만듦
  - 규제란 과대적합이 되지 않도록 모델을 강제로 제한하는 것을 의미하며, L1, L2 규제가 있음

- L2 규제
  - $L2: ||w||_2^2 = \sum_{j=1}^m w_j^2$
  - 손실함수에 가중치에 대한 L2 Norm의 제곱을 더한 패널티를 부여하여 가중치 값을 비용함수 모델에 비해 작게 만들어냄
  - 손실함수가 최소가 되는 가중치 값인 중심점을 찾아 큰 가중치를 제한하는데, 이때 람다로 규제의 강도를 크게 하면 가중 치는 0에 가까워짐
  - 회귀 모델에 L2 규제를 적용한 것이 릿지(Ridge) 모델임

## • 과대적합 방지

- 가중치 감소
  - L1 규제
    - $L2: ||w||_1 = \sum_{j=1}^m |w_j|$
    - L2 규제의 가중치 제곱을 절대값으로 바꾸는 개념
    - 손실함수에 가중치의 절대값인 L1 Norm을 추가, 적용함으로써 희소한 특성벡터가 되어 대부분의 특성 가중치를 0으로 만듦
    - 회귀 모델에 L1규제를 적용한 것이 라쏘(Lasso) 모델임
- 편향-분산 트레이드오프
  - 과대적합과 과소적합 사이의 적절한 편향-분산 트레이드오프(절충점)을 찾음

- 확률적 경사 하강법(Stochastic Gradient Descent, SGD)
  - 최적의 매개변수 값을 찾기 위해 매개변수에 대한 손실함수의 기울기를 이용함
  - 손실함수의 기울기를 따라 조금씩 내려가다 최종적으로 손실함수가 가장 작은 지점에 도달하도록 하는 알고리즘
  - 배치 경사 하강법과 비교하면 랜덤으로 선택한 하나의 데이터로만 계산하는 단순하고 명확한 구조가 임
  - 다만 최소값인 (0, 0)까지 지그재그로 이동, 매개변수가 방향에 따라 다른 기울기를 가지는 비등방성 함수인 경우에는 비효율적인 움직임을 보임

• 
$$W \leftarrow w - \eta \frac{\partial L}{\partial W}$$

• 알고리즘 수식은 갱신할 가중치 매개변수인 W, dL/dw, 매개변수에 대한 손실함수의 기울기와 학습률(η)로 설명

30

## • 매개변수의 최적화

- 모멘텀(Momentum)
  - 모멘텀은 운동량을 뜻함
  - 미분계수가 0인 지점에서 더 이상 이동하지 않는 한계점을 가진 확률적 경사 하강법에 속도 개념인 기울기 방향으로 힘을 받으면 물체가 가속되는 관성 물리법칙을 적용함

• 
$$V \leftarrow \alpha V - \eta \frac{\partial L}{\partial W}, W \leftarrow W + v$$

• v(속도)항에 기울기 값이 누적되고, 누적된 값이 가중치 갱신에 영향을 주면서 이 기울기 값으로 인해 빠른 최적점 수렴이 가능함

- AdaGrad(Adaptive Gradient)
- - 개별 매개변수에 적응적으로 학습률을 조정하면서 학습을 진행하는 알고리즘
- - 첫 부분에서는 크게 학습하다가 최적점에 가까울수록 학습률을 점차 줄여가며 조금씩 작게 학습시킴

• 
$$h \leftarrow h + \frac{\partial L}{\partial W} \odot \frac{\partial L}{\partial W}$$
,  $W \leftarrow W - \eta \frac{1}{\sqrt{h}} \frac{\partial L}{\partial W}$ 

• - 새로나온 변수 h는 기존 기울기 값을 제곱하여 계속 더해줌. 매개변수를 갱신할 때 h의 제곱근을 나눠줌 으로써 모든 가중치가 이전에 갱신되었던 크기에 맞게 학습률이 조정됨

- Adam(Adaptive Moment Estimation)
  - 모멘텀과 AdaGrad를 결합한 방법론
  - 학습률, 일차 모멘텀 계수, 이차 모멘텀 계수의 3가지 초매개변수들을 설정함
  - 최적점 탐색 경로의 전체적인 경향은 모멘텀과 같이 공이 굴러가는 듯 하다가 AdaGrad로 인해 갱신 강도가 조정되어 좌우 흔들림이 줄어들게 됨

- 초매개변수(Hyper Parameter) 최적화
  - 초매개변수(Hyper Parameter)란 사람이 직접 설정해주어야 하는 매개변수를 말함
  - 뉴런의 수, 배치(batch)의 크기, 학습률(Learning Rate), 은닉층 개수 등이 있음

- 학습률(Learning Rate)
  - 기울기(Gradient) 방향으로 얼마나 빠르게 이동할지를 결정함
  - 학습률이 작으면 학습시간이 길어지고 학습률이 커지면 발산하여 학습이 제대로 이루어지지 않을 수 있음

- 초매개변수(Hyper Parameter) 최적화
  - 미니배치(Mini-Batch) 크기
    - 전체 훈련 데이터셋을 신경망에 넣게 되면 리소스가 비효율적으로 사용되고 시간이 오래 걸리게 되므로 배치 개념을 사용 해서 해결함
    - 미니배치는 전체 학습 데이터를 주어진 배치 크기로 나눈 것
    - 미니배치 크기가 큰 경우, 병렬연산 구조를 사용할 때 효과적일 수 있음
    - 미니배치 크기가 작은 경우, 더 많은 가중치 업데이트를 수행할 수 있음
  - 훈련 반복(Epoch) 횟수
    - 전체 훈련 데이터셋이 신경망을 통과한 횟수
    - 1 Epoch은 1회 학습만으로 통과했다는 의미가 됨
    - 학습의 조기 종료를 결정하는 변수로도 사용됨

- 초매개변수(Hyper Parameter) 최적화
  - 이터레이션(Oteration)
    - 하나의 미니배치를 학습할 때, 1 iteration으로 1회의 매개변수(파라미터) 업데이트가 진행됨
    - 미니배치 개수와 이터레이션의 개수는 동일함

- 은닉층(Hidden Layer) 개수
  - 은닉층 수가 많아질수록 특정 훈련데이터에 더 최적화시킬 수 있음
  - 모든 은닉층들의 뉴런 개수를 동일하게 유지하는 것이 은닉층 개수에 뉴런의 개수를 가변적으로 하는 것보다 효과적임
  - 첫 번째 은닉층에 있는 뉴런의 개수가 입력층에 있는 뉴런의 개수보다 큰 것이 효과적인 경우가 많음

- 분석 모형 융합
  - 앙상블 학습
    - 주어진 자료를 이용하여 여러 가지 분석 예측모형들을 만들고 해당 예측 모형들을 결합하여 최종적인 하나의 예측모형을 만드는 방법
    - 치우침이 있는 여러 모형의 평균을 취할 사, 균형적인 결과(평균)를 얻을 수 있음
    - 여러 모형의 분석 결과를 결합하면 변동성 및 과적합의 여지가 줄어듦

- 배깅
  - 복원 추출 방법으로 데이터를 샘플링, 모델링한 후, 전체 결합하여 결과를 평균하는 기법

- 분석 모형 융합
  - 앙상블 학습
    - 부스팅
      - 순서대로 모델들을 진행하는 방법
      - 이전 분류기의 학습 결과에 따라 다음 분류기의 학습 데이터의 샘플 가중치(잘못 분류한 데이터와 이용하지 않은 데이터에 대한 가중치)를 조정해 학습을 진행함
    - 랜덤 포레스트
      - 배깅을 적용한 의사결정나무로 다수의 의사결정나무를 만들고
      - 각 나무들은 학습 데이터셋의 일부분을 추출해서 학습함
      - 나무를 구성하는 변수 역시 전체 변수들의 부분집합으로 선택됨

- 매개변수의 최적화
  - 분석 모형 융합
    - 결합분석 모형
      - 두 종류 이상의 결과변수를 동시에 분석할 수 있는 방법
      - 결과 변수 간의 유의성, 관련성을 설명할 수 있음



- 최종 모형 선정
  - 회귀모형에 대한 주요 성능 평가 지표
    - SSE, R<sup>2</sup>, MAE, MAPE
  - 분류모형에 대한 주요 성능 평가 지표
    - 특이도(Specificity): 음성 중 맞춘 음성의 수
    - 정밀도(Precision): 양성 판정 수 중 실제 양성 수. 해당 클래스 예측 샘플 중 실제 속한 샘플 수의 비율
    - 재현율(Recall): 통계용어로 민감도(Sensitivity). 전체 양성 수에서 검출 양성 수(양성 중 맞춘 양성의 수). 실제 속한 샘플 중 특정 클래스에 속한다고 예측한 표본 수의 비율
    - 정확도(Accuracy): 전체 수 중에서 양성과 음성을 맞춘 수. 전체 샘플 중에서 맞게 예측한 샘플 수의 비율

- 최종 모형 선정
  - 비지도학습 모형에 대한 주요 성능 평가 지표
    - 군집분석
      - 군집 타당성 지표(Clustering Validity Index)로 군집 간 거리, 군집의 지름, 군집의 분산 등을 고려함
    - 연관분석
      - 연관규칙에서 지지도와 신뢰도가 모두 최소한도보다 높은 것으로 평가함
      - 일반적으로 최소 지지도를 정한 뒤, 이에 대한 이하 값들은 버리고 그 중에서 신뢰도가 어느정도 높은 결과들을 가져옴

