# Резонанс напряжений в последовательном контуре (3.2.2)

Манро Эйден

#### Цель работы:

исследование резонанса напряжений в последовательном колебательном контуре с изменяемой ёмкостью, получение амплитудночастотных и фазово-частотных характеристик, определение основных параметров контура.

#### В работе используются:

генератор сигналов, источник напряжения, нагрузкой которого является последовательный колебательный контур с переменной ёмкостью, двухканальный осциллограф, цифровые вольтметры.

#### Теоретическая справка

Импеданс последовательного контура:

$$Z = Z_R + Z_C + Z_L = R + \frac{1}{iwC} + iwL$$

Ток в цепи:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{Z} = \frac{\mathcal{E}}{R + \frac{1}{iwC} + iwL}$$

С учетом характеристик цепи:

$$w_0^2 = \frac{1}{LC}, \ \delta = \frac{R}{2L}$$

получаем напряжения на всех элементах:

$$U_{C} = IZ_{C} = \frac{\mathcal{E}}{R + \frac{1}{ivC} + iwL} \cdot \frac{1}{iwC} = \frac{\mathcal{E}}{1 - w^{2}LC + iwCR} = \frac{\mathcal{E}w_{0}^{2}}{w_{0}^{2} - w^{2} + 2i\delta w} U_{L} = IZ_{L} = \frac{\mathcal{E}w^{2}}{w^{2} - w_{0}^{2} - 2i\delta w}$$

$$U_R = IR = \frac{\mathcal{E}2i\delta w}{w_0^2 - w^2 + 2i\delta w}$$

Если контур обладает хорошей добротностью  $Q = \frac{w_0}{2\delta}$ , то резонансная частота  $w_{\text{pe}_3} \approx w_0$ , на которой в Q раз увеличивается напряжение на конденсаторе и катушке:

$$U_C = -i\mathcal{E}\frac{w_0}{2\delta} = -i\mathcal{E}Q, \quad U_L = i\mathcal{E}\frac{w_0}{2\delta} = i\mathcal{E}Q, \quad U_R = \mathcal{E}$$

Напряжения на катушке и конденсаторе находятся в противофазе, и всё напряжение источника находится на активном сопротивлении.

Добротность можно также измерить по амплитудно-частотной характеристике:

$$Q = \frac{w_0}{2\Delta w}$$

где  $2\Delta w$  - ширина резонансной кривой на уровне  $U=\frac{U_{\mathrm{pes}}}{\sqrt{2}}.$ 

#### Установка

Последовательный контур подключен к источнику напряжения, на который подается сигнал с генератора.  $R_L$  и  $R_C$  - активные сопротивления катушки и конденсатора. Напряжения снимаются вольтметрами 1 и 2 со всей цепи и с конденсатора соответственно.

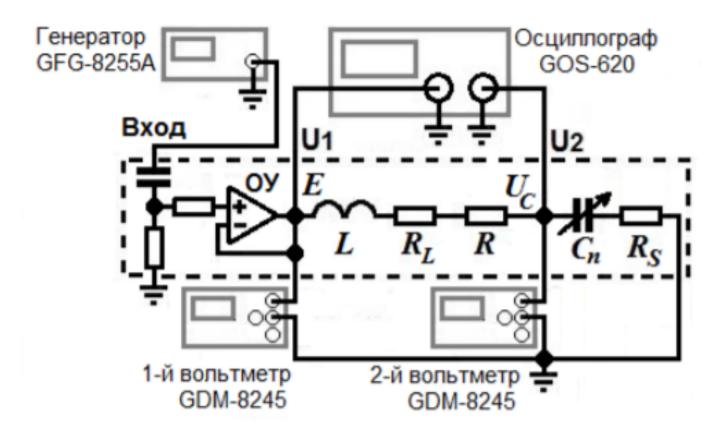


Рис. 1: Схема экспериментальной цепи

## Ход работы

Были сняты данные для амплитудно-частотной и фазо-частотной характеристик для емкостей  $C_2=33.4~{\rm h\Phi}$  и  $C_5=67.4~{\rm h\Phi}$ . Для АЧХ получился следующий график:

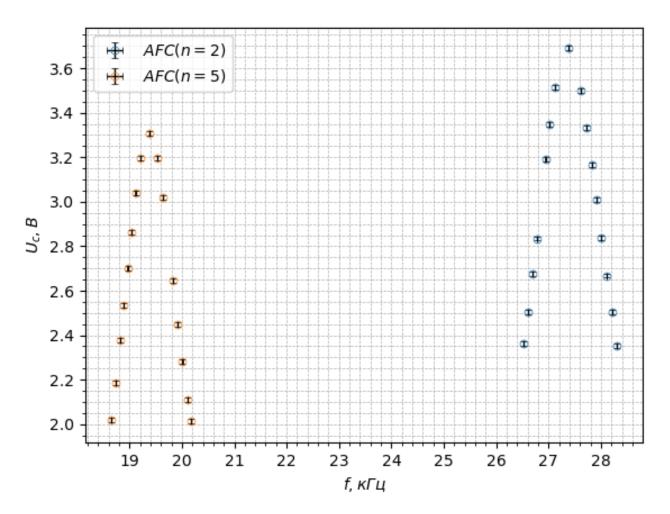


Рис. 2: АЧХ для емкостей  $C_2$  (справа) и  $C_5$  (слева)

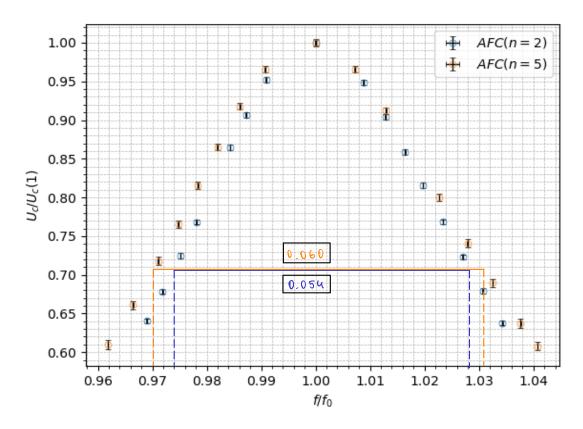


Рис. 3: АЧХ в относительном масштабе

Видно, что большей емкости отвечает кривая с большей шириной (так как добротность ниже). Измерим добротности с помощью ширины резонансной кривой на графике в относительном масштабе. Получились следующие значения:

n	$C$ , н $\Phi$	$\frac{2\Delta\nu}{\nu_0}$	Q	$\sigma_Q$
2	33.2	0.060	18.51	0.48
5	67.4	0.054	16.66	0.39

Таблица 1: Расчет добротности по ширине АЧХ

Рассчитаем также добротность по  $\Phi$ ЧХ: измерим ширину кривой, которая ограничивается значениями  $\frac{\Delta\phi}{\pi}$  от 0,25 до 0,75, получим следующие значения добротностей:

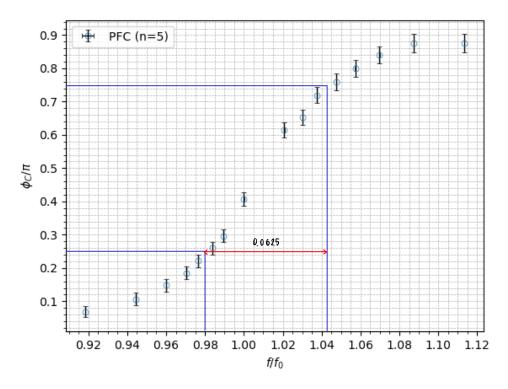


Рис. 4: ФЧХ в относительном масштабе

n	$C$ , н $\Phi$	$\frac{2\Delta\nu}{\nu_0}$	Q	$\sigma_Q$
5	67.4	0.0625	16.00	1.37

Таблица 2: Расчет добротности по ширине ФЧХ

Построим теперь график зависимость  $R_L(\nu)$ .

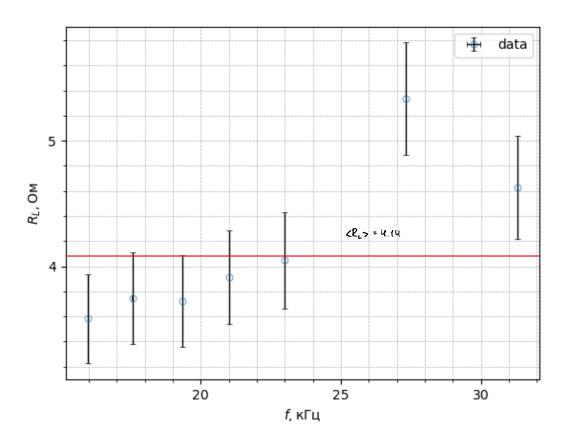


Рис. 5: Зависимость  $R_L(\nu)$ 

$$R_L = (4.14 \pm 0.63) \; {\rm Om} \; (\varepsilon = 15\%)$$

Требуется также построить векторные диаграммы токов и напряжений при резонансе для контура с минимальной добротностью. Так как контур последовательный, то токи будут находится на всех элементах в одной фазе. А вот с напряжением ситуация другая: напряжения на конденсаторе и катушке почти в противофазе, причем из напряжение на катушке опережает  $\mathcal{E}$  на  $\frac{\pi}{2}$ , а напряжение на конденсаторе отстаёт от  $\mathcal{E}$  на  $\frac{\pi}{2}$ .  $U_L$  расположена под углом  $\varphi=88,1^\circ$ , так как на катушке есть еще активное сопротивление  $R_L$ . tg  $\varphi$  можно рассчитать как  $\frac{U_{C_{\text{pes}}}}{IR_L}$ .

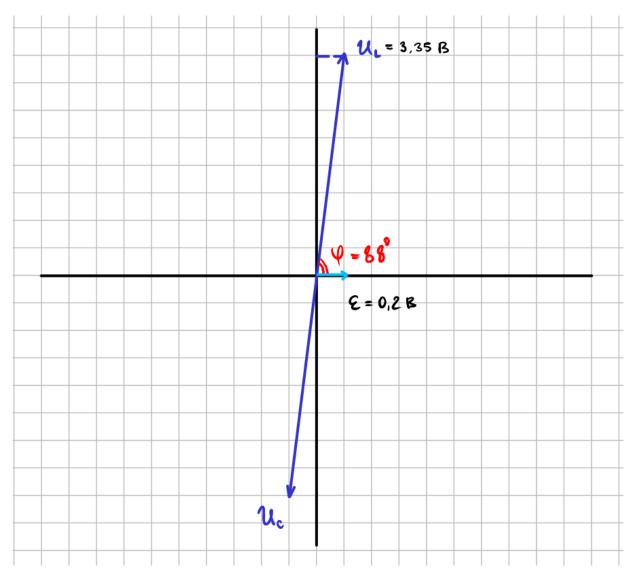


Рис. 6: Векторная диаграмма

### Вывод

Погрешность при расчете добротности через ширину резонансных кривых получилась достаточно большой. Данная неточность может быть объяснена тем, что получившиеся АЧХ и ФЧХ страдают из-за небольшего количество точек, а также из-за некоторой их неравномерности. Тем не менее погрешность добротности в случае АЧХ получилась вполне себе неплохой. В случае ФЧХ мы сначала снимали данные с осциллографа (неточность №1), а потом примерно измерели ширину резонансной кривой (неточность №2). Измерения по параметрам контура точнее.

Можем также заметить, что активное сопротивлени катушки  $R_L$  линейно растет с частотой, что обусловлено скин-эффектом. Суть эффекта состоит в вытеснении тока в поверхностные слои провода. Как следствие, уменьшается полезное сечение проводника и растет сопротивление.