

关于可持久化数据结构 (2014-09-19 00:38:56)

转 载 ▼

学到一个非常猎奇的trick可以可持久化任意度数为 $O(1)$ 的数据结构,且不产生额外复杂度。(比如要记parent的数据结构就可以用这个方法持久化了)

正常可持久化有两个方法,一个是OI界最常见的path copy (但记父亲会跪),另一个所谓“fat node”:对每个结点开个set记录所有历史修改,查询时候直接查set (但复杂度要乘 $\log t$)。

现在我们把两个方法结合起来:

每个结点依然是fat node,但只开一个额外域,也就是set里只能有一个元素。如果set满了,就直接做path copy,而最tricky的地方是,这时候,path copy修改它的父结点时候,可以直接用fat node的方法去改!也就是如果父亲结点的set是空的,我们可以直接用fat node的方法记录对父结点的这次修改!(如果父亲结点set也满了就继续path copy父结点)

这样一来,我们可以发现这个数据结构能在保证时间复杂度的情况下支持记录(一个)父亲了。(想象一下修改的复杂度,每2次操作就要对父亲层改1次,每4次操作就要对祖父层改1次,etc.....类似等比数列求和,公比是 $1/2$,不影响均摊复杂度)

而有多多个父亲怎么办呢?比如有两个父亲,那容易发现上面方法就跪了,因为每2次操作就要对父亲层改2次,每4次操作就要对祖父层改4次,etc.....这个等比数列的和就不再和首项同阶了.....

怎么办呢?更加猎奇的trick:只要更改set的最大大小即可!假设最多有 k 个父亲,那么设置set最大大小为 k !这样那个等比数列公比就是 $k/k+1$,就可以了.....

应用:

1. 要求记录父亲的数据结构的可持久化
2. 改进可持久化(无序)链表的复杂度到修改 $O(1)$ 遍历 $O(n)$ (不再需要用可持久化平衡树维护链表了,直接用上面的方法去维护,这样修改就 $O(1)$ 了)