

如果你看完之后还不知道怎么建，不用担心，你不是一个人.....

其实这个建树过程写出来并不难，看一下代码就知道了。大致思路是：一开始所有点都在同一个集合内。然后每次选一个集合，对其中两个点做最小割，按照源汇集分割这个集合，并添加一条边。最后所有集合都剩下一个点，树也就建完了。共需要做 $O(n)$ 次最大流。

现在有了这棵树，应该怎么办呢？

很简单：选择树中权值最小的边，那么最优解一定是先在一侧走完，再经过这条边，再走另外一侧（只经过该权值最小的边一次，最优方案必然如此）。然后分成两部分递归下去即可。

所以这篇题解的核心其实是贴一下Gomory-Hu树的代码，相信我，代码真的非常简单.....

代码

[cpp]

```
01. #include<iostream>
02. #include<cstdio>
03. #include<algorithm>
04. #include<cstring>
05. #include<vector>
06. #include<queue>
07. using namespace std;
08. const int SIZEN=210,INF=0x7fffffff/2;
09. class EDGE{
10. public:
11.     int from,to,cap,flow;
12. };
13. vector<EDGE> edges;
14. vector<int> c[SIZEN];
15. int S,T;
16. bool visit[SIZEN]={0};
17. int depth[SIZEN]={0};
18. int cur[SIZEN]={0};
19. void clear_graph(void){
20.     edges.clear();
21.     for(int i=0;i<SIZEN;i++) c[i].clear();
22. }
23. void clear_flow(void){
24.     for(int i=0;i<edges.size();i++) edges[i].flow=0;
25. }
26. void addedge_2(int from,int to,int cap){//加双向边
27.     EDGE temp;
28.     temp.from=from,temp.to=to,temp.cap=cap,temp.flow=0;
29.     edges.push_back(temp);
30.     temp.from=to,temp.to=from,temp.cap=cap,temp.flow=0;
31.     edges.push_back(temp);
32.     int tot=edges.size()-2;
```

```

33.     c[from].push_back(tot);
34.     c[to].push_back(tot+1);
35. }
36. bool BFS(void){
37.     memset(visit,0,sizeof(visit));
38.     memset(depth,-1,sizeof(depth));
39.     queue<int> Q;
40.     Q.push(S);visit[S]=true;depth[S]=0;
41.     while(!Q.empty()){
42.         int x=Q.front();Q.pop();
43.         for(int i=0;i<c[x].size();i++){
44.             EDGE &now=edges[c[x][i]];
45.             if(!visit[now.to]&&now.cap>now.flow){
46.                 visit[now.to]=true;
47.                 depth[now.to]=depth[x]+1;
48.                 Q.push(now.to);
49.             }
50.         }
51.     }
52.     return visit[T];
53. }
54. int DFS(int x,int a){
55.     if(x==T||!a) return a;
56.     int flow=0,cf=0;
57.     for(int i=cur[x];i<c[x].size();i++){
58.         cur[x]=i;
59.         EDGE &now=edges[c[x][i]];
60.         if(depth[x]+1==depth[now.to]){
61.             cf=DFS(now.to,min(a,now.cap-now.flow));
62.             if(cf){
63.                 flow+=cf;
64.                 a-=cf;
65.                 now.flow+=cf,edges[c[x][i]^1].flow-=cf;
66.             }
67.             if(!a) break;
68.         }
69.     }
70.     if(!flow) depth[x]=-1;
71.     return flow;
72. }
73. int Dinic(void){
74.     int flow=0;
75.     while(BFS()){
76.         memset(cur,0,sizeof(cur));
77.         flow+=DFS(S,INF);
78.     }
79.     return flow;
80. }
81. int N,M;
82. int fa[SIZEN],falen[SIZEN];
83. int now;
84. void find_min(int x,int fa){
85.     for(int i=0;i<c[x].size();i++){
86.         EDGE &e=edges[c[x][i]];

```

| 载:

```
87.         if(e.to!=fa&&e.cap!=-1){
88.             if(now==-1||e.cap<edges[now].cap) now=c[x][i];
89.             find_min(e.to,x);
90.         }
91.     }
92. }
93. void Solve(int x){
94.     now=-1;
95.     find_min(x,0);
96.     if(now==-1){
97.         printf("%d ",x);
98.         return;
99.     }
100.    edges[now].cap=edges[now^1].cap=-1;
101.    int p=now;
102.    Solve(edges[p].from);
103.    Solve(edges[p].to);
104. }
105. int ans=0;
106. void build_tree(void){//建树
107.     for(int i=1;i<=N;i++) fa[i]=1;
108.     for(int i=2;i<=N;i++){
109.         clear_flow();
110.         S=i,T=fa[i];
111.         falen[i]=Dinic();
112.         BFS();
113.         for(int j=i+1;j<=N;j++)
114.             if(visit[j]&&fa[j]==fa[i]) fa[j]=i;
115.     }
116.     clear_graph();
117.     for(int i=2;i<=N;i++)
118.         addedge_2(i,fa[i],falen[i]),ans+=falen[i];
119. }
120. void answer(void){
121.     printf("%d\n",ans);
122.     Solve(1);
123.     printf("\n");
124. }
125. void init(void){
126.     scanf("%d%d",&N,&M);
127.     int a,b,w;
128.     for(int i=1;i<=M;i++){
129.         scanf("%d%d%d",&a,&b,&w);
130.         addedge_2(a,b,w);
131.     }
132. }
133. int main(){
134.     //freopen("pumpingstations.in","r",stdin);
135.     //freopen("pumpingstations.out","w",stdout);
136.     init();
137.     build_tree();
138.     answer();
139.     return 0;
140. }
```

建树就是`build_tree`函数。