

题意：

中文题目就不解释了。

思路：

对于L,R的询问。设其中颜色为x,y,z....的袜子的个数为a,b,c。。。。

那么答案即为 $(a*(a-1)/2+b*(b-1)/2+c*(c-1)/2+...)/((R-L+1)*(R-L)/2)$

化简得： $(a^2+b^2+c^2+...x^2-(a+b+c+d+....))/((R-L+1)*(R-L))$

即： $(a^2+b^2+c^2+...x^2-(R-L+1))/((R-L+1)*(R-L))$

所以这道题目的关键是求一个区间内每种颜色数目的平方和。

但问题时怎么快速求解呢？

对于一般区间维护类问题一般想到用线段树。但是这题完全不知道线段树怎么做，百度了下。知道是莫队算法。

于是乎学习了下。写写学习的心得吧。

莫队算法是莫涛发明了。感觉这人蛮牛逼的。但是网上各种百度他的论文却找不到了。只好到别人的博客里学习学习。莫队算法是离线处理一类区间不修改查询类问题的算法。就是如果你知道了[L,R]的答案。你可以在O(1)的时间下得到[L,R-1]和[L,R+1]和[L-1,R]和[L+1,R]的答案的话。就可以使用莫队算法。

对于莫队算法我感觉就是暴力。只是预先知道了所有的询问。可以合理的组织计算每个询问的顺序以此来降低复杂度。要知道我们算完[L,R]的答案后现在要算[L',R']的答案。由于可以在O(1)的时间下得到[L,R-1]和[L,R+1]和[L-1,R]和[L+1,R]的答案。所以计算[L',R']的答案花的时间为 $|L-L'|+|R-R'|$ 。如果把询问[L,R]看做平面上的点a(L,R)。询问[L',R']看做点b(L',R')的话。那么时间开销就为两点的曼哈顿距离。所以对于每个询问看做一个点。我们要按一定顺序计算每个值。那开销就为曼哈顿距离的和。要计算到每个点。那么路径至少是一棵树。所以问题就变成了求二维平面的最小曼哈顿距离生成树。

关于二维平面最小曼哈顿距离生成树。感兴趣的可以参考[点击打开链接](#)

这样只要顺着树边计算一次就ok了。可以证明时间复杂度为 $n*\sqrt{n}$ 这个我不会证明。

但是这种方法编程复杂度稍微高了一点。所以有一个比较优雅的替代品。那就是先对序列分块。然后对于所有询问按照L所在块的大小排序。如果一样再按照R排序。然后按照排序后的顺序计算。为什么这样计算就可以降低复杂度呢。

一、i与i+1在同一块内，r单调递增，所以r是O(n)的。由于有 $n^{0.5}$ 块，所以这一部分时间复杂度是 $n^{1.5}$ 。

二、i与i+1跨越一块，r最多变化n，由于有 $n^{0.5}$ 块，所以这一部分时间复杂度是 $n^{1.5}$

三、i与i+1在同一块内时变化不超过 $n^{0.5}$ ，跨越一块也不会超过 $2*n^{0.5}$ ，不妨看作是 $n^{0.5}$ 。由于有n个数，所以时间复杂度是 $n^{1.5}$

于是就变成了O($n^{1.5}$)了。

详细过程见代码:

[cpp]

```
01. #include<algorithm>
02. #include<iostream>
03. #include<string.h>
04. #include<stdio.h>
05. #include<math.h>
06. using namespace std;
07. const int INF=0x3f3f3f3f;
08. const int maxn=50010;
09. typedef long long ll;
10. ll num[maxn],up[maxn],dw[maxn],ans,aa,bb,cc;
11. int col[maxn],pos[maxn];
12. struct qnode
13. {
14.     int l,r,id;
15. } qu[maxn];
16. bool cmp(qnode a,qnode b)
17. {
18.     if(pos[a.l]==pos[b.l])
19.         return a.r<b.r;
20.     return pos[a.l]<pos[b.l];
21. }
22. ll gcd(ll x,ll y)
23. {
24.     ll tp;
25.     while(tp=x%y)
26.     {
27.         x=y;
28.         y=tp;
29.     }
30.     return y;
31. }
32. void update(int x,int d)
33. {
34.     ans-=num[col[x]]*num[col[x]];
35.     num[col[x]]+=d;
36.     ans+=num[col[x]]*num[col[x]];
37. }
38. int main()
39. {
40.     int n,m,i,j,bk,pl,pr,id;
41.
42.     freopen("in.txt","r",stdin);
43.     while(~scanf("%d%d",&n,&m))
44.     {
45.         memset(num,0,sizeof num);
46.         bk=ceil(sqrt(1.0*n));
47.         for(i=1;i<=n;i++)
48.         {
49.             scanf("%d",&col[i]);
50.             pos[i]=(i-1)/bk;
```

```
51.     }
52.     for(i=0;i<m;i++)
53.     {
54.         scanf("%d%d",&qu[i].l,&qu[i].r);
55.         qu[i].id=i;
56.     }
57.     sort(qu,qu+m,cmp);
58.     pl=1,pr=0;
59.     ans=0;
60.     for(i=0;i<m;i++)
61.     {
62.         id=qu[i].id;
63.         if(qu[i].l==qu[i].r)
64.         {
65.             up[id]=0,dw[id]=1;
66.             continue;
67.         }
68.         if(pr<qu[i].r)
69.         {
70.             for(j=pr+1;j<=qu[i].r;j++)
71.                 update(j,1);
72.         }
73.         else
74.         {
75.             for(j=pr;j>qu[i].r;j--)
76.                 update(j,-1);
77.         }
78.         pr=qu[i].r;
79.         if(pl<qu[i].l)
80.         {
81.             for(j=pl;j<qu[i].l;j++)
82.                 update(j,-1);
83.         }
84.         else
85.         {
86.             for(j=pl-1;j>=qu[i].l;j--)  | 载:
87.                 update(j,1);
88.         }
89.         pl=qu[i].l;
90.         aa=ans-qu[i].r+qu[i].l-1;
91.         bb=(ll)(qu[i].r-qu[i].l+1)*(qu[i].r-qu[i].l);
92.         cc=gcd(aa,bb);
93.         aa/=cc,bb/=cc;
94.         up[id]=aa,dw[id]=bb;
95.     }
96.     for(i=0;i<m;i++)
97.         printf("%I64d/%I64d\n",up[i],dw[i]);
98.     }
99.     return 0;
100. }
```