prufer数列

本词条缺少信息栏,补充相关内容使词条更完整,还能快速升级,赶紧来编辑吧!

Prufer数列是无根树的一种数列。在组合数学中,Prufer数列由有一个对于顶点标过号的树转化来的数列,点数为n的树转 化来的Prufer数列长度为n-2。它可以通过简单的迭代方法计算出来。它由Heinz Prufer于1918年在证明cayley定理时首次提 出。

目录

1 将树转化成Prufer数列的 方法

2 将Prufer数列转化成树的 方法

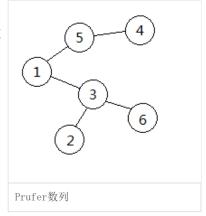
将树转化成Prufer数列的方法

编辑

一种生成Prufer序列的方法是迭代删点,直到原图仅剩两个点。对于一棵顶点已经经过编号的树T,顶点的编号为 {1,2,...,n}, 在第i步时, 移去所有叶子节点(度为1的顶点)中标号最小的顶点和相连的边,并把与它相邻的点的编号加入Prufer 序列中, 重复以上步骤直到原图仅剩2个顶点。

例子

以右边的树为例子,首先在所有叶子节点中编号最小的点是2,和它相邻的点的编号是 3,将3加入序列并删除编号为2的点。接下来删除的点是4,5被加入序列,然后删除5,1被 加入序列,1被删除,3被加入序列,此时原图仅剩两个点(即3和6),Prufer序列构建完 成,为{3,5,1,3}



将Prufer数列转化成树的方法

编辑

设{a1,a2,..an-2}为一棵有n个节点的树的Prufer序列,另建一个集合G含有元素{1..n},找出集合中最小的未在Prufer序列中 出现过的数,将该点与Prufer序列中首项连一条边,并将该点和Prufer序列首项删除,重复操作n-2次,将集合中剩余的两个点 之间连边即可。

例子

仍为上面的树, Prufer序列为{3,5,1,3}, 开始时G={1,2,3,4,5,6}, 未出现的编号最小的点是2, 将2和3连边, 并删去Prufer 序列首项和G中的2。接下来连的边为{4,5},{1,5},{1,3},此时集合G中仅剩3和6,在3和6之间连边,原树恢复。

词条标签: 科学, 学科