

F61: Nuclear Magnetic Resonance

Lange Auswertung im Rahmen des Fortgeschrittenen-Praktikums*

Alexander Impertro

Timo Gierlich

23. Januar 2017

Abstract: The goal of this advanced lab course was to study the basic principles of nuclear magnetic resonance spectroscopy (NMR spectroscopy). This technique is used in chemistry and biochemistry to determine the properties of organic molecules. The lab course is divided into three parts: In the first part we made ourselves familiar with the experimental setup and measured the spin-lattice relaxation time T_1 and the spin-spin relaxation time T_2 by using the spin echo method as well as the Carr-Purcell method. In the second part we identified five different organic substances by determining the chemical shift. In the last part we used a newer Bruker NMR analyzer for one dimensional and two dimensional imaging. We examined the dispersal of oil in sand and found out that it is an infiltration process rather than a diffusion process. Finally, we took 2d-pictures of different organic objects.

*Durchgeföhrt am 12. und 13. Dezember 2016

Betreuer: Jeremy Wilkinson – testiert am:

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung und Theoretische Grundlagen	3
1.1	Grundlagen der NMR-Spektroskopie	3
1.2	Kalibration des Systems	4
2	Durchführung und Auswertung	5
2.1	Teil I: Relaxationszeiten	5
2.1.1	Theorie	5
2.1.2	Durchführung	6
2.1.3	Auswertung	8
2.2	Teil II: Chemische Verschiebung	9
2.2.1	Theorie	9
2.2.2	Durchführung	9
2.2.3	Auswertung	12
2.3	Teil III: Bildgebung mit NMR	14
2.3.1	Theorie	14
2.3.2	Durchführung und Auswertung	15
3	Zusammenfassung und Fazit	18

1 Einleitung und Theoretische Grundlagen

1.1 Grundlagen der NMR-Spektroskopie

Kerne mit einem Spin J tragen ein magnetisches Dipolmoment μ , welches in einem magnetischen Feld eine potentielle Energie hat.

$$\Delta E = -\vec{\mu} \circ \vec{B}_0 = -\hbar\gamma J \quad (1)$$

Die Größe γ ist das gyromagnetische Verhältnis des Korns. Damit richtet sich das Dipolmoment entweder parallel (bevorzugt), oder antiparallel zu den magnetischen Feldlinien aus. In einem makroskopischen Ensemble aus N Protonen erhalten wir damit eine messbare Magnetisierung \vec{M} .

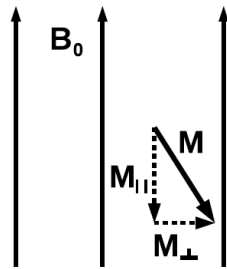


Abbildung 1: Zerlegung der Magnetisierung [2]

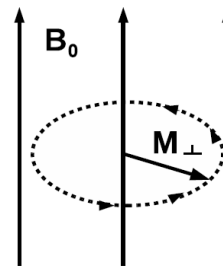


Abbildung 2: Larmor-Präzession von M_{\perp} [2]

Im Grundzustand ist die Magnetisierung parallel zu den Feldlinien, in angeregten Zuständen können wir diese in einen Anteil M_{\perp} senkrecht und M_{\parallel} parallel zu den Feldlinien aufspalten (s. Abb. 1). Angeregte Zustände zerfallen dabei auf einer charakteristischen Zeitskala in den Grundzustand.

Die Wechselwirkung zwischen dem Magnetfeld \vec{B}_0 und der Magnetisierung \vec{M} führt zu einem Drehmoment $\vec{\tau}$, wodurch M_{\perp} mit einer Winkelfrequenz ω_L um \vec{B}_0 präzediert (s. Abb. 2). Diese sogenannte Larmorfrequenz ist gegeben durch:

$$\omega_L = \gamma B_0 \quad (2)$$

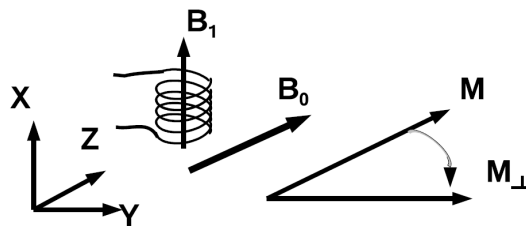


Abbildung 3: Hochfrequenzpuls zur Rotation der Magnetisierung [2]

Eine bestimmte Magnetisierung kann durch Anlegen eines HF-Pulses an die Magnetisierung im Grundzustand erzeugt werden. Das zusätzliche Magnetfeld \vec{B}_1 dreht die Grundzustandsmagnetisierung während eines Zeitintervalls Δt um einen Winkel

$$\alpha = \gamma B_1 \Delta t \quad (3)$$

Ist die Zeitdauer so gewählt, dass $\alpha = 90^\circ$, wird \vec{M} in eine senkrechte Komponente M_\perp überführt (90°-Puls). Ebenfalls kann durch $\alpha = 180^\circ$ eine Magnetisierung antiparallel zu dem statischen Feld \vec{B}_0 erzeugt werden (180°-Puls).

1.2 Kalibration des Systems

An der Spule, auf die der HF-Puls gegeben wird, kann ebenfalls eine durch die präzedierende Magnetisierung hervorgerufene Induktionsspannung gemessen werden. Da dieses Signal mit der Larmorfrequenz ω_L moduliert ist, liefert eine Fouriertransformation Aufschluss über die Frequenzverteilung der Probe.

Zunächst müssen die im Gerät als PULS I und PULS II ausgezeichneten Signalformen über die Pulsdauer als 90°- bzw 180°-Puls definiert werden. In Abbildung 4 ist die Form eines solchen Pulses direkt nach dem Signalgenerator zu erkennen. Über die Potentiometer S6 und S7 ist die zeitliche Länge variierbar.

Um nun die Pulse zu kalibrieren, wird das in der Spule induzierte Signal auf dem Oszilloskop beobachtet (s. Abb. 5). PULS I entspricht genau dann einer Drehung um 90°, wenn die Anstiegsflanke des Pulses maximal steil ist, PULS II einer Drehung um 180°, wenn die Flanke möglichst flach ist.

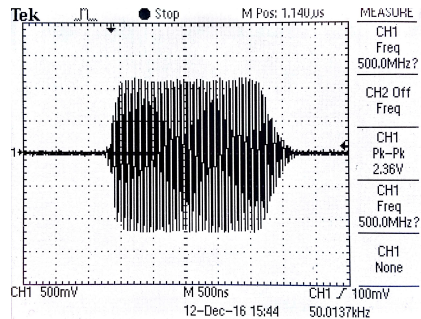


Abbildung 4: Pulsform direkt nach dem Signalgenerator.

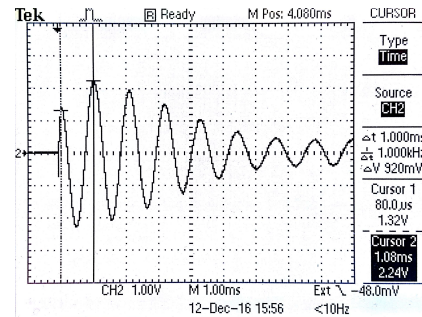


Abbildung 5: Induziertes Signal in der Spule zur Pulskalibration.

Für die Kalibration wird Probe I (Gd 1:500 in Wasser) verwendet. Die HF-Pulse sind jeweils mit einer Frequenz von $\omega_{HF} = (19.9 \pm 0.2) MHz$ moduliert. Die Arbeitsfrequenz wird nun durch Drehen der Schraube W1 auf $1 kHz$ eingestellt. PULS I hat dann 90°-Verhalten, wenn $S6 \approx 2.0$ (Amplitude ca. $6V$), PULS II 180°-Verhalten, wenn $S7 \approx 2.1$ (Amplitude ca. $7V$). Über die FWHM des Pulses bestimmen wir die Pulsbreite zu:

PULS I: $t_1 = (1,41 \pm 0,10) \mu s$

PULS II: $t_2 = (2,48 \pm 0,20) \mu s$

2 Durchführung und Auswertung

2.1 Teil I: Relaxationszeiten

2.1.1 Theorie

Relaxiert eine angeregte Magnetisierung zurück in den Grundzustand, so kann deren zeitliche Entwicklung durch die Bloch-Gleichungen beschrieben werden. In einem mitbewegten Bezugssystem sind diese gegeben durch:

$$\frac{dM_{\perp}(t)}{dt} = -\frac{M_{\perp}(t)}{T_2} \quad (4)$$

$$\frac{dM_{\parallel}(t)}{dt} = -\frac{M_{\parallel}(t) - M_0}{T_1} \quad (5)$$

Zu der Energie eines angeregten Zustands tragen maßgeblich zwei verschiedene Wechselwirkungen bei. Der erste Anteil ist gegeben durch die Wechselwirkung der magnetischen Dipole mit dem externen Feld (Spin-Gitter Wechselwirkung). Zweitens interagieren auch die einzelnen Dipolmomente untereinander, wobei eine antiparallele Orientierung energetisch günstiger ist (Spin-Spin Wechselwirkung).

Die zeitliche Entwicklung einer transversalen Magnetisierung ergibt sich aus der Lösung von Gl. (4) zu:

$$M_{\perp}(t) = M_{\perp}^0 e^{-\frac{t}{T_2}} \quad (6)$$

Die Spin-Spin Relaxationszeit T_2 kann durch die sogenannte Spin-Echo Methode bestimmt werden (s. Abb. 6).

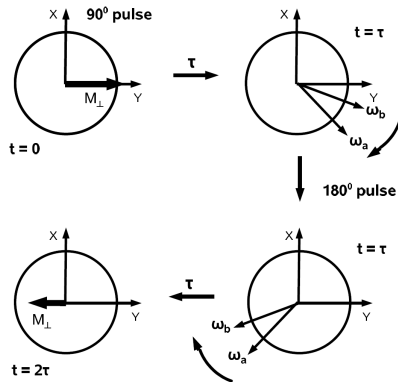


Abbildung 6: Prinzip der Spin-Echo Methode [2]

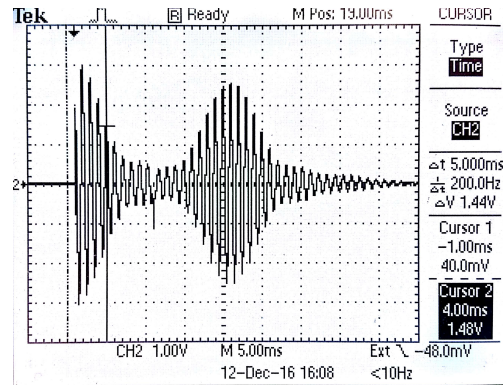


Abbildung 7: Spin-Echo Messung mit $\tau = 10ms$

Hierbei wird zunächst mit einem 90° -Puls eine transversale Magnetisierung erzeugt. Aufgrund des Magnetfelds \vec{B}_0 präzediert die Magnetisierung dann, wobei Protonen an unterschiedlichen aufgrund von Inhomogenitäten des Magnetfelds unterschiedliche Larmorfrequenzen haben. Zwei unterschiedliche Protonen haben dann zum Zeitpunkt $t = \tau$ eine Phasendifferenz aufgebaut, die durch Gabe eines 180° -Pulses umgekehrt werden kann. Nach der Zeit $t = 2\tau$ sind die Magnetisierungen wieder in Phase, und das so erzeugte 'Spin-Echo' kann auf dem Oszilloskop beobachtet werden (s. Abb. 7).

Durch Messung des Maximums der Einhüllenden zu verschiedenen Zeiten τ können also Punkte des Zerfallsgesetzes in Gl. (6) aufgenommen werden. Die Spin-Echo Methode wird für lange Zeiten zunehmend ungenau, da die Protonen vor Anlegen des 180° -Pulses an andere Positionen diffundieren können. Hierdurch kann nur teilweise Kohärenz erreicht werden; das Signal wird kleiner und wir messen zu niedrige Werte für T_2 .

Diese Limitation kann durch Verwendung einer sogenannten Carr-Purcell Sequenz minimiert werden. Hierbei wird wie gehabt mit einem 90° -Puls gestartet, und nach allen ungeraden Vielfachen einer kurzen Zeit τ wird ein 180° -Puls angelegt. Zu allen geraden Vielfachen von τ ist das System phasenkohärent, und wir können die Relaxation der Magnetisierung mit einer höheren Genauigkeit messen.

Die zeitliche Entwicklung einer antiparallelen Magnetisierung ergibt sich aus der Lösung von Gl. (5) zu:

$$M_{\parallel}(t) = M_{\parallel}^0(1 - 2e^{-\frac{t}{T_1}}) \quad (7)$$

Die Spin-Gitter Relaxationszeit T_1 kann bestimmt werden, in dem zunächst mit einer 180° -Puls gestartet wird. Diese Magnetisierung produziert kein Signal, weshalb nach einer Zeit $t = \tau$ ein 90° -Puls zur Messung angelegt werden muss. Ähnlich der Spin-Echo Methode können nun unterschiedliche Punkte der Zerfallskurve durch Messung bei variablen Werten von τ bestimmt werden.

2.1.2 Durchführung

Zunächst wird mithilfe der Spin-Echo Methode die Relaxationszeit T_2 bestimmt. Als Pulssequenz wählen wir die I-II-Folge mit $\tau = 10ms$ und einer Wiederholrate von $1/3Hz$. Mittels LabView-Programm wird in einer Messreihe mit zehn Punkten die Amplitude der Spin-Echo-Einhüllenden als Funktion von τ gemessen. Das Programm ermittelt die Amplitude durch Transformation des Signals in den Frequenzraum, wobei für ein lineares Signal-zu-Rausch Verhältnis (SNR) jeweils automatisch über zehn Messungen gemittelt wird. Weil die Trial-to-trial variability zum Teil deutlich größer als die angegebene Standardabweichung war, haben wir jeden Datenpunkt mehrmals gemessen.

Für Probe 1 (Gd 1:500) ergibt sich durch exponentiellen Fit (s. Abb. 8):

$$T_2 = (119,5 \pm 0,5) ms$$

$$A = (8,6 \pm 0,0) \text{ b.E.}$$

Analog dazu ergibt sich für Probe 3 (Gd 1:600) (s. Abb. 9):

$$T_2 = (139,3 \pm 0,8) ms$$

$$A = (8,1 \pm 0,0) \text{ b.E.}$$

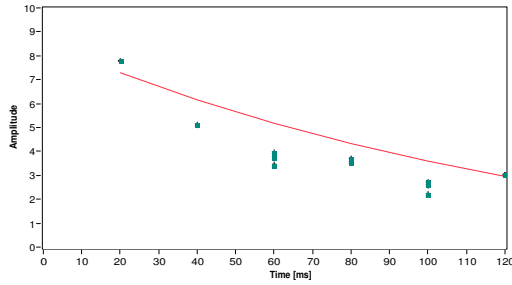


Abbildung 8: T2-Messung Probe 1 mit Fit.

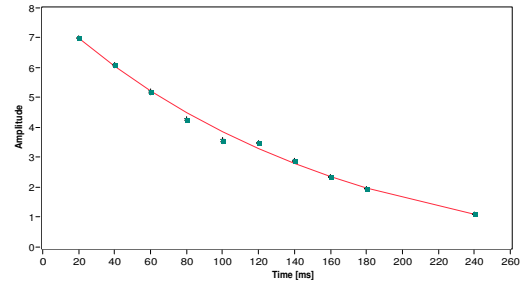


Abbildung 9: T2-Messung Probe 3 mit Fit.

Zum Vergleich wird die Relaxationszeit T_2 mittels einer Carr-Purcell-Sequenz gemessen. Im LabView-Programm wird über 10 Messungen gemittelt, die Zeitdifferenz zwischen den Pulsen beträgt $\tau = 20\text{ms}$.

Für Probe 1 (Gd 1:500) ergibt sich durch exponentiellen Fit (s. Abb. 10):

$$T_2 = (140,1 \pm 0,4) \text{ ms}$$

$$A = (92,8 \pm 0,4) \text{ b.E.}$$

Analog dazu ergibt sich für Probe 3 (Gd 1:600) (s. Abb. 11):

$$T_2 = (166,9 \pm 0,4) \text{ ms}$$

$$A = (93,9 \pm 0,2) \text{ b.E.}$$

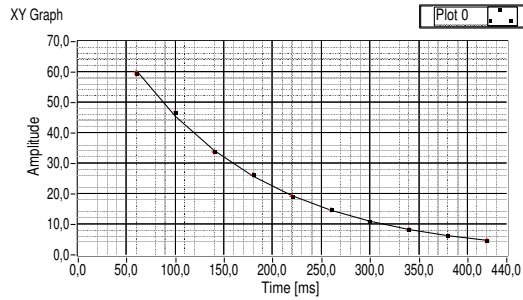


Abbildung 10: T2-Messung über Carr-Purcell Probe 1 mit Fit.

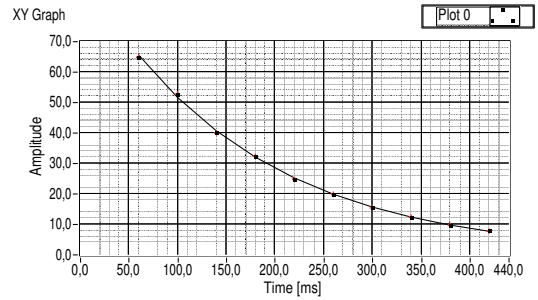


Abbildung 11: T2-Messung über Carr-Purcell Probe 3 mit Fit.

Anschließend wird die Spin-Gitter Relaxationszeit T_1 bestimmt, wobei das Messprinzip identisch zur ersten Messung von T_2 ist. Die Parameter bleiben unverändert.

Für Probe 1 (Gd 1:500) ergibt sich durch exponentiellen Fit (s. Abb. 12):

$$T_1 = (125,5 \pm 0,6) \text{ ms}$$

$$A = (3,79 \pm 0,02) \text{ b.E.}$$

Analog dazu ergibt sich für Probe 3 (Gd 1:600) (s. Abb. 13):

$$T_1 = (150,5 \pm 1,2) \text{ ms}$$

$$A = (4,17 \pm 0,03) \text{ b.E.}$$

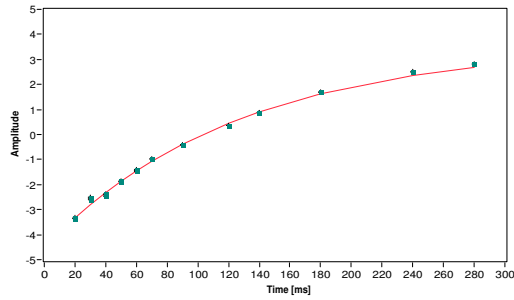


Abbildung 12: T1-Messung Probe 1 mit Fit.

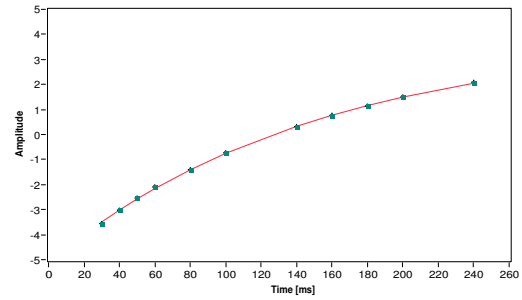


Abbildung 13: T1-Messung Probe 3 mit Fit.

2.1.3 Auswertung

In Tabelle 1 sind unsere Messungen für die Relaxationszeiten T_1 und T_2 zusammengefasst.

Tabelle 1: Strukturparameter der Kalibrationsgitter			
Zeit Methode	T1 [ms] Spin-Echo	T2 [ms] Spin-Echo	T2 [ms] Carr-Purcell
Probe 1 (Gd 1:500)	$(125,5 \pm 0,6)$	$(119,5 \pm 0,5)$	$(140,1 \pm 0,4)$
Probe 3 (Gd 1:600)	$(150,5 \pm 1,2)$	$(139,3 \pm 0,8)$	$(166,9 \pm 0,4)$

Es fällt auf, dass ...

2.2 Teil II: Chemische Verschiebung

2.2.1 Theorie

Im folgenden Abschnitt betrachten wir Protonen, die in Molekülen gebunden sind. In diesem Fall wird das äußere Magnetfeld B_0 aufgrund der Elektronenorbitale in der Umgebung des Protons um den Betrag

$$\delta \vec{B} = -\sigma \vec{B}_0 \quad (8)$$

verringert. Nach Gleichung (2) wird dadurch auch die Larmorfrequenz modifiziert:

$$\omega_i = \omega_L (1 - \sigma_i) \quad (9)$$

Der Proportionalitätsfaktor σ repräsentiert dabei die magnetische Abschirmung und ist charakteristisch für die chemische Gruppe, in der sich das Proton befindet. Damit ist die Messung von ω_i für die chemische Strukturanalyse von Substanzen geeignet.

Um chemische Substanzen zu identifizieren, wird in der Praxis eine Referenzsubstanz zur Probe hinzugemischt. Alle *chemischen Verschiebungen*, also Verschiebungen der Larmorfrequenz ω aufgrund der Elektronenorbitale, werden relativ zu dieser Referenz angegeben. Für diesen Zweck hat sich *Tetramethylsilan (TMS)* [1] (siehe Abbildung 14) etabliert, da es weitgehend chemisch inert ist, und einen einzigen starken Peak im Spektrum liefert. Außerdem hat es wegen der geringen chemischen Elektronegativität von Silicium eine kleinere Frequenz als die meisten funktionellen Gruppen der organischen Chemie, weshalb der Wert für δ_i in der Regel positiv (siehe Abbildung 15) ist. Es ist üblich, die relative Verschiebung der Frequenz in der Einheit ppm (parts per million) anzugeben.

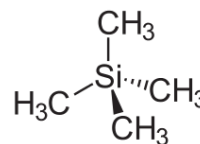


Abbildung 14:
Tetramethylsilan

$$\delta_i = \sigma_i - \sigma_{TMS} = \frac{\omega_{TMS} - \omega_i}{\omega_L} \quad (10)$$

Das hat den Vorteil, dass die Werte für die chemischen Verschiebungen unabhängig vom angelegten Magnetfeld B_0 sind, was sicher stellt, dass Messergebnisse von unterschiedlichen Messapparaturen untereinander vergleichbar sind. In Abbildung 15 sind die chemischen Verschiebungen für diverse organische Verbindungen dargestellt.

2.2.2 Durchführung

Das Ziel dieses Versuchsteils war die Identifizierung von verschiedenen chemischen Substanzen an Hand ihrer chemischen Verschiebung. Als Referenz haben wir das oben erwähnte TMS verwendet. Allgemein standen uns jeweils fünf chemische Proben in zweifacher Ausführung zur Verfügung: einmal die reine Substanz und einmal ein Gemisch aus der Substanz und TMS. Zusätzlich muss die Probe, die in einem dünnen Glasrohr eingeschlossen ist, mittels Durchluft in Rotation versetzt werden, um die Schärfe der Messpeaks bzw. die Auflösung zu optimieren. Inhomogenitäten in der Probe und im

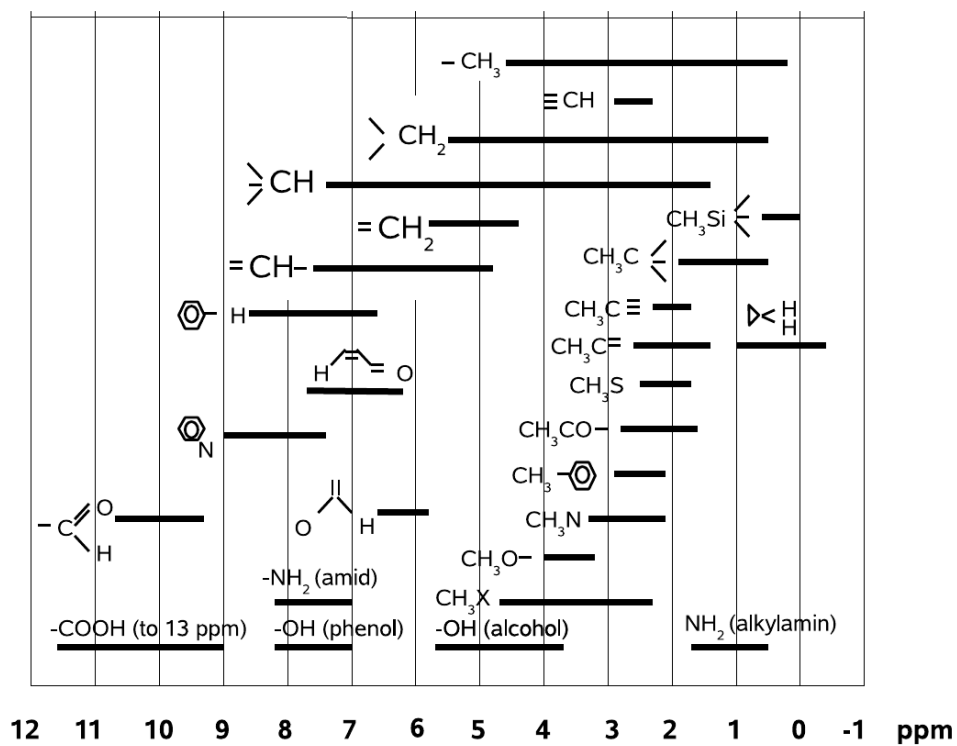


Abbildung 15: Chemische Verschiebung δ_i verschiedener funktioneller Gruppen relativ zu TMS [2]

Magnetfeld B_0 sowie durch Difusionsprozesse verschlechtern die Auflösung. Das Spektroskop wird bei einer Working-Frequency von $\nu_\omega = 500$ Hz und mit 90° - Pulsen bei einer Wiederholrate von 1/3 Hz.

Einfluss der Rotation Zunächst untersuchen wir, welchen Einfluss die Rotation der Proben auf das Messergebnis hat. Dazu wird Probe 3 verwendet. Ohne Rotation hat das Response-Signal eine Breite (FWHM) von ca. 200 Hz bei einer maximalen Intensität von 0,25. Mit Rotation beträgt die Breite nur ca. 20 Hz und das Maximum 1,9. Offensichtlich lässt sich also die Breite der Peaks und damit die Auflösung durch diese Methode deutlich verbessern, weil sich die oben genannten Inhomogenitäten und Diffusionseffekte herausmitteln.

Zuordnung der Proben Wir messen nacheinander die Präparate A bis E, jeweils mit TMS-Beimischung¹ (gekennzeichnet durch ein +) und ohne. Der relative Abstand der Peaks, die zu den chemischen Gruppen gehören gibt Aufschluss über die chemische Zusammensetzung. Uns standen folgende Proben zur Verfügung:

Toluol $\text{CH}_3\text{---}\text{C}_6\text{H}_5$

p-Xylol $\text{CH}_3\text{---}\text{C}_6\text{H}_4\text{---}\text{CH}_3$

Essigsäure $\text{CH}_3\text{---}\text{COOH}$

Fluoracetone $\text{FCH}_2\text{---}\text{CO---CH}_3$

Fluoroacetonitril $\text{FCH}_2\text{---}\text{CN}$

Unsere Messergebnisse sind in den Tabellen 2 bis 6 zusammen mit der Zuordnung zu der entsprechenden chemischen Gruppe dargestellt.

Tabelle 2: Messergebnisse für Probe A, Zuordnung: *Fluoracetone*

Peaks von A+ [ppm]	Peaks von A [ppm]	Chem. Versch.	Zuordnung
$p_1 = 22,2$	$p_1 = 23,8$	$\delta_i = 6,3$	FCH ₂ -Gruppe
$p_2 = 24,6$	$p_2 = 21,4$	$\delta_i = 3,9$	
$p_3 = 26,4$	$p_3 = 19,6$	$\delta_i = 2,1$	Methyl-Gruppe CH ₃
$p_4 = 28,5$	—	—	TMS

¹Die Daten für die Proben A+ und D+ stammen aus der Datenbank, da uns keine Probe zur Verfügung stand

Tabelle 3: Messergebnisse für Probe B, Zuordnung: *p-Xylol*

Peaks von B+ [ppm]	Peaks von B [ppm]	Chem. Versch.	Zuordnung
$p_1 = 22,7$	$p_1 = 22,7$	$\delta_i = 7,0$	Benzol-Gruppe
$p_2 = 27,5$	$p_2 = 27,5$	$\delta_i = 2,2$	Methyl-Gruppe, Peak doppelt so groß wie p_1
$p_3 = 29,7$	–	–	TMS

Tabelle 4: Messergebnisse für Probe C, Zuordnung: *Essigsäure*

Peaks von C+ [ppm]	Peaks von C [ppm]	Chem. Versch.	Zuordnung
$p_1 = 16,7$	$p_1 = 17,0$	$\delta_i = 11,6$	COOH-Gruppe
$p_2 = 26,2$	$p_2 = 26,6$	$\delta_i = 2,1$	Methyl-Gruppe CH ₃
$p_3 = 28,3$	–	–	TMS

Tabelle 5: Messergebnisse für Probe D, Zuordnung: *Fluoroacetonitril*

Peaks von D+ [ppm]	Peaks von D [ppm]	Chem. Versch.	Zuordnung
$p_1 = 30,8$	–	–	TMS
$p_2 = 34,8$	$p_2 = 26,6$	$\delta_i = 6,4$	FCH ₂ -Gruppe
$p_3 = 37,2$	$p_3 = 24,2$	$\delta_{\text{delta}_i} = 4,0$	

Tabelle 6: Messergebnisse für Probe E, Zuordnung: *Toluol*

Peaks von E+ [ppm]	Peaks von E [ppm]	Chem. Versch.	Zuordnung
$p_1 = 19,5$	$p_1 = 23,1$	$\delta_i = 7,3$	Benzol-Gruppe
$p_2 = 24,4$	$p_2 = 23,1$	$\delta_i = 2,4$	Methyl-Gruppe, beide Peaks gleich groß
$p_3 = 26,8$	–	–	TMS

2.2.3 Auswertung

Zuordnung Bei der Zuordnung sind wir nach dem Ausschlussprinzip vorgegangen. Probe C lässt sich eindeutig der *Essigsäure* zuweisen, da die COOH-Gruppe gemäß Abbildung 15 eine sehr charakteristische hohe chemische Verschiebung von 9 ppm bis 13 ppm. Wegen der hohen Elektronegativität des Sauerstoffatoms das Elektron des Wasserstoffs stark vom Protonkern weggezogen, was den hohen Wert für δ_i erklärt. Die Stoffe *Toluol* und *p-Xylol* sind in ihrem chemischen Aufbau sehr ähnlich mit dem Unterschied, dass Toluol eine Methylgruppe (CH₃) und *p-Xylol* zwei hat. Dementsprechend konnten wir beim *p-Xylol* einen Peak beobachten, der doppelt so groß ist wie des Benzols, wohingegen beim Toluol zwei Peaks der selben Höhe zu sehen waren. Interessant ist an dieser Stelle auch die Tatsache, dass die Benzol-Gruppe eine relativ große chemische Verschie-

bung von $\delta_i \approx 7,0$ hat. Das ist darauf zurückzuführen, dass die Bindungselektronen im Benzolring relativ stark delokalisiert sind und deshalb wenig zur Abschirmung beitragen. Die beiden verbleibenden Stoffe unterscheiden sich in vor allem in der Anzahl der NMR-aktiven Gruppen. Die FCH_2 -Gruppe ist sowohl im *Fluoracetone* als auch im *Fluoroacetonitril* enthalten und sorgt für zwei Peaks im NMR-Spektrum. Das resultiert aus der Spin-Spin-Kopplung vom Fluor- und Wasserstoff-Atom. Beide Kerne haben einen Spin von $I = 1/2$, was zu einer Zeeman-Aufspaltung beim Wasserstoff führt. Da die CN-Gruppe kein Signal liefert – ^{14}N hat zwar einen Spin von $I = 1$, jedoch liegt ω_L wegen des gyromagnetischen Verhältnisses außerhalb unseres Messbereichs – hat Fluoroacetonitril zwei Peaks und Fluoracetone drei. Der dritte gehört zur Methylgruppe.

Energieauflösung Aus der Breite der Peaks lässt sich die Energieauflösung des Spektroskops bestimmen. Wir ermittelten die FWHM des schmalsten Peaks: $\Delta\nu = 20\text{ s}^{-1}$

$$\Delta E_{NMR} = h \cdot \Delta\nu = 8,28 \cdot 10^{-14} \text{ eV} \quad (11)$$

Außerdem interessierte uns die Aufspaltung der beiden Peaks beim Fluoroacetonitril, was Auskunft über die Stärke der Spin-Spin-Wechselwirkung zwischen dem Fluor- und dem Wasserstoffkern gibt:

$$\Delta E(H, F) = h \cdot |\nu_1 - \nu_2| = 4,14 \cdot 10^{-15} \text{ eV s} \cdot 48 \text{ s}^{-1} = 2,0 \cdot 10^{-13} \text{ eV} \quad (12)$$

2.3 Teil III: Bildgebung mit NMR

2.3.1 Theorie

Um ein positionsaufgelöstes NMR-Signal aufzunehmen, müssen ortsabhängige Magnetfelder verwendet werden. Hierzu werden dem in z-Richtung zeigenden, statischen Feld \vec{B}_0 Gradientenfelder überlagert. Diese Magnetfelder $\vec{B}^x, \vec{B}^y, \vec{B}^z$ zeigen in z-Richtung und die Feldstärke steigt linear als Funktion der jeweiligen Koordinate an.

Eindimensionale Bildgebung Im eindimensionalen Fall wird ein Gradientenfeld verwendet, wodurch die Larmorfrequenz ortsabhängig wird. Im Folgenden soll das Verfahren anhand einer Aufnahme in z-Richtung vorgestellt werden.

Die Larmorfrequenz folgt dann dem Zusammenhang:

$$\omega_L = \gamma(B_0 + G^z \cdot z) = \omega_L^0 + \omega_z \quad (13)$$

Um nun das NMR-Signal aufzunehmen, können zwei verschiedene Verfahren verwendet werden: *Frequenzkodierung* und *Phasenkodierung*.

Bei der Frequenzkodierung wird das NMR-Signal als Funktion der Zeit aufgenommen. Die transversale Magnetisierung $M_{\perp}^{rot}(z)$ am Ort z präzediert mit der Larmor-Frequenz aus Gl. (13). Wird das Signal innerhalb einer Zeit aufgenommen, die im Vergleich zur Relaxationszeit T_2 klein ist, bleibt die transversale Magnetisierung $M_{\perp}^{rot}(z)$ annähernd konstant und ist nur ortsabhängig. Das gemessene Signal $S(t)$ ist dann die eindimensionale Fouriertransformation von $M_{\perp}^{rot}(z)$. Damit kann über eine Rücktransformation des NMR-Signals auf die transversale Magnetisierung geschlossen werden.

In der Praxis wird das NMR-Signal in festgelegten Zeitschritten abgetastet, wodurch eine Menge von N Datenpunkten $S_N(N\Delta t)$ aufgezeichnet wird. Eine diskrete Fouriertransformation liefert dann die Menge $M_N = M_{\perp}(N\Delta z)$.

Im Gegensatz dazu wird bei der Phasenkodierung ein Gradientenfeld angelegt, dessen Stärke in linearen Schritten ΔG^z erhöht wird. Innerhalb eines Zeitintervalls T_{Ph} vor Abtasten des Signals wird ein Gradientenfeld $B^z = G^z z$ angelegt, wodurch die Phase

$$\phi(z) = (\gamma G^z T_{Ph}) z := k_z z \quad (14)$$

am Ort z angenommen wird. Nach Abschalten des Gradienten präzedieren die Komponenten wieder mit der originalen Larmorfrequenz ω_L^0 , aber mit einem unterschiedlichen Phasenwinkel. Es werden zum Zeitpunkt t_0 N Datenpunkte mit unterschiedlichen Ortsfrequenzen $k_n = n\Delta k$ aufgenommen. Eine Fouriertransformation liefert dann wieder die transversale Magnetisierung $M_{\perp}^{rot}(z)$.

Beide Methoden sind mathematisch äquivalent. Der einzige Unterschied besteht in der Tatsache, dass bei der Frequenzkodierung alle Datenpunkte in einer Sequenz aufgenommen werden können, wohingegen bei der Phasenkodierung N Sequenzen notwendig sind.

Zweidimensionale Bildgebung Zur Aufnahme eines zweidimensionalen NMR-Bildes werden alle drei Gradientenfelder verwendet. Zunächst muss in z-Richtung eine dünne Scheibe des Samples selektiv angeregt werden. Liegen ihre Koordinaten im Bereich $z_1 \leq z \leq z_2$, so sind die Begrenzungen durch die Larmorfrequenzen ω_1 und ω_2 charakterisiert. Wird nun ein Hochfrequenzpuls auf die Probe gegeben, der nur Frequenzen ω innerhalb dieses Bereichs enthält, kann die gewünschte Scheibe selektiv angeregt werden.

Innerhalb der ausgewählten Scheibe kann nun die zweidimensionale Positionsinformation aus einer Kombination von Phasenkodierung in x-Richtung und Frequenzkodierung in y-Richtung abgeleitet werden. Die Messsequenz wird N -Mal für unterschiedliche Phasengradienten wiederholt, wobei jede Sequenz M Datenpunkte liefert. Aus dieser Matrix von $N \times M$ Datenpunkten kann nun über eine zweidimensionale Fouriertransformation das NMR-Bild errechnet werden. Die zeitliche Abfolge der Pulse und des Messsignals ist in Abb. 16 veranschaulicht.

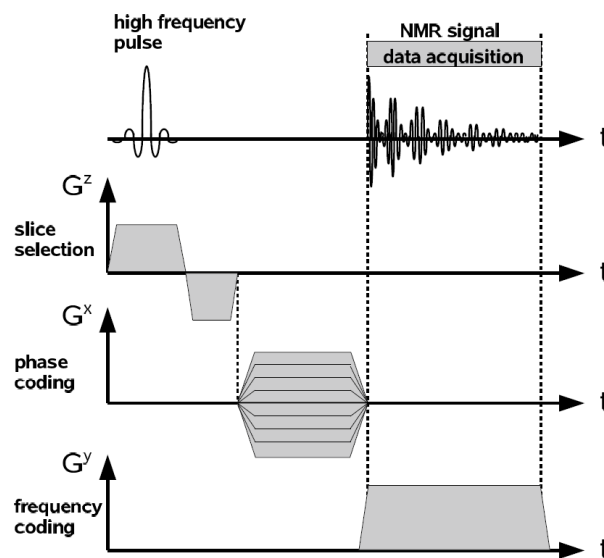


Abbildung 16: Pulsfolge zur Aufnahme eines zweidimensionalen Bildes.

2.3.2 Durchführung und Auswertung

In diesem Versuchsteil verwenden wir den Bruker[®] NMR analyzer mq7.5, ein professioneller NMR-Analysator für ein- und zweidimensionale Messungen. Für die Analyse der aufgenommenen Bilder steht uns eine kommerzielle Software der Firma Bruker[®] zur Verfügung.

Eindimensionale Bildgebung Wir beginnen unsere Messung mit verschiedenen Wasser- und Ölproben, die wir in vertikaler Richtung (y-Richtung) scannen.

- Ein Glaszylinder wird 15 mm hoch mit Öl gefüllt. Wie erwartet erhalten wir ein rechteckiges Signal.

- Ein Glaszylinder wird 50 mm hoch mit Wasser gefüllt. Es entsteht wieder ein rechteckförmiges Signal, diesmal breiter und von höherer Intensität, da die Dichte der Wasserstoffatome größer ist als in Öl. Es treten nichtlineare Effekte auf Grund der Inhomogenität des Magnetfeldes auf. Diesen Effekt äußert sich in einer Krümmung des Signal einem Bereich, der eigentlich ein konstantes Signal liefern sollte. Daher sollte die Probe dort positioniert werden, wo diese Inhomogenitäten nicht auftreten (um den Nullpunkt: ± 5 mm).
- Es wird der Glaszylinder mit der scheibenförmigen Teflonstruktur eingesetzt. Da Teflon kein NMR-Signal erzeugt, sind im Signal fünf Vertiefungen zu erkennen, für jede Scheibe eine. An diesen Stellen wird das Wasser stärker verdrängt, weshalb das Signal schwächer ist.
- Wir untersuchen den Versickerungsprozess von Öl in Sand hinsichtlich der Frage, ob es sich um einen *Diffusionsprozess* handelt. Dazu befüllen wir den Glaszylinder mit einer 15 mm hohen Sandschicht, auf der eine 4 mm hohe Ölschicht platziert wird. Wir messen die zeitliche Entwicklung der vertikalen Verteilung des Öls im Sand (siehe Abbildung 17).

Diffusion folgt dem zweiten Fickschen Gesetz (eindimensionaler Fall):

$$\frac{\partial c}{\partial t} = D \frac{\partial^2 c}{\partial x^2} \quad (15)$$

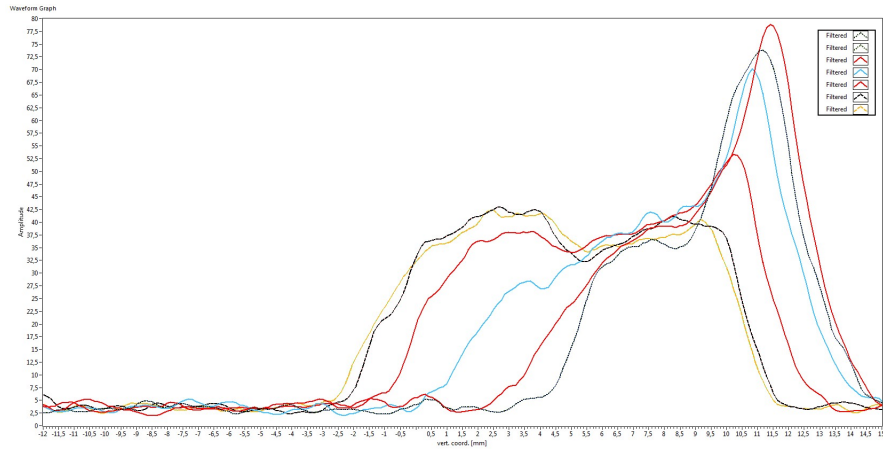
Wir betrachten eine Stelle im Sand. Hier gilt stets $\frac{\partial c}{\partial t} > 0$ und $D > 0$, wobei D der Diffusionskoeffizient ist. Daraus folgt, dass $\frac{\partial^2 c}{\partial x^2} > 0$, d.h. alle Konzentrationskurven im Sand sollten konvex sein.

In unserem Fall jedoch sind alle Kurven in beiden Abbildungen 17a und 17b konkav. Dementsprechend kann es sich nicht um Diffusionsprozesse handeln, sondern um normale Versickerungsprozesse.

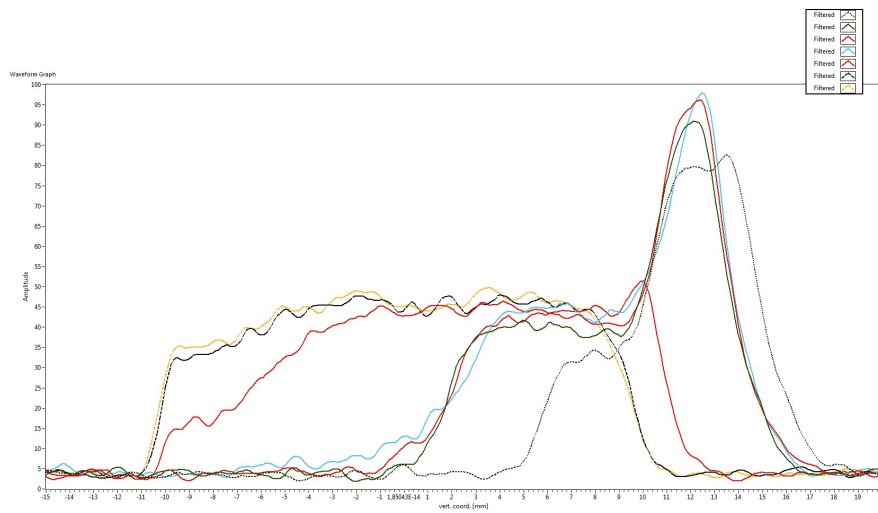
Zweidimensionale Bildgebung Folgende Messungen werden mittels 2-D-Fouriermethode durchgeführt:

- Es wird ein Glaszylinder mit 15 mm Öl befüllt und ein horizontaler Ausschnitt gewählt (Abbildung 18a). Wie erwartet sehen wir eine mehr oder minder homogene Kreisscheibe. Ein vertikaler Ausschnitt von links nach rechts ergibt ein Rechteck, an dem unten die Wölbung des Glaszylinders und oben der Meniskus auf Grund der Oberflächenspannung sichtbar ist (Abbildung 18b).
- Das Bild der PFTE-Struktur sieht auch wie erwartet aus (Abbildung 18c). Da Teflon unsichtbar für unser Gerät ist, wird es schwarz dargestellt.

Bei den organischen Proben gibt die Helligkeit Aufschluss über den Wasser- bzw. Ölgehalt der Probe. Helle Stellen enthalten viel Wasser oder Öl, weshalb sie ein starkes Signal erzeugen.



(a) Chinchillasand, feinkörnig



(b) Papageiensand, grobkörnig

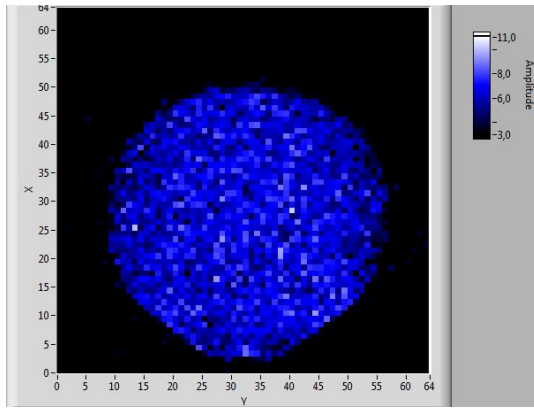
Abbildung 17: Zeitliche Aufnahmen des Versickerung von Öl im Sand. Die größere Porosität vom Papageiensand führt zu einer rascheren Versickerung (oben).

- Bei der Olive (Abbildung 18d) ist der Stein gut zu erkennen. Er besteht aus einer trockenen Schale und enthält im Inneren den Keimling, der viel Feuchtigkeit und Öle enthält. Um den Kern ist das ölhaltige Fruchtfleisch angesiedelt.
- Die Schale der Erdnuss (Abbildung 18e) ist sehr trocken und taucht daher im NMR-Bild nicht auf. Die untere Erdnuss ist gerade so ausgerichtet, dass der Luftspalt zwischen den beiden Hälften sichtbar ist. Am unteren Ende befindet sich der Keimling, weshalb dort viel Öl vorhanden ist.
- In Ermangelung einer Staudensellerie mussten wir auf eine Scheibe einer Aloe vera zurückgreifen (Abbildung 18f). Man kann gut die Querschnittsform der beiden Stücke erkennen. Der Stofftransport findet in der äußeren Schicht statt, was am hellen Rand erkennbar ist.

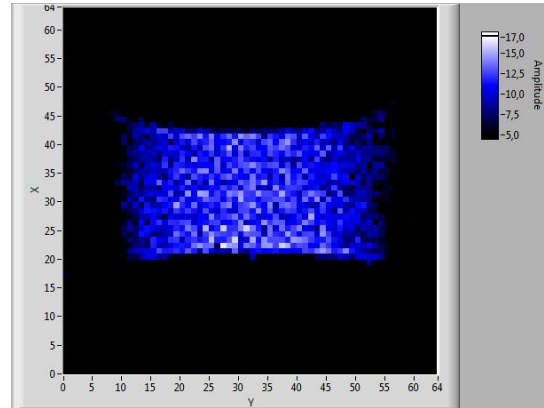
3 Zusammenfassung und Fazit

Literatur

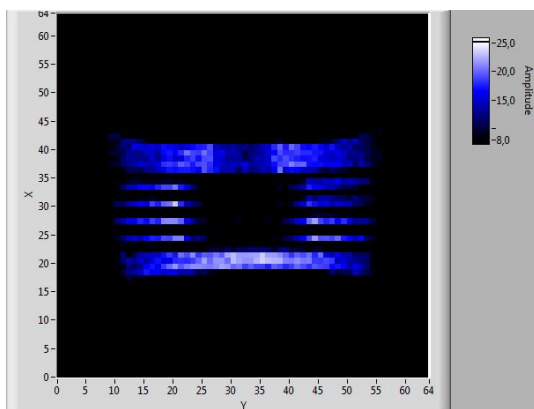
- [1] Wikipedia - die freie Enzyklopedie. *Tetramethylsilan*. 2016. URL: <https://de.wikipedia.org/wiki/Tetramethylsilan>.
- [2] R. Schicker. *Nuclear Magnetic Resonance F61/F62*. 2010.



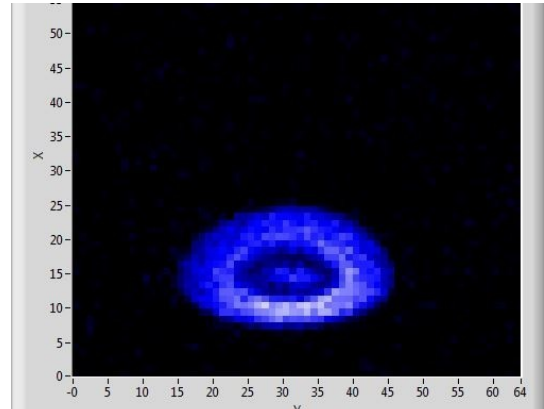
(a) Glaszylinder mit Öl, horizontaler Schnitt



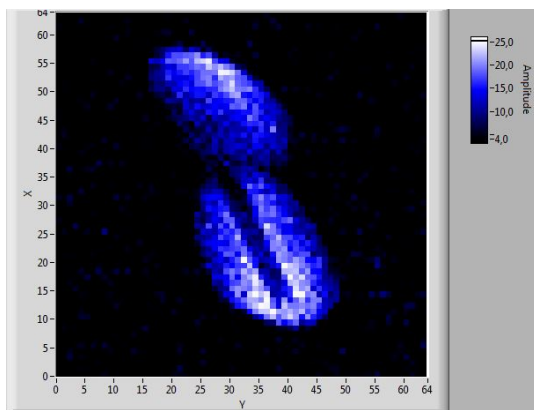
(b) Glaszylinder mit Öl, vertikaler Schnitt



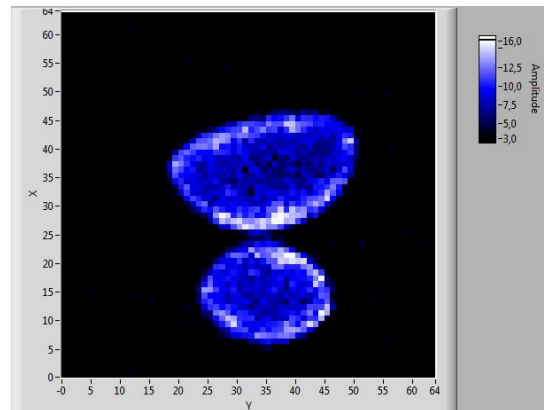
(c) Teflon-Struktur



(d) Olive



(e) Zwei Erdnüsse in der Schale



(f) Aloe vera im Querschnitt

Abbildung 18: Zweidimensionale Aufnahmen von verschiedenen Objekten