Теория фигур планет и гравиметрия 2018

Домашнее задание № 2

Крайний срок сдачи: 11 марта 2018 г.

1. В каких единицах выражаются работа и потенциал?

- (1 б.) (2 б.)
- 2. Известный французский писатель Жуль Верн в 1865 году в романе «С Земли на Луну» поставил следующий вопрос: какова должна быть начальная скорость запущенного с поверхности Земли пушечного ядра для того, чтобы оно долетело до Луны? Легко догадаться, что для достижения цели необходимо, чтобы пущенное с искомой начальной скоростью ядро достигло такой точки, в которой сила притяжения Луны будет больше силы притяжения Земли. На каком расстоянии от поверхности Земли расположена такая «точка невозврата», после пересечения которой ядро не вернётся на Землю? Массы Земли и Луны считать сосредоточенными в их центрах, а сами два небесных тела неподвижными. Поверхность Земли сфера. Исходные данные:

 $GM_{\oplus}=3,9860\times 10^{14}~{\rm m}^3{\rm c}^{-2}$ — геоцентрическая гравитационная постоянная, $GM_{\mathbb C}=4,9049\times 10^{12}~{\rm m}^3{\rm c}^{-2}$ — селеноцентрическая гравитационная постоянная, $R_{\oplus}=6371\times 10^3~{\rm m}$ — средний радиус Земли, $R=3844\times 10^5~{\rm m}$ — расстояния между центрами Земли и Луны.

- 3. Две точечные массы $m_1 = m_2 = m$ расположены в плоскости xy на расстоянии d друг от друга. Притягиваемая единичная масса рсположена в вершине равностороннего треугольника с основанием d (т. е. m_1 и m_2 две другие вершины, а высота $z = \frac{\sqrt{3}}{2}d$).
 - (a) Написать выражение для потенциала притяжения V поля двух точечных масс.
 - (b) Написать выражения для составляющих результирующей силы притяжения F_x, F_y, F_z .
 - (c) Вычислить значение силы притяжения F. Куда она направлена?

Исходные данные (i — вариант): $m = 100 \times i$ кг, $d = 10 \times i$ м.

4. Пользуясь условием и результатами предыдущей задачи, написать уравнение уровенных поверхностей поля двух точечных масс. Построить в плоскости xy след уровенной поверхности, на которой потенциал равен C. Рассмотреть несколько случаев, когда $C \leqslant \frac{4Gm}{d}$.

Подсказка. Следом поверхности в плоскости называется двухмерная кривая, образованная в результате пересечения поверхности этой плоскостью. Следы в плоскостях, параллельных xy могут быть заданы через уравнение $z=f\left(x,y\right)=C$, где C — постоянная. Горизонтали на топографической карте являются следом рельефа. Таким образом, изолинии изображают проекцию следа на плоскость z=0.