Геодезическая гравиметрия 2018

Домашнее задание № 2

Крайний срок сдачи: 8 марта 2018 г.

- 1. В каких единицах выражаются работа и потенциал?
- (2 6.)2. Известный французский писатель Жуль Верн в 1865 году в романе «С Земли на Луну» поста-

(1 6.)

(2 6.)

вил следующий вопрос: какова должна быть начальная скорость запущенного с поверхности Земли пушечного ядра для того, чтобы оно долетело до Луны? Легко догадаться, что для достижения цели необходимо, чтобы пущенное с искомой начальной скоростью ядро достигло такой точки, в которой сила притяжения Луны будет больше силы притяжения Земли. На каком расстоянии от поверхности Земли расположена такая «точка невозврата», после пересечения которой ядро не вернётся на Землю? Массы Земли и Луны считать сосредоточенными в их центрах, а сами два небесных тела — неподвижными. Поверхность Земли — сфера. Исходные данные:

 $GM_{\oplus} = 3.9860 \times 10^{14} \text{ м}^3 \text{c}^{-2}$ – геоцентрическая гравитационная постоянная, $GM_{\mathbb{C}} = 4,9049 \times 10^{12} \text{ м}^3 \text{c}^{-2}$ — селеноцентрическая гравитационная постоянная, $R_{\oplus} = 6371 \times 10^3 \text{ м} - \text{средний радиус Земли,}$ $R = 3844 \times 10^5 \text{ м}$ – расстояния между центрами Земли и Луны.

- 3. Две точечные массы $m_1 = m_2 = m$ расположены в плоскости xy на расстоянии d друг от друга. Притягиваемая единичная масса рсположена в вершине равностороннего треугольника с основанием d (т.е. m_1 и m_2 — две другие вершины, а высота $z=\frac{\sqrt{3}}{2}d$).
 - (a) Написать выражение для потенциала притяжения V поля двух точечных масс.
 - (b) Написать выражения для составляющих результирующей силы притяжения F_x, F_y, F_z .
 - (c) Вычислить значение силы притяжения F. Куда она направлена?

Исходные данные (i — вариант): $m = 100 \times i$ кг, $d = 10 \times i$ м.

4. Пользуясь условием и результатами предыдущей задачи, написать уравнение уровенных (2 6.)поверхностей поля двух точечных масс. Построить в плоскости ху след уровенной поверхности, на которой потенциал равен C. Рассмотреть несколько случаев, когда $C \leqslant \frac{4Gm}{d}$.

Подсказка. Следом поверхности в плоскости называется двухмерная кривая, образованная в результате пересечения поверхности этой плоскостью. Следы в плоскостях, параллельных xy могут быть заданы через уравнение z = f(x,y) = C, где C — постоянная. Горизонтали на топографической карте являются следом рельефа. Таким образом, изолинии изображают проекцию следа на плоскость z = 0.