## Геодезическая гравиметрия 2018

## Домашнее задание № 8

Крайний срок сдачи: 21 декабря 2018 г.

1. Построить график функции Стокса

$$S(\psi) = \csc\frac{\psi}{2} + 1 - 6\sin\frac{\psi}{2} - \cos\psi \left[ 5 + 3\ln\left(\sin\frac{\psi}{2} + \sin^2\frac{\psi}{2}\right) \right]$$

в интервале  $\psi$  от 0° до 180°. Описать поведение функции (нули, минимум, максимум, экстремумы).

2. Вычислить местную аномалию высоты по гравиметрической карте в четырёх точках.

Для выполнения задания в середине гравиметрической карты необходимо выбрать четыре соседние трапеции (координаты центров этих трапеций и будут служить координатами точек вычисления).

Гравиметрическую аномалию высоты в ограниченной области можно получить по формуле

$$\zeta = \frac{R}{4\pi\gamma} \sum_{i} \Delta \bar{g}_{i} S_{i} (\psi) \Delta \omega_{i},$$

где  $S_i\left(\psi\right)$  — функция Стокса, расчитанная для центра трапеции,  $\Delta\omega_i=\cos B_{\rm cp.}\Delta L_i\Delta B_i$  — площадь трапеции,  $\gamma$  — значение нормальной силы тяжести в определяемой точке, которую достаточно принять равной  $\gamma_0$  — нормальной силе тяжести на эллипсоиде. Коэффициенты  $\frac{R}{4\pi\gamma}S_i\left(\psi\right)\Delta\omega_i$  не зависят от долготы исследуемой точки, их можно рассчитать заранее для каждой параллели.

Суммирование ведут по всем трапециям, кроме той, которая содержит саму определяемую точку. В ней функция Стокса обращается в бесконечность, поэтому её необходимо проинтегрировать аналитически, а область вычисления разделить на две части — нулевую зону, непосредственно примыкающую к точке, и ближнюю зону, вычисление в которой ведется по приведенной выше формуле. Значение в нулевой зоне может быть приближённо представлено (после интегрирования функции Стокса) так

$$\zeta_{\text{\tiny H.3.}} pprox rac{s_0}{\gamma} \Delta g_P pprox rac{\sqrt{\Delta x \Delta y}}{\gamma \sqrt{\pi}} \Delta g_P,$$

где  $s_0$  — радиус нулевой зоны,  $\Delta x, \Delta y$  — размеры трапеции в километрах,  $\Delta g_P$  — аномалия силы тяжести в определяемой точке.

Оба результата, в ближней и нулевой зоне, складывают  $\zeta = \zeta_{\text{н.з.}} + \zeta_{\text{б.з.}}$  и получают местную гравиметрическую аномалию высоты.