### POLITECHNIKA WROCŁAWSKA

### Inteligencja Obliczeniowa i jej zastosowania

# Badanie algorytmu genetycznego z zakresu optymalizacji globalnej dla wybranych funkcji testowych

Autorzy: Paweł Andziul 200648 Marcin Słowiński 200638 Prowadzący: dr hab. inż. Olgierd UNOLD, prof. nadzw. PWr

# Spis treści

1	1 Wprowadzenie 2 Implementacja					
2						
	2.1	Parametryzacja skryptu	Ę			
3	Przebieg badań					
	3.1	Branin (2 parametry)	(			
	3.2	Gulf (3 parametry)	1			
	3.3	CosMix4 (4 parametry)	16			
	3.4	EMichalewicz (5 parametrów)	19			
	3.5	Hartman6 (6 parametrów)	23			
	3.6	PriceTransistor (9 parametrów)	26			
	3.7	Schwefel (10 parametrów)	29			
	3.8	Zeldasine20 (20 parametrów)	33			
4	Pod	sumowanie	36			

### 1 Wprowadzenie

Algorytmy genetyczne to

W ramach laboratorium należało przeprowadzić testy algorytmu genetycznego dla różnych parametrów. Jako benchmark oceny należało użyć pakietu "getGlobalOpts" oraz języka R.

Pomiary wykonywano na 2 różnych jednostkach roboczych. Ich parametry nie są istotne z punktu widzenia analizy i możliwości porównania rezultatów.

### 2 Implementacja

Poniżej (listing 1) zamieszczono kod napisany w języku R przygotowany w celu umożliwienia przeprowadzenia pomiarów.

Listing 1: Skrypt w języku R wykorzystany do badań

```
rm(list=ls())
   dev.off(dev.list()["RStudioGD"])
3
   require("GA")
   require("globalOptTests")
6
   require("rgl")
   # Settings ----
9
   nOfRuns <- 10 # minimum 5
   colors <- c("red", "blue", "orange")</pre>
13
   series <- c("Seria 1", "Seria 2", "Seria 3")
14
15
   # [mutations, crossovers, populations, iterations, color]
17
   params = matrix(
     c(0, 0, 50, 100, 1,
18
       0.1, 0.8, 50, 100, 2,
19
       0.1, 0.8, 25, 50, 3),
20
     nrow=3, ncol=5, byrow = TRUE)
21
22
   functions <- c("Branin", "Gulf", "CosMix4", "EMichalewicz",</pre>
23
      "Hartman6", "PriceTransistor", "Schwefel", "Zeldasine20")
   graphs <- TRUE
26
   quality <- 100 #graph resolutions
27
   mutationTests \leftarrow seq(0, 1, 0.1)
29
   crossoverTests <- seq(0, 1, 0.1)</pre>
30
   populationTests <- seq(10, 100, 5)
31
   iterationTests <- seq(10, 200, 10)</pre>
32
   elitismTests <- seq(0, 1, 0.1)
33
34
   # Processing ----
35
   customMeasure <- function(fileName, graphName, values, mType, xlab, main) {</pre>
37
38
```

```
gMin <- .Machine$integer.max</pre>
39
     gBest <- NA
40
41
     temp <- c()
42
     for (defRow in 1:nrow(params)) {
43
       averages <- c()
44
       for (value in values) {
45
         sum <- 0
46
         for (i in 1:nOfRuns) {
           GAmin <- ga(type = "real-valued",</pre>
48
               fitness = function(xx) - f(xx),
49
               \min = c(B[1,]), \max = c(B[2,]),
               popSize = if (mType == "pop") value else params[defRow,3],
               maxiter = if (mType == "itr") value else params[defRow,4],
52
               pmutation = if (mType == "mut") value else params[defRow,1],
53
               pcrossover = if (mType == "crs") value else params[defRow,2],
54
               elitism = if (mType == "elt") value else max(1,
                    round(params[defRow,3] * 0.05)))
           solution <- matrix(unlist(GAmin@solution),ncol=dim,byrow=TRUE)</pre>
56
           eval <- f(solution[1,])</pre>
           if (eval < gMin) {</pre>
58
             gMin <- eval
59
             gBest <- GAmin
62
           sum <- sum + eval
         averages <- c(averages, (sum / nOfRuns))</pre>
64
66
       temp <- c(temp, averages)</pre>
67
     result <- matrix(c(temp),nrow = nrow(params),ncol = length(values))</pre>
68
     write.table(result, file = fileName, row.names=FALSE,
                 na="", col.names=FALSE, sep=";")
70
71
     if (graphs) {
72
73
       png(file = paste(funcName, graphName, ".png", sep=""), width=600,
74
           height=400, units="px")
76
       plot(0, 0, main=main,
            ylim=c(min(c(temp,globalOpt)),max(c(temp,globalOpt))),
77
            xlim=c(min(values),max(values)),
78
            type="n", xlab=xlab, ylab="wartosc")
79
       abline(globalOpt,0, col="green")
80
       colorNames <- c()
81
       seriesNames <- c()
82
       for (i in 1:nrow(params)) {
         color <- colors[params[i,5]]</pre>
84
         colorNames <- c(colorNames, color)</pre>
85
         seriesNames <- c(seriesNames, series[params[i,5]])</pre>
86
87
         lines(values, result[i,], col = color, type = '1')
88
       legend("topright", seriesNames, lty=rep(1,nrow(params)), col=colorNames)
89
90
       dev.off()
92
```

```
summary(gBest)
93
94
        png(file = paste(funcName, graphName, mType, ".png", sep=""), width=600,
95
            height=400, units="px")
        filled.contour(x, y, z, color.palette = jet.colors, nlevels = 24,
             plot.axes = { axis(1); axis(2);
97
              points(solution[1,1], solution[1,2],
98
                     pch = 3, cex = 5, col = "black", lwd = 2)
99
             }
        dev.off()
103
        png(file = paste(funcName, graphName, mType, "fitness", ".png", sep=""),
            width=600, height=400, units="px")
        plot(gBest)
        dev.off()
108
109
111
    for (funcName in functions) {
112
113
       dim <- getProblemDimen(funcName)</pre>
114
       B <- matrix(unlist(getDefaultBounds(funcName)),ncol=dim,byrow=TRUE)
       f <- function(xx) goTest(par=c(xx, rep(0, dim-length(xx))),</pre>
116
                          fnName=funcName, checkDim = TRUE)
117
       globalOpt <- getGlobalOpt(funcName)</pre>
118
119
       if (graphs) {
120
         xprobes \leftarrow abs(B[2,1] - B[1,1]) / quality
         yprobes \leftarrow abs(B[2,2] - B[1,2]) / quality
123
         x \leftarrow seq(B[1,1], B[2,1], by = xprobes)
124
         y \leftarrow seq(B[1,2], B[2,2], by = yprobes)
         z <- outer(x, y, Vectorize(function(x,y) f(c(x,y))))</pre>
126
         nbcol = 100
127
         color = rev(rainbow(nbcol, start = 0/6, end = 4/6))
128
         zcol = cut(z, nbcol)
129
         persp3d(x, y, z, theta=50, phi=25, expand=0.75, col=color[zcol],
130
131
              ticktype="detailed",axes=TRUE)
132
         png(file = paste(funcName, "1.png", sep=""), width=600, height=400,
133
             units="px")
         persp3D(x, y, z, theta = -45, phi = 20, color.palette = jet.colors)
134
         dev.off()
135
       }
137
138
       customMeasure("resultsMutations.csv", "2", mutationTests, "mut",
139
140
          "p. mutacji", "Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji")
141
       customMeasure("resultsCrossover.csv", "3", crossoverTests, "crs",
142
          "p. krzyzowania", "Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw
143
              krzyzowania")
144
```

```
customMeasure("resultsPopulation.csv", "4", populationTests, "pop",
145
         "rozmiar populacji", "Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji")
146
147
      customMeasure("resultsIterations.csv", "5", iterationTests, "itr",
148
         "ilosc iteracji", "Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji")
149
150
      customMeasure("resultsElitism.csv", "6", elitismTests, "elt",
151
         "elityzm", "Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu")
152
153
   }
154
```

### 2.1 Parametryzacja skryptu

Parametryzacji podlega jedynie algorytm genetyczny. Wybór funkcji do optymalizacji odbywa się przez podanie jej nazwy. Pozostałe dane są odczytywane z pakietu "globalOptTests". [todo: dopisać o pętli przechodzącej po wszystkich funkcjach oraz po wszystkich parametrach domyślnych]

### 3 Przebieg badań

Do badań zostały wybrane funkcje o różnych wymiarach zaczynając na 2 kończąc na 20. Poniżej wymieniono te funkcje wraz z ilością wymiarów podaną w nawiasie.

- Branin (2)
- Gulf (3)
- CosMix4 (4)
- EMichalewicz (5)
- Hartman6 (6)
- PriceTransistor (9)
- Schwefel (10)
- Zeldasine20 (20)

Każdy pomiar przeprowadzano 10-krotnie wyniki uśredniając. Domyślne parametry przedstawiono poniżej (tab. 1).

Tabela 1: Parametry domyślne poszczególnych serii pomiarowych

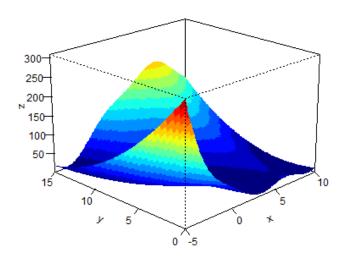
-	Seria 1	Seria 2	Seria 3		
Rozmiar populacji	50	50	25		
Rozmiar iteracji	100	100	50		
Prawdopodobieństwo mutacji	0	0.1	0.1		
Prawdopodobieństwo krzyżowania	0	0.8	0.8		

Zielone linie na wykresach oznaczają optima zwracane w pakiecie "global OptTests" dla danej funkcji przy domyślnych ograniczeniach (tych samych dla których wykonywana jest optymalizacja podczas omawianych badań) .

### 3.1 Branin (2 parametry)

Branin jest funkcją z dwoma parametrami. Na ilustracji (rys. 1) przedstawiono jej wykres. Wzór funkcji zamieszczono poniżej (1). [todo: opisać dziedzinę]

$$f(\mathbf{x}) = a(x_2 - bx_1^2 + cx_1 - r)^2 + s(1 - t)\cos(x_1) + s \tag{1}$$

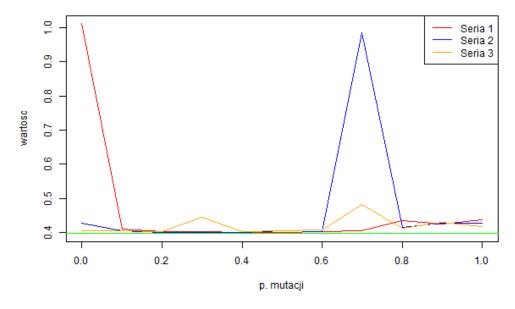


Rysunek 1: Wykres funkcji Branin (d=2)

Powyższy wykres pokazuje trójwymiarowy obraz funkcji Branin. [todo: z którego wynika ...]

Na kolejnych stronach zamieszczono wyniki pomiarów dla różnych wartości parametrów algorytmu genetycznego.

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji

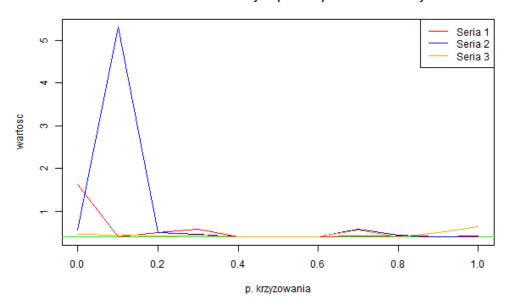


Rysunek 2: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji Na powyższym wykresie można zauważyć niski wpływ mutacji na znalezione rozwiąza-

nia. Przy wszystkich parametrach domyślnych funkcja znajduje się w pobliżu optymalnej wartości.

Wyjątkiem stanowi tutaj "seria 2" reprezentująca drugi zestaw wartości domyślnych. Przy mutacji wynoszącej 0.7 wynik funkcji znacząco się pogorszył.

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania

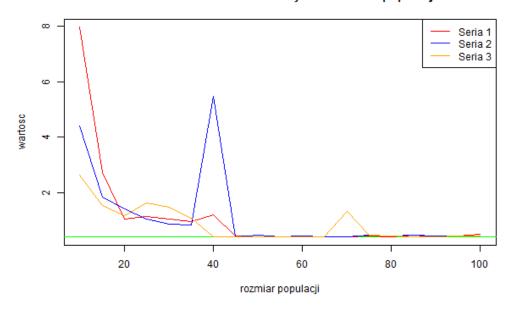


Rysunek 3: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania

Wykres przyjmuje wartości zbliżone do oczekiwanych, gdy prawdopodobieństwo krzyżowania wynosi 0.2 lub więcej.

Najlepszy rezultat został otrzymany w przedziale prawdopodobieństwa krzyżowania między  $0.4~\mathrm{a}~0.6.$ 

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji

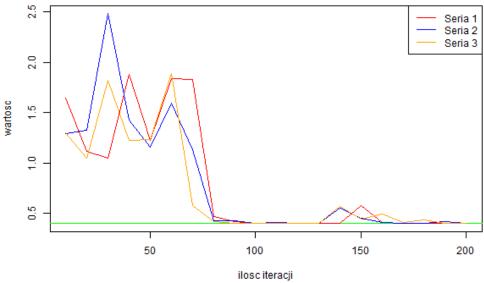


Rysunek 4: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

Z wykresu można odczytać podatność funkcji w zależności od populacji. Wyniki zbliżone do oczekiwanych zostały uzyskane dla populacji wynoszącej 45 jednostek.

Zauważalny jest wzrost jakości rozwiązania wraz ze wzrostem ilości jednostek populacji.

# Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji

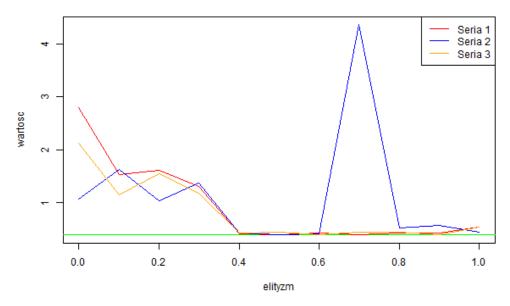


Rysunek 5: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

Wykres wskazuje wyranźną zmianę jakości rozwiązań dla 75 i więcej iteracji. Poniżej tej wartości uzyskiwane wyniki są niestabilne, powyżej osiągają wartość zbliżoną do

oczekiwanej.

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



Rysunek 6: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

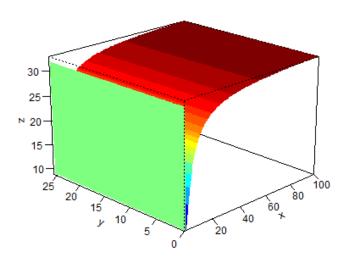
Z wykonanych badań wynika, że do uzyskania optymalnego rozwiązania należy zastosować wartość elityzmu na poziomie przynajmniej 0.4. Jego ustawienie poniżej tej wartości powoduje znaczące obniżenie się jakości rozwiązania.

Warto tutaj zauważyć ponowne (jak w przypadku mutacji) obniżenie się jakości wyniku dla przedziału 0.6-0.8.

### 3.2 Gulf (3 parametry)

Gulf jest funkcją przyjmującą trzy parametry. Na ilustracji (rys. 7) przedstawiono jej wykres dla pierwszych dwóch wymiarów.

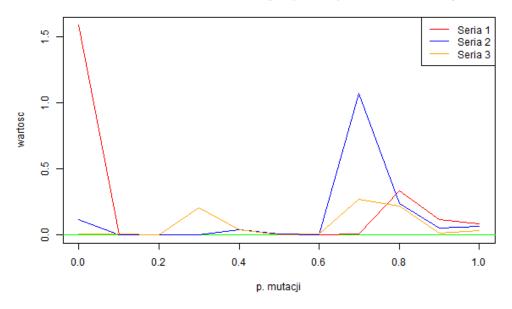
[todo: dodać wzór, dziedzinę funkcji]



Rysunek 7: Wykres funkcji Gulf (d=3)

Na kolejnych stronach zamieszczono wyniki pomiarów dla różnych wartości parametrów algorytmu genetycznego.

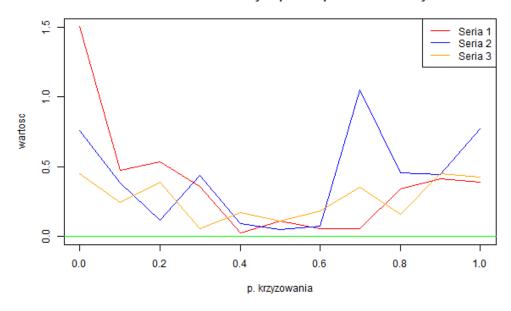
### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



Rysunek 8: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

Wartości funkcji Gulf dla zadanego prawdopodobieństwa mutacji są zbliżone do wartości oczekiwanej w przedziałe 0.1-0.6. Powyżej tego przedziału mutacja wywiera negatywny wpływ na otrzymywane wyniki.

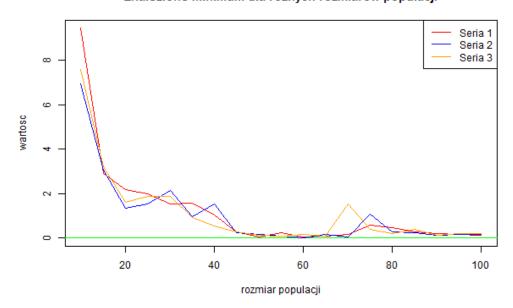
### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



Rysunek 9: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania

Prawdopodobieństwo krzyżowania ma niski oraz niestabilny wpływ na otrzymane wyniki. Wspólnie (dla wszystkich ustawień domyślnych) najlepsze wyniki uzyskane zostały w przedziałe 0.4-0.6. Przyjęcie wartości krzyżowania wykraczających poza wskazany przedział znacząco obniża jakoś uzyskanych wyników.

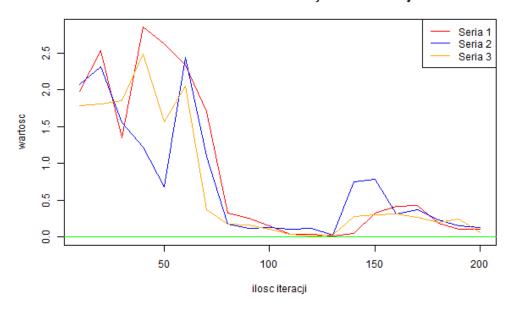
### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



Rysunek 10: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

Wykres ten wyraznie obrazuje pozytywny wpływ zwiększenia populacji na jakość wyników. Najlepsze wyniki uzyskano dla populacji wynoszącej przynajmniej 50 jednostek. Zauważalne jest również pogorszenie wyników w przedziale 65-80[todo: dlaczego].

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji

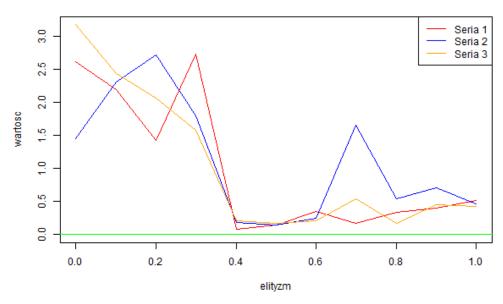


Rysunek 11: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

Na wykresie można zauważyć znaczące poprawienie się rezultatów, gdy ilość iteracji wynosi przynamniej 80. Poniżej tej wartości uzyskane wyniki są znacząco gorsze od optymalnego rozwiązania.

W przedziale 130-200 [todo: co się dzieje]

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



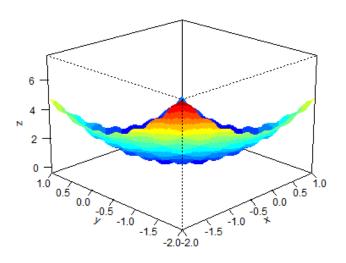
Rysunek 12: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

W przypadku funkcji Gulf elitzym ma znaczący wpływ na otrzymywane wyniki. W celu ich optymalizacji wymanaja jest wartość elityzmu na poziomie przynajmniej 0.4.

Dla wartości powyżej 0.6 wyniki zaczynają się pogarszać. [todo: dlaczego]

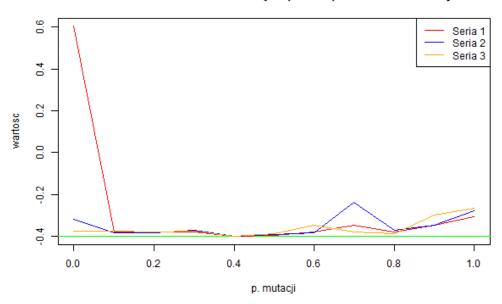
[todo: zmienic] Jak możemy zauważyć na ilustracji poniżej (rys. ??) przedstawiona lokalizacja optimum nie jest poprawna, gdyż optymalizacji poddano wersję z 3 parametrami. Ogólnie rzecz biorąc gdyby 3 wymiar przedstawić w postaci gradientu kolorystycznego wtedy byłaby to poprawna lokalizacja niemniej trudna dla intuicyjnego sprawdzenia.

### 3.3 CosMix4 (4 parametry)



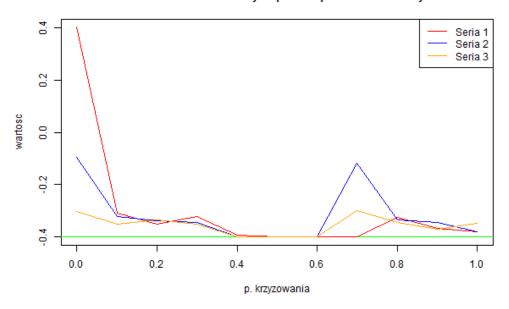
Rysunek 13: Wykres funkcji CosMix4 (d=4)

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



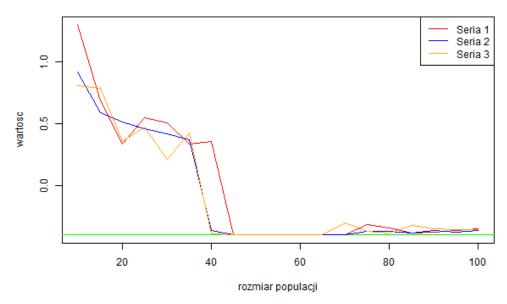
Rysunek 14: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



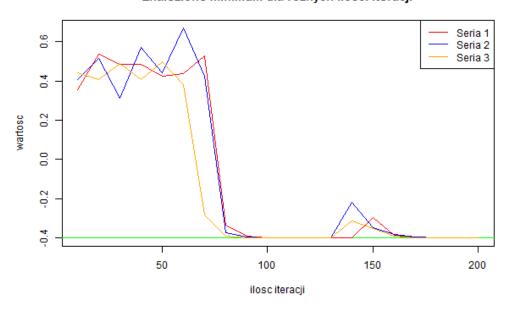
Rysunek 15: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzy-żowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



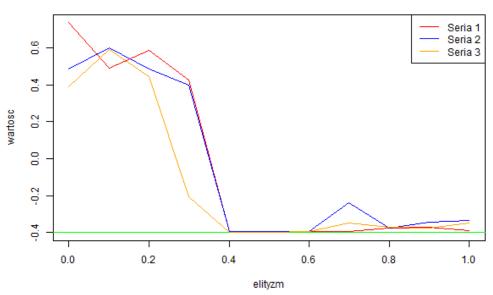
Rysunek 16: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji



Rysunek 17: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu

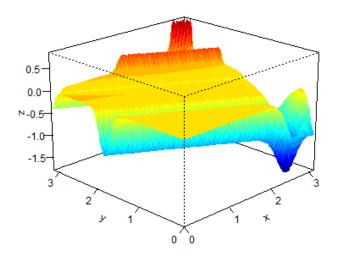


Rysunek 18: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 3.4 EMichalewicz (5 parametrów)

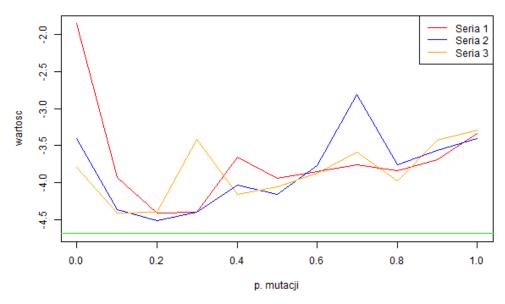
Poniżej zamieszczono wzór rozpatrywanej funkcji.

$$f(\mathbf{x}) = -\sum_{i=1}^{d} \sin(x_i) \sin^{2m}(\frac{ix_i^2}{\pi})$$
 (2)



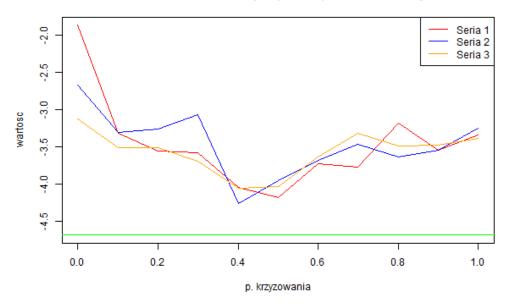
Rysunek 19: Wykres funkcji EMI<br/>chalewicz (d=5)  $\,$ 

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



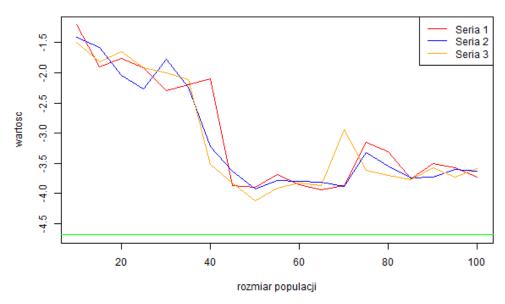
Rysunek 20: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



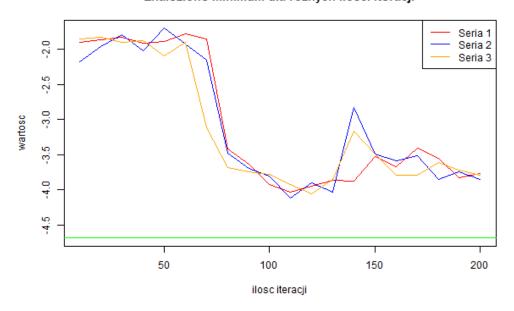
Rysunek 21: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



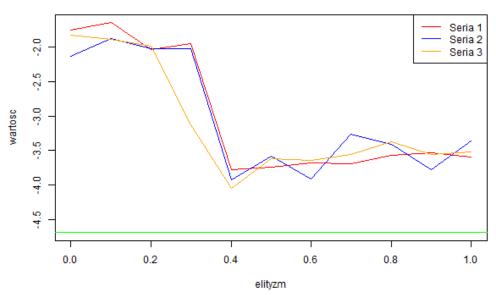
Rysunek 22: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji



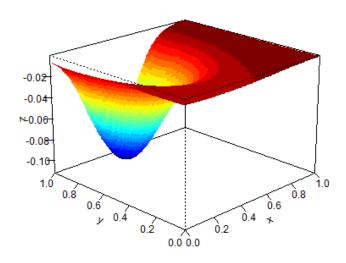
Rysunek 23: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



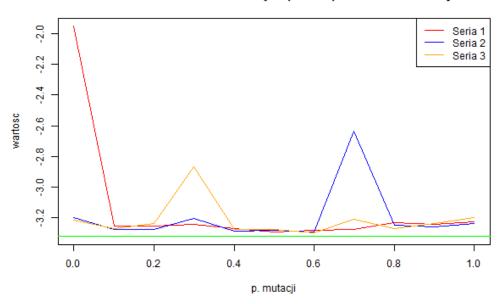
Rysunek 24: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 3.5 Hartman6 (6 parametrów)



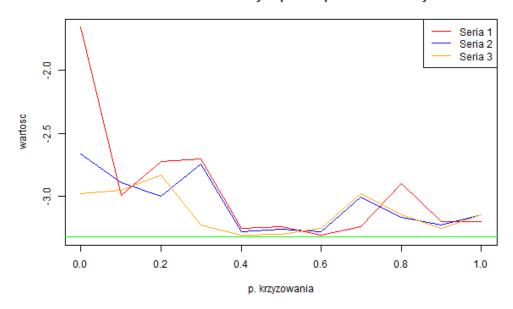
Rysunek 25: Wykres funkcji Hartman6 (d=6)

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



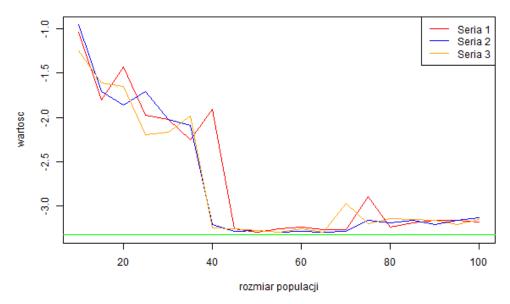
Rysunek 26: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



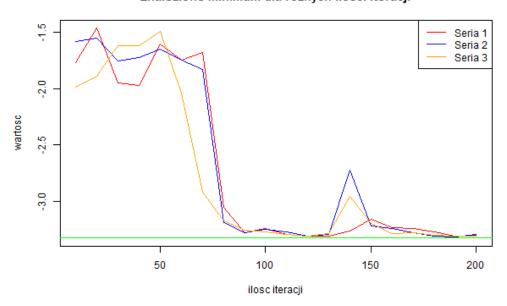
Rysunek 27: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



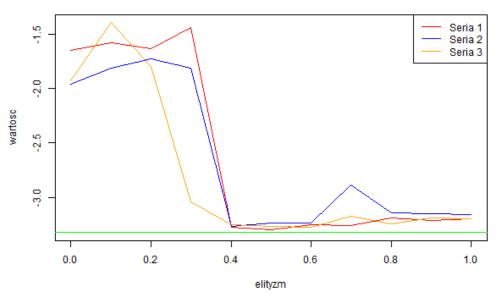
Rysunek 28: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji



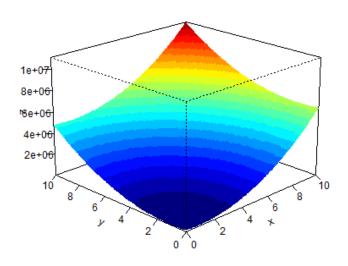
Rysunek 29: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



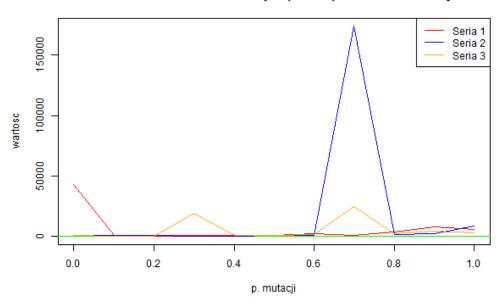
Rysunek 30: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 3.6 PriceTransistor (9 parametrów)



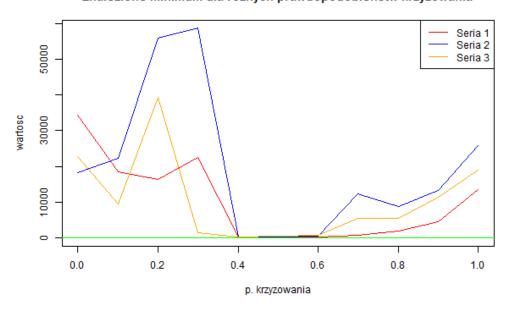
Rysunek 31: Wykres funkcji PriceTransistor (d=9)

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



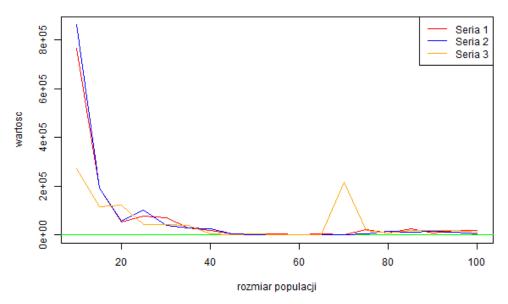
Rysunek 32: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



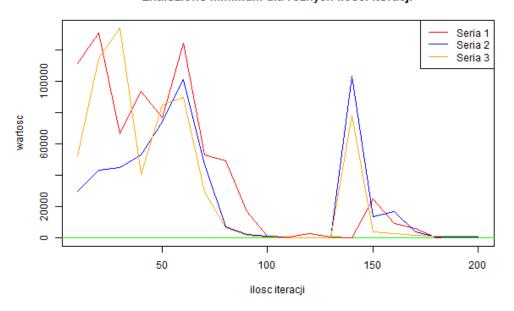
Rysunek 33: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzy-żowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



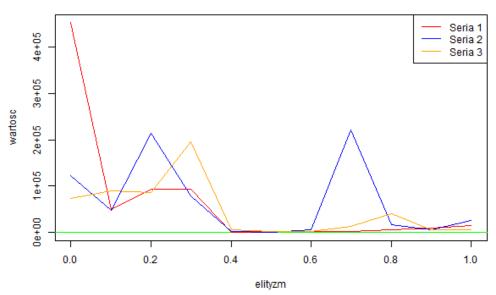
Rysunek 34: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji



Rysunek 35: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu

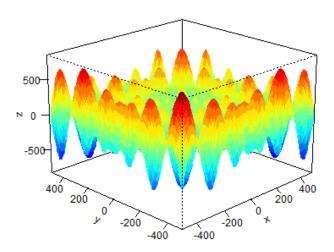


Rysunek 36: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 3.7 Schwefel (10 parametrów)

Poniżej zamieszczono wzór rozpatrywanej funkcji.

$$f(\mathbf{x}) = 418.9829d - \sum_{i=1}^{d} x_i \sin(\sqrt{|x_i|})$$
 (3)

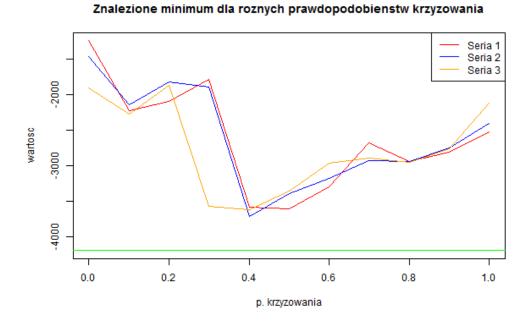


Rysunek 37: Wykres funkcji Schwefel (d=10) dla dwóch pierwszych wymiarów

# Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji Seria 1 Seria 2 Seria 3 Seria 3 Output Out

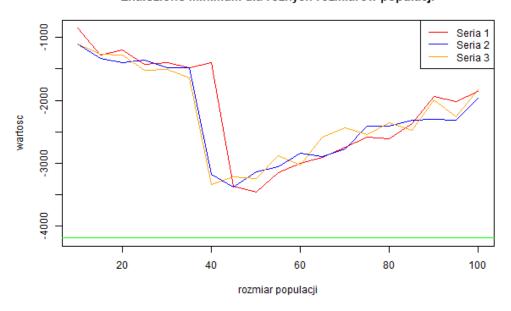
Rysunek 38: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

p. mutacji

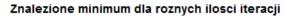


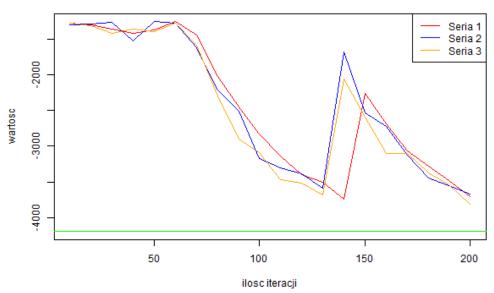
Rysunek 39: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzy-żowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



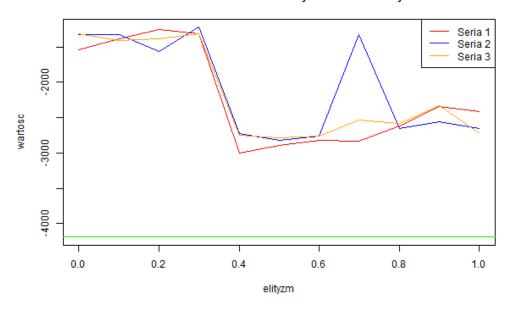
Rysunek 40: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji





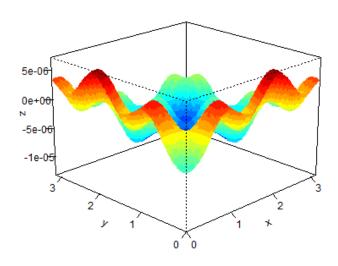
Rysunek 41: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



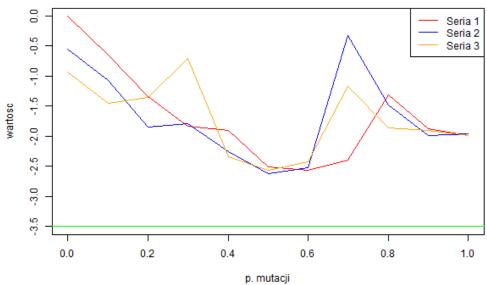
Rysunek 42: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 3.8 Zeldasine20 (20 parametrów)



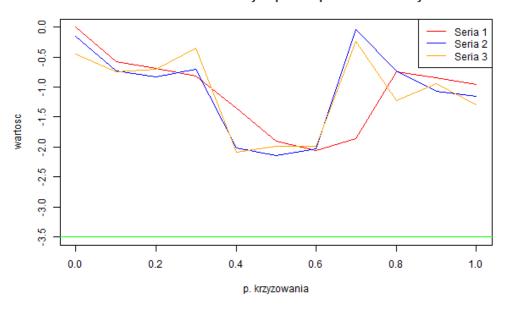
Rysunek 43: Wykres funkcji Zeldasine (d=20)

# Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji



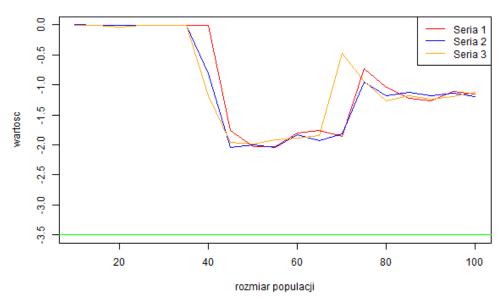
Rysunek 44: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa mutacji

### Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw krzyzowania



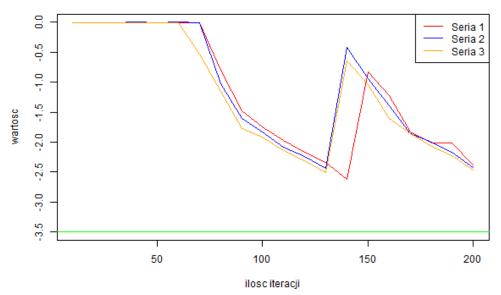
Rysunek 45: Wartość znalezionego optimum w zależności od prawdopodobieństwa krzy-żowania

### Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji



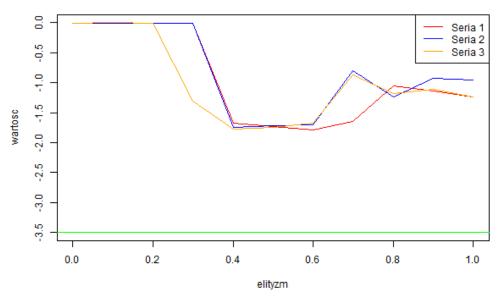
Rysunek 46: Wartość znalezionego optimum w zależności od rozmiarów populacji

### Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji



Rysunek 47: Wartość znalezionego optimum w zależności od ilości iteracji

### Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu



Rysunek 48: Wartość znalezionego optimum w zależności od przyjętego elityzmu

### 4 Podsumowanie

Test

Akapit

### Literatura

- [1] Artur Suchwałko "Wprowadzenie do R dla programistów innych języków" https://cran.r-project.org/doc/contrib/R-dla-programistow-innych-jezykow.pdf
- [3] Surjanovic, S. & Bingham, D. (2013). Virtual Library of Simulation Experiments: Test Functions and Datasets. Retrieved April 3, 2017, from http://www.sfu.ca/ssurjano.