## POLITECHNIKA WROCŁAWSKA

### Inteligencja Obliczeniowa i jej zastosowania

# Ćwiczenie 2 Metody redukcji wymiarowości – nieujemna faktoryzacja macierzy i dekompozycje tensorów

Autorzy: Paweł Andziul 200648 Robert Chojnacki 200685 Marcin Słowiński 200638

Prowadzący: dr hab. inż. Rafał ZDUNEK

# Spis treści

| 1 | Zadanie 1         | <b>2</b> |
|---|-------------------|----------|
|   | 1.1 Opis metody   | 2        |
|   | 1.2 Algorytm ALS  | 2        |
|   | 1.3 Algorytm MUE  | 2        |
|   | 1.4 Algorytm HALS | 2        |
|   | 1.5 Realizacja    | 2        |
|   | 1.6 Wyniki        | 2        |
| 2 | Zadanie 2         | 2        |
| 3 | Zadanie 3         | 2        |
|   | 3.1 Opis metody   | 3        |
|   | 3.2 Algorytm      | 3        |
|   | 3.3 Realizacja    | 3        |
|   | 3.4 Wyniki        | 3        |
| 4 | Podsumowanie      | 3        |

#### 1 Zadanie 1

Wygenerować faktory  $A = [a_{ij}] \in R_+^{IxJ}$  i  $X = [x_{jt}] \in R_+^{JxT}$ , gdzie  $a_{ij} = max(0, \check{a}_{ij})$  i  $x_{jt} = max(0, \check{x}_{jt})$  oraz  $\check{a}_{ij}, \check{x}_{jt} \sim N(0, 1)$  (rozkład normalny). Wygeneruj syntetyczne obserwacje Y=AX dla I = 100, T = 1000, J = 10. Stosując wybrane algorytmy NMF (ALS, MUE, HALS) wyznacz estymowane faktory  $\hat{A}$  i  $\hat{X}$  oraz unormowany błąd residualny w funkcji iteracji naprzemiennych. Oceń jakość estymacji stosując miary MSE (ang. Mean-Squarred Error) lub SIR (ang. Signal-to-Interference Ratio).

- 1.1 Opis metody
- 1.2 Algorytm ALS
- 1.3 Algorytm MUE
- 1.4 Algorytm HALS
- 1.5 Realizacja
- 1.6 Wyniki

#### 2 Zadanie 2

Wygenerować faktory..

#### 3 Zadanie 3

Obrazy twarzy z bazy ORL (lub podobnej) przedstaw za pomocą tensora  $Y = \in R^{I_1xI_2xI_3}$ , gdzie  $I_3$  jest liczbą obrazów. Rozdziel obrazy na zbiory trenujący i testujący według odpowiedniej zasady, np, 5-folds CV i utwórz odpowiednie tensory trenujący  $Y_r$  i testujący  $Y_t$ . Tensor trenujący poddaj dekompozycji CP (np. algorytmem ALS) oraz HOSVD dla J = 4, 10, 20, 30. Pogrupować obrazy stosując metodę k-średnich dla faktora  $\hat{U}^{(3)}$ . Badania przeprowadzić dla różnej liczby grup. Porównać dokładność grupowania z metodą PCA (z poprzedniego ćwiczenia). Następnie dokonaj projekcji obrazów z tensora  $Y_t$  na podprzestrzeń cech generowaną faktorami otrzymanymi z  $Y_r$ . Dokonaj klasyfikacji obrazów w przestrzeni cech w  $\hat{U}^{(3)}$  za pomocą klasyfikatora k-NN. Porównać efekty klasyfikacji różnymi metodami (np. PCA, CP, HOSVD).

- 3.1 Opis metody
- 3.2 Algorytm
- 3.3 Realizacja
- 3.4 Wyniki
- 4 Podsumowanie

••

# Literatura

[1] https://www.mathworks.com/