

POLITECHNIKA WROCŁAWSKA

INTELIGENCJA OBLICZENIOWA I JEJ ZASTOSOWANIA

---

Ćwiczenie 1  
Metody redukcji wymiarowości  
Analiza składowych głównych

---

*Autorzy:*

Paweł ANDZIUL 200648

Robert CHOJNACKI 200685

Marcin SŁOWIŃSKI 200638

*Prowadzący:*

dr hab. inż. Rafał ZDUNEK

7 czerwca 2017

# Spis treści

<b>1</b>	<b>Zadanie 1</b>	<b>2</b>
1.1	Opis metody . . . . .	2
1.2	Algorytm . . . . .	2
1.3	Realizacja . . . . .	2
1.4	Wyniki . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Zadanie 2</b>	<b>3</b>
2.1	Wczytanie obrazów twarzy . . . . .	3
2.2	Wyznaczenie cech holistycznych (twarzy własnych) . . . . .	4
2.3	Grupowanie metodą k-średnich . . . . .	4
2.4	Klasyfikacja za pomocą klasyfikatora k-NN . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Zadanie 3</b>	<b>4</b>
3.1	Algorytm Powera . . . . .	4
3.2	Algorytm Lanczosa . . . . .	4
3.3	Wyniki . . . . .	4
<b>4</b>	<b>Podsumowanie</b>	<b>4</b>

# 1 Zadanie 1

Dla danych:

$$X = [2.50.52.21.93.12.3211.51.1; 2.40.72.92.232.71.61.11.60.9];$$

- Zaimplementować metodę PCA w Matlabie. Do wyznaczenia par własnych macierzy kowariancji można zastosować wbudowaną funkcję `eig(.)` lub `eigs(.)`.
- Wyznaczyć składowe główne i wektory cech.
- Pokazać na rysunku punkty obserwacji oraz wyznaczone wielkości.

## 1.1 Opis metody

Metoda PCA (ang. *Principal Component Analysis*) jest jedną ze statystycznych metod analizy czynnikowej, która pozwala na odnajdywanie pewnych struktur w zbiorze zmiennych losowych. Wielowymiarowe dane z reguły nie są równomiernie rozrzucone wzdłuż wszystkich kierunków układu współrzędnych, ale koncentrują się w pewnych podprzestrzeniach oryginalnej przestrzeni. Analiza składowych głównych oparta jest na wykorzystaniu pojęć ze statystyki, jakimi są m.in. korelacja i wariancja. Celem PCA jest znalezienie tych podprzestrzeni w postaci składowych głównych, tzn. kierunków przy których wartość wariancji (lub korelacji) jest zmaksymalizowana. Analiza może być oparta albo na macierzy korelacji, albo macierzy kowariancji utworzonej ze zbioru wejściowego.

Metoda PCA jest zazwyczaj używana do redukcji rozmiaru danych statystycznych, poprzez odrzucenie ostatnich czynników, tzn. takich, których wariancja jest najniższa. Oznacza to, że  $n$ -wymiarowy zbiór danych możemy ograniczyć wyznaczając  $n$ -wektorów własnych, z których wybieramy tylko  $k$ -wektorów, tak aby  $kn$ . Zrzutowanie danych na przestrzeń rozpiętą przez  $k$ -wybranych wektorów pozwala zredukować wymiarowość danych.

## 1.2 Algorytm

## 1.3 Realizacja

Rozwiązanie zadania polega kolejno na...

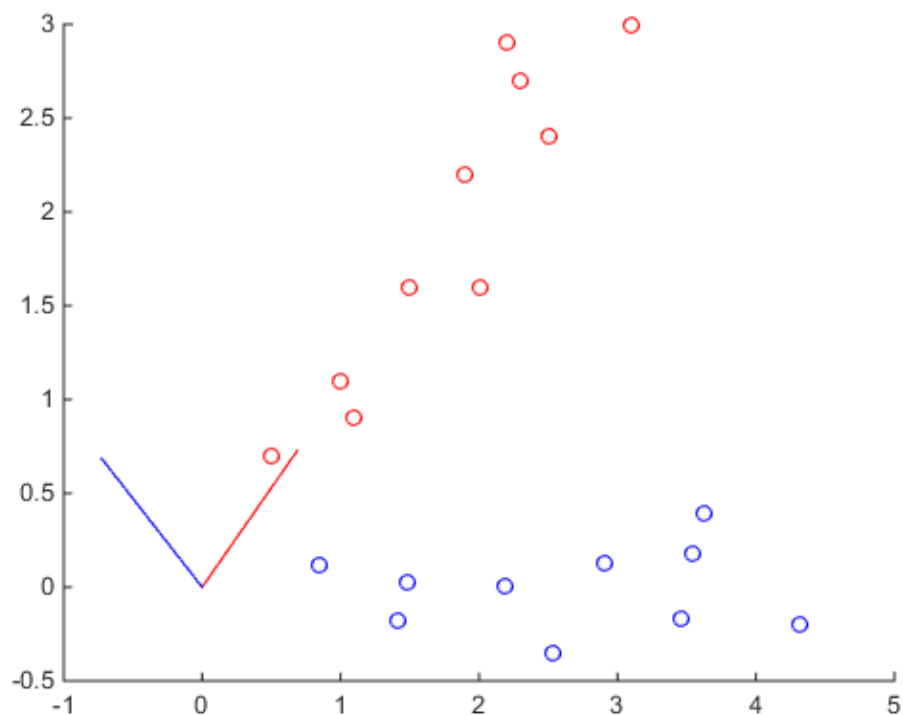
Listing 1: Skrypt w Matlabie

```
1 x = [2.5 0.5 2.2 1.9 3.1 2.3 2 1 1.5 1.1; 2.4 0.7 2.9 2.2 3 2.7 1.6 1.1 1.6
2     0.9];
3 [eigenvectors, eigenvalues] = eigs(x*(x'), 2);
4 pcs = (x') * eigenvectors;
5 hold on
6 plot(x(1:1,:), x(2:2,:), 'or', pcs(:,1:1), pcs(:,2:2), 'ob')
7 plotv(eigenvectors(:,1), '-r');
8 plotv(eigenvectors(:,2), '-b');
9 legend('dane oryginalne','skladowe glowne','wektor cechy 1','wektor cechy
    2','Location','northwest','Orientation','vertical')
```

Powyższy kod przedstawia zaimplementowaną metodę PCA dla zadanego zbioru danych.

W celu obliczenia par własnych macierzy kowariancji zastosowana została dwuargumentowa metoda `eigs`, w której pierwszym argumentem jest macierz danych, drugim ilość wektorów (wierszy macierzy).

## 1.4 Wyniki



Rysunek 1: Ilustracja punktów obserwacji i składowych głównych

Na wykresie można zauważyć poprawne działanie funkcji PCA. Dane rozkładają się wzdłuż oznaczonych wektorów.

## 2 Zadanie 2

Dla obrazów twarzy z bazy ORL (lub podobnej) wyznaczyć cechy holistyczne (twarze własne) dla różnej liczby estymowanych komponentów głównych ( $J = 4, 10, 20, 30$ ). Pogrupować obrazy stosując metodę  $k$ -średnich, do obrazów oryginalnych oraz zredukowanych. Badania przeprowadzić dla różnej liczby grup. Porównać dokładność i czas grupowania. Następnie dokonać klasyfikacji obrazów w obu przestrzeniach (oryginalnej i zredukowanej) za pomocą klasyfikatora  $k$ -NN. Porównać efekty klasyfikacji z efektami grupowania.

### 2.1 Wczytanie obrazów twarzy

## **2.2 Wyznaczenie cech holistycznych (twarzy własnych)**

## **2.3 Grupowanie metodą k-średnich**

## **2.4 Klasyfikacja za pomocą klasyfikatora k-NN**

# **3 Zadanie 3**

Wyznaczyć pary własne macierzy kowariancji za pomocą algorytmów: Powera oraz Lanczosa. Zaimplementować algorytmy i zastosować je do rozwiązania powyższych zadań. Porównać wyniki.

## **3.1 Algorytm Powera**

## **3.2 Algorytm Lanczosa**

## **3.3 Wyniki**

# **4 Podsumowanie**

Podczas zajęć laboratoryjnych...

Z przeprowadzonych badań wynika...

## Literatura

- [1] <https://www.mathworks.com/help/nnet/ref/plotconfusion.html>
- [2] <https://www.mathworks.com/help/stats/confusionmat.html>
- [3] [https://en.wikipedia.org/wiki/Lanczos\\_algorithm](https://en.wikipedia.org/wiki/Lanczos_algorithm)
- [4] <http://www.kmg.zut.edu.pl/opt/wyklad/bezgrad/powell.html>