# POLITECHNIKA WROCŁAWSKA

### Inteligencja Obliczeniowa i jej zastosowania

# Badanie algorytmu genetycznego z zakresu optymalizacji globalnej dla wybranych funkcji testowych

Autorzy: Paweł Andziul 200648 Marcin Słowiński 200638 Prowadzący: dr hab. inż. Olgierd UNOLD, prof. nadzw. PWr

# Spis treści

1	Wprowadzenie	2
2	Implementacja	2
3	Przebieg badań 3.1 Branin (2 parametry)	<b>8</b> 9
4	Podsumowanie	13

# 1 Wprowadzenie

Algorytm genetyczny – algorytm heurystyczny, który swoim działaniem przypomina działanie ewolucji w naturze. Osobniki będące zbyt słabe zostają wyeliminowane z populacji w kolejnych pokoleniach, a na ich miejsce przyjmowane są lepsze, silniejsze, bardziej podatne adaptacji. Algorytmy te zakładają możliwość mutacji i krzyżowania wśród potomków, przez co nie zawsze są oni silniejsi od poprzednio wyeliminowanych członków. Dodatkowo wprowadzają pojęcie elity, która jest bezpośrednio przenoszona do następnego - teoretycznie lepszego pokolenia.

dla wybranej funkcji wlasne funkcje krzyzowania (dla branina) dla tsp (np-trudny) genetyczny – tsplib wykorzystać do badań (2–3 instancje srednie male duze) z wlasnym operatorem z domyslnym algorytm ga z lokalnym wyszukiwaniem, dla komiwojażera, założyć czy ma lepsze wartości, czy szybciej zbiega, jak operatory się zachowują, psoptim, dla jednej funkcji i komiwojażera

W ramach laboratorium należało przeprowadzić testy algorytmu genetycznego dla różnych parametrów. Jako benchmark oceny należało użyć pakietu "getGlobalOpts" oraz języka R.

Pomiary wykonywano na 2 różnych jednostkach roboczych. Ich parametry nie są istotne z punktu widzenia analizy i możliwości porównania rezultatów.

# 2 Implementacja

Poniżej (listing 1) zamieszczono kod napisany w języku R przygotowany w celu umożliwienia przeprowadzenia pomiarów.

Listing 1: Skrypt w języku R wykorzystany do badań

```
# whole source code is located here:
2
   # https://github.com/cran/GA/tree/master/R
   # clean old data
6
   rm(list=ls())
   dev.off(dev.list()["RStudioGD"])
   # load libraries
   require("GA")
   require("globalOptTests")
   require("rgl")
13
14
   # Settings ----
15
   nOfRuns <- 2 # number of runs to calc avg scores
17
18
   # colors and titles for plot series
19
   colors <- c("red", "blue", "purple", "black")</pre>
20
   series <- c("Seria 1", "Seria 2", "Seria 3", "Seria 4")
21
22
   # default parameters for measurements
23
   # each row is a different serie
   # [mutations,crossovers,populations,iterations,color]
  params = matrix(
```

```
c(0, 0, 50, 100, 1,
27
        0, 0.8, 50, 100, 2,
2.8
        0.1, 0, 50, 100, 3,
29
        0.1, 0.8, 50, 100, 4),
30
      nrow=4, ncol=5, byrow = TRUE)
    # names of functions from globalOptTests package
33
   functions <- c("Branin")</pre>
34
    # graph settings
36
   graphs <- TRUE #true if you want to print graphs</pre>
37
    quality <- 100 #number of probes
38
   # sequences of parameters for each serie
40
   mutationTests \leftarrow seq(0, 1, 0.1)
41
   crossoverTests <- seq(0, 1, 0.1)</pre>
42
   populationTests <- seq(10, 100, 5)
43
   iterationTests <- seq(10, 200, 10)</pre>
44
   elitismTests \leftarrow seq(0, 1, 0.1)
45
46
   # Custom operators (to be done) ----
47
48
   gareal_laCrossover_custom <- function(object, parents, ...)</pre>
49
50
      # Local arithmetic crossover
51
      parents <- object@population[parents,,drop = FALSE]</pre>
      n <- ncol(parents)</pre>
53
      children <- matrix(as.double(NA), nrow = 2, ncol = n)</pre>
      a <- runif(n)
      children[1,] <- a*parents[1,] + (1-a)*parents[2,]</pre>
56
      children[2,] <- a*parents[2,] + (1-a)*parents[1,]</pre>
57
      out <- list(children = children, fitness = rep(NA,2))</pre>
      return(out)
59
60
61
   gareal_sigmaSelection <- function(object, ...)</pre>
62
63
      # Fitness proportional selection with Goldberg's Sigma Truncation Scaling
64
      popSize <- object@popSize</pre>
      mf <- mean(object@fitness, na.rm = TRUE)</pre>
      sf <- sd(object@fitness, na.rm = TRUE)</pre>
67
      fscaled <- pmax(object@fitness - (mf - 2*sf), 0, na.rm = TRUE)</pre>
68
      prob <- abs(fscaled)/sum(abs(fscaled))</pre>
69
      sel <- sample(1:object@popSize, size = object@popSize,</pre>
70
                    prob = pmin(pmax(0, prob), 1, na.rm = TRUE),
71
                    replace = TRUE)
72
      out <- list(population = object@population[sel,,drop=FALSE],</pre>
73
                  fitness = object@fitness[sel])
74
     return(out)
76
   # Processing ----
78
79
   customMeasure <- function(fileName, graphName, values, mType, xlab, main) {</pre>
80
      gMin <- .Machine$integer.max</pre>
82
```

```
gBest <- NA
84
      # main measurement loop (for each serie and sequence calculate average
85
          results)
      temp <- c()
      for (defRow in 1:nrow(params)) {
87
        averages <- c()
88
        for (value in values) {
          sum <- 0
          for (i in 1:nOfRuns) {
91
            GAmin <- ga(type = "real-valued",</pre>
92
                fitness = function(xx) - f(xx),
93
               \min = c(B[1,]), \max = c(B[2,]),
               popSize = if (mType == "pop") value else params[defRow,3],
95
               maxiter = if (mType == "itr") value else params[defRow,4],
96
               pmutation = if (mType == "mut") value else params[defRow,1],
               pcrossover = if (mType == "crs") value else params[defRow,2],
98
                elitism = if (mType == "elt") value else max(1,
99
                    round(params[defRow,3] * 0.05)),
                crossover = gareal_laCrossover_custom,
                optim = FALSE #hybrid ga off
101
                )
            solution <- matrix(unlist(GAmin@solution),ncol=dim,byrow=TRUE)</pre>
103
            eval <- f(solution[1,])</pre>
            if (eval < gMin) {</pre>
              gMin <- eval
106
              gBest <- GAmin
108
109
            sum <- sum + eval
          averages <- c(averages, (sum / nOfRuns))</pre>
111
112
        temp <- c(temp, averages)
113
114
      result <- matrix(c(temp),nrow = nrow(params),ncol = length(values))</pre>
115
      write.table(result, file = paste(funcName, fileName, sep=""), row.names=FALSE,
                 na="", col.names=FALSE, sep=";")
117
118
      if (graphs) {
119
        # save graph with measurement series to file
        png(file = paste(funcName, graphName, ".png", sep=""), width=600,
            height=400, units="px")
        plot(0, 0, main=main,
             ylim=c(min(c(temp,globalOpt)),max(c(temp,globalOpt))),
124
             xlim=c(min(values),max(values)),
             type="n", xlab=xlab, ylab="wartosc")
        abline(globalOpt,0, col="green")
127
        colorNames <- c()
128
        seriesNames <- c()</pre>
129
130
        for (i in 1:nrow(params)) {
131
          color <- colors[params[i,5]]</pre>
          colorNames <- c(colorNames, color)</pre>
          seriesNames <- c(seriesNames, series[params[i,5]])</pre>
133
          lines(values, result[i,], col = color, type = '1')
135
```

```
legend("topright", seriesNames, lwd=rep(2,nrow(params)),
136
            lty=rep(1,nrow(params)), col=colorNames)
        dev.off()
138
        summary(gBest)
139
140
        # save overview of best found minimum to file
141
        png(file = paste(funcName, graphName, mType, ".png", sep=""), width=600,
142
            height=400, units="px")
        filled.contour(x, y, z, color.palette = jet.colors, nlevels = 24,
143
             plot.axes = { axis(1); axis(2);
144
              points(solution[1,1], solution[1,2],
145
                     pch = 3, cex = 5, col = "black", lwd = 2)
146
147
148
        dev.off()
149
        # save best fitness graph to file
        png(file = paste(funcName, graphName, mType, "fitness", ".png", sep=""),
152
            width=600, height=400, units="px")
        plot(gBest)
153
        dev.off()
154
      }
    }
156
157
    for (funcName in functions) {
158
      # get data from globalOptTests package
       dim <- getProblemDimen(funcName)</pre>
161
       B <- matrix(unlist(getDefaultBounds(funcName)),ncol=dim,byrow=TRUE)
162
       f <- function(xx) goTest(par=c(xx, rep(0, dim-length(xx))),</pre>
163
                         fnName=funcName, checkDim = TRUE)
       globalOpt <- getGlobalOpt(funcName)</pre>
165
166
       if (graphs) {
167
         # prepare two versions of graphs (interactive and static)
168
         xprobes \leftarrow abs(B[2,1] - B[1,1]) / quality
169
         yprobes \leftarrow abs(B[2,2] - B[1,2]) / quality
170
         x \leftarrow seq(B[1,1], B[2,1], by = xprobes)
171
         y \leftarrow seq(B[1,2], B[2,2], by = yprobes)
         z <- outer(x, y, Vectorize(function(x,y) f(c(x,y))))</pre>
173
         png(file = paste(funcName, "1.png", sep=""), width=600, height=400,
174
             units="px")
         persp3D(x, y, z, theta = -45, phi = 20, color.palette = jet.colors)
         dev.off()
176
      }
177
       # for each function perform set of measurements
179
       customMeasure("resultsMutations.csv", "2", mutationTests, "mut",
180
          "p. mutacji", "Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw mutacji")
181
       customMeasure("resultsCrossover.csv", "3", crossoverTests, "crs",
182
          "p. krzyzowania", "Znalezione minimum dla roznych prawdopodobienstw
183
              krzyzowania")
       customMeasure("resultsPopulation.csv", "4", populationTests, "pop",
184
          "rozmiar populacji", "Znalezione minimum dla roznych rozmiarow populacji")
       customMeasure("resultsIterations.csv", "5", iterationTests, "itr",
186
```

```
"ilosc iteracji", "Znalezione minimum dla roznych ilosci iteracji")
187
       customMeasure("resultsElitism.csv", "6", elitismTests, "elt",
188
          "elityzm", "Znalezione minimum dla roznych wartosci elityzmu")
189
    }
190
191
192
    # library(leaflet)
193
194
    # m <- leaflet() %>%
    # addTiles() %>% # Add default OpenStreetMap map tiles
196
    # addMarkers(lng=174.768, lat=-36.852, popup="The birthplace of R")
197
    # m # Print the map
200
    require(GA)
201
202
    # ATSP example
204
205
    data("eurodist", package = "datasets")
206
    D <- as.matrix(eurodist)</pre>
207
    N \leftarrow \max(\dim(D))
208
209
    tourLength <- function(tour, distMatrix) {</pre>
210
211
      tour <- c(tour, tour[1])</pre>
      route <- embed(tour, 2)[,2:1]</pre>
212
      sum(distMatrix[route])
213
214
215
    fit <- function(tour, distMatrix) 1/tourLength(tour, distMatrix)</pre>
216
217
    GA <- ga(type = "permutation", fitness = fit, distMatrix = D, min = 1, max = N,
        maxiter=2000, pmutation=0.2, run=500)
219
    summary(GA)
220
221
    apply(GA@solution, 1, tourLength, D)
222
223
   mds <- cmdscale(eurodist)</pre>
224
    x <- mds[, 1]
226
    y <- -mds[, 2]
    plot(x, y, type = "n", asp = 1, xlab = "", ylab = "")
    tour <- GA@solution[1, ]</pre>
    tour <- c(tour, tour[1])
   n <- length(tour)
230
    arrows(x[tour[-n]], y[tour[-n]], x[tour[-1]], y[tour[-1]],length = 0.15, angle
231
        = 25, col = "steelblue", lwd = 2)
    text(x, y, labels(eurodist), cex=0.8)
232
233
234
235
    require(TSP)
236
    instances <- c("u159", "u574", "u724", "u1060", "u1432", "u1817", "u2152",
237
        "u2319")
    best_solutions <- c(42080, 36905, 41910, 224094, 152970, 57201, 64253, 234256)
    found_solutions <- c()</pre>
```

```
solutions_quality <- c()
240
241
    for (i in 1:length(instances)) {
242
243
      fileName = paste("examples/", instances[i], ".tsp", sep="")
244
      graphTitle = paste("TSPLIB: ", instances[i], sep="")
245
246
      ## Drilling problem from TSP
247
      drill <- read_TSPLIB(system.file(fileName, package = "TSP"))</pre>
      tour <- solve_TSP(drill, method = "nn", two_opt = TRUE)</pre>
249
      plot(drill, tour, cex=.6, col = "red", pch= 3, main = graphTitle)
250
251
      tl <- tour_length(tour)</pre>
252
      ol <- best_solutions[i]
253
254
      found_solutions <- c(found_solutions, tl)</pre>
255
      solutions_quality <- c(solutions_quality, ol/tl)</pre>
257
258
259
    #png(file = "tsp_results.png", width=600, height=400, units="px")
260
    plot(1:length(instances), xaxt = "n", solutions_quality, col="red",
261
        main="Summary", type="l", xlab="instancje", ylab="jakość rozwiązań")
    axis(1, at=1:length(instances), labels=instances)
    #dev.off()
```

Skrypt przygotowano w sposób który umożliwia w pełni automatyczne przeprowadzenie wszystkich pomiarów. Jednocześnie wszystkie wykresy mogą być natychmiast podmienione w sprawozdaniu. Poniżej pokrótce omówiono podstawowe parametry.

#### • nOfRuns

Ilość powtórzeń dla każdego pomiaru w celu uśrednienia.

#### • colors, series

Wektory kolorów i nazw kolejnych serii pomiarowych.

#### • params

Macierz parametrów domyślnych algorytmu dla każdej z serii. W każdym wierszu kolejno są zawarte: p. mutacji, p. krzyżowania, rozmiar populacji, ilość iteracji oraz kolor serii na wykresach.

#### • functions

Wektor nazw funkcji dla których przeprowadzane są kolejno pomiary.

Całość informacji niezbędnych do przeprowadzenia obliczeń odczytywana jest na podstawie nazwy funkcji z pakietu "globalOptTests". Są to: rozmiar problemu (ilość parametrów), domyślne ograniczenia, wartość w danym punkcie oraz optimum dla domyślnych ograniczeń.

# 3 Przebieg badań

Do badań zostały wybrane funkcje o różnych wymiarach zaczynając na 2 kończąc na 20. Poniżej wymieniono te funkcje wraz z ilością wymiarów podaną w nawiasie.

- Branin (2)
- Gulf (3)
- CosMix4 (4)
- EMichalewicz (5)
- Hartman6 (6)
- PriceTransistor (9)
- Schwefel (10)
- Zeldasine20 (20)

Każdy pomiar przeprowadzono 20-krotnie wyniki uśredniając co oznacza, że wartości widoczne na wykresach dla każdej serii z osobna są uśrednione po osobnych 20 przebiegach. Domyślne parametry każdej z serii przedstawiono poniżej (tabela 1). Zmianie ulegają wartości prawdopodobieństwa mutacji i krzyżowania by zbadać znaczenie ich obecności podczas optymalizacji.

Tabela 1: Parametry domyślne poszczególnych serii pomiarowych

-	Seria 1	Seria 2	Seria 3	Seria 4
Rozmiar populacji	50	50	50	50
Rozmiar iteracji	100	100	100	100
Prawdopodobieństwo mutacji	0	0	0.1	0.1
Prawdopodobieństwo krzyżowania	0	0.8	0	0.8

Zielone, poziomie linie na wykresach oznaczają optima zawarte w pakiecie "globalOpt-Tests" dla danej funkcji przy domyślnych ograniczeniach (tych samych dla których wykonywana jest optymalizacja podczas niniejszych pomiarów).

Dla funkcji o ilości parametrów większej niż 2 pominięto ilustracje graficzne znalezionych optimów gdyż optymalizacji podlegają wszystkie wymiary. Ilustracja dla dwóch pierwszych nie niesie ze sobą przydatnej informacji.

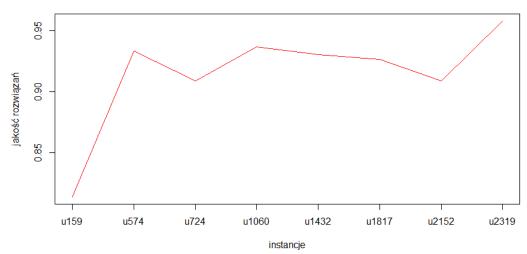
# 3.1 Branin (2 parametry)

Branin jest funkcją z dwoma parametrami. Na ilustracji (rys. 1) przedstawiono jej wykres a poniżej jej wzór (1) [4].

$$f(\mathbf{x}) = a(x_2 - bx_1^2 + cx_1 - r)^2 + s(1 - t)\cos(x_1) + s$$
(1)

, gdzie  $x_1 \in [-5, 10]$  oraz  $x_2 \in [0, 15]$ .

# Summary

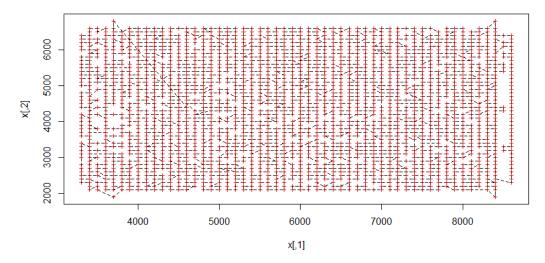


Rysunek 1: Jakość wyników

Z wykresu (rys. 1) wynika, że funkcja ta ma stosunkowo duży obszar w którym może znajdować się minimum oraz dwie strefy w których wartości są dużo większe.

Na kolejnych stronach zamieszczono wyniki pomiarów dla różnych wartości parametrów algorytmu genetycznego. Kolejno dokonano pomiarów dla różnych wartości: prawdopodobieństwa mutacji i krzyżowania, wielkości populacji, ilości iteracji oraz elityzmu. Wszystkie pomiary wykonano dla 4 różnych ustawień domyślnych parametrów (serie 1-4).

#### TSPLIB: u2319



Rysunek 2: Wartość znalezionego minimum funkcji Branin w zależności od prawdopodobieństwa mutacji



Rysunek 3: Wartość znalezionego minimum funkcji Branin w zależności od prawdopodobieństwa krzyżowania

Na wykresie (rys. 2) można zauważyć niski wpływ ustawienia mutacji na znalezione rozwiązania. Przy wszystkich parametrach domyślnych funkcja znajduje się w pobliżu optymalnej wartości. Miejscowe odchylenia są tu najprawdopodobniej związane z charakterem algorytmu i zbyt małą ilością prób poddanych uśrednieniu. Nie możemy tutaj określić czy przy wyłączonej zarówno mutacji jak i krzyżowaniu wyniki ulegają pogorszeniu, gdyż nie ma w tym obszarze spójności. Podobne wnioski możemy wskazać dla wykresu krzyżowania (rys. 3).



Rysunek 4: Wartość znalezionego minimum funkcji Branin w zależności od rozmiaru populacji



Rysunek 5: Wartość znalezionego minimum funkcji Branin w zależności od ilości iteracji

Z wykresu (rys. 4) można odczytać podatność funkcji na zmiany rozmiaru populacji. Wyniki zbliżone do oczekiwanych zostały uzyskane dla wartości wynoszącej 45 jednostek. Widać również, że przy małej populacji znaczenie mutacji i krzyżowania jest większe. Zauważalny jest wzrost jakości rozwiązania wraz ze wzrostem ilości jednostek populacji.

Wykres (rys. 5) wskazuje wyraźną zmianę jakości rozwiązań dla 60 i więcej iteracji. Poniżej tej wartości uzyskiwane wyniki są niestabilne, powyżej osiągają wartość zbliżoną do oczekiwanej szczególnie dla serii 4 (czyli z włączoną mutacją i krzyżowaniem).



Rysunek 6: Wartość znalezionego minimum funkcji Branin w zależności od przyjętego elityzmu

Z wykonanych pomiarów (rys. 6) wynika, że dla uzyskania optymalnego rozwiązania należy zastosować wartość elityzmu na poziomie przynajmniej 0,35. Jego ustawienie poniżej tej wartości powoduje obniżenie się jakości rezultatów.



Rysunek 7: Poglądowa lokalizacja najlepszego znalezionego minimum funkcji Branin dla pomiarów przy zmianach elityzmu

# 4 Podsumowanie

W trakcie prowadzonych badań przetestowano algorytm genetyczny w zadaniu optymalizacji dla 9 funkcji testowych. Analizie poddano wpływ zmiany każdego z parametrów dla 4 różnych konfiguracji pozostałych wartości domyślnych.

Wartość prawdopodobieństwa mutacji i krzyżowania zdaje się odgrywać drugorzędną rolę. Istotne jednak by chociaż jedna z nich była włączona z prawdopodobieństwem większym niż 0.

Najlepszym ustawieniem dla elityzmu jest prawdopodobieństwo rzędu 0,5.

Z pewnością należałoby zwiększyć ilość prób poddawanych uśrednianiu gdyż dla przyjętych 20 wyniki ciągle są niestabilne. Warto by również rozważyć pomijanie kilku najlepszych i najgorszych wyników przed uśrednianiem.

Co ciekawe wyniki są widocznie gorsze przy konfiguracji w której krzyżowanie jest wyłączone a p. mutacji wynosi 0,5. Taka prawidłowość objawia się dla wszystkich badanych funkcji.

# Literatura

- [1] Artur Suchwałko "Wprowadzenie do R dla programistów innych języków" https://cran.r-project.org/doc/contrib/R-dla-programistow-innych-jezykow.pdf
- [2] Luca Scrucca "Package GA" https://cran.r-project.org/web/packages/GA/GA.pdf
- [3] Surjanovic, S. & Bingham, D. (2013). "Virtual Library of Simulation Experiments: Test Functions and Datasets." Retrieved April 3, 2017, from http://www.sfu.ca/ssurjano.
- [4] Momin Jamil, Xin-She Yang "A literature survey of benchmark functions for global optimization problems", Int. Journal of Mathematical Modelling and Numerical Optimisation, Vol. 4, No. 2, pp. 150–194. (2013)
- [5] Ajith Abraham, Aboul-Ella Hassanien, Patrick Siarry, Andries Engelbrecht, "Foundations of Computational Intelligence Volume 3" (2009)
- [6] Onay Urfalioglu, Orhan Arikan "Self-adaptive randomized and rank-based differential evolution for multimodal problems" (2011)