

# Modelos VAR

tópicos adicionais

Aishameriane Schmidt

Apresentação para a disciplina de Econometria II  
ESAG/UDESC

Professor Fernando Pozzobon

Florianópolis, junho de 2019.

# Passado

- Bacharel em Estatística (UFRGS, 2010)
- Mestra em Economia (UFSC, 2019)



Aisha

5 - MINI-MI

4

3

2

1



## Passado

- Bacharel em Estatística (UFRGS, 2010)
- Mestra em Economia (UFSC, 2019)

## Presente

- Bacharel em Economia (UDESC, ?)

por favor, UDESC,  
nunca te pedi nada

# Passado

- Bacharel em Estatística (UFRGS, 2010)
- Mestra em Economia (UFSC, 2019)

# Presente

- Bacharel em Economia (UDESC, ?)

# Futuro

- Mestranda em Economia (Tinbergen Institute + Vrije Universiteit Amsterdam, 2019-2021)



Aisha

por favor, UDESC,  
nunca te pedi nada



Aisha

## Passado

- Bacharel em Estatística (UFRGS, 2010)
- Mestra em Economia (UFSC, 2019)

## Presente

- Bacharel em Economia (UDESC, ?)

## Futuro

- Mestranda em Economia (Tinbergen Institute + Vrije Universiteit Amsterdam, 2019-2021)

por favor, UDESC,  
nunca te pedi nada

## Algumas atividades na UDESC

- Econometria III com o Prof. Pozzobon em 2015/2
- TCC (com o Prof. Pozzobon) em 2017/2
- Bolsista do Habilis (Prof Ivonetí) em 2015/2
- Monitora de Estatística em 2016

**O material está disponível em:**

**<https://sites.google.com/view/aishameriane/talks>**

**Para falar com a Aisha, utilize o aishamail:**

**aishameriane@gmail.com**

# O que vamos ver hoje?

*Relembrando modelos  
VAR*

Estabelecendo a notação  
(relembra é viver!)



# O que vamos ver hoje?

*Relembrando modelos  
VAR*

*Introduzindo variação no  
tempo (TVP VAR e/ MSV)*

- 
- ✓ Características principais
  - ✓ Apresentação de alguns modelos
  - ✓ Uma proposta de especificação diferente

# O que vamos ver hoje?

*Relembrando modelos  
VAR*

*Introduzindo variação no  
tempo (TVP VAR c/ MSV)*

**Um breve comentário sobre  
como estimar esse bicho**

- 
- ✓ Um pouco sobre metodologia Bayesiana
  - ✓ Métodos de MCMC
  - ✓ O algoritmo para a dissertação da Aísha

# O que vamos ver hoje?

*Relembrando modelos  
VAR*

*Introduzindo variação no  
tempo (TVP VAR c/ MSV)*

*Um breve comentário sobre  
como estimar esse bicho*

**Uma aplicação  
econômica**

- ✓ Analisando o impacto de choques monetários em distribuição funcional de renda no Brasil

# Modelo de Regressão

Como pesquisadores na área de economia, muitas vezes queremos investigar se uma relação da teoria econômica pode ser verificada **empiricamente**.

# Modelo de Regressão

Como pesquisadores na área de economia, muitas vezes queremos investigar se uma relação da teoria econômica pode ser verificada **empiricamente**.

Uma forma de fazer isso é analisar o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outras variáveis.

# Modelo de Regressão

Como pesquisadores na área de economia, muitas vezes queremos investigar se uma relação da teoria econômica pode ser verificada **empiricamente**.

Uma forma de fazer isso é analisar o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outras variáveis.

Por exemplo, a **teoria econômica** nos diz que quando há um **aumento de inflação**, é esperado que os bancos centrais utilizem seus **instrumentos de política monetária** para (tentar) controlá-la.

# Modelo de Regressão

Então, se tivermos uma lista de **países** com os respectivos valores de **inflação** e **taxas de juros**, podemos investigar como que a taxa de juros e a inflação estão relacionadas.

Assumindo uma forma **paramétrica e linear** para a relação dos **juros** e a **inflação**, podemos ter o seguinte modelo econométrico:

# Modelo de Regressão

Então, se tivermos uma lista de **países** com os respectivos valores de **inflação** e **taxas de juros**, podemos investigar como que a taxa de juros e a inflação estão relacionadas.

Assumindo uma forma **paramétrica e linear** para a relação dos **juros** e a **inflação**, podemos ter o seguinte modelo econométrico:

$$juros_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot inflação_i + \varepsilon_i$$



Queremos uma estimativa para estes coeficientes

# Modelo de Regressão

Então, se tivermos uma lista de **países** com os respectivos valores de **inflação** e **taxas de juros**, podemos investigar como que a taxa de juros e a inflação estão relacionadas.

Assumindo uma forma **paramétrica e linear** para a relação dos **juros** e a **inflação**, podemos ter o seguinte modelo econométrico:

$$juros_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot inflação_i + \varepsilon_i$$



$$i_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot \pi_i + \varepsilon_i$$

# Modelo de Regressão

Como pesquisadores na área de economia, muitas vezes queremos investigar se uma relação da teoria econômica pode ser verificada empiricamente.

No modelo de regressão linear, temos a variável **endógena** (ou **dependente**)  $y$  e a variável **exógena** (ou **independente**)  $x$ .

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot x_i + \varepsilon_i$$

Equação para  
uma "linha"



# Modelo de Regressão

Como pesquisadores na área de economia, muitas vezes queremos investigar se uma relação da teoria econômica pode ser verificada empiricamente.

No modelo de regressão linear, temos a variável **endógena** (ou **dependente**) y e a variável **exógena** (ou **independente**) x.

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot x_i + \varepsilon_i, \quad i \in \{1, \dots, N\}$$

Forma matricial



$$Y = X\beta + \varepsilon$$

# Modelo de Regressão “no tempo”

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente)  $y$  e a variável exógena (ou independente)  $x$ .

Algumas vezes, nós temos uma coleção de dados de  $x$  e  $y$  que se referem ao mesmo indivíduo (ou país, etc) observado diversas vezes ao longo do tempo.

# Modelo de Regressão “no tempo”

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente)  $y$  e a variável exógena (ou independente)  $x$ .

Algumas vezes, nós temos uma coleção de dados de  $x$  e  $y$  que se referem ao mesmo indivíduo (ou país, etc) observado diversas vezes ao longo do tempo.

Neste caso, vamos trocar o subscrito  $i$  por  $t$  no nosso modelo.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot x_t + \varepsilon_t, \quad t \in \{1, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo

Expandindo o nosso conhecimento que "relembrar é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

# Modelo Autoregressivo

Expandindo o nosso conhecimento que "relembra é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

→ Se o **IPCA** do mês de setembro de 2018 foi de **4,52%** a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de **12,8%** a.a. para o mês de outubro.

# Modelo Autoregressivo

Expandindo o nosso conhecimento que "relembra é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

- Se o **IPCA** do mês de setembro de 2018 foi de **4,52%** a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de **12,8%** a.a. para o mês de outubro.
- Mas isso não significa que vamos esperar uma inflação de **4,64%** a.a. para o mês de maio de 2022.

# Modelo Autoregressivo

Expandindo o nosso conhecimento que "relembra é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

- Se o **IPCA** do mês de setembro de 2018 foi de **4,52% a.a.**, não seria razoável esperarmos uma inflação de **12,8% a.a.** para o mês de outubro.
- Mas isso não significa que vamos esperar uma inflação de **4,64% a.a.** para o mês de maio de 2022.

BANCO CENTRAL DO BRASIL		Focus Relatório de Mercado										21 de junho de 2019																							
Expectativas de Mercado												▲ Aumento ▼ Diminuição = Estabilidade																							
Mediana - Agregado																																			
2019				Há 4 semanas	Há 1 semana	Hoje	Comp. semanal *	Resp. **	2020				Há 4 semanas	Há 1 semana	Hoje	Comp. semanal *	Resp. **	2021				Há 4 semanas	Há 1 semana	Hoje	Comp. semanal *	Resp. **	2022				Há 4 semanas	Há 1 semana	Hoje	Comp. semanal *	Resp. **
IPCA (%)				4,07	3,84	3,82	▼ (4)	121	IPCA (%)				4,00	4,00	3,95	▼ (1)	114	IPCA (%)				3,75	3,75	3,75	= (28)	101	IPCA (%)				3,75	3,75	3,75	= (48)	85
IPCA (atualizações últimos 5 dias úteis, %)				4,10	3,83	3,80	▼ (5)	89	IPCA (atualizações últimos 5 dias úteis, %)				4,00	3,99	3,90	▼ (2)	83	IPCA (atualizações últimos 5 dias úteis, %)				3,75	3,75	3,75	= (23)	75	IPCA (atualizações últimos 5 dias úteis, %)				3,75	3,75	3,75	= (2)	64

Relatório Focus de 24/06/2019. Disponível em <https://www.bcb.gov.br/publicacoes/focus>

# Modelo Autoregressivo

Expandindo o nosso conhecimento que "relembra é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

- Se o IPCA do mês de setembro de 2018 foi de 4,52% a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de 12,8% a.a. para o mês de outubro.
- Mas isso não significa que vamos esperar uma inflação de 4,64% a.a. para o mês de maio de 2022.

O fato da inflação estar baixa em **setembro** nos dá uma informação sobre o que esperar para **outubro**. Ao mesmo tempo, não nos diz o que esperar daqui 4 anos.

# Modelo Autoregressivo

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação **deste mês** depende da inflação do **mês anterior**.

# Modelo Autoregressivo

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação **deste mês** depende da inflação do **mês anterior**.

Usando nosso conhecimento de que na **natureza nada se cria e tudo se transforma**, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação deste mês depende da inflação do mês anterior.

Usando nosso conhecimento de que na natureza nada se cria e tudo se transforma, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, \dots, T\}$$

Inflação do mês passado. Como já ocorreu, é considerada exógena.

"Perde-se" um valor da amostra.

# Modelo Autoregressivo

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação deste mês depende da inflação do mês anterior.

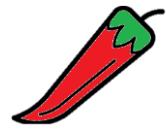
Usando nosso conhecimento de que na natureza nada se cria e tudo se transforma, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, \dots, T\}$$

Que pode ser generalizado para a inflação depender de  $p$  valores passados

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \beta_2 \cdot y_{t-2} + \cdots + \beta_p \cdot y_{t-p} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$

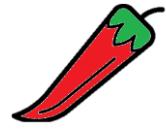
# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”



Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”

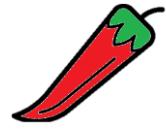


Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \gamma_1 \cdot x_{t-1} + \delta_1 \cdot z_{t-1} + \phi_1 \cdot r_{t-1} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”



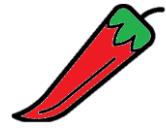
Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \underbrace{\sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i}}_{\text{O que já tínhamos antes}} + \gamma_1 \cdot x_{t-1} + \delta_1 \cdot z_{t-1} + \phi_1 \cdot r_{t-1} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

O que já tínhamos  
antes

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”

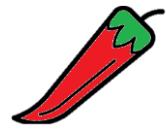


Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \underbrace{\gamma_1 \cdot x_{t-1}}_{\text{Tx. Cresc. do PIB}} + \underbrace{\delta_1 \cdot z_{t-1}}_{\text{Tx. SELIC}} + \underbrace{\phi_1 \cdot r_{t-1}}_{\text{Tx. Câmbio}} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”

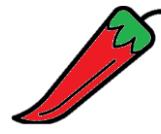


Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \underbrace{\sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i}}_{\text{O que já tínhamos antes}} + \underbrace{\gamma_1 \cdot x_{t-1}}_{\text{Tx. Cresc. do PIB}} + \underbrace{\delta_1 \cdot z_{t-1}}_{\text{Tx. SELIC}} + \underbrace{\phi_1 \cdot r_{t-1}}_{\text{Tx. Câmbio}} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”



Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

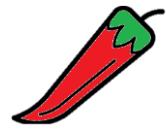
Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \gamma_1 \cdot x_{t-1} + \delta_1 \cdot z_{t-1} + \phi_1 \cdot r_{t-1} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

Que também pode ser generalizado para depender de mais defasagens de todas variáveis

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_j \cdot x_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_k \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_l \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t, \\ t \in \{p, \dots, T\}$$

# Modelo Autoregressivo “apimentando as coisas”



Pepper by Danil Polshin  
from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \gamma_1 \cdot x_{t-1} + \delta_1 \cdot z_{t-1} + \phi_1 \cdot r_{t-1} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

Que também pode ser generalizado para depender de mais defasagens de todas as variáveis

$$y_t = \beta_0 + \underbrace{\sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i}}_{\text{Inflação passada}} + \underbrace{\sum_{j=2}^q \gamma_j \cdot x_{t-q}}_{\text{Tx. Cresc. do PIB}} + \underbrace{\sum_{k=2}^s \delta_k \cdot z_{t-k}}_{\text{Tx. SELIC}} + \underbrace{\sum_{l=2}^m \phi_l \cdot r_{t-l}}_{\text{Tx. Câmbio}} + \varepsilon_t, t \in \{p, \dots, T\}$$

# Quem vem primeiro: o ovo



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Parece razoável pensar que inflação sofre influência do PIB, Câmbio, Selic e dos seus próprios valores passados.

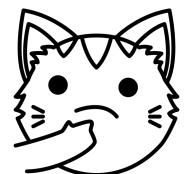
# Quem vem primeiro: o ovo ou a galinha?



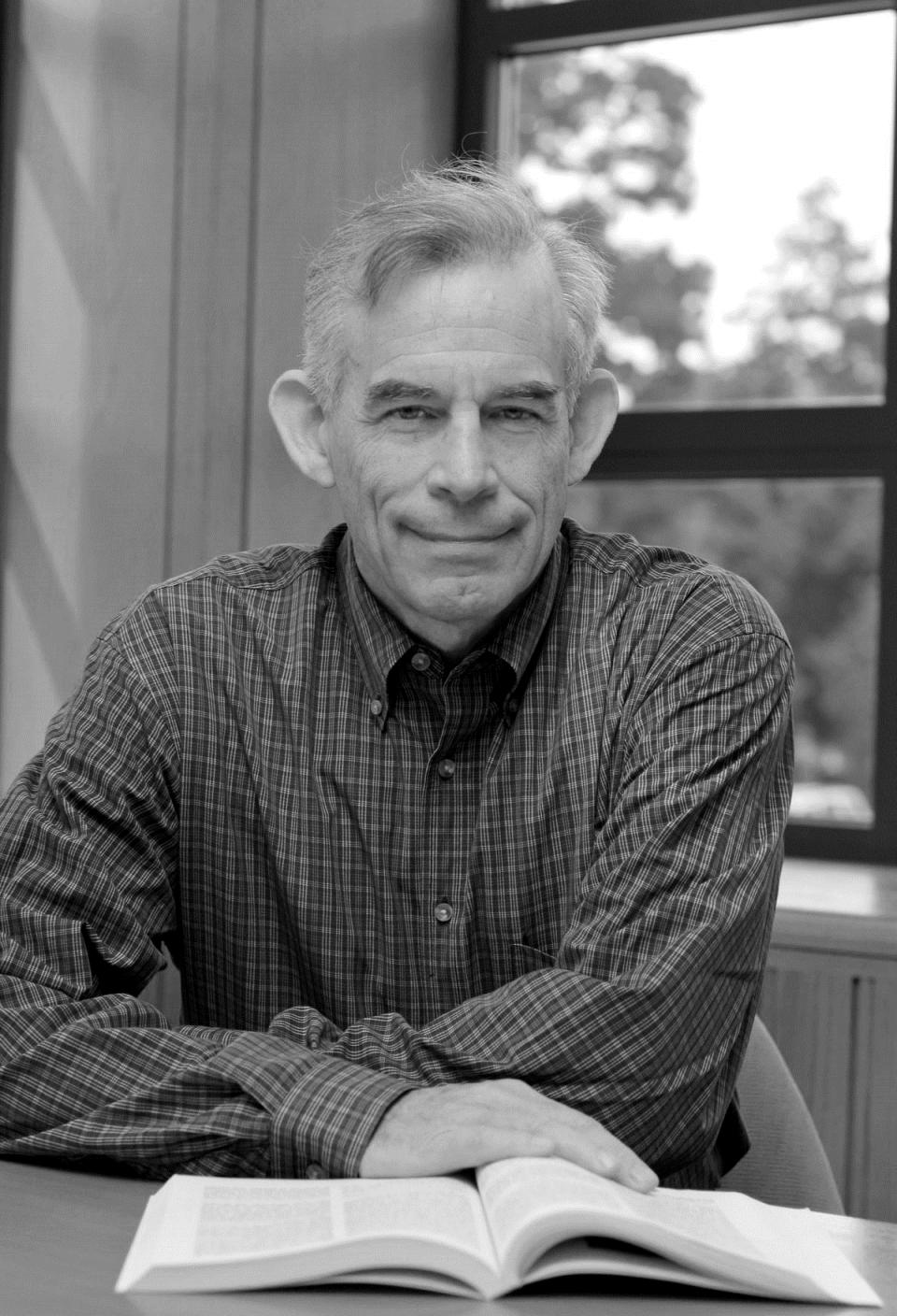
Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Parece razoável pensar que inflação sofre influência do PIB, Câmbio, Selic e dos seus próprios valores passados.

Mas será que essas coisas não sofrem impacto da inflação também?



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project



“Deveria ser factível estimar grandes modelos macroeconômicos na forma reduzida irrestrita, tratando todas as variáveis como endógenas”

*Christopher Sims, Macroeconomics and Reality (1980)*

Tradução livre de “It should be feasible to estimate large-scale macromodels as unrestricted reduced forms, treating all variables as endogenous”. Créditos da foto: Princeton University, Office of Communications, Denise Applewhite (2006). Disponível em [https://pr.princeton.edu/pictures/s-z/sims\\_christopher/](https://pr.princeton.edu/pictures/s-z/sims_christopher/).



Christopher A. Sims recebendo  
o Prêmio Nobel de Economia  
em 2011.

Prize motivation:  
"for their empirical research on  
cause and effect in the macroeconomy."

# Os modelos de vetores autoregressivos\*

Tínhamos a seguinte equação para a inflação:

$$\textcolor{blue}{y}_t = \beta_{10} + \underbrace{\sum_{i=2}^p \beta_{1i} \cdot \textcolor{red}{y}_{t-i}}_{\text{Inflação passada}} + \underbrace{\sum_{j=2}^q \gamma_{1q} \cdot \textcolor{violet}{x}_{t-q}}_{\text{Tx. Cresc. do PIB}} + \underbrace{\sum_{k=2}^s \delta_{1k} \cdot \textcolor{red}{z}_{t-k}}_{\text{Tx. SELIC}} + \underbrace{\sum_{l=2}^m \phi_{1l} \cdot \textcolor{green}{r}_{t-l}}_{\text{Tx. Câmbio}} + \varepsilon_t,$$

$t \in \{p, \dots, T\}$

# Os modelos de vetores autoregressivos

Tínhamos a seguinte equação para a inflação:

$$\textcolor{blue}{y}_t = \beta_{10} + \sum_{i=2}^p \beta_{1i} \cdot \textcolor{red}{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{1j} \cdot \textcolor{violet}{x}_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{1k} \cdot \textcolor{red}{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{1l} \cdot \textcolor{green}{r}_{t-l} + \varepsilon_t,$$

$t \in \{p, \dots, T\}$

Podemos usar a mesma estrutura, mudando  $\textcolor{blue}{y}_t$  para  $\textcolor{violet}{x}_t$ ,  $\textcolor{red}{z}_t$  e  $\textcolor{green}{r}_t$  !

$$\textcolor{violet}{x}_t = \beta_{20} + \sum_{i=2}^p \beta_{2i} \cdot \textcolor{red}{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{2j} \cdot \textcolor{violet}{x}_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{2k} \cdot \textcolor{red}{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{2l} \cdot \textcolor{green}{r}_{t-l} + \varepsilon_t,$$

$t \in \{p, \dots, T\}$

$$\textcolor{red}{z}_t = \beta_{30} + \sum_{i=2}^p \beta_{3i} \cdot \textcolor{red}{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{3j} \cdot \textcolor{violet}{x}_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{3k} \cdot \textcolor{red}{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{3l} \cdot \textcolor{green}{r}_{t-l} + \varepsilon_t,$$

$t \in \{p, \dots, T\}$

$$\textcolor{green}{r}_t = \beta_{40} + \sum_{i=2}^p \beta_{4i} \cdot \textcolor{red}{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{4j} \cdot \textcolor{violet}{x}_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{4k} \cdot \textcolor{red}{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{4l} \cdot \textcolor{green}{r}_{t-l} + \varepsilon_t,$$

$t \in \{p, \dots, T\}$

# Os modelos de vetores autoregressivos

Tínhamos a seguinte equação para a inflação:

$$y_t = \beta_{10} + \sum_{i=2}^p \beta_{1i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{1j} \cdot x_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{1k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{1l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$

Podemos usar a mesma estrutura, mudando  $y_t$  para  $x_t$ ,  $z_t$  e  $r_t$ !

$$x_t = \beta_{20} + \sum_{i=2}^p \beta_{2i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{2j} \cdot x_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{2k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{2l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$

$$z_t = \beta_{30} + \sum_{i=2}^p \beta_{3i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{3j} \cdot x_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{3k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{3l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$

$$r_t = \beta_{40} + \sum_{i=2}^p \beta_{4i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{4j} \cdot x_{t-j} + \sum_{k=2}^s \delta_{4k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{4l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$

Atenção: Não é o mesmo coeficiente em cada equação!

# Os modelos de vetores autoregressivos

Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

# Os modelos de vetores autoregressivos

Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com **4** variáveis, se usarmos **2** defasagens, teremos:

+ **4** interceptos

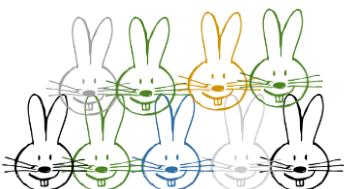


# Os modelos de vetores autoregressivos

Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, teremos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem \* 4 variáveis



# Os modelos de vetores autoregressivos

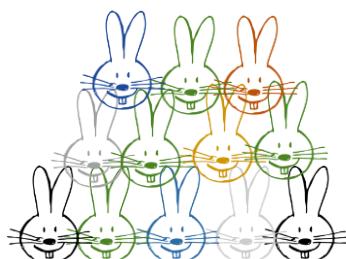
Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com **4** variáveis, se usarmos **2** defasagens, teremos:

- + **4** interceptos
- + **4** coeficientes de **primeira** defasagem \* **4** variáveis
- + **4** coeficientes de **segunda** defasagem \* **4** variáveis

= **36 coeficientes** mais os elementos da **matriz de variâncias e covariâncias**

Coelhos se reproduzem mais devagar  
que os parâmetros do var



# Estabilidade temporal em macroeconomia

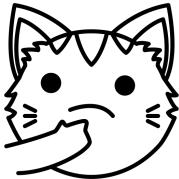
Será que é razoável pensar que inflação e juros na época do  
Gustavo Loyola (6/95 a 8/97) tinham o mesmo comportamento que na época do  
Alexandre Tombini (01/11 a 06/16)?



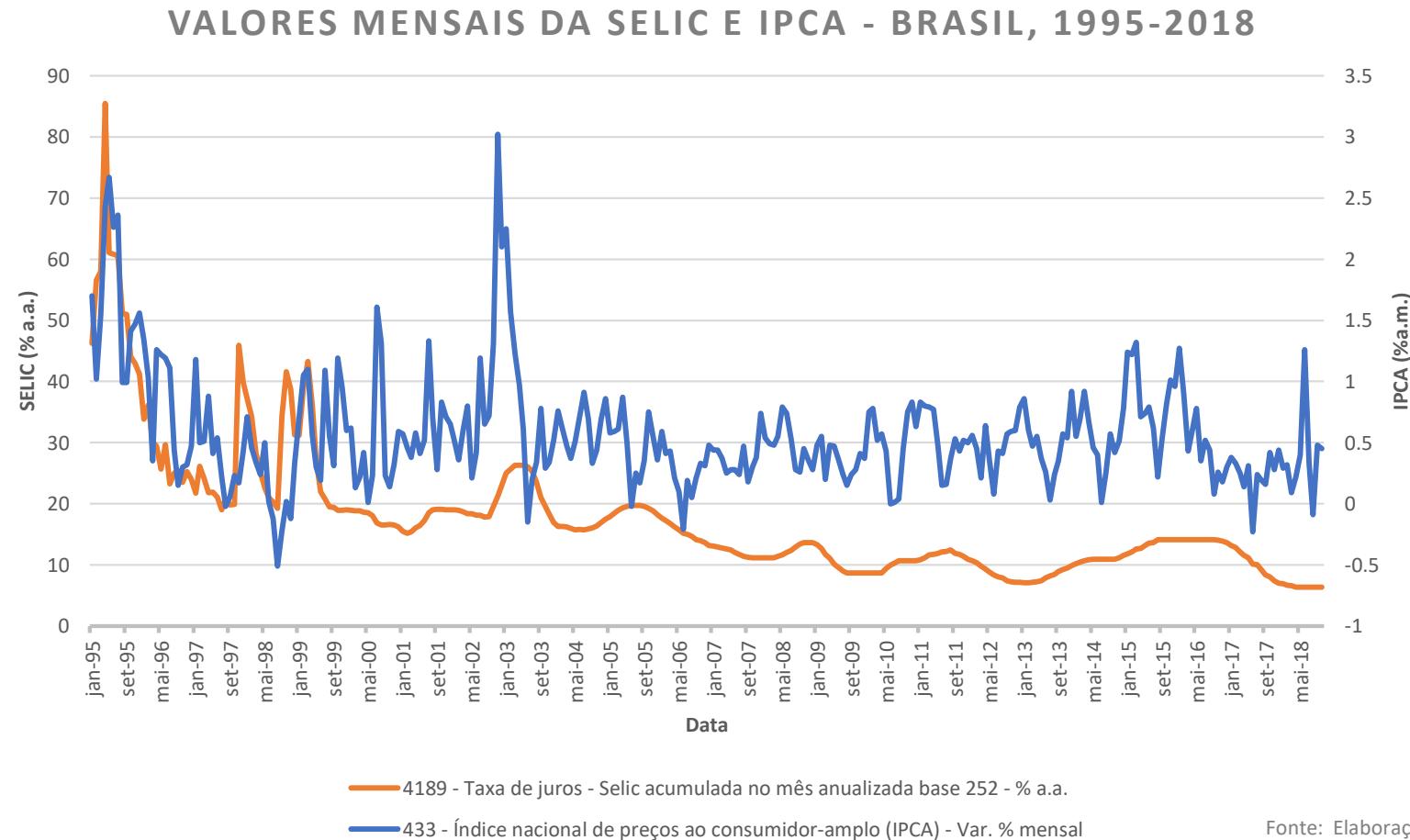
Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

# Estabilidade temporal em macroeconomia

Será que é razoável pensar que inflação e juros na época do **Gustavo Loyola** (6/96 a 8/97) tinham o mesmo comportamento que na época do **Alexandre Tombini** (01/11 a 06/16)?



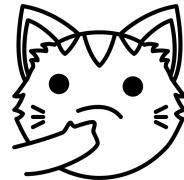
Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project



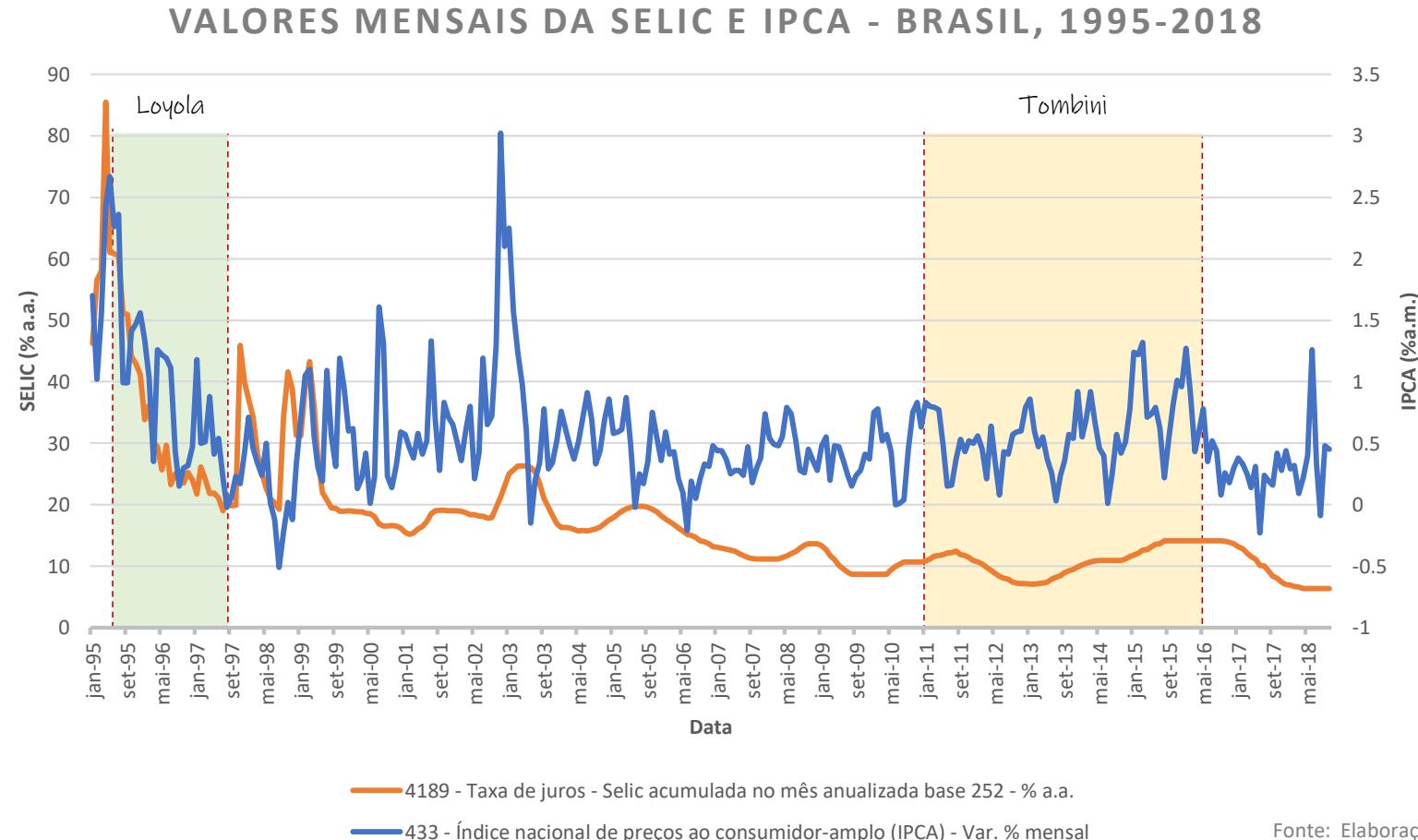
Fonte: Elaboração própria com dados do IBGE e BCB. Séries disponíveis no sistema gerenciador de séries do Banco Central do Brasil.

# Estabilidade temporal em macroeconomia

Será que é razoável pensar que inflação e juros na época do **Gustavo Loyola** (6/96 a 8/97) tinham o mesmo comportamento que na época do **Alexandre Tombini** (01/11 a 06/16)?



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project



Fonte: Elaboração própria com dados do IBGE e BCB. Séries disponíveis no sistema gerenciador de séries do Banco Central do Brasil.

Pausa para reflexão



Created by Gregor Cresnar  
from Noun Project

O modelo VAR visto anteriormente assume que as **relações entre as variáveis** (que são descritas pelos coeficientes) são **estáveis ao longo do tempo**.



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Pausa para reflexão



Created by Gregor Cresnar  
from Noun Project

O modelo VAR visto anteriormente assume que as **relações entre as variáveis** (que são descritas pelos coeficientes) são **estáveis ao longo do tempo**.



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Se estimarmos um VAR para os dados do slide anterior, o coeficiente que multiplica a Selic será o mesmo em todos os períodos, assim como o coeficiente que multiplica o IPCA.

Pausa para reflexão



Created by Gregor Cresnar  
from Noun Project

O modelo VAR visto anteriormente assume que as **relações entre as variáveis** (que são descritas pelos coeficientes) são **estáveis ao longo do tempo**.



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Se estimarmos um VAR para os dados do slide anterior, o coeficiente que multiplica a Selic será o mesmo em todos os períodos, assim como o coeficiente que multiplica o IPCA.

Será que existe uma forma de contornarmos esse problema?



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Pausa para reflexão



Created by Gregor Cresnar  
from Noun Project

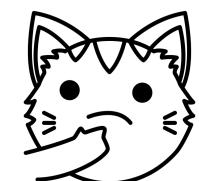
O modelo VAR visto anteriormente assume que as **relações entre as variáveis** (que são descritas pelos coeficientes) são **estáveis ao longo do tempo**.



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Se estimarmos um VAR para os dados do slide anterior, o coeficiente que multiplica a Selic será o mesmo em todos os períodos, assim como o coeficiente que multiplica o IPCA.

Será que existe uma forma de contornarmos esse problema?



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project



**Sim!** (senão a Aisha não falaria do problema)

Created by DailyPM  
from Noun Project

O QUE EXPLICA AS  
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO  
INFLAÇÃO-DESEMPREGO  
NOS ANOS 70?

# *Bad luck* vs *Bad Policy*

Baseado em Cogley e Sargent, 2005.

O QUE EXPLICA AS  
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO  
INFLAÇÃO-DESEMPREGO  
NOS ANOS 70?

# Bad luck vs Bad Policy

Mudanças na  
persistência da  
Inflação

*Mudanças estruturais na volatilidade*

*Má sorte:*

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia

Mudanças nas  
regras de política  
monetária

*Deslocamentos dos coeficientes*

*Má política:*

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

O QUE EXPLICA AS  
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO  
INFLAÇÃO-DESEMPREGO  
NOS ANOS 70?

# Bad luck **vs** Bad Policy

Mudanças na  
persistência da  
inflação

*Mudanças estruturais na volatilidade*

*Má sorte:*

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia

Mudanças nas  
regras de política  
monetária

*Deslocamentos dos coeficientes*

*Má política:*

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

O QUE EXPLICA AS  
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO  
INFLAÇÃO-DESEMPREGO  
NOS ANOS 70?

# Bad luck vs Bad Policy

Mudanças na  
persistência da  
Inflação

*Mudanças estruturais na volatilidade*

*Má sorte:*

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia

Mudanças nas  
regras de política  
monetária

*Deslocamentos dos coeficientes*

*Má política:*

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

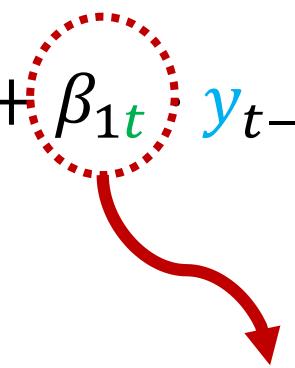
# TVP-VAR

Podemos pensar em um modelo dinâmico que permite os coeficientes mudarem ao longo do tempo:

$$z_t = \beta_0 + \beta_1 \textcolor{teal}{t} \cdot y_{t-1} + \delta_1 \textcolor{teal}{t} \cdot z_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, \dots, T\}$$

Podemos pensar em um modelo dinâmico que permite os coeficientes mudarem ao longo do tempo:

$$z_t = \beta_0 + \beta_1 t y_{t-1} + \delta_1 t \cdot z_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, \dots, T\}$$

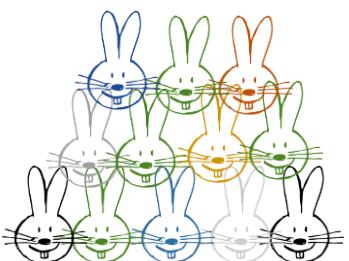


A SELIC pode responder de forma diferente à inflação do mês passado dependendo de onde estamos no tempo

Para aquele nosso modelo com **4** variáveis, se usarmos **2** defasagens, temos:

- + **4** interceptos
  - + **4** coeficientes de **primeira** defasagem \* **4** variáveis
  - + **4** coeficientes de **segunda** defasagem \* **4** variáveis
- = **36 coeficientes** mais os elementos da **matriz de variâncias e covariâncias**

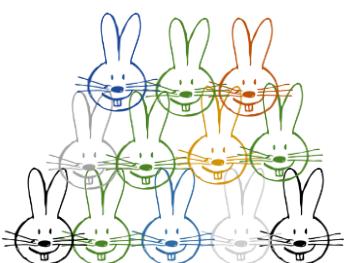
Coelhos se reproduzem mais devagar  
que os parâmetros do var



Para aquele nosso modelo com **4** variáveis, se usarmos **2** defasagens, temos:

- + **4** interceptos
  - + **4** coeficientes de **primeira** defasagem \* **4** variáveis
  - + **4** coeficientes de **segunda** defasagem \* **4** variáveis
- = **36 coeficientes** mais os elementos da **matriz de variâncias e covariâncias**

**VezeS o número de períodos de tempo!**



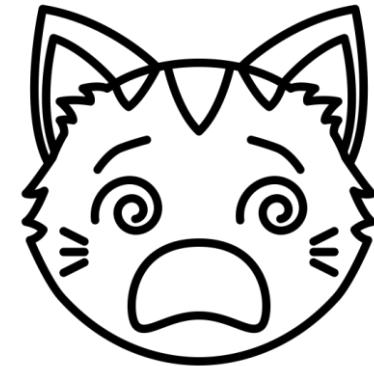
Para aquele nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, temos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem \* 4 variáveis
- + 4 coeficientes de segunda defasagem \* 4 variáveis

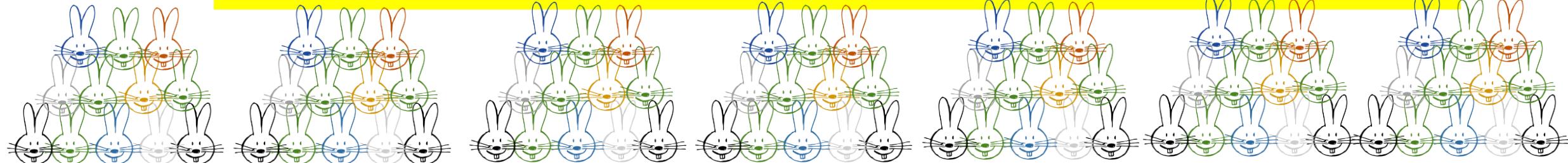
= 36 coeficientes mais os elementos da matriz de variâncias e covariâncias

**Veze s o número de períodos de tempo!**

Um TVP-VAR mensal para 20 anos teria  $238 * 36 = 8560$  coeficientes mais as matrizes de var-covar



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project



# TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \quad \epsilon_t \sim N_k(0_k, \Omega_t^{-1}) \quad (\text{eq. de medida}) \quad (1)$$

$$\alpha_t = \alpha_{t-1} + v_t \quad v_t \sim N_p(0_p, Q) \quad (\text{eq. de transição de estados}) \quad (2)$$

# TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \quad \epsilon_t \sim N_k(0_k, \Omega_t^{-1}) \quad (\text{eq. de medida}) \quad (1)$$

$$\alpha_t = \alpha_{t-1} + v_t \quad v_t \sim N_p(0_p, Q) \quad (\text{eq. de transição de estados}) \quad (2)$$

Note que:

- Nós não observamos  $\alpha_t$  diretamente (**variável latente**);
- Se  $\Omega_t^{-1}$  fosse não estocástica, o filtro de Kalman poderia ser utilizado;

# TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \quad \epsilon_t \sim N_k(0_k, \Omega_t^{-1}) \quad (\text{eq. de medida}) \quad (1)$$

$$\alpha_t = \alpha_{t-1} + v_t \quad v_t \sim N_p(0_p, Q) \quad (\text{eq. de transição de estados}) \quad (2)$$

Note que:

- ▶ Nós não observamos  $\alpha_t$  diretamente (**variável latente**);
- ▶ Se  $\Omega_t^{-1}$  fosse não estocástica, o filtro de Kalman poderia ser utilizado;
  - ▶ Uma vez que isso não acontece, temos uma **integral de alta dimensão que não pode ser resolvida analiticamente**.

TVP-VAR c/ MSV

**Cogley e Sargent (2005)**

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$

$$\alpha_t = \alpha_{t-1} + u_t \quad u \sim \mathcal{N}_p(0_p, Q)$$

$$\epsilon_t = \Omega_t^{-1/2} \xi_t \quad \xi \sim \mathcal{N}_k(0_k, \mathbb{I}_k)$$

$$\Omega_t^{-1} = B^{-1} H_t B^{-1'}$$

$$B =$$

A square matrix B with orange diagonal blocks. The top-left block has entries 1 (top), beta\_{21} (left), and 1 (bottom-right). The bottom-left block has entries beta\_{k1} (top), beta\_{k2} (left), and 1 (bottom-right). The other blocks are white with black zeros.

$$H_t =$$

A square matrix H\_t with yellow diagonal blocks. The top-left block has entries h\_{1t} (top), h\_{2t} (left), and 0 (bottom-right). The bottom-right block has entries 0 (top), h\_{kt} (left), and 0 (bottom-right). The other blocks are white with black zeros.

$$\begin{aligned} \ln(h_{it}) &= \ln(h_{it-1}) + \sigma \eta_{it} \\ \eta_{it} &\sim \mathcal{N}(0,1) \end{aligned}$$

## TVP-VAR c/ MSV

### Cogley e Sargent (2005)

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multí move Gibbs
- Sem MSV nos estados

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$

$$\alpha_t = \alpha_{t-1} + u_t \quad u \sim \mathcal{N}_p(0_p, Q)$$

$$\epsilon_t = \Omega_t^{-1/2} \xi_t \quad \xi \sim \mathcal{N}_k(0_k, \mathbb{I}_k)$$

$$\Omega_t^{-1} = B_t^{-1} H_t B_t^{-1'}$$

$$B =$$

A blue shaded lower triangular matrix  $B_t$ . The diagonal elements are labeled 1. The off-diagonal elements in the first column are labeled  $\beta_{21,t}$ ,  $\beta_{k1,t}$ , and  $\beta_{k2,t}$  respectively. Dashed lines indicate the continuation of the pattern.

$$H_t =$$

A blue shaded lower triangular matrix  $H_t$ . The diagonal elements are labeled  $h_{1t}$ ,  $h_{2t}$ , and  $h_{kt}$ . All other elements are zero.

$$\begin{aligned} \beta_t &= \beta_{t-1} + v_t \\ v_t &\sim \mathcal{N}(0, W) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \ln(h_{it}) &= \ln(h_{it-1}) + \sigma \eta_{it} \\ \eta_{it} &\sim \mathcal{N}(0, 1) \end{aligned}$$

TVP-VAR c/ MSV

### *Cogley e Sargent (2005)*

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### *Primiceri (2005)*

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Problemas por causa da especificação da volatilidade

## TVP-VAR c/ MSV

### Cogley e Sargent (2005)

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multí move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Phillipov e Glickman (2005)

- volatilidade estocástica Wishart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estimação

$$y_t = \epsilon_t$$

$$\epsilon_t \sim \mathcal{N}_k(0_p, \Omega_t^{-1})$$

$$\Omega_t | \Omega_{t-1} \sim \mathcal{W}(\nu, S_{t-1})$$

$$S_t = \nu^{-1} A^{1/2} \Omega_t^d A^{1/2'}$$

Modelo de MSV

## TVP-VAR c/ MSV

### Cogley e Sargent (2005)

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Phillipov e Glickman (2005)

- Volatilidade estocástica Wishart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estimação

### Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Conjugação da Beta e Wishart
- Apenas filtra a volatilidade

Modelo de MSV

VAR c/ MSV

$$y_t = Z_t \alpha + \epsilon_t$$

$$\epsilon_t = U(\Omega_t^{-1})' \xi_t$$

$$\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$$

$$\Omega_{t+1} = \lambda^{-1} U(\Omega_t)' \Theta U(\Omega_t)$$

$$\Theta \sim \mathcal{B}_m(\nu + l/2, 1/2)$$

TVP-VAR c/ MSV

### Cogley e Sargent (2005)

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Problemas por causa da especificação da volatilidade

### Phillipov e Glickman (2005)

- volatilidade estocástica Wishart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Problemas na estimativa

### Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Usa IS para estimar os estados
- Apenas filtra a volatilidade

Modelo de MSV

VAR c/ MSV

## TVP-VAR c/ MSV

### Cogley e Sargent (2005)

- Covariâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

### Phillipov e Glickman (2005)

- volatilidade estocástica Wishart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estimação

### Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Conjugação da Beta e Wishart
- Apenas filtra a volatilidade

Modelo de MSV

VAR c/ MSV

Dissertação da Aisha

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$

$$\epsilon_t = U(\Omega_t^{-1})' \xi_t$$

$$\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$$

$$\Omega_{t+1} = \lambda^{-1} U(\Omega_t)' \Theta U(\Omega_t)$$

$$\Theta \sim \mathcal{B}_m(\nu + l/2, 1/2)$$

# O que a Aisha ~~está fazendo~~ fez



Amostrador de Gibbs:  
Carter e Kohn (1994)  
Windle e Carvalho (2014)  
Priori conjugada

# O que a Aisha está fazendo?

O modelo de [Uhlig, 1997] pode ser generalizado da seguinte forma:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t, \text{ com } \epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t \text{ e } \xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m), \quad (3)$$

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m\left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2}\right), \quad (4)$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \quad (5)$$

- ▶ Tem as características do modelo original de Uhlig (parcimonioso, flexibilidade para a volatilidade);
- ▶ Assim como os modelos anteriores, é um sistema não linear com função de verossimilhança de alta dimensão;
- ▶ Para estimar  $\alpha_t$  usando um amostrador de Gibbs, são necessárias as estimativas de  $\Omega_t$ ;
  - ▶ O algoritmo de Uhlig (1997) apenas fornece as estimativas filtradas.
  - ▶ Pode-se usar o método de Windle e Carvalho (2014).

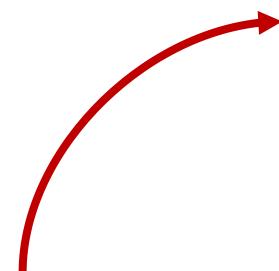
# Como estimar um TVP-VAR?

Na década de 80, Sims já propôs que VARs fossem estimados por  
métodos bayesianos

# Como estimar um TVP-VAR?

Na década de 80, Sims já propôs que VARs fossem estimados por  
métodos bayesianos

Bayesian Methods in Applied Econometrics, or,  
Why Econometrics Should Always and  
Everywhere Be Bayesian



Não foi esse o artigo  
sobre VAR bayesiano, mas  
este artigo contém  
muitas das ideias do Sims  
a respeito de econometria  
bayesiana

Christopher A. Sims  
Princeton University  
[sims@princeton.edu](mailto:sims@princeton.edu)

August 6, 2007

# Estimação Bayesiana em 30 segundos

O que é **desconhecido** pode ter uma **probabilidade** associada;

# Estimação Bayesiana em 30 segundos

O que é **desconhecido** pode ter uma **probabilidade** associada;

Isso inclui **parâmetros**;

Parâmetros na abordagem bayesiana são considerados variáveis aleatórias;

# Estimação Bayesiana em 30 segundos

O que é desconhecido pode ter uma probabilidade associada;

Isso inclui parâmetros;

Parâmetros na abordagem bayesiana são considerados variáveis aleatórias;

Nosso objetivo ao fazer inferência bayesiana é descobrir qual a **densidade de probabilidade dos parâmetros**, após observamos a amostra.

# Estimação Bayesiana em 30 segundos

Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

# Estimação Bayesiana em 30 segundos

Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

Métodos de MCMC (**Markov Chain Monte Carlo**) utilizam a teoria de **processos estocásticos** mais métodos de **Monte Carlo** para obter “retiradas” da densidade a posteriori dos parâmetros.

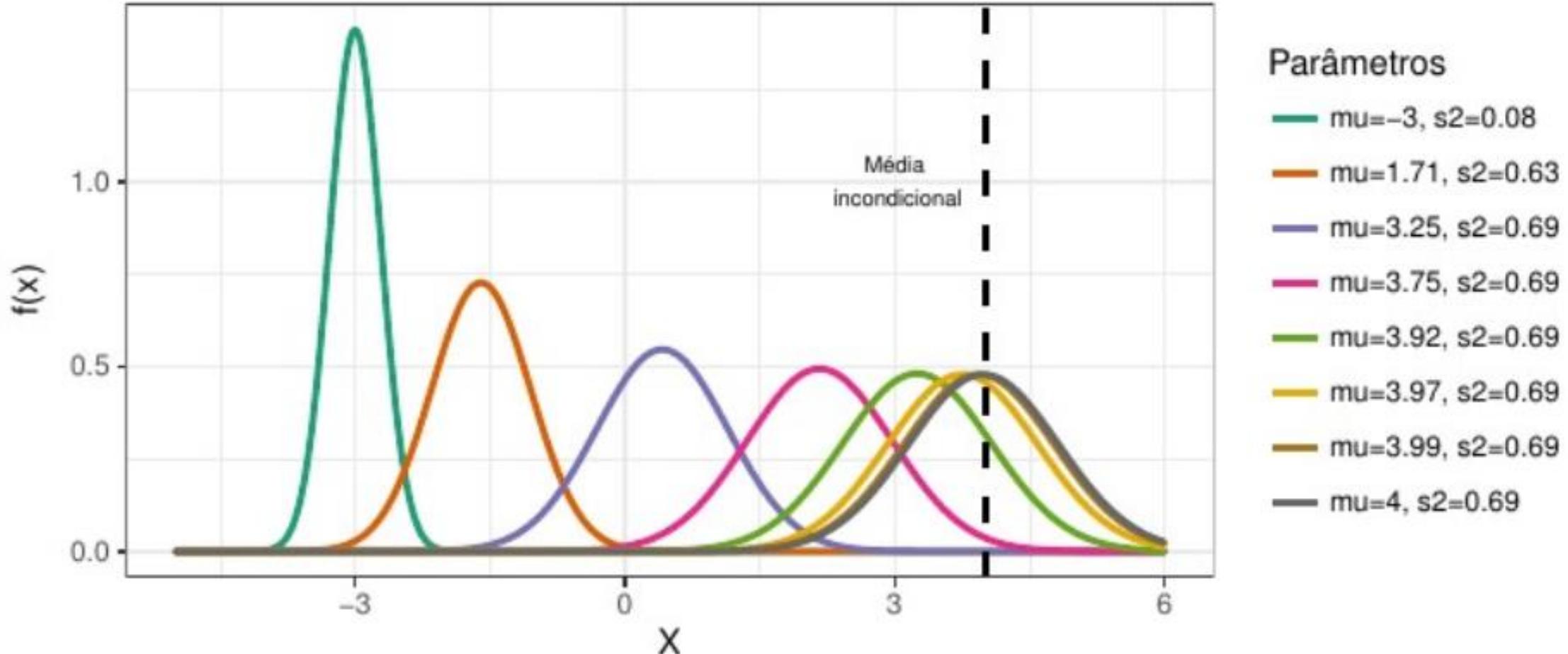
# Estimação Bayesiana em 30 segundos

Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

Métodos de MCMC (**Markov Chain Monte Carlo**) utilizam a teoria de **processos estocásticos** mais métodos de **Monte Carlo** para obter “retiradas” da densidade a posteriori dos parâmetros.

Depende de convergência de algoritmo e requer bastante poder computacional.

# Estimação Bayesiana em 30 segundos



Convergência de um processo AR para sua distribuição estacionária.

Fonte: Elaboração própria com base em dados simulados.

Código em R disponível em: <https://tinyurl.com/convergenciaAR>

# Estimando o modelinho da Aisha

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t, \text{ com } \epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t \text{ e } \xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m), \quad (3)$$

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m\left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2}\right), \quad (4)$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \quad (5)$$

## Passo 1. $\alpha_t$

"Finge" que conhece  $\Omega_t$  e  $Q_t$  e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

# Estimando o modelinho da Aisha

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t, \text{ com } \epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t \text{ e } \xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m), \quad (3)$$

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m\left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2}\right), \quad (4)$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \quad (5)$$

## Passo 1. $\alpha_t$

"Finge" que conhece  $\Omega_t$  e  $Q_t$  e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

## Passo 2. $Q$

Usa uma priori conjugada, fingindo que conhece  $\Omega_t$  e utilizando os valores estimados de  $\alpha_t$



# Estimando o modelinho da Aisha

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t, \text{ com } \epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t \text{ e } \xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m), \quad (3)$$

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m\left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2}\right), \quad (4)$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \quad (5)$$

## Passo 1. $\alpha_t$

"Finge" que conhece  $\Omega_t$  e  $Q_t$  e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

## Passo 2. $Q$

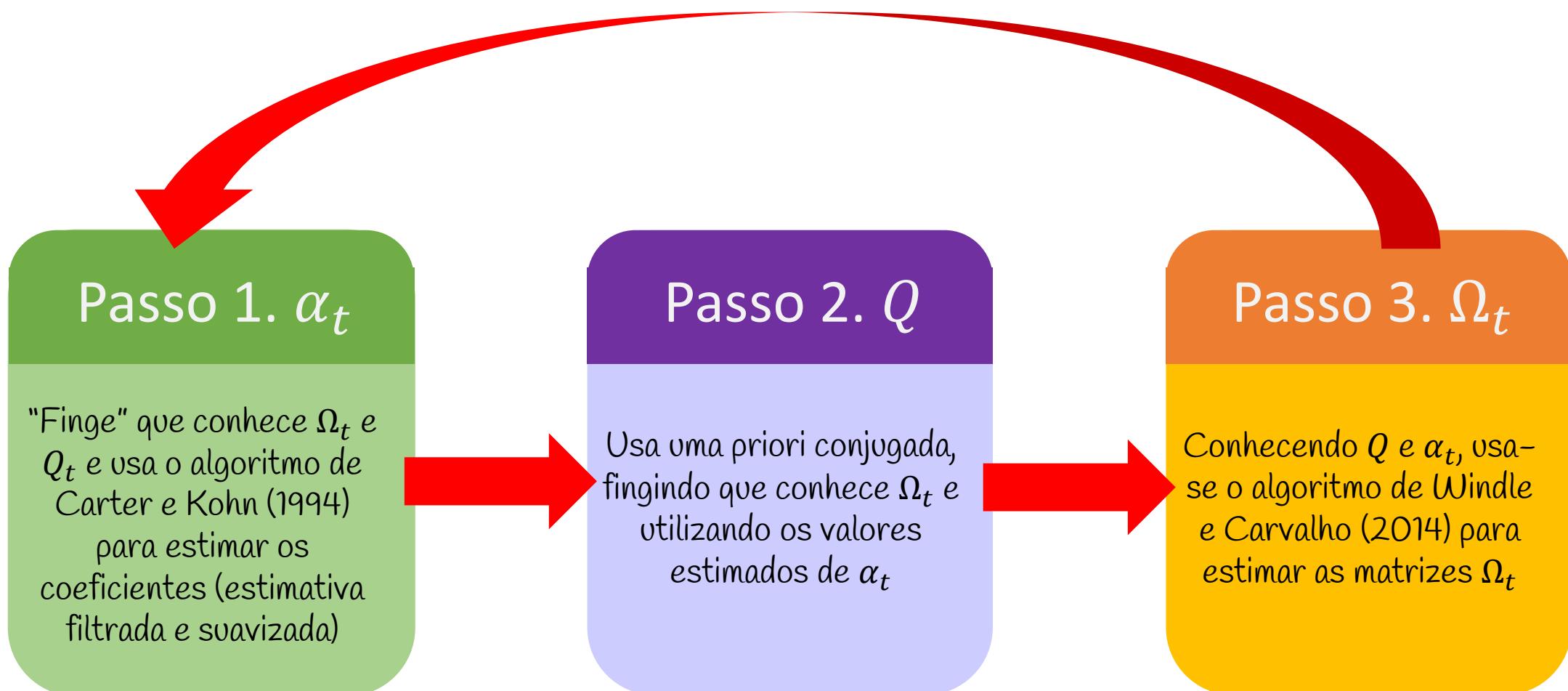
Usa uma priori conjugada, fingindo que conhece  $\Omega_t$  e utilizando os valores estimados de  $\alpha_t$

## Passo 3. $\Omega_t$

Conhecendo  $Q$  e  $\alpha_t$ , usa-se o algoritmo de Windle e Carvalho (2014) para estimar as matrizes  $\Omega_t$

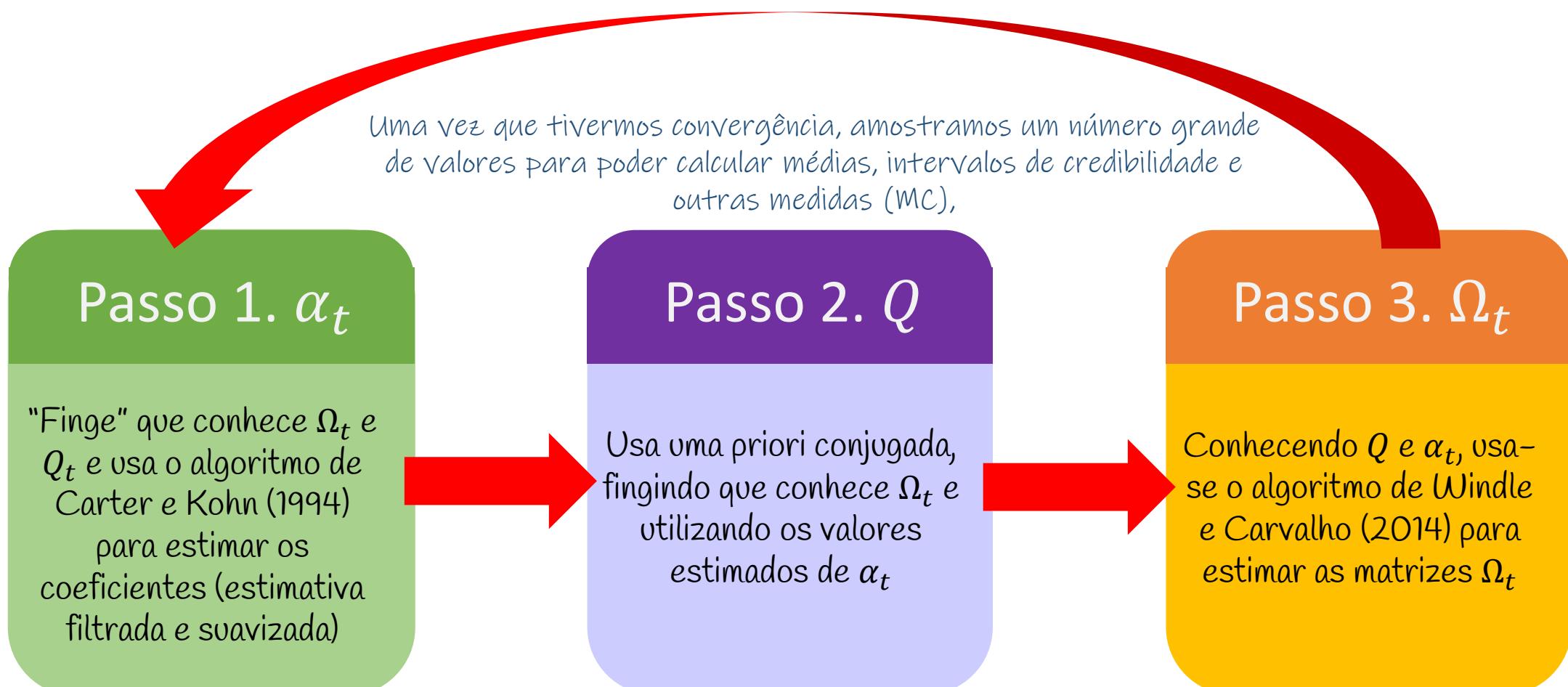
# Estimando o modelinho da Aisha

Repete-se um número suficientemente alto de vezes para ter convergência para a densidade que queremos amostrar (MC).



# Estimando o modelinho da Aisha

Repete-se um número suficientemente alto de vezes para ter convergência para a densidade que queremos amostrar (MC).



```

for irep = 1:nrep + nburn
  % Sample Bs using Carter & Kohn (1994).
  Btdraw = carter_kohn_MSV_1(y,Z,Hdraw,iWdraw,s,M,T,B_0_prmean,B_0_prvar);%,semente);

  %Btdraw2 = array2table(Btdraw);
  %writetable(Btdraw2);
  % Sample W from Wishart conditional posterior.
  %
  % $$W \sim W_s(T\tau_0, (SSE+Q_0^{-1})^{-1}).$$
  %
  deltaB = Btdraw(:,2:end) - Btdraw(:,1:end-1);
  sse_2W = deltaB*deltaB';
  icQ = chol(sse_2W + iW_prscale)\Is;
  Q = icQ*icQ';
  Wdraw_CK = wishrnd(Q,T+W_prdf);
  %Wdraw_CK2 = array2table(Wdraw_CK);
  %writetable(Wdraw_CK2);
  iWdraw = Wdraw_CK\Is;

  % Sample $n_H$ and H jointly from a collapsed Gibbs.
  %
  % $H_t = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(H_{t-1})' \Psi_t \mathcal{U}(H_{t-1}), \quad \Psi_t \sim \text{B}_m(n/2, 0.5).$
  % Note that all information from W is included on Btdraw, so we don't
  % need it here
  %

  ut = zeros(M,T);
  for i = 1:T
    ut(:,i) = y(:,i) - Z((i-1)*M+1:i*M,:)*Btdraw(:,i+1);
    %ut(:,i) = y(:,i) - Z((i-1)*M+1:i*M,:)*Btdraw;
  end

  % Compute the marginal likelihood as in Proposition 3 of Windle &
  % Carvalho(2014) for a grid of lambda values.
  sum_ln_pvt = MarginalWish(n/ut.T, M, cSig0, draw, ngrid, 1);

```

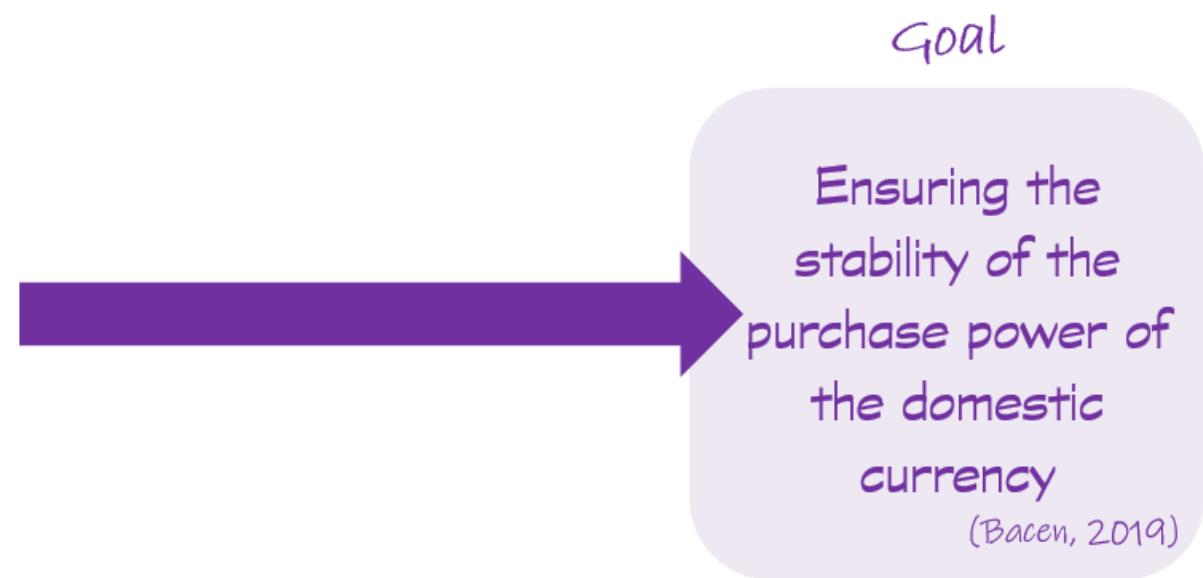
*Na prática, é isso que  
acaba sendo feito*

# Uma aplicação para a economia brasileira

Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele **não afeta apenas** a inflação e desemprego;



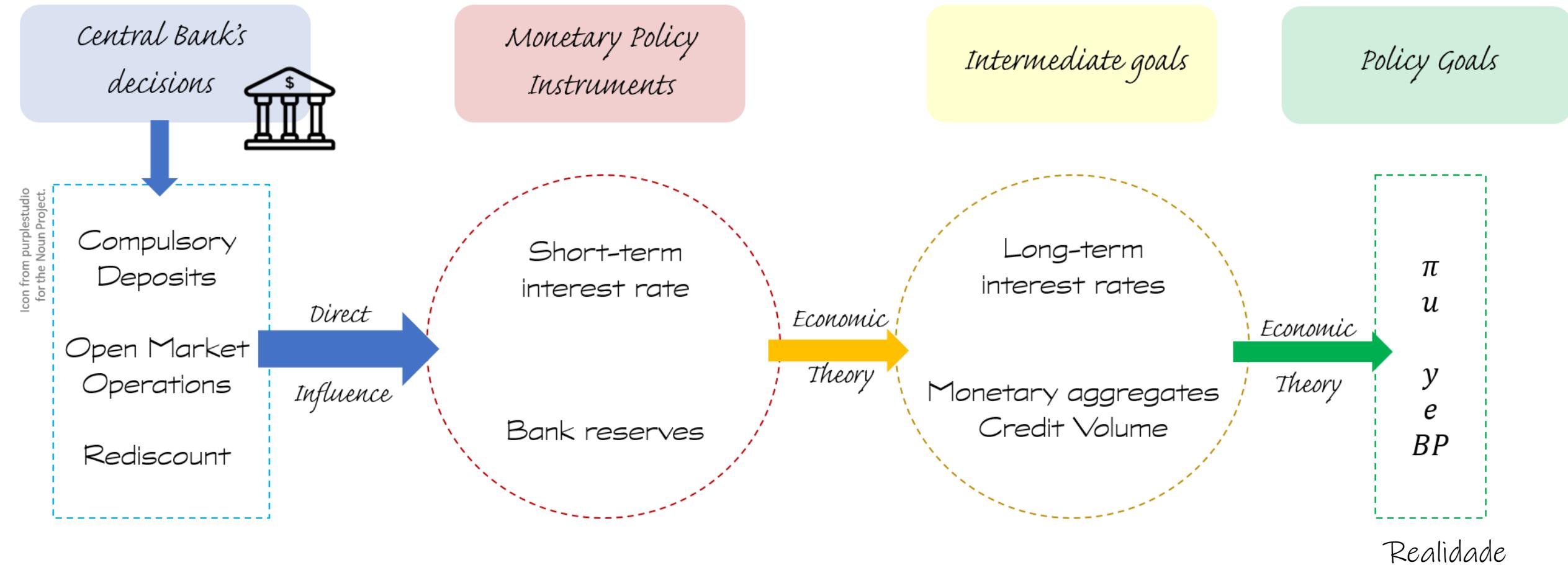
Central Bank



Icon from purplestudio  
for the Noun Project.

Obs: se você quiser ver em mais detalhes, [aqui tem o texto completo da minha dissertação](#).

# Uma aplicação para a economia brasileira



Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele **não afeta apenas** a inflação e desemprego;

# Uma aplicação para a economia brasileira

Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele não afeta apenas a inflação e desemprego;

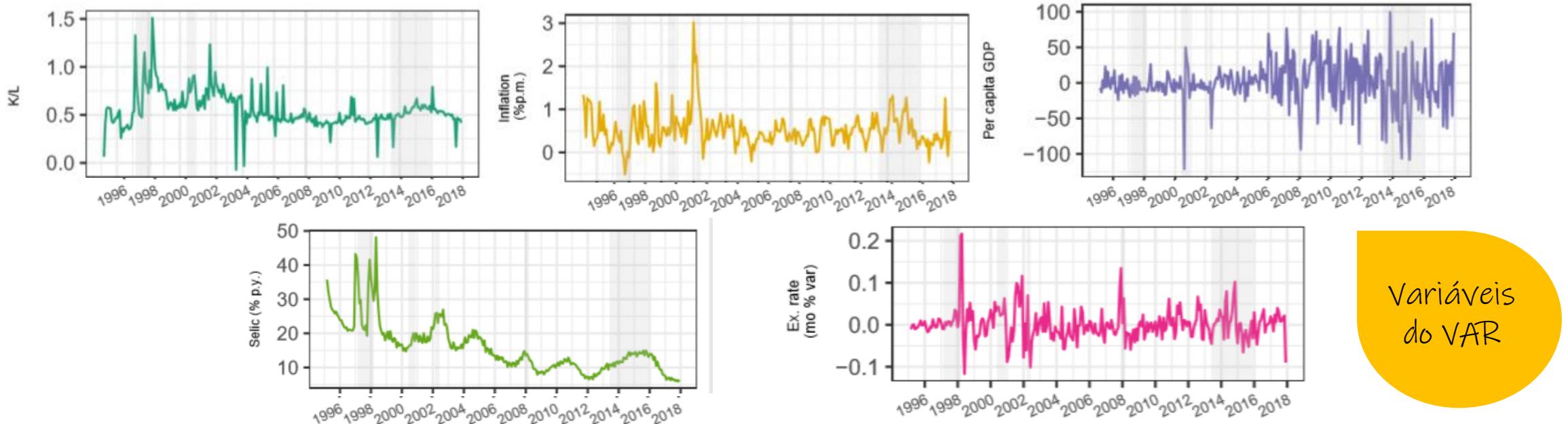
- Outros agregados são afetados;
- As pessoas não percebem o efeito da política monetária da **mesma maneira**;
- Existem efeitos redistributivos na política monetária.

# Uma aplicação para a economia brasileira

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda) para o período do regime de metas de inflação no Brasil.

# Uma aplicação para a economia brasileira

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda) para o período do regime de metas de inflação no Brasil.



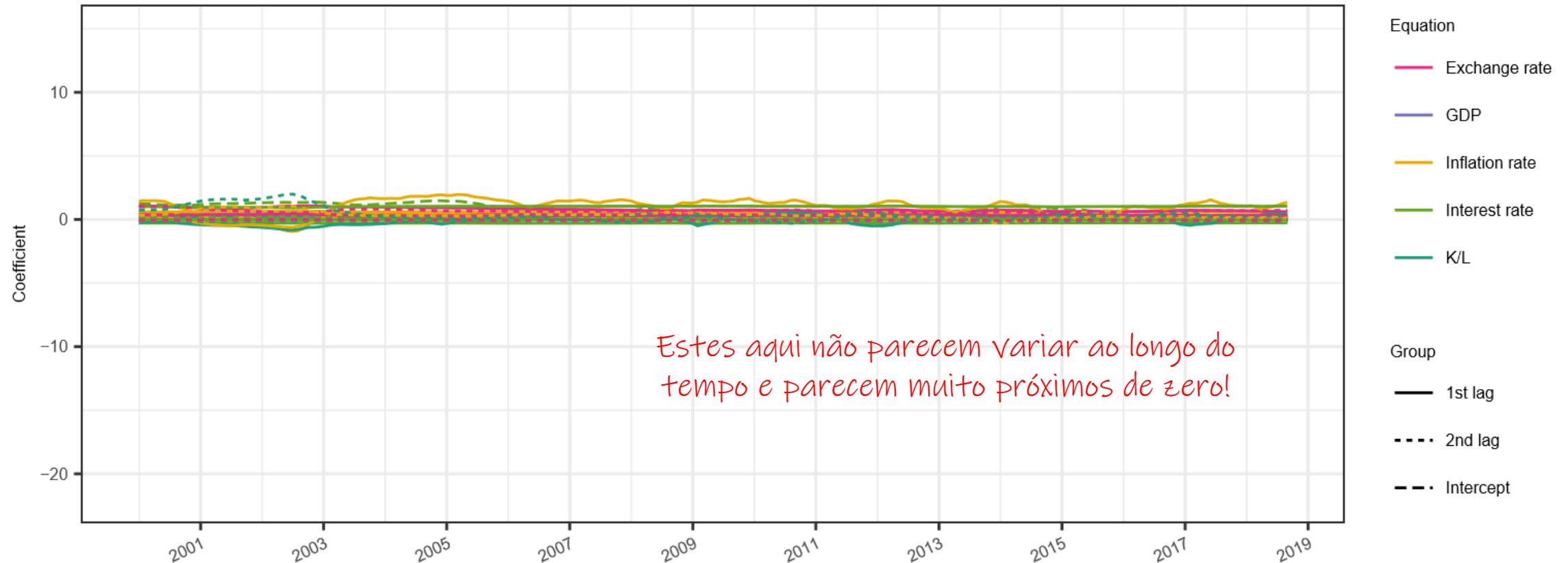
# Uma aplicação para a economia brasileira

Gráfico dos coeficientes ( $\beta$ s) das equações do VAR ao longo do tempo



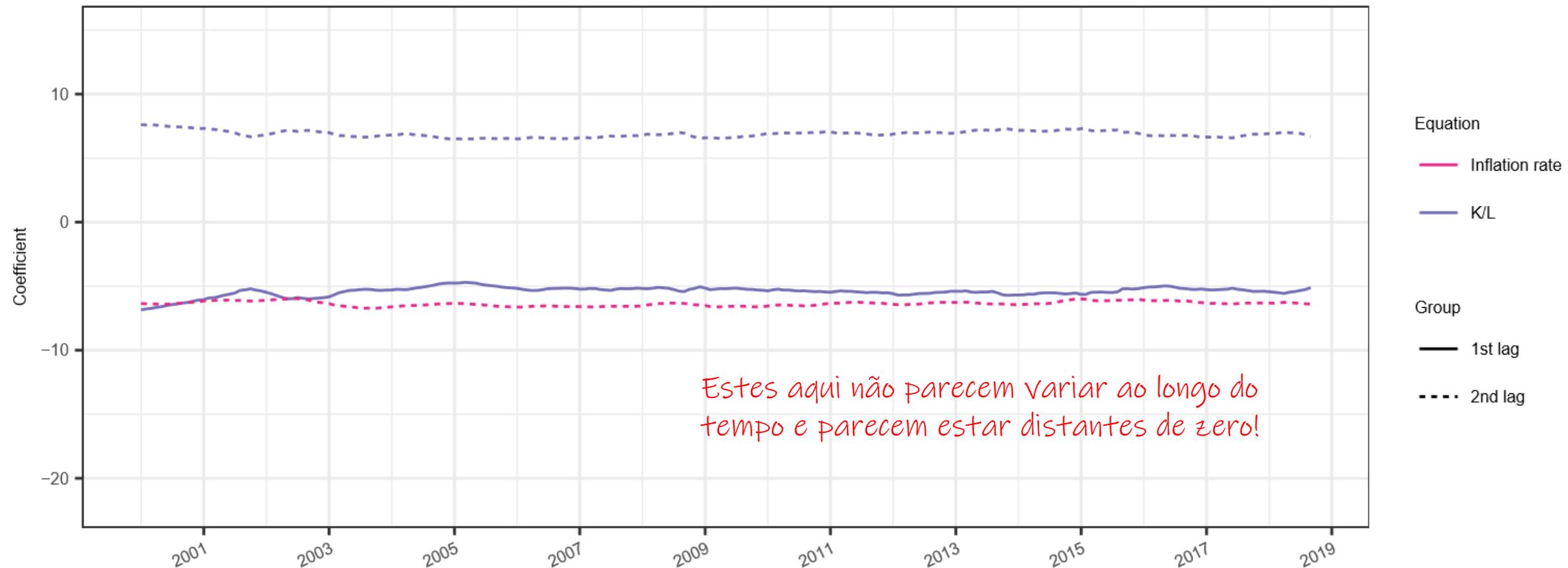
# Uma aplicação para a economia brasileira

Gráfico de alguns dos coeficientes ( $\beta$ s) das equações do VAR ao longo do tempo



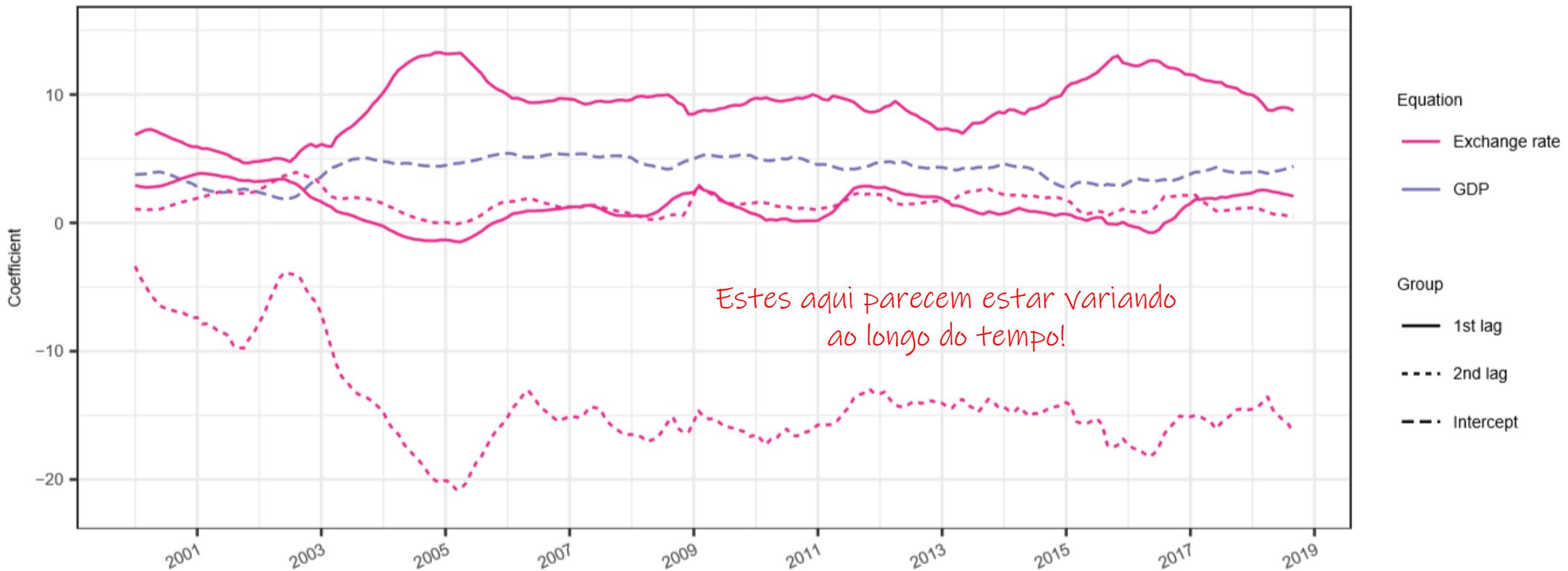
# Uma aplicação para a economia brasileira

Gráfico de alguns dos coeficientes ( $\beta$ s) das equações do VAR ao longo do tempo



# Uma aplicação para a economia brasileira

Gráfico de alguns dos coeficientes ( $\beta$ s) das equações do VAR ao longo do tempo

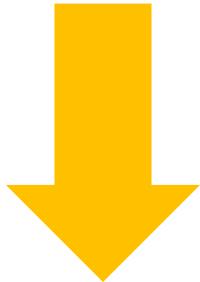


# Uma aplicação para a economia brasileira

Como avaliar se a relação entre a Selic e a Razão Capital  
Trabalho se manteve estável ao longo dos anos?

# Uma aplicação para a economia brasileira

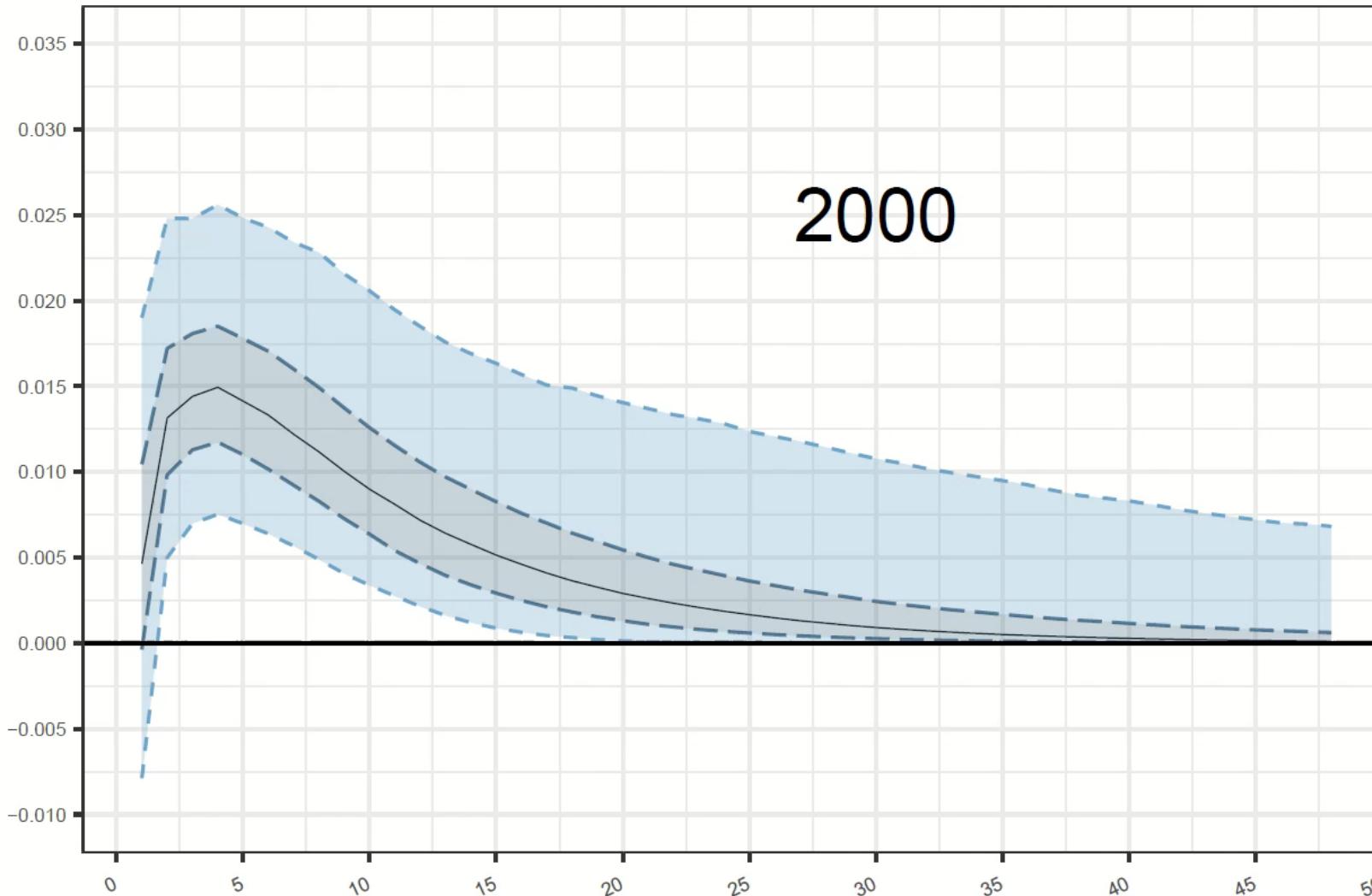
Como avaliar se a relação entre a Selic e a Razão Capital  
Trabalho se manteve estável ao longo dos anos?



Usando as funções impulso resposta!

# Uma aplicação para a economia brasileira

Função impulso resposta de um choque monetário na razão capital trabalho



[Clique aqui para  
fazer o  
download da  
animação.](#)

## Uma aplicação para a economia brasileira

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda);

Conclusão: Choques monetários aumentam K/L

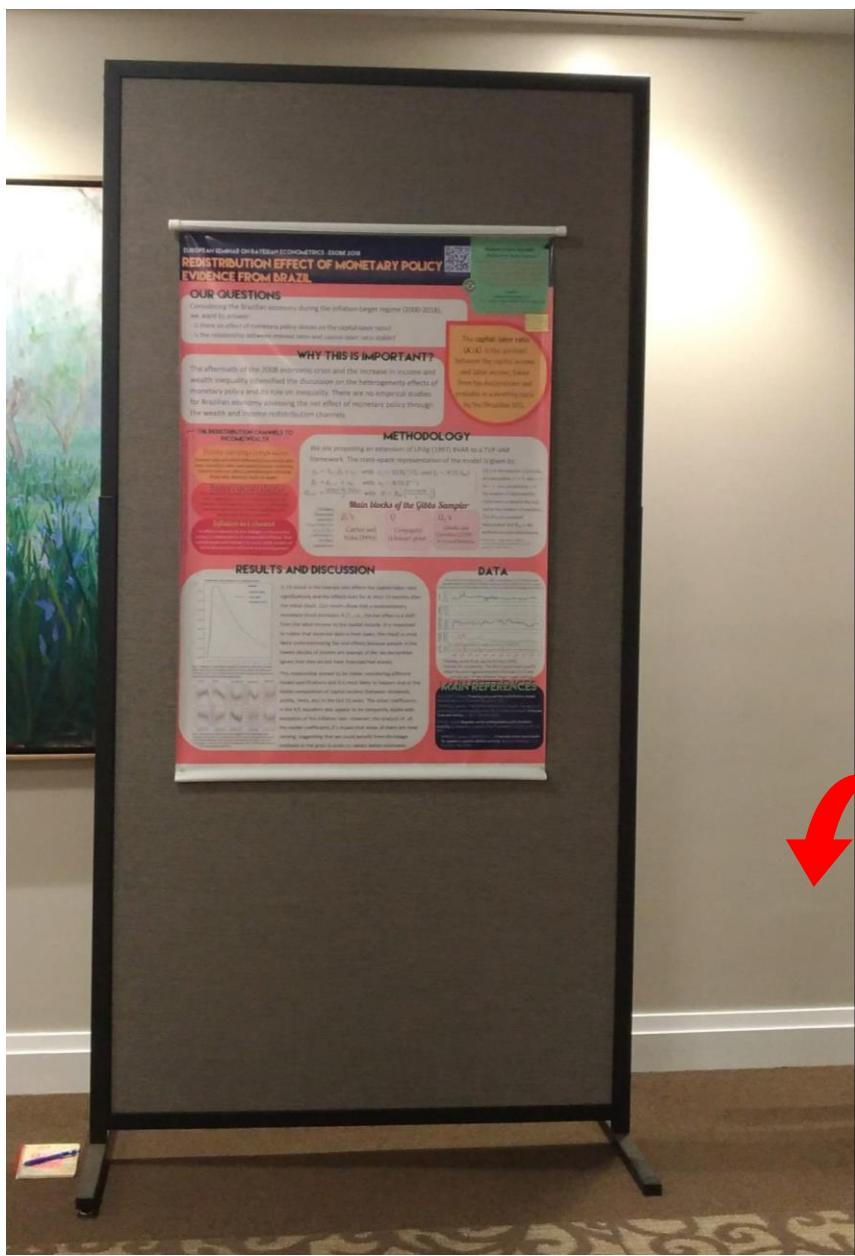
# Uma aplicação para a economia brasileira

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda);

Conclusão: Choques monetários aumentam K/L

- Se capital e trabalho são heterogeneamente distribuídos na população, existe um efeito redistributivo da PM.
- Essa relação se alterou ao longo dos anos, evidenciada pelos parâmetros variando no tempo.

# Uma aplicação para a economia brasileira

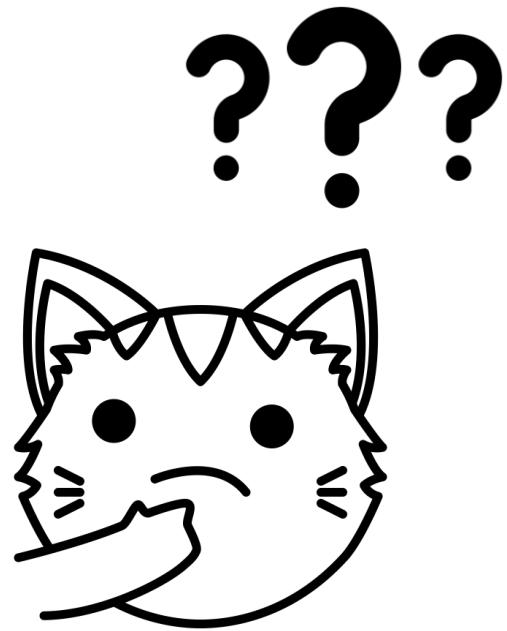


Versões anteriores deste trabalho foram apresentados nos seguintes eventos:

- Institute for New Economic Thinking - Young Scholars Initiative Latin America Convening (Buenos Aires, jul/18)
- 23º Simpósio Nacional de Estatística e Probabilidade – SINAPE (São Pedro, set/18)
- 2018 European Seminar of Bayesian Econometrics – ESOBE (New Orleans, out/2018)

# Referências Principais (econometria)

- PRIMICERI, Giorgio E. Time varying structural vector autoregressions and monetary policy. *The Review of Economic Studies*, v. 72, n. 3, p. 821–852, 2005.
- UHLIG, Harald. Bayesian vector autoregressions with stochastic volatility. *Econometrica: Journal of the Econometric Society*, p. 59–73, 1997.
- COGLEY, Timothy; SARGENT, Thomas J. Drifts and volatilities: monetary policies and outcomes in the post WWII US. *Review of Economic dynamics*, v. 8, n. 2, p. 262–302, 2005.
- COGLEY, Timothy; SARGENT, Thomas J. Evolving post-world war II US inflation dynamics. *NBER macroeconomics annual*, v. 16, p. 331–373, 2001.
- SCHMIDT, Aishameriane V. Assessing the impact of conventional monetary policy on the capital-labor ratio in Brazil. *Dissertação de Mestrado*. Programa de Pós-Graduação em Economia da UFSC. 2019.
- WINDLE, Jesse; CARVALHO, Carlos. A tractable state-space model for symmetric positive-definite matrices. *Bayesian Analysis*, v. 9, n. 4, p. 759–792, 2014.



Created by Anniken & Andreas  
from Noun Project

Created by Gregor Cresnar  
from Noun Project

# Perguntas?

# Obrigada!

<https://sites.google.com/view/aishameriane>



Created by cinnamon stick  
from Noun Project