2 Modelos VAR

tópicos adicionais

Aishameriane Schmidt

Apresentação para a disciplina de Econometria II ESAG/UDESC

Professor Fernando Pozzobon

Florianópolis, novembro de 2018.

O material está disponível em:

https://tinyurl.com/econometria-udesc

Para falar com a Aisha, utilize o aishamail:

aishameriane@gmail.com



Estabelecendo a notação (relembrar é viver!)

Relembrando modelos VAR

Introduzindo variação no tempo (TVP VAR c/ MSV)

- ✓ Características principais
- ✓ Apresentação de alguns modelos
- ✓ uma proposta de específicação diferente

Relembrando modelos VAR

Jntroduzindo variação no tempo (TVP VAR c/ MSV)

Um breve comentário sobre como estimar esse bicho

- ✓ um pouco sobre metodología Bayesíana
- ✓ Métodos de MCMC
- ✓ o algorítmo para a díssertação da Aísha

Relembrando modelos VAR

Jntroduzindo variação no tempo (TVP VAR c/ MSV)

Um breve comentário sobre como estimar esse bicho

Uma aplicação econômica

✓ Analisando o impacto de choques monetários em distribuição funcional de renda no Brasil

Em economia, muitas vezes queremos entender o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outra variável.

Por exemplo, se tivermos uma lista de **países** com os respectivos valores de **inflação** e **taxas de juros**, podemos investigar como que a taxa de juros e a inflação estão relacionadas.

$$juros_j = \beta_0 + \beta_1 \cdot inflação_j + \varepsilon_j$$



Queremos uma estimativa para estes coeficientes

Em economia, muitas vezes queremos entender o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outra variável.

Por exemplo, se tivermos uma lista de **países** com os respectivos valores de **inflação** e **taxas de juros**, podemos investigar como que a taxa de juros e a inflação estão relacionadas.

$$juros_{j} = \beta_{0} + \beta_{1} \cdot inflação_{j} + \varepsilon_{j}$$

$$i_{j} = \beta_{0} + \beta_{1} \cdot \pi_{j} + \varepsilon_{j}$$

Em economia, muitas vezes queremos entender o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outra variável.

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente) y e a variável exógena (ou independente) x.

$$y_i = eta_0 + eta_1 \cdot x_i + arepsilon_i$$
 Equação para uma "linha"

Em economia, muitas vezes queremos entender o comportamento de uma variável a partir de dados disponíveis de outra variável.

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente) y e a variável exógena (ou independente) x.

$$\mathbf{y}_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot \mathbf{x}_i + \varepsilon_i, \qquad i \in \{1, ..., N\}$$

Forma matricial
$$Y = X\beta + \varepsilon$$

Modelo de Regressão "no tempo"

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente) y e a variável exógena (ou independente) x.

Algumas vezes, nós temos uma coleção de dados de **x** e **y** que se referem ao mesmo indivíduo (ou país, etc) observado diversas vezes ao longo do tempo.

Modelo de Regressão "no tempo"

No modelo de regressão linear, temos a variável endógena (ou dependente) y e a variável exógena (ou independente) x.

Algumas vezes, nós temos uma coleção de dados de x e y que se referem ao mesmo indivíduo (ou país, etc) observado diversas vezes ao longo do tempo.

Neste caso, vamos trocar o subscrito i por t no nosso modelo.

$$\mathbf{y}_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot \mathbf{x}_t + \varepsilon_t, \quad \mathbf{t} \in \{1, \dots, T\}$$

Expandindo o nosso conhecimento que "relembrar é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

Expandindo o nosso conhecimento que "relembrar é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

Se o IPCA do mês de setembro de 2018 foi de 4,52% a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de 12,8% a.a. para o mês de outubro.

Expandindo o nosso conhecimento que "relembrar é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

Se o IPCA do mês de setembro de 2018 foi de 4,52% a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de 12,8% a.a. para o mês de outubro.

Mas isso não significa que vamos esperar uma inflação de 4,64% a.a. para o mês de maio de 2022.

Expandindo o nosso conhecimento que "relembrar é viver", é razoável pensar que uma variável econômica dependa dos seus valores passados.

Se o IPCA do mês de setembro de 2018 foi de 4,52% a.a., não seria razoável esperarmos uma inflação de 12,8% a.a. para o mês de outubro.

Mas isso não significa que vamos esperar uma inflação de 4,64% a.a. para o mês de maio de 2022.

O fato da inflação estar baixa em setembro nos dá uma informação sobre o que esperar para outubro. Ao mesmo tempo, não nos diz o que esperar daqui 4 anos.

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação deste mês depende da inflação do mês anterior.

Usando nosso conhecimento de que na natureza nada se cria e tudo se transforma, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, ..., T\}$$

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação deste mês depende da inflação do mês anterior.

Usando nosso conhecimento de que na natureza nada se cria e tudo se transforma, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

já ocorreu, é considerada exógena.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, ..., T\}$$

Inflação do mês passado, Como

Tuflação do mês passado, Como

Tuflação do mês passado, Como

Uma hipótese razoável, então, é que

a inflação deste mês depende da inflação do mês anterior.

Usando nosso conhecimento de que na natureza nada se cria e tudo se transforma, vamos usar nosso amigo modelo de regressão novamente.

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad t \in \{2, ..., T\}$$

Que pode ser generalizado para a inflação depender de p valores passados

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 \cdot y_{t-1} + \beta_2 \cdot y_{t-2} + \dots + \beta_p \cdot y_{t-p} + \varepsilon_t, \quad t \in \{p, \dots, T\}$$



Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.



Pepper by Danil Polshin from the Noun Project.

Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_{t} = \beta_{0} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{i} \cdot y_{t-i} + \gamma_{1} \cdot x_{t-1} + \delta_{1} \cdot z_{t-1} + \phi_{1} \cdot r_{t-1} + \varepsilon_{t}, t \in \{p, ..., T\}$$



Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_{t} = \beta_{0} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{i} \cdot y_{t-i} + \gamma_{1} \cdot x_{t-1} + \delta_{1} \cdot z_{t-1} + \phi_{1} \cdot r_{t-1} + \varepsilon_{t}, t \in \{p, ..., T\}$$

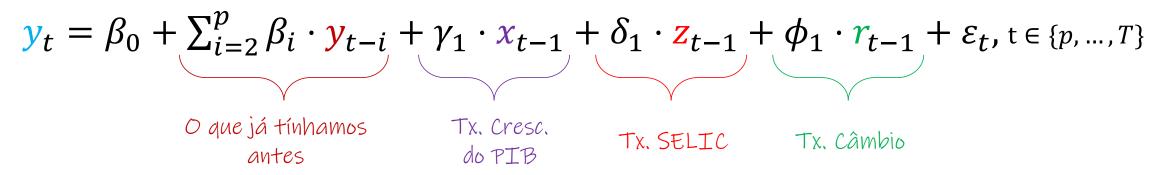
O que já tínhamos antes



Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.



Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.





Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$\mathbf{y}_{t} = \beta_{0} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{i} \cdot \mathbf{y}_{t-i} + \gamma_{1} \cdot \mathbf{x}_{t-1} + \delta_{1} \cdot \mathbf{z}_{t-1} + \phi_{1} \cdot \mathbf{r}_{t-1} + \varepsilon_{t}, t \in \{p, ..., T\}$$

Que também pode ser generalizado para depender de mais defasagens

$$y_{t} = \beta_{0} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^{q} \gamma_{q} \cdot x_{t-q} + \sum_{k=2}^{s} \delta_{k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^{m} \phi_{l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_{t},$$

$$t \in \{p, ..., T\}$$



Podemos pensar que a inflação depende dos seus valores passados, mas também depende dos valores no mês passado da taxa de crescimento do PIB, da taxa de juros e da taxa de câmbio.

$$y_{t} = \beta_{0} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{i} \cdot y_{t-i} + \gamma_{1} \cdot x_{t-1} + \delta_{1} \cdot z_{t-1} + \phi_{1} \cdot r_{t-1} + \varepsilon_{t}, t \in \{p, \dots, T\}$$

Que também pode ser generalizado para depender de mais defasagens

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=2}^p \beta_i \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_q \cdot x_{t-q} + \sum_{k=2}^s \delta_k \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_l \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t,$$
 Inflação passada Tx. Cresc. do PIB Tx. SELIC Tx. Câmbio

Quem vem primeiro: o ovo



Parece razoável pensar que inflação sofre influência do PIB, Câmbio, Selic e dos seus próprios valores passados.

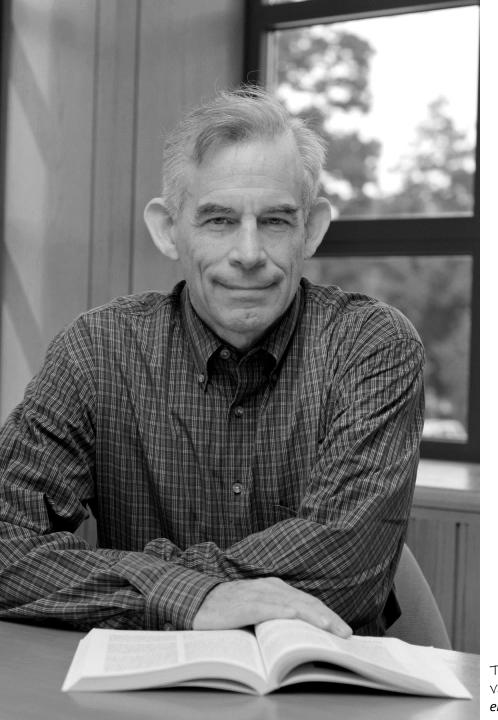
Quem vem primeiro: o ovo ou a galinha?



Parece razoável pensar que inflação sofre influência do PIB, Câmbio, Selic e dos seus próprios valores passados.

Mas será que essas coisas não sofrem impacto da inflação também?





"Deveria ser factível estimar grandes modelos macroeconômicos na forma reduzida irrestrita, tratando todas as variáveis como endógenas"

Christopher Sims, Macroeconomics and Reality (1980)

Tradução livre de "It should be feasible to estimate large-scale macromodels as unrestricted reduced forms, treating all variables as endogenous". Créditos da foto: Princeton University, Office of Communications, Denise Applewhite (2006). Disponível em https://pr.princeton.edu/pictures/s-z/sims christopher/.



Christopher A. Sims recebendo o Prêmio Nobel de Economia em 2011.

Prize motivation:
"for their empirical research on cause and effect in the macroeconomy."

Créditos da foto: *The Nobel Foundation 2011. Lina Göransson. Disponível em https://www.nobelprize.org/prizes/economic-sciences/2011/sims/photo-gallery/*

Tínhamos a seguinte equação para a inflação:

$$y_t = \beta_{10} + \sum_{i=2}^p \beta_{1i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{1q} \cdot x_{t-q} + \sum_{k=2}^s \delta_{1k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{1l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_t,$$
 Inflação passada Tx. Cresc. do PIB Tx. SELIC Tx. Câmbio

Tínhamos a seguinte equação para a inflação:

$$\begin{aligned} \mathbf{y}_t &= \beta_{10} + \sum_{i=2}^p \beta_{1i} \cdot \mathbf{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^q \gamma_{1q} \cdot \mathbf{x}_{t-q} + \sum_{k=2}^s \delta_{1k} \cdot \mathbf{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^m \phi_{1l} \cdot \mathbf{r}_{t-l} + \varepsilon_t, \\ &\text{Podemos usar a mesma estrutura, mudando } \mathbf{y}_t \text{ para } \mathbf{x}_t, \mathbf{z}_t \text{ e } \mathbf{r}_t \text{!} \end{aligned}$$

$$x_{t} = \beta_{20} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{2i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^{q} \gamma_{2q} \cdot x_{t-q} + \sum_{k=2}^{s} \delta_{2k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^{m} \phi_{2l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_{t},$$

$$t \in \{p, ..., T\}$$

$$\mathbf{z}_{t} = \beta_{30} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{3i} \cdot \mathbf{y}_{t-i} + \sum_{j=2}^{q} \gamma_{3q} \cdot \mathbf{x}_{t-q} + \sum_{k=2}^{s} \delta_{3k} \cdot \mathbf{z}_{t-k} + \sum_{l=2}^{m} \phi_{3l} \cdot \mathbf{r}_{t-l} + \varepsilon_{t},$$

$$\mathbf{t} \in \{p, \dots, T\}$$

$$r_{t} = \beta_{40} + \sum_{i=2}^{p} \beta_{4i} \cdot y_{t-i} + \sum_{j=2}^{q} \gamma_{4q} \cdot x_{t-q} + \sum_{k=2}^{s} \delta_{4k} \cdot z_{t-k} + \sum_{l=2}^{m} \phi_{4l} \cdot r_{t-l} + \varepsilon_{t},$$

$$t \in \{p, ..., T\}$$

Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, teremos:

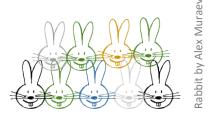
+ 4 interceptos



Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, teremos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem * 4 variáveis



Sob algumas hipótese de regularidade, podemos estimar com MQO e ainda assim ter consistência e normalidade;

Para este nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, teremos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem * 4 variáveis
- + 4 coeficientes de segunda defasagem * 4 variáveis
- = 36 coeficientes mais os elementos da matriz de variâncias e covariâncias

Estabilidade temporal em macroeconomia

Será que é razoável pensar que inflação e juros na época do Gustavo Loyola (11/92 a 3/92) tinham o mesmo comportamento que na época do Alexandre Tombini (01/11 a 06/16)?



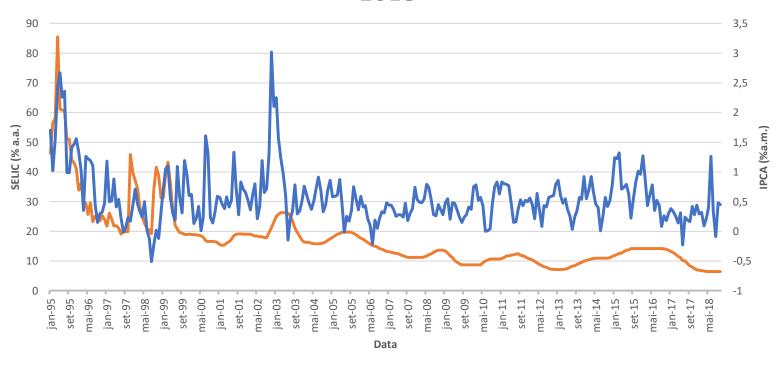
Created by Anniken & Andreas from Noun Project

Estabilidade temporal em macroeconomia

Será que é razoável pensar que inflação e juros na época do Gustavo Loyola (11/92 a 3/92) tinham o mesmo comportamento que na época do Alexandre Tombini (01/11 a 06/16)?







O QUE EXPLICA AS
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO
FLUTUAÇÃO-DESEMPREGO
INFLAÇÃO-DESEMPREGO
NOS ANOS 70?

Badluck vs Bad Policy

Baseado em Cogley e Sargent, 2005.

O QUE EXPLICA AS
FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO
FLUTUAÇÃO-DESEMPREGO
INFLAÇÃO-DESEMPREGO
NOS ANOS 70?

Badluck vs Bad Policy

Mudanças na persistência da Inflação

Mudanças estruturais na volatilidade

Má sorte:

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia Mudanças nas regras de político monetária

Deslocamentos dos coeficientes

Má política:

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

O QUE EXPLICA AS FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO FLUTUAÇÃO-DESEMPREGO INFLAÇÃO-DESEMPREGO NOS ANOS 70?

Bad Luck vs Bad Policy

Mudanças na persistência da Inflação

Mudanças estruturais na volatilidade

Má sorte:

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia Mudanças nas regras de política monetária

Deslocamentos dos coeficientes Má política:

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

O QUE EXPLICA AS FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO FLUTUAÇÕES NA RELAÇÃO INFLAÇÃO-DESEMPREGO NOS ANOS 70?

Badluck vs Bad Policy

Mudanças na persistência da Inflação

Mudanças estruturais na volatilidade

Má sorte:

Não foi a estratégia da autoridade monetária, mas sim um aumento da volatilidade dos choques que afetam a economia Mudanças nas regras de política monetária

Deslocamentos dos coeficientes Má política:

A visão do FED nega a teoria da taxa natural enquanto acredita em um trade-off explorável entre inflação e desemprego.

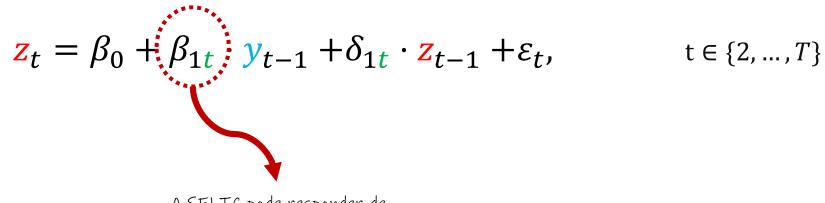


Podemos pensar em um modelo dinâmico que permite os coeficientes mudarem ao longo do tempo:

$$\mathbf{z}_t = \beta_0 + \beta_{1t} \cdot \mathbf{y}_{t-1} + \delta_{1t} \cdot \mathbf{z}_{t-1} + \varepsilon_t, \qquad t \in \{2, \dots, T\}$$



Podemos pensar em um modelo dinâmico que permite os coeficientes mudarem ao longo do tempo:

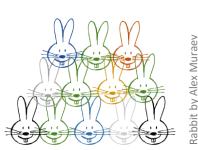


A SELIC pode responder de forma diferente à inflação do mês passado dependendo de onde estamos no tempo



Para aquele nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, temos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem * 4 variáveis
- + 4 coeficientes de segunda defasagem * 4 variáveis
- = 36 coeficientes mais os elementos da matriz de variâncias e covariâncias

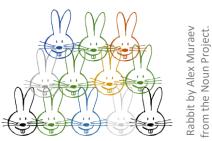




Para aquele nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, temos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem * 4 variáveis
- + 4 coeficientes de segunda defasagem * 4 variáveis
- = 36 coeficientes mais os elementos da matriz de variâncias e covariâncias

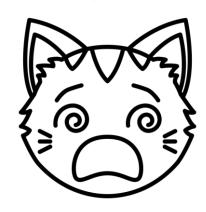
Vezes o número de períodos de tempo!





Para aquele nosso modelo com 4 variáveis, se usarmos 2 defasagens, temos:

- + 4 interceptos
- + 4 coeficientes de primeira defasagem * 4 variáveis
- + 4 coeficientes de segunda defasagem * 4 variáveis



= 36 coeficientes mais os elementos da matriz de variâncias e covariâncias

Vezes o número de períodos de tempo!

Um TVP-VAR mensal para 20 anos teria 238 * 36 = 8560 coeficientes mais as matrizes de var-covar



TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \qquad \epsilon_t \sim \mathcal{N}_k(0_k, \Omega_t^{-1})$$
 (eq. de medida) (1)
 $\alpha_t = \alpha_{t-1} + \nu_t \qquad \nu_t \sim \mathcal{N}_p(0_p, Q)$ (eq. de transição de estados) (2)

TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \qquad \epsilon_t \sim \mathcal{N}_k(0_k, \Omega_t^{-1})$$
 (eq. de medida) (1)
 $\alpha_t = \alpha_{t-1} + \nu_t \qquad \nu_t \sim \mathcal{N}_p(0_p, Q)$ (eq. de transição de estados) (2)

Note que:

- ▶ Nós não observamos α_t diretamente (**variável latente**);
- Se Ω_t⁻¹ fosse não estocástica, o filtro de Kalman poderia ser utilizado;

TVP-VAR - especificações

Considere a seguinte representação na forma de espaço de estados de um TVP-VAR com MSV:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t \qquad \epsilon_t \sim \mathcal{N}_k(0_k, \Omega_t^{-1})$$
 (eq. de medida) (1)
 $\alpha_t = \alpha_{t-1} + \nu_t \qquad \nu_t \sim \mathcal{N}_p(0_p, Q)$ (eq. de transição de estados) (2)

Note que:

- ▶ Nós não observamos α_t diretamente (**variável latente**);
- Se Ω_t⁻¹ fosse não estocástica, o filtro de Kalman poderia ser utilizado;
 - Uma vez que isso n\u00e3o acontece, temos uma integral de alta dimens\u00e3o que n\u00e3o pode ser resolvida analiticamente.

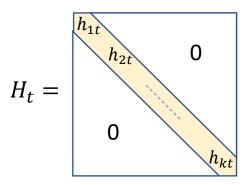
TVP-VAR C/MSV

Cogley e Sargent (2005)

- Covaríâncías como proporção fíxa das varíâncías
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

$$\begin{aligned} y_t &= Z_t \alpha_t + \epsilon_t \\ \alpha_t &= \alpha_{t-1} + u_t \quad u \sim \mathcal{N}_p \big(0_p, Q \big) \\ \epsilon_t &= \Omega_t^{-1/2} \xi_t \quad \xi \sim \mathcal{N}_k (0_k, \mathbb{I}_k) \\ \Omega_t^{-1} &= B^{-1} H_t B^{-1} \end{aligned}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & & & & & & \\ \beta_{21} & & & & & \\ & & & & & \\ \beta_{k1} & \beta_{k2} & & & & 1 \end{bmatrix}$$



$$\ln(h_{it}) = \ln(h_{it-1}) + \sigma \eta_{it}$$
$$\eta_{it} \sim \mathcal{N}(0,1)$$

- Covaríâncías como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

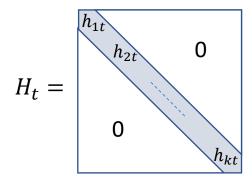
Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

$$\begin{aligned} y_t &= Z_t \alpha_t + \epsilon_t \\ \alpha_t &= \alpha_{t-1} + u_t \quad u \sim \mathcal{N}_p \big(0_p, Q \big) \\ \epsilon_t &= \Omega_t^{-1/2} \xi_t \quad \xi \sim \mathcal{N}_k \big(0_k, \mathbb{I}_k \big) \\ \Omega_t^{-1} &= B_t^{-1} H_t B_t^{-1} \end{aligned}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & & & & & & & & & & & \\ \beta_{21,t} & & & & & & & & \\ & & & & & & & & & \\ & & & \beta_{k1,t} & \beta_{k2,t} & & & & & 1 \end{bmatrix}$$

$$\beta_t = \beta_{t-1} + v_t v_t \sim \mathcal{N}(0, W)$$



$$\ln(h_{it}) = \ln(h_{it-1}) + \sigma \eta_{it}$$
$$\eta_{it} \sim \mathcal{N}(0,1)$$

- Covaríâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multí move Gíbbs
- Sem MSV nos estados

Problemas por causa da específicação da volatilidade

- Covaríâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Phillipov e Glichman (2005)

- Volatílídade estocástíca
 Wíshart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estímação

$$y_t = \epsilon_t$$

$$\epsilon_t \sim \mathcal{N}_k(0_p, \Omega_t^{-1})$$

$$\Omega_t | \Omega_{t-1} \sim \mathcal{W}(\nu, S_{t-1})$$

$$S_t = \nu^{-1} A^{1/2} \Omega_t^d A^{1/2}$$

- Covaríâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Phillipov e Glichman (2005)

- Volatílídade estocástica
 Wíshart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estímação

Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Conjugação da Beta e Wishart
- Apenas filtra a volatilidade

$$y_t = Z_t \alpha + \epsilon_t$$

$$\epsilon_t = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t$$

$$\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$$

$$\Omega_{t+1} = \lambda^{-1} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta \mathcal{U}(\Omega_t)$$

$$\Theta \sim \mathcal{B}_m(\nu + l/2, 1/2)$$

- Covaríâncias como proporção fixa das varíâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Problemas por causa da específicação da volatilidade

Phillipov e Glichman (2005)

- Volatílídade estocástica
 Wíshart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Problemas na estímação

Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Usa IS para estímar os estados
- Apenas filtra a volatilidade

Modelo de MSV

VAR C/MSV

- Covaríâncias como proporção fixa das variâncias
- Single move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Primiceri (2005)

- As covariâncias seguem um passeio aleatório
- Multi move Gibbs
- Sem MSV nos estados

Phillipov e Glichman (2005)

- Volatílídade estocástica
 Wishart
- Mais flexibilidade
- Mais complexo
- Possível não estacionariedade
- Problemas na estímação

Uhlig (1997)

- MSV Wishart
- Menos parâmetros
- Conjugação da Beta e Wishart
- Apenas filtra a volatilidade

Dissertação da Aisha

$$y_{t} = Z_{t}\alpha_{t} + \epsilon_{t}$$

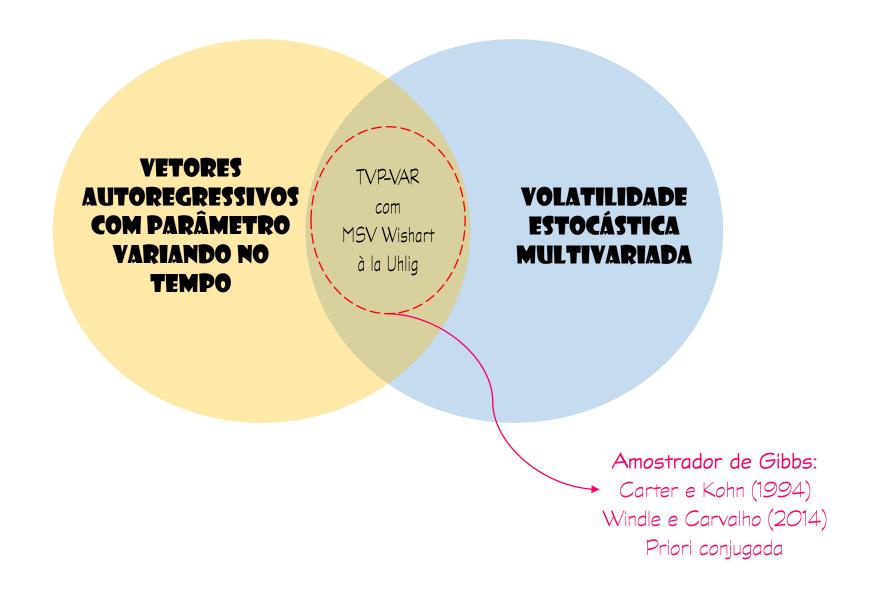
$$\epsilon_{t} = \mathcal{U}(\Omega_{t}^{-1})'\xi_{t}$$

$$\xi_{t} \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_{m})$$

$$\Omega_{t+1} = \lambda^{-1}\mathcal{U}(\Omega_{t})' \Theta \mathcal{U}(\Omega_{t})$$

$$\Theta \sim \mathcal{B}_{m}(\nu + l/2, 1/2)$$

O que a Aisha está fazendo?



O que a Aisha está fazendo?

O modelo de [Uhlig, 1997] pode ser generalizado da seguinte forma:

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$
, com $\epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t$ e $\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$, (3)

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m \left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2} \right), \tag{4}$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \tag{5}$$

- Tem as características do modelo original de Uhlig (parcimonioso, flexibilidade para a volatilidade);
- Assim como os modelos anteriores, é um sistema não linear com função de verossimilhança de alta dimensão;
- Para estimar α_t usando um amostrador de Gibbs, são necessárias as estimativas de Ω_t ;
 - O algoritmo de Uhlig (1997) apenas fornece as estimativas filtradas.
 - ► Pode-se usar o método de Windle e Carvalho (2014).

Como estimar um TVP-VAR?

Na década de 80, Sims já propôs que VARs fossem estimados por métodos bayesianos

Como estimar um TVP-VAR?

Na década de 80, Sims já propôs que VARs fossem estimados por métodos bayesianos



Não foi esse o artigo sobre VAR bayesiano, mas este contém muitas das ideias do Sims a respeito de econometria bayesiana Bayesian Methods in Applied Econometrics, or, Why Econometrics Should Always and Everywhere Be Bayesian

> Christopher A. Sims Princeton University sims@princeton.edu

> > August 6, 2007

O que é desconhecido pode ter uma probabilidade associada;

O que é desconhecido pode ter uma probabilidade associada;

Isso inclui parâmetros;

<u>Parâmetros na abordagem bayesiana são considerados</u> <u>variáveis aleatórias</u>;

O que é desconhecido pode ter uma probabilidade associada;

Isso inclui parâmetros;

<u>Parâmetros na abordagem bayesiana são considerados</u> <u>Variáveis aleatórias</u>;

Nosso objetivo ao fazer inferência bayesiana é descobrir qual a densidade de probabilidade dos parâmetros, após observamos a amostra.

Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

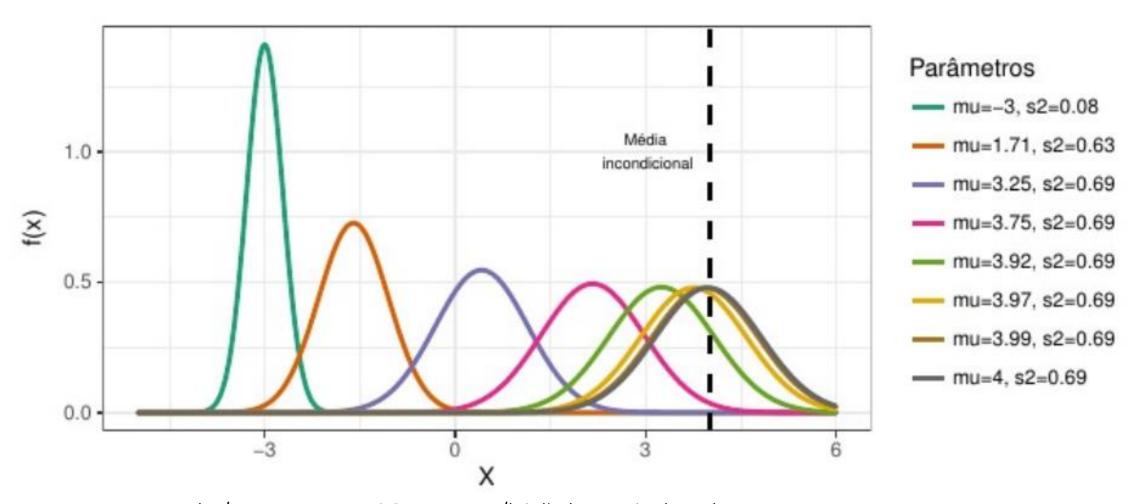
Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

Métodos de MCMC (Markov Chain Monte Carlo) utilizam a teoria de processos estocásticos mais métodos de Monte Carlo para obter "retiradas" da densidade a posteriori dos parâmetros.

Nem sempre a densidade dos parâmetros é fácil de ser encontrada e por isso métodos de simulação são utilizados;

Métodos de MCMC (Markov Chain Monte Carlo) utilizam a teoria de processos estocásticos mais métodos de Monte Carlo para obter "retiradas" da densidade a posteriori dos parâmetros.

Depende de convergência de algoritmo e requer bastante poder computacional.



Convergência de um processo AR para sua distribuição estacionária.

Fonte: Elaboração própria com base em dados simulados.

Código em R disponível em: https://tinyurl.com/convergenciaAR

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$
, com $\epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t$ e $\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$, (3)

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m \left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2} \right), \tag{4}$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \tag{5}$$

Passo 1. α_t

"Finge" que conhece Ω_t e Q_t e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$
, com $\epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t$ e $\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$, (3)

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m \left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2} \right), \tag{4}$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \tag{5}$$

Passo 1. α_t

"Finge" que conhece Ω_t e Q_t e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

Passo 2. Q

Usa uma priori conjugada, fingindo que conhece Ω_t e utilizando os valores estimados de α_t

$$y_t = Z_t \alpha_t + \epsilon_t$$
, com $\epsilon = \mathcal{U}(\Omega_t^{-1})' \xi_t$ e $\xi_t \sim \mathcal{N}(0, \mathbb{I}_m)$, (3)

$$\Omega_{t+1} = \frac{1}{\lambda} \mathcal{U}(\Omega_t)' \Theta_t \mathcal{U}(\Omega_t), \text{ com } \Theta \sim \mathcal{B}_m \left(\frac{\nu + l}{2}, \frac{1}{2} \right), \tag{4}$$

$$\alpha_{t+1} = \alpha_t + u_t, \text{ com } u_t \sim \mathcal{N}(0, Q^{-1}). \tag{5}$$

Passo 1. α_t

"Finge" que conhece Ω_t e Q_t e usa o algoritmo de Carter e Kohn (1994) para estimar os coeficientes (estimativa filtrada e suavizada)

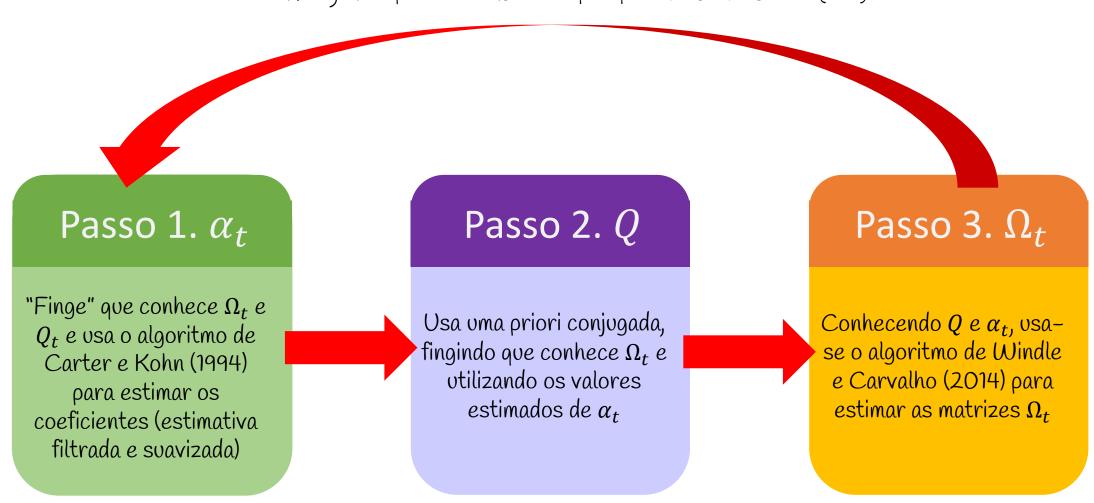
Passo 2. Q

Usa uma priori conjugada, fingindo que conhece Ω_t e utilizando os valores estimados de α_t

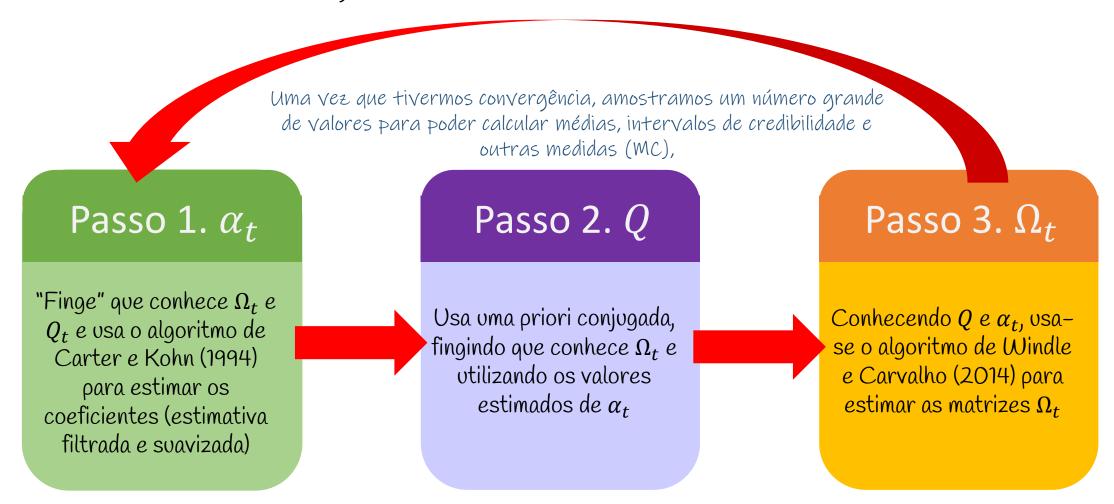
Passo 3. Ω_t

Conhecendo Q e α_t , usase o algoritmo de Windle e Carvalho (2014) para estimar as matrizes Ω_t

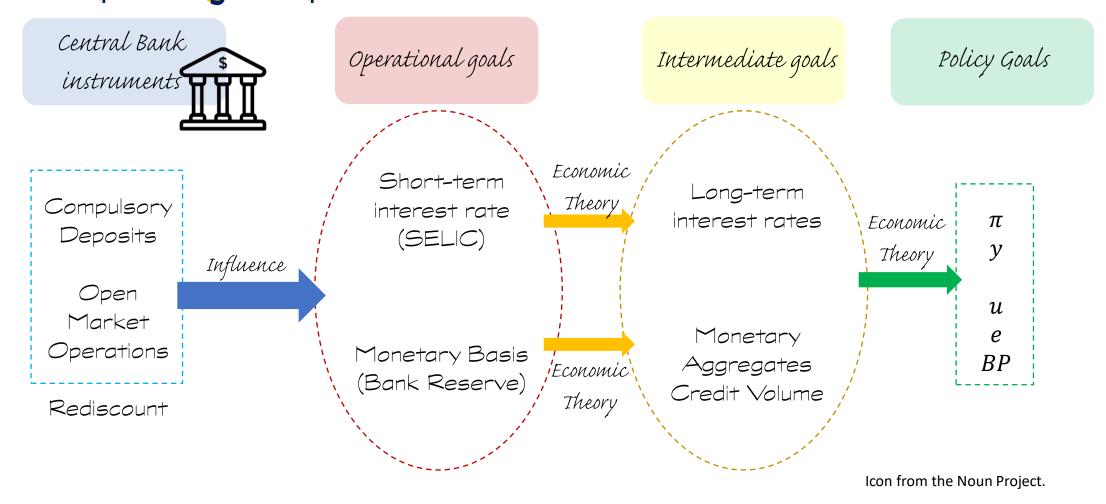
Repete-se um número suficientemente alto de vezes para ter convergência para a densidade que queremos amostrar (MC).



Repete-se um número suficientemente alto de vezes para ter convergência para a densidade que queremos amostrar (MC).



Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele não afeta apenas a inflação e desemprego;



Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele não afeta apenas a inflação e desemprego;

Quando o Banco Central define as taxas de juros visando estabilidade financeira, ele não afeta apenas a inflação e desemprego;

- Outros agregados são afetados;
- As pessoas não percebem o efeito da política monetária da mesma maneira;
- Existem efeitos redistributivos na política monetária.

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda);

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda);

Conclusão: Choques monetários aumentam K/L

Usando um TVP-VAR com volatilidade estocástica, foi investigado o impacto dos choques monetários sobre a razão-capital trabalho, K/L (uma medida de distribuição funcional da renda);

Conclusão: Choques monetários aumentam K/L

Se capital e trabalho são heterogeneamente distribuídos na população, existe um efeito redistributivo da PM.

Versões anteriores deste trabalho foram apresentados nos seguintes eventos:

- Institute for New Economic Thinking Young Scholars
 Iniciative Latin America Convening (Buenos Aires, jul/18)
- 23° Simpósio Nacional de Estatística e Probabilidade SINAPE (São Pedro, set/18)
- 2018 European Seminar of Bayesian Econometrics ESOBE (New Orleans, 2018)

Referências Principais (econometria)

- PRIMICERI, Giorgio E. Time varying structural vector autoregressions and monetary policy. **The Review of Economic Studies**, v. 72, n. 3, ρ. 821–852, 2005.
- UHLIG, Harald. Bayesian vector autoregressions with stochastic volatility. **Econometrica: Journal of the Econometric Society**, p. 59–73, 1997.
- COGLEY, Timothy; SARGENT, Thomas J. Drifts and volatilities: monetary policies and outcomes in the post WWII US. **Review of Economic dynamics**, v. 8, n. 2, p. 262-302, 2005.
- COGLEY, Timothy; SARGENT, Thomas J. Evolving post-world war II US inflation dynamics. **NBER macroeconomics annual**, v. 16, ρ. 331-373, 2001.
- WINDLE, Jesse; CARVALHO, Carlos. A tractable state-space model for symmetric positive-definite matrices. **Bayesian Analysis**, v. 9, n. 4, p. 759-792, 2014.