# Библиотека aiwlib

Иванов А.В., Хилков С.А.

15 апреля 2018 г.

# Оглавление

1	Ha	ало р	аботы	7
	1.1	Сборь	ка и установка библиотеки	7
		1.1.1	Получение исходных кодов	7
		1.1.2	Сборка библиотеки	7
		1.1.3	Установка библиотеки	10
	1.2	Сборь	ка проектов с использованием aiwlib	11
2	Осн	ювные	е С++ модули	13
	2.1	Средо	ства отладки — модуль debug	13
		2.1.1	Общие замечания	13
		2.1.2	Синтаксические ограничения	14
		2.1.3	Режимы работы	15
		2.1.4	Вывод информации со стека при обработке исключения	16
		2.1.5	Детали реализации	16
	2.2	Потон	ки ввода $/$ вывода — модули ${ t iosream}$ и ${ t gzstream}$	17
		2.2.1	Общие замечания	17
		2.2.2	Типобезопесный форматированный вывод	18
		2.2.3	Абстрактный класс aiw::IOstream	18
		2.2.4	Kласс aiw::File	19
		2.2.5	Kлаcc aiw::GzFile	19
		2.2.6	Детали реализации	20
	2.3	Векто	рра и индексы — модуль <b>vec</b>	20
		2.3.1	Общие замечания	20
		2.3.2	Конструкторы и порождающие функции	21
		2.3.3	Арифметические операции и операции сравнения	23
		2.3.4	Операции и методы для доступа к элементу, изменения размерности и	
			различные преобразования	25
		2.3.5	Другие операции и методы	26
		2.3.6	Детали реализации	26
	2.4	Равно	омерные многомерные прямоугольные (картезианские) сетки — модуль mesh	27
		2.4.1	Общие замечания	27
		2.4.2	Поля и методы для получения информации о сетке	27
		2.4.3	Инициализация сетки и настройка осей	28
		2.4.4	Доступ к ячейкам	28
		2.4.5	Обход сетки	30

ГЛAВЛЕНИЕ

		2.4.6 Преобразования сеток
		2.4.7 Сохранение и загрузка сеток
		2.4.8 Другие методы
		2.4.9 Инстацирование в <b>Python</b>
	2.5	Многомерный кубический массив на основе $Z$ -кривой Мортона — модуль ${\tt zcube}$
3	Всп	юмогательные С++ модули
	3.1	Операции над равномерными многомерными прямоугольными (картезиански-
		ми) сетками — модуль meshop
		3.1.1 Общие замечания
		3.1.2 Детали реализации
	3.2	Построение линий постоянного уровня для двумерной сетки — модуль isolines
	3.3	Дискретизация разбиения Вороного на равномерной сетке в $D$ -мерном про-
		странстве — модуль voronoy
	3.4	Некоторые элементы аналитической геометрии — модуль angem
	3.5	Решение СЛАУ с трехдиагональными матрицами (методы прогонки) — модуль
		3diag
	3.6	Источник случайных числе и специфические операции в трехмерном декартовом
		пространстве — модуль gauss
		3.6.1 Определение поворота
		3.6.2 Разложение поворота в ряд
4		гали реализации
	4.1	Выделение и освобождение ресурсов в контейнерах и потоках ввода/вывода —
	4.0	модуль alloc
	4.2	Различные варинаты интерполяции — модуль inteporlations
		4.2.1 Локальный кубический сплайн
		4.2.2 Кубический $B$ -сплайн
		4.2.3 В-сплайны произвольного порядка
		4.2.4 Функции модуля interpolations
5		рматы данных
	5.1	Операции бинарного потокового ввода/вывода — модуль binaryio
	5.2	Чтение и запись сейсмических данных в формате seg-Y — модуль segy
	5.3	Загрузка сеток из .dat-файлов — модуль dat2mesh
6	Пос	строение интерфейсов на С++
	6.1	Настройка пользовательских классов — модуль objconf
	6.2	Чтение и запись конфигурационных файлов — модуль configfile
	6.3	Контрольные точки для остановки и последующего восстановления расчета — модуль checkpoint
	6.4	Сериализация данных в формате pickle языка Python — модуль pickle
	6.5	Описание пользовательских типов — модуль typeinfo
	0.0	Children in the control of the contr

 $O\Gamma$ ЛABЛEНUE 5

7	Сис	стема контроля результатов и алгоритмов численного моделирования RACS	65
	7.1	Введение	65
	7.2	Структура данных	66
	7.3	Подключение системы RACS к готовому приложению численного моделирования	
		на языке Python	68
	7.4	Подключение системы RACS к готовому приложению численного моделирования	
		на языке С++11	71
	7.5	Запуск расчетов подключенных к системе RACS	73
	7.6	Анализ и обработка результатов — утилита командной строки racs	75

6 ОГЛАВЛЕНИЕ

# Глава 1

# Начало работы

# 1.1 Сборка и установка библиотеки

#### 1.1.1 Получение исходных кодов

Для получения исходных кодов библиотеки aiwlib удобнее всего использовать утилиту git:

```
git clone https://github.com/aivn/aiwlib
```

при этом будет создана директория aiwlib содержащая последнюю версию исходных кодов. Если Вы хотите извлечь исходные коды в директорию с другим именем my-aiwlib-specific-path используйте команду

```
git clone https://github.com/aivn/aiwlib my-aiwlib-specific-path
```

В дальнейшем, для получения обновлений, достаточно будет перейти в эту директорию и набрать

```
git pull
```

Если по каким то причинам использование git невозможно, перейдите по ссылке

```
https://github.com/aivn/aiwlib
```

нажмите на открывшей странице расположенную справа в центре зеленую кнопку «Clone or download» и выберите в открывшемся окне пункт «Download ZIP». Однако при этом получение обновленных версий библиотеки будет довольно неудобным — Вам придется каждый раз получать новый архив и фактически собирать и устанавливать библиотеку заново.

## 1.1.2 Сборка библиотеки

Для сборки библиотеки используется утилита GNU Make. Желательно использование компилятора g++ с версией не старше 4.8. Все пакеты и утилиты на языке Python рассчитаны на использование версии Python2.7 (хотя некоторые из них могут работать и на более старших версиях), язык Python3 не поддерживается.

Процесс сборки организован нетрадиционным образом — отсутствует скрипт ./configure. Для настройки сборки необходимо вручную отредактировать файл include/aiwlib/config.mk, либо задать необходимые параметры сборки через аргументы командной строки make — во втором случае это придется делать при каждой новой сборке.

Если Вы получили исходные коды aiwlib через git, после внесения изменений в файл include/aiwlib/config.mk рекомендуется создать новую ветку и переключится на нее, для этого выполните команды

```
git commit include/aiwlib/config.mk
git branch my-custom-config
git checkout my-custom-config
```

это позволит не потерять настройки конфигурации после получения обновлений.

Paccмотрим подробно часть файла include/aiwlib/config.mk предназначенную для редактирования (приводятся значения по умолчанию).

Фрагмент

```
PYTHONDIR=/usr/lib/python2.7
LIBDIR=/usr/lib
INCLUDEDIR=/usr/include
BINDIR=/usr/bin
BIN_LIST=racs approx isolines gplt uplt splt mplt fplt
```

задает целевые пути и список утилит aiwlib и играет роль только при установке уже собранной библиотеки.

Фрагмент

```
zlib=on
swig=on
png=on
pil=on
bin=on
ezz=on
# mpi=on
# mpi=off
```

задает флаги определяющие список модулей (частей библиотеки) которые будут собираться и использоваться в проектах. Если в системе отсутствуют необходимые для сборки модуля зависимости<sup>2</sup> или функциональность предоставляемая модулем избыточна, модуль может быть исключен из сборки по умолчанию при комментировании (раскомментировании для mpi) соответствующей строки фрагмента, либо при помощи аргумента командной строки при вызове make.

 $<sup>^1</sup>$  Предполагается, что пользователь занимающийся численным моделированием обладает достаточной квалификацией для этого действия

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Например пакет zlib1g-dev необходимый для сборки кода с поддержкой сжатых файлов

#### Фрагмент

```
CXX:=g++
MPICXX:=mpiCC
SWIG:=swig

PYTHON_H_PATH:=/usr/include/python2.7
override CXXOPT:=$(CXXOPT) -std=c++11 -Wall -fopenmp -03 -fPIC -g
override MPICXXOPT:=$(MPICXXOPT) $(CXXOPT)
override LINKOPT:=$(LINKOPT) -lgomp
override SWIGOPT:=$(SWIGOPT) -Wall -python -c++
```

задает компиляторы, опции компиляции и линковки, и путь к файлу Python.h (актуален в случае swig=on). Если Вы не знаете где находится Python.h Вы можете воспользоваться командой

#### locate Python.h

Опции компиляции и линковки могут быть дополнены через аргументы командной строки make.

Содержимое библиотеки с точки зрения особенностей сборки можно условно разбить на следующие части:

- ядро модули на языке C++ в результате сборки дающие файл libaiw.a и компонуемые с этим файлом утилиты на языке C++;
- модули для работы со структурами данных C++ из Python требующие сборки и зависящие от утилиты swig и пакета python-dev;
- модули для визуализации на языках C++, OpenGL и Python требующие сборки и зависящие от довольно значительного числа пакетов;
- модули и утилиты на языке Python не требующие сборки (но возможно требующие установки).

Зависимости ядра aiwlib, функциональность и влияние флагов сборки показаны таблице 1.1.

Модули для работы со структурами данных C++ из Python требуют наличия утилиты swig (версии не ниже 2.0) и пакета python-dev. Для сборки модулей необходимо установить флаг swig=on.

Библиотека aiwlib предоставляет целое семейство выоверов:

- gplt построение графиков типографского качества на основе gnuplot;
- uplt построение срезов многомерных и сферических сеток;
- splt визуализация поверхностей, заданных треугольными неструктурированными сетками;

флаг	зависимости	функциональность
zlib=on	zlibdev	работа со сжатыми файлами
png=on	libpngdev	построение изображений в формате .png
pil=on	<pre>python-pil python-dev</pre>	построение изображений для Python Imaging Library, работает только при swig=on
mpi=off		сборка с поддержкой MPI всегда отключена
mpi=on	mpibin mpidev	для сборки всегда используется \$(MPICXX), как для aiwlib.a так и для пользовательских проектов
mpi=	опционально mpibin mpidev	для сборки некоторых частей aiwlib.a используется \$(MPICXX) (при условии что такой компилятор есть, иначе поддержка MPI отключается и используется \$(CXX)), при необходимости можно указывать mpi=on для проектов пользователя
bin=on		собирать по умолчанию бинарные утилиты aiwlib

Таблица 1.1: Зависимости ядра, функциональность и влияние флагов сборки

- mplt визуализация распределений магнитных моментов и векторных полей;
- fplt воксельная визуализация трехмерных равномерных сеток.

Вьювер gplt не требует сборки, но требует установки библиотеки (настройки путей к другим питоновским модулям) и требует как минимум пакета gnuplot. Для рисования графиков на экране требуются пакеты gnuplot-x11 или gnuplot-qt. Для построения графиков типографского качества дополнительно необходим LATEX, в том числе приложения pdflatex и pdfcrop.

Вьювер uplt требует сборки aiwlib с флагами swig=on, pil=on, кроме того необходим пакет python-tk.

Вьюверы splt, mplt и fplt собираются при установке флага ezz=on и требуют пакеты glm, glu, glew, python2-pillow, glut, python2-glut, python2-opengl, readline.

#### 1.1.3 Установка библиотеки

Для установки библиотеки используйте команды (из под root)

make install

для копирования собранных модулей и заголовочных файлов в системные директории, либо

make install-links|links-install

для создания мягких ссылок на собранные модули и заголовочные файлы в системных директориях. Второй вариант предпочтительней с точки зрения простоты обновления библиотеки, но может иметь некоторые уязвимости с точки зрения безопасности при работе в многопользовательском режиме — гипотетически пользователь установивший у себя библиотеку может подсунуть другим пользователям вредоносный код.

Предыдущая версия, библиотека aivlib, имела два существенных недостатка — сложную установку и проблемы при работе с несколькими версиями библиотеки на одной машине. Текущая версия допускает локальную установку произвольного числа версий/копий библиотеки, более того это рекомендуется для упрощения переноса проектов на другие машины, где библиотека aiwlib не установлена — в этом случае вместо копирования всей библиотоеки достаточно создать мягкую ссылку на библиотеку в директории проекта.

Таким образом Вы можете не устанавливать aiwlib глобально в систему — достаточно собрать библиотеку и использовать для своих проектов систему сборки aiwlib описанную ниже. При этом доступ к утилитам командной строки aiwlib и вьюверам (расположенным в директории aiwlib/bin) Вам придется обеспечивать самостоятельно.

# 1.2 Сборка проектов с использованием aiwlib

Для упрощения сборки проекта рекомендуется использовать файл include/aiwlib/user.mk. При этом пользовательский Makefile должен иметь вид

```
name=NAME #имя проекта
headers=... #список хидеров обрабатываемых SWIG-ом
modules=... #список .cpp модулей проекта
sources=... #другие исходные файлы проекта
include aiwlib/user.mk
```

или

include local-path-to-aiwlib/include/aiwlib/user.mk

При этом заголовочные файлы библиотеки всегда включаются как <aiwlib/...>, путь к локально установленной библиотеке при необходимости определяется автоматически на основе пути к файлу user.mk.

По умолчанию, такой Makefile собирает модуль для питона, и предоставляет еще ряд целей

- sources выводит список исходных файлов проекта включая make—файл, хидеры определяются автоматически при помощи вызова g++ -М на основе переменной modules, заголовочные файлы библиотеки aiwlib HE включаются в список. Если при вызове make указать опцию with=swig, в список будут включены файлы NAME.i, NAME.py и NAME\_wrap.cxx
- all\_sources выводит список всех исходных файлов проекта включая make—файл, хидеры определяются автоматически при помощи вызова g++ -М на основе переменной

modules, заголовочные файлы библиотеки aiwlib включаются в список **ПРИ УСЛО-ВИИ ЕЕ ЛОКАЛЬНОЙ УСТАНОВКИ**. Если библиотека aiwlib установлена локально и при вызове make указана опция with=aiwlib, в список включаются необходимые файлы .py и .i библиотеки aiwlib. Если библиотека aiwlib установлена локально и при вызове make указана опция with=aiwlib,swig, (последовательность не имеет значения) в список включаются все файлы .py, .i и \_wrap.cxx библиотеки aiwlib, а так же файлы NAME.i, NAME.py и NAME\_wrap.cxx.

- clean удаляет все созданные объектные файлы и файл \_NAME.so.
- ullet cleanall удаляет все созданные объектные и .so модули, а так же файлы NAME.i, NAME.py и NAME\_wrap.cxx.
- NAME.tgz NAME.md5 создает сжатый архив и файл с контрольной суммой несжатого архива со списком файлов проекта sources, опция with влияет на список файлов.
- tar NAME-all.tgz создает сжатый архив NAME-all.tgz со списком файлов проекта all\_sources, опция with влияет на список файлов.
- export to=... переносит проект в другую директорию (если опция to имеет вид to=PATH) либо на другую машину (если опция to имеет вид to=HOST:PATH). Для переноса используется список файлов all\_sources, опция with влияет на список файлов. Перенос на другую машину осуществляется при помощи утилиты SSH, если у Вас не настроена авторизация по открытому ключу то пароль придется вводить трижды. Директория PATH создается при необходимости, включая родительские каталоги. Корректный перенос файлов библиотеки aiwlib возможен только при условии ее установки в поддиректорию проекта.

Таким образом, опция with=swig необходима, если на целевой машине отсутствует утилита SWIG. Опция with=aiwlib необходима, если библиотека aiwlib была установлена локально в поддиректорию проекта.

В питоне, при импорте модулей библиотеки aiwlib будут импортироваться модули из локальной копии библиотеки, при условии что до этого был импортирован собранный пользовательский модуль.

Если модуль для питона собрать не требуется, не указывайте переменную name. Если требуется собирать некоторое количество исполняемых файлов из C++ кода, их можно перечислить в переменной сххмаin через пробел, указываются C++—файлы содержащие main()—функции. Для каждого такого файла будет собран исполняемый файл, при этом производится линковка со всеми объектными файлами из переменных modules и sources.

# Глава 2

# Основные С++ модули

# 2.1 Средства отладки — модуль debug

#### 2.1.1 Общие замечания

Модуль debug предоставляет ряд макросов для вывода отладочной информации в процессе исполнения (фактически удобную альтернативу традиционным отладочным printf) и генерации исключений:

- WOUT(expressions...) вывод информации в std::cout;
- WERR(expressions...) вывод информации в std::cerr;
- WSTR(S, expressions...) вывод информации в поток S, являющийся наследником std::ostream;
- WCHK(expressions...) проверка реузльтатов вычисления выражений при помощи isnan и isinf, генерация исключения если хотя бы одно из выражений не прошло проверку;
- WEXC(expressions...) вывод информации со стека в std::cerr при обработке исключения (потокобезопасный вариант);
- WEXT(expressions...) вывод информации со стека в std::cerr при обработке исключения или ошибке сегментирования (не потокобезопасный вариант);
- WASSERT(condition, message, expressions...) вывод инфомации в std::cerr при нарушении условия condition;
- WARNING(message, expressions...) вывод информации в std::cerr;
- WRAISE(message, expressions...) вывод информации в std::cerr и генерация исключения типа const char \* содержащего выведенную информацию.

#### Например

```
int a; double b[3];
...
WOUT(a, a*b[1], b[0]+b[2]);
Bce макросы выводят информацию в виде
  #filename function() LLL: expr1=value1, expr2=value2 ...
или
#filename function() LLL: massage [SYSERR] expr1=value1, expr2=value2
```

#filename function() LLL: message [SYSERR] expr1=value1, expr2=value2 ...

где LLL — номер строки в файле filename в которой был сгенерирован вывод сообщения, function() — имя функции в которой был сгенерирован вывод сообщения, expr — выражение, value — значение выражения.

Макрос WRAISE допонительно включает в сообщение информацию о системной ошибке [SYSERR] (результат работы фунцкии strerror(errno)), если состояние ошибки установлено.

Кроме того, модуль debug предоставляет функцию

```
void init_segfault_hook();
```

устанавливающий перехватчик сигнала SIGSEGV возбуждающегося при ошибке сегментирования. В этом случае на stderr выводится информация со стека исключения (помещенная туда при помощи макроса WEXT), выводится стек вызовов и инструкция (команда для bash) по его раскрутке.

## 2.1.2 Синтаксические ограничения

В качестве выражений (аргументов макросов) могут использоваться любые rvalue выражения, для значений которых реализованы операторы вывода в поток

```
std::ostream& operator << (std::ostream&, expr_type)</pre>
```

В выражениях могут присутствовать скобки () [] {}, операции <> скобками не считаются. Если в выражении есть запятые, части содержащие запятые так же должны быть в скобках, например

```
pow(a, b)
```

В противном случае макросы сохраняют работоспособность, но вывод может иметь странный вид, например

```
template <int D, typename T> struct V{
    T p[D];
    V(T x){ for(int i=0; i<D; ++i) p[i] = x; }
};
template <int D, typename T>
```

```
std::ostream& operator << (std::ostream& out, const V<D,T> &v){
    out<<"{"<<v.p[0];
    for(int i=1; i<D; ++i) out<<" "<<v.p[i];
    return out<<"}";</pre>
}
. . .
    int a=2;
    WOUT(V<3,int>(a), a*2);
даст вывод
\# \ldots : V<3=\{2\ 2\ 2\}, int>(a), a*2=4
вместо ожидаемого
# ... : V<3, int>(a)={2 2 2}, a*2=4
```

Для корректного вывода необходимо использовать дополнительные скобки

```
WOUT((V<3,int>(a)), a*2);
```

В одной строке может использоваться только один макрос WEXC (или WEXT).

#### 2.1.3 Режимы работы

Makpocы WOUT, WERR, WSTR, WCHK, WEXC, WEXT и WASSERT работают только если определен макрос EBUG (например при помощи опции компилятора -DEBUG). При сборке на основе шаблонного aiwlib/Makefile макрос EBUG по умолчанию отключен, для его подключения необходимо использовать команду

```
make ... debug=on ...
   Отличие между вызовом
    WASSERT(condition, ...)
И
    if(!(condition)) WRAISE(...)
```

заключается в том, что при отключенном режиме отладке макрос WASSERT игнорируется полностью (включая проверку условия).

Makpocы WARNIG и WRAISE работают всегда, вне зависимости от макроса EBUG.

#### 2.1.4 Вывод информации со стека при обработке исключения

Макросы WEXC и WEXT выводят свои аргументы на стандартный поток ошибок std::cerr при обработке исключения. Типовой ситуацией является возбуждение исключения в C++ функции, вызываемой из Python, если модуль был собран при помощи шаблонного aiwlib/Makefile — в этом случае в Python происходит вызов стандартного обработчика исключений.

Выводятся только аргументы макросов WEXC и WEXT, размещенных на стеке **до** возбуждения исключения. Для каждого аргумента выводится значение, которое принимал аргумент в момент вызова макросов WEXC и WEXT.

В одной строке может использоваться только один макрос WEXC/WEXT — это связано с размещением в строке экземпляра класса aiw::DebugStackTupleFrame, с именем формируемым на основе номера строки. При этом копии аргументов макроса хранятся внутри экземпляра класса в виде std::tuple, сообщение формируется и выводится в std::cerr дестуктором экземпляра класса только при необходимости, если возникла исключительная ситуация или сигнал SIGSEGV. Наличие исключительной ситуации проверяется при помощи фунцкии std::uncaught\_exception().

Если режим отладки выключен (макрос EBUG не определен), макросы WEXC и WEXT игнорируются.

При работе макросов WEXC и WEXT экземпляры классов aiw::DebugStackTupleFrame размещаются на стеке, но макрос WEXT дополнительно размещается указатели на создаваемые экземпляры классов в глобальной таблице, что не является потокобезопасным. В случае возниковноения сигнала SIGSEGV (и если до этого была вызвана функция init\_segfault\_hook()), все зарегистристрированные в глобальной таблице экземпляры классов aiw::DebugStackTupleFrame выводят сообщения в поток stderr.

## 2.1.5 Детали реализации

Модуль debug это легкий (звголовчный файл около 100 строк и файл src/debug.cpp около 50-ти строк), независимый от остальных частей библиотеки aiwlib модуль.

Вывод выражений построен на рекурсивной функции

```
template <typename ... Args>
void aiw::debug_out(std::ostream& out, const char* str, Args ... args);
```

вызываемой из макросов, в качестве str подставляются аргументы макроса в виде строки и затем еще раз в виде аргументов (уже значений соответствующих выражений).

Функция aiw::debug\_out разбирает str по запятым, учитывая при этом скобки ()[]{}. Работа макроса WCHK основана на функции is\_bad\_value:

```
template <typename T> bool is_bad_value(T){ return false; }
inline bool is_bad_value(float x){ return (isnan(x)) || (isinf(x)); }
inline bool is_bad_value(double x){ return (isnan(x)) || (isinf(x)); }
template <typename T, typename ... Args> bool is_bad_value(T x, Args ... args){
   return is_bad_value(x) || is_bad_value(args...);
}
```

которая так же перегружена для векторов из раздела 2.3. Аргументами макроса могут являться выражения любых типов (для которых перегружен оператор вывода в std::ostream), но если значения этих выражений необходимо проверять — необходимо перегузить функцию is\_bad\_value для соответствующих типов.

При выводе сообщений от всех макросов метод потока вывода **flush не** вызывается. Модуль **debug** подключает и использует следующие стандартные библиотеки:

- <cerrno>, <cstring> доступ к глобальной переменной errno и функциии strerror(errno);
- <iostream> работа со стандартными потоками вывода;
- <sstream> работа с потоком std::stringstream в макросах WEXC;
- <exception> определение наличия исключительной ситуации в деструкторе объекта aiw::DebugStackFrame при помощи фунцкии std::uncaught\_exception().
- <tuple> контейнер для сбора информации со стека для вывода исключения.
- <cmath> макросы isnan и isinf.

# 2.2 Потоки ввода/вывода — модули iosream и gzstream

#### 2.2.1 Общие замечания

При создании приложений численного моделирования потоки ввода/вывода std::iostream из стандартной библиотеки оказываются не всегда удобны. В частности желательно:

- 1. обеспечить максимально возможную производительность, особенно при бинарном вводе/выводе — в этом смысле потоки std::iostream сделаны не вполне оптимально;
- 2. иметь абстрактный базовый класс потока и его наследников для работы с обычными файлами и с файлами сжатыми библиотекой zlib.h такую возможность предоставляет например библиотека boost, но использование boost только ради потоков представляется черезмерным;
- 3. иметь возможность мапировать файл (стандартная функция mmap) при помощи метода потока, с текущей позиции, указав лишь размер области и режим, и обеспечивать при этом автоматическую сборку мусора;
- 4. иметь возможность применять для форматированного вывода типобезопасный аналог функций fprintf;
- 5. иметь возможность формировать имя файла в аргументах конструктора при помощи типобезопасного аналога функций fprintf;
- 6. использовать перегруженные операции <> для бинарного ввода/вывода впрочем эта возможность может быть реализована и для std::iostream.

Библиотека aiwlib предоставляет свои потоки ввода/вывода — абстрактный класс aiw::I0stream и его наследников aiw::File (модуль iostream) и aiw::GzFile (модуль gsztream). В модуле binaryio перегружены операции < и > для бинарного ввода/вывода для большинства актуальных типов, раздел 5.1.

#### 2.2.2 Типобезопесный форматированный вывод

Модуль iostream предоставляет функцию

```
template <typename S, typename ... Args>
void aiw::format2stream(S &&str, const char *format, Args ... args);
```

обеспечивающую типобезопасный форматированный вывод в поток str согласно строке format. Аргументы args подставляются вместо символов %. Для вывода символа % необходимо использовать строку %%. Может выводится любой аргумент x для которого определен оператор форматированного вывода str<<x.

Для дополнения результатов вывода некоторыми символами слева до ширины N (аналог паттерна "%0Ni" стандарной функции printf) можно использовать функцию

```
fill(x, N, key='0')
```

например

```
format2stream(str, "%/%.dat", path2dat, fill(file_number, 4));
```

в качестве x может выступать любой аргумент для которого определен оператор форматированного вывода str << x.

## 2.2.3 Абстрактный класс aiw::IOstream

Абстрактный класс aiw::IOstream определен в заголовочном файле iostream.

Класс aiw::I0stream имеет поле std::string name, содержащее имя открытого файла. Класс предоставляет следующие методы:

- virtual ~IOstream(){} виртуальный деструктор;
- virtual void close() = 0 закрывает поток;
- $\bullet$  virtual size\_t tell() const = 0 возвращает текущую позицию в потоке;
- virtual void seek(size\_t offset, int whence=0) = 0 устанавливает позицию в потоке относительно точки укзаываемой параметром whence, допустимые значения: 0 (SEEK\_SET) начало файла, 1 (SEEK\_CUR) текущая позиция, 2 (SEEK\_END) конец файла;
- virtual size\_t read(void\* buf, size\_t size) = 0 читает size байт в буфер buf из файла, возвращает число прочитанных байт;
- virtual size\_t write(const void\* buf, size\_t size) = 0 записывает в файл size байт из буфера buf, возвращает число записанных байт;

- virtual void flush() = 0 принудительно сбрасывает содержимое буфера на диск;
- virtual std::shared\_ptr<BaseAlloc> mmap(size\_t size, bool write\_mode=false) мапирует из файла область размерами size (начиная с текущей позиции), возвращает proxy—объект (см. описание модуля alloc), если мапирование невозможно (например при работе со сжатым файлом) происходит копирование соответствующей области в память, при этом мапирование с доступом на запись невозможно (если аргумент write\_mode=true возбуждается исключение);
- virtual int printf(const char \* format, ...) = 0 обеспечивает нетипобезобасный форматированный вывод при помощи фунцкии ::fprintf(...);
- template<typename...Args> IOstream& operator ()(const char \*format, Args...args)
   обеспечивает типобезопасный форматированный вывод вызывая функцию
  aiw::format2stream(\*this, format, args...);
- операторы форматированного вывода << для встроенных типов.

#### 2.2.4 Класс aiw::File

Kласс aiw::File определен в заголовочном файле iostream.

Kласс aiw::File является наследником класса aiw::IOstream. Кроме перегрузки необходимых виртуальных методов класса aiw::IOstream, класс aiw::File предоставляет следующие методы:

- $File()\{\}$  конструктор по умолчанию, создает неактивный поток;
- template<typename...Args> void open(const char \*format, const char \*mode, Args...args) открывает файл в режиме mode с именем, формируемым на основе строки format и аргументов args при помощи функции aiw::format2stream();
- template<typename...Args> File(const char \*format, const char \*mode, Args...args) конструктор, открывает файл при помощи описанного выше метода open.

#### 2.2.5 Kласс aiw::GzFile

Kласс aiw::GzFile определен в заголовочном файле gzstream.

Kласс aiw::GzFile является наследником класса aiw::IOstream. Кроме перегрузки необходимых виртуальных методов класса aiw::IOstream, класс aiw::GzFile предоставляет следующие методы:

- GzFile(){} конструктор по умолчанию, создает неактивный поток;
- template <typename ... Args> void open(const char \*format, const char \*mode, Args ... args) открывает файл в режиме mode с именем, формируемым на основе строки format и аргументов args при помощи функции aiw::format2stream();

• template<typename...Args> GzFile(const char \*format, const char \*mode, Args...args) — конструктор, открывает файл при помощи описанного выше метода open.

#### 2.2.6 Детали реализации

Модули iostream (порядка 100 строк), gzstream (40 строк) и binaryio (порядка 100 строк) являются довольно легкими модулями, зависящими только от модулей debug и alloc. Модуль iostream подключает и использует следующие библиотеки:

- aiwlib/debug генерация исключений;
- aiwlib/alloc доступ к объекту MMapAlloc при мапировании файлов;
- стандартная библиотека <cstdio> работа с файлами FILE\*;
- стандартная библиотека <string> доступ к классу std::string.

Модуль gzstream подключает и использует следующие библиотеки:

- aiwlib/iostream доступ к абстрактному классу aiw::I0stream;
- стандартная библиотека <zlib.h> работа со сжатыми файлами gzFile.

Модуль binaryio подключает и использует следующие библиотеки:

• aiwlib/iostream — доступ к абстрактному классу aiw::IOstream.

## 2.3 Вектора и индексы — модуль чес

#### 2.3.1 Общие замечания

Под вектором в декартовом пространстве размерности D понимается массив объектов (по умолчанию типа double) длиной D, в дальнейшем мы будем кратко обозначать их как  $\mathbf{a}_D, \mathbf{b}_D, \mathbf{c}_D$  или  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  если размерность очевидна. Вектора реализованы в виде параметризованного класса

```
template <int D, typename T=double> class Vec;
```

в заголовочном файле <aiwlib/vec>.

Под индексом понимается массив целых чисел (тип int) длиной D, в дальнейшем мы будем кратко обозначать их как  $\mathfrak{m}_D, \mathfrak{n}_D, \mathfrak{l}_D$  или  $\mathfrak{m}, \mathfrak{n}, \mathfrak{l}$  если размерность очевидна. Индексы реализованы в виде alias-а

```
template<int D> using Ind = Vec<D, int>;
```

в заголовочном файле <aiwlib/vec>.

Кроме того доступен alias

```
template<int D> using Vecf = Vec<D, float>;
```

Таким образом индексы и вектора имеют практически одинаковые наборы операций, поскольку являются по сути одним и тем же параметризованным классом, и все сказанное для векторов справделиво и для индексов. Для индексов дополнительно перегружены операции

```
template<int D> inline Ind<D>& operator ++ (Ind<D> &I);
template<int D> inline bool operator ^= (Ind<D> &pos, const Ind<D> &Up);
template<int D> inline Ind<D> operator % (size_t x, const Ind<D> &p);
```

применяющиеся для индексации и обхода *D*-мерной прямоугольной области.

Во всех бинарных операциях, при вызове конструкторов и операций копирования одномерный вектор трактуется как вектор произвольной размерности состоящий из одинаковых компонент.

Для инстацирования C++ векторов в Python при импорте модуля vec.py специальным образом подправляется таблица типов SWIG, в результате явного инстацирования (при помощи директивы %template в .i—файле) не требуется. Модуль vec.py предоставляет класс Vec, экземпляры которого в зависимости от типа и количества компонент трактуются как экземпляры соответствующих классов Vec в C++.

### 2.3.2 Конструкторы и порождающие функции

Для индексов и векторов реализованы следующие конструкторы — конструктор принимающий один аргумент для инициазалиции всех компонент, по умолчанию аргумент равен нулю:

```
explicit Vec(T val=0);
```

конструктор копирования:

```
template <class T2> Vec(const Vec<D, T2> &v);
```

конструктор принимающий D аргументов для иницализации:

```
template <typename ... Args> explicit Vec(const Args&... xxx);
```

конструктор принимающий одномерный вектор (трактуется как D-мерный вектор с одинаковыми компонентами):

```
Vec(const Vec<1, T> &v);
```

Кроме того реализованы порождающие функции

```
template <typename T, typename ... Args>
            inline Vec<1+sizeof...(Args), T> vec(T x, Args ... args);
template <typename ... Args> inline Vecf<sizeof...(Args)> vecf(Args ... args);
template<typename ... Args> inline Ind<sizeof...(Args)> ind(Args ... args);
```

В Python для класса Vec реализован конструктор, принимающий произвольное число аргументов (компонент) либо кортеж, список или вектор значений компонент (объектов, допускающих приведение к типам bool/int/long/float/complex). Тип вектора по умолчанию равен double либо явно задается через именованный аргумент конструктора Т. Размерность вектора

$\mathbf{a} = -\mathbf{b}$	$\rightarrow$	$a_i = -b_i$	$\mathbf{a} = +\mathbf{b}$	$\rightarrow$	$a_i = +b_i$
$\mathbf{a} = \mathbf{b} + \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = b_i + c_i$	$\mathbf{b} += \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = b_i + c_i$
$\mathbf{a} = \mathbf{b} - \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = b_i - c_i$	$\mathbf{b} = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = b_i - c_i$
$\mathbf{a} = \mathbf{b} * x$	$\rightarrow$	$a_i = b_i x$	$\mathbf{b} *= x$	$\rightarrow$	$b_i = b_i x$
$\mathbf{a} = x * \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = xc_i$			
$\mathbf{a} = \mathbf{b}/x$	$\rightarrow$	$a_i = b_i/x$	$\mathbf{b} /= x$	$\rightarrow$	$b_i = b_i/x$
$x = \mathbf{b} * \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$x = \sum_{i} b_i c_i$			
$\mathbf{a} = \mathbf{b} \& \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = b_i c_i$	$\mathbf{b} \& = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = b_i c_i$
$\mathbf{a} = \mathbf{b}/\mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = b_i/c_i$	$\mathbf{b} / = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = b_i/c_i$
$\mathbf{a} = x/\mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = x/c_i$			
$\mathbf{a} = \mathbf{b} \ll \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = \min(b_i, c_i)$	$\mathbf{b} \ll = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = \min(b_i, c_i)$
$\mathbf{a} = \mathbf{b} \gg \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$a_i = \max(b_i, c_i)$	$\mathbf{b}\gg=\mathbf{c}$	$\rightarrow$	$b_i = \max(b_i, c_i)$
$\mathbf{a}_3 = \mathbf{b}_3\%\mathbf{c}_3$	$\rightarrow$	$\mathbf{a}_3 = [\mathbf{b}_3 \times \mathbf{c}_3]$	$\mathfrak{l}=k\%\mathfrak{m}$		см. текст
$x = \mathbf{b}_2\%\mathbf{c}_2$	$\rightarrow$	$x = b_0 c_1 - b_1 c_0$	$\mathfrak{l} = \mathfrak{m}$		см. текст
			$++\mathfrak{m}$	$\rightarrow$	$+ + m_0$
$q = \mathbf{b} = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (b_i = c_i \forall i)$	$q = \mathbf{b}! = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (\exists i)b_i \neq c_i$
$q = \mathbf{b} < \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (b_i < c_i \forall i)$	$q = \mathbf{b} \leq \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (b_i \le c_i \forall i)$
$q = \mathbf{b} > \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (b_i > c_i \forall i)$	$q = \mathbf{b} > = \mathbf{c}$	$\rightarrow$	$q = (b_i \ge c_i \forall i)$
$q = bool(\mathbf{b})$	$\rightarrow$	$q = (\exists i)b_i \neq 0$	$q = !\mathbf{b}$	$\rightarrow$	$q = (b_i = 0 \forall i)$

Таблица 2.1: Арифметические операции и операции сравнения класса Vec<D,T>

определятся по числу компонент, либо явно задается через именованный аргумент конструктора D. Реализована порождающая функция vec, возвращающая вектор с размерностью равной числу аргументов и типом определяемым на основе типа первого аргумента.

B Python классы Ind и Vecf определены как наследники класса Vec; определены прождающие функции ind и vecf.

Примеры использования (распространяются так же на классы Ind и Vecf):

f = vec((1,2,3,4,5,6,7))

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\mathbf{a}_{D+1} = \mathbf{b}_D   x \rightarrow a_i = b_i, \ a_D = x  \mathbf{a}_D = \mathbf{b}_E(\mathfrak{m}_D) \rightarrow a_i = b_{\mathfrak{m}_i}  \mathbf{a}_{D+1} = x   \mathbf{b}_D \rightarrow a_0 = x, \ a_{i+1} = b_i  \mathbf{a}_D = \mathbf{b}_E(\mathfrak{m}_D) \rightarrow a_i = b_{\mathfrak{m}_i}  \mathbf{a}_D = \mathbf{b}_E(k_1,k_D) \rightarrow a_i = b_{k_i}$
$\mathbf{a}_{D+1} = x   \mathbf{b}_D \rightarrow a_0 = x, \ a_{i+1} = b_i  \mathbf{a}_D = \mathbf{b}_E(k_1,k_D) \rightarrow a_i = b_{k_i}$
$\mathbf{a}_{D_1+D_2} = \mathbf{b}_{D_1}   \mathbf{c}_{D_2} \rightarrow a_i = b_i, \ a_{(i+D_1)} = c_i $ $\mathbf{a} = \mathbf{b}.circ(k) \rightarrow a_i = b_{((i+k)\%D)}$
$E_1 \mid E_2 = E_1 \mid E_2 = v \mid v \mid (v \mid E_1) \mid v \mid$
$x = \mathbf{b}.\mathtt{abs}()   o  x = \sqrt{\sum_i b_i^2} \qquad \qquad \mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{ceil}()   o  a_i = ::\mathtt{ceil}(b_i)$
$\mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{fabs}()   o  a_i =  b_i  \qquad \qquad \mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{floor}()   o  a_i = ::\mathtt{floor}(b_i)$
$\mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{pow}(k)   o  a_i = b_i^k \qquad \qquad \mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{round}()   o  a_i = ::\mathtt{round}(b_i)$
$x = \mathbf{b}.\mathtt{sum}() \rightarrow x = \sum_{i} b_{i}$ $\mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{fmod}(x) \rightarrow a_{i} = ::\mathtt{fmod}(b_{i}, x)$
$x = \mathbf{b}.\mathtt{prod}() \rightarrow x = \prod_i b_i$ $\mathbf{a} = \mathbf{b}.\mathtt{fmod}(\mathbf{c}) \rightarrow a_i = ::\mathtt{fmod}(b_i, c_i)$
$x = \mathbf{b}.min() \rightarrow x = \min b_i$ $\mathfrak{m} = \mathbf{b}.nan() \rightarrow m_i = ::isnan(b_i)$
$x = \mathbf{b}.\mathtt{max}() \rightarrow x = \max b_i$ $\mathfrak{m} = \mathbf{b}.\mathtt{inf}() \rightarrow m_i = \mathtt{::isinf}(b_i)$
$k = \mathbf{b}.\mathtt{imin}() \rightarrow x = \arg\min_i b_i \qquad q = \mathbf{b}.\mathtt{cknan}() \rightarrow q = (\exists i) :: \mathtt{isnan}(b_i)$
$k = \mathbf{b}.\mathtt{imax}() \rightarrow x = \arg\max_i b_i \qquad q = \mathbf{b}.\mathtt{ckinf}() \rightarrow q = (\exists i)::\mathtt{isinf}(b_i)$

Таблица 2.2: Операции и методы для доступа к элементу, изменения размерности и различные преобразования класса Vec<D,T>

#### 2.3.3 Арифметические операции и операции сравнения

Для всех арифметических операций, кроме операций вида OP=, тип результата (тип скаляра или тип компонент вектора) определяется на основе оператора decltype (в C++11, в Python такое поведение эмулируется). Например при сложении

$$Vec<3$$
, int>(1,2,3)+ $Vec<3$ >(1.5, 2.5, 3.5) ==>  $Vec<3$ , double>(2.5, 4.5, 6.5)

Исключением из этого правила является лишь операция скалярного произведения индексов.

Все арифметические операции для векторов перегружены одинаково в C++ и Python.

Во всех операциях, где это имеет смысл, вектор единичной размерности может трактоваться как D-мерный вектор составленный из одинаковых компонент.

Традиционно для векторов перегружены операции +, -, +=, -=, операции умножения на скаляр ( $\mathbf{a} * x, x * \mathbf{a}$  и  $\mathbf{a} * = x$ ), операции деления вектора на скаляр ( $\mathbf{a} / x$  и  $\mathbf{a} / = x$ ), операция доступа к элементу [].

Операция умножения \* вектора на вектор перегружена как скалярное произведение векторов<sup>1</sup>. Для индексов операция скалярного умножения возвращает тип int64\_t во избежании переполнения int32\_t при индексации многомерных массивов.

Операции  $\mathbf{a}/\mathbf{b}, \, \mathbf{a}/\!\!= \mathbf{b}, \, \mathbf{a}\&\mathbf{b}$  и  $\mathbf{a}\&\!\!= \mathbf{b}$  перегружены как покомпонетное деление и умножение векторов.

Перегружены операторы побитового сдвига  $\ll,\gg,\ll=,\gg=$ . Выражение  $c=a\ll b$  интерпретируется как покомпонетный результат вычисления выражения  $c_i=\min(a_i,b_i)$ . Такие операторы позволяют эффективно определять границы области значений множества векторов.

Сравнение векторов проводится нетрадиционным образом. Перегружены операторы <, >, <=, >=, !=. Считается, что  $\mathbf{a} < \mathbf{b}$  при  $a_i < b_i$   $\forall i$  и  $\mathbf{a} \leq \mathbf{b}$  при  $a_i \leq b_i$   $\forall i$ . Аналогично,

 $<sup>^{1}\</sup>mathrm{B}$  отличии от системы Matlab транспонирования вектора при этом не требуется

 $\mathbf{a} > \mathbf{b}$  при  $a_i > b_i$   $\forall i$  и  $\mathbf{a} \geq \mathbf{b}$  при  $a_i \geq b_i$   $\forall i$ . Такие операции сравнения позволяют эффективно задавать прямоугольные области как множество индексов/векторов  $\mathbf{x}$  удовлетворяющих условию  $\mathbf{a} < \mathbf{x} < \mathbf{b}$ .

Для использования векторов в качестве ключей контейнера std::map библиотеки STL специализирована структура std::less, сравнивающая вектора в обратном лексикографическом порядке. Во избежании влияния ошибок округления, структура std::less для векторов использует структуры std::less специализированные для типа компонент вектора. В частности, для double и float в модуле vec специализированны структуры std::less, не учитывающие при сравнении последний байт (для float) и последние два байта (для double) мантиссы.

Для использования векторов в качестве ключей словаря Python реализован метод \_\_hash\_\_, возвращающий hash—значение кортежа, составленного из компонент вектора.

Реализован оператор приведения вектора к типу bool (возвращает истину если хотя бы одна компонента не равна нулю) и оператор отрицания ! (возвращает истину если все компоненты равны нулю).

Для двумерных и трехмерных векторов перегружена операция % как операция векторного умножения.

Для индексов перегружена операция

```
Ind<D> operator % (size_t x, const Ind<D> &m);
```

возвращающая индекс — позицию i-го (по счету) элемента в D-мерной области размера  $\mathfrak{m}$ , первая компонента считается самой быстрой осью. Операция может использоваться для организации обхода D-мерной области в одном цикле:

```
Ind<D> m = ...;
size_t sz = m.prod();
for(size_t i=0; i<sz; ++i){
    Ind<D> pos = i%m;
    ...
}
```

Операция относительно дорогая и такой вариант не очень эффективен, но зато цикл может быть легко распараллелен средствами библиотеки **OpenMP**.

Для эффективного обхода D–мерных областей в C++ у индексов перегружены операции префиксного инкремента и  $\hat{}=:$ 

```
Ind<D>& operator ++ (Ind<D> &1);
bool operator ^= (Ind<D> &1, const Ind<D> &m);
```

Операция инкремента всегда увеличивает нулевую компоненту индекса. Операция  $\Gamma = \mathfrak{m}$  проверяет, не вышла ли нулевая компонента индекса  $\mathfrak{l}$  за размеры области  $\mathfrak{m}$  (правая граница не включается) — при необходимости компонента обнуляется, следующая компонента инкрементируется и проверяется ее выход за пределы области. Оператор возвращает истину, если проверенный (и измененный при необходимости) индекс находится внутри области, и ложь если индекс вышел за пределы области (стал равен  $\mathfrak{m}$ ). Обход области выглядит как

```
Ind<D> m = ...;
for(Ind<D> 1=0; 1^=m; ++1){ ...}
```

Такой обход куда эффективнее, но не может быть легко распараллелен средствами библиотеки OpenMP.

Арифметические операции и операции сравнения приведены в таблице 2.1.

# 2.3.4 Операции и методы для доступа к элементу, изменения размерности и различные преобразования

Для доступа к элементу традиционно перегружена операция [], в C++ при включенном режиме отладки (опция debug=on при вызове make либо опция -DEBUG компилятора) проверяется корректность номера компоненты вектора. В Python для операции [] традиционно реализовано взятие среза и адресация с конца при отрицательном значении аргумента. Кроме того, в C++ реализован метод

```
T periodic(int i) const;
T& periodic(int i);
```

использующий положительный отстаток от деления i на размерность вектора.

Метод

```
Vec circ(int 1) const;
```

возвращает вектор с циклически переставленными на l позиций компонентами.

Операция I (побитовое или) обеспечивает «склейку» числа и вектора, вектора и числа или двух векторов.

Операция () принимает номера компонент вектора (произвольное количество аргументов) либо индекс произвольной длины с номерами компонент вектора (в Python так же список и кортеж), и возвращает вектор составленный из указанных компонент.

Meтод abs() возвращает модуль (длину) вектора как корень из суммы квадратов компонент.

Метод pow(n) возвращает вектор покомпонентно возведенный в степень n. Предоставляется эффективная реализация для целочисленных степеней, как положительных так и отрицательных.

Metoды fabs(), ceil(), floor(), round() возвращают вектор с результатами покомпонетного применения соответствующих функций библиотеки math.h.

Метод fmod(y) принимает скаляр либо вектор и возвращает вектор с результатами покомпонетного применения функции ::fmod(x, y) библиотеки math.h, тип результирующего вектора опеределяется на основе оператора decltype (в C++11, в Python такое поведение эмулируется).

Методы sum() и prod() возвращают скаляр — сумму и произведение компонент вектора. На случай расчета размера больших D-мерных прямоугольных областей, во избежании переполнения  $int32_t$ , предоставляется метод

```
template <typename T2> inline void prod(T2 &res) const;
```

Методы min() и max() возвращают значение минимальной и максимальной компоненты вектора. Методы imin() и imax() возвращают номер минимальной и максимальной компоненты вектора (первой по счету из минимальной/максимальной, если есть компоненты с одинаковыми значениями).

Методы nan() и inf() возвращают индекс, содержащий результаты проверки компонент вектора при помощи функций ::isnan() и ::isinf() библиотеки math.h. Методы cknan() и ckinf() возвращают истину, если хотя бы одна из компонент вектора содержит значение NAN или INF (проверяется функциями ::isnan() и ::isinf() библиотеки math.h).

Операции и методы для доступа к элементу, изменения размерности и различные преобразования приведены в таблице 2.2.

#### 2.3.5 Другие операции и методы

Для сериализации векторов в Python перегружены специальные методы \_\_get/setstate\_\_.

Для векторов перегружены операции форматированного ввода/вывода в потоки std::iostream и операция форматированного вывода в потоки aiw::IOstream.

Для векторов перегружены операции бинарного ввода/вывода <> в потоки aiw::IOstream.

#### 2.3.6 Детали реализации

При написании модуля vec основной проблемой являлась необходимость инстацирования шаблона Vec в Python при помощи SWIG. Ситуация усугублялась тем, что модуль vec написан с широким использованием возможностей C++11 (шаблонов с переменным числом аргументов, оператора decltype, принципа SFINAE) — в момент написания модуля утилита SWIG эти возможности не поддерживала. Кроме того, сама необходимость инстацирования большого числа шаблонов Vec с разными наборами параметров существенно усложняла сборку и эксплуатацию библиотеки.

В итоге было решено отказаться от прямого инстацирования шаблонов Vec при помощи директивы %template утилиты SWIG. Вместо этого на Python был написан отдельный модуль vec.py, использующий служебный класс PVec и несколько функций из заголовочного файла aiwlib/swig. При импорте модуль vec.py анализирует таблицу типов SWIG и устанавливает дополнительные связи между всеми использованиями шаблонов Vec в импортируемом C++- коде и служебным классом PVec. В итоге, поведение шаблонов класса Vec полностью эмулируется в Python, единственным ограничением является размер вектора в памяти, ограниченный размером памяти выделяемой под класс PVec — в настоящий момент он не должен превышать 1024 байта.

Для корректной работы с C++ методами имеющими аргументы (возвращающими значения) и переменными типа Vec, достаточно проимпортировать модуль aiwlib.vec как

```
import aiwlib.vec
```

или

```
from aiwlib.vec import *
```

Для удобства работы рекомендуется второй вариант, хотя и в первом варианте переменные и возвращаемые значения типа Vec оказываются полностью работоспособными в Python.

Модуль vec подключает и использует следующие библиотеки:

- <math.h> стандартные математические функции;
- "aiwlib/debug" средства отладки (проверка диапазона номеров компонент).

# 2.4 Равномерные многомерные прямоугольные (картезианские) сетки — модуль mesh

#### 2.4.1 Общие замечания

Равномерные прямоугольные сетки реализованы в заголовочном файле <aiwlib/mesh> в виде параметризованного класса Mesh<br/><T, D>, где T— тип ячейки массива, D— размерность массива.

Многомерные сетки поддерживают настройку осей координат — для каждой оси могут быть заданы пределы, шаг и опционально логарифмический масштаб. Поддерживается обращение к ячейкам сетки как по индексу (номеру по всем осям) так и по координате, которая пересчитывается в индекс на основе настроек осей. Кроме того, возможно использование интерполяции различных порядков, задание периодических граничных условий, продолжение сетки за область ее определения на основе граничных значений.

Многомерная сетка (массив) эмулируется при помощи одномерного массива, смещение в котором пересчитывается с учетом размеров многомерной области. Предоставляются средства для организации эффективного обхода содержимого сетки с учетом локальности данных.

Многомерные сетки aiw:: Mesh обеспечивают упорядоченный доступ к некоторому участку памяти. Возможно создание сеток с другими размерами, обеспечивающих доступ к тому же участку. В частности, конструкторы копирования сеток не выделяют новых участков памяти под данные — копии ссылаются на тот же участок. Сборка мусора призводится на основе подсчета ссылок. С одной стороны это существенно ускоряет копирование объектов, с другой стороны копии не являются независимыми, т.е. изменение данных в одной копии влечет за собой изменение всех остальных копий. Для полноценного копирования с выделением нового участка памяти под данные используется метод сору().

Многомерные сетки допускают проведение ряда преобразований — разворот и изменение порядка нумерации осей координат, вырезание подобластей, построение срезов и т.д. При этом не происходит копирование данных исходной сетки, а лишь предоставляется альтернативный способ доступа к исходным данным, что открывает широкие возможности для манипуляций с данными.

Многомерные сетки обеспечивают запись и чтение данных на диск в бинарном формате (сейчас используется старый формат библиотеки aivlib) и форматированный вывод данных в текстовом виде для gnuplot.

## 2.4.2 Поля и методы для получения информации о сетке

Класс Mesh< T, D > содежит следующие открытые поля:

```
std::string head; // произвольный текстовый заголовок

T out_value; // значение (ячейка) за пределами сетки

aiw::Vec<D> bmin; // координаты левого нижнего угла области

aiw::Vec<D> bmax; // координаты правого верхнего угла области

aiw::Vec<D> step; // размер ячейки сетки

aiw::Vec<D> rstep; // обратный размер ячейки

int logscale; // битовая маска отмечающая логарифмические масштабы осей
```

Класс Mesh < T, D > предоставляет следующие методы для получения информации о состоянии сетки

```
size_t size() const; // общее число элементов сетки aiw::Ind<D> bbox() const; // размеры сетки по всем осям size_t mem_size() const; // размер области памяти в ячейках size_t mem_sizeof() const; // размер ячейки в байтах
```

Mетоды mem\_size() и mem\_sizeof() выдают информацию об области памяти сетки без учета проведенных преобразований.

#### 2.4.3 Инициализация сетки и настройка осей

Для настройки осей сетки предназначен метод

```
void set_axes(const aiw::Vec<D> &bmin, const aiw::Vec<D> &bmax, int logscale=0);
```

Метод настраивает оси на основе текущих размеров сетки в ячейках.

Для инициализации сетки (выделения памяти) служат методы

Вторая версия метода init производит настройку осей после выделения памяти. Первая версия метода init настраивает оси по умолчанию — размеры области от нуля до box (шаг равен еденице), логарифмического масштаба нет.

Каждый вызов метода init приводит к выделению новой области памяти под данные, однако старая область памяти может оказаться используемой другой сеткой и не обязательно будет освобождена, см. раздел 2.4.6

Все настройки осей хранятся в открытых полях bmin, bmax, step, rstep и logscale. Несогласованное изменение этих полей может привести к некорректному преобразованию координат точки в индекс ячейки сетки.

Кроме того, для настройки граничных условий и интерполяции используются поля

```
int periodic; // битовая маска, задающая периодические граничные условия для осей Ind<2> bound_min, bound_max; // битовые маски, задающие обработку границ слева/справа // 0 - ничего не делать (при выходе за границу выкидывает искл // 1,0 - возвращает out_value // 1,1 - возвращает крайнее значение Ind<3> Itype; // битовые маски, задающие типы интерполяции по осям: // 0 - без интерполяции, 1,0 - линейная, 1,1,0 - кубическая, 1,1,1 - В-с
```

## 2.4.4 Доступ к ячейкам

Сетки обеспечивают доступ к ячейкам по координате (вектору) или индексу (набору номеров ячейки по всем осям).

Базовыми являются методы

```
inline aiw::Ind<D> coord2pos(const aiw::Vec<D> &r) const;
inline double pos2coord(int pos, int axe) const;
inline aiw::Vec<D> pos2coord(const aiw::Ind<D> &p) const;
inline aiw::Vec<D> cell_angle(const aiw::Ind<D> &p, bool up) const;
```

пересчитывающие координаты в индексы и обратно согласно настройкам осей. Метод pos2coord возвращает координаты центра ячейки. Метод cell\_angle в зависимости от аргумента up возвращает координаты левого нижнего или правого верхнего угла ячейки.

Для доступа к ячейкам служат методы

```
inline const T& get(const aiw::Ind<D> &pos) const;
inline const T& get(const aiw::Vec<D> &r) const;
```

В зависимости от значений полей periodic, bound\_min и bound\_max при промахе (выходе за границы сетки) реализуются периодические граничные условия (если поднят соответствующий бит маски periodic), выкидывается исключение (если не поднят соответствующий бит в маске bound\_min/max[0]), обеспечивается доступ к полю out\_value (если поднят соответствующий бит в маске bound\_min/max[0]) либо к граничной ячейке (если поднят соответствующий бит в маске bound\_min/max[1]). В настоящий момент функция get обеспечивает довольно гибкое управление поведением сетки при промахах, но при этом проводиться довольно проверок.

Метод доступа по вектору требует дополнительных вычислений для перевода вектора в индекс ячейки. При промахе (если вектор попадает за пределы обоасти сетки) обеспечивается доступ к открытому полю сетки out\_value.

Для традиционного доступа в С++ перегружены операции

```
inline const T& operator [] (const aiw::Ind<D> &p) const;
inline         T& operator [] (const aiw::Ind<D> &p);
inline const T& operator [] (const aiw::Vec<D> &r) const;
inline         T& operator [] (const aiw::Vec<D> &r);
```

вызывающие функции get, те же операторы перегружены в Python как

```
inline const T& __getitem__(const aiw::Ind<D> &p) const;
inline const T& __getitem__(const aiw::Vec<D> &r) const;
inline void __setitem__(const aiw::Ind<D> &p, const T& v);
inline void __setitem__(const aiw::Vec<D> &r, const T& v);
```

Для реализации доступа с периодическими граничными условиями предназначены методы $^2$ 

```
template<int P> inline const T& periodic_bc(Ind<D> pos) const;
template<int P> inline T& periodic_bc(Ind<D> pos);
```

где P — битовая маска, указывающая по каким осям необходимо создать периодичность. Например P=5 задаст периодические граничные условия по осям x и z. Методы periodic\_bc корректируют компоненты индекса по тем осям, для которых указаны периодические граничные условия, и затем вызывают метод get.

Для интерполяции перегружена операция

 $<sup>^2\</sup>Pi$ ока оставлено для обратной совместимости

```
inline T operator () (const aiw::Vec<D> &r) const;
```

тип интерполяции задается при помощи битовых масок Ind<3> Itype, при этом используются функции из модуля interpolations (см. 4.2). Соответствующие некоторой оси ахе биты в Itype означают: Itype[0]&(1<<axe)==0 — интерполяция нулевого порядка (кусочно-постоянная в рамках ячейки), Itype[0]&(1<<axe)==1, Itype[1]&(1<<axe)==0 — линейная интерполяция между центрами ячеек, Itype[0]&(1<<axe)==1, Itype[1]&(1<<axe)==1, Itype[2]&(1<<axe)=1 - кубический B-сплайн.

При интерполяции на границе сетки важны настройки periodic и bound\_min/max. Функции из модуля interpolations не пороверяют выход за границы, поэтому при bound\_min/max[0]&(1<<axe)=возможна генерация исключения.

#### 2.4.5 Обход сетки

Для оптимального обхода сетки предназначены методы

```
inline aiw::Ind<D> inbox(size_t offset) const;
inline aiw::Ind<D> first() const;
inline bool next(aiw::Ind<D> &pos) const;
```

Метод inbox преобразует номер элемента сетки (от начала области памяти) в его индекс. Для непреобразованной сетки его результат будет совпадать с результатами операции offset%bbox(), однако для преобразованной сетки это может быть неверно. Метод inbox является относительно дорогостоящим, но обеспечивает оптимальный (с точки зрения локальности данных) порядок обхода сетки и позволяет легко распараллеливать циклы обходы средствами библиотеки OpenMP

```
Mesh<T,D> M;
...
size_t sz = M.size();
#pragma omp parallel for
for(size_t i=0; i<sz; ++i){
    Ind<D> pos = M.inbox(i);
...
}
```

Аналогичный порядок обхода (с меньшими накладными расходами, но без такого простого распараллеивания) можно получить при помощи конструкции

```
Ind<D> pos=M.first();
do{...} while(M.next(pos));
```

Для непреобразованных сеток этот обход экивалентен конструкции

```
for(Ind<D> pos; pos^=M.bbox(); ++pos){...}
```

но после преобразований такой вариант может оказаться неэффективным.

### 2.4.6 Преобразования сеток

Для преобразования сеток служат методы

```
Mesh flip(int a, bool axe=true) const;
Mesh transpose(int a, int b) const;
Mesh crop(aiw::Ind<D> 1, aiw::Ind<D> m, aiw::Ind<D> n=Ind<D>(1)) const;
template <class T2, int D2>
    Mesh<T2, D2> slice(Ind<D> pos, size_t offset_in_cell) const;
```

Все эти методы не приводят к выделению новых областей памяти для данных сетки, а лишь создают альтернативные способы доступа к уже выделенной памяти в исходной сетке. После создания преобразованной сетки исходная сетка может быть удалена/перенициализирована, однако освобождение памяти произойдет лишь после уничтожения/перенициализации всех преобразованных сеток. Сборка мусора осуществляется при помощи подсчета ссылок на основе указателя std::shared\_ptr<BaseAlloc>, исходная сетка и построенные на ее основе преобразованные сетки являются равноправными владельцами выделенной под данные памяти.

Метод flip(int a, bool axe=true) разворачивает (отражает) ось a, параметр аxe указывает следует ли преобразовать так же настройки оси (пределы и шаг).

Метод transpose(int a, int b) меняет оси a и b местами, при этом преобразуются так же настройки осей.

Метод crop(aiw::Ind<D> 1, aiw::Ind<D> m, aiw::Ind<D> n=Ind<D>(1)) вырезает фрагмент сетки с левым нижним углом в ячейке  $\mathfrak{l}$ , правым верхним углом в ячейке  $\mathfrak{m}$ , правая верхняя граница не включается. При задании  $\mathfrak{l}$  и  $\mathfrak{m}$  допускается использовать отрицательные значения, которые отсчистываются от верхней границы (размера сетки) по соответствующей оси. Необязательный параметр  $\mathfrak{n}$  позволяет задать шаг, т.е. использовать каждую  $\mathfrak{n}$ —ю ячейку внутри указанной области.

Metog slice<D2, T2>(Ind<D> pos, size\_t offset\_in\_cell) позволяет строить срезы — уменьшать размерность сетки и изменять тип хранимых данных, например составляя новую сетку из отдельных полей структуры хранящейся в исходной сетке.

Для уменьшения размерности необходимо указать в аргументе **pos** значения -1 по тем осям, которые должны войти в срез (ровно  $D_2$  штук), и положение среза по остальным осям.

Для измения типа данных необходимо указать новый тип и сдвиг данных внутри исходной структуры в байтах. Следует с осторожностью использовать этот вариант вызова метода slice, поскольку неверно вычисленное смещение может привести к непредсказуемым результатам. Допустим есть стуктура

```
struct Cell{ double a, b; int c[10];};
```

для которой создана сетка Mesh<Cell, 2> A; Тогда, вызов

```
Mesh<int,1> B = A.slice<1, int>(Indx(10,-1), 2*8+2*4);
```

создаєт срез В в виде одномерного массива развернутого по оси y, проходящего через десятые ячейки по оси x, и обеспечивающий доступ к полям c[2] соответствующих ячеек.

В настоящий момент метод slice доступен из Python-а как семейство методов

```
sliceX(self, pos, offset=0)
```

где X пробегает значения от 1 до D-1. Таким образом в Python возможно построение срезов, но невозможно изменение типа ячейки<sup>3</sup>.

#### 2.4.7 Сохранение и загрузка сеток

Для сохранения и загрузки содержимого сеток в бинарном формате предназначены методы

```
void dump(aiw::IOstream &&S) const;
void load(aiw::IOstream &&S, int use_mmap=0);
void dump(aiw::IOstream &S) const;
void load(aiw::IOstream &S, int use_mmap=0);
```

В настоящий момент используется старый формат библиотеки aivlib. Необязательны параметр use\_mmap указывает на использование мапирования файла, 0 — не использовать мапирование, 1 — мапировать файл только на чтение, 2 — мапировать файл на чтение и запись.

Кроме того перегружены операции <> для бинарного ввода/вывода

```
IOstream& operator < (IOstream &S, const Mesh<T, D> &M);
IOstream& operator > (IOstream &S, Mesh<T, D> &M);

Для форматированного вывода (.dat-файлы для gnuplot) предназначен метод
template <typename S>
```

void out2dat(S &&str, Ind<D> coords=Ind<D>(2), const char\* prefix=nullptr) const;

и его оболочки для конкретных видов потоков для инстацирования в Python

Аргумент coords содержит режимы вывода для каждой из координатных осей, возможны следующие режимы:

- 0 выводить значения из сетки вдоль оси в одну строку через пробел;
- 1 выводить номер ячейки;
- 2 выводить координату центра ячейки;
- 3 не выводить ни номер ячейки ни координату центра ячейки;
- +4 не выводить пустую строку при изменении номера ячейки, не влияет на режим 0. Аргумент prefix задает префикс перед каждой (не пустой) строкой при выводе. Для загрузки сеток из .dat-файлов используется C++ модуль dat2mesh (см. раздел 5.3).

Для сериализации сеток при помощи модуля pickle в Python реализованы методы

```
std::string __getstate__() const;
void __C_setstate__(const std::string &state);
```

 $<sup>^3</sup>$ Поскольку изменение типа ячейки невозможно, изначальный смысл аргумента offset в Python теряется, однако возможны экзотические ситуации когда этот аргумент все же будет востребован

#### 2.4.8 Другие методы

Для получения копии сетки (с отдельной областью памяти) предназначен метод

```
Mesh copy() const;
```

Новая сетка является упорядоченной, в ее память переносятся лишь те данные, к которым обеспечивала доступ исходная сетка.

Для заполнения сетки предназначены методы

```
void fill(const T &x);
template <typename T2> void fill(const Mesh<T2, D> &M);
void fill(const Mesh &M);
void fill(aiw::IOstream &&S);
void fill(aiw::IOstream &S);
```

Метод fill(const T &x) заполняет все яячейки значением x.

Метод fill(const Mesh<T2, D> &M) копирует в сетку содержимое сетки M, при этом должен существовать оператор приведения типа  $T_2$  к T. Если размеры (в ячейках) заполняемой сетки и сетки M не совпадают, копируются данные лишь из области пересечения сеток.

Metog fill(aiw::IOstream) загружает сетку из потока (при этом предполагается что тип данных совпадает с заполняемой сеткой), и вызывает метод fill(const Mesh &M).

Методы

```
bool min_max(T &a, T &b, aiw::Ind<D> &pos_a, aiw::Ind<D> &pos_b) const;
aiw::Vec<2, T> min_max() const;
```

находит минимальное a и максимальное b значения в ячейках сетки, а так же их индексы (либо возвращают пару a, b), при этом значения nan и inf игнорируются. Для проверки используется функция  $is\_bad\_value$  из модуля debug (см. раздел 2.1), которая может быть дополнительно перегружена для любого пользовательского типа. Первый вариант метода возвращает true если в сетке есть хотя бы одно хорошее значение (не nan и не inf).

## 2.4.9 Инстацирование в Python

Для каждого набора параметров шаблон сетки должен быть инстацирован в питон при помомщи утилиты make. Для этого в директории библиотеки aiwlib надо набрать команду

```
make MeshXXX-T-D
```

где MeshXXX — имя инстацируемого шаблона в Python (оно же имя модуля содержащего инстацированный шаблон), Т — тип данных ячейки в C++, D — размерность. Например команда

```
make MeshF3-float-3
```

создаст модуль MeshF3 содержащий класс MeshF3 отвечающий шаблону Mesh<float, 3>.

# 2.5 Многомерный кубический массив на основе Z-кривой Мортона — модуль zcube

Традиционные многомернеы массивы, реализованные в модуле mesh (раздел 2.4), не всегда эффективны с точки зрения локальности данных, в этом смысле многомерные массивы, основанные на Z-кривой МОртона, оказываются предпочтительнее. Кроме того, такие массивы оказываются удобнее для проведения ряда операций по рекурсивному разбиению сеток.

Модуль zcube предоставляет следующие функции для преобразования смещения от начала массива f в позицию ячейки f для массива размерности D и ранга R и обратно:

```
inline uint64_t interleave_bits_any(int D, int32_t x, int R);
inline int32_t de_interleave_bits_any(int D, uint64_t f, int R);
inline uint64_t interleave_bits(int D, int32_t x, int R);
inline int32_t de_interleave_bits(int D, uint64_t f, int R);
```

Функции с постфиксом \_any реализуют преобразование для массива любой размерности на основе R смещений, условий и побитовых операций и/или. Функции без постфикса \_any оптимизированы для массивов размерности D=2,3 и вызывают функции с постфиксом \_any для массивов других размерностей.

Kласс ZCube<T, D> реализует контейнер с типом ячейки T размнерности D

```
template <typename T, int D> class ZCube{
public:
    int rank() const;
                             // ранг массива
   uint64_t size() const;
                            // число ячекк в массиве
    aiw::Ind<D> bbox() const; // размеры массива по всем осям
   void init(int R_); // инициализация массива
   ZCube(int R_=0); // конструктор (вызывает метод init)
   // возвращает объект, обспечивающий расчет свдигов к соседям ячейки f
    inline ZCubeNb<D> get_nb(uint64_t f, int periodic=0) const;
    // преобразование позиции ячекйи в сдвиг и обратно
    inline uint64_t pos2offset(const aiw::Ind<D> &pos) const;
    inline aiw::Ind<D> offset2pos(uint64_t f) const;
    // методы для организации обхода массива
    inline aiw::Ind<D> first() const;
    inline bool next(aiw::Ind<D> &pos) const;
   // доступ к ячейкам
                 T& operator [](uint64_t f);
    inline
    inline const T& operator [](uint64_t f) const;
    inline
                 T& operator [](const Ind<D> &pos);
    inline const T& operator [](const Ind<D> &pos) const;
```

```
// проверка принадлежности ячейки к границе массива inline bool is_bound(uint64_t f, int axes=0xFF) const; inline bool is_bound_up(uint64_t f, int axes=0xFF) const; inline bool is_bound_down(uint64_t f, int axes=0xFF) const; operator Mesh<T, D>() const; // приведение к типу традиционной сетки Mesh<T, D>};
```

Доступ к ячейке массива возможен как по D-мерной позиции **pos** так и по смещению от начала массива f, оптимизированы методы доступа и обхода по смещению.

Для обхода массива zarr можно использовать либо традиционный цикл

```
for(size_t i=0; i<zarr.size(); ++i){ ... zarr[i] ... }</pre>
```

либо цикл по позиции, аналогичный циклу для традиционных сеток Mesh

```
Ind<D> pos=zarr.first();
while(zarr.next(pos)){ ... zarr[pos] ... }
```

порядок обхода ячеек у обоих вариантов совпадает, но первый вариант требует меньше (практически не требует) накладных расходов.

Для обхода соседей ячейки со смещением f используется метод

```
inline ZCubeNb<D> get_nb(uint64_t f, int periodic=0) const;
```

где битовая маска **periodic** задает периодические граничные условия по нужным осям. метод возвращает экземпялр класса

```
template <int D> struct ZCubeNb{
   inline int64_t operator [](const Ind<D> &nb) const;
};
```

который в свою очередь позволяет получать смещения к соседям ячейки при помощи перегруженной операции [], принимающей аргумент nb компоненты которого могут содержать числа 0 (сосед слева), 1 (центр) либо 2 (сосед справа), фактически nb содержит позицию соседа внутри куба размерами 3x3x..., в котором исходная ячейка имеет координаты (1,1...). Перегруженная операция возвращает ненулевое значение если соседняя ячейка находится внутри массива и не является исходной ячейкой. Например, для численной схемы с шаблоном «крест», фрагмент кода с обходом соседей будет иметь вид

```
for(size_t f=0; f<zarr.size(); ++f){ // цикл по ячейкам ... auto znb = zarr.get_nb(f); for(int k=0; k<D; k++) // цикл по осям массива Ind<D> nb(1); // центр куба for(int nb[k]=0; nb[k]<=2; nb[k]+=2){ // левый-правый сосед int64_t df = znb[nb];
```

Операции с ZCubeNb оптимизированы настолько, насколько это возможно, в частности никаких преобразований к позиции ячейки и обратно не производится.

В настоящий момент контейнер ZCube реализован достаиочно примитивно, для хранения данных используется std::vector<T>. В дальнейшем планируется перейти на управляени памятью через std::shared\_ptr<T> (аналогично контейнеру Mesh), добавить операции сору, crop, slice, flip и transpose, интерполяцию и т.д. — в общем провести унифицикацию с Mesh насколько это возможно.

В настоящий момент контейнер ZCube не инстацириется в Python.

### Глава 3

# Вспомогательные С++ модули

## 3.1 Операции над равномерными многомерными прямоугольными (картезианскими) сетками — модуль meshop

#### 3.1.1 Общие замечания

Модуль meshop перегружает операции «унарный минус», бинарные +, -, \*, /, ^ (как степень) и функции abs, acos, asin, atan, ceil, cos, exp, fabs, floor, log, log10, sin, sinh, sqrt, tan, tanh, atan2, fmod, pow над экземплярами классов Mesh<T,D>.

Допускаются выражения произвольной сложности, содержащие перегруженные операции и функции, операндами которых являются экземпляры классов Mesh<T,D> или любые другие данные, для которых выражение будет иметь смысл если вместо экземпляров классов Mesh<T,D> подставляется значения из одной ячейки (типа T).

Само по себе выражение не приводит к выполнению каких либо действий, пока не будет выполнена операция <>== левым операндом которого должен быть экземпляр класса Mesh<T,D>, а правым построенное выражение. При этом запускается цикл по ячейкам сетки стоящей слева от операции <<==, для каждой ячейки сетки слева отдельно вычисляется и записывается результат выражения справа. Например:

```
#import <aiwlib/meshop>
using namespace aiw;
...
Mesh<float, 3> f; f.init(ind(10,10,10));
f <<= 1; // заполнить сетку f единицами
f = f*2; // умножить значения f на два
Mesh<double, 3> g;
...
f <<= g*f+2*sin(g); // выражение выполянется по ячейкам независимо</pre>
```

Пределы, шаги и логарифмические масштабы всех сеток задействованных в выражении игнорируются, значение имеют лишь размеры сеток в ячейках.

#### 3.1.2 Детали реализации

В модуле meshop для каждой перегруженной операции и функции объявлен свой класс, параметризованный по типу операндов. Все эти классы, как и класс Mesh, являются наследниками пустой структуры BaseMeshOp объявленной в модуле mesh.

При помощи технологии SFIANE<sup>1</sup>, реализованной через шаблоны std::enable\_if и std::is\_base\_of, операции и функции перегружаются только для тех случаев, когда хотя бы один из операндов является наследником структуры BaseMeshOp. В итоге компилятор превращает выражение справа от оператора <<= в AST (абстрактное синтакстическое дерево) собранное из объявленных в модуле meshop классов, которое позволяет вычислить значение выражение для произвольной (формально) позиции в сетке.

# 3.2 Построение линий постоянного уровня для двумерной сетки — модуль isolines

Для построения изолиний (линий постоянного уровня) на сеточных функциях f(x,y) C++ модуль isolines предоставляет класс

```
class IsoLines{
    public:
        init(const aiw::Mesh<float, 2> &arr, double z0, double dz, bool logscale=false);

    int count() const; // число изолиний
        size_t size(int l) const; // число точек в изолинии l
        float level(int l) const; // значений уровня на изолинии l
        aiw::Vecf<2> point(int l, int i) const; // координаты узла изолинии l

#ifndef SWIG
        template <typename T> void out2dat(T &&S) const;

#endif //SWIG
        void out2dat(aiw::IOstream &S) const;
        void out2dat(std::ostream &S) const;
        void out2dat(const char *path) const;
};
```

Реализация методов класса IsoLines находится в файле src/isolines.cpp

Метод init принимает сетку arr, опорное значение функции z0 (которому точно соответствует изолиния), шаг изолиний dz и флаг logscale задающий логарифмический масштаб по z (в этом лучаем параметр dz трактуется как отношение значения на двух соседних изолиниях, dz>0), и строит изолинии.

При построении считается, что функция arr билинейно интерполируется внутри ячеек. Каждая изолиния представляет ломанную линию, узлы которой попадают на границы ячеек сеточной функции.

 $<sup>^1</sup>$ «Substitution failure is not an error» — неправильная подстановка не является ошибкой

Изолинии могут быть прочитаны из экземпляра класса IsoLines при помощи методов count, size, level и point, либо выведены в файловый поток вывода (или файла) при помощи методов out2dat.

# 3.3 Дискретизация разбиения Вороного на равномерной сетке в D-мерном пространстве — модуль voronoy

Модуль voronoy предоставляет функцию

```
template <int D, typename T1, typename T2>
void voronoy(const std::vector<Vec<D, T1> > &src, aiw::Mesh<T2, D> dst);
```

дискретизирующую разбиение Вороного в D-мерном пространстве. Вектор  $\operatorname{src}$  содержит множество исходных точек, после вызова функции в ячейках сетки  $\operatorname{dst}$  будут прописаны номера ближайших к центрам ячеек сетки  $\operatorname{dst}$  из множества  $\operatorname{src}$  (считая с нуля до  $\operatorname{src.size}$ ()-1 включительно).

При дискретизации сетка dst разбивается на  $2^D$  одинаковых D-мерных параллелепипедов, затем для каждрого угла перебором находится ближайшая точка из множества src. Если все углы параллелепипеда относятся к одной и той же точке, весь параллелепипед относится к этой точке. В противном случае параллелепипед снова разбивается на  $2^D$  частей, и т.д. — вплоть до того момента как элементом разбиения будет одна ячейка сетки dst.

## 3.4 Некоторые элементы аналитической геометрии — модуль angem

Модуль **angem** предоставляет несколько функицй из аналитической геометрии.

```
template <int D, typename T> Vec<D, T>
point2plane(const Vec<D, T> &r, const Vec<D, T> &p, const Vec<D, T> &n);
```

проекция точки  $\mathbf{r}$  на плоскость проходящую через точку  $\mathbf{p}$  с нормалью  $\mathbf{n}, n=1$ , вычисляется как  $\mathbf{r} - (\mathbf{r} - \mathbf{p}) \cdot \mathbf{n} \cdot \mathbf{n}$ .

расчет точки пересечения прямой (или луча) проходящей через точку  ${\bf r}$  в направлении  ${\bf g},\,g=1$  и плоскости проходящей через точку  ${\bf p}$  с нормалью  ${\bf n},\,n=1$  вычисляется как

$$\mathtt{res} = \mathbf{r} - \mathbf{r} \frac{(\mathbf{r} - \mathbf{p}) \cdot \mathbf{n}}{\mathbf{n} \cdot \mathbf{g}}.$$

Функция возвращает **true** если проекция существует — если луч перескает плоскость, должно выполняться условие

$$(\mathbf{r} - \mathbf{p}) \cdot \mathbf{n} \cdot \mathbf{n} \cdot \mathbf{g} < 0,$$

кроме того для существования проекции необходимо что бы  $|\mathbf{n} \cdot \mathbf{g}| > 10^{-8}$ . В случае если проекция существует, функция возвращает true, результат записывается в res.

Упрощенным (оптимизированным) вариантом этой функции является

```
template <int D, typename T>
bool cross_plane(Vec<D, T> &res, const Vec<D, T> &r, const Vec<D, T> &g,
  const Vec<D, T> &p, int axe, bool ray=false);
```

где ориентация плоскости задается ортогональной ей осью координат ахе.

расчитывает точку пересечения луча выходящего из точки  $\mathbf{r}$  в направлении  $\mathbf{g}, g=1$  и параллепипеда заданного точками  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{a} \leq \mathbf{r}, \mathbf{r} \leq \mathbf{b}.$ 

# 3.5 Решение СЛАУ с трехдиагональными матрицами (методы прогонки) — модуль 3diag

Модуль **3diag** предоставляет методы прогонки (обычной и циклической) для решения СЛАУ с трехдиагональными матрицами

$$M_{i-1,i}X_{i-1} + M_{i,i}X_i + M_{i+1,i}X_{i+1} = R_i,$$

```
template <typename T>
void shuttle_alg(const Mesh<T, 2> &M, const Mesh<T, 1> &R, Mesh<T, 1> &X);
template <typename T>
void cyclic_shuttle_alg(const Mesh<T, 2> &M, const Mesh<T, 1> &R, Mesh<T, 1> &X);
```

где M — тридиагональная матрица, сетка размерами 3xN, главная диагональ расположена в ячейках (1,0...N-1), для обычной прогонки ячейки (0,0) и (2,N-1) игнорируются; R — правая часть, X — решение. Сетки R и N должны иметь размер N ячеек.

Алгоритм для обычной прогонки взят из английской Википедии $^2$ , алгоритм для циклической прогонки взят у Самарского $^3$  с изменением знаков у главной диагонали и правой части.

Проверка на диагональное преобладание не проводится.

# 3.6 Источник случайных числе и специфические операции в трехмерном декартовом пространстве — модуль gauss

Модуль gauss предоставляет ряд функций для генерации случайных чисел<sup>4</sup>, а так же специфические операции в трехмерном декратовом пространстве — операции поворота и методы ге-

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>https://en.wikipedia.org/wiki/Tridiagonal\_matrix\_algorithm

 $<sup>^3</sup>$ Самарский А.А. «Введение в теорию разностных схем». М.: Наука, 1971. — 553 с. http://info.alnam.ru/book\_sub.php?id=91

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Планируется сделать потокобезопасный вариант таких источников

нерации вектора, ортогонального данному. Макрос MINGW определяется при кросс-компиляции под OS Windows.

```
#ifndef MINGW
    const double rand_alpha = 1./(1.+RAND_MAX), rand_alpha2PI = 2*M_PI/(1.+RAND_MAX);
    inline void rand_init(); // иницализация генератора случайных чисел
    // случайное число с нормальным распределением,
           нулевым матожиданием и единичной дисперсией
    inline double rand_gauss();
    // вектор случайных чисел с нормальным распределением,
          нулевым матожиданием и единичной дисперсией
    template <int D, class T> inline Vec<D, T> rand_gaussV();
#else //MINGW
    inline void sincos(double phi, double *s, double *c);
#endif //MINGW
    // оператор поворота вектора а вокруг единичного вектора n на угол phi
    template <typename T> inline aiw::Vec<3, T>
         rotate(const aiw::Vec<3, T>& a, const aiw::Vec<3, T>& n, double phi);
    // оператор поворота вектора а вокруг вектора b
    template <typename T> inline aiw::Vec<3, T>
         rotate(const aiw::Vec<3, T>& a, const aiw::Vec<3, T>& b);
    // оператор поворота вектора а вокруг вектора b в виде ряда длины R
    template <int R, typename T> inline aiw::Vec<3, T>
         rotate(const aiw::Vec<3, T>& a, const aiw::Vec<3, T> &b);
    // выичисление поворота, необходимого для перевода a \ b \ (|a|=|b|=1)
    template <typename T> inline aiw::Vec<3, T>
         arc_rotate(const aiw::Vec<3, T>& a, const aiw::Vec<3, T> &b);
    // перевод из полярных координат в декартовы
inline aiw::Vec<3, double> polar(double theta, double phi);
    // перевод из декартовых координат в полярные, возвращает theta, phi
    template <typename T>
    inline aiw::Vec<2, double> polar(const aiw::Vec<3, T> &n);
    // генерация вектора перпендикулярного вектору а в 2D, длины а
    template <typename T>
    inline aiw::Vec<2, T> perp(const aiw::Vec<2, T> &a);
    // генерация вектора перпендикулярного вектору а в 3D, единичной длины
    template <typename T>
    inline aiw::Vec<3, T> perp(const aiw::Vec<3, T> &a);
#ifndef MINGW
    // источник шума, отклоняющий вектор а с сохранением его длины, с дисперсией д
    template <typename T>
    aiw::Vec<3, T> gauss_rotate(const aiw::Vec<3, T>& a, double g);
#endif //MINGW
```

Для реализации оператора поворота использовано выражение

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} = \mathbf{a} \cos b - \mathbf{a} \times \mathbf{b} \frac{\sin b}{b} + \mathbf{b} (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) \frac{1 - \cos b}{b^2}.$$

#### 3.6.1 Определение поворота

Введем матрицу вращения  $\Xi(\mathbf{n}, \delta)$  вокруг произвольного единичного вектора  $\mathbf{n}$  на произвольный угол  $\delta$  против часовой стрелки в правой системе координат, если смотреть против направления  $\mathbf{n}$ :

$$\Xi(\mathbf{n},\delta) = \begin{pmatrix} \left(n_x^2 - n_y^2 - n_z^2\right) \sin^2\frac{\delta}{2} + \cos^2\frac{\delta}{2} & 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_x n_y \sin\frac{\delta}{2} - n_z \cos\frac{\delta}{2}\right) & 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_x n_z \sin\frac{\delta}{2} + n_y \cos\frac{\delta}{2}\right) \\ 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_x n_y \sin\frac{\delta}{2} + n_z \cos\frac{\delta}{2}\right) & \left(n_y^2 - n_x^2 - n_z^2\right) \sin^2\frac{\delta}{2} + \cos^2\frac{\delta}{2} & 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_y n_z \sin\frac{\delta}{2} - n_x \cos\frac{\delta}{2}\right) \\ 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_x n_z \sin\frac{\delta}{2} - n_y \cos\frac{\delta}{2}\right) & 2\sin\frac{\delta}{2}\left(n_y n_z \sin\frac{\delta}{2} + n_x \cos\frac{\delta}{2}\right) & \left(n_z^2 - n_x^2 - n_y^2\right) \sin^2\frac{\delta}{2} + \cos^2\frac{\delta}{2} \end{pmatrix} = \\ = \begin{pmatrix} n_x^2(1 - \cos\delta) + \cos\delta & n_x n_y(1 - \cos\delta) - n_z \sin\delta & n_x n_z(1 - \cos\delta) + n_y \sin\delta \\ n_x n_y(1 - \cos\delta) + n_z \sin\delta & n_y^2(1 - \cos\delta) + \cos\delta & n_y n_z(1 - \cos\delta) - n_x \sin\delta \\ n_x n_z(1 - \cos\delta) - n_y \sin\delta & n_y n_z(1 - \cos\delta) + n_x \sin\delta & n_z^2(1 - \cos\delta) + \cos\delta \end{pmatrix}.$$

Введем бинарный оператор поворота  $\circlearrowleft$ , поворот некоторого вектора  ${\bf a}$  вокруг  ${\bf n}$  на угол  $\delta$  будем обозначать как  ${\bf a} \circlearrowleft \delta {\bf n}$ 

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \delta \mathbf{n} \equiv \Xi(\mathbf{n}, \delta) \cdot \mathbf{a}$$
.

Очевидно оператор (У некоммутативен

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} \neq \mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{a}$$
,

неассоциативен

$$(\mathbf{a}\circlearrowleft\mathbf{b})\circlearrowleft\mathbf{c}\neq\mathbf{a}\circlearrowleft(\mathbf{b}\circlearrowleft\mathbf{c}),$$

и недистрибутивен слева

$$\mathbf{a} \circlearrowleft (\mathbf{b} + \mathbf{c}) \neq (\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b}) + (\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{c}).$$

Рассмотрим некоторые его свойства:

$$(\mathbf{a} + \mathbf{b}) \circlearrowleft \mathbf{c} = (\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{c}) + (\mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{c}),$$

$$(\alpha \mathbf{a}) \circlearrowleft \mathbf{b} = \alpha (\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b}),$$

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \alpha \mathbf{a} = \mathbf{a},$$

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} \circlearrowleft (-\mathbf{b}) = \mathbf{a},$$

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \alpha \mathbf{b} \circlearrowleft \beta \mathbf{b} = \mathbf{a} \circlearrowleft (\alpha + \beta) \mathbf{b},$$

$$(\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b}) \circlearrowleft \mathbf{c} = (\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{c}) \circlearrowleft (\mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{c}),$$

$$(\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b}) \circlearrowleft \alpha \mathbf{a} = \mathbf{a} \circlearrowleft (\mathbf{b} \circlearrowleft \alpha \mathbf{a}),$$

$$\mathbf{a} \circlearrowleft (\mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{c}) = \mathbf{a} \circlearrowleft (-\mathbf{c}) \circlearrowleft \mathbf{c} \circlearrowleft (\mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{c}) = \mathbf{a} \circlearrowleft (-\mathbf{c}) \circlearrowleft \mathbf{b} \circlearrowleft \mathbf{c}.$$

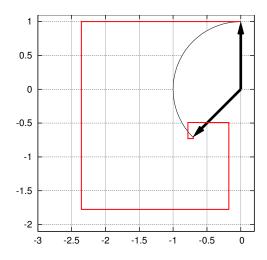


Рис. 3.1: Пример поворота вектора (0,1,0) на угол  $3\pi/4$ 

#### 3.6.2 Разложение поворота в ряд

Не теряя общности рассуждений, рассмотрим поворот вектора  $(0, r_y, r_z)$  вокруг вертикальной оси на угол  $\alpha$ , и разложим  $\sin \alpha$  и  $\cos \alpha$  в ряд в окрестностях точки  $\alpha = 0$ :

$$\begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \circlearrowleft \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -r_y \sin \alpha \\ r_y \cos \alpha \\ r_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -r_y \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} \alpha^{2n+1} \\ r_y \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} \alpha^{2n} \\ r_z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -r_y \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!} \alpha^n \sin \frac{\pi n}{2} \\ r_y \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!} \alpha^n \cos \frac{\pi n}{2} \\ r_z \end{pmatrix}.$$

Пусть  $\mathbf{a} \times^n \mathbf{b} \equiv [...[\mathbf{a} \underbrace{\times \mathbf{b}] \times ... \mathbf{b}}_n]$  и  $\mathbf{a} \times^0 \mathbf{b} \equiv \mathbf{a}$ . Рассмотрим последовательность векторных произведений:

$$\begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha r_y \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \times^2 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -\alpha^2 r_y \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \times^3 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\alpha^3 r_y \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \times^4 \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ \alpha^4 r_y \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \dots, \quad \begin{pmatrix} 0 \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix} \times^n \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha^n r_y \sin \frac{\pi n}{2} \\ \alpha^n r_y \cos \frac{\pi n}{2} \\ 0 \end{pmatrix}.$$

Тогда, с учетом четности  $\cos \alpha$  и нечетности  $\sin \alpha$ , поворот можно представить как

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!} \mathbf{a} \times^n (-\mathbf{b}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n!} \mathbf{a} \times^n \mathbf{b}.$$

Этот же результат можно получить другим способом. Рассмотрим уравнение вида

$$\dot{\mathbf{a}} = -\left[\mathbf{a} \times \begin{pmatrix} 0\\0\\\omega \end{pmatrix}\right] \tag{3.1}$$

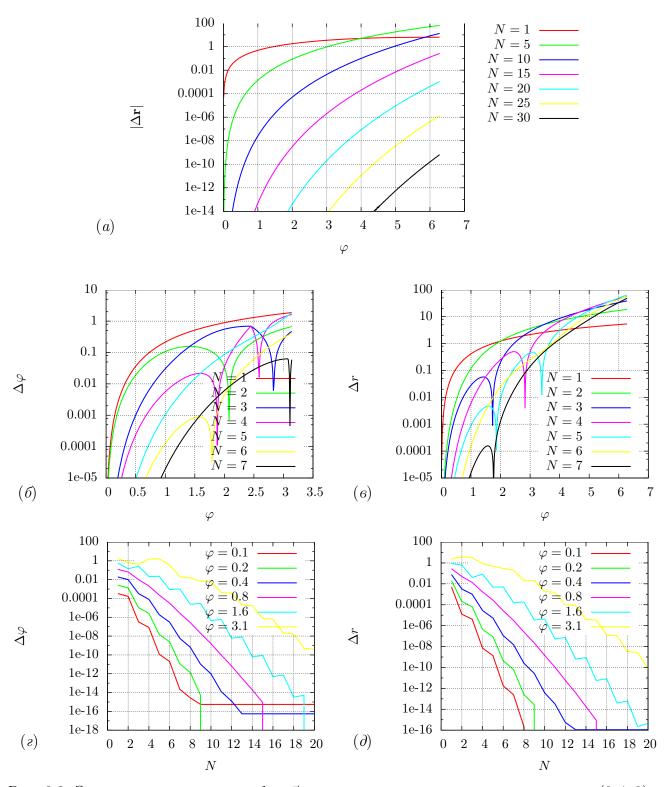


Рис. 3.2: Зависимости модуля ошибки  $\vec{r}$  от угла поворота  $\varphi$  единичного вектора (0,1,0) для различного числа членов разложения N (a). Зависимости абсолютной ошибки по углу  $\Delta \varphi$   $(\delta)$  и модулю радиуса  $\Delta r$   $(\epsilon)$  от угла поворота  $\varphi$  при использовании конечного числа членов разложения N. Зависимости абсолютной ошибки по углу  $\Delta \varphi$   $(\epsilon)$  и радиусу  $\Delta n$  (d) от числа членов разложения N для различных углов поворота  $\varphi$ 

описывающее очевидно вращение вектора  ${\bf a}$  вокруг вертикальной оси с угловой скоростью  $\omega$  против часовой стрелки (если смотреть сверху). Дифференцируя обе части уравнения (3.1) по времени получаем рекуррентное соотношение для произвольной производной вектора  ${\bf a}$  по времени:

$$\frac{\partial^n \mathbf{a}}{\partial t^n} = -\left[\frac{\partial^{n-1} \mathbf{a}}{\partial t^{n-1}} \times \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega \end{pmatrix}\right] = \dots = (-1)^n \left[\mathbf{a} \times^n \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega \end{pmatrix}\right].$$

Пусть начальное значение вектора  $\mathbf{a}|_{t=0} = \mathbf{a}_0$ , тогда

$$\mathbf{a}_0 \circlearrowleft \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega t \end{pmatrix} = \mathbf{a}(t).$$

Разложим вектор **a** в ряд Тейлора в окрестности точки t=0:

$$\mathbf{a}_0 \circlearrowleft \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega t \end{pmatrix} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{t^n}{n!} \frac{\partial^n \mathbf{a}}{\partial t^n} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n!} \left[ \mathbf{a} \times^n \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega t \end{pmatrix} \right].$$

Пример поворота на угол  $3\pi/4$  приведен на рис. 3.1. Зависимости ошибок разложения приведены на рис. 3.2.

Разложение оператора поворота в ряд может существенно ускорить численные схемы, использующие подобные конструкции. Так, поворот через матрицу (функция rotate из модуля derart библиотеки aivlib) занимает на процессоре Intel(R) Core(TM)2 CPU U7500 около 170 тактов, а поворот через ряд (параметризованная по числу членов разложения R функция rotop<R> из того же модуля) требует примерно 10 тактов на каждый из членов разложения.

Поскольку

$$\mathbf{a} \times^{n+2} \mathbf{b} = -b^2 \mathbf{a} \times^n \mathbf{b}$$

можно представить оператор поворота в виде суммы трех векторов

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n!} \mathbf{a} \times^n \mathbf{b} = \mathbf{a} - [\mathbf{a} \times \mathbf{b}] \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n b^{2n}}{(2n+1)!} + \left[ [\mathbf{a} \times \mathbf{b}] \times \mathbf{b} \right] \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n b^{2n}}{(2n+2)!} \equiv \mathbf{a} - [\mathbf{a} \times \mathbf{b}] \beta_1(b) - \left[ \mathbf{b} \times [\mathbf{a} \times \mathbf{b}] \right] \beta_2(b) = \mathbf{a} \left( 1 - b^2 \beta_2(b) \right) - \left[ \mathbf{a} \times \mathbf{b} \right] \beta_1(b) + \mathbf{b} \left( \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \right) \beta_2(b), \quad (3.2)$$

где

$$\beta_1(b) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n b^{2n}}{(2n+1)!} = \frac{\sin b}{b}, \qquad \beta_2(b) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n b^{2n}}{(2n+2)!} = \frac{1-\cos b}{b^2},$$

или

$$\mathbf{a} \circlearrowleft \mathbf{b} = \mathbf{a} \cos b - [\mathbf{a} \times \mathbf{n}_b] \sin b + \mathbf{n}_b (\mathbf{a} \cdot \mathbf{n}_b) (1 - \cos b).$$

Рассмотрим выражение  $\partial(\mathbf{a}\circlearrowleft\varphi\mathbf{b})/\partial\varphi$ , где  $\mathbf{b}$  вектор задающий ось вращения.

$$\frac{\partial (\mathbf{a} \circlearrowleft \varphi \mathbf{b})}{\partial \varphi} = \frac{\partial}{\partial \varphi} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n!} \mathbf{a} \times^n \varphi \mathbf{b} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \varphi^{n-1}}{(n-1)!} \mathbf{a} \times^n \mathbf{b} = \\
= -\left[ \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{(n-1)!} \mathbf{a} \times^n \varphi \mathbf{b} \right] \times \mathbf{b} = -(\mathbf{a} \circlearrowleft \varphi \mathbf{b}) \times \mathbf{b} = \mathbf{b} \times (\mathbf{a} \circlearrowleft \varphi \mathbf{b}).$$

### Глава 4

# Детали реализации

# 4.1 Выделение и освобождение ресурсов в контейнерах и потоках ввода/вывода — модуль alloc

Для безопасного копирования экземпляров потоков ввода/вывода aiw::IOstream, контейнеров библиотеки aiwlib и освобождения ресурсов используются «умные» указатели std::shared\_ptr.

В заголовочном файле alloc объявлен абстрактный класс aiw::BaseAlloc, предоставляющий интерфейс для работы с выделенными ресурсом (областью памяти или мапированным файлом). Класс имеет следующие методы

- void\* get\_addr() возвращает адрес контролируемой области памяти;
- size\_t get\_size() const возвращает размер контролируемой области памяти в байтах;
- virtual ~BaseAlloc(){} виртуальный деструктор;
- virtual size\_t get\_sizeof() const = 0 возвращает размер элемента (ячейки массива) в байтах.

Kласс template<T> aiw::MemAlloc является наследником класса aiw::BaseAlloc, и кроме перегрузки соответвующих методов предоставляет конструктор

```
template<typename ... Args> MemAlloc(size_t sz, Args ... args)
```

создающий в памяти массив размера  ${\tt sz}$  из элементов типа  ${\tt T}$  с аргументами конструктора  ${\tt args}$ .

Kласс aiw::MMapAlloc является наследником класса aiw::BaseAlloc, и кроме перегрузки соответвующих методов предоставляет конструктор

```
MMapAlloc(const std::shared_ptr<FILE> &pf, size_t sz, int flags)
```

мапирующий в память (с флагами flags) область размера size байт из файла pf от текущей позиции в файле.

Модуль alloc является легким (около 60-ти строк) файлом, зависящими только от модуля debug. Модуль alloc подключает и использует следующие библиотеки:

- aiwlib/debug генерация исключений;
- <memory> доступ к классу std::shared\_ptr;
- <sys/mman.h>, <unistd.h>, <fcntl.h> мапирование файлов.

При кросс-компиляции под ОС Windows компилятором minGW необходимо указывать опцию -DMINGW, при этом библиотеки <sys/mman.h>, <unistd.h>, <fcntl.h> не подключаются и класс MMapAlloc является недоступным.

### 4.2 Различные варинаты интерполяции — модуль inteportations

#### 4.2.1 Локальный кубический сплайн

Локальный кубический сплайн строится по четырем отсчетам интерполируемой функции  $f_{-1,0,1,2}$  как

$$\widetilde{f}(x) = \sum_{i=-1}^{2} W_i(x) f_i = \sum_{j=0}^{3} S_j x^j, \quad x \in [0, 1].$$

При этом должны выполняться следующие условия

$$\widetilde{f}(0) = f_0, \qquad \widetilde{f}(1) = f_1, \qquad \widetilde{f}'(0) = \frac{f_1 - f_{-1}}{2}, \qquad \widetilde{f}'(1) = \frac{f_2 - f_0}{2},$$

что дает в итоге СЛАУ на коэффициенты  $S_i$ :

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \cdot \mathbf{S} = \begin{pmatrix} f_0 \\ f_1 \\ \frac{f_1 - f_{-1}}{2} \\ \frac{f_2 - f_0}{2} \end{pmatrix}, \qquad \mathbf{S} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ -3 & 3 & -2 & -1 \\ 2 & -2 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} f_0 \\ f_1 \\ \frac{f_1 - f_{-1}}{2} \\ \frac{f_2 - f_0}{2} \end{pmatrix},$$

откуда

$$\widetilde{f} = f_0 + \frac{f_1 - f_{-1}}{2}x + \left[ -3f_0 + 3f_1 + f_{-1} - f_1 + \frac{f_0 - f_2}{2} \right] x^2 + \left[ 2f_0 - 2f_1 + \frac{f_1 - f_{-1} + f_2 - f_0}{2} \right] x^3 = \left( -\frac{x}{2} + x^2 - \frac{x^3}{2} \right) f_{-1} + \left( 1 - \frac{5}{2}x^2 + \frac{3}{2}x^3 \right) f_0 + \left( \frac{x}{2} + 2x^2 - \frac{3}{2}x^3 \right) f_1 + \left( -\frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{2} \right) f_2.$$

Веса при  $f_{-1\dots 2}$  рассчитываются при помощи функции C++ модуля interpolations

inline Vec<4> interpolate\_cube\_weights(double x);

#### 4.2.2 Кубический B-сплайн

Фрагмент кубического B-сплайна на участке  $[x_i, x_{i+1}]$  определяется как

$$\widetilde{f}(x) = \sum_{i=j-1}^{j+2} f_i N_{i,4}(x), \qquad x \in [0,1],$$

где $^1$  на равномерной сетке по x, при  $x_{i+1}-x_i=1 \forall i$ 

$$\begin{split} N_{i,k}(x) &= \frac{\left(x - x_{i - \frac{k}{2}}\right) N_{i - \frac{1}{2},k - 1}(x) + \left(x_{i + \frac{k}{2}} - x\right) N_{i + \frac{1}{2},k - 1}(x)}{k - 1} = \\ &= \frac{\chi_{-k} N_{i - \frac{1}{2},k - 1} - \chi_k N_{i + \frac{1}{2},k - 1}(x)}{k - 1}, \qquad N_{i,1}(x) \equiv \Pi_i = \left\{ \begin{array}{ll} 1, & x_{i - \frac{1}{2}} \leq x < x_{i + \frac{1}{2}}, \\ 0, & \text{else}, \end{array} \right. \end{split}$$

где  $\chi_k = x - x_{i + \frac{k}{2}}$ . Тогда, с учетом того что  $x - \left(x_{i + \frac{k}{2}} + \Delta\right) = \chi_{k + 2\Delta}$ , получаем

$$N_{i,2}(x) = \chi_{-2} \Pi_{i-\frac{1}{2}} - \chi_2 \Pi_{i+\frac{1}{2}},$$

$$\begin{split} N_{i,3}(x) &= \frac{\chi_{-3} N_{i-\frac{1}{2},2} - \chi_3 N_{i+\frac{1}{2},2}}{2} = \frac{1}{2} \bigg\{ \chi_{-3} \Big[ \chi_{-3} \Pi_{i-1} - \chi_1 \Pi_i \Big] - \chi_3 \Big[ \chi_{-1} \Pi_i - \chi_3 \Pi_{i+1} \Big] \bigg\} = \\ &= \frac{1}{2} \bigg\{ \chi_{-3}^2 \Pi_{i-1} - \Big[ \chi_{-3} \chi_1 + \chi_{-1} \chi_3 \Big] \Pi_i + \chi_3^2 \Pi_{i+1} \bigg\}, \end{split}$$

$$\begin{split} N_{i,4}(x) &= \frac{\chi_{-4}N_{i-\frac{1}{2},3} - \chi_{4}N_{i+\frac{1}{2},3}}{3} = \frac{1}{6} \bigg\{ \chi_{-4}^{3}\Pi_{i-\frac{3}{2}} - \chi_{-4} \Big[ \chi_{-4}\chi_{0} + \chi_{-2}\chi_{2} \Big] \Pi_{i-\frac{1}{2}} + \chi_{-4}\chi_{2}^{2}\Pi_{i+\frac{1}{2}} - \\ &- \chi_{-2}^{2}\chi_{4}\Pi_{i-\frac{1}{2}} + \Big[ \chi_{-2}\chi_{2} + \chi_{0}\chi_{4} \Big] \chi_{4}\Pi_{i+\frac{1}{2}} - \chi_{4}^{3}\Pi_{i+\frac{3}{2}} \bigg\} = \\ &= \frac{1}{6} \bigg\{ \chi_{-4}^{3}\Pi_{i-\frac{3}{2}} - \Big[ \chi_{-4}^{2}\chi_{0} + \chi_{-4}\chi_{-2}\chi_{2} + \chi_{-2}^{2}\chi_{4} \Big] \Pi_{i-\frac{1}{2}} + \Big[ \chi_{-4}\chi_{2}^{2} + \chi_{-2}\chi_{2}\chi_{4} + \chi_{0}\chi_{4}^{2} \Big] \Pi_{i+\frac{1}{2}} - \chi_{4}^{3}\Pi_{i+\frac{3}{2}} \bigg\}. \end{split}$$

В итоге получаем

$$\widetilde{f} = \frac{1}{6} \left\{ -\chi_2^3 f_{-1} + \left[ \chi_{-4} \chi_2^2 + \chi_{-2} \chi_2 \chi_4 + \chi_0 \chi_4^2 \right] f_0 - \left[ \chi_{-2}^2 \chi_2 + \chi_{-2} \chi_0 \chi_4 + \chi_0^2 \chi_6 \right] f_1 + \chi_0^3 f_2 \right\},$$

или после преобразований в maxima:

$$\chi_{-4}\chi_2^2 + \chi_{-2}\chi_2\chi_4 + \chi_0\chi_4^2 \rightarrow$$

 $<sup>^1</sup>$ почему то во всех источниках выражения для  $N_{i,k}$  сдвинуты вперед на единицу, что приводит к ассиметрии. На самом деле центр функции  $N_{i,k}$  должен совпадать с точкой  $x_i$ ?

$$\chi_{-2}^2 \chi_2 + \chi_{-2} \chi_0 \chi_4 + \chi_0^2 \chi_6 \rightarrow$$

(%i2) expand((
$$x+1$$
)^2\*( $x-1$ )+( $x+1$ )\* $x*(x-2$ )+ $x^2*(x-3)$ );

$$\widetilde{f} = \frac{1}{6} \left\{ \left[ -x^3 + 3x^2 - 3x + 1 \right] f_{-1} + \left[ 3x^3 - 6x^2 + 4 \right] f_0 + \left[ -3x^3 + 3x^2 + 3x + 1 \right] f_1 + x^3 f_2 \right\}.$$

Веса при  $f_{-1...2}$  рассчитываются при помощи функции C++ модуля interpolations

inline Vec<4> interpolate\_Bspline\_weights(double x);

#### 4.2.3 В-сплайны произвольного порядка

Введем последовательность рекуррентных  $\Lambda$ -функций:

$$\Lambda_1(x,c) = \begin{cases}
1, & \text{при} \quad |x-c| < \frac{1}{2}, \\
0, & \text{при} \quad |x-c| \ge \frac{1}{2},
\end{cases}$$

$$\Lambda_k(x,c) = \int_{-\infty}^{\infty} \Lambda_{k-1}(x',c) \Lambda_1(x',x) dx'.$$

Каждая  $\Lambda_k(x,c)$  функция положительно определена на интервале (c-k/2,c+k/2), обладает симметрией вида  $\Lambda_k(c-x,c)=\Lambda_k(c+x,c)$  и состоит из k полиномов  $P^k$  степени k-1, сшитых (с непрерывностью до k-2 производной включительно) на границах интервалов единичной длины

$$\Lambda_k(x,c) = \begin{cases} \sum_{i=0}^{k/2-1} P_i^k(|x-c|) \, \Lambda_1\left(|x-c|,i+\frac{1}{2}\right) & \text{для четных } k, \\ \sum_{i=0}^{(k-1)/2} P_i^k(|x-c|) \, \Lambda_1(|x-c|,i) & \text{для нечетных } k. \end{cases}$$

Рассмотрим интеграл вида

$$\int_{-\infty}^{\infty} P^k(x') \Lambda_1(x', p) \Lambda_1(x', x) dx' = \int_{\max(x - \frac{1}{2}, p - \frac{1}{2})}^{\min(x + \frac{1}{2}, p + \frac{1}{2})} P^k(x') \cdot (|x - p| < 1) dx',$$

откуда для четных k

$$P_i^{k+1} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[ P_{i-1}^{k-1}(x') \Lambda_1 \left( x', i - \frac{1}{2} \right) + P_i^{k-1}(x') \Lambda_1 \left( x', i + \frac{1}{2} \right) \right] \Lambda_1(x', x) dx' =$$

$$= \int_{\max(x - \frac{1}{2}, i - 1)}^{\min(x + \frac{1}{2}, i)} P_{i-1}^{k-1}(x') dx' + \int_{\max(x - \frac{1}{2}, i)}^{\min(x + \frac{1}{2}, i + 1)} P_i^{k-1}(x') dx',$$

для нечетных k

$$P_{i}^{k+1} = \int_{-\infty}^{\infty} \left[ P_{i-1}^{k-1}(x') \Lambda_{1}(x',i) + P_{i}^{k-1}(x') \Lambda_{1}(x',i+1) \right] \Lambda_{1}(x',x) dx' =$$

$$= \int_{-\infty}^{\min(x+\frac{1}{2},i+\frac{1}{2})} P_{i-1}^{k-1}(x') dx' + \int_{\max(x-\frac{1}{2},i+\frac{1}{2})} P_{i}^{k-1}(x') dx',$$

#### 4.2.4 Функции модуля interpolations

Для проведения интерполяции используется параметризованная функция (frontend)

где Ітуре — битовые маски. Соответствующие некоторой оси ахе биты в Ітуре означают: Ітуре [0] & (1<<axe)==0 — интерполяция нулевого порядка (кусочно-постоянная в рамках ячей-ки), Ітуре [0] & (1<<axe)==1, Ітуре [1] & (1<<axe)==0 — линейная интерполяция между центрами ячеек, Ітуре [0] & (1<<axe)==1, Ітуре [1] & (1<<axe)==1, Ітуре [2] & (1<<axe)==0 — локальный кубический сплайн, Ітуре [0] & (1<<axe)==1, Ітуре [1] & (1<<axe)==1, Ітуре [2] & (1<<axe)==1 — кубический B—сплайн.

### Глава 5

# Форматы данных

## 5.1 Операции бинарного потокового ввода/вывода — модуль binaryio

Модуль binaryio предоставляет перегруженные операции < (для бинарного вывода) и > (для бинарного ввода) в потоки aiw::IOstream.

как операции бинарного ввода/вывода в поток aiw::IOstream для большинства актуальных типов Т. Операции перегружены для встроенных типов int8\_t, uint8\_t, int16\_t, uint16\_t, int32\_t, uint32\_t, int64\_t, uint64\_t, char, bool, float, double, типов std::complex<T>, std::string, T[D], std::vector<T>, std::list<T>, std::map<T1,T2>, aiw::Vec<D,T>, и типов для которых определены публичные методы

```
void dump(aiw::IOstream &S) const;
void load(aiw::IOstream &S);
```

Кроме того модуль предоставляет макрос

```
#define BINARYIO4POD
   inline void dump(aiw::IOstream &S) const { S.write(this, sizeof(*this)); } \
   inline void load(aiw::IOstream &S) { S.read(this, sizeof(*this)); }
```

вызов которого в POD—типе объявляет методы dump/load и автоматически перегружает операции < и >.

Встроенные типы, объекты std::complex<T> и вектора aiw::Vec выводятся обычным копированием «байт-в-байт».

Для типов std::vector, std::string, std::list, std::map сначала записывается размер контейнера (тип uint32\_t для строк и uint64\_t для остальных типов), затем содержимое контейнера.

### 5.2 Чтение и запись сейсмических данных в формате seg-Y

#### — модуль segy

В C++ модуле segy (файлы include/aiwlib/segy и src/segy.cpp) определены функции и классы для работы с сейсмическими данными в формате Seg-Y.

Метод

читает все трассы из входного потока S (считается что заголовок файла длиной 3600 байт уже прочитан), записывает их в список трасс data и возвращает число прочитанных трасс. Информация из заголовков трасс записывается в вектор heads, для каждой трассы сохраняется восемь чисел — координаты источника (PVx, PVy, PVz), координаты приемника (PPx, PPy, PPz), шаг дискретизациии dt, число отсчетов в трассе trace\_sz. Максимальное число трасс для чтения задается параметром count (-1 без ограничений, до конца файла), если параметр read\_data=false производится чтение только заголовков трасс.

Методы

```
#ifndef SWIG
```

возвращают геометрию — сетку размерами

[8={PVx,PVy,PVz,PPx,PPy,PPz,dt,trace\_sz}][Nx][опицонально Ny].

Параметр read\_file\_head указывает на необходимость чтения заголовка файла, параметр count задает максимальное число трасс для чтения. Данные записываются в сетку data, при этом ось времени в сейсмограммах всегда отвечает оси номер 0, шаги отвечают шагам сеток.

Методы

```
#ifndef SWIG
```

записывают сейсмические данные из data в поток S. Параметр  $\mathbf{z}$ -pow задает степень в шкалирующем амплитуду множителе  $z^{\mathbf{z}}$ -pow, параметр rotate задает поворот системы координат в плоскости xy относительно точки PPO. Ось времени в сейсмограммах всегда отвечает оси номер 0, шаги по времени и по латерали отвечают шагам сеток.

Для более низкоуровневой работы предназначены класс заголовка файла и класс заголовка трассы.

```
class SegyFileHead{
char head [3600];
   public:
       double dt; // шаг по времени, в секундах
        int trace_sz; // число отсчетов в трассе
        int profile_sz; // число трасс в профиле (магнитограмме)
       SegyFileHead();
// pos --- позиция в байтах
       void set_int16(int pos, int value);
       void set_int32(int pos, int value);
        int get_int16(int pos) const;
        int get_int32(int pos) const;
       void dump(aiw::IOstream&);
       void load(aiw::IOstream&);
    };
    class SegyTraceHead{
        char head [240];
    public:
                          // шаг по времени, в секундах
       double dt;
                           // число отсчетов в трассе
        int trace_sz;
       aiw::Vec<3> PV, PP; // координаты ПВ и ПП
       SegyTraceHead();
```

название поля	размер	позиция	комментарий
SegyFileHead::dt	2B	16	в мкс
SegyFileHead::trace_sz	2B	20, 22	
SegyFileHead::profile_sz	2B	12	
SegyTraceHead::dt	2B	116	в мкс
SegyTraceHead::trace_sz	2B	114	
SegyTraceHead::PV[0]	4B	72	
SegyTraceHead::PV[1]	4B	76	
SegyTraceHead::PP[0]	4B	80	
SegyTraceHead::PP[1]	4B	84	
SegyTraceHead::PP[2]	4B	40	рельеф ПП

Таблица 5.1: разумеры и позиции в заголовке стандартных полей формата seg-Y

```
// роs --- позиция в байтах
void set_int16(int pos, int value);
void set_int32(int pos, int value);
int get_int16(int pos) const;
int get_int32(int pos) const;

void dump(aiw::IOstream&);
bool load(aiw::IOstream&);

void write(aiw::IOstream &S, float *data); // запись трассы aiw::Mesh<float, 1> read(aiw::IOstream&); // чтение трассы};
```

Методы get/set\_int16/32(pos, value) предназначены для чтения/записи данных (чисел) в произвольные места заголовка. Поля dt, trace\_sz, profile\_sz, PP и PV автоматически записываются/читаются при вызове методов dump/load на позиции указанные в таблице 5.1. Методы SegyTraceHead::write/read записывают/читают трассу вместе с заголовком (вызывают методы dump/load).

Все числа в с плавающей точкой сохранются в офрмате IEEE, поэтому в заголовок файла на позицию 24 пишется двухбайтовое число 5 (да, это магия). В планах ввести конфретрех из/в формата IBM, но пока это не сделано.

## 5.3 Загрузка сеток из .dat-файлов — модуль dat2mesh

Модуль предназанчен для загрузки сеток Mesh<Т, D> из .dat—файлов, содержащих данные в текстовом формате в несколько колонок. Строки, начинающиейся с символа # и пустые строки игнорируются.

Возможно два режима работы — заполнение готовой сетки (с известными размерами, пределами и шагами по осям и т.д. и т.п.) или создание новой сетки (при этом шаги и пределы

выбираются автоматичски, необходимо лишь указать по каким осям используется логарифмический масштаб).

Для заполнения готовых сеток используются фунцкции

Аргумент vcol содержит номер столбца файла, в котором лежат значения (либо номера столбцов, если по одной из координат сетки значения записаны в строку, в этом случае соответствующая ось сетки задается при помощи аргумента vaxe). Аргумент rcols содержит номера столбцов файла, в которых лежат координаты. Допускается индексация столбцов с конца строки с минусом, как в Python.

Для создания новых сеток используются функции

```
template <typename T, int D, typename S>

Mesh<T,D> dat2Mesh(S &&str, T def_val=0., // значение по умолчанию
   int vcol=0, // столбец из которого берутся значения
   Ind<D> rcols=Ind<D>(), // соответствие столбцов координатам сетки,
   int logscale=0, // логарифмический масштаб (битовая маска)
   Vec<D> eps=Vec<D>(1e-6)); // ошибка (окно кластеризации) при разборе координат
   template <typename T, int D, typename S>

Mesh<T,D> dat2Mesh(S &&str, T def_val=0., // значение по умолчанию
   std::vector<int> vcols={}, // столбцы из которых берутся значения
   int vaxe=-1, // координата сетки по которой значения развернуты в строку
   Ind<D> rcols=Ind<D>(), // соответствие столбцов координатам сетки,
   int logscale=0, // логарифмический масштаб (битовая маска)
   Vec<D> eps=Vec<D>(1e-6)); // ошибка (окно кластеризации) при разборе координат
```

и их оболочки для конкретных типов потока ввода-вывода.

При создании новой сетки необходимо явно указать битовую маску logscale, задающую логарифмический масштаб по отдельным осям. Для вычисления параметров осей (пределов, числа ячеек и шагов) используется алгоритм кластеризации. Для каждой оси все отсчеты (координаты)  $\{x_i\}$ ,  $i \in [1, N]$  упорядочиваются по возрастанию. Затем отсчеты объединяются в группы, расстояние между соседними отсчетами в группе не должно превышать значения аргумента eps (для логарифмического масштаба отношение соседних отсчетов не должно превышать 1+eps). Для каждой группы вычисляется координата центра группы  $X_j$ ,  $j \in [1, M]$ ,  $M \le N$  как среднее арифметическое (для логарифмического масштаба как среднее геометрическое). Число ячеек по соотвествующей оси принимается равным M, пределы сетки  $b_{\min}$  и  $b_{\max}$  рассчитываются как

$$b_{\min} = X_1 - \frac{\Delta}{2}, \qquad b_{\max} = X_M + \frac{\Delta}{2}, \qquad \Delta = \left\{ egin{array}{c} rac{X_M - X_1}{M - 1}, & M > 1, \\ x_N - x_1 + 2 { text{eps}}, & M = 1, \end{array} \right.$$

или для логарифмического масштаба

$$b_{\min} = \frac{X_1}{\sqrt{\Delta}}, \qquad b_{\max} = X_M \sqrt{\Delta}, \qquad \Delta = \left\{ \begin{array}{ll} \exp \frac{\log X_M / X_1}{M - 1}, & M > 1, \\ \frac{x_N}{x_1} + 2 \mathrm{eps}, & M = 1. \end{array} \right.$$

### Глава 6

# Построение интерфейсов на С++

### 6.1 Настройка пользовательских классов — модуль objconf

```
Moдуль objconf предоставляет макрос

#define CONFIGURATE(ARGS...)

который при вызове внутри пользовательского класса

struct A{
    int x; double y; bool z;
    CONFIGURATE(x, y, z);
    };

coздает в классе метод

template<typename ConfT>
    void configurate(ConfT &conf, bool wmode, const char *prefix="");

который в зависимости от значения аргумента wmode вызывает методы

conf.set(prefix+name, parametr); // wmode==true
conf.get(prefix+name, parametr); // wmode==false
```

для каждого из полей класса, перечисленных в аргументах макроса CONFIGURATE. Аргумент **prefix** позволяет добавить префикс к именам всех полей при чтении/записи.

Созданный метод configurate(...) может использоваться при чтении/записи конфигурационных файлов (раздел 6.2), записи состояния объекта в формате pickle (раздел 6.4) и т.д.

# 6.2 Чтение и запись конфигурационных файлов — модуль configfile

Mодуль configfile состоит из заголовчного файла configfile и файла src/configfile.cpp, и предоставляет средства для чтения/записи конфигурационных файлов в текстовом формате

```
# комментарий 
имя_параметра=значение параметра
```

для каждого параметра может использоваться только одна строка.

Модуль определяет функции чтения/записи для различных типов из потоков ввода/вывода std::iostream

которые могут быть перегружены специальным образом для отдельных типов

```
void printf_obj(std::ostream &S, bool X);
void scanf_obj(std::istream &S, bool &X);

template <typename T> void printf_obj(std::ostream &S, const std::complex<T> &X);
template <typename T> void scanf_obj(std::istream &S, std::complex<T> &X);
```

```
void scanf_obj(std::istream &S, std::string &X);
```

для типа bool допустимыми являются значения в конфигурацинном файле

```
Y y YES Yes yes ON On on TRUE True true V v 1 N n NO No no OFF Off off FALSE False false X x O
```

Для типа std::complex используется формат Python  $x \pm y$ j.

Для типа std::string при чтении из конфигурационного файла используется строка после знака = с отброшенными с конца и начала символами пробела, \t и \r (аналог вызывова функции str.strip() языка Python).

Непосредственно для чтения/записи конфигурационного файла используется класс

```
class ConfigFile{
public:
    int no_key_act = 2; // 0 - ignore, 1 - warning, 2 - exception
#ifndef SWIG
   // получает значение параметра par с именем кеу из другого объекта
              для записи в конфигурационный файл
   template <typename T>
   void get(const std::string &key, const T &par);
    // устанавливает значение параметра раг с именем кеу в другом объекта
              на основе конфигурационного файла
   template <typename T>
   void set(const std::string &key, T &par);
   void load(std::istream &&fin);
   void dump(std::ostream &&fout) const;
   void load(std::istream &fin);
    void dump(std::ostream &fout);
```

```
#endif //SWIG
    void load(const char *path);
    void dump(const char *path) const;
    void clear();
};
```

При чтении конфигурациооного файла для экземпляра класса ConfigFile вызывается один из методов load, затем экземпляр класса передается первым аргументов в методы configurate настраиваемых пользовательских объектов, см. раздел 6.1. Поле no\_key\_act управляет реакцией на отсутствие какого либо параметра в конфигурационном файле: 0 — игнорировать, 1 — выдать предупреждение, 2 — сгенерировать исключение.

При записи конфигурациооного файла экземпляра класса ConfigFile передается первым аргументов в методы configurate настраиваемых пользовательских объектов, см. раздел 6.1, затем для него необходимов вызвать один из методов dump.

## 6.3 Контрольные точки для остановки и последующего восстановления расчета — модуль checkpoint

Модуль checkpoint состоит из файлов aiwlib/checkpoint и src/checkpoint.cpp и предоставляет макрос CHECKPOINT(ARGS...), обеспечивающий сохранение в контрольных точках и последующее восстановление расчета. Макрос работает через глобальный экземпляр класса CheckPoint

Метод init задает путь к файлу, содержащему состояние расчета, и режим работы — по умолчанию автоматический режим (восстановление состояния если файл существует и сохрание состояния если файла нет, mode=0), предварительное восстановление состояния расчета (wmode=1) или сохранение состояния расчета (mode!=0,1). . Без вызова метода

```
checkpoint.init(...)
```

все макросы CHECKPOINT всегда возвращают true.

В режиме записи состояния расчета, вызовы макросов CHECKPOINT всегда возвращают true, при этом каждый вызов приводит к записи аргументов макроса в файл, указанный при вызове метода checkpoint.init. Запись производится в бинарном формате, для аргументов макроса должны быть перегружены операции

```
aiw::IOstream& operator < (aiw::IOstream&, const T&);
aiw::IOstream& operator > (aiw::IOstream&, T&);
```

см. раздел 5.1 (этому требованию удовлевотряют практически все контейнеры aiwlib, встроенные типы, типы std::string, std::vector, std::list и std::map).

В режиме восстановления состояния расчета вызовы макроса CHECKPOINT возвращают false до тех пор, пока очередь не дойдет до последнего вызова в режиме записи при предыдущем запуске расчета<sup>1</sup> — при этом производится восстановление значения аргументов макроса, макрос возвращает true, а глобальный экземпляр класса checkpoint переводится в режим записи и может быть снова использован для сохранения состояния расчета с последующим восстановлением.

Расстановка вызовов макроса CHECKPOINT вдоль трассы выполнения программы (в условиях, циклах и т.д.) позволяет при восстановлении расчета пропускать уже пройденные ранее участки трассы выполнения. Недостатком такого подхода является некоторое замедление работы — при кжадом вызове макроса в режиме записи происходит сохранение данных на диск.

Пример использования

# 6.4 Сериализация данных в формате pickle языка Python — модуль pickle

Модуль pickle позволяет выгружать сериализовыванные данные из C++ в формате pickle, что бывает полезно при подготовке данных для последующей обработки в Python.

Для сериализации предоставляются следующие структуры и функции

```
struct NoneType{};
const NoneType None;
struct Pickle{
    // основные операторы для вывода объектов
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Определение соответствующего вызова производится на основе имени файла с исходным кодом, номера строки в файле и набора имен аргументов

```
Pickle& operator << (const Pickle& other);</pre>
        Pickle& operator << (NoneType);</pre>
        Pickle& operator << (bool x);</pre>
        Pickle& operator << (int x);</pre>
        Pickle& operator << (long x);</pre>
        Pickle& operator << (double x);</pre>
        Pickle& operator << (const std::string& x);</pre>
        Pickle& operator << (const char* x);</pre>
        template <typename T> Pickle& operator << (const std::complex<T> &x);
        // для сериализации записи в словаре вида k:v
        template <typename T1, typename T2>
        Pickle& operator ()(const T1& k, const T2& v);
        // для модуля objconf
        template <typename T> void get(const std::string& k, const T& v);
        template <typename T> void set(const std::string& k, T& v);
    };
    template <typename ... Args> Pickle pickle_tuple(const Args& ... args);
    template <typename ... Args> Pickle pickle_list(const Args& ... args);
    template <typename ... Args> Pickle pickle_set(const Args& ... args);
    inline Pickle pickle_dict();
    inline Pickle pickle_class(const char* module, const char *name, bool dict=true);
    inline std::ostream& operator << (std::ostream& S, const Pickle &P);</pre>
Для сериализации рекомендуется использовать функции вида pickle\_XXX.
   Сериализованы могут быть любые данные типа Т, для которых перегружена операция
    Pickle& operator << (Pickle &P, const T &x);</pre>
допускается перегрузка операций для своих типов данных, например код
    struct A{ int x; double y; bool z; };
    Pickle& operator << (Pickle &P, const A &a) { P << pickle_tuple(a.x, a.y, a.z); }
будет сериализовывать экземпляры структуры А как кортежи.
   Сформированный в итоге экземпляр структуры Pickle может быть выведен в поток std::ostream
(при этом обязательно нужно вывести финальный символ «точка») и далее загружен в Python,
например код
    std::cout<<pickle_tuple(</pre>
        pickle_list(vec(1.,2,3), ind(2,3), vecf(3,4,5,6)),
        std::complex<double>(1,2),
        pickle_dict()(ind(1), "qwe"),
```

## 6.5 Описание пользовательских типов — модуль typeinfo

Модуль typeinfo предоставляет механизм для описания пользовательских типов, обеспечивающий некоторые возможности для интроспекции. В частности, описание пользовательского типа может быть сохранено (например как описание типа ячейки сетки), и использовано в дальнейшем при анализе данных, построении графиков и т.д.

Ha уровне конечного пользователя работа с модулем typeinfo выглядит как вызов макроcoв

```
#define TYPEINFO(ARGS...)
#define TYPEINFOX(T, ARGS...)
перегружающих для пользовательского типа Т операции
aiw::TypeInfo operator ^ (aiw::TypeInfoObj& tio) const;
aiw::TypeInfo operator ^ (const T& X, aiw::TypeInfoObj& tio);
```

Макрос ТҮРЕІNFO перегружает операцию внутри пользовательского типа, макрос ТҮРЕІNFOX перегружает операцию снаружи. Например

```
struct A{
    int x;
    double y[10];
    bool f;
    TYPEINFO(x, y, f);
};
struct B{
    A a[2][3];
    Vec<3> v;
};
TYPEINFOX(B, X.a, X.v);
```

Предполагается, что использование этого механизма позволит эффективно обрабатывать результаты расчетов, сохраненных в виде сеток из польщовательских типов. Находится на стадии реализации.

## Глава 7

# Система контроля результатов и алгоритмов численного моделирования RACS

#### 7.1 Введение

Интерфейс приложения численного моделирования должен позволять легко изменять параметры задачи (число которых иногда доходит до сотен или даже тысяч), выбирать тот или иной алгоритм (в том числе разлиные варианты начальных и граничных условий), обеспечивать анализ и визуализацию результатов. Практика показала, что для сложных задач оптимальным являеться не оконный интерфейс, а интерфейс командной строки. Фактически речь идет о использовании собственного (или уже существующего) высокоуровневого интерпретируемого языка, адаптированного к специфике задачи.

При проведении массовых расчетов (например при анализе зависимости поведения устройства от нескольких параметров и построении фазовых диаграмм) требуется механизм, обеспечивающий многократный автоматический запуск приложения с меняющимися заданным образом параметрами, желательно с контролем распределения ресурсов в рамках локальной сети или на кластере.

Для каждого расчета полученные зависимости должны сопровождаться информацией о использованных параметрах расчета и алгоритмах. Если для сохранения параметров существует большое количество методик и библиотек, то сохранение алгоритмов является проблемой, и единственным приемлемым решением на сегодняшний день является сохранение исходного кода приложения.

Для анализа результатов необходим многопараметрический поиск по проведенным расчетам, для чего результаты расчетов должны храниться специальным, упорядоченным образом. Необходимо обеспечить возможность поиска по версиям исходного кода. Эту проблему можно решать в ручную, например размещая результаты расчетов на хорошо структурированном дереве каталогов — однако такой подход требует строгой внутренней культуры пользователя, и усложняется тем, что в процессе расчетов критерии упорядоченности могут расширятся и изменяться кардинальным образом.

При массовых расчетах аккуратное решение вышеописанных проблем может отнимать зна-

чительное время и силы. В разных рабочих группах разработаны собственные библиотеки, позволяющие упростить процесс написания окружения, но единый подход до сих пор не выработан.

Описанная в данной главе система RACS (Results & Algorithms Control System — система контроля результатов и алгоритмов) обеспечивает:

- задание параметров расчетов при запуске для приложений на языках Python и C++;
- автоматическое сохранение параметров и исходных кодов расчетов;
- пакетный запуск расчетов (циклы по значениям параметров) и балансировка загрузки, как на локальных машинах так и на кластерах под MPI;
- работа с контрольными точками для приложений C++, в том числе кластерах под MPI (в разработке);
- развитые средства для многопараметрического поиска, анализа и обработки результатов.

При разработке RACS делались следующие акценты:

- простота подключения (требуется минимальная модификация отлаженного кода);
- лаконичный и интуитивно понятный синтаксис при запуске расчетов;
- возможность обработки результатов средствами операционной системы и сторонними утилитами без потери целостности данных;
- интеграция с другими утилитами вывод данных в формате gnuplot с заголовками gplt, чтение метаинформации о расчетах другими утилитами.

Даже для низкоквалифицированного пользователя RACS автоматически обеспечивает необходимый минимум «культуры» проведения расчетов (сохранение исходных кодов и параметров). В результате пользователь имеет возможность полностью сконцентрироваться на работе непосредственно над задачей.

RACS написан на языке Python и ориентирован в первую очередь на приложения написанные на языках C++ (высокопроизводительное вычислительное ядро) и Python (верхний управляющий слой приложения и интерфейсные части), связанные при помощи утилиты SWIG [?].

К настоящему моменту (первые версии появились в 2003 году, первая публикация [?] в 2007 году) RACS хорошо зарекомендовал себя при организации массовых расчетов в различных областях — сейсмике, моделировании разработки керогеносодержащих месторождений с учетом внутрипластового горения, моделировании магнитных систем и разработке устройств спинтроники, газодинамике горения, изучении резонансных свойств нелинейных систем и т.д.

# 7.2 Структура данных

Как правило расчет запускается из текущей (рабочей) директории, содержащей исходные коды, головные исполняемые файлы на Python-е или C++ и т.д. Для каждого расчета должна

быть создана уникальная директория, в которой будут храниться параметры расчета, исходные коды и результаты.

Директория создается в репозитории, который по умолчанию имеет имя repo/. Название уникальной директории расчета формируется из года, номера недели, дня недели и некоторого трехзначного порядкового номера уникального для данной даты — таким образом расчеты внутри репозитория автоматически упорядочиваются по дате (например c18\_00\_1005 — пятый расчет проведенный в понедельник первой недели 2018 года). При создании уникальной директории расчета, в текущей директории на нее автоматически создается ссылка '\_' (одиночный символ подчеркивания).

Набор параметров расчета образует словарь, который сохраняется в файле .RACS уникальной директории расчета, в формате стандартного модуля pickle языка Python. Для служебных целей системой RACS в каждом расчете автоматически резервируются следующие параметры:

- args аргументы командной строки при запуске расчета (копия списка sys.argv);
- runtime время выполнения расчета (экземпляр класса aiwlib.chrono.Time);
- progress степень выполнения расчета (число от нуля до единицы, устанавливается пользователем в процессе расчета);
- statelist список состояний расчета;
- tags множество (экземпляр класса set) тэгов расчета.

Расчет может иметь одно из следующих состояний:

- started расчет запущен;
- finished расчет успешно завершен;
- stopped расчет завершен с ошибкой.
- killed расчет завершен по сигналу (ошибка сегментирования, принудительное завершение и т.д.).

Каждое новое состояние расчета добавляется в список statelist, текущее состояние определяется на основе последнего элемента списка. Каждое состояние (элемент списка statelist) представляется кортежем вида

```
( state, user, host, date [,info] )
```

где state — состояние расчета, user — пользователь установивший состояние, host — хост с которого было установлено состояние, date — дата (экземпляр класса aiwlib.chrono.Date) установки состояния, info — необязательная дополнительная информация. В частности, для состояния started в конец кортежа дописывается PID расчета. Для состояния stopped в конец кортежа дописывается отчет об ошибке (список строк), приведшей к остановке. Отчет генерируется функцией except\_report модуля mixt.py и содержит стек исключения.

При непосредственном запуске расчета, расчет получает состояние started. Такой подход позволяет проследить историю любого расчета, что играет большую роль для диагностики.

Тэги расчета воспринимаются при построении выборки как одноименные параметры расчета имеющие значение True.

Кроме файла .RACS в уникальной директории расчета могут создаваться файлы .src.tgz (архив с исходным кодом приложения выполнявшего расчет) и в случае «демонизации» расчета logfile (объединенные стандартный вывод и стандартный поток ошибок).

В репозитории при анализе результатов создается файл .RACS-CACHE, содержащий информацию из файлов .RACS для всех расчетов репозитория. Кэш предназначен для ускорения построения выборок и поддерживается в актуальном состоянии автоматически.

Репозиторий может быть структурирован произвольным образом, т.е. являться деревом директорий, в котором расчеты группируются согласно требованиям пользователя (например на основе значений ключевых параметров).

Отдельные расчеты и репозитории могут перемещаться средствами операционной системы, пересылаться по сети и т.д.

# 7.3 Подключение системы RACS к готовому приложению численного моделирования на языке Python

Для подключения системы RACS к готовому приложения на языке Python необходимо как минимум проимпортировать модуль aiwlib.racs и создать экземпляр класса aiwlib.racs.Calc:

```
from aiwlib.racs import *
calc = Calc()
```

Аргументы конструктора класса Calc являются параметрами расчета по умолчанию, их значения могут быть перекрыты при помощи аргументов командной строки при запуске расчета либо при серийном запуске. Кроме того, некоторые аргументы могут играть служебную роль (показаны значения по умолчанию):

- \_repo="repo" задает путь к репозитрию для создания расчета;
- path (строка) явно задает путь к директории расчета, если расчет сущестовал словарь расчета будет обновлен из директории расчета;
- \_clean\_path=True требует очищать явно заданную директорию расчета, при этом словарь расчета не обновляется из директории;
- \_symlink=True создавать символическую ссылку \_ на последнюю директорию расчета;
- \_daemonize=False «демонизировать» расчет при запуске (освободить терминал, вывод будет перенаправлен в logfile в директории расчета), «демонизация» происходит при создание экземпляра класса Calc;
- ullet \_statechecker=true запускать демона, фиксирующего в файле .RACS аварийное завершение расчета;
- \_copies=1 число копий процесса при проведении расчетов с серийными параметрами;

#### 7.3. ПОДКЛЮЧЕНИЕ СИСТЕМЫ RACS К ГОТОВОМУ ПРИЛОЖЕНИЮ ЧИСЛЕННОГО МОДЕЛИ.

- \_on\_exit=True по завершении расчета автоматически фиксировать время работы, состояние расчета и сохранять измения параметров на диск;
- \_calc\_num=3 число знаков в номере расчета (в текущем дне) при автоматической генерации имени директории расчета;
- \_auto\_pull=True автоматически сохранять все параметры расчета из контролируемых расчетом объектов;
- \_commit\_sources=True сохранять исходные коды расчета.

Все перечисленные аргументы конструктора класса Calc (кроме аргумента path) не будут являться полями экземпляра класса.

Уникальная директория расчета создается автоматически при первом обращении к полю path экземпляра класса Calc. При этом название репозитория формируется при помощи форматирования аргумента \_repo (строки) по экземпляру класса Calc (выступающего в роли словаря). Это позволяет автоматически распределять расчеты по различным репозиториям на основе значений ключевых параметров, например если было указано

```
calc = Calc(_repo='repo-a%(a)s')
```

в зависимости от значения параметра а расчеты будут помещаться в репозитории repo-a1, repo-a2.5, и т.д.

В файл .RACS сохраняется содержимое объекта calc, необходимо обеспечить перенос значений параметров из calc в объекты использующиеся в расчете и обратно. Для этого существует по крайней мере три возможности:

- 1. непосредственные чтение и запись полей объекта calc;
- 2. методы calc.push(...) и calc.pull(...);
- 3. метод calc.wrap(...) реализующий технологию «monkey patch».

Первый вариант хорошо подходит для каких то ключевых параметров — максимального времени счета, выбора типа численной схемы и т.д., например:

```
while model.t<calc.t_max:
   if calc.scheme==1: model.euler() # схема Эйлера
   if calc.scheme==2: model.RK2() # схема Рунге--Кутты второго порядка
```

Второй вариант хорошо подходит для задания и сохранения целой группы параметров, относящихся к экземпляру какого—либо класса, в том числе C++—класса импортированного при помощи утилиты SWIG:

```
def push(self, X, ignore_list=[], _prefix='', **kw_args):
    '''устанавливает аттрибуты объекта X согласно объекту расчета,
    параметры расчета имеют более высокий приоритет, чем параметры kw_args'''

def pull(self, X, ignore_list=[], _prefix='', **kw_args):
    '''устанавливает аттрибуты объекта расчета согласно объекту X,
    параметры kw_args имеют более высокий приоритет, чем параметры расчета
    автоматически устанавливаются аттрибуты имеющие методы __get/setstate__
    (но не имеющие аттрибута _racs_pull_lock) или не-являющиеся объектами swig'''
```

Третий вариант требует минимальной модификации кода, но может показаться безумным. Пусть для проведения расчета используется экземпляр C++-класса Model импортированного при помощи утилиты  $SWIG^1$ :

```
model = Model()
model.h = .1 #0 шаг по времени
model.N = 1000 #0 размер сетки
model.omega = 1e-3 #0 частота
```

Тогда достаточно в коде модифицировать всего одну строчку

```
model = calc.wrap(Model()) # <== инициализация monkey patch model.tau = 0.1 #0 шаг по времени model.N = 1000 #0 размер сетки model.omega = 1e-3 #0 частота
```

При этом переменная model будет ссылаться на объект специального вида, содержащий экземпляр класса Model и связанный с объектом calc. задание параметров такого объекта будет трактоваться как задание параметров по умолчанию, значения которых может быть перекрыто при помощи аргументов командной строки или при серийном запуске. например, если указать в аргументах командной строки

```
./run.py ... tau=0.01 ...
то в строке
model.tau = 0.1 #0 шаг по времени
```

параметру tau будет на самом деле присвоено значение 0.01. Такой патч возможен лишь один раз для каждого параметра за все время расчета, дальше код работает ожидаемым образом.

Метод wrap может вызываться произвольное количество раз для различных объектов. Во избежании конфликтов имен параметров, метод wrap принимает вторым необязательным аргументом префикс, который нужно будет добавлять к именам параметров в командной строке.

Объекты, подключенные к calc при помощи метода wrap автоматически опрашиваются при помощи метода pull при записи содержимого объекта calc на диск (вызове метода commit).

Mетоды push/pull и технология «monkey patch» автоматически приводят типы аргументов, заданных в командной строке, к типам аргументов контролируемого объекта.

Еще одним полезным методом объекта calc является метод

```
set_progress(self, progress, prompt='', runtime=-1)
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Комментарии в виде #0 необходимы лишь для того, что бы соответствующие строчки выводились в автоматически генерирующейся справке при запуске с ключем -h или -help

устанавливающий степень завершенности расчета (число от 0. до 1.). При его вызове устанавливаются атрибуты progress и runtime объекта calc, а так же соответствующие им значения в файле .RACS (если файл .RACS отсутствует, вызывается метод commit).

Если приглашение prompt не пустое, создается экземпляр класса aiwlib.mixt.ProgressBar, отображающий при помощи ASCII—графики диаграмму степени завершения расчета, время прошедшее с момента старта и ориентировочное время до окончания расчета. Для длинных расчетов настоятельно рекомендуется вызывать метод set\_progress(...).

При успешном завершении расчета автоматически устанавливается calc.progress=1, фиксируется время выполнения runtime, состояние расчета изменяется на finished. В случае возникновения исключения фиксируется время выполнения runtime, состояние расчета изменяется на stopped, при этом в calc.statelist дописывается стек исключения и сообщение об ошибке. Все объекты, находившиеся подключенные к calc опрашиваются при помощи метода pull, вызывается метод calc.commit(). Однако, если в течении расчета не было ни одного обращения к полю calc.path, уникальная директория расчета не создается и эти действия не выполняются — если расчет не сохранил никакие данные в свою уникальную директорию то она ему не нужна, и видимо не требуется метаинформация (файл .RACS).

# 7.4 Подключение системы RACS к готовому приложению численного моделирования на языке C++11

Несмотря на гибкость связки языков C++ и Python, в некоторых случаях применение Python может быть существенно затруднено — например в связи с отсутствием пакета python-dev на целевой машине, или при необходимости запуска приложения из под MPI с некоторыми системами управления на кластерах.

Специально для таких случаев библиотека aiwlib содержит ряд модулей на C++ позволяющих использовать систему RACS для запуска расчетов без языка Python. Ниже приведен пример кода для подключения системы RACS к приложению на C++11:

```
RacsCalc calc(argc, argv); // экземпляр класса расчета
...

Model model;
// подключаем модель к RACS, при этом все параметры
// перечисленные в CONFIGURATE становятся доступны для обработки
calc.control(model);
...
double t_max = 25; // отдельные параметры
int Nsteps = 10;
calc("t_max", t_max)("Ns", Nsteps); // подключаем их к RACS
...
while(model.t<t_max){
...
calc.set_progress(model.t/t_max); // отмечаем степень выполнения расчета
}
...
}
```

Для получения пути к уникальной директории расчета используется метод calc.path(), директория создается автоматически при первом вызове метода. Репозиторий формируется на основе поля объекта calc

```
std::string repo = "repo";
```

форматируемой по параметрам задаваемым в аргументах командной строки<sup>2</sup>.

В отличии от варианта на языке Python, у объекта calc есть только служебные поля и атрибуты, то есть невозможно написать например

```
calc.my_parametr = ...;
...
... = calc.my_parametr + ...;
```

Все параметры расчета создаются в виде обычных переменных и ставятся в RACS на контроль при помощи перегруженного оператора

```
template <typename T>
RacsCalc& RacsCalc::operator ()(const char *key, T& val);
либо при помощи метода

template <typename T>
void RacsCalc::control(T &data, const char *prefix="");
```

Оператор () запоминает **адрес** параметра, и возвращает объект calc, что позволяет использовать цепочки операторов (). Метод control так же запоминает адрес объекта, у которого должен быть задан метод configurate (см. раздел ).

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>В будущем будут использоваться все параметры поставленные на контроль

При постановке на контроль значение параметра может быть изменено на основе аргументов командной строки или в случае серийного запуска. При вызове метода calc.commit() значения всех контролируемых параметров сохраняются в файл .RACS.

Metog calc.commit() может быть вызван явно, кроме того он вызывается в методе calc.set\_progres и при завершении расчета (в деструкторе объекта calc). При успешном завершении расчета автоматически устанавливается calc.progress=1, фиксируется время выполнения runtime, состояние расчета изменяется на finished. В случае возникновения исключения фиксируется время выполнения runtime, состояние расчета изменяется на stopped.

Однако, если в течении расчета не было ни одного вызова метода calc.path(), уникальная директория расчета не создается и эти действия не выполняются — если расчет не сохранил никакие данные в свою уникальную директорию то она ему не нужна, и видимо не требуется метаинформация (файл .RACS).

### 7.5 Запуск расчетов подключенных к системе RACS

При запуске расчета, в момент создания объекта calc, происходит разбор аргументов командной строки. При этом возможна настройка (отложенная) параметров расчета, организация серийного запуска и т.д.

Если в аргументах командной строки присутствует -h или --help запуск расчета не производится, вместо этого печатается справочная информация и приложение завершает работу. В справочную информацию, кроме описания синтаксиса задания параметров расчета и различных специальных опций, для Python может включаться информация о параметрах расчета — фактически печатаются все строки из исходного файла содержащие последовательность #0.

При задании параметров расчета используется синтаксис KEY=VALUE, где KEY — имя параметра, VALUE — значение параметра, которое будет сконвертировано к нужному типу автоматически. Для приложений на Python допустим синтаксис KEY=@EXPRESSION, где выражение EXPRESSION вычисляется функцией eval в словаре модуля math и на основе уже заданных параметров, затем конвертируется к типу значения параметра по умолчанию.

При серийном запуске возможны варианты

- KEY=[EXPRESSION] выражение EXPRESSION вычисляется функцией eval (только для языка Python, для языка C++ допустимо перечисление значений через запятую без пробелов);
- KEY=[X1, X2..Xn] хаскелль—стиль для арифметической прогрессии;
- KEY=[X1:STEP..Xn] арифметическая прогрессия с шагом STEP;
- KEY=[X1@STEP..Xn] геометрическая прогрессия с множителем STEP;
- KEY=[X1#SIZE..Xn] арифметическая прогрессия из SIZE элементов;
- $KEY=[X1^SIZE..Xn]$  геометрическая прогрессия из SIZE элементов;

В языке Python значения X1, Xn, STEP, SIZE вычисляются функцией eval в словаре модуля math и уже заданных аргументов. В языке C++ значения X1, Xn, STEP, SIZE приводятся к типу

double функцией ::atof. Параметры X1 и Xn всегда включаются в серию. При явном задании параметра STEP шаг всегда корректируется для точного попадания в Xn. Параметр SIZE должен быть целочисленным (не менее двух). Если серии заданы для нескольких параметров, вычисляются все возможные комбинации значений (декартово произведение).

При серийном запуске на одном компьютере процесс дублируется при помощи вызова fork нужное число раз, родительский процесс передает каждому потомку необходимую комбинацию параметров расчета, ожидает окончания работы всех потомков и завершается не выходя из конструктора объекта calc. Максимальное число копий процесса N задается опцией -c=N или --copies=N.

При серийном запуске из под MPI число копий задается системной утилитой из под которой был запущен расчет, параметр copies игнорируется. При запуске из под MPI процесс с нулевым идентификатором выполняет роль мастер—процесса — создает уникальные директории расчетов, раздает задания вычислителям, но сам никаких вычислений не производит. На каждом из вычислителей в свою очередь процесс дублируется при помощи системного вызова fork, дочерний процесс проводит расчет а родительский процесс дождавшись его завершения обращается к мастер—процессу за следующим заданием.

Аргумент командной строки вида TAG+ — добавляет тэг TAG к расчету.

Для булевых параметров можно указывать значения Y, y, YES, Yes, yes, ON, On, on, TRUE, True, true, V, v, 1, N, n, NO, No, no, OFF, Off, off, FALSE, False, false, X, x, O.

Кроме того доступны следующие служебные параметры

- -r или --repo задает путь к репозиторию для создания расчета (по умолчанию значение repo);
- path явно задает путь к директории расчета, в языке Python если расчет существовал словарь расчета будет обновлен из директории расчета;
- -р или --clean-path очищать явно заданную директорию расчета, при этом словарь расчета не обновляется из директории (по умолчанию включено);
- -s или --symlink создавать символическую ссылку '\_' на последнюю директорию расчета (по умолчанию включено);
- -d или --daemonize «демонизировать» расчет при запуске (освободить терминал, вывод будет перенаправлен в logfile в директории расчета), «демонизация» происходит при создание объекта calc (по умолчанию выключено);
- -S или --statechecker запускать демона, при необходимости фиксирующего в файле .RACS аварийное завершение расчета (по умолчанию включено);
- -с или --copies число копий процесса при проведении расчетов с серийными параметрами (по умолчанию 1);
- -e или --on-exit по завершении расчета автоматически фиксировать время работы, состояние расчета и сохранять изменения параметров на диск (работает только если в процессе расчета была создана его уникальная директория, по умолчанию включено);

- -n или --calc-num число знаков в номере расчета (в текущем дне) при автоматической генерации имени уникальной директории расчета (по умолчанию 3);
- -a или --auto-pull автоматически сохранять все параметры расчета из контролируемых расчетом объектов (по умолчанию включено, работает только в языке Python);
- -m или --commit-sources сохранять исходные коды расчета (по умолчанию включено, работает только в языке Python).
- $\bullet$  -mpi работа из под MPI (по умолчанию отключено, работает только в языке C++).

Булевы служебные параметры достаточно просто упомянуть что бы они приняли значение true, например -d и -d=Y эквивалентные записи.

Для всех параметров (кроме серийных) возможно дублирование, актуальным является последнее значение. Значения параметров по умолчанию могут быть изменены при вызове конструктора (создании объекта calc, за исключением параметров daemonize и copies), но параметры командной строки их перекрывают. Длинные имена параметров могут задаваться как с одним, так и с двумя минусами, короткие имена только с одним. Параметр path задается без минусов.

# 7.6 Анализ и обработка результатов — утилита командной строки racs

Для многопараметрического поиска, анализа и обработки результатов численного моделирования используется утилита командной строки racs. Утилита написана на языке Python и имеет интерфейс командной строки. В 2010-м году предпринимались попытки создать версию с оконным интерфейсом пользователя, однако быстро выяснилось что это не дает никаких преимуществ, но при этом существенно усложняется взаимодействие с другими утилитами командной строки, кроме того возникают проблемы с удаленной работой по ssh.

Утилита может быть запущена без аргументов или с аргументом --help для просмотра справки.

Утилита может быть запущена с аргументом --ghelp для просмотра справки по глобальному пространству имен, использующемуся при вычислении выражений.

Утилита может быть запущена с одним аргументом — путем к отдельному существующему расчету для просмотра метаинформации (содержимого файла .RACS').

Во всех остальных случаях утилита запускается в виде

#### racs REPO/ EXPR ... ACTION [ACTIONS-ARGUMENTS]

Утилита способна совместно обрабатывать нескольких репозиториев, репозитории обрабатываются последовательно (в том порядке в котором были указаны) результаты сливаются в общую выборку (совокупность расчетов). Репозитории указываются с символом '/' на конце, и могут указываться вперемешку с выражениями, расположение репозиториев относительно выражений значения не имеет.

Выражения — фрагменты кода на языке Python, которые вычисляются для каждого расчета выборки, при этом словарь с параметрами расчета выступает как локальное пространство

имен, а в качестве глобального пространства выступает специально сформированный словарь с рядом служебных функций, макросов, функций из модуля math и т.д. Вначале и в конце выражений могут присутствовать специальные символы, управляющие режимами вычисления выражений фильтрации, сортировки и постобработки результатов. В итоге выборку можно рассматривать как таблицу, каждой строке которой отвечает расчет, а колонке значение вычисленного выражения.

Выражения могут иметь синтаксис [~|^][TITLE=][\$]EXPR[?|%|#][-] либо [\$]EXPR![!] либо TAG+.

Если в конце выражения стоит символ '?', производится фильтрация по результатам вычисления выражения — остаются лишь те расчеты, для которых выражение дает истину при приведении к булевому типу. Допускается фильтрация по нескольким выражениям, в итоге они фактически будут объединены логическим AND. После фильтрации колонки с такими выражениями выбрасываются из таблицы.

Если в конце выражения стоит символ '-' (всегда в **самом** конце), после обработки (например сортировки) такая колонка выбрасывается из таблицы.

Если в конце выражения стоит символ '%', в таблицу добавляется разделитель (горизонтальная линию или пустая строка в зависимости от формата вывода) между строками, у которых различаются значения выражения, при этом столбец может быть скрыт как EXPR%-.

Если в конце выражения стоит символ '#', из выборки удаляются все расчеты с одинаковыми значениями выражения кроме первого, при этом столбец может быть скрыт как EXPR#-(аналог функции DISTINCT в SQL).

Рассмотрим теперь специальные символы, которые могут появляться вначале выражений. Аргументы вида . . . ~EXPR1 . . . . ^EXPR2 . . . означают, что необходимо сортировать расчеты в выборке (после всех фильтров) по результату вычисления выражений, знак ~ означает сортировку по возрастанию, знак ~ означает сортировку по убыванию, сортировки проводятся последовательно (сортировка по EXPR1 затем по EXPR2 и т.д.).

Символ '\$' означает, что выражение должно быть отформатировано по словарю с параметрами расчета при помощи оператора % и выполнено как команда shell, результатом является стандартный вывод команды (строка), к результатам могут применяться символы ~^?#%-.

В случае сложных выражений можно давать краткие заголовки колонкам таблицы как TITLE=..., при этом допустима сортировка, фильтрация и т.д.

Описанные выше возможности не могут модифицировать расчеты выборки (за исключением команд shell) поскольку выполняются при помощи функции eval. Для модификации расчетов используется синтаксис TAG+ (добавляет тэг TAG) либо '[\$]EXPR!' (вычисление выражения функцией exec в словаре с параметрами расчета). Два восклицательных знака означают вычисление выражения функцией exec в глобальном словаре.

Символ '\$' означает, что выражение должно быть отформатировано по словарю с параметрами расчета при помощи оператора % и выполнено как команда shell, а его результаты уже будут выполняться функцией exec. Это позволяет писать различные утилиты для сложной постобработки расчетов и легко заносить результаты их работы под RACS.

Колонки с выражениями, модифицирующими расчеты в выборке, всегда выбрасываются из таблины.

Вне зависимости от того, в каком порядке были выставлены выражения, сначала проводится вычисление всех выражений и фильтрация (если хотя бы один из фильтров не пройден

#### 7.6. АНАЛИЗ И ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ — УТИЛИТА КОМАНДНОЙ СТРОКИ RACS77

расчет выбрасывается из выборки немедленно), затем вся сортировка, затем обрабатываются все символы '#', затем вставляются горизонтальные сепараторы, и только после этого скрываются (по необходимости) оставшиеся столбцы.

Если в процессе вычисления выражения генерируется исключение, то исключение перехватывается а результатом вычисления считается значение None. Отчет об исключении будет выведен в стандартный поток ошибок.

В обязательном порядке должно быть указано действие над сформированной выборкой, после указания действия могут присутствовать необязательные аргументы, относящиеся уже к этому действию. Доступны следующие действия:

- racs ... --keys [or|and|xor] выводить сводный список имен параметров в построенной выборке, необязательный аргумент or (по умолчанию) означает объединение всех имен параметров, and пересечение и хог исключающее или;
- racs ... --rm удалить с диска все расчеты выборки;
- racs ... --co или --commit сохранить на диск все изменения в расчетах выборки (модификация расчетов не означает их сохранения на диск);
- racs ... --ps [FNAME] или --paths [FNAME] вывести пути ко всем расчетам (если FNAME не указан) либо пути к файлам FNAME лежащим в директориях расчетов выборки;
- racs ... --ast [[Y|N] TERMWIDTH] или --astable [[Y|N] TERMWIDTH] вывести выборку в виде таблицы, первый необязательный заголовко позволяет отключить заголовок таблицы (по умолчанию включен), второй необязательный аргумент задает ширину терминала;
- racs ... --asd [[[head] pattern] filename] или --astdata ... вывести выборку в виде .dat—файла (текстового) с заголовками в стиле утилиты gplt. Необязательный аргумент filename задает шаблон имени файла который будет отформатирован по словарю с общими (имеющими одинаковые значения) для всех расчетов выборки параметрами (по умолчанию пустая строка, то есть выводит на стандартный вывод). При необходимости под файл рекурсивно создаются все необходимые директории. Необязательный аргумент pattern задает шаблон для имен общих для всех расчетов параметров, которые будут выведены в заголовок .dat файла (по умолчанию пустая строка, т.е. не выводить никаких). Необязательный булевый аргумент head указывает на необходимость вывода заголовков столбцов выборки (по умолчанию включен).

Опция --asdata позволяет в духе идеологии Unix-Way направлять через неименованный пайп вывод утилиты racs на вход утилите gplt для визуализации в gnuplot.

Кроме того, доступны следующие опции (по умолчанию отключены):

- --pb или --pbar или --progressbar отображать процесс построения выборки;
- --csz или --calc-size определять размер расчетов (требует дополнительного времени);
- --ctr или --check-tree двигаться вглубь репозиториев, по дереву каталогов;

- --force не запрашивать подтверждения на удаление расчетов и сохранение изменений;
- --cl или --clustering разворачивает значения в первой колонке горизонтально и кластеризует выборку по первой и второй колонке, в результате получается двумерная таблица.

Опция -clustering особенно удобна при сравнении различных серий расчетов отличающихся одним параметром.

Еще одной возможностью утилиты racs является пакетная обработка выборок и вывод их в разные .dat—файлы. Пусть нам необходимо построить множество однотипных выборок с параметрами X и Y, отличающихся например параметром N=2,4,8..256. Одна выборка может быть построена как

```
racs repo/ N==2? ~X Y --asd > results/XY-N2.dat
```

а серия выборок может быть получена средствами shell:

```
for N in 2 4 8 16 32 64 128 256; \
do racs repo/ N==$N? ~X Y --asd > results/XY-N$N.dat; done
```

что немного громоздко, но еще приемлемо. Однако, если речь идет о серии выборок по двум параметрам, например N и T=0.2,0.4..2 то в командной строке это начинает немного смахивать на кошмар:

```
for T in 'seq .2 .2 2'; do for N in 2 4 8 16 32 64 128 256; \
   do racs repo/ N==$N? T==$T? ~X Y --asd results/XY-T$T-N$N.dat; \
   done; done
```

Конечно можно написать bash-скрипт, но racs позволяет этого не делать:

```
racs repo/ N: T: ~X Y --asd 'results/XY-T%(T)s-N%(N)s.dat'
```

Для серийной обработки используются выражения вида [TITLE=] [\$] EXPR: — эти выражения выделяются из общего списка аргументов, и одновременно производится построение целой серии выборок, каждая выборка отвечает своему набору значений выражений ... EXPR:. При выводе в .dat—файлы производится последовательный вывод для всех выборок из серии, за счет форматирования имени файла каждая выборка может быть выведена в свой файл.