树上背包

人员

左子毅、朱奕鸣、赵清航、于迦浩 到课

作业检查

左子毅 未完成

朱奕鸣 完成

赵清航 未完成

于迦浩 未完成

作业

https://www.luogu.com.cn/contest/162884 A、B 两个题必做,B题要求用分组背包做法做一遍

https://www.luogu.com.cn/contest/162467#problems 这个刷题题单要求同学们每一道题都可以在限制时间内完成

课堂表现

课堂上同学们忙着自己写题,老师讲题时有时不抬头听。以后老师讲题时一定要先听老师讲题。

课堂内容

P5322 [BJOI2019] 排兵布阵

```
h[i][j]: 第i个城堡,如果有j个人,能得到多少分(j的取值:0~20000,最多s个有意义)
现在一共有m个人,把它们分到第一个城堡,第二个城堡,...
假如说有4个城堡,可以把这4个城堡当成4个组:
第一个城堡只能去0/1/2/3/4 个人,这5种方案只能选一种
对于第二、三、四个城堡同理
-> 分组背包:每个组里只有选一种物品
f[i]: 如果有i个士兵,最多得多少分
-> 答案: f[m]
for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   memcpy(p, f, sizeof(p));
   for (int j = 0; j <= m; ++j) { // 这一维可以从O(m)优化到O(s)
     for (int k = m; k >= j; --k) {
         f[k] = max(f[k], p[k-j] + h[i][j]);
     }
  }
}
```

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int N = 100 + 5, M = 20000 + 5;
vector<int> vec[N];
int f[M];
int main()
 int s, n, m; cin >> s >> n >> m;
 for (int i = 1; i <= s; ++i) {
   for (int j = 1; j <= n; ++j) {
     int x; cin >> x; vec[j].push_back(x);
 }
 for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   vec[i].push_back(0);
   sort(vec[i].begin(), vec[i].end());
   for (int k = m; k \ge 0; --k) {
     for (int j = 1; j <= s; ++j) {
       int t = 2*vec[i][j] + 1;
       if (k < t) continue;</pre>
       f[k] = max(f[k], f[k-t] + j*i);
     }
 }
  cout << f[m] << endl;</pre>
  return 0;
```

P2015 二叉苹果树

```
// 方法一:
f[u][k]: 以u为根, 保留k根树枝时最多能有多少苹果设u有2个孩子v1、v2, 边权分别为a1、a2
f[u][k] = max(
    f[v1][k-1] + a1
    f[v1][k-2] + a1 + a2 + f[v2][0]
    f[v1][k-3] + a1 + a2 + f[v2][1]
    .....
f[v1][0] + a1 + a2 + f[v2][k-2]
    a2 + f[v2][k-1]
)
该方法实现比较简单, 不提供具体代码
```

```
// 方法二:
f[u][k]: 以u为根,保留k根树枝时最多能有多少苹果
设u有5个孩子v1、v2、v3、v4、v5,边权分别为a1、a2、a3、a4、a5
那么接下来对于第一个孩子v1,需要在f[v1][0],f[v1][1],f[v1][2],f[v1][3],...里选择一个方案
对于第二个孩子v2,需要在f[v2][0],f[v2][1],f[v2][2],f[v2][3],...里选择一个方案
对于v3,v4,v5来说同理
最终,希望选k根树枝时能保留的苹果最多,则这个问题转化为一个 分组背包 问题
```

```
// 方法二代码:
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn = 100 + 5;
struct node {
 int to, value;
};
vector<node> vec[maxn];
int f[maxn][maxn]; // f[i][j]: 第i个点, 保留j根树枝
void dfs(int u, int fa, int m) {
 for (node it : vec[u]) {
   if (it.to == fa) continue;
   dfs(it.to, u, m);
   for (int i = m; i >= 0; --i) {
     for (int j = 0; j \leftarrow i-1; ++j) {
        f[u][i] = \max(f[u][i], f[u][i-j-1] + f[it.to][j] + it.value);
 }
}
int main()
 int n, m; cin >> n >> m;
 for (int i = 1; i <= n-1; ++i) {
   int u, v, w; cin >> u >> v >> w;
   vec[u].push_back({v, w}), vec[v].push_back({u, w});
 }
 dfs(1, -1, m);
 cout << f[1][m] << endl;</pre>
  return 0;
```

P1757 通天之分组背包

```
// 不需要额外数组的代码写法
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;
const int maxn = 1000 + 5;
LL f[maxn];
struct node {
 int v, c;
};
vector<node> vec[105];
int main()
 int m, n; cin >> m >> n;
 for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   int a, b, c; cin >> a >> b >> c;
   vec[c].push_back({a, b});
 }
 for (int i = 1; i <= 100; ++i) {
   for (int j = m; j >= 1; --j) {
     for (node it : vec[i]) {
       if (j \ge it.v) f[j] = max(f[j], f[j-it.v] + it.c);
     }
   }
 cout << f[m] << endl;</pre>
 return 0;
```