Paweł Nowak Scenariusz 6

Temat: Budowa i działanie sieci Kohonena dla WTM.

Cel ćwiczenia Celem ćwiczenia jest poznanie budowy i działania sieci Kohonena przy wykorzystaniu reguły WTM do odwzorowywania istotnych cech liter polskiego alfabetu.

1. Syntetyczny opis budowy i wykorzystania sieci i algorytmu uczenia.

10001 1000		
11001 10101 10101 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10000	10001	10001
10101	10001	10001
10011	11001	10001
10001 10001 11110 10001 11110 10001 10001 11110 10001 10001 10001 11110 10000	10101	11111
10001	10011	10001
11110	10001	10001
10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10000 10001	10001	10001
10001 11110 10001 10001 10001 10001 10000	11110	11110
11110 10001 10001 11110 10001 11110 10000	10001	10001
10001 10001 11110 01110 100001	10001	10001
10001 11110 01110 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 11111 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 10001 11111 10000 10001 10001 10001	11110	10001
11110 01110 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 11111 10000 10000 10000 11111 100001	10001	10001
01110 10001 10000 10001 10000	10001	10001
10001 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10001	11110	11110
10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 11111 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 11111 10000 10001	01110	10000
10000 10000 10000 10000 10000 10000 10000 11111 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 11111 10000 10001	10001	10000
10000 10001 10001 11111 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 11111 10000 10001	10000	10000
10001 01110 11000 11111 10001 10001 11001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 11111 10000 10001	10000	10000
11111 10001 10001 11011 10100 110101 11010 110101 10001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 11111 10000 10001	10000	10000
10001 10010 110101 110101 110001 10001 10001 10001 11111 10000 10001 10001 11111 10000 10001 10001	10001	10000
10010 10100 110001 10001 10001 11111 10000 111111 10000 10001 111111 10000 10001	01110	11111
10100 11000 10001 10001 10001 10001 11111 10000 11111 10000 10001 10001	10001	10001
11000 10100 10001 10001 10001 11111 10000 11110 11111 10000 10001 10001	10010	11011
10100 10010 10001 10001 11111 10000 10001 10001 11111 10000 10001	10100	10101
10010 10001 11111 10000 10000 10001 11110 11111 10000 10001 10001	11000	10001
10001 11111 10000 10000 10001 11110 11111 10000 10001 10001	10100	10001
11111 10000 10000 11110 11111 10000 10001 10001	10010	10001
10000 10000 11110 10000 10001 10001	10001	10001
10000 10000 11110 10000 10001 10001		
10000 111110 10000 10000 10001	11111	01110
11110 10000 10001 10001	10000	10001
10000 10001	10000	10001
10000 10001	11110	11111
	10000	10001
11111 10001	10000	10001
	11111	10001

11111	01110
10000	10001
10000	10001
11110	10001
10000	10001
10000	10001
10000	01110
11111	11110
10001	10001
10000	10001
10111	11110
10001	10000
10001	10000
01110	10000
11111	01110
00001	10001
00001	10001
00001	10001
00001	10101
10001	10010
01110	01101
01110	11110
00100	10001
00100	10001
00100	11110
00100	10100
00100	10010
01110	10001
11111	01110
00100	10001
00100	10000
00100	01110
00100	00001
00100	10001
00100	01110

Nauka sieci polega na podziale danych na grupy i przyporządkowanie każdej danego elementu wyjścia. Dane należące do jednej grupy są do siebie podobne, zaś występuję różnice między danymi należącymi do różnych grup.

OPIS SIECI:

W przypadku podanej sieci występuje metoda uczenia sieci samoorganizującej, którym jest uczenie rywalizujące. Neurony w danej sieci uczą się rozpoznawania danych, na których bazuję a następnie zbliża się do terenu, w którym dane te są najmocniej osadzone. Najważniejszą zasadą w podanej sieci

jest fakt, że z pośród wszystkich neuronów wybierany jest ten, który znajduje się najbliżej centrum terenu. Neuron, którego wartość jest największa zostaje zwycięzcą, dzięki czemu na wyjściu jego wartość wynosi 1. Natomiast w przypadku pozostałych neuronów ich wartość na wyjściu wynosi 0. Reguła ta jest podobna do reguły WTA jednak występują pewne różnice. W przypadku reguły WTM występuje promień, który pozwala na aktualizację wag. Aktualizacja dotyczy neuronów których wyjście wynosi 0, czyli te które nie zwyciężyły. Wartość promienia maleje przy każdej iteracji konsekwencją czego coraz mniej neuronów ma możliwość zmiany wagi. Na koniec zmiana wagi dotyczy tylko jednego neuronu, neuronu zwycięskiego.

Schemat uczenia sieci:

Krok 1: Na początku wszystkie dane podlegają normalizacji.

Krok 2: Wybór współczynnika uczenia η (0; 1 >

Krok 3: Losowanie początkowych wartości wag z zakresu od 0 do 1

Krok 4: Dla każdego neuronu liczona jest suma ilorazów wag oraz sygnałów wejściowych

Krok 5: Dla neuronu z najwyższym wynikiem aktualizacja wag za pomocą wzoru:

$$w_{i,j}(t+1) = w_{i,j}(t) + \eta * \theta(t) * (x_i * w_{i,j}(t))$$

gdzie:

heta(t) – funkcja sąsiedztwa (wg Gaussa), obliczana ze wzoru:

$$\theta(t) = e^{\frac{-d^2}{2*R^2}}$$

gdzie:

R – promień sąsiedztwa

d – jest to odległość pomiędzy zwycięskim neuronem oraz każdym dowolnym innym neuronem

$$d(i, w) = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (i_i - w_i)^2}$$

$$R(t) = R_0 * e^{-\frac{t}{\lambda}}$$

gdzie:

i – wektor wejściowy w – waga neuronu t – obecna iteracja λ – stała czasowa

$$\lambda = \frac{x}{R_0}$$

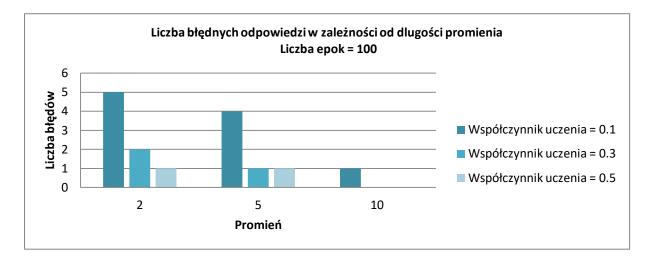
gdzie:

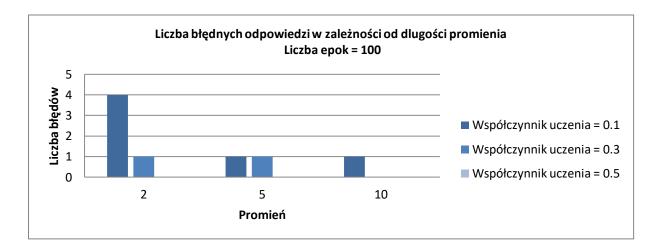
x – liczba iteracii

Krok 6: Następnie normalizacja wartości nowego wektora wag

<u>Krok 7</u>: Ustawienie wartości wyjściowej dla zwycięskiego wektora na 1 (reszta 0) i pobranie kolejnego wektora uczącego.

2.Zestawienie wyników i analiza programu:





Powyższe dwa wykresy zależności liczby błędów od długości promienia informują nas, że najmniejsza liczba błędów przypada na współczynnik 0.5, natomiast dla współczynnika 0.1 liczba błędów jest największa. Dla współczynnika wynoszącego 0.3 występuje niewielka liczba błędów. Warto także zauważyć, że wraz ze wzrostem promienia zmniejsza się liczba błędów.

TEST DLA 12 LITER:

Współczynnik uczenia = 0.5 (promień 2)		Współczynnik uczenia = 0.3 (promień 2)		Współczynnik uczenia = 0.1 (promień 2)	
Grupa 1	Α	Grupa 1	А, Н	Grupa 1	A, B, D, H
Grupa 2	В	Grupa 2	В	Grupa 2	C, E , F
Grupa 3	С	Grupa 3	C, D, L	Grupa 3	1
Grupa 4	D, G	Grupa 4	E, F	Grupa 4	G, J,K
Grupa 5	E, F	Grupa 5	G	Grupa 5	L
Grupa 6	1	Grupa 6	I,J		
Grupa 7	J	Grupa 7	K		
Grupa 8	К				
Grupa 9	L, H				

Współczynnik uczenia = 0.5 (promień 5)		Współczynnik uczenia = 0.3 (promień 5)		Współczynnik uczenia = 0.1 (promień 5)		
Grupa 1	Α	Grupa 1	Α	Grupa 1	Α	
Grupa 2	В	Grupa 2	В	Grupa 2	B, L	
Grupa 3	С	Grupa 3	C, D	Grupa 3	C, D, E	
Grupa 4	D	Grupa 4	E, F	Grupa 4	F	
Grupa 5	E, F	Grupa 5	G	Grupa 5	G	
Grupa 6	G	Grupa 6	Н	Grupa 6	Н	
Grupa 7	Н	Grupa 7	I,J	Grupa 7	I, J	
Grupa 8	I,J	Grupa 8	K	Grupa 8	K	
Grupa 9	K	Grupa 9	L			
Grupa 10	L					

Współczynnik uczenia = 0.5 (promień 10)		Współczynnik uczenia = 0.3 (promień 10)		Współczynnik uczenia = 0.1 (promień 10)	
Grupa 1	Α	Grupa 1	Α	Grupa 1	Α
Grupa 2	В	Grupa 2	В	Grupa 2	В
Grupa 3	С	Grupa 3	С	Grupa 3	С
Grupa 4	D	Grupa 4	D	Grupa 4	D
Grupa 5	Е	Grupa 5	Ε	Grupa 5	E
Grupa 6	F	Grupa 6	F	Grupa 6	F
Grupa 7	G	Grupa 7	G	Grupa 7	G
Grupa 8	Н	Grupa 8	Н	Grupa 8	Н
Grupa 9	1	Grupa 9	I	Grupa 9	I
Grupa 10	J	Grupa 10	J	Grupa 10	J
Grupa 11	K	Grupa 11	K	Grupa 11	K
Grupa 12	L	Grupa 12	L	Grupa 12	L

Powyższe tabele przedstawiają grupowanie wektorów uczących. Dla promienia wynoszącego 10 siec jest w stanie nie zależnie od współczynnika uczenia pogrupować dane prawidłowo. Natomiast im mniejsza jest wartość promienia, tym większą rolę zaczyna odgrywać współczynnik uczenia. Dla promienia wynoszącego 5, wektory wraz ze wzrostem współczynnika uczenia, dane są lepiej grupowane, do większej ilości grup. W przypadku promienia wynoszącego 2 i przy współczynniku 0.1 sieć nie uczy się prawidłowo i grupuje duże ilości liter to jednej grupy.

3.Wnioski:

Sieć Kohonena to sieć samoorganizująca się. Neurony grupują się i każda z grup ma różne wartości dla poszczególnych cech. Dzięki temu siec nie potrzebuje nauczyciela więc może uczyć się sama. Jak przedstawiają wykresy powyżej, sieć uczy się różnie w zależności od współczynnika uczenia. Wraz ze wzrostem wartości współczynnika sieć uczy się szybciej jednak im wyższy jest ten współczynnik tym skuteczność nauki jest słabsza. Kiedy porównamy reguły WTA z WTM zauważymy, że zaletą na korzyść WTM jest fakt, iż jest lepiej uporządkowana ze względu na większą zbieżność algorytmu. Natomiast zaletą WTA w odróżnieniu od WTM jest to, że zajmuje mniej miejsca w pamięci komputera oraz krótszy czas działania. Spowodowane to jest tym, że w przypadku WTM aktualizacja wag dotyczy nie tylko zwycięskiego neuronu ale i pozostałych tylko w otoczeniu zwycięskiego neuronu.

4.Listing programu:

Layer.h

```
#include "Neuron.h"
#include <vector>
using namespace std;
class Layer {
public:
       vector<Neuron> neuron;
      vector<double> scalarProducts; //odleglosci euklidesowych
      int liczba neuronow;
      double promien; //promien wyznaczajacy obszar od zwycieskiego neuronu
      double czas;
      int zwycieski_neuron; //indeks
      void zmiana_wag(double obecnaIteracja, bool testing); //przy aktualnej iteracji
      void minimum_odleglosc_euklidesowa();
      void getOdleglosc_euklidesowa(); //zwraca odleglosci euklidesowe
       Layer(int liczba neuronow, int numberOfInputs, double wspolczynnik uczenia,
double iterationsNumber);
};
 Layer.cpp
#include "Layer.h"
Layer::Layer(int liczba neuronow, int liczba wejsc, double wspolczynnik uczenia,
double iterationsNumber) {
      this->liczba neuronow = liczba neuronow;
       neuron.resize(liczba_neuronow);
      this->czas = iterationsNumber / this->promien;
      this->promien = 5;
       for (int i = 0; i < liczba_neuronow; i++)</pre>
              neuron[i].Neuron::Neuron(liczba_wejsc, wspolczynnik_uczenia);
}
void Layer::minimum_odleglosc_euklidesowa() {    //szuka najmniejszej odleglosci
euklidesowej
      double tmp = scalarProducts[0];
      this->zwycieski_neuron = 0;
       for (int i = 1; i < scalarProducts.size(); i++) {</pre>
              if (tmp < scalarProducts[i]) {</pre>
                    this->zwycieski_neuron = i;
                    tmp = scalarProducts[i];
```

```
}
      }
}
void Layer::zmiana wag(double obecna iteracja, bool uczing) {
       minimum odleglosc euklidesowa();
      getOdleglosc euklidesowa();
      neuron[zwycieski_neuron].funkcja_aktywacji();
       if (uczing) {
              neuron[zwycieski neuron].oblicz odleglosc od zwycieskiego(promien,
obecna_iteracja, czas);// szukanie neuronow w otoczeniu wygraneno neuronu
              int promien = neuron[zwycieski_neuron].odleglosc_od_zwycieskiego;
              int leftBorderNeuronIndex = 0;
              int rightBorderNeuronIndex = 0;
              if (zwycieski_neuron - promien < 0) //sprawdzenie czy dany neuron miesci</pre>
sie w siatce
                     leftBorderNeuronIndex = 0;
              else
                     leftBorderNeuronIndex = zwycieski_neuron - promien;
              if (zwycieski_neuron + promien >= liczba_neuronow)
                     rightBorderNeuronIndex = liczba_neuronow - 1;
              else
                     rightBorderNeuronIndex = zwycieski_neuron + promien;
              promien = (promien <= 0) ? 0 : --promien;</pre>
              for (int i = leftBorderNeuronIndex; i < rightBorderNeuronIndex; i++) {</pre>
                     neuron[i].odl_euklides = (i < zwycieski_neuron) ?</pre>
(zwycieski_neuron - i) : (i - zwycieski_neuron); //zmiana wag dla neuronow z otoczenia
                     neuron[i].odleglosc_od_zwycieskiego =
neuron[zwycieski neuron].odleglosc od zwycieskiego;
                     neuron[i].nowa waga();
              }
       }
}
void Layer::getOdleglosc euklidesowa() {
       scalarProducts.clear();
       for (int i = 0; i < liczba neuronow; i++)</pre>
              scalarProducts.push_back(neuron[i].oblicz_odleglosc_skalar());
}
Neuron.h
class Neuron {
public:
       vector<double> wejscia;
      vector <double> wagi;
      double wartosc_wyjscie;
      double odl_euklides;
      double odleglosc_od_zwycieskiego;
      double wspolczynnik_uczenia;
      double wartosc_sasiedztwa; //wartosc funkcji sasiedztwa (Gaussian neighborhood
function)
      double sumowanie wejsc;
      void normalizacja_wag_zaktualizowanych();
       double losowanie_Wag();
```

```
void oblicz_odleglosc_od_zwycieskiego(); //oblicza wartosc funkcji sasiedztwa
(Gaussian neighborhood function)
      void nowa_waga();
      void stworz wejscie(int liczba wejsc); //ustawienie wejsc na 0 i skorzystanie z
metody : losowanie Wag())
      void funkcja_aktywacji(); //funkcja sigmoidalna
      double oblicz_odleglosc_skalar();
      void oblicz_odleglosc_od_zwycieskiego(double promien, double obecna_iteracja,
double czas);
      Neuron(); // konstruktory
      Neuron(int liczba wejsc, double wspolczynnik uczenia);
      int getRozmiar_wag() { return wagi.size(); } // podaje wage
};
Neuron.cpp
Neuron::Neuron() {
      this->wejscia.resize(0);
      this->wagi.resize(0);
      this->sumowanie_wejsc = 0.0;
      this->wartosc_wyjscie = 0.0;
      this->wspolczynnik_uczenia = 0.0;
}
Neuron::Neuron(int liczba_wejsc, double wspolczynnik_uczenia) {
      stworz_wejscie(liczba_wejsc);
      normalizacja_wag_zaktualizowanych();
      this->wspolczynnik_uczenia = wspolczynnik_uczenia;
      this->sumowanie_wejsc = 0.0;
      this->wartosc_wyjscie = 0.0;
}
void Neuron::stworz_wejscie(int liczba_wejsc) { //stworzenie poczatkowych
wejsc(ustawienie wejsc na 0, wykorzystanie metody losowanie_Wag())
      for (int i = 0; i < liczba wejsc; i++) {</pre>
             wejscia.push back(0);
             wagi.push back(losowanie Wag());
      }
}
double Neuron::oblicz_odleglosc_skalar() {
      sumowanie_wejsc = 0.0;
      for (int i = 0; i < getRozmiar_wejsc(); i++)</pre>
             sumowanie wejsc += pow(wejscia[i] - wagi[i], 2);
      sumowanie wejsc = sqrt(sumowanie wejsc);
      return sumowanie_wejsc;
}
void Neuron::funkcja_aktywacji() {
      double beta = 1.0;
      this->wartosc_wyjscie = (1.0 / (1.0 + (exp(-beta * sumowanie_wejsc))));
}
void Neuron::nowa_waga() {
      for (int i = 0; i < getRozmiar_wag(); i++)</pre>
             this->wagi[i] += this->wspolczynnik uczenia*this-
>wartosc_sasiedztwa*(this->wejscia[i] - this->wagi[i]);
```

```
normalizacja_wag_zaktualizowanych();
}
void Neuron::normalizacja wag zaktualizowanych() {
       double vectorodl_euklides = 0.0;
       for (int i = 0; i < getRozmiar_wag(); i++)</pre>
              vectorodl_euklides += pow(wagi[i], 2);
      vectorodl euklides = sqrt(vectorodl euklides);
       for (int i = 0; i < getRozmiar wag(); i++)</pre>
              wagi[i] /= vectorodl_euklides;
}
void Neuron::oblicz_odleglosc_od_zwycieskiego(double promien, double currentIteraton,
double czasConstant) {
      this->odleglosc_od_zwycieskiego = promien * exp(-currentIteraton /
czasConstant);
}
void Neuron::oblicz_odleglosc_od_zwycieskiego() {
       this->wartosc_sasiedztwa = exp(-pow(this->odl_euklides, 2) / (2 * pow(this-
>odleglosc_od_zwycieskiego, 2)));
}
double Neuron::losowanie_Wag() {
      double max = 1.0;
      double min = 0.0;
       double weight = ((double(rand()) / double(RAND_MAX))*(max - min)) + min;
       return weight;
Source.cpp
int main() {
      srand(time(NULL));
      vector<vector<double>> dane testujace;
      vector<vector<double>> dane uczace;
      int liczba neuronow = 20;
      int liczba wejsc = 35;
      double wspolczynnik uczenia = 0.05;
      int epoka = 50;
      Layer siec_Kohonena(liczba_neuronow, liczba_wejsc, wspolczynnik_uczenia, epoka);
      wczytaj_dane_uczace(dane_uczace, liczba_wejsc);
      wczytaj_dane_testujace(dane_testujace, liczba_wejsc);
                    OUTPUT FILE uczING.open("output uczing data.txt", ios::out);
                    for (int epokaNumber = 1, i = 0; i < epoka; i++, epokaNumber++) {</pre>
                            ucz(siec_Kohonena, dane_uczace); // ropoczynanie procesu
uczenia
                           OUTPUT_FILE_uczING << "epoka: " << epokaNumber << endl;
                           cout << "epoka: " << epokaNumber << endl;</pre>
                    OUTPUT FILE uczING.close();
      OUTPUT_FILE_strumien_danych_testujacych.open("output_strumien_danych_testujacych
.txt", ios::out);
```

```
OUTPUT_FILE_TESTING_NEURON.open("output_testing_neuron.txt",
ios::out);
                     test(siec_Kohonena, dane_testujace);
                     OUTPUT FILE uczING.close();
                     OUTPUT_FILE_strumien_danych_testujacych.close();
                     system("pause");
       return 0;
}
void dane wejsciowe(Neuron& neuron, vector<vector<double>> inputData, int
liczba wejsc, int row)
{
       for (int i = 0; i < liczba_wejsc; i++)</pre>
              neuron.wejscia[i] = inputData[row][i];
}
void ucz(Layer& layer, vector<vector<double>> inputData)
       static int obecna_iteracja = 0;
       for (int rowOfData = 0; rowOfData < inputData.size(); rowOfData++) {</pre>
              for (int i = 0; i < layer.liczba_neuronow; i++) {</pre>
                     dane_wejsciowe(layer.neuron[i], inputData,
layer.neuron[i].getRozmiar_wejsc(), rowOfData);
                     layer.neuron[i].oblicz_odleglosc_skalar();
              }
              layer.zmiana_wag(obecna_iteracja, true);
              OUTPUT_FILE_uczING << layer.zwycieski_neuron << endl;
              cout << "Winner: " << layer.zwycieski_neuron << endl;</pre>
              obecna_iteracja++;
       }
}
void test(Layer& layer, vector<vector<double>> inputData) {
       for (int rowOfData = 0; rowOfData < inputData.size(); rowOfData++) {</pre>
              for (int i = 0; i < layer.liczba neuronow; i++) {</pre>
                     dane_wejsciowe(layer.neuron[i], inputData,
layer.neuron[i].getRozmiar_wejsc(), rowOfData);
                     layer.neuron[i].oblicz odleglosc skalar();
              char letter = 'A';
              layer.zmiana_wag(0, false);
              OUTPUT_FILE_strumien_danych_testujacych <<
layer.neuron[layer.zwycieski_neuron].getRozmiar_wejsc() << endl;</pre>
              OUTPUT_FILE_TESTING_NEURON << (char)(letter + rowOfData) << " " <<
layer.zwycieski neuron << endl;</pre>
              cout << (char)(letter + rowOfData) << " " << layer.zwycieski neuron <<</pre>
endl;
       }
}
void wczytaj_dane_testujace(vector<vector<double>> &dane_testujace, int liczba_wejsc)
       strumien_danych_testujacych.open("datatest.txt", ios::in);
       vector<double> row;
       double odl_euklides = 0;
       while (!strumien_danych_testujacych.eof()) {
              row.clear();
```

```
for (int i = 0; i < liczba_wejsc; i++) {</pre>
                     double inputTmp = 0.0;
                     strumien_danych_testujacych >> inputTmp;
                     row.push_back(inputTmp);
              }
              for (int i = 0; i < liczba_wejsc; i++) //znormalizowanie danych uczacych</pre>
                     odl_euklides += pow(row[i], 2);
              odl_euklides = sqrt(odl_euklides);
              for (int i = 0; i < liczba wejsc; i++)</pre>
                     row[i] /= odl euklides;
              dane_testujace.push_back(row);
       strumien_danych_testujacych.close();
}
void wczytaj_dane_uczace(vector<vector<double>> &inputData, int liczba_wejsc) {
       strumie_danych_uczacych.open("data.txt", ios::in);
       double odl_euklides = 0;
       vector<double> row;
       do {
              row.clear();
              for (int i = 0; i < liczba_wejsc; i++) {</pre>
                     double inputTmp = 0.0;
                     strumie_danych_uczacych >> inputTmp;
                     row.push_back(inputTmp);
              }
              for (int i = 0; i < liczba_wejsc; i++)//znormalizowanie danych uczacych</pre>
                     odl_euklides += pow(row[i], 2);
              odl_euklides = sqrt(odl_euklides);
              for (int i = 0; i < liczba wejsc; i++)</pre>
                     row[i] /= odl euklides;
              inputData.push back(row);
       } while (!strumie danych uczacych.eof());
       strumie danych uczacych.close();
}
```