

Universidade Federal da Bahia Escola Politécnica Departamento de Engenharia Elétrica

Disciplina: Processamento Digital de Sinais (ENGC63)

Professor: Antônio C. L. Fernandes Jr.

**Data de Entrega: 06/12/2019** 

## Avaliação III: Implementação de Filtros Digitais

## Observações importantes:

- 1. Cada estudante ou grupo de no máximo 2 estudantes deve escolher um projeto;
- 2. O projeto deverá ser apresentado em papel (equações, detalhamento do projeto, gráficos etc), arquivo (com programa fonte) e arquivos de fala (quando for o caso);
- 3. É permitido que um mesmo projeto seja escolhido por mais de um estudante ou grupo de estudantes.

## **Projetos**

- 1º Projeto: Projete, a partir de um filtro passa-baixas Butterworth de sexta ordem, um filtro discreto passa-baixas com frequência de corte (-3dB) igual  $\omega_c = 2\pi/3$ , usando o **método da invariância da resposta impulsiva**. Faça a implementação sob forma direta e sob forma em cascata. Represente os coeficientes em ponto flutuante (ex.: 0,00423578 = 0,423578 × 10<sup>-2</sup>) e vá diminuindo o número de casas decimais após a vírgula nas formas direta e em cascata para verificar a sensibilidade à quantização de parâmetros. Trace a curva do módulo da resposta em freqência em dB para os casos de precisão infinita e precisão finita. Em seguida, para a representação em forma direta, escolha duas das transformações em frequência a seguir ( $Z^{-1} = -z^{-1}$ ;  $Z^{-1} = z^2$  ou  $Z^{-1} = -z^{-2}$ ) e trace a curva do módulo em dB da resposta em frequência resultante.
- 2º Projeto: Projete, a partir de um filtro passa-baixas Butterworth de sexta ordem, um filtro discreto passa-baixas com frequência de corte (-3dB) igual  $ω_c = 2\pi/3$ , usando o **método de transformação bilinear**. Faça a implementação sob forma direta e sob forma em cascata. Represente os coeficientes em ponto flutuante (ex.: 0,00423578 = 0,423578 × 10<sup>-2</sup>) e vá diminuindo o número de casas decimais após a vírgula nas formas direta e em cascata para verificar a sensibilidade à quantização de parâmetros. Trace a curva do módulo da resposta em freqência em dB para os casos de precisão infinita e precisão finita. Em seguida, para a representação em forma direta, escolha duas das transformações em frequência a seguir ( $Z^{-1} = -z^{-1}$ ;  $Z^{-1} = z^2$  ou  $Z^{-1} = -z^{-2}$ ) e trace a curva do módulo em dB da resposta em frequência resultante.
- 3º Projeto: Projete um filtro FIR passa-baixas, de fase linear, pelo **método da janela**. Deseja-se uma freuência de corte (-6dB) igual a  $\omega_c = \pi/2$ , uma atenuação mínima na banda rejeitada maior ou igual a 50dB e uma região de transição  $\Delta\omega < 0$ ,  $1\pi$ . Empregue janela de Kaiser. Implemente o filtro nas formas direta e em cascata. Represente os coeficientes em ponto flutuante (ex.: 0, 00423578 = 0, 423578 ×10<sup>-2</sup>) e vá diminuindo o número de casas decimais após a vírgula nas formas direta e em cascata para verificar a sensibilidade à quantização de parâmetros. Trace a curva do módulo da resposta em freqência em dB e da fase da resposta em frequência para os casos de precisão infinita e precisão finita. Em seguida, para a representação em forma direta, escolha duas das transformações em frequência a seguir ( $Z^{-1} = -z^{-1}$ ;  $Z^{-1} = z^2$  ou  $Z^{-1} = -z^{-2}$ ) e trace a curva do módulo em dB e da fase da da resposta em frequência resultante.

- 4º Projeto: Projete um filtro FIR passa-baixas, de fase linear, pelo **método da janela**, de modo a assegurar uma resposta em freqência com módulo igual a  $|\omega|/(\pi/2)$  para  $|\omega| \le (\pi/2)$  e  $2 |\omega|/(\pi/2)$  para  $(\pi/2) \le |\omega| \le \pi$  (formato triangular, com ganho 1 em  $|\omega|/(\pi/2)$  e ganho 0 em  $\omega = 0$  e  $|\omega| = \pi$ ). Trace a resposta em frequência e faça comparações entre o uso da janela Retangular e da janela de Hamming (note que, neste caso, a resposta em freqência ideal não apresenta descontinuidade) e discuta o resultado. Varie também o comprimento N da janela e procure um valor que resulte uma boa aproximação da característica triangular solicitada. Implemente o filtro nas formas direta e em cascata. Represente os coeficientes em ponto flutuante (ex.: 0,00423578 = 0,423578 × 10<sup>-2</sup>) e vá diminuindo o número de casas decimais após a vírgula nas formas direta e em cascata para verificar a sensibilidade à quantização de parâmetros. Trace a curva do módulo da resposta em freqência em dB e da fase da resposta em frequência para os casos de precisão infinita e precisão finita. Em seguida, refaça os filtros com as 3 transformações em frequência a seguir ( $Z^{-1} = -z^{-1}$ ;  $Z^{-1} = z^2$  e  $Z^{-1} = -z^{-2}$ ) e trace a curva do módulo em dB e da fase da da resposta em frequência resultante.
- 5º Projeto: Projete um filtro FIR de fase linear pelo **método da amostragem em frequência**. Considere N=41 e  $H(k)=1e^{-j(2\pi k/20)}$  para  $6 \le k \le 14$  (e o valor conjugado para  $26 \le k \le 34$ ). Repita para N=81 e  $H(k)=1e^{-j(2\pi k/40)}$  para  $12 \le k \le 28$  (e o valor conjugado para  $52 \le k \le 68$ ). Represente os coeficientes em ponto flutuante (ex.: 0,00423578 = 0,423578 ×10<sup>-2</sup>) e vá diminuindo o número de casas decimais após a vírgula nas formas direta e em cascata para verificar a sensibilidade à quantização de parâmetros. Trace a curva do módulo da resposta em freqência em dB para os casos de precisão infinita e precisão finita. Em seguida, para a representação em forma direta, escolha duas das transformações em frequência a seguir ( $Z^{-1}=-z^{-1}$ ;  $Z^{-1}=z^2$  ou  $Z^{-1}=-z^{-2}$ ) e trace a curva do módulo em dB da resposta em frequência resultante.