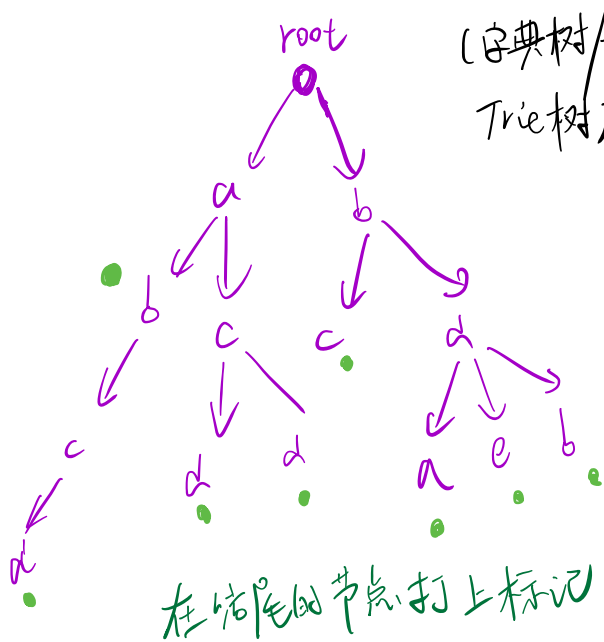


数据结构2

Trie 树
快速存储和查找字符串集合



(字典树/前缀树
Trie树)

最多26个分支
- 一个 $son[N][26]$, 一个 idx
 $cnt[] \rightarrow$ 记录节点个数

```
#include <iostream>
#include <cstring>
#include <algorithm>
```

```
using namespace std;
```

```
const int N = 1e5 + 10;
```

```
int son[N][26], cnt[N];
int idx;
char st[N];
```

```
void insert(char st[])
{
```

```
    int p = 0;
    for (int i = 0; st[i]; i++)
    {
        int u = st[i] - 'a';
        if (!son[p][u]) son[p][u] =
++idx;
        p = son[p][u];
    }
    cnt[p]++;
}
```

```
void query(char st[])
{
    int p = 0;
    for (int i = 0; st[i]; i++)
    {
        int u = st[i] - 'a';
        if (!son[p][u])
        {
            printf("%d\n", 0);
            return;
        }
        p = son[p][u];
    }
    printf("%d\n", cnt[p]);
}
```

```
int main()
{
    int n;
    scanf("%d", &n);
    while (n--)
    {
        char op;
        cin >> op;
        if (op == 'I')
        {
            cin >> st;
            insert(st);
        }
        else
        {
            cin >> st;
            query(st);
        }
    }
    return 0;
}
```

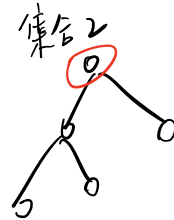
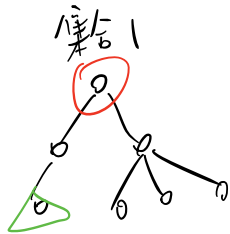
拓展
 为每个元素记录一个数
 维护一个记录元素个数的数组
 是：不变
 连通时，判断是否连通 | 不是：相加
 $size[find(a)] + size[find(b)]$

★ 并查集 (定义为不重复)

1. 合并两个集合
2. 询问两个元素是否在一集合中

两个优化：
 路径压缩
 按秩合并
 $p[x] = find(p[x]);$

基本原理：每个集合用一颗树表示，树根的编号就是整个集合的编号，每个节点存储以节点 $p[x]$



每个点存储父节点

询问在哪个集合 \Rightarrow 找树根

① 如何判断树根： $p[x] = x$?

② 集合编号： $while[x \neq p[x]]$?

③ 如何合并：

把右边/左边的树插入到另一个节点

$p[x] = y$

```
#include <iostream>
#include <cstring>
#include <algorithm>

using namespace std;

const int N = 1e5 + 10;

int p[N];

int find(int a)
{
    if(p[a] != a) p[a] = find(p[a]);
    return p[a];
}

int main()
{
    int n, m;
    scanf("%d%d", &n, &m);
    for (int i = 1; i <= n; i++) p[i] = i;
    while (m--) {
        char op;
        int a, b;
        cin >> op >> a >> b;
        if (op == 'M')
        {
            p[find(a)] = p[find(b)];
        }
        else
        {
            if (p[find(a)] == p[find(b)])
            printf("Yes\n");
            else printf("No\n");
        }
    }
    return 0;
}
```

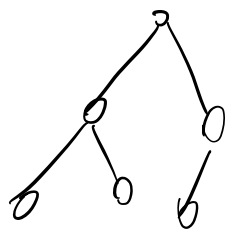
堆 (修改/删除任意元素)

1. 插入一个数
2. 求集合中最小值
3. 删除最小值

STL可支持
(优先队列)

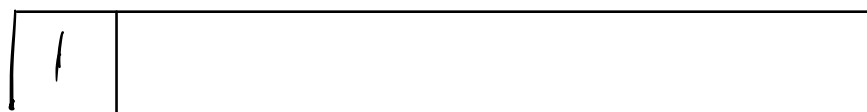
-
4. 删除任意元素
 5. 修改任意元素

堆: 二叉树, 完全二叉树



小根堆: 每一个点小于左右儿子
 \therefore root \rightarrow 最小值

存储



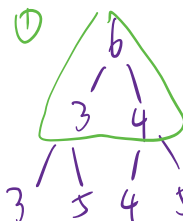
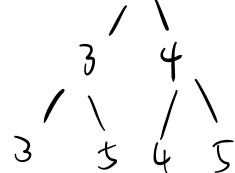
\uparrow root

$\left\{ \begin{array}{l} x \text{ 的左节点: } 2x \\ x \text{ 的右节点: } 2x+1 \end{array} \right. \rightarrow \text{下标从1开始}$

操作: down(x) ... 向下调整 上溢 sink

up(x) ... 向上调整 上溢 swim

例 $1 \times \rightarrow 6$ 变大后如何调整结构?

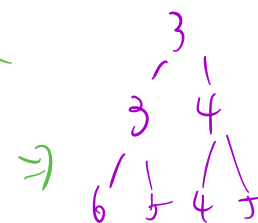


找最小值 $\rightarrow 3$
 $6 \leftrightarrow 3$ 交换



找最小值 $\rightarrow 3$
 $6 \leftrightarrow 3$ 交换

直到无法交换



小根堆:

down \rightarrow sink 数变小 \rightarrow 下移
up \rightarrow swim 数变大 \rightarrow 上移

1. 插入 \rightarrow $\text{heap}[++\text{size}] = x$; $\text{up}[\text{size}]$;
2. 最小值 \rightarrow $\text{heap}[1]$;
3. 删除最小值 \rightarrow 用最后一个元素覆盖
 $\text{root} \rightarrow$ 并 $\text{down}(\text{root})$;
4. 删除任意元素 \rightarrow $\text{heap}[k] = \text{heap}[\text{size}]$;
 $\text{size}--$; $\text{down}(k)$; $\text{up}(k)$;
5. 修改一个元素 \rightarrow $\text{heap}[k] = x$; $\text{down}(k)$; $\text{up}(k)$;

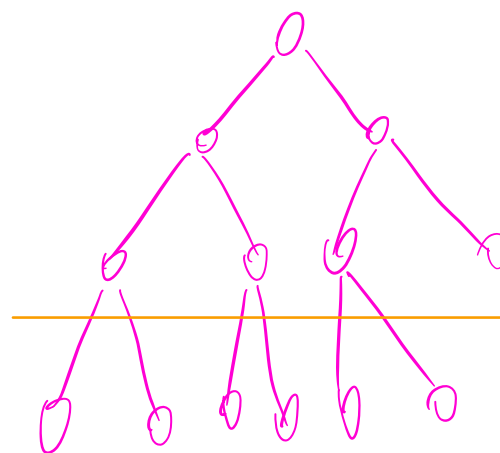
初始化 / down / up

递归操作

初始化

数组建堆

\rightarrow 叶子不用 down
 $\text{for}(\text{int } i = n/2; i; i--) \text{down}(i);$



$\frac{n}{8}$

$\frac{n}{4}$

$\frac{n}{2}$

$\therefore \frac{n}{2} + \dots + \frac{n}{8} + \dots < n$
 $O(N)$ 时间复杂度

$ph[k]$ 第k个插入的点在堆中下标

$hp[k]$ 堆中的点是第几个插入的点 (辅助, 找父)

双向 map

heap-swap a, b

$swap(ph[hp[a]], ph[hp[b]]);$

$swap(hp[a], hp[b]);$

$swap(heap[a], heap[b]);$

```
#include <iostream>
#include <cstring>
#include <algorithm>
using namespace std;

const int N = 1e5 + 10;

// hp 堆中点的插入次序. ph 次序插入点的下标
int heap[N], hp[N], ph[N];
int idx;

void heapswap(int a, int b)
{
    swap(heap[a], heap[b]);
    swap(ph[hp[a]], ph[hp[b]]);
    swap(hp[a], hp[b]);
}

void sink(int site)
{
    int t = site;

    if( site*2 <= idx &&
        heap[t] > heap[site*2]) t = 2*site;
    if( site*2+1 <= idx &&
        heap[t] > heap[site*2 + 1]) t = 2*site+1;
    if (t != site)
    {
        heapswap(site, t);
        sink(t);
    }
}

void swim(int site)
{
    if(site / 2 && heap[site] < heap[site/2])
    {
        heapswap(site, site/2);
        swim(site/2);
    }
}
```

```
int main()
{
    int n;
    int m = 0;
    scanf("%d", &n);
    while (n -- ){
        string op;
        cin >> op;
        if(op == "I")
        {
            m ++;
            int x;
            scanf("%d", &x);
            heap[++idx] = x;
            hp[idx] = m;
            ph[m] = idx;
            swim(idx);
        }
        else if(op == "PM")
        {
            printf("%d\n", heap[1]);
        }
        else if(op == "DM")
        {
            heapswap(1, idx--);
            sink(1);
        }
        else if(op == "D")
        {
            int x;
            scanf("%d", &x);
            int tmp = ph[x];
            heapswap(tmp, idx--);
            swim(tmp);
            sink(tmp);
        }
        else
        {
            int x, cx;
            scanf("%d%d", &x, &cx);
            int tmp = ph[x];
            heap[tmp] = cx;
            swim(tmp);
            sink(tmp);
        }
    }
}
```