A legegyszerűbb programozási nyelv

Kaposi Ambrus

Eötvös Loránd Tudományegyetem Informatikai Kar

> Kutatók Éjszakája 2021. szeptember 24.

Kombinatoristák

a program gyors legyen teljesítmény régi karbantartása hacker tartalom



Erdős Pál

Logisták

a program helyesen működjön modularitás, absztrakció új rendszer nyelvész forma Haskell



Alexander Grothendieck

Formális nyelv (i)

```
n\'{e}v ::= Mózes | Alonso | Alan alany ::= n\'{e}v | bicikli tárgy ::= alanyt minőségjelző ::= Okos | Kék mennyiségjelző ::= egy | három állítmány ::= teker | fegyelmez mondat ::= minős\'{e}gjelz\~{o} alany mennyiségjelző tárgy állítmány.
```

Mondat -e?

- Okos Mózes egy biciklit teker. IGEN
- Okos Mózes három Alant fegyelmez. IGEN
- Okos Mózes fegyelmez egy Alant. NEM
- Kék Mózes egy Alonsot teker. IGEN
- Három Alonso kék biciklit fegyelmez. NEM

Hány mondat van? 2*(3+1)*2*4*2 = 8*8*2 = 128

Formális nyelv (ii)

```
n\'ev ::= Mózes | Alonso | Alan
alany ::= n\'ev | bicikli
t\'argy ::= alanyt
min\~os\'egjelz\~o ::= Okos | Kék
mennyis\'egjelz\~o ::= egy | három | mennyis\'egjelz\~o meg mennyis\'egjelz\~o
\'all\'itm\'any ::= teker | fegyelmez
mondat ::= min\~os\'egjelz\~o alany mennyis\'egjelz\~o t\'argy \'all\'itm\'any.
```

Hány mondat van?

- Okos Mózes egy Alant fegyelmez.
- Okos Mózes egy meg egy Alant fegyelmez.
- Okos Mózes egy meg egy meg egy Alant fegyelmez.
- Okos Mózes egy meg egy meg egy meg egy Alant fegyelmez.

Végtelen sok!

Csak a forma számít (i)

```
n\'ev ::= Imre | Kati | Marci alany ::= n\'ev | trambulin tárgy ::= alanyt minőségjelző ::= Nagy | Ordítós mennyiségjelző ::= sok | kevés | mennyiségjelző mínusz mennyiségjelző állítmány ::= okít | előreenged mondat ::= minős\'egjelző alany mennyiségjelző tárgy állítmány.
```

- Nagy Imre sok Marcit előreenged.
- ► Nagy Imre sok mínusz sok Marcit előreenged.
- Nagy Imre sok mínusz sok mínusz sok Marcit előreenged.
- Nagy Imre sok mínusz sok mínusz sok mínusz sok Marcit előreenged.
- **>** . . .

Csak a forma számít (ii)

```
A ::= a | b | c

B ::= A | d

C ::= B e

D ::= f | g

E ::= h | i | E j E

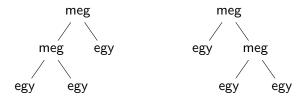
F ::= k | I

G ::= m D B E C F
```

- mfahcel
- mfahjhcel
- mfahjhjhcel
- mfahjhjhjhcel
- **.** . . .

Formális nyelv számokra (i)

- nulla, egy, egy meg egy, egy meg egy meg egy, . . .
- (egy meg egy) meg egy \neq egy meg (egy meg egy)



▶ Okos Mózes (egy meg egy) meg egy Alant fegyelmez ≠ Okos Mózes egy meg (egy meg egy) Alant fegyelmez

Formális nyelv számokra (ii)

szám ::= nulla | egy | szám meg szám

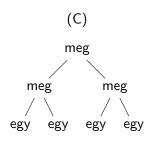
(A) (B)

meg meg

meg egy

meg egy

meg



Melyik fához megyik szöveg tartozik?

meg

egy

1. () (egy meg egy) meg (egy meg egy)

egy

- 2. () ((egy meg egy) meg egy) meg egy
- 3. () (egy meg (egy meg egy)) meg egy

Formális nyelv számokra (ii)

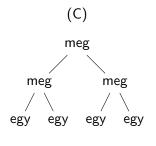
szám ::= nulla | egy | szám meg szám

(A) (B)

meg meg

meg egy meg egy

meg



Melyik fához megyik szöveg tartozik?

meg

egy

1. (C) (egy meg egy) meg (egy meg egy)

egy

- 2. (B) ((egy meg egy) meg egy) meg egy
- 3. (A) (egy meg (egy meg egy)) meg egy

Formális nyelv számokra, redundancia nélkül (i)

```
szám ::= nulla | egy | szám meg szám |
               x \operatorname{meg} (y \operatorname{meg} z) = (x \operatorname{meg} y) \operatorname{meg} z
egy meg (egy meg egy) = (egy meg egy) meg egy
x \mod (y \mod z) = (x \mod y) \mod z
egy meg (egy meg (egy meg egy)) = (egy meg egy) meg (egy meg egy)
x \mod (y \mod z) = (x \mod y) \mod z
(egy meg egy) meg (egy meg egy) = ((egy meg egy) meg egy) meg egy
   meg(y meg z) = (x
                                      meg y ) meg z
Χ
```

Formális nyelv számokra, redundancia nélkül (ii)

```
sz\acute{a}m ::= nulla \mid egy \mid sz\acute{a}m \mod sz\acute{a}m \mid
x \mod (y \mod z) = (x \mod y) \mod z

Most már minden szám átasszociálható ilyen alakra:
((...((egy \mod egy) \mod egy)...) \mod egy) \mod egy)
```

De még mindig van egy kis redundancia:

egy \neq egy meg nulla \neq nulla meg egy \neq nulla meg nulla meg egy Az lenne a jó, ha a nullák hozzáadása nem változtatni a számon.

Formális nyelv számokra, redundancia nélkül (iii)

```
sz\acute{a}m ::= nulla | egy | sz\acute{a}m meg sz\acute{a}m |
x meg (y meg z) = (x meg y) meg z |
x meg nulla = x |
nulla meg x = x
```

- A nullák eltüntethetők. (Kivéve mikor?)
- ► Ha már nincsenek nullák, akkor átasszociálunk.

Az összes szám:

- nulla
- egy
- egy meg egy
- (egy meg egy) meg egy
- **.**..

Formális nyelv számokra, redundancia nélkül (iv)

```
sz\acute{a}m ::= nulla | egy | sz\acute{a}m meg sz\acute{a}m |
x meg (y meg z) = (x meg y) meg z |
x meg nulla = x |
nulla meg x = x
```

Meg lehet-e a számokat adni egyenlőségek és redundancia nélkül?

```
szám ::= nulla | szám megegy
```

- ▶ nulla
- nulla megegy
- (nulla megegy) megegy
- ► ((nulla megegy) megegy)
- **.**..

Ezek a fák hogy néznek ki?

Mi az, hogy program?



Moses Schönfinkel

kombinátor logika



Alonzo Church

lambda kalkulus



Kurt Gödel

 μ -rekurzív függvények



Alan Turing

Turing-gép

Moses Schönfinkel formális nyelve

$$P ::= K |S| PP |Kxy = x |Sxyz = xz(yz)$$

Egyezményes jelölés: xyz := (xy)z.

Soroljuk fel a programokat!

- ► K, S
- KK, KS, SK, SS
- ► (KK)K, (KK)S, (KS)K, (KS)S, (SK)K, (SK)S, (SS)K, (SS)S
- ► K(KK), K(KS), K(SK), K(SS), S(KK), S(KS), S(SK), S(SS)
- ► ((KK)K)K, ..., ((SS)S)S
- ► (K(KK))K, ..., (S(SS))S
- ► (KK)(KK), ..., (SS)(SS)
- ► K((KK)K), ..., S((SS)S)
- ► K(K(KK)), ..., S(S(SS))

Moses Schönfinkel formális nyelve

$$P ::= K |S| PP |Kxy = x |Sxyz = xz(yz)$$

Egyezményes jelölés: xyz := (xy)z.

Soroljuk fel a programokat!

- ▶ K, S
- KK, KS, SK, SS
- SKK, SKS, SSK, SSS
- ► K(KK), K(KS), K(SK), K(SS), S(KK), S(KS), S(SK), S(SS)
- ► S(KK)K, ..., S(SS)S
- ► (SK)(KK), ..., (SS)(SS)
- ► K(SKK), ..., S(SSS)
- ► K(K(KK)), ..., S(S(SS))

Programozás

$$P ::= K |S| PP |Kxy = x |Sxyz = xz(yz)$$

- Identitás: Ix = x Definíció: I := SKK Próbáljuk ki! Ix = SKKx = Kx(Kx) = x
- Utolsó: Uxy = y
 Definíció: U := KI
 Teszt: Uxy = KIxy = Iv = v
- Duplázás: Dx = xx
- Visszafele definíció: xx = Ix(Ix) = SIIx, szóval D := SII • Balról asszociál: Bxyz = x(yz)
- Definíció: B := S(KS)K
 - Definition D := 3(NS)N

$$Bxyz = S(KS)Kxyz = KSx(Kx)yz = S(Kx)yz = Kxz(yz) = x(yz)$$

- Csere: Cxyz = xzy Definíció: C := S(S(KB)S)(KK)
- Fordít: Fxy = yx
 - Definíció: F := S(K(SI))(S(KK)I)

Számok Schönfinkel nyelvén

$$P ::= K |S| PP |Kxy = x |Sxyz = xz(yz)$$

Eddigi programjaink tudása (library/programkönyvtár interface-e):

$$Ix = x$$
 $Uxy = y$ $Dx = xx$ $Bxyz = x(yz)$ $Cxyz = xzy$ $Fxy = yx$

Számok Church-kódolása:
$$0 fx = x$$
, $1 fx = fx$, $2 fx = f(fx)$, $3 fx = f(f(fx))$ Implementáljuk! $0 := U$

Meg egy:
$$Mafx = f(afx)$$

Visszafele:
$$f(afx) = Bf(af)x = SBafx$$

 $M := SB$

Megvan az összes szám:
$$0 := U, 1 := MU, 2 := M(MU), 3 := M(M(MU))$$

Összeadás: $\ddot{O}abfx = af(bfx)$

$$af(bfx) = B(af)(bf)x = BBaf(bf)x = S(BBa)bfx = BS(BB)abfx$$

 $\ddot{O} := BS(BB)$

18 / 18