Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана»

(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ) (МГТУ им. Н.Э.БАУМАНА)



ФАКУЛЬТЕТ «ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ»

КАФЕДРА «ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ЭВМ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ

ТЕХНОЛОГИИ»

# РАСЧЕТНО-ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА К ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЕ НА ТЕМУ:

### МЕТОД ОБНАРУЖЕНИЯ ВЫБРОСОВ ВРЕМЕННЫХ РЯДОВ

Студент ИУ7-82	 А. И. Капустин
Руководитель ВКР	 А. А. Оленев
Консультант	 
Консультант	 
Нормоконтролер	

план

### Реферат

РПЗ 50 страниц, 10 рисунков, 9 таблиц, 27 источников.

Цель квалификационной работы бакалавра – разработка программного комплекса поиска аномалий. В квалификационной работе бакалавра проведён обзор алгоритмов поиска аномалий, а так же обзор алгоритмов для их улучшения, проанализирована предметная область. Предложен новый метод поиска аномалий. Создан программный продукт, реализующий предложенный метод,а так же вспомогательный программный продукт, которые осуществляет сбор данных для анализа.

# Содержание

Вве	едени	e			9
1	Анал	итическ	ий разде	л	10
	1.1	Цель	и задачи	пработы	10
	1.2	Что т	акое спо	ортивное прогнозирование	10
	1.3	Слож	ность пр	оогнозирования результатов	10
	1.4	Осно	вные пра	авила игры в теннис	11
	1.5	Осно	вные под	дходы прогнозирования теннисных матчей	12
		1.5.1	Метод	д подсчёта очков	12
		1.5.2	Метод	ды попарного сравнения	12
		1.5.3	Маши	иное обучение	13
		1.5	5.3.1	Логистическая регрессия	14
		1.5	5.3.2	Нейронные сети	15
		1.5	5.3.3	Метод опорных векторов	17
		1.5	5.3.4	Проблемы машинного обучения	17
		1.5	5.3.5	Оптимизация гиперпараметров	18
		1.5	5.3.6	Выбор оптимальных свойств	18
2	Конс	труктор	ский раз	вдел	21
	2.1	Мето	д обнару	ужения аномалий	21
	2.2	Подб	ор парам	иетров алгоритмов	21
		2.2.1	Анали	из резульатов работы методов	21
		2.2.2	Подбо	рр параметров	22
	2.3	К бли	ижайших	соседей	23
	2.4	Лока	льный ко	эффициент выбросов	24
	2.5	Комп	онентны	ий коэффициент выбросов	25
	2.6				25
		2.6.1			26
		2.6.2	Клиен	итская часть	26
		2.6.3	Серве	рная часть	27
		2.6.4	Динам	ическое изменение данных	27
3	Техн	ологиче	ский раз	дел	28
	3.1	Выбо	р средст	в разработки	28
		3.1.1	Выбор	о целевой платформы	28
		3.1.2	Выбор	э языка программирования	28
		3.1.3	Выбор	о среды разработки и отладки	29
	3.2	Выбо	р базы д	анных	29
	3.3	Сист	ема конт	роля версий	29
	3.4	Библ	иотека С	Galgo	30
	3.5	Форм	ат файл	ов	30
	3.6	Библ	иотека К	UserFeedback	31

3.7	Установка программного обеспечения	31
3.8	Пример работы программы	31
3.9	Использование программы для поиска аномалий	32
4 Иссле	довательский раздел	33
4.1	Полнота и точность. Площадь под РОК-кривой	33
4.2	Сравнение алгоритмов поиска аномалий	34
4.3	Рекомендации к использованию метода	35
Заключен	ие	36
Список и	спользованных источников	37

# Глоссарий

**Априорная информация** — Информация, которая была получена ранее рассматриваемого момента времени[1].

**Теннис** — Спортивные турниры, проводимые по правилам Международной Федерации Тенниса[2]

- Рейтинг АТР СДЕЛАТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЕ
- ДАТАСЕТ

#### Введение

Задача поиска аномалий является одной из классических задач машинного обучения. В настоящее время задачу поиска аномалий активно решают во многих областях жизнедеятельности:

- а) Защита информации и безопастность
- б) Социальная сфера и медицина
- в) Банковская и финансовая отрасль
- г) Распознавание и обработка текста, изображений, речи
- д) Другие сферы деятельности(например, мониторинг неисправностей механизмов)

Задачу поиска выбросов, как частный случай задачи поиска аномалий, так же занимаются во всех вышеперечисленных отраслях.

Количество данных в мире удваивается примерно каждые два года[?]. Поэтому актуальной задачей является разработка новых методов и усовершенствование старых методов поиска выбросов.

В данной работе предлагается новый метод, позволяющий найти аномалии в выборках данных.

### 1 Аналитический раздел

### 1.1 Цель и задачи работы

Целью данной работы является создание метода прогнозирования результатов теннисных матчей на основе априорной информации. Для достижения данной цели необходимо решить следующие задачи:

- проанализировать предметную область и существующие методы прогнозирования результатов теннисных матчей
  - разработать метод прогнозирования результатов теннисных матчей
  - создать ПО, обрабатывающее данные для анализа
- создать ПО, реализующее разработанный метод прогнозирования результатов теннисных матчей

### 1.2 Что такое спортивное прогнозирование

Спортивное прогнозирование предполагает предугадывание результатов предстоящих спортивных событий или контрольных результатов, которые спортсмен) или команда спортсменов) показывает на спортивных соревнованиях[3]. Прогнозы даются на конкретные события в конкретные моменты времени, на результат совокупности событий, ограниченных во времени (например, соревновательный сезон). Наиболее распространены прогнозы на результаты конкретного матча и сезона в целом. Прогнозы могу осуществляться на основе алгоритмов анализа информации, экспертной оценке, а так же комбинацией экспертной оценки. В данной работе будет рассмотрено прогнозирование на основе анализа априорной информации. Т.е. прогноз на какое-либо событие будет даваться до его начала и текущая информация о ходе события не будет учитываться.

### 1.3 Сложность прогнозирования результатов

Большинство исследователей используют различную статистическую информацию для составлении прогнозов. Из массива накопленных данных они выбирают небольшое количество набиболее важных показателей(или же останавливаются только на одном из них) за ограниченный промежуток времени, которые подаются на вход алгоритму. Какие показатели считать значитыми определяет автор алгоритма на основе экпертной оценки или каких-то дополнительных алгоритмов "отбора наиболее важных показателей: Например, в случае американского футбола[4] это могут быть

- а) Время владения мячом
- б) Проводился ли матч дома или в гостях
- в) Общее количесто ярдов

- г) Разница в атакующих ярдах
- д) Количество потерь мяча

Или же в случае баскетбола, например, может браться следующий набор по-казателей:

- а) Количество травмированных игроков
- б) Количество выигранных матчей подряд перед данной игро
- в) Усталость команды. Показатель считается на основе расстояния, которое пришлось преодолеть команде, чтобы провести последние 7 игр
  - г) Средний домашний, гостей и общий процент побед
- д) Рейтинг команды в "рейтинге нападения "рейтинге защиты" и "общем рейтинге" (подробнее методики подсчёта рейтингов описываются в [5])

Большая часть статей представляет команду как некое единое целое, упуская из виду каждого игрока команды. Учёт информации каждом игроке - нетривиальная задача. Поэтому для упрощения создания алгоритма прогнозирования с учётом каждого игрока команды был выбран вид спорта - одиночный теннис. В каждой команде по одному игроку, два возможных исхода матча - победа или поражения.

### 1.4 Основные правила игры в теннис

Ниже приведнены основные правила, которые могут повлиять на составление алгоритмов прогнозирования. С полной версии правил можно ознакомится на сайте международной теннисной федерации[2].

- а) Мяч должен приземлиться в пределах теннисного поля, чтобы продолжить игру. Если игрок мяч приземляется за пределами поля, то это приводит к потере им очков.
- б) Игроки не могут дотронуться до сетки или перейти на сторону противника
  - в) Игроки не могут носить мяч или ловить его ракеткой
  - г) Игроки не могут дважду ударить по мячу
- д) Игрок должен дождаться пока мяч пересечёт сетку, прежде чем ударить по нему
- е) Игрок, который не возвращает мяч на половину поля противника, преждне чем он отскочит дважды, считается проигравшим
  - ж) Если мяч ударяет или касается игроков, то это карается штрафом
  - з) Перед тем как отбить подачу, мяч должен отскочить от поля.
- и) Очки -наименьшая единица изменрения. Приращение очков идёт в формате 0-15-30-40-гейм.

- к) Гейм состоит из 4 очков и выигрывается, когда игрок набирает 4 очка с преимуществом не менее двух очков.
- л) Сет состоиз 6 геймов и выигрывается игроком, который набирает 6 геймов с минимальным отрывом в 2 очка.
- м) Дополнительный сет сет, который разыгрывается при достижении игроками счёта 6-6 по геймам. При
- н) Максимальное количество сетов в матче может достигать 3 или 5. По достижении 2 или соотвественно 3 выигранных сетов матч заканчивается.
- о) "Ровно" происходит когда достигнут счёт по очкам 40-40. Чтобы выиграть гейм, игрок должен выиграть два последовательных очках. Если игрок выигрывает одно очко, то счёт в гейме становится "больше" но если он теряет следующее очко, то счёт возвращается к "ровно".
- п) Когда в гейме достигнут счёт 6-6, то играется тай-брейк. В розыгрыше тай-брейке используются особые правила набора очка. Победителей считается игрок, набравший не менее 7 очков с преимуществом два очка над оппонентом.

#### 1.5 Основные подходы прогнозирования теннисных матчей

Существует три основных подхода к прогнозированию теннисных матчей: методы попарного сравнения, методы вычисления очков и методы машинного обучения.

#### 1.5.1 Метод подсчёта очков

#### 1.5.2 Методы попарного сравнения

Основная идея методов попарного сравнения заключается в том, что каждого игроку присваивается некий положительный рейтинг, который характеризует уровень его навыков. Эти методы основаны на алгоритме, предложенном Бредли-Терри[6] и адаптированном для тенниса Ианом МакХолом[7]. Основная идея заключается в том, что вероятность победы игрока А над игроком В рассчитывается как

$$p_A = \frac{\alpha_A}{\alpha_A + \alpha_B} \tag{1.1}$$

Где  $\alpha_A$  - рейтинг игрока A, а  $\alpha_B$  - игрока B. Вариативность алгоритмов данного класса достигается за счёт различных методик подсчёта этого рейтинга. Например, при помощи ЭЛО-рейтинга[8]. Рассмотрим один из вариантов - подсчёт рейтинга, основанный на количестве выигранных геймов. Преимуществом этого метода является, тот факт, что берется в расчёт информация о ходе матча. Т.е. разница между матчам проигранным со счётом 6-0,6-0 и со счётом 7-6, 7-6 существенна. Тогда вклад можно оценить по следующей

формуле

$$p_A^M = L(\alpha_A, \alpha_B) \propto \frac{\alpha_A^{g_a} \alpha_b^{g_b}}{(\alpha_A + \alpha_B)^{g_A + g_B}}$$
(1.2)

где  $g_A$ -количество выигранных геймов игроком A, а  $g_B$  - игроком B(тай-брейк считается за обычный гейм). Приведем формулу для расчёта рейтинга игрока из одной из последних работ, посвященной данному классу методов

$$L(\alpha_a(t,); a = 1,...n) = \prod_{k \in Z_t} \left( \frac{\alpha_a(t,S)^{g_A} + \alpha_B(t,S)^{g_B}}{(\alpha_A(t,S) + \alpha_B(t,S))^{g_A + g_B}} \right)^{exp(\epsilon(t-t_k))S_k}$$
(1.3)

Где t - время матча на поверхности теннисного корта S, k - индекс сыгранного матча,  $t_k$  - продолжительность матча k,  $Z_t = k : < t_k < t$ , n - количество игроков в моделе,  $\epsilon$  - параметр зависящий от S.

### 1.5.3 Машинное обучение

Машинное обучение - это область искусственного интеллекта (ИИ), которая изучает алгоритмы, которые обучаются на основе данных. Алгоритмы машинного обучения с учителем ставят свой задачей вывести получить функцию пребразования данных из помеченных данных, где помеченные данные представляют собой пары : вектор значений - результат. В теннисе обычно используют исторические данные для формирования данных для обучения. Например, вектор значений может содержать информацию о матче и игроках, а результатом соотвественно будет служить исход матча. Выбор оптимальных параметров для формирования вектора напрямую влияет на точность получаемой функции. К проблеме прогнозирования теннисных матчей можно подойти двумя способами:

- Регрессионный подход, где результатом будет являться дейтвительное число вероятность выиграть матч. Вероятности выиграть матч неизвестны для исторических данных, что вынуждает помечать их в исторических данных метками 0 и 1.
- Подход бинарной классификации. Тогда результатом работы алгоритма будет предсказание выигрыша или проигрыша матча.

### 1.5.3.1 Логистическая регрессия

Несмотря на своё названия, логистическая регрессия является алгоритмом классификации. Свойства логической функции являются ключевыми для алгоритма. Логистическая функция определяется как:

$$\sigma = \frac{1}{1 + e^{-t}} \tag{1.4}$$

Логистическая функция отображает вещественные числа в диапазоне  $(-\inf, +\inf)$  в диапазон [0,1]. Выходное значение логистические функции может интерпретироваться как вероятность.

Логистическая регрессия для прогнозирования матчей состоит из N свойств  $x=(x_1,x_2,...,x_n)$  и вектора n+1 вещественных параметров модели  $\beta=(\beta_0,\beta_1,...,\beta_n)$ . Чтобы сделать прогноз при помощи модели, нужно преобразовать точке в n-мерном пространстве свойств в вещественной число

$$z = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_n x_n \tag{1.5}$$

Подставляя z в формулу 1.6 получим

$$p = \sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \tag{1.6}$$

Обучение модели состоит в оптимизации параметров  $\beta$ , таким образом, чтобы модель "как можно точнее"воспроизводила результаты матчей из данных для обучения. Это делается при помощи минизации функции логистических потерь 1.7, которая показывает меру ошибку прогнозирования результатов матчей тренировочных данных.

$$L(p) = \frac{-1}{N} \sum_{i=1}^{N} p_i log(y_i) + (1 - p_i) + (1 - p_i) log(1 - y_i)$$
 (1.7)

Где N - количество матчей в обучающих данных,  $p_i$  - предсказанная вероятность выиграть матч i,  $y_i$  - фактический исход матча(0 - поражение, 1 - победа).

В зависимости от размера датасета, выбирается одна из двух функций минимизации:

- Стохастический градиентный спуск медленный итеративный метод, подходящий для больших датасетов
- Метод максимального правдоподобия быстрый численный метод, не подходящий для работы с большими датасетами.

Большинство публикаций, в которых используется методы машинного обучения для прогнозирования теннисных матчей, используют логистическую

регрессию. Например, Кларк и Дит[9] построили логистическую регриссионную модель, основанную на разнице набранных очков в рейтинге АТР для прогнозирования результатов розыгрыша сета. Другими словами, они использовали одномерную регрессию  $\mathbf{x}$ =(разница\_в\_рейтинге) и оптимизировали  $\beta$  таким образом, чтобы функция  $\sigma(\beta_1 x)$  показала наилучший результат на обучающем датасете. Параметр  $\beta_0$  был исключён их модели на основании того, что разница в рейтинге 0 может давать вероятность выигрыша матча 0.5. Вместо того, чтобы прогнозировать результаты матча, они предпочли предсказывать результаы каждого конретного сета, тем самым увеличивая набор данных для обучения.

Ма, Лу и Тан[10] использовали многомерную регрессию, использующую 16 свойств, поделённых на 3 категории: умения игрока, характеристики игрока и характеристики матча. Модель была обучена на матчах между 1991 и 2008 годом и была использована для улучшения тренировок игроков.

Логистическая регрессия привлекает исследователей тем, что она позволяет быстро обучать модели, почти не влечёт проблем переобучения моделей, а так же позволяет получить легко интерпретируемый выходной параметр - вероятность выиграть матч. Тем не менее, при наличии сложных взаимосвязей между входными параметрами, использование логистической регрессии может стать нетривиальной задачей.

#### 1.5.3.2 Нейронные сети

Искуственная нейронная сеть - это система взаимосвязанных "нейронов" вдохновлённая биологическими нейроннами. Каждый нейрон преобразует входные данные в какое-то выходное значение, которое в дальнейшем могут быть использованы в качестве входных данных для других нейронов. Нейронная сеть обычно имеет несколько слоёв,с нейроном на каждом невходном слое, соединённом с нейронами в предыдущих слоях. Каждая связь в сети имеет свой вес. Нейрон использует входные значения и веса чтобы посчитать выходное значение. Типичным методом композиции является взвешенная сумма.

$$f(x) = K(\sum_{i} w_i x_i) \tag{1.8}$$

Нелийнейная функции активации К позволяет нейронной сети решать нетривиальный задачи, используя небольшое количество нейронов. Логистическая функция 1.4 может использоваться в качестве функции активации.

Прогноз результата матча осуществляется на основе передачи в нейронную сеть неких свойств игрока и свойств матча. Если используется логичестическая функция активации, то выходное значение нейронной сети

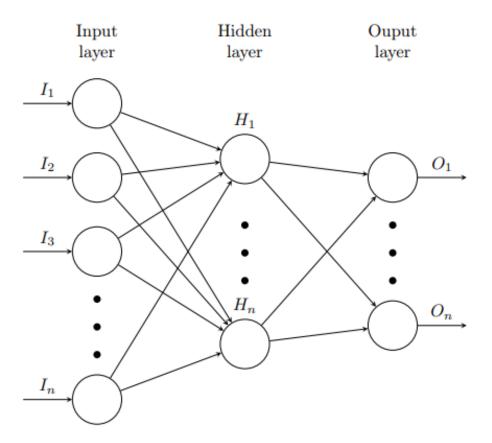


Рисунок 1.1 — Трехслойная нейронная сеть с прямыми связями(ПЕРЕВЕСТИ КАРТИНКУ)

можно интерпретировать как вероятность выиграть матч. Есть большое количество различных алгоритмов обучения, которые оптимизируют набор весов нейронной сети в целях получении наилучшего выходного значения. Например, алогритм обратного распространения использует градиентный спуск для уменьшения среднего квадрата ошибки между целевыми значениями и выходами сети.

Например, Сомбоонфокафан[11] сконструировал трёхлойную сеть прямой связи, использую алгоритм обратного распространения ошибки. Протестировал на различных архитектурах сети и различных наборах свойств. Нейронная сеть, показавшая наилучший результат, имеет 27 входных нейронов. На вход подавались свойства, описывающие обоих игроков, а так же свойства матча. В результате была получена точность предсказания 75% на исторических данных турниров "Большого шлема" в 2007-2008 годах.

Нейронная сеть можно установить наличие сложных взаимотношений между различными свойствами, подаваемыми на вход. Но она работает по принципу "черного ящика" т.е. механизм определения таких взаимоотношений не будет известен. К недостаткам нейронных сетей так же можно отнести то, что они склонны к переобучению, зачастую требует большого количества данных для обучения. Кроме того, разработка структуры сети зачастую яв-

ляется эмпирической и выбор гиперпараметров модели часто идёт методом проб и ошибок.

### 1.5.3.3 Метод опорных векторов

Основная идея метода опорных векторов заключается перевод исходных наборов свойств в пространство более высокой размерности и поиск разделяющей гиперплоскости с максимальным зазором в этом пространстве. Две параллельных гиперплоскости строятся по обеим сторонам гиперплоскости, разделяющей классы. Разделяющей гиперплоскостью будет гиперплоскость, максимизирующая расстояние до двух параллельных гиперплоскостей. Алгоритм работает в предположении, что чем больше разница или расстояние между этими параллельными гиперплоскостями, тем меньше будет средняя ошибка классификатора. На данный момент в открытом доступе нет работ по прогнозировани теннисных матчей при помощи метода опорных векторов[12]. Метод опорных векторов имеет несколько преимуществ по сравнению с нейронными сетями. Во-первых, обучение не заканчивается на локальном минимуме, что зачастую бывает с нейронными сетями. Во-вторых, при наличии большого количество данных для обучения, метод опорных векторов обычно превосходит нейронные сети в прогнозировании [12]. Тем не менее, время обучения модели метода опорных векторов намного выше, а создание и задание необходимых параметров модели является нетривиальной задачей.

### 1.5.3.4 Проблемы машинного обучения

Наличие большого количества данных для обучения не означает получение более точных результатов прогнозирования результатов теннисных матчей, т.к. большое количество данных означает, что теннисист играл много лет матчи. Со временем его навыки меняются и результаты последних матчей представляют набольший интерес. Так же в теннисе важную роль играет покрытие на которой играется матч, т.е. для модели необходимы данные о последних матча игрока именно на этом покрытии. Поэтому машинное обучение может страдать от недостатка данных, что может приводить к переобучению модели, с которым может быть сложно бороться. В частности нейронные сети сильно подвержены переобучению если количество слоёв/нейронов сравнительно велико относительно размера данных для обучения.

Чтобы бороться с проблемой переобучения, нужно использовать только важные свойства для обучения. Процесс отбора важный свойств набора данных называется "отбор признаков" для этого существует большое количество различных алгоритмов. Удаление незначащих свойств значительно уменьшает время обучения

### 1.5.3.5 Оптимизация гиперпараметров

Модель имеет параметры как полученаемы в процессе обучения путём их оптимизации(например, веса в нейронных сетях), так и статически задаваемые параметры такие как количество скрытых слоёв, количество нейронов в каждом слоё. Статически настраиваемые параметры назвают гиперпараметрами. Процесс получения оптимальных гиперпараметров может быть как эмпирическим, так и алгоритмическим. Пример алгоритмического почиска гиперпараметров - поиск по сетке. Он происходит на заранее определённом пространстве гиперпараметров. Для построения модели прогнозирования с высокой точностью, необходимо тщательно подобрать необходимые гиперпараметры.

#### 1.5.3.6 Выбор оптимальных свойств

Каждый набор данных может содержать большое количесто различных свойств. Каждое свойство вносит определенный вклад в итоговый результат. Выбор оптимального количества наиболее значимых свойств - приём очень часто применяемый в машинном обучение. От количества свойств зависит производительность получаемой модели. Свойства, не влияющие на итоговый результат, или влияющие незначительно, негативно влияют на производительность модели, при влючении их в оную. Так же нерелевантные свойства могут ухудшуить точность модели, заставить её обучаться на нерелевантных данных[13].

Преимущества выбора оптимального набора свойства

- Уменьшаеть вероятность переобучения. Испольнование меньшего количества избыточных данных уменьшает вероятность принятия решения на основе "шума".
  - Повышение точности.
- Сокращает время обучения- меньшее количество данных снижают сложность модели.

Выбор свойств может производится как в ручном, так и автоматическом режиме.

Существуют 3 основных класса алгоритмов выбора свойств.

- Фильтр. Рассчитывается определенная метрика и свойства "фильтруются" на основании этой метрики
- Обертка. "Оберточные" методы рассматривают выбор оптимального набора свойств

**Корреляция Пиросона** - фильтр-метод, который использует в качестве метрики следующую формулу:

$$r = \frac{\sum (x - \overline{x})(y - \overline{y})}{\sqrt{\sum (x - \overline{x})^2 \sum (y - \overline{y})^2}}$$
(1.9)

**Хи-квадрат метод** - фильтр-метод, который использует в качестве метрики следующую формулу:

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^n \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i} \tag{1.10}$$

Где  $O_i$  - фактическое количество наблюдений класса i, а  $E_i$  - ожидаемое количество наблюдей класса i, при условии отсутствия зависимости между свойством и ожидаемым значением. Рассмотрим пример подсчёта метрики Хи-квадрат. Предположим, у нас есть следующие данные

Таблица 1.1 — Фактическое количество наблюдений результатов игроков

	Кол-во побед	Кол-во поражений	Всего
Игрок1	20	5	25
Игрок2	40	35	75
Всего	60	40	100

Для того чтобы посчитать значения  $\chi^2$ , посчитаем "ожидаемое" значение в каждой ячейки, если бы свойства были дейтвительно независимы. Для этого нужно просуммировать значения каждой строки и поделить на общее количество записей. Получим следующую таблицу;

Таблица 1.2 — Ожидаемое количество наблюдений результатов игроков

	Кол-во побед	Кол-во поражений	Всего
Игрок1	15	10	25
Игрок2	45	25	75
Всего	60	40	100

Лассо-метод(сокращение от англ. least absolute shrinkage and selection operator) - встроенный метод. На основе линейной регрессии происходит пошаговый выбор оптимальных параметров модели. Идея метода заключается в том, что накладывается ограничение на сумму абсолютных значений свойств модели, сумма должна быть меньше некоторого фиксированного значения. Для этого того, чтобы этого добиться, применяется методы сжатия(регуляризации), в процессе которого коэффициенты регрессионных переменных уменьшаются. Свойства, получившие в результате регуляризации нулевой коэффициент, отбрасываются.

**Методы на основе деревьев** относятся к классу встроенных методов. Например, для определения оптимального наборы свойств может использоваться алгоритму случайного леса. Принцип работы встроенных методов нетривиален и выходит за рамки данной работы, подробнее с их принципами работы можно ознакомится в [14]

### 2 Конструкторский раздел

В этом разделе приводится подробное описание разрабатываемого метода, выделяются основные его компоненты, описываются метрики, оценивающие метод. Так же приводится описание ПО, собирающее данные для анализа. В выводе аналитической части предлагается разработать новый метод обнаружения аномалий. Новый метод будет является результатом ансамблирования простым голосованием трех метрических методов.

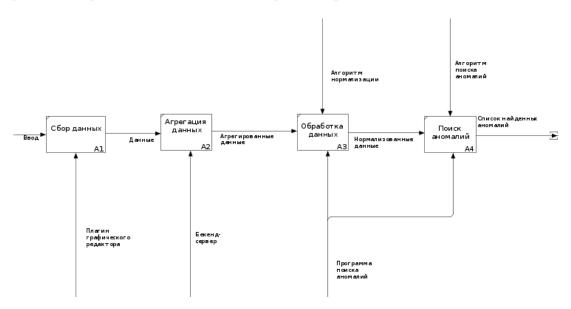


Рисунок 2.1 — Общая схема программного комплекса

### 2.1 Метод обнаружения аномалий

На вход методу подается файл с нормализованными значениями атрибутов, с фиксированным количеством атрибутов для каждого элемента. Временная отметка элемента представляется в качестве отдельного нормализованного атрибута. Допустимо отсуствие временной отметки. Были выбраны методы: к-ближайших соседей, локальный коэффициент выбросов. Каждый из вышеописанных методов инвариантен и иммутабелен относительно набора данных. В результате их работы получается три набора меток. На основе этих наборов формируется финвальный набор меток по следующему принципу: если элемент имеет две или более "аномальных" метки, то ему присвается "аномальная" метка, иначе - "нормальная" метка.

### 2.2 Подбор параметров алгоритмов

### 2.2.1 Анализ резульатов работы методов

Для проверки рабоспобности метода его нужно оценить при помощи наборов данных. Метрикой сравнения наборов данных был выбран AUC ROC

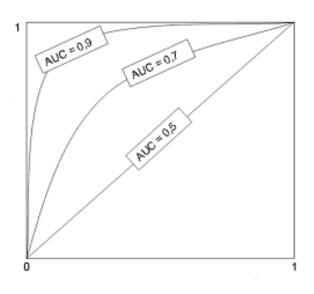


Рисунок 2.2 — Auc ROC

— площадь под графиком, позволяющая оценить качество бинарной классификации, отображающим соотношение между долей объектов от общего количества носителей признака, верно классифицированных как несущих признак, и долей объектов от общего количества объектов, не несущих признака, ошибочно классифицированных как несущих признак.

При помощи этой метрики планируется оценить адекватность работы алгоритма на размеченных наборах данных и сравнить с другими методами.

### 2.2.2 Подбор параметров

Алгоритмы поиска аномалий содержат некоторое различное количество параметров, которые необходимо указывать при работе алгоритмов. Однако, в отсутствии априорной информации о данных, их необходимо подобрать, основываясь на валидирующем наборе данных. [6] Для этого будет использован простой генетический алгоритм. Архитектура генетических алгоритмов позволяет найти решение быстрее за счет более "осмысленного" перебора. Будет осуществляеться перебор не всего подряд, а приближаться от случайно выбранных решений к лучшим. В качестве функции, для которой ищется экстремум, используется алгоритм поиска аномалий, в качестве выходного значения функции - значение AUC ROC, полученное в результате работы алгоритма поиска аномалий на размеченном наборе данных. Критерием останова поиска оптимальных значений параметров алгоритма служит схождение популяции. Параметры, соответствующие наибольшему значению AUC ROC, сохраняются для использования в дальнейшем.

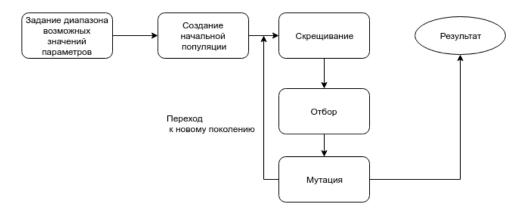


Рисунок 2.3 — Общий рисунок функционирования генетического алгоритма

### 2.3 К ближайших соседей

Метод основан на поиске аномальных значений расстояний до K ближайших соседей точки. Параметры алгоритма такие как K задаются после их нахождения вышеописанным методом.

Листинг 2.1 — Алгоритм метода К ближайших соседей

```
double calculateDist(vector < double > values, int or Elen, int rInd,
       int lInt, int counter)
2
3
       while (counter) {
4
       int leftDistance = -1, rightDistance = -1;
5
        if (rightIndex > -1)
            rightDistance = abs(values[rightIndex]);
6
7
        if (leftIndex > -1)
            leftDistance = abs(values[leftIndex]);
8
9
        if (leftDistance > rightDistance) {
10
            rightIndex++;
            distance += abs(originalElement - rightDistance);
11
12
        } else {
13
            leftIndex++;
14
            distance += abs(originalElement - leftDistance);
15
       }
16
            counter --;
17
       }
18
19
   double kNearestDistance(vector < double > values, double value, int k)
20
   {
       int index = findIndex(values, value);
21
22
       double originalElement = values[index];
23
       double distance = 0;
       int rightIndex = index + 1, leftIndex = index - 1;
24
25
       int counter = k;
26
27
       return distance;
```

Псевдокод содержит часть алгоритма, которая позволяет определять дистанции между точками. Этот алгоритм отличается от классического алгоритма К ближайших соседей, тем что расстояние до К ближайших соседей находится не с помощью Евлкидова расстояния, а при помомощи разбиения исходного двумерного массива атрибутов на одномерные массивы атрибутов согласно классам атрибутов.

Алгоритм нахождения расстояние для одного элемента:

- а) Для каждого атрибута находится к ближайших точек этого же класса
- б) Расстояния между искомым атрибутом и k ближайшими соседями суммируется
- в) Рассчитанная для каждого атрибута сумма складываются в итоговое расстояние

Временная сложнось данного алгоритма  $O(n^2)$ , где n- суммарное количество атрибутов всех элементов данных. Сложность по памяти O(n).

### 2.4 Локальный коэффициент выбросов

Листинг 2.2 — Алгоритм метода локального коэффициент выбросов

```
auto calcLRD(vector < Point > values, Point value, int k, Mode mode)
1
2
3
        values . delete (value);
        vector < Point > nearPoints;
4
5
       for(i = 0; i < values.size(); ++i)
6
            if (distance(values[i], value) > k)
7
8
                nearPoints.pushback(value)
9
10
        for(i = 0; i < nearPoints.size(); ++i){
            sum += nearPoints[i];
11
12
13
        if (mode != sum)
14
            return nearPoints;
15
        else
16
            return nearPoints.size()/sum;
```

```
17
18
   double LOF(vector < Points > values, Point value, int k)
19
20
21
        vector < Point > nearPoints = caclLRD(values, value, k, val);
22
        int N = nearPoints.size()
        double lrdsSum = 0;
23
        for(int i=0; i < nearPoints.size(); ++i){</pre>
24
            lrds + = calcLRD(values, nearPoints[i],k), sum);
25
26
        }
27
28
        double result = lrdsSum/calcLrds(values, value,k, val);
29
        return result;
30
31
   vector < double > distances;
   for (int i = 0; i < values.size(); i++) {
32
33
        distances.pushback(LOF(values, value, k)
34
```

Псевдокод содержит основные сущности алгоритма : нахождение LOF и LRD. Временная сложнось данного алгоритма  $O(n^2)$ , где n- суммарное количество атрибутов всех элементов данных. Сложность по памяти O(n).

### 2.5 Компонентный коэффициент выбросов

Листинг 2.3 — Алгоритм Флойда — Уоршелла

```
for k = 1 to n
for i = 1 to n
for j = 1 to n
W[i][j] = min(W[i][j], W[i][k] + W[k][j])
```

Алгоритм СОF почти полностью повторяет алгоритм LOF, но отличается способом вычисления расстяния между двумя точками. Расстояние между двумя точками вычисляется при помощи метода "кратчайшей цепочки". Для всех элементов набора данных строится матрица расстояний на основе евлидова расстояния. После этого при помощи алгоритма Флойда-Уоршела между двумя точками ищется кратчайший путь Длина этого кратчайшего пути и будет мерой расстояния между двумя точками.

### 2.6 Собирающее данные для анализа ПО

Для применения метода на практике было разработано ПО, которое позволяет собирать данные для анализа(телеметрию). В состав приложения будет входить плагин для графического редактора, backend-сервер. Так же

на бекенде будет размещена база данных где будут размещаться необработанные данные.



Рисунок 2.4 — Общая архитектура приложения

Результатом работы ПО будет неразмеченный набор данных, содержащий фиксированное количество атрибутов.

### 2.6.1 Собираемые данные

Основые собираемые данные приведены в таблице 2.1:

Таблица 2.1 — Описание собираемых данных

Информация о	Источник данных	Данные
Инструменты	KisTool::activate, KisTool:deactivate	CountUse float64
		Time float64
		ToolName string
		Timestamp float64
Действия	KisMainWindows actioncollection()	CountUse float64
		TimeUse float64
		ActionName string
		Timestamp float64
Свойства изображений	KisDocument::saveFile()	ColorProfile string
		ColorSpace string
		Height float64
		Width float64
		Size float64
		NumLayers float64
		Timestamp float64

### 2.6.2 Клиентская часть

Листинг 2.4 — Тело http-запроса

```
1 {
2 "Name": [
3 {
4 "Param1": 1,
5 "Param2": 4581,
6 "Timestamp": 12214
7 }]},
```

Был разработан плагин для графического редактора Krita, который позволяет собирать телеметрию с пользователей. Телеметрия собирается только во время работы программы и при закрытия программы собранные данные удаляются с компьютера пользователя. Телеметрия отправляется через определенные интервалы времени на удаленный сервре. Записи о действиях и инструментах отправляются каждые п минут. Информация о свойствах изображения собирается при сохранении изображения.

Собираемые метрики агрегруются на стороне клиента в http-запрос. Пример тела запроса представляет собою JSON, пример этого JSON приведен выше(форматирование нарушено в целях наглядности).

#### 2.6.3 Серверная часть

На сервере метрики обработываются и заносятся в базу данных в формате JSON. Сервер способен принимать и обрабатывать много параллельных запросов пользователей. Наличие временной отметки у элементов данных позволяет извлекать данные за определенный промежуток времени.

Листинг 2.5 — Пример хранимого элемента в базе данных

#### 2.6.4 Динамическое изменение данных

Инструменты и действия(actions) могут меняться достаточно часто в процессе разработки графическего редактора. Поэтому неразумно задавать статически эти метрики в коде. В коде бекенд-сервера реализована поддержка добавления новых элементов. Раз в сутки просыпается новая горутина(легковесный тред), которая пробегается по базе данных и ищет новые инструменты и действия. После этого она записывает их в текстовый файл. Подобное разумно применять не только для инструментов и действий, но и для любых часто изменяющихся данных. В будущем возможно расширения этой системы.

### 3 Технологический раздел

### 3.1 Выбор средств разработки

### 3.1.1 Выбор целевой платформы

Программный продукт поиска аномалий не затачивается под работу на конкретной ОС. Его корректная работа протестирована на ОС Windows и OS Linux Данный выбор обусловлен широкой распространенностью ОС Windows и Linux, большим количеством средств разработки для данных платформ, что дает возможность выбирать язык программирования и сопутствующие инструменты, ориентируясь на возможность простого и надежного решения рассматриваемой задачи, а не на ограничения целевой платформы.

Программный комплекс для сбора данных разрабатывается для OS Linux, в силу особенностей функционирования графического редактора, плагин для которого входит в состав этого программного комлекса.

### 3.1.2 Выбор языка программирования

Для написания программы поиска аномалий используется язык C++, так как с версии C++11 он сочетает в себе возможности функционального и объектно-ориентированного подходов. С помощью функционального подхода удобно описывать алгоритмы и математические выражения, необходимые для решения поставленной задачи. Использование функциональных средств существенно упрощает описание операций над последовательностями входных данных. В то же время, применение объектно-ориентированных подхода дает возможность проектирования приложения в терминах объектов предметной области и их поведения, что позволяет контролировать сложность программы, предлагать наглядные и емкие абстракции и четко выделять сферы ответственности программных модулей. Также объектно-ориентированные языки позволяют построение приложения с графическим интерфейсом пользователя с учетом известных рекомендаций и правил. Дополнительным преимуществом языка C++ является большая база документации по самому языку и стандартным библиотекам.

В качестве языка написания плагина к графическому редактору был выбран язык С++ в силу того, что сам редактор поддерживает только плагины на этом языка. Для написания бекенд-сервера был выбран язык Golang вместе с библиотекой mgo для доступа к базе данных. Плюсы этого языка:

- а) Скорость разработки
- б) Производительность
- в) Удобная реализация легковесных потоков

Для предварительной обработки данных использовался языка bash. Bash - это мощный и простой в использовании язык сценариев. Он позволяет легко перемещать курсор и редактировать текст команды в командной строке, поддерживает историю команд: дает возможность повторить или при необходимости изменить команду, которая была введена в командной строке ранее. Позволяет легко указать команде, откуда брать входные данные и куда направлять выходные данные. Поддерживаются псевдонимы - создание кратких обозначения для однострочных команд.

### 3.1.3 Выбор среды разработки и отладки

Из-за использования сразу нескольких языков, в процессе работы над программным комплексом, было использовано несколько сред разработки. Qt Creator - современная кросс-платформенная среда разрабтки, которая предоставляет широкие возможности разработки программ на C++, а так же их отладки. Qt Creator так же поддерживает работу со сторонними плагинами, что позволило использовать плагин работы с системой контроля версий.

Для работы с языком Golang был использован текстовый редактор Visual Studio Code с набором плагином для языка Golang. Набор плагинов к текстовому редактору позволяет осуществлять запуск и отладку кода прямо из редактора, а так же позволяет осуществлять автоматическое форматирование кода.

Для работы с bash использовался nano - консольный текстовый редактор для Unix и Unix-подобных операционных систем, основанный на библиотеке curses. В настоящее время включен в дистрибутивы Ubuntu по умолчанию и в установке не нуждается.

#### 3.2 Выбор базы данных

Для сохранения элементов данных была выбрана документо-ориентированная база данных MongoDb. Основные преимущества MongoDb:

- Отсуствие четкой структуры хранения данных
- Возможность выгружать и загружать файлы в JSON-формате.
- Быстрая вставка элементов
- Быстрое извлечение простых данных

#### 3.3 Система контроля версий

В процессе разработки программы использовалась система контроля версий Git. Система контроля версий позволяет вносить в проект атомарные изменения, направленные на решения каких-либо задач. В случае обнаружения ошибок или изменения требований, внесенные изменения можно от-

менить. Кроме того, с помощью системы контроля версий решается вопрос резервного копирования. Особенности Git:

- Предоставляет широкие возможности для управления изменениями проекта и просмотра истории изменений
- Данная система контроля версий является децентрализованной, что позволяет иметь несколько независимых резервных копий проекта.
  - Поддерживается хостингом репозиториев GitHub и Gitlab.
  - Поддерживается средой разработки Qt Creator и Visual Studio Code.

### 3.4 Библиотека Galgo

Для подбора параметров алгоритмов была использована библиотека GALGO версии 2. Она позволяет не вдаваясь в нюансы работы гентических алгоритмов, подобрать необходимые значения параметров алогритмов. В качестве функции, необходимой для работы генетического алгоритма, использовался алгоритм поиска аномалий. В качестве выходного значения функции использовался AUC ROC.

### 3.5 Формат файлов

На вход программе поиска аномалий подается файл следующего формата: одна строка содержит в ненормализованном виде атрибуты данных одого элемента.

Листинг 3.1 — Пример входного файла программы поиска аномалий

```
1 9 10 23 4
2 1 3 2 1
3 1 4 9 12
4 6 7 4 44
```

Для проверки корректности алгоритма использовался иной формат входных файлов. Одна строка содержит в нормализованном виде n-1 атрибутов одного элемента, на n-ой позиции в строке расположена метка аномальноси объекта ('yes' или 'no'). Атрибуты элементов разделяются запятной.

Для проверки корректности алгоритма использовался иной формат входных файлов. Одна строка содержит в нормализованном виде n-1 атрибутов одного элемента, на n-ой позиции в строке расположена метка аномальноси объекта('yes' или 'no'). Атрибуты элементов разделяются запятной.

Листинг 3.2 — Пример входного файла программы поиска аномалий для проверки корректности алгоритма

```
1 0.467651,0.321584,0.76888,0.24663,0.838799,0.099737,0.29834,1.0,'no'
2 0.496412,0.220491,0.77603,0.36598,0.91993,0.08914,0.279479,2.0,'no'
```

Третий формат возможный формат файлов предназначен для демонстрационного режима работы программы. В начале строки располагается текстовое описание элемента(без пробелов), следующие два атрибута характеризуют элемент в двумерном пространстве.

Листинг 3.3 — Пример входного файла программы поиска аномалий демонстрационного режима

```
1 edit 23 53
2 undo 35 547
3 redo 100 0
4 editcut 46 3
```

#### 3.6 Библиотека KUserFeedback

В качестве вспомогательной библиотеки для сбора стастики используется библиотека KUserFeedback компании KDAB. Эта библиотека включает в себя С++ Qt клиентскую часть, а так же сервер, написанный на PHP. Их сервер и значительная часть функций не требуется, будет использоваться только часть собирающую телеметрию. KUserFeedBack позволяет собрать библиотеку по частям и линковать к нашему приложению только необхоимые модули. В программе используется модуль Core. Модуль Core содержит абстракный класс источника данных, от которого можно наследовать различные источники данных.

### 3.7 Установка программного обеспечения

У программы поиска аномалий нет зависимостей от внешних служб и программ, установленных в операционной системе, а также отсутствует необходимость в модификации системных и пользовательских настроек, поэтому было принято решение не разрабатывать инсталлятор. Исполняемым файлом программы является mainProject.exe(windows) или mainProject(linux).

Программа для сбора данных требует установленного графического редактора Krita с плагином телеметрии. Исполняемым файлом бекенд-сервера является файл server.

### 3.8 Пример работы программы

Приведен пример работы программы на операционной системе Lubuntu 16.04(Linux). Имя программы - mainProject, первый аргумент - об-

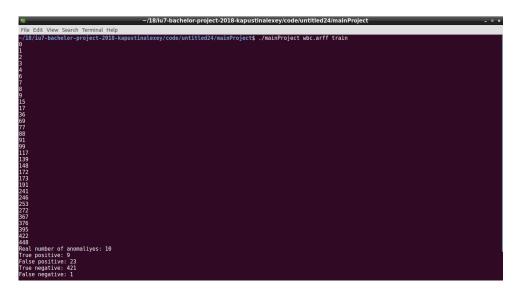


Рисунок 3.1 — Пример работы программы для набора данных wbc

рабатываемый файл, второй аргумент - режим работы. В результате работы программы можно увидеть список найденных аномалий, а так же количество правильно или неверно классифицировашихся элементов.

#### 3.9 Использование программы для поиска аномалий

Запуск программы осуществляется из командной строки. Первыйм аргументом нужно передать имя файла для анализа. Вторым передается режим работы программы. Существуют 3 основых режима работы программы:

- Проверочный. Запуск этого режима осуществлятся при помощи передачи в качестве второго параметра слова "train". Этот режим обрабатывает размеченные наборы данных (данные должны быть предоставлены в описанном выше формате). В результе работы программы на экран выводится список полученных аномалий, метрики полноты, точности, площади по графиком РОК-кривой, количество истинно позитивных, истинно негативных, ложно позитивных элементов данных.
- Основной. Для запуска этого режима нужно либо не указывать второй параметр, либо указать его некорректно(не "train" или "demo"). Этот режим обрабатывает неразмеченные наборы данных (в описанном выше формате). В результате работы программы выводится список обнаруженный аномалий.
- Демонстрационный. Для запуска нужно передать второй аргумент равный "demo". Предназначен наглядного представления результатов поиска аномалий в двумерном пространстве. Режим обрабатывает неразмечные наборы данных.

### 4 Исследовательский раздел

Ошибки первого и второго рода - ключевые понятие математической статистики, помогающие проверять статистические гипотезы. Они так же используются в областях, где речь идет о принятие бинарного решения(да/нет). Задача поиска аномалий сводится к задаче бинарной классикации, где вопрос, помогающий осущесвить классификацию, звучит следующий образом: "Является ли точка аномалий?".

Возьмум гипотезу Н0: "Точка является аномалий". Тогда можно составить следующую таблицу классификации ошибок:

Таблица 4.1 — Описание ошибок первого и второго рода

НО	Верная	Ложная
Отклоняется	Ошибка первого рода	Решение верное
Не отклоняется	Решение верное	Ошибка второго рода

В машнном обучении используют другую терминологию для описания ошибок первого и второго рода. Это позволяет выделить 4 класса результа принятия решения(а не 3 как принятно в математической статистике). На

Таблица 4.2 — Описание ошибок первого и второго рода в терминогологии машинного обучения

Н0	Верная	Ложная
Отклоняется	Ложное негативное	Истинное негативное
Не отклоняется	Истинное позитивное	Ложное позитивное

основании значений этих метрик составялются метрики полноты, точности и графика под площадью РОК-кривой(описан выше)

### 4.1 Полнота и точность. Площадь под РОК-кривой

Точность(precision) - это доля объектов, названных классификатором положительными и при этом действительно являющимися положительными

$$precision = \frac{TP}{TP + FP} \tag{4.1}$$

ТР- количество истинно позитивных, FР - количестно ложно позитивных.

$$recall = \frac{TP}{TP + FN} \tag{4.2}$$

Полнота(recall) показывает сколько объектов положительного класса из всех объектов положительного класса нашел алгоритм. Мера точности не позволяет нам записывать все объекты в один класс, так как в этом случае мы получаем рост уровня ложно позитивных. Полнота демонстрирует способность алгоритма обнаруживать данный класс вообще, а точность— способность отличать этот класс от других классов. Полнота и точность могут применяться в условиях когда классы несбалансированы[?]. Поэтому они могут применять в задаче поиска аномалий, которая подрузамевает несбалансированность классов. Так же существует метрика называемая F1-показатель. Она является средним гармоническим величин полноты и точности. Метрика площади под РОК-кривой описывается выше, здесь же приведем формулу её расчёта.

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN} \tag{4.3}$$

$$FPR = \frac{FP}{TN + FP} \tag{4.4}$$

$$ROC = \frac{1 + TPR - FPR}{2} \tag{4.5}$$

### 4.2 Сравнение алгоритмов поиска аномалий

Для проверки работоспособности алгоритмов поиска аномалий на неразмеченных данных, эти алгоритмы проверялись на размеченных данных. Для этого работа алгоритма поиска аномалий была протестирована на двух наборах данных: Проведем сравнения с другими алгоритмами поиска анома-

Таблица 4.3 — Характеристики датасетов, метрики полноты и точности

Набор данных	Кол-во элем.	Кол-во атриб.	Полнота	Точн.	Кол-во аном.
WBC	453	9	0.99	0.94	10
KDDCUP99	60853	41	0.93	0.06	246

лий. Как можно увидеть из результатов метрик AUC ROC и F1, алгоритмы поразному классифицируют разные наборы данных. Например, алгоритм LoOP показывает высокий AUC ROC на первом наборе данных, но на втором наборе данных его показали значительно снижаются. В свою очередь, алгоритм ODIN показывает низкие результаты, по сравнению с остальными алгоритмами, на первом наборе данных, но на втором наборе данных его AUC ROC высок. Разработанной алгоритм показывает средние значения AUC ROC, но высокие значения показателя F1, что позволяет утверждать, что этот алго-

Таблица 4.4 — Сравнение алгоритмов поиска аномалий

Алгоритм	AUC ROC WBC	F1 WBC	AUC ROC KDD	F1 KDD
LoOp	0.98	0.72	0.68	0.05
ODIN	0.62	0.80	0.80	0.06
KDEOS	0.25	0.64	0.61	0.05
LDOF	0.64	0.96	0.88	0.07
INFLO	0.99	0.9	0.98	0.29
Разр. алгоритм	0.92	0.97	0.93	0.06

ритм жизнеспособен и возможно его применение на определенных наборах данных.

### 4.3 Рекомендации к использованию метода

Таблица 4.5 — Количество истинно/ложно позитивно/негативно классифицировавшихся

Набор данных	ИП	ЛП	ИН	ЛН
WBC	10	18	425	0
KDDCUP99	230	3603	57004	16

Исходя из количества истинно позитивных результатов и ложно позитивных результатов, можно рекомендовать использовать данный метод в задачах где акцент делается на нахождении истинно позитивных значений, пренебрегая некоторым количеством полученных ложно позитивных значений.

#### Заключение

В данной работе были исследованы различные алгоритмы поиска аномалий, изучены их достоинства и недостатки. В частности были подробно изучены метрические методы поиска аномалий.

Был предложен и реализован новый метод поиска аномалий, основанный на модификации и ансамблировании уже существующих методов поиска аномалий. Даны рекомендации к использованию этого метода. Также был сделан программный комплекс сбора данных для анализа, состоящий из плагина для графического редактора и бекенд-сервера.

#### Список использованных источников

- 1. Справочник технического переводчика. [Электронный ресурс]. 2018. URL:https://technical\_translator\_dictionary.academic.ru/8737/\T2A\cyra\T2A\cyrp\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyrr\T2A\cyra\Cyra\T2A\cyra\
- 2. Международная теннисная федерация. IFT[Электронный pecypc]. URL:https://www.itftennis.com/, дата обращения: 10.03.2020.
- 3. *Крутиков*, *Александр*. Прогнозирование спортивных результатов в индивидуальных видах спорта с помощью обобщенно-регрессионной нейронной сети / Александр Крутиков. Молодой ученый. 2018. №12., 2018.
- 4. J., Kahn. Neural Network Prediction of NFL Football Games [Электронный ресурс] / Kahn J. 2003. URL:http://homepages.cae.wisc.edu/~ece539/project/f03/kahn.pdf, дата обращения: 10.03.2020.
- 5. Zdravevski E., Kulakov A. System for Prediction of the Winner in a Sports Game / Kulakov A. Zdravevski E. ICT Innovations 2009 2010., 2010.
- 6. *Terry M.E.*, *Bradley R.A.*(. Rank analysis of incomplete block designs I: the method of paired comparison / Bradley R.A.( Terry M.E. Biometrika, No. 39, 1952. c.324-330.
- 7. *Morton A.*, *McHale I*. A Bradley-Terry type model for forecasting tennis match results / McHale I. Morton A. International Journal of Forecasting 27, 2011. c.620.
- 8. F.Lassen, R.Magnus. Are points in tennis independent and identically distributed? Evidence from a dynamic binary panel data model / R.Magnus F.Lassen. Journal of the American Statistical Association 96(454), 2001.
- 9. *S.Clarke*, *D. Dyte*. Using official ratings to simulate major tennis tournaments / D. Dyte S.Clarke. International Transactions in Operational Research 7(6), 2000. c.585–594.
- 10. *S. Ma C. Liu, Y. Tan.* Winning matches in Grand Slam men's singles: an analysis of player performance-related variables from 1991 to 2008 / Y. Tan S. Ma, C. Liu. Journal of sports sciences, 31(11), 2013. c.1147–1155.
- 11. A. Somboonphokkaphan S. Phimoltares, C. Lursinsap. Tennis Winner Prediction based on Time-Series History with Neural Modeling / C. Lursinsap. A. Somboonphokkaphan, S. Phimoltares. International Multi-Confer-

- ence of Engineers and Computer Scientists, Vols I and II, 2009. c.127-132.
- 12. *Sipko*, Michal. Machine Learning for the Prediction of Matches / Michal Sip-Professional Tennis College London ko. **Imperial** [Электронный URL:https://www.doc.ic.ac.uk/teaching/distinguished-projects/2015/m.sipko.pdf, 2015. — дата обращения:29.03.2020.
- 13. Raheel Shaikh. Feature Selection Techniques in Machine Learning with Python[Электронный ресурс]. URL:https://towardsdatascience.com/feature-selection-techniques-in-machine-learning-with-python-f24e70 дата обращения: 25.04.2020.
- 14. Valeria Fonti. Feature Selection using LASSO[Электронный pecypc]. URL:https://beta.vu.nl/werkstuk-fonti\_tcm235-836234, дата обращения: 25.04.2020.