

# Proyecto de Investigación

Hugo Missael González Cruz

January 2026

## 1. Introducción al Análisis de Datos

Recientemente ha habido una explosión en la cantidad de datos que se recopilan sobre diversos aspectos de nuestra vida. Las actividades que realizamos en línea como leer noticias, escuchar música o comprar, están siendo registradas constantemente y generan una cantidad inmensa de datos. Además de esto, actualmente, contamos con gran poder computacional accesible y a bajo costo. En este contexto, ha surgido la necesidad de procesar los datos para convertirlos ya sea en productos o decisiones accionables. Puede definirse la ciencia de datos como la intersección de matemáticas, estadística y programación, con el objetivo de descubrir patrones en los datos, esto —claro— sin ser únicamente una o la otra. Según Garzon y col. (2022):

Data science is about solving problems based on observations of factors (referred to as co-variates, predictors, or just features) that may determine a solution.

Tratándose de la materia prima de la disciplina, es necesario distinguir las cosas que consideramos como datos y que podemos analizar de las que no. Según Garzon y col. (2022):

Data is an objective recording of one or several event(s) in the real world that is accessible at later times for perusal and analysis by at least one person.

Es decir, un dato es un registro de un fenómeno del mundo real que es susceptible a ser analizado.

### Ejemplo 1 *Son Datos:*

- *Los contenidos de una página web.*
- *Mediciones (precisos o no) de algún fenómeno físico.*
- *Estadísticas recolectadas por sitios web.*

### No son datos:

- *Los recuerdos de una persona sobre un evento.*
- *La ocurrencia de un evento (si no se registra).*
- *Los contenidos de la memoria RAM de una computadora.*

Decimos que los datos recolectados de un fenómeno del mundo real están en “crudo”. Los datos en dicho estado son susceptibles para ser analizados, pero tal vez no estén en una forma útil para nuestro análisis. A esta parte del proceso, se le conoce como limpieza de datos y consiste en transformarlos de modo que sean apropiados para su análisis.

A partir de aquí el proceso no es lineal y depende del objetivo para el que se hace el análisis. Una opción es hacer un análisis exploratorio de datos. En tal caso, podríamos hallar valores duplicados, faltantes o mal registrados; de forma que deberíamos regresar al paso anterior, es decir, limpiar de nuevo el conjunto de datos. Enseguida, dependiendo del problema que deseamos resolver, podemos usar algún modelo o algoritmo que nos ayude a resolver el problema. Finalmente, se interpretan los resultados y opcionalmente se comunican mediante reportes o visualizaciones. A partir de la cuales se toman decisiones, acciones o se desarrollan productos.

Podemos agrupar los problemas concernientes al análisis de datos en tres: clasificación, predicción y *clustering*. Para describir brevemente cada tipo de problema, llamamos  $\Omega$  a la población concerniente al problema y una muestra relativamente pequeña (respecto a la población)  $D \subset \Omega$ . Entonces, resolver el problema, consiste en obtener un modelo  $M$  en términos de  $D$  que soluciona el problema en los términos esperados.

**Ejemplo 2** Considera el problema de clasificar flores Iris en tres categorías: Setosa, Versicolor y Virginica. En este caso,  $\Omega$  es el conjunto de flores Iris,  $D$  es el conjunto de flores Iris de las que hemos registrado datos como la longitud y anchura de sus pétalos. Entonces, una solución sería un algoritmo que, a partir de la longitud y anchura de los pétalos, sea capaz de clasificar una flor Iris en la especie correcta.

El anterior es un ejemplo de un problema de **clasificación**. Un problema de este tipo consiste en definir categorías sobre la población y, dada una entrada, decidir a cuál de ellas pertenece. Esto es, si  $\Pi$  es una partición de  $\Omega$ , dada una entrada  $x$ , encontrar  $C \in \Pi$  tal que  $x \in C$ .

Una solución a un problema de clasificación es un modelo que coloca a  $x$  en la categoría correcta. Un problema de **predicción** consiste en, dada una función  $f : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  que le asigna un valor numérico a alguna característica de  $x \in \Omega$  y cuyo valor es difícil de medir directamente. El problema es hallar el valor de  $f(x)$ . Una solución es un modelo, basado en otras características de  $x$ , capaz de predecir el valor de  $f(x)$ .

Finalmente, un problema de *clustering* o de conglomerados, consiste en construir una partición  $\Pi$  en  $\Omega$ , dada una métrica  $d$  que mide el grado de similitud entre elementos de la población. Una solución es un modelo que produce una partición tal que elementos en un *cluster* son similares.

Una forma simple de organizar datos es en una tabla. En un arreglo de este tipo, las columnas se pueden considerar como vectores de dimensión  $n$  ( $nD$ ) que describen atributos de los datos. Llamamos *records* a las columnas. A su vez, los renglones en la tabla son un vector de dimensión  $p$  ( $pD$ ) conformado por valores de los atributos. Llamamos a un renglón *feature*. A los valores específicos en una *feature* se llaman *datums* (plural *data*). De esta manera, una tabla es una vector  $nD$  de vectores  $pD$ .

Aún más, una tabla puede considerarse como una muestra donde las columnas son variables aleatorias.

Podemos clasificar a las *features* por el tipo de dato que contienen. Tenemos la siguiente clasificación:

1. Cualitativa
  - a) Ordinal
  - b) Nominal
2. Cuantitativa
  - a) Discreta
  - b) Continua

Un dato es cualitativo si toma un pequeño número de valores. Es ordinal si es susceptible a ser ordenado y nominal en otro caso. De forma similar, un dato es Cuantitativo si toma un número grande de valores. Es Discreto si toma una cantidad de valores finito o infinito numerable y es continua si toma valores sobre un conjunto no numerable.

## 2. Análisis Exploratorio de Datos

Usualmente, se presenta al análisis exploratorio de datos en contraparte al análisis confirmatorio de datos, este último, dedicado a las hipótesis y al modelado. Por esta razón, en el análisis exploratorio no hay un modelo explícito. Según Tukey (1977), un problema básico sobre cualquier conjunto de datos es hacerlo más entendible para la mente. Para dicho fin es deseable:

- Tener una descripción simple
- Ser capaces de describir una capa más profunda (aun si no hallamos nada)

El análisis exploratorio de datos no puede ser todo el análisis, es un primer paso. Una manera de encontrar pistas que guíen el análisis confirmatorio. Es un método sistemático para hacerse de una visión global del conjunto de datos. Para esto, utiliza gráficas, transforma las variables y presenta estadísticas que resumen el estado de los datos. Se trata de entender los datos, de hacerse una idea de su forma y ganar intuición. Sin embargo, no habría gran valor en explorar los datos si descubrimos lo que ya sabíamos. Un buen análisis exploratorio nos fuerza a ver lo que no esperábamos.

El conjunto de herramientas para hacer análisis exploratorio de datos incluye:

- Estadísticas que resumen el estado global del conjunto de datos.
- Histogramas, Diagramas de caja, diagramas de tallo y hoja.
- Visualizaciones univariadas y multivariadas que ayudan a ver la relación entre las variables.
- Técnicas de *clustering* y de reducción de dimensión que ayudan a visualizar conjuntos de datos con una gran cantidad de variables.

### 3. Reducción de Dimensión

En general, el objetivo de la Reducción de Dimensión es encontrar una representación en una dimensión más baja de los datos y, que a su vez, preserve las propiedades clave para un problema dado. Dependiendo del enfoque usado, las propiedades que deseamos preservar son distintas. Nosotros, nos enfocaremos en el enfoque estadístico y en el enfoque geométrico.

Los métodos estadísticos formulan el problema en términos de métricas estadísticas. En especial, las medidas de dispersión como varianza, covarianza y la correlación entre las variables son el principal criterio para evaluar métodos de reducción de dimensión. Mediante la evaluación de dichas métricas se pueden seleccionar características importantes, describir la relación entre las variables, hacer inferencias, clasificar, predecir o agrupar eventos futuros.

Desde un enfoque geométrico, la idea es definir una noción de distancia apropiada para el problema y minimizar una función de pérdida que mide las discrepancias entre las distancias cuando se reduce la dimensión.

#### 3.1. PCA

### Referencias

- Garzon, M., Yang, C.-C., Venugopal, D., Kumar, N., Jana, K., & Deng, L.-Y. (Eds.). (2022). *Dimensionality reduction in data science*. Springer International Publishing.
- Tukey, J. W. (1977). *Exploratory Data Analysis*. Addison-Wesley.