Geometry Algebra

Diketahui vektor $\mathbf{u} = 2\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2 - \mathbf{e}_3$, $\mathbf{v} = -\mathbf{e}_1 + 4\mathbf{e}_2 - 3\mathbf{e}_3$, dan $\mathbf{w} = -2\mathbf{e}_1 - 2\mathbf{e}_2 + 2\mathbf{e}_3$ dengan titik pangkal pada titik asal. Dalam bentuk paling sederhana, tentukan:

- a. $\|\mathbf{u} \wedge \mathbf{v}\|^2$ dengan 2 cara, yaitu dengan menggunakan sudut, serta dengan menghitung langsung (**nilai maksimum : 30**)
- b. $(\mathbf{v}' \wedge \mathbf{w}') \wedge (\mathbf{v}'' \wedge \mathbf{w}'') \wedge (\mathbf{v}''' \wedge \mathbf{w}''')$ (nilai maksimum : 20)
- c. Luas bangun yang dibentuk dari ketiga vektor tersebut (nilai maksimum: 15)
- d. Volume paralelpipedum yang dibentuk ketiga vektor tersebut (nilai maksimum: 15)
- e. Titik potong bidang $\mathbf{u} + 2\mathbf{v}$ dan bidang $\mathbf{w} + 3\mathbf{v}$ (nilai maksimum : 20)
- f. \mathbf{x} , dengan $\mathbf{x} = \mathbf{u}\mathbf{v} + \mathbf{v}\mathbf{w} \mathbf{u}\mathbf{w}$ (nilai maksimum : 20)
- g. $xI(e_{12} + e_{13} + e_{23})$ (nilai maksimum : 20)
- h. Dari a, b, f, dan g, tentukan kompleks konjugatnya(jika ada) serta alasannya jika tidak ada (**nilai maksimum : 20**)
- i. Hasil dari a diputar 90° searah jarum jam pada bidang e_{13} ditambah hasil dari b diputar 45° berlawanan arah jarum jam pada bidang e_{23} dikurang hasil dari f diputar 210° searah jarum jam pada bidang e_{12} (**nilai maksimum : 25**)
- j. $((u \times v) \times w) + (u \times (v \times w))$ (nilai maksimum : 25)
- k. $\mathbf{v}^{-1} \mathbf{V} \mathbf{w}^{-1} \mathbf{V} \mathbf{u}^{-1}$ (nilai maksimum : 20)

Diketahui vektor $\mathbf{u} = -\mathbf{e}_1 + 3\mathbf{e}_2$, $\mathbf{v} = 2\mathbf{e}_1 - \mathbf{e}_2$, dan $\mathbf{w} = 3\mathbf{e}_1 + 2\mathbf{e}_2$ dengan titik pangkal pada titik asal. Dalam bentuk paling sederhana, tentukan:

- 1. $\|\mathbf{u} \wedge \mathbf{v}\|^2$ dengan 2 cara, yaitu dengan menggunakan sudut, serta dengan menghitung langsung (**nilai maksimum : 20**)
- m. Luas bangun yang dibentuk dari semua bangun yang terbentuk oleh ketiga vektor tersebut (nilai maksimum: 30)
- n. Titik potong bidang $-2\mathbf{u} + 3\mathbf{v}$ dan bidang $3\mathbf{w} 2\mathbf{v}$ (nilai maksimum : 15)
- o. I(uv + vw uw) (nilai maksimum : 15)
- p. Dari a, c, dan d, tentukan kompleks konjugatnya(jika ada) serta alasannya jika tidak ada (nilai maksimum: 10)
- q. Hasil dari l diputar 135° berlawanan jarum jam pada bidang e₁₂ ditambah hasil dari dodiputar 240° searah jarum jam pada bidang e₂₁ (**nilai maksimum : 15**)
- r. $\mathbf{w}^{-1} \mathbf{V} \mathbf{u}^{-1} \mathbf{V} \mathbf{v}^{-1}$ (nilai maksimum : 15)