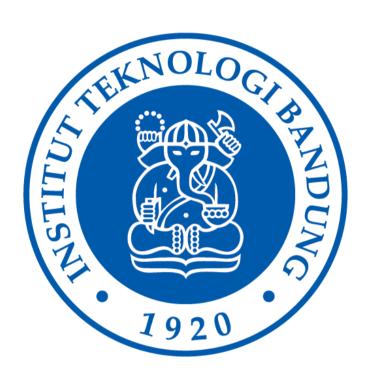
LAPORAN TUGAS KECIL II IF2211 STRATEGI ALGORITMA

Mencari Pasangan Titik Terdekat 3D dengan Algoritma Divide and Conquer



Disusun oleh

Akmal Mahardika Nurwahyu Pratama 13521070

SEMESTER IV TAHUN 2022/2023 JURUSAN TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

BAB I ALGORITME DEVIDE AND CONQUER

Algoritme *devide and conquer* adalah algoritme yang pemograman yang didasarkan pada rekrusif multi-cabang. berdasarkan bahasanya, *devide* artinya membagi dan *conquer* artinya mengatasi. Algoritma ini memiliki langkah :

1. Divide

Membagi masalah menjadi beberapa upa-masalah yang memiliki kemiripan dengan masalah semula namun berukuran lebih kecil (idealnya berukuran hampir sama).

2. Conquer

Memecahkan (menyelesaikan) masing-masing upa-masalah (secara rekursif).

3. Combine

Menggabungkan solusi masing-masing masalah sehingga membentuk solusi masalah semula. Adapun contoh persoalan yang dapat diselesaikan dengan algoritme *devide and conquer*:

- 1. Persoalan MinMaks (mencari nilai minimum dan nilai maksimum)
- 2. Menghitung perpangkatan
- 3. Persoalan pengurutan (sorting) Mergesort dan Quicksort
- 4. Mencari sepasang titik terdekat (closest pair problem)
- 5. Convex Hull
- 6. Perkalian matriks
- 7. Perkalian bilangan bulat besar
- 8. Perkalian dua buah polinom

Pada Tucil 2, mahasiswa diminta mengembangkan algoritma mencari sepasang titik terdekat pada bidang 3D. Misalkan terdapat n buah titik pada ruang 3D. Setiap titik P di dalam ruang dinyatakan dengan koordinat P = (x, y, z). Carilah sepasang titik yang mempunyai jarak terdekat satu sama lain. Jarak dua buah titk P1 = (x1, y1, z1) dan P2 = (x2, y2, z2) dihitung dengan rumus Euclidean berikut:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

BAB II SOURCE PROGRAM

Program dibuat dengan menggunakan bahasa python dengan menggunakan library

- time
- matplotlib
- numpy
- random
- math

Dengan menggunakan fungsi / prosedur:

Dengan menggunakan rungsi/ prosedur.		
File tools.py		
	Membuat array of Titik dengan ukuran n x n.	
	Array 2D diisi dengan nilai random. Nilai	
	elemen dalam array 2d mungkin ada yang sama	
<pre>randomizeDot2(n, dimension)</pre>	Sama seperti randomizedot tapi pakai loop	
<pre>isCloser(dot1, dot2, close_dis)</pre>	True jika jarak abs(dot1[i]-dot2[i]) <	
	close_dis**2 untuk i 0len(dot1)	
<pre>deanDistance(dot1, dot2)</pre>	Menghitung Eucledian Distance antara 2 titik, n	
	Dimensi	
mergeSort(arr_dot)	Melakukan merge sort sebuah array of titik	
	berdasarkan nilai x1	
<pre>euclideanDistance(dot1, dot2)</pre>	Menghitung Eucledian Distance antara 2 titik, n	
	Dimensi	

```
def randomizeDot(n, dimension) :
    return np.random.uniform(constant.MIN_RAND, constant.MAX_RAND, (n, dimension))
 def randomizeDot2(n, dimension) :
     """ same as randomizeDot but using for loop """ You, 19 hours ago • create
    list_point = np.zeros((n, dimension))
     for i in range(n):
         for j in range(dimension) :
            list_point[i][j] = random.uniform(constant.MIN_RAND, constant.MAX_RAND)
     return list point
 def isCloser(dot1, dot2, close_dis) :
     if len(dot1) == 1:
         return abs(dot1[0]-dot2[0]) < close_dis
        mid = len(dot1)//2
         return isCloser(dot1[:mid], dot2[:mid], close_dis) and isCloser(dot1[mid:], dot2
         [mid:], close_dis)
def mergeSort(arr dot) :
    if len(arr_dot) > 1:
         mid = len(arr_dot)//2
         L = arr dot[:mid]
```

```
R = arr_dot[mid:]
mergeSort(L)
mergeSort(R)
i = j = k = 0
1_{len} = len(L)
r_{len} = len(R)
temp_arr = np.zeros((len(arr_dot), len(arr_dot[0])))
while i < l_len and j < r_len :</pre>
    if L[i][0] < R[j][0]:</pre>
        temp_arr[k] = L[i]
        i += 1
    else:
        temp_arr[k] = R[j]
        j += 1
    k += 1
while i < l_len :</pre>
    temp_arr[k] = L[i]
    i += 1
    k += 1
while j < r_len :</pre>
    temp_arr[k] = R[j]
    j += 1
    k += 1
for i in range(len(arr_dot)):
    arr dot[i] = temp arr[i]
```

File DnCTitik.py			
<pre>devidenConquer(arr_dot, nCal)</pre>	Mencari jarak terdekat antara 2 titik dengan		
	devide and conquer jarak dicari dari array of		
	titik		
<pre>baseCaseDNC(arr_dot, nCal)</pre>	Basecase dari devidenConquer, Mencari jarak		
	terdekat antara 2 titik dari array 3 atau 2 titik		
<pre>closestPairStrip(left_arr,</pre>	Mencari Jarak titik terdekat antara 2 titik yang		
right_arr, close_dis, close_dots,	dibatasi garis khayalan berdasarkan divide and		
mid, nCal)	conquer		
<pre>stripClose(l_arr, r_arr, mid,</pre>	Mencari titik terdekat antara 2 titik yang		
close_dis)	dibatasi garis khayalan berdasarkan divide and		
	conquer		

```
def devidenConquer(arr_dot, nCal) :
    """ Mencari jarak terdekat antara 2 titik dengan devide and conquer
```

```
length_arr = len(arr_dot)
    if length arr <= 3 :</pre>
        return baseCaseDNC(arr_dot, nCal)
    else :
        mid = length_arr//2
        left_arr = arr_dot[:mid]
        right_arr = arr_dot[mid:]
        dis1, dots1, nCal = devidenConquer(left arr, nCal)
        dis2, dots2, nCal = devidenConquer(right_arr, nCal)
        close dis = min(dis1, dis2)
        if close dis == dis1 :
            close_dots = dots1
        else :
            close\_dots = dots2
        dis_mid, dots_mid, nCal = closestPairStrip(left_arr, right_arr,
close_dis, close_dots, arr_dot[mid], nCal)
        close_dis = min(close_dis, dis_mid)
        if close dis == dis mid :
            close_dots = dots_mid
        return close dis, close dots, nCal
```

```
def baseCaseDNC(arr_dot, nCal) :
    """ Basecase dari devidenConquer | Mencari jarak terdekat antara 2 titik
dari array 3 atau 2 titik """
    dis = tools.euclideanDistance(arr_dot[0], arr_dot[1])
    nCal += 1
    dots = [arr_dot[0], arr_dot[1]]

if (len(arr_dot) == 3) :
    # Cek jika ada 3 titik
    for i in range(2) : # 0-2 dan 1-2
        temp_dis = tools.euclideanDistance(arr_dot[i], arr_dot[2])
        nCal += 1
        if temp_dis < dis :
            dis = temp_dis
            dots = [arr_dot[i], arr_dot[2]]</pre>
return dis, dots, nCal
```

```
def closestPairStrip(left_arr, right_arr, close_dis, close_dots, mid, nCal) :
    strip_arr, n_left, n_right = stripClose(left_arr, right_arr, mid,
    close_dis)
    dots = close_dots
    dis = close_dis

# Titik kiri hanayan mengecek titik kanan garis khayalan dan sebaliknya
(dengan jarak < close_dis)
    for i in range(n_left) :
        for j in range(n_left, n_left+n_right) :
            if (tools.isCloser(strip_arr[i], strip_arr[j], dis)) :
            temp_dis = tools.euclideanDistance(strip_arr[i], strip_arr[j])
            nCal += 1
            if temp_dis < dis :
                dis = temp_dis
                dots = [strip_arr[i], strip_arr[j]]
    return dis, dots, nCal</pre>
```

File ioApp.py	
<pre>inputHandle()</pre>	Memanggil fungsi/prosedur input
<pre>inputNandDimension()</pre>	Menangani input dari pengguna berupa dimensi dan banyak titik
<pre>outputHandle(min_distance, min_dots,nCal, time)</pre>	Mencetak hasil perhitungan program
<pre>printTitik(arr_dot)</pre>	mencetak pasangan titik dalam bentuk (x1, y1,) dan (x2, y2,)
StartScreen()	Spalsh dari Startscreen
BoxOpenScreen(name)	Box pembatas (buka)
BoxCloseScreen(name)	Box pembatas (tutup)

```
def inputHandle() :
    n, dimension = inputNandDimension()
# n, dimension = fileinput()
    return n, dimension
        def inputNandDimension():
    """ Menangani input dari pengguna berupa dimensi dan banyak titik]"""
    while (True) :
        n = input("Masukkan jumlah titik : ")
        try :
            n = int(n)

        if n < 2 :
            print(dc.B_Red + f"Jumlah titik {dc.Underline}minimal 2!" +

dc.Reset)
        continue
    else :
        break</pre>
```

```
except ValueError :
            print(dc.B Red + "Input harus berupa angka!" + dc.Reset)
            continue
   while (True) :
        dimension = input("Masukkan dimensi titik : ")
            dimension = int(dimension)
            if dimension < 1:
                print(dc.B_Red + f"Dimensi {dimension} tidak terdefini!
{dc.Underline}dimensi minimal 1!" + dc.Reset)
            else :
                break
       except ValueError :
            print(dc.B Red + "Input harus berupa angka!" + dc.Reset)
            continue
    return n, dimension
def outputHandle(min_distance, min_dots, nCal, time) :
    """ Mencetak hasil perhitungan program """
    print("Jarak terdekat adalah
                                            :", min_distance)
   print("Pasangan Titik terdekat adalah :", end=' ')
   printTitik(min_dots)
    print("Jumlah perhitungan jarak euclidean :", nCal)
    print("Waktu perhitungan
                                             :", time, "milidetik")
def printTitik(arr dot) :
    for i in range(len(arr dot)) :
       point = arr dot[i]
       print(f"( {point[0] :.4f}", end = "")
       for j in range(1, len(point)):
            print(f", {point[j] :.4f}", end = "")
       print(" )", end = "")
       if i % 2 == 0:
            print(dc.B_Green+" dan ", end = "" + dc.Reset)
       else :
            print()
def StartScreen():
   print(dc.B_Magenta,"""
$$$$$$\ $$\
                                                  $$\
                                                                $$$$$$$\ $$\
       $$\
                                                                $$ __$$\\__|
     $$\$$ |
                                                  $$ |
```

```
$$ / \ $$ |$$$$$\ $$$$$$\ $$$$$$\ $$$$$$\
                                                     $$ | $$ $$\ $
$$$$$$\$$$$$\ $$$$$$\ $$$$$$\ $$$$$$\
$$ | $$ $$ $$\$$ $$\$$ \ $$ |
                                                     $$ | $$ $$ $$
     _\_$$ _| \___$$\$$ __$$\$$ ___$$
      $$ $$ / $$ \$$$$$$\ $$$$$$$ \$$$$$$\ $$ |
                                                     $$ | $$ $$ \$
            $$$$$$$ $$ | $$ $$ /
       $$ |
                                    $$$$$$$$
$$ | $$\$$ $$ | $$ |\___$$\$$ ___|\__$$\ $$ |$$\
                                                     $$ | $$ $$ |\
  _$$\ $$ |$$\$$ __$$ $$ | $$ $$ |
\$$$$ |
           $$$$$$$ $$ $$$$$$ |
\$$$$ \$$$$$$$ $$ | $$ \$$$$$$\\$$$$$$\
        """, dc.Reset)
   print("{: ^144}".format(dc.B Yellow + dc.Underline + "Akmal Mahardika
Nurwahyu Pratama - 13521070") + dc.Reset + "\n")
def BoxOpenScreen(name) :
   print(dc.Bold + "\[\]{\}\]".format("\[-\]*53,name,\[-\]*53) + dc.Reset +
"\n")
def BoxCloseScreen(name) :
   print("\n" + dc.Bold + "^{L}{}{:^24}{}\]".format("-"*53,name,"-"*53) +
dc.Reset + "\n")
```

```
File bruteforce.py
bruteforceDots(arr_dot)
Mencari pasangan titk terdekat dengan
algoritma brute force
```

```
def bruteforceDots(arr_dot) :
    """ Mencari pasangan titk terdekat dengan algoritma brute force """
    nCal = 0
    dis = -1
    close_dis = 99999
    close_dots = []

for i in range(len(arr_dot)) :
    for j in range(i+1, len(arr_dot)) :
        dis = tools.euclideanDistance(arr_dot[i], arr_dot[j])
        nCal += 1
        if dis < close_dis :
            close_dis = dis
            close_dots = [arr_dot[i], arr_dot[j]]</pre>
```

File visualizer.py		
<pre>visualize(arr_dots, min_dots)</pre>	Visualisasi array of titik	
OneDPlot(arr_dots, min_dots)	Plotting 1D array of Titik	
<pre>TwoDPlot(arr_dots, min_dots)</pre>	Plotting 2D array of Titik	
<pre>ThreeDPlot(arr_dots, min_dots)</pre>	Plotting 3D array of Titik	
<pre>connectDots(arr_dots, dim)</pre>	Menghubungkan pasangan titik yang ada di	
	dalam array	

```
def visualize(arr_dots, min_dots) :
    arr_dots = np.array(arr_dots)
    min_dots = np.array(min_dots)
    dim = len(arr_dots[0])
    if dim == 1 :
        OneDPlot(arr_dots, min_dots)
        return True
    elif dim == 2 :
        TwoDPlot(arr_dots, min_dots)
        return True
    elif dim == 3 :
        ThreeDPlot(arr_dots, min_dots)
        return True
    else :
        print(dc.B_Red + "Tidak dapat melakukan visualisasi" + dc.Reset)
        return False
def OneDPlot(arr_dots, min_dots) :
    ax = plt.gca()
    ax.set_title("Visualisasi Titik")
    plt.plot(arr_dots, np.zeros_like(arr_dots), 'bo')
    plt.plot(min_dots, np.zeros_like(min_dots), 'ro')
    connectDots(min_dots,1)
    plt.xlabel('X')
    plt.show()
def TwoDPlot(arr_dots, min_dots) :
    ax = plt.gca()
    ax.set title("Visualisasi Titik")
    plt.scatter(arr_dots[:,0], arr_dots[:,1], marker='o', color='b')
    plt.scatter(min_dots[:,0], min_dots[:,1], marker='o', color='r')
    connectDots(min dots,2)
```

```
plt.xlabel('X')
    plt.ylabel('Y')
    plt.show()
def ThreeDPlot(arr dots, min dots) :
    fig = plt.figure()
    ax = fig.add_subplot(projection='3d')
    ax.set_title("Visualisasi Titik")
    ax.scatter(arr_dots[:,0], arr_dots[:,1], arr_dots[:,2], color='b')
    ax.scatter(min_dots[:,0], min_dots[:,1], min_dots[:,2], color='r')
    connectDots(min dots,3, ax)
    ax.set_xlabel('X')
    ax.set_ylabel('Y')
    ax.set zlabel('Z')
    plt.show()
def connectDots(arr_dots, dim, ax = None) :
    if dim == 1 :
        for i in range(0, len(arr_dots), 2) :
            plt.plot([arr_dots[i], arr_dots[i+1]], [0,0], 'r-')
    elif dim == 2 :
        for i in range(0, len(arr_dots), 2) :
            plt.plot([arr_dots[i,0], arr_dots[i+1,0]], [arr_dots[i,1],
arr_dots[i+1,1]], 'r-')
    elif dim == 3 :
        for i in range(0, len(arr_dots), 2) :
            ax.plot([arr_dots[i,0], arr_dots[i+1,0]], [arr_dots[i,1],
arr_dots[i+1,1]], [arr_dots[i,2], arr_dots[i+1,2]], 'r-')
```

Adapun file lain berisi atribut-atribut yang melengkapi program, beberapa diantaranya

- File constant.py

```
# declare constant
MAX_RAND = 500
MIN_RAND = -500
```

- File designCli.py

```
# Text Colour

Black = "\u001b[0;30m"

Red = "\u001b[0;31m"

Green = "\u001b[0;32m"

Yellow = "\u001b[0;33m"
```

```
Blue = "\u001b[0;34m"
Magenta = "\u001b[0;35m"
Cyan = "\u001b[0;36m"]
White = "\u001b[0;37m"
Reset = "\u001b[0;00m"
B Black = "\u001b[30;1m"]
B_Red = "\u001b[31;1m"]
B Green = "\u001b[32;1m"]
B_Yellow = "\u001b[33;1m"
B_Blue = "\u001b[34;1m"
B Magenta = "\u001b[35;1m"
B_Cyan = "\u001b[36;1m"]
B_White = "\u001b[37;1m"
Reset = "\u001b[0m"
Bg_Black = "\u001b[40m"
Bg_Red = "\u0001b[41m"]
Bg\_Green = "\u001b[42m"]
Bg_Yellow = "\u001b[43m"]
Bg_Blue = "\u001b[44m"
Bg Magenta = \frac{1}{u001b[45m]}
Bg_Cyan = "\u001b[46m"]
Bg_White = "\u001b[47m"]
Bold = "\u001b[1m"]
Underline = "\u001b[4m"
Reversed = "\u001b[7m"
```

File -file diatas membentuk main program sebagai berikut (main.py)

```
# File : main.py
# Application to find nearest 2 point from n point in 3D space and calculate
distance between them

import time
import bruteforce as bf
import tools as tl
import DnCTitik as DnC
import ioApp as io
import visualizer as vis

if __name__ == "__main__":
    io.StartScreen()

    n, dimension = io.inputHandle()
    arr_dots = tl.randomizeDot2(n, dimension)
```

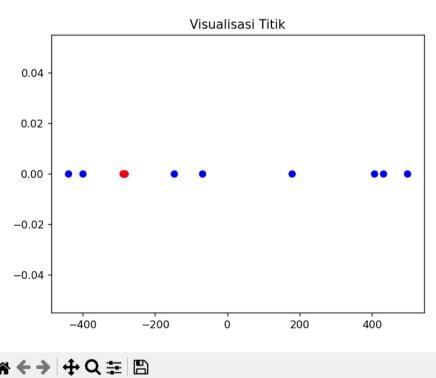
```
tl.mergeSort(arr_dots)
    dnc nCal = 0
    dnc_timeS = time.time()
    dnc_min_dis, dnc_min_dots, dnc_nCal = DnC.devidenConquer(arr_dots,
dnc_nCal)
    dnc_timeE = time.time()
    io.BoxOpenScreen("Devide and Conquer")
    io.outputHandle(dnc_min_dis, dnc_min_dots, dnc_nCal, (dnc_timeE -
dnc_timeS)*1000)
    io.BoxCloseScreen("Devide and Conquer")
    vis.visualize(arr_dots, dnc_min_dots)
    bf_nCal = 0
    bf_timeS = time.time()
    bf_min_dis, bf_min_dots, bf_nCal = bf.bruteforceDots(arr_dots)
    bf_timeE = time.time()
    io.BoxOpenScreen("Brute Force")
    io.outputHandle(bf_min_dis, bf_min_dots, bf_nCal, (bf_timeE -
bf_timeS)*1000)
    io.BoxCloseScreen("Brute Force")
    vis.visualize(arr_dots, bf_min_dots)
```

BAB III TEST PROGRAM

Input program terdiri dari 2 yaitu, jumlah titik (n) dan dimensi titik (d). Berikut merupakan beberapa test program yang dilakukan, test program dilakukan pada prosesor Intel i7-11567G dengan 8 GB Memori :

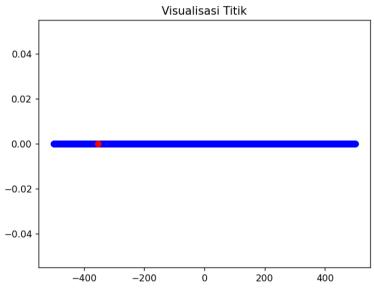
1. Test input keyboard benar untuk n = 10 dan d = 1





2. Test input keyboard benar untuk n = 5000 dan d = 1





3. Test input keyboard benar untuk n = 20 dan d = 2

```
Masukkan jumlah titik : 20

Masukkan dimensi titik : 2

Devide and Conquer

Jarak terdekat adalah : 68.96562589955319
Pasangan Titik terdekat adalah : (-85.7988, 421.8844) dan (-84.7446, 352.9268)

Jumlah perhitungan jarak euclidean : 19
Waktu perhitungan : 0.0 milidetik

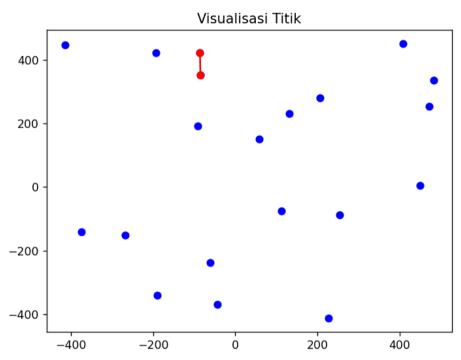
Devide and Conquer

Brute Force

Jarak terdekat adalah : 68.96562589955319
Pasangan Titik terdekat adalah : (-85.7988, 421.8844) dan (-84.7446, 352.9268)

Jumlah perhitungan jarak euclidean : 190
Waktu perhitungan : 0.0 milidetik

Brute Force
```



4. Testinput keyboard untuk n = 5000 dan d = 5

```
Masukkan jumlah titik : 5000
Masukkan dimensi titik : 2

Devide and Conquer

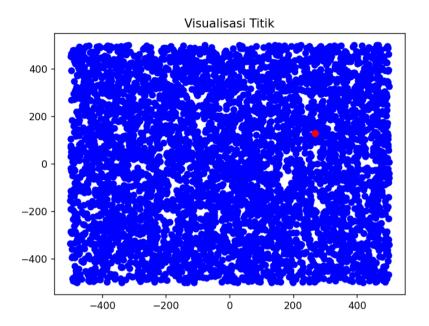
Jarak terdekat adalah : 0.13114688554016798
Pasangan Titik terdekat adalah : (267.1248, 128.5897 ) dan (267.1485, 128.7187 )
Jumlah perhitungan jarak euclidean : 5324
Waktu perhitungan : 75.11663436889648 milidetik

Devide and Conquer

Brute Force

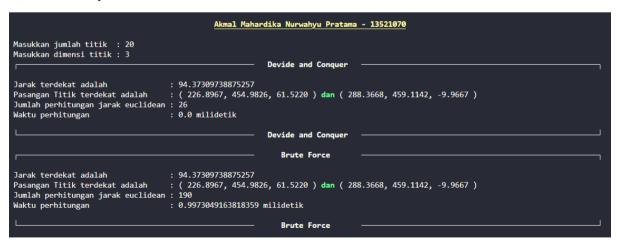
Jarak terdekat adalah : 0.13114688554016798
Pasangan Titik terdekat adalah : (267.1248, 128.5897 ) dan (267.1485, 128.7187 )
Jumlah perhitungan jarak euclidean : 12497500
Waktu perhitungan : 18548.004150390625 milidetik

Brute Force
```

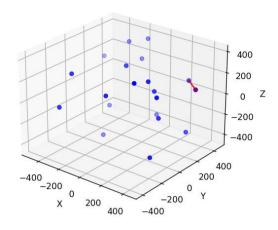


5. Test handling Input (Input Salah)

6. Test keyboard untuk n = 30 dan d = 3



Visualisasi Titik



7. Test keyboard input untuk n = 1000 dan d = 100

Masukkan jumlah titik : 1000 Masukkan dimensi titik : 100				
Devide and Conquer				
Jarak terdekat adalah : 2999.5013809352736 Pasangan Titik terdekat adalah : (-299.3448, 110.6538, 197.0426, 424.0738, -310.2974, -32.6279, 93.5863, 90.5870, 28.4337, -378.1910, 19.4055, -290.0380, 91.8593, 143.5059, 246.4608, 460.4 380, -305.9765, -299.3887, -115.5780, 170.3118, 353.5914, -179.1281, -284.9746, -7.7677, -348.7453, 431.4592, 212.6951, -330.8593, 117.2845, 477.2311, 256.3297, -395.4644, -264.9291, 62.6596, 241.1273, -206.5534, -57.1343, 415.5927, -105.4133, -9.8883, 148.7807, 161.6071, -189.9152, 360.3625, 475.9676, -181.4605, -54.9781, -119.4039, -278.2972, -305.1496, -51.6692, 70.7435, -192.4049, -181.5282, -72.13.0956, 91.6586, 158.2888, -463.8017, -138.4502, -231.6521, 177.0169, -205.3107, -511.3, -211.0, -205.3107, -70.978, -79.098, -79.6083, -466.0696, -228.5198, -275.897, -167.5826, 167.4489, -877.887, -71.718, -204.1622, -255.8860, 248.8808, -178.238, -475.268, -67.6228, -165.0143, -2.375.39, -99.9174, -74.5681, 568.8205, -23.934, -138.1939, 283.6765, 257.7490, -329.599, -431.671, 152.0309, -338.4638, -33.338, 428.4641, -290.2011, 99.8071, 137.264, -210.1844) 40m. (267.3309, 415.3616), -333.5670, 348.9222, -430.4641, 145.7001, 161.304, -309.0780, -228.912, -309.404, -210.5406, 177.6837, 396.9765, 115.3602, -228.9912, 399.7302, 350.2106, 57.3985, 42.5675, 106.6705, -131.1767, 196.8619, 299.114, 22.164, 255.6031, -231.0527, -77.7609, 286.5000, -162.0832, -43.8477, -46.75566, -56.5993, 178.6010, -74.5866, -74.7459, -74.5566, -74.7459, -74.5566, -74.7499, -74.7499, -74.5566, -74.7499, -74.5566, -74.7499, -74.5566, -74.749				
Waktu perhitungan : 72907.78374671936 milidetik				
Waktu perhitungan : 72907.78374671936 milidetik Devide and Conquer				
Waktu perhitungan : 72907.78374671936 milidetik Devide and Conquer				
Waktu perhitungan : 72907.78374671936 milidetik Devide and Conquer Tidak dapat melakukan visualisasi				

BAB IV KESIMPULAN DAN SARAN

Saat membuat program penulis menyadari beberapa hal dari algoritma devide and conquer untuk perhitunggan jarak 2 titik terdekat, yaitu :

- 1. Algoritme tidak selalu efektif, jika setelah membagi terdapat banyak titik yang dekat dengan 'garis khayalan' akan memerlukan brute force yang lama.
- 2. Tidak dapat dipungkiri bahwa algoritme ini tetap memerlukan brute force ketika terjadi kejadian seperti poin 1.

LAMPIRAN

Poin		Tidak
Program berhasil dikompilasi tanpa ada kesalahan.		
Program berhasil running	✓	
Program dapat menerima masukan dan dan menuliskan luaran.	✓	
Luaran program sudah benar (solusi closest pair benar)	✓	
Bonus 1 dikerjakan	√	
Bonus 2 dikerjakan	✓	

Repository Github

https://github.com/akmaldika/Tucil2_13521070.git