Respostas e rascunhos

Nome: William Cardoso Barbosa

1- Resolver as equações

1.
$$2x + 3 = 5x - 4$$

$$2x - 5x = -4 - 3$$

$$-3x = -7$$

$$x = \frac{7}{3}$$

2.
$$4x - 10 = x + 5$$

$$4x-x = 10+5$$

$$3x = 15$$

$$x = \frac{15}{3}$$

$$x = 5$$

3.
$$10x + 9 = 5x - 10$$

$$10x - 5x = -10 + 9$$

$$5x = -1$$

$$x = \frac{-1}{5}$$

4.
$$x^2 + 3x + 9 = 3x + 4$$

$$x^2 + 3x + 9 - 9 = 3x + 4 - 9$$

$$x^2 + 3x = 3x - 5$$

$$x^2 + 3x - 3x = 3x - 5 - 3x$$

$$x^2 = -5$$

$$x=\sqrt{-5},\ x=-\sqrt{-5}$$

5.
$$5x^2 + 2x + 12 = 15x^2 + 10x + 8$$

$$egin{aligned} x &= rac{-(-8)\pm\sqrt{(-8)^2-4(-10)\cdot\,4}}{2(-10)} \ x &= rac{-(-8)\pm\,4\sqrt{14}}{2(-10)} \ x_1 &= rac{-(-8)+4\sqrt{14}}{2(-10)}, \ x_2 &= rac{-(-8)-4\sqrt{14}}{2(-10)} \ x &= -rac{2+\sqrt{14}}{5}, \ x &= rac{\sqrt{14}-2}{5} \end{aligned}$$

2- Resolver as inequações

a)
$$5x+2-2<10x-4-2 = 5x<10x-6$$

$$(-5x)(-1)>(-6)(-1) = 5x>6$$

$$\frac{5x}{5} > \frac{6}{5}$$

$$x>\frac{6}{5}$$

b)
$$10x + 8 \ge 9x + 5$$

$$10x \ge 9x - 3 = 10x - 9x$$

$$9x - 3 - 9x = x > -3$$

c)
$$5x + 10 > 10x + 6 = 5x + 10 - 10 > 10x + 6 - 10$$

$$5x > 10x - 4 = 5x - 10x > 10x - 4 - 10x$$

$$\frac{5x}{5} < \frac{4}{5}$$

$$x < \frac{4}{5}$$

d)
$$6x^2-x-3>0=6\left(x+\frac{1}{12}\right)^2-\frac{71}{24}>0$$

$$6\left(x+rac{1}{12}
ight)^2 > rac{71}{24} = \left(-6\left(x+rac{1}{12}
ight)^2
ight)(-1) < rac{71(-1)}{24}$$

$$\left(x+\frac{1}{12}\right)^2<-\frac{71}{144}$$

e)
$$5x^2+3x+4 \le 2x^2+4x+7=3\left(x-\frac{1}{6}\right)^2-\frac{37}{12} \le 0$$
 $3\left(x-\frac{1}{6}\right)^2-\frac{37}{12}+\frac{37}{12} \le 0+\frac{37}{12}=\sqrt{\frac{37}{36}} \le x-\frac{1}{6}$ $x-\frac{1}{6} \le \sqrt{\frac{37}{36}}$

$$rac{-\sqrt{37}+1}{6} \leq x \leq rac{\sqrt{37}+1}{6}$$

3 - Encontrar dominio das funções

a)
$$f(x) = x^2 + 4$$

não há restrições para essa equação, o dominio é $-\infty \ < x < \infty$

b)
$$h(x)=rac{5}{x-3}$$

como não pode haver divisão por zero o denominador não pode ser nulo, ou seja, o x não pode ser igual a 3, sendo assim , o dominio é :

$$x < 3$$
 ou $x > 3$

c)
$$f\left(x
ight) = rac{3x-1}{(x+3)(x-1)}$$
 $x < -3$, $-3 < x < 1$ e $x > 1$

(x + 3) ou (x-1) não podem ser nulos

$$\mathrm{d}) f\left(x\right) \, = \, \tfrac{1}{x} \, + \, \tfrac{5}{x-3}$$

e)
$$f(x) = rac{x}{x^2-5x}$$