

**O‘ZBEKISTON RESPUBLIKASI  
OLIY VA O‘RTA MAXSUS TA’LIM VAZIRLIGI**

Jahongir Avloqulovich Qosimov

**MUHANDISLIK GRAFIKASI**

O‘zbekiston Respublikasi Oliy va o‘rtalik maxsus ta’lim vazirligi  
tomonidan oliy o‘quv yurtlari 5430400- Qishloq xo‘jaligida innovatsion  
texnika va texnologiyalarini qo‘llash va turdosh yo‘nalishdagi bakalavriat  
talabalari uchun darslik sifatida tavsiya etilgan.

Toshkent – 2021

## **ANNOTATSIYA**

Oxirgi yillarda ta'lif sohasida olib borilayotgan izchil islohotlar mutaxassislarini kommunikativ sifatlarga ega bo'lishlarini ta'minlash maqsadida, bir-biriga turdosh bo'lgan fanlarni integrativ o'qitish asosida tashkil qilishga qaratilgan. Shular jumlasidan "Chizma geometriya" va "Muhandislik grafikasi" kabi fanlar davlat standarti tomonidan ta'lif jarayonining o'quv dasturlariga kirib keldi.

Ushbu "Muhandislik grafikasi" darsligi chizma geometriyada masalalar yechishni osonlashtirish uchun ixtiyoriy berilgan tekisliklarni qulay berilishga keltirishda ijodiy yondashuv mazmunan hamda, muhandislik grafikasidan talabalar uchun ko'rinishlar, qirqimlar mavzulari tushunarli yoritilgan.

## **АННОТАЦИЯ**

Последовательные образовательные реформы последних лет были направлены на создание интегрированного обучения смежным дисциплинам, чтобы у специалистов были коммуникативные качества. Среди них такие предметы, как «Начертательная геометрия и компьютерная графика» и «Инженерная графика», были включены в учебный план государственным стандартом.

Это учебное пособие «Инженерная графика» с творческим подходом к созданию гибких графиков для облегчения решения задач в графической геометрии, а также визуализации инженерной графики для студентов. Темы раздела понятны.

## **ANNOTATION**

Consistent educational reforms in recent years have been aimed at creating integrated learning of interdisciplinary disciplines in order to ensure that specialists have communicative qualities. Among them, such subjects as "Descriptive Geometry and Computer Graphics" and "Engineering Graphics" have been incorporated into the curriculum by the State Standard.

This textbook "Engineering Graphics", a skilled and experienced practitioner, with a creative approach to providing flexible plots to facilitate problem solving in graphic geometry, as well as visualization of engineering graphics for students. , the topics of the section are clear.

### **Taqrizchilar:**

TAYLEQI "Muhandislik grafikasi va axbarot texnologiyalari" kafedrasi dotsenti, t.f.n. B.Alimov

TIQXMMI "Nazariy va qurulish mexanikasi" kafedrasi dotsenti, t.f.n. B.Yo'ldoshev

## SO‘Z BOSHI

“Kadrlar tayyorlash milliy dasturi”da chuqur nazariy va amaliy bilimlar bilan bir qatorda tanlangan sohasi bo‘yicha mustaqil faoliyat ko‘rsata oladigan, o‘z bilimi va malakasini mustaqil ravishda oshirib boradigan, masalaga ijodiy yondashgan holda muammoli vaziyatlarni to‘g‘ri aniqlab, tahlil qilib, sharoitga tez moslasha oladigan mutaxassislarni tayyorlash asosiy vazifalardan biri sifatida belgilangan

Ma’lumki, axborot va bilimlar doirasi tez sur’atlar bilan kengayib borayotgan xozirgi sharoitda barcha ma’lumotlarni faqat dars mashg’ulotlari paytida talabalarga yetkazish qiyin.

Tajribalar shuni ko‘rsatadiki, talaba mustaqil ravishda shug‘ullansa va o‘z ustida tinimsiz ishlasagina bilimlarni chuqur o‘zlashtirishi mumkin. Talabalarning asosiy bilim, ko‘nikma va malakalari mustaqil ta’lim jarayonidagina shakllanadi, mustaqil faoliyat ko‘rsatish qobiliyati rivojlanadi va ularda ijodiy ishlashga qiziqish paydo bo‘ladi.

Shuning uchun talabalarning mustaqil ta’lim olishlarini rejalashtirish, tashkil qilish va barcha zaruriy shart-sharoitlarni yaratish, dars mashg’ulotlarida talabalarni o‘qitish bilan bir qatorda ularni ko‘proq o‘qishga o‘rgatish, bilim olish yo‘llarini ko‘rsatish, mustaqil ta’lim olish uchun yo‘llanma berish oliy ta’lim muassasasining asosiy vazifalaridan biri hisoblanadi.

Ushbu darslik talablarda bir vaqtning o‘zida yaratuvchanlik va fazoviy qobiliyatini oshirishda katta yordam beradi.

Fan xususiyatidan kelib chiqqan holda talabalarga mustaqil ish uchun turli shakllardagi vazifalar topshirilishi mumkin. Qaysi turdagи topshiriqlarni berish lozimligi kafedra tomonidan belgilanadi.

Topshiriqlar puxta o‘ylab chiqilgan va ma’lum maqsadga yo‘naltirilgan bo‘lib, talabalarning auditoriya mashg’ulotlarida olgan bilimlarini mustahkamlash, to‘ldirish va kengaytirishga xizmat qilishi kerak.

Topshiriqlar ishlanmalari shunday tuzilgan bo‘lishi kerakki, ulardagи masalalarni yechish, mashqlarni bajarish uchun talaba turli axborot manbalariga, o‘quv adabiyotlariga murojaat qiladigan bo‘lsin.

Chizma geometriya fani matematikaning bir tarmog‘i hisoblanib, u uch o‘lchamli fazodagi ob’ektlarning tekislikdagi grafik modelini qurish asoslarini o‘rganadi. Shu tufayli, chizmani fazodagi geometrik shaklning tekislikdagi grafik modeli deb qarash mumkin. Bu esa chizma geometriyani Oliy texnika ta’lim tizimidagi o‘rnini aniqlaydi. Darslikda muhandislik amaliyotida ishlab chiqarish bilan bog‘liq bo‘lgan misollar keltirilgan. Kursning asosiy qonun-qoidalari ta’riflar yoki teoremlar tarzida berilgan.

Geometrik shakllar uchun darslikda qabul qilingan shartli belgilar va simvollar kitobning o‘qilishini va tushunishni osonlashtiradi.

Chizmalarning hosil bo‘lish jarayoni va bajarish algoritmi fazoda va proyeksiyalarda bir xil tartibda berilgan.

Mazkur darslik ana shunday vazifani hal qilishga qaratilgan. Unda muhandislik fanidan dars jarayonida olingan bilimlarni, mustaxkamlash, to‘ldirish hamda chuqurlashtirish uchun topshiriqlar ishlanmalari berilgan.

Darslikni tayyorlash jarayonida o‘zlarining qimmatli fikrlarini bergen, Toshkent irrigatsiya va qishloq xo‘jaligini mexanizatsiyalashtirish muhandislari instituti “Chizma geometriya va muhandislik grafikasi” kafedrasи professor-o‘qituvchilariga, xususan, ustozlarim professor D.F. Kuchkarova, Sh. K. Murodov, dotsentar U.T. Rixsiboyev, M.K. Xalimovlarga samimiyl minnatdorchilik bildirib qolaman.

## BIRINCHI QISM

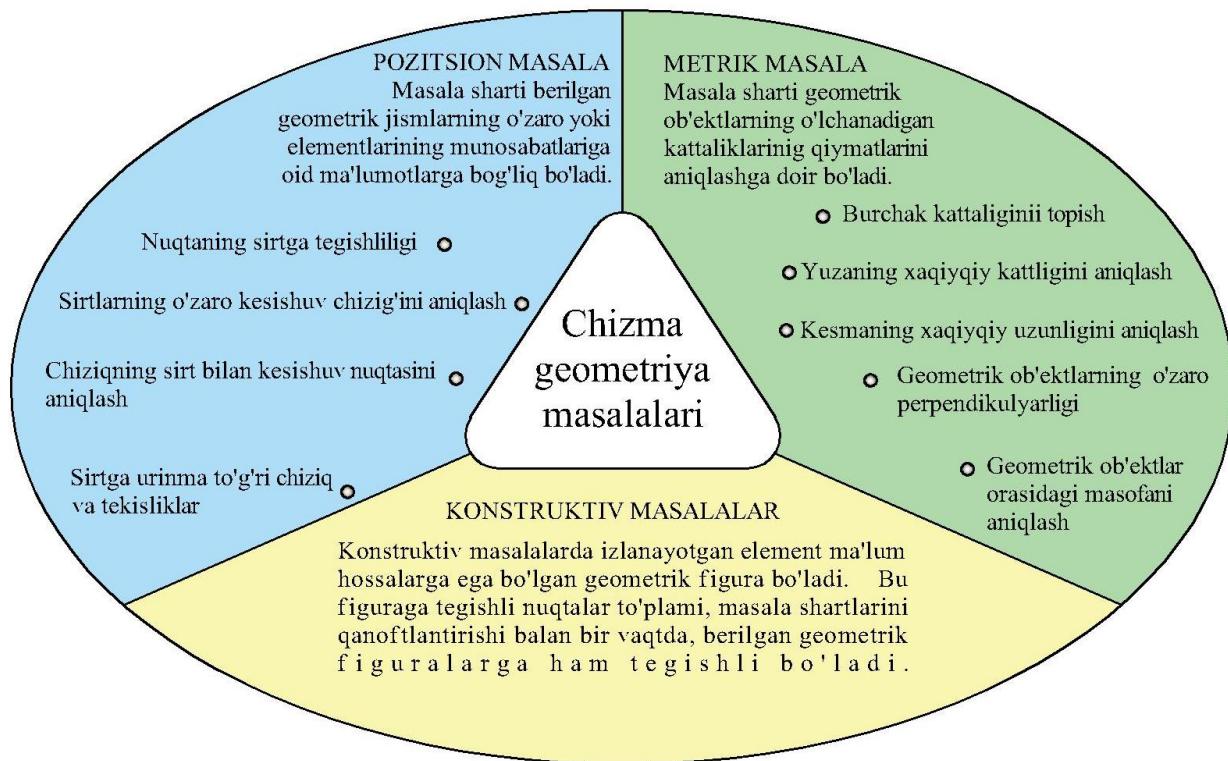
### CHIZMA GEOMETRIYA

**Proektiv geometriya** – proektiv qayta tuzishlarda o‘z hossalarini o‘zgartirmaydigan shakllarni o‘rganuvchi fan. Proektiv geometriya geometrik obrazlarni metrik hossalarsiz, o‘zaro joylashuviga asosan ko‘rib chiqadi. Og‘ma tekislikka markaziy proeksiyalash qoidalariiga asoslanadi. Proektiv geometriya fazosi Evklid fazosidan ba’zi-bir qo‘srimcha hossalari bilan farq qiladi. Figuralarning Evklid fazosidagi proektiv hossalarni o‘rganishgan mashxur matemetiklar J. Dezarg (1593-1662) va B. Paskal (1623-1662) proektiv geometriya poydevorini qurishgan. Dezarg o‘z ishlarida analitik usullarni umuman ishlatmaydi, ya’ni koordinat yoki boshqa biron-bir analitik usullarni qo’llamaydi. U proektiv hossalarning geometrik hususiyatlarini mutloq geometrik, boshqacha qilib aytganda sintetik usulda ko‘rib chiqadi. Dezarg tomonidan kiritilgan teoremnalar hozirgi kun dadsliklida topshiriqlar tarzida qo’llaniladi.<sup>1</sup> Sintetik yondoshuvda mantiqiy izchillik boshidan oxirigacha geometrik fikrlash asosida olib boriladi va barcha bosqichalarga ko‘rimlilik xosdir. Buni Evklid geometriyasining teoremlari isboti misolida ko‘rish mumkin. Bu jixatidan sintetik geometriya analitik geometriyadan yaxshiroq ham. Boshqa tomondan u yoki bu masalani faqatgina ko‘rimlilik va intuitsiya orqali yechish anchagina murakkablashib ketishi mumkin. Dekartning analitik geometriyasida esa dastlab koordinatalar sistemasi kiritiladi va keyin algebraik operatsiyalr zanjiri o‘tkaziladi. barcha masalalar yagona obrazli metod yordamida tadqiq qilinadi, ya’ni shakllar munosabatlarining analitik ifodalanishi hisoblashlar orqali olinadi. Natijada masala yechish jarayonidagi murakkabliklar kamayadi. Shunga qaramay aniq yechiga faqatgina analitik yo‘l bilan borishning iloji bo‘lmagan yetarlicha masalalar mavjud.<sup>2</sup> Boshqacha so‘z bilan aytganda hech bir metod universal bo‘lolmaydi. Shuning uchun Kleyn har ikkala metodning ustunlik tomonlarini uyg‘unlashtirish tarafdori bo‘lgan. Sintetik metodning qayta tug‘ilishiga XVIII asrning oxirlarida G. Monj tomonidan chop etilgan chizma geometriya darsligi sabab bo‘ldi.

<sup>1</sup> Многообразие геометрии. Мацуо Комацу „Знание“ М. 60 ст.

<sup>2</sup> Многообразие геометрии. Мацуо Комацу „Знание“ М. 61 ст.

**Chizma geometriya** – geometriyaning fazoviy vormalarni tekislik yoki sirtda tasvirlanishini o‘rganuvchi bo‘limi.



## CHIZMA GEOMETRIYA MASALALARINING TURLARI

**POZITSION MASALA**  
Masala sharti berilgan geometrik jismlarning o'zaro yoki elementlarining munosabatlariiga oid ma'lumotlarga bog'liq bo'ladi.

**KONSTRUKTIV MASALA**  
Konstruktiv masalalarda izlanayotgan element ma'lum hossalarga ega bo'lgan geometrik figura bo'ladi. Bu figuraga tegishli nuqtalar to'plami, masala shartlarini qanoftlantirishi balan bir vaqtida, berilgan geometrik figuralarga ham tegishli bo'ladi.

**METRIK MASALA**  
Masala sharti geometrik ob'ektlarning o'lchanadigan kattaliklarini qiymatlarini aniqlashga doir bo'ladi.

Nuqtaning sirtga tegishliligi

Sirlarning o'zaro kesishuv chizig'ini aniqlash

Chiziqning sirt bilan kesishuv nuqtasini aniqlash

Sirtga urinma to'g'ri chiziq va tekisliklar

Burchak kattaliginii topish

Yuzaning xaqiyqiy kattligini aniqlash

Kesmaning xaqiyqiy uzunligini aniqlash

Geometrik ob'ektlarning o'zaro perpendikulyarligi

Geometrik ob'ektlar orasidagi masofani aniqlash

## CHIZMA GEOMETRIYA

### CHIZMACHILK

mayjud yoki tasavvur qilingan narsalarni chiziqlar (chizmalar) vositasida tekislik yoki boshsa sirlarda tasvirlash usullarini o'rganadigan amaliy fan; chizmachilik proektion chizmalar va boshqa tqasvirlarni yasash hamda o'qish qoidalari va usullsini o'rgatadi.

### INJENERLIK GRAFIKASI

(grekcha graphike- rassomlik san'ati) - muhandislik praktikasida grafik ishlarni bajarish uchun zaruriy fanlar (Chizma geometriya, perspektiva nazariyasi, texnikaviy chizmachilik, arxitektura, rassomlik va shu kabilar) majmui.

### MASHINASOZLIK CHIZMACHILGI

chizmachilik kursining mashinasozlik sanoatiga oid ishlab chiqarish chizmalarini chizish va taxt qilish qoidalari va shunday chizmalarini bajarish usullarini o'rgatadigan bo'limi.

### QURILISH CHIZMACHILIGI

umumiyl chizmachilik kursining qurilishga oid bo'limi. U ikkiga bo'linadi 1) injenerlik qurilish chizmachiliqi 2) arxitektura qurilish chizmachiliqi.

## CHIZMA GEOMETRIYA

### Shartli belgilari va ramzlar

Matematikada, geometriyada va programmalashtirishda va boshqa fanlarda geometrir figuralarni va ularning proeksiyalarini belgilash hamda ular orasidagi munosabatlarni ko'rsatish, qolaversa geometrik fikr va

masalaning yechilish algoritmini, teoremalar isbotini qisqaroq tarzda yozish uchun shartli belgilash va ramzlardan tuzilgan geometrik tildan foydalilanadi.

Barcha belgilash va ramziy belgilar hamda ular orasidagi munosabatlarni ikki guruhga ajratish mumkin. Garchi ularni yanada maydaroq podgruhlarga ajratish mumkin va bunga ko‘plab urinishlar bo‘lgan bo‘lsada biz an’anaviylikni saqlashni ma’qul ko‘rdik.

1-guruhga geometrik figuralar va ular orasidagi munosabatlar kiritiladi.

2-guruhga mantiqiy jarayonlarni ifodlovchi, geometrik tilning sintaksikasini belgilovchi belgilar kiritiladi.

Quyda kitobda uchraydigan belgilar keltiriladi. Kompyuter grafikasi faniga bog‘liqlikni ta’minlash uchun an’anaviylikdagi ayrim belgilanishlarni o‘zgartirilganini va belgilanishlardagi mantiqiylikka izoh berilganini aytib o‘tamiz.

## **GEOMETRIK FIGURALAR VA UALAR ORASIDAGI MUNOSABATLAR**

1	A, B, C... 1, 2, 3...	Lotin alifbosining bosh harflari yoki raqam va sonlar bilan fazodagi nuqtalar yoki to‘plamlar belgilanadi (H, V, W harflari ishlatilmaydi).
2	a, b, c...	Lotin alifboslining kichik harflari bilan chiziqlar (x, y, z, h, f, p lardan tashqari) belgilanadi.
	a', b', c',... a'', b'', c'', ... a''', b''', c''', ...	Chiziqlarning gorizontal proyeksiyalari Chiziqlarning frontal proyeksiyalari Chiziqlarning profil proyeksiyalari
3		To‘g‘ri chiziqni ifodalanishi:  (AB) A va B nuqtalardan o‘tgan AB to‘g‘ri chiziq [AB] (AB) Uchi A yoki B nuqtada bo‘lgan AB nur [AB] To‘g‘ri chiziqning A va B nuqtalar bilan chegralangan kesmasi
4	Φ, Λ, Θ, Σ, Ω, Ψ...	Grek alifbosining bosh harflari bilan geometrik figuralar belgilanadi.
5		Sath chiziqlari:  h(h', h'', h''') Gorizontal to‘g‘ri chiziq va uning gorizontal, frontal,

		profil proyeksiyasi.
	$f(f', f'', f''')$	Frontal to‘g‘ri chiziq va uning gorizontal, frontal, profil proyeksiyasi.
	$p(p', p'', p''')$	Profil to‘g‘ri chiziq va uning gorizontal, frontal, profil proyeksiyalari.
6		Ciziqli burchak:
	$\alpha, \beta, \gamma, \delta, \dots$ yoki $\theta,$	Grek alfavitining kichik harflari bilan chiziqli burchakar ifodalanadi. Ularni gorizontal, frontal va profil proyeksiyalari tegishlicha $\alpha'$ , $\alpha''$ , $\alpha'''$ tarzida ko‘rsatildi.
	${}^\circ$ ( $90^\circ, 75^\circ, 60^\circ, 45^\circ, 30^\circ \dots$ )	Gradus belgisi - chiziqli burchaklarning ifodalanishiga misollar
	$\angle$	$\angle \phi - \phi$ burchak, grek alifbosining kichik harflari bilan,
	$\wedge$	$a^\wedge b - a b$ to‘g‘ri chiziqlar orasidagi burchak,
	$\wedge$	Gradus o‘lchov birligidagi burchak kattaligi, $\overbrace{ABC}$ - kesichuvchi AB va BC to‘g‘ri chiziqlar orasidagi burchak
7	yoki	To‘g‘ri burchak
	$\cap$	Yoy belgisi. Yoy uzunligini belgilash $\cap^3$ yoki $\cap 6$
8	.....	Geometrik figuralar orasidagi masofa bu figuralar belgilarini ikki tomonida vertikal chiziqlar chizish orqali ko‘rsatiladi.
	AB	A va B nuqtalar orasidagi masofa (kesma uzunligi)
	ab	a va b chiziqlar orasidagi masofa
	Φ Λ	Φ va Λ figuralar orasidagi masofa
	Aa	A nuqta va a chiziq orasidagi masofa
	AΨ	A nuqta va Ψ figura orasidagi masofa
	ΩΘ	Ω va Θ sirtlar orasidagi masofa
9	P(ABC); Q(a b); $\Omega(c \cap d)$	Uchta nuqta orqali, parallel va kesishuvchi chiziqlar vositasida berilgan tekisliklar
10	0, x, y, z	Koordinatalar boshi, uzunlik, kenglik, balandlik o‘qlari (lotin alifbosining kichik harflari bilan)
	$x_1, x_2$	Proyeksiyalar tekisliklarini almash tirish usulida yangi o‘qlarning belgilanishi
	$A_1', A_2', \dots$	Chizmani qayta tuzish usullarida A nuqtaning birinchi va ikkinchi marotaba almashtirilgan yangi gorizontal proyeksiyalari
	$A_1'', A_2'', \dots$	Chizmani qayta tuzish usullarida A nuqtaning birinchi va

<sup>3</sup> Belgi kodi-0361

		ikkinchi marotaba almashtirilgan yangi frontal proyeksiyalari
11	H, V, W	Gorizontal, frontal, profil proyeksiya tekisliklari
12	H <sub>1</sub> , H <sub>2</sub> ,..., V <sub>1</sub> ,V <sub>2</sub> ,...	Birinchi va ikkinchi bor almashtirilgan gorizontal va frontal proyeksiya tekisliklari
13	P <sub>H</sub> ; P <sub>V</sub> ;; P <sub>W</sub>	P tekislikning gorizontal, frontal va profil izlari
14	P <sub>x</sub> , P <sub>y</sub> , P <sub>z</sub>	Umumiy vaziyatdagi tekislik izlarining koordinata o‘qlari va o‘zaro kesishgan nuqtalari: P <sub>H</sub> P <sub>V</sub> ∩ x=P <sub>x</sub> kabi P <sub>H</sub> P <sub>W</sub> ∩ y=P <sub>y</sub> , P <sub>V</sub> P <sub>W</sub> ∩ z=P <sub>z</sub> .
15	A(x,y, z) A(3,4,5)	Dekart sistemasiga ko‘ra A nuqtaning koordinatalari
16	S	Proyeksiyalash markazi
17	S→	Proyeksiyalash yo‘nalishi
18	A', B',Ω', ... yoki 1', 2', ...	Grek alifbosining bosh harflari bilan figuralarning gorizontal proyeksiyalari
	A", B", Ω", ... yoki 1", 2", ...	Grek alifbosining bosh harflari bilan figuralarning frontal proyeksiyalari
	A'", B'", 'Ω"', .... yoki 1'", 2'", ...	Grek alifbosining bosh harflari bilan figuralarning profil proyeksiyalari
18	A <sub>P</sub> , B <sub>P</sub> , C <sub>P</sub> ,...	A, B, C, ... nuqtalarning P tekislikdagi proyeksiyalari
	< yoki >	Kichik yoki katta. A'B' < [AB], [AB] > A'B' – kesmani gorizontal A'B' proyeksiyasi o‘zidan kichik yoki [AB] kesma o‘zining gorizontal proyeksiyasidan katta
	Δ-delta	Dekart koordinatalar sistemasi bo‘yicha Δx – ikki nuqta uzunliklari ayirmasi Δy – ikki nuqta kengliklari ayirmasi Δz – ikki nuqta balandliklari ayirmasi
	k (► yoki ◀) <sup>4</sup>	k-konuslik. k = 1:7. ►1:6 yoki ◀1:6 – konuslik o‘ngga 1:6 nisbatda yoki konuslik chapga 1:6 nisbatda
	i (∠)	i – qiyalik. i =1:2. ∠1:2 – chapga pasayuvchi qiyalik. Belgi uchi qiyalik yo‘nalishini ko‘rsatadi.
	Σ	Yig‘indi.   AB  + CD = MN  AB va CD kesma uzunliklari yig‘indisi MN kesmaga teng
	÷	÷- dan ...gacha.: 1÷5 Birdan beshgacha.
	▲ <sup>5</sup>	▲ - uchburchak. ▲ABC(A'B'C',A"B"C") Proeksiyalari orqali berilgan uchburchak.
	S	Yassi detal qalinligi, S3 – qalinligi 3mm bolgan detal.

<sup>4</sup> qiyalik yoki konuslik bilan adashtirmaslik va Word sistemasida oson topish uchun

<sup>5</sup> delta bilan adashtirmaslik uchun

	a : b : c	Aksonometriyada x, y va z o‘qlar bo‘ylab qisqarish koeffitsientlari. Izometriya uchun 1:1:1
	h. k yoki $\sim$	Kesmaning haqiqiy kattaligi-uzunligi

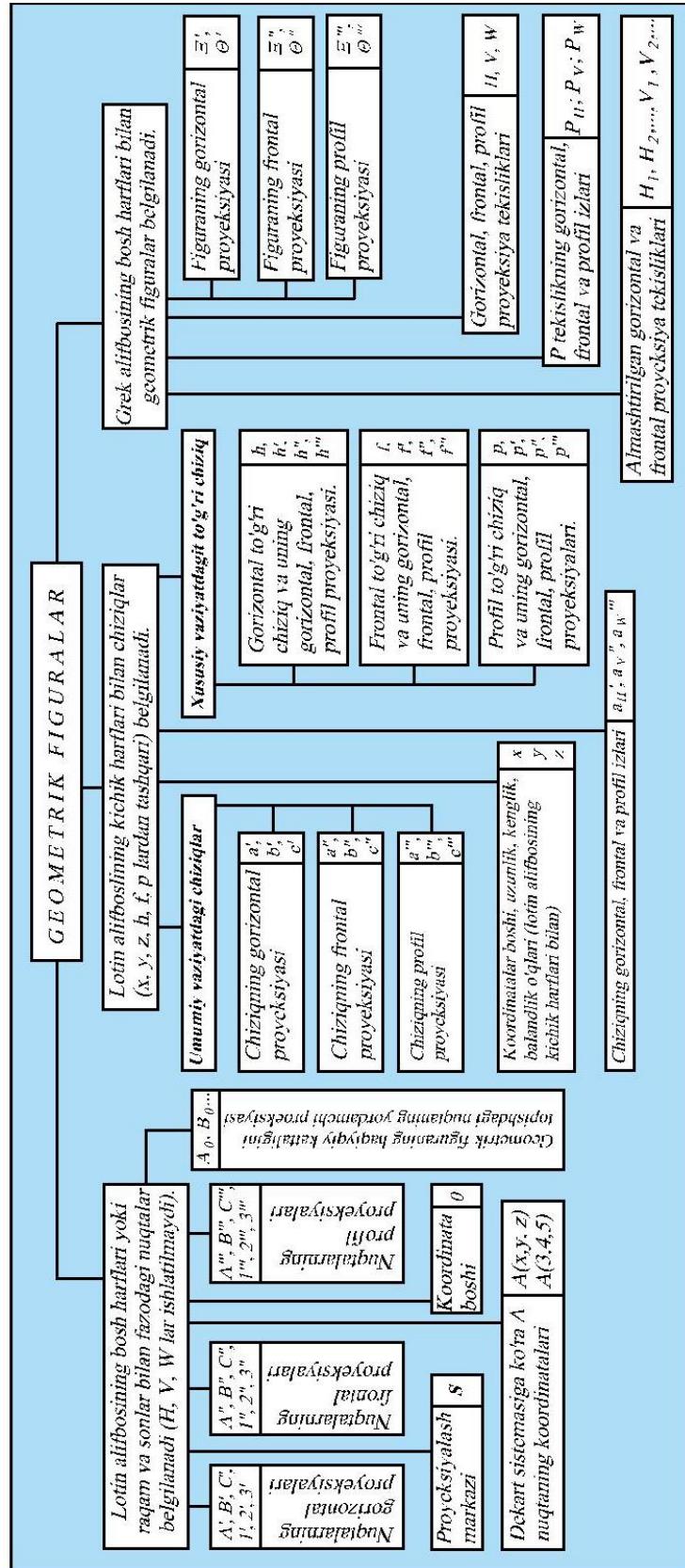
### VAZIYAT RAMZLARI

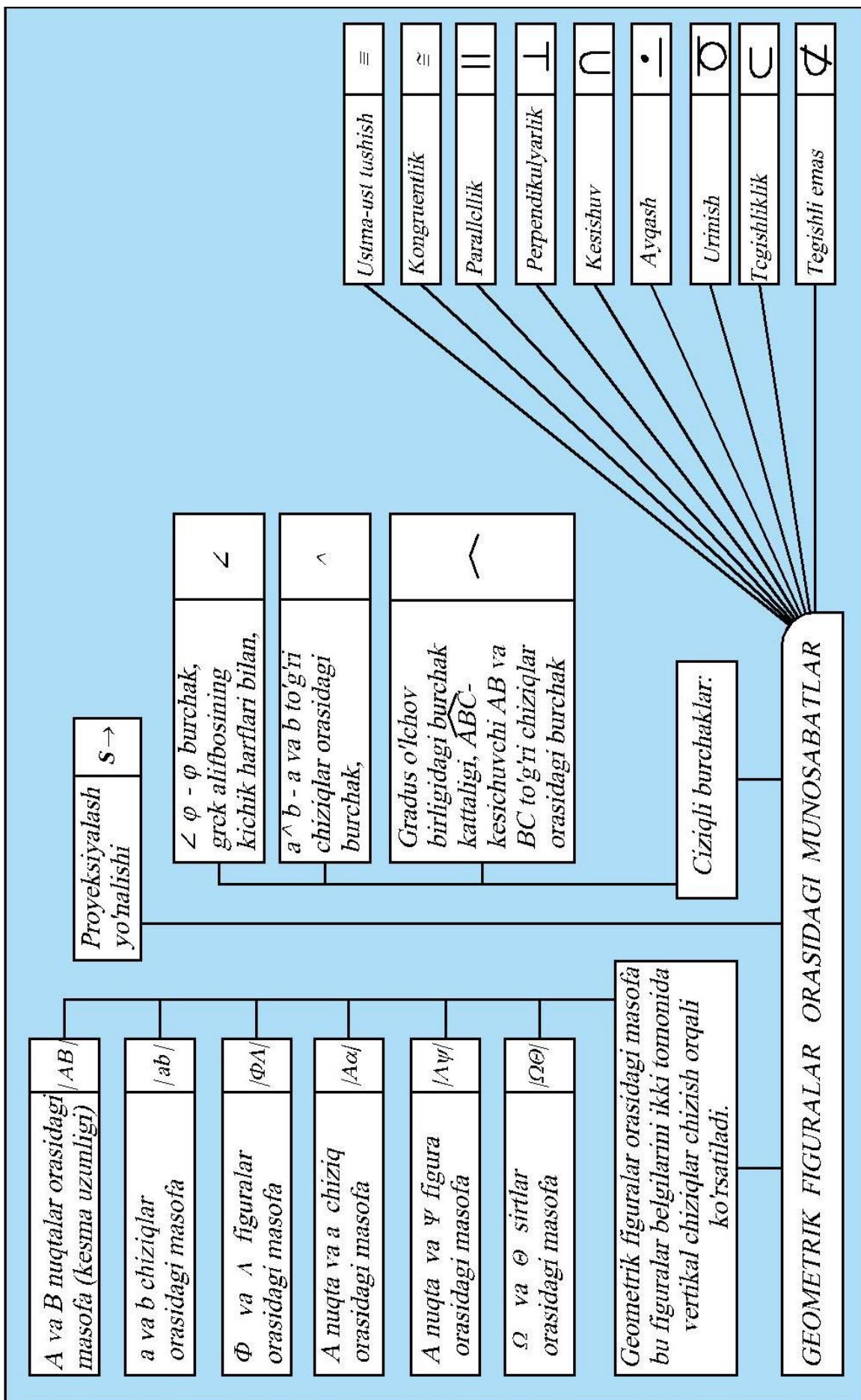
Nº t/r	Belgilanishi	Nomlanishi	Ramziy yozuvga misol
1	$\equiv$	Ustma-ustlik	$A \equiv B$ — A va B nuqtalarning gorizontal proeksiyalari ustma-ust tushgan
2	$\cong$	Kongruentlik — o‘hhash va tenglik	$\Omega \cong \Psi$ — $\Omega$ figura $\Psi$ figuraga o‘hhash va teng (ustma-ust tushadi)
4	$\parallel$	Parallellik	$P \parallel Q$ — P va Q tekisliklar o‘zaro parallel
5	$\perp$	Perpendikulyarlik	$a \perp b$ — a va b to‘g‘ri chiziqlar o‘zaro perpendikulyar
6	$\underline{\bullet}$ <sup>6</sup>	Ayqashlik	$a \underline{\pm} b$ — a va b to‘g‘ri chiziq ayqash
7	$\mathcal{O}$ <sup>7</sup>	Urinma	$a \mathcal{O} \Phi$ — a to‘g‘ri chiziq $\Phi$ shaklga urinma $P \mathcal{O} \Phi$ — P tekislik $\Phi$ shaklga urinma
9	$\in (\ni)$	Yotishlik — Tegishlilik	$a \in P$ — a to‘g‘ri chiziq P tekislikda yotadi yoki u P tekislik a to‘g‘ri chiziq orqali o‘tadi
10	$\subset (\supset)$	Tarkibiga kirishlik yoki orqali o‘tishlik	$a \subset P$ — a to‘g‘ri chiziq P tekislikning tarkibiy qismi yoki P tekislik a to‘g‘ri chiziq orqali o‘tadi
11	$\cup$	Birlashtirishlik	$A \cup B = C$ — A va B to‘plamlarning birlashmasi C to‘plamni beradi
12	$\cap$	Kesishishlik	$a \cap b$ — kesishuvchi a va b chiziqlar
13	M, N, ....	To‘plam	M va N to‘plamlar
14	A, B, C,...	To‘plam elementlari	$\Phi\{A, B, C, \dots\}$ — $\Phi$ shakl A, B, C, ... nuqtalar to‘plamidan iborat
15	{ ... }	.... dan iboratlik-tashkil topishlik	$a\{A, B, C, \dots\}$ — a to‘g‘ri chiziq A, B va C kabi nuqtalar to‘plamidan iborat
17	=	Natija yoki tenglik	$A = a \cap P$ yoki $a \cap P = A$ - A nuqta a va R tekisliklarning kesishuvidan hosil

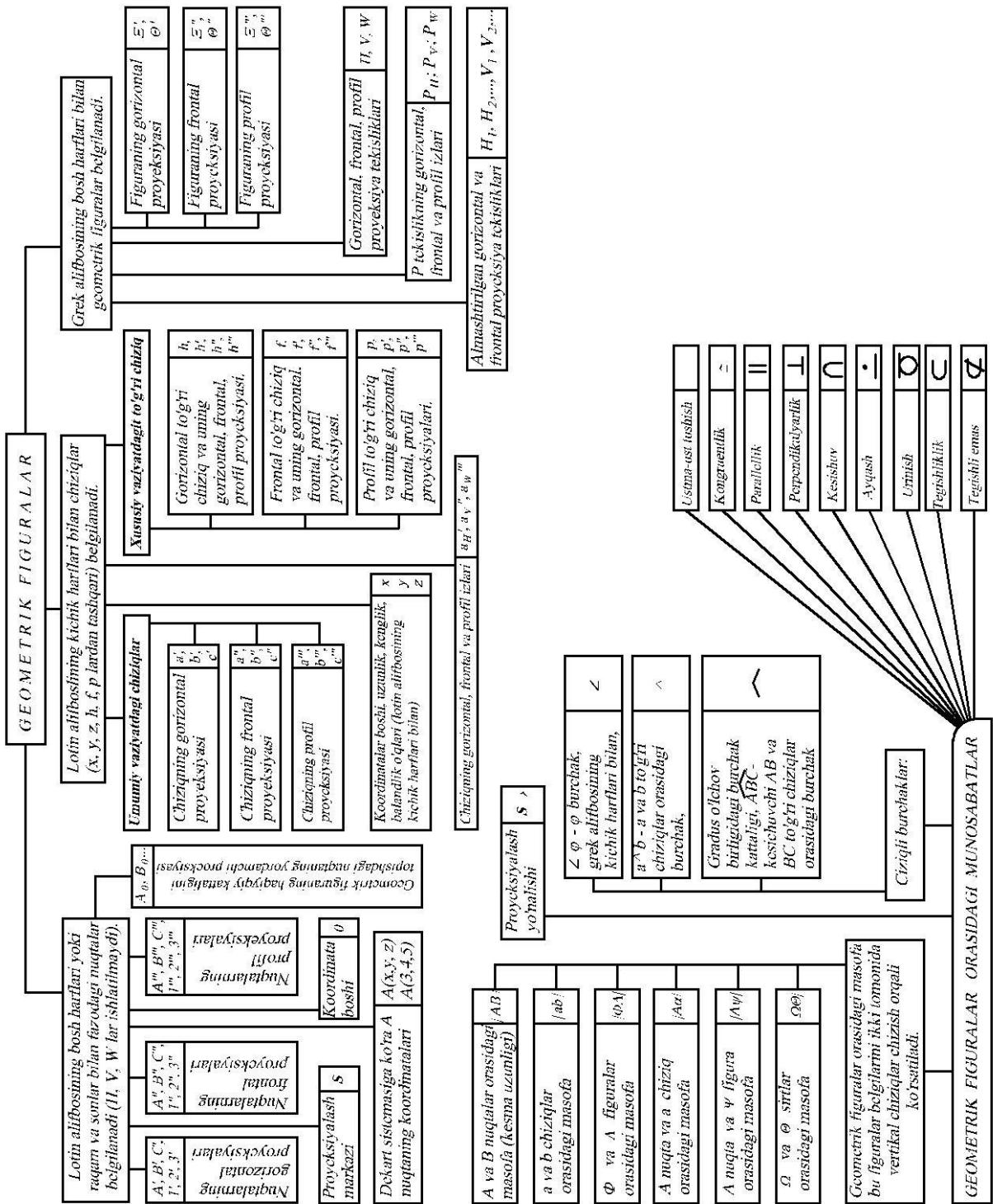
<sup>6</sup> Word sistemasida bu belgi yo‘q

<sup>7</sup> Word sistemasida bu belgi yo‘q

		bo‘ladi $O = H \cap V \cap W$ — O nuqta uchta proyeksiyalar tekisliklarini kesishuvidan hosil bo‘ladi
--	--	--







Birinchi epigraf;  
Evklid dars berar ekan bir o‘quvchizi:  
-Mana teoremangni yaxshi bilib oldim. Isbotini ham sharillatib aytib berishim mumkin. Lekin bundan menga nima foyda?  
Evklid bir oz o‘ylanib turibdida, quliga:  
-„Ana unga uch tanga bergin. U bilimini foyda bilan olchamoqchi“ debdi.

Ikkinci epigraf;  
Evkildning darsini kuzatgan podishox darsdan so‘ng uni chaqirib so‘rabdi: „Geometriyani o‘rganish uchun shoxlarga ajratilgan, osonroq yo‘l yo‘qmi?“ Yoq. Javob beribdi Evklid. Bu yerda barcha teng va har kim tirnoqlarini qonarib, mashaqqat bilan fan cho‘qqisi sari ko‘tariladi.

## I-BOB. FANNING MAQSADI VA TASVIRLAR-PROYEKSIYALAR TUZISH ASOSLARI

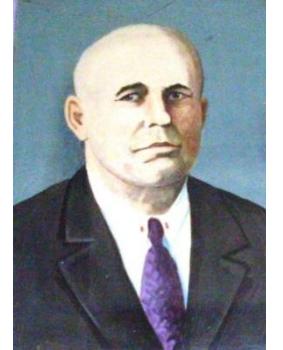
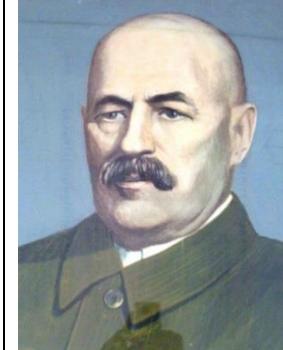
### 1.1. Chizma geometriya fanining asosiy maqsadi va vazifasi

Barcha geometriyalar proaktiv geometriyaning qismlari bo‘lganligi bois chizma geometriya ham proaktivlikni o‘rganadi. Yani n o‘lchamli fazoni  $n-1$  o‘lchamli vazoda proksiyalanishi, ular o‘rtasidagi moslikni ta’minlash qonuniyatlarini o‘rganadi. Ko‘p hollarda stereometrik obektlarning planometrik tasvirlarini yaratish va planometrik tasvirlardan stereometrik fazoga o‘tish borasida fikr yuritiladi. Insonning ko‘rish apparati faqat planometrik tasvirlar hosil qilishga moslashganligi bois (chuqurlikni ko‘rish uchun kamida uchta ko‘z bo‘lishi kerak) uch o‘lchamli fazoni ikki o‘lchamga o‘tkzilishi (proksiyalanishi) fanning asosiy zaruriyatini belgilaydi. Yuqoridagilardan kelib chiqib hulosa qilish mumkin; chizma geometriya fani:

**1. Stereometrik obektlarning planometrik tasvirlarini yaratish va planometrik tasvirlardan stereometrik fazoga o‘tish usullarini, qoidalarini va tartibini o‘rganadi.**

## **2. Stereometrik obektlarga taaluqli bo‘lgan pozitsion, metrik va konstruktiv masalalarни ularning planometrik tasvirlariga asosan grafik usullarda yechishni o‘rganadi.**

Chizma geometriya fani boshqa fanlar kabi hayotiy zaruriyat tufayli yuzaga kelgan va o‘zingi juda boy tarixiga ega. Geometriyani ilohiy fan deb ishongan qadimgi yunonlar odam tug‘ilishi bilan unga geometriya singdiriladi deb hisoblashgan. Ehtimol shuning uchun birinchi muallim o‘z akademiyasining peshtoqiga: „Geometriyani bilmagan bu yerga kirmasin“-deb yozdirgan bo‘lsa kerak. Yuonlar geometriyani shunchalik yuqoriga ko‘tarishganki to ikki ming yil mobaynida bironta inson bu „saltanatga bironta g‘isht qo‘ya olmadi“. Dekartning ishlari natijasida matematika bialn geometriyaning qo‘silishi geometriyaning „ikkinchini nafasini“ ochib berdi. 1795 yilda chizma geometriyaga oid barcha bilimlar mashhur fransuz olimi va Napoleon Bonapartning bosh muhandisi Gospar Monj tomonidan bir tizimga solinib, „Chizma geometriya“ asari yaratiladi. Bu asar harbiy muhandislar uchu zarur bo‘lgan chizma geometriya faniga asos soldi. Zamon talabiga javob bera oluvchi muhandislarga bo‘lgan katta talab tufayli, fan Yevropa va boshqa davlatlarga juda tez tarqaldi. 1810 yildan boshlab chizma geometriya fani Rossiya harbiy bilim yurtlarida ham o‘qitila boshlanadi, (1921 yilgacha bu fan fransuz tilida o‘qitilgan edi).

			
S. M. Kolotov	N. F. Chetveruxin	M. A. Deshevoy	Gromov

			
G.A. Koshevnikov		Shamshidov	Biman

Respublikamizda bu fan avvaliga Rossiyalik olimlar tomonidan rus tilida, keyinchalik mahalliy kadrlarning yetishib chiqishi natijasida 1940 yillardan boshlab ona tilimizda o‘qitilgan. Bunda 1951 yilda Yusufjon Qirg‘izboev, 1961 yilda Raximjon Xorunov, 1972 yilda Erkin Sobitov, 1984 yilda Ikromjon Raxmonov va 1991 yilda Shmidt Murodov va boshqalar muallifliklarida yaratilgan darsliklar juda katta ahamiyatga ega bo‘lib kelmoqda. Bu darsliklar haligacha o‘z dolzarbligini yo‘qotmagan.

Har qanday ob'ekt nuqtalar to'plamidan iborat bo'lgani uchun chizma geometriya fani mashina, mexanizm va ular detallarining o'lchami va formalarini aniqlovchi juda sodda, lekin muhim ahamiyatga ega bo'lgan geometrik figura - nuqtani tasvirlashdan boshlanadi.

Chizma tekis, ikki o'lchamli bo'lishiga qaramay unda fazoviy, uch o'lchamli jismlar tasvirlanadi. Chizmalar vositasida har qanday jismni

tasvirlash mumkin. Bu hox oddiy sharcha bo‘lsin, hox gidroelektrostansiya bo‘lsin. Shunga qaramay chizma jismlarni ko‘zimiz ko‘rgandek tasvirlamagani bois rasmchalik ko‘rimlilikka ega emas.

Chizma geometriyani o‘rganishga kirishayotgan o‘quvchi o‘rtalarda maktab miqiyosidagi elementar geometriya bialn tanish bo‘lishi kerak.

Aytib o‘tish kerakki chizma geometriyada yangi terminlar, teoremlar va isbotlar nisbatan ko‘p emas. Bunda biron-bir narsani yod olish talab etilmaydi. Bunda tushunish kerak bo‘ladi.

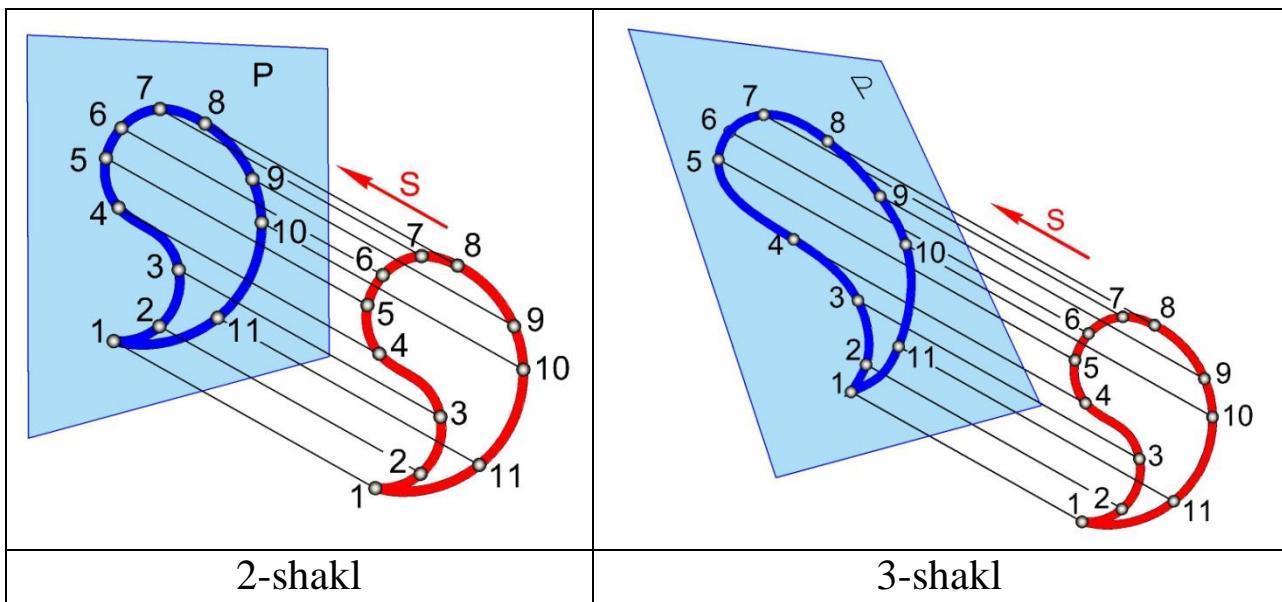


1-shakl

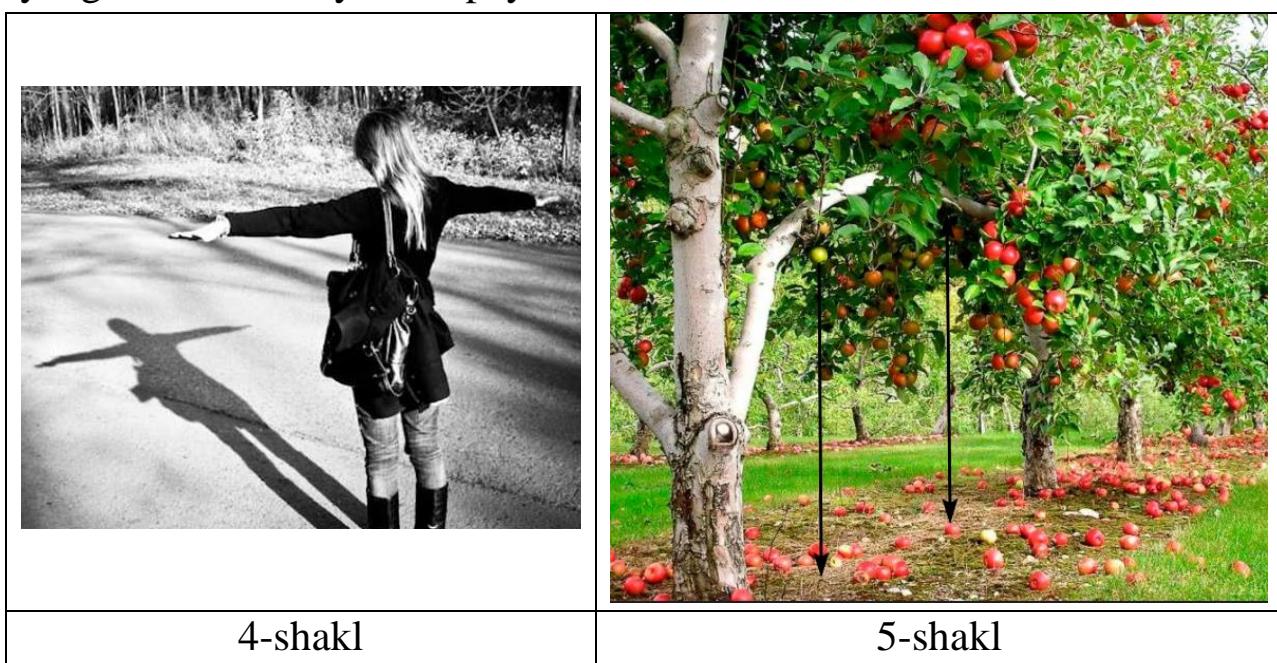
Proeksiyalash jarayonini hayotda ko‘p uchratamiz. Yoritilgan ekran oldidan o‘tayotgan o‘damning devordagi soyasi konturini chizish orqali uning siluetini<sup>8</sup> olish mumkin (1-shakl). Soya bilan proeksiyani adashtirish kerak emas. Soy uch o‘lchamli, proeksiya esa devordagi siluet singari ikki o‘lchamli. Proeksiyani soya orqali tushuntirar ekanmiz keyingi shakllarda keltirilayotgan fikrni tushunish qiyin emas. Yani proeksiyani hosil qilish uchun proeksiya tekisligi P (misolimizdagi devor) proeksiyalash yo‘nalishi (nur) va proeksiyaluvchi ob‘ekt bo‘lishi kerak. Bundan tashqari proeksiyalovchi nurning proeksiya tekisligiga nisbatan burchagi ahamiyatli ekanligini

2- va 3-shakillarda ko‘rish mumkin. Ikkinci shaklda proeksiya tekisligi proeksiya yo‘nalishiga perpendikulyar va bodom ko‘rinidagi tekis shakl P tekislikka parallelligi bois shaklning proeksiyasi haqiyqiy kattalikda hosil bo‘ladi. 3-shaklda esa proeksiya asliga qaraganda biroz cho‘zinchoq tarzda chiqadi. Hayotiy misol

<sup>8</sup> XVIII asr o‘rtalarida, Fransiyada E. de-Siluet degan moliya vaziri bo‘lan. Unga soya profili tarzida karikatura chizilgan. Shundan turli tillarda siluet so‘zi kelib chiqqan.

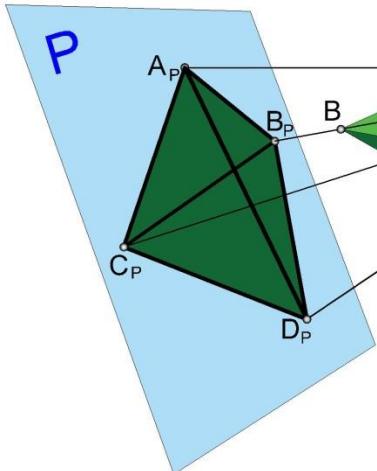


tarzida 4-shaklga e'tibor bering. Har ikki holatda ham proeksiyalash prinsipi o'zgarayotgani yo'q, biroq proeksiyalovchi nurlar proeksiya tekisligiga o'tkir burchak ostida tushsa ob'ekt haqidagi tasavvurda yanglishish ikkoniyati ko'payadi.

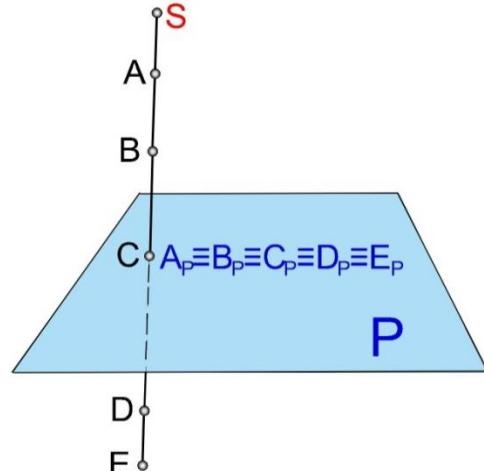


Hayotiy tajribamizdan kelib chiqib 5-shaklda ko'rsatilgan ikki vaziyat, daraxtdagi olma uzilsa qayerga tushishini yoki yerdagi olma qaysi shoxdan uzelgan bo'lishi mumkinligini aytishimiz mumkin. Biroq buni ishonch bilan ayta olmaymiz, chunki bir yo'nalishda bir qancha olma bo'lishi mumkin. *Hulosa: fazodagi istalgan nuqtaga proeksiya tekisligidagi yagona nuqta mos keladi, biroq buning aksi hamisha ham to'g'ri bo'lavermaydi, yani proeksiya tekisligidagi bitta nuqtaga fazoning*

*cheksiz nuqtalari mos kelishi mumkin (7-shakl).* Keltirilgan misollarning bari parallel proeksiyalash namunalari edi. 6-shaklda aksonometriyaning asosiy teoremasiga chizilgan illyustratsiya keltirilgan. S nuqtadan chiquvchi nurlar tetaedrning P tekislikdagi proeksiyasini hosil qilishi



6-shakl



7-shakl

jarayonini kuzatar ekanmiz quyidagi hulosalarni chiqarishimiz mumkin:

- 1) nuqtaning proeksiyasi nuqta bo‘ladi  $A \rightarrow A_P$ ;
- 2) kesmaning proeksiyasi kesma bo‘ladi  $AB \rightarrow A_P B_P$  (agar u S nuqta orqali o‘tmasia);
- 3) S nuqta orqali o‘tuvchi to‘g‘ri chiziqning proeksiyasi nuqta bo‘ladi (7-shakl);
- 4) tekislikning proeksiyasi tekislik bo‘ladi  $ABC \rightarrow A_P B_P C_P$  (agar u S nuqta orqali o‘tmasia);<sup>9</sup>
- 5) S nuqta orqali o‘tuvchi tekislikning proeksiyasi to‘g‘ri chiziq bo‘ladi;
- 6) Agar biror tekis shakl proyeksiyalar tekisligiga parallel bo‘lsa, uning proyeksiyasi o‘ziga o‘xshash shakl bo‘ladi.
- 7) chiziqqa tegishli nuqtaning proeksiyasi shu chiziqning proeksiyasida bo‘ladi;

Bu hulosalar markaziy proeksiyalashning hossalari deyiladi.

Parallel proeksiyalashda quyidagi hossalarni ko‘ramiz:

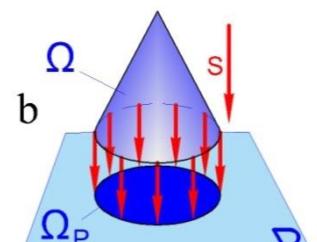
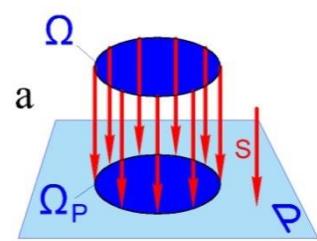
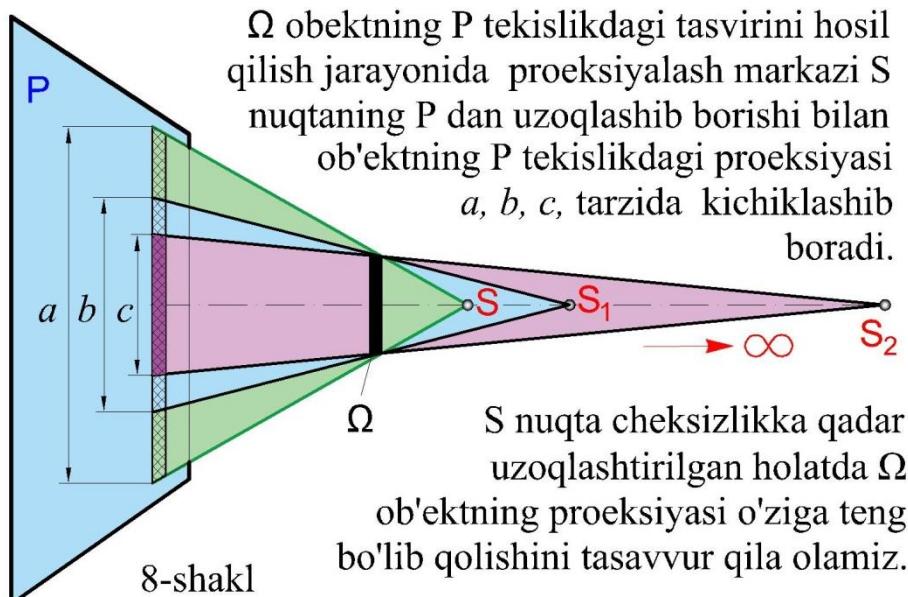
1. Nuqtaning parallel proyeksiyasi nuqta bo‘ladi.

<sup>9</sup> Oddiy tekislik (qiysi tekislik emas) nzarda tutilgan.

2. Proyeksiyalovchi nurda yotuvchi barcha nuqtalarning proyeksiyalari bitta nuqtada bo‘ladi.
3. Proyeksiyalash yo‘nalishiga parallel bo‘lmagan to‘g‘ri chiziqning proyeksiyasi to‘g‘ri chiziq bo‘ladi.
4. Proyeksiyalash yo‘nalishiga parallel bo‘lmagan tekislikning proyeksiyasi tekislik bo‘ladi.
5. Agar biror tekis shakl proyeksiyalar tekisligiga parallel bo‘lsa, uning proyeksiyasi o‘ziga o‘xhash shakl bo‘ladi.
6. To‘g‘ri chiziq kesmasiga tegishli nuqtaning parallel proyeksiyasi shu to‘g‘ri chiziq proyeksiyasi kesmaning ustida bo‘ladi
7. Agar nuqta to‘g‘ri chiziq kesmasini biror nisbatda bo‘lsa, bu nuqtaning proyeksiyasi ham kesma proyeksiyasini shunday nisbatda bo‘ladi.
8. To‘g‘ri chiziqlarning kesishuv nuqtasining proyeksiyasi ularning proyeksiyalarining kesishish nuqtasida bo‘ladi.
9. Parallel to‘g‘ri chiziqlarning tekislikdagi proyeksiyalari ham parallel bo‘ladi.
10. Parallel to‘g‘ri chiziq kesmalarining nisbati bu kesmalar proyeksiyalarining nisbatiga teng bo‘ladi.

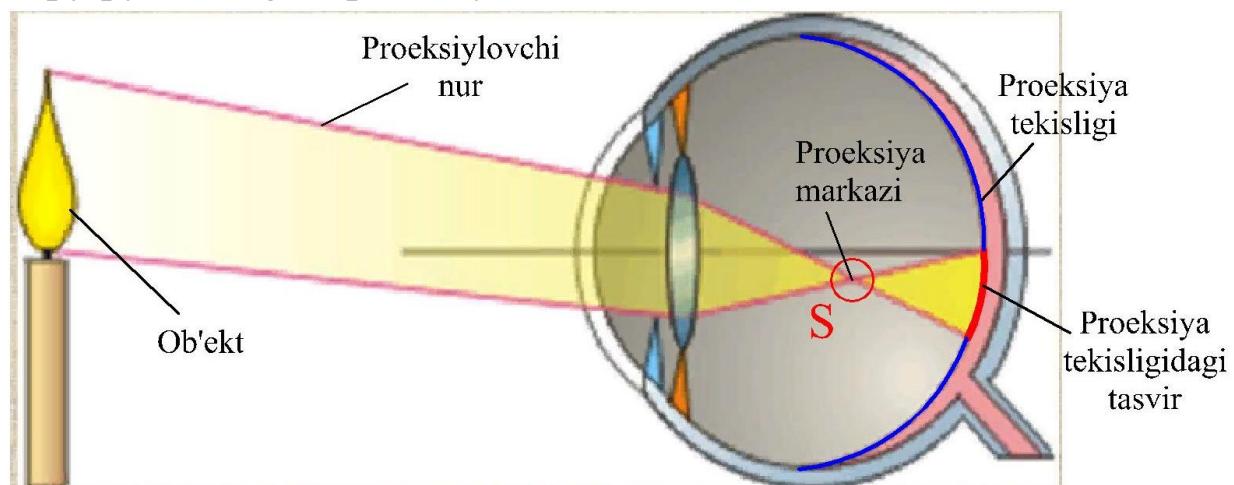
7-shaklda tasvirlangan ABCDE nuqtalar bir proeksiyalovchi nurda bo‘lgani uchun ularning proeksilari bir nuqtada bo‘lib qoladi. Bunday vaziyatdagi nuqtalar ko‘rilayotgan proeksiya tekisligiga nisbatan konkruent (bahslashuvchi) nuqtalar deyiladi. ularning fazodagi holatini proeksiyasiga qarab aniqlab bo‘lmaydi. Bundan: orginal proeksiyani belgilaydi, proeksiya orginalni emas degan hulosa chiqarish mumkin. Yani fazoning har bir nuqtsi yagona proeksiyani beradi biroq proeksiyadagi nuqta fazoning yagona nuqtasini ifodalaydi degan jumla noo‘rindir.

1-shakldagi soyaning bo‘yi odamning bo‘yidan uzunroq ekanligiga e’tibor bergen bo‘lsangiz kerak. Sababi proektor va ekran orasidagi masofa shuni taqozo etar edi. 8-shaklda tasvirlangan holatni tasavvur etib ko‘raylik:



9-shakl

8-shakldagi tasvirni inson ko'rish apparatiining tuzilishi deb qarash mumkin. Bunda proeksiyalash markzi, proeksiyalovchi nur, proeksiyaluvchi ob'ekt va proeksiya tekisligi bor. Inson ko'zining ishslash prinsipi ham shunga o'xshashligini anatomiya darslaridan bilasiz (8a-shakl). Agar proeksiyalsh ortogonal<sup>10</sup> bo'lsa 9-shaklda ko'rsatilgan, tekisligi proeksiyalash yo'naliishiga perpendikulyar bo'lgan  $\Omega$  doiranining P tekislikdagi proeksiyasi 5-hossaga asosan doira bo'ladi va o'zining haqiyqiy kattaligida proeksiyalanadi (9a-shakl).

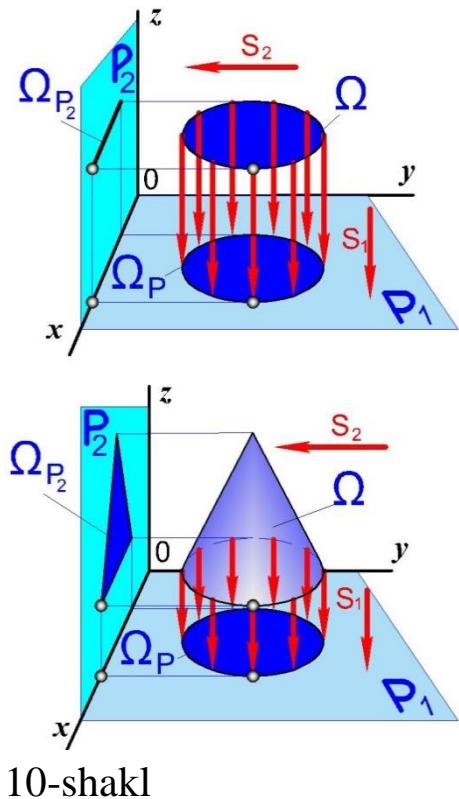


8a-shakl

Ba'zi buyumalr, masalan 9-shakldagi aylana uchun bitta ko'rinish yetarli bo'ladi, biroq huddi shu proeksiyani aylanish konusi orqali ham olish mumkin.

10 grekcha ortos-to'g'ri, goniya-burchak

Konus o‘rnida paraboloid yoki shar bo‘lganda ham biz aylana shaklidagi proeksiyani ko‘rar edik. Hulosa shundayki buyum murakkablashib borgani sari uning geometriyasini aniqlash ko‘proq ma’lumotlarni talab etadi. Bu natijaga 7-shaklni kuzatish orqali ham kelish mumkin. Demak bitta proeksiya tekisligi har doim ham muhandis oldiga qo‘yilgan vazifani hal qila olmaydi. Unga qo‘sishimcha qilib nimanidir kiritish kerak bo‘ladi. Bunday qo‘sishimcha siftida P tekislikka perpendikulyar bo‘lgan ikkinchi proeksiya tkisligi olinadi. Natijada buyumni ikki tomondan kuzatish imkoniyati yuzaga keladi (10-shakl). Endi aylanani konus bilan

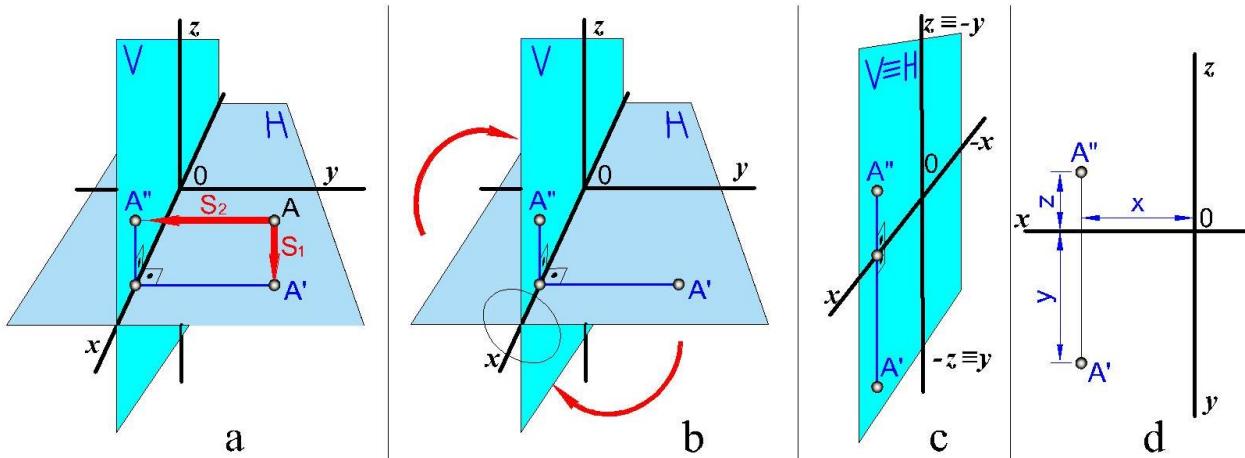


10-shakl

adashtirish mumkin emas. O‘zaro perpendikulyar bo‘lgan P<sub>1</sub> va P<sub>2</sub> tekisliliklar fazoni to‘rt qismga ajratadi. Tekisliliklar bilan ishslashni osonlashtirish uchun P<sub>1</sub> tekislikni gorizontal deb ataymiz va H harfi bilan belgilaymiz (horizont so‘zining bosh harfi). Unga perpendikulyar bo‘lgan P<sub>2</sub> tekislikni vertikal deb qabul qilamiz va V harfi bilan belgilaymiz (vertikal so‘zining bosh harfi). Tushunarliki nuqta proksilalaridan tekisliliklarning kesishuv chizig‘iga tushurilgan perpendikulyarlar shu chiziq ustida kesishadi (10-shakl). Ushbu chiziq proeksiya o‘qi deyiladi.

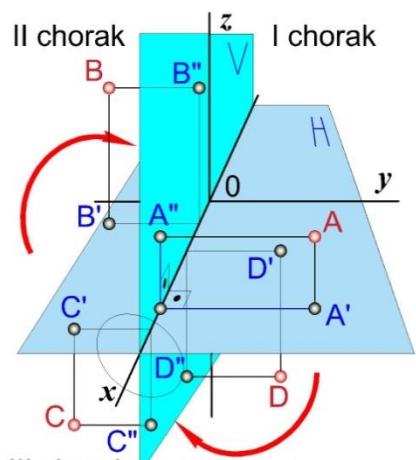
Tekisliliklar kesishuvidan hosil bo‘lgan chiziqni kichik x harfi bilan va uning biron nuqtasini 0 (nol raqami, o harfi emas) qilib belgilasak va nolinchi nuqtadan P<sub>1</sub> va P<sub>2</sub> tekisliklarda yotuvchi va x o‘qiga perpendikulyar bo‘lgan chiziqlarni o‘tkazsak sistemaga ega bo‘lamiz. Tekislik ikki paramertli bo‘lgani uchun x va z o‘qlari vertikal

tekislikni, x va y o‘qlari gorizontal tekislikni beradi. Bu tekisliklardan birini x o‘qi



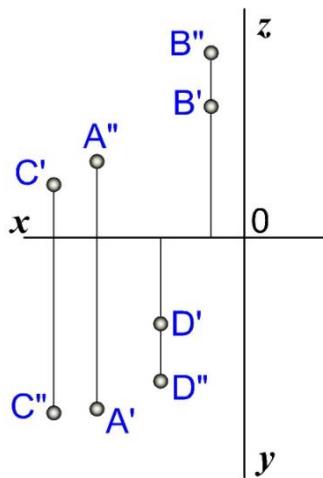
10-shakl

atrofida  $90^\circ$  ga bursak kompleks chizma hosil bo‘ladi (10c,d-shakllar). Uni ko‘pincha tekis chizma degan ma’noni beruvchi epyur degan fransuzcha so‘z bilan ifodalashadi. 10c-shaklda z va y o‘qlarining ustma-ust tushganli ko‘rsatilgan, uni soddalashtirish uchun o‘qlarning manfiy qiymatlari ko‘rsatilmasligiga kelishilgan. Natijada 10d-shakldagi ko‘rinish yuzaga keladi. Hulosa: nuqaning o‘zaro perpendikulyar bo‘lgan ikki tekislikdagi proeksiyasi uning fazodagi vaziyatini yetarlicha belgilaydi.



11-shakl

xyz o‘qlarining o‘zaro kesishgan nuqtasi (0-nuqta) koordinatalar boshi deyiladi. Bunda x — abssissa (uzunlik) o‘qi; y — ordinata (kenglik) o‘qi; z — aplikata (balandlik) o‘qi; xyz — koordinatalar sistemasi; H va V tekisliklar proeksiyalar o‘qi x bo‘yicha bir-birini kesib, fazoni to‘rt qismga bo‘ladi, bo‘lingan fazoning bir qismi chorak yoki kvadrant deyiladi (11- shakl). Fazoda A nuqta



12-shakl

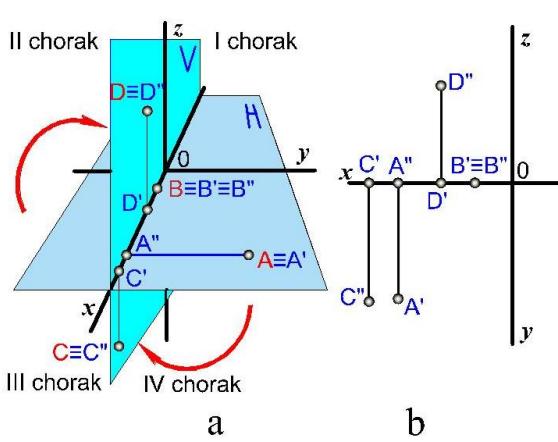
I chorakda (11- shakl), B nuqta II chorakda, C nuqta III chorakda va D nuqta IV chorakda tasvirlangan bo‘lib, A nuqtaning gorizontal proeksiyasi A' va frontal proeksiyasi A'', A nuqta V tekislikka nisbatan H tekislikka yaqinroq, ya’ni AA'<AA'' masofada joylashgan. Shuningdek B, C va D nuqtalari H va V ga nisbatan II, III va IV choraklarda tasvirlangan. 12-shaklda nuqtalarning holatlari epyurda ko‘rsatilgan, I chorakda joylashgan A nuqtaring frontal proeksiyasi A'' proeksiyalar o‘qi x ning yuqori qismida va gorizontal proeksiyasi A' pastki qismida, II chorakdagi B nuqtaning gorizontal va frontal proeksiyalari B' va B'' lar x o‘qidan yuqorida, III chorakdagi C nuqtaning gorizontal proeksiyasi C' x o‘qdan yuqorida, frontal proeksiyasi C'' x o‘qidan pastda, IV chorakdagi D nuqtaning gorizontal D' va frontal D'' proeksiyalar x o‘qning

pastki qismida joylashadi.

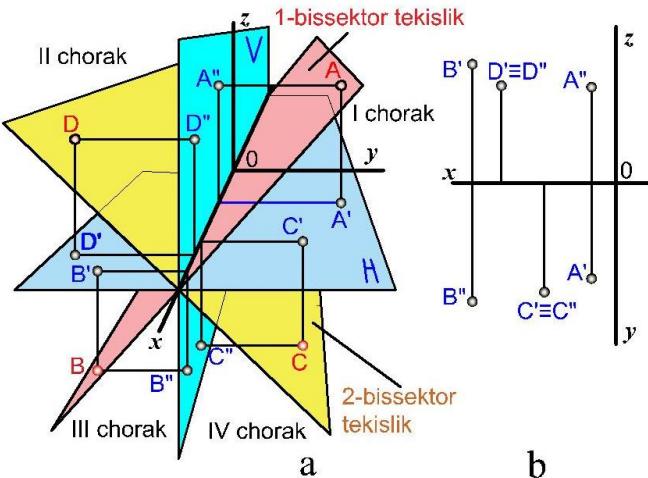
Nuqta proeksiyalarining proeksiyalar o‘qiga nisbatan joylashishiga qarab uning qaysi chorakdaligi va proeksiya tekisliklaridan qanday masofada turganligini aniqlash mumkin.

Quyida xususiy holatda joylashishi nuqtalar ko‘rsatilgan.

1. Agar fazodagi biror nuqta proeksiyalar tekisligining o‘zida joylashgan bo‘lsa, uning bir proeksiyasi shu nuqta bilan bir yerda va ikkinchi proeksiyasi proeksiyalar o‘qi x da bo‘ladi. H tekislikda joylashgan A nuqta va uning gorizontal proeksiyasi A' bir nuqtada joylashib ( $A \equiv A'$ ), ikkinchi frontal proeksiyasi A'' esa proeksiyalar o‘qi x da bo‘ladi (13-shakl). Xuddi shunday vaziyatdagi C va D nuqtalarning bir proeksiyasi fazoviy holati bilan ustma-ust tushadi. Keyingi proeksiyasi esa proeksiya o‘qida bo‘ladi.



13-shakl



14-shakl

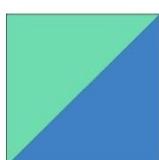
2. Agar fazodagi biror nuqta proeksiyalar o‘qi x da joylashgan bo‘lsa, uning ikkala proeksiyasi ham shu nuqtaning o‘zi bilan bir joyda bo‘ladi. x o‘qda joylashgan B nuqtaning (13-shakl) gorizontal va frontal proeksiyalari bir erda joylashgan (ya’ni  $B \equiv B' \equiv B''$ ). 13-shakl b da A, B, C, va D nuqtalarning epyurdagi holatlari ko‘rsatilgan.

3. Chorakni teng ikkiga bo‘lgan, ya’ni ularga nisbatan  $45^\circ$  burchak ostida joylashgan tekislik bissektor tekisligi deyiladi va bunday tekislikda joylashgan nuqta H va V tekisliklarga nisbatan teng masofada joylashadi. ***Bissektor tekisligida joylashgan nuqtalarning y va z qiymatlari o‘zaro teng bo‘ladi.***

y va z qiymatlari o‘zaro teng bo‘lgan A nuqta I chorakda, B nuqta III chorakda joylashgan bo‘lib, bu nuqtalar va x o‘qi orqali o‘tkazilgan tekislik birinchi bissektor tekislik, y va z qiymatlari o‘zaro teng bo‘lib II chorakda joylashgan D va IV chorakda joylashgan C nuqtalar va x o‘qi orqali o‘tkazilgan tekislik ikkinchi bissektor tekislik deb ataladi (14-shakl). Chizamadan ko‘rinib turibdiki ikkinchi bissektor tekislikdagi nuqtalarning ikkita proeksiyasi ustma-ust tushar ekan.

## Nuqtani o‘zaro perpendikulyar bo‘lgan uchta proeksiyalar tekisligiga proeksiyalash

Ayrim geometrik shakllar yoki detallar uch o‘lchamli bo‘lgani uchun ularniig ikki proeksiyasi shaklning tuzilishi va o‘lchamlari haqida to‘liq ma’lumot

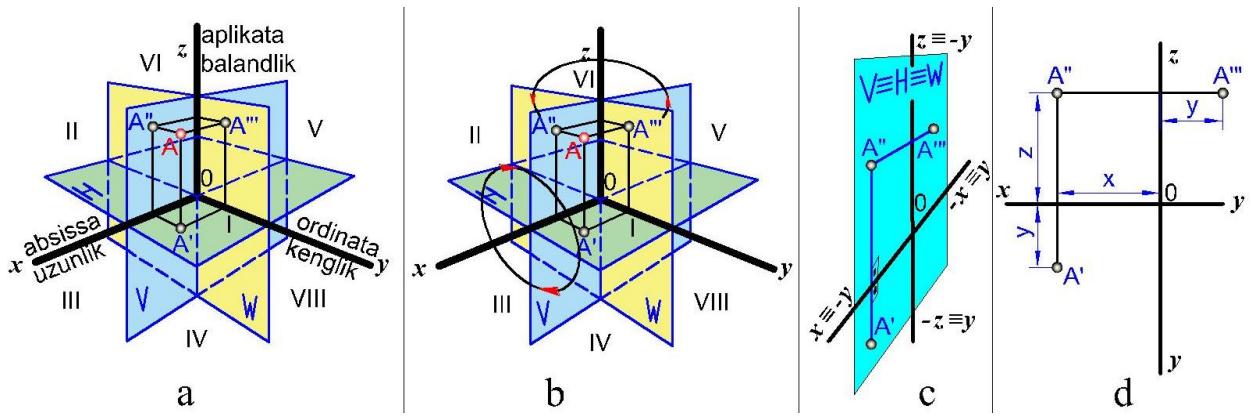


15-shakl

bermaydi. 15-shaklda berilgan proeksiyaga asoslanib uning qanday buyum ekanligini aniq aytib bo‘lmaydi, sababi bunday proeksiyaga ega bo‘lgan sakkizta buyumni keltirish mumkin. Shu sababli uchinchi proeksiyalar tekisligidan foydalanishga to‘g‘ri keladi. Buning uchun uchinchi profil (W) proeksiya tekisligini H va V tekisliklarga perpendikulyar qilib olamiolib, matematikada Dekart koordinatalar sistemasi, chizma geometriyada Monj sistemasi deb ataluvchiga sistemaga ega bo‘lamiz, bu uchchala tekislik o‘zaro x, y, z bilan belgilanuvchi chiziqlar (koordinata o‘qlari) bo‘yicha kesishadi (16-shakl). Fazodagi A nuqtadan H, V va W tekisliklarga perpendikulyar chiziqlar (proeksiyalovchi nurlar) o‘tkazib, shu nuqtaning proeksiya tekisliklaridagi

gorizontal A', frontal A" va profil A"" proeksiyalarni topamiz. So‘ngra H tekislikni  $x$  o‘q atrofida va W tekislikni  $z$  o‘q atrofida 16b-shaklda ko‘rsatilganidek strelka yo‘nalishi bo‘yicha aylantirib, V tekislik bilan jipslashtiramiz, natijada uch proeksiya tekisliklar sistemasidagi chizma hosil bo‘ladi. Fazoda o‘zaro perpendikuetyar bo‘lgan H, V va W proeksiya tekisliklari bir-birini kesib o‘tishi natijasida fazoni 8 qismga bo‘ladi. Fazoning sakkizdan bir qismi oktant (sakkiz) deyiladi (16-shakl). Lotinchada abscissus-uzilgan, ajratilgan, ordinatus-tartiblangan<sup>11</sup>, aplicata-zich yotuvchi deb tarjima qilinadi. AutoCAD dasturida ular uzunlik, kenglik va balandlik deb ko‘rsatilgan. A nuqtaning epyurini yasash 16d-shaklda ko‘rsatilgan.

<sup>11</sup> Краткий словарь-справочник по черчению. „Машиностроение“ Ленинград 1970.



16-shakl

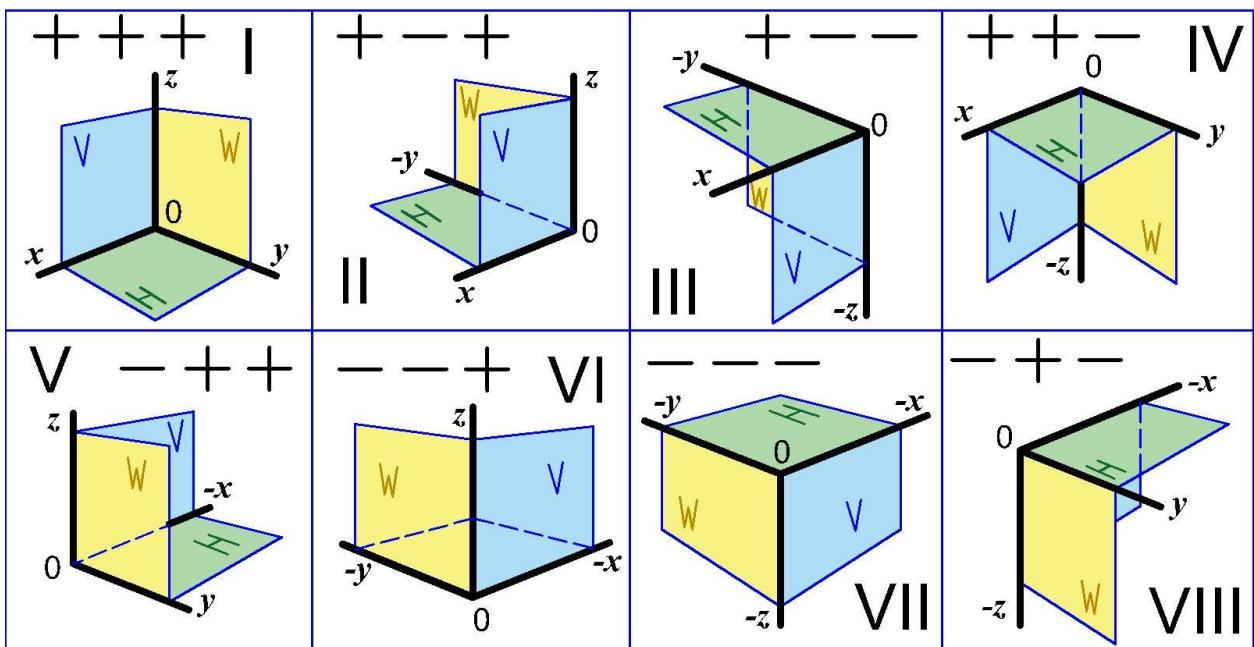
16d-shaklda ko'rsatilgan chizmadan juda muhum to'rt hossani chiqarish mumkin: 1) *Nuqtaning gorizontal va frontal proeksiyalari x o'qiga perpendikulyar bo'lган bog'lovchi chiziqda yotadi;*

2) *Nuqtaning frontal va profil proeksiyalari x o'qiga parallel bo'lган bog'lovchi chiziqda yotadi;*

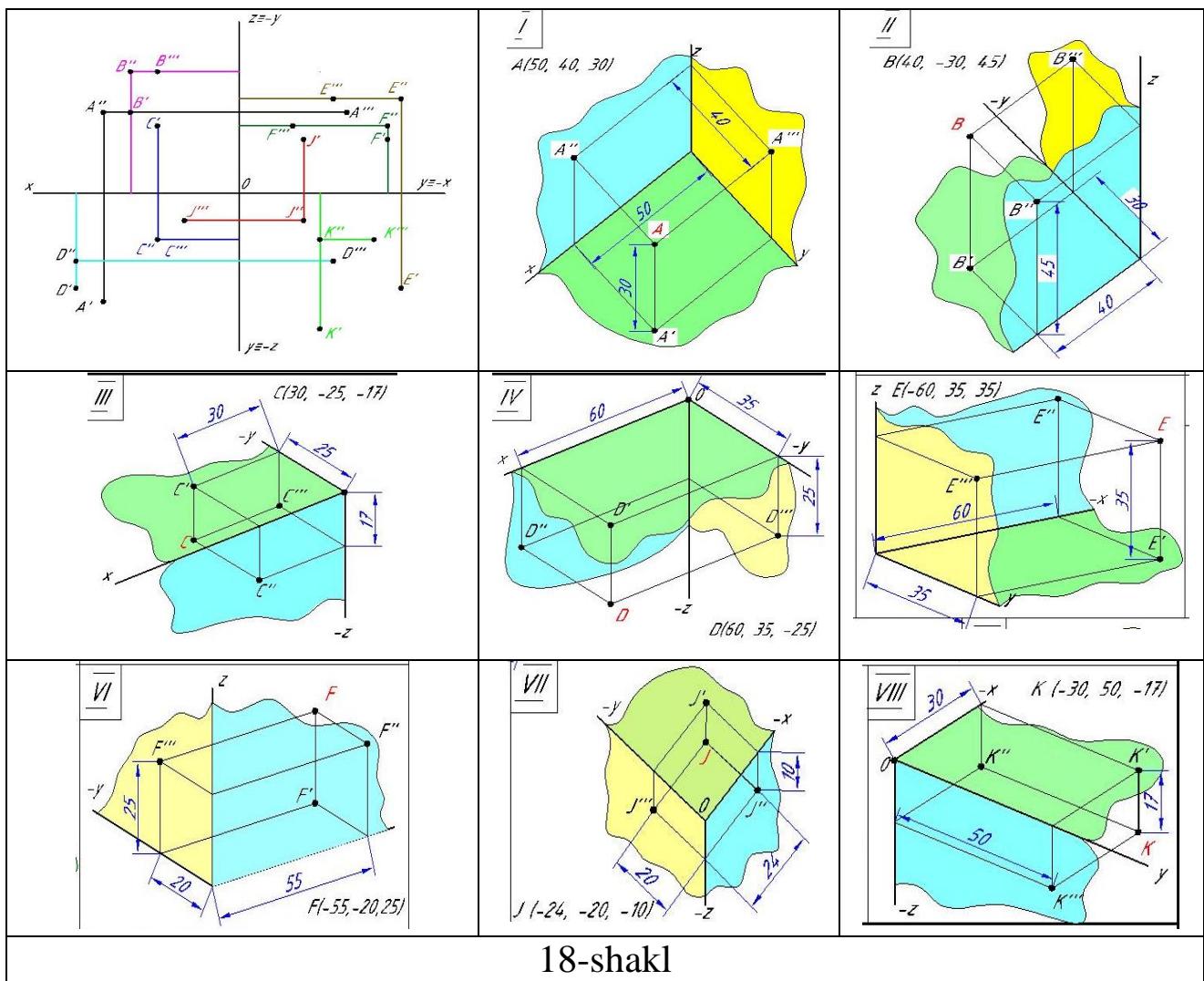
3) *Nuqtaning gorizontal proeksiyasi x o'qidan qancha uzoqlashsa, uning profil proeksiyasi z o'qidan shuncha masofada yotadi;*

4) *Nuqtaning gorizontal proeksiyasi x o'qidan pastda joylashgan bo'lsa, uning profil proeksiyasi z o'qining o'ng tomonida yotadi va aksincha.*

Nuqta koordinatalari  $x$ ,  $y$ ,  $z$  ning son qiymatlari berilgan bo'lsa, ulardan foydalanib nuqtaning H, V va W proeksiyalar tekisligidagi proeksiyalarini yasash mumkin. Berilgan nuqtaning koordinatalari asosida uning qaysi chorakda joylashganligini aniqlash maqsadida koordinatalar shartli ravishda musbat (+) va manfiy (-) belgilar bilan ifodalanadi, bu belgilar 17-shaklda keltirilgan. 18-shaklda fazoning sakkizta oktantida joylashgan nuqtalarning epyuri va fazoviy chizmasi namunasi keltirilgan.



17-shakl

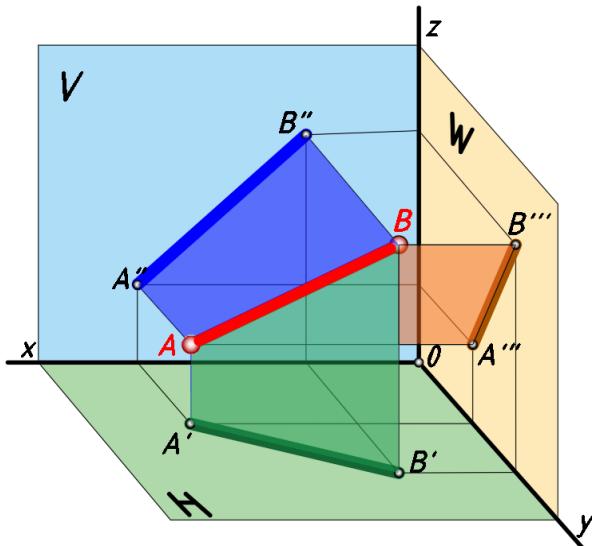


18-shakl

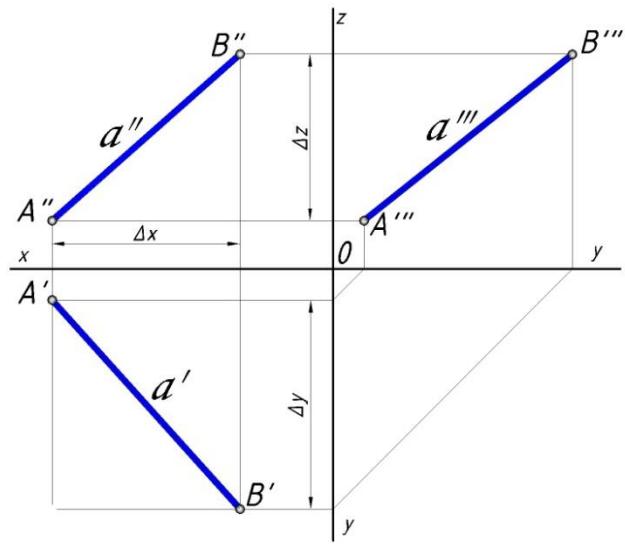
## To‘g‘ri chiziqning proeksiyalar tekisliklariga nisbatan turli vaziyatlari

To‘g‘ri chiziq yoki uning kesmasi proeksiya tekisliklari H, V va W ga nisbatan quyidagi vaziyatlarda joylashishi mumkin:

1. *To‘g‘ri chiziq proeksiyalar tekisliklarining birontasiga perpendikulyar yoki parallel bo‘lmasa, bu umumiy vaziyatdagi to‘g‘ri chiziq deyiladi.* 19-shaklda umumiy vaziyatdagi to‘g‘ri chiziqning AB kesmasi berilgan, bu kesmaning H, V



19-shakl



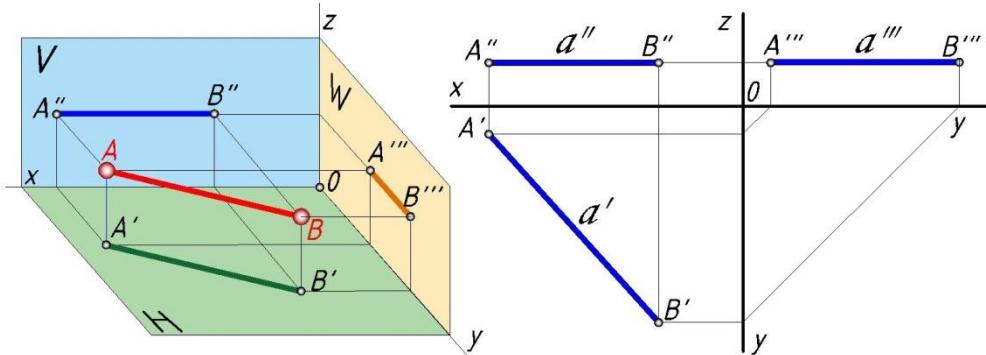
20-shakl

va W tekisliklardagi proeksiyalarini aniqlash uchun kesmaning A va B nuqtalarini shu tekisliklarga proeksiyalab, uning gorizontal A', B'; frontal A'', A'''; profil A''', B''' proeksiyalarni o‘zaro tutashtirib AB kesmaning gorizontal A'B', frontal A''B'' va profil A'''B''' proeksiyalarini hosil qilamiz. AB kesmani H, V va W tekisliklarga proeksiyalash natijasida gorizontal proeksiyalovchi AA'BB', frontal proeksiyalovchi AA''BB'' va profil proeksiyalovchi AA'''BB''' tekisliklar hosil bo‘ladi (19-shakl). 20-shaklda to‘g‘ri chiziq AB kesmasining epyuri berilgan, uni qurish uchun 20-shaklda ko‘rsatilganidek, nuqtalarning epyurini yasaymiz, so‘ngra bir nomli proeksiyalarini tutashtiramiz.

2. *To‘g‘ri chiziq bitta yoki ikkita proeksiya tekisligiga parallel yoki perpendikulyar holda joylashsa, xususiy (maxsus) vaziyatdagi to‘g‘ri chiziq deyiladi.* Proeksiyalar tekisligiga parallel joylashgan to‘g‘ri chiziq shu tekislikka o‘zining haqiqiy kattaligida, qolgan ikkitasiga esa qisqargan holda proeksiyalanadi (proeksiyalovchi xolat bundan mustasno). Bunday to‘g‘ri chiziq o‘zi parallel bo‘lgan tekislikning nomi bilan ataladi.

To‘g‘ri chiziqni proeksiyalar tekisliklari H, V va W ga nisbatan xususiy hollari xaqida to‘xtalib o‘tamiz.

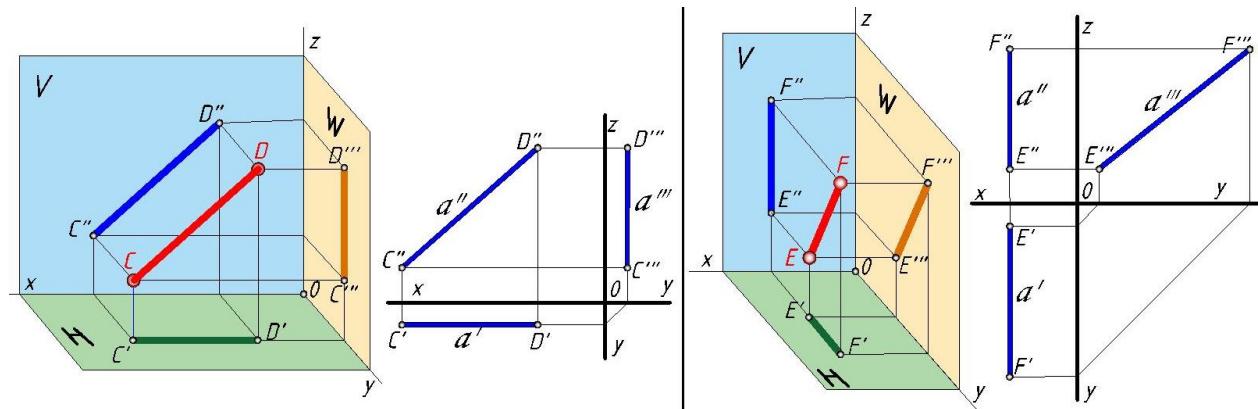
1. To‘g‘ri chiziqning AB kesmasi H ga parallel. Bunday to‘g‘ri chiziq gorizontal chiziq deyiladi (21-shakl); bu erda  $A''B'' \parallel x$  va  $|A'B'| = |AB|$ .



21-shakl

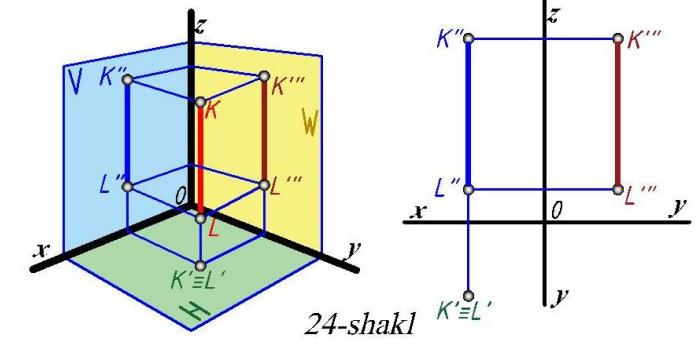
2. To‘g‘ri chiziqning CD kesmasi V ga parallel (22- shakl). Bunday to‘g‘ri chiziq frontal chiziq deyiladi; bu erda  $C'D' \parallel x$  va  $|C'D'| = |CD|$ .

3. To‘g‘ri chiziqning EF kesmasi W ga parallel (23- shakl). Bunday to‘g‘ri chiziq profil chiziq deyiladi; bu erda  $E'F'$  hamda  $E''F'' \perp x$ ;  $|E''F''| = |EF|$ .

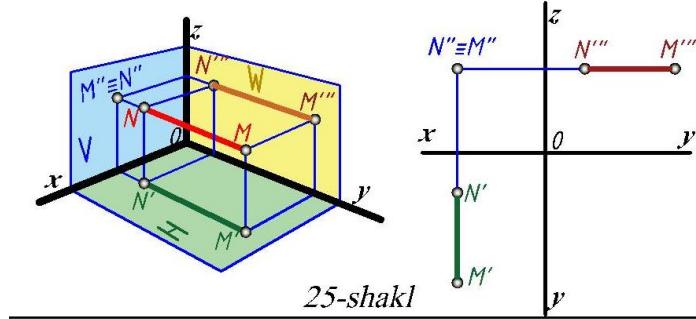


22-shakl

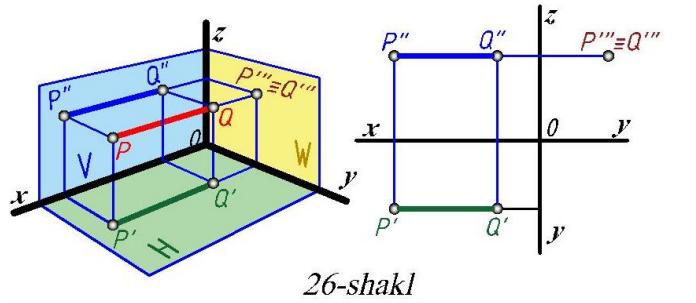
23-shakl



4. To‘g‘ri chiziqning KL kesmasi H ga perpendikulyar (24-shakl). Bunda KL to‘g‘ri chiziq V va W ga parallel.



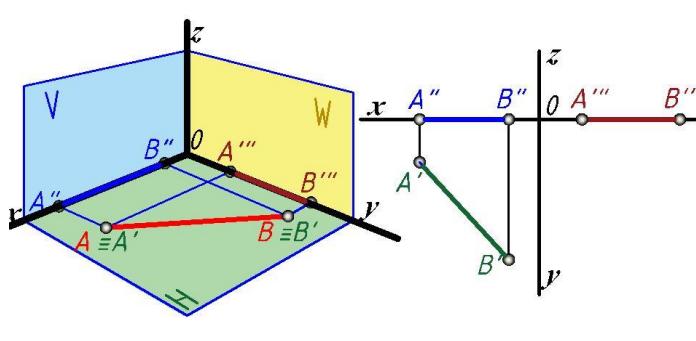
5. To‘g‘ri chiziqning MN kesmasi V ga perpendikulyar (25-shakl). Bunda MN to‘g‘ri chiziq H va W ga parallel.



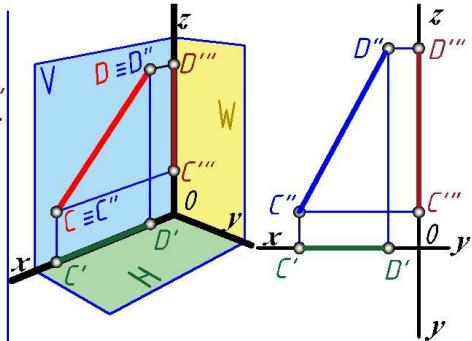
6. To‘g‘ri chiziqning PQ kesmasi W ga perpendikulyar (26-shakl). Bunda PQ to‘g‘ri chiziq H va V ga parallel.

7. Agar to‘g‘ri chiziqning AB, CD kesmalari H yoki V proeksiya tekisliklarida yotgan bo‘lsa, bunday to‘g‘ri chiziqlar kesmalarining bitta proeksiyasi to‘g‘ri chiziqning o‘zi bilan ustma-ust tushadi, keyingi ikkita proeksiyasi esa mos ravishda proeksiya o‘qlarida bo‘ladi. Bu erda AB to‘g‘ri chiziq (27-shakl) gorizontal chiziqning xususiy holi bo‘lsa, CD to‘g‘ri chiziq (28-shakl)

frontal chiziqning - xususiy holidir.



27-shakl

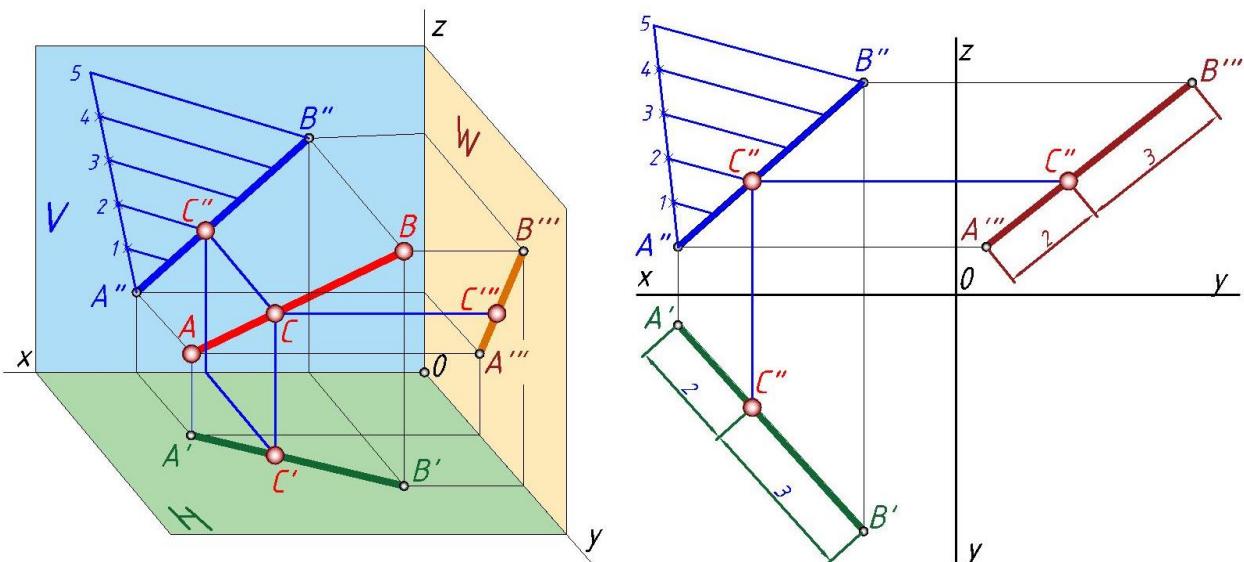


28-shakl

## To‘g‘ri chiziq kesmasini proporsional bo‘laklarga bo‘lish

Parallel proeksiyalarning birinchi xossasiga asosan (29-shakl) nuqta to‘g‘ri chiziq kesmasini qanday nisbatda bo‘lsa, nuqtaning proeksiyasi ham shu kesma proeksiyasini xuddi shunday nisbatda bo‘ladi. Masalan, AB (A'B', A''B'') kesmani C (C'C'') nuqtada AC:CB=2:3 nisbatda bo‘lish uchun A nuqtadan ixtiyoriy uzunlikda beshta teng ( $2+3=5$ ) kesma olamiz (29-shakl). 5-nuqtani B nuqta bilan tutashtirib 2-nuqtadan 5B ga parallel chiziq o‘tkazamiz, so‘ngra AB kesma bilan kesishguncha davom ettirib, C nuqtani topamiz. Topilgan C nuqta AB kesmani 2:3 nisbatda bo‘ladi, ya’ni  $CA:CB = 2:3$ .

Epyurda bu masalani echish uchun (29-shakl) kesmaning biron-bir proeksiyasidagi A nuqtadan ixtiyoriy to‘g‘ri chiziq chizib ( $180^\circ$  yoki  $0^\circ$  burchak ostida emas), bu chiziqni A nuqtadan boshlab teng 5 bo‘lakka bo‘lamiz. 5-nuqtani B bilan birlashtiramiz va 2-nuqtadan 5B ga parallel chiziq chizib, AB kesmaning gorizontal proeksiyasi bilan kesishguncha davom ettiramiz. Uning AB to‘g‘ri chiziq bilan kesishgan yerida C nuqtani olamiz va bog‘lanish chizig‘idan foydalanib C' ni topamiz. Topilgan CC' nuqtalar AB, A'B' kesmalarni  $AS:CB=A'C':C'B'=2:3$  nisbatda bo‘ladi.

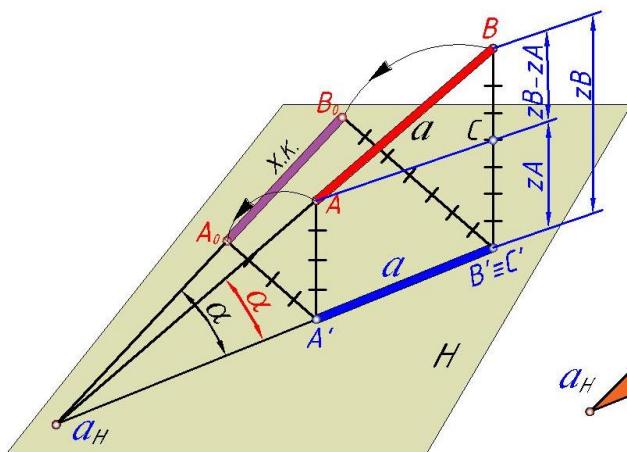


29-shakl

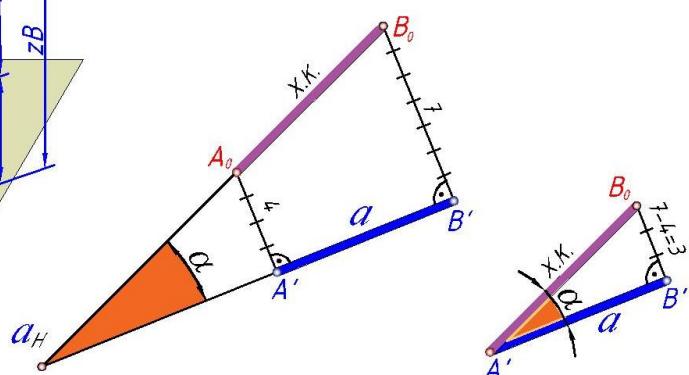
## To‘g‘ri chiziq kesmasining haqiqiy kattaligini va proeksiya tekisliklariga nisbatan hosil qilgan burchaklarini aniqlash

Yuqorida ko‘rib o‘tganimizdek, umumiylashtirilgan vaziyatda to‘g‘ri chiziq proeksiya tekisliklariga o‘z kattaligidan kichiklashib proeksiyalanadi.

Ayrim masalalarini echishda to‘g‘ri chiziq proeksiyasi bo‘yicha uning haqiqiy uzunligi bilan proeksiyalar tekisliklari o‘rtasida hosil qilgan og‘ish burchaklarini aniqlashga to‘g‘ri keladi. Kesmaning haqiqiy kattaligi va uning proeksiyalar tekisliklariga nisbatan og‘ish burchagini topish uchun to‘g‘ri burchakli uchburchaklik yasash usulidan foydalanamiz. 30-shaklda H tekislik va fazodagi AB kesmaning gorizontal A'B' proeksiyasi berilgan, to‘g‘ri burchakli uchburchaklik xosil qilish uchun A nuqta orqali ABB'A' tekislikda yotuvchi va H tekislikka parallel to‘g‘ri chiziq AC o‘tkazamiz. Bunda ABC to‘g‘ri burchakli uchburchaklik xosil bo‘lib, bu uchburchaklikning bir kateti AC kesmaning H tekislikdagi A'B' proeksiyasiga teng, ya’ni  $AC=A'B'$ , ikkinchi kateti BC esa BB' kesmadan AA' kesmaning ayirilganiga teng, ya’ni  $BB'-AA'=BC$ . ACB to‘g‘ri burchakli uchburchaklikning gipotenuzasi (AB) H tekislikka nisbatan  $\alpha$  burchak hosil qiladi. Bu burchak AB va uning H tekislikdagi A'B' proeksiyasi o‘rtasidagi burchak bilan o‘lchanadi, ya’ni  $\angle Ba_H B' = \angle CAB$ . Kesmaning gorizontal proeksiyasi A'B' ning B nuqtasidan perpendikulyar chiqarib, unga zB-zA= $\Delta z$  masofani



31-shakl



32-shakl

33-

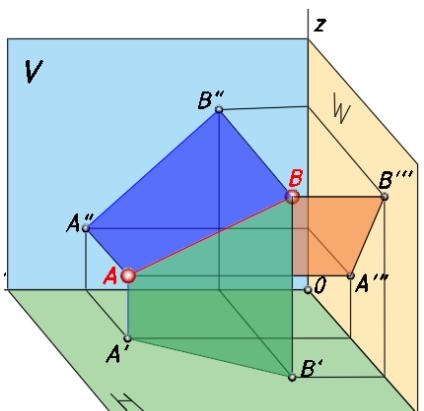
shakl

o‘lchab qo‘ysak,  $A'B'B_o$  to‘g‘ri burchakli uchburchaklik xosil bo‘ladi, uning  $A'B_o$  gipotenuzasi kesmaning haqiqiy kattaligini ifodalaydi (33-shakl).

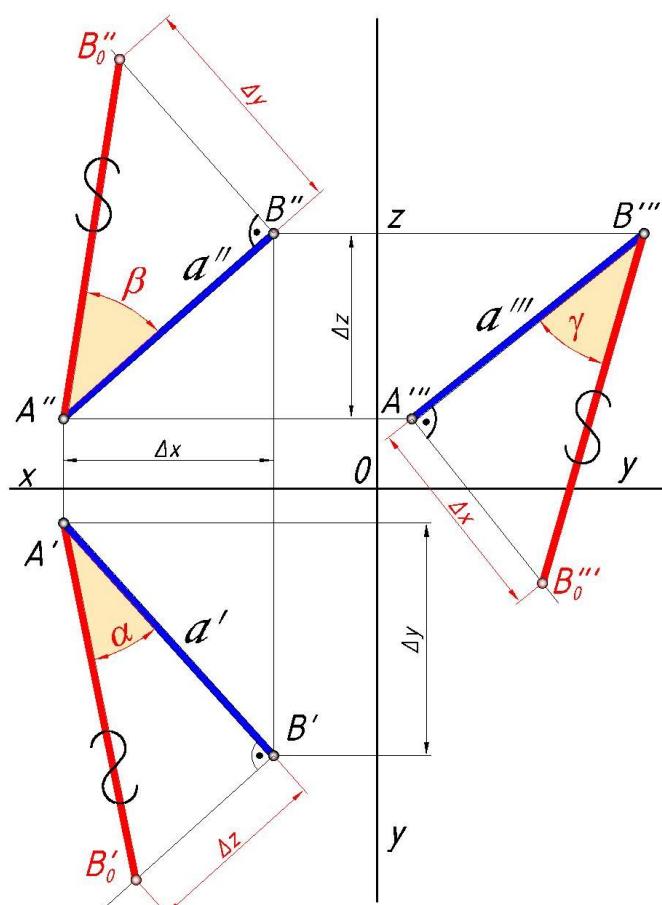
34-shaklda AB to‘g‘ri chiziq kesmasi hamda bu kesmaning H, V va W tekisliklardagi A'B', A''B'' va A'''B''' proeksiyalari ko‘rsatilgan. Bu kesmaning A' nuqtasi orqali  $AB \parallel A'C$  chiziq o‘tkazsak, to‘g‘ri burchakli

A'B'C uchburchaklik hosil bo'ladi; uning A'C' kateti kesmaning gorizontal proeksiyasi A'B' ga teng ( $A'C'=A'B'$ ), ikkinchi B'C kateti esa kesmaning A va B nuqtalaridan H tekislikkacha bo'lgan masofalarning ayirmasiga teng, ya'ni  $BC=BB'-BC$  yoki  $CB=AA$  bo'lsa,  $BC=BB'-AA'$ . 35- va 36-shakllarda ko'rsatilgan AB to'g'ri chiziq kesmasining H, V va W tekisliklarga nisbatan hosil qilgan burchaklari  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  bo'lib, AB to'g'ri chiziq va uning proeksiyalari orasidagi burchak bilan o'lchanadi. Bunda  $\alpha$  – to'g'ri burchakli ( $AC||AB$ ) uchburchaklik BCA ning A uchidagi burchagi, ya'ni  $\angle BAC=\alpha$ ;  $\beta$  – to'g'ri burchakli uchburchaklik ADB ning ( $BD||A'B'$ ) B uchidagi burchagi, ya'ni  $\angle ABD=\beta$ ; to'g'ri burchakli uchburchaklik BEA ning ( $BE||A''B''$ ) B uchidagi burchagi, ya'ni  $\angle ABE=\gamma$ . 36-shaklda tasvirlangan epyurda AB to'g'ri chiziqning A'B', A''B' va A'''B''' proeksiyalaridagi nuqtalarning H, V va W tekislikkacha bo'lgan masofalari yA, yB, zB, zA bilan, A'B' proeksiya nuqtalarining W tekislikkacha bo'lgan masofalari esa xA va xB bilan ifodalangan. Bundan foydalanib kesmadagi nuqtalarning H va W tekisliklarga bo'lgan masofalari ayirmalarini aniqlaymiz, ya'ni  $yA-yB=\Delta y$ ,  $zB-zA=\Delta z$  va  $xA-xB=\Delta x$ . AB to'g'ri chiziq kesmasining gorizontal proeksiyasi A'B' ning A' yoki B' nuqtasidan ixtiyoriy tomonga perpendikulyar chiziq chizib, unga  $\Delta z$  ni o'lchab qo'yamiz, topilgan A' o nuqtani A' bilan tutashtirsak A'B'A' o to'g'ri burchakli uchburchaklik hosil bo'ladi. Bu uchburchaklikning B'A' o gipotenuzasi AB kesmaning haqiqiy uzunligini ifodalaydi, ya'ni  $B'A'_o=|AB|$ ; bunda A'B' va B'A' o kesmalar orasidagi  $\alpha$  burchak AB to'g'ri chiziq bilan H tekislik orasidagi  $\alpha$  burchakka teng.

AB to'g'ri chiziqning A''B'' va A'''B''' proeksiyalarini kesmalarining haqiqiy uzunligini hamda  $\beta$  va  $\gamma$  burchaklarini topish ham shunga o'xshash bo'lib, 36-shaklda ko'rsatilgan.



34-shakl



35-shakl

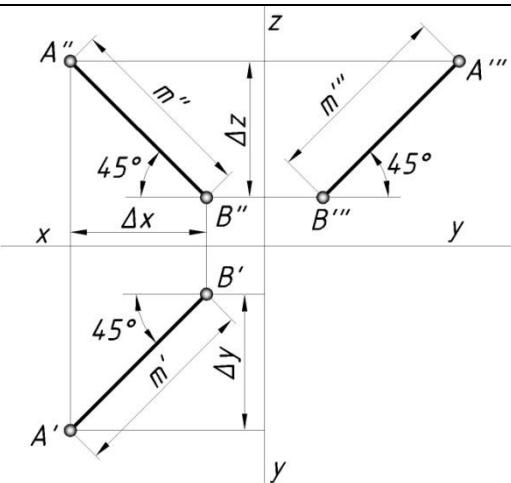
36-shakl

Yuqoridagilardan quyidagi hulosani keltrib chiqarish mumkin:  
*Umumiy vaziyatdagi to‘g‘ri chiziqning uzunligi bir kateti istalgan proektsiya tekisligidagi kesma proektsiyasi bo‘lgan va ikkinchisi shu tekislikka nisbatan kesma uchlarining masofalari ayirmasi tashkil qilgan to‘g‘ri burchakli uchburchak*

*gipotenuzasiga teng.*

*Proektsiya-katet va gipotenuza orasidagi burchak kesma bilan uning proektsiyasi qurilgan tekislik orasidagi burchakka tengdir.*

Agar to‘g‘ri chiziq kesmasi proeksiya tekisliliklaridan

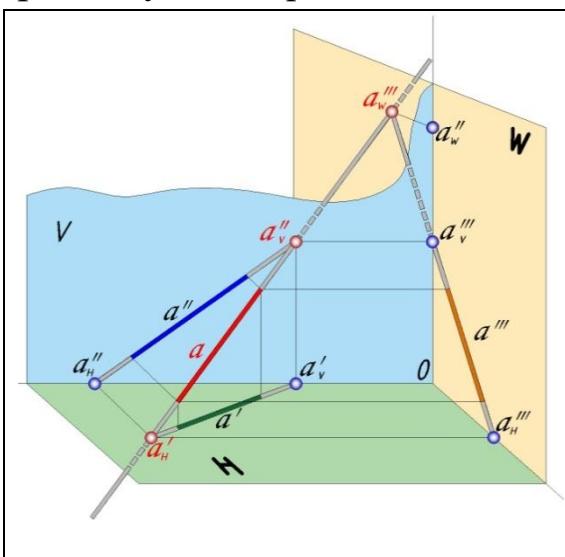


ikkitasiga bir xil qiyalikda bo'lsa uning ikita uchi qiymatlari ayirmasi ( $\Delta$ ) teng bo'ladi. Kesmaning  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  qiymatlari teng bo'lishi uchun uning  $\Delta y$ ,  $\Delta z$  va  $\Delta x$  qiymatlari o'zaro teng bo'lishi kerak (37-shakl).

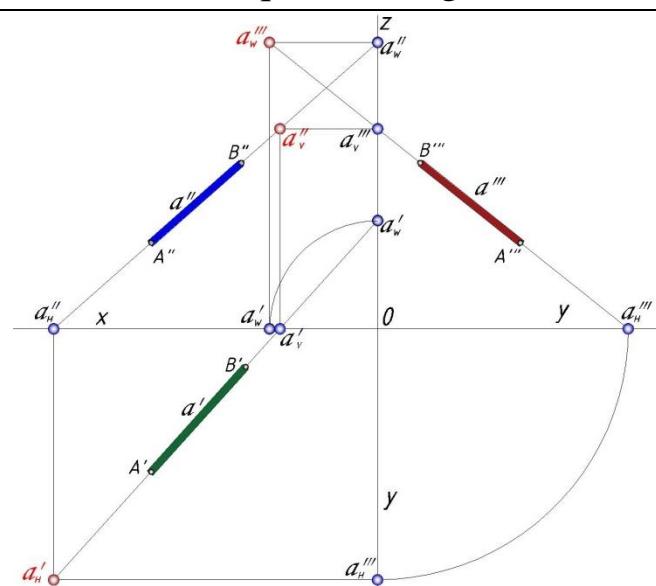
37-shakl

### To'g'ri chiziqning izlari

**To'g'ri chiziqning proeksiya tekisliklari bilan kesishgan nuqtalariga to'g'ri chiziqning izlari deyiladi.** 38-shakl, a da AB kesmaning H va V tekisliklardagi izlarini topish ko'rsatilgan. AB to'g'ri chiziqni H tekislikkacha davom ettirsak,  $a'_H$  nuqtada A'B' ning davomi bilan kesishib gorizonttal izini va V tekislikkacha davom ettirsak,  $a''_V$  nuqtada A''B'' ning davomi bilan kesishib frontal izini hosil kiladi. Gorizonttal izi  $a'_H$  nuqtada, uning gorizonttal proeksiyasi  $a_H = a'_H$  va frontal proeksiyasi  $a''_H$  esa proeksiyalar o'qi  $x$  da bo'ladi. Frontal izi  $a''_V$  nuqtada, uning

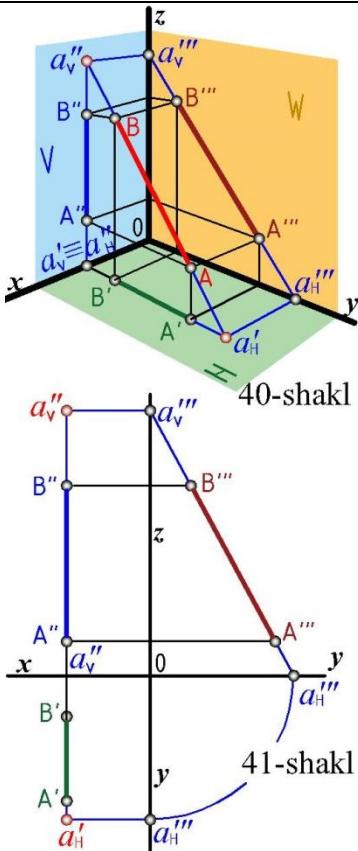


38-shakl



39-shakl

frontal proeksiyasi  $a_V = a''_V$  va gorizonttal proeksiyasi  $a'_V$  proeksiyalar o'qi  $x$  da



bo‘ladi. To‘g‘ri chiziq  $a'H$   $a''v$  nuqtalarda H va V tekisliklarni kesib o‘tganda IV, I va II choraklardan o‘tadi. Bu AB kesma proeksiyalarining izlarini topish 39-shaklda ko‘rsatilgan, to‘g‘ri chiziqning gorizontal izini topish uchun frontal proeksiyasini  $x$  o‘qqacha davom ettirib,  $a''H$  nuqtani belgilaymiz, uning gorizontal proeksiyasi  $a'H$  esa  $A'B'$  ning davomida bo‘ladi. To‘g‘ri chiziqning frontal izini topish uchun uning gorizontal proeksiyasi  $A'B'$  ni  $x$  o‘qigacha davom ettirib,  $a'v$  nuqtani belgilaymiz, frontal proeksiyasi  $a''v$  esa  $A''B''$  ning davomida bo‘ladi.

40-shaklda profil to‘g‘ri chiziqning izlarini topish ko‘rsatilgan. Shaklda ko‘rsatilganidek, kesmaning profil proeksiyasi  $A''B''$  chiziladi. So‘ngra  $A''B''$  ni  $y$  o‘qqacha davom ettirib, gorizontal izining profil proeksiyasi  $a'''H$  va  $z$  o‘qqacha davom ettirib, frontal izining profil proeksiyasi  $a'''v$  topiladi. Bu nuqtalardan prokesion bog‘lovchi chiziqlar chiqarib  $A'B'$  va  $A''B''$  kesmalar bilan kesishgan nuqtalari  $a'H$  va  $a''v$ , to‘g‘ri chiziqning gorizontal va frontal izlari topiladi (41-shakl).

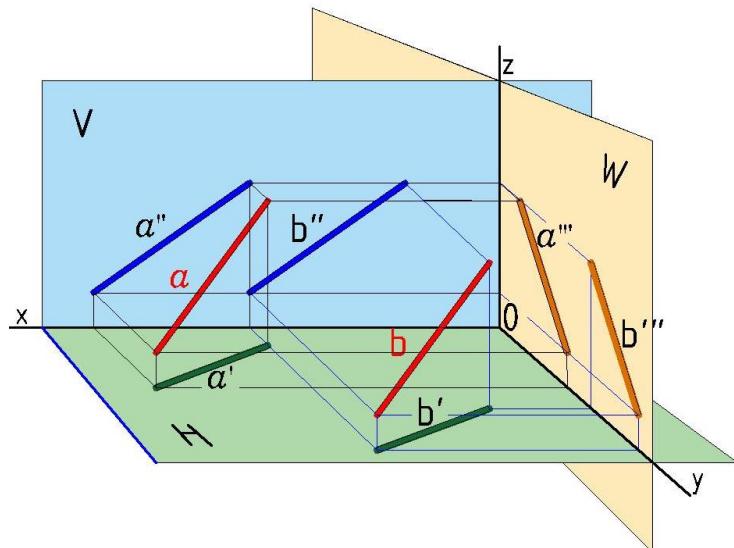
### To‘g‘ri chiziqlarning o‘zaro vaziyati

To‘g‘ri chiziqlar fazoda bir-biriga nisbatan parallel kesishgan va ayqash holda bo‘lishi mumkin.

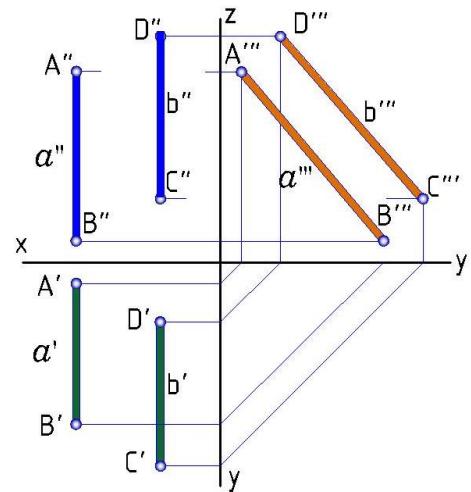
1. Parallel to‘g‘ri chiziqlar. **Bir tekislikda<sup>12</sup> yotuvchi to‘g‘ri chiziqlar o‘zaro kesishuv nuqtasiga ega bo‘lmasa, ularni parallel to‘g‘ri chiziqlar deyiladi.** Parallel proeksiyalarning xossasiga ko‘ra parallel to‘g‘ri chiziqlarning bir nomli proeksiyalari epyurda ham o‘zaro parallel bo‘ladi.

<sup>12</sup> Oddiy tekislik ko‘zda tutilgan.

Fazoda o‘zaro parallel bo‘lgan ikki to‘g‘ri chiziq kesmasi AB va CD berilgan (42-shakl),

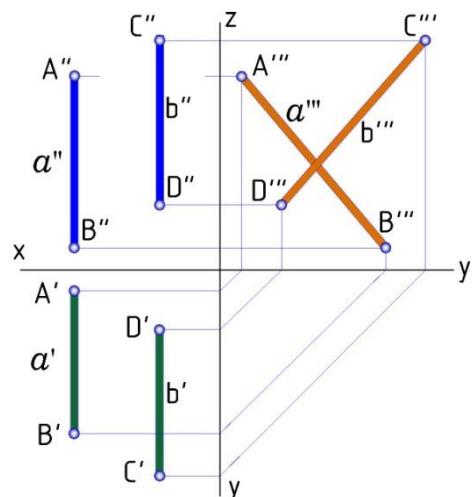


42-shakl



43-shakl

bu kesmalar orqali o‘tkazilgan gorizontal proeksiyalovchi tekisliklar aa' va bb' ham o‘zaro paralleldir. Proeksiyalovchi tekisliklar H tekislikni a va b chiziqlar bo‘yicha



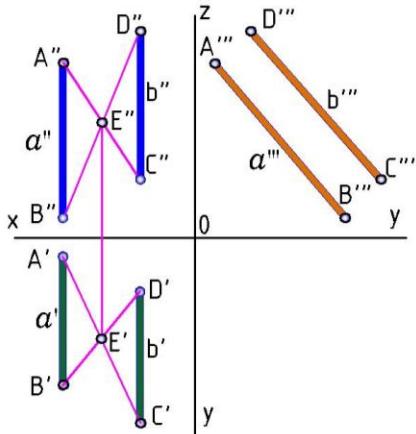
43-shakl

kesadi, bunda a va b chiziqlarning a' va b' proeksiyalari ham o‘zaro parallel bo‘ladi. 43-shaklda o‘zaro parallel AB va CD to‘g‘ri chiziqlarning epyuri ko‘rsatilgan. Yodda tutish kerakki ikkita proeksiyaning o‘zaro parallelligi hamisha ham chiziqlarning parallelligini bildirmaydi. 44-shakldagi a va b chiziqlar 43-shakldagiga o‘xshasada, ular orasida farq bor. C va D nuqtalarning frontal proeksiyalari o‘rin almashgan. Bu chiziqlarning profil proeksiyasini qurish orqali ularning parallel emasligini bilib olish mumkin.

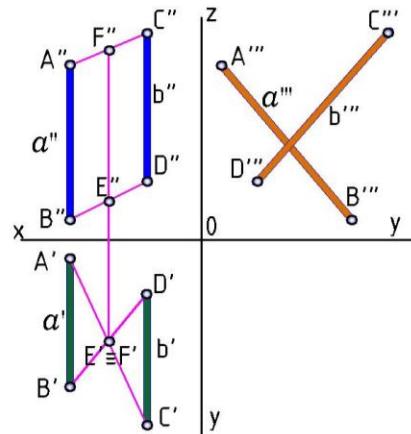
Uchinchi preksiyadan foydalanmasdan

parallellikni tekshirish uchun kesmalarning qarama qarshi uchlari birlashtiriladi (45-shakl). Agar AC va BD nuqtalarni birlashtiruvchi chiziqlarning kesishuv nuqtalari E bitta bog‘lovchi chiziqda yotsa AB va

CD chiziqlar o‘zaro parallel bo‘ladi. 46-shaklda ko‘rsatilgan holatda, AC va BD nuqtalarni birlashtiruvchi chiziqlar bitta proeksiyada kesishsa va ikkinchi proeksiyada kesishmasia yoki ularning kesishuv nuqtqalari bitta bog‘lovchi chiziqdada yotmasa AB va CD chiziqlar o‘zaro parallel emas degan hulosa chiqarish mumkin.

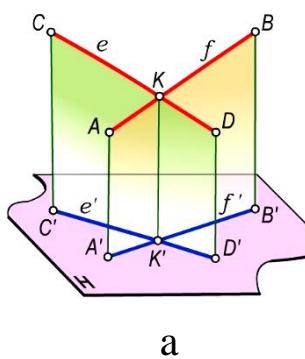


45-shakl

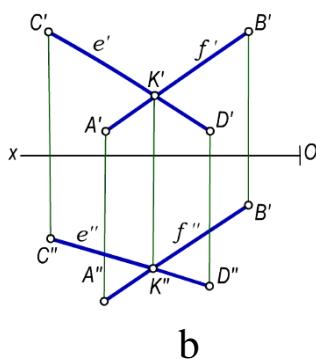


46-shakl

2. Kesishgan to‘g‘ri chiziqlar. *Bitta umumiy nuqtaga ega bo‘lgan to‘g‘ri chiziqlar kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar deyiladi.* Parallel proeksiyalarning xossasiga asosan kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar proeksiyalarining kesishish nuqtasi to‘g‘ri chiziqlar kesishish nuqtasining proeksiyasidir. Fazoda bir-birlari bilan E nuqtada kesishuvchi AB va CD kesmalar berilgan. K nuqta ikkala kesmaga tegishli bo‘lgani uchun uning gorizontal proeksiyasi K' ham kesmalarning gorizontal proeksiyalari A'B' va C'D' ga tegishlidir (47a-shakl). Demak, fazoda kesmalar o‘zaro bir nuqtada kesishsa, ularning bir nomli proeksiyalarini ham shu nuqtada kesishadi, ya’ni bu nuqtalar  $x$  o‘qiga nisbatan perpendikulyar bo‘lgan bir to‘g‘ri chiziqdada bo‘ladi (47b-shakl).

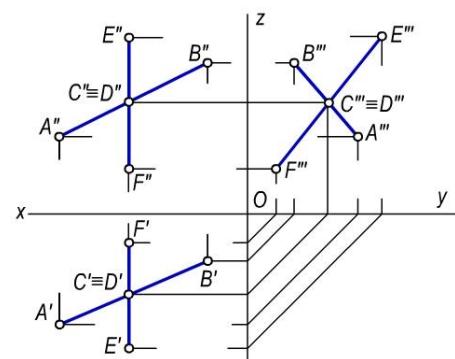


a



b

47-shakl

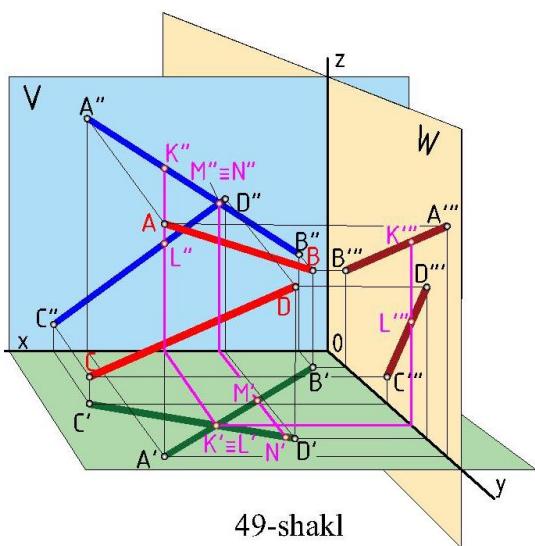


48-shakl<sup>13</sup>

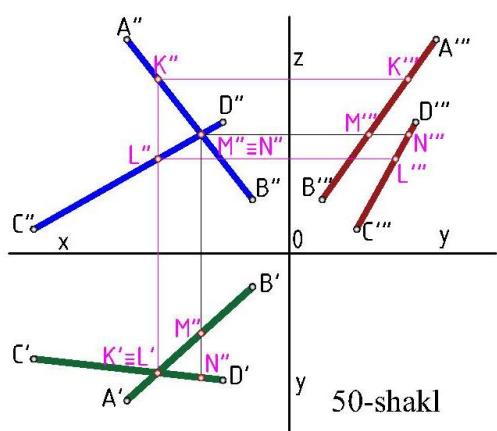
<sup>13</sup> 47-48-shakllar professor Sh. K. Murodovning „Chizma geometriya“ kitobidan olingan.

Agar kesishuvchi chiziqlarning biri proyeksiyalar tekisligining birortasiga parallel bo'lsa, u holda ularning ikkita bir nomli proyeksiyalarining o'zaro kesishuvi yetarli bo'lmaydi. Masalan,  $AB$  va  $EF$  to'g'ri chiziq kesmalarining biri  $EF$  kesma  $W$  tekislikka parallel joylashgan (48-shakl). Bu chiziqlarning o'zaro vaziyatini ularning profil proyeksiyalarini yasash bilan aniqlash mumkin. Agar kesishish nuqtasining proyeksiyalari bir bog'lovchi chiziqda joylashsa, bu to'g'ri chiziqlar o'zaro kesishadi, aks holda to'g'ri chiziqlar kesishmaydi.

3. Ayqash to'g'ri chiziqlar. *O'zaro parallel bo'lмаган ва kesishmaydиган иккি to'g'ri chiziq kesmasи ayqash to'g'ri chiziqlar deyiladi.* Bunday to'g'ri chiziqlar proyeksiyalarining kesishish nuqtalari bitta bog'lovchi to'g'ri chizikda yotmaydi (46-shakl). Masalan, fazoda  $AB$  va  $CD$  to'g'ri chiziq kesmalari berilgan, ularning  $A'B'$ ,  $A''B''$  va  $A'''B'''$  proyeksiyalari aniqlangan (49, 50-shakllar). H tekislikda  $A'B'$  va  $C'D'$  proyeksiyalar  $K' \equiv L'$  nuqtada V tekislikda



49-shakl



50-shakl

$A''B''$  va  $C''D''$  proyeksiyalar  $M''=N''$  nuqtada kesishadi. To'g'ri chiziq kesmasi  $AB$  ( $A'B', A''B''$ ) va  $CD$  ( $C'D', C''D''$ ) ning fazoviy holatida (49-shakl) va epyurida (50-shakl)  $A'B'$  va  $C'D'$  dagi ikkita nuqta, ya'ni  $K'$ ,  $L'$  ning proyeksiyasi  $AB$  va  $CD$  kesmadagi bir nuqtada ( $K' \equiv L'$ ) joylashib, proyeksiyalovchi nurda yotadi. Shunga o'xshash  $AB$ ,  $CD$  kesmalardagi  $M$ ,  $N$  nuqtalarning  $M''$ ,  $N''$  frontal proyeksiyaları  $A''B''$  kesmada bir nuqtaga to'g'ri kelib, bir proyeksiyalovchi nurda yotadi. Bunday nuqtalar konkurent (baxslashuvchi) nuqtalar deb ataladi.  $K'K''$ ,  $L'L''$  va  $M'M''$ ,  $N'N''$  nuqtalar konkurent nuqtalardir. Konkurent nuqtalar chizma geometriya va chizmachilikda

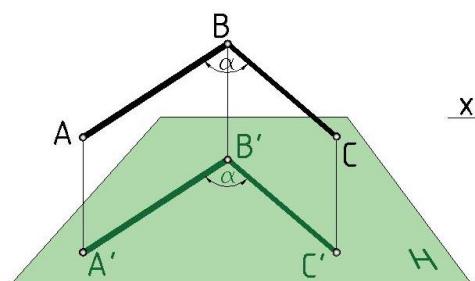
masalalar ishlash, chizmalar chizish va ularni o‘qishda muhimdir. Konkurent nuqtalar yordamida chizma geometriyadagi geometrik shakllar va narsalarning chizmasini chizishda ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan nuqtalar, chiziqlar hamda tekisliklarni aniqlash mumkin. Masalan, fazodagi AB (A'B', A''B'')

va CD (C'D', C''D'') kesmalarda belgilangan nuqtalarni kuzatamiz (50-shakl). H tekislikka yuqoridan pastga qaralsa, AB kesmadagi K nuqta ko‘rinadi. Chunki K nuqtaning balandlik qiymati L nuqtanikiga qaraganda kattaroq. Ya’ni bu yerda H tekislikka nisbatan K nuqta L nuqtadan yuqorida joylashgan. Agar V tekislikka qaralsa, CD kesmadagi N nuqta ko‘rinadi, M nuqta ortda qoladi, ya’ni ko‘rinmaydi. Bu erda N nuqta V tekislikka nisbatan M nuqtadan uzoqroq masofada joylashgan. Bu mulohazalarga profil proeksiyani analiz qilish yoramida ham kelish mumkin.

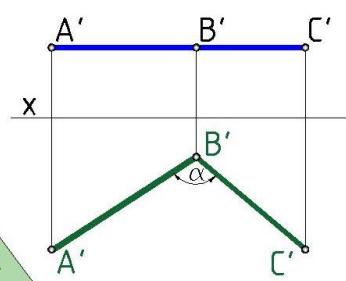
### Kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar orasidagi burchakning proeksiyalari

Yassi burchaklarning hammasi, ya’ni o’tkir, o’tmas va to‘g‘ri burchaklar ikki to‘g‘ri chiziqning kesishishidan hosil bo‘ladi. Ayrim xususiy xollarni hisobga olmaganda, burchak proeksiya tekisligiga proeksiyalanganda (xosil bo‘lgan burchak) o‘zgaradi.

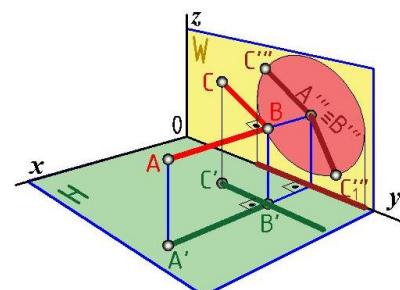
1. Agar burchakning ikki tomoni biror proeksiya tekisligiga parallel bo‘lsa, u haqiqiy ko‘rinishda proeksiyalanadi. ABC burchak berilgan (225-shakl), uning AB va BC tomonlari H tekislikka parallel. Shuning uchun  $\angle ABC$  bilan uning H tekislikdagi  $\angle A'B'C'$  ( $\alpha$ ) burchaklari teng (51, 52-shakllar).



51-shakl

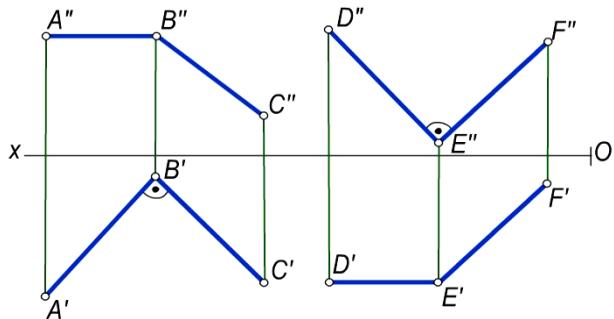


52-shakl



53-shakl

2. Agar to‘g‘ri burchak kesmalarining tomonlaridan biri proeksiya tekisligiga perpendikulyar bo‘lmay, ikkinchi tomoni parallel bo‘lsa, uning shu tekislikdagi proeksiyasi ham to‘g‘ri burchak bo‘ladi (53-shakl).



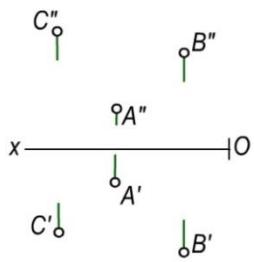
54-shakl

ABC to‘g‘ri burchakning bir tomonini, ya’ni AB ni H tekislikka parallel deb faraz qilib ( $AB \parallel A'B'$ ), uning BC tomonini AB tomoni atrofida aylantirsak,  $B''C'''$  va  $B'''C''_1$  kesishuvchi chiziqlar hosil bo‘ladi, bu kesishuvchi chiziqlar W tekislikda yotganligi va shu tekislikka tegishli bo‘lganligi tufayli  $A'B' \perp B'C'$  va

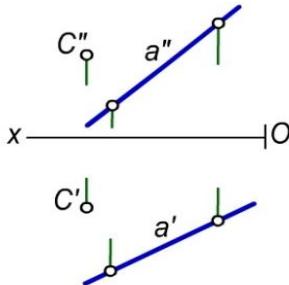
$A'B' \perp C'''_1 B'''$  bo‘lib, bunda  $AB \perp W$  va  $A'B' \perp y$ , ya’ni  $A'B' \perp B'C'$ . Demak, ABC to‘g‘ri burchakning H tekislikdagi proeksiyasi ham to‘g‘ri burchak bo‘ladi. 54-chizmada  $\angle ABC$  ning AB tomoni gorizontal va gorizontal proeksiyada  $\angle ABC=90^\circ$  demak  $\angle ABC$  to‘g‘ri burchak bo‘ladi. 54-chizmadagi  $\angle DEF$  ning DE tomoni frontal va frontal proeksiyada  $\angle DEF=90^\circ$  demak  $\angle DEF$  to‘g‘ri burchak bo‘ladi.

### Tekislikning berilish usullari

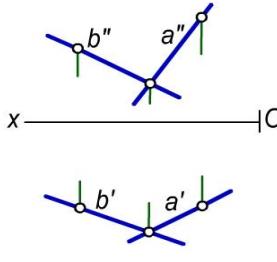
Tekislik, asosan, quyidagi geometrik elementlar orqali beriladi. 1. Bir to‘g‘ri chiziqda yotmagan uch nuqta bilan (55-shakl). 2. Bir to‘g‘ri chiziq va bu chiziqda



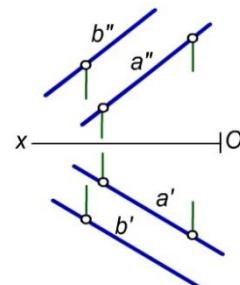
55-shakl



56-shakl



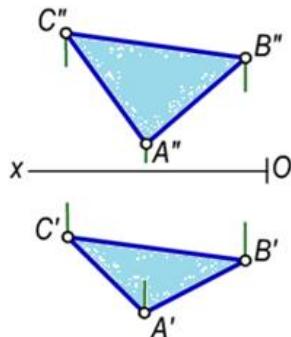
57-shakl



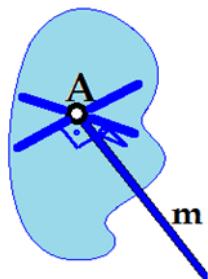
58-shakl

yotmagan bir nuqta bilan (56-shakl) 3. Kesishuvchi ikki to‘g‘ri chiziq bilan (57- shakl). 4. Ikki parallel to‘g‘ri chiziq bilan (58-shakl). Bundan tashqari, tekislik istalgan geometrik shakllar orqali ham berilishi mumkin.

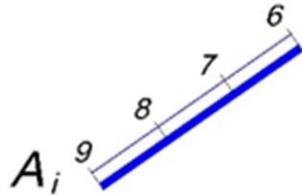
Masalan, 59-shaklda tekislik ABC uchburchaklik proeksiyalari orqali berilgan. Hozirgai zamon kompyut grafik dasturlarida tekislik undayotuvchi bir nuqta va shu nuqtadan tekislikka o'tkazilgan normal orqali ham beriladi (60-shakl). Son blgili proeksiyalarda tekislikning qiyalik masshtabi (61-shakl) yoki tekislikda yotuvchi darajalangan chiziq va tekislikning qiyaligi hamda uning pasayish yo'nalishi orqali ham beriladi (62-shakl).



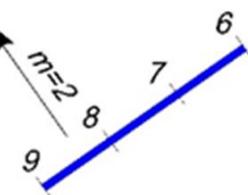
59-shakl



60-shakl



61-shakl

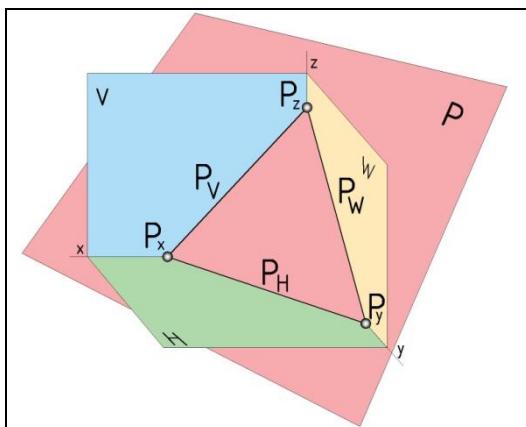


62-shakl

### Tekislikning proeksiya tekisliklariga nisbatan turli vaziyatlari

Tekislik proeksiya tekisliklariga nisbatan ixtiyoriy, maxsus yoki proeksiyalovchi vaziyatlarda joylashishi mumkin.

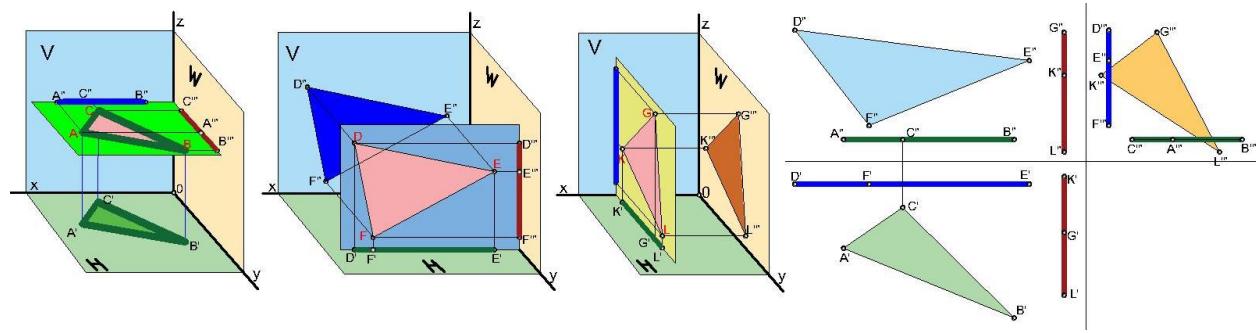
1. *Proeksiya tekisliklariga nisbatan parallel yoki perpendikulyar bo'lmagan tekislik umumiy vaziyatdagi tekislik deyiladi.* Masalan, 63-shaklda H, V va W



63-shakl

proeksiya tekisliklarni kesib o'tuvchi ixtiyoriy vaziyatdagi P tekislik berilgan. **Tekislik bilan proeksiya tekisliklarning kesishishi natijasida xosil bo'lgan chiziqlarni tekislikning izlari deyiladi.** 63-shaklda P tekislikning gorizontal  $P_H$ , frontal  $P_V$  va profil  $P_W$  izlari, tekislik izlarining kesishish nuqtalari  $P_x$ ,  $P_y$  va  $P_z$  ko'rsatilgan. 63-shakldan **umumiy vaziyatdagi tekislikning izlari o'qlarda kesishadi** degan hulosani chiqarish mumkin.

2. Tekislik bitta proeksiyalar tekisligiga parallel va qolgan ikki tekislikka perpendikulyar bo‘lishi mumkin, bunday tekisliklar qaysi proeksiya tekisligiga parallel bo‘lsa shu tekislikning nomi bilan ataladi. Ular quyidagilardan iborat: 1) agar berilgan tekislik proeksiya tekisligi H ga parallel bo‘lsa, gorizontal tekislik deyiladi (64-shakl); 2) agar berilgan tekislik proeksiya tekisligi V ga parallel bo‘lsa, frontal tekislik deyiladi (65-shakl); 3) agar berilgan tekislik proeksiya tekislagi W ga parallel bo‘lsa, profil tekislik deyiladi (66-shakl). 67-shaklda proeksiya tekisliklariga mos ravishda parallel bo‘lgan uchta tekislikning epyuri



64-shakl

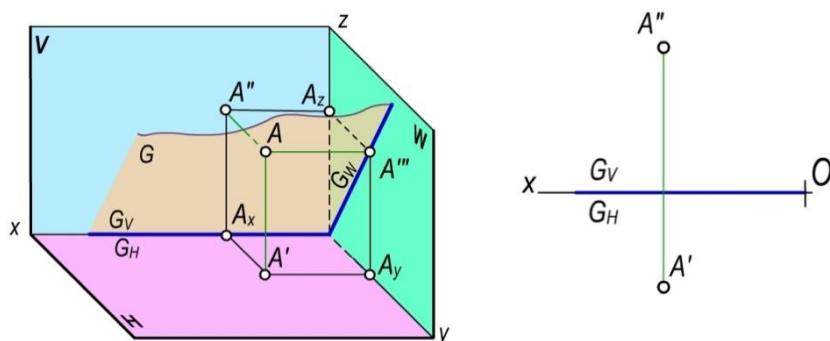
65-shakl

66-shakl

67-shakl

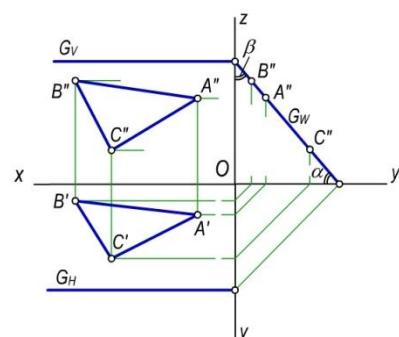
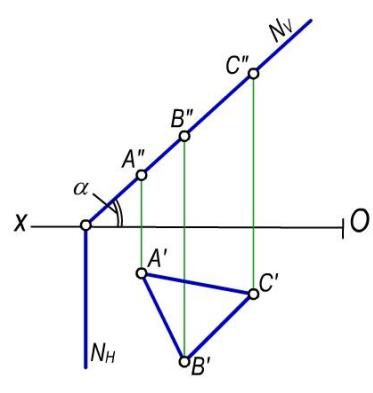
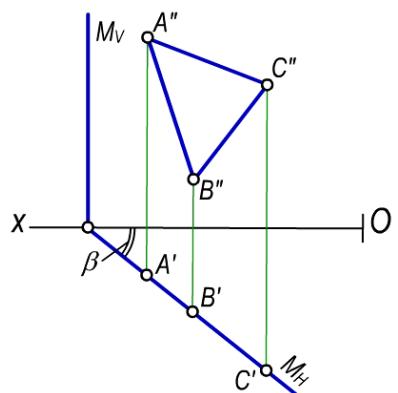
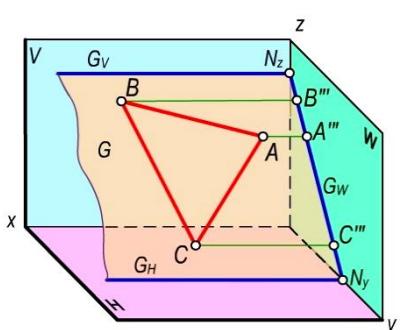
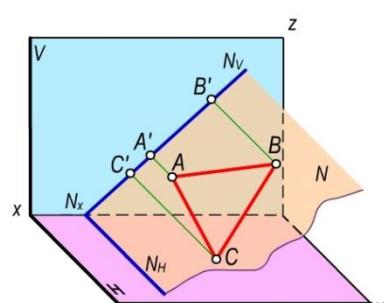
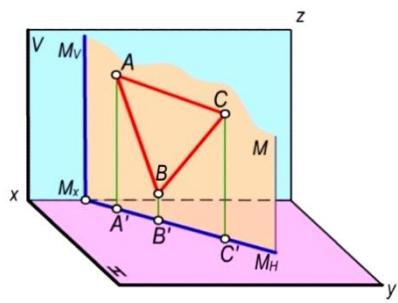
berilgan.  $ABC \parallel H$ ,  $DEF \parallel V$  va  $GKL \parallel W$ . Hulosa: *proeksiya tekisligiga parallel bo‘lgan tekislikning ikkita proeksiyasi mos ravishda proeksiya o‘qlariga parallel bo‘ladi.*  $ABC \parallel H \rightarrow A''B''C'' \parallel x$  va  $A'''B'''C''' \parallel y$ ;  $DEF \parallel V \rightarrow D'E'F' \parallel x$  va  $D'''E'''F''' \parallel z$ ;  $GKL \parallel W \rightarrow G'K'L' \parallel y$  va  $G''K''L'' \parallel z$ ;

3. Bundan tashqari, tekislik quyidagicha joylashishi mumkin; 1) 68-shaklda  $x$  o‘qi orqali o‘tgan va  $W$  ga perpendikulyar bo‘lgan tekislik ko‘rsatilgan. Uning gorizontal  $G_H$  va frontal  $G_V$  izlari ustma-ust tushadi va ikkita iz ham tekislikning fazoviy faziyatini belgilab bera olmaydi. Shuning uchun qo‘srimcha element sifatida tekislikka tegishli bo‘lgan nuqta kiritiladi (69-shakl).



68-shakl

4. *Proeksiyalar tekisliklaridan biriga nisbatan perpendikulyar joylashgan tekislik proeksiyalovchi tekislik* deyiladi. Bunday tekisliklar uch xil bo‘lib, gorizontal, frontal va profil proeksiyalovchi tekisliklardir (70, 71 va 72-shakllar).



70-shakl

71-shakl

72-shakl<sup>14</sup>

Proeksiyalovchi tekislikning ikkita izi proeksiya o‘qlariga perpendikulyar bo‘ladi shuning uchun o‘qlariga perpendikulyar izlarni qisqa chiziq tarzida yoki umuman ko‘rsatmaslikka kelishilgan.

### Proeksiyalovchi tekisliklarning xossalari

Proeksiyalovchi tekisliklarda joylashgan har qanday geometrik elementning bitta proeksiyasi shu tekislikning biror izi bilan qo‘silib qoladi.

1. Gorizontal tekislik H ga nisbatan perpendikulyar joylashgan M tekislik gorizontal proeksiyalovchi tekislik deyiladi. Bunda M va V tekisliklarning kesishishi natijasida xosil bo‘lgan frontal M<sub>V</sub> izi x o‘qqa nisbatan perpendikulyar joylashgan. Gorizontal izi M<sub>H</sub> bilan x o‘q

<sup>14</sup> 68-72-shakllar professor Sh. K. Murodovning „Chizma geometriya“ kitobidan olingan.

o'rtasidagi  $\beta$  burchak – berilgan tekislik bilan V tekislik o'rtasidati burchakka teng.

Tekislikning  $M_H$ ,  $M_V$ , izlari  $M_X$  nuqtada kesishadi. 70-shaklda ko'rsatilganidek, nuqta, kesma yoki yassi geometrik shakl gorizontal proeksiyalovchi tekislikda yotsa, shu tekislikning gorizontal iziga nuqta yoki to'g'ri chiziq bo'lib proeksiyalanadi.

2. Frontal tekislik V ga nisbatan perpendikulyar joylashgan N tekislik frontal proeksiyalovchi tekislik deyiladi (71-shakl). Tekislikning gorizontal  $N_H$  izi x o'qqa nisbatan perpendikulyar joylashgan. Frontal izi  $N_V$  bilan x o'q orasidagi  $\alpha$  burchak — berilgan tekislik bilan gorizontal tekislik orasidagi burchakka teng. Frontal proeksiyalovchi tekislikdagi nuqta, to'g'ri chiziq yoki yassi shakl shu tekislikning frontal iziga nuqta yoki to'g'ri chiziq bo'lib proeksiyalanadi.

3. Profil tekislik W ga perpendikulyar joylashgan G tekislik profil proeksiyalovchi tekislik deb ataladi (72-shakl). Tekislikning gorizontal  $G_H$  va frontal  $G_V$  izlari x o'qiga parallel va profil W tekislikka perpendikulyardir. Tekislikning  $G_V$  va  $G_W$  izlari uchrashish nuqtasi  $G_Z$  da kesishadi. Berilgan G tekislik bilan H va V tekisliklar orasidagi  $\alpha$  va  $\beta$  burchaklar profil W tekislikka haqiqiy kattaligida proeksiyalanadi.

Profil proeksiyalovchi tekislikda joylashgan nuqta, to'g'ri chiziq yoki yassi shakl shu tekislikning profil iziga nuqta yoki to'g'ri chiziq bo'lib proeksiyalanadi.

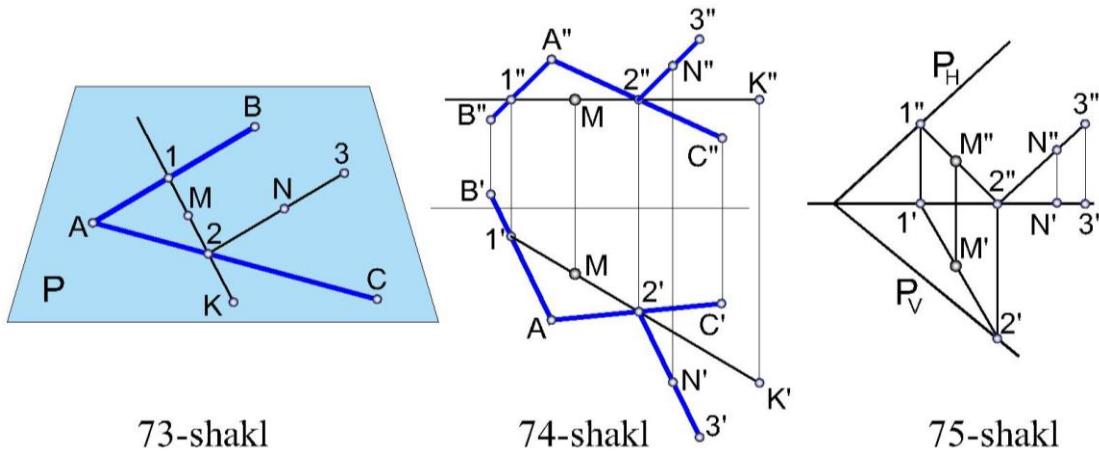
Umumiyl hulosa: *Proeksiyalovchi tekislikda joylashgan nuqta, to'g'ri chiziq yoki yassi shaklning bir proeksiyasi shu tekislikning bitta izi bilan qo'shib qoladi.*

### **Tekislikda nuqta va to'g'ri chiziq tanlash**

Nuqta tekislikka quyidagi shartga ko'ra tegishli bo'ladi: *nuqta tekislikdagi chiziqqa tegishli bo'lganda;*

To'g'ri chiziq tekislikka quyidagi shartlarga ko'ra tegishli bo'ladi: *a) to'g'ri chiziq tekislikdagi ikki nuqta orqali o'tganda; b) to'g'ri chiziq tekislikdagi nuqta orqali o'tib, shu tekislikdagi biror to'g'ri chiziqqa parallel bo'lganda.*

AB va AC kesishuvchi chiziqlar bilan ABC tekislik berilgan (73-shakl), bu tekislikdagi 1 va 2 nuqtalar orqali to‘g‘ri chiziq o‘tkazilgan, bu to‘g‘ri chiziq shu ikki nuqta orqali o‘tgani uchun ABC tekislikka tegishli bo‘ladi. 2 nuqta orqali AB kesmaga parallel qilib o‘tkazilgan 2, 3 to‘g‘ri chiziq ham ABC tekisligiga tegishli bo‘ladi. 1, 2 va 2, 3 nuqtalar orqali o‘tkazilgan to‘g‘ri chiziqlar ABC tekisligiga tegishli bo‘lgani uchun bu to‘g‘ri chiziqlardagi M, K va N nuqtalar ham shu tekislikka tegishli bo‘ladi (73, 74, 75-shakllar).

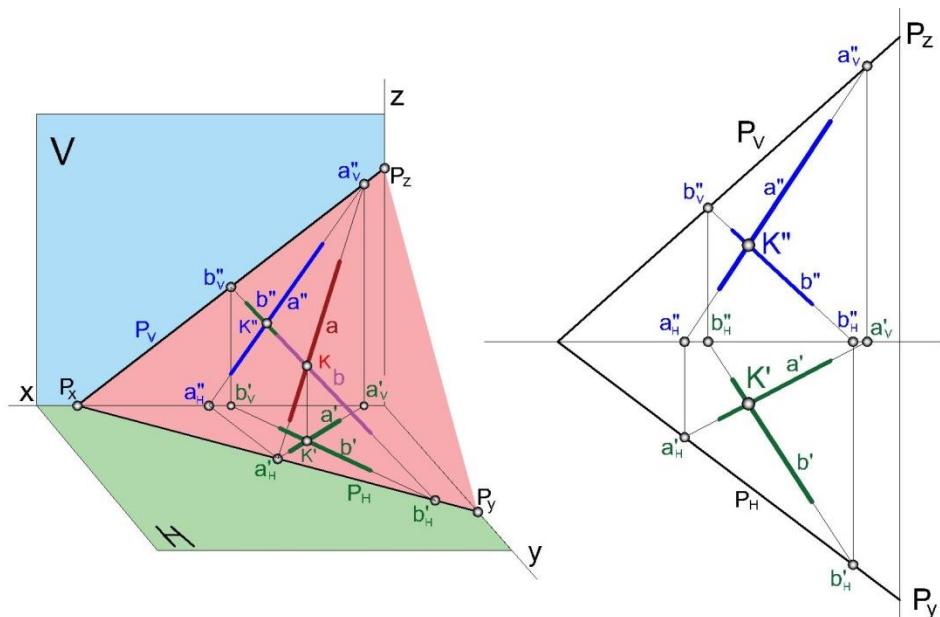


74-shaklda ABC ( $A'B'C'$ ,  $A''B''C''$ ) tekislik epyurda ko‘rsatilgan bo‘lib, unda yuqoridagi qoidaga binoan nuqta va to‘g‘ri chiziq tanlaymiz. Bunda  $1'2'$ ;  $1''2''$  to‘g‘ri chiziqlar ABC tekislikning  $1', 2'$  va  $1'', 2''$  nuqtalari orqali o‘tganligi uchun ular tekislikka tegishli bo‘ladi.  $1'2'$ ;  $1''2''$  to‘g‘ri chiziqlardagi  $K'K''$  va  $M'M''$  nuqtalar ham ABC ( $A'B'C'$ ,  $A''B''C''$ ) tekislikka tegishli bo‘ladi.  $2', 2''$  nuqtalar orqali Ab;  $A''B''$  kesmalarga parallel qilib  $2'3'$  va  $2''3''$  to‘g‘ri chiziqlar chizamiz. Bu to‘g‘ri chiziqlardagi  $N'N''$  nuqta ham ABC ( $A'B'C'$ ,  $A''B''C''$ ) tekislikka tegishli bo‘ladi. 75-shaklda tekislik izlari bilan berilgan va 2-nuqtadan tekislikning frontal iziga parallel qilib 23 kesma o‘tkazilgan. Tekislik izlarining keyingi proeksiyasi proeksiya o‘qida bo‘lganligi uchun  $N'$  va  $3'$  nuqtalar o‘qqa tushadi.

### Umumiy vaziyatdagi tekisliklarning izlari

*Tekislik izi deb uni proeksiya tekisliklari bilan kesishgan chiziqlariga aytiladi.* Umuman olganda tekislik izlari ham uning bosh chiziqlaridir, faqat ular nolinchi satxda bo‘lgani uchun iz deb ataladi. Ya’ni *tekislikning izlari uning bosh chiziqlariga mos ravishda*

**parallel**dir. Tekislik izlarini topish: ikki nuqta orqali faqat va faqat bitta to‘g‘ri chiziq o‘tadi yoki to‘g‘ri chiziq va unda yotmagan nuqta



76-shakl

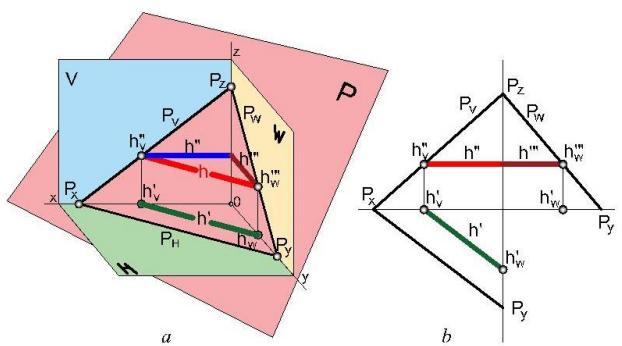
77-shakl

berilsa, shu nuqtadan to‘g‘ri chiziqqa parallel qilib faqat bitta chiziq o‘tkazish mumkin degan aksiomalar asosida bajariladi. Tekislikning izi haqidagi tarifdan uni to‘g‘ri chiziq ekanligi kelib chiqadi. To‘g‘ri chiziqni berish uchun uning kamida ikki nuqtasini berish kerak bo‘ladi. a (a', a") va b (b', b") kesishuvchi chiziqlar bilan berilgan tekislikning izlarini topishi 76-shaklda ko‘rsatilgan. P va H tekisliklarning kesishishidan hosil bo‘lgan to‘g‘ri chiziq, ya’ni P tekislikning izi  $P_H$  ni chizish uchun a va b kesmalarni H tekislikkacha davom ettirib, tegishli  $a'_H$  va  $b'_H$  nuqtalarni topamiz.  $a'_H$   $b'_H$  nuqtalar orqali to‘g‘ri chiziq o‘tkazib, x o‘qqacha davom ettiramiz. Bu to‘g‘ri chiziq tekislikning gorizontal izi  $P_H$  bo‘ladi.  $a'_H$  va  $b'_H$  to‘g‘ri chiziq x o‘q bilan kesishishi natijasida hosil bo‘lgan  $P_x$  nuqta tekislik izlarining uchrashish nuqtasi deyiladi. Tekislikning frontal izi  $P_V$  ham shunga o‘xshash, ya’ni  $a''_V$  va  $b''_V$  nuqta orqali to‘g‘ri chiziq o‘tkazish bilan chiziladi. Agar tekislikning gorizontal va frontal izlari to‘g‘ri topilgan bo‘lsa, ular x o‘qda ( $P_x$ ) kesishadi. a(a', a") va b (b', b") kesishuvchi chiziqlar bilan berilgan P tekislikning izlarini epyurda yasash 77-shaklda ko‘rsatilgan.

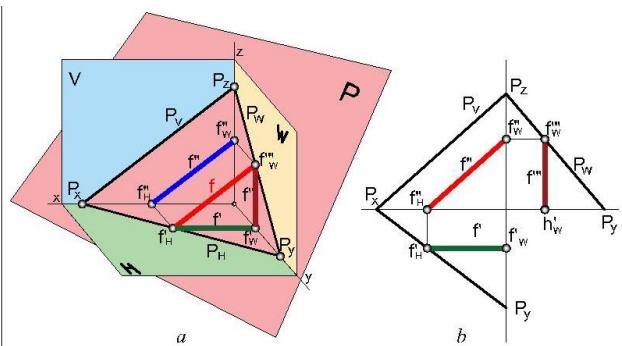
## Tekislikning asosiy chiziqlari

Ayrim to‘g‘ri chiziq kesmalari berilgan tekislikda yotib, proeksiya tekisliklariga nisbatan xususiy vaziyatda, ya’ni unga parallel joylashishi mumkin. Bunday to‘g‘ri chiziqlar tekisliklarning asosiy chiziqlari deyiladi. Asosiy chiziqlar quyidagilardan iborat: 1) tekislikning gorizontali; 2) tekislikning frontali; 3) tekislikning profili; 4) tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i.

1. Tekislikning gorizontali. **Berilgan tekislikda yotib, gorizontal proeksiya tekisligi  $N$  ga parallel bo‘lgan chiziq tekislikning gorizontali deyiladi.** 78a-shaklda umumiy vziyatdagi  $P$  tekislik berilgan, bu tekislikda tekislikning  $P_H$  iziga parallel  $h$  ( $h'$ ,  $h''$ ,  $h'''$ ) horizont so‘zining bosh harfi) chiziq o‘tkazamiz. Bu chiziq tekislikning gorizontali bo‘ladi. Gorizontalning frontal proeksiyasi (GFP)  $x$  o‘qiga, ya’ni  $h'' \parallel x$  va profil  $h'''$  proeksiyasi  $y$  o‘qiga ya’ni  $h''' \parallel y$  parallel bo‘ladi. Gorizontalning gorizontal proeksiyasi (GGP) tekislikning gorizontal izi  $P_H$  ga parallel bo‘ladi, ya’ni  $h' \parallel P_H$  (78-shakl).

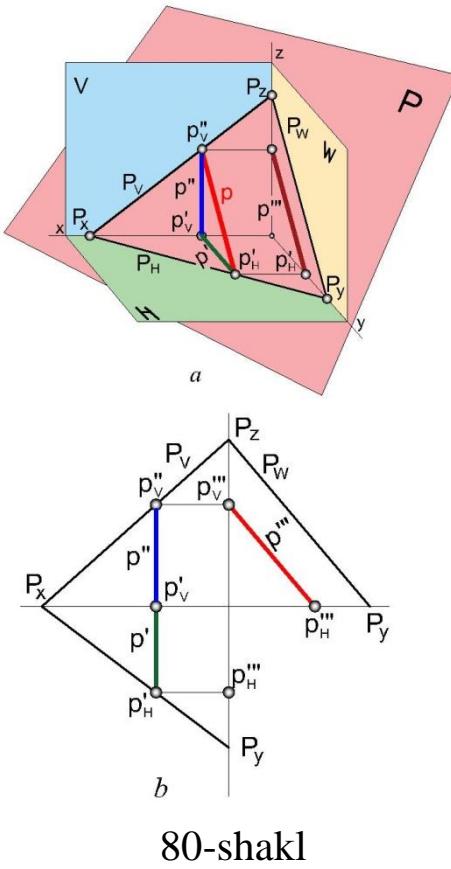


78-shakl



79-shakl

2. Tekislikning frontali. **Berilgan tekislikda yotib, frontal proeksiya tekisligi  $V$  ga parallel bo‘lgan chiziq tekislikning frontali deyiladi.** 79a-shaklda umumiy vziyatdagi  $P$  tekislik berilgan, bu tekislikda yotuvchi va tekislikning  $P_V$  iziga

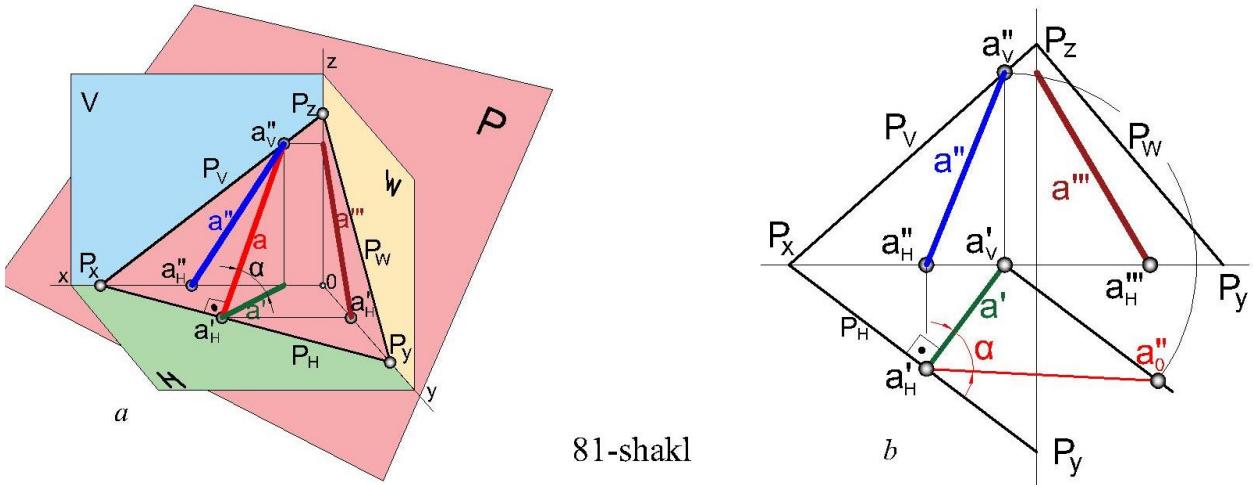


parallel f ( $f$ ,  $f'$ ,  $f''$ ) frontal so‘zining bosh harfi) to‘g‘ri chiziq o‘tkazamiz, bu chiziq tekislikning frontalni bo‘ladi. Frontalning gorizontal proeksiyasi (FGP),  $x$  o‘qiga parallel bo‘ladi, ya’ni  $f \parallel x$ . Frontalning frontal proeksiyasi (FFP) tekislikning frontal izi  $P_v$  ga parallel bo‘ladi, ya’ni  $f'' \parallel P_v$  (79b-shakl).

3. Tekislikning profili. **Berilgan tekislikda yotib, profil proeksiya tekisligi W ga parallel bo‘lgan chiziq tekislikning profili deyiladi** (80-shakl). Tekislikda yotuvchi va tekislikning  $P_w$  iziga parallel p ( $p'$ ,  $p''$ ,  $p'''$ ) profil so‘zining bosh harfi) to‘g‘ri chiziq o‘tkazamiz, bu chiziq tekislikning profili bo‘ladi. Profilning gorizontal proeksiyasi (PGP),  $y$  o‘qiga parallel bo‘ladi, ya’ni  $p' \parallel y$ . Profilning frontal proeksiyasi esa (PFP),  $z$  o‘qiga parallel bo‘ladi, ya’ni  $p'' \parallel z$ . Profilning profil proeksiyasi (PPP) tekislikning profil izi  $P_w$  ga parallel bo‘ladi, ya’ni  $p''' \parallel P_w$  (80b-shakl).

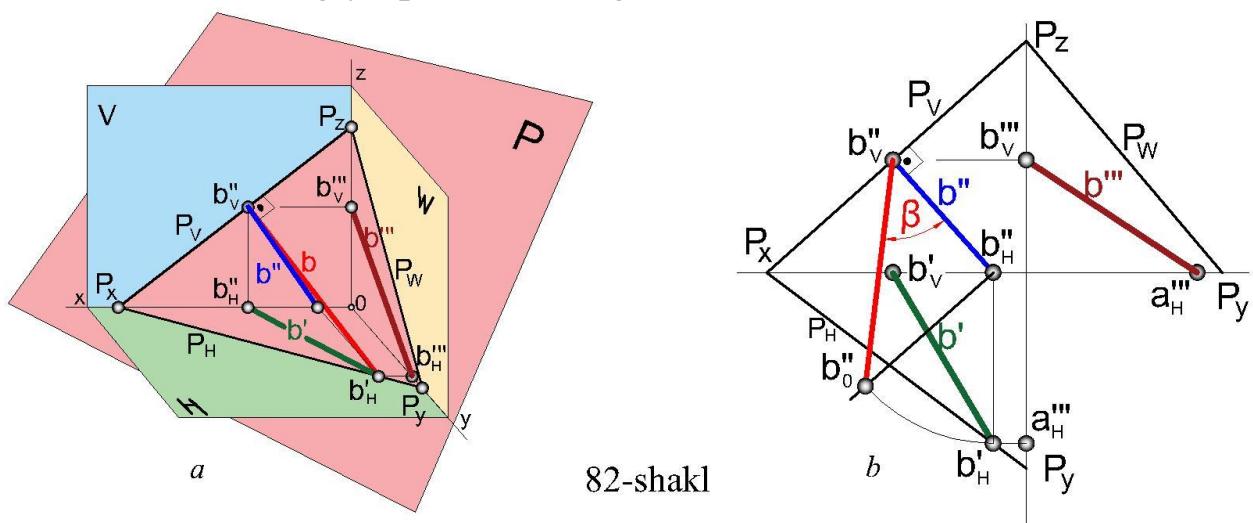
4. Tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i.

**Berilgan tekislikda yotib, tekislikning gorizontaliga, frontaliga yoki profiliga perpendikulyar joylashgan chiziq tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i deyiladi**



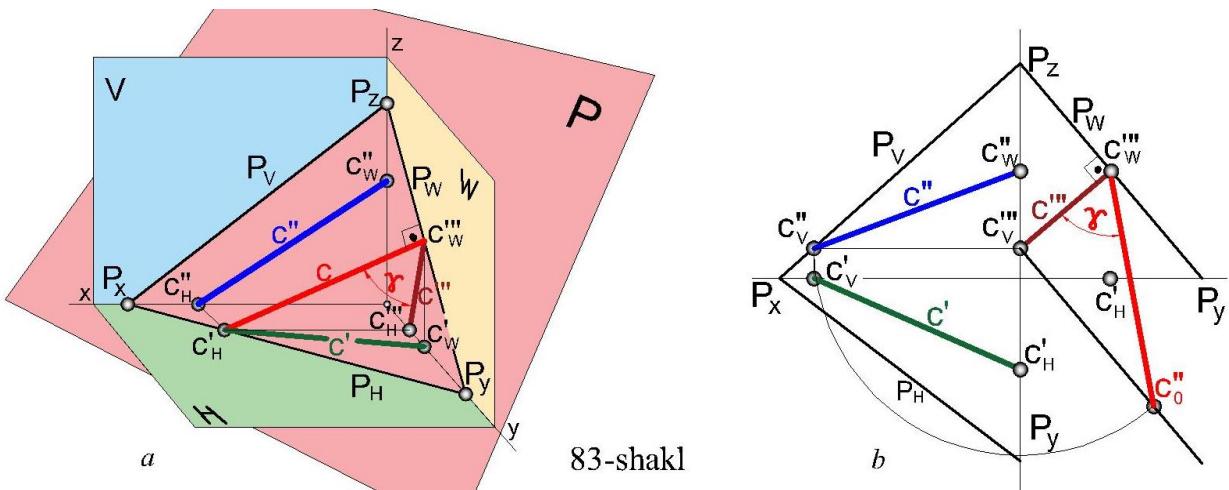
81-shakl

P tekislikka tegishli bo‘gan a<sub>v</sub><sup>''</sup> nuqtadan uning gorizontal iziga perpendikulyar tushiriladi va a<sub>H</sub><sup>''</sup> topiladi. Proeksion bog‘liqlik yordamida a chiziqning frontal a<sub>H</sub><sup>''</sup>a<sub>v</sub><sup>''</sup> va profil a<sub>H</sub><sup>'''</sup>a<sub>v</sub><sup>'''</sup> proeksiyalari topiladi. a chiziq tekislikning gorizontal tekislikka nisbatan eng katta og‘ish chizig‘i deyiladi. Gorizontal proeksiyada a chiziqning xaqiyqiy uzunligi to‘g‘ri burchakli uchburchak usulida topiladi. Hosil bo‘lgan burchak a chiqning va P tekislikning H tekislikka nisbatan og‘ish burchagini beradi. Bu burchak tekislikning yuqilish burchagi deb ham ataladi (81-shakl).



82-shakl

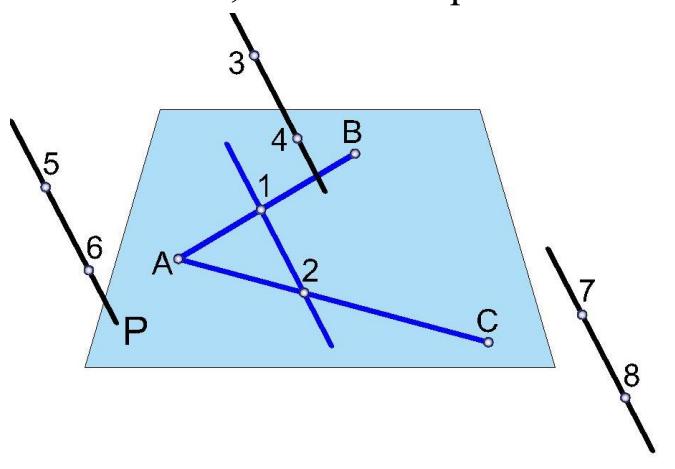
P tekislikka tegishli bo‘gan b<sub>H</sub><sup>''</sup> nuqtadan uning frontal iziga perpendikulyar tushiriladi va b<sub>v</sub><sup>''</sup> topiladi. Proeksion bog‘liqlik yordamida b chiziqning frontal b<sub>H</sub><sup>'</sup>b<sub>v</sub><sup>'</sup> va profil b<sub>H</sub><sup>'''</sup>b<sub>v</sub><sup>'''</sup> proeksiyalari topiladi. a chiziq tekislikning gorizontal tekislikka nisbatan eng katta og‘ish chizig‘i deyiladi. Frontal proeksiyada a chiziqning xaqiyqiy uzunligi to‘g‘ri burchakli uchburchak usulida topiladi. Hosil bo‘lgan burchak b chiqning va P tekislikning V tekislikka nisbatan og‘ish burchagini beradi (82-shakl).



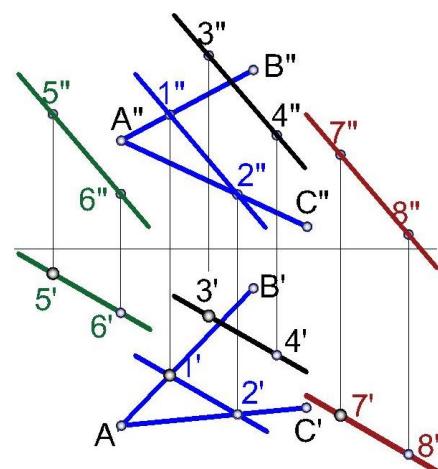
P tekislikka tegishli bo‘gan  $c'''_v$  nuqtadan uning profil iziga perpendikulyar tushiriladi va  $c'''_w$  topiladi. Proeksion bog‘liqlik yordamida  $c$  chiziqning frontal  $c''_v c''_w$  va gorizontal  $c' v c'_h$  proeksiyalari topiladi.  $c$  chiziq tekislikning profil tekislikka nisbatan eng katta og‘ish chizig‘i deyiladi. Profil proeksiyada  $c$  chiziqning xaqiyqiy uzunligi to‘g‘ri burchakli uchburchak usulida topiladi. Hosil bo‘lgan burchak  $c$  chiqning va P tekislikning W tekislikka nisbatan og‘ish burchagini beradi (83-shakl).

### To‘g‘ri chiziqning tekislikka parallelligi

*Tekislikdagi biror to‘g‘ri chiziqqa parallel bo‘lgan to‘g‘ri chiziq shu tekislikning o‘ziga ham parallel bo‘ladi.* 84-shaklda P tekislikda yotuvchi AB va BC kesishuvchi chiziqlar berilgan. 34 to‘g‘ri chiziq P tekislikdagi 12 chiziqqa va shu bilan birga P tekislikning o‘ziga ham paralleldir. Bu mulohaza 56; va 78 chiziqlar uchun ham o‘rinlidir.

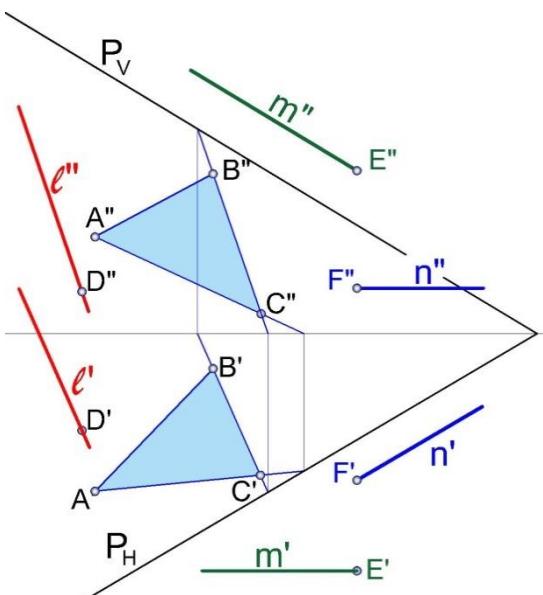


84-shakl



85-shakl

85-shaklda yuqoridagi misolning epyurdagi ko‘rinishi berilgan. Parallel



86-shakl

chiziqlarning bir nomli proeksiyalari ham o‘zaro parallel bo‘ladi degan hossaga asosan 12, 34, 56, 78 nuqtalar orqali berilgan chiziqlarning mos ravishdagi proeksiyalarini kuzatib ularning o‘zaro parallelligini va demakki ularning P tekislikka ham parallelligi xaqida xulosa chiqarishimiz mumkin. 86-shaklda berilgan P tekislikka D, E, va F nuqtalardan parallel chiziqlar o‘tkazish ko‘rsatilgan. D nuqtadan tekislikdagi BC chiziqqa  $\mathbf{l} \parallel BC$ ; E nuqtadan tekislikning frontal iziga,  $m'' \parallel P_V$   $m' \parallel x$  va F nuqtadan tekislikning gorizontal iziga  $n' \parallel P_H$   $n'' \parallel x$  parallel qilib chiziqlar o‘tkazilgan.

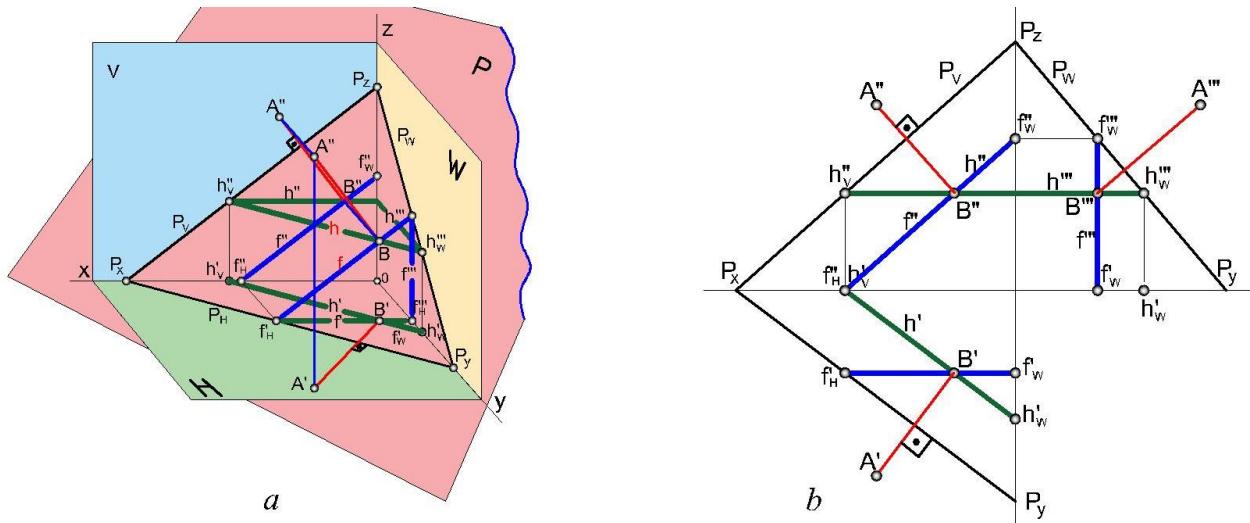
### To‘g‘ri chiziqning tekislikka perpendikulyarligi

Tekislikda yotgan ikki kesishuvchi chiziqqa perpendikulyar bo‘lgan to‘g‘ri chiziq

 87-shakl	<p>shu tekislikning o‘ziga ham perpendikulyar bo‘ladi. Masalan 87-shaklda ko‘rsatilgan N nuqtadan P tekislikka tushirilgan to‘g‘ri chiziq shu tekislikka perpendikulyar bo‘lishi uchun u AB va CD kesmalar bilan to‘g‘ri burchak tashkil qilishi kerak. Parallel proeksiyalarining 4-xossasiga binoan <math>ABh''v</math> to‘g‘ri burchak (88-shakl) H tekislikka haqiqiy kattaligicha proeksiyalanadi, ya’ni <math>A'B'h'v</math> to‘g‘ri burchak, <math>ABf_H</math> to‘g‘ri burchak ham V</p>
--------------	--

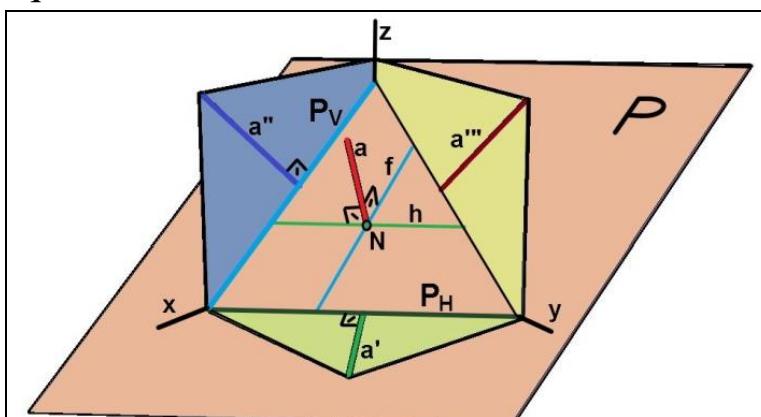
	tekislikka haqiqiy
--	--------------------

kattaligicha proeksiyalanadi. Shunga ko‘ra, tekislikka perpendikulyar chizishda faqat proeksiya tekisligiga parallel bo‘lgan to‘g‘ri chiziqlarga, ya’ni tekislik gorizontalining gorizontal proeksiyasiga (GGP) va tekislik frontalining frontal proeksiyasiga (FFP) perpendikulyar tushirish talab qilinadi.



88-shakl

89-shaklda ixtiyoriy P tekislik va a to‘g‘ri chiziq berilgan. a to‘g‘ri chiziqning P tekislikka perpendikulyar bo‘lishini yuqorida keltirilgan qoidalar asosida keltirib

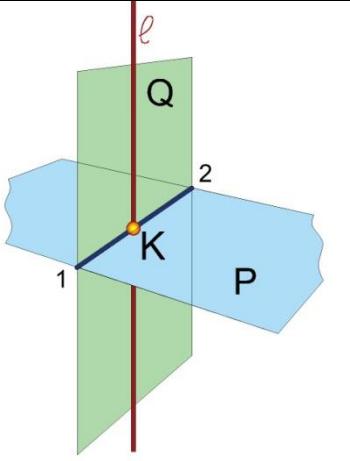


89-shakl

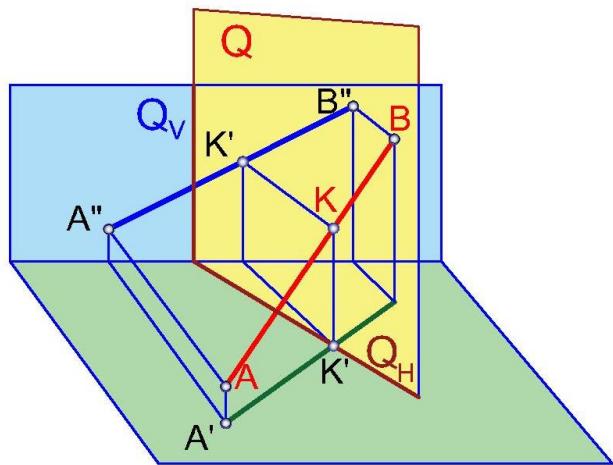
chiqara olamiz. Ma’lumki, tekislikka perpendikulyar chiziq bilan tekislikdagi to‘g‘ri chiziq kesmasi to‘g‘ri burchak tashkil qiladi. a to‘g‘ri chiziq tekislikning gorizontali h va frontalni f ga perpendikulyar, demak to‘g‘ri chiziqning proeksiyalari tekislikning P<sub>H</sub> va P<sub>V</sub> izlariga mos ravishda perpendikulyar

bo‘ladi. Bundan nuqtadan tekislikkacha bo‘lgan eng qisqa masofani topish masalasida foydalaniladi.

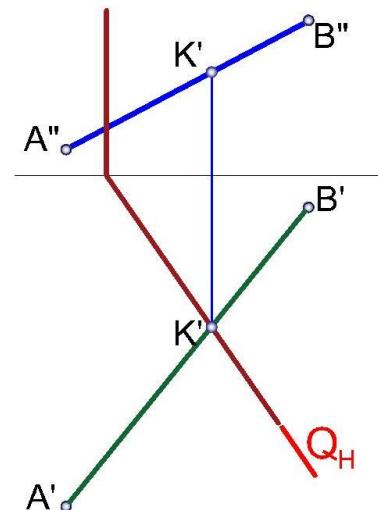
### To‘g‘ri chiziq bilan proeksiyalovchi tekisliklarning kesishish nuqtasini topish

 90-shakl	<p>To‘g‘ri chiziq bilan tekisliklarning kesishish nuqtasini topish uchun uchun I to‘g‘ri chiziq ustidan yordamchi Q tekislik o‘tkaziladi va tekislilarning kesishuv chizig‘i <math>P \cap Q</math> (12) aniqlanadi. Tekislilarning kesishuv chizig‘i bilan berilgan to‘g‘ri chiziqning kesishuv nuqtasi K masalaning javobi bo‘ladi (90-shakl). Kesishuvga doir barcha masalalar yuqoridagi algoritmga keltiriladi. E’tibor berish kerakki, agar to‘g‘ri chiziq hususi holda bo‘lsa umumiyl vaziyatdagi va to‘g‘ri chiziq umumiyl holda bo‘lsa hususi vaziyatdagi tekislikdan foydalanish qulay bo‘ladi.</p>
---	--

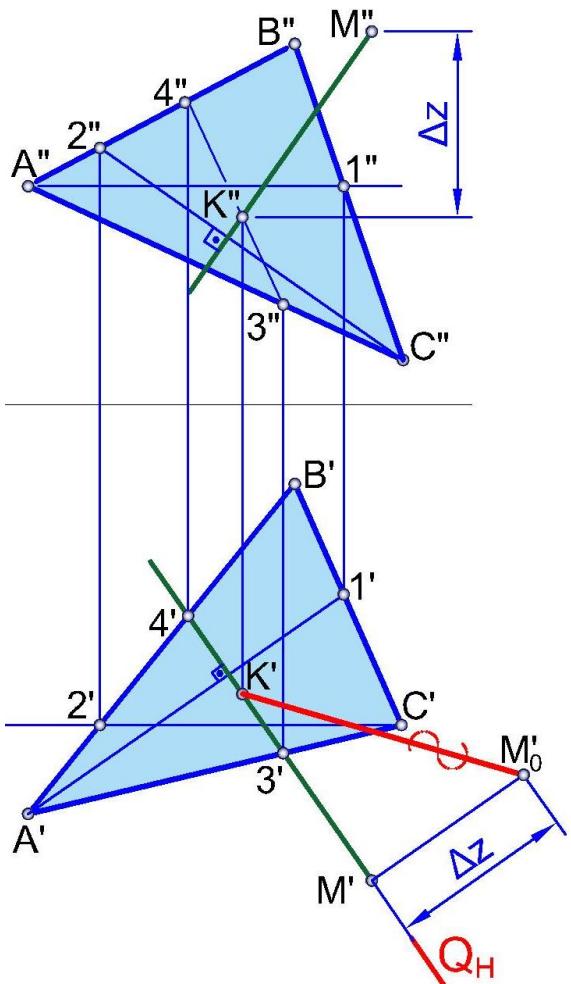
Proeksiyalovchi tekislikda yotgan nuqta yoki geometrik yassi shaklning proeksiyasi shu tekislikning tegishli izida yotadi (91, 92-shakllar). AB to‘g‘ri chiziq bilan gorizontal proeksiyalovchi Q tekislikning kesishish nuqtasini topish uchun AB kesmaning gorizontal proeksiyasi A'B' ni Q tekislikning  $Q_H$  izi bilan kesishgan nuqtasini, ya’ni K' ni belgilab, so‘ngra bu nuqtaning frontal proekpiyasi K" ni topamiz. 92-shaklda to‘g‘ri chiziq AB (A'B', A"B") bilan gorizontal proeksiyalovchi Q ( $Q_H$ ,  $Q_V$ ) tekislikning kesishish nuqtasini epyurda topish ko‘rsatilgan.



91-shakl



92-shakl



93-shakl

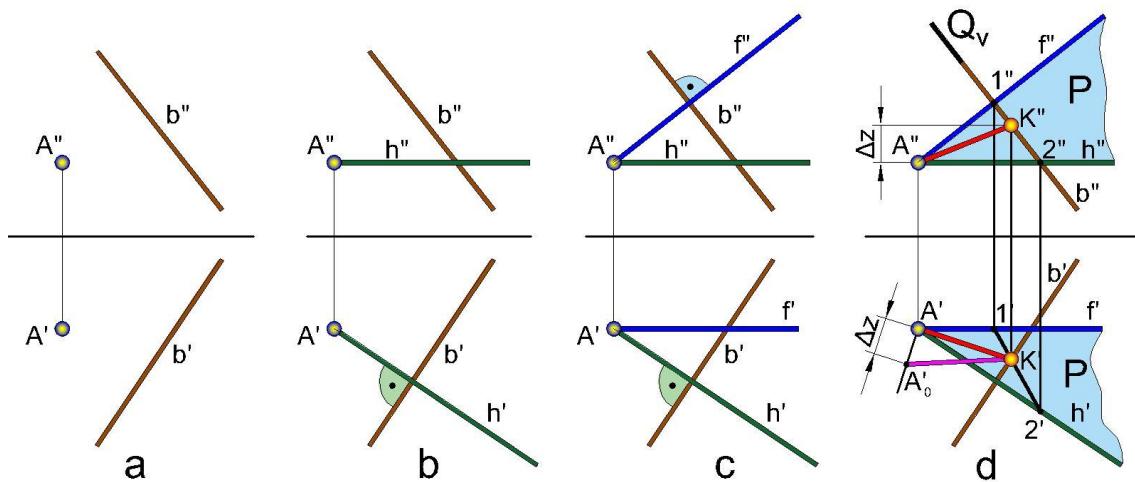
$M (mm')$  nuqtadan  $ABC$  ( $A'B'C'$ ) uchburchaklik bilan berilgan tekislikkacha bo‘lgan eng qisqa masofa aniqlash uchun (93-shakl):  $M'$  nuqtadan  $A'1'$  (GGP) ga perpendikulyar qilib gorizontal proeksiyalovchi tekislik  $Q$  ( $Q_H$ ) o’tkazamiz. Bu tekislik  $A'C'$  va  $A'B'$  ni kesib,  $3'4'$  nuqtalarni hosil qiladi. Tekislikning frontal proeksiyasida  $3'4'$  nuqtalarning tegishli proeksiyalari  $3''4''$  ni belgilab,  $M''$  nuqtadan  $2''C''$  (FFP) ga perpendikulyar chiqarib,  $3''4''$  chiziq bilan kesishish nuqtasi  $K''$  ni belgilaymiz.  $K$  nuqtaning gorizontal proeksiyasi gorizontal proeksiyalovchi tekislikning gorizontal izi  $P_H$  da bo‘ladi. Nuqtadan tekislikkacha bo‘lgan eng qisqa masofani topish uchun to‘g‘ri burchakli uchburchaklik chizish usulidan foydalanamiz. Bu

uchburchaklikni chizish uchun  $M'$  nuqtadan  $M'K'$  kesmaga perpendikulyar chiziq chizib unga  $M''K''$  kesmaning z o‘qi bo‘yicha ayirmasini qo‘yamiz. Hosil bo‘lgan  $M_0$  nuqtani

belgilaymiz va uni  $K'$  nuqta bilan tutashtirsak,  $M'_0K'$  kesma hosil bo‘ladi. Bu kesma nuqtadan tekislikkacha bo‘lgan eng qisqa masofa bo‘ladi.

### Nuqtadan berilgan to‘g‘ri chiziqqacha perpendikulyar tekislik o‘tkazish

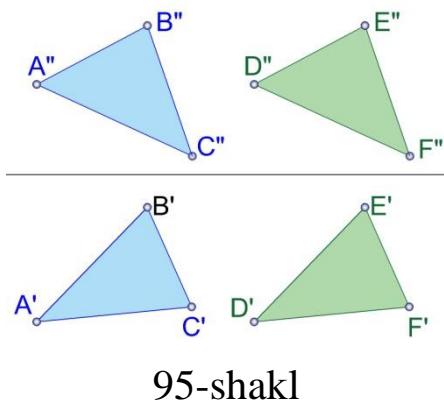
Bu yerda ham to‘g‘ri chiziqning tekislikka perpendikulyarligi shartidan foydalilaniladi. 94-shaklda masalani epyurda yechish bosqichlari keltirilgan. A nuqtadan o‘tkazilishi kerak bo‘lgan P tekislikning gorizontali (94b-shakl) va frontali (94c-shakl) o‘tkziladi. Bunda  $h'\perp b'$  va  $f''\perp b''$  bo‘lishi kerak. Hosil bo‘lgan P tekislikni b chiziq bilan keishish nuqtasini topish uchun b chiziq ustidan frontal proeksiyalovchi  $Q_v$  o‘tkaziladi. Q tekislik  $f''$  ni 1'' va  $h''$  ni 2'' nuqtalarda kesadi. Bu nuqtalarning gorizontal proeksiyalarini proeksion bog‘liqlikda topiladi hamda 1' va 2' nuqtalar tutashtirilib  $P \cap Q$  chiziq hosil qilinadi. 1'2' kesmaning l' bilan kesishish nuqtasi K nuqtadan to‘g‘ri chiziqqacha bo‘lgan eng qisqa masofadir. Zaruriyat bo‘lsa AK kesmning xaqiyqiy uzunligi to‘g‘ri burchakli uchburchak usulida aniqlanadi (94d-shakl).



94-shakl

## Parallel tekisliklar

Agar bir tekislikda yotgan ikkita kesishuvchi to‘g‘ri chiziq ikkinchi tekislikda

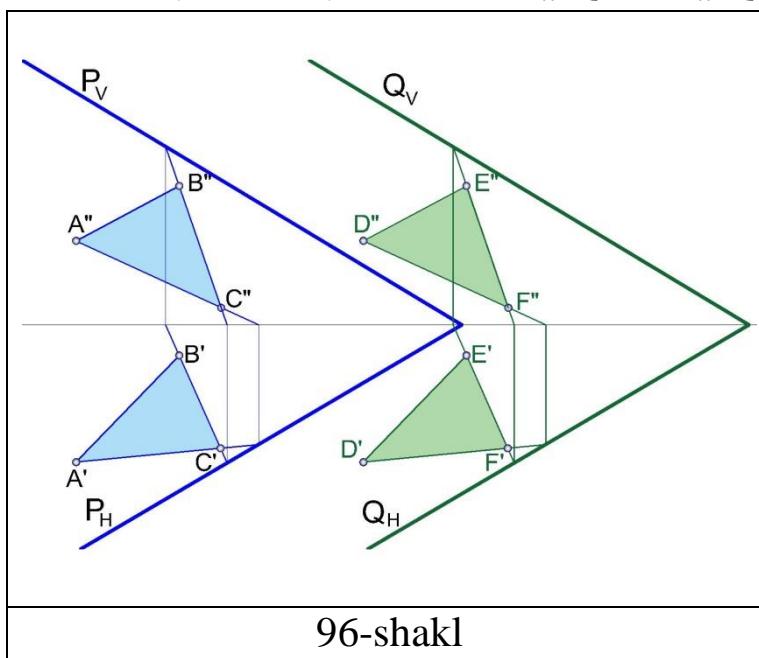


95-shakl

yotgan ikkita kesishuvchi to‘g‘ri chiziqqa parallel bo‘lsa, bu tekisliklar ham o‘zaro parallel bo‘ladi. 95-shaklda ABC va DEF uchburchakliklar bilan berilgan AB, BC va DE, EF kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar ko‘rsatilgan. Bunda AB, BC kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar DE, EF kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlarga parallel, ya’ni  $AB \parallel DE$  va  $BC \parallel EF$ . Demak,  $ABC \parallel DEF$ .

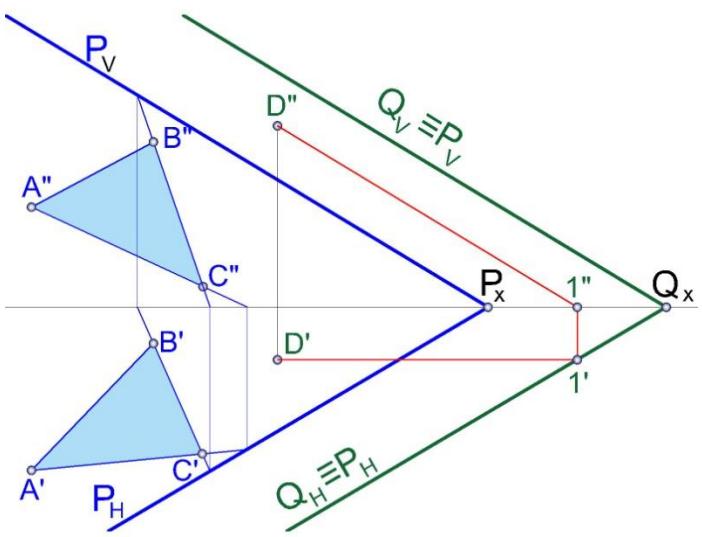
*Izlari bilan berilgan ikki tekislikning bir nomli*

*izlari bir-biri bilan parallel bo‘lsa, bunday tekisliklar ham o‘zaro parallel bo‘ladi* (96-shakl). Bunda  $P_H \parallel Q_H$ ;  $P_V \parallel Q_V$ ;  $P_H P_V \parallel Q_H Q_V$ . Demak,  $P \parallel Q$ .



96-shakl

Izlari orqali berilgan P tekislikka berilgan D nuqta orqali parallel tekislik o‘tkazish tartibi 97-shaklda keltirilgan. D'' nuqta orqali tekislikning frontalni, ya’ni  $D''1''$  va frontalning gorizontal proeksiyasi  $D'1'$  chiziqlarni o‘tkazib, 1' nuqtadan  $P_H$  ga parallel qilib Q tekislikning

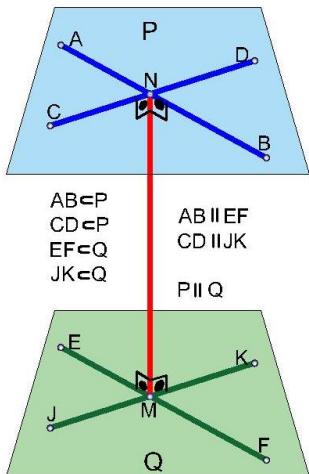


97-shakl

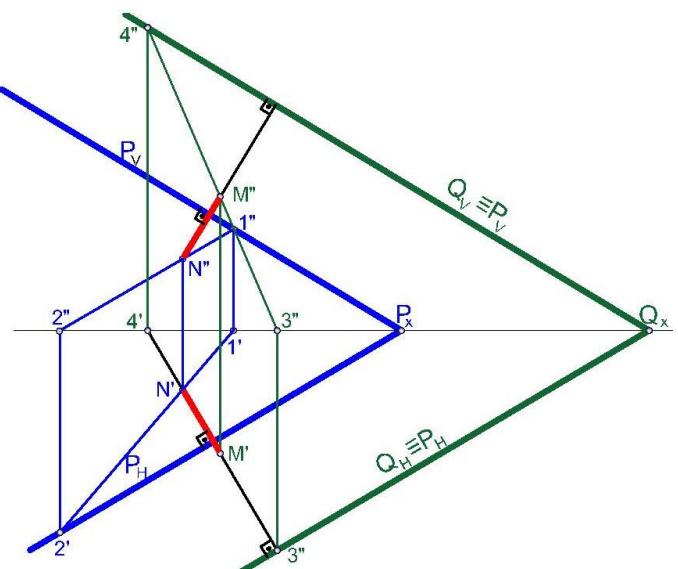
gorizontal izi  $Q_H$  ni chizamiz, bu iz proeksiya o‘qi x bilan kesishib  $Q_x$  nuqtani beradi.  $Q_x$  nuqtadan  $P_v$  ga parallel qilib  $Q$  tekislikning frontal izi  $Q_v$  ni chizamiz. Natijada  $Q$  ( $Q_H$ ,  $Q_v$ )  $\parallel P$  ( $P_H$ ,  $P_v$ ) hosil bo‘ladi.

Keyingi usulda tekisliklar parallelligining keyingi shartidan, ya’ni *tekisliklar parallel bo‘lishi uchun ular perpendikulyarga ega bo‘lishi kerakligidan* foydalanish mumkin (98-shakl).

99-shaklda masalaning izlari bilan berilgan holatda epyura qanday yechilishi ko‘rsatilgan.



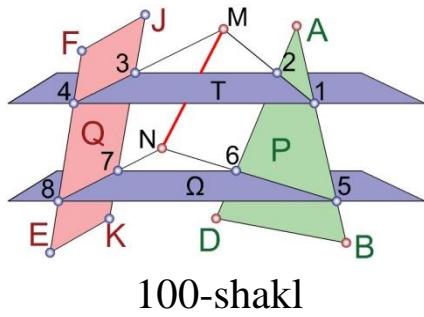
8-shakl



99-shakl

## Ikki tekislikning kesishish chizig‘ini topish

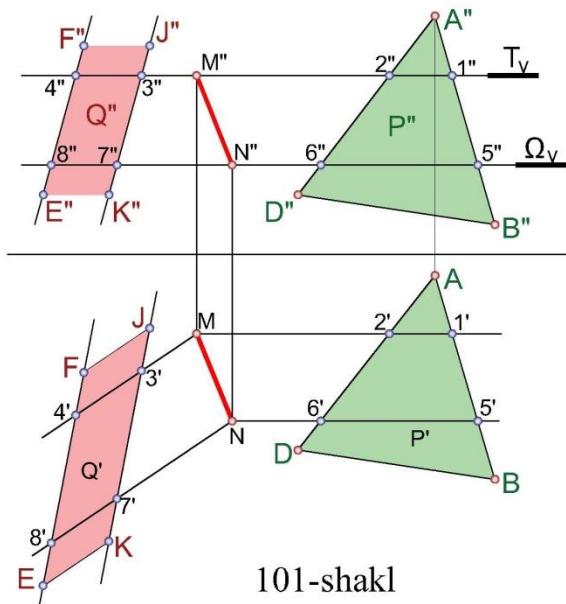
Ixtiyoriy vaziyatdagi P va Q tekisliklar bir-biri bilan shu ikki tekisliklarga tegishli bulgan M va N nuqtalarning tutashishi natijasida hosil bo‘lgan chiziqda kesishadi



100-shakl

100-shakl). Tekisliklarning kesishish chizig‘ini topish uchun ularni kesib o‘tuvchi yordamchi tekisliklar o‘tkazamiz. 100-shaklda Q tekislik ikki parallel EF va JK chiziqlar bilan, P tekislik esa ABD uchburchak bilan berilgan. Bu tekisliklarning kesishish chizig‘ini topish uchun H tekislikka parallel qilib yordamchi T tekislik o‘tkazamiz.

T tekislik P va Q tekisliklarni mos ravishda 1, 2 va 3, 4 to‘g‘ri chiziqlar bo‘yicha kesadi. 1, 2 va 3, 4 chiziqlar o‘zaro kesishib P va Q tekisliklarning kesishish chizig‘iga tegishli M nuqtani beradi. M nuqta berilgan tekisliklarning kesishish



101-shakl

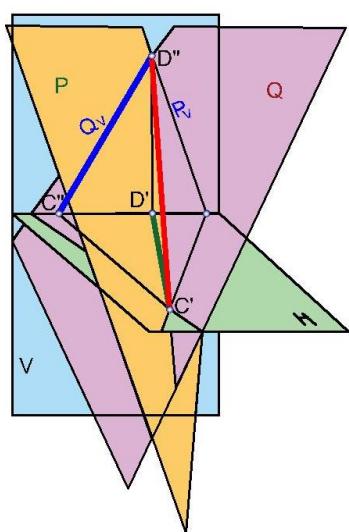
chizig‘iga tegishli bo‘lgan birinchi nuqtadir, ikkinchi nuqtani topish uchun yordamchi T tekislikka parallel bo‘lgan ikkinchi yordamchi tekislik  $\Omega$  ni o‘tkazamiz.  $\Omega$  tekislik P va Q tekisliklar bilan kesishishi natijasida hosil bo‘lgan nuqtalarni 5, 6 va 7,8 bilan belgilab, ular orqali to‘g‘ri chiziq o‘tkazsak, ular bir nuqtada kesishadi. Bu nuqtani N bilan belgilaymiz, N nuqta berilgan tekisliklarning kesishish chizig‘iga tegishli ikkinchi nuqtadir. M va N nuqtalarni tutashtirsak, hosil bo‘lgan MN chiziq P va Q tekisliklarning kesishish chizig‘i bo‘ladi.

Bu masala epyurda quyidagicha bajariladi (101-shakl). Ikki parallel chiziqlar bilan berilgan Q tekislik va ABD (A'B'D', A''B''D'') uchburchak bilan berilgan P tekislik yordamchi  $T_V$  tekislik bilan kesishganda hosil bo‘lgan nuqtalarni tutashtirsak 12 (12 1'2') va 34 (34, 3'4') chiziqlar hosil bo‘ladi. Bu chiziqlarning kesishish nuqtasi M ( $M'$   $M''$ ) bo‘ladi. Ikkinci yordamchi tekislik  $\Omega_V$  ham berilgan tekisliklarni kesib o‘tib, tegishli nuqtalarni hosil qiladi. Bu nuqtalarni tutashtirib 56 (56, 5'6') va 78 (78, 7'8') chiziqlarni chizamiz. Chiziqlarning kesishish nuqtasini N ( $N'$ ,  $N''$ ) bilan belgilaymiz. P va Q tekisliklarning kesishish chizig‘i MN bo‘ladi.

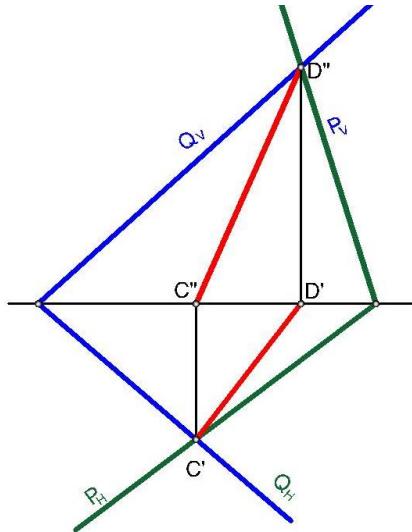
### Izlari bilan berilgan tekisliklarning kesishish chizig‘ini topish

Agar ikki tekislik izlari bilan berilgan bo‘lsa, yordamchi tekisliklar o‘tkazmay, H va V tekisliklar bilan kifoyalanamiz; bunda bu tekisliklarning bir nomli izlari H va V ular bilan kesishib, umumiy kesishish nuqtalarini hosil qiladi, bu nuqtalarni tutashtirib, kesishish chiziqlarini topamiz (102-103-104-shakllar).

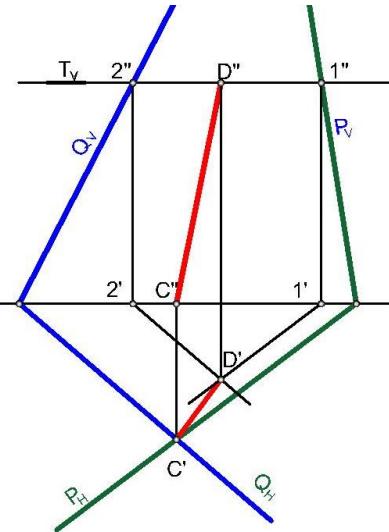
102-shaklda ixtiyoriy vaziyatdagi Q ( $Q_H$ ,  $Q_V$ ) va P ( $P_H$ ,  $R_V$ ) tekisliklar berilgan, ular CD (cd, c'd') chiziq bo‘yicha kesishadi.



102-shakl



103-shakl



104-shakl

Berilgan ikki tekislikning kesishish chizig‘ini epyurda yasash usuli 103-shaklda ko‘rsatilgan, bu erda CD (C'D', C''B'') chiziq Q ( $Q_H$ ,  $Q_V$ ) va P ( $P_H$ ,  $P_V$ ) tekisliklarning kesishini chizig‘ini ifodalaydi. Agar berilgan tekisliklarning gorizontal yoki frontal izlaridan biri chizma chegarasida

kesishib, ikkinchisi kesishmasa, ularning ikkinchi umumiyligi nuqtasi yordamchi tekislik o'tkazib topiladi (104-shakl).

104-shaklda ixtiyoriy vaziyatdagi P ( $P_H$ ,  $P_V$ ) va Q ( $Q_H$ ,  $Q_V$ ) tekisliklar berilgan, ular to'g'ri chiziq bo'yicha kesishadi. Ikki tekislikning gorizontallari izlari bir nuqtada, ya'ni C ( $C'C''$ ) nuqtada kesishib, ularning frontal izlari chizma chegarasida emas, balki chizma tashqarisida kesishishi mumkin. Tekisliklarning kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan ikkinchi nuqtani topish uchun yordamchi gorizontal tekislik  $T_V$  ni o'tkazamiz.  $T_V$  tekislik  $P_V$  va  $Q_V$  tekislik izlarini 1",2" nuqtalarda, tekislikning gorizontali bo'yicha kesib o'tadi. Bu nuqtalarning 1'2' gorizontal proeksiyalari x o'qda bo'ladi. Tekisliklar gorizontallining gorizontal proeksiyalarini va ularning kesishish nuqtasini topish uchun 1' nuqta orqali  $P_H$  ga va 2' nuqta orqali  $Q_H$  ga parallel chiziqlar o'tkazamiz. Bu chiziqlarning kesishish nuqtasi D( $D'$ ) bo'ladi. Bu nuqta tekisliklarning kesishish chizig'iga tegishli bo'lgan ikkinchi nuqta bo'lib, uni birinchi C' nuqta bilan tutashtirsak, DC ( $D'D'$ ,  $D''C''$ ) chiziq, ya'ni P ( $P_H$ ,  $P_V$ ) va Q ( $Q_H$ ,  $Q_V$ ) tekisliklarning kesishish chizig'i hosil bo'ladi.

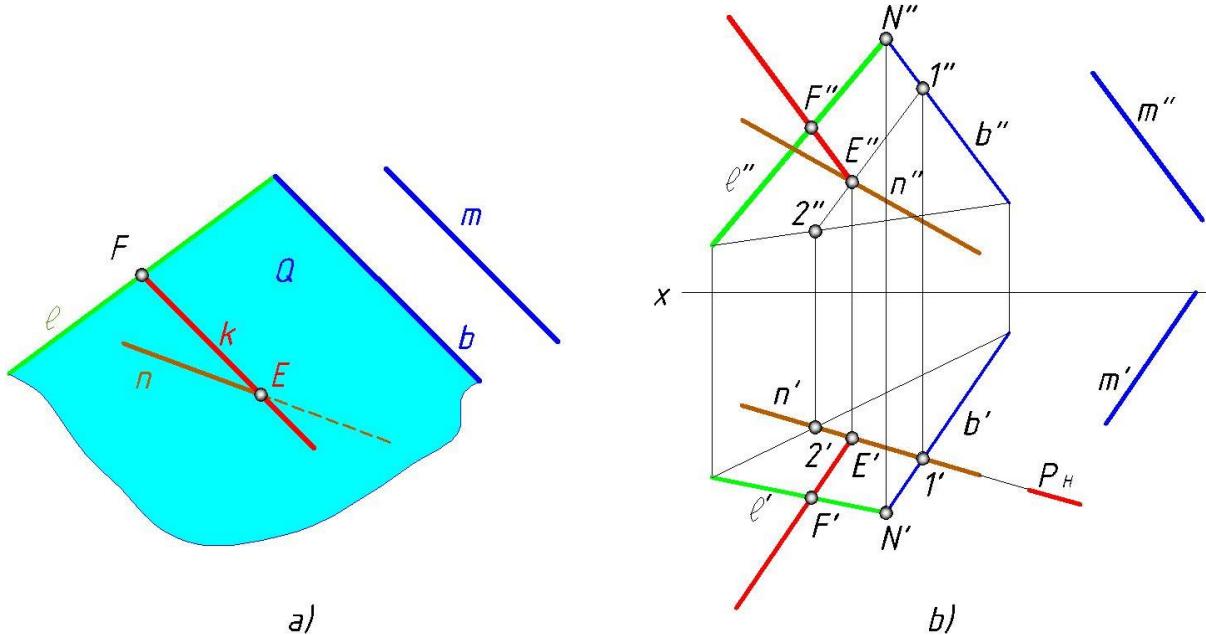
### **Uchta ayqash chiziq berilgan bo'lsa bir to'g'ri chiziqqa parallel va qolgan ikkisini kesib o'tuvchi chiziq o'tkazish.**

$m$ ,  $n$ ,  $l$  ayqash to'g'ri chiziqlarning proeksiyalari berilgan.  $m$  to'g'ri chiziqqa parallel va  $n$ ,  $l$  to'g'ri chiziqlarni kesib o'tuvchi  $EF$  to'g'ri chiziq o'tkazilsin (105-shakl).

1. Berilgan:  $m$ ,  $n$ ,  $l$  ayqash to'g'ri chiziqlar (105-b shakl).
2. Yasash kerak:  $m$  to'g'ri chiziqqa || va  $n$ ,  $l$  to'g'ri chiziqlarni kesib o'tuvchi  $EF$  ( $e'f'$ ,  $e''f''$ ) to'g'ri chiziqni.
3. Masalaning fazoviy echimi; izlanayotgan  $EF$  to'g'ri chiziq masalaning uchta shartini qanoatlantirishi zarur:

- 1)  $m$  to'g'ri chiziqqa parallel bo'lishi,  $(EF) // m$ ;
- 2)  $l$  to'g'ri chiziqni kesib o'tishi,  $(EF) \cap l$ ;
- 3)  $n$  to'g'ri chiziqni kesib o'tishi lozim,  $(Eq) \cap n$ . Masalani quyidagicha qo'yamiz:  $m$  to'g'ri chiziqqa parallel va  $l$  to'g'ri chiziqni kesib o'tuvchi chiziqlar to'plami nima bo'ladiq

$l$  to‘g‘ri chiziqning istalgan nuqtasidan  $m$  to‘g‘ri chiziqqa parallel to‘g‘ri chiziqlar o‘trkazish mumkin bo‘lsa, u holda izlangan chiziqlar to‘plami kesishuvchi ( $l \cap b$ ) va ( $b \parallel m$ ) chiziqlar orqali ifodalangan  $Q$  tekislik bo‘ladi:  $Q(l \cap b); Q \parallel m$ .



105-shakl

Masalaning 1 va 3-shartlarini qanoatlantiruvchi nuqtalar to‘plamlami esa  $n$  to‘g‘ri chiziqning o‘zi bo‘ladi.

Binobarin ikki  $Q$  va  $n$  to‘plamlarning o‘zaro kesishuv nuqtasi  $E$  ( $E'$ ,  $E''$ ) dan berilgan  $m$  to‘g‘ri chiziqqa parallel o‘tkazilgan  $k$  chiziq  $l$  to‘g‘ri chiziqni  $F$  nuqtada kesadi,  $(k \cap l) = F$

Topilgan  $EF$  to‘g‘ri chiziq masalaning uchta shartini qanoatlantiradi.

Masalaning algoritmi:

1.  $l \subset b \parallel m; (l \cap b) \cap Q \parallel m;$
2.  $Q \cap n = E;$
3.  $(E \subset EF) \parallel m;$
4.  $k \cap l = F;$
5.  $(EF) \parallel m \wedge (EF) \cap (n \perp l)$

4. Masalani yechish: epyurda  $l$  to‘g‘ri chiziqni kesuvchi va  $m$  to‘g‘ri chiziqqa parallel yo‘nalgan  $b$  to‘g‘ri chiziq o‘tkazib,  $Q$  tekislikni hosil qilamiz ( $Q(l \cap b), b \parallel m, Q \parallel m$ ).

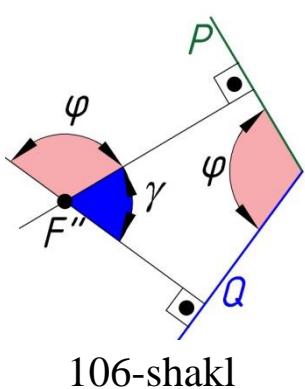
$Q$  tekislikning  $n$  to‘g‘ri chiziq bilan kesishish  $E$  nuqtasini topamiz ( $E = Q \cap n$ ). Topilgan  $E$  nuqta orqali  $m$  to‘g‘ri chiziqqa parallel qilib  $k$

chiziqni o'tkazamiz ( $E = \text{---} k \parallel m$ ) va  $k \cap l$  chiziqlarning kesishish nuqtasi  $F$  ni yasaymiz. Hosil bo'lgan  $EF$  to'g'ri chiziq masala shartini qanoatlantiradi (105-shakl), ya'ni  $(EF) \cap (n \perp l) \neq (EF) \parallel m$ . Masala umumiylashtiriladi yechiladi.

5. Masalaning tahlili. Masala berilgan mazkur vaziyatda yechimga ega. Agar berilgan  $m$ ,  $n$ ,  $l$  to'g'ri chiziqlar o'zaro parallel bo'lsa, masala yechimga ega bo'lmaydi, ya'ni  $(EF) \parallel m$ .

### Ikki yoqli burchakni topish

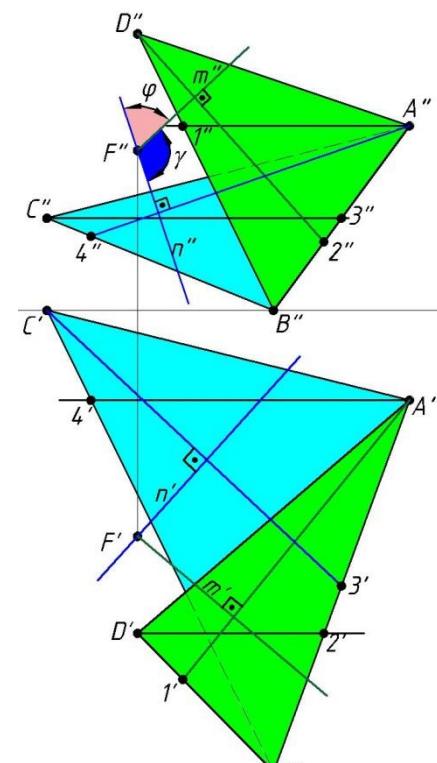
Ikki tekislikning o'zaro kesishuvidan hosil bo'lgan fazoviy burchak ikki yoqli burchak deyiladi. Tekisliklarning kesishuv chizig'i ikki yoqli burchakning qirrasi, qirra bilan ajratilgan tekis qisimlari esa ikki yoqli burchakning yoqlari deyiladi. ikki yoqli burchakning kattaligi uning qrrasiga perpendikulyar bo'lgan tekislikda yotuvchi chizqli burchak bilan o'lchanadi.<sup>15</sup>



106-shakl

Stereometriya kursidan ma'lumki  $F$  nuqtadan  $P$  va  $Q$  chiziqlarga perpendikulyar tushirilsa (106-shakl)  $\gamma$  burchak hosil bo'ladi. Unga bog'lanib  $\varphi$  burchakni topish uchun  $\gamma$  ni  $180^\circ$  ga to'ldirish kerak bo'ladi. Ushbu qonuniyatdan ikki yoqli burchakni topishda foydalanish

qulay. Berilgan ABC va ABD tekisliklar orasidagi ikki yoqli burchakni topish uchun ixtiyoriy  $F$  nuqtadan har ikkala tekislikka perpendikulyar tushiriladi. Hosil bo'lgan  $m$  va  $n$  chiziqlar orasidagi burchak  $\gamma$  ni beradi (107-shakl).  $\varphi=180-\gamma$  bo'lgani uchun ikki yoqli



107-shakl

<sup>15</sup> A. Abdumalikov Chizmachilikdan terminologik lug'at-spravochnik  
65

burchak topilgan hisoblanadi. Zaruriyat bo'lsa uning haqiyiqiy qiymati topiladi.

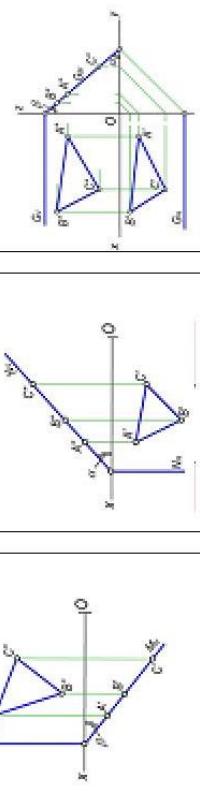
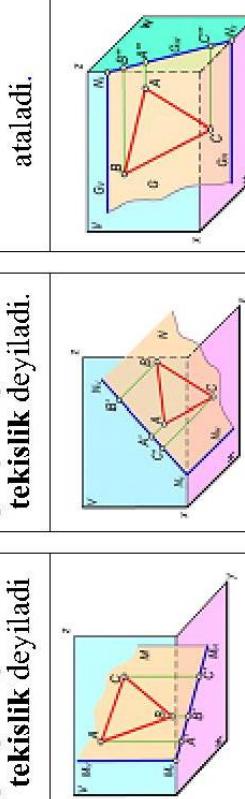
Agar tekislik proyeksiyalar tekisligining biriga perpendikulyar yoki parallel bolsa, uni xususiy vaziyatdagi tekislik deb ataladi.

Agar tekislik proyeksiyalar tekisligining biriga perpendikulyar bo'lsa, uni *proyeksiyalochchi tekislik* deb ataladi.

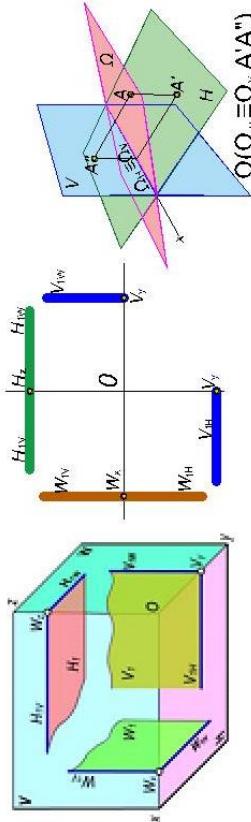
Agar tekislik proyeksiyalar tekisligining biriga parallel bo'lsa, uni *shu tekislik nomi bilan* ataladi.

**Gorizontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar tekislik **gorizontal proyeksiyalovchi tekislik** deb ataladi**

**Gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislik **gorizontal tekislik** deyiladi.**



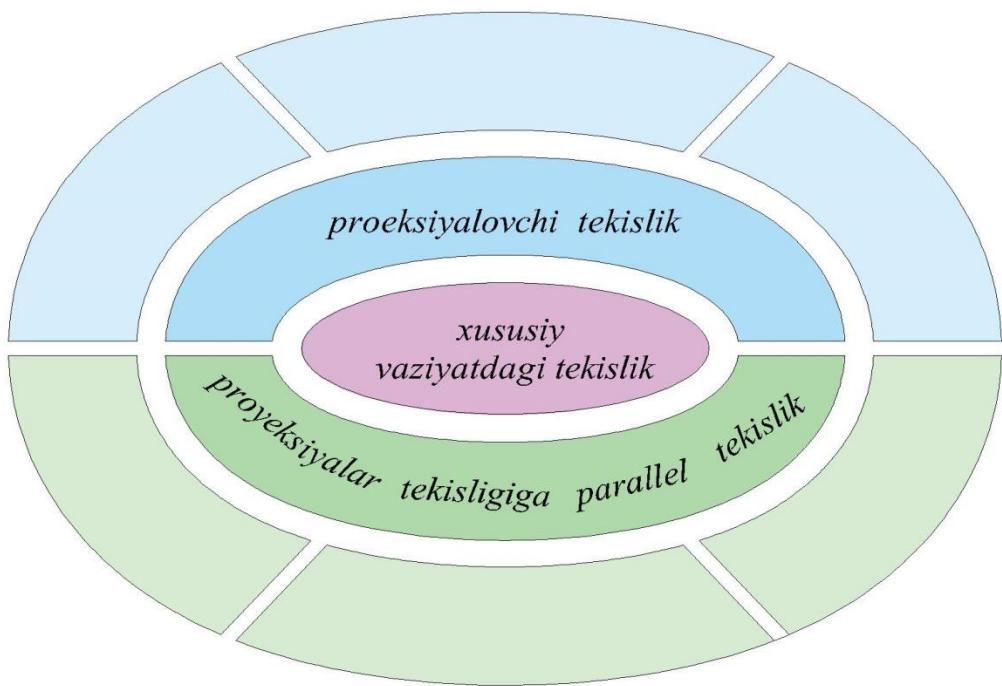
**Frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislik **frontal tekislik** deyiladi.**



Proeksiya o'qi orgali o'tuvchi tekislikning ikkita izi proeksiya o'qida bol'ladи va tekislikning fazoviy vaziyatini aniqlab bo'lmaydi. Shuning uchun bunday hollarda mazkur tekislikning uchinchi izi yoki shu tekislikka tegishli bol'gan bifor nuqtaning ikki proyeksiyasi beriladi.

- Proeksiya tekisligiga parallel bo'lgan tekislikning ikkita proeksiya o'qlariga parallel bo'ladi.

- Proeksiyalovchi tekislikda joylashgan nuqta, to'g'ri chiziq yoki yassi shaklining bir proeksiyasi shu tekislikning bitta izi bilan qo'shilib qoladi.

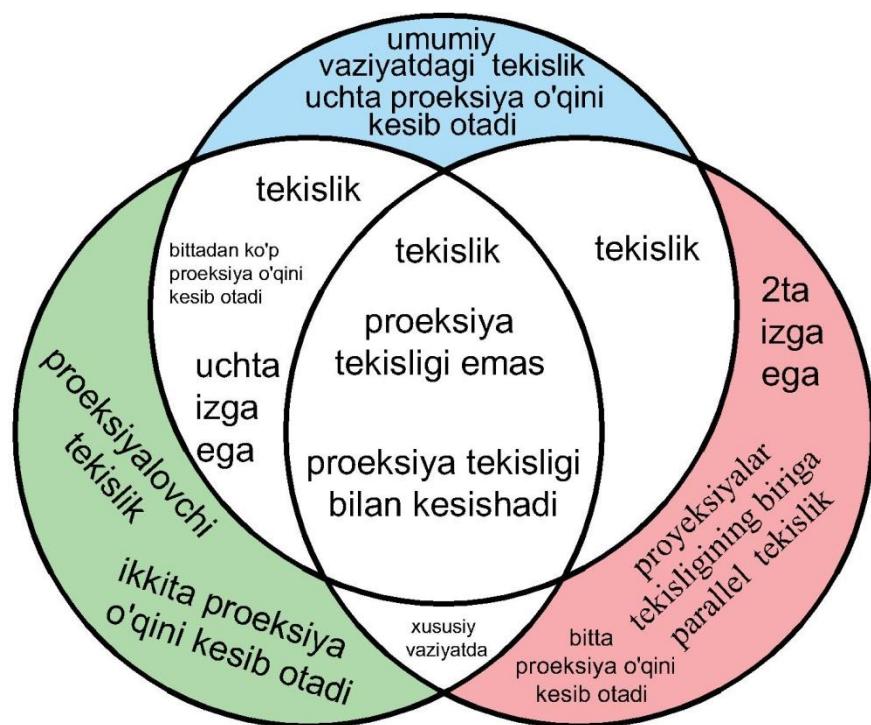
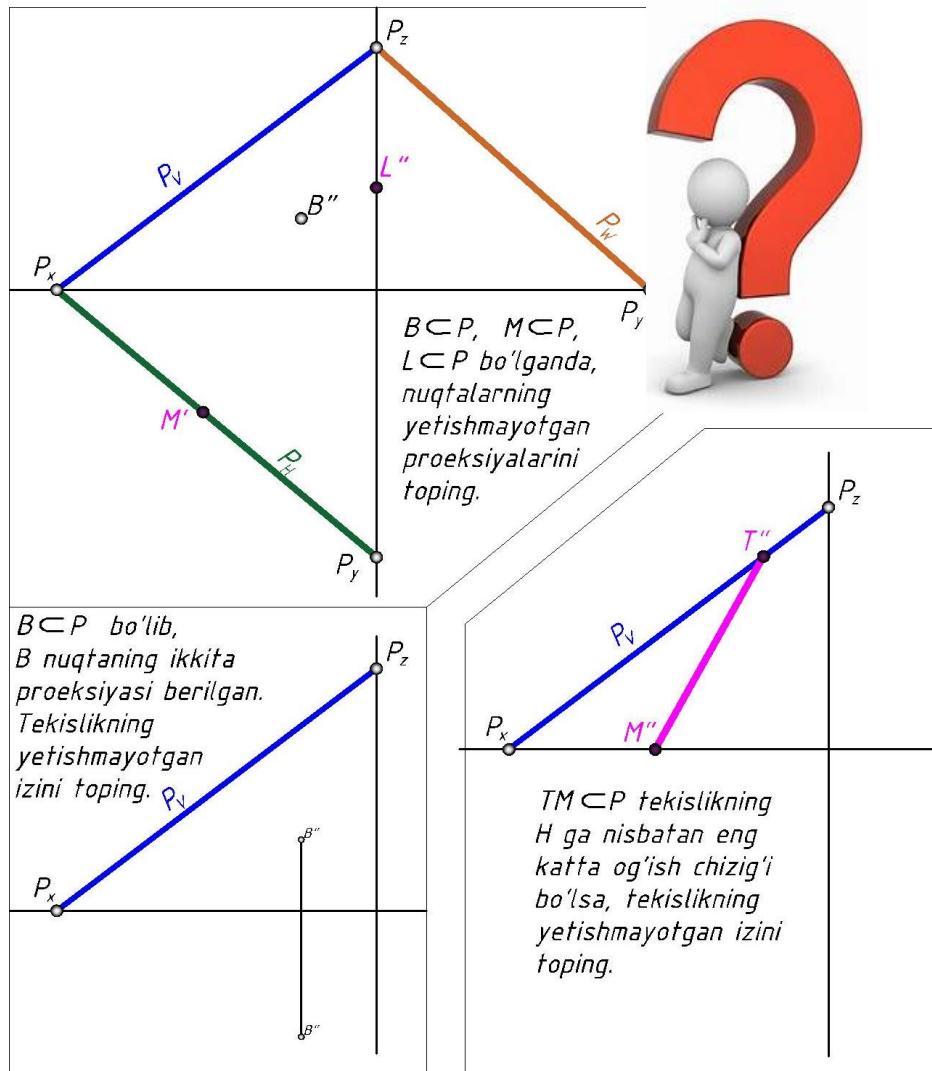


„INSERT“ metodi				
Belgilar	1	2	3	
/V/ tanish ma'lumot				
/?/ Maskur ma'lumotni tushunmadim, izoh kerak				
/+/ bu ma'lumot men uchun yangilik				
/-/ bu fikr yoki maskur ma'lumotga qarshiman				

• Tekislik—geometriyaning asosiy tushunchalaridan biri bo'lib u tarifsziz qabul qilinadi (matematika).

- Ikki nuqtadan barobar uzoqlikdagi nuqtalar to'plami tekislikdir (Lobachevskiy).
- To'g'ri chiziqni o'ziga parallel ravishda, bir yo'nalishda harakatlanishidan hosil bo'lgan sirt tekislik deyiladi.
- To'g'ri chiziq biror sirtga yotqizilganda uning barcha nuqtalari shu sirtga tegishli bo'lib qolsa bunday sirt tekislik deyiladi.

Ikki o'lchamli fazo tekislikdir (fizika).



„Tushunchalar tahlili“ metodi		
3	Tekislikning yoyilish burchagi	Yer merdiani shimol-janubni ko‘rsatadigan magnit strelkasining shimoliy yo‘nalishi bilan tekislikning izi yoki gorizontal chziqlari orasidagi o‘tmas burchak.
4	Tekislikning yoyilish yo‘nalishi	Tekislik balandlik belgilarining ortib borishi tomoniga qaraganda gorizontal chiziqlarning o‘ng tarafdagisi yo‘nalishi
5	Tekislik intervali	Qo‘shni gorizontallar proeksiyalari orasidagi bir birlikka teng bo‘gan masofa
6	Tekislikning grizontali	Tekislikda yotuvchi va absalyut balandliklar ibir xil bo‘lgan nuqtalarni birlashtiruvchi yoki hamma nuqtalari $H_o$ tekislikdan bir xil uzoqlikda yotgan to‘g‘ri chjiziq
7	Tekislikning eng katta qiyalik chizig‘i	Tekislikda yotuvchi va uning gorizontal chiziqlariga perpendikulyar bo‘lgan chziq
8	Tekislining qiyalik masshtabi	Darajalarga bo‘lingan tekislik eng katta qiyalik chizig‘ining gorizontal proeksiyası

## **EPYURNI QAYTA TUZISH USULLARI**

### **Umumiy tushuncha**

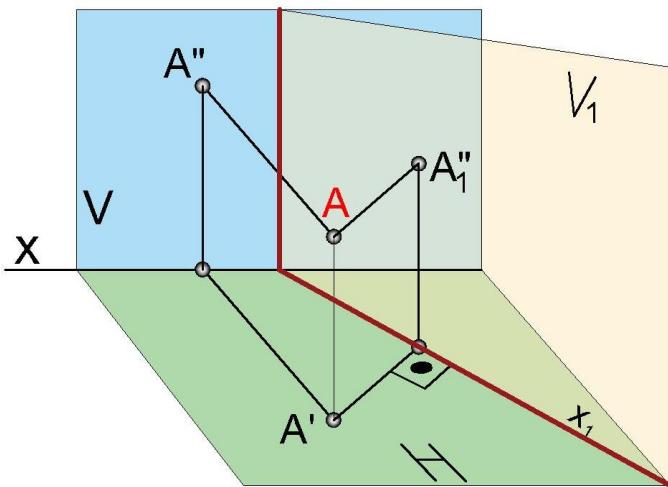
Ortogonal proeksiyalash usuli bilan chizilgan chizmada geometrik shaklning haqiqiy ko‘rinishi o‘zgarmagan holda tasvirlanadi. Agar geometrik shakl proeksiya tekisligiga nisbatan umumiy vaziyatda joylashgan bo‘lsa, uning tekislikdagi proeksiyasi haqiqiy ko‘rinishda bo‘lmay, bunda ayrim masalalarni echish qiyinlashadi. Bunday masalalarning echilishini engillashtirish maqsadida qo‘sishimcha proeksiyalar tekisliklaridan foydalanamiz. Bunda yangi proeksiya tekisligi geometrik shaklga nisbatan qulay vaziyatda yoki proeksiyalovchi tekislik vaziyatida joylashtiriladi. Natijada geometrik shakl tekislikka haqiqiy ko‘rinishi bilan proeksiyalanib, masalalarni echish engillashadi. Proeksiya tekisliklarin

tuzish usullari ikki xil bo‘ladi:

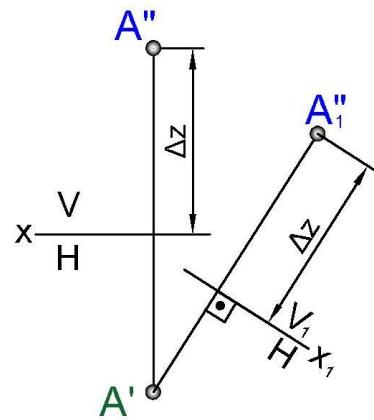
1. Proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli.
2. Aylantirish usuli.

### **Proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli**

Proeksiyalar tekisliklarini almashtirishdan maqsad asosiy proeksiya tekisligi H va V sistemasidagi geometrik shaklni yangi proeksiyalar sistemasi  $V_1$  va H ga proeksiyalashdir (108-shakl). Tekislikni almashtirish jarayonida berilgan nuqta, to‘g‘ri chiziq yoki yassi shakllar va ularning proeksiyalari asosiy tekislik H, V da bo‘lib, ularning yangi proeksiyalari yangi proeksiyalar sistemasi  $V_1$  va H da chiziladi. Vazifaning berilishiga qarab proeksiyalar tekisligini bir, yoki bir necha marta almashtirilishi mumkin.



108-shakl



109-shakl

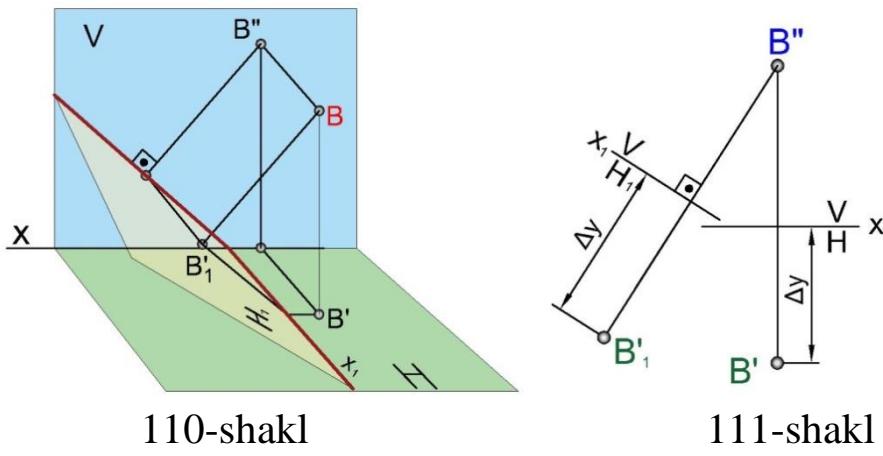
### Frontal-proeksiyalar tekisligini almashtirish

109-shaklda frontal-proeksiyalar tekisligini almashtirish usuli ko‘rsatilgan, unda o‘zaro perpendikulyar H va V tekisliklar sistemasida A ( $A'A''$ ) nuqta berilgan. proeksiyalar tekisligi  $V_1$  ni H tekislikka perpendikulyar joylashtirib unga A nuqtani proeksiyalasak, frontal  $A''_1$  proeksiyani topamiz. Shunday qilib, ikkita proeksiyalar tekisligiga ega bo‘ldik, ya’ni asosiy proeksiyalar tekisligi V/H va yangi proeksiyalar tekisligi  $V_1/H$ .

A nuqtaning frontal tekislik V dagi  $A''$  proeksiyasi yangi tekislik  $V'$  dagi  $A''_1$  proeksiyasi bilan almashtirildi. Fazodagi A nuqtaning holati asosiy proeksiyalar tekisligida  $A'$  va  $A''$ , hamda yangi proeksiyalar tekisligida  $A'$  va  $A''_1$  bilan ifodalanadi. A nuqtaning proeksiyalarini epyurda topish uchun  $V_1$  tekislikni yangi proeksiyalar o‘qi  $x_1$  atrofida aylantirib, H tekislik bilan jipslashtirsak  $A'$  va  $A''_1$  nuqtalar bitta bog‘lovchi chiziqda bo‘ladi (109-shakl). Birinchi tekisliklar sistemasidan ikkinchi tekisliklar sistemasiga o‘tishda A nuqtaning applikatasi zA va proeksiyasi A ning o‘zgarmasligi H tekislikning holati o‘zgarmaganligini ifodalaydi. Shuning uchun bu tekislik ikki sistema uchun umumiyyidir. Asosiy proeksiya tekisligidan yangi proeksiyalar tekisligiga o‘tish 108, 109-shakllarda ko‘rsatilgan.

## Gorizontal proeksiyalar tekisligini almashtirish

110-shaklda gorizontal proeksiya tekisligini almashtirish usuli ko'rsatilgan, bu tekislik o'zaro perpendikulyar V va H tekisliklar sistemasida B (B'B'') nuqta bilan berilgan.



Yangi proeksiyalar tekisligi  $H_1$  ni V tekislikka perpendikulyar holda joylashtirib, unga B nuqtani proeksiyalasak, yangi gorizontal proeksiya  $B'_1$  ni topamiz. Bu erda  $V/H$  asosiy proeksiyalar tekisligi va  $V/H_1$  yangi proeksiyalar tekisligi, bunda B nuqtaning gorizontal tekislik H dagi proeksiyasi  $B'$  yangi tekislik  $H_1$  dagi  $B'_1$  proeksiyasi bilan almashtirilgan.

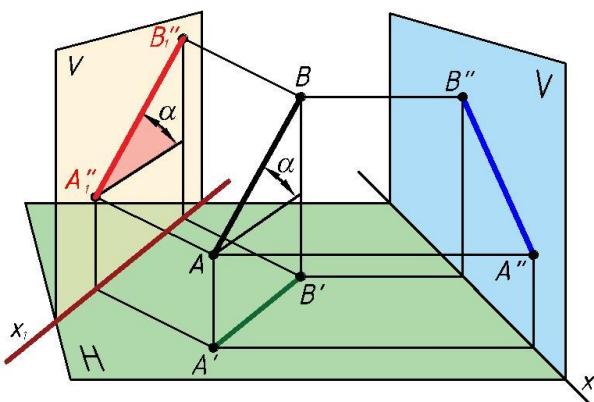
Fazodagi B nuqtaning holati asosiy proeksiyalar tekisligida  $B'$  va  $B''$  bilan va yangi proeksiyalar tekisligida  $B'_1$   $B''$  bilan ifodalanadi.

Proeksiyalar tekisligini ikki marta almashtirib, B nuqtaning proeksiyalarini epyurda topish uchun  $H_1$  tekislikni yangi proeksiyalar o'qi  $x_1$  atrofida aylantiramiz va V tekislik bilan jipslashtirsak,  $B''$  va  $B'_1$  nuqtalar bitta bog'lovchi chiziqda bo'ladi (111-shakl). Bunda B' nuqtadan x o'qqacha bo'lgan masofa  $\Delta y$  va bu o'qdan  $B'_1$  nuqtagacha bo'lgan masofa yB' ni o'lchab qo'yiladi. Natijada yangi proeksiyalar tekisligi  $V/H_1$  sistemasida B nuqtaning proeksiyalari  $B''$  va  $B'_1$  nuqtalar aniqlanadi.

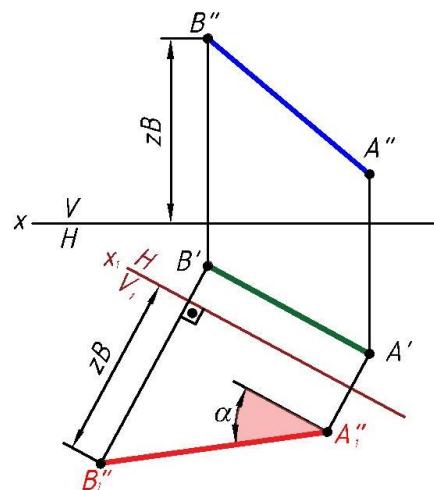
Proeksiyalar tekisliklarini ikkinchi marta almashtirish uchun yangi proeksiyalar tekisligi sistemasi  $V/H_1$  ni o'z holida qoldirib, unga perpendikulyar bo'lgan yangi  $H_1/V_1$  proeksiyalar tekisligini o'tkazamiz va bu tekislikka V nuqtani proeksiyalab, uning proeksiyasi  $B''_1$  ni topamiz, bunda yangi proeksiyalar o'qi  $x_2$  dan  $B''_1$  nuqtagacha bo'lgan masofa zB ga teng.  $B''_1$  nuqta ikkinchi marta almashtirilgan  $V_1/H_1$  yangi proeksiyalar tekisligi sistemasidagi B nuqtaning proeksiyasidir.

## Kesmasining haqiqiy uzunligini topish

Ixtiyoriy vaziyatdagi to‘g‘ri chiziq kesmasining asosiy proeksiyalar tekisliklaridagi proeksiyasi uning haqiqiy uzunligidan qisqa bo‘ladi. To‘g‘ri chiziq kesmasiga nisbatan parallel xolatda bo‘lgan tekislikka shu kesma haqiqii uzunligida proeksiyalanadi. Buni e’tiborga olib, kesmaning haqiqiy uzunligini topish uchun asosiy proeksiyalar tekisliklari o‘rniga (frontal yoki gorizontal) kesmaga parallel joylashgan tekislik olib, unga to‘g‘ri chiziq kesmasini proeksiyalaymiz. 112-shaklda ixtiyoriy vaziyatdagi AB ( $A'B'$ ,  $A''B''$ ) to‘g‘ri chiziq kesmasi berilgan, uning gorizontal  $A'B'$  va frontal  $A''B''$  proeksiyalari kesmaning haqiqiy uzunligidan qisqa. Shuning uchun masalaning yechilish tartibiga ko‘ra, asosiy frontal tekislik V ni AB kesmaga parallel joylashgan yangi gorizontal proeksiyalovchi tekislik  $V_1$  bilan almashtirib, unga AB kesmani proeksiyalaymiz. Xosil bo‘lgan  $A_1''B_1''$  kesma ixtiyoriy vaziyatdagi AB to‘g‘ri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligini ifodalaydi.



112-shakl

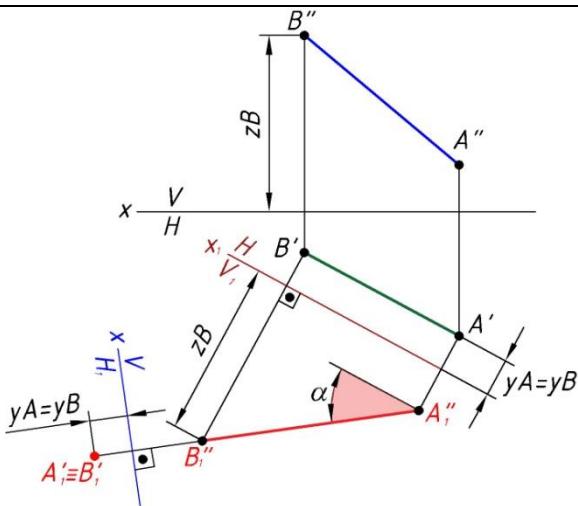


113-shakl

Epyurda to‘g‘ri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligini topish 113-shaklda ko‘rsatilgan, bunda AB to‘g‘ri chiziqqa parallel holda yangi  $V_1$  tekislik o‘tkazib, frontal V tekislikdagi  $zB$  va  $zA$  masofalarni o‘lchab qo‘yamiz. Hosil bo‘lgan  $B_1''A_1''$  to‘g‘ri chiziq AB kesmaning yangi tekislik  $V_1$  dagi proeksiyasini, ya’ni haqiqiy kattaligini ifodalaydi. Chiziq proeksiya tekisligiga parallel bo‘lgani uchun proeksiya o‘qi va chizqning bir proeksiyasi orasidagi burchak o‘zining xaqiyqiy kattaligida

proeksiyalanadi. Keltirilgan misolda gorizontalga nisbatan og'ish burchagi  $\alpha$  ko'rsatilgan.

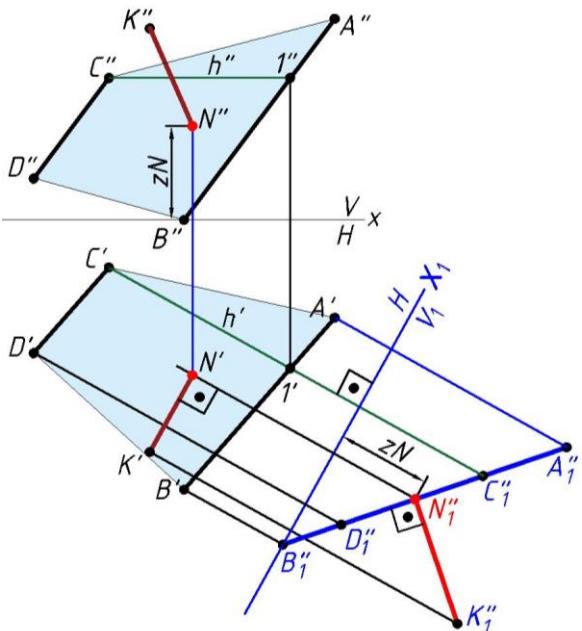
### Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziqni proeksiyalovchi vaziyatga keltirish.



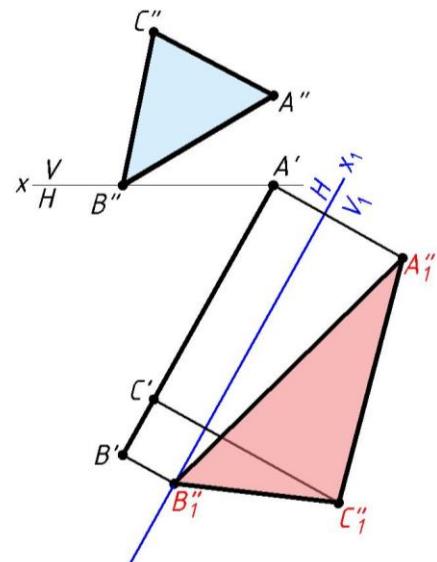
114-shakl

Ixtiyoriy vaziyatdagi AB to'g'ri chiziq kesmasini (114-shakl) yangi proeksiyalar tekisligiga nisbatan perpendikulyar vaziyatga keltirish uchun V tekislikni yangi proeksiyalar tekisligi  $V_1$  bilan almaptirib, uning haqiqiy uzunligi  $A_1''B_1'$  to'g'ri chiziqni hosil qilamiz. Yangi proeksiyalar tekisligi  $H_1$  ni  $A_1''B_1'$  to'g'ri chiziqqa nisbatan perpendikulyar vaziyatda joylashtirib, uning proeksiyasi  $A'_1=B'_1$  ni topamiz.

**Nuqtadan tekislikkacha bo'lган masofani aniqlash.** AB; CD parallel chiziqlar orqali ixtiyoriy tekislik va K nuqta berilgan (115-shakl). Nuqtadan tekislikkacha bo'lган masofa shu nuqtadan tekislikka o'tkazilgan perpendikulyarning uzunligiga teng bo'lishi bizga ma'lum. Bu masalani proeksiyalar tekisligini almashtirish yo'li bilan, ya'ni V ni yangi tekislik  $V_1$  bilan almashtirib yechamiz. Buning uchun avval berilgan tekislik orqali C"1", C'1' tekislik gorizontalini o'tkazib, yangi proeksiyalar o'qi  $x_1$  ni unga perpendikulyar holda chizamiz. Yangi tekislikda berilgan tekislikning yangi proeksiyasi proeksiyalovchi holatda ya'ni, to'g'ri chiziqdan iborat bo'lib, K"1 nuqtadan bu to'g'ri chiziqqa perpendikulyar chizamiz. Bu perpendikulyarning uzunligi nuqtadan tekislikkacha bo'lган masofani ifodalaydi.



115-shakl



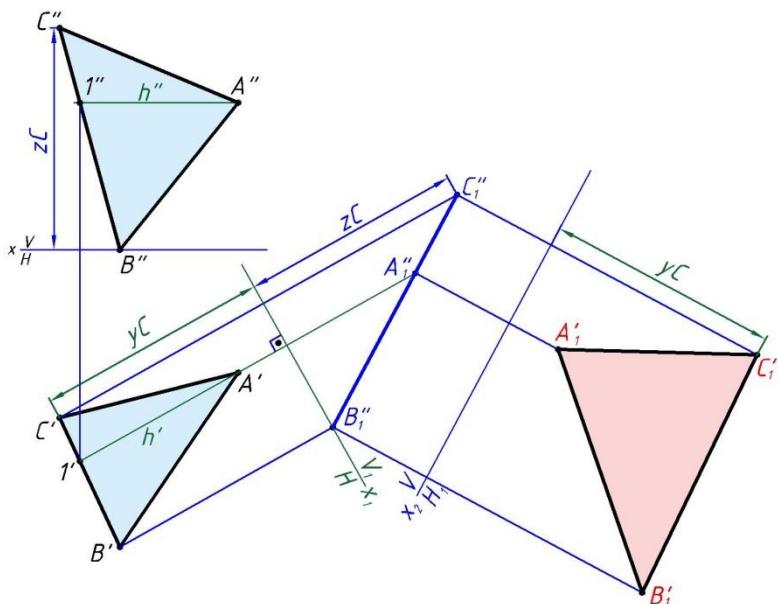
116-shakl

KN kesma xaqiyqiy kattalikda, demak uning keyingi proeksiyasi o‘qqa parallel bo‘lishi kerak degan mulohaza asosida  $K'$  nuqtadan  $h'$  ga perpendikulyar tushiramiz va bu chiziq  $N''_1$  dan kelayotgan bog‘lovchi chiziq bjilan kesishib  $N$  nuqtaning gorizontal proeksiyasini beradi. Nuqtaning frontal proeksiyasini  $zN$  qiymatdan foydalanim topish ko‘rsatilgan.

**Proeksiyalovchi tekislikda yotuvchi geometrik shakllarning haqiqiy kattaligini topish.** Proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli bilan proeksiyalovchi tekislikda yotuvchi geometrik shakllarning haqiqiy kattaligini topish uchun yangi proeksiyalar tekisligini geometrik shakl tekisligiga parallel qilib chizamiz (116-shakl). Masalan, gorizontal proeksiyalovchi tekislikda yotuvchi uchburchaklikning haqiqiy kattaligini topish uchun uning gorizontal proeksiyasiga parallel qilib  $V_1$  tekislik o‘tkazamiz. x o‘qdan  $A''B''C''$  nuqtalargacha bo‘lgan masofalarni  $A'B'C'$  nuqtalar orqali  $V_1$  tekislikning  $V_H$  iziga perpendikulyar qilib o‘tkazilgan chiziqlarga o‘lchab qo‘yamiz. Hosil bo‘lgan  $A_1''B_1''C_1''$  uchburchaklik haqiqiy kattalikdagi uchburchaklikdir.

**Umumiyl vaziyatdagi yassi shakllarning haqiqiy kattaligini topish.** Ixtiyoriy vaziyatdagi yassi shakllarning haqiqiy kattaligini bir marta proeksiyalar tekisligini o‘zgartirib topib bo‘lmaydi. Shuning uchun

proeksiyalar tekisligini ikki marta yangi tekislikka almashtiramiz (117-shakl).



117-shakl

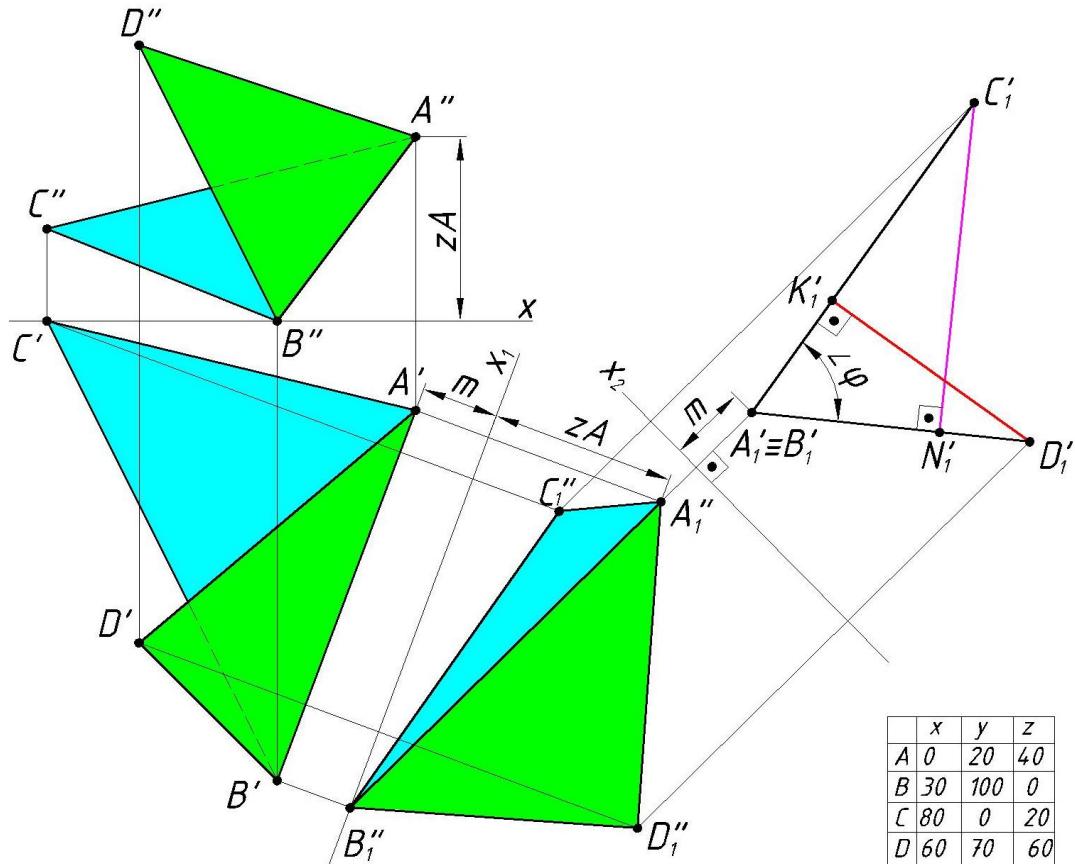
ABC uchburchaklik bilan berilgan tekislikda  $l'A'$  tekislik gorizontalini chizib, unga perpendikulyar holda  $V_1$  tekislik o'tkazamiz. Bu yerda uchburchaklikning yangi proeksiyasini  $C_1''A_1''B_1''$  proeksiyalovchi holda bo'ladi. Hosil bo'lgan uchburchaklik tekisligiga parallel va  $V_1$  tekislikka perpendikulyar bo'lgan ikkinchi yangi tekislik  $H_1$  ni o'tkazamiz va bu tekislikda berilgan  $\triangle ABC$  ning yangi

gorizontal  $A'_1B'_1C'_1$  proeksiyasini topamiz. Topilgan shakl uchburchakning xaqiyqiy kattaligi bo'ladi.

### **Proeksiya tekisliklarini almashtirish usuli bilan ikki yoqli burchakni va nuqtadan tekislikkacha bo'lgan masofani topish.**

Ikki yoqli burchakka keltirilgan tarifdan kelib chiqib ikki yoqli burchakni topish jarayoni algoritmini tuzish mumkin. Umumiy vaziyatdagi to'g'ri chiziq tarzidagi qirrani hususiy vaziyatga keltirish, aniqrog'i proeksiyalovchi chiziqqa aylantirish masalasi ko'rib chiqildi. Epyurni qayta tuzish usullari ko'rimliligi va tushunarligi bilan ham e'tiborga loyiqidir. 118-shaklda ABCD nuqtalar orqali berilgan ikki yoqli burcakhning topilishi keltirilgan. ABD va ABC tekisliklarga tegishli bo'lgan AB qirra proeksiyalovchi vaziyatga keltirilsa φ burcakh xaqiyqiy kattalikda ko'rindi. Agar tekislik proeksiyalovchi xolatda bo'lsa undan

tashqaridagi nuqtadan tekislikkacha bo‘lgan masofa tekislikka tushirilgan perpendikulyar bo‘lgani uchun C nuqtadan ABD tekisligigacha  $|C'_1N'_1|$  va D nuqtadan ABC tekisligigacha  $|D'_1K'_1|$  bo‘lgan masofalar osongina topiladi.

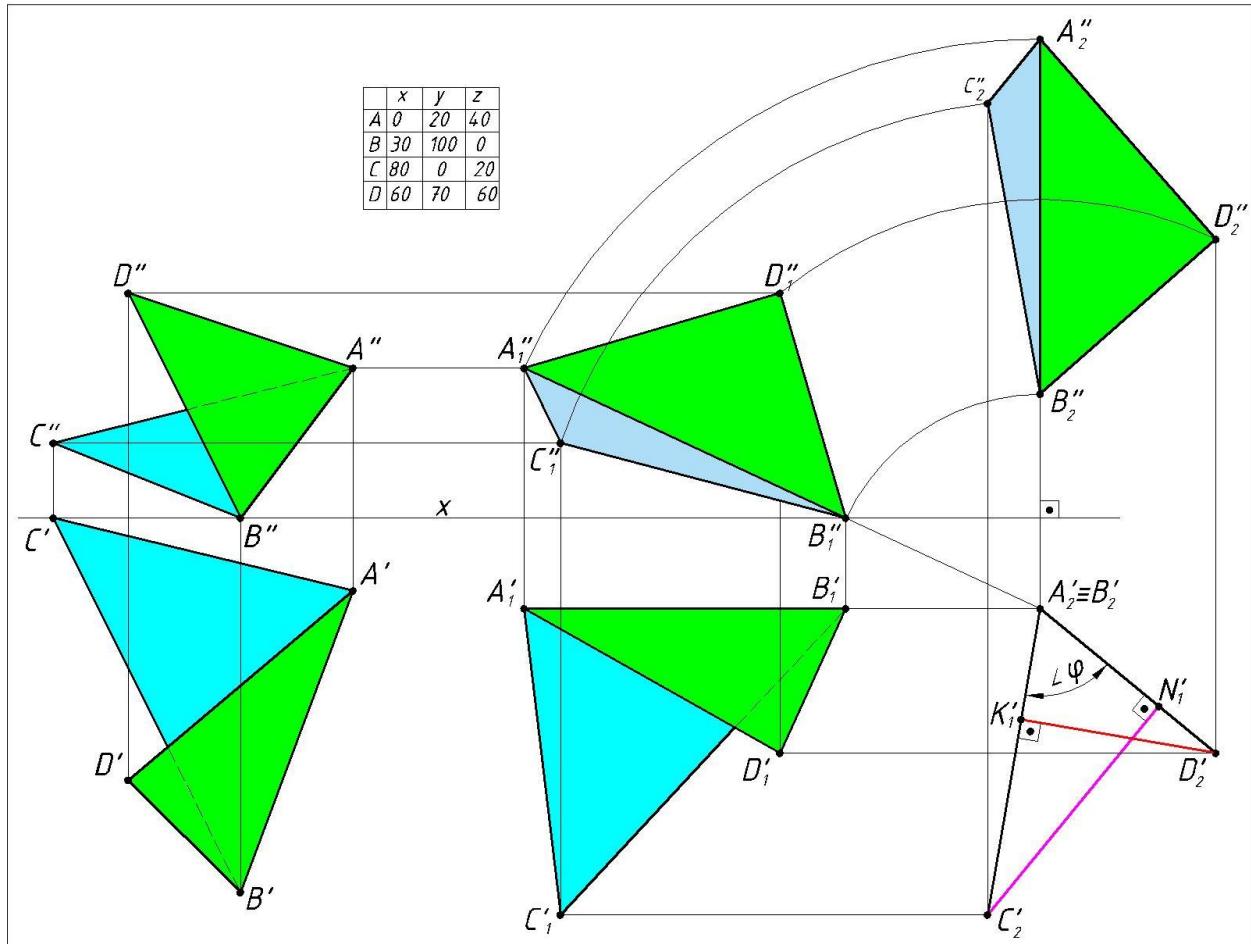


118-shakl

Proeksiya tekisliklarini almashtirish usulida geometrik elementlar: nuqta, kesma va tekis shakllarga qo‘silib proeksiya o‘qlari ham o‘z joylashuvini o‘zartirib borishini kuzatish mumkin. Agar o‘qlar o‘z joyida qolib, elementlar joyini kerakli holatgacha o‘zgartirsa 119-shaklda ko‘rsatilgan vaziyatga ega bo‘lamiz. Bu tekis parallel ko‘chirish usuli deyiladi. 118-va 119-shakllarni solishtirib ular orasidagi o‘xshashliklarni kuzatish mumkin. Bir usulda bajarish mumkin bo‘gan masalani keyingi usulda ham yechsa bo‘lishini ko‘ramiz. Kuzatish quyidagi xulosagalarni keltirib chiqaradi:

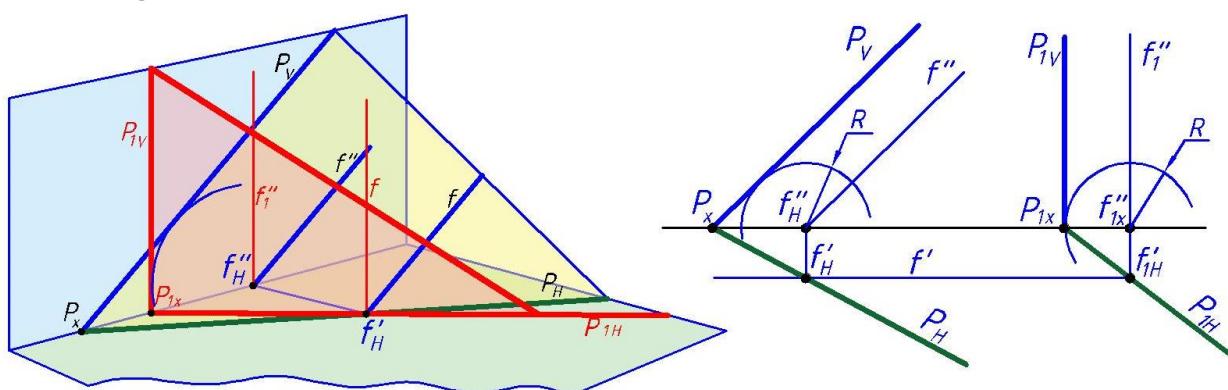
- Fazoda nuqtani gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislikda har qanday trayektoriya bo‘yicha harakatlantirilsa ham, uning frontal proyeksiyasi x o‘qiga parallel to‘g‘ri chiziq bo‘yicha harakatlanadi.

- Fazoda nuqtani frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislikda har qanday trayektoriya bo'yicha harakatlantirilsa ham, uning gorizontal proyeksiyasi x o'qiga parallel to'g'ri chiziq bo'yicha harakatlanadi.



119-shakl

119-shaklda umumiyl vaziyatda berilgan  $P(P_H, P_V)$  tekislikni  $H$  tekisligiga proeksiyalovchi vaziyatga keltirilsinning fazoviy va epyurdagi holati ko'rsatilgan.



119-shakl

Epurda proeksiyalovchi vaziyat o'ngga tekis parallel ko'chirilgan holatda tasvirlangan. Ko'chirish jarayonida tekislikning izlari va tekislik bosh

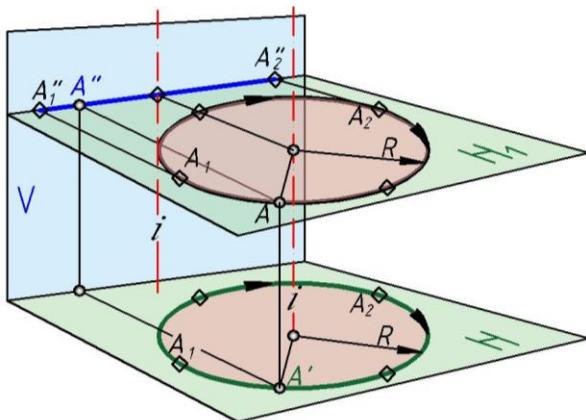
chiziqlari proeksiyalari orasidagi masofaning saqalanishidan foydalanib umumiyl vaziyatda berilgan  $P$  tekislikni gorizontall (119-shakl), frontal yoki profil proeksiyalovchi holatga keltirish mumkin.

### Aylantirish usuli

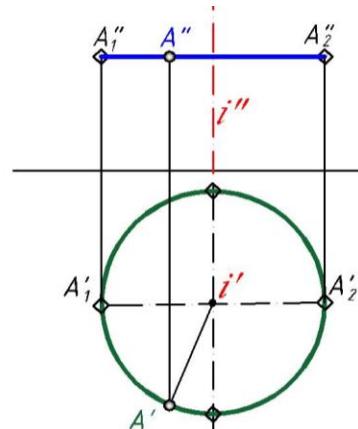
Aylantirish usulida proeksiyalar tekisliklari o‘zgartirilmaydi, geometrik shakl esa biror o‘q atrofida aylantirilib, proeksiyalar tekisliklariga nisbatan qulay, ya’ni parallel yoki perpendikulyar vaziyatga keltiriladi.

#### Nuqtani aylantirish

Fazoda A nuqta berilgan (120-shakl), uni H tekislikka perpendikulyar bo‘lgan  $i$  o‘q atrofida soat strelkasi yo‘nalishi bo‘yicha aylantirsak, bu nuqta  $H_1$  tekislikda aylana chizadi. Bu tekislik gorizontal tekislikka parallel bo‘lgani uchun aylanish radiusi  $R$  o‘zgarmagan holda proeksiyalanadi. Frontal V tekislikda esa  $i$  o‘qqa perpendikulyar va proeksiyalar tekisliklaridagi x o‘qqa parallel bo‘lgan harakatlanish tekisligida to‘g‘ri chiziq  $A''_1A''_2$  hosil bo‘ladi.



120-shakl

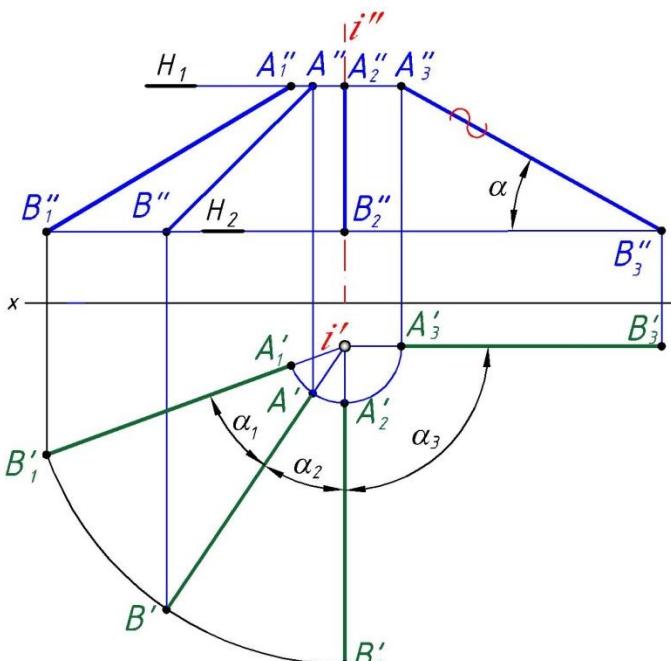


121-shakl

121-shaklda nuqtani epyurda aylantirish usuli ko‘rsatilgan, bunda  $i \perp H$ . Bu o‘qning gorizontal tekislikdagi proeksiyasi nuqta  $i'$  bo‘lib, bu nuqta aylanish markaai deyiladi.  $H_1$  tekislik esa nuqtaning harakatlanish tekisligi deyiladi.

#### To‘g‘ri chiziqni aylantirib uning haqiqiy uzunligini topish.

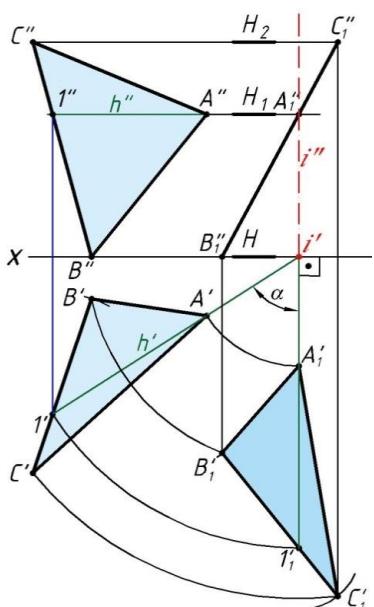
Aylantirish usuli yordamida to‘g‘ri chiziqning haqiqiy uzunligini topish 122-shaklda ko‘rsatilgan.  $i$  o‘q atrofida AB to‘g‘ri chiziqni  $\alpha_1$  burchak bo‘yicha soat strelkasining harakatiga teskari yo‘nalishda aylantirib,  $A'_1, B'_1$  nuqtalarni topamiz.



122-shakl

Shuningdek, AB to‘g‘ri chiziqni  $\alpha_2$  burchak bo‘yicha soat strelkasining harakati tomon aylantirib  $A'_2B'_2$  nuqtalarni topamiz. So‘ngra AB to‘g‘ri chiziqni  $\alpha_3$  burchak bo‘yicha aylantirib, bu to‘g‘ri chiziqni frontal V tekislikka parallel holga keltirib,  $A'_3$  va  $B'_3$  nuqtalarni topamiz.  $B_3$  nuqta harakatlantirish tekisligi  $H_2$  da yotadi. Topilgan  $A''_3$  nuqtani  $B''_3$  nuqta bilan tutashtirsak,  $A''_3B''_3$  kesma hosil bo‘ladi. Bu kesma AB to‘g‘ri chiziq kesmasining haqiqiy uzunligi bo‘lib uning x o‘qi bilan hosil qilgan burchagi kesmaning yiqilish burchagi deyiladi.

### Aylantirish usuli yordamida ixtiyoriy vaziyatdagi tekislikni proeksiyalovchi tekislikka keltirish

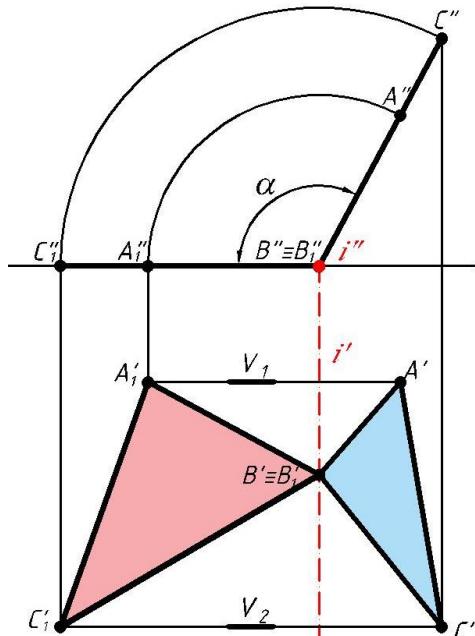


123-shakl

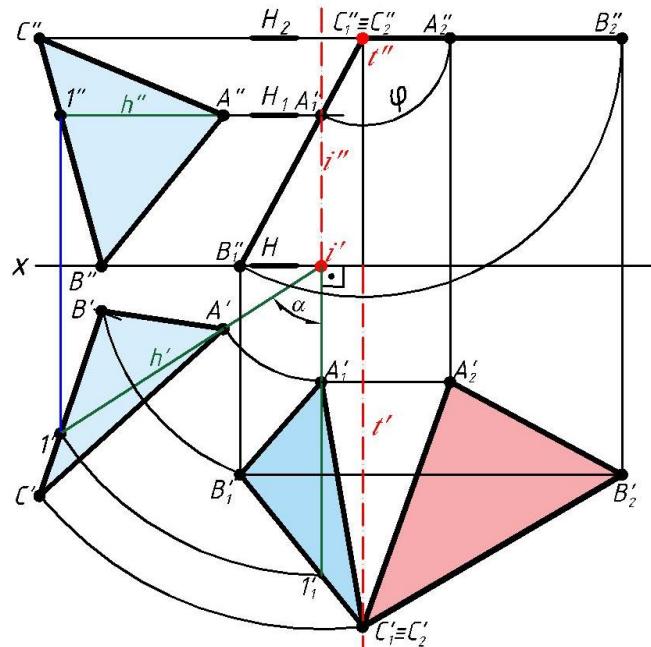
123-shaklda ABC uchburchaklik bilan berilgan umumiy vaziyatdagi tekislik tasvirlangan, uni frontal proeksiyalovchi tekislik holatiga keltirish uchun tekislik gorizontali  $A''_1$  va  $A'_1$  ni o‘tkazib, bu tekislikni frontal tekislik V ga perpendikulyar holga keltiramiz. Bu erda  $i'$ ,  $i''$  — gorizontal H tekislikka perpendikulyar joylashgan aylanish o‘qi;  $\alpha$ -aylanish burchagi;  $H_1$ ,  $H_2$  — A va C nuqtalarining xarakatlanish tekisligi.  $A'_1B'_1C'_1$ ;  $A''_1B''_1C''_1$  lar ixtiyoriy vaziyatda berilgan ABC uchburchaklikning frontal proeksiyalovchi holatini ifodalaydi.

## Aylantirish usuli yordamida yassi shakllarning haqiqiy kattaligini topish

Aylantirish usulini tatbiq qilib yassi shakllarning haqiqiy kattaligini topish uchun avval proeksiyalovchi tekislikda joylashgan shakllarning, so‘ngra ixtiyoriy vaziyatdagi shakllarning haqiqiy kattaligi aniqlanadi.



124-shakl



125-shakl

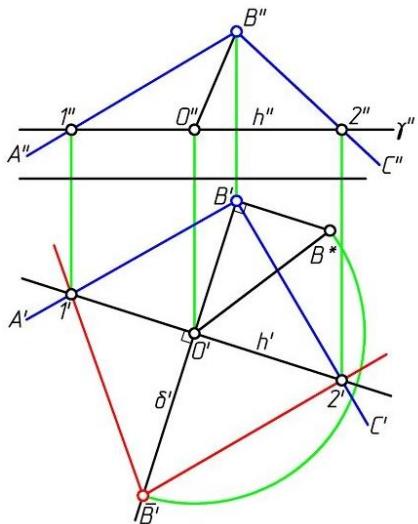
124-shaklda frontal proeksiyalovchi tekislikda joylashgan ABC uchburchaklikning haqiqiy kattaligini topish ko‘rsatilgan. Bunda gorizontal tekislikda joylashgan frontal proeksiyalovchi *i* to‘g‘ri chiziq aylanish o‘qi bo‘ladi va uchburchak shu chiziq atrofida  $\alpha$  burchak bo‘yicha strelka yo‘nalishiga qarama-qarshi tomon aylantirilib, gorizontal  $C''_1A''_1B''_1$  holga keltiriiladi. Uchburchakning  $C'$  nuqtasi orqali V tekislikka parallel  $V_2$  tekislikni o‘tkazamiz va  $C'_1$  nuqtani topamiz.  $C'_1$  nuqtani  $B'$  nuqta bilan tutashtiramiz. A nuqta orqali esa  $V_1$  tekislik o‘tkazib, bu tekislikda  $A'_1$  ning gorizontal proeksiyasini topamiz hamda uni  $B'_1$  va  $C'_1$  nuqtalar bilan tutashtirsak,  $A'_1B'_1C'_1$  uchburchaklik hosil bo‘ladi, bu berilgan ABC, uchburchaklikning haqiqiy kattaligidir.

Ixtiyoriy vaziyatdagi shakllarning haqiqiy kattaligini topish uchun berilgan shakl ketma-ket ikki marta aylanish o‘qi atrofida aylantiriladi. 125-shaklda ixtiyoriy vaziyatdagi ABC uchburchaklikni birinchi marta *i* aylanish o‘qi atrofida aylantirib, frontal proeksiyalovchi holatga keltirish va ikkinchi marta aylanish o‘qi bo‘lgan frontal proeksiyalovchi *t* chiziq

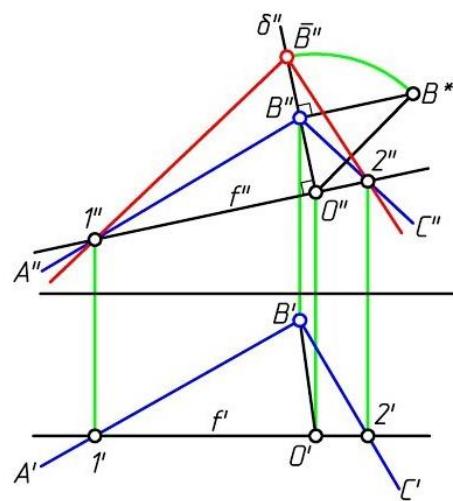
atrofida aylantirib gorizontal tekislik H ga parallel xolga keltirish ko'rsatilgan. Topilgan  $A'_2B'_2C'_2$  uchburchaklik berilgan ABC uchburchaklikning haqiqiy kattaligidir.

**Yassi shakllarning tekislik gorizontali yoki frontali atrofida aylantirib  
xaqiyqiy kattaligini topish**

Tekis shakllar formasini va o'lchamlarini aniqlash hamda ularni amalda tibbiq etish katta axamiyatga ega bo'lib, bunday masalalarni yechishda berilgan geometrik shaklni tekislik gorizostali yoki frontalni atrofida aylantirib, asosiy gorizontal H yoki frontal V tekisliklarga nisbatan parallel vaziyatga keltirish kerak. 126-shaklda ixtiyoriy vaziyatdagi ABC burchaklikning shu burchak hosil qilgan



126-shakl



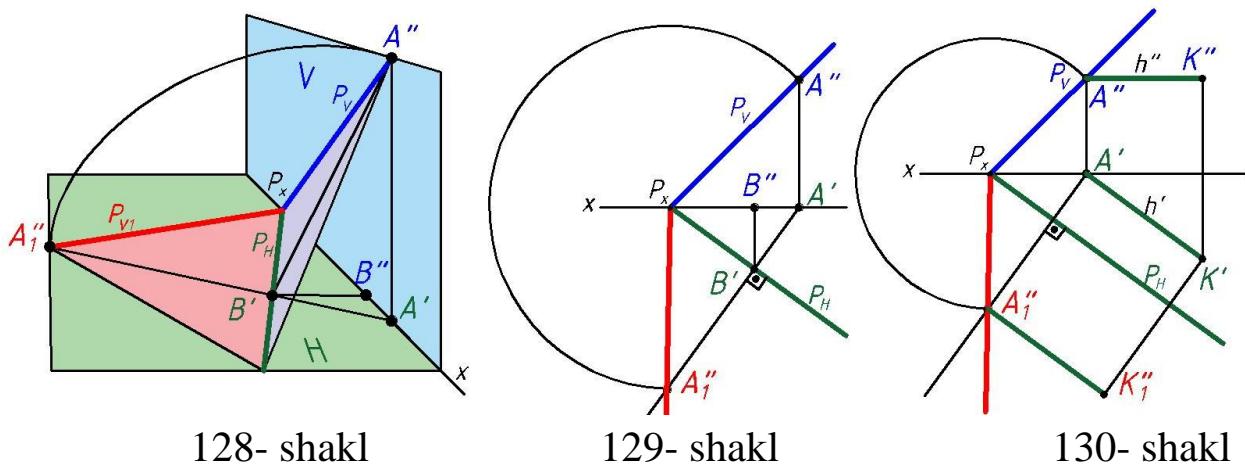
127-shakl

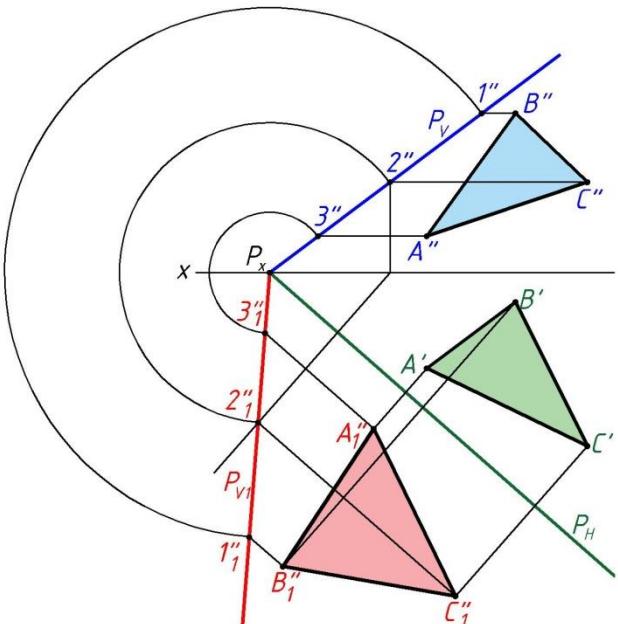
tekislik gorizontali 12 atrofida aylantirib H tekislikka parallel vaziyatga keltirish ko'rsatilgan. Masalani yechish uchun 1', 2' tekislik gorizontalini o'tkazib, so'ngra uchburchaklikning B uchi orqali gorizontalning gorizontal proeksiyasiga perpendikulyar qilib chiziq o'tkazamiz. O' aylantirish markazi bo'lib, uchburchaklikni 12 aylantirish o'qi atrofida H tekislikka nisbatan parallel vaziyatga kelguncha aylantirsak, B nuqta 1-va 2-nuqtalar bilan bir sathga keladi va 1B2 uchburchaklikni hosil qiladi, bu uchburchaklik umumiy vaziyatda berilgan 1'B'2' burchakning haqiqiy kattaligidir. 127-shaklda masalani tekislikning frontal yordaидада yechish usuli berilgan, bunda to'g'ri burchakli uchburchaklik yasash usulidan foydalanib, B nuqtaning aylantirish radiusi B''O'' ning haqiqiy uzunligini

belgilab,  $B''$  nuqta topildi. Hosil qilingan 1"B"2" burchaklik umumiy vaziyatdagi ABC burchaklikning haqiqiy kattaligidir. Ikki kesishuvchi to‘g‘ri chizq tekislikni beradi, biz tekislikni proeksiya tekisligiga parallel holatga keltirishni va demakki unga tegishli bo‘lgan barcha tekis shakllarni ham hususiy holatga keltirishni ko‘rib chiqdik.

### **Yassi shakllarning haqiqiy kattaligini tekislikning o‘z izlaridan biri atrofida aylantirib topish (jipslashtirish usuli)**

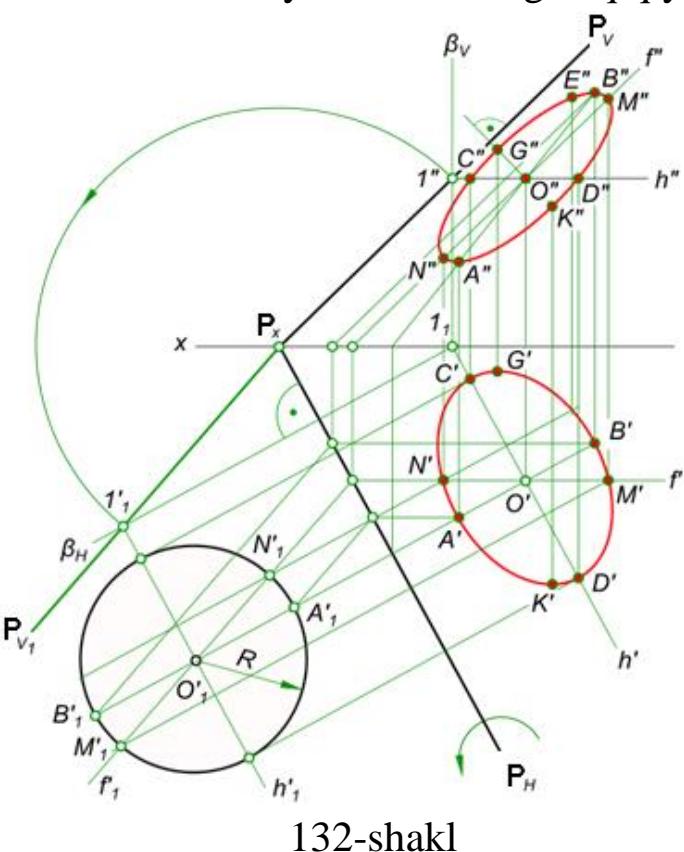
Tekislikni o‘zining izlaridan biri atrofida aylantirib biror proeksiya tekisligi bilan ustma-ust tushirishga jipslashtirish deb ataladi. Jipslashtirish usuli tekislikning gorizontali yoki frontalni atrofida aylantirishni xususiy xoli bo‘lib, bunda aylantirish o‘qi sifatida shu tekislikning gorizontal yoki frontal izi olinadi. Masalan, 128- shaklda P tekislik va uning  $P_H$ ,  $P_V$  izlari hamda A nuqtasi berilgan, bu tekislikni gorizontal iz  $P_H$  atrofida H proeksiya tekisligi bilan ustma-ust tushguncha aylantiramiz. Bunda P tekislikning H tekislik bilan jipslashgan holatini  $P_{V1}$ , uning izi  $P_V$ , A nuqta  $A''_1$  bo‘ladi. Bu masalani epyurda echish usuli 129-shaklda ko‘rsatilgan. 130-shaklda ko‘rsatilgandek, K' nuqtaning jipslashgandan keyingi xolati  $K_1$  shunga o‘xshash A nuqtaning jipslashgandan keyingi holati  $A_1$  bo‘ladi.





131-shakl

P tekislikka tegishli ABC uchburchakning haqiqiy kattaligini topish kerak bo'lsa, uning uchlari orqali tekislik gorizontallarini o'tkazamiz va bu nuqtalarning jipslashgandan keyingi holatini aniqlaymiz.  $A''$ ,  $B''$ ,  $C''$  nuqtalar orqali gorizontallar o'tkazib, ularni  $1''$ ,  $2''$ ,  $3''$  nuqtalar bilan belgilaymiz (131-shakl), bu nuqtalarni jipslashtirilgandan so'ng  $1''_1$ ,  $2''_1$ ,  $3''_1$  bilan belgilaymiz. So'ngra  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$  nuqtalar orqali tekislikning horizontal izi  $P_h$  ga perpendikulyar chiziqlarni o'tkazib, ularni tegishli nuqtalar orqali o'tkazilgan chiziqlar bilan tutashtiramiz va yassi shaklning haqiqiy kattaligi  $A''_1B''_1C''_1$  ni aniqlaymiz.



132-shakl

132-shaklda P tekislikka tegishli bo'lib markazi O nuqtada va radiusi R bo'lgan aylanani chizish ko'rsatilgan. E'tibor berilishi kerak bo'lgan jihatli aylananing xarakterli nuqtalaridir. Bu albatta hosil bo'lishi kerak bo'lgan ellipsning kichik AB va katta CD o'qlari hamda aylana kvadrantini beruvchi chetki NM nuqtalar bo'ladi. Ortiogonal proeksiyalashda

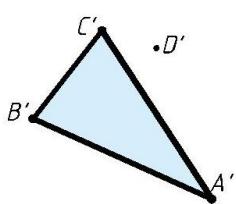
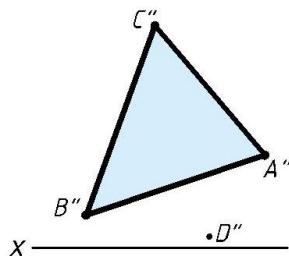
proeksiya asldan katta bo‘lolmasligi samabli CD va NM masofalar aylana diametriga teng bo‘ladi. Bu nuqtalar hususiy vaziyatdagi chiziqlarda, aniqrog‘ tekislikning bosh chiziqlarida joylashgan bo‘ladi.

Takrorlash uchun savollar.

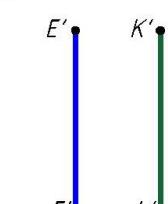
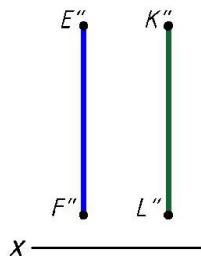
1. Proeksiyalar tekisliklarini qayta tuzish usullarini aytib bering.
2. Proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usulining asosiy moxiyati nimada?
3. Aylantirish usulining asosiy ahamiyatini aytинг. Bu usul proeksiyalar tekisliklarini almashtirish usulidan nimalar bilan farq qiladi?

Mashqlar

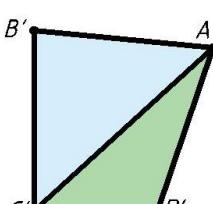
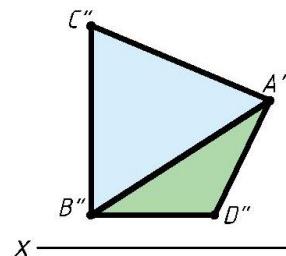
1. D nuqtadan ABC uchburchaklik bilan berilgan tekislikkacha bo‘lgan masofa topilsin (133-shakl).
2. ABC uchburchaklik bilan berilgan tekislikning haqiqiy kattaligi proeksiya tekisliklarini almashtirish usuli yordamida topilsin (133-shakl).
3. EF va KL parallel to‘g‘ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofa topilsin (134-shakl).
4. ABC va ABD uchburchakliklar bilan berilgan tekisliklar orasidagi ikki yoqlik burchakning haqiqiy kattaligi aniqlansin (135-shakl).



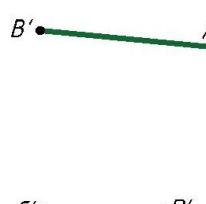
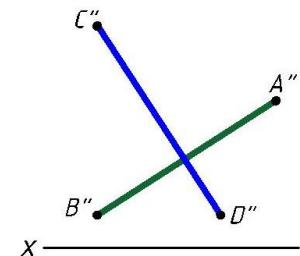
133-shakl



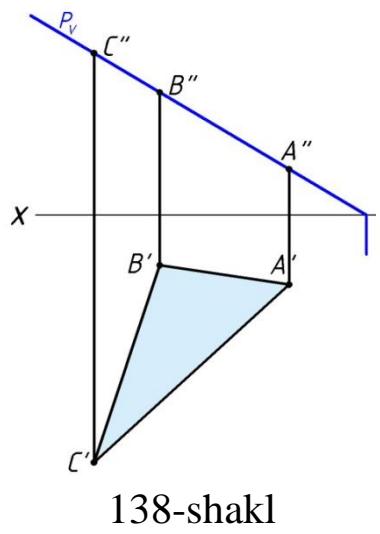
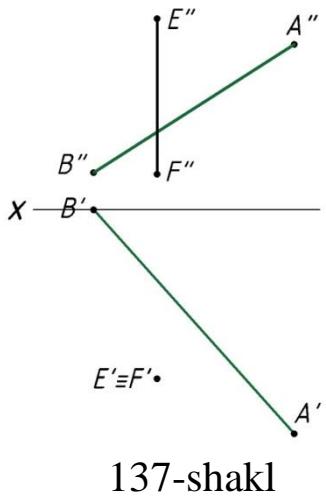
134-shakl



135-shakl



136-shakl



5. Ab va CD ayqash to‘g‘ri chiziqlar orasidagi eng qisqa masofa topilsin (136-shakl).
6. Berilgan AB to‘g‘ri chiziqni EF o‘q atrofida aylantirib, uning haqiqiy uzunligini toping (137-shakl).
7. Frontal proeksiyalovchi tekislikda joylashgan ABC uchburchaklikning haqiqiy kattaligini aylantirish usuli yordamida toping (138-shakl).
8. Umumiy vaziyatdagi ABC uchburchaklikni proeksiyalovchi vaziyatga keltiring (133-shakl).
9. Umumiy vaziyatdagi ABC uchburchaklikning haqiqiy kattaligini aylantirish usuli yordamida toping (133-shakl).
10. Ixtiyoriy vaziyatdagi ABC uchburchakni tekislikning frontali atrofida aylantirib, uning haqiqiy kattaligini toping (133-shakl).
11. Ixtiyoriy vaziyatdagi ABC uchburchaklikning izlaridan biri yordamida aylantirib (jipslashtirish usuli), xaqiqiy kattaligini toping (133-shakl)

## Egri chiziqlar

Fazoda nuditaning uzuluksiz haraqati natijasida chizgan traektoriyasini, yoki ikki sirtnga tegishli bo‘lgan nuqtalar to‘plamini chiziq deb qabul qilish mumkin. Quyida egri chiziqning xosil bo‘lishini ko‘rib chiqamiz.

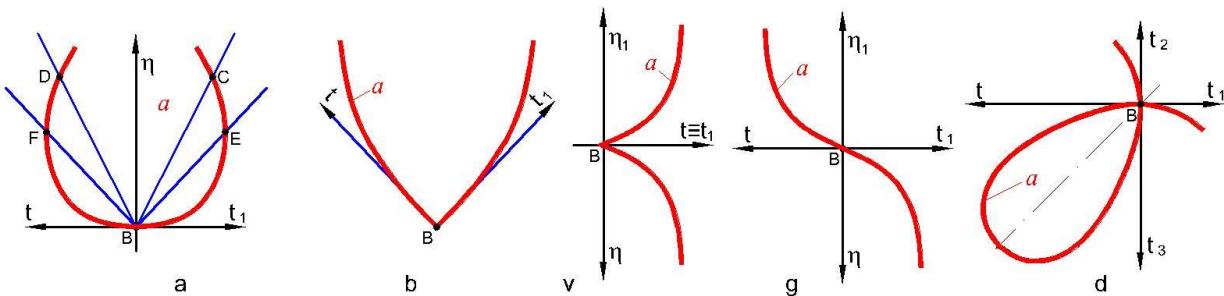
1. Fazoda nuqta o‘z harakati natijasida chizgan traektoriya.
2. Egri (aylanish) sirtning biror tekislik bilan kesilishidan va egri (aylanish) sirtlarining o‘zaro kesishishidan xosil bo‘ladigan kesishish chiziqlari.
3. Egri (aylanish) sirtlarining konturlari.
4. Har xil geometrik egri chiziqlar.

Barcha egri chiziqlar o‘zining xolatiga qarab tekis va fazoviy bo‘ladi.

1. Tekis egri chiziqlar. Egri chiziqni xosil qiluvchi barcha nuqtalar bitta tekislikda yotsa, bunday egri chiziq tekis egri chiziq deyiladi. Bunga ellips, giperbola, parabola va shular kabi egri chizidlar misol bo‘ladi.

Endi tekis egri chiziqlarning maxsus to‘gri chiziq va nuqtalari bilan tanishhamiz.

1) Tekis egri chiziqning urinma va normal chiziqlari (139-shakl). a tekis egri chiziq va unda yotuvchi B nuqta berilgan (139a- shakl,). B nuqta orqali o‘tib a egri chiziqni S va D nuqtalarda kesadigan to‘gri chiziqlar B nuqta atrofida aylantirilsa, ular £ va F nuqtalar orqali o‘tib, B nuqta bilan qo‘silib qoladi. Natijada bu to‘gri chiziqlar Bt va Bti yo‘nalishlarini egallaydi. Bi va Bi 1 chiziqlar yarim urinmalar deyiladi. Bu yarim urinmalar turli yo‘nalishda bo‘lishi mumkin. Agar yarim urinmalar B nuqtadan bir to‘gri chiziqda tushib qolsa, to‘gri chiziqning B nuqtadagi urinmasi deyiladi. Bunday nuqtaga ega bo‘lgan egri chiziq ravon egri chiziq deyiladi. B nuqta esa urinish nuqtasi deyiladi.

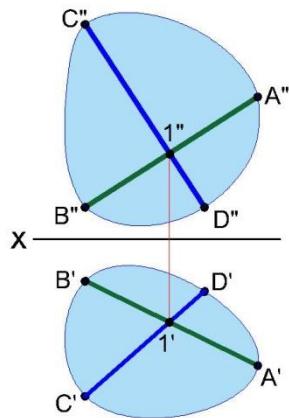


139-shakl

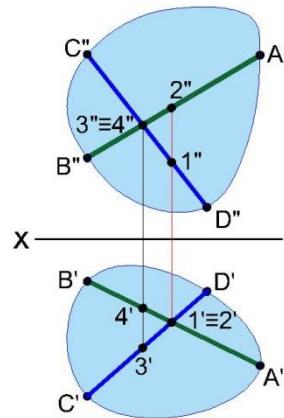
- B nuqda orqali egri chiziq tekisligidagi urinmaga o‘tkazilgan η perpendikulyar egri chizqning normali deb ataladi.
- 2) Egri ravonmas chiziqning sinish nuqtasi (139b-shakl). Tekis egri chiziqning yarim urinmalari B nuqdada bitta to‘gri chizivda tushmasa ravonmas egri chiziq deyiladi. B nuqta esa egri chiziqning sinish nuqtasi deb ataladi.
- 3) Egri ravon chiziqning qaytish nuqtasi (139v-shakl). Egri chiziq; qaytish nuqtasi B da o‘z yo‘nalishini o‘zgartiradi, chunki B nuqdada yarim urinmalar bir yo‘nalishda bo‘lib, normallari qarama-qarshi tomonga yo‘nalgan.
- 4) Egri ravon chiziqning qayrilish nuqtasi (139g-shakl). Egri chiziq o‘z urinmasini B nulganda kesib, uning ikkinchi tomoniga o‘tadi, chunki B nuqtada yarim urinmalar va normallar qarama-qarshi yo‘nalishda bo‘ladi.
- 5) Egri ravon chiziqning tugun nuqtasi (139d-shakl). B nuqtada a egri chiziq o‘z-o‘zini kesib o‘tadi. Tugun nuqta B orqali  $t_1$  va  $t_2t_3$  urinma chiziqlar o‘tadi.

**2. Fazoviy egri chiziqlar.** Egri chiziq xosil qiluvchi nuqatalar ikkita va undan ko‘p tekisliklarga tegishli bo‘lsa, fazoviy egri chiziqlar deyiladi. Bunga vint chiziqlar va boshsalarni misol qilish mumkin.

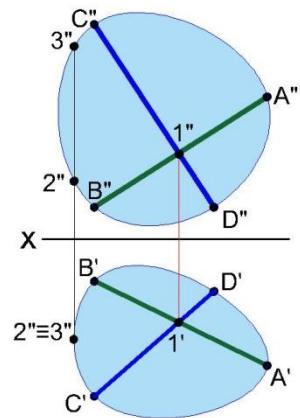
Egri chiziqlarning lekio yoki fazoviyligini epyurda tekshirish uchun egri chizivda eng kamida to‘rtta nuqda olinadi va bu nuqtalar orqali o‘zaro kesishuvchi to‘gri chiziqlar (vatarlar) o‘tkaziladi. O‘tkazilgan chiziqlarning o‘zaro kesishgan nuqtasi epyurda proeksiyalarni boglovchi bitta chiziqda yotsa bu egri chiziq tekis bo‘ladi (167-shakl), agar proeksiyalarni boglovchi bitta chiziqda yotmasa fazoviy deyiladi (168-shakl). Bu minimum, chunki to‘rtta nuqta hamisha ham yetarli darajadagi aniqlikni bermaydi (169-shakl). Egri chiziqlar o‘z navbatida qonuniy va



167-shakl



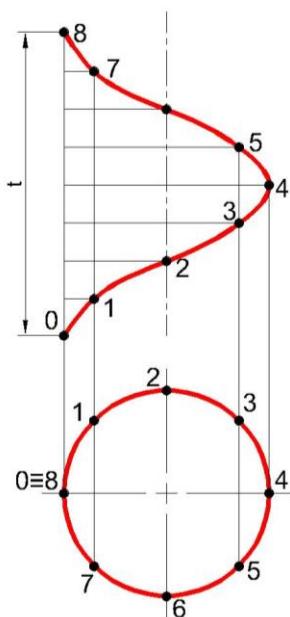
168-shakl



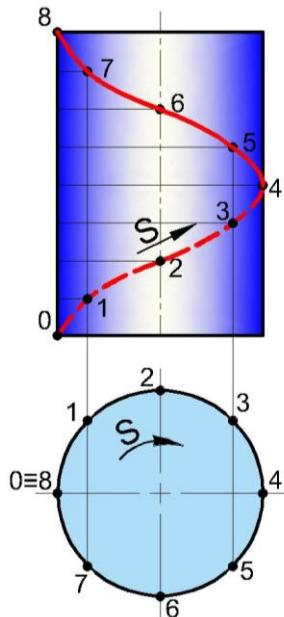
169-shakl

noqonuniy tiplarga bo‘linadi. Qonuniy egri chiziqlarining barcha xolatlari algebraik tenglamalar bilan aniqlanadi. Algebraik egri chiziqlar tenglamasining darajasiga qarab ikkinchi (aylana, ellips va boshkalar), uchinchn (kubik parabola va boshqalar) va yuqori tartibli bo‘ladi. Transsendentik egri chiziqlar noalgebraik deyiladi. Transsendentik egri chiziqlar grafik qurish yo‘li bilan bajariladigan chiziqlar bo‘lib, ular sinusoida, har xil siklik egri chiziqlar va turli grafik chiziqlardir. Xech bir algebraik tenglama bilan ifodalab bo‘lmaydigan barcha tasodifiy egri chiziqlar noqonuniy hisoblanibdi.

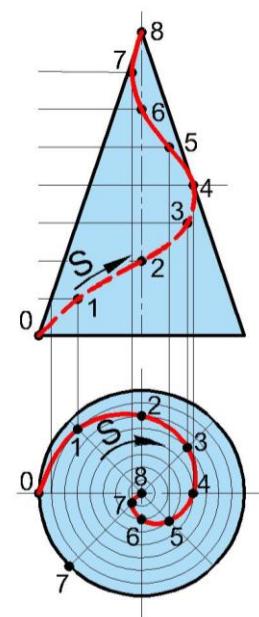
Biz bu yerda vint chiziqlar ustida bir oz to‘xtalib o‘tamiz, chunki u texnikada eng ko‘p tarqalgan. Texnikada tatbiq qilinadigan barcha biriktirish detallarining rezbal qismlari vint chizitqqa misol bo‘ladi.



170-shakl



171-shakl



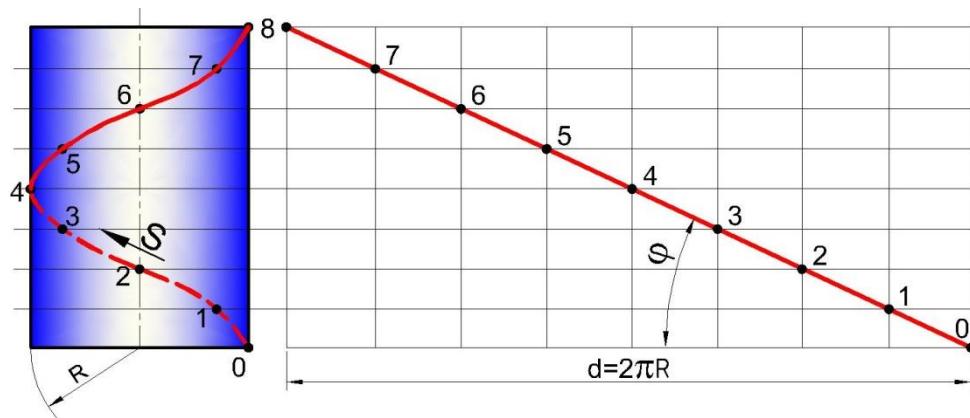
172-shakl

A nuqta to‘gri i chiziq atrofida tekis aylanib, bir vaqtning o‘zida unga nisbatan parallel yo‘nalishda tekis ilgarilama harakat qilsa, vintsimon harakat qiladi. Nuqtaning bu davrda chizgan traektoriyasi vint chiziq deb ataladi (170-shakl). A nuqta o‘q atrofida to‘la bir marta aylanish davrida t masofaga siljiydi. Bu macofa, ya’ni t vint chiziqning qadami, vint chiziqning o‘zi esa vint o‘rami deyiladi.

Nuqda biror aylanish sirti ustida vintsimon harakat qilsa, xosil bo‘lgan vint chizigi shu aylanish sirtining turiga qarab silindrik vint chizq (171-shakl) yoki konus vint chizig‘i (172-shakl) deyiladi.

Silindrik vint chiziq. Silindrik vint chiziqlar nuqta harakatining yo‘nalishiga qarab o‘naqay va chapaqay bo‘ladi. Nuqda o‘z o‘qi atrofida soat strelkasi harakati yo‘nalishiga teskari ko‘tarilsa vint chizigi o‘naqay, soat strelkasi harakati yo‘nalihi bo‘yicha ko‘tarilsa chapaqay vint chiziq deyiladi.

Vint o‘ramiing yoyilmasi to‘gri burchakli uchburchakning gipotenuzasi hizoblanib, uning uzunligi  $l = \sqrt{t^2 + (\pi + d)^2}$  ga teng. To‘gri burchakli uchburchakning (173-shakl) vertikal kateti vint qadami t ga, gorizontal kateti silindr aylanasining uzunligiga d teng. Yoyilmadagi φ burchak ko‘tarilish burchagi deyilib, u d va t ning kattaliklariga bogliq. t kattalashib d kichraysa φ burchak kattalashadi, aksincha d kattalashib t kichraysa φ ham kichrayadi. Silindrik vint chizlarning frontal proeksiyasi shaklan sinusoidadan, gorizontal proeksiyasi esa aylanadan iborat. Vint chiziqning frontal proeksiyasini yasash uchun aylana va t qadam n qismga bo‘linadi. Bizning misolimizda n=8 bo‘lgani uchun aylana 8 qismga bo‘lindi. Silindr balandligi, ya’ni vint chizig‘uning qadami t ni ham 8 ga bo‘lamiz. Endi, har bir nuqtadagi silindr yasovchilarining frontal proeksiyalarini chizib olamiz. t oralig‘idagi silindr yasovchilarini  $1/8$  chiziqlar bilan ketma-ket kesishtirib chiqamiz. Natijada 1, 2, 3, ... 8-nuqtalar xosil bo‘ladi va ular chizg‘ich yordamida tutashtirilsa, vint chiziqning frontal proeksiyasi xosil bo‘ladi. Grekchasiga baritaxistaxron deb ataluvchi bu chiziq silindr sirtidagi 048-nuqtalar orasidagi eng qisqa masofadir.



173-shakl

Vint chiziqning 0 dan 4 gacha qismi silindr orqasida joylashganligi uchun ko‘rinmas kontur chizshuda tasvirlandi.

Konus vint chiziq. A nuqta to‘gri doiraviy konusning AS yasovchisi bo‘ylab, yasovchi o‘z navbatida konus uchi atrofida bir xil burchak tezligida aylansa, konus vint chiziq xosil bo‘ladi (172-shakl). Konus vint chizshuning radiusi o‘zgaruvchan bo‘lib, uning o‘zgarishi aylanish burchagiga bog‘liq. Konus vint chiziqning gorizontal proeksiyasi shaklan Arximed spiralidan, frontal proeksiyasi amplitudasi kamayuvchi egri chiziqdan iborat. Uning proeksiyalarini yashashda avval frontal proeksiyasi silindrik vint chizshu kabi aniqlanib, so‘ng gorizontal proeksiyasi proeksinlarni boglovchi chiziqlar yordamida bajariladi.

Har xil shuruplarning rezbali qismlari konus vint chiziqlariga yaqqol misol bo‘la oladi. Texnikada silindrik, konus vint chiziqlardan tashqari sfera va boshqa aylanish sirtlari ustiga chiziladigan va uzgaruvchan parmetrli maxsus vint chiziqlardan ham foydalaniladi.

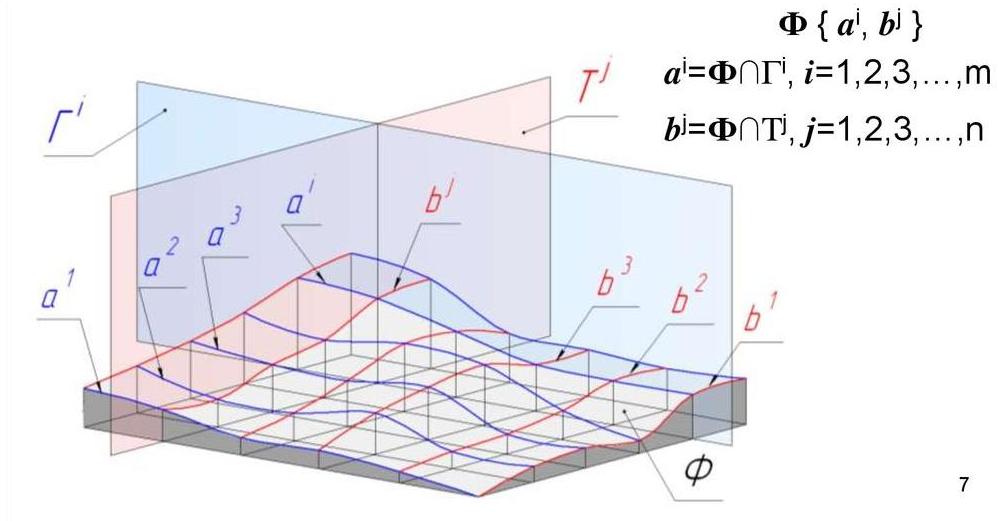
### Sirtlar va ularning hosil bo‘lishi

Chizma geometriyada hamma narsa umumlashtirilib, sirt deb qaraladi. Sirtlarning xususiy ko‘rinishi tekislik, sirt elementi esa chiziq bo‘ladi. Chizma geometriyada chiziqlardan xosil bo‘ladigan sirtlarni o‘rganish ancha qulaydir. 174-shaklda  $\Phi$  sirtni o‘zlariga parallel ravishda harakatlanuvchi ikkita tekislik bilan kesilishi natijasida hosil bo‘lib boradigan a va b chiziqlar ko‘rsatilgan. Bu chiziqlardan birini yasovchi ikkinchizini yo‘naltiruvchi deb qabul qilsak sirt yuzasini qoplovchi to‘rga ega bo‘lamiz. Hosil bo‘lgan to‘r sirtni berilish usullaridan biridir. a tekis egri chiziqli yasovchining b egri chiziq bo‘ylab doimo o‘z-o‘ziga parallel

ravishda ilgarilanma harakatlanishi natijasida hosil bo‘lgan  $\Phi$  sirti ko‘rsatilgan. Bu sirt tekis parallel ko‘chirish sirtidir. a yasovchining hamma nuqtalari harakat davomida b yo‘naltiruvchiga o‘xshash tekis egri chiziqlar hosil qiladi.

Agar b egri chiziqni a<sup>1</sup> egri chiziq bo‘ylab harakatlantirilsa, uning nuqtalari ham a<sup>1</sup> egri chizig‘iga o‘xshash egri chiziqlar hosil qiladi. Bu chiziqlar nuqtalarning yo‘llari deyilib, sirt ustida to‘r hosil qiladi.

Kinematik sirt yasovchilarining uzlusiz harakati va sirtning o‘zining uzlusizligidan quyidagi muhim xulosa kelib chiqadi: kinematik sirtning ixtiyoriy nuqtasidan shu sirtda yotuvchi va to‘r oilalarga kiruvchi ikkita egri chiziq o‘tkazish mumkin.<sup>16</sup>

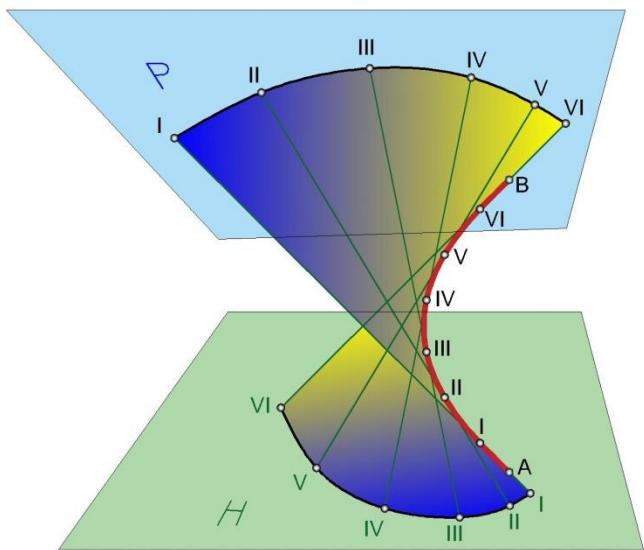


174-shakl

To‘g‘ri chiziqdan xosil bo‘ladigan sirtlar, to‘gri chiziqning fazodagi harakati xarakteriga bogliq. To‘gri chiziq; berilgan fazoviy egri chiziq bo‘ylab muntazam ravishda harakat qilsa qaytish qirrali sirt xosil bo‘ladi. Qaytish qirrali sirtlarning uch hil turi mavjud, ular: 1) grekchada tana degan ma’noni beruvchi **torslar** 2) grekchada g‘udda (archaning mevasi) degan ma’noni beruvchi **konusli** va 3) grekchada to‘nka degan ma’noni beruvchi **sildrik** sirtlardir. Bunday sirtlarni xosil qilish uchun bitta egri chiziq AB olamiz (175-shakl,). AB egri chiziqda bir nechta I, II, III, ... nuqdalarni tanlab, shu nuqtalar orqali egri chiziqa urinma to‘gri chiziqlar o‘tkazamiz va P va H tekisliklar bilan kesishtirib chegaralaymiz. Natijada

<sup>16</sup> Sh.Murodov, L.Xakimov, A.Xolmurzayev, M.Jumayev, A.To‘xtayev „Chizma geometriya“

qaytish qirrali sirt xosil bo‘ladi (175-shakl). Bu erda AB egri chiziq tushish qirrasи

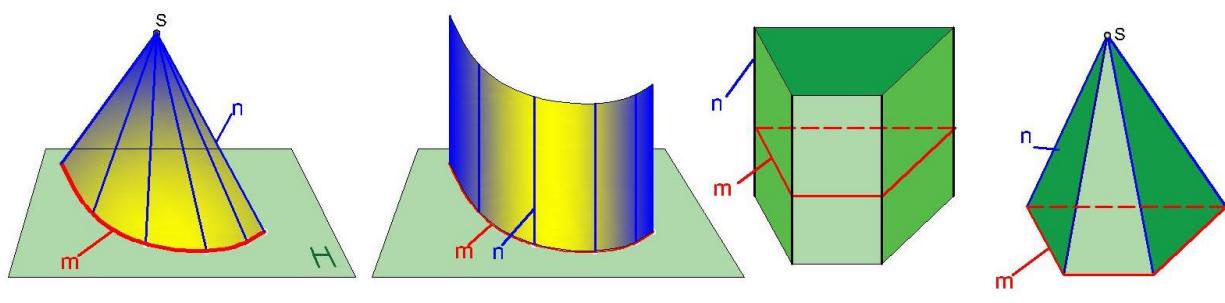


175-shakl

deyiladi, chunki bunday sirt ikki pallaga ega bo‘lib, ikkala pallasi uchun AB egri chiziq qaytish qirrasи vazifasini o‘taydi. Bizning misolda qaytish qirrali sirtning bitta pallasi P tekislik bilan, ikkinchi pallasi H tekislik bilan chegaralangan.

To‘gri chiziq muntazam ravishda egri chiziq tekisligidan tashqaridagi qo‘zg‘armas nuqta S orqali o‘tib berilgan egri chiziqa urinma harakat qilsa konus sirti xosil bo‘ladi (176-shakl). To‘gri chiziq berilgan yo‘nalishda biror egri chiziq bo‘yicha o‘z-o‘ziga parallel ravishda harakat

qilsa silindr sirti xosil bo‘ladi. (177-shakl).



176-shakl

177-shakl

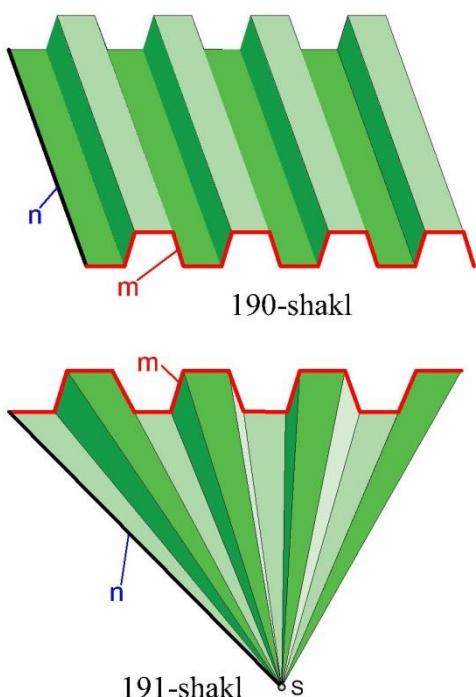
178-shakl

179-shakl

Sirtlarni xosil qiluvchi **n** to‘gri chiziq sirt yasovchi chiziq, yoki qisqacha yasovchi deyiladi, **m** egri chiziq esa yo‘naltiruvchi egri chiziq, yoki qisqacha yo‘naltiruvchi deyiladi.

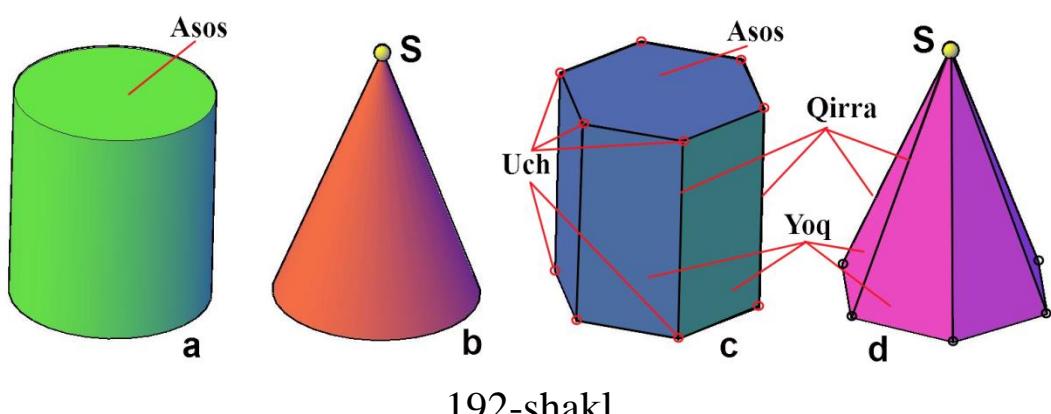
Sirtning yo‘naltiruvchisi siniq chiziqlar zvenosi bo‘lsa, prizma (178-shakl) yoki piramida (179-shakl) sirti xosil bo‘ladi. Yo‘naltiruvchi egri chiziq ochiq bo‘lsa ochiq silindr (176-shakl) yoki ochiq konus (177-shakl) sirtlar deyiladi. Yo‘naltiruvchi siniq chiziqlar zvenosi ochiq bo‘lsa ochiq

prizma yoki ochiq piramida deyiladi (190-191-shakllar). Yo‘naltiruvchi egri va to‘gri chiziqlar yopiq bo‘lsa ular silindr, konus, prizma va piramida sirtlari deyiladi (192a, b, c, d shakllar). Yo‘naltiruvchi egri chiziq aylana bo‘lib yasovchilar aylana tekisligiga perpendikulyar bo‘lsa, to‘g‘ri doiraviy silindr deyiladi (192a-shakl).

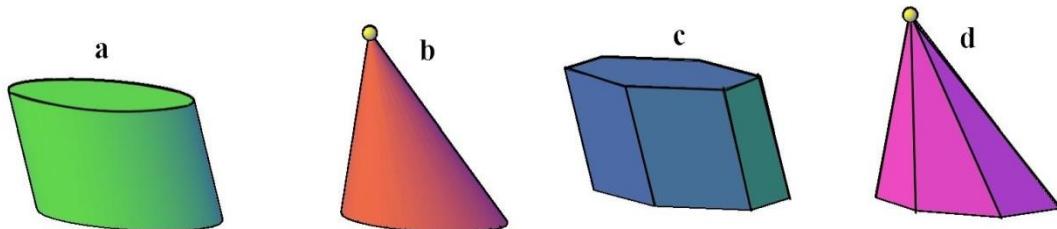


Yo‘naltiruvchisi aylana bo‘lib, S nuqtadan aylana tekisligiga tushirilgan perpendikulyar aylana markaziga to‘gri kelsa, konus sirti to‘g‘ri doiraviy konus deyiladi (192b-shakl). Yo‘naltiruvchi siniq chiziqlar zvenosi muntazam teng yoki ko‘pburchaklik bo‘lib, yasovchilari (qirralari) ko‘pburchaklik tekisligiga perpendikulyar bo‘lsa, bunday ko‘p yoqli prizma muntazam to‘gri prizma deyiladi (192c-shakl). Yo‘naltiruvchi siniq chiziqlar zvenosi muntazam teng yoqli ko‘pburchaklik bo‘lib, S nuqtadan tushirilgan perpendikulyar muntazam ko‘pburchaklik tekisligi markaziga to‘gri kelsa bunday muntazam ko‘p yoqli jism to‘g‘ri piramida deyiladi (192d-shakl). Yo‘naltiruvchi egri (siniq) chiziqlar tekisligiga yasovchilari

og‘ma joylashgan bo‘lsa, ogma silindr (prizma) deyiladi (193-shakl). Konus



(piramida) uchi S dan yo‘naltiruvchi egri (siniq) chiziq tekisligiga tushirilgan perpendikulyar egri (siniq) chiziq markaziga to‘gri kelmasa, og‘ma konus (piramida) deyiladi (193b-d-shakllar). Sirt yasovchilari yo‘naltiruvchi egri (siniq) chiziq tekisligi bilan chegaralansa, sirt asosi yoki sirt bazasi deyiladi. Prizma va



193-shakl

piramida yoqlarining kesishish chiziqlari qirralar deyiladi. Qirralari orasidagi tekisliklar yoqlari deyiladi. Prizma va piramida asoslarini ostki va ustki yoqlari ham deyilib, ular orasidagi yoqlarni yon yoqlari deyiladi. Shunday qilib, prizma va piramida sirtlarni ko‘pyoqliklar deyish mumkin. Demak, bu sirtlar ko‘p yoqliklardan xosil bo‘lib, har bir qirrasi ikki yoqqa umumiyl bo‘ladi. Ko‘pyoqliklarning qirralari uchrashgan joylar uchlari deyiladi. Har bir uch eng kamida uchta qirraning bitta nuqtada kesishishidan xosil bo‘ladi.

Endi, silindr, prizma, konus, va piramidaning epyurda tasvirlanishi bilan tanishib chiqamiz. Ushbu geometrik elementlar nomlarining kelib chiqishi va ular qadimgi tillarda nimalarni anglatishi 194-shaklda ko‘rsatilgan.



silindr—to‘nka



prizma—  
chopilgan



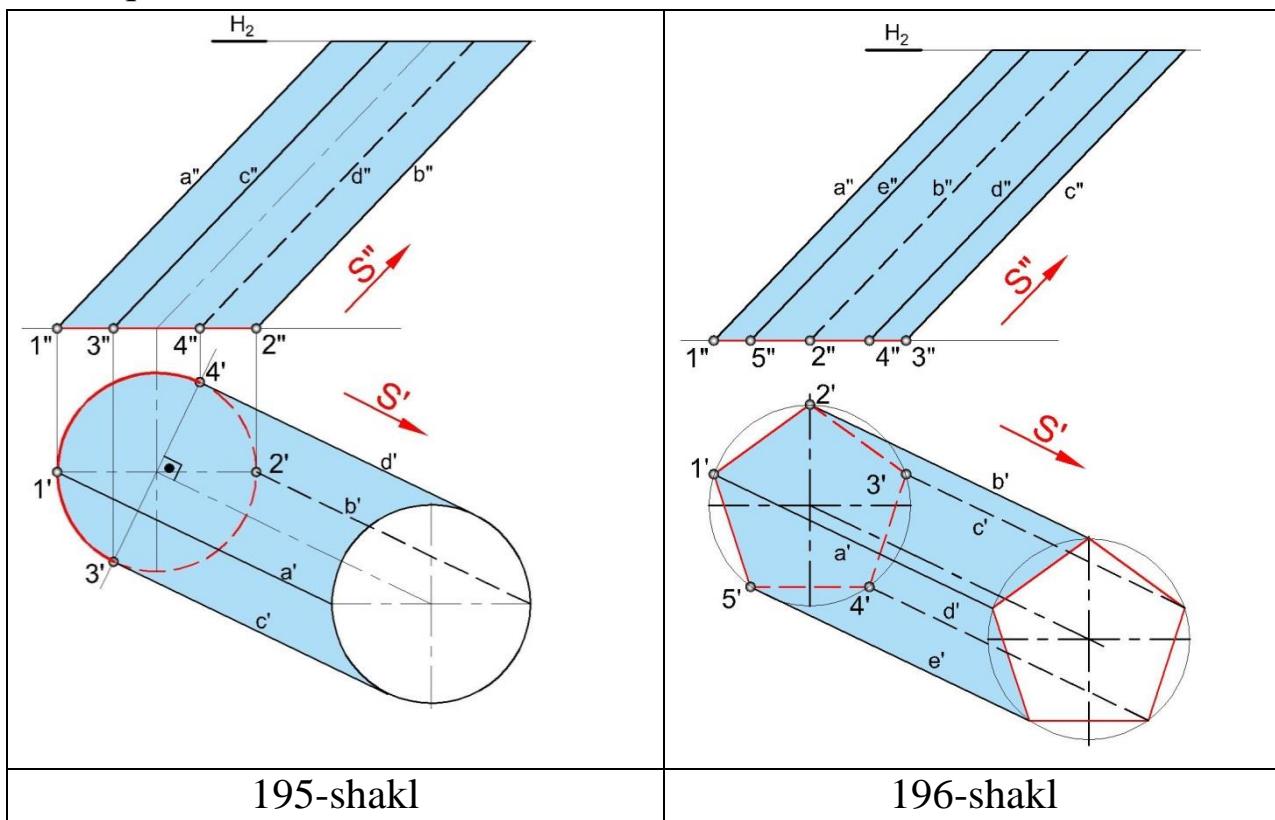
konus—g‘udda



Piramida—  
yonayotgan olov

194-shakl

**Silindr.** Silindrik sirt va uni kesuvchi ikkita parallel tekislillar bilan chegaralangan jismga silindr deyiladi<sup>17</sup>. Masalaning qo‘yilishiuga qarab: to‘g‘ri to‘rtburchakni tomonlaridan biri atrofida aylanishidan xosil bo‘lgan jism, yoki to‘g‘ri chiziqdan barobar uzoqlikda yotgan nuqalar to‘plami deb ham qarash mumkin. Silindr sirti

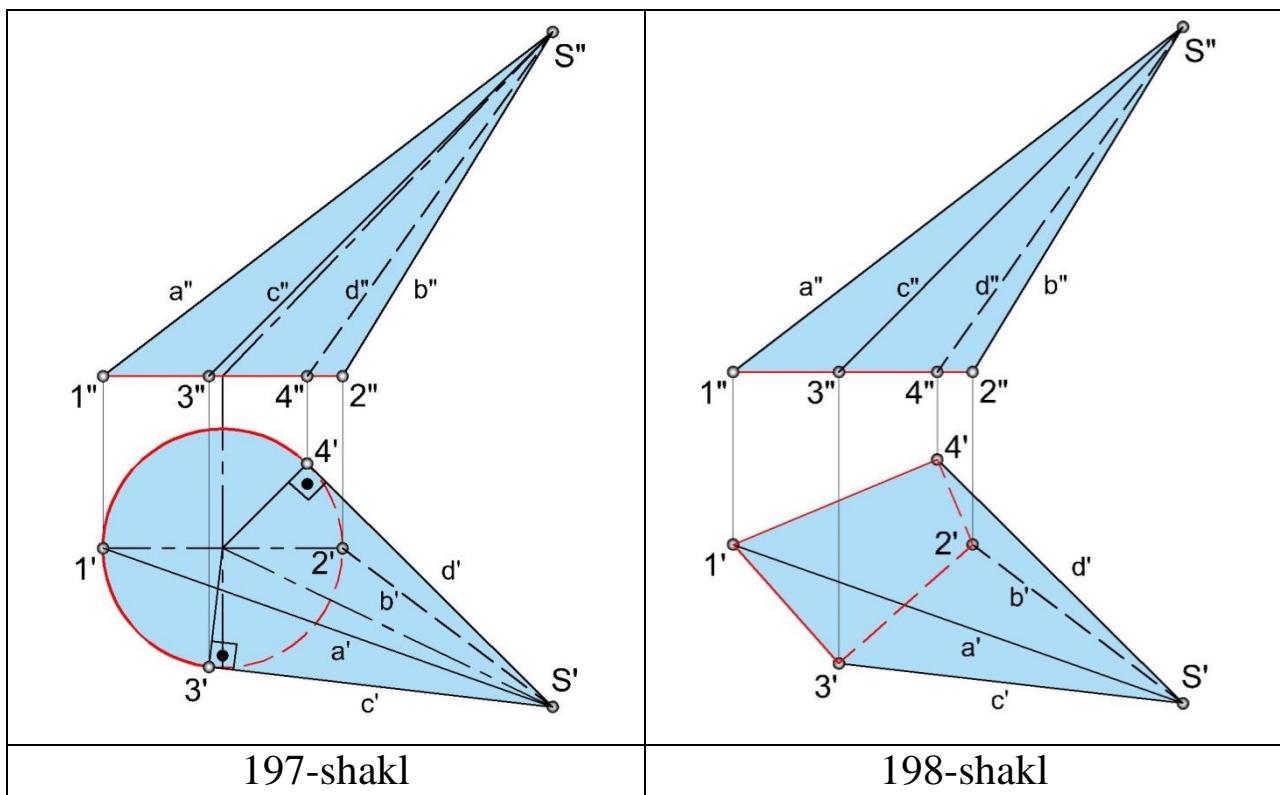


Epyurda yo‘naltiruvchi egri chiziq bilan yasovchi to‘gri chiziqning yo‘nalishini ko‘rsatuvchi chiziq orqali beriladi (195-shakl). Sirtni shaffof emas deb qabul qilinsa, har qanday sirtning proeksiyalarda ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlari bo‘ladi. Silindr sirtining H tekislikdagi tasvirida 3' dan 4' gacha bo‘lgan qismining o‘ng tomoni ko‘rinmas, shuning uchun 2' orqali o‘tayotgan yasovchi (b') ning proeksiyasi shtrix chiziqda tasvirlangan. Asosining 3', 2' va 4' qismi ham ko‘rinmas bo‘lgani uchun shtrix chiziqda chizilgan. V tekislikda silindrning 1" dan 2" gacha bo‘lgan qismining orqa tomoni ko‘rinmas. Shuning uchun 4" orqali o‘tayotgan yasovchisi (d") shtrix chiziqda chizilgan. Silindr yasovchilarini gorizontal proeksiyalar tekisligiga parallel tekislik ( $H_2$ ) bilan chegaralasak, asosiga parallel va teng bo‘lgan aylana xosil bo‘ladi. Epyurda sirt elementlarini proeksiyalar tekisliklariga nisbatan quyidagicha nomlaymiz:

<sup>17</sup> Vkipediya

- a) frontal proeksiyalar tekisligi V da silindr konturini hosil qiluvchi (a) va (b) yasovchilar;
- b) gorizontal proeksiyalar tekisligi H da silindr konturini hosil qiluvchi c va d yasovchilar hamda eng yuqorigi (ustki yo'naltiruvchi asos egri chizig'i) va eng quyi (ostki yo'naltiruvchi egri chiziq). Bunday tasvirlash silindr sirtining to'liq, tasvirlanishi deyiladi.

**Prizma.** Prizma sirti epyurda silindr sirtiga o'xshash beriladi (196-shakl). Prizma sirtining yo'naltiruvchi siniq chiziq zvenosi (asosi) ning uchlaridan yasovchilarining yo'nalishiga parallel chiziqlar chiziladi. Epyurda prizma asosining 2'1'5' qismi H da ko'rindi. Shu bilan birga b'a'e' kesmalar orqali S'ga parallel chiziq chizib xosil qilyngan yoqlari ham ko'rindi. Ko'rinas tomonining qirralari shtrix chiziqlarda tasvirlangan. Vda aedc tomoni ko'rinar bo'lgani uchun 2" dan S" ga parallel chizilgan qirrasi ko'rinas kontur chiziqda chizilgan. Prizma sirtini epyurda to'liq tasvirlash uchun uning yasovchilarini H va H<sub>2</sub> tekislik bilan chegaralaymiz.



**Konus.** Konus sirti epyurda yo'naltiruvchi egri chiziq (yoki asosining) va konus uchining proeksiyalari orqali beriladi (197-shakl). S' dan konus asosining gorizontal proeksiyasiga urinmalar chizib, sirtning H

dagi konturini yasaymiz. Frontal proeksiyada konus sirti uchburchaklik shaklida bo‘lib, 1"С"2" bilan chegaralangan. H da asosining (aylananing) 3'2'4' qismi va b' yasovchisi ko‘rinmas bo‘lgani uchun shtrix chiziq bilan chizilgan. V da 1"4"2" qismi ko‘rinmas bo‘lgani uchun d" shtrix chiziqda tasvirlandi.

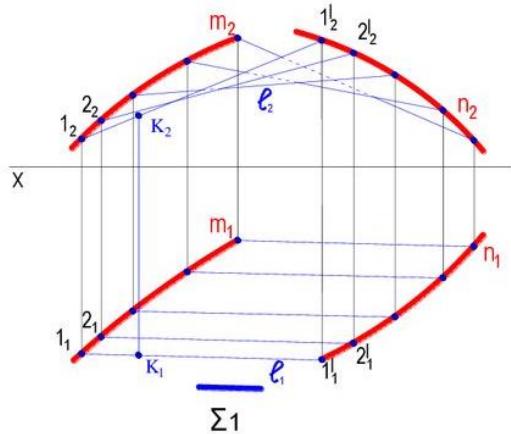
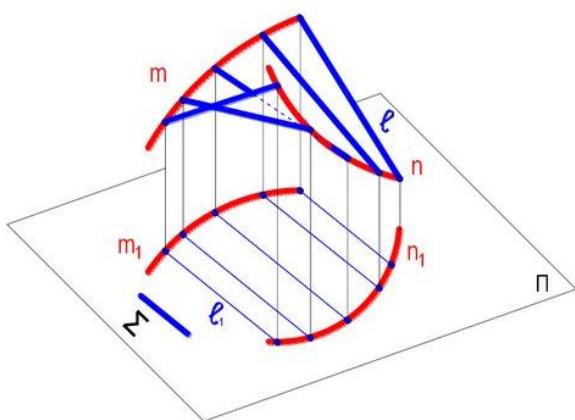
**Piramida.** Piramida sirtining epyurda berilishi 198-shaklda ko‘rsatilgan, asosi uchlarining proeksiyalari bilan piramida uchi S ning proeksiyalari mos ravishda tutashtiriladi. Piramida sirtining epyurda tasvirlangan yoqlari c'a'd' H da ko‘rinadi. V da esa a"c"b" ko‘rinadi.

Yuqoridagilardan ikki yoqli burchak uchun quyidagi ko‘rinish-ko‘rinmaslik haqidagi qoida kelib chiqadi: qaysi nuqta o‘qdan uzoqda joylashgan bo‘lsa, keyingi proeksiyada shu nuqtadan chiquvchi chiziqlar ko‘rinadi va aksincha.

Geometrik sirtlar asosan ikki turga: tekislikka yoyiladigan va yoyilmaydigan sirtlarga bo‘linadi.

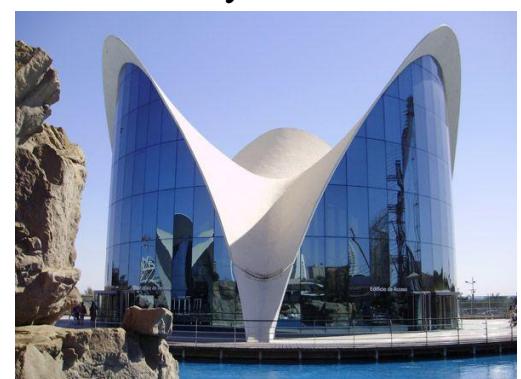
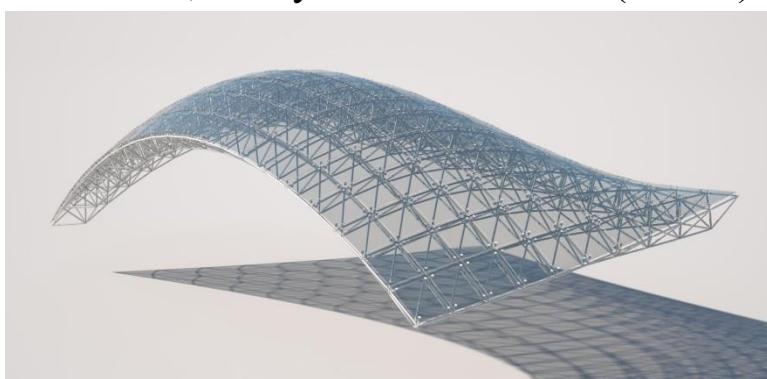
Tekislikka yoyiladigan sirtlar chiziqli yoyiluvchi sirtlar yoki torslar deyiladi, bunday sirtlarga yuqorida qurib chiqilgan qaytish qirrali, silindr, konus, prizma, piramidalar kiradi. Yoyiluvchi sirtlar tekislikka kuch ta’sirisiz yoyiladi. Tekislikka yoyiladigan chiziqli sirtlarda (torslarda) eng yaqin ikki yasovchisi tekis element xosil qiladi.

Chiziqli yoyilmaydigan sirtlarga parallelizm tekisligiga ega bo‘lgan sirtlar kiradi. Bunday sirtlarning ikki yondosh yasovchilarini o‘zaro uchrashmas (ayqash) chiziqlardir. Shunga ko‘ra bunday sirtlar tekislikka yoyilmaydi. Bunday sirtlar qiyshiq sirtlar deyiladi. Parallelizm tekisligiga ega bo‘lgan chiziqli sirtlar asosan quyidagilar: 1) silindroid, 2) konoid va qiyshiq tekislik yoki giperbolik paraboloid. Bunday sirtlar asosan ularning yo‘naltiruvchilarining harakteriga qarab ajratiladi. Ikkita yo‘naltiruvchisi egri chiziq bo‘lib yasovchinbing harakati paralelizm tekisligiga ega bo‘lsa silindroid deyiladi (199-shakl).



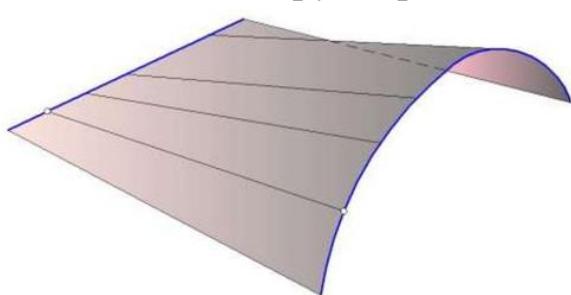
199-shakl

Xalq xo‘jaligida silindroidlar keng va qatta ravoqli binolarning ustini yopishda, har xil qiyshig toq, gumbazlar, ba’zi vintsimon sirtlar uchun ssobits xosil qilishda tatbiq qilinadi (200-shakl). Silindroidning egri chizilari m, n va yasovchilari sinch (karkas) vazifasini o‘taydi.

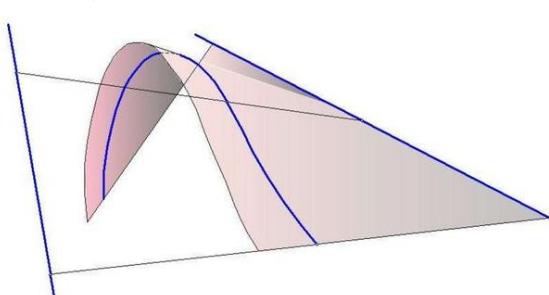


200-shakl

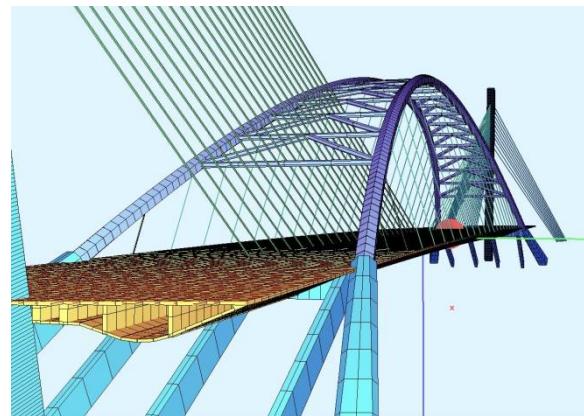
Yo‘naltiruvchilarining bittasi egri chiziq, ikkinchisi to‘gri chiziq bo‘lsa konoid deyiladi (201-shakl). Uchta yo‘naltiruvchiga ega bo‘lib, yo‘naltiruvchilarining bittasi egri chiziq, qolgan ikkitasi to‘gri chiziq bo‘lsa ikki marta qiyshiq konoid deyiladi (202-shakl).



201-shakl

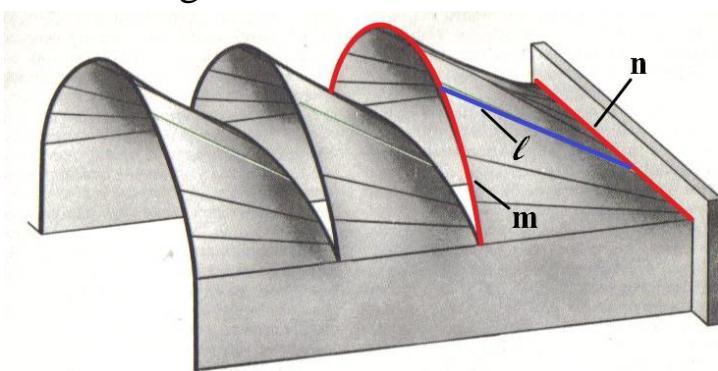


202-shakl



203-shakl

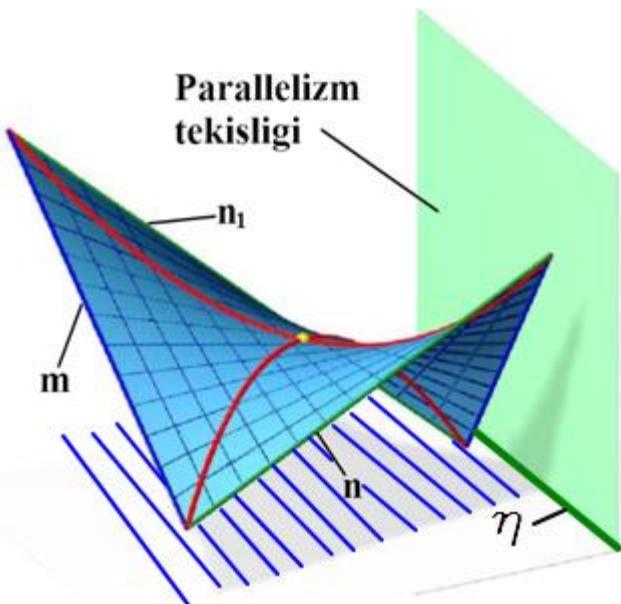
Konoidlardan xalq xo‘jaligida silindroidlar kabi keng va katta ravoqli binolarning



204-shakl

ustini yopishda foydalaniladi. Konoidning yo‘naltiruvchi egri chiziq‘i  $m$  va to‘ri chiziq  $n$  hamda yasovchilari  $l$  karkas vazifasini o‘taydi. 204-shakldan ko‘rinib turibdiji, bir nechta to‘g‘ri konoid yordamida tomi yopilgan binoning ichiga tabiiy yorug‘lik tushirib, uni muntazam ravishda shamollatib turish

mumqin bo‘ladi.



205-shakl

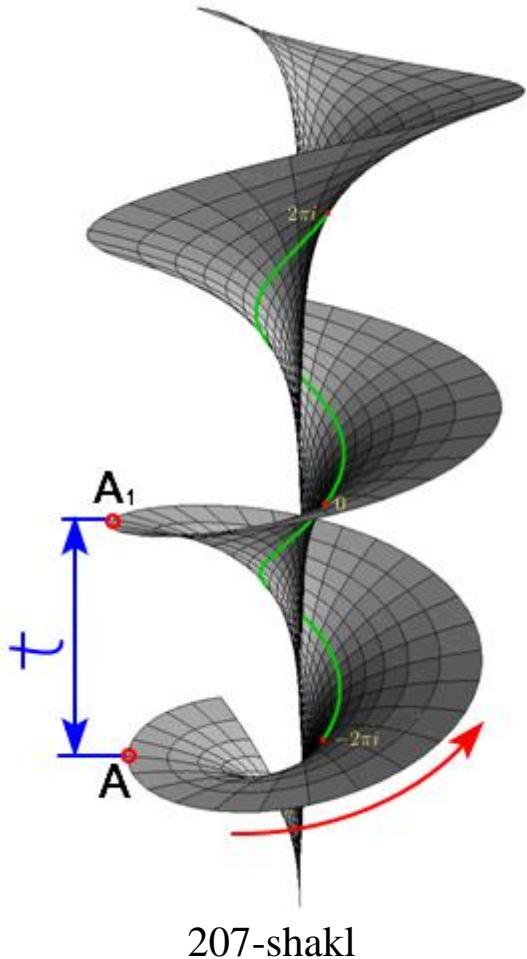
Yo‘naltiruvchilarining ikkalasi ham ayqash to‘gri chiziqlar bo‘lsa qiyshiq tekislik yoki giperbolik paraboloid deyiladi (205-shakl). Bunday sirtlarni xosil qilish uchun yasovchi to‘g‘rli chiziqlarni parallelizm tekisligiga parallel holda, berilgan yo‘naltiruvchilarni kesib o‘tadigan qilib chiziladi. Ushbu sirt yasovchilarining gorizontal proeksiyalarini parallelizm teqisligining izi **h** ga parallel va yo‘naltiruvchi to‘g‘ri chiziqlarni kesadigan qilib o‘tkaziladi.

Sirt yasovchilarining frontal proeksiyalari ularning gorizontal proeksiyalari orqali aniqlanadi. Bir turdagи ikki to‘gri chiziqning o‘zaro kesishib qiyshiq tekislik xosil qilishi, betondan yasaladigan qobiqning armaturali karkasini juda osonlik bilan tayyorlashga imkon beradi. Shunga ko‘ra qiyshiq tekisliklar yordamida turli xildagi temir beton qobiqlarini yasash mumqin. 206-shaklda har xil ob’ektlarning ustini yopishda foydalanish mumkin bo‘lgan bir nechta qiyshiq teqisliqlardan xosil qilingan qobiq karkaslar sxemasi ko‘rsatilgan.



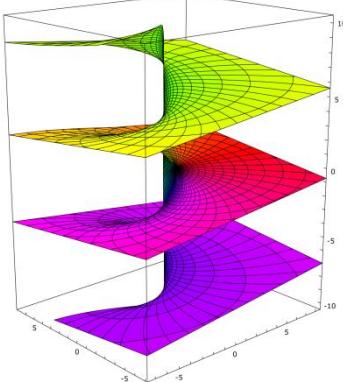
206-shakl

**Vint sirtlari.** Vint sirtlari texniqada keng qo'llaniladi. Vint sirti yasovchi chiziqning qo'zgalmas o'q atrofida aylanma-ilgarilanma, ya'ni vintsimon haraqat qilishi natijasida xosil bo'ladi (207-shakl). Vint sirt yasovchisining shakliga qarab chiziqli yoki chiziqlimas bo'ladi. Chiziqli vint sirtlarning sirt yasovchisi to'g'ri chiziq kesmasi bo'lib, ular gelikoidlar ham deyiladi. Sirt yasovchisi to'g'ri chiziq

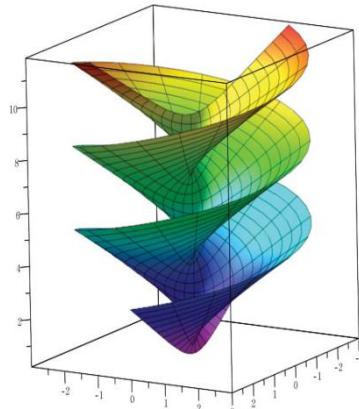


kesmasining aylanish o'qiga nisbatan joylashishiga qarab to'g'ri yoki qiyshiq gelikoidlar bo'ladi. Agar sirt yasovchisi to'g'ri chiziq kesmasi aylanish o'qiga perpendikulyar ( $90^\circ$ ) bolsa, to'g'ri geliqoid (208-shakl), og'ma bolsa qiyshiq geliqoid (209-shakl) deyiladi. Vint sirtlar ochiq yoki yopiq bo'ladi. Vint sirt yasovchisi aylanish o'qi bilan kesishsa yopiq vint sirti (207-208-209-shakllar), kesishmasa ochiq vint sirti deyiladi (210-shakl). A nuqtaning vint sirt o'qi atrofida bir marta aylanib chizgan traektoriyasi t vint chizirining qadami deyiladi (207-shakl). Vint sirtlar qadami t ning doimiyligi, shu bilan birga vint sirt yasovchisining tanlab olingan burchagining doimiyligi uni quriishda va texnikada tatbiq qilish uchun qulaylik yaratadi (211-shakl). Og'ma gelikoidning yasovchilarini aylanish o'qiga bir xil ogish burchagi ostidagi haraqati davrida yo'naltiruvchi konus deb ataluvchi konus yasovchilariga parallel haraqat qiladi (209-shakl). Vint sirt yasovchisi egry chiziq

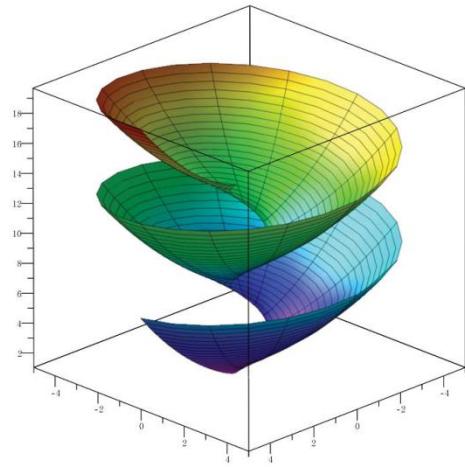
bo‘lgan vint sirtlarga profili dumalotq bo‘lgan vintlar, prujinalar misol bo‘ladi.



208-shakl



209-shakl



210-shakl



Minora



Zina



Shnek

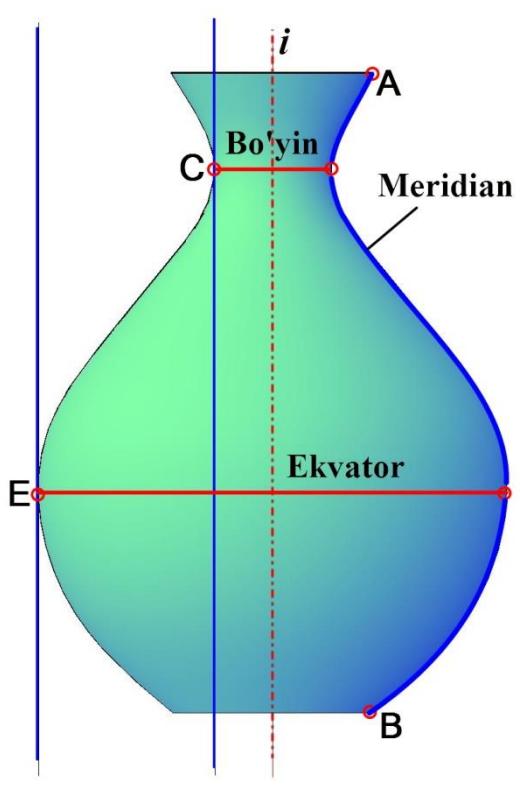
211-shakl

### Aylanish sirtlari

Sirt yasovchisining qo‘zgalmas o‘q atrofida aylanishi natijasida xosil bo‘lgan sirt aylanish sirti deyiladi. Aylanish sirti yasovchisi tekis yoki fazoviy egri chiziq (xususiy xolda to‘gri chiziq) bo‘lishi mumqin. Aylanish sirti yasovchi a chiziq va aylanish o‘qi i bilan beriladi.

Yasovchi chiziq aylanish o‘qi i atrofida aylanganda uning har bir nuqtasi (ABCE) aylana chizadi. Aylana tekisligi aylanish o‘qi i ga perpendikulyar

bo‘ladi. Bu aylanalarni aylanish sirtining parallellari deyiladi. Aylanish o‘qi asosan proeksiyalar teqisliklaridan biriga perpendiqulyar (ko‘pincha Hga) xolda olinadi. Aylanish o‘qi qaysi proeksiyalar teqisligiga perpendiqulyar olinsa, sirt parallellari o‘sha proeksiyalar teqisligiga parallel bo‘ladi. Aylanish o‘qi orqali o‘tuvchi tekisliklar meridian tekisliklari deyiladi. Har qanday meridian teqislik sirtni teng ikkiga kesib ajratadi. Meridian teqisligi bilan aylanish sirtining kesishish chizigi meridian deyiladi. Meridian tekisliklardan biri frontal proeksiyalar teqisligiga paparelel bo‘lsa bosh yoki asosiy meridian tekisligi deyiladi. Shu teqislik bilan aylanish sirtining kesishish chizigi aylanish sirtining bosh yoki asosiy meridian chizig‘i deyiladi. Aylanish sirti parallelarining eng kattasi ekvator chizigi, eng kichik parallel bo‘yin chizig deyiladi. Bu chiziqlarni aniqlashda bosh meridian

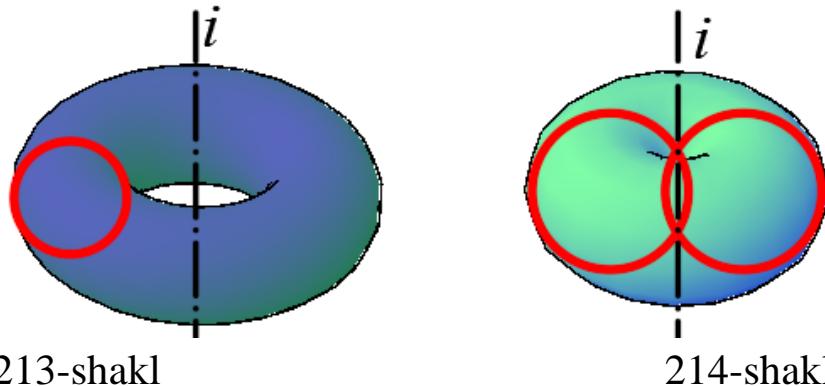


212-shakl

chiziqning eng katta parallel bilan kesishgan nuqtasi orqali urinma teqislik o‘tqaziladi. Bunda urinma tekislik aylanish o‘qiga parallel bo‘lgan holdagi eng katta parallel ekvator deyiladi, agar urinma tekislik aylana o‘qiga parallel bo‘lmasa bunday eng katta parallel dumaloq qirra deb ataladi. Bosh meridian bilan eng kichik parallelning kesishish nuqtasi orqali urinma tekislik o‘tqazilganda, bu tekislik aylanish o‘qiga parallel bo‘lsa, bunday eng kichik parallel bo‘yin chiziqi, agar urinma tekislik aylanish o‘qiga parallel bo‘lmasa bunday eng kichik parallel bel chizigi deyiladi (212-shakl). Aylanish sirti asoslari tekis bo‘lib, ularning bosh meridian bilan kesishgan nuqtalari orqali bosh meridianga urinma qilib o‘tkazilgan tekisliklar aylanish o‘qiga parallel emas, shuning uchun asoslariga ifodalovchi aylanalar eng katta parallelga teng bo‘lsa dumaloq qirra, eng kichik parallelga teng bo‘lsa bel chizigi hisoblanadi.

Aylanish o‘qiga Px tekislikqa perpendiqulyar olinsa aylanish sirtining frontal konturini uning bosh meridiani aniqlaydi, gorizontal konturini esa uning ekvatorini ifodalaydi.

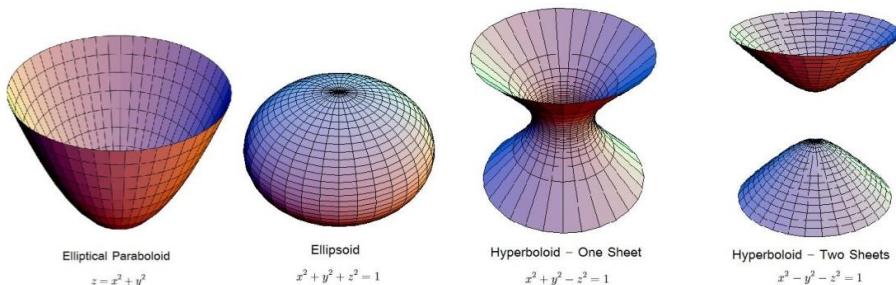
Aylana biror qo‘zgalmas o‘q atrofida aylantirilsa tor (xalqa) yoki sfera (shar) sirti xosil bo‘ladi. Aylanish o‘qi sirt yasovchi aylanadan tashqarida yoki urinib o‘tuvchi yoxud aylanani kesib o‘tuvchi bo‘lsa, ochiq va yopiq torlar xosil bo‘ladi. 213-shaklda ochiq, 214-shaklda yopiq torlar tasvirlangan. Aylanish o‘qi aylana diametri bilan keshilib qolsa sfera xosil bo‘ladi.



213-shakl

214-shakl

Turli xil ikkinchi tartibli (ellips, parabola, giperbola kabi) tekis egri chiziqlarni simmetriya o‘qi atrofida aylantirish natijasida aylanish sirtlari hosil bo‘ladi (215-shakl). Paraboladan paraboloid, ellipsoid dan ellipsoid, gipeboladan gierboloid hosil bo‘ladi. Ellipsoid qaysi o‘q atrofida aylantirilishidan kelib chiqib siqiq yoki cho‘ziq bo‘lishi mumkin. Giperboloid ham mavhum (direktrissa) yoki asosiy o‘q atrofida aylantirilishiga qarab bir pallali yoki ikki pallali bo‘lishi mumkin (215-shakl).



215-shakl

Aylanish sirtlarining parallelari ular bilan bogliq bo‘lgan barcha masalalarini yechishda qo‘l keladi. *Aylanish sirtlarining konturida yotgan nuqtaning keyingi proeksiyasi simmetriya o‘qida bo‘ladi va aksincha degan qoidani bilish masala yechimidagi xarakterli nuqtalarni topishni osonlashtiradi.*

## SIKLIK SIRTLAR

*Aylana markazi biror chiziq bo'ylab harakatlanishdan hosil bo'lgan sirt siklik sirt deyiladi.*

Siklik sirtlarda harakatlanuvchi  $\ell$  aylana siklik *sirtning yasovchisi*, yasovchi aylananing markazi harakatlanadigan  $m$  chiziq sirtning *yo'naltiruvchi chizig'i* yoki sirtning *markazlar chizig'i* deb yuritiladi (216-shakl). Harakat davomida yasovchi aylananing radiusi o'zgaruvchan va o'zgarmas bo'lishi mumkin.

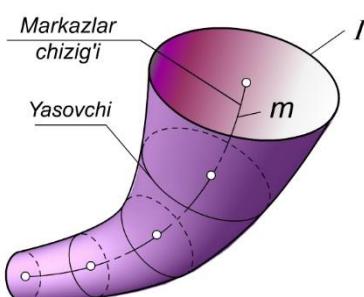
Siklik sirt aniqlovchilari bilan  $\square(m, R)$  ko'rinishida yoziladi.

Siklik sirtni berish uchun uning yasovchisi markazining harakat qonuni va radiusining o'zgarish funksiyasi berilgan bo'lishi zarur. Siklik sirtlarning karkasi aylanalardan iborat.

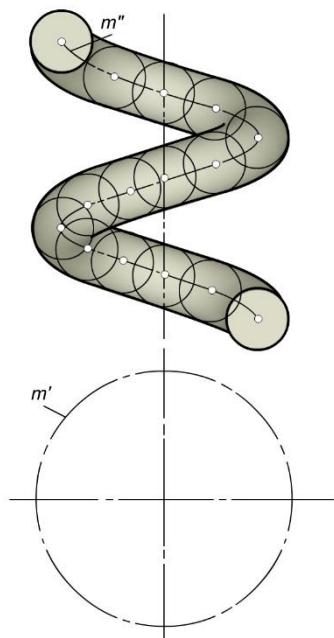
Aylanish sirtlari ham siklik sirtlar turiga kiradi.

Aylanish sirtlarining o'zgaruvchi yoki o'zgarmas parallelari siklik sirtning yasovchilari bo'ladi. aylanish o'qi sirtning markazlar chizig'i hisoblanadi.

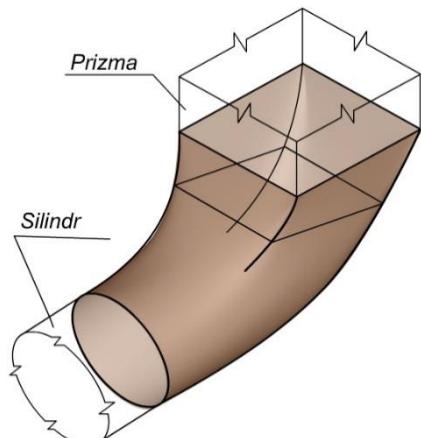
Ikkinchi tartibli aylanish sirtlarini va doiraviy kesimga ega bo'lgan umumiyl holdagi ikkinchi tartibli sirtlarni ham siklik sirt deb qarash mumkin.



216-shakl



217-shakl



218-shakl

Agar yasovchi aylananing tekisligi yo'naltiruvchi  $m$  chiziqqa doim perpendikulyar bo'lsa, hosil bo'lgan sirt *naysimon sirt* bo'ladi (216-shakl).

Naysimon sirt siklik sirtning xususiy holidir. O‘zgaruvchan radiusli naysimon sirtni berish uchun markazlar chizig‘i  $\mathbf{m}$  va yasovchi  $\ell$  aylana radiusining o‘zgarish qonuniyati berilgan bo‘lishi zarur.

Naysimon sirt yasovchisining radiusi o‘zgarmas bo‘lsa, hosil bo‘lgan sirtni *truba* deb yuritiladi (217-shakl).

Aylanma silindrni o‘qi to‘g‘ri chiziq bo‘lgan trubali sirt deyish mumkin. Sferaning vint chizig‘i bo‘yicha harakatidan vintli truba sirti hosil bo‘ladi (217-shakl). Vintsimon trubali sirtga prujina misol bo‘la oladi.

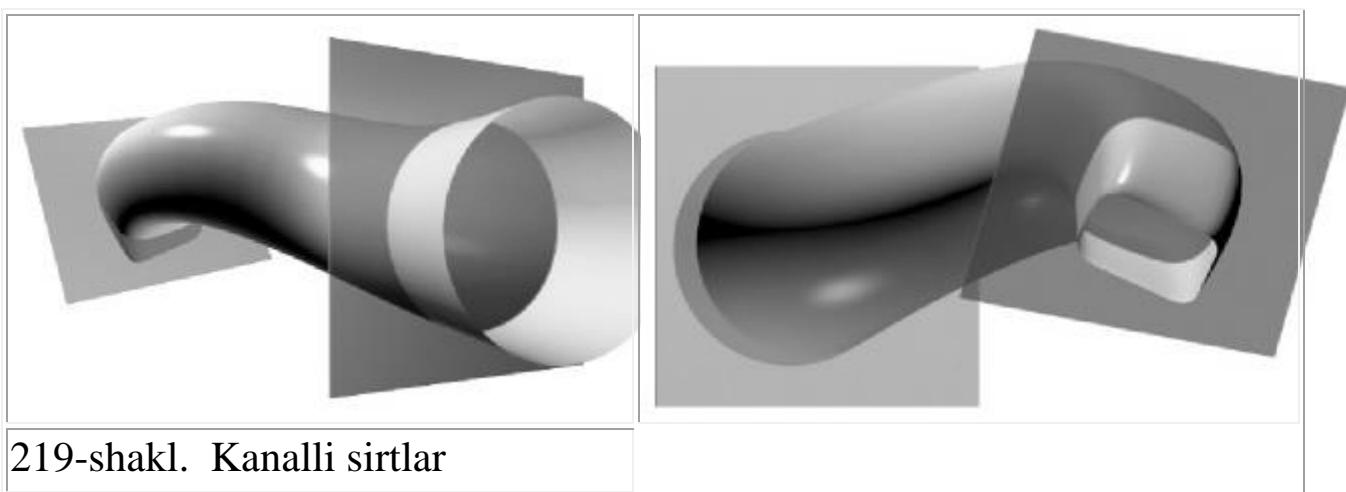
Siklik sirtning yana bir turi ***kanal sirtdir***. Kanal sirtning rasmi bir tekis uzluksiz shakli o‘zgarib boruvchi yopik chiziqning harakatidan hosil bo‘ladi.

218-shaklda ikkinchi tartibli silindr va to‘rtburchakli prizma sirtlarini ulaydigan mufta vazifasini bajaruvchi kanal sirtning yaqqol tasviri ko‘rsatilgan.<sup>18</sup>

Yopiq tekis shaklning uzluksiz harakati natijasida hosil bo‘lgan sirt kanalli sirt deyiladi. Bunda tekis shakl yuzasini muntazam o‘zgarib borishi, shaklini o‘zgartirishi mumkin. 219-shaklda ikkita kanalli sirt ko‘rsatilgan. Muhandislik amaliyotida yasovchi tekisliklarni orientirlashning ikkita usuli keng tarqalgan:

biron-bir tekislikka parallel bo‘lgan—parallelism tekisligiga ega bo‘lgan kanalli sirtlar;

yo‘naltiruvchi chiziqqa perpendikulyar—to‘g‘ri kanalli sirtlar



219-shakl. Kanalli sirtlar

kanalli sirtlarni ikkita quvursimon sirtning o‘tish qismida ishlatalish mumkin:

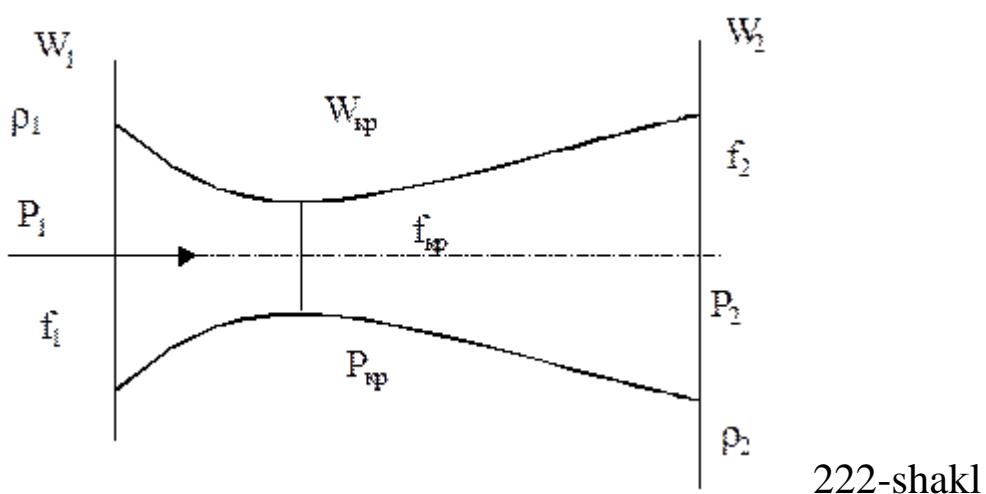
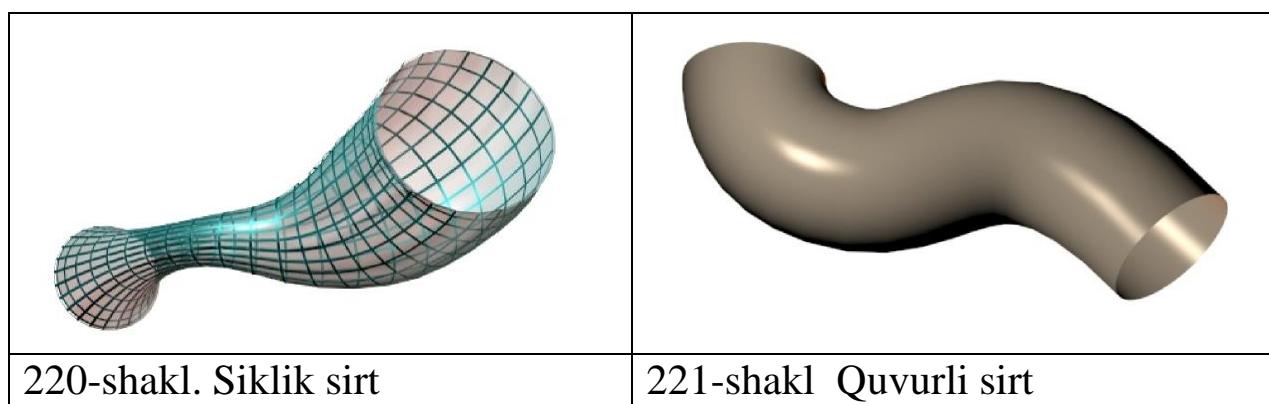
<sup>18</sup> Sh.K. Murodovning „Chizma geometriya“ kitobidan

- turli shaklli, ko‘ndalang kesim yuzasi bir xil bo‘lgan;
- bir xil shaklli, ko‘ndalang kesim yuzasi har xil bo‘lgan;
- turli shaklli, ko‘ndalang kesim yuzasi har xil bo‘lgan;

Siklik sirtni kanalli sirtning hususiy holati deb qarash mumkin. Uni markazi biror egri chiziq bo‘ylab harakatlanayotgan aylana sifatida qabul qilinadi. Harakat davomida aylana radiusi bir tekisda o‘zgaradi. 220-shaklda siklik sirtga misol keltirilgan.

Quvurli sirt o‘zgarmas yasovchili chiziqsiz sirtlar gruppasiga kiradi va siklik va kanalli sirtlarning hususiy holati hisoblanadi. U har ikkala sirt hossalarig ega. Siklik sirtlardagi yasovchining shakli, kanalli sirtlardagi yasovchining harakatlanish qonuniyati.

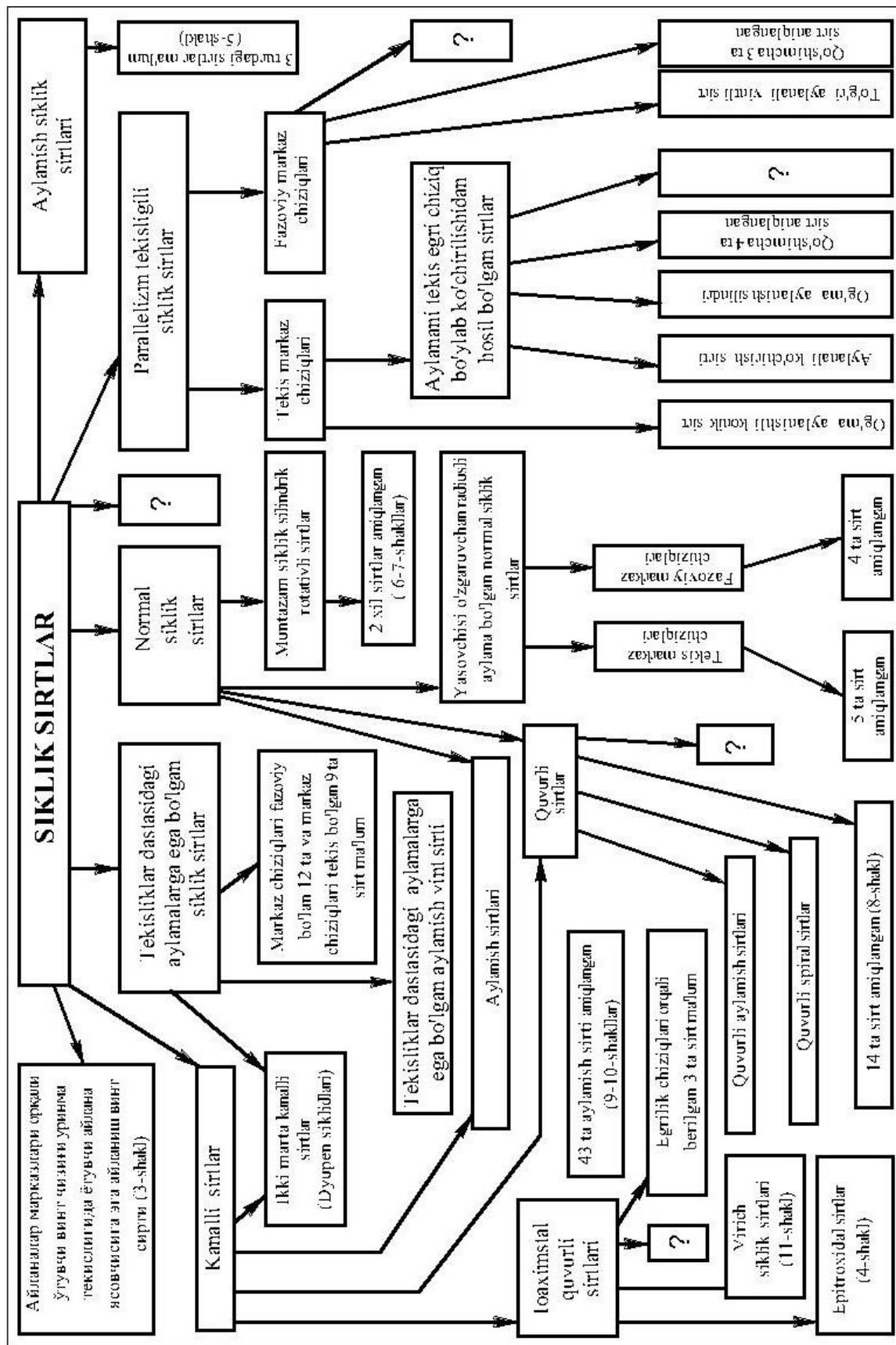
221-shaklda suvurli sirtga misol keltirilgan.



Soploring torayib boruvchi va kengayuvchi qismida  $W > W_{3B}$  tovush tezligidan yuqori tezlik hosil qilish mumkin. Bunday soplo uni yaratuvchisining sharafiga Laval soplosi deyiladi (222-shakl).

	
223-shakl. Radial-o‘qli trubina (Frengis trubinasi)	224-shakl. Ichimlik suvi sistemasi uchun trubina

223-224-shakllarda siklik sirtlarning gidrotexnik amaliyotda ishlatalishiga misollar keltirilgan. 225-shaklda siklik sirtlar klassifikatsiyai tasvirlangan.



225-shakl<sup>19</sup>

<sup>19</sup> S. N. Krivoshapko, V. N. Ivanov

## Sirtlarda nuqta tanlash

Sirtlarda nuqta uning elementlaridan birida yotadigan qilib olinadi. To‘gri chiziqli sirtlarda nuqta ularning yasovchilarida, aylanish sirtlarida esa uning parallelaridan birida tanlanadi. Epyurda sirt yuzasida yotuvchi nuqtalarning proeksiyalarini aniqlash uchun avval nuqtaning biror proeqsiyasi orqali sirt yasovchisi (to‘gri chizid) yoki sirt parallelining proeqsiyasi o‘tkaziladi. So‘ngra shu yasovchi yoki parallelning ikkinchi proeksiyasi aniqlanib, unda nuqtaning kayingi proeksiyasi topiladi.

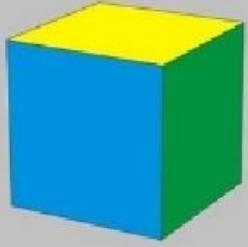
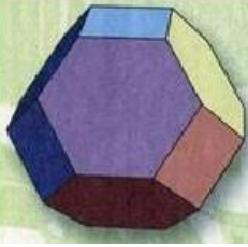
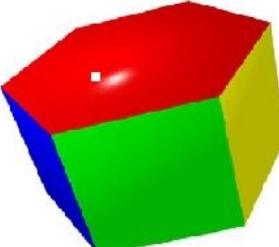
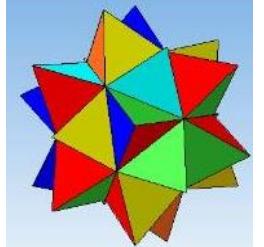
***Bundan quyidagi qoida kelib chiqadi: nuqta sirtga tegishli bo‘lishi uchun, u shu sirtdagи chiziqda yotishi kerak.***

Ko‘pyoqliklar

Ko‘pyoqliklar fazodagi eng sodda jismlarni namoyon qiladi. Geometrik nuqtai nazardan ko‘pyoqlik deb uch o‘lchamli fazoning yassi ko‘pburchaklar bilan chegaralangan qismiga aytildi. Ko‘pburchaklar yig‘indisini ko‘pyoqlik bilan adashtirmaslik uchun ko‘pyoqliklarga quyidagi cheklashlar qo‘yiladi:

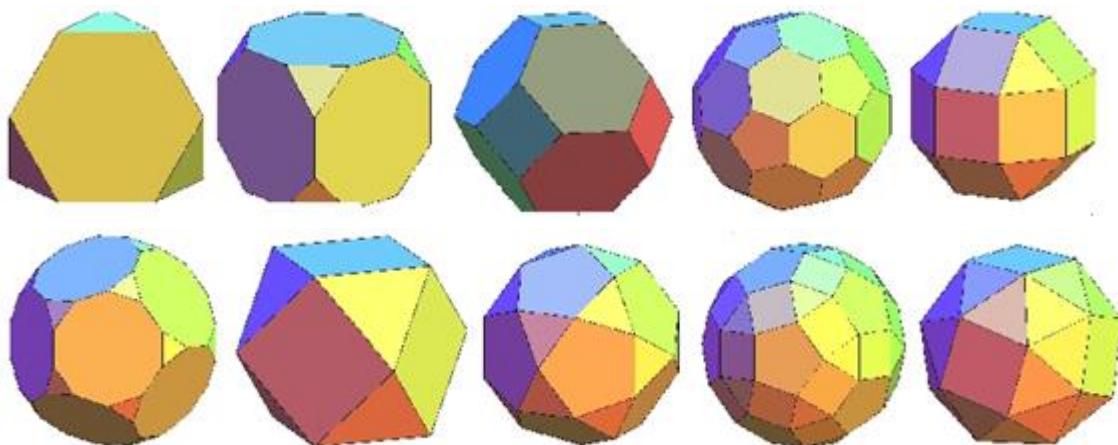
- 1) har bir qirra ikki va faqat ikki yoq uchun umumiylir (bunday yoqlar qo‘shni deb ataladi);
- 2) har bir ikki yoqni ketma-ket qo‘shni yoqlar zanjiri bilan tutashtirish mumkin bo‘lsin;
- 3) har bir uch uchun yoqlarning shu uchga tegishli burchaklari biror bir ko‘pyoqli burchakni chegaralasin.

*Ko‘pyoqlik ixtiyoriy yog ‘idan o‘tuvchi tekislikning bir tomonida yotsa u qavarq ko‘pyoqlik deyiladi.* Bu shart quyidagi ikki shartning har biriga ekvivalent: 1) uchlari ko‘pyoqlikning ixtiyoriy ikki nuqtasidan iborat kesma butunlay o‘sha ko‘pyoqlikda yotadi; 2) ko‘pyoqlikni bir necha fazo qismlarining kesishmasi kabi tasvirlash mumkin.

Ko‘pyoqlik			
To‘g‘ri	Yarim to‘g‘ri	Noto‘g‘ri	Yulduzli
			

226-shakl

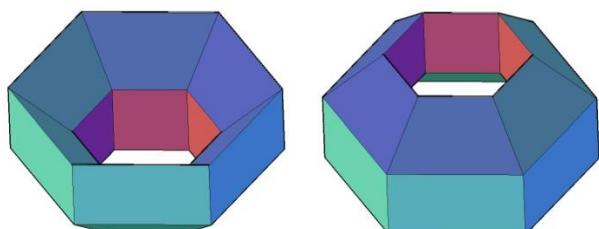
*Yarim to‘g‘ri ko‘pyoqlik deb tomonlari teng bo‘lgan ikki yoki uch xil ko‘pburchaklardan iborat ko‘pyoqlikka aytildi. Quyida ularga mizollar keltirilgan.*



227-shakl

Har qanday qavarq ko‘pyoqliklilik uchun uninguchlari soni U, qirralari soni Q va yoqlari soni Yo orasidagi bog‘lanishni o‘rnatuvchi Eyler formulasi o‘rinli:

$U-Q+Yo=2$  Lekin ushbu munosabat qavarqmas ko‘pyoqliklar uchun o‘rinli bo‘lmaydi. Masalan 216-shakldagi ikki tomonidan ko‘rsatib tasvirlangan

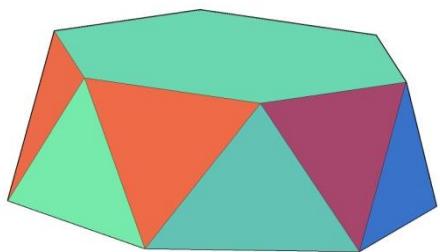


228-shakl

ko‘pyoqlik sirtida  $U=Yo=24$ ,  $Q=48$  ta. Shuning uchun Eyler xarakteristikasi soni deb nomlanuvchi formulada  $X=U-Q+Yo$  bo‘lgani uchun u 2, 0, -2, -4, -6,.. ga teng bo‘lishi mumkin. Oddiyroq qilib aytganda Eyler xarakteristikasi

soni ko‘pyoqlik nechta teshikka ega ekanligini ko‘rsatadi. Teshiklar soni  $p = 1 - \frac{x}{2}$

yoki  $X=2-2p$  bo‘ladi. Bundan buyon biz qavarq ko‘pyoqliklar xaqida so‘z yuritamiz. Piramida bilan prizma orasida oraliq o‘rinni egallaydigan figuralar kesik piramidalardir. Ular to‘liq piramidalardan ularning asoslariga parallel tekislillar bialan kichik piramidalar kesib tashlanganda hosil bo‘ladi. Kristallarning tabiiy shakllari orasida umumiylasosli ikki piramidadan tuzilgan diedrlar yoki



229-shakl

bipiramidalar uchraydi. *Asoslari o‘zaro parallel ko‘pburchaklardan va yon yoqlari uchburchaklardan tashkil topgan jism antiprizma deyiladi.* Arximed n-sonli antiprizmalar bilan ham shug‘ullangan. 217-shaklda olti burchakli antiprizma ko‘rsatilgan. Ularning bitta aosi ikkinchisiga nisbatan  $180^\circ:n=\pi:n$  burchakka burilgan bo‘ladi. Oktaedrni ham teng qirrali muntazam uchburchalili antiprizma deb qabul qilish mumkin.



230-shakl

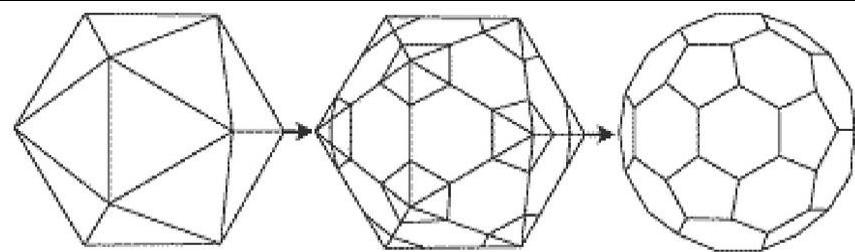
Teng muntazam ko‘pburchaklar bilan chegaralangan va teng muntazam ko‘pyoqli burchaklarga ega bo‘lgan ko‘pyoqliklar muntazam ko‘pyoqliklar deyiladi. Ular mutazam ko‘yoqliklar faqatgina besh xil bo‘lishi mumkinligini isbotlagan odam birinchi muallim, Platon nomi atashadi. Geometriyani muqaddas fan deb bilgan qadimgi greklar bu jismlarni idealistik tasvirda olam elementlari deb hisoblashgan. Tetraedrni olov, kubni yer, ikosoedrni suv, oktoedrni havo va dodekoedrni beshinchi moxiyat (kuinta essentia) deb

talqin qilishgan.

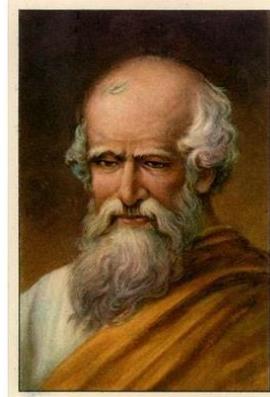
				
Tetraedr 4 yoqlik	Geksaedr 6 yoqlik	Oktaedr 8 yoqlik	Dodekoedr 12 yoqlik	Ikosaedr 20 yoqlik

231-shakl

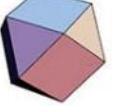
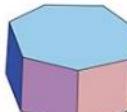
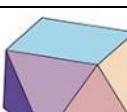
Bundan tashqari „Men Platonman va men xaqman“—deya olgan Platon jismlarini kesish orqali hosil qilinadigan Arximed jismlari yoki izogonlar deb ataluvchi 16 ta jismlar ham bor.



232-shakl

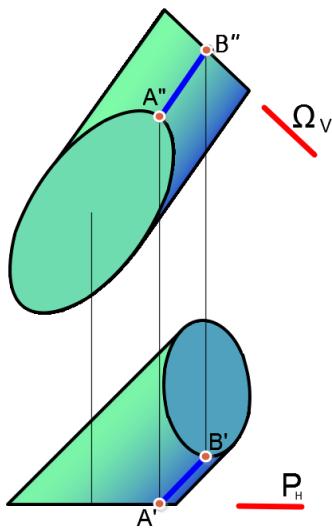


232a-shakl  
Arximed

	Kesilgan tetraedr		Tovuqtumshuq dodekaedr
	Kesilgan kub		Romboikosododekoedr
	Kesilgan oktoedr		Katta romboikosododekoedr
	Kesilgan dodekaedr		Kubooktaedr
	Kesilgan ikosoedr		Ikosododekoedr
	rombokubooktaedr		Psevdorombokubookotaedr
	Katta rombokubooktaedr		To'g'ri n burchakli prizma
	Tovuqtumshuq kub		n burchakli antiprizma

233-shakl

## Sirtlarni proeksiyalovchi tekisliklar bilan kesilishi.

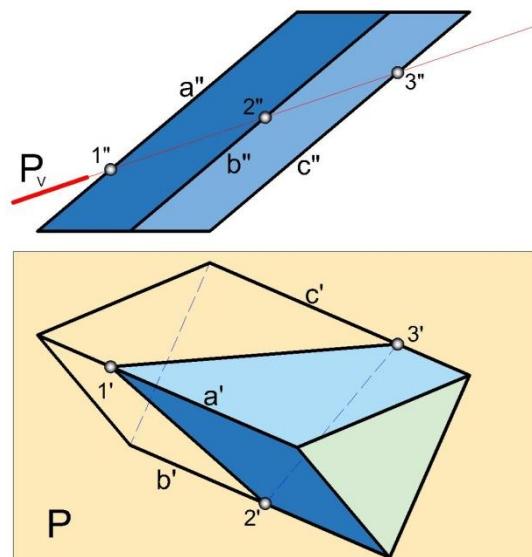


234-shakl

To‘g‘ri chiziqli sirtning biror tekislik bilan kesishish chizig‘ini yasash uchun sirtda bir nechta yasovchilar olamiz va bu yasovchilarning tekislik bilan kesishgan nuqtalarini aniqlaymiz. Topilgan barcha nuqtalarni bir-biri bilan tutashtirib, tekislik bilan sirtning kesishish chizig‘ini xosil qilamiz. Agar tekislik proeksiyalovchi bo‘lsa, masalaning yechilishi ancha soddalashadi, chunki bu yerda masala to‘g‘ri chiziqning proeksiyalovchi tekislik bilan kesishish nuqtasini aniqlash masalasiga keltiriladi. Shuning uchun, proeksiyalovchi tekisliklarning xususiyatlaridan foydalanib, sirt yasovchilarini (ko‘yoqliklarda ularning qirralarini) to‘g‘ridan-to‘g‘ri tekislikning izi bilan kesishayotgan yerlarini kesishish nuqtalari deb belgilaymiz (234-shakl).

1-misol. Uch yoqli prizma bilan frontal-proeksiyalovchi tekislikning kesishuv

chizig‘i aniqlansin (235-shakl). Maxsus tekisliklarning xususiyatidan bizga ma’lumki, undagi tekis shakllarning bitta proeksiyasi proeksiyalovchi tekislking izi bilan qo‘shlib tasvirlanadi. Bu yerda frontal proeksiyalovchi tekislik uch yoqli prizma bilan kesishadi, kesishish chiigi tekislikda yotuvchi teqis shakl deb qaralsa, kesishish chizig‘ining frontal proeksiyasi tekislikning frontal izi bilan quşqilib tasvirlanadi. Bundan tashqari prizmaning har bir qirralarini (umuman sirt yasovchilarini) to‘g‘ri chiziqlar deb, proeksiyalovchi tekislik bilan

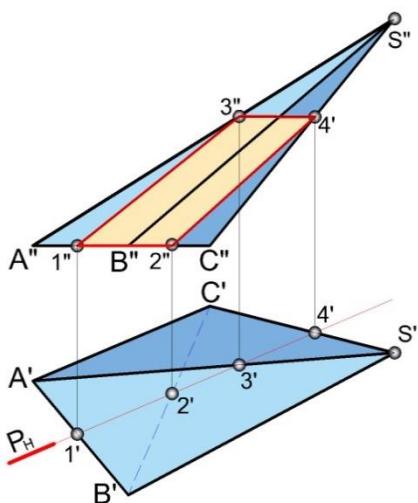


235-shakl

## kesishgan

nuqtalarini aniqlasak bo‘ladi. Bunda maxsus tekislikning izi bilan to‘g‘ri chiziqning proeksiyasi kesishayotgan yerda kesishish nuqtasining bitta proeksiyasi yotadi. Shunga binoan, prizmaning har bir yon qirrasini to‘g‘ri chiziq deb, tekislikning PV izi bilan kesishgan yerlarini 1'', 2'' va 3'' bilan belgilab, ularning gorizontal proeksiyalari 1' 2', 3' ni a' b' c' da aniqlaymiz. Topilgan 1' 2', 3' nuqtalar o‘zaro tutashtirilsa frontal-proeksiyalovchi tekislik bilan prizma kesishgan chiziqning proeksiyalari xosil bo‘ladi. Gorizontal proeksiyada b', c' qirralari orasidagi yoq ko‘rinmagani uchun 2'3' shtrix chiziqda chiziladi.

2-misol. Uch yoqli piramida bilan gorizontal-proeksiyalovchi tekislikning



236-shakl

kesishgan chizig‘i aniqlansin (236-shakl).

Piramidaning proeksiyalarini diqqat bilan kuzatsak, kesim chizig‘i uchburchaklik emas, balki to‘rburchaklik ekanini ko‘ramiz.

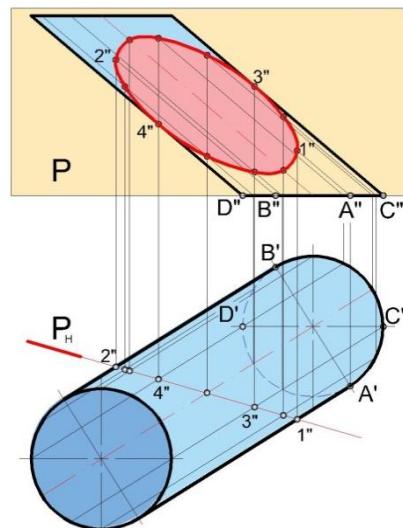
Chunki tekislik piramida asosini ham kesmoqda. Bu misolda ham piramida qirralarini to‘g‘ri chiziq deb qarab, ularni tekislikning izi PH bilan kesishgan yerlarini 1' 2' 3' 4' deb belgilaymiz va frontal proeksiyalarini aniqlaymiz. Topilgan barcha nuqtalar tutashtirilsa kesim chizig‘ining frontal proeksiyasi 1"2"3"4" xosil bo‘ladi va uning 3"4" qismi profil tekislikda ko‘rinmaydi. Silindr, konus kabi sirtlar bilan proeksiyalovchi teqisliklarning kesishgan chizig‘ini

proeksiyalarda yasashda sirt ustida bir nechta yasovchilar olinadi va har bir yasovchining tekislik bilan kesishgan nuqtalari aniqlanib, ular o‘zaro tutashtiriladi.

3-misol. Silindr bilan gorizontal-proeksiyalovchi tekislikning kesishgan chizig‘i

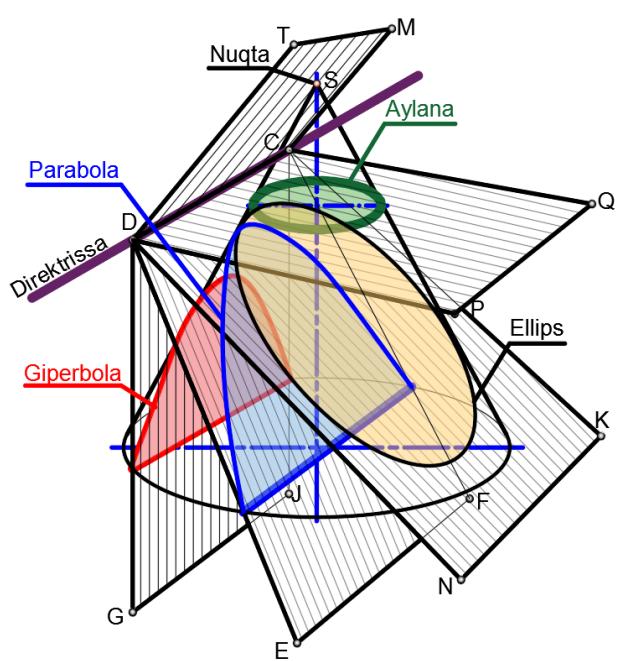
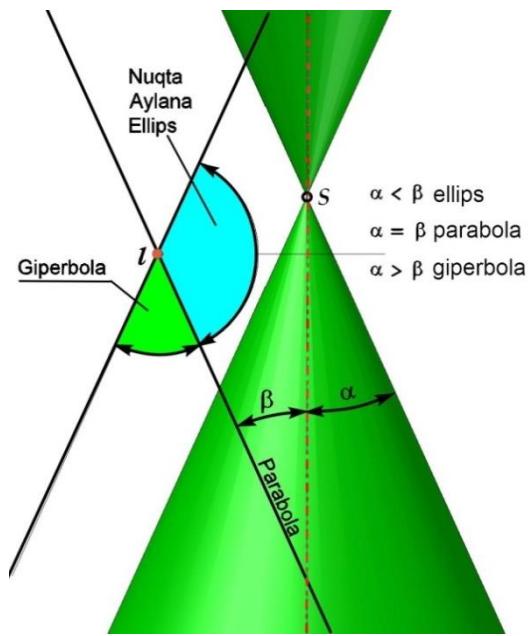
aniqlansin (237-shakl). Silindrning gorizontal proeksiyadagi konturini uning o‘qiga perpendikulyar chiziqda yotuvchi A'B' nuqtalar orqali o‘tayotgan silindr yasovchilari hamda ostki va ustki asoslarining gorizontal proeksiyalari orqali aniqlaymiz. C" va D" nuqtalar orqali o‘tayotgan yasovchilar silindrning frontal konturini ifodalaydi. Shuga muvofiq , avval A, B, C, D nuqtalar orqali o‘tadigan yasovchilarning gorizontal proeksiyalari bilan tekislikning gorizontal izi kesishayotgan joylarni belgilab olamiz. Bular 1' 2', 3' 4' bo‘lib, bu nuqtalar orqali frontal proeksiyalarni aniqlaymiz. Topilgan nuqtalarni tutashtirish qulay bo‘lishi uchun qo‘sishma oraliq nuqtalar qidiramiz.

A'C' oraliqda bitta silindr yasovchisining gorizontal proeksiyasini o‘tkazsak, bu yasovchi A'D' yoyni ham kesib o‘tadi. Demak, bir yo‘la ikkita yasovchining ustma-ust tushib qolgan gorizontal proeksiyasini o‘tqazdik. Shu yasovchilarning PH bilan kesishgan nuqtalarini aniqlasak, l'3' va l'4' oraliqdagi qo‘sishma nuqtalar xosil bo‘ladi. C'B' oraliqda ham yana ikkita qo‘sishma nuqtaning proeksiyalarini aniqlaymiz. Xosil bo‘lgan barcha nuqtalarni ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlarga ajratib tutashtirsak, kesim chizizigining frontal proeksiyasi xosil bo‘ladi. Odatda kesilayotgan jismning kuzatuvchiga nisbatan orqa qismi yoki ustki qismi olib tashlanadi, shuning uchun silindrning PH tekislikdan orqadagi qismi frontal proeksiya tekisligida rangsiz qilib ko‘rsatilgan. Proeksiyalovchi tekislik izlari x o‘qqa nisbatan o‘tkir burchakda joylashganligi uchun kesim yuzasi qisqarib proeksiyalanadi. To‘gri doiraviy konus bilan proeksiyalovchi tekislikning kesishish chizig‘i tekislik bilan konusning o‘zaro joylashishiga qarab har xil tekis egri chizidlar bo‘ladi (238-shakl). Natijani tekislik bilan konus o‘qi hosil qilgan burchak belgilaydi. Texniqada konus kesim chizigi keng tatbiq qilinishini xisobga olib, bu kesim chiziqlarni ko‘rib chiqamiz. To‘gri doiraviy konus



237-shakl

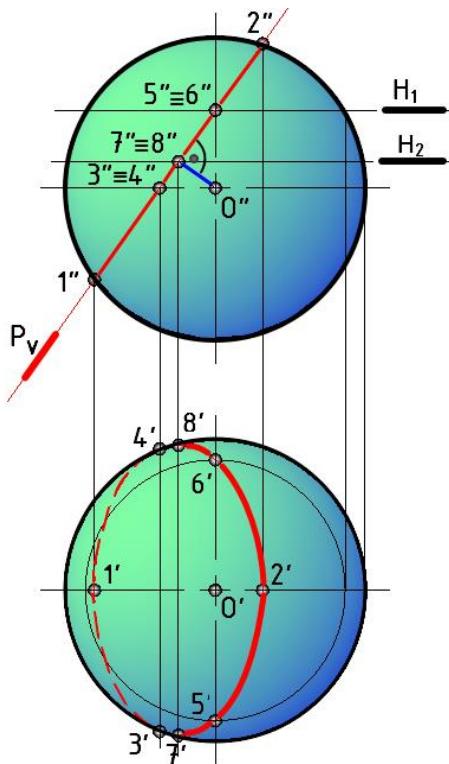
aylanish konusi ham deyiladi. Doiraviy konus o‘z o‘qiga perpendikulyar tekislik bilan kesilsa aylana, 238-shakl CDPQ tekislik; shu konus o‘qiga ixtiyoriy burchak ostida joylashgan barcha yasovchilarini kesuvchi tekislik bilan kesilsa ellips, 238-shakl CDNK tekislik; shu konus bitta yasovchisiga parallel tekislik bilan qesilsa parabola, 238-shakl CDEF tekislik; agar ikkita yasovchisiga parallel tekislik bilan kesilsa giperbola, 238-shakl CDGJ tekislik; konus o‘qi orqali kesuvchi tekislik o‘tkazilsa uchburchaklik hosil bo‘ladi.



238-shakl

239-shakl

4-misol. Sfera bilan frontal-proeksiyalovchi tekislikning kesishish chizig‘ining proeksiyalari aniqlansin (240-shakl).

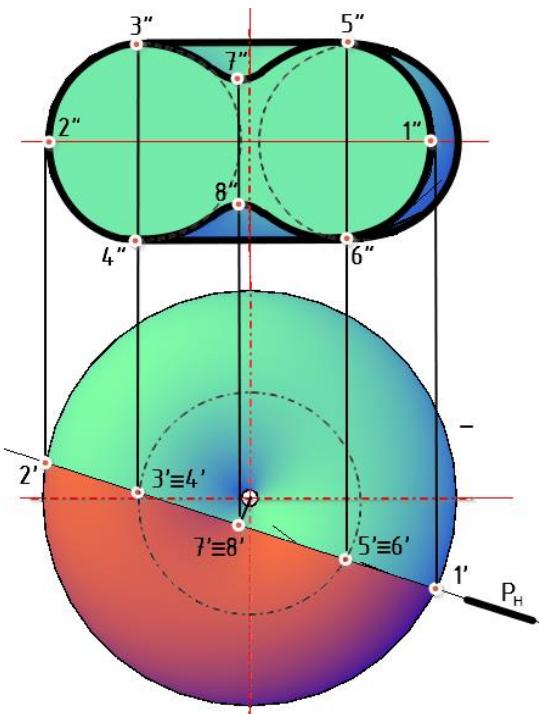


240-shakl

Sferaning har qanday kesim chizig‘i aylanadir, lekin bu misolda kesuvchi tekislik H tekislikka og‘ma, shunga ko‘ra sferaning kesim chizig‘i H ga ellips bo‘lib proeksiyalanadi. Ellipsning ikkita nuqtasining sfera frontali konturi, ya’ni bosh meridianning frontal proeksiyasi bilan kesishayotgan yerida bo‘ladi. Bu nuqtalar H ga nisbatan eng yuqorigi 2'' hamda eng quyi 1'' nuqtalar deyiladi va ularning gorizontal proeksiyalari bosh meridianning gorizontal proeksiyasida yotadi. Kesim chizig‘ini H da ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlarga ajratadigan nuqtalar sferaning eqvatorida bo‘ladi.

Bular V ga nisbatan eng uzoq 3'' va eng yaqin 4'' bo‘lib, ularning gorizontal proeksiyalari ekvatorning gorizontal proeksiyasida aniqlanadi. Ellipsning kichik o‘qi 1'2', katta o‘qi 7'8'. Bu nuqtalarni topish uchun sfera markazining frontal proeksiyasi O" dan tekislikning frontal iziga

perpendiqulyar o‘tkaziladi va u bilan kesishgan nuqta 7''=8'' bo‘ladi. Bu nuqtalar 1"2" kesmani teng ikkiga bo‘ladi. Endi 7''=8'' nuqta orqali sfera parallelini o‘tkazib, uning gorizontal proeksiyasida 7' va 8' aniqlanadi. Ekvatorning ostqi qismida joylashgan sferadagi kesim chizig‘ining 3'1'4' bo‘lagi ko‘rinmaydi. Ellipsning ko‘rinadigan qismidagi oraliq nuqtalarni aniqlashda sfera parallelaridan foydalanamiz.



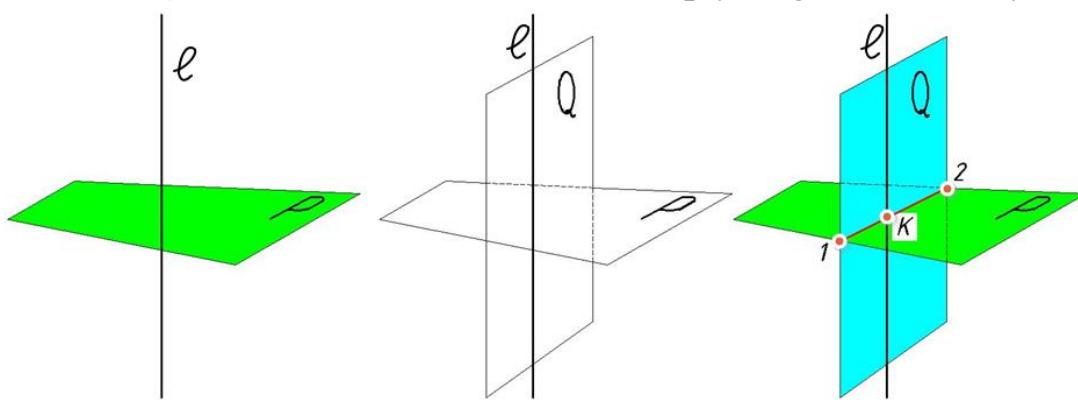
241- shakl

5-misol. Tor (xalqa) sirtining gorizontal-proeksiyalovchi teqisliq bilan kesishgan chizig‘ining proeksiyalarini aniqlansin (241- shakl). Avval kesishish chizig‘ining nuqtalarini aniqlashdan boshlaymiz. Tekislikning izi PH bilan ekvatorning kesishgan nuqtalarini 1' va 2' deb belgilab, ularning V dagi 1'', 2'' proeksiyalarini topamiz. Sirtning bosh meridiani bilan tekislikning izi kesishayotgan nuqtalarni 3'≡4' bilan belgilab, ularning frontal proeksiyalarini 3'', 4'' ni aniqlaymiz. Sirtning eng yuqorigi va eng quyi parallelari bilan tekislikning kesishgan nuqtalarini 5 (5', 5'') va 6 (6', 6'') deb belgilaymiz. Xosil bo‘ladigan egri chiziqnnng qo‘sishma oraliq nuqtalarini topishda sirtning

parallelellaridan foydalanamiz. Tekislikning PH iziga urinma qilib o‘tkazilgan sirt paralleli egri chiziqning kichik o‘qidagi qaytish nuqtalari 7, 8 ni aniqlashga yordam beradi.

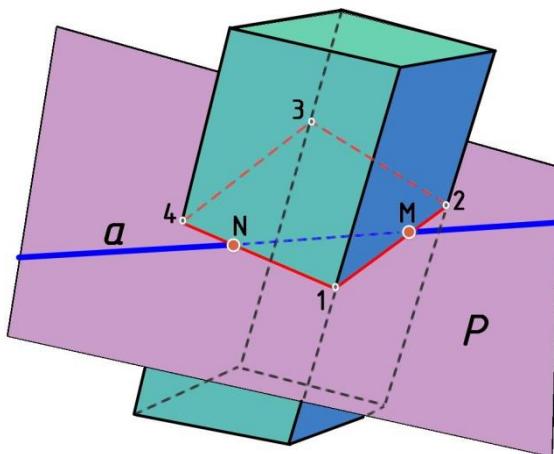
To‘gri chiziqning sirtlar bilan kesishishi

**Geometrik sirtlar bilan to‘gri chiziqning kesishish nuqtalarini aniqlash**, tekislik bilan to‘gri chiziqning kesishish nuqtasini aniqlashga (242-shakl): o‘xshash bo‘lib, bu masala quyidagi sxema bo‘yicha yechiladi

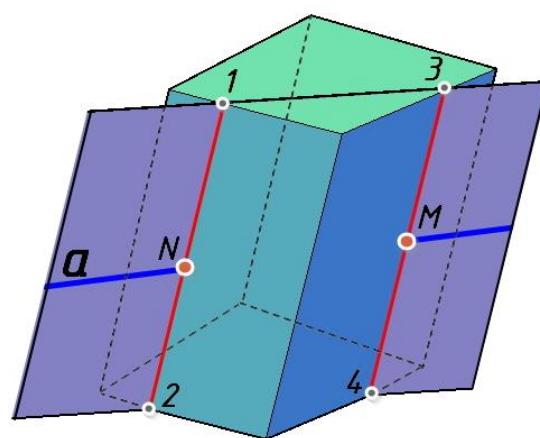


242-shakl

1. To‘gri chiziq orqali sirtni kesuvchi yordamchi tekislik o‘tkaziladi. Kesuvchi tekislikning vaziyati sirtga boglitq bo‘lib, u umumiy (243-shakl) yoki xususiy (244-shakl) vaziyatda bo‘lishi mumkin.
2. To‘gri chiziq orqali o‘tqazilgan yordamchi tekislik bilan sirtning kesishish chizigi 1,2,3,4 topiladi.
3. Sirt va yordamchi tekislikning kesishish chizigi bilan berilgan to‘gri chiziq kesishgan nuqtalari N, M aniqlanadi. Bu nuqtalar izlanayotgan nuqtalardir.



243-shakl



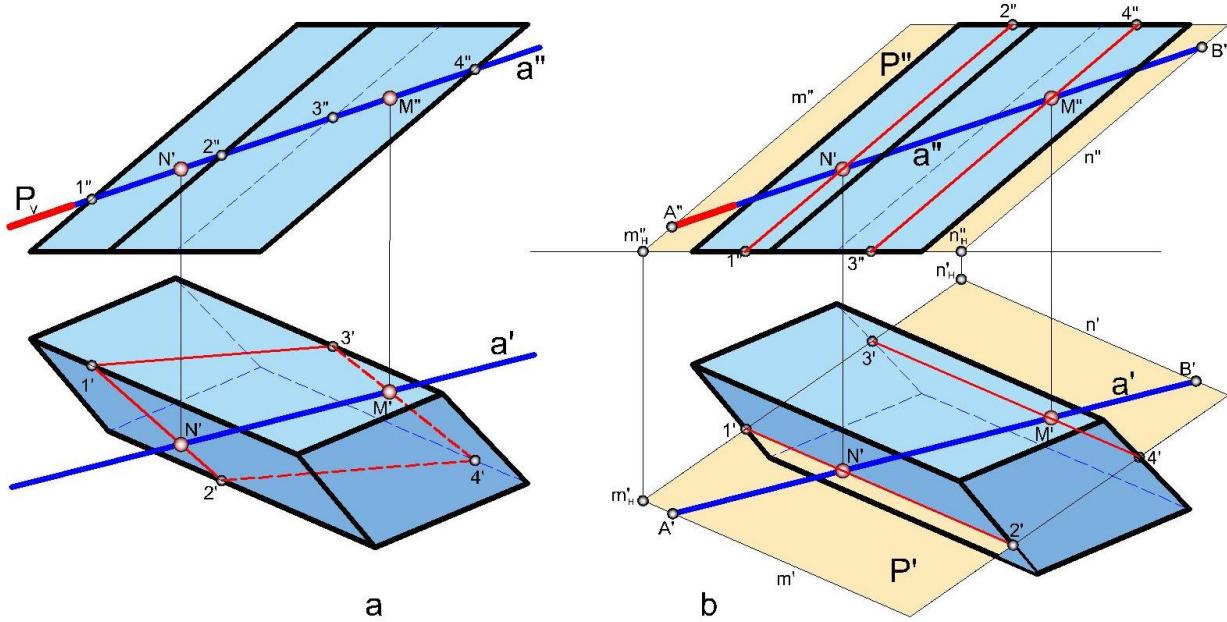
244-shakl

Sirt bilan to‘gri chiziq kesishish nuqtalarining soni sirtning murakkabligiga va to‘gri chiziqning sirtga nisbatan vaziyatiga bogliq, bu nuqtalarining biri kirsh, ikkinchisini chiqsh nuqtalari deyiladi.

Bu masalani epyurda yechish 245a-shaklda ko‘rsatilgan. Bu yerda to‘gri chiziqning frontal proeqsiyasy a" orqali frontal proeksiyalovchi tekislikning frontal izi PV ni o‘tkazib, prizmaning frontal proeksiyadagi yon quirralarining kesishayotgan nuqtalarini 1", 2", 3" va 4" deb belgilaymiz va ular orqali gorizontal proeksiyalari 1', 2', 3', 4' nuqtalarni topamiz. To‘gri chiziq bilan sirt kesishish nuqtalarining gorizontal proeksiyalari a' bilan l'2'3'4' kesim chiziqning kesishayotgan yerlari hisoblanib, u nuqtalar M', N' dir. Bu nuqtalar orqali M" va N" lar topiladi. To‘gri chiziq bilan sirtning kesishish nuqtalaridan biri M ni kirsh nuqtasi, N ni chiqish nuqtasi deb ataymiz.

245b-shaklda shu masalani ikkinchi usul bilan ishlanishi ko‘rsatilgan. Bunda a chiziqning A va B nuqtyalaridan prizma yasovchilariga parallel chiziqlar chiqarilib ularning izlari mH' va nH' topilgan. Bu nuqtalarni birlashtirib, uni prizma asosi bilan kesishuv nuqtalrari 1' va 3' nuqtalar

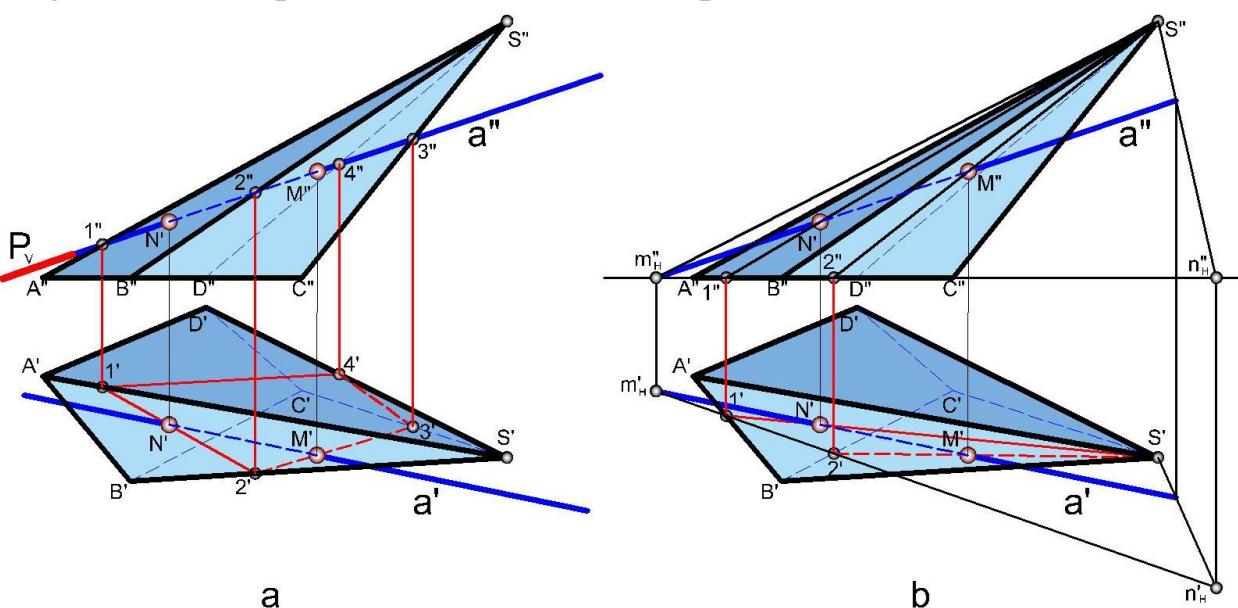
belgilanadi. Ulardan prizma yasovchilariga parallel chiqarilgan chiziqlar  $1'2'$  va  $3'4'$  lar a' bilan kesishib N' va M' nuqtalarni beradi. Bu nuqtalarning frontal proeksiyalarini mos ravishda  $1''2''$  va  $3''4''$  chiziqlarda topamiz.



245-shakl

Misol. Piramida sirti bilan to‘gri chiziq kesishish nuqtalarining proeksiyalarini aniqlansin (246a-shakl).

1. To‘gri chiziqning frontal proeqsiyasi orqali maxsus tekislikning frontal izi PV ni o‘tkazamiz.
2. Tekislikning izi PV bilan piramidaning A''S'', B''S'', C''S'' va D''S'' proeksiyalarining o‘zaro kesishayotgan yerlarini  $1''$ ,  $2''$ ,  $3''$  va  $4''$  deb belgilab, ular orqali  $1'$ ,  $2'$ ,  $3'$ ,  $4'$  ni H da topamiz.



246-shakl

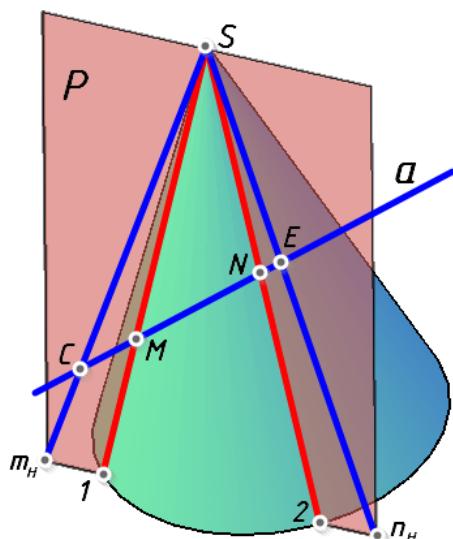
3.  $l'$ ,  $2'$   $3'$   $4'$  nuqtalarni o‘zaro tutashtiramiz, natijada piramida bilan PV tekislikning o‘zaro kesishish chizigining gorizontal proeksiyasi hosil bo‘ladi.

4. To‘gri chiziqning gorizontal proeksiyasi a' ning kesim chizig‘i  $1'$   $2'$   $3'$   $4'$  bilan kesishgan nuqatalari  $M'$  va  $N'$  to‘g‘ri chiziq va piramida sirti kesishayotgan nuqtalarining gorizontal proeksiyalaridir. Proeqsiyalarni bog‘lovchi chiziqlar yordamida  $M''$  va  $N''$  aniqlanadi.

5. To‘g‘ri chiziq proeksiyalarining piramida sirtiga nisbatan ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlari aniqlanadi. Gorizontal proeksiyada to‘gri chiziqning kirish nuqtasining  $M'$  gacha bo‘lgan qismi ko‘rinadi, chiqish nuqtasining  $N'$  dan  $B'S'$  qirragacha bo‘lgan qismi ko‘rinmaydi. To‘gri chiziqning frontal proeksiyasidagi  $M''$  gacha qismi ko‘rinsa,  $N''$  dan  $M''$  gacha qismi ko‘rinmaydi.

246b-shaklda yordamchi tekislik piramida uchi va va a chiziq orqali hosil qilingan. Tekislikning gorizontal izi  $mH$   $nH$  piramida asosi ABCD bilan kesishgan  $1'$  va  $2'$  nuqtalarni priamida uchi bilan birlashtiramiz.  $1'S'$  va  $2'S'$  chiziqlarning a' bilan kesishgan  $M'$  va  $N'$  nuqtalari a chiziqning kirish va chiqish nuqtalari bo‘ladi. Ularning frontal proeksiyalari proeksion bog‘liqlik orqali topiladi.

Geometrik sirt qirrali bo‘lganda, to‘gri chiziq orqali barcha qirralarni kesib

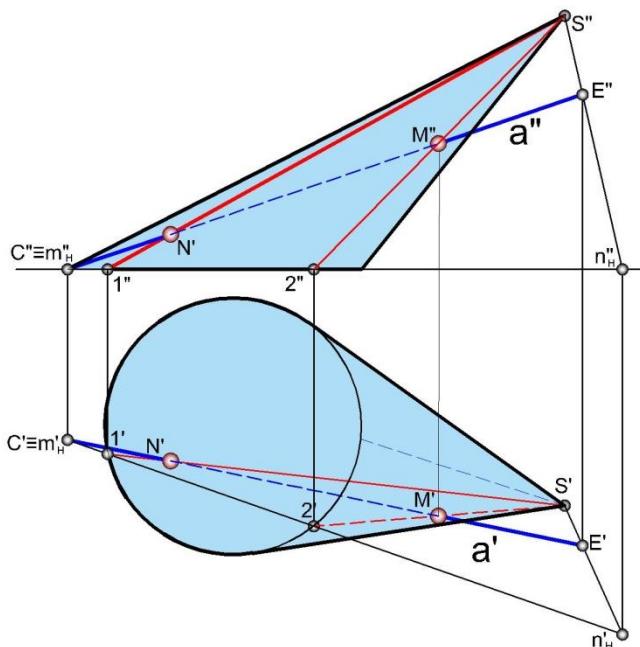


247-shakl

o‘tuvchi tekislikdan foydalanib ularning kesishish nuqtalarini aniqlash ancha guulay bo‘lsa, konus yoki silindr bilan to‘gri chiziqning kesishish nuqtalarini aniqlashda ularning yasovchilari orqali kesib o‘tadigan tekislikdan foydalanib kesishish nuqtalarini topish oson. Shunda barcha yasovchilarni kesib o‘tuvchi egri chizq hosil bo‘lmaydi. To‘gri chiziq orqali o‘tkazilgan so tekislik (247-shakl) konusni ikkita yasovchisi orqali kesib, uchburchaklik 1S2 hosil bo‘ladi.

To‘g‘ri chiziq orqali o‘tkazilgan tekislik o‘zaro kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlardan iborat bo‘lib, konus uchi S ikki to‘g‘ri

chiziqning umumiyligi kesishish nuqtasi hisoblanadi. Konusni kesuvchi har qanday tekislik uning o‘qidan o‘tib konus doirasida bo‘lsa konusni



248-shakl

ikkita yasovchisi bo‘yicha kesadi. Endi, to‘g‘ri chiziq a da ixtiyoriy olingan C va E nuqtalarni tanlab, ularni konus uchi S bilan tutashtirsak, to‘g‘ri nuqta orqali o‘tuvchi va konusni yasovchilari bo‘yicha kesuvchi tekislik hosil bo‘ladi. SC da SE ni konus asosi yotgan tekislik bilan kesishguncha davom ettirib, hosil bo‘lgan kesishish nuqtalari mH va nH ni o‘zaro tutashtirsak, bu chiziq konus asosini 1 va 2 nuqtalarda kesadi. 1 va 2 nuqtalarni S bilan tutashtirsak P tekislikning konus sirti bilan kesishish chizig‘i 1S2 hosil bo‘ladi. To‘g‘ri chiziqning konus sirti

bilan kesishgan nuqtalari M va N ni 1S va 2S bilan a to‘g‘ri chiziqning kesishayotgan yerlarida aniqlaymiz.

Misol. To‘g‘ri chiziqning konus sirti bilan kesishgan nuqtalarinnng proeksiyalari aniqlansin (248-shakl).

1. To‘g‘ri chiziq proeksiyalarida C va E nuqtalarning proeksiyalari C'C'' va E'E'' ni tanlab olamiz.
2. Konus uchi proeksiyalarini tanlab olingan nuqtalarning goryzontal va frontal proeksiyalari C', E' va C'', E'' bilan tutashtirib, o‘zaro kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlardan tashkil topgan tekislikning proeksiyalarini hosil qilamiz.

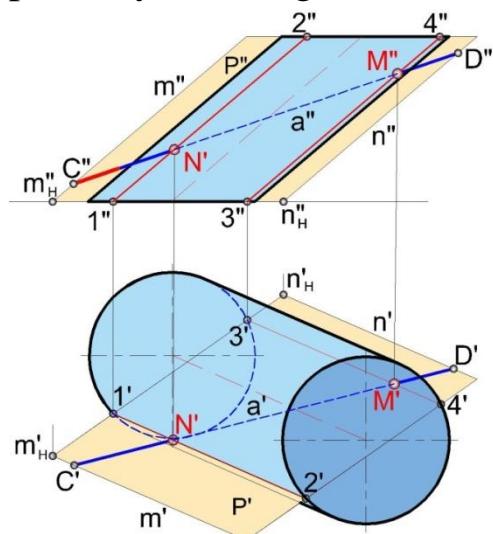
3. Hosil qilingan tekislik tomonlarining gorizontal izlari  $mH'$  va  $nH'$  ni aniqlaymiz va ularni to‘g‘ri chiziq bilan tutashtirsak, u konus asosining gorizontal proeksiyasini 1' va 2' nuqtalarda kesib o‘tadi.

4. 1' va 2' ni S' bilan, 1" va 2" ni S" bilan tutashtirsak, a to‘g‘ri chiziq orsali o‘tkazilgan tekislikning konus sirti bilan kesishish chizirining gorizontal 1'S'2' va frontal 1"S" 2" proeksiyalari hosil bo‘ladi.

5. Kesishish chizig‘ining goryzontal proeksiyasida, ya’ni 1'S' va 2'S' bilan a' ning kesishgan yerlarida M' va N' ni, frontal proeksiyada esa 1"S" va 2"S" bilan a" ning kssishgan yerlarida M" va N" ni aniqlaymiz.

To‘gri chiziq, proeksiyalarini konus sirtining proeksiyalariga nisbatan ko‘rinmaydigan qismlarini aniqlab, bu qismlarni shtrix chiziqda tasvirlaymiz. To‘gri chiziqning silindr bilan kesishish nuqtalarini aniqlashda to‘gri chiziqda olingan nuqtalardan silindr yasovchilariga parallel to‘gri chiziqlar o‘tkaziladi (235-shakl). Shunda egri chiziq orqali o‘tqazilgan tekislik o‘zaro parallel to‘gri chiziqlarda ifodalangan umumiyo‘vaziyatdagi tekislik bo‘lib, bu tekislikning silindr asos tekisligi bilan kesishgan izi NN' bo‘ladi. To‘gri chiziq a orqali o‘tqazilgan to‘gri chiziqning silindr bilan uning 1 va 2 nuqtalardan o‘tayotgan yasovchilarida kesishib, to‘gri chiziq a da M va N no‘qdalarini aniqlaydi.

Misol. To‘g‘ri chiziqning silindr sirti bilan kesishgan nuqtalarining proeksiyalari aniglansin (249-shakl).



249-shakl

1. To‘gri chiziqning proeksiyalarida C va D nuqtalarning goryzontal C', D' va frontal C'', D'' proeksiyalarini to‘gri chiziqning ixtiyoriy joyida tanlab olamiz.
2. C' va D' dan silindr yasovchilarining gorizontal proeksiyalariga parallel, C'' va D'' dan silindr yasovchilarining frontal proeksiyalariga parallel chiziqlar o‘tkazib, ularning gorizontal izlari  $nH'$  va  $mH'$  larni topamiz.

3. Silindrning asosi H teqisligida yotgani uchun n va m to‘gri chiziqlar hosil qilgan tekislik izlari nH' mH' to‘g ri chiziq silindr ostki asosini 1' va 3' nuqtalarda kesib o‘tadi. Bu nuqtalardan silindr yasovchilariga parallel chiziqlar chiqaramiz.
4. 1'2' va 3'4' silindr yasovchilarining gorizontal proeksiyalarini chizsak, to‘g‘ri chiziqning gorizontal proeqsiyasi a' ni M' va N' da kesib o‘tadi. 1" va 3" dan silindr yasovchilarining frontal proeksiyalarini o‘tkazsak, to‘g‘ri chiziqning frontal proeksiyasi a" ni M" va N" da kesadi. M', N' — to‘g‘ri chiziqning silindr sirti bilan kesishgan nuqtalarining gorizontal proeksiyasi, M",N"— to‘g‘ri chiziqnng silindr sirti bilan kesishgan nuqtalarining frontal proeksiyalaridir.
5. Proeksiyalarda to‘g‘ri chiziqning silindrga nisbatan ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlari aniqlanadi
- .

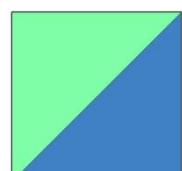
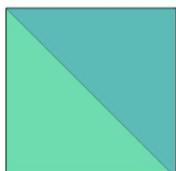
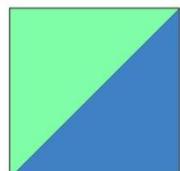
### TAKRORLASH UCHUN SAVOLLAR

- 1.To‘g‘ri chiziqli sirtlar qanday hosil bo‘ladi? Ularga misollar keltiring.
- 2.Geometrik sirtlarning hosil bo‘lishiga qarab ularnyng turlarini gapirib bering.
- 3.Geometrik sirtlar epyurda qanday beriladi?
- 4.Silindr va konus sirtlari o‘tasida umumiylilik va farq nimadan iborat?
- 5.Aylanish sirtlarining elementlarini aytib bering.
- 6.Chizidli yoyiluvchi sirt bilan chiziqli yoyilmaydigan sirt orasidagi farq nimalardan iborat?
- 7.Sirtlarda nuqta qanday tanlanadi?

## AKSONOMETRIK PROEKSIYALAR

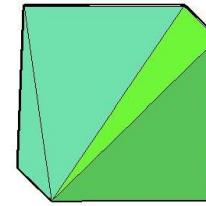
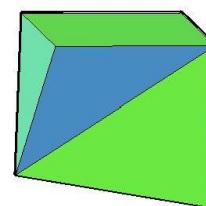
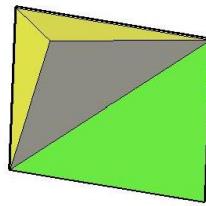
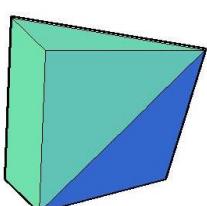
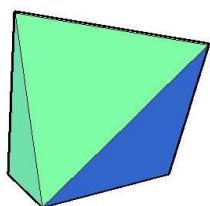
### Umumiy tushuncha

Yuqoridagi boblarda ortogonal proeksiyalash usuli yordamida narsani asosiy



250-shakl

proeksiyalar tekisligi H, V va W ga proeksiyalab, uning chizmalarini chizishni ko‘rdik. Narsaning uch ko‘rinishdagi proeksiyasi shu narsa haqida hamisha ham to‘liq tasavvur bera olmaydi. 250-shaklda tasvirlalangan buyumning yaqqol tasviri 251-shaklda ko‘rzatilgan buyumlardan har biri bo‘lishi mumkun. Shuning uchun detal murakkabroq bo‘lganda, uning ish chizmalari bilan bir qatorda narsaning yaqqol tasviri — aksonometrik proeksiyasidan foydalanish tavsiya etiladi (aksonometriya — grekcha so‘z bo‘lib, akson — o‘q; metro — o‘lchayman, ya’ni o‘qlar bo‘yicha o‘lchash demakdir.)



251-shakl

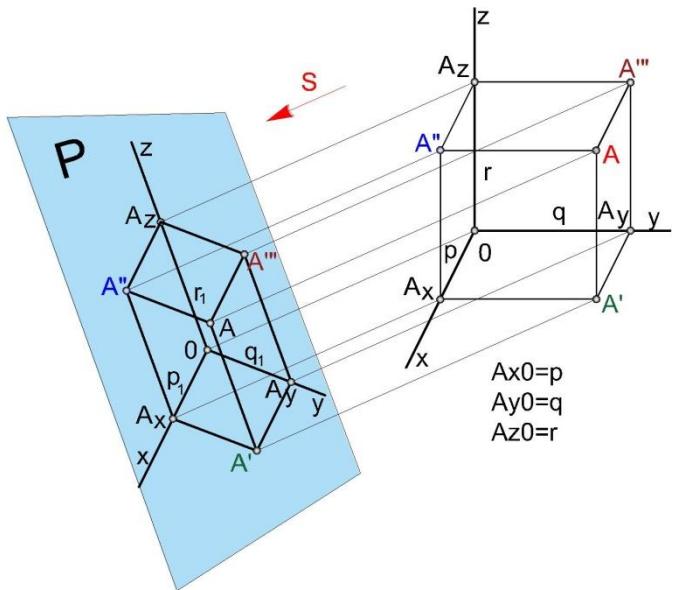
Dekart koordinatalar sistemasida joylashtirilgan buyumning shu sistema bilan birlgilikda P tekislikda bajarilgan parallel proeksiyasi aksonometriya deyiladi.

Aksonometrik proeksiyalash usuli texnikada, ayniqsa mashinasozlik chizmachiligidagi shuningdek, ilmiy konstruktorlik ishlarini bajarishda kinematik, ekspluatatsion sxemalarni va texnikaviy rasmlarni chizishda, o‘quv metodik plakatlarni tayyorlashda, chizmani mukammal o‘zlashtirish, uni tasavvur qilish va o‘qishda muhim ahamiyatga ega.

Aksonometrik proeksiyalar hosil qilish

Aksonometrik proeksiyalarda nuqta, to‘g‘ri chiziq yoki biror narsaning tasvirini hosil qilish uchun avval ularni asosiy proeksiya tekisliklari H, V

va W ga chizib, so‘ngra yangi ixtiyoriy aksonometrik tekislik p1 ga perpendikulyar nurlar yordamida proeksiyalaymiz (252-shakl). H V va W tekisliklarda xy koordinatalar bo‘yicha A nuqta joylashtirilgan, uni S strelka yo‘nalishi bo‘yicha ixtiyoriy P tekislikka perpendikulyar nurlar yordamida proeksiyalaymiz. Natijada P tekislikda AP nuqta hosil bo‘ladi, bu nuqta A nuqtaning aksonometrik proeksiyasidir. Bunda A nuqta H, V va W tekisliklarning koordinatalari bo‘yicha Ax0, Ay0, Az0 masofada joylashdi. Bu nuqtaning koordinata o‘qlari Ax, Ay va Az bo‘ladi.



252-shakl

Axonometrik tekislik asosiy tekislitka nisbatan ixtiyoriy vaziyatda olingani sababli fazodafgi A nuqtaning koordinatalari P tekislikdagi A nuqta koordinatalarining haqiqiy masofasini ifodalamaydi va u o‘zgargan holda proeksiyalanadi.

O‘zgargan holdagi aksonometrik proeksiya koordinatalarining haqiqiy holdagi koordinatalarga nisbati o‘zgarish koeffitsienti deyiladi, shunga binoan x y va z o‘qlari bo‘yicha o‘zgarish koeffitsientlari k quyidagicha

aniqlanadi: x o‘qi bo‘yicha qisqarish koeffitsenti  $kp = \frac{p_1}{p}$

y o‘qi bo‘yicha qisqarish koeffitsenti  $kq = \frac{q_1}{q}$

z o‘qi bo‘yicha qisqarish koeffitsenti  $kr = \frac{r_1}{r}$

xyz koordinata o‘qlari bo‘yicha to‘pilgan o‘zgarish koeffitsientlarining o‘zaro teng bo‘lishi yoki bo‘lmassligiga asoslanib, quyidagi standart aksonometrik proeksiyalarni hosil qilamiz:

- 1)  $kx = ky = kz$  izometrik proeksiya,
- 2)  $kx = kz \neq ky$  dimetrik proeksiya,

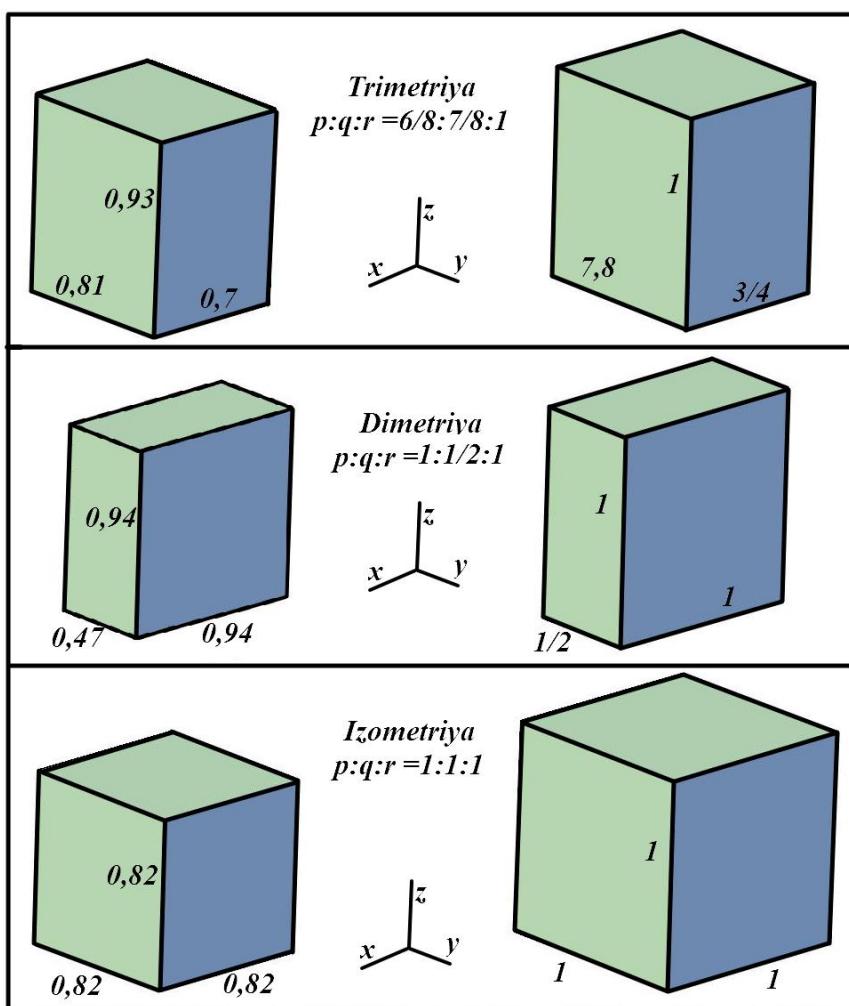
3)  $kx \neq ky \neq kz$  trimetrik proeksiya.

S strelka bo'yicha yo'nalgan nurlar aksonometrik tekislik P ga perpendikulyar bo'lsa, to'g'ri burchakli aksonometriya, agar perpendikulyar bo'lmasa, qiyshik burchakli aksonometriya deyiladi. Standartlashtirilgan aksonometriyada ishni osonlashtirish maqsadida chizma moslashtirilgan koeffitsentalar bo'yicha bajariladi. 253-shaklda o'qlar bo'yicha qisqarish koeffitsentalarini hisobga olgan holda chizilgan kub va uning keltirilgan holatidagi tasviri ko'rsatilgan.

Kubning to'g'ri burchakli proeksiyalari

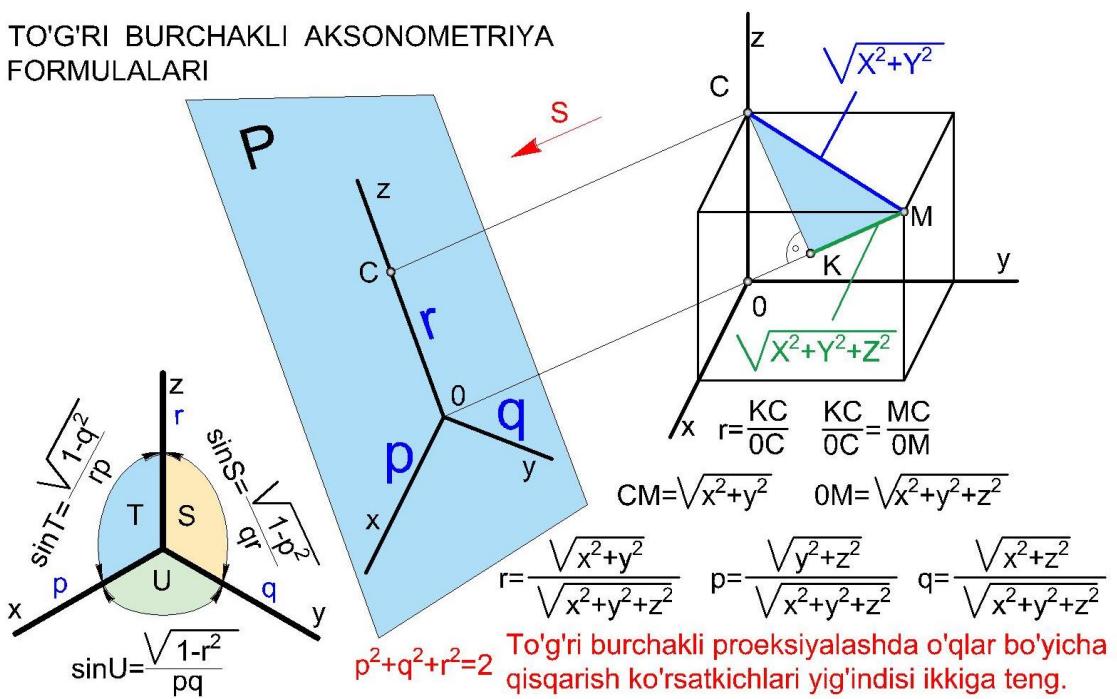
Aslida

Keltirilgan holiati

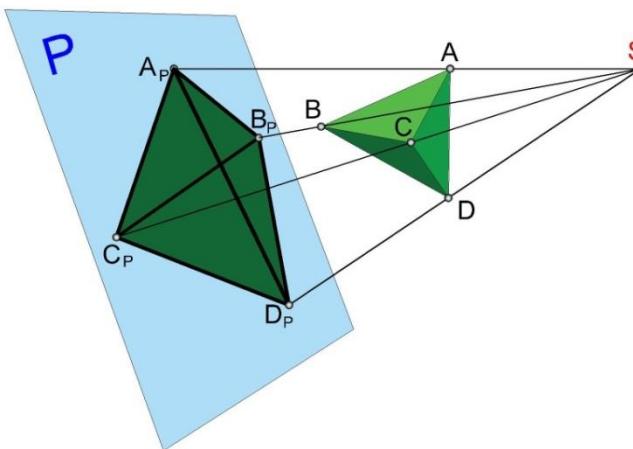


253-shakl

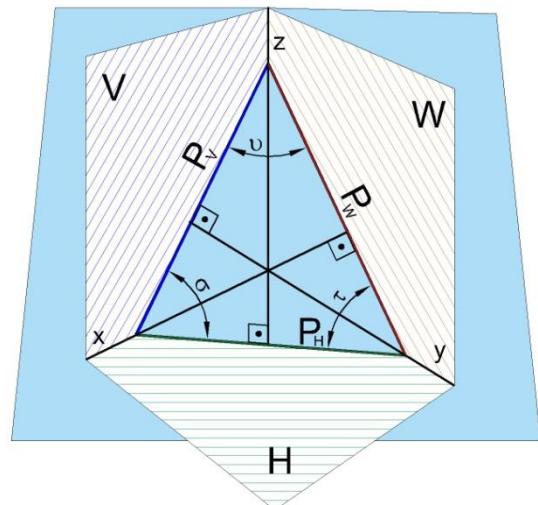
TO'G'RI BURCHAKLI AKSONOMETRIYA  
FORMULALARI



254-shakl



255-shakl



256-shakl

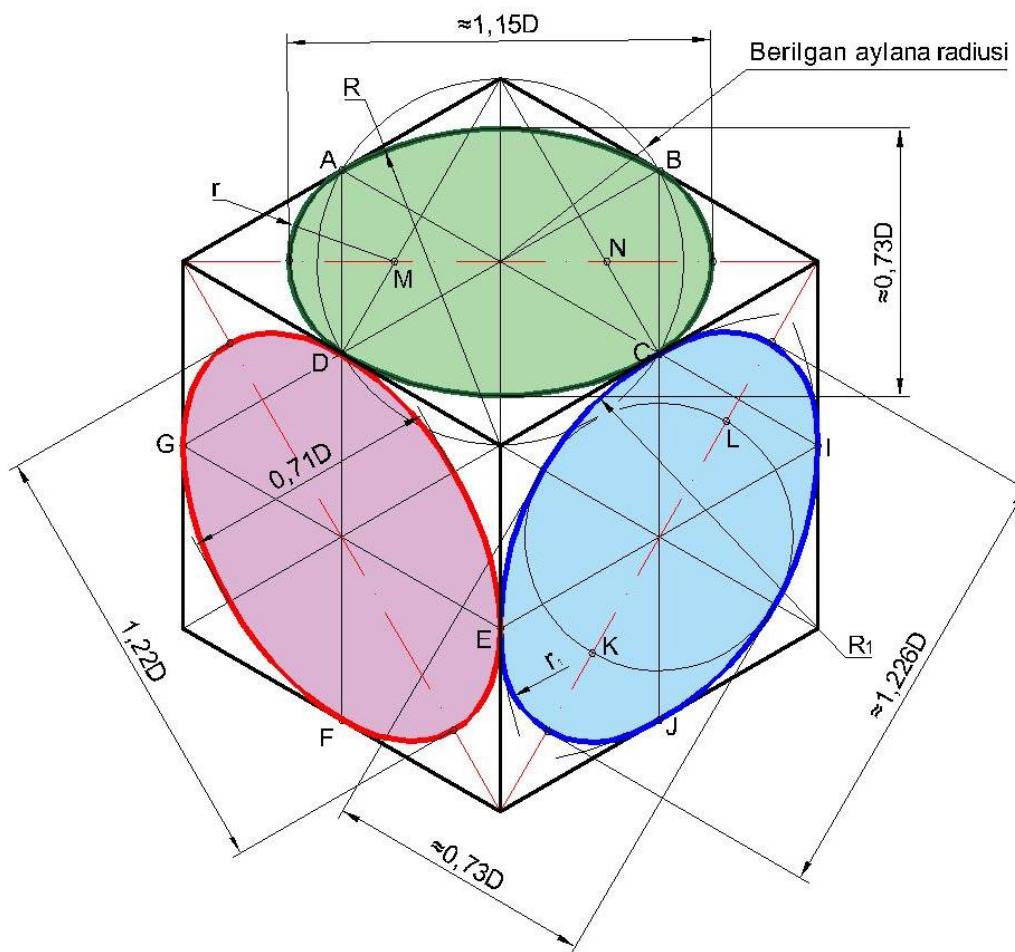
Tekislikda yotgan har qanday diagonallari bilan berilgan to'la to'rtburchakni ixtiyoriy olingan tetraedrga o'xshash tetraedrning proeksiyasi deb qabul qilish mumkin (255-shakl). Polke-Shvarts nomi bilan ataluvchi bu teorema 1864 yilda berilgan va aksonometriyaning asosiy teoremsi deyiladi.

P tekislik aksonometriya tekisligi deb ataladi. Uning proeksiya tekisliklari bilan kesishib hosil qilgan uchburchagi izlar uchburchagi deyiladi. 256-shaklni kuzatib quyidagi hulosalarni chiqarish mumkin: 1. To'g'ri burchakli aksonometriyada aksonometriya o'qlari izlar uchburchagining

tomonlriga perpendikulyar bo‘ladi. 2. To‘g‘ri burchakli aksonometriyada izlar uchburchagi o‘tkir burchakli bo‘ladi. 3. To‘g‘ri burchakli aksonometriyada aksonometriya o‘qlari orasidagi burchak o‘tmas bo‘ladi.

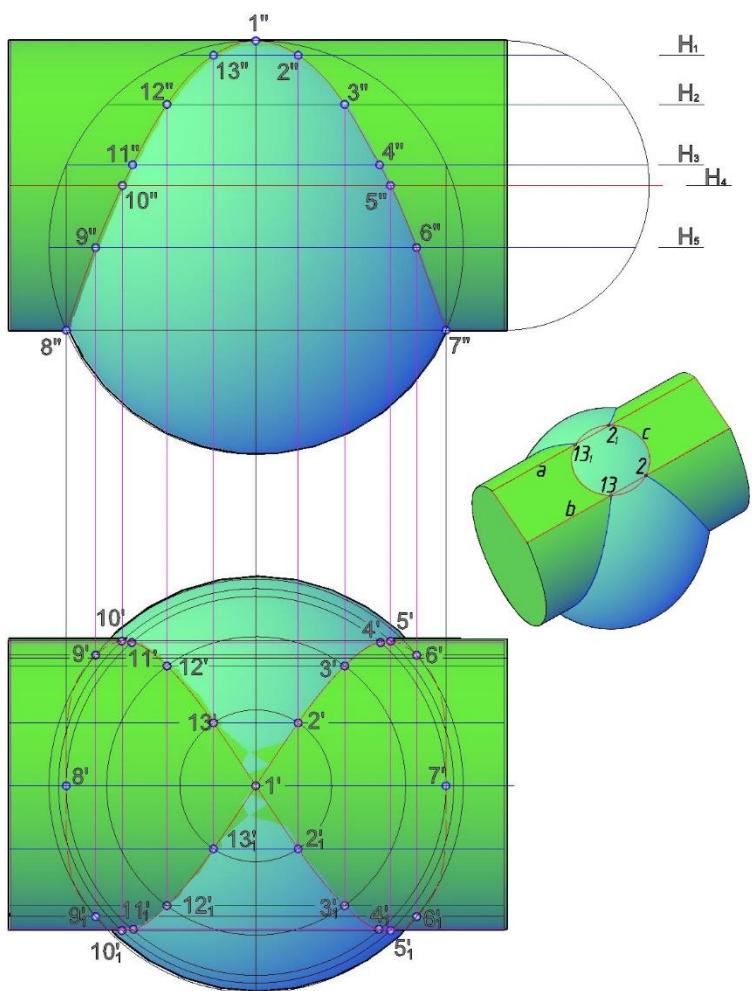
### Aulananing to‘g‘ri burchakli aksonometriyasি

Aylananing aksonometrik tasviri ellips bo‘ladi. Ellipsni chizish biroz murakkabroq bo‘lgani bois uni shartli ravishda oval bilan almashtiriladi. 256-shaklda oval chizishning asosiy tekisliklardagi



256-shakl

uch xil usuli keltirilgan. Ularning yasalishi va aniqlik darajalri bir-biridan farq qiladi.



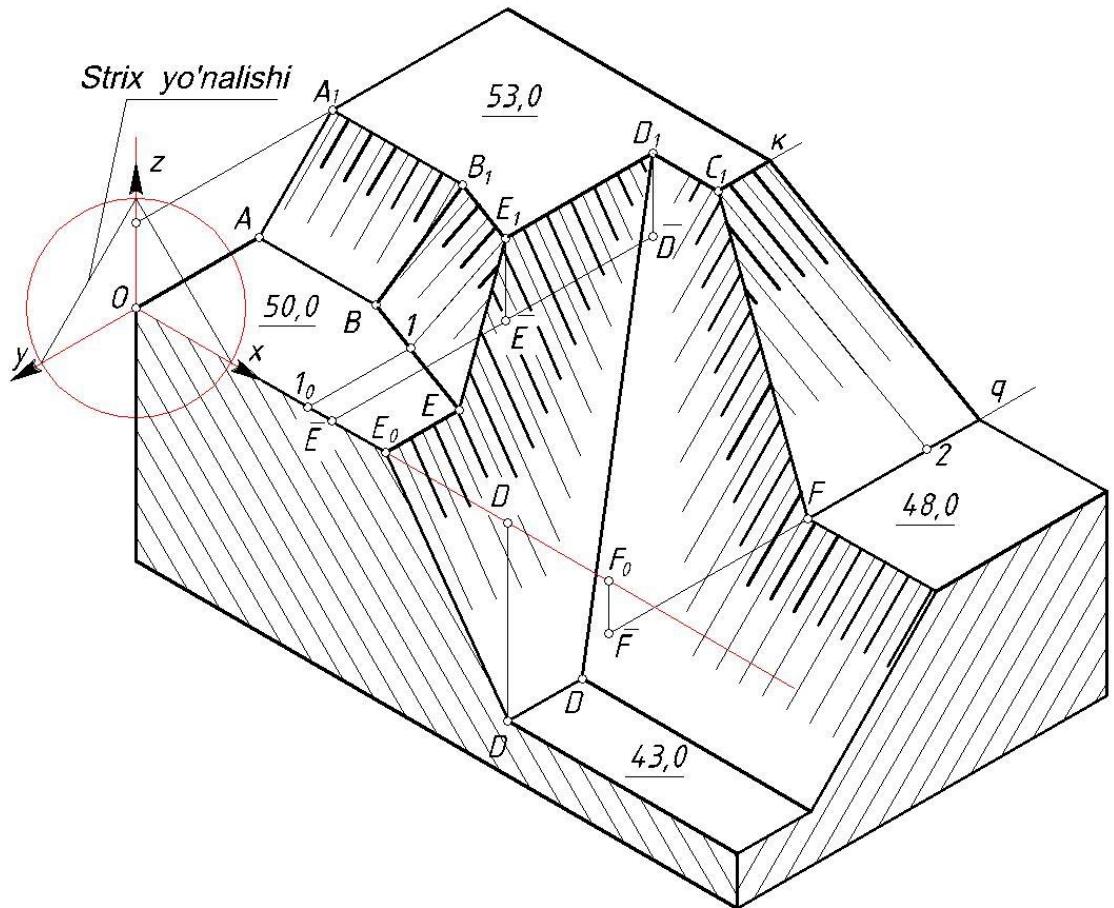
257-shakl

Qo‘yilayotgan talabdan kelib chiqib kerakli usul tanlanadi. Hozirgi kunda kompyuter texnologiyalarining rivojlanishi qo‘lda chizishga bo‘lgan extiyojni kamaytirganligi bois detallarni birdaniga 3D formatda yaratish qulayroqdir. Biroq bu aksonometrik tasvirlarga extiyoj qolmadi degani emas. Aylana izometriyasini kompyuterda yaratishda aksonometriya nazariyasidan foydalaniladi. Yani kerakli ellipsning kata va kichik o‘qlari qiymatlari mos ravishdagi o‘qlarga qo‘yiladi. Bunda kata o‘q uchun  $1,22D$ , kichik o‘q uchun  $0,71D$  olinadi. Shaklni kuzatib ABCLEFGIJ nuqtalar uchun qiymatlar o‘zgarmasligini bilib olish mumkin. Bu xususiyatdan aylanish sirtlarining izometriyasini chizishda foydalanish qulay

bo‘ladi (257-shakl).  
2;2<sub>1</sub>;13;13<sub>1</sub>  
nuqtalarni toppish uchun  
bu nuqtalar yotgan  
aylana tegishli  
balandlikda va radiusda  
chizib olinadi va  
ularning y qiyatlariga  
ko‘ra aylanadagi joyi  
topiladi. Nuqtalarning  
koordinata qiyatlaridan  
foydanish aylanish

sirtlari uchun to‘g‘ri kelmaydi, chunki sferaning izometriyasi asliga  
qaraganda 1.22 barobar katta chiqadi, shuning uchun sfera nuqtalarini  
uning gorizontallaridan foydalanib toppish qulayroq.

Akonometrik tasvir yaqqollik uchun ishlatalishini birinchi o‘ringa qo‘yish  
kerak. Joyi kelganda aksonometriya o‘qlari o‘zaro o‘rin almashtirishi  
mumkin. Masalan gidrotexnik inshoot aksonometriyasini chiziyotganda x  
va y o‘qlari almashtiriladi (258-shakl).



258-shakl

## MUHANDISLIK GRAFIKASI

### XI BOB. GEOMETRIK CHIZMACHILIK

#### 11.1. Chizmachilik asboblari va ularning qo'llanilishi<sup>20</sup>

Chizmachilik asboblariga asosan gotovalnya (chizmachilik asboblari to‘plami), oddiy chizg‘ich (ruler), uchburchakliklar (30, 60, 90 va 45, 90, 45°), lekalolar, reysshina, transportir kabilar kiradi. Chizmachilik ashyolariga cizma qog‘ozi, turli qattiqlikdagi qalamlar, tushlar kiradi. Chizmachilik jihozlariga chizma stollari, planshetlar, chizma mashinalari, shaxsiy va portativ kompyuterlarni kiritish mumkin.

*Qalam tulari va ularni ishga tayyorlash.* Chizmachilikda ishlatiladigan qalamlar ishlab chiqaruvchi korxonalardan kelib chiqib turli nomlar bilan ataladi. Grafitining tarkibiga qarab ular uch ko‘rinishga ega – yumshoq, qattiq va o‘rtacha qattiqlikdagi qalamlarga ajratiladi.

Rossiyada ishlab chiqilgan qalamalr M, 2M, 3M va hokazo (мяжкий), horijiy mamlakatlarda tayyorlanadigan yumshoq qalamlar B, 2B, 3B yoki F, 2F, 3F va hokazo tarzda yumshoqligining ortishiga qarab belgilansdi. Qattiq qalamlar qattiqligining ortishiga ko‘ra Rossiyaniki T, 2T, 3T va hokazo (твёрдый), Yevropa davlatlariniki H, 2H, 3H va hokazo (hard) tarzda belgilanadi. O‘rtacha qattiqlikdagi qalamlar TM, HF yoki HB tarzida belgilanadi.

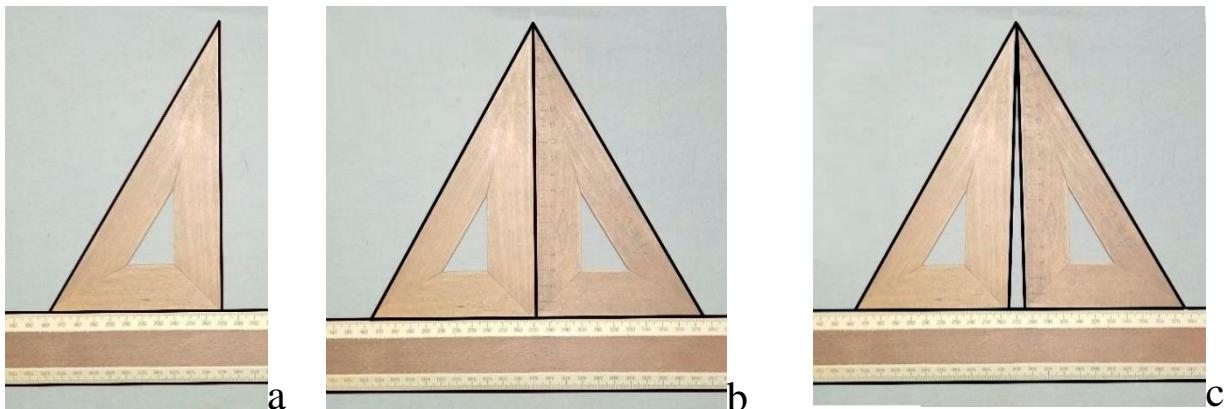
Hozirgi vaqtida turli qattiqlik va yo‘g‘onliklardagi grafit sterjenli mexasnik qalamlar ishlab chiarilmoqda. Ulardan foydalanish chizishda bir muncha qulayroqdir. Chuni bunda chiziq qalinligini nazorat qilishga xojat qolmaydi.

*Chizg‘ich.* Cizma chizishda chizg‘ichning darajalangan va darajalanmagan qirralaridan bir xilda foydalaniladi. Shuning uchun uning barcha qirralari yaxshi holda saqlanishi kerak.

*Uchburchakliklar.* Uchburchaklik chizg‘ichlar turli materiallardan tayyorlanadi. Chizmachilik darslari uchun standartda ko‘rsatilgan burchaklarga ega bo‘lgan ikkita uchburchaklik bo‘lishi kerak. Uchburchaklikning to‘g‘ri burchagining aniqligini geometrik usulda

<sup>20</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 3-7 betlar

tekshirish uchun, uning bir katetini chizg‘ichga jips qo‘yib (1-chizma, a), ikkinchi kateti bo‘yicha chiziq chiziladi. Keyin chizg‘ichning vaziyatini o‘zgartirmasdan, uchburchaklikni boshqa tomoni bilan qo‘yiladi (1-chizma, b). Shunda uchburchaklikning kateti oldingi chizilgan chiziqqa ustma-ust tushsa (1-chizma, b), to‘ri, mobodo ular ustma-ust tushmasa, uchburchak chizg‘ich ishga yaroqsiz bo‘ladi (1-chizma, c).



1- chizma

**Gotovalnya (chizmachilik asboblari to‘plami).** Aylana va yoyslar chizish, chizmadagi masofalarni o‘lchash, chizmalarini tushlash va boshqa chizish ishlarni bajarishga mo‘ljallangan asboblar to‘plamiga gotovalnya deyiladi (2- chizma).

**Chizmachilik sirkuli.** Aylana va yoyslar chizadigan (3-chizma, a) va o‘lchaydigan (3-chizma, b) sirkullar mavjud. Sirkulning asosiy qismlari – buklanuvchi oyog‘i va katta oyog‘i, hamda qisqichi hisoblanadi. Ishlash jarayonida sirkulning grafit sterjeni yoki reysfederi hamda ignasini tenglashtirib olish maqsadga muvoviq bo‘ladi (3- chizma).



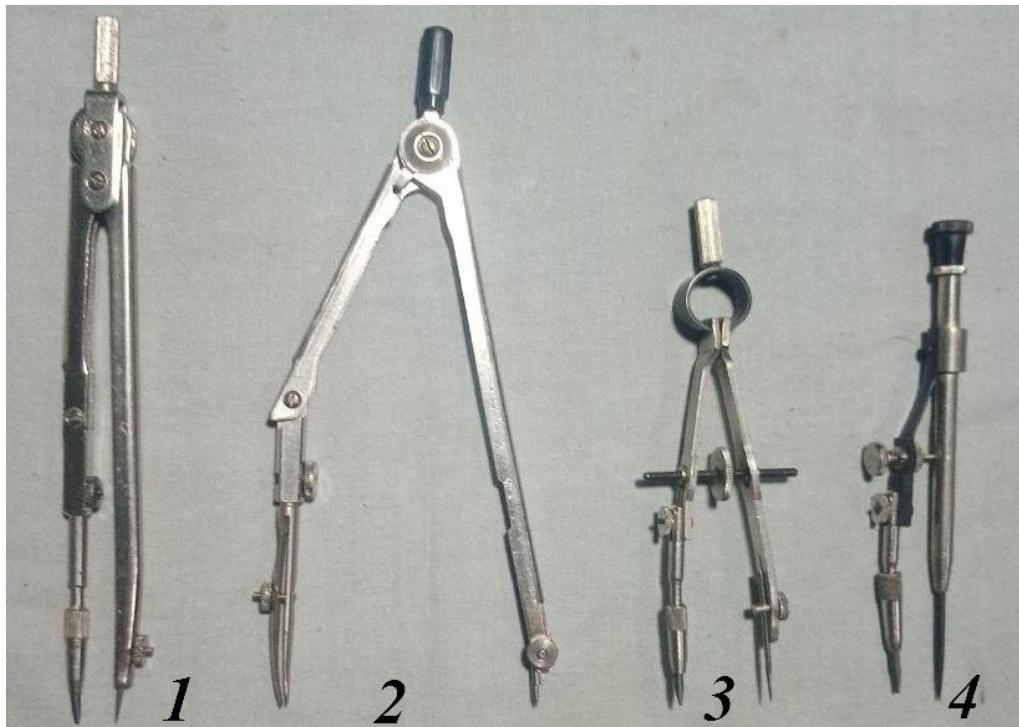
2- chizma



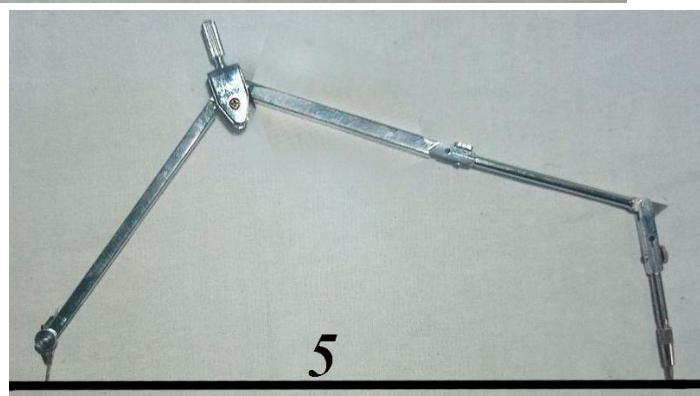
3- chizma

O‘lchagich. Chizmadan o‘lchash chizg‘ichiga va chizg‘ichdan chizmaga o‘lchab ko‘chirish uchun o‘lchagichdan foydalaniladi. Sirkuldagи qalamli moslama o‘rniga ignali moslama o‘rnatilsa, o‘lchagich hosil bo‘ladi (3-chizma, c).

Oliy o‘quv yurtlarida U10, U11 va U14 markali gotovalnyalardan foydalanish tavsiya etiladi. 4-chizmada sirkul turlari va ulardan foydalanish yo‘llari ko‘rsatilgan.



1. Qalam oyoqchali chizma sirkuli;
2. Reysfederli oyoqchalar;
3. Qalam oyoqchali kronsirkul;
4. Qalam oyoqchali kronsirkul („balerina“);
5. Sirkul uzaytirgich va uni ishlatish;



4- chizma

**Chizma qog‘ozi.** Chizma qog‘ozi yuqori sifatli V (высшего качества) markali va oddiy O (обычная) markali qog‘ozlar ishlab chiqariladi. Ikkala turdagи qog‘ozning o‘ng silliq va teskari g‘adir-budir tomonlari bo‘ladi. Qog‘ozning silliq tomoni chizma, g‘adir-budir tomoni esa akvarel bo‘yoqlarda ishlashga mo‘ljallangan.

V markali qog‘oz uzoq vaqt saqlanidagan muhim chizmalarni chizish uchun mo‘ljallangan bo‘lib, O markaliga qog‘ozga nisbatan sifatliroq (qattiqroq va qalinroq) bo‘ladi va suv tasirida kamroq deformatsiyalanadi.

## 11.2. Chizmachilikka oid standartlar<sup>2122</sup>

Jamiyat taraqqiyotini tezlashtirish, korxonalarini ixtisoslashtirish va kooperatsiyalashtirish, kompleks mexanizatsiya va avtomatlashtirishni ishlab chiqarishda joriy qilish, mahsulot sifatini yaxshilash va uning tannarxini arzonlashtirish standartlashtirishni talab etadi. Texnik hujjat hisoblangan standartlar buyumlarning o‘lchami, shakli, og‘irlik va boshqa sifatlarini belgilab beradi. Chizma standartlari esa, chizmalarni va eskizlarni bajarishda qabul qilingan qoida va shakl (forma)larni belgilaydi. Chizma standartlari qonuniy kuchiga ega. Ular mashina va apparatlar ishlab chiqaradigan korxonalarda, sanoat bilan bog‘liq bo‘lgan loyiha idoralari va barcha o‘quv yurtlarida joriy etilgan.

Buyumlar ishlab chiqaradigan korxonalar o‘z mahsulotlarini, shu mahsulotlar bo‘yicha qabul qilingan standartlar asosida tayyorlab beradi. U barcha korxonalar, loyihalash tashkilotlari va o‘quv yurtlari uchun qonun hizobalanadi.

1926 yildan boshlab barcha korxonalar mahsulotlarini standartlashtirish mahsadida chizmachilik kursiga standartlar tatbiq qilingan. 1928 yilning oxirida Sovet Ittifoqida birinchi marta mashinasozlik chizmalari qoida va normalarining yagona sistemasi ishlab chiqildi hamda nashr qilindi. Chizmalar uchun davlat standarti OST 350-358. Shy vaqtan boshlab barcha standartlar ustida ishslash tuxtamay davom etmokda. 1934, 1939, 1946, 1952, 1959, 1965, 1966 va 1968 yillarda chizmalar standarti qayta ko‘rib chiqildi. Standartlarning chizmachilikka tatbiq qilinishi chizmalarga bir xil talablar qo‘yilishiga imkon yaratdi.

Standartlar chizmalar chizishni tezlatish, uqilishini osonlashtirish, yangiliklar kiritish, konstruktorlarning takliflarini kiritish maqsadida o‘zgartirib boriladi.

<sup>21</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 223-225 betlar.

<sup>22</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 7-9 betlar

1971 yilda «konstrukturlik xujjalalarining yagona sistemasi» (YeSKD) joriy qilindi. Standartlar barcha loyihalash tashkilotlari, sanoat va qurilish korxonalari hamda o‘quv yurtlari uchun majburiy bo‘lib, uni buzish va unga amal qilmaslik qatiy man etiladi. Standartlarning quyidagi kategoriyalari qabul qilingan: butun ittifoq standarti (GOST); xalq xo‘jaligi tarmoqlari standartlari (OST); respublikalari standartlari (RST); korxona standartlari (STP).

1963 yil 1 yanvardan boshlab SEV (o‘zaro iqtisodiy yordam ittifoqi) standarti kiritildi. Shundan so‘ng GOST (SEV) ko‘rinishda belgilanadi. 1971 yildan boshlab YESKD (yedinaya sistema konstruktorskix dokumentov) standartlari kuchga kiritildi.

O‘zbekiston mustaqillikka erishganidan so‘ng barcha standartlar isloh qilinadi. Vazirlar mahkamasining „O‘zbekiston Respublikasida standartlashtirish bo‘yicha ishlarni tashkil qilish to‘g‘risida“gi 1992 yil 2 martdagি 93-sonli qarorida sobiq SSSR ning davlat standartlari GOST MDH davlatlarida standart sifatida amal qilinadi.

O‘zbekiston Respublikasining konstrukturlik hujjatlari yagona tizimi (O‘zKHYT) 2003 yil 17 noyabrda qabul qilindi va O‘zDSt 2.001:2003 deb belgilandi.

O‘zDSt standart nomeri O‘zKHYT standartlar klassiga berilgan 2 raqam bilan tuzila boshlandi (1-jadval)<sup>23</sup>:

### **Klassifikatsion guruahlarning tarkibi:**

1-jadval

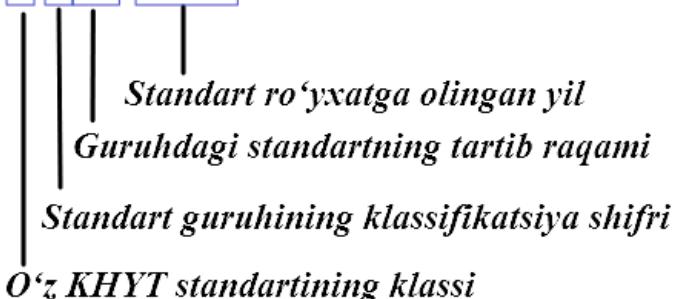
<b>Standartlar guruuhlarining nomlari</b>	<b>Standartlar bo‘limi</b>	<b>Guruuhlar shifri</b>
Asosiy qoidalar	O‘zDSt 2.001	0
Umumiy qoidalar	O‘zDSt 2.100 dan O‘zDSt 2.199 gacha	1
Konstrukturlik hujjatlarida buyumlar klassifikatsiyasi va belgilari	O‘zDSt 2.201 dan O‘zDSt 2.299 gacha	2

<sup>23</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 223-224 betlar.

Chizmalarni chizish bo'yicha umumiylar qoidalari	O'zDSt 2.301 dan O'zDSt 2.399 gacha	3
Mashinasozlik va asbobsozlik chizmalarini bajarish qoidalari	O'zDSt 2.401 dan O'zDSt 2.499 gacha	4
Konstruktorlik hujjatlarini hisobga olish, saqlash, dublikatlarini olish, o'zgarishlar kiritish qoidalari	O'zDSt 2.501 dan O'zDSt 2.599 gacha	5
Ekspluatatsion va ta'mirlash hujjatlarini bajarish qoidalari	O'zDSt 2.601 dan O'zDSt 2.699 gacha	6
Sxemalarni bajarish qoidalari va sxemalarda qo'llaniladigan grafik belgilar	O'zDSt 2.701 dan O'zDSt 2.799 gacha	7
Qurilish va kemasozlik hujjatlarini bajarish qoidalari	O'zDSt 2.801 dan O'zDSt 2.899 gacha	8
Qolgan standartlar	O'zDSt 2.901 dan O'zDSt 2.999 gacha	9

O'zDSt – O'zbekiston davlat standartining belgisi (indeksi)

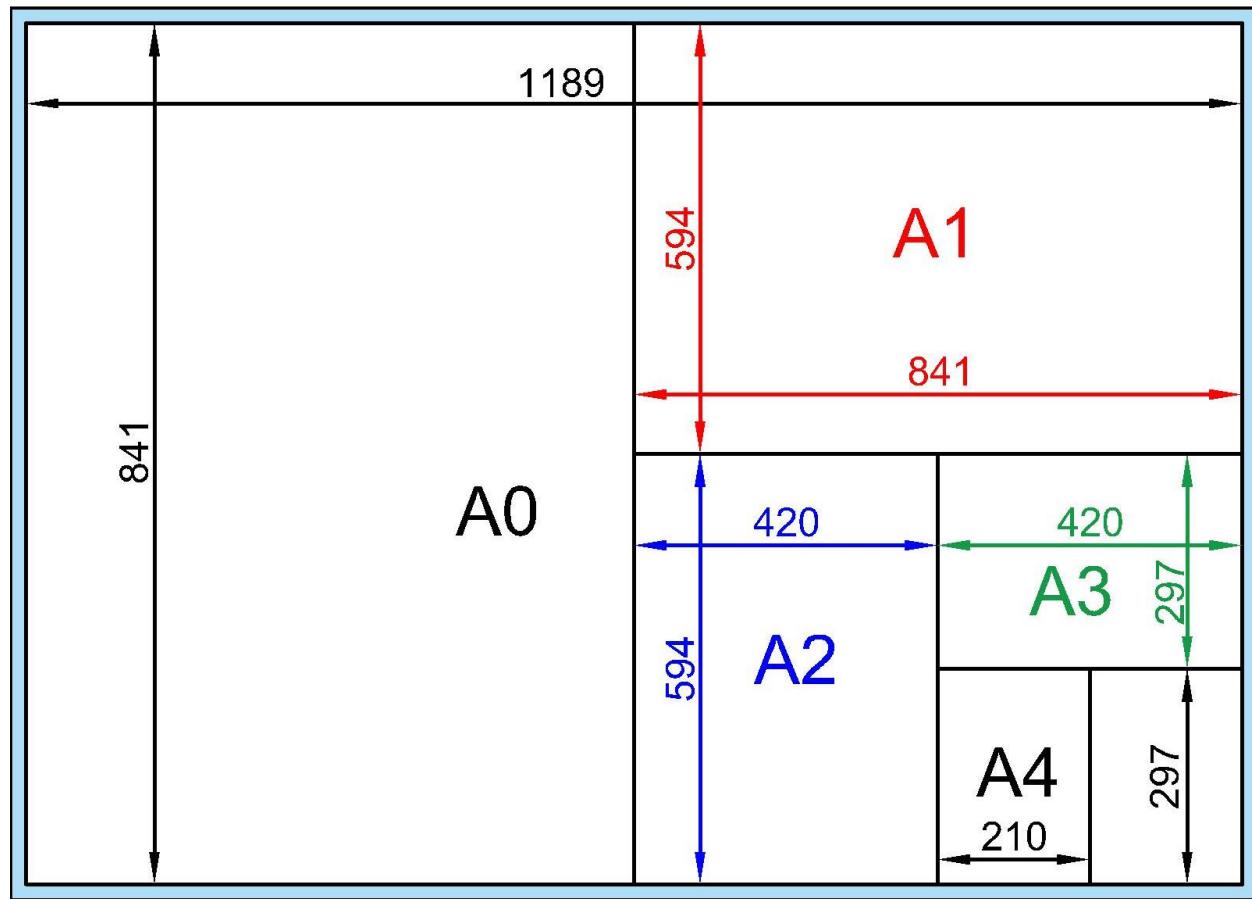
*O'zDSt 2.001:2003*



### 11.2.1. Formatlar

Barcha chizmalar O'zDSt 2.301:2003 ko'rsatmasiga binoan ma'lum formatdagi qog'ozda bajariladi. Standart asosiy beshta – A0, A1, A2, A3 va A4 (5-chizma) formatni tasdiqlagan. Bu formatlar, tomonlarining o'lchami 1189x841mm, yuzasi 1m<sup>2</sup> ga teng bo'lgan format va uni va undan keyingilarni teng ikkiga bo'lish bilan hosil qilinadi. Sonlar yaxlitlanadi, ya'ni 1189:2=594,5 yoki 842:2=420,5 lar butun son

ko‘rinishiga keltiriladi. Quyida O‘zDSt 2.301:2003 ko‘rsatmasiga binoan standart chizma qog‘ozi o‘lchamlari keltirilgan (5-chizma).<sup>24</sup>

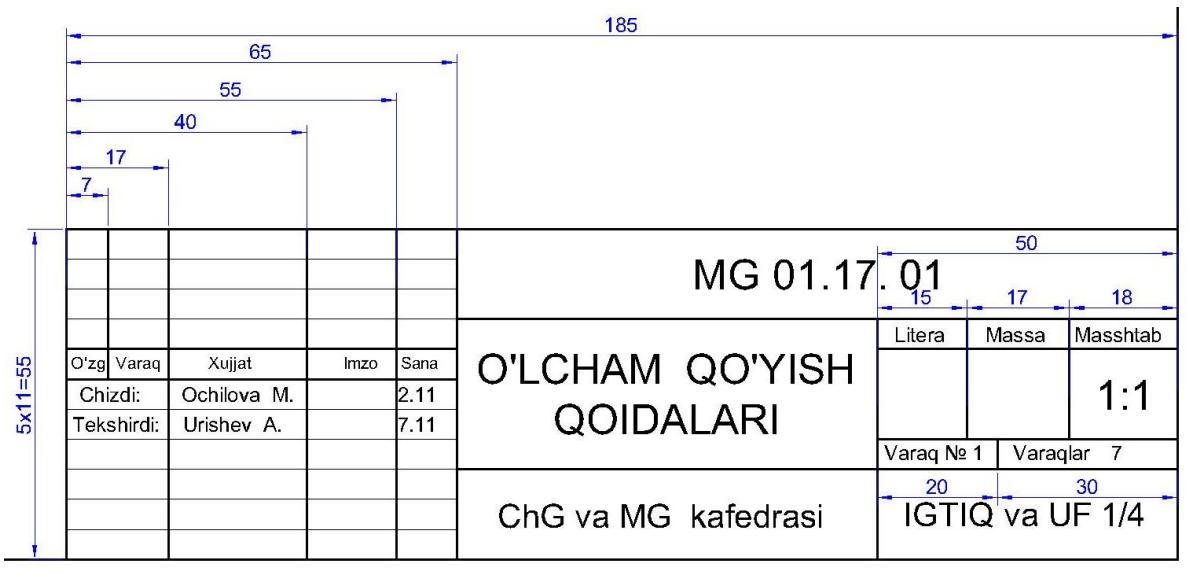


5-chizma

### Chizma formati ramkasi va asosiy yozuvi.

O‘zDSt 2.104:2003ga asosan mashinasozlik chizmalarida asosiy yozuvlar chizma qog‘ozi ramkasining pastki o‘ng tomoni burchagida taqab chiziladi. Asosiy yozuvga chizmadagi jismning nomlanishi, bajaruvchining familiyasi, bajarilgan vaqt, tekshiruvchining familiya va ismi va tekshirgan sanasi, va boshqalar ko‘rsatiladi (6-chizma).

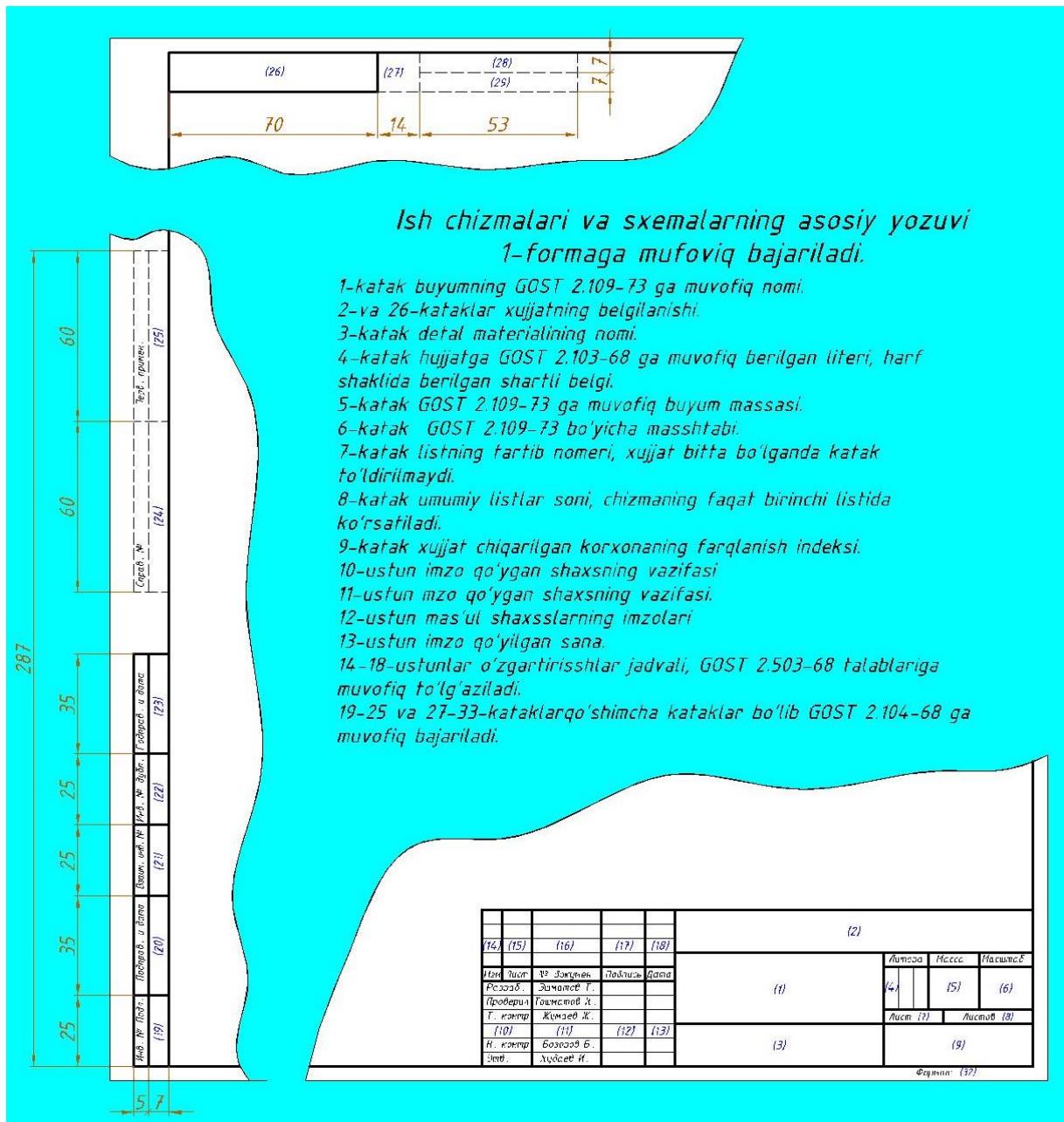
<sup>24</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 9-12 betlar



### 6-chizma

OTM larda bajariladigan asosiy yozuv namunasi 6-chizmada keltirilgan.

Oliy o'quv yurtlarida asosiy yozuvni to'ldirish tartibi 6-chizmada keltirilgan. Chizmani albom yoki kitob tarzida (A4 fomat faqat kitob tarzida) tikish maqsadida uning ramkasi chizma qog'ozining chap tomonidan 20 mm, qolgan uchala tomonidan 5 mm dan joy qoldiriladi. Ish chizmalari va sxemalarning asosiy yozuvlari 7-chizmada keltirilgandek to'ldiriladi.



7-chizma

### **11.2.2. Chiziq turlari<sup>25</sup>**

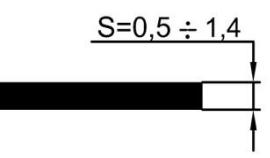
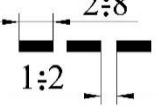
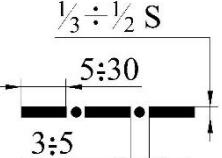
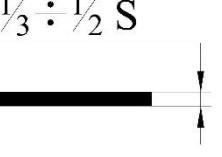
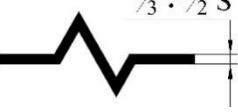
Shartli tasvir hisoblanuvchi har qanday chizma belgilangan qalinlikdagi chiziqlardan foydalanib bajariladi.

O‘zDSt 2.303:2003 chizma chiziqlarning quyidagilarini tasdiqlagan:

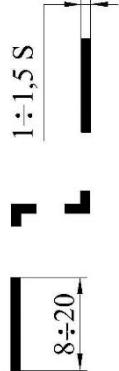
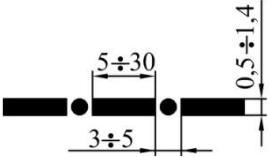
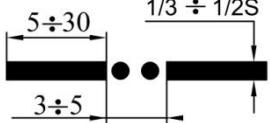
1. Asosiy tutash yo‘g‘on chiziq; 2. Shtrix chiziq; 3. Shtrix-punktir chiziq;
  4. Ingichka tutash chiziq; 5. Tutash to‘lqinsimon chiziq; 6. Ingichka siniq chiziq
  7. Uzuq yo‘g‘on chiziq; 8. Ikki nuqtali shtrix-punktir chiziq;.

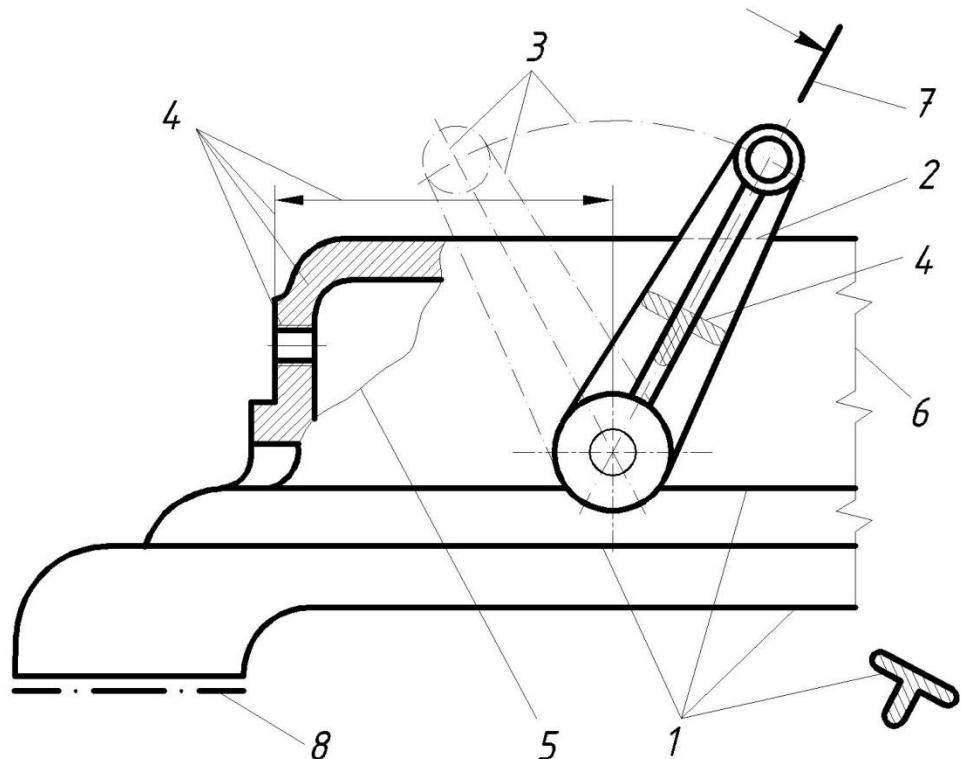
<sup>25</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 12-15 betlar

Chiziqlarning grafik ishlatalishiga 8-va 9-chizmalarda misollar keltirilgan<sup>26</sup>

<p><b>Asosiy yo‘g‘on tutash chiziq</b> – narsalarning ko‘rinadigan qirra va konturlarini, chizma asosiy yozuvining ramka va grafalarini tasvirlashda ishlataladi. Chiziqning qalinligi format, chizmalarning zichligidan kelib chiqqan holda 0,5dan 1,4 mm gacha qilib olinadi. Uzuq chiziq va qalinlashtirilgan shtrix-punktir chiziqdan boshqa barcha chiziqlarning qalinligi asosiy chiziqqa nisbatan uch yoki ikki barobar ingichka bo‘lishi kerak.</p>	
<p><b>Shtrix chiziq</b> - narsalarning ko‘rinmaydigan qirra va konturlarini tasvirlash uchun ishlataladi. Shtrix uzunligi 2-8mm, oralig‘i 1-2mm. (Shtrixlash chiziqlari bilan adashtirish kerak emas).</p>	
<p><b>Ingichka shtrix-punktir chiziq</b> – o‘q va markaz chiziqlarini ifodalaydi. Shtrix uzunligi 5-30mm, oralig‘i 3-5mm.</p>	
<p><b>Ingichka tutash chiziq</b> – chiqarish va o‘lcham chiziqlari, shtrixlash chiziqlari, qurish (proeksion bog‘lanish) chiziqlari, koordinata o‘qlari, tekislik izlari, tokcha chiziqlari, ustiga qo‘yilgan kesim konturi chiziqlarini ifodalashda foydalaniлади.</p>	
<p><b>Tutash to‘lqinsimon chiziq</b> – tasvir chizmada to‘liq berimagan xollarda uzilish chizig‘ini ko‘rsatishda ishlataladi (asosan mashinasozlik chizmachiligidagi).</p>	
<p><b>Ingichka siniq chiziq</b> - tasvir chizmada to‘liq berimagan xollarda uzilish chizig‘ini ko‘rsatishda ishlataladi (asosan qurilish chizmachiligidagi).</p>	

<sup>26</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 227-229 betlar.

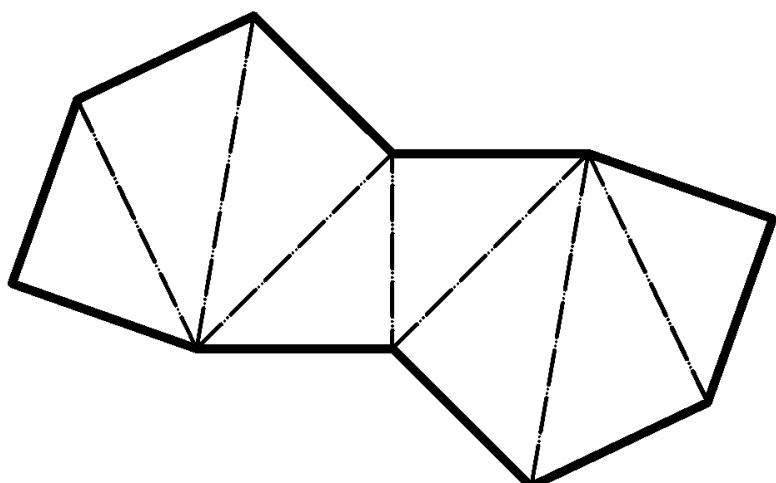
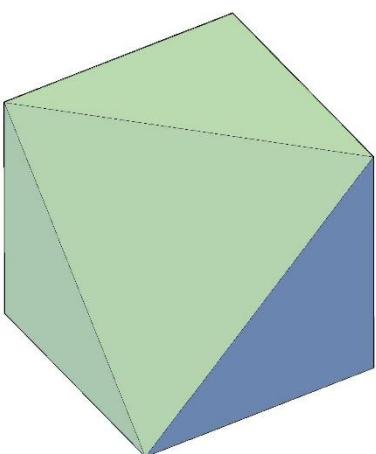
<p><b>Yo‘g‘on uzuq chiziq</b> – chiziq yo‘g‘nligi 1-1,5S, uzunligi 8-20mm. Qirqim yoki kesim yo‘nalishini ko‘rsatishda ishlatiladi.</p>	
<p><b>Qalinlashtirilgan shtrix-punktir chiziq</b> – qayta ishlov berish talab etiladigan yuzalarni ko‘rsatish chiziqlari.</p>	
<p><b>Ikki nuqtali ingichka shtrix-punktir chiziq</b> – yoyilmalardagi buklanish chiziqlarini ko‘rsatadi.</p>	



8-chizma<sup>27</sup>

6. Ikki nuqtali ingichka shtrix-punktir chiziq buyum yoyilmalarini bajarganda bukiladigan joylarini tasvirlash uchun qo‘llaniladi (9-chizma).

<sup>27</sup> Yu. Qirg‘izboev va b. «Mashinasozlik chizmachilik kursi» T. «O‘qituvchi» 1981 y.



9-chizma

### 11.2.3. Masshtablar<sup>28</sup>

O‘zDSt 2.302:2003 ga asosan quyidagi masshtablar tadbiq qilinadi:

1. Haqiqiy kattalik (natural) masshtabi – 1:1;
2. Kichraytirish masshtablari – 1:2, 1:2,5, 1:4, 1:5, 1:10, 1:15, 1:20, 1:25, 1:40,  
1:50, 1:75, 1:100, 1:200, 1:400, 1:500, 1:800, 1:1000;
3. Kattalashtirish masshtabi – 2:1, 2,5:1, 4:1, 5:1, 10:1, 20:1, 40:1, 50:1, 100:1. Yuzdan keyin yuzga karrali sonlar ketadi ( $100 \cdot n$ ):1; ( $n$ - butun son).

Tasvirining buyumga (ob’ektga) nisbati masshtab deyiladi. Nemischa Maß-o‘lchov, stab-tayyoq. O‘lchov tayoqchasi degan ma’noni beradi.

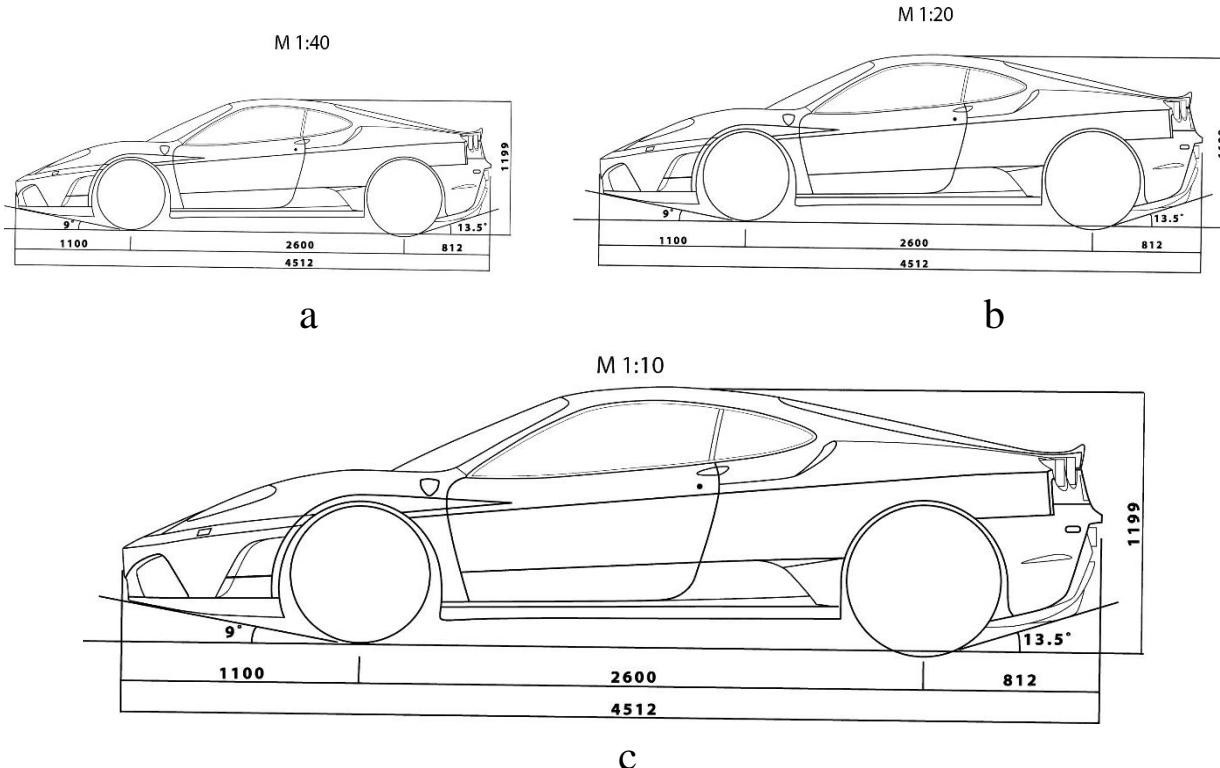
Chizma masshtablari va ularning ko‘rsatilishi standart tomonidan belgilangan. Masshtab so‘zi o‘rniga bosh harfi M yoziladi va nisbat raqamlar yoki sonlar orqali ko‘rsatiladi, masalan, M1:2 yoki M1:1 yoki M2:1 tarzida.

Asosiy yozuvning masshtab yoziladigan katagiga M harfi qo‘yilmaydi va u joyga 1:2 yoki 1:1 yoki 2:1 ko‘rinishda yoziladi.

Chizma qanday masshtabda chizilishidan qatiy nazar, haqiqy kattalikdagi (natural) o‘chamlari qo‘yiladi (10-chizma).

---

<sup>28</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 15-16 betlar



### 10-chizma

M 1:10 buyumning o'n marta kichik chizilganini bildiradi. Buyum o'n marta kattalashtirib chizilgan bo'lsa, M 10:1 ko'rnishida qayd qilinadi. Shunday qilib bo'linma birdan kichik bo'lsa ( $1:10=0,1<1$ ), kichraytirish masshtabi, bo'linma birdan katta bo'lsa ( $10:1=10>1$ ) kattalashtirish masshtabi deyiladi. Haqiqiy kattalikdagi (natural) masshtab M 1:1 ko'rnishda beriladi.

Burchak o'lchamlari masshtabga bo'ysunmaydi.

Agar masshtab uning uchun belgilangan grafaga yozilsa M harfi yozilmaydi va 1:1; 1:2; 4:1 ko'rnishda keltiriladi.

#### 11.2.4. O'lcham qo'yish qoidalari (O'zDSt 2.307:2003)<sup>2930</sup>

Har qanday buyum ma'lum bir o'lchamlar asosida tayyorlanadi va tekshiriladi. Shuning uchun ham chizmalarda buyum o'lchamlarini to'g'ri qo'yish va o'zaro bog'lab borish talab etiladi. O'lchamlarni qo'yishda quyidagilarni yodda tutish kerak:

- o'lchamlarni texnologik va konstruktorlik talablarini qondiradigan bazadan boshlab qo'yish lozim;

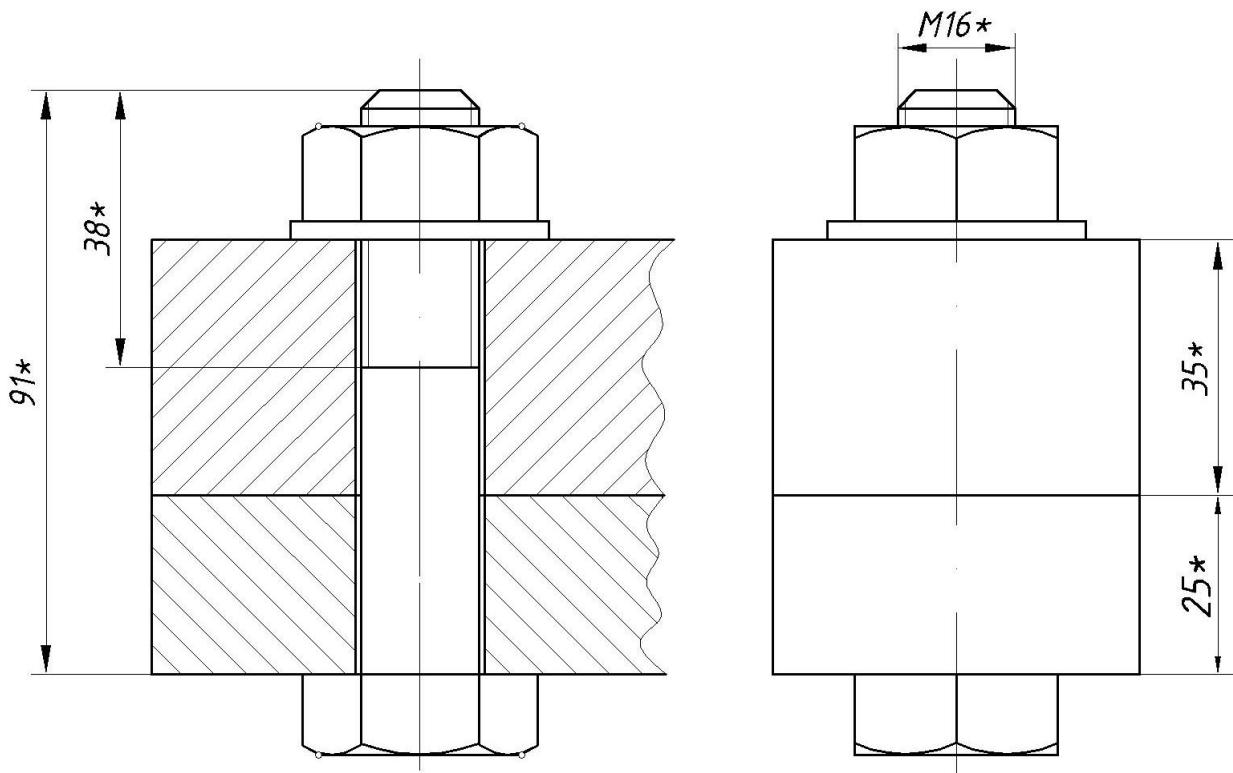
<sup>29</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 233-239 betlar.

<sup>30</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev "Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)". TIQXMMI-2020. 16-27 betlar

- chizmada chiziqli o'lchamlar mm hisobida, o'lchov birligi mm ko'rsatilmagan holda qo'yiladi;
- o'lcham chiziqlarini iloji boricha chizma konturidan tashqarida chizish lozim;
- o'lchamlar qo'yish va ularni o'zaro bog'lashda xatoga yo'l qo'yimaslik uchun standart belgilagan qoidalarni mukammal o'rganib, ularga amal qilish lozim;
- o'lchamlar chizmalarda o'lcham chiziqlari va sonlari bilan ko'rsatiladi. O'lcham chiziqlaridagi strelkalar (ko'rsatkichlar) bitta chizmadagi barcha o'lcham chiziqlari uchun bir xil bo'lishi lozim;
- o'lchamlar qo'yilayotganda yondosh buyumlarni ham hisobga olish lozim;
- o'lcham chiziqlari chizma konturidan va unga parallel o'tkazilgan ikkinchi o'lcham chizig'i oralig'i 6...10 mm da olinishi lozim;
- o'lcham chiziqlari buyum konturiga parallel chizilib, chiqarish chiziqlariga perpendikulyar bo'lishi lozim;
- chizmaga qo'yilayotgan o'lcham shunday bo'lishi lozimki, buyumni tayyorlaydigan mutaxassis uni qiyalmay o'qiy olishi kerak;
- o'lcham va chiqarish chiziqlari iloji boricha o'zaro kesishishmasligi lozim;
- buyumning har bir o'lchami geometrik va texnologik jihatdan juda to'g'ri, to'liq ishlab chiqarish jarayoni bilan bog'langan bo'lishi, ya'ni buyumni tayyorlashdagi belgilash, ishlov berish, nazorat qilish kabi usullar hisobga olinishi lozim;
- o'lcham sonlari chizmaning qanday masshtabda va qanchalik aniq chizilishidan qat'i nazar, tasvirlangan buyumning haqiqiy o'lchamini ifodalashi kerak;

Ma'lumotnomma o'lchamlariga chizma chizishda ishtirok etmaydigan, biroq chizmani o'qish uchun qulaylik tug'diradigan o'lchamlar kiradi. Bunday o'lchamlarga yopiq zanjir usulida qo'yiladigan o'lchamlardan birortasi buyum elementining vaziyatini ko'rsatuvchi o'lchamlar, yig'ish chizmasidagi ayrim konstruktiv elementlarining eng chetki vaziyatlarini aniqlovchi o'lcham va shu kabilar kiradi. Chizmada ma'lumot o'lchamlari „\*“ (yulduzcha) bilan belgilanib, texnik talablarda esa „Ma'lumotnomma

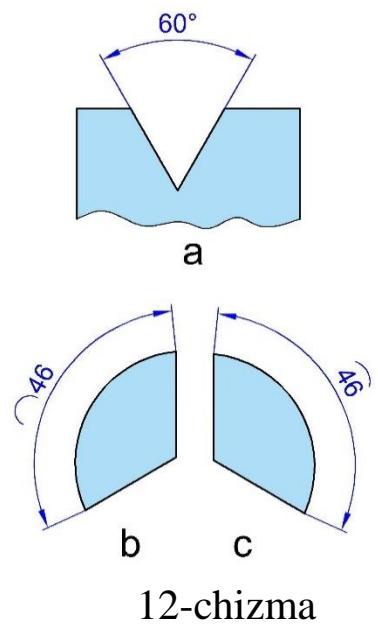
o‘lchamlari“ deb ko‘rsatiladi. Misol uchun, boltli birikmada 5 ta o‘lcham ma’lumotnoma o‘lchami hisoblanadi (11-chizma);



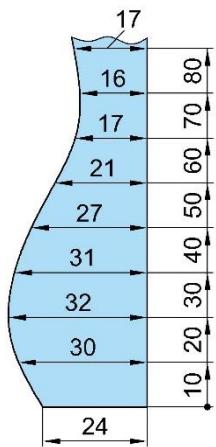
11-chizma

- burchaklarga o‘lcham qo‘yishda shu burchak uchidan chiziladigan yoydan foydalilanadi. Chiqarish chiziqlari esa radial yo‘nalishda chiziladi (12-chizma, a), aylana yoyining o‘lchamini ko‘rsatish 12-chizma, b va c da berilgan; Bunda yoy belgisini sonning oldiga (12-chizma, b) yoki ustiga (12-chizma, c) qo‘yish mumkin.

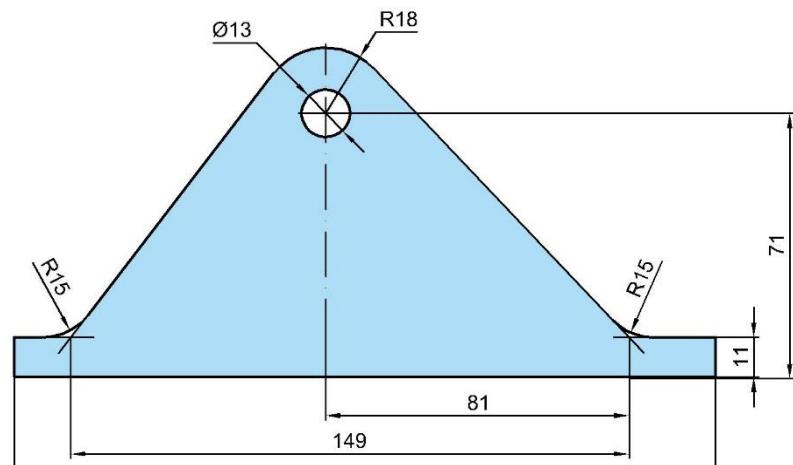
- profili egri chizidan iborat buyumlarning o‘lchamlarini qo‘yish 13-chizmada keltirilgan;



12-chizma

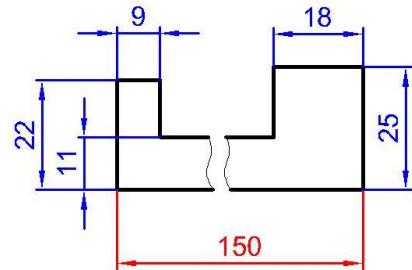
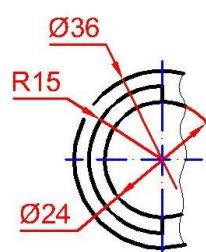
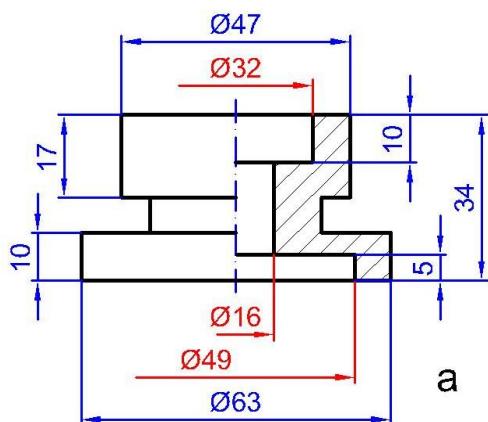


13-chizma



14-chizma

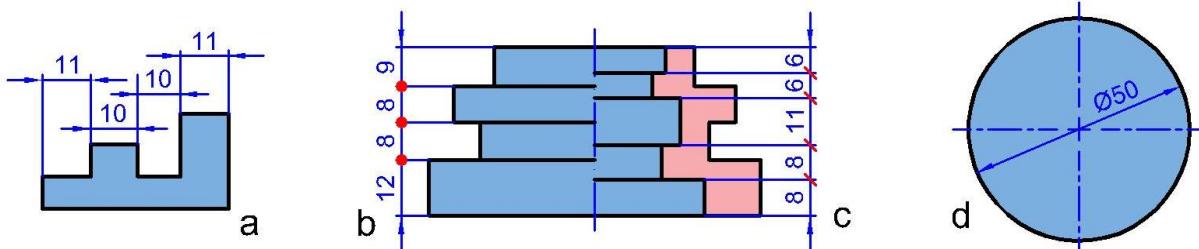
- yumaloqlanadigan burchak uchlari yoki yumaloqlash yoyi markazi koordinatalarini ko'rsatish zarur bo'lsa, o'lcham yumaloqlanadigan burchak tomonlari kesishgan nuqtadan yumaloqlash yoylari markazidan chiqarib qo'yiladi (14- chizma)<sup>31</sup>;
- simmetrik buyumlarning ko'rinishi to'la chizilmagan bo'lsa, o'lcham chiziqlari markaziy simmetrik o'qdan biroz o'tkazib, uzib qo'yiladi (15- chizma a);
- aylana to'la yoki qisman chizilgan bo'lishidan qat'iy nazar, uning o'lcham chizig'ini aylana markazidan o'tkazib yoki to'liq ko'rsatish kerak (15- chizma b);
- chizmada buyumning bir qismi uzib ko'rsatilsa, o'lcham chizig'i uzilmasdan, to'liq ko'rsatiladi, (15- chizma c);



15- chizma

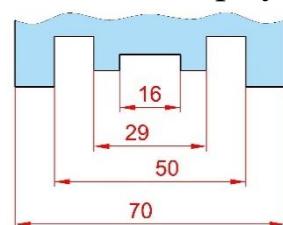
<sup>31</sup> Yu. Qirg'izboev va b. «Mashinasozlik chizmachilik kursi» T. «O'qituvchi» 1981 y.

- kontur yoki chiqarish chiziqlari o‘zaro yaqin joylashib, strelka uchun joy bo‘lmasa, kontur yoki chiqarish chizig‘ini uzib tasvirlash mumkin (15-chizma b);
- o‘lcham qo‘uilayotgan joy 12 mm dan kam bo‘lsa, ya’ni strelkalar qo‘yish uchun o‘lcham chizig‘ining uzunligi yetarli bo‘lmasa, strelkalar tashqi tomonidan qo‘yiladi (16- chizma a);

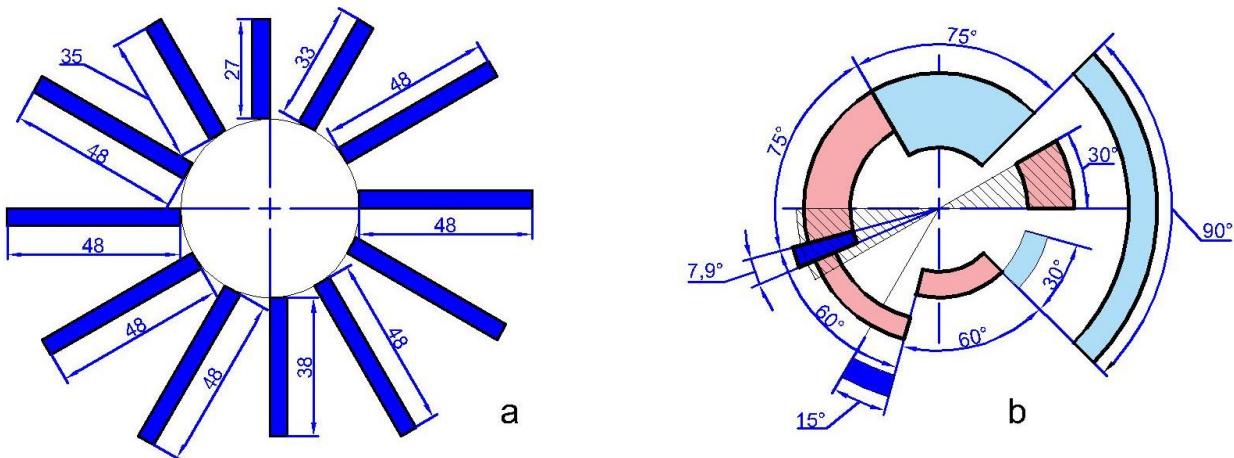


16- chizma

- o‘lcham chiziqlariga strelkalarni qo‘yish uchun joy yetarli bo‘lmagan hollarda chiqarish chizig‘i bilan o‘lcham chizig‘i kesishgan joyga ko‘z uchun sesilarli nuqta qo‘yiladi yoki 45°li chiziqcha chiziladi (16- chizma b, c);
- diametr o‘lchami aylana ichida ko‘rsatilgan hollarda o‘lcham soni o‘lcham chizig‘i o‘rtasidan bir tomonga siljtiladi (16- chizma d). Bu yerda o‘lcham soni markaz chiziqlarning o‘zaro kesishayotgan joyiga to‘g‘ri kelmasligi lozim;
- har doim diametr o‘lchamini ko‘rsatuvchi son oldiga „Ø“ belgisi, misol uchun Ø27;
- radius o‘lchamini ko‘rsatuvchi son oldiga „R“, masalan R42;
- kvadrat o‘lchamini soni oldiga „□“ belgisi, masalan, □80 qo‘yiladi;
- bir nechta parallel o‘lcham chiziqlariga o‘lchamlar qo‘yilganda, o‘lcham sonlarini shaxmat tartibida joylashtirish lozim (17-chizma);
- chiziqli o‘lchamlarning chiziqlari har xil qiyalikda chizilgan bo‘lsa, o‘lcham sonlari 18-chizmada ko‘rsatilgandek qo‘yiladi. Shtrixlangan joyga ( $30^\circ$  ni tashkil qiladi) o‘lcham sonlarini qo‘yilmasligi kerak;

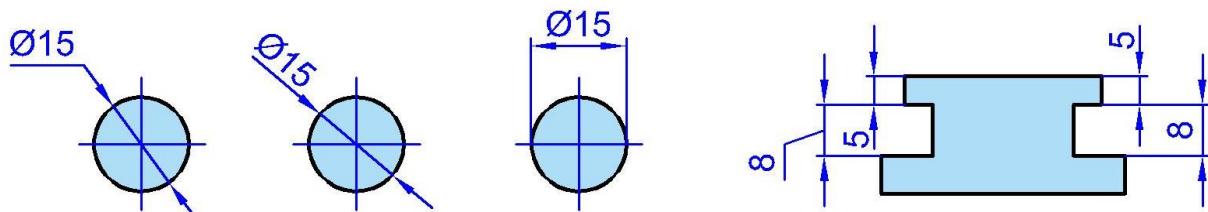


17- chizma



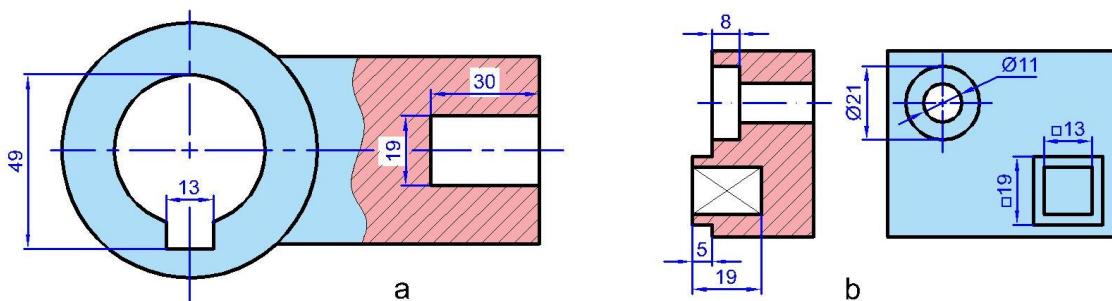
18-chizma

- burchaklarning o'lchamida ham  $30^\circ$  li shtrixlangan zonada o'lcham sonlari va qolgan burchak o'lchamlari 18-chizma, b dagidek bo'ladi;
- diametrlari kichik aylanalarga va oralig'i kichik bo'lgan parallel chiziqlarga o'lchamlar 19-chizmadagi kabi qo'yiladi;



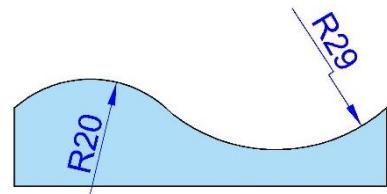
19-chizma

- o'lcham sonlarini qo'yishda kontur chiziq va o'lcham chiziqlari uzilmaydi, o'q va markaz chiziqlarining o'zaro kesishish joyiga qo'yilmaydi, o'lcham qo'yilganda markaz chiziqlariga to'g'ri kelib qolsa, u uzib qo'yiladi va o'lcham sonlari yoziladigan joy shtrixlanmaydi (20-chizma, a,);
- buyumdag'i oyiq, chiqiq, teshik kabi joylarga tegishli o'lchamlarni shu elementning geometrik shakli qaysi ko'rinishda to'la ko'rindigan bo'lsa, o'sha yerga to'plab qo'yish zarur (20-chizma, b);



20-chizma

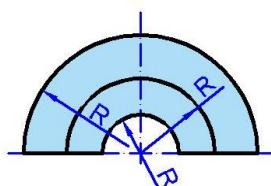
Aylana yoyi markazi vazyatini aniqlovchi o'lchamlarni ko'rsatish talab qilinmasa, u holda radiusning o'lcham chizig'ini markazgacha yetkzmsdan va markazdan siljitim chizish mumkin.



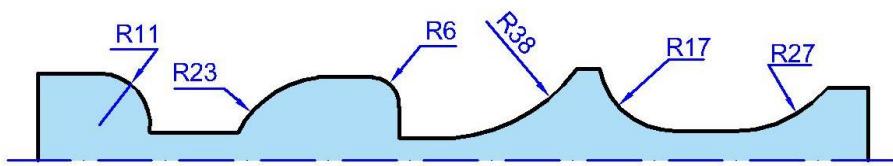
21-chizma

Radius o'lchami katta bo'lgan hollarda markazni aylana yoyiga yaqinlashtirib, o'lcham chizig'ini burchaklari  $90^\circ$  ga teng bo'lgan siniq chiziq bilan chiziladi. (21-chizma);<sup>32</sup>

- bir markazdan bir nechta radiuslar o'tkazilganda har qanday ikki va undan ortiq radius chiziqlari bitta to'g'ri chiziqqa yotmasligi lozim (22-chizma, a);



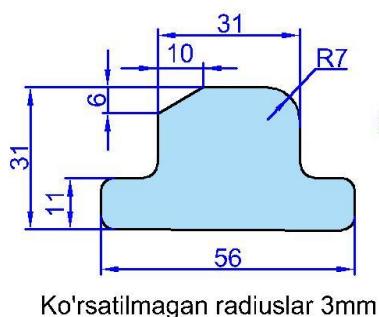
a



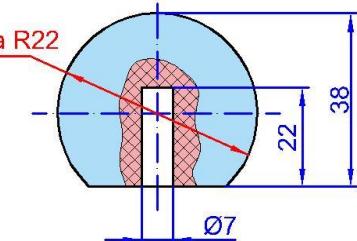
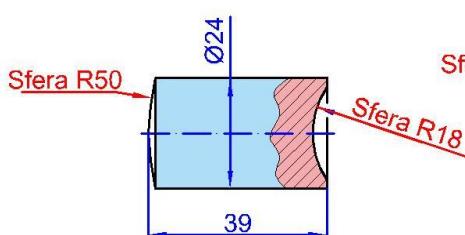
b

22-chizma

- tashqi va ichki yumaloqlash radiuslarining o'lchamlari kichik bo'lganda 22-chizma, b dagidek qo'yiladi.
- yumaloqlash yoki bukilish joylardagi yumaloqlash radiuslari bir xil bo'lib, ular ko'p uchraydigan bo'lsa, chizmaning bo'sh joyiga „Ko'rsatilmagan radius o'lchamlari R 1,5 mm“ deb yozib qo'yiladi (23-chizma);
- shar (sfera) ni belgilash uchun diametr yoki radius o'lchami oldiga yoxud ostiga „Sfera“ so'zi qo'shib yoziladi (24-chizma), yoki sfera belgisidan ham foydalanish mumkin (24a-chizma);

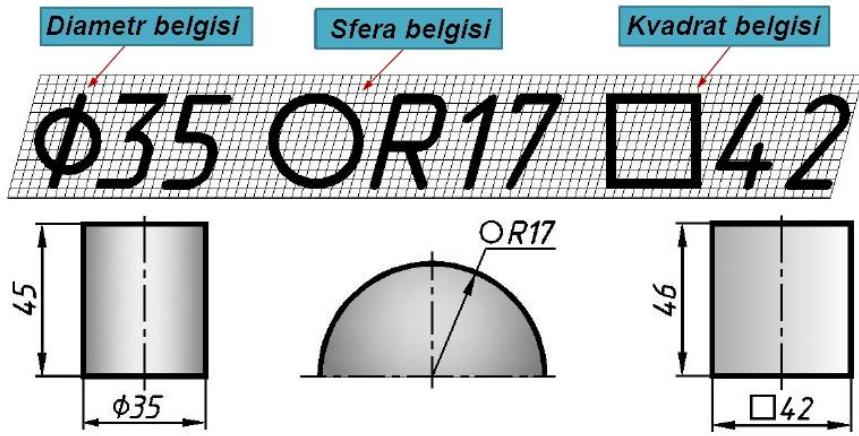


23-chizma



24-chizma

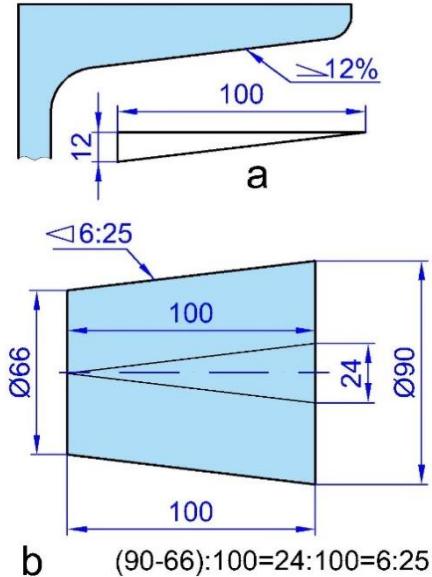
<sup>32</sup> Yu. Qirg'izboev va b. «Mashinasozlik chizmachilik kursi» T. «O'qituvchi» 1981 y.



24a-chizma

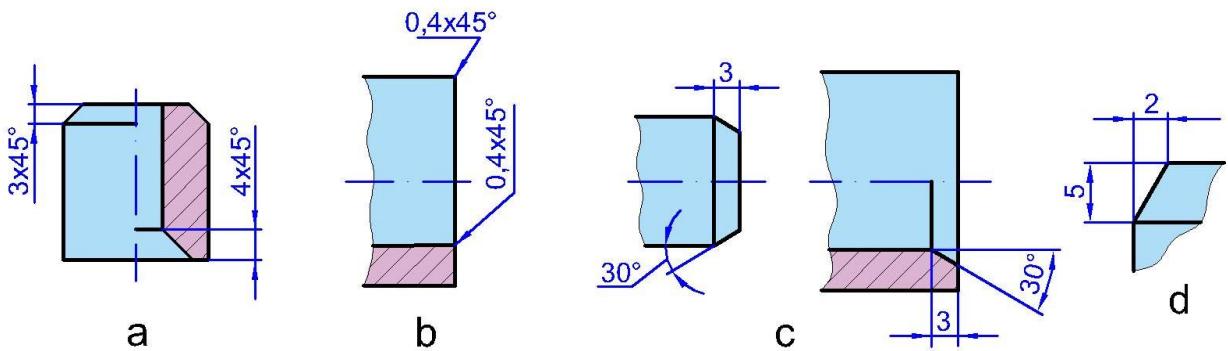
▪ qiyalikni ifodalovchi soni oldiga qiyalikni ifodalovchi belgi qo'yiladi (25-chizma, a), bunda belgining uchi qiyalik tomon yo'nalgan bo'ladi. Konussimon buyumdag'i konuslikning o'lcham soni oldiga uchi tomon qaratilgan belgi qo'yiladi (25-chizma, b);

▪  $45^\circ$  burchak bilan tayyorlangan faskalar o'lchamlari 26-chizma, a dagidek qo'yiladi. Bunday faskaning o'lchami 1 mm va undan kichik bo'lsa, ular chizmada



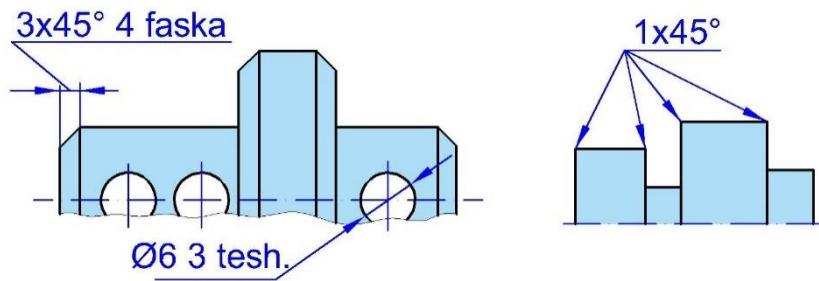
25-chizma

tasvirlanmasligi mumkin, lekin ularning o'lchamlari faska yasaladigan qirradagi chiqariladigan chiziqning tokchasiga yozib qo'yiladi (26-chizma, b).  $30^\circ$  burchakli faska o'lchamida burchak va faska balandligi qo'yiladi (26-chizma, c), yoki ikkikala katetning o'lchamlari beriladi (26-chizma, d);



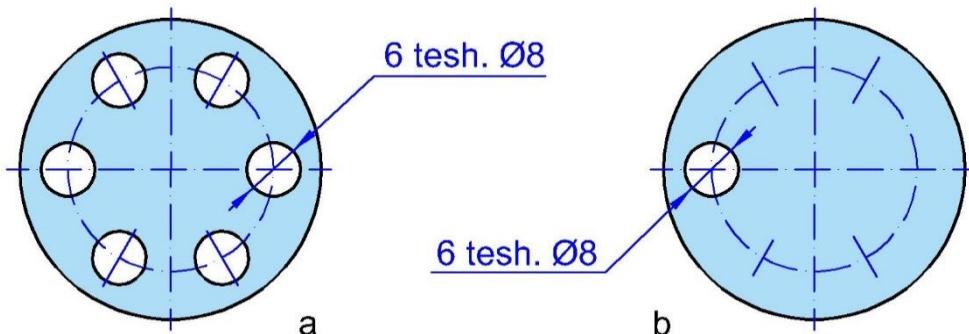
26-chizma

- faska, teshik va shunga o‘xshash elementlar sonini 27-chizmadagidek ko‘rsatish mumkin;



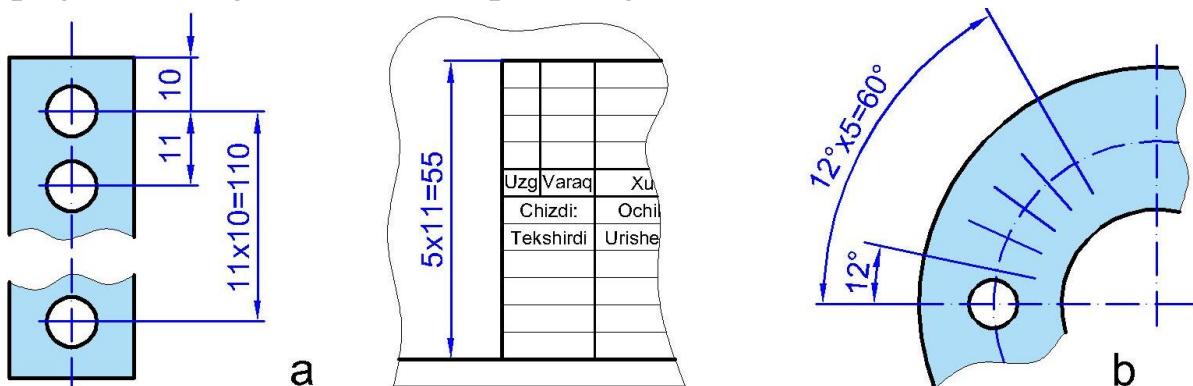
27-chizma

- teshiklar aylana bo‘yicha bir-biridan baravar uzoqlikda joylashgan bo‘lsa, ularning markazlari orasidagi o‘lchamlari qo‘yilmaydi, faqat teshiklarning o‘lchamiga ularning soni qo‘sib ko‘rsatiladi (28-chizma);



28-chizma

- bir hil diametrli teshiklarning o‘lchamlarini qo‘yishda ulardan bittasi chizilib, uning o‘lchami, soni ko‘rsatiladi (29-chizma, a), qolganlarining markaz chiziqlari belgilanadi;

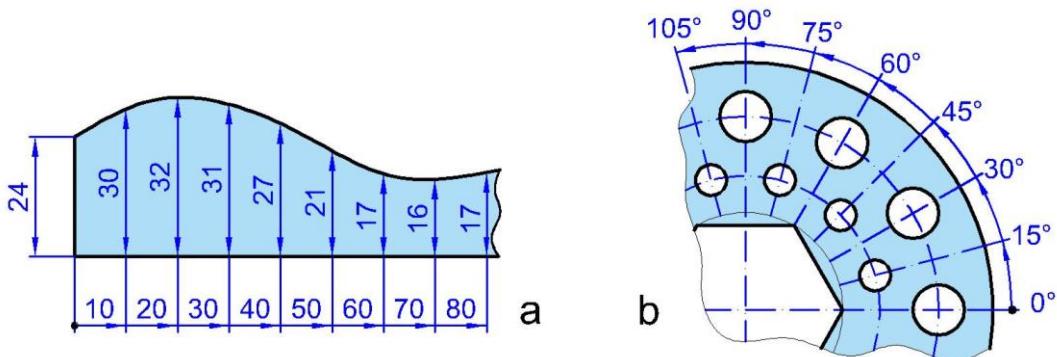


29-chizma

- bitta buyumda bir xil elementlar mavjud bo‘lsa, bu elementlardan bittasini o‘lchami va chetki o‘rni o‘lchami ko‘rsatilib (29-chizma, a),

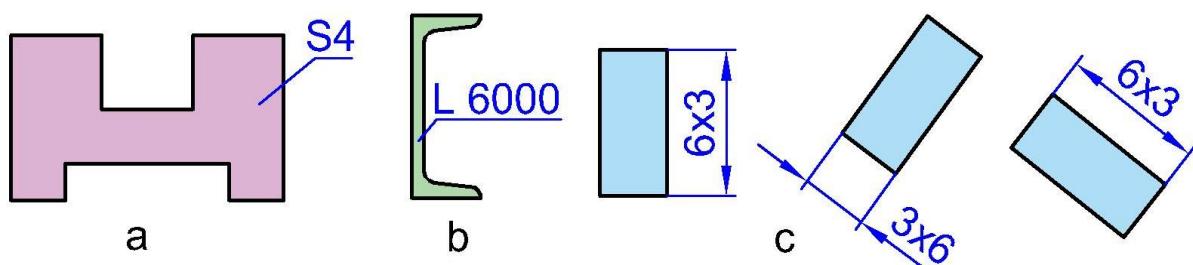
qolganlarini oraliqlari sonining oraliqlar o'lchamiga ko'paytmasi ko'rinishida belgilanadi (29-chizma, b);

- umumiyl bazadan ko'plab o'lcham qo'yiladigan bo'lsa, chiziqli va burchak o'lchamlari 30-chizmada ko'rsatilgandek qo'yiladi. „0“ belgidan umumiyl bir o'lcham chizig'i o'tkaziladi va o'lcham sonlari chiqarish chiziqlari yo'nalishida ularning uchlariga qo'yiladi (30-chizma, a, b);



30-chizma

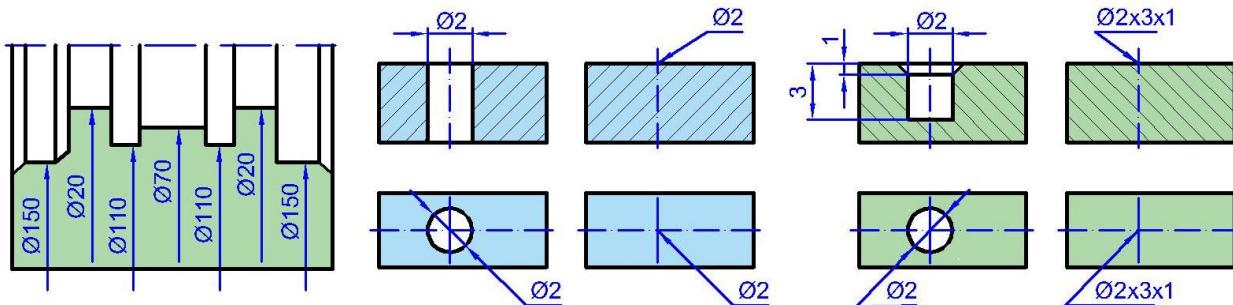
- buyum bitta ko'rinishda tasvirlangan bo'lsa, uning qalinligi o'lchami soni oldiga **s** (31a-chizma), uzunligi o'lchami soni oldiga **L** harfi yoziladi (31b-chizma);
- buyum to'g'ri to'rtburchak shaklida bo'lsa, o'lchamni uning bir tomoniga **axb** tarzida qo'yish mumkin. Bunda o'lcham qo'yilayotgan tomon qiymati birinchi yoziladi (31c-chizma).



31-chizma

- murakkab shaklli silindrik buyumning silindr diametrlariga 32-chizmadagidek o'lcham qo'yishga standart ruxsat etiladi;
- kichik diametrli teshikning o'qi bo'yicha qirqimdagи tasviri bo'lmasa, u hoda o'lchamlar 33-chizmadagidek qo'yiladi.:
  - diametri 2 mm va undan kichik bo'lgan tashiklarning o'qi bo'yicha qirqimdagи tasviri berilmagan bo'lsa, o'lchamlari 33-chizmadagidek soddalashtirib tasvirlanadi. Bunda berk teshik

o'lchami teshikdan chiqarilgan chiqarish chizig'ining tochkasiga Ødxhxc ko'rinishida qo'yiladi (d-asosiy teshik diametri, h-teshik chuqurligi, c-faska balandligi (33a- chizma);



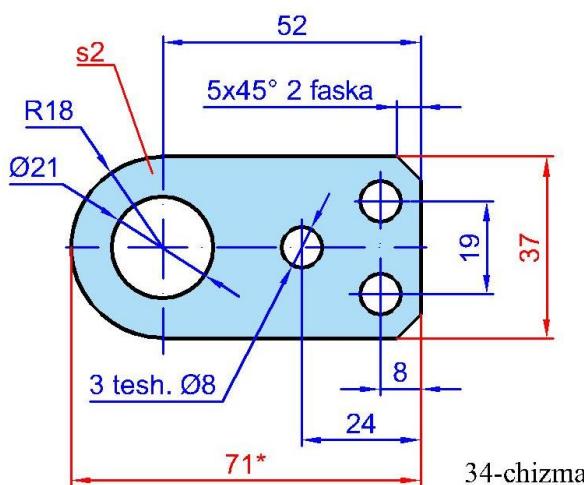
32-chizma

33-chizma

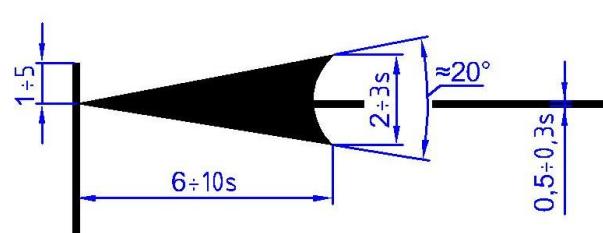
33a- chizma

- chizmadagi vertikal chiziqlari ustiga qo'yilgan o'lcham sonlarini o'qish va ularni yozish qulay bo'lishi uchun chizmani soat strelkasi yo'nalishida chapdan o'ngga  $90^\circ$  ga burib o'qiladi.

Chizmada har bir o'lcham bir marta ko'rsatiladi. Buyumning eng katta o'lchamlarini, ya'ni uzunligi, balandligi va eni yoki qalinligini ko'rsatuvchi o'lchamlar gabarit o'lchamlar deyiladi (34-chizmadagi qizil rang bilan ko'rsatilgan 2, 37, 72 qiymatli o'lchamlar).



34-chizma



35-chizma

O'lcham chiziqlari chiqarish chiziqlariga strelka uchi bilan tegib turishi lozim, uning tuzilishi 35- chizmada ko'rsatilgan. Strelka kattaligi kontur chiziqning yo'g'onligiga bog'liq bo'lib, chizmaning hamma joyida u bir xil kattalikda bo'lishi lozim. Chiqarish chiziqlari oxirgi strelkasidan  $1\div 5$  mm gacha chiqib turaishi kerak.

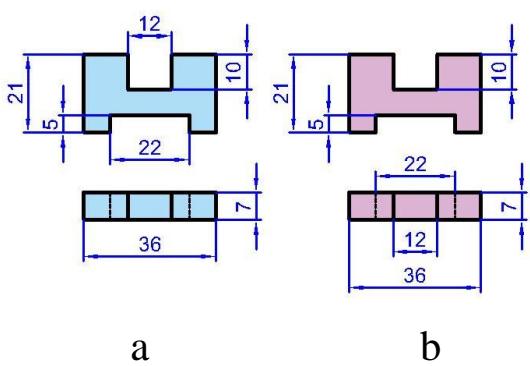
Chizmalarda o'lchamlar qo'yish usullari bilan darslar davomida tanishib va o'rganib boriladi.

#### 11.2.4.1. O'lcham qo'yishdagi e'tiborli holatlar<sup>334</sup>

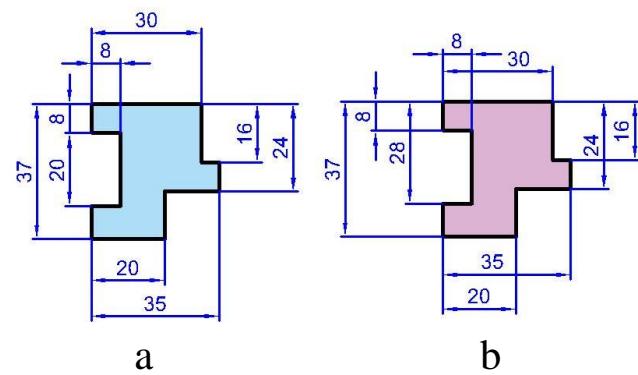
1. Buyumni tayyorlash uchun zarur bo'lgan hamma o'lchamlar chizmada berilishi kerak. Buyum taylorlanishida, o'lchamlarni birortasi ikkinchisini hisobidan aniqlanmasligi kerak, masalan, aylananing bir qismi berilgan bo'lsa, radius o'lchami qo'yiladi, to'liq aylana bo'lsa diametr o'lchami qo'yiladi. O'lchamlar faqat bir o'lchov birligida millimetrdan ko'rsatilishi kerak. Millimeter o'lchov birligi har bir raqamga yozilmaydi, lekin umumiylashtirilishi quyidagicha yozib qo'yiladi „hamma o'lchamlar mm hisobida“.

2. Har bir o'lcham faqat bir marotaba berilishi kerak. Bir ko'rinishda berilgan o'lcham, boshqa ko'rinishda qaytarilmasligi kerak, masalan, frontal ko'rinishda berilgan uzunlik, gorizontal ko'rinishda qaytarilmasligi kerak, yoki gorizontal ko'rinishda berilgan o'lcham, yondan ko'rinishda qaytarilmasligi kerak.

3. O'lchamlar, odatda ko'rinishlardan tashqarida, buyumning biror elementi qaysi ko'rinishda yaqqol ko'rinsa, shu ko'rinishda o'lcham berilishi kerak. Iloji boricha, o'lchamlar ikkita ko'rinishda joylashishi kerak. 36-chizma (a)da o'lchamlar to'g'ri joylashtirilgan va (b)da noto'g'ri joylashtirilgan.



36-chizma



37-chizma

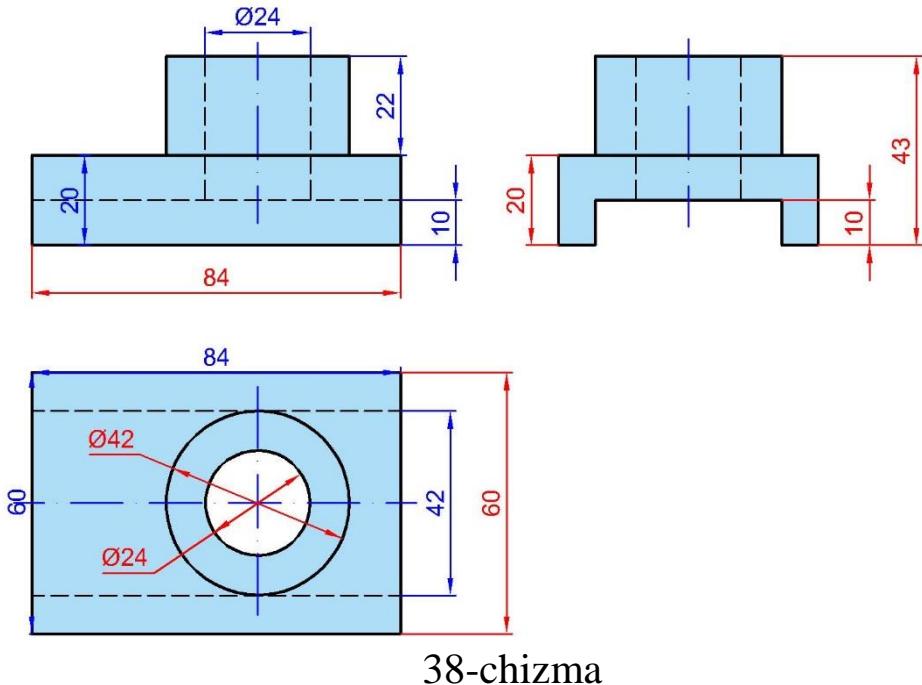
4. O'lcham va chiqarish chiziqlari o'zaro kesishmasligiga e'tibor berish kerak. Buning uchun kichik o'lch'amlar ko'rinishga yaqin

<sup>33</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 239-240 betlar.

<sup>34</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev "Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)". TIQXMMI-2020. 27-29 betlar

joylashsa, katta o'lchamlar undan uzoqroq joylashadi. 37-chizmada o'lcham va chiqarish chiziqlarini joylashishi tasvirlangan a) to'g'ri, b) noto'g'ri.

5. Imkon qadar, o'lchamlar buyumlarning ko'rinaldigan chiziqlariga qo'yilishi kerak, 38-chizmada to'g'ri berilgan o'lchamlar qizil, noto'g'ri qo'yilgan o'lchamlar ko'k rang bilan ko'rsatilgan.



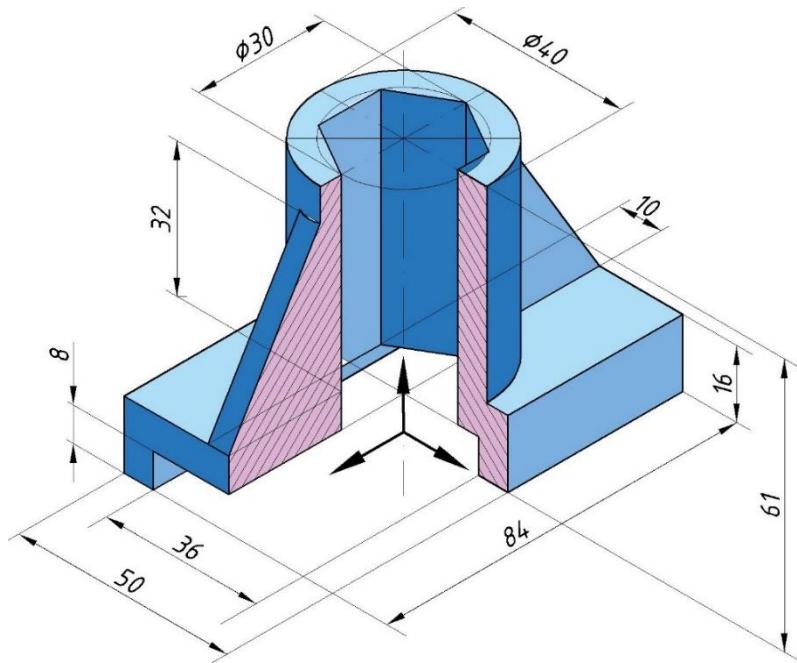
38-chizma

6. Markaziy, kontur, chiqarish chiziqlarining birortasi o'lcham chizig'i sifatida ishlatilmasligi kerak, 38-chizma (ko'k rang bilan noto'g'ri, qizil rang bialn to'g'ri qo'yigan o'lchamlar ko'rsatilgan).

Buyumning og'ma parallel proyeksiyalari xosil bo'lishi uchun, uning ko'rinishlari proyeksiya tekisligiga perpendikulyar joylashishi kerak. Bu xolda og'ma proyeksiyalarning o'lchamlari haqiqiy kattalikda tasvirlanadi.

Aksonometrik tasvirda o'lcham qo'yish uchun quidagi qoidalarga rioya qilish kerak:

Odatda, buyum o'lchamlari yaqqol ko'rinishlarga qo'yilmaydi. Agar aksonometrik tasvirga o'lcham qo'yish kerak bo'lsa o'lcham va chiqarish chiziqlari aksonometriya o'qlariga parallel chiziladi (39-chizmaga qarang).



39-chizma

### 11.3. Chizma shriftlari O'zDSt 2.304:2003<sup>35</sup>

Chizmalardagi barcha yozuvlar standart shrift bilan aniq va yaqqol yozilishi kerak. Standart bo'yicha shriftlarning ikki A va B turi belgilangan. Harf va raqamlarning shakli, barcha o'lchamlari, harflar va so'zlar oralig'i standart bilan belgilangan (1-jadval)<sup>36</sup>.

Parametrlar	Bel gisi	O'lchamlar nisbati	B turdagи shrift o'lchamlari						
Shrift o'lchami, bosh harflar balandligi	h	10/10h	10d	3, 5	5, 0	7, 0	10	14	2 0
Yozma (kichik) harflar balandligi	h <sub>1</sub>	7/10h	7d	2, 5	3, 5	5, 0	7, 0	10	1 4
Harflar orasidagi masofa	d	2/10h	2d	0, 7	1, 0	1, 4	2, 0	2, 8	4
Qatorlar orasidagi masofa	b	17/10h	17d	6, 0	8, 5	12	17	24	3 4
So'zlar orasidagi masofa	e	6/10h	6d	2, 1	3, 0	4, 2	6, 0	8, 4	1 2

<sup>35</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev "Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)". TIQXMMI-2020. 29-33 betlar

<sup>36</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 230-232 betlar.

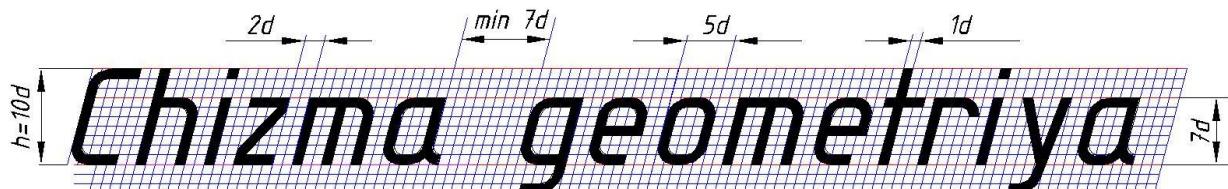
Harf chiziqlarining yo‘g‘onligi	d	1/10h	1d	0, 35	0, 5	0, 7	1, 0	1, 4	2
---------------------------------	---	-------	----	----------	---------	---------	---------	---------	---

Shrift va raqamlarni vertikal yokigorizontalga nisbatan  $75^\circ$  qiyalikda yozilishi mumkin.

Standart shriftlarning quyidagi o‘lchamlari belgilangan: (1,8); 2,5; 3,5; 5; 7; 10; 14; 20; 28; 40. Shriftning o‘lchamlari orqali uning bosh harflari balandligi tushuniladi. Shriftlarni yozishdan oldin shrift chiziqlarning yo‘g‘onligi d ga teng kataklar chizib olinib, harf va raqamlarning barcha parametrлари shu kataklarga ko‘ra chizilsa qulayroq bo‘ladi.

Shrift chiziqlarining yo‘g‘onligi d shriftning turi va balandligiga qarab aniqlanadi. A turdagи shrift uchun  $d=1/14h$ , B turdagи shrift uchun  $d=1/10h$  belgilangan.

B turdagи bosma (katta) harflarning va raqamlarning balandligi  $h=10d$ , yozma (kichik) harflar balandligi  $h=7d$ , harflar orasidagi masofa  $d=2d$ , so‘zlarorasidagi oraliq eng kamida  $e=8d$  ga teng qilib olinadi (40-chizma).



40-chizma

Harflarning balandligi h, yozilishi yo‘g‘onligi d bilan belgilansa, eni va



41-chizma

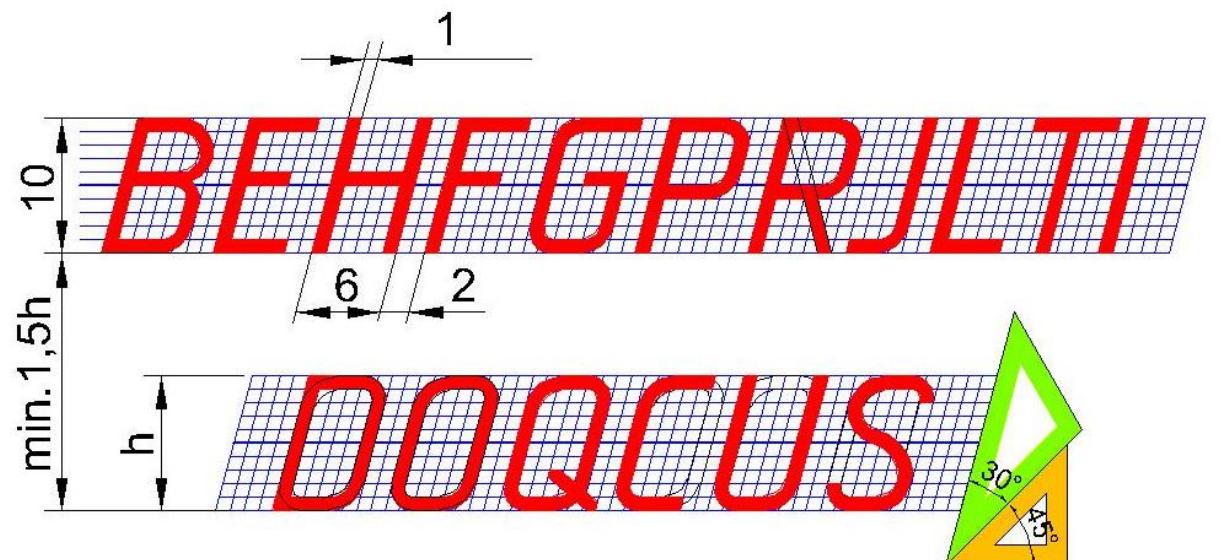
elementlari orasidagi masofa d ga qancha to‘g‘ri kelishi bilan aniqlanadi (40÷45-chizmalar).

Harf konstruksiyasidagi burilishlarning hosil qilinishi 41-chizlmada ko‘rsatilgan (o‘lchamlar katak birligida).

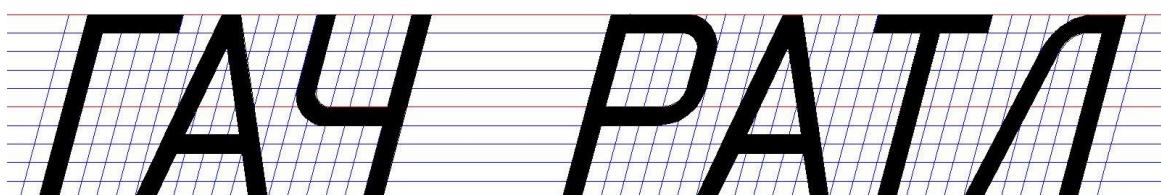
Lotin va kirill (rus alifbosi) shriftlarni yozishda ularning bir-biriga o‘xshahsligidan foydalaniлади. Ostki qismi tor bo‘lgan harf ustki qismi tor bo‘lgan harf bilan yonma-

yon joylashgan hollarda ular orasidagi masofa kamaytiriladi AV, AW, LT (41-chizma), krill alifbosida. ГА, АЧ РА, ТАТ, ТЛ (43-chizma) harflari.

Chizma shriftlarini yozish yordamchi to‘rlar chizishdan boshlanadi. Shrift qiyaligini chizish uchun transportir yoki  $30^\circ$  va  $45^\circ$  burchakli ikkita uchburchaklik yordamida satr asosiga  $75^\circ$  qiyalikdagi chiziqlar chizib olinadi. Ba’zi harflarni yozishda yordamchi to‘rlarning o‘rtasidan o‘tuvchi ya’ni  $1/2 h$  o‘rta chiziqni belgilab olishga to‘g‘ri keladi (T va Y harflarida, hamda A harfining gorizontal chizig‘ida). G harfining pastki o‘ng burchagini birchak yoki yoy tarzida qilish mumkin.



42- chizma



43-chizma

*AaBbDdEeFf*

*GgHhIiJjKkLl*

*MmNnOoPpQq*

*RrSsTtUuVv*

*XxYyZzO'ōG'ō*

*1234567890*

44-chizma

*АБВГДЕЖЗИЙК*

*ЛМНОПРСТУФХ*

*ЦЧШЩЬЫЪЭЮЯ*

*абвгдежзиикл*

*мнопрстуфхц*

*чшъыъэюяјкз*

45-chizma

Harflarning o‘rtasidagi to‘g‘ri yoki qayrilish chiziqlarining yo‘g‘onligi o‘rta chiziqning ustida yoki ostida chiziladi.

Yunon harflari quyidagicha yoziladi va o‘qiladi:

$\alpha$  alfa     $\beta$  betta     $\gamma$  gamma  
 $\delta$  delta     $\varepsilon$  epsilon     $\zeta$  dzetta  
 $\eta$  etta     $\vartheta$  tetta     $\iota$  yotta     $\kappa$  kappa  
 $\lambda$  lyambda     $\mu$  myu     $\nu$  nyu     $\xi$  ksi  
 $\omicron$  omikron     $\pi$  pi     $\rho$  ro     $\sigma$  sigma  
 $\tau$  tau     $\upsilon$  ipsilon     $\varphi$  fi     $\chi$  xi     $\psi$  psi  
 $\omega$  omega — grek alifbosining kichik harflari  
bilan burchaklar ko’rsatiladi

#### 46-chizma

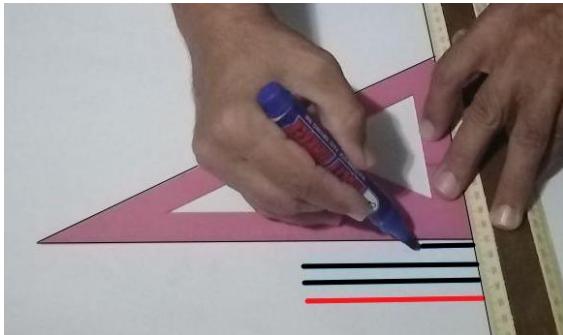
Muhandislik chizmalari mashina buyumlari shakli va o‘lchami haqida to‘liq ma’lumot berishni nazarda tutadi. Shakl tavsifi chizmadagi shakldan, o‘lchamlari esa belgi va izohli o‘lchamlar shaklidan olinadi. Shriftlar oddiy va tushunarli bo‘lishi lozim. Oson o‘qilishi, bir xilligi, qulayligi va bajarishdagi tezkorlik – shriftlarga qo‘yilgan asosiy talablardan hisoblanadi.

#### 11.4. Geometrik yasashlar<sup>3738</sup>

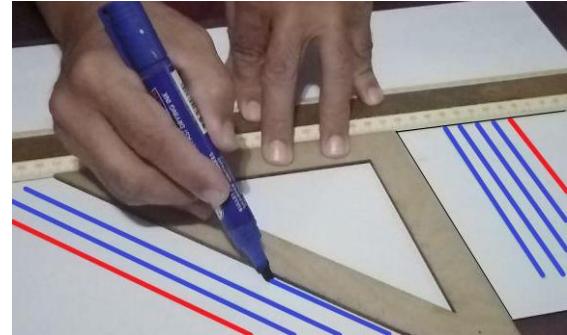
O‘zaro parallel to‘g‘ri chiziqlar chizish. Bunday chiziqlarni reyshina va uchburchaklik, to‘g‘ri chizg‘ich va uchburchaklik yoki reyshinaning o‘zi orqali chizish mumkin (50a,b, c-chizmalar).

<sup>37</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 241-246 betlar.

<sup>38</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 33-42 betlar

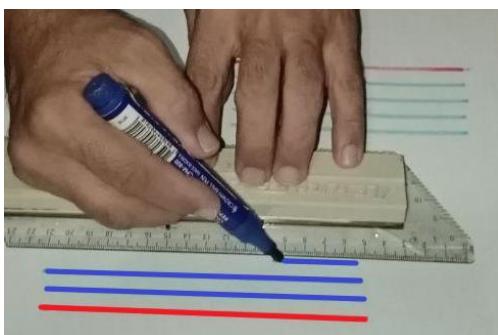


50a-chizma

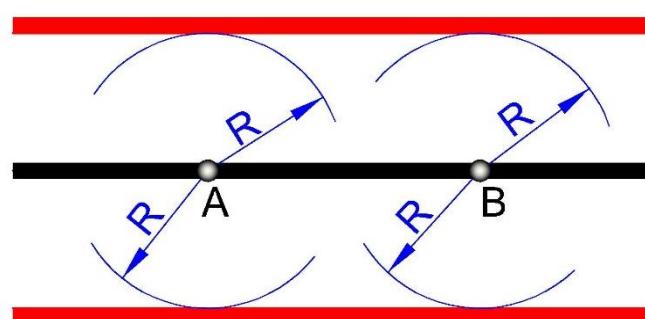


50b-chizma

Sirkul yordamida ham o‘zaro parallel chiziqlarni chizish mumkin (51-chizma).



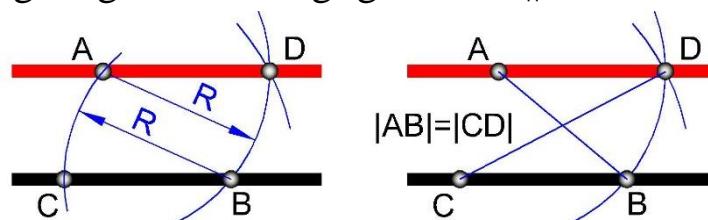
50c-chizma



51-chizma

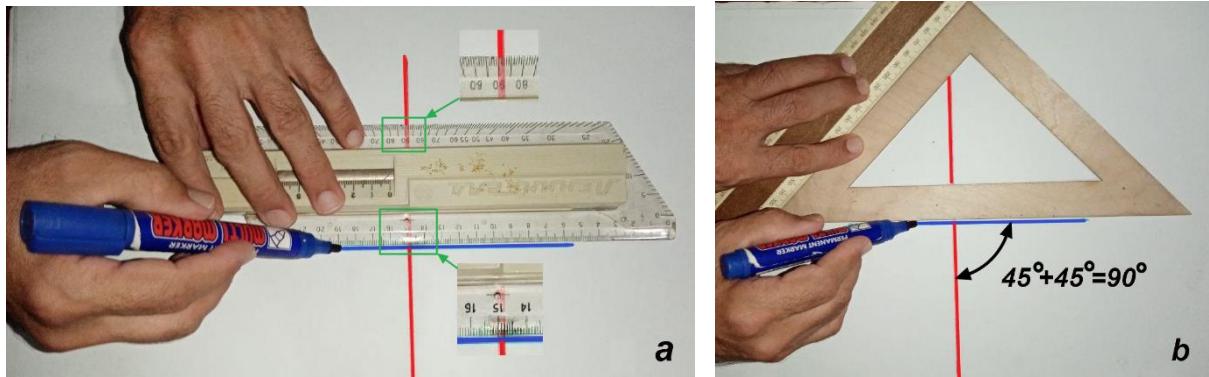
Buning uchun berilgan to‘g‘ri chiziqda ixtiyoriy A va B nuqtalar tanlab olinadi va ulardan bir xil kattalikdagi radiuslarda yoylar chiziladi. Shu chizilgan yoylarga urinma qilib to‘g‘ri chizq o‘tkaziladi.

Berilgan to‘g‘ri chiziqqa A nuqtadan unga parallel to‘g‘ri chiziq o‘tkazish uchun A dan chiziqni kesadigan radiusda yoy chiziladi va B nuqtadan A nuqta orqali o‘tadigan yoy chizilib C nuqta topiladi. C nuqtani markaz qilib  $CD=AB$  radiusli yoy chiziladi. Yoylarning kesishuv nuqtasi D topiladi. So‘ngra A va D nuqtalar tutashtiriladi (52-chizma). Parallelogramning diagonallari tengligidan  $AD \parallel CB$  kelib chiqadi.



52-chizma

2. O‘zaro perpendikulyar to‘g‘ri chizqlar chizish. Ularni reysshina vositasida, yoki to‘g‘ri chizg‘ich hamda uchburchaklik yordamida chizish mumkin (53-a va b chizmalar).

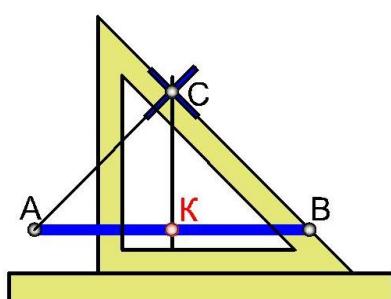


53-chizma

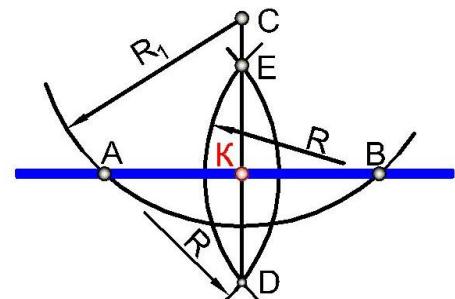
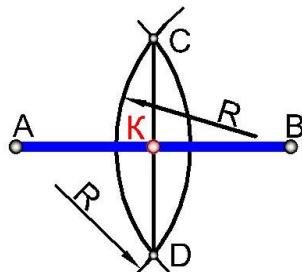
Buning uchun avval reysshinadagi transporter markazi va  $90^{\circ}$  li burchak ko'rsatkichi berilgan to'g'ri chiziqqa taqab qo'yiladi, natijada reyshinaning chizg'ichi berilgan chiziqqa nisbatan to'g'ri burchak hosil qiladi. Chizg'ich va uchburchaklik yordamida to'g'ri burchak olish uchun uchburchaklikning to'g'ri chizg'ichga tiralgan katetini almashtiriladi.

Kesmani teng ikkiga bo'lishni chizg'ichlar yoki sirkul va chizg'ich yordamida ham bajarish mumkin. Birinchi holatda kesma uchlaridan bir xil burchak ostida chiziqlar chiqarilib, ularning kesishuv nuqtasi C topiladi va uchburchaklikning katetidan foydalanib C nuqtadan perpendikulyar tushiriladi. Natijada AB kesmani ikkiga bo'luvchi K nuqta topiladi (54-chizma).

Kesmaga perpendikulyar chiziq o'tkazish yoki kesma o'rtasini topish uchun sirkul yordamida berilgan kesma uchalari A va B nuqtalardan o'zaro kesishadigan bir xil radiusli yoyslar chiziladi va yoyslarning kesishuv nuqtalari, C va E nuqtalar o'zaro tutashtiriladi (55-chizma).



54-chizma



55-chizma

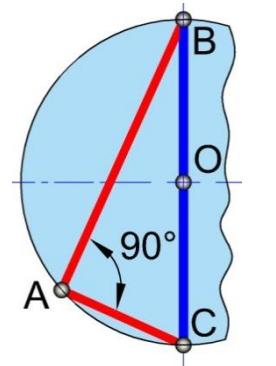
56-chizma

Berilgan to'g'ri chiziqqa C nuqta orqali perpendikulyar tushirish uchun C nuqtani markaz qilib shu chiziqni kesadigan  $R_1$  radiusli yoy

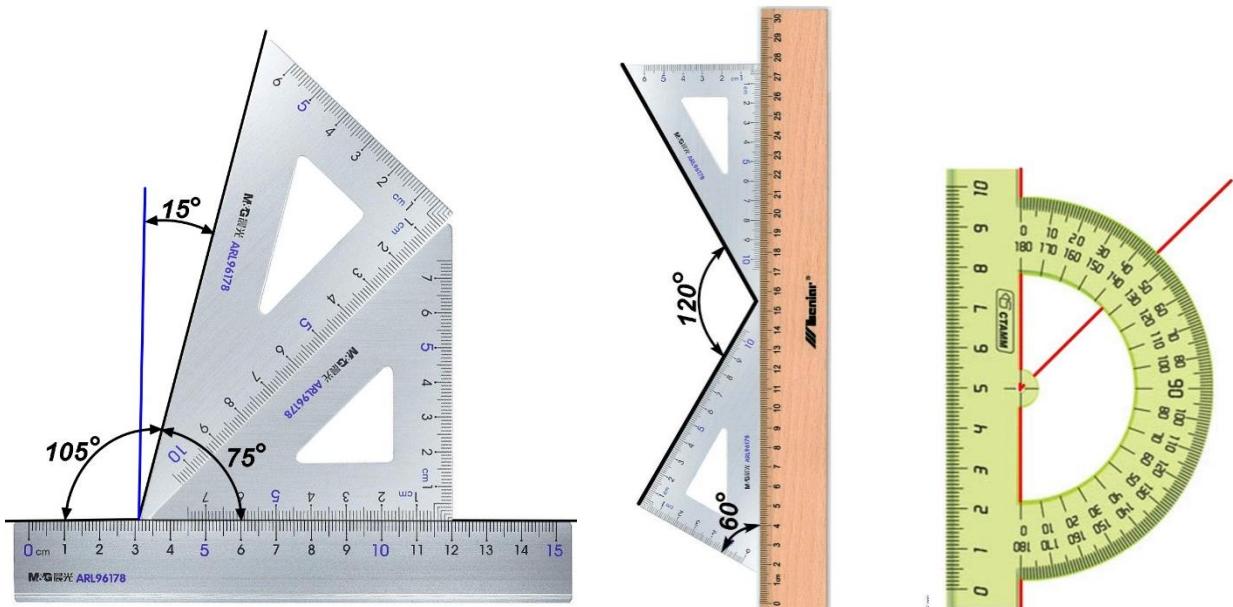
chiziladi. A va B nuqtalardan o‘zaro kesishadigan bir xil radiusli yoyslar chiziladi va hosil bo‘lgan D, E va C nuqtalar tutashtiriladi (56-chizma).

Berilgan to‘g‘ri chiziqqa perpendikulyar chiziqni o‘tkazishda aylanadan ham foydalanish mumkin. AB kesma uchlari orqali o‘tadigan ixtiyoriy kattalikdagi aylana chiziladi va A yoki B nuqtadan aylana markazi O orqali aylana diameri o‘tkaziladi. C nuqta bilan A nuqta tutashtiriladi. Hosil bo‘gan CA kesma AB ga perpendikulyar bo‘ladi (57-chizma). Chunki, aylananing ixtiyoriy A nuqtasi shu aylana diametri uchlari, C va B nuqtalar bilan tutashtirilsa, to‘g‘ri burchak hosil bo‘ladi (57-chizma). Bunda  $A \neq C$  va  $A \neq B$ .

3. Burchaklar yasash va ularni teng bo‘lish. 58-chizmada Oddiy chizg‘ich va uchburchakliklar yoki transporter yordamida turli burchaklarni chizish ko‘rsatilgan.



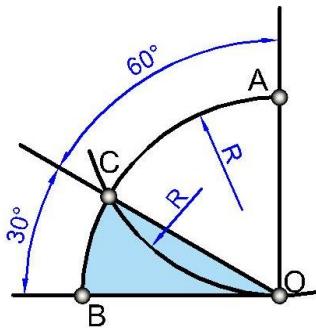
57-chizma



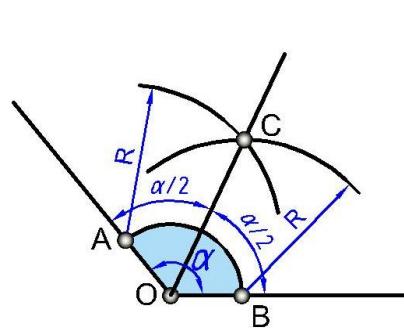
58-chizma

Sirkulda to‘g‘ri burchakning o‘zaro kesishgan nuqtasi O dan ixtiyoriy kattalikdagi radiusda aylana yoyi chiziladi va shu katalikdagi radiusda A nuqtadan yoy chizilsa, C nuqta hosil bo‘ladi. C nuqta O bilan tutashtirilganda  $30^\circ$  va  $60^\circ$  li burchaklar yasaladi (59-chizma).

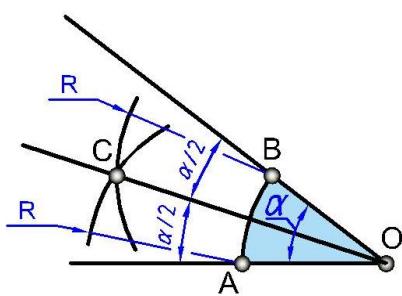
Ixtiyoriy kattalikdagi burchakni teng ikkiga bo'libsh uchun xoxlagan radiusdagi yoy burchak uchidan chiziladi va A, B nuqtalardan o'zaro kesishadigan bir xil radiusdagi yoylar chiziladi, hamda ularning kesishishidan hosil bo'lgan C nuqta O bilan tutashtiradi (60-chizma).



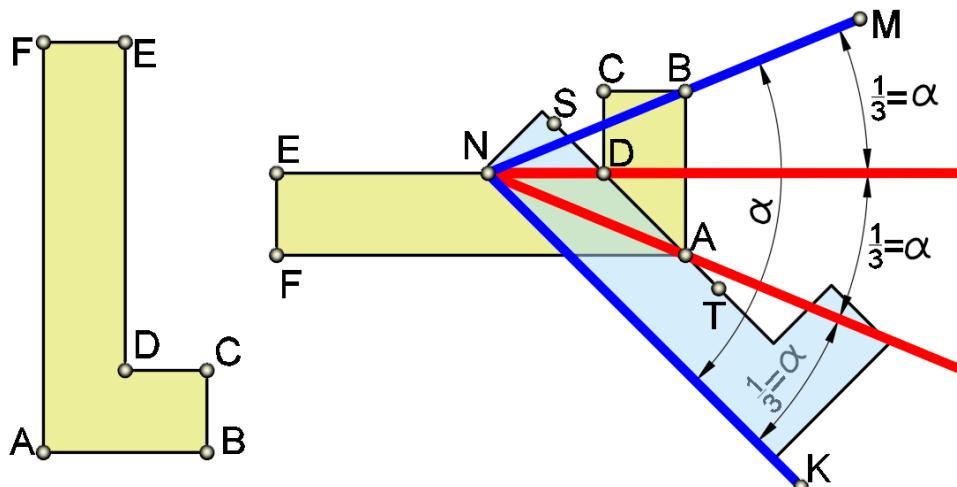
59-chizma



60-chizma



„Duradgorlik kvadrati“ yordamida burchakni uchga bo'lish. Amaliyotda burchak trisektsiyasi „duradgorlik kvadrati“ deb ataluvchi asbob yordamida yechiladi (61-chizma). Undagi barcha burchaklar to'g'ri bo'lib  $EF = CD = 1/2AB$  nisbat saqlanadi. Berilgan MNK burchakni uchga bo'lish uchun asbobning uzun tomonidan foydalanib EF masofada burchakning NK tomoniga parallel holatda ST chiziq o'tkaziladi. Keyin asbobning ED qirrasini N nuqtadan o'tkazib A uchini



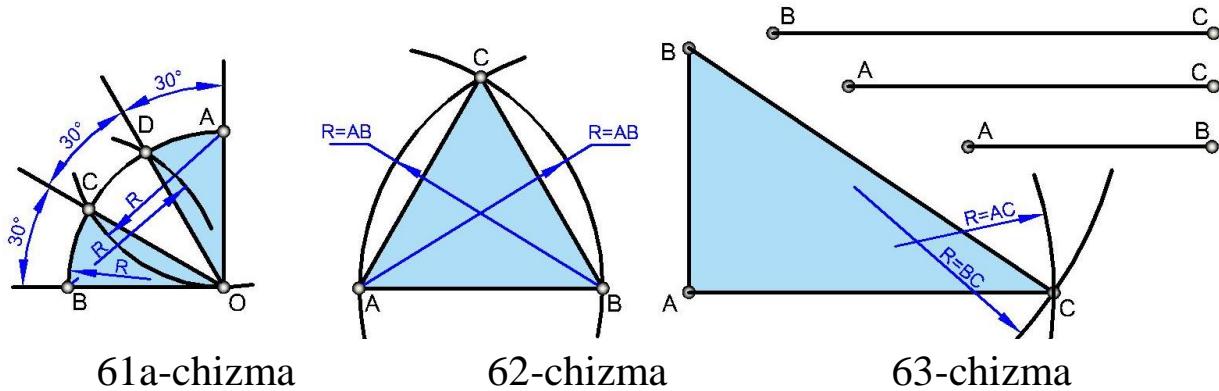
61-chizma

ST chiziqda turishini shunday ta'minlanadiki bunda B uchi MN chiziqda bo'lib qoladi. Natijada hosil qilingan ND va NA kesmalar MNK burchakni teng uchga bo'ladi.

To'g'ri burchakni o'zaro teng uchga bo'lish uchun ixtiyoriy radiusdagi yoy O nuqtadan chiziladi va shu radiusda A va B nuqtalardan yoylar

chizilsa, C va D nuqtalar hosil bo‘ladi. So‘ngra C va D nuqtalar O bilan tutashtiriladi (61a-chizma).

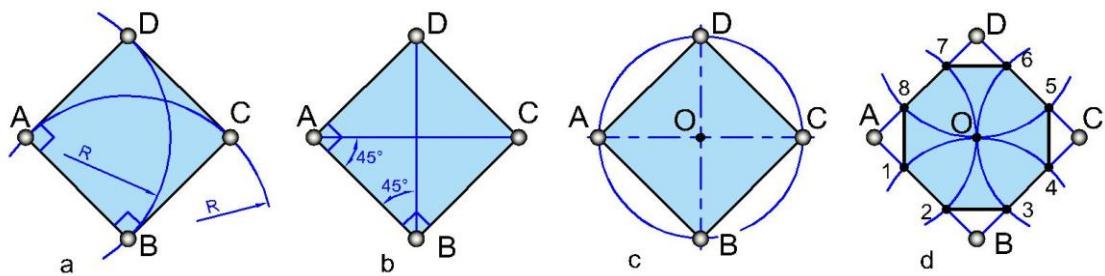
4. Muntazam uchburchakni yasash uchun tanlab olingan AB kesmaning A va B nuqtalaridan shu AB ga teng radiusdagi yoqlar chiziladi hamda ularning kesishayotgan nuqtasi C A va B bilan tutashtiriladi (62-chizma).



Tomonlari uzunliklari berilgan uchburchakni chizish uchun AB uzunlikdagi kesma chiziladi, keyin A va B nuqtalardan AC va BC ga teng radiuslarda yoqlar chiziladi. Bu yoqlarning kesishuv nuqtasi C nuqtani beradi (63-chizma).

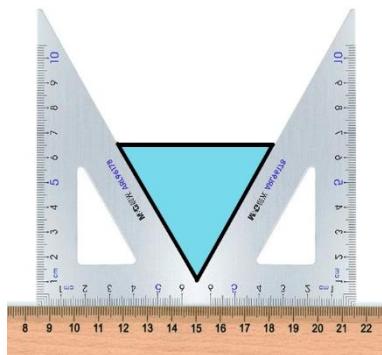
Kvadrat yasashda A va B nuqtalaridan perpendikulyar chiziqlar chizilib, AB kesmaga teng kesmalar o‘lchab qo‘yiladi va CD nuqtalar o‘zaro tutashtiriladi (64-chizma, a). Yoki AB kesmaning A va B nuqtalaridan shu kesmaga nisbatan  $45^\circ$  burchakdagi chiziqlar chiziladi va A, B nuqtalardan kesmaga nisbatan perpendikulyar chiziqlar o‘tkaziladi (64-chizma, b). Aylananing ikkita o‘zaro perpendikulyar diametri (kvadrantlari) orqali ham kvadrat yasash mumkin (64-chizma,c).

Kvadratning, burchaklari A,B,C,D lardan O markazi orqali o‘tuvchi yoqlar chizilsa, kvadrat tomonlarida 1,2,3,...8 nuqtalar hosil bo‘ladi va ular o‘zaro tutashtirilsa, muntazam sakkizburchak hosil bo‘ladi (64-chizma,d).

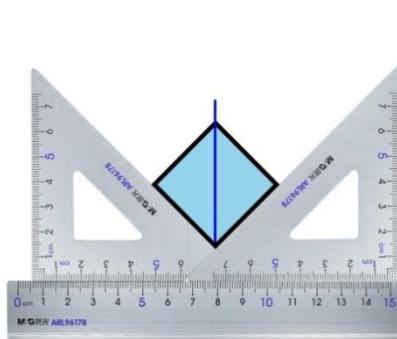


64-chizma

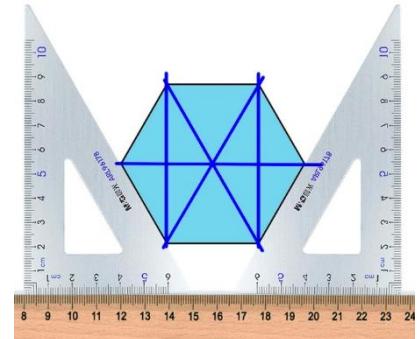
Chizg‘ich va uchburchakliklar yordamida turli ko‘pburchaklarni yasash usullari 65, 66, va 67-chizmalarda keltirilgan.



65-chizma



66-chizma

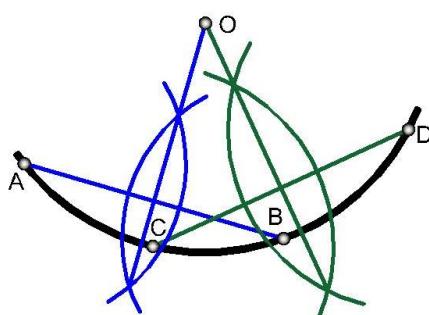


67-chizma

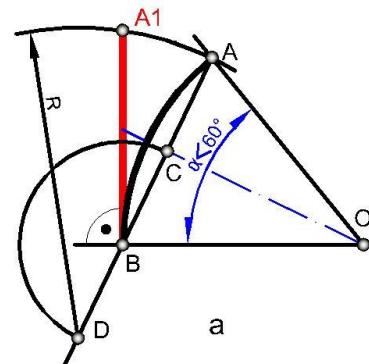
chizma

5. Aylana yoyi markazini aniqlash. Berilgan yoyiga ikkita vatar o‘tkaziladi. Bu vatarlarni teng ikkiga bo‘luvchi perpendikulyar chiziqlarning o‘zaro kesishish nuqtasi O aylana (yoyi) ning markazi bo‘ladi (68-chizma).

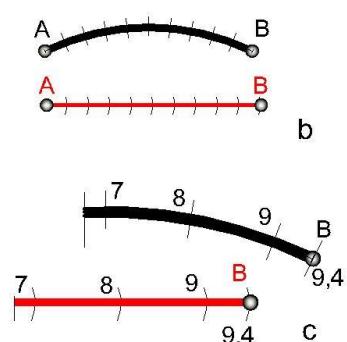
6. Aylana yoyining uzunligini topish.



68-chizma



69-chizma



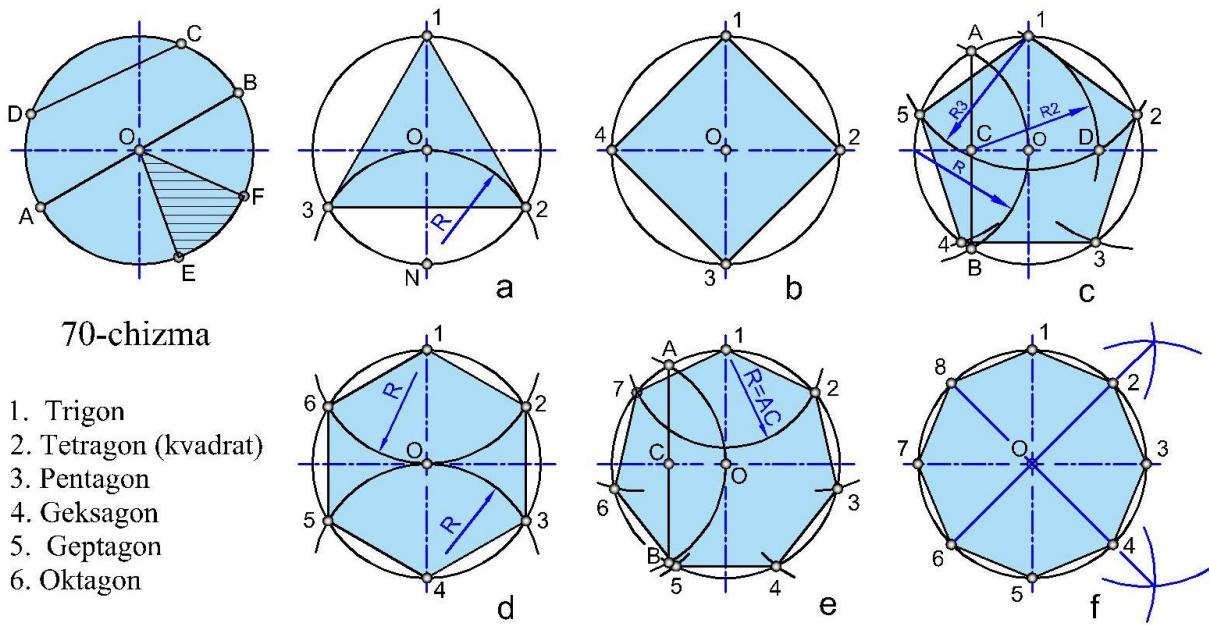
Aylana yoyi sector bo‘yicha  $60^\circ$  va undan kichikroq bo‘lsagina uni to‘g‘irlash yetarli aniqlikda bo‘ladi. Buning uchun yoyning AB vatarini teng ikkiga bo‘lib, AB ning davomiga BC masofa qo‘yilib D nuqta

topiladi. OB radiusga perpendikulyar qilib chiziq o'tkaziladi. D nuqtadan AD=R radiusda chizilgan yoy B nuqtadan chizilgan perpendikulyarni A1 nuqtada kesib o'tadi. Shunda yoyning yoymasi BA1 hosil bo'ladi (69a-chizma,).

Yoki AB vatar o'zaro teng bir nechta mayday yoylarga bo'lib olinadi va A nuqtadan boshlab to'g'ri chiziq bo'yicha shu yoymalar o'lbhab qo'yiladi (69b-chizma,). Agar oxirgi qiymat kasr ko'rinishida bo'lsa shu qiymat qo'yiladi (69c-chizma).

Aylanani yoyish uchun uning diametri 3,14 ga ko'paytiriladi, yani  $\pi \cdot d$  tenglama orqali amalgam oshiriladi. Bundan aylana yoyining uzunligi  $p = \frac{2\pi r\varphi}{360} = \frac{\pi r\alpha}{180}$  ekanligi kelib chiqadi. Formuladagi  $\alpha$  yoy tiralgan burchak.

7. Aylanani teng bo'laklarga bo'lish va muntazam ko'pburchaklar yasash. Aylananining markazi O ni kesib o'tadigan AB vatar aylana diametri, OD kesma aylananining radiusi va aylananining markazidan o'tmaydigan DC vatarga tiralgan qismi yoy deyiladi (70-chizma). Aylananining diametri shu aylanani teng ikkiga bo'ladi 70-chizmadagi AB kesma. EOF burchakning aylanadan ajratgan qismi sector deyiladi.



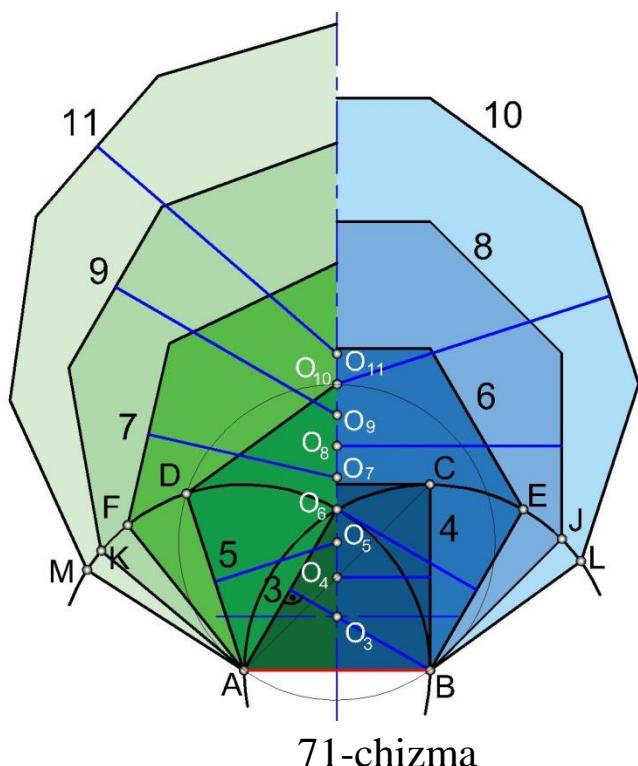
Aylana o'z radiusiga teng yoy bilan N nuqtasi orqali kesilsa, u o'zaro teng uch qismga bo'linadi (71a-chizma,). Aylana o'z radiusiga teng yoy bilan 1 va 4 nuqtalari orqali kesilsa, teng olti qismga ajraladi (70d-

chizma.). Shu taxlit 12, 24 va hokozo tarzda geometrik progressiya bo'yicha o'sib boruvchi burchaklarga ega bo'lgan muntazam ko'pburchaklarni hosil qilish mumkin. Aylanani o'zaro teng qismlarga bo'linganda hosil qilingan nuqtalar ketma-ket tutashtirilib chiqilsa, muntazam ko'pburchakkar yasaladi (70- chizma).

Muntazam besh burchakni yasash uchun aylananing biror kvadrantini markaz qilib radiusga teng yoy chiziladi va uni aylana bilan kesishuv nuqtalari, A va B topiladi. Ularni birlashtiruvchi chiziq aylana o'qini kesib o'tib, radiusini ikkiga bo'luvchi C nuqtani beradi. C nuqtani markaz qilib aylananing 1-kvadrantidan o'tuvchi  $R_2$  radiusli yoy chizilib D nuqta topiladi.  $1D=R_3$  masofa berilgan aylanani beshga bo'luvchi vatar uzunligidir (7c-chizma).

Aylanani taqriban yetti qismga bo'lishda AC kesmadan foydalaniladi (70e-chizma).

Biror AB kesma berilgan bo'lsa, u orqali turli muntazam ko'pburchaklarni yasash sxemasi (71-chizma) ko'rsatilgan.



AB radius bilan A va B nuqtalardan chizilgan yoqlar  $O_6$  nuqtada kesishadi va undan AB ga perpendikulyar tushirilsa, barcha ko'pburchaklar yasash uchun chiziladigan aylanalarning simmetriya o'qi o'tkazilgan bo'ladi. Kvadrat yasash uchun B dan AB ga perpendikulyar chizilib C nuqta aniqlanadi. AC diagonal simmetriya o'qi bilan kesishib, kvadrat aylanasining markazi  $O_4$  ni hosil

qiladi.  $O_4$  va  $O_6$  oraliq teng ikkiga bo'linsa, muntazam beshburchakning (aylananing) taxminiy markazi  $O_5$  topiladi.  $O_5$  dan A nuqta orqali o'tuvchi

aylana chizilsa, AB radiusdli yoy bilan kesishib D nuqtani beradi. Shu tartibda O<sub>6</sub> dan oltiburchak yasaladigan aylana chiziladi va hokazo.

Keyingi muntazam ko‘pburchaklarning markazlarini aniqlash uchun O<sub>4</sub> dan O<sub>4</sub>O<sub>5</sub> oraliq o‘lchab qo‘yiladi. Shunda O<sub>5</sub>, O<sub>6</sub>,..., O<sub>12</sub> markazlar topiladi.

## 11.5. Qiyalik va konusliklar<sup>3940</sup>

Tekislik va sirtlarning gorizontal tekislikka nisbatan yoki bir biriga nisbatan og‘ish burchaklari to‘g‘ri chiziq qiyaligi bilan o‘lchanadi. To‘g‘ri chiziqning qiyaligi deyilganda, uning gorizontal chiziiianisbatan oqish burchagi tushuniladi.

Qiyalik odatda ikki sonning nisbatini ko‘rinishida yoki foizlarda berilishi mumkin. GOSTga ko‘ra qiyalik belgisi «∠», «>» ko‘rinishda bo‘lib, u o‘lcham soni oldiga qo‘yiladi va qiyalik qaysi tomonga bo‘lsa, belgining uchi o‘sha tomonga qaratib qo‘yiladi.

Misol: a) 1 : 4 nisbatdagi qiyalik yasalsin:

Bu qiyalikni yasash uchun i nisbatining surat va maxrajini to‘g‘ri burchakli uchburchakning katetlari deb olib, uning gipotenuzasini hosil qilamiz, bu gipotenuza so‘ralgan qiyalik bo‘ladi.

b) 12 foizlik qiyalik yasalsin.

Ma’lumki, 12% bu 100% ning 12 ulushidir, shunga ko‘ra  $\frac{12}{100} = \frac{3}{25}$ , ya’ni 3:25 nisbatdagi qiyalikni yasash kerak ekan, buni yasash usuli 72-chizmada ko‘rsatilgan.

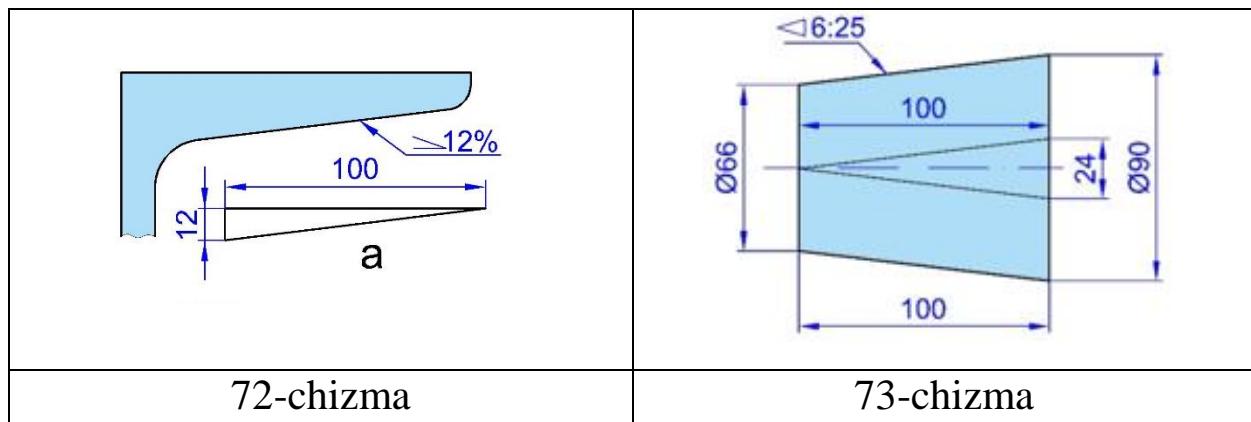
Texnik chizmachilikda qiyaliklarni yasash prokat balkalari bo‘lgan shveller, qo‘shtavr, rels va shu kabilarning profil chizmalarini bajarishda ishlataladi.

Konuslik. To‘g‘ri doiraviy konus asosi diametrning konus balandligiga nisbatli konuslik deyiladi:  $K = \frac{D}{l}$ . Agar konus kesik bo‘lsa, u holda formula  $K = \frac{D-d}{l}$  ko‘rnisda bo‘ladi, bunda D-konusning katta asosi

<sup>39</sup> U. T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, Ch. T. Shokrova, X. M. Rixsiboyeva. „Chizma geometriya va muhandislik grafikasi“. Tafakkur qanoti T.2019 y. 247-248 betlar.

<sup>40</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 42-43 betlar

diametri. d-konusning kichik asosi diametri bo‘lib, l-konus balandligini bildiradi (73-chizma).



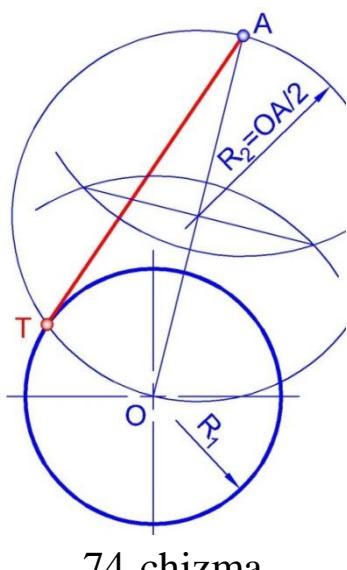
GOST 1307-68 ga ko‘ra chizmalarda konuslikni belgilash uchun o‘lcham soni oldiga «K» belgisi qo‘yiladi.

Masalan: kesik konusning asosidagi diametrlari  $D=90$  va  $d=66$  va balandligi  $l=100$  bo‘lsin, u holda konuslik  $K = \frac{90-66}{100} = \frac{24}{100} = \frac{6}{25}$  yoki nisbat ko‘rinishda 6:25 bo‘ladi.

## 11.6. Tutashmalar<sup>41</sup>

Ttashma deb ikki chiziqning ikkinchi tartibli egri chiziqlar vositasida silliq-ravon tutashtirilishiga aytildi. Bir chiziqning ikkinchi chziqqa o‘tish joyi  $T_1$  va  $T_2$  tutashtirish (o‘tish) nuqtasi va agar sirkulli tutashma bo‘lsa soy markazi  $M$  nuqta tutashtirish markazi deyiladi.

### 1. Aylanaga urinma o‘tkazish.



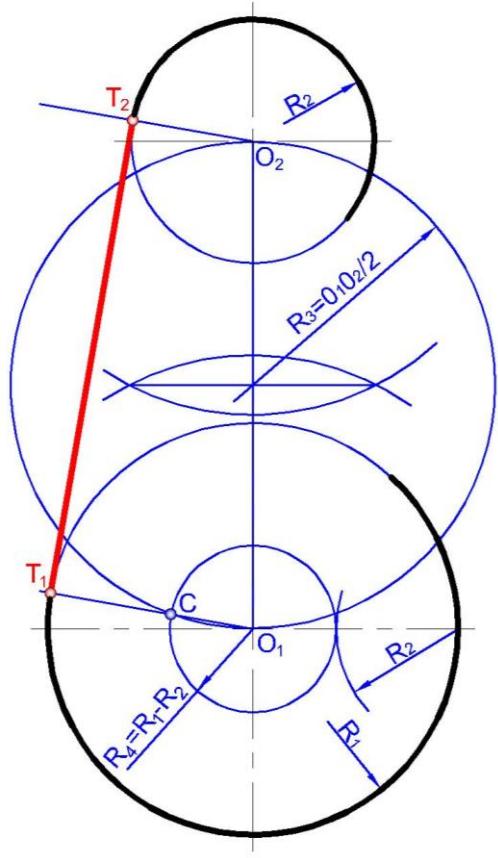
Berilgan  $A$  nuqtadan  $R_1$  aylanaga urinma o‘tkazish.

- $O$  markaz va  $A(\cdot)$  tutashtiriladi:  
$$A(\cdot) \leftrightarrow O \odot$$
- $OA$  kesma o‘rtasidan  $R_2$  aylana chiziladi:  
$$(OA/2) \odot R_2(OA/2)$$
- $R_1$  va  $R_2$  aylanalar kesishuvi  $T(\cdot)$  topiladi:  
$$R_1 \cap R_2 \rightarrow T(\cdot)$$
- $A(\cdot)$  dan  $R_1$  aylanaga urinma o‘tkaziladi;

<sup>41</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 43-47 betlar

*T* uruinish ( $\cdot$ )si:

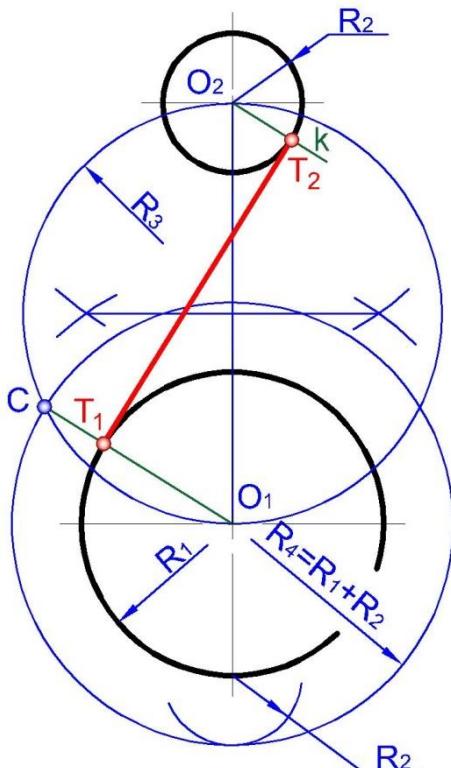
$$AT \bar{O} R_I; T \bar{O} \cdot$$



75-chizma

$R_1$  va  $R_2$  aylanlarga tashqi urinma o'tkazish.

1.  $O_1$  va  $O_2$  markazlar tutashtiriladi:  
 $O_1 \odot \leftrightarrow O_2 \odot$
2.  $O_1O_2$  kesma o'rtasi topilib,  
 $R_3 = O_1O_2/2$  aylana o'tkaziladi:  
 $(O_1O_2/2) \odot R_3(O_1O_2/2)$
3.  $O_1$  markazda  $R_4 = R_1 - R_2$  aylana chiziladi:  
 $O_1 \odot R_4(R_1 - R_2)$
4.  $R_3$  va  $R_4$  aylanalar kesishuvi  $C(\cdot)$  topiladi:  
 $R_3 \cap R_4 \rightarrow C(\cdot)$
5.  $O_1C$  kesma  $R_1$  aylana bilan kesishuvi  $K_1(\cdot)$  topiladi:  $O_1C \cap R_1 \rightarrow K_1(\cdot)$
6.  $CT_1$  kesmaga parallel qilib  $O_2T_2$  chiziq o'tkaziladi:  $O_2 \odot O_2T_2 // CT_1$
7.  $O_2T_2$  chiziqning  $R_2$  aylana bilan kesishuvi  $T_2(\cdot)$  topiladi:  $O_2T_2 \cap R_2 \rightarrow T_2(\cdot)$
8.  $R_1R_2$  aylanalarga urinma  $T_1T_2$  o'tkaziladi;  $T_1T_2$  urinish nuqtalari:  
 $T_1T_2 \bar{O} R_1, R_2; T_1T_2 \bar{O} \cdot$



76-chizma

$R_1$  va  $R_2$  aylanlarga ichki urinma o‘tkazish.

1.  $O_1$  va  $O_2$  markazlar tutashtiriladi:

$$O_1 \odot \leftrightarrow O_2 \odot$$

2.  $O_1O_2$  kesma o‘rtasi topilib,  $R_3 = O_1O_2/2$  aylana o‘tkaziladi:  $(O_1O_2/2) \odot R_3(O_1O_2/2)$

3.  $O_1$  markazda  $R_4 = R_1 + R_2$  aylana chiziladi:

$$O_1 \odot R_4(R_1 + R_2)$$

4.  $R_3$  va  $R_4$  aylanalar kesishuvi  $C(\cdot)$  topiladi:

$$R_3 \cap R_4 \rightarrow C(\cdot)$$

5.  $O_1C$  kesma  $R_1$  aylana bilan kesishuvi  $T_1(\cdot)$  topiladi:  $O_1C \cap R_1 \rightarrow T_1(\cdot)$

6.  $CT_1$  kesmaga parallel  $k$  chiziq  $O_2$  markazdan o‘tkaziladi:  $O_2 \odot k // CT_1$

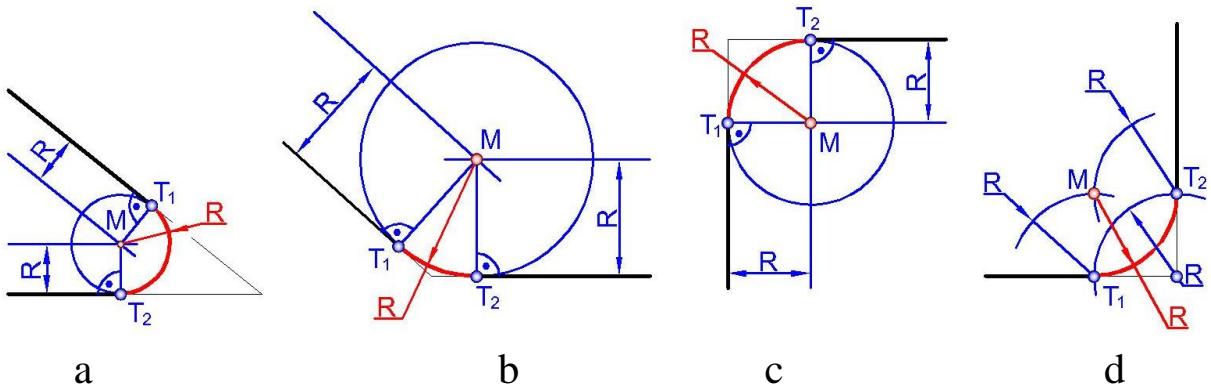
7.  $k$  chiziqning  $R_2$  aylana bilan kesishuvi  $T_2(\cdot)$  topiladi:  $k \cap R_2 \rightarrow T_2(\cdot)$

$R_1R_2$  aylanalarga urinma  $T_1T_2$  o‘tkaziladi;  $T_1T_2$  urinish nuqtalari:  $T_1T_2 \bar{\odot} R_1, R_2$ ;

$T_1T_2 \bar{\odot} \cdot$

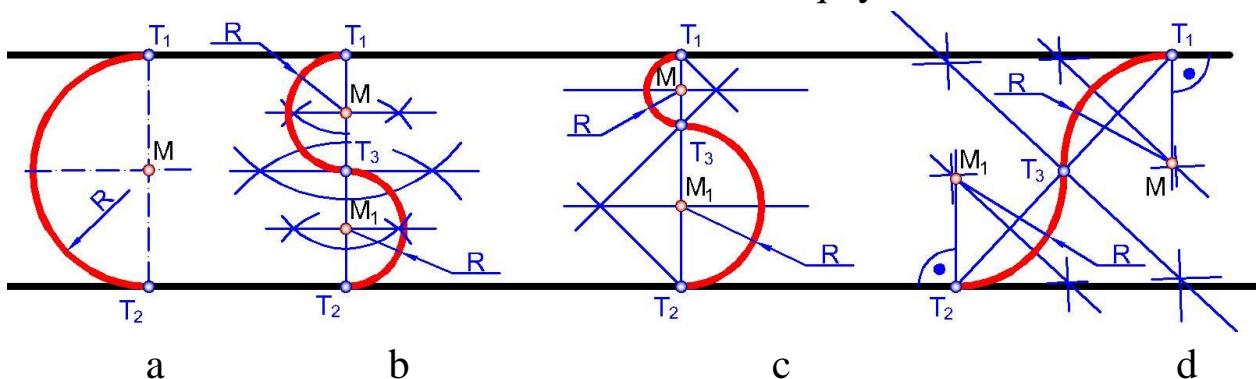
**2. Burchak tutashmaalr.** Kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlarni ayalana yoyi bilan tutashtirish uchun to‘plamlar nazariyasidan foydalangan yaxshi, bunda to‘g‘ri chiziqdandan bir xil uzoqlikda yotgan nuqtalar to‘plami tekislikda unga parallel b‘lgan ikkita chiziq bo‘ladi demak tutashma radiusi  $R$  masofada berilgan chiziqlarga parallel to‘g‘ri chiziqlar o‘tkaziladi. Ularning o‘zaro kesishish nuqtasi tutashma markazi  $M$  nuqtani beradi.  $M$  nuqtadan berilgan chiziqlariga perpendikulyar o‘tkazilib, tutashuv nuqtalari  $T_1$  va  $T_2$  lar topiladi.  $M$  markazli yoy bialn chiziqlar tutashtiriladi (77-chizma).

To‘g‘ri burchak ostidagi chiziqlarni tutashtirishda ularning kesishuv nuqtasidan tutashma radiusi  $R$  ga teng yoy chizib, o‘tish nuqtalari  $T_1$  va  $T_2$  larni aniqlab so‘ngra  $T_1$  va  $T_2$  nuqtalardan yana o‘sha radius bilan yoylar chizib tutashtirish markazi  $M$  aniqlanadi (77d-chizma).

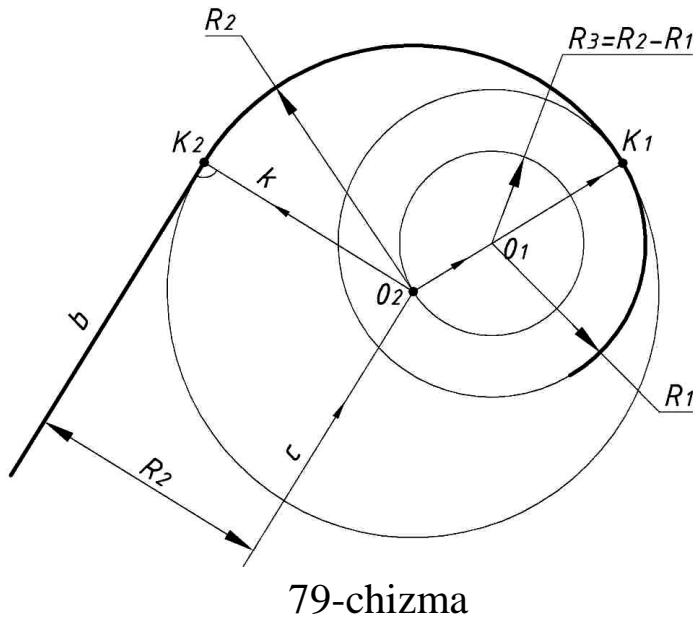


77-chizma

**3. O‘zaro ikkita parallel to‘g‘ri chiziqlarni tutashtirish.** Buning uchun ikkala to‘g‘ri chiziqlarga perpendikulyar chiziq o‘tkaziladi.  $T_1$  va  $T_2$  oraliq teng ikkiga bo‘linsa, tutashma markazi  $M$  nuqta hosil bo‘ladi (78a-chizma,). O‘zaro parallel to‘g‘ri chiziqlarni bir hil yoki turli radiusdagi yoyslar bilan tutashtirishda tutashma radiusi o‘zaro teng (78b-chizma,) yoki faqqli (78c-chizma,) bo‘ladi. Parallel to‘g‘ri chiziqlardagi o‘tish nuqtalariularini tutashtiruvchi kesma bu chiziqlarga, qiya chiziqdagi (78d-chizma,) bir hil tutashtirish radiusiga ega bo‘lsa,  $T_1T_2$  kesma ikkiga bo‘linib  $T_3$  nuqta topiladi.  $T_1T_3$  va  $T_3T_2$  kesmalar ham ikkiga bo‘linib, ularning o‘rtasidan perpendikulyar o‘tkaziladi. Bu chiziqlar A va B nuqtalardan parallel to‘g‘ri chiziqlarga o‘tkazilgan normallar bilan kesishib tutashtirish markazlari  $M$  va  $M_1$  larni aniqlaydi.



78-chizma.



79-chizma

$R_1$  aylana va  $b$  to‘g‘ri chiziq orasida  $R_2$  radiusli ichki tutashma o‘tkazish (79-chizma)

1.  $O_1$  markazda  $R_3=R_2-R_1$  aylana chiziladi:

$$O_1 \odot R_3(R_2-R_1)$$

2.  $b$  chiziqqa  $R_2$  masofaga teng parallel  $c$  chiziq o‘tkaziladi:

$$c // b; bc = R_2$$

3.  $c$  chiziqning  $R_3$  aylana bilan kesishuvi  $O_2(\cdot)$  topiladi:

$$c \cap R_3 \rightarrow O_2(\cdot)$$

4.  $O_1O_2$  kesma chizig‘ining  $R_1$  radiusli aylana bilan kesishuv nuqtasi  $K_1(\cdot)$  topiladi:

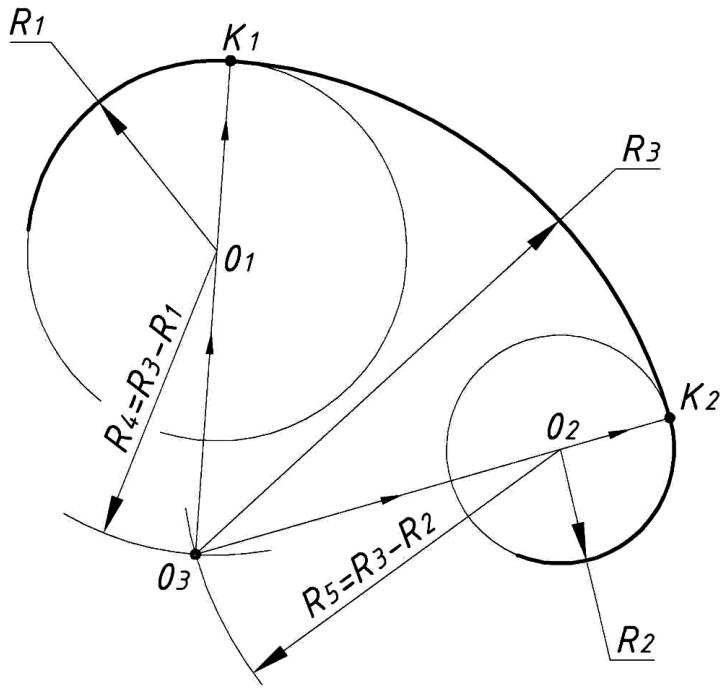
$$O_2O_1 \cap R_1 \rightarrow K_1(\cdot)$$

5.  $O_2$  markazdan  $b$  to‘g‘ri chiziqga perpendikulyar o‘tkaziladi va kesishuv nuqtasi  $K_2(\cdot)$  topiladi:

$$(O_2 \odot k \perp b) \cap b \rightarrow K_2(\cdot)$$

6.  $O_2$  nuqtani markaz qilib  $K_1K_2$  nuqtalar tutashtiriladi:

$$(O_2 \odot R_2) \bar{O} (b, R_1); K_1, K_2 \bar{O} \cdot$$



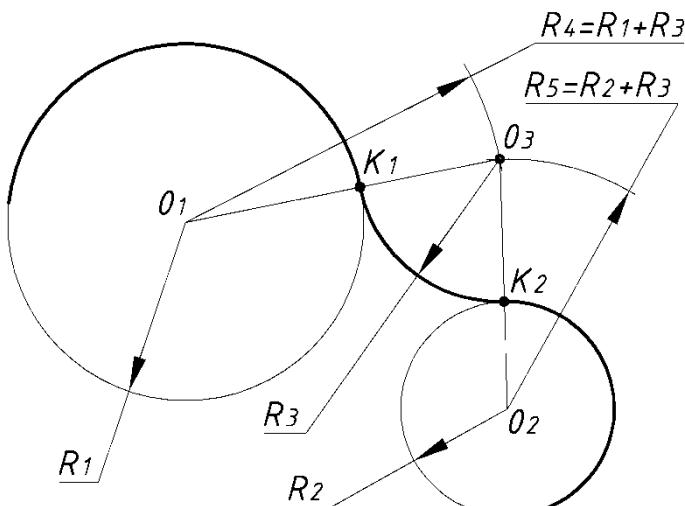
80-chizma

$R_1$  va  $R_2$  aylanalarga  $R_3$  radiusli ichki tutashma o'tkazish.

1.  $O_1$  markazdan  $R_4=R_3-R_1$   $R_1$  yoy o'tkaziladi:  
 $O_1 \odot R_4(R_3-R_1)$
2.  $O_2$  markazdan  $R_5=R_3-R_2$   $R_2$  yoy o'tkaziladi:  
 $O_2 \odot R_5(R_3-R_2)$
3.  $R_4$  va  $R_5$  yoylarning kesishuvi  $O_3(\cdot)$  topiladi:  
 $R_4 \cap R_5 \rightarrow O_3(\cdot)$
4.  $O_3O_1$  kesma chizig'i  $R_1$  aylana bilan kesishuvi  $K_1(\cdot)$  topiladi:  
 $O_3O_1 \cap R_1 \rightarrow K_1(\cdot)$
5.  $O_3O_2$  kesma chizig'i  $R_2$  aylana bilan kesishuvi  $K_2(\cdot)$  topiladi:  $O_3O_2 \cap R_2 \rightarrow K_2(\cdot)$

6.  $O_3$  markazdan  $R_3$  yoy  $R_1$  va  $R_2$  aylanalarga tutashma qilib o'tkaziladi;  $K_1K_2$  tutashuv nuqtalari:

$(O_3 \odot R_3) \bar{O} (R_1R_2)$ ;  $K_1, K_2 \bar{O} \cdot$



81-chizma

$R_1$  va  $R_2$  aylanalarga  $R_3$  radiusli tashqi tutashma o'tkazish.

1.  $O_1$  markazdan  $R_4=R_1+R_3$  yoy o'tkaziladi:  
 $O_1 \odot R_4(R_1+R_3)$
2.  $O_2$  markazdan  $R_5=R_2+R_3$  yoy o'tkaziladi:  
 $O_2 \odot R_5(R_2+R_3)$
3.  $R_4$  va  $R_5$  yoylarning

kesishuvi  $O_3(\cdot)$  topiladi:

$$R_4 \cap R_5 \rightarrow O_3(\cdot)$$

4.  $O_3O_1$  kesma chizig‘i  $R_1$  aylana bilan kesishuvi  $K_1(\cdot)$  topiladi:

$$O_3O_1 \cap R_1 \rightarrow K_1(\cdot)$$

5.  $O_3O_2$  kesma chizig‘i  $R_2$  aylana bilan kesishuvi  $K_2(\cdot)$  topiladi:

$$O_3O_2 \cap R_2 \rightarrow K_2(\cdot)$$

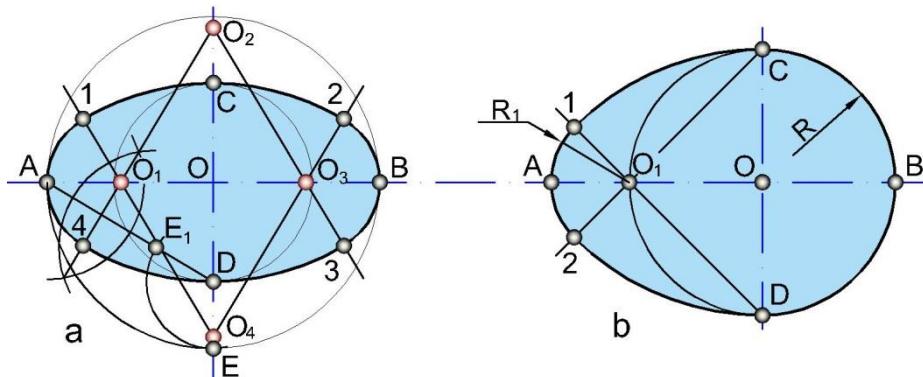
6.  $O_3$  markazdan  $R_3$  yoy  $R_1$  va  $R_2$  aylanalarga tutashma qilib o‘tkaziladi;  
 $K_1K_2$  tutashuv nuqtalari:

$$(O_3 \odot R_3) \bar{\cup} (R_1R_2); K_1, K_2 \bar{\cup} \cdot$$

## 11.7. Sirkul egri chiziqlar<sup>42</sup>

Katta (AB) va kichik (CD) o‘qlari berilgan ovallarni (oval— tuxum) yasash masalasini turmushda ko‘p uchratamiz. Ularni turli usullar bilan chizish mumkin.

Katta va kichik o‘qlari o‘zaro perpendikulyar bo‘lgani uchun kesishuvchi chiziqlarga AB va CD masofalar qo‘yiladi. O nuqtani markaz qilib OA yoy chiziladi va E nuqta topiladi. A nuqta D bilan tutashtiriladi. D markazli va DE radiusli yoy AD kesmani E<sub>1</sub> nuqtada kesadi. AE<sub>1</sub> kesma o‘rtsidan o‘tkazilgan perpendikulyr OA da O<sub>1</sub>, OC da O<sub>2</sub> nuqtalarni aniqlaydi. Simmetrik ko‘chirishdan foydalanib O<sub>3</sub> va O<sub>4</sub> nuqtalar topiladi. O<sub>2</sub> va O<sub>3</sub> va O<sub>4</sub> hamda O<sub>1</sub> lar to‘g‘ri chiziqlar bilan tutashtiriladi. O<sub>1</sub> A radiusda 14 yoy, O<sub>4</sub> C radiusda 12 yoy, O<sub>3</sub> B radiusda 23 yoy, O<sub>2</sub> D radiusda 34 yoylar o‘tkazilib oval xosil qilinadi (82-chizma, a).

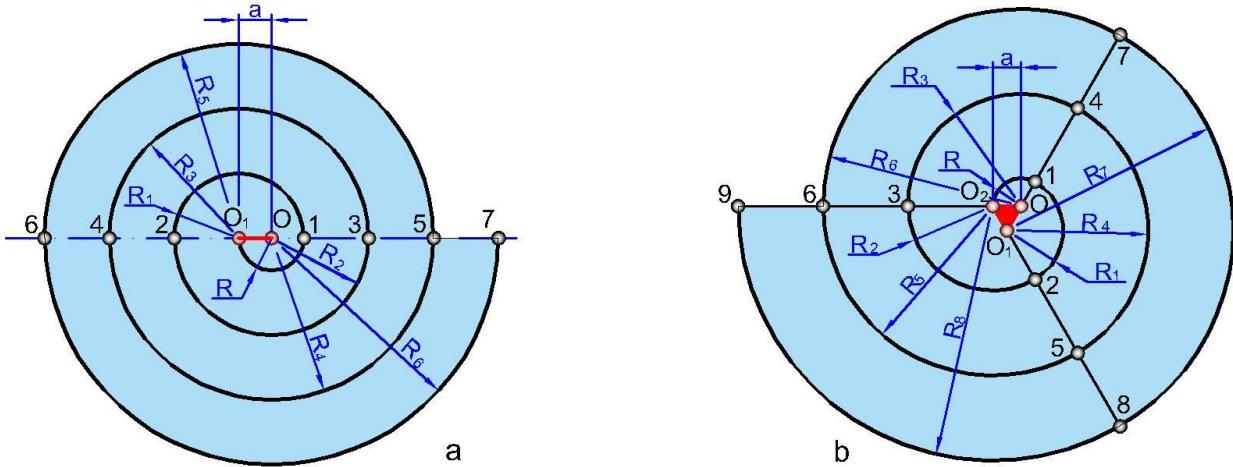


82-chizma

Ovoidni CD kichik o‘qi orqali chizish osonroq. Berilgan CD diametrli aylana chiziladi, aylana kvadranti O<sub>1</sub> deb belgilanadi. C va O<sub>1</sub>, D va O<sub>1</sub> nuqtalar to‘g‘ri chiziqlar bialn tutashtiriladi. D nuqtadan DC radius bilan, C nuqtadan CD radius bilan 1 va 2 nuqtagacha yoyslar chiziladi. O<sub>1</sub> markazdan O<sub>1</sub>A radiusli yoy bilan 1 va 2 nuqtalar tutashtiriladi (82-chizma, b).

O‘rama deb sirkulli egri chiziqlardan iborat bo‘lib qaytalanuvchi xarakterdagи egri chiziqlarga aytildi.

<sup>42</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 47-49 betlar



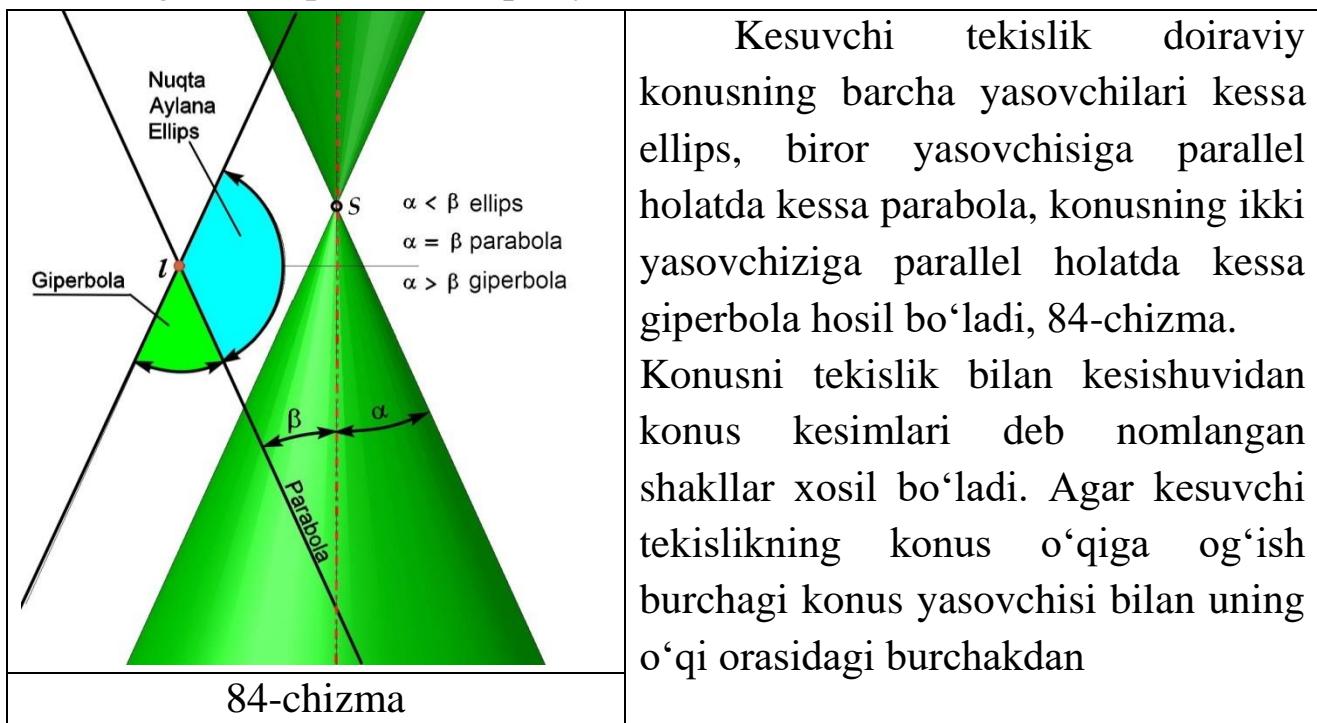
83–chizma

O‘ramani ikkita va undan ko‘proq markazlar yordamida chizish mumkin. Ikki markazli o‘ramani chizish uchun markazi O dan R ( $OO_1$ ) radius bilan yarim aylana,  $O_1$  dan  $R_1$  ( $O_1 1,2$ ) radius bilan yarim aylana, yana O dan  $R_2$  ( $O 2,3$ ) radius bilan yarim aylanalar chiziladi (83–chizma, a).

Muntazam uchburchak asosida o‘rama yasash uchun uning tomonlari davom ettiriladi. Uchburchakning uchlari yoy markazlarini belgilaydi, shuning uchun bu nuqtalarni markaz qilib silliq-ravon tutashuvchi yoylarning tomonlari chiziladi (83-chizma, b).

## 11.8. Lekalo egri chiziqlari<sup>43</sup>

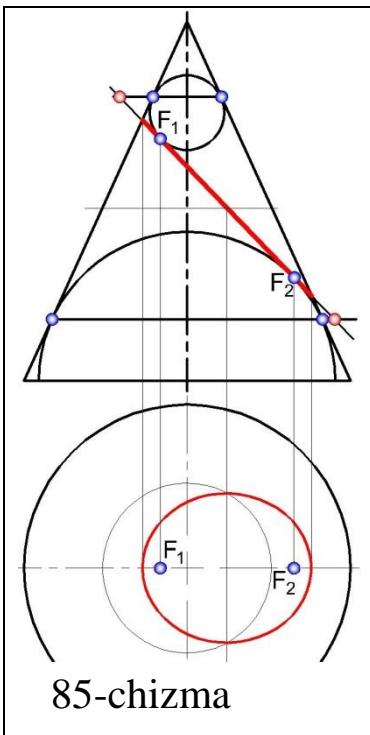
Egrilik radiusi muntazam o‘zgarib boruvchi egri chiziqlar lekalo egriliklari deyiladi. O‘ziga hos fizik hossalari tufayli texnika va tur mushda lekalo egri chiziqlaridan ko‘p foydalaniladi.



Kesuvchi tekislik doiraviy konusning barcha yasovchilari kessa ellips, biror yasovchisiga parallel holatda kessa parabola, konusning ikki yasovchiziga parallel holatda kessa giperbola hosil bo‘ladi, 84-chizma. Konusni tekislik bilan kesishuvidan konus kesimlari deb nomlangan shakllar xosil bo‘ladi. Agar kesuvchi tekislikning konus o‘qiga og‘ish burchagi konus yasovchisi bilan uning o‘qi orasidagi burchakdan

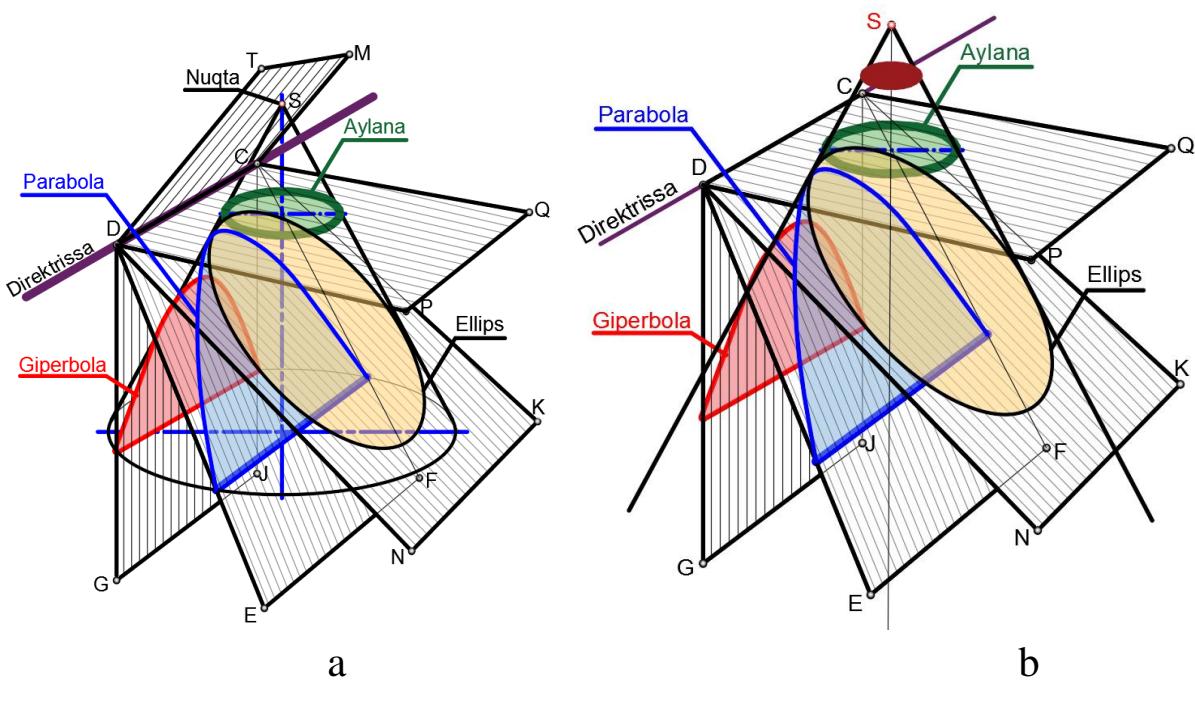
kichik bo‘lsa giperbola; teng bo‘lsa parabola va katta bo‘lsa ellips, hosil bo‘ladi. 84-chizmada konusni turli tekisliklar bilan kesilishi ko‘rsatilgan, tekisliklarning konus o‘qiga nisbatan burchagi konus yasovchisi va uning o‘qi orasidagi burchakka bog‘liq ravishda kesim yuzasi

<sup>43</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 49-52 betlar



o‘zgarib boradi. Buni markaziy proeksiyalash apparati misolida tushunish osonroq. 86-a chizmada aylananing aylana tekisligiga nisbatan turli qiyalikdagi tekisliklarga proeksiyalanishi ko‘rsatilgan. O‘qlari ustma-ust tushuvchi va konusga ichki urinma bo‘lgan sferaning (Dandinela sferasi) kesuvchi tekslikka urinish nuqtasi F konus egri chizig‘i fokusi deb ataladi (85-chizma). Konus va uning ichiga joylashgan sfera kesishib aylana chizig‘ini xosil qiladi, bu aylana teksligi va kesuvchi tekslik o‘zaro kesishib konus kesimi direktrisasi deyiladigan CD chizig‘ini xosil qiladi (86-chizma).

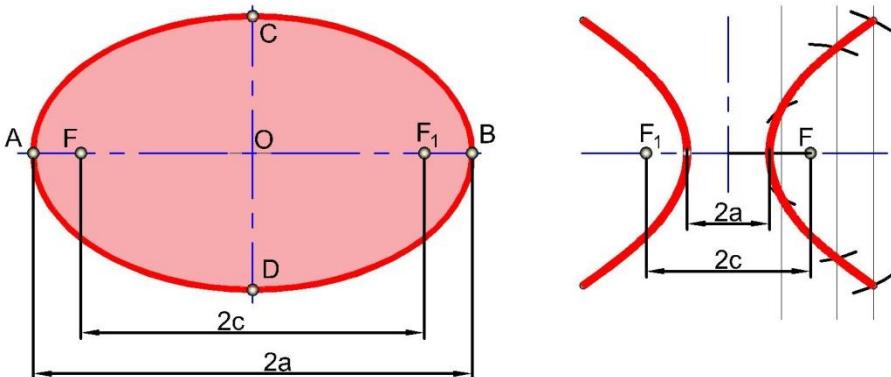
Yana bitta sfera yuqorida aytilgan shartlat bilan joylashtirilsa, ellips direktrisasi va fokus juftligi hosil bo‘ladi. Fokuslar orqali o‘tuvchi chiziq ellipsning katta o‘qini belgialydi. Parabola va giperbola uchun faqat bitta fokus va direktrisa mavjud.



Fokus va direktrisaga asoslanib konus egri chizig'i fokus va direktoriya bo'lman masofalari nisbatini o'zgertirmasdan tekislik bo'ylab harakatlanuvchi nuqtaning geometrik o'rni sifatida belgilanadi.

Ushbu ikki tomonlama nisbat egri chiziqning eksentrisiteti deb nomlanadi. (lotinchada - tashqaridagi markaz).

$$\text{Ekstsentrisitet} = \frac{\text{P nuqtadan fokusgacha bo'lgan masofa}}{\text{P nuqtadan diretrissasigacha bo'lgan masofa}}$$



87-chizma

Ekstrensisitet ellips uchun birdan kam  $e = \frac{c}{a} < 1$ , parabola uchun birga teng  $e=1$  va giperbola uchun birdan ko‘p  $e = \frac{c}{a} > 1$ , aylanada nolga teng bo‘ladi.<sup>44</sup>

Boshqacha qilib aytganda ekstentirisitet fokuslar orasidagi masofaning egri chiqlarning cho‘qilari orasidagi masofasi nisbatiga teng. Yoki konus kesimlarining aylanadan uzoqlashuvini (farqini) ko‘rsatuvchi doimiy son deyish ham mumkin.

### 11.8.1. Ellips<sup>45</sup>

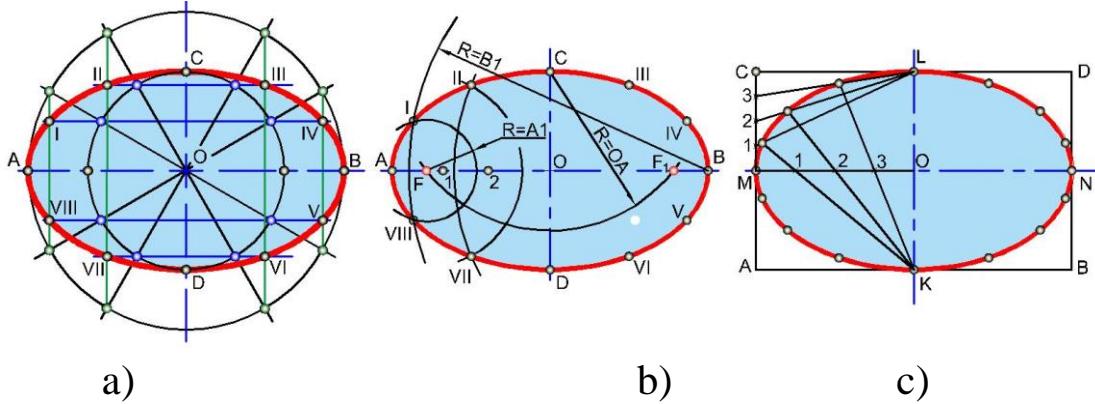
Ekstrensisiteti birdan kichik bo‘lgani uchun ellips yunonchada yetishmovchi degan ma’noni beradi. Uni chizish usullari ko‘p bo‘lib, quyida uch xili keltiriladi. Ellipsning katta AB va kichik CD diametri yordamida aylanalar chiziladi. Aylana markazi orqali o‘tuvch chichiziqlar katta aylanani kesgan nuqtalaridan vertikal, kichik aylanani kesgan nuqtalaridan gorizontal chiziqlar chiziladi. Ular o‘zaro kesishtirilib ellipsga tegishli nuqtalar hosil qilinadi. Bu nuqtalar lekalolar yordamida ketma-ket ravon tutashtiriladi (88a-chizma).

Ellipsning katta AB va kichik CD o‘qlari chiziladi va OA radius bilan C yoki D nuqtadan yoy o‘tkaziladi. Shunda AB da ellips fokuslari FF<sub>1</sub> nuqtalari aniqlanadi. FO (F<sub>1</sub>O) oralig‘ida bir nechta nuqtalar ixtiyoriy

<sup>44</sup> С. М. Маркаров „Краткий словарь-справочник по черчению“ „Машиностроение“ Ленинград 1970г.

<sup>45</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 52-53 betlar

tanlab olinadi va  $A_1$  radius bilan F va  $F_1$  lardan,  $B_1$  radius endi F va  $F_1$  lardan yoylar chizilib ular o‘zaro kesishtiriladi. Shunda ellipsning I nuqtasi aniqlanadi. Shu tartibda II va boshqa nuqtalar topiladi va barcha nuqtalar lekalolar yordamida tutashtiriladi (88b-chizma).



88-chizma

Ellipsni qo‘shma MN va KL diametrлari bo‘yicha yasashda berilganlar uchun ABDC to‘g‘ri to‘rburchak yoki parallelogram chizib olinadi. MO va MC kesmalar bir xil o‘zaro teng bo‘laklarga bo‘lib olinadi hamda 1L, 2L, 3L chiziqlar K1, K2, K3 chiziqlarning davomi bilan kesishtirildi. Hosil bo‘lgan nuqtalar I, II, III lar choraklarga olib o‘tiladi va lekalolar yordamida ravon tutashtiriladi (88c-chizma).

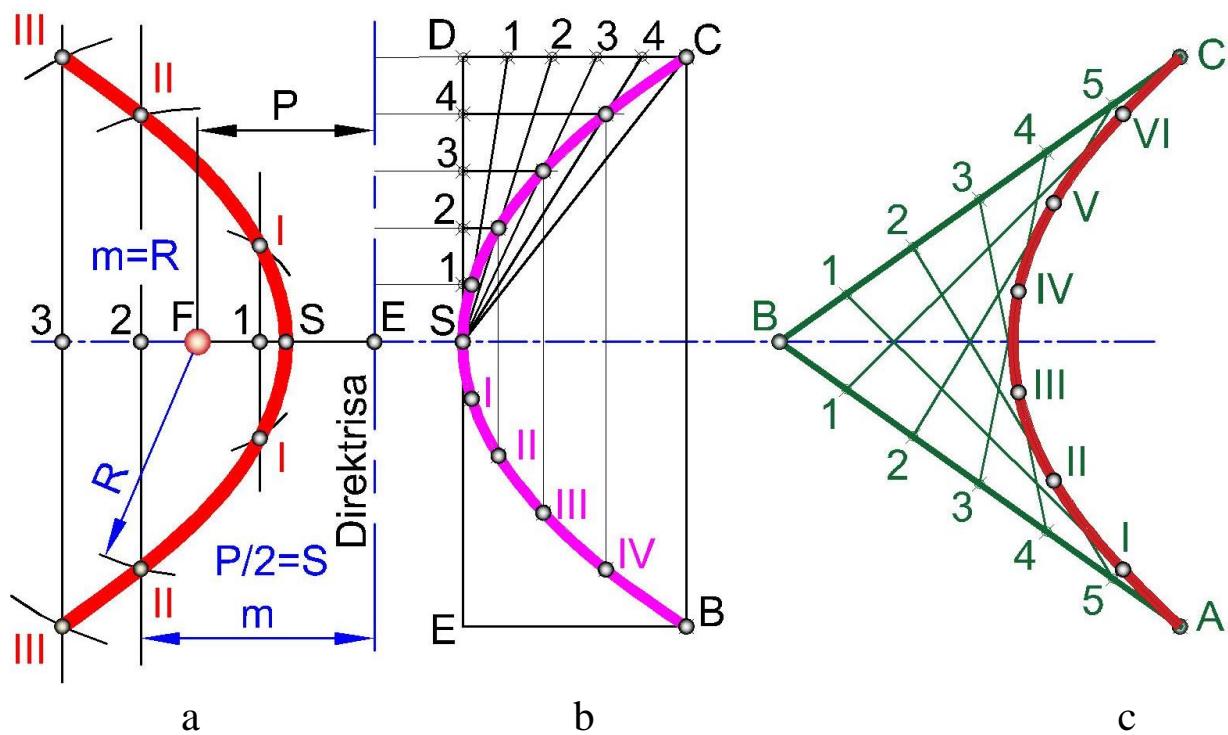
### 11.8.2. Parabola<sup>46</sup>

Ekstrensiteti birga teng bo‘lgani uchun parabola yunonchada yaqinlashish degan ma’noni beradi. Uning parametrlari boshi E, fokusi F berilgan bo‘lsa, parabolaning qaytish nuqtasi S ni aniqlash uchun EF masofaga teng ikkiga bo‘linadi. E nuqta orqali paranola direktrissasi (lotincha directrix— yo‘naltiruvchi) o‘tkaziladi. S nuqtadan boshlab ixtiyoriy masofada bir nechta nuqta 1, 2, 3 tanlab olinadi va ulardan x o‘qiga perpendikulyar yordamchi chiziqlar chiziladi. E1, E2, E3 radiuslar bilan F nuqtadan yoylar chiziladi. Shunda yordamchi chiziqlarda I, II, III nuqtalar aniqlanadi va ular lekalolar yordamida ravon tutashtiriladi (89-chizma, a).

Keyingi usulda parabolaning uchi S hamda B, C nuqtalari bo‘yicha uni chizish uchun BCDE yordamchi to‘g‘ri to‘rburchak yasab olinadi (97-chizma, b). SD va DC tomonlari o‘zaro bir xil teng bo‘laklarga bo‘linib,

<sup>46</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 53-54 betlar

DC kesmadagi 1, 2, 3, 4 nuqtalar S bilan tutashtiriladi. SD kesmadagi 1, 2, 3, 4 nuqtalardan parabola o‘qiga parallel chiziqlar o‘tkaziladi. Chiziqlarning mos ravishda kesishuv nuqtalari I, II, III, IV topilib, leklolar yordamida ravon tutashtiriladi. Chizmada yasash ishlari faqat bir tomonda ko‘rsatilgan. Ikkinchisi to‘g‘ri chiziqlardan AB va CB biriga A nuqtada, ikkinchisiga C nuqtada urinuvchi parabolani chizishda har ikkala tomon, ya’ni AB va BC kesmalar o‘zaro teng bo‘laklarga bo‘lib olinadi. Nuqtalar

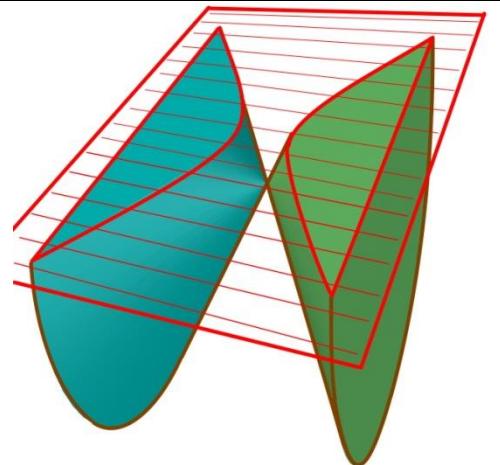


89-chizma

chizmada ko‘rsatilgan tartibda o‘zaro tutashtiriladi va bu chiziqlarga I, II, III, IV, V, VI nuqtalarda urinuvchi parabola lekalolar yordamida ravon chiziladi (89c-chizma).

### 11.8.3. Giperbola<sup>47</sup>

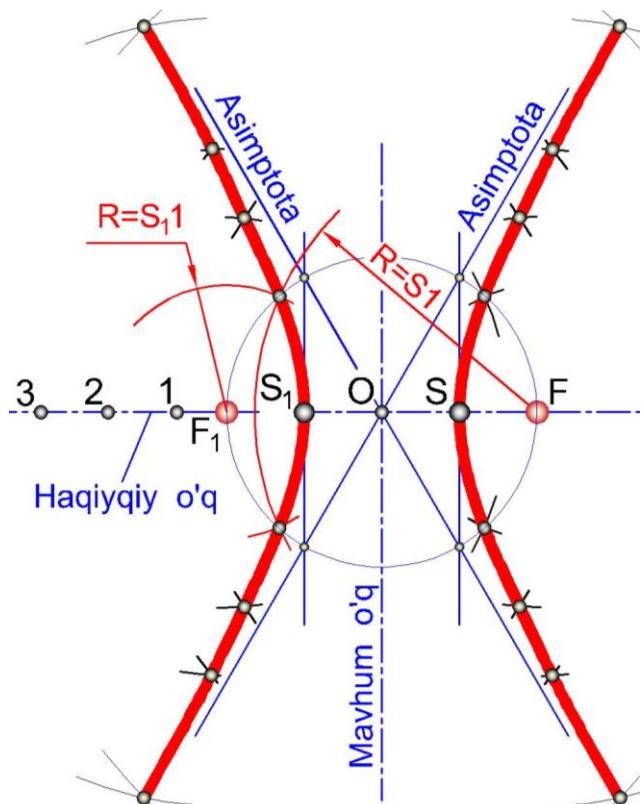
To‘g’ri doiraviy konus yasovchilaridan bir yo‘la ikkitasiga parallel bo‘lgan Q tekislik bilan kesilsa giperbola deb nomlanuvchi egri chiziqlar hosil bo‘ladi (90-chizma). Ekstrentrisiteti birdan ko‘p  $e = \frac{c}{a} > 1$  bo‘lgani uchun bu chiziq yunonchada orttirib yuborish degan ma‘noni beradi.



90-chizma

Giperbola fokuslari  $F, F_1$  uchlari  $S, S_1$  orqali berilgan bo‘lsa, uni chizish uchun  $OF=OF_1$  radius bilan aylana chiziladi.  $S, S_1$  dan mavhum o‘qqa parallel

chiziqlar chizib, aylana bilan kesishgan nuqtalarini  $O$  bilan tutashtirilsa giperbola assymptotlari hosil bo‘ladi.  $F_1$ dan ixtiyoriy masofadagi 1, 2, 3 nuqtalar tanlab olinadi va  $r=S_1$  hamda  $r_1=S_{11}$  radiusda  $F$  va  $F_1$  nuqtalaridan o‘zaro kesishadigan qilib yoylar chiziladi. Shunda giperbolaning to‘rtta nuqtasi topiladi. Shu tartibda  $S_2, S_{12}$  radiuslar bilan chizilgan yoylarning yordamida yana to‘rtta nuqta aniqlanadi va hokazo (91-chizma).



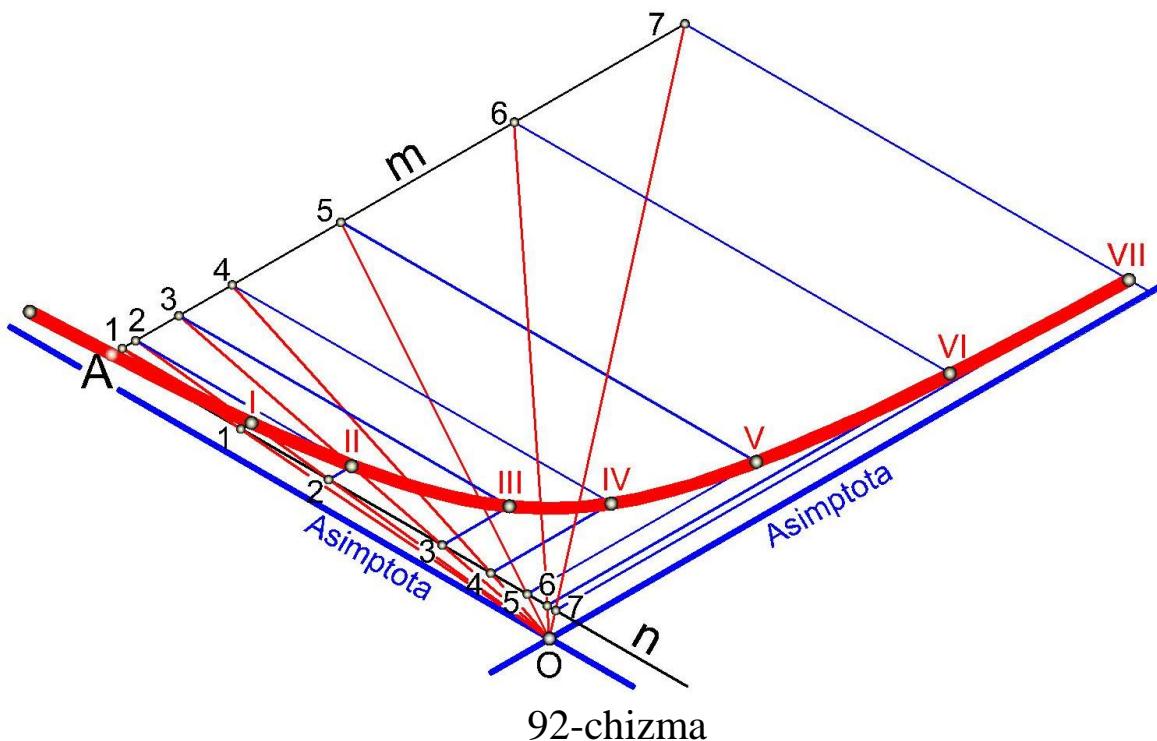
91-chizma

Giperbolaning har ikkala tarmoq chizig‘i assymptotalarga nisbatan bir xil masofada hosil bo‘lib, ular bilan kesishmaydi. Giperbolaning

<sup>47</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 54-56 betlar

assiptotalari (ustma-ust tushmaydigan) o‘zaro to‘g‘ri burchak hosil qilib joylashsa, teng tomonli yoki teng yonli giperbola deyiladi.

Giperbolaning bitta tarmog‘i A nuqtasi va asimptotalari berilgan bo‘lsa, uni chizish uchun A nuqtdan asimptotalarga parallel qilib m va n chiziqlar chizib olinadi. Bu chiziqlarning birida 1, 2, 3,... nuqtalar belgilanadi va ular asimptotalarning kesishuv nuqtasi O bilan tutashtirilsa keyingi chiziqdagi 1, 2, 3,... nuqtalarga mos nuqtalar hosil bo‘ladi. Bu nuqtalardan asimptotalarga parallel qilib chiziqlar o‘tkaziladi va mos ravishdagi kesishuv nuqtalari, I, II, III... topiladi va ular ravon qilib lekalolar yordamida chiziladi (92-chizma).



### 11.9. Siklik egri chiziqlar<sup>48</sup>

Ma’lum bir siklning takrorlanishi natijasida hosil bo‘ladigan egri chiziqlar siklik egri chiziqlar deyiladi. Siklik egri chiqizlarga sikloida, episikloida va giposikloida kiradi.<sup>49</sup>

<sup>48</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 56 bet

<sup>49</sup> K. M. Qoblonov, I.T. Ismoilov. M.Sh. Isayeva „Chizmachilik va chizma geometriya asoslari T. «O‘qituvchi» 1988 y.

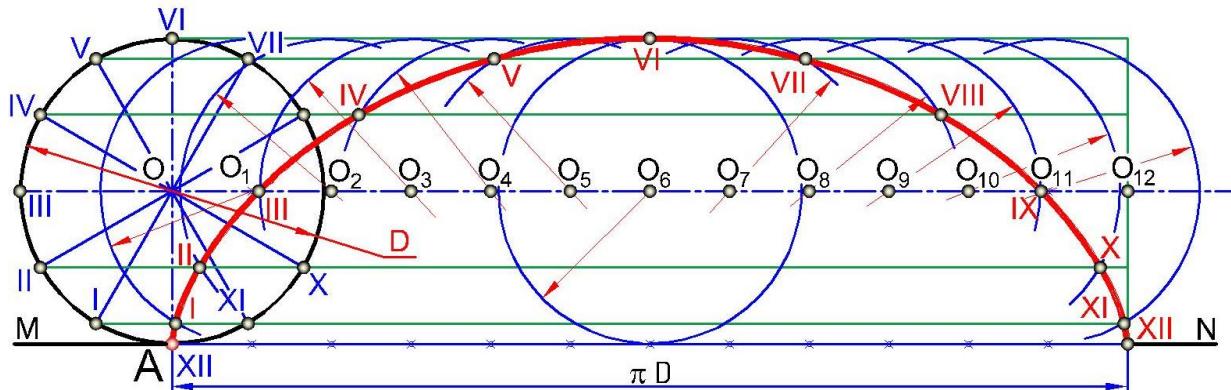
### 11.9.1. Sikloida<sup>50</sup>

Sikloida (grekcha kukloeides — doirasimon) ochiq, ravon egri chiziq bo‘lib, biror to‘g‘ri chiziq ustida aylananing sirpanmasdan bir tekis harakatlanishi natijasida shu aylanada olingan biror nuqtaning (bizning misolimizda A nuqta) qoldirgan izidan hosil bo‘ladi. Sikloidaning quyidagi elementlari mavjud (93-chizma): MN — yo‘naltiruvchi to‘g‘ri chiziq; D — yasovchi aylana; O<sub>1</sub> — O<sub>12</sub> yasovchi aylana markazlari; A — aylana ustidagi nuqta;  $\pi D$  — sikloida qadami, ya’ni aylana to‘g‘ri chiziq ustida to‘liq bir marta yumalaridan xosil bo‘lgan masofa (aylana yoyilmasiga teng).

Sikloida egri chizig‘idan tishli uzatma tishlarning profilini yasashda foydalaniladi. Sikloida egri chizig‘ining xosil bo‘lishi 93-chizmada tasvirlangan. Olingan nuqta (masalan, A nuqta) aylana chizig‘ida joylashsa, bunda normal sikloida xosil bo‘ladi. Bu nutta yasovchi doiraning yuzasida yoki aylanadan tashqarida olinsa cho‘ziq yoki siqiq sikloidalar xosil bo‘ladi. Bunday sikloidalar troxoidalar deb yuritiladi. Tanlanadigan nuqta yasovchi aylananing markaziga qanchalik yaqin joylashsa, egri chiziq to‘g‘rilarib boradi va nixoyat nuqta aylana markazida tanlanganda to‘g‘ri chiziq hosil bo‘ladi. 93-chizmada normal sikloida chizish tartibi tushuntirilgan. Sikloidaning berilgan diametri D ga asosan markaziy o‘qlarni o‘tkazib, yasovchi aylana chizamiz. Aylanani bir necha teng bo‘laklarga bo‘lamiz, so‘ngra aylana uzunligi  $\pi D$  ni O markazdan boshlab gorizontal chiziq ustiga o‘lchab qo‘yamiz. Aylanani necha bo‘lakka bo‘lsak  $\pi D$  masofani mos ravishda shuncha bo‘lakka bo‘lamiz. Belgilangan nuqtalardan vertikal chiziqlar chizib O<sub>1</sub>, O<sub>2</sub>, ..., O<sub>12</sub> markazlarni aniqlaymiz. Aylanadagi I, ..., XII nuqtalar orqali gorizontal chiziqlar chizamiz, so‘ngra markaz O dan berilgan diametr D da 1—11 chiziqni kesadigan qilib aylana yoyini o‘tkazamiz va sikloida nuqtasi I ni topamiz. Markaz O<sub>1</sub> dan chizilgan aylana yoyi 2—10 chiziq bilan kesishib II nuqtani beradi. Shu ishlarni qolgan markazlar uchun ham bajarib sikloida egri chizig‘ining nuqtalarini hosil qilamiz. I, ..., XII nuqtalarni

<sup>50</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 56-57 betlar

lekaloda birlashtirsak normal sikloida egri chizig‘i xosil bo‘ladi (99-chizma).

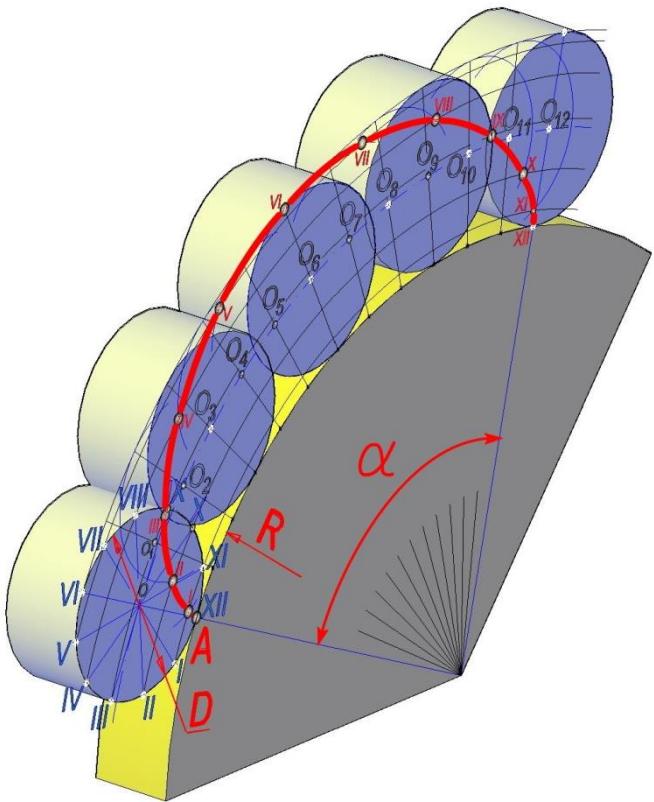


99-chizma

### 11.9.2. Episikloida<sup>51</sup>

Epitsikloida (grekcha — epi -ustida). Biror qo‘zg‘almas aylana ustida ikkinchi aylananing sirpanmasdan harakatlanishi natijasida xarakatlanuvchi aylana chizig‘i ustida olingan biror nuqtaning qoldirgan izlaridan xosil bo‘lgan tekis, ravon egri chiziq epitsikloida deb ataladi. Epitsikloida elementlari 100-chizmada tasvirlangan. Bunda R radiusli aylana qo‘zg‘almas, ya’ni yo‘naltiruvchi aylana; D xarakatlanuvchi, ya’ni yasovchi aylana diametri; A— aylana ustidagi nuqta; a — yasovchi aylananing yo‘naltiruvchi aylana ustida to‘la bir marta yumalashidan hosil bo‘lgan burchak yoki qadam burchagi ( $a = 180^\circ D/R$ )

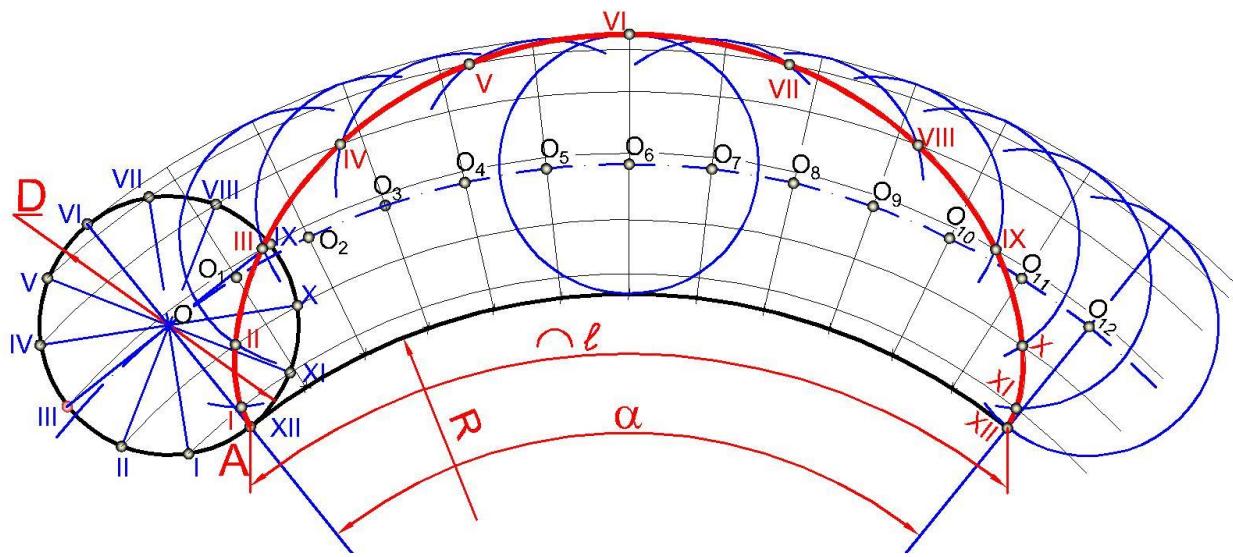
<sup>51</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 58-59 betlar



100-chizma

Epitsikloida yasovchi va yo‘naltiruvchi aylanalarining diametrlari teng bo‘lib qolsa, bu xolda ochiq egri chiziq emas, balki yopiq egri chiziq kardoida hosil bo‘ladi. Epitsikloida ham sikloida singari siqiq va cho‘ziq bo‘ladi. Bunday egri chiziqni epitrotonda deb yuritiladi. Tanlangan nuqta markazga yaqinlashgan sari egri chiziq aylanaga yaqinlashib boradi va nihoyat nuqta markazning o‘zida tanlansa aylana hosil bo‘ladi. Normal epitsikloidani chizish tartibi

bilan tanishib chiqamiz (101-chizma). Markaziy o‘qlarni o‘tkazib O markazdan berilgan R radiusda yarim aylana chizamiz (yasovchi aylanani chizishdan oldin  $\alpha$  burchakning kattaligini aniqlash epitsikloidani simmetrik joylashtirib chizishda katta ahamiyatga ega), so‘ngra O markazni aniqlab berilgan diametr D bilan yasovchi aylanani chizamiz,  $\alpha$  burchakni va yasovchi aylanani mos ravishda teng bo‘laklarga bo‘lib nuqtalarni belgilaymiz. Shu nuqtalar orqali o‘tuvchi yoylar chizamiz va yo‘naltiruvchi aylana markazi bilan  $\alpha$  burchakni teng bo‘laklarga bo‘luvchi nuqtalarni birlashtiramiz hamda uni yasovchi aylana markazi orqali o‘tadigan markaziy chiziq bilan kesishtirib  $O_1, O_2, \dots, O_{12}$  markazlarni belgilaymiz, hosil bo‘lgan  $O_1, O_2, \dots, O_{12}$  markazlardan yasovchi aylananing I — XI; II — X; III — IX; IV - VIII; V — VII; VI chiziqlarini kesadigan yasovchi aylana radiusiga teng yoylar chizamiz. Mos chiziqlar kesishib epitsikloida egri chizig‘i nuqtalari I, II, ..., XII ni beradi. Bu nuqtalarni lekaloda ravon birlashtirsak, normal epitsikloida hosil bo‘ladi (101-chizma).

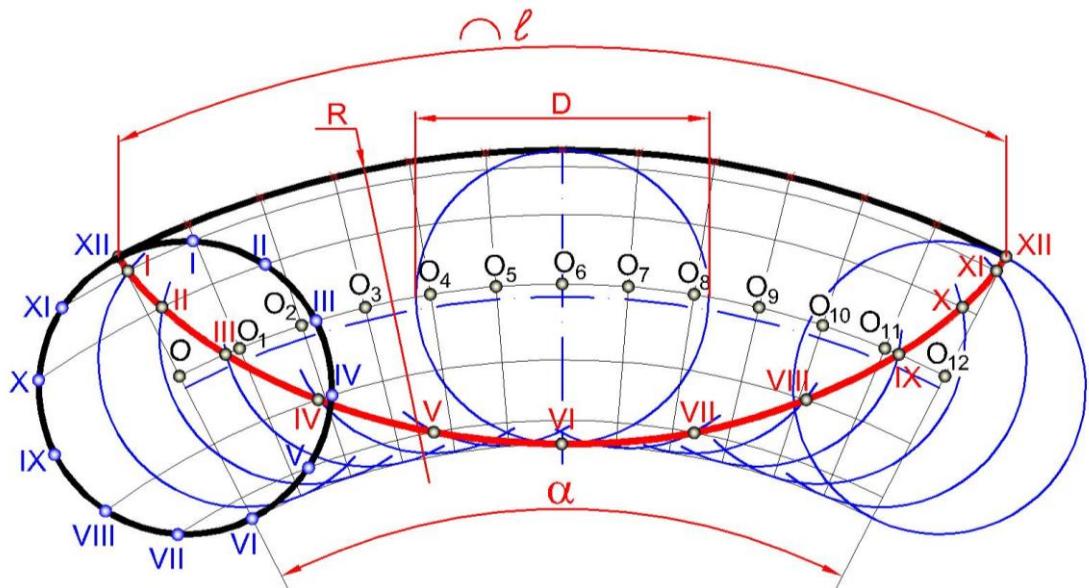


101-chizma

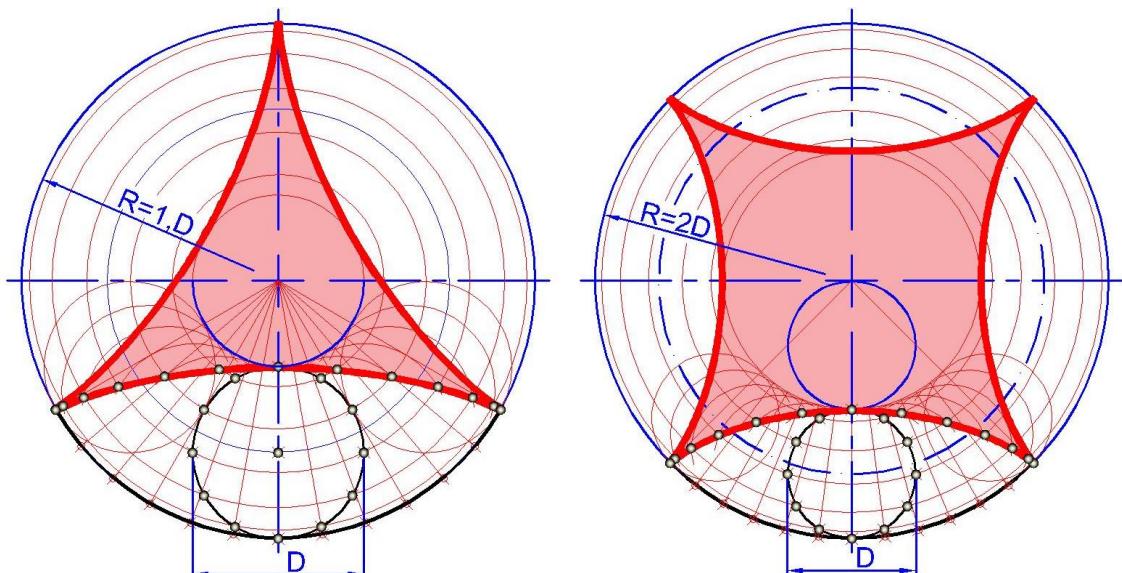
### 11.9.3. Gipotsikloida<sup>52</sup>

Gipotsikloida (grekcha — hypo — tagida, kukoloeides — aylanasimon). Qo‘zg‘almas aylana ichida ikkinchi aylananing sirpanmasdan harakatlanishi natijasida shu harakatlanuvchi aylana chizig‘i ustida olingan nuqtaning izlaridan hosil bo‘lgan ravon egri chiziq gipotsikloida deb ataladi. Gipotsikloida ham epitsikloidadagi elementlarni o‘z ichiga oladi. Gipotsikloidaning hosil bo‘lishi va ishlatilishi 102-chizmada tasvirlangan. Agar gipotsikloida yo‘naltiruvchi aylanasining radiusi yasovchi aylananing diametridan ikki marta katta bo‘lsa, u vaqtda gipotsikloidaning yasovchi aylanasi yo‘naltiruvchi aylana ichida to‘rt marta yumalaydi va egri chiziq sikli to‘rt marta takrorlanib, yopiq egri chiziq — astroida (yulduz) hosil bo‘ladi. Gipotsikloida ham sikloida va epitsikloida singari cho‘ziq va siqiq bo‘ladi. Bunday egri chiziqlar gipotroxoidalar deb yuritiladi. Normal gipotsikloidani chizish tartibi epitsiklondani chizishga o‘xshash. Youning uzunligini topish uchun  $\alpha = 180^\circ / D/R$  dan foydalanimiz kerak.  $l = \frac{\pi R}{180^\circ} \alpha$  ni topamiz. formuladan agar  $R=1,5D$  bo‘lsa uchburchakli,  $R=2D$  bo‘lsa to‘rtburchakli yulduz hosil bo‘lishi kelib chiqadi (103-chizma). Shu taxlit D va  $l$  qiymatlar munosabatini saqlagan holda 5, 6, 7, va xokozo yulduzlarni xosil qilish mumkin.

<sup>52</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 59-60 betlar



102 -chizma



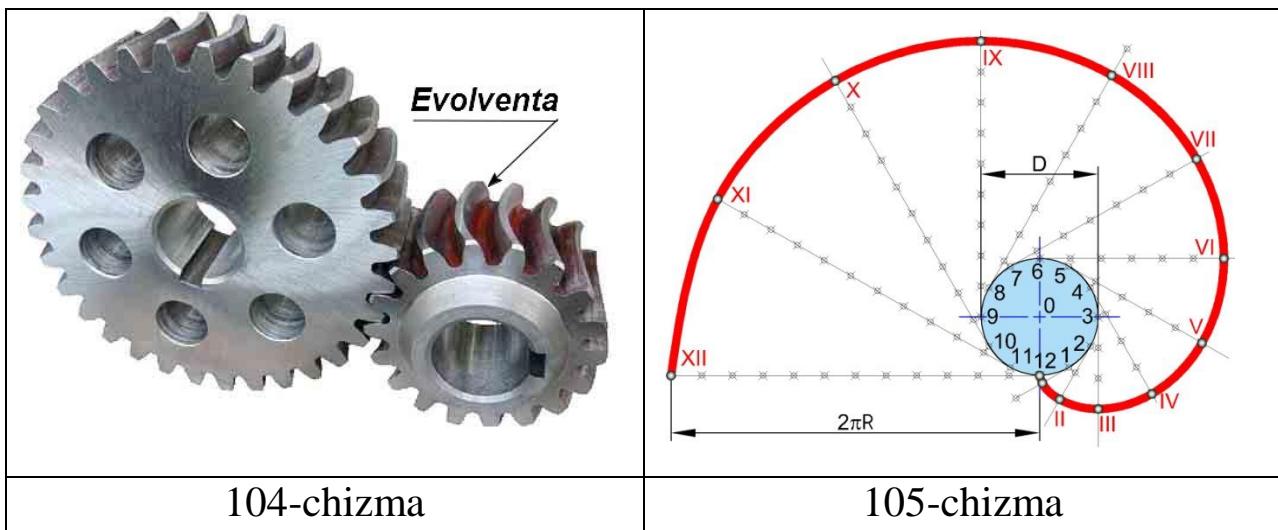
103-chizma

#### 11.9.4. Evolventa<sup>53</sup>

Biror to‘g‘ri chiziqning qo‘zg‘almas aylana ustida sirpanmasdan uzlusiz urinib xarakat qilishi natijasida to‘g‘ri chiziq ustida belgilangan biror nuqtaning qoldirgan tekis, ravon, ochiq izi (egri chiziq) evolventa yoki aylana yoyilmasi deb ataladi. Evolventadan tishli g‘ildiraklar, shlitsli birikmalarining profillari va boshqa detallarni yasashda foydalaniladi (104-chizma). Evolventa hosil qilishning oddiy usuli va elementlari 105-chizmada tasvirlangan. Bunda  $12XII = \pi D$  — evolventa qadami, ya’ni

<sup>53</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 61 betr

aylananing yoyilgan holdagi uzunligi, O — aylana markazi, D — aylana diametri.

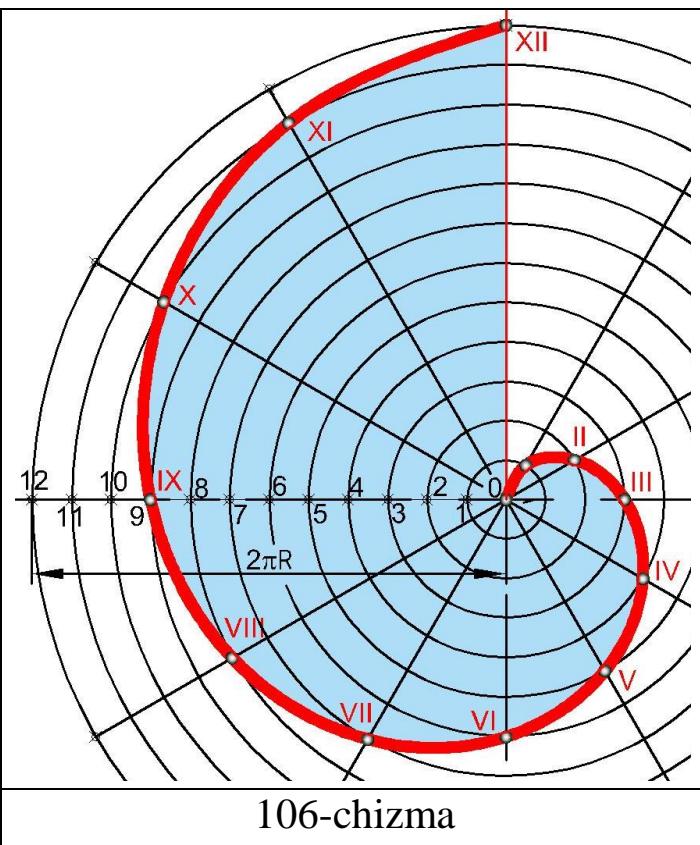


Dastlab aylana teng bo‘laklarga bo‘linadi va bu nuqtalardan aylanaga urunmalar o‘tkaziladi. Urunmalarga aylanadan boshlab aylana shu bo‘lagining uzunliklari qo‘yib chiqiladi. I, II, III, IV,... XII nuqtalar lekalo bilan silliq qilib tutashtiriladi.

### 11.9.5. Arximed spirali<sup>54</sup>

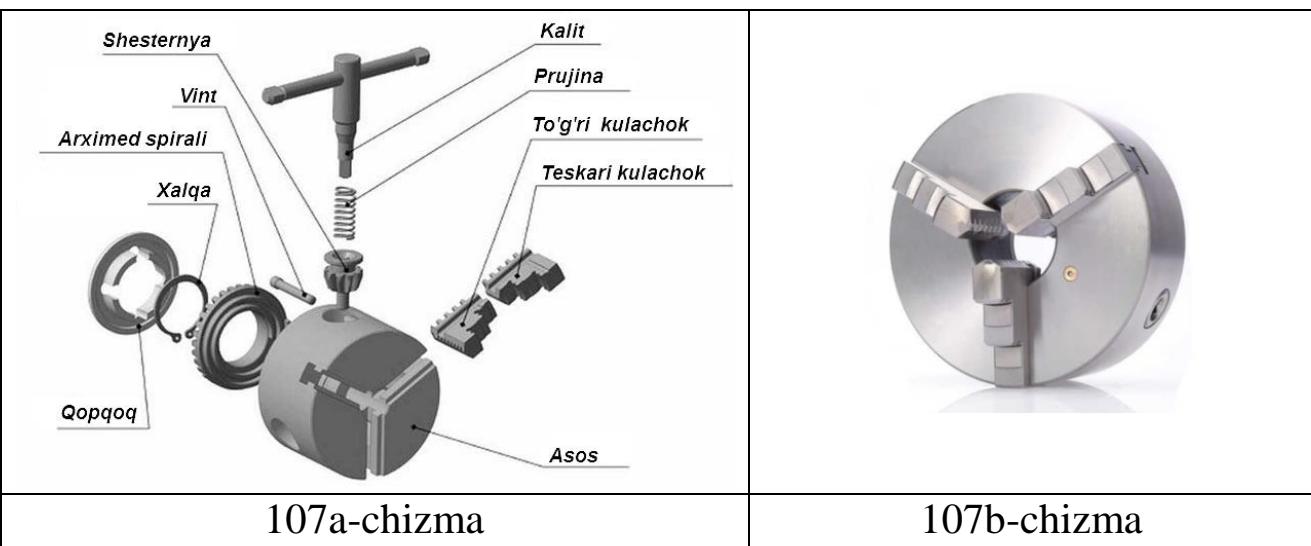
Berilgan markaz atrofida bir tekisda aylanuvchi va bir tekisda markazdan uzoqlashib boruvchi nuqtalarning qoldirgan izlari yig‘indisidan hosil bo‘lgan ochiq, ravon egri chiziq Arximed spirali (spiralis-lotincha burilish) deb ataladi. Arximed spiralining hosil bo‘lishi 106-chizmada tasvirlangan. Arximed spiralining quyidagi elementlari mavjud: O nuqta — qutb;  $2\pi R$  — qadam ( $O$  markaz atrofida nuqtaning bir marta aylanishi natijasida hosil bo‘lgan masofa); 0XII — qutb o‘qi. Bu tipdagisi spirallarni tokarlik stanoklarining kulachokli patronlarida (107a,b-chizma), ichki yonuv dvigatellarida, taqsimlovchi

<sup>54</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasriddinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 61-63 betlar



kulachoklarning profillarida, avtomat stanoklarning kulachoklarida uchratish mumkin. Arximed spiralini chizish tartibi 106-chizmada tasvirlangan. Avval berilgan diametr D da aylana chizamiz va uni bir necha teng bo'laklarga (ushbu holda 12 bo'lakka) bo'lamiz. So'ngra aylana radiusini ham mos ravishda shunday bo'laklarga bo'lib hosil bo'lgan 1, 2, ..., 12 nuqtalar orqali O markazdan yoymalar chizamiz

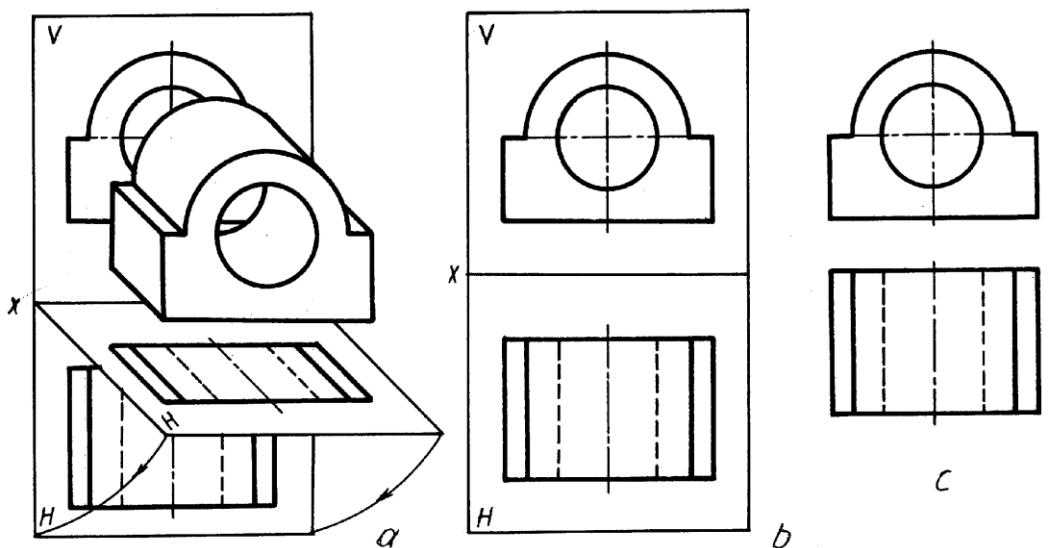
Bu yoymalar aylana bo'laklaridagi mos chiziqlar bilan kesishib I, II, ..., XII nuqtalarni beradi. Hosil bo'lgan I, II, ..., XII nuqtalarni avval qo'lida, so'ngra lekaloda birlashtiramiz. Natijada Arximed spirali hosil bo'ladi. (106-chizma).



## XII BOB. PROYEKSION CHIZMACHILIK

### 12.1. Buyumni proyeksiyalar tekisliklariga proyeksiyalash<sup>55</sup>

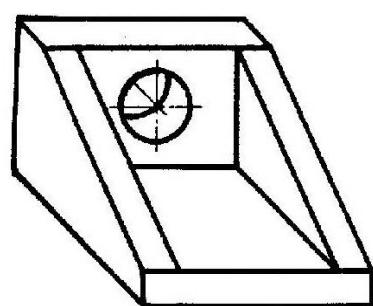
Ba`zi buyumlar o‘zining konstruksiyasi soda bo‘lishiga qaramay ikkita proyeksiyada tasvirlanishi talab qilinadi. Masalan, model (buyum) gorizontal proyeksiyalar takisligi H ga konturi to‘g‘ri to‘rtburchak, V ga o‘zining frontal konturi bo‘yicha proyeksiyalanadi. Modelni olib qo‘yib, H teksligini pastga x o‘qning ostiga V teksliek bilan bitta tekislik hosil qilinsa, epyur, ya`ni tekis chizma hosil bo‘ladi (105- chizma, a,b). Proyeksiyalarni bog‘lovchi yordamchi chiziqlar va tekisliklarni chegaralovchi chiziqlar ham standartga muvofiq tasvirlanmasliklari mumkin (105- chizma, c).



105- chizma

Taxnikada shunday buyumlar mavjudki, ularni uchta va undan ortiq proyeksiyalarda tasvirlashga to‘g‘ri keladi. Masalan, 106- chizmada tasvirlangan buyum olinsa, uning tuzilishi ancha murakkab, orqa devorini silindr teshib o‘tgan bo‘lib, ikki tomonida og‘ma devorlari mavjud.

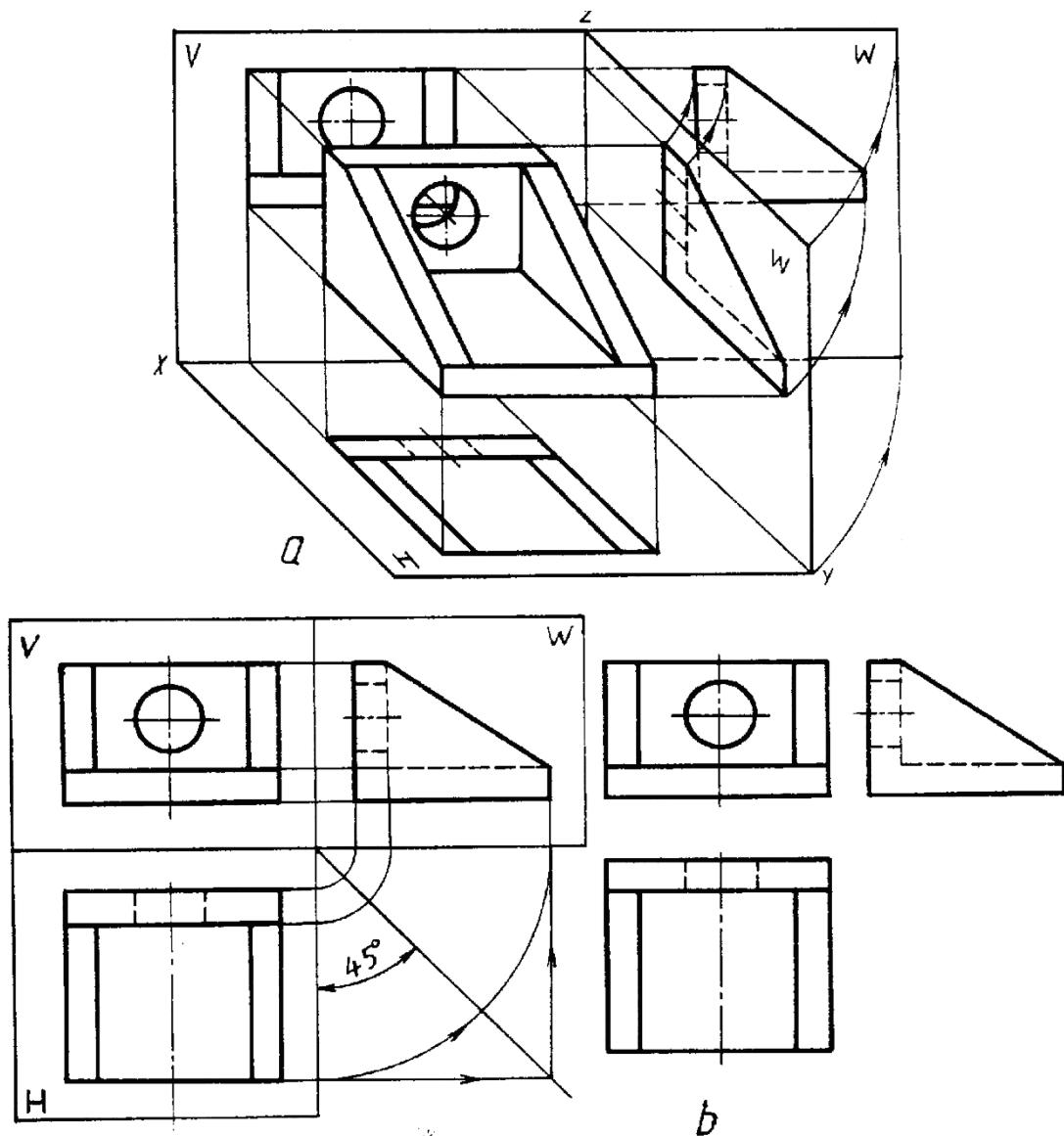
Bu devorlarning shakli faqat yonidan aniq ko‘rinadi. Shuning uchun ham uni uchinchi tekislikka proyeksiyalashga to‘g‘ri keladi. Bundan tashqari buyumning umumiyligi shaklini, uning ostki va yon yoqlarining shakllarini profil proyeksiyada tasvirlashga to‘g‘ri keladi.



106- rasm

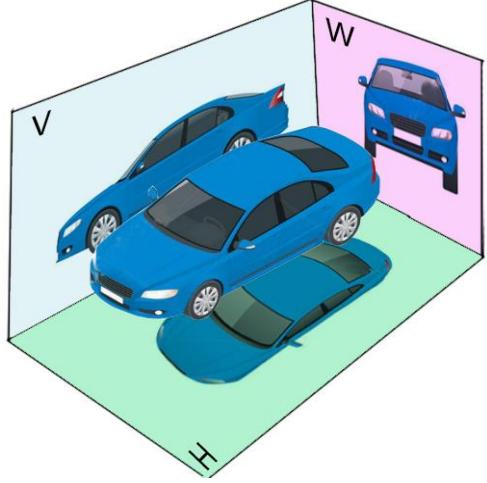
<sup>55</sup> U.T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, CH.T. Shokrova, X.M. Rixsiboyeva. “Chizma geometriya va muhandislik grafikasi”. Tafakkur qanoti T.2019 y.. 261-262 betlar

Buyumni uchta proyeksiyalar tekisliklari H,V va W ga proyeksiyalash jarayoni 107- chizma,a da to‘liq ko‘rsatilgan. Endi, H ni pastga, W ni o‘nga aylantirib tekis chizma hosil qilingandan keyin uchala tekislik bitta tekislikka keltiriladi. Bu yerda buyumning uchta proyeksiyasi 107-chizma, b dagidek ko‘rinishga o‘tgandagina u haqiqiy kompleks chizmaga aylanadi.



107- chizma

## 12. Ko‘rinishlar (O‘zDSt 2.305:2003)<sup>56</sup>

	<p>Chizmachilikda buyumning shaklini to‘liq ko‘rsatish maqsadida turli ko‘rinishlaridan foydalaniladi. Ko‘rinish deganda buyumning kuzatuvchiga nisbatan ko‘rinib turgan tomonining proyeksiyalar tekisligidagi tasviri tushuniladi. Ular asosiy, qo‘shmcha va mahaliy ko‘rinishlarga bo‘linadi</p>
---	---

### 12.1. Asosiy ko‘rinishlar<sup>57</sup>

Kubning ichiga joylashgan modelning kub tomonlaridagi oltita tasviri asosiy ko‘rinishlar deyiladi. Modelning tasviri kub tomonlariga 108–chizma, a da ko‘rsatilgan yo‘nalishlar bo‘yicha proyeksiyalanadi. Kub tomonlarida modelning oldidan, ustidan, chap yondan, o‘ng yondan, pastdan (ostdan) va orqadan ko‘rinishlari tasvirlanadi (108–chizma,b). So‘ngra kub tomonlarining yoyilmasi tekislikka 108–chizma, c dagidek tartibda joylashtiriladi. Kub yoqlarini chegaralovchi chiziqlar o‘chirilib tashlanadi va tasvirlar 108–chizma, d dagi kabi ko‘rinishga ega bo‘ladi. Bu asosiy ko‘rinishlardan frontal V tekislikdagi ko‘rinishi bosh ko‘rinish deb ataladi. Shuning uchun ham buyumni bu tekislikka nisbatan shunday joylashtirish kerakki, undagi ko‘rinish bo‘yicha buyumning shakli va o‘lchamlari to‘g‘risidagi ko‘proq va aniqroq tasavvur qilishga imkon yaratilsin.

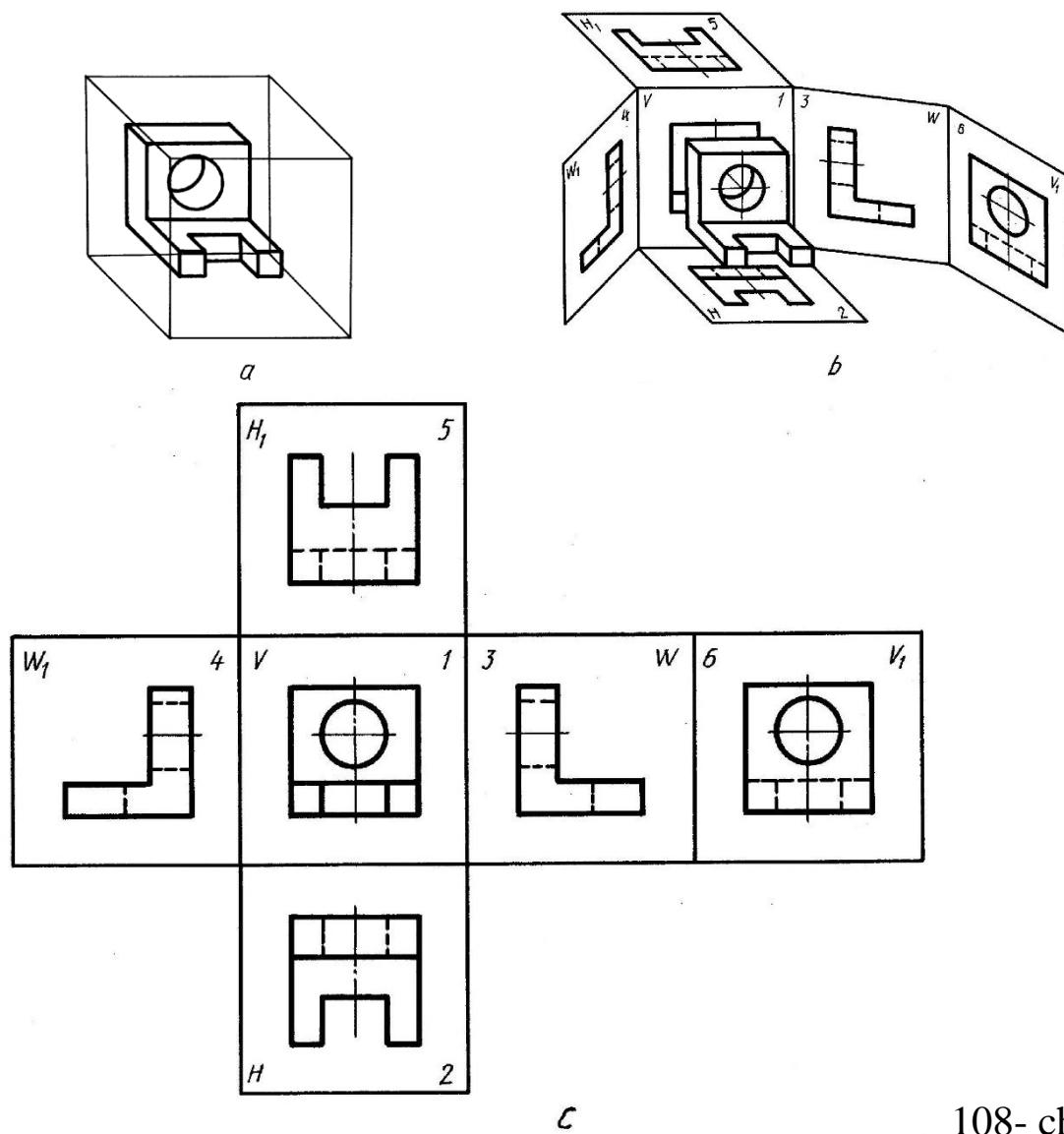
Buyumni chizmasi chizilayotganda ko‘rinishlar soni kam bo‘lishiga, lekin unda buyum to‘g‘risida to‘la ma’lumot beradigan bo‘lishiga harakat qilinadi. Bunda standartlarda belgilangan shartli belgilar, soddallashtirishlar va yozuvlardan to‘la foydalanish talab etiladi.

Ba’zi xorijiy mamlakatlarda talabga ko‘ra ko‘rinishlar 109–chizmadagidek joylashtiriladi. Bu yerda proyeksiyalar tekisligi shaffof,

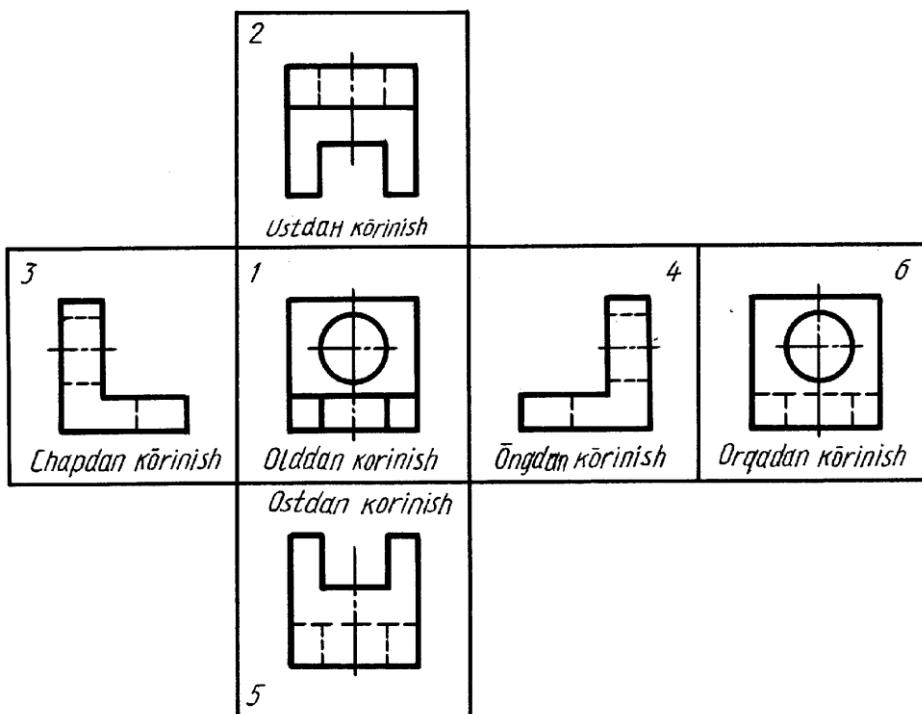
<sup>56</sup> U.T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, CH.T. Shokrova, X.M. Rixsiboyeva. “Chizma geometriya va muhandislik grafikasi”. Tafakkur qanoti T.2019 y.. 262-265 betlar

<sup>57</sup> J.A.Qosimov, U.A. Nasridinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. 65-67 betlar

ya'ni nurni o'tkazadi deb faraz qilinadi. Shunga binoan proyeksiyalar tekisligi kuzatuvchi bilan proyeksiyalanuvchi buyum orasida joylashadi. Demak, kub ichida joylashgan buyum nuqtalari orqali proyeksiyalar tekisligini kesib o'tib, kuzativchi tomon yo'nalgan bo'ladi. Shuningdek, chapdan o'ngdan ko'rinishlar ham bir-biri bilan o'z joylarini almashtirgan bo'ladi. Faqat bosh va ortdan ko'rinishlar o'z o'rinalarini saqlab qoladi. Bunday tasvirlash "E" (Evropa) tizimga mos hisoblanadi.



108- chizma



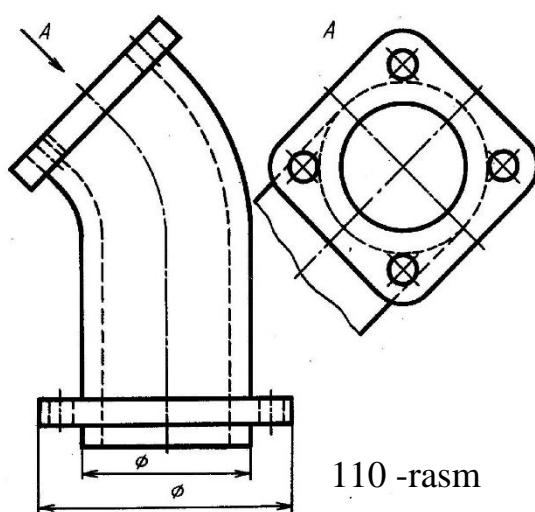
109- chizma

## 12.2. Qo'shmcha va mahalliy ko'rinishlar

Agar buyum (buyum) sirtining biror qismini oltita asosiy ko'rinishining hech qaysisida to'g'ri tasvirlashning iloji bo'lmasa, buyumning o'sha ko'rinishi asosiy ko'rinishlarga parallel bo'lmanagan yangi qo'shmcha tekislikda bajariladi va bu qo'shimcha ko'rinish deyiladi (110 -chizma). Qo'shimcha ko'rinish chizmada ma'lum yozuv bilan belgilanadi. Bunday tasvir chizmaning bo'sh joyiga chiziladi.

Agar buyum sirtidagi tor (kichik) qismigina chegaralanib olinsa, bunday tasvir mahalliy ko'rinish deyiladi (111–chizmadagi A va B ko'rinishlar). Mahalliy ko'rinish mumkin qadar kichik chegaralanishi kerak. Agar buyumning qismi faqat konturi bo'yicha ko'rsatilib, uning orasida joylashgan buyum sirti bo'lagi tasvirlanmasa, bu tasvir ham mahalliy ko'rinish hisoblanadi (111-chizmadagi A ko'rinish).

Qo'shmcha va mahalliy ko'rinishlar qulay holatga burib tasvirlanishi mumkin. Lekin buyumning bosh ko'rinishidagi qabul

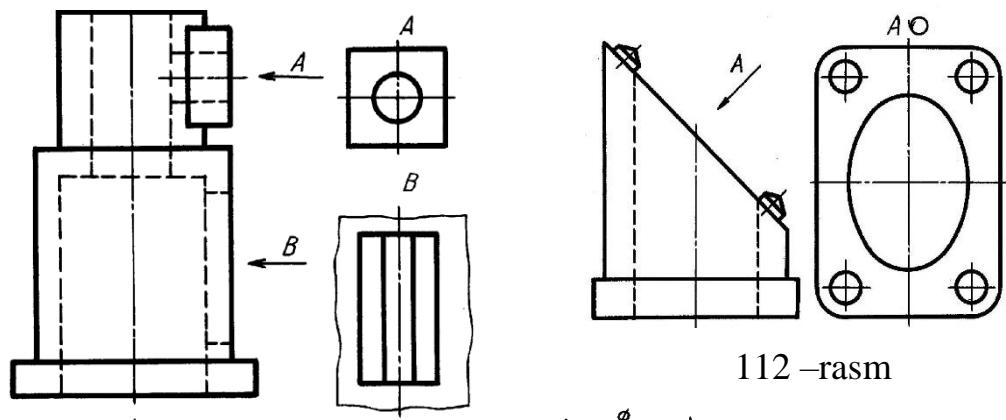


110 -rasm

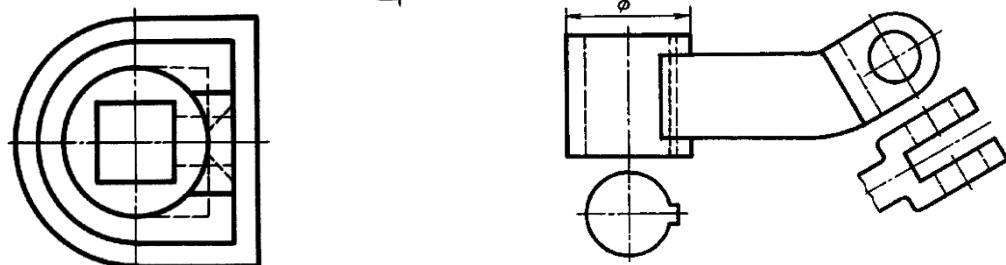
qilingan vaziyat o‘zgarmasligi lozim. Bunday hollarda ko‘rinishga buringanlikni ko‘rsatuvchi belgi qo‘yiladi (112-chizma).

Agar chizmada asosiy ko‘rinishlar bosh ko‘rinishga nisbatan, ya’ni mos joylashtirilmagan bo‘lsa, ular chizmada zarur yozuv va yo‘nalishlar bilan ta’milanishi lozim (111, 112 -chizma).

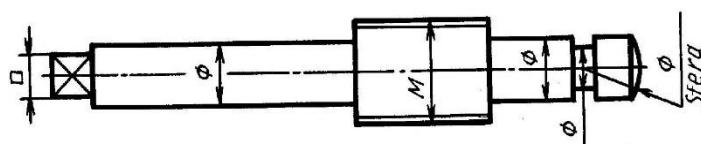
Chizmalarda ko‘rinishlarni mumkin qadar kam bo‘lishishiga erishish uchun turli shartli belgilardan foydalaniladi. Masalan, ventilning shpindeli bitta asosiy bosh ko‘rinishda chizilib, undagi silindrлarni diametr belgisi « $\emptyset$ », kvadrat prizma «□», rezbali qismi «M», shar «Sfera» so‘zi bilan belgilansa, chizmani bemalol o‘qish mumkin (114-chizma).



112 -rasm



113- chizma



114 -chizma

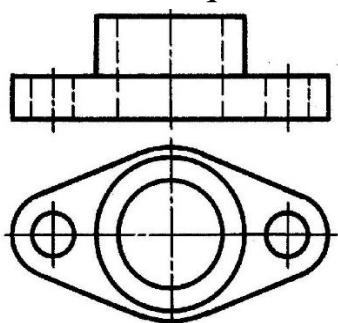
### 12.3. Bosh ko‘rinish

Chizmalarda buyumni tasvirlash uchun eng avval uning bosh ko‘rinishi tanlanadi. Bosh ko‘rinish buyum to‘g‘risida eng ko‘p ma’lumot

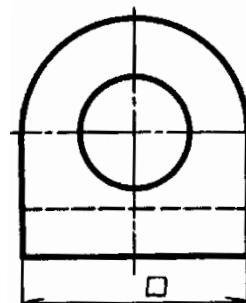
berishi bilan bir qatorda uning shaklan qiyofasini imkon boricha olib berishi lozim. Buyumni iloji boricha bitta bosh ko‘rinishda tasvirlashga harakat qilinadi (114- chizmadgi kabi).

Agar buyum bitta bosh ko‘rinishda o‘qilishi qiyin bo‘lsa, unga qo‘shimcha qilib ustdan (115- chizma) yoki chapdan (116-chizma) ko‘rinishi yohud qo‘shimcha yoki mahalliy ko‘rinish kiritiladi (111, 113-chizma). Shunda ham buyumning qismlarini aniqlash qiyin bo‘lsa, bosh ko‘rinishga nisbatan unga bog‘langan holda ustdan va chapdan ko‘rinishlari qo‘shib tasvirlanadi.

Buyumning o‘rtalagi qismidagi prizmatik sirt bilan radius orqali ravon tutashtirilganligi va ostdagagi qismi yarim silindr ekanligi faqat chapdan ko‘rinishda aniqlanadi. Buyumning chizmalarida ko‘rinmaydigan qismlari shtrix chiziqlarida tasvirlanadi.

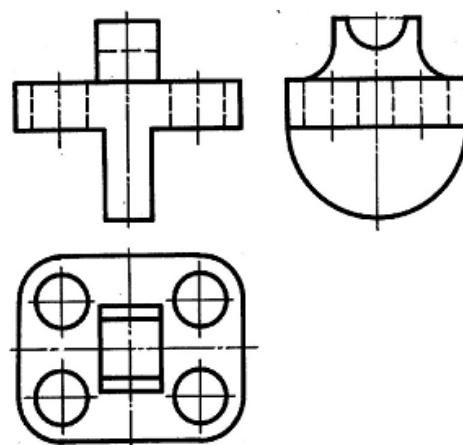


115–chizma



116–

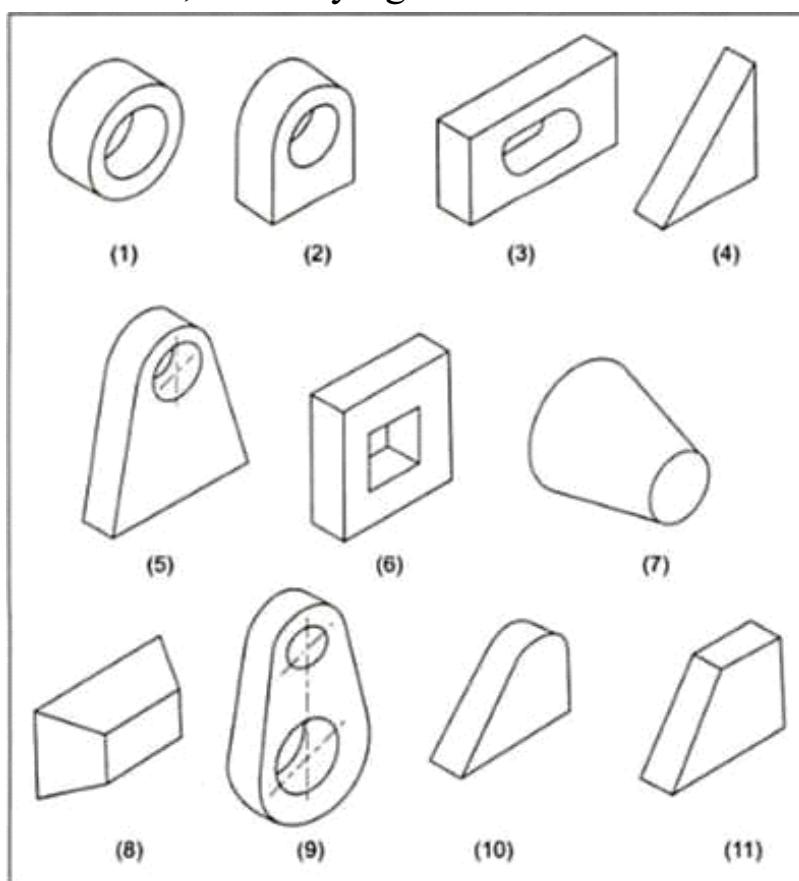
chizma



117 - chizma

Oddiyroq buyumlarda ko‘rinmaydigan qismlarini shtrix chiziqda tasvirlash xalaqit bermasa-da, murakkabroq buyumlarda ko‘rinmaydigan qismlarni shtrix chiziqlarda tasvirlash chizmalarni o‘qishni ancha qiyinlashtiradi, chalkashtiradi ham. Chizmani o‘qishni osonlashtirish maqsadida, tasvirlarda qirqim va kesimlar qo‘llaniladi.

Uch o‘lchovli bo‘lgan mashina buyumlari, ikki yoki undan ko‘p (buyumning shaklidan kelib chiqib) ko‘rinishlar bilan tasvirlanishi mumkin. Jismlarni proyektsiyalash bobida ko‘rib chiqilgandek, jismlarning proyektsiyalanishi turli ko‘rinishlarda berilishi mumkin. Mashina buyumlari 118-chizmada ko‘rsatilgandek oddiy jismlarning qo‘shish yoki ayirish bilan yaratiladi. Ayrilgan qismi: teshik, chuqurlik va h.k. va ularning ortogonal proyeksiyalari 119-chizmada tasvirlangan. Demak, mashina buyumlarining proyeksiyalari oddiy jismlarning proyeksiyalari demakdir, buni keyingi bo‘limda tushuntiriladi.

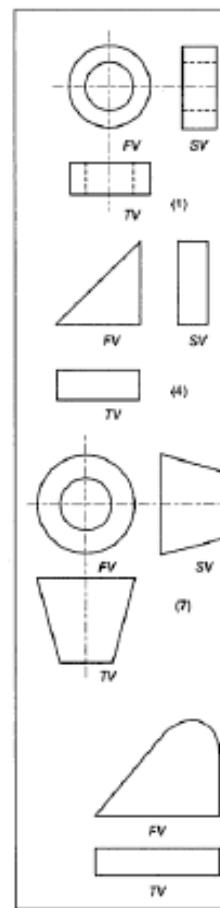


118- chizma. Sodda jismlar shakllari

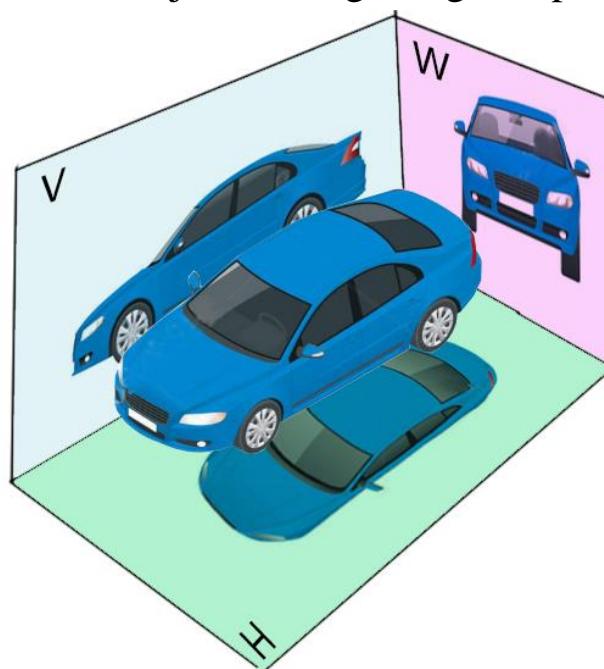
120-chizmada tipik mashina buyumi tasvirlangan bo‘lib u quyidagi jismlardan tashkil topgan: (1) silindrik disk, (2) yarim aylana va to‘rt burchakli jism, (3) yarim silindr va to‘rt burchakli jismdan iborat teshikli

prizma va to‘g‘ri burchakli uchburchak prizma. Mashina buyumining asosiy yuzasi biror proyeksiyalar tekisligiga parallel qilib joylashtiriladi. Demak, ularning proyeksiyalari: oldidan ko‘rinish, ustidan ko‘rinish va yondan ko‘rinishlardir.

N	Element	OK	UK	ChK
1	Silindrik disk	aylana	To‘rtburch	To‘rtburch
2	Yarim silindr va to‘rt burchakli jism	yarim aylana va	ak To‘rtburch	ak To‘rtburch
3	Uchburchak jism	to‘rtburchak	ak	ak
4	To‘rtburchak jism	To‘rtburchak		
5	Silindrik teshik	To‘rtburchak Aylana	To‘rtburch ak To‘rtburch ak To‘rtburch ak	uchburcha k To‘rtburch ak To‘rtburch ak



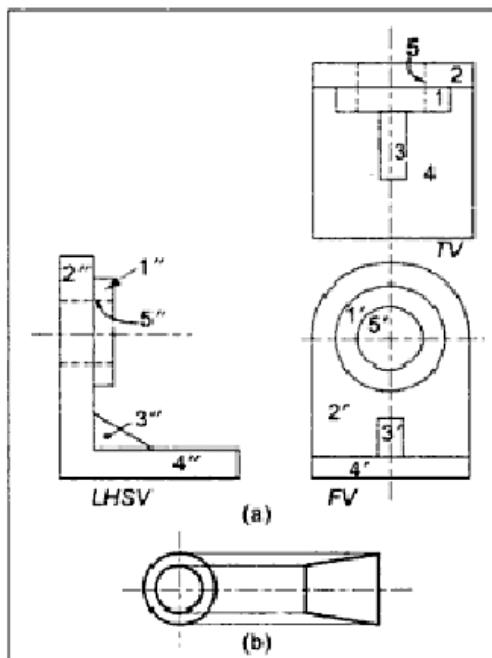
119- chizma. Sodda jismlarning ortogonal proyeksiyalari.



## 120- chizma.

### Ko‘rinishlar - ortogonal proyeksiyalar

121-chizmada mashina buyumining orthogonal proyeksiyalari uch ko‘rinishda tasvirlangan. Bu ko‘rinishlar beshta elementar geometrik jismlarning yig‘indilari sifatida ko‘rilishi mumkin.



## 121- chizma

Olddan ko‘rinishda jismlarning hamma konturlari ko‘rinadigan proyeksiyada har bir shakl uchun ko‘rinaigan bo‘lib qoladi. Ustidan ko‘rinishda uchburchak jismning proyeksiyasi (3) silindrik diskning (1) proyeksiyasidan tashqarida ko‘rinadi. Shunindek (1) jism tagida joylashgan to‘g‘ri burchakning qismi (3) ko‘rinmaydi, shuning uchun u shtrix chiziqlari bilan belgilanadi. Shunindek teshikning proyeksiyasi ustidan va yondan ko‘rinishlarda ko‘rinmaydi.

Aytish mumkinki, bu mashina buyumi – yaxlit buyum. Demak, yondan ko‘rinishda to‘rtburchakli prizma B va yarim silindr A bir biriga tutashuv qismida chiziq bo‘lmaydi.

Mashina buyumi ikki tekislikning kesishuvidan xosil bo’lgan birinchi chorakka joylashtiriladi (108-chizma), bundan kelib chiqadiki bu proyeksiyalar 108-a chizmada ko‘rsatilgan birinchi burchak proyeksiyalari deb ataladi. Chizmalarda birinchi burchak proyeksiyasi 108 (b) chizmada ko‘rsatilgandek belgilanadi.

Proyeksiyalashning birinchi burchak usulida, ustidan ko'rinish olddan ko'rinish ostida chiziladi, chapdan ko'rinish o'ng tarafda va o'ngdan ko'rinish olddan ko'rinishning chap tomonida joylashadi. Ostidan ko'rinish olddan ko'rinishning tepasida joylashadi.

Avval aytib o'tilgandek, agrar ob'ekt ikki tekislikning o'zaro kesishuvidan xosil bo'lgan 3-chorakka joylashtirilsa, ustidan ko'rinish, olddan ko'rinishning tepasida joylashtiriladi, chapdan ko'rinish chap tomonda va o'ngdan ko'rinish olddan ko'rinishning o'ng tomoniga joylashtiriladi. Ostidan ko'rinish, old ko'rinishning tagida chiziladi.

### **12.3. Kesimlar va qirqimlar (O'zDSt 2.305:2003)**

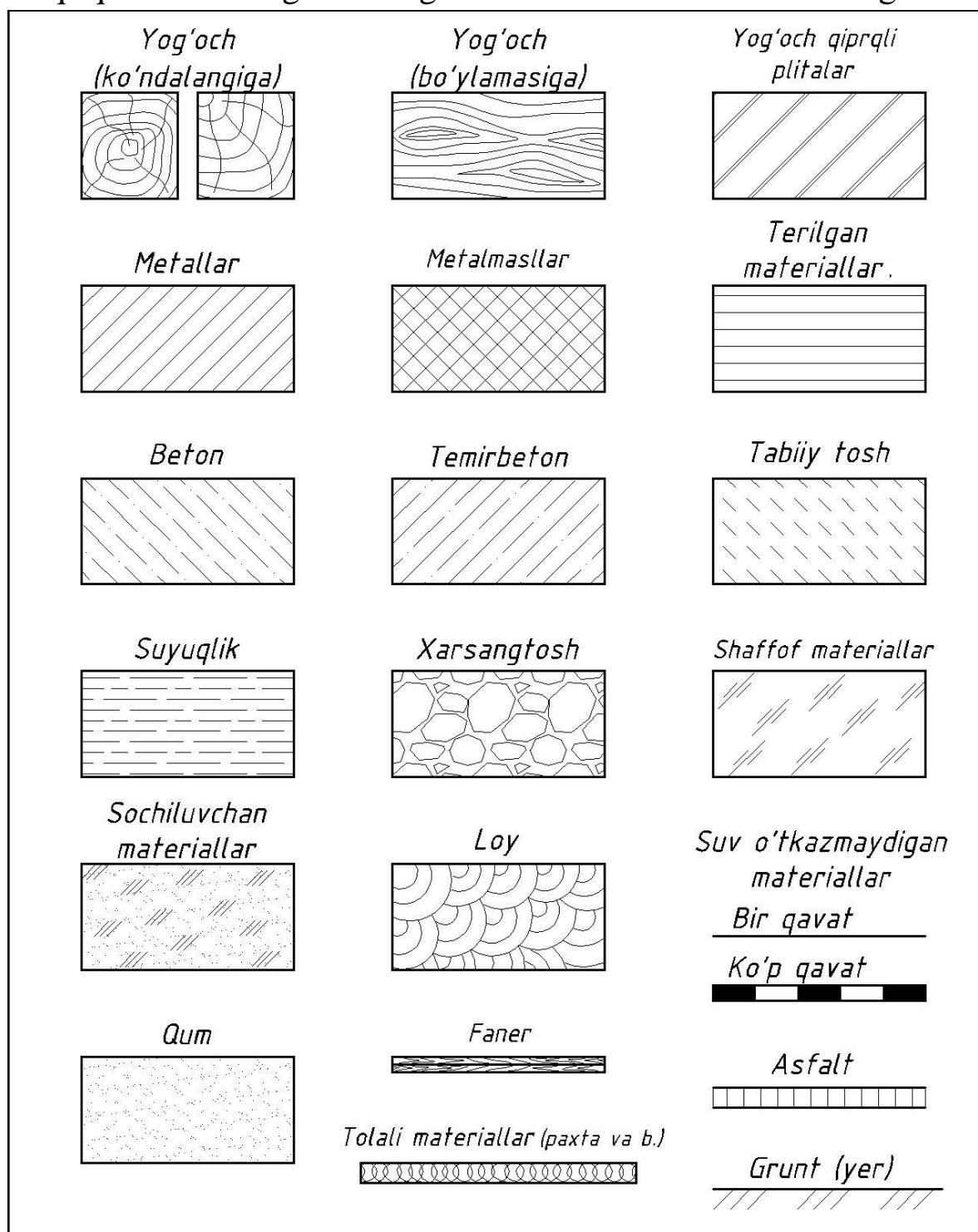
Buyumning u yoki bu qismi (elementi) shaklini aniqlash maqsadida kesim qo'llaniladi. Uning ichki tuzilishini aniqroq bilish maqsadida kesim bilan birga qirqim ham qo'llaniladi. Shunday qilinganda buyumning ko'rinishi soni kamayadi. Kesim qo'llanilganda buyumning kesilgan yuzalari standartga muvofiq shartli belgilash qabul qilingan. Chizmdada turli materiallarni tez va oson farqlash maqsadida ular har hil ko'rinishda shtrixlanadi.

#### **12.3.1. Materiallarning kesimda grafik belgilanishi**

(O'zDSt 2.306:2003). Buyumning chizmasida kesim yoki qirqim qo'llanilgan bo'lsa, o'sha joy yuzalari ma'lum tartibda belgilanishi lozim. Buyum metalldan yasalgan bo'lsa, kesim yuzasi buyumning asosiy konturi yoki o'q chizig'iga nisbatan  $45^\circ$  burchak ostida o'ng yoki chap tomonga qiyalatib shtrixlanadi. Shtrixlar ingichka tutash chiziqda bajariladi. Bitta buyumning barcha ko'rinishlarida bajarilgan kesim yoki qirqimlarda bu yuzalar bir tomonlama shtrixlanishi va shtrixlar orasi ham o'zaro teng bo'lishi shart.

Yog'ochdan tashqari barcha boshqa materiallar metal kabi hoshiya chizig'iga nisbatan  $45^\circ$  burchakda qiyalatib shtrixlanadi. Lekin shtrixlar orasidagi masofalar materiallar turiga qarab har xil bo'ladi. Metal, charm, rezina, tabiiy tosh, betonlarda 1,5–2 mm, sopol (keramika) va silikatli materiallarda qo'shaloq chiziqlar oralig'ida 1,5-2 va 5-7 mm bo'ladi. Tabiiy tuproq uchta o'zaro parallel chiziqlarda oralig'i 1-2 mm, to'plam

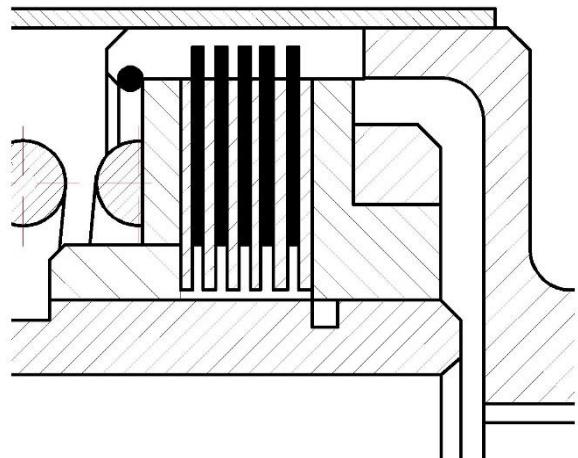
chiziqchalar oralig‘i 3-5 mm qilib qoldiriladi. Ba’zi materiallarning kesim va qirqimda shartli grafik belgilanishi 122-chizmada ko‘rsatilgan.



122-chizma

Yig‘ish chizmalarida, yonma-yon joylashgan ikki buyum qirqilganda, qirqim chiziqlari birinchi buyum konturiga nisbatan  $45^0$  ostida va ikkinchi buyumda unga

qarama-qarshi yo‘nalishda bajariladi. Agar uchinchi buyum ham ikki buyum yonida joylashsa, unda shtrix chiziqlar  $45^0$  ostida bajarilib, chiziqlar orasidagi masofa o‘zgaradi. Odatda, qirqilgan kichik yuzanining shtrix chiziqlari orasidagi masofa kichik va katta yuzalarda bu masofa katta olinadi (123-chizma).



123-chizma

### 12.3.2. Kesimlar (O‘z DSt 2.305:2003)

**Kesim** deb, jismning tekislik bilan kesishishi natijasida hosil bo‘lgan yassi shaklga aytildi. Ko‘pyoqlikning tekislik bilan kesishishidan ko‘pburchak (yopiq siniq chiziq) hosil bo‘ladi<sup>58</sup>.

Aylanish jismlari tekislik bilan kesishsa, egri chiziq bilan chegaralangan ellips, aylana, parabola, giporbola ko‘rinishidagi kesim shakli hosil bo‘ladi.

Texnikaviy chizmachilikda kesim chizig‘i bo‘lgan detallar ko‘p uchraydi va ularning grafikaviy bajarilishi kesimlar yasashga asoslangan.

Kesik detallar sirtlarini yoyish uchun yassi materiallarni bichishga to‘g‘ri keladi. Ularga bunkerlar, mashina va dastgoh to‘sirlari kiradi. Kesik detallarning yaqqolligini oshirish uchun ular aksonometrik proyeksiyalarda tasvirlanadi.

Jismning tekislik bilan kesimi va uning yoyilmasi kompleks chizmalarda quyidagi ketma-ketlikda bajariladi:

Geometrik jism uchta proyeksiyalar tekisliklariga proyeksiyalanadi. Proyeksiyalovchi tekislik bilan jismni kesimi aniqlanadi.

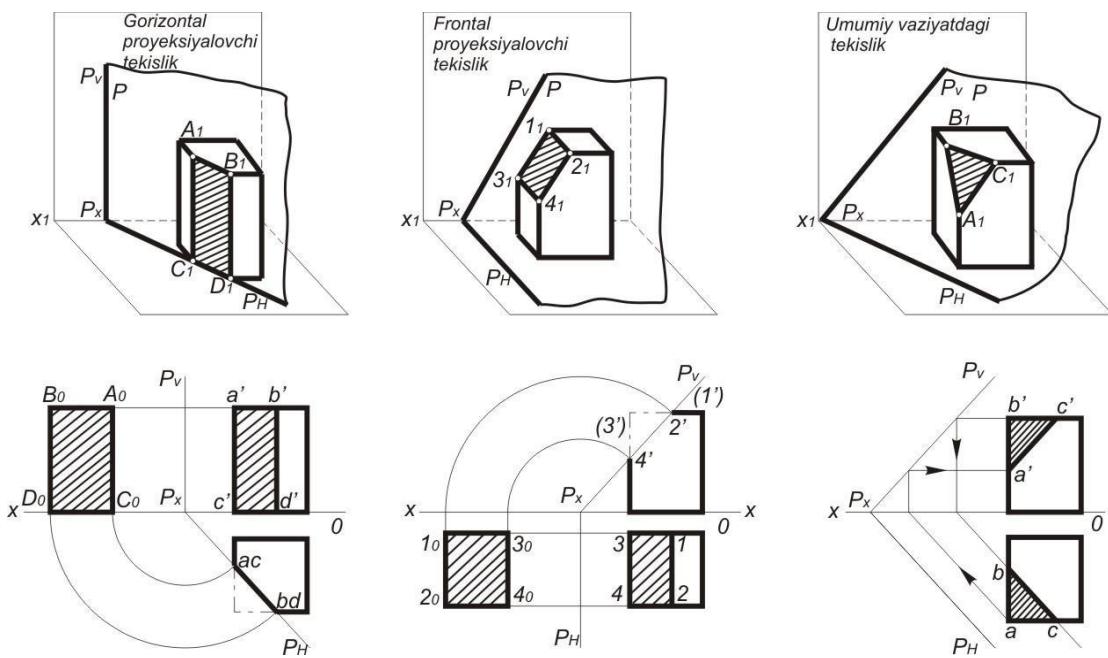
Kesim shaklini haqiqiy kattaligi aniqlanadi. Kesik jismni aksonometriyasi quriladi.

Kesik jism sirtining yoyilmasi quriladi. Proyeksion chizmachilikda jism kesimining uch ko‘rinishi qo‘llaniladi: Gorizontal-proyeksiyalovchi tekislik yordamida (162-chizma).

Frontal-proyeksiyalovchi tekislik yordamida (163-chizma). Umumiy

<sup>58</sup> D.U. Sabirova, A.T.Azimov, V.T.Mirzaramova, V.N.Karimova. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo‘llanma. –T.: 2019, 95-102 betlar.

vaziyatdagi tekislik yordamida (164-chizma).



160- chizma.

163-chizma.

164- chizma.

Prizma kesimlarining hamma usullari bilan tanishganimizdan so‘ng, keyinchalik ko‘p hollarda gorizontal proyeksiyalovchi va frontal-proyeksiyalovchi tekisliklarda foydalanamiz. Umumi vaziyatlardan tekisliklar ayrim hollarda foydalaniladi.

### Piramida kesimi

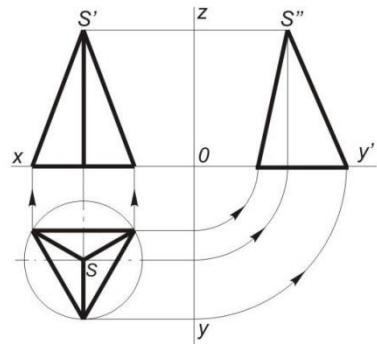
Uchburchak piramida kesimini frontal proyeksiyalovchi P tekislik yordamida bajarish chizmasini bosqichma-bosqich hosil qilinishi 165-chizmada ko‘rsatilgan. Bu talabalarning mustaqil ishlarini bajarishga yordam beradigan ishlanmadir. U olti bosqichdan iborat:

- geometrik jismning to‘g‘ri burchakli proyeksiyalarini chizish;
- kesim shaklining tayanch (xarakterli) nuqtalarni aniqlash. Ular qirralarining P tekislik bilan kesishuvidan hosil bo‘ladi: 1', 2', 3'- nuqtalar. Kesim shaklini gorizontal va profil proyeksiyalarini aniqlash uchun frontal proyeksiyadagi 1', 2', 3'-nuqtalarning gorizontal va profil proyeksiyalari

tegishli qirralari aniqlanadi;

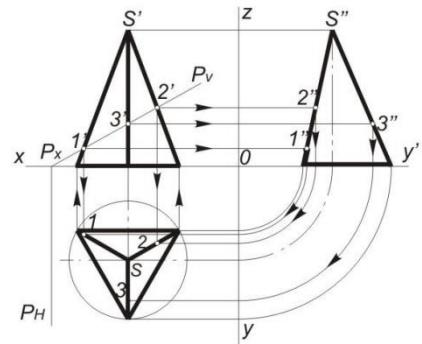
a)

*Geometrik sirtning to'g'ri burchakli proyeksiyasi*



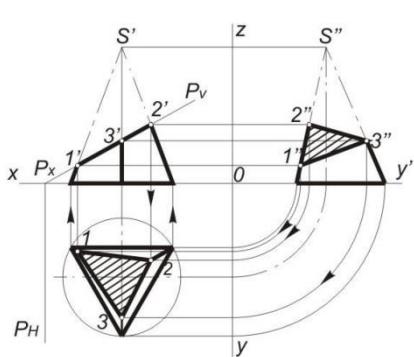
b)

*Tayanch (xarakterli) nuqtalarning topilishi*



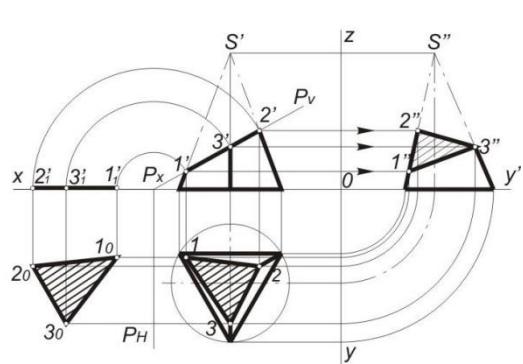
d)

*Geometrik sirtning kesimi*



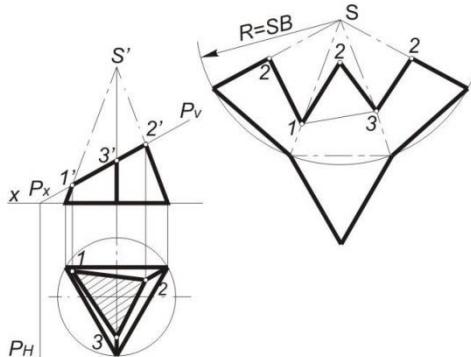
e)

*Kesim yuzasi haqiqiy kattaligining topilishi*



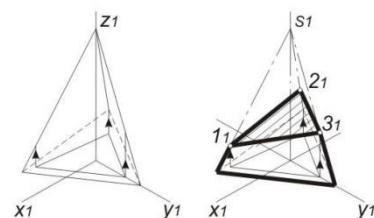
f)

*Kesik piramidaning yoyilmasi*



g)

*Kesik piramida aksonometriyasini qurish*



165- chizma.

d) kesim shaklining xarakterli nuqtalari aniqlangandan so'ng, nuqtalar o'zaro tutashtiriladi va hosil qilingan kesim yuzasi  $45^0$  burchak ostida shtrixlanadi;

e) kesim shaklining haqiqiy kattaligi joylashtirish usuli bilan aniqlangan. Kesim shaklining gorizontal va frontal proyeksiyalaridan o'tkazilgan proyektion bog'lovchi chiziqlar kesishuvida kesim

shaklining haqiqiy kattaligiga tegishli bo‘lgan 1<sub>0</sub>, 2<sub>0</sub>, 3<sub>0</sub>-nuqtalar aniqlangan;

f) Piramida yoyilmasini bajarish uchun, piramida qirrasininghaqiqiy kattaligini aniqlash zarur. Piramida asosining tomonlari H tekislikka parallel bo‘lgani uchun haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi. Piramida qirralari hamma proyeksiya tekisliklariga kichrayib proyeksiyalanadi. Piramida qirrasining haqiqiy kattaligini aylantirish usuli bilan aniqlash 165, d-chizmada ko‘rsatilgan. So‘ngra piramida yoyilmasi quriladi. Ixtiyoriy tanlab olingan nuqtadan piramida qirrasiga teng bo‘lgan radiusda yoy chizib olingan. O‘tkazilgan yoyga piramida asosining tomonlariga teng kattalikda uchta vatar o‘lchab qo‘yiladi. Hosil qilingan asosining nuqtalari birlashtiriladi va o‘z navbatida, asosining nuqtalari piramida uchi S nuqta bilan ham birlashtiriladi. Bunda bukilish chizig‘ining yo‘g‘onligi S/3 ga teng ikki nuqtali shtrix-punktir chiziq bilan tasvirlanadi. Piramida yon qirralarining uzunligi o‘lchab qo‘yiladi va siniq chiziq hosil bo‘ladi. Shu siniq chiziqqa kesim shaklining haqiqiy kattaligi moslab quriladi. Piramida asosidagi siniq chiziqning biriga teng tomonli uchburchak qurilsa, uning asosining yoyilmasi hosil bo‘ladi. Natijada kesik piramida sirtining to‘liq yoyilmasi hosil bo‘ladi.

g) aksonometrik to‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyada quriladi. Avval piramida asosi quriladi va unda kesim shaklining gorizontal proyeksiyasi chiziladi va unga piramida balandligi o‘lchab qo‘yilsa, piramida uchi S aniqlanadi. Asosining uchlari piramida uchi S bilan birlashtiriladi va kesim shaklining gorizontal proyeksiyasidan vertikal bog‘lovchi chiziq o‘tkazilsa, ular piramidaning tegishli qirralari bilan uchrashib, kesim shakli uchlarining izometriya proyeksiyasini hosil qiladi. 1<sub>0</sub>, 2<sub>0</sub>, 3<sub>0</sub>-nuqtalar o‘zaro tutashtirilib, kesik piramida hosil qilinadi va kesim yuzasi shtrixlanadi.

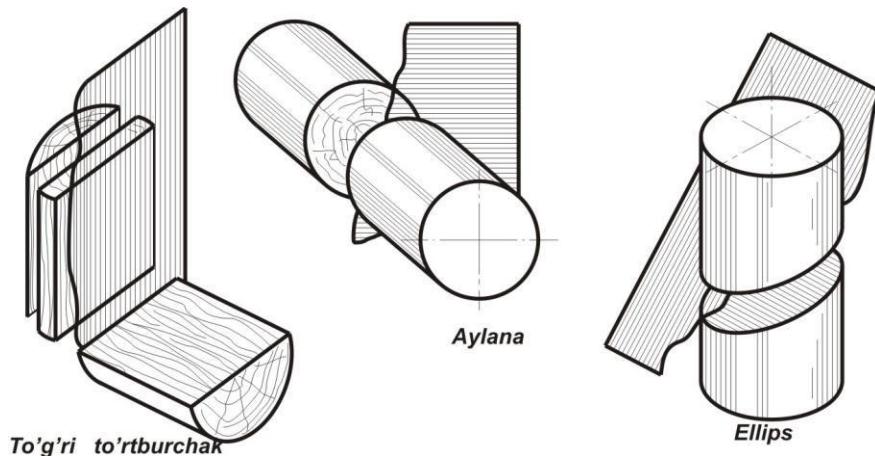
### Silindr kesimi

To‘g‘ri doiraviy silindr tekisliklar bilan kesilsa, uch xil kesim hosil bo‘lishi mumkin:

- kesuvchi tekislik silindr o‘qiga perpendikular bo‘lsa, kesim yuzasida aylana hosil bo‘ladi;
- kesuvchi tekislik silindr o‘qiga parallel bo‘lsa, kesim yuzida

to‘g‘ri burchakli to‘rtburchak hosil bo‘ladi;

– kesuvchi tekislik silindr o‘qiga og‘ma bo‘lsa, kesim yuzasida ellips hosil bo‘ladi (166-chizma).

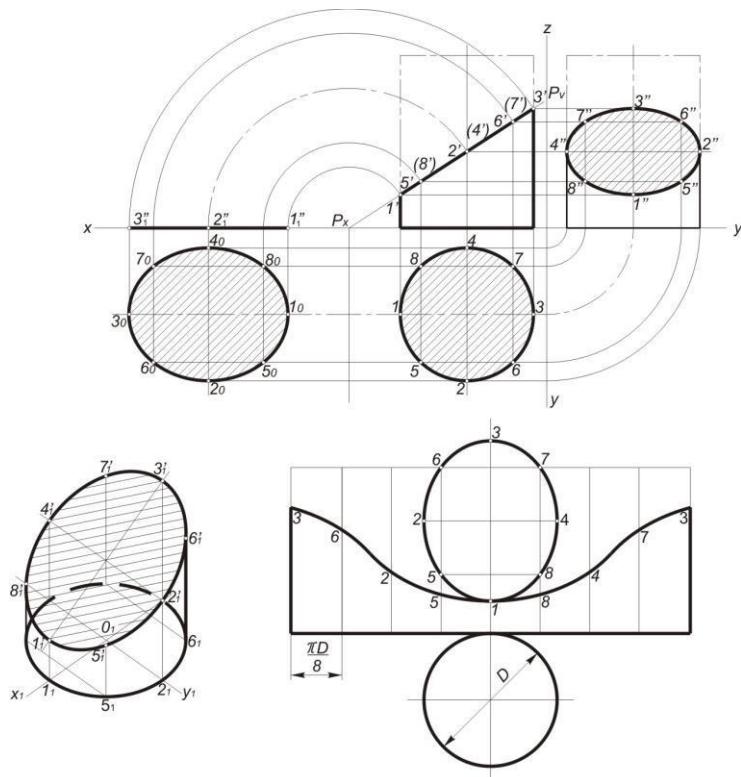


166- chizma.

Silindr kesmini bajarish uchun silindrning to‘g‘ri burchakli proyeksiyasini qurish kerak bo‘ladi.

To‘g‘ri doiraviy silindr gorizontal proyeksiyalar tekisligiga aylana bo‘lib, frontal va profil proyeksiyalar tekisliklariga to‘g‘ri burchakli to‘rtburchak bo‘lib proyeksiyalanadi (167-chizma).

Kesuvchi P tekislik frontal proyeksiyalovchi bo‘lsin. Kesim shakliga tegishli bo‘lgan nuqtalarni aniqlash uchun silindr asosidagi aylanani teng bo‘laklarga, masalan, sakkizga bo‘linadi. Hosil bo‘lgan nuqtalardan uning yasovchilari o‘tkaziladi va ularni kesuvchi tekislikning  $P_V$  frontal izi bilan uchrashguncha davom ettiriladi. Natijada P tekislikning frontal izida 1', 2' va h.k nuqtalardan iborat silindr kesimining frontal proyeksiyasi hosil bo‘ladi. Bu nuqtalar ellips kesim shakliga tegishli bo‘lib, uning frontal proyeksiyasi to‘g‘ri chiziq – tekislikning frontal izi bilan ustma-ust tushadi. Kesimning gorizontal proyeksiyasi silindr asosining gorizontal proyeksiyasi bilan ustma-ust tushib, u aylana bo‘ladi.



167- chizma.

Kesim shaklining ikki gorizontal va frontal proyeksiyasi yordamida uchinchi profil proyeksiyasi, kesishgan chizig‘iga tegishli nuqtalarni aniqlash yo‘li bilan quriladi. Topilgan nuqtalar lekalo yordamida birlashtiriladi. U ellips bo‘ladi. Kesim shaklining haqiqiy kattaligi chizmada joylashtirish usuli bilan aniqlangan.

### **Kesik silindr sirtining yoyilmasi**

Kesik silindr sirtining yoyilmasi quyidagi tartibda bajariladi: asosning aylana uzunligi  $\square D$  sakkiz teng bo‘lakka bo‘linadi. Bo‘lingan nuqtalardan qiyofa yasovchilarga parallel to‘g‘ri chiziqlar o‘tkaziladi. Ularga haqiqiy kattalikda frontal proyeksiyadan silindr yasovchilarining qolgan qismiga teng bo‘lgan uzunlikda kesmalar o‘lchab qo‘yiladi. Hosil qilingan 1, 2, 3 va h.k nuqtalarni lekalo yordamida birlashtiriladi. Silindr asosi bo‘lgan aylana chiziladi va haqiqiy kattalikda kesma shakli quriladi.

Kesik silindrning aksonometriyasini qurish uchun OX, OY va OZ aksonometriya o‘qlari o‘tkaziladi va silindr asosi bo‘lgan ovalning izometrik proyeksiyasi quriladi:

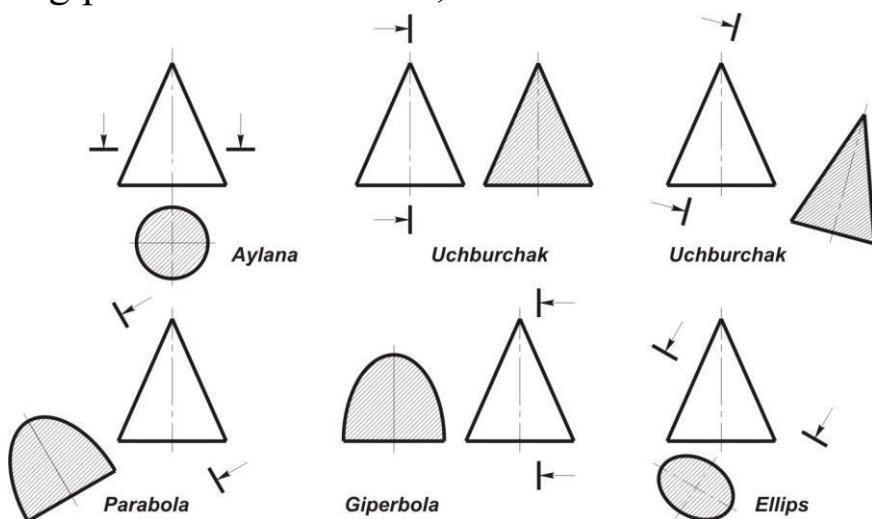
Aylanani teng bo'laklarga bo'luvchi nuqtalar belgilab olinadi. Shu nuqtalardan OZ o'qiga parallel to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi va frontal proyeksiyadan kesik yasovchilarning haqiqiy kattaligi o'lchab qo'yiladi. Masalan: 1-nuqtadan 1-1' kesma, 2-nuqtadan 2-2' kesma va h.k hosil qilingan nuqtalarni lekalo yordamida birlashtirib, ellips kesim shakli yasaladi. Silindr asosi va kesim shakli chizmadagidek, 1-yasovchi uchlariga urinma vaziyatda qurilgan.

### Konus kesimi

To'g'ri doiraviy konus kesilganda kesuvchi tekislikning yo'nalishiga qarab

turli ko'rinishdagi kesim qiyofalari hosil bo'lishi mumkin (168-chizma).

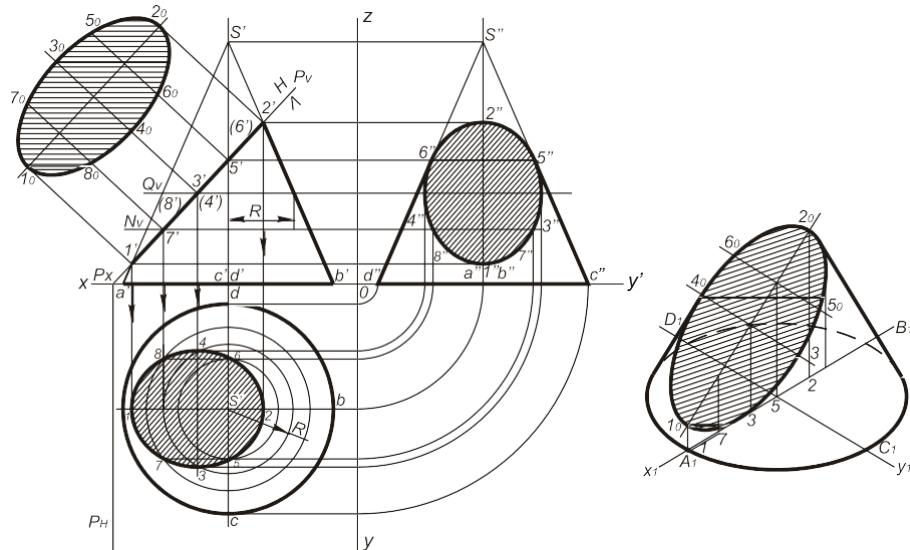
- kesuvchi tekislik konus o'qiga perpendikular bo'lsa, kesimda doira hosil bo'ladi;
- kesuvchi tekislik konus uchidan va asosini kesib o'tadigan bo'lsa, kesimida uchburchak hosil bo'ladi;
- kesuvchi tekislik konus yasovchilarining biriga parallel bo'lsa, kesimida parabola hosil bo'ladi;
- kesuvchi tekislik konus o'qiga yoki ikki yasovchisiga parallel bo'lsa, kesimda giperbola hosil bo'ladi;



168- chizma.

- Kesuvchi tekislik konus o'qiga og'ma bo'lib, uning hamma

- yasovchilarini kesib o'tsa, kesimda ellips hosil bo'ladi;
- konus kesimining gorizontal proyeksiyasi vositachi kesuvchi tekislik yordamida aniqlangan (169-chizma).



169- chizma.

Buning uchun sakkizta nuqtani aniqlash kerak, shulardan to'rttasi xarakterli bo'lib, ellipsning katta va kichik o'qlariga tegishli nuqtalaridir.

Kesuvchi P tekislik konusning AS va BS qiyofa yasovchilarining 1 va 2- nuqtalarida kesishadi. Frontal tekislikdagi 1' – 2' chiziq ellips katta o'qining frontal proyeksiyasi bo'lib, u haqiqiy kattalikka teng. 1,2-nuqtalarning gorizontal va profil proyeksiyalari, AS va BS konus yasovchilarining tegishli proyeksiyalarida bo'ladi. Ular bog'lovchi chiziqlar yordamida aniqlanadi.

Konusning CS va DS yasovchilarida yotgan 5 va 6-nuqtalar V frontal tekislikda 5' (6') bitta nuqta bo'lib, konus o'qiga proyeksiyalangan. Profil proyeksiyada 5'' va 6"-nuqtalar konusning qiyofa yasovchilariga proyeksiyalanadi.

5 va 6-nuqtalarning gorizontal proyeksiyalarini 5'-nuqtadan o'tuvchi asosiga parallel aylana yordamida yoki proyeksion bog'lanishdagi chiziqlarni W tekislikdan H tekislikdagi tegishli yasovchilariga proyeksiyalash yo'li bilan aniqlanadi. 1' va 3'-nuqtalar orasidagi masofani o'rtasida yana ikkita 7' (8') nuqtalarni tanlanadi. Shu nuqtalar orqali kesuvchi Nv tekislikning izi o'tkaziladi. N tekislik frontal tekislikda

gorizontal chiziq bo‘ylab tasvirlangan kesishish chizig‘ini – aylanani beradi. H tekislikda esa shu diametrdagi aylana hosil qiladi. 7' (8')-nuqtalardan o‘tkazilgan bog‘lovchi chiziqlar shu aylanani 7 va 8-nuqtalarda kesib o‘tadi. 7" va 8"-nuqtalarning profil proyeksiyalari bog‘lovchi chiziqlar yordamida topiladi.

Konus kesimining haqiqiy kattaligi va kesim konusining izometrik proyeksiyasini qurish 169-chizmada ko‘rsatilgan.

### **Nazorat savollari**

1. Sirtning tekislik bilan kesilish chizig‘i qanday quriladi?
2. To‘g‘ri doiraviy silindrda qanday kesim yuzalari hosil bo‘ladi?
3. Konus kesilganda qanday kesim yuzalari hosil bo‘ladi?
4. Sfera kesilganda qanday kesim yuzasi hosil bo‘ladi?

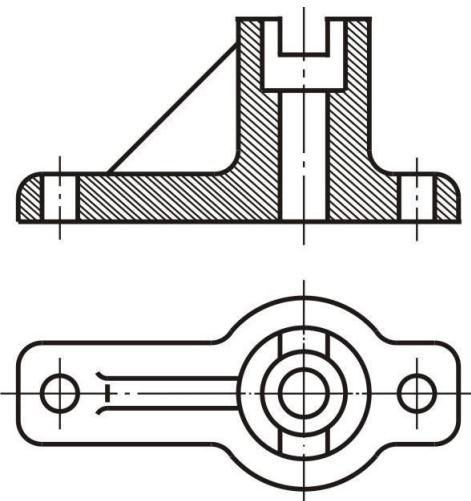
### **12.4. Qirqimlar (O‘zDSt 2.305:2003)<sup>59</sup>**

Agarda model yoki detal murakkab ichki qiyofaga ega bo‘lsa, ko‘rinmaydigan konturlarni tasvirlovchi ko‘p sonli shtrix chiziqlar chizmani o‘qilishini qiyinlashtiradi. Tasvirlanayotgan buyumni ichki tuzilishi to‘g‘risida aniq taassurot olish uchun, hamda chizmalarga o‘lchamlarni va turli belgilarni qo‘yishda qulaylik yaratish uchun qirqimlar qo‘llaniladi.

Qirqimlar Davlat standartlari DS2.305-68 va DS2.306-67 talablariga muvofiq bajariladi.

---

<sup>59</sup> D.U. Sabirova, A.T.Azimov, V.T.Mirzaramova, V.N.Karimova. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo‘llanma. –T.: 2019, 115-118 betlar



Buyumni bir yoki bir necha tekislik bilan hayolan kesgandan keyingi hosil bo‘lgan tasviri qirqim deb ataladi. Qirqimda kesuvchi tekislikda hosil bo‘ladigan kesim yuzi va uning orqasida yotgan narsalar ko‘rsatiladi (188-chizma).

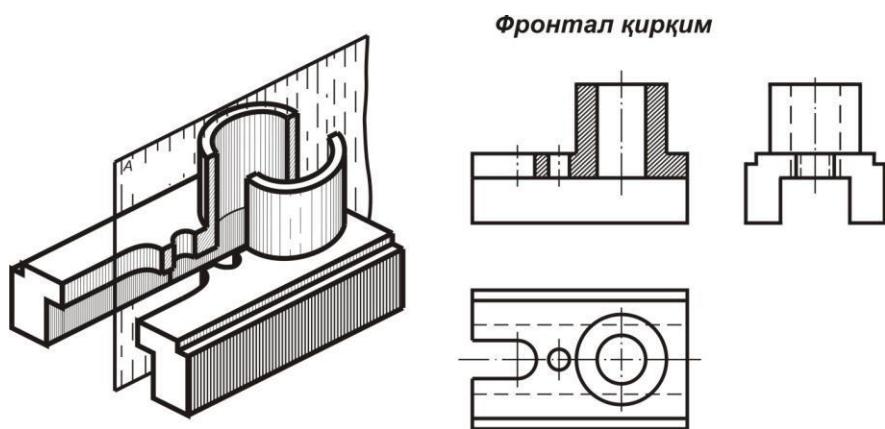
Kesuvchi tekisliklar soniga qarab qirqimlar ikkiga bo‘linadi:

Oddiy – bir kesuvchi tekislik qo‘llanilsa, murakkab – bir necha kesuvchi tekislikdan foydalanilgan holda.

#### **12.4.1. Oddiy qirqimlar**

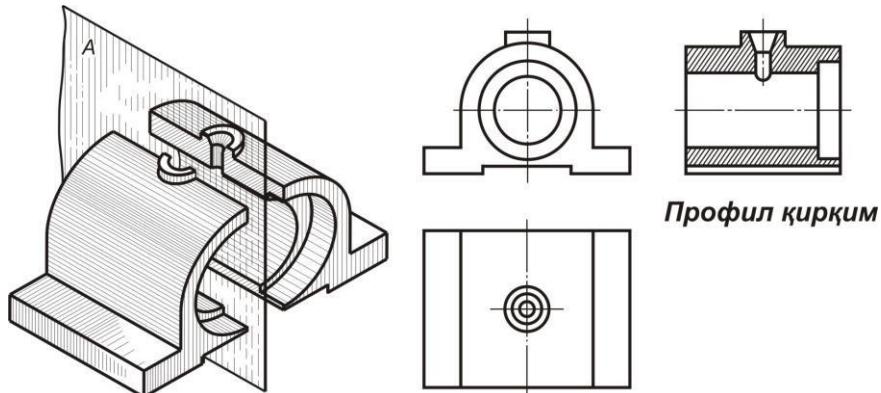
Detalni bitta kesuvchi tekislik bilan kesish natijasida hosil bo‘lgan qirqim

oddiy qirqim deb ataladi. Kesuvchi tekislikning gorizontal proyeksiyalari tekisligiga nisbatan vaziyatiga qarab qirqimlar vertikal, gorizontal va qiya turlariga bo‘linadi. Detalni vertikal tekislik bilan hayolan kesish natijasida hosil bo‘lgan qirqimlar **vertikal qirqim** deb ataladi.

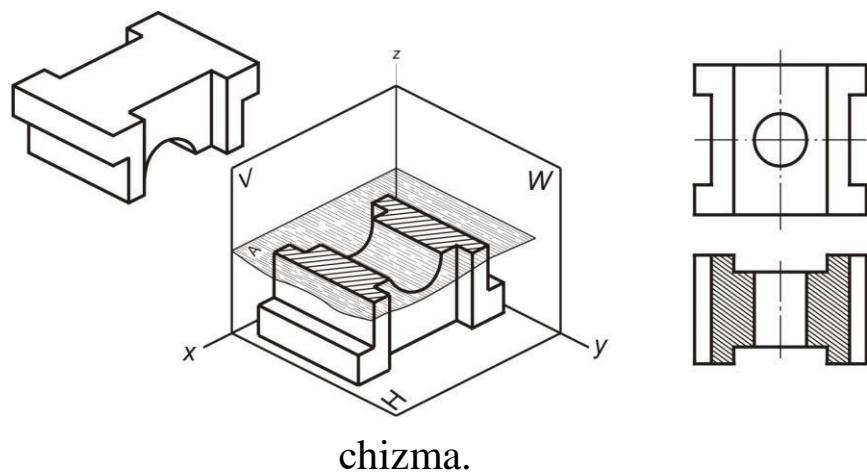


Agar kesuvchi tekislik frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, vertikal qirqim **frontal qirqim** deb ataladi (189-chizma).chizma.

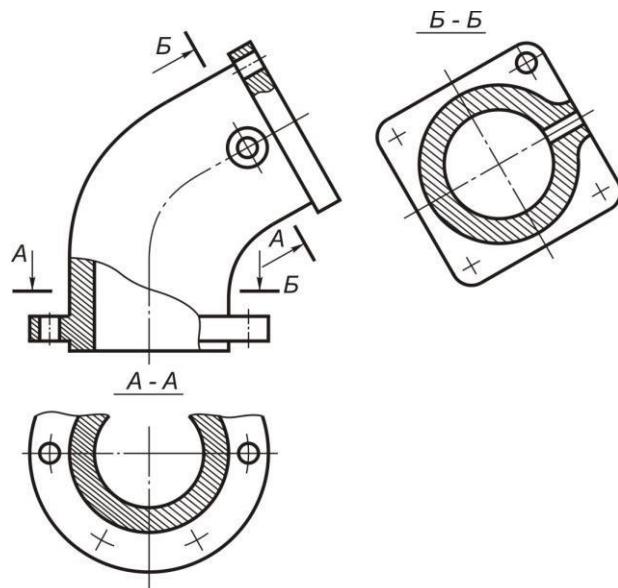
Agar kesuvci tekislik profil proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa,



verticalqirqim **profil qirqim** deyiladi (190 chizma). Agar kesuvchi teksilik gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo'lsa, **gorizontal qirqim** deyiladi (191-chizma).



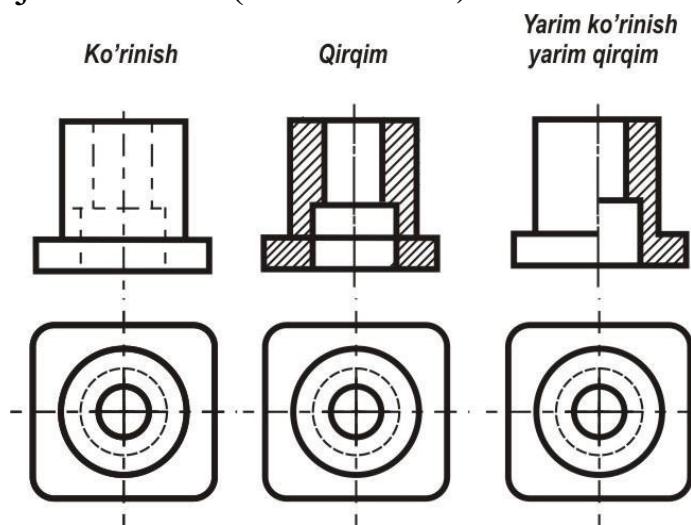
Agar kesuvchi tekislik gorizontal proyeksiyalar tekisliklariga to‘g‘ri burchakdan farqli biror burchak ostida joylashgan bo‘lsa, hosil bo‘lgan qirqim **og‘ma qirqim** deyiladi (192-chizma).



chizma.

### **Qirqimning bir qismini ko‘rinishning bir qismi bilan birlashtirish**

Faqat simmetrik detal chizmasida ko‘rinishning yarmi bilan qirqimning yarmi birga chizilishi mumkin, bu holda ularni simmetriya o‘qi ajratib turadi (193- chizma).

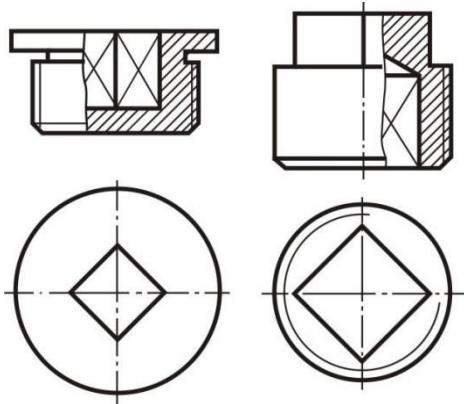


188- chizma.

Chizmada qirqim qismi o‘ng tomonga joylashtiriladi. Agar chizmada detalning simmetriya o‘qiga uning kontur chizig‘i to‘g‘ri kelib qolsa, ko‘rinishning yarmi bilan tegishli qirqimning yarmini birlashtirish

mumkinmas. Bu holda ko‘rinishning bir qismi va qirqimning bir qismi tutish to‘lqinsimon chiziq bilan ajratib ko‘rsatiladi (194-chizma).

Agar simmetriya o‘qiga to‘g‘ri kelib qolgan kontur chizig‘i teshikka taalluqli bo‘lsa, chizmada qirqimning yarmidan ko‘prog‘i ko‘rsatiladi.



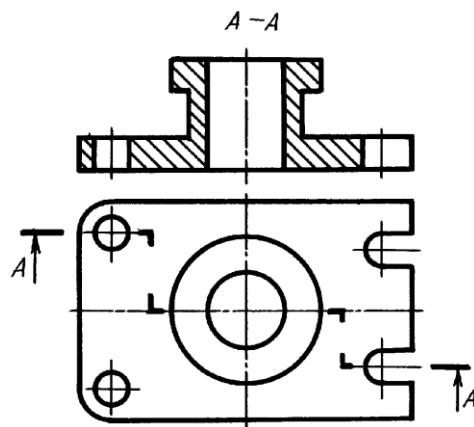
chizma.

Agarda kontur chizig‘i detalning tashqi sirtiga taalluqli bo‘lsa, ko‘rinishning yarmidan ko‘prog‘i ko‘rsatiladi.

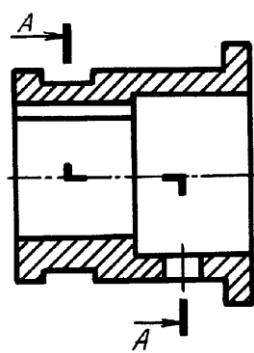
#### 12.4.2. Murakkab qirqimlar

Buyumning chizmasida uning ichki ko‘rinishlarini aniqlashda ikki va undan ortiq kesuvchi tekisliklar tatbiq qilinsa, murakkab qirqim hosil bo‘ladi (145 -chizma).

Bu yerda buyum frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel joylashgan uchta tekislik bilan kesilmoqda. Bunday qirqimlarda tekisliklarning bukilgan joylari qirqimda tasvirlanmaydi, balki. Uchala tekislikdagi qirqimlar bitta tekislikka shartli keltirib shtrixlanadi. Shuning uchun buyumning bosh ko‘rinishida qirqim bitta tekislik orqali hosil bo‘layotgandek tuyuladi. Murakkab qirqimni 146–chizmadagidek tasvirlash ham mumkin.



145-rsm



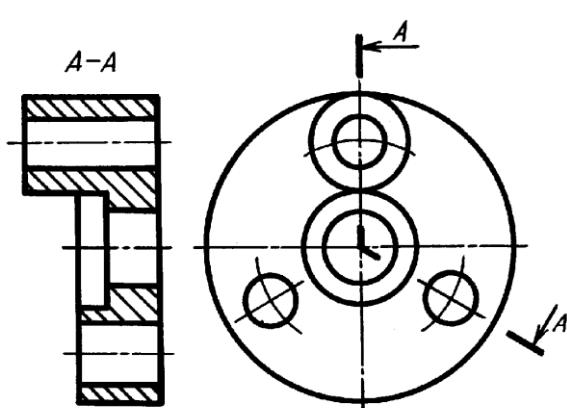
146-rsm

Kesuvchi tekisliklardan biri V ga parallel, ikkinchisi V ga qiya joylashgan bo‘lib, ular orqali murakkab qirqim hosil qilinsa, u siniq qirqim deyiladi (147 -chizma).

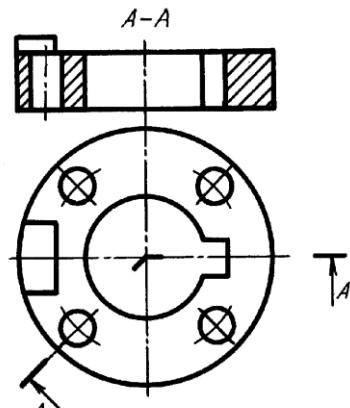
Bunday hollarda V ga qiya vaziyatdagi tekislik va undagi kesim V ga parallel bo‘lguncha aylantiriladi. Shunda ikkala tekislik bitta tekislik bo‘lib qoladi, kesim o‘zining haqiqiy kataligida tasvirlanadi. Qiya kesuvchi tekislikni aylantirish jarayonida tekislik orqasida joylashgan buyum qismi (elementlari) o‘z o‘rinlarini o‘zgartirmaydi (147 -chizma).

Bu yerda silindr ustidagi to‘rtburchak prizma tasvirida hech qanday o‘zgarish ro‘y bermagan. Chunki tekislikdagi kesim V bilan fikran jipslashtiriladi.

Proyeksiyalar tekisligiga parallel bo’lgan kesuvchi tekislik bilan berilgan, qirqim buyumlarning ichki tuzulishini to‘liq ko’rsatmasa, kesuvchi tekislik sindirilib davom ettiriladi, natijada avval ko’rinmagan buyum elementlari ko’rsatiladi (148 -chizma). Shu yo’l bilan bajarilgan qirqim bir tekislikda yotmagan qirqim deb ataladi.



147- chizma

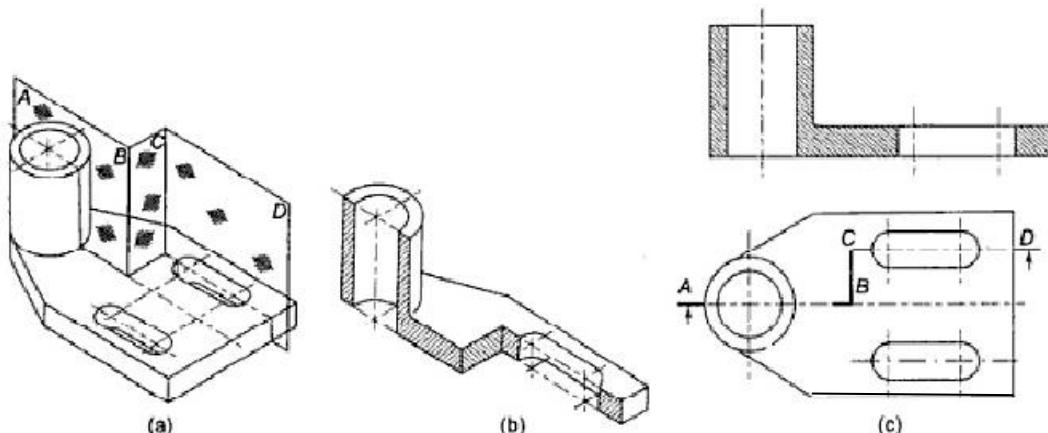


148 -chizma

Bu yerda silindr ustidagi to‘rtburchak prizma tasvirida hech qanday o‘zgarish ro‘y bermagan. Chunki tekislikdagi kesim V bilan fikran jipslashtiriladi.

Proyeksiyalar tekisligiga parallel bo’lgan kesuvchi tekislik bilan berilgan, qirqim buyumlarning ichki tuzulishini to‘liq ko’rsatmasa, kesuvchi tekislik sindirilib davom ettiriladi, natijada avval ko’rinmagan buyum elementlari ko’rsatiladi (149-chizma). Shu yo’l bilan bajarilgan qirqim bir tekislikda yotmagan qirqim deb ataladi.

Aytish kerakki, olddan ko’rinishda gi qirqimda, qoidaga muvofiq ikki yuzaning kesishuvidan BC chiziq tasvirlanmaydi. Kesuvchi tekislikni birlashgan ko’rinish sifatida chiziladi, ustdan ko’rinishda krsuvchi tekislik ABCD yozuvi bilan belgilanadi.



149-chizma

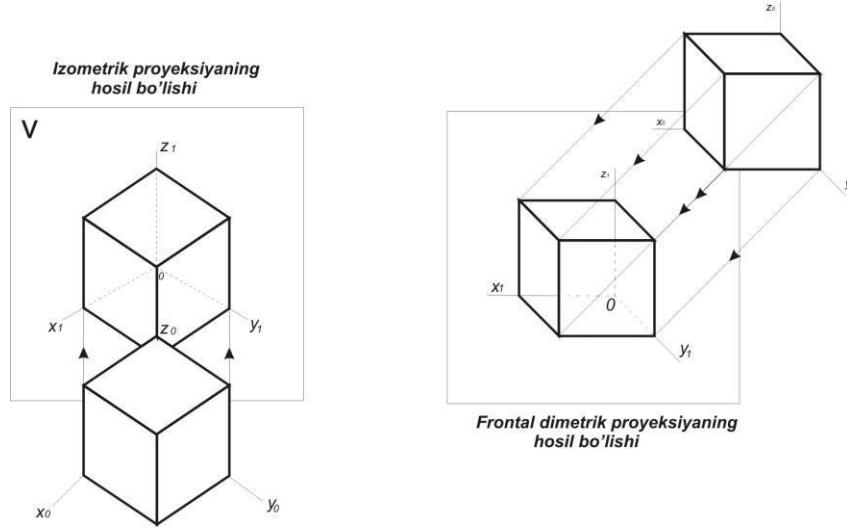
## 12.5. Aksonometrik proyeksiyalar<sup>60</sup>

Aksonometrik proyeksiyalarning asosiy afzalligi predmetlarning yaqqol tasvirlanganligini oshirishdadir. Shuning uchun ular chizmada berilgan predmetning konstruktiv shaklini tushunishni osonlashtirish maqsadida qurilgan.

Proyeksiyalovchi nurlarning yo‘nalishiga qarab aksonometrik proyeksiyalar **to‘g‘ri burchakli va qiyshiq burchakli** aksonometrik proyeksiyalarga bo‘linadi (123-chizma). To‘g‘ri burchakli aksonometrik proyeksiyalarda proyeksiyalovchi nurlar aksonometrik tekislikka

<sup>60</sup> D.U. Sabirova, A.T.Azimov, V.T.Mirzaraimova, V.N.Karimova. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo’llanma. –T.: 2019, 70-92 betlar

perpendikular yo‘nalgan bo‘ladi. Qiyshiq burchakli aksonometrik proyeksiyalarda proyeksiyalovchi nurlar yo‘nalishi aksonometrik tekisliklarga og‘ma bo‘ladi.



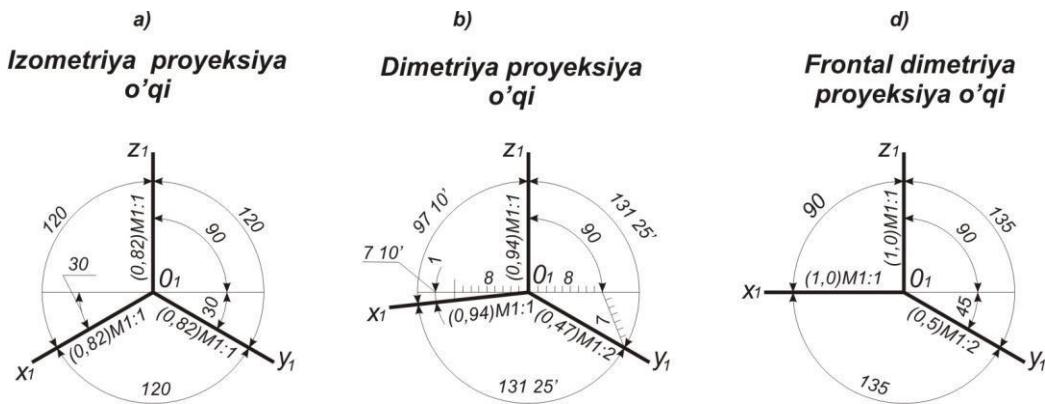
123-chizma.

To‘g‘ri burchakli aksonometrik proyeksiyalarga **izometrik** va **dimetrik** proyeksiyalar kiradi. Qiyshiq burchakli aksonometrik proyeksiyalarga **frontal diametrik**, **frontal izometrik** va **gorizontal izometrik** proyeksiyalar kiradi.

Quyidagi ko‘p hollarda uchraydigan to‘g‘ri burchakli va qiyshiq burchakli aksonometrik proyeksiyalar keltirilgan.

### To‘g‘ri burchakli aksonometrik proyeksiyalar

Bunday aksonometrik proyeksiyalarda predmetlar asliga nisbati birmuncha o‘zgarib-qisqarib proyeksiyalanadi. Koordinata o‘qlarida olingan bir birlik kesmani uning aksonometrik proyeksiyasi uzunligiga nisbati **o‘zgarish koeffitsienti** deb ataladi. Agar bir birlik kesmaning o‘lchami 100 mm va o‘zgarish koeffitsienti 0,82 bo‘lsa, ya’ni aksonometrik o‘qlar aksonometrik tekislikka bir xil burchak ostida joylashgan bo‘lsa, u holda aksonometrik proyeksiya, izometrik proyeksiya deb ataladi va o‘zgarish koeffitsienti quyidagi qiymatga teng bo‘ladi:  $e_x = e_y = e_z = 0,82$ . Dimetrik proyeksiyalarda:  $e_x = e_z = 0,94$  va  $e_y = 1/2 l_x = 0,47$ .  $100 \times 0,94 \text{ mm} : 100 \times 0,94 = 94 \text{ mm}$  va  $100 \times 0,47 = 47 \text{ mm}$ , frontal dimetrik proyeksiya uchun esa  $e_x = e_z = 1$  va  $e_y = 0,5$  bo‘ladi (124-chizma).



124-chizma.

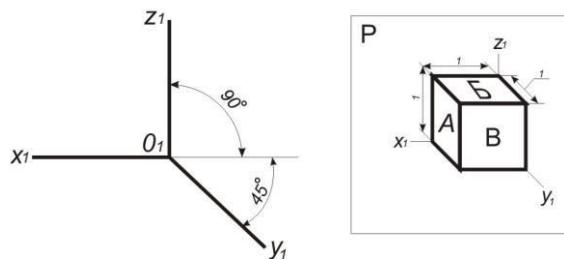
Izometrik proyeksiyada o‘qlar aksonometrik tekisligiga nisbatan bir xil og‘malikda joylashgan bo‘ladi. Shuning uchun o‘qlar bo‘yicha o‘zgarish koeffitsientlari o‘lchamlarining kichiklashishi bir xil bo‘lib, 0,82 ga tengdir. Aksonometrik  $O_1X_1$ ,  $O_1Y_1$ ,  $O_1Z_1$  o‘qlar orasidagi burchak  $120^\circ$  ga teng.  $O_1Z_1$  o‘q vertikal joylashgan;  $O_1X_1$ ,  $O_1Y_1$  o‘qlar esa, gorizontal chiziqqa nisbatan  $30^\circ$  burchak ostida og‘ma joylashgan (124-chizma, a). Davlat standarti O‘zDS 2.317-69da aksonometrik proyeksiyalarni qurishni soddallashtirish maqsadida, to‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalarda hamma o‘qlar bo‘yiga o‘lchamlarni qisqartirishlarsiz, ya’ni haqiqiy kattalikda tasvirlashni tavsiya etadi. Dimetrik proyeksiyalarda  $O_1Z_1$  va  $O_1X_1$  aksonometrik o‘qlar orasidagi burchak  $97^\circ10'$  ga teng.  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$ , shuningdek,  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$  aksonometrik o‘qlar orasidagi burchak bir xil bo‘lib, ular  $131^\circ25'$  ga tengdir.  $O_1Z_1$  aksonometrik o‘qining holati vertikal joylashgan bo‘lib,  $O_1X_1$  o‘q gorizontal chiziqqa nisbatan  $7^\circ10'$  burchak ostida va  $O_1Y_1$  o‘q esa,  $41^\circ25'$  burchak ostida og‘ma joylashgan (124-chizma, b). Aksonometrik o‘qlarning bu holati uchun o‘zgarish koeffitsientlari  $O_1Z_1$  va  $O_1X_1$  o‘qlar bo‘yicha 0,94 ga teng va  $O_1Y_1$  o‘q bo‘yicha 0,47 ga teng.

### **Qiyshiq burchakli aksonometrik proyeksiyalar**

Qiyshiq burchakli frontal dimetrik proyeksiyalarda  $O_1Z_1$  va  $O_1X_1$  aksonometrik o‘qlar orasidagi burchak  $90^\circ$  ga teng.  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$  hamda  $O_1X_1$  va  $O_1Z_1$  aksonometrik o‘qlar orasidagi burchak bir xil bo‘lib,  $135^\circ$  ga tengdir. Bunda  $O_1Y_1$  o‘q gorizontal chiziqqa nisbatan og‘ma  $45^\circ$  burchak ostida joylashadi (124- chizma, d). Aksonometrik o‘qlar bo‘yicha

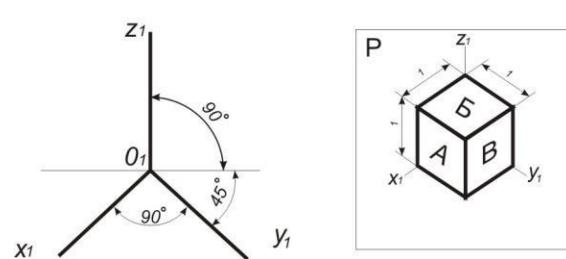
o‘zgarish koeffitsientlari quyidagicha:  $O_1X_1$  va  $O_1Z_1$  o‘qlar uchun 1,0 ga,  $O_1Y_1$  o‘q uchun esa 0,5 ga teng. Agar tasvirlanayotgan shakllar proyeksiya tekisliklariga parallel tekisliklarda joylashgan bo‘lsa, ya’ni shakllarni o‘zgarishsiz tasvirlash kerak bo‘lsa, frontal dimetrik proyeksiyalarni qo‘llash tavsiya etiladi. Dimetrik va frontal dimetrik proyeksiyalar  $O_1X_1$  va  $O_1Z_1$  o‘qlar bo‘yicha o‘lchamlar qisqartirishlarsiz o‘lchab qo‘yilsa,  $O_1Y_1$  o‘q bo‘yicha o‘lchamlar ikki marta qisqartiriladi. Yuqorida nomlari keltirilgan aksonometrik proyeksiyalardan tashqari O‘zDS 2.317-69 qiyshiq burchakli frontal izometrik proyeksiyalarni (125-chizma) va qiyshiq burchakli gorizontal izometrik proyeksiyalarni (126-chizma) qo‘llashni tavsiya etadi. Ularda  $O_1X_1$  va  $O_1Z_1$  o‘qlari orasidagi burchak hamda  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$  o‘qlar orasidagi burchak  $90^\circ$  ga teng. Yuqoridagi aksonometrik proyeksiyalar  $O_1X_1$ ,  $O_1Y_1$ ,  $O_1Z_1$  o‘qlar bo‘yicha o‘lchamlar o‘zgarishsiz bajariladi.

*Qiyshiq burchakli frontal izometrik proyeksiya*



125-chizma.

*Qiyshiq burchakli gorizontal izometrik proyeksiya*



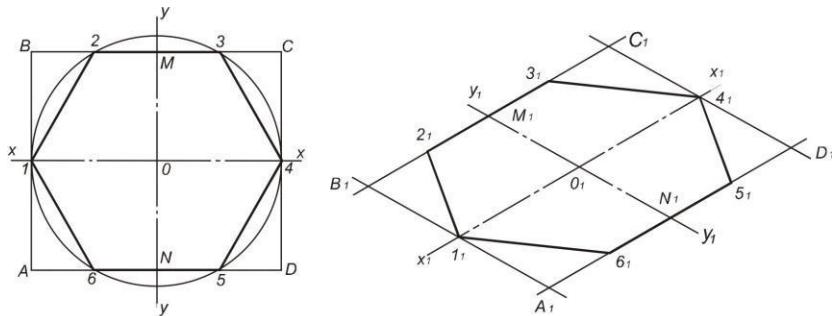
126-chizma.

## Aksonometrik proyeksiyalarda yassi shakllar va jismlarni yasash

### To‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalar

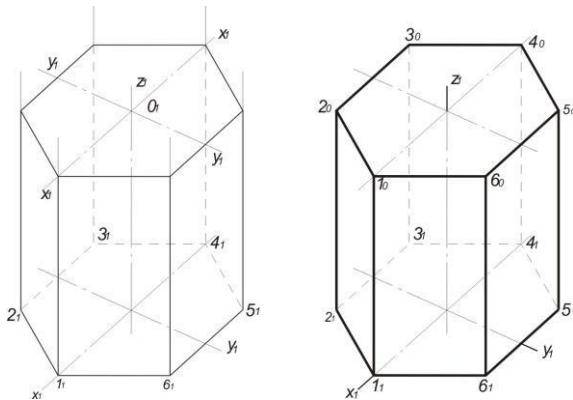
Yassi shakllarning aksonometrik proyeksiyalarini qurishda ularning to‘g‘ri burchakli proyeksiyalaridan foydalilanildi. To‘g‘ri burchakli proyeksiyalar shaklning tasviri va o‘lchamlari to‘g‘risida to‘liq ma’lumot beradi. Yassi oltiburchakning proyeksiyasini ko‘rishni aksonometrik proyeksiya  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$  o‘qlarni chizishdan boshlanadi. O‘qlarga to‘g‘ri burchakli proyeksiyadan olingan o‘lchamlar  $X_1$  va  $Y_1$  o‘qlarga

o'lchab qo'yiladi. Oltiburchakka tashqi chizilgan aylananing radiusi bilan koordinatalar boshi O nuqtadan  $O_1X_1$  o'qida ikkita  $1_1$  va  $4_1$  nuqtalar  $O_1Y_1$  o'qida esa,  $O_1M_1$  va  $O_1N_1$  kesmalar o'lchab qo'yiladi. Hosil qilingan nuqta M<sub>1</sub> va N<sub>1</sub> lardan  $O_1X_1$  o'qiga parallel qilib to'g'ri chiziqlar o'tkaziladi va shu to'g'ri chiziqlarga M<sub>2</sub>, M<sub>3</sub> va 6<sub>N</sub>, N<sub>5</sub> kesmalarni o'lchab, oltiburchakning ikki 2<sub>1</sub>3<sub>1</sub> va 5<sub>1</sub>6<sub>1</sub> tomoni chizib olinadi. Shu nuqtalarni 1<sub>1</sub> va 4<sub>1</sub>-nuqtalar bilan tutashtirib oltiburchakning izometrik proyeksiyasini yasaladi (127-chizma).



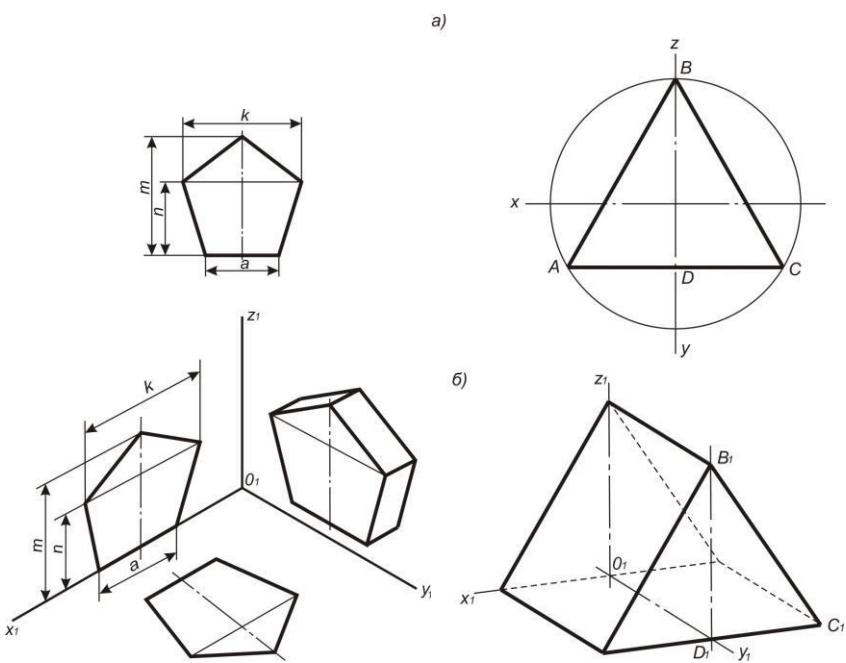
chizma.

Agar oltiburchakni izometrik jismning asosi deb qaralsa, osonlik bilan oltiburchakli prizmaning izometrik proyeksiyasini qurish mumkin bo'ladi (128- chizma).



127- chizma.

Ma'lumki, yassi shakllar va geometrik jismlarning asoslari va qirralarini proyeksiya tekisliklariga xususiy vaziyatda, ya'ni parallel joylashtiriladi. Shunda ularning chizmasini tuzish va o'qish hamda yaqqol tasvirini qurish osonlashadi (129-chizma).



chizma. 130-chizma.

**To‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyalar** Aylana ichiga chizilgan muntazam uchburchak uchyoqli prizmaning asosi deb qabul qilingan (130, a-chizma). Uchburchakning AC tomoni OX o‘qiga parallel, uchburchakning balandligi BD OZ o‘qiga parallel va ular to‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyalarda ham O<sub>1</sub>X<sub>1</sub> ba O<sub>1</sub>Z<sub>1</sub> o‘qlarga parallel ravishda qoladi. Dimetrik proyeksiyalarda OX va OZ o‘qlarga parallel joylashgan kesmalarni haqiqiy kattaliklarda, OY o‘qiga parallel joylashgan kesmalarni ikki barobar qisqartirib bajarish qabul qilingan. Prizmaning asosi ABC uchburchak frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel joylashgan vaziyatda prizmaning to‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyasi qurilgan (130, b-chizma). Prizmaning qirralari O<sub>1</sub>Y<sub>1</sub> o‘qqa parallel chizib olinib, ularning o‘lchamlari ikki barobar qisqartirilsa, prizmaning ikkinchi asosi birinchi asosiga parallel quriladi. **Qiyshiq burchakli frontal dimetrik proyeksiyalar.** To‘g‘ri burchakli proyeksiyalarda shakllarning old tomondan ko‘rinishi frontal proyeksiyalari qiyshiq burchakli frontal dimetrik proyeksiyalarda o‘zgarmas tasvirlanadi. 131- chizmada

oltiburchakli prizmaning  $1_1, 2_1, 3_1, 4_1, 5_1, 6_1$  nuqtalar bilan belgilangan to‘g‘ri oltiburchakning shakli va uning o‘lchamlari o‘zgarmasdan tasvirlangan.

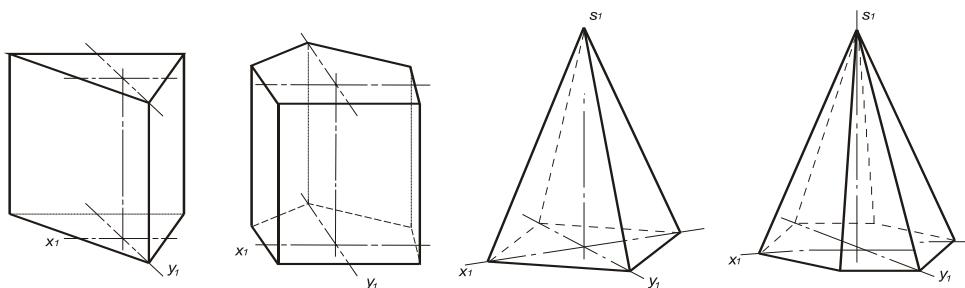
131-chizma. 132-chizma.

chizmada parallelogramm yordamida qurilgan oltiburchakning qiyshiq burchakli frontal dimetrik proyeksiyasi keltirilgan.  $O_1Y_1$  o‘qqa parallel bo‘lgan parallelogrammning tomonlari ikki barobar qisqartirilgan, natijada oltiburchakning balandligi ham qisqargan.  $O_1X_1$  o‘qqa parallel bo‘lgan oltiburchakning tomonlari o‘zining haqiqiy qiymatlarida tasvirlangan.

**Aksonometrik proyeksiyalarda jismlarni tasvirlash** chizmada bir qator geometrik jismlarning aksonometrik proyeksiyalari tasvirlangan. Istalgan ko‘pyoqlikning asosi yassi shakldan iborat. Geometrik jismning yaqqol tasvirini qurish uchun ko‘pburchak asosining uchlardan perpendikular o‘tkazib, ularga ko‘pyoqlikning balandligi o‘lchab qo‘yiladi. Hosil qilingan nuqtalar yoki uchlар o‘zaro birlashtiriladi. U prizmaning ikkinchi asosi bo‘ladi. Qurilgan kesmalar ikkinchi asosning tomonlari bo‘lib, ular pastki asosning tomonlariga mos ravishda parallel bo‘ladi.

Piramidani qurish uchun, uning asosi bo‘lgan ko‘pburchakni chizishda, prizma asosini qurishdagi qoidalar qo‘llaniladi. Piramida bitta asos va piramida uchidan iborat. Piramida uchini aniqlashda aksonometrik o‘qlar yoki diogonallar kesishgan markazdan piramida asosiga perpendikular o‘tkaziladi va unga piramida balandligi o‘lchab qo‘yiladi. Asosining uchlari piramida uchi bilan birlashtiriladi.

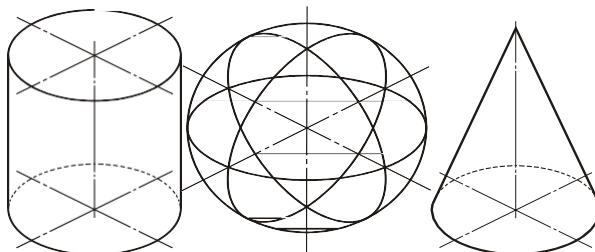
Asoslari uchburchak va beshburchak bo‘lgan prizmaning qiyshiq burchakli frontal dimetrik proyeksiyasi 133-chizmada keltirilgan.



133- chizma.

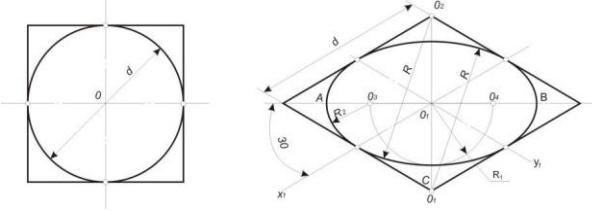
Uchburchak va beshburchaklarda  $O_1Y_1$  o‘qlar gorizontal chiziqqa nisbatan  $45^0$  burchak ostida o‘tkazilgan. To‘rt va oltiburchakli piramidalar to‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyalarda qurilgan.  $O_1X_1$  o‘q gorizontal chizmaga nisbatan  $7^010'$  da,  $O_1Y_1$  o‘q gorizontal chiziqqa nisbatan  $41^025'$  da o‘tkazilgan. Piramida asoslarining  $O_1Y_1$  o‘q yo‘nalishi bo‘yicha o‘lchamlari ikki barobar qisqartirilgan.

**Aylananing to‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalari** Aylanish sirtlariga silindr, konus, sfera, tor va yasovchisi ixtiyoriy bo‘lgan aylanish sirtlari kabi sirtlar kiradi. Silindr va konusning asoslari aylana bo‘lib, aksonometri proyeksiyalarda ellips bo‘ladi. Sfera esa aylana bo‘lib proyeksiyalanadi. Sfera tasvirining yaqqolligini oshirish maqsadida gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel bo‘lgan oval – ekvator, vertikal V va W proyeksiyalar tekisligiga parallel bo‘lgan ovallar – mediana chiziqlari quriladi. Agar silindr va konusning aylanish o‘qlari vertikal holatda joylashgan bo‘lsa, ularning to‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalarini qurish maqsadli bo‘ladi (134- chizma).



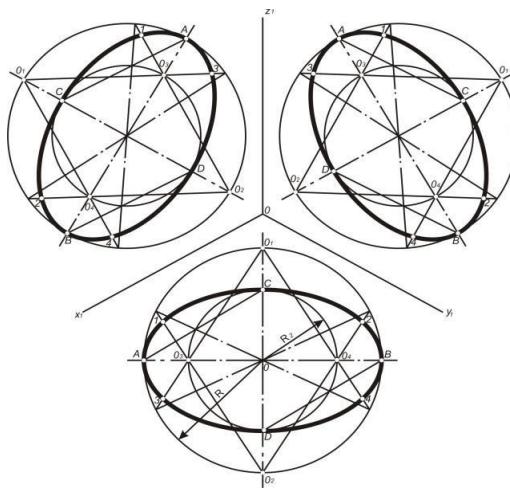
134- chizma.

Kvadratning ichiga chizilgan aylana kvadratning to‘rtta qarama-qarshi tomonlari bilan urinish nuqtalarini hosil qiladi. Kvadrat bilan aylanaling markaz chiziqlari ustma-ust tushadi. Kvadrat va aylanaling markaz chiziqlari gorizontal chiziqqa nisbatan  $30^0$  ga og‘dirish yo‘li bilan izometrik proyeksiyaning  $O_1X_1$  va  $O_1Y_1$  proyeksiya o‘qlari hosil qilinadi. O‘qlarning kesishish markazi  $O_1$  nuqtadan kvadratning yarim tomonlari o‘lchab qo‘ysa, romb hosil bo‘ladi. Rombda kvadrat tomonlari o‘zining haqiqiy qiymatlarini saqlab qoladi. Izometrik proyeksiyalarda kvadratning diagonallari kub yoqlarining dioganallariga teng bo‘lmaydi (135- chizma).



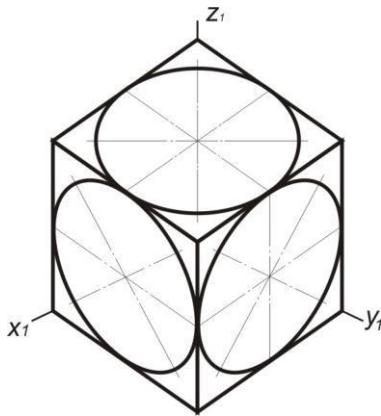
chizma.

Rombning katta diogonalida markaz  $O$  nuqtadan simmetrik ravishda ovalning katta  $AB$  o'qi 1,22 d ga teng o'lchab qo'yiladi. Rombning kichik diogonalida ovalning kichik  $CD$  o'qi 0,7 d qiymatda o'lchab qo'yiladi.  $O$  nuqtadan  $R_1$  radiusli aylana chizib,  $O_3$  va  $O_4$  nuqtalar hosil qilinadi.  $O_1$  va  $O_2$  nuqtalardan ovalning katta yoylari o'tkaziladi. Bunda:  $R=O_2C$ . Ovalning kichik yoylari  $O_3$  va  $O_4$  nuqtalardan o'tkaziladi. Bunda  $R_2=O_3A$ . Qurilgan oval silindr, konusning asosi va sferaning ekvatori bo'lishi mumkin (134-chizma). Ovalni aylana yordamida ham qurish mumkin. Bunda aylananing diametri ovalning katta o'qiga 1,22 d ga teng bo'ladi. Kichik o'q diametriga perpendikular o'tkazilib, 0,7 d qiymatga teng bo'ladi. Agar romb va aylanaga chizilgan, gorizontal proyeksiyalar tekisliklarida joylashgan ovallarni solishtirsak, ular o'xshash va teng bo'ladi. Gorizontal tekislikka parallel yoki unda joylashgan ovalni qurish yo'lini o'zlashtirib olgach, V va W proyeksiyalar tekisligiga parallel vaziyatdagi ovallarni qurish tartibi bilan tanishiladi (135-chizma).

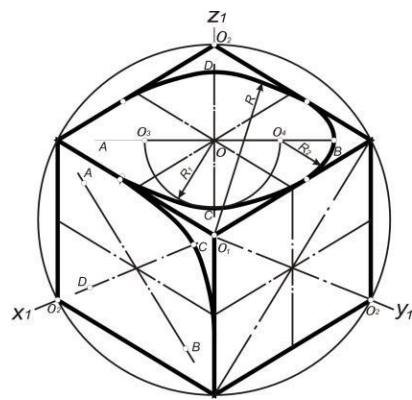


135- chizma.

Chizmada ko'rinish turibdiki, hamma uchala ovallar bir xil, ularning farqi katta va kichik o'qlarning yo'naliishida bo'ladi (137-chizma).



137-chizma.



138-chizma.

Agar aylana V tekislikda joylashgan yoki unga parallel bo'lsa, ovalning katta o'qi O<sub>1</sub>Y<sub>1</sub> o'qiga perpendikular bo'lib, o'ng tomonga og'adi va gorizontal chiziq bilan 60° burchak hosil qiladi. Agar aylana W tekislikda joylashgan yoki unga parallel bo'lsa, ovalning katta o'qi O<sub>1</sub>X<sub>1</sub> o'qiga perpendikular bo'lib chap tomonga og'adi va gorizontal chiziq bilan 60° burchak hosil qiladi. Chizmada yoqlariga aylana joylashtirilgan kubning to'g'ri burchakli izometrik proyeksiyasi keltirilgan.

### Aylananing to'g'ri burchakli dimetrik proyeksiyalari

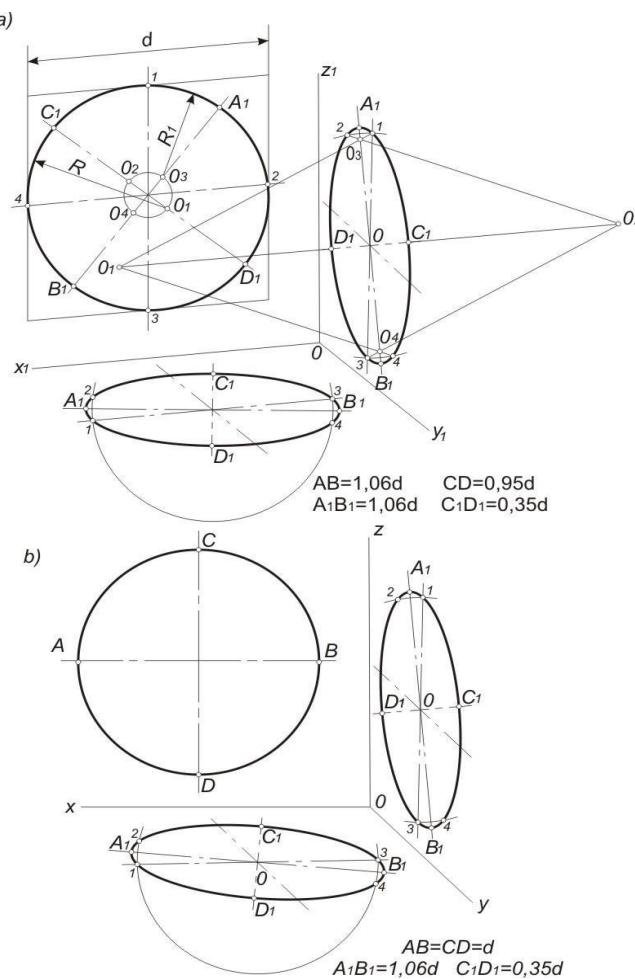
Aylananing dimetrik proyeksiyalari ham ellips bo'lib tasvirlanadi. 139-chizmada V tekislikda joylashgan ellipsning o'rniqa ovalni qurish ko'rsatilgan.

Parallelogrammning tomonlari ichiga chizilgan aylananing diametriga teng va O<sub>1</sub>X<sub>1</sub> va O<sub>1</sub>Z<sub>1</sub> o'qlariga paralleldir. Parallelogramm tomonlarini teng ikki bo'laklarga bo'lib, 1,2,3,4- nuqtalar aniqlanadi.

Parallelogramm diognallari yo'nalishida ovalni o'qlari yotadi: katta diognalda ovalning katta AB o'qi 1,06 d ga teng, kichik diognalda esa kichik CD o'qi, 0,95 d ga tengdir. O'qlarning kesishgan markazidan diametri 0,2 d ga teng aylana o'tkaziladi. Bu kichik aylana parallelogramm diognallari bilan kesishib, tutashuv markazlari O<sub>1</sub>,O<sub>2</sub>,O<sub>3</sub>,O<sub>4</sub> nuqtalarni hosil qiladi. O<sub>1</sub> va O<sub>2</sub> markazlardan R radiusli yoy bilan 1 va 4-nuqtalar hamda 2 va 3-nuqtalar tutashtiriladi. O<sub>3</sub> va O<sub>4</sub> markazlardan esa, R<sub>1</sub> radiusli yoy bilan 1 va 2, 3 hamda 4-nuqtalarni tutashtiriladi. W tekislikda joylashgan ovallarni qurish 139-chizma, a da ko'rsatilgan.

Ovalning katta A<sub>1</sub>B<sub>1</sub> o'qi parallelogrammning markazidan O<sub>1</sub>Z<sub>1</sub> o'qiga 7°10' burchak ostida o'tkaziladi va o'q 1,06 d ga teng bo'ladi. Ovalning

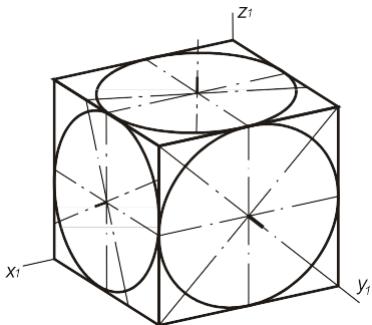
kichik  $C_1D_1$  o‘qi katta o‘qqa perpendikular bo‘lib,  $0,35 d$  ga tengdir. Kichik  $C_1D_1$  o‘q davomida  $O_1$  nuqtadan  $A_1B_1$  masofada ovalning katta yoyini  $O_1$  markazi belgilanadi,  $O_2$  markaz  $O_1$  markazga simmetrik bo‘ladi.  $A_1B_1$  katta o‘qda  $A_1$  va  $B_1$  nuqtalardan  $\frac{1}{4} C_1D_1/4$  yoki  $0,09 d$  ga teng masofada ovalning  $O_3$ ,  $O_4$  markazlari belgilanadi. Bu  $O_3$  va  $O_4$  markazlarini qurish yo‘li bilan ham chizmadagidek aniqlash mumkin. Endi ovalni yasash uchun  $O_1$  va  $O_2$  markazlardan va  $O_3$  hamda  $O_4$  markazlardan o‘tuvchi nur chizib olinadi. Natijada  $O_1$  va  $O_2$  markazlardan radiusi  $R=A_1B_1+C_1D_1$  ga teng bo‘lgan ovalning katta yoylari chiziladi.  $O_3$  va  $O_4$  markazlaridan radiusi  $r=O_3A_1$  ga teng bo‘lgan ovalning kichik yoylari chiziladi.



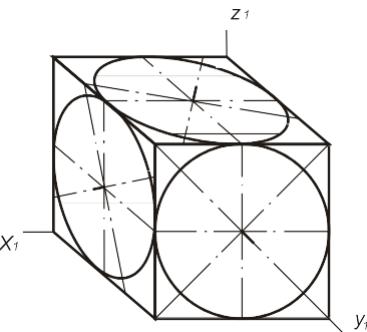
136- chizma.

H tekislikdagi ovalni qurish W tekislikdagi ovalni qurishga o‘xshashdir. Bunda ovalning katta o‘qi gorizontal holatda joylashadi. 140-chizmada yoqlariga aylana joylashtirilgan kubning to‘g‘ri burchakli dimetrik

proyeksiyasi keltirilgan.



140-chizma.



141-chizma.

**Aylananing frontal dimetrik proyeksiyalari.** Frontal V tekisikda joylashgan aylananing frontal dimetrik proyeksiyasi o‘zgarmasdan aylana bo‘lib tasvirlanadi.

H va W tekisliklardagi aylanalar ellipslar (ovallar) bo‘lib tasvirlanadi.

Bunda ovalning katta o‘qi 1,06 d ga, kichik o‘qi esa, 0,35 d ga teng bo‘ladi (139, b- chizma).

Ovallarning katta o‘qlari gorizontal va profil tekisliklarda kubning o‘qlariga nisbatan  $7^{\circ}10'$  burchak ostida joylashadi.

Bunda katta yoy radiuslari  $A_1B_1 + OC_1$  va kichik yoy radiuslari  $\frac{1}{4} C_1D_1/4$  ga teng bo‘ladi. Frontal dimetrik proyeksiyada kubning yoqlariga joylashtirilgan ovalni qurish to‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyalariga o‘xshash bo‘ladi. 141- chizmada yoqlariga aylana joylashtirilgan kubning frontal dimetrik proyeksiyasi keltirilgan.

### Nazorat savollari

1. Aksonometriya qanday tasvir?
2. Siz qanday aksonometrik proyeksiyalarni bilasiz?
3. To‘g‘ri burchakli izometriyada ellipsning katta va kichik o‘qlari qanday qiymatga teng?
4. To‘g‘ri burchakli dimetriyada ellipsning katta va kichik o‘qlari qanday qiymatga teng?
5. Izometrik va frontal dimetrik proyeksiyalardagi tasvirlarni hosil qilish uchun proyeksiyalovchi nurlar proyeksiyalari tekisliklariga nisbatan qanday yo‘nalgan?
6. Izometrik va frontal dimetrik proyeksiyalarning o‘qlari qanday joylashtiriladi?

## 12.6. Buyum eskizini bajarish

Konstruktorlik ishida yangi g‘oyalarni mashina, mexanizm va boshqalarni loyihalayotganda konstruktor o‘z fikrini, avvalo eskizlarda ifodalaydi. Bunday eskizlar loyiha eskizlari deyiladi.

Ishlab chiqarishda bir marta qo‘llaniladigan chizmalarda eskizlar kiradi. Eskizlar asosan buyumning chizmasini chizish uchun asos hisoblanadi. Yasaladigan buyumning eskizi asosida uning ish chizmasi bajariladi. Favqulotdda hollarda buyumni eskiziga qarab yasash ham mumkin bo‘ladi.

Sababi, mashina buyumi to‘satdan yaroqsiz ya`ni sinib qolsa, uni tez yasashga to‘g‘ri kelgan hollarda eskiz mavjud buyumga qarab chiziladi va u asli eskiz deyiladi.

Eskiz chizishda buyumning hamma qismlari orasidagi nisbatlarni chandalab aniqlash qiyin bo‘lsa, uni qalamda o‘lchab chizish yaxshi natija beradi. Ishni tezlashtirish maqsadida aylana va uning yoyslarini chizish hamda aylanalarining teng bo‘laklarga bo‘lishni sirkulda bajarishga standart ruxsat etadi, lekin keyinchalik aylana va ularning yoyslari ustidan qo‘lda yurgizib chiqiladi.

Buyum haqidagi barcha ma`lumotlar eskizga yoziladi mukammal bo‘lmagan, o‘lchamlari yetishmaydigan, chala bajarilga eskiz orqali buyum yasab bo‘lmaydi va bunday eskiz ish chizmasini chizish uchyn yaroqsizdir.

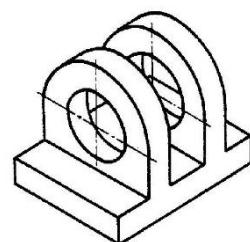
Eskizlar asosan millimetrlangan yoki kataklangan qog‘ozga chiziladi. Ammo eskizni oq qog‘ozga ham chizish mumkin.

Eskiz tuzish tarkibi: 158–chizmada eskizi chizilishi lozim bo‘lgan buyumning asli o‘rnida uning yaqol tasviri berilgan.

Eskiz chizish oldidan buyumning o‘ziga qarab, diqqat bilan sinchiklab, har tomonlama tekshirib chiqish va quyidagilarni aniqlash zarur:

a) buyumning nomi va uning mexanizmdagi vazifasi, qanday materialdan yasalganligi aniqlanadi;

b) buyumning geometriyasi, ya`ni uning elementlari qanday geometrik sirtlardan tuzilganliga aniqlanadi. Bu yerda

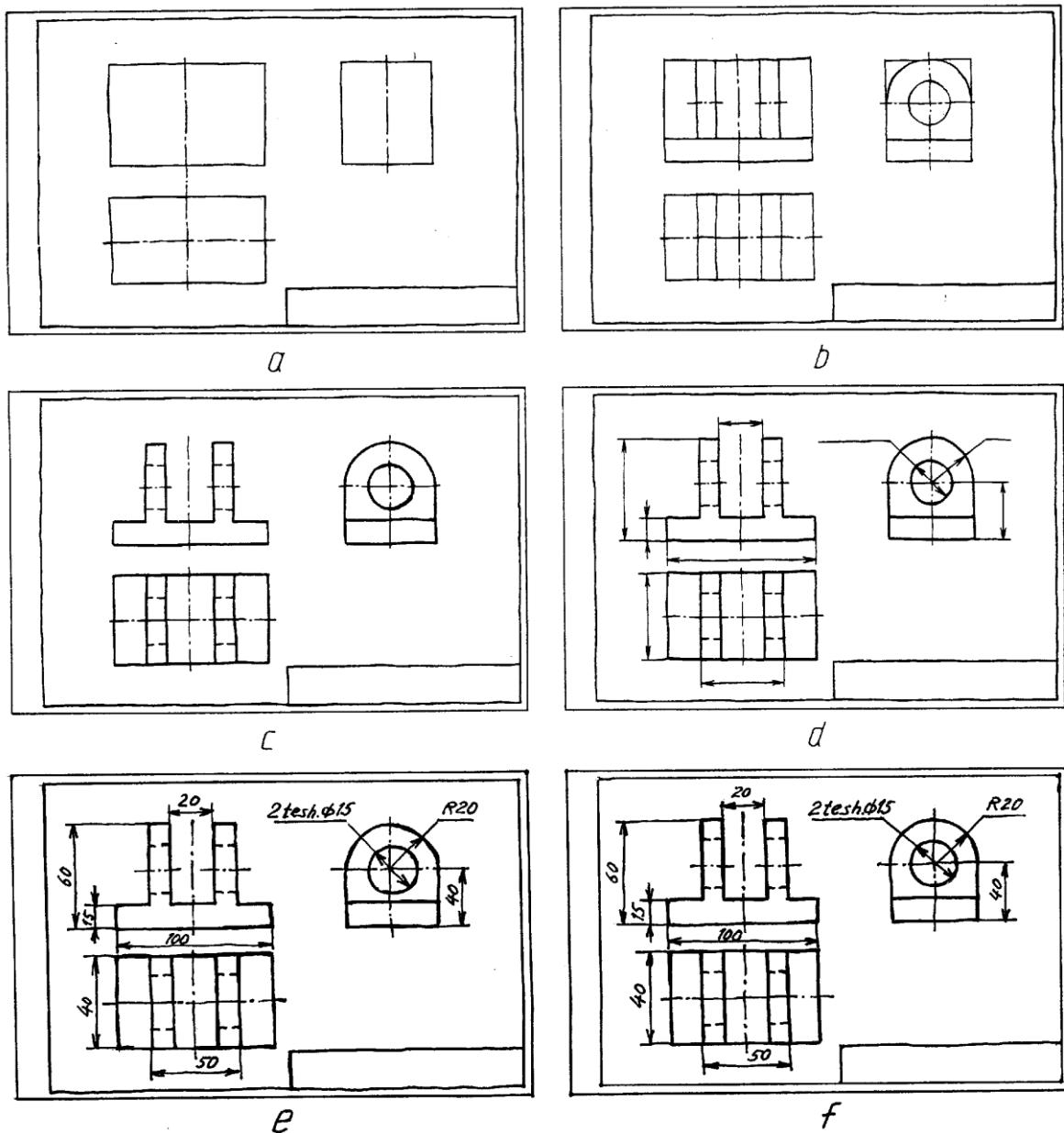


158 –rasm

buyumning ichki va tashqi tuzilishi diqqat bilan o‘rganiladi. Undagi barcha teshik, chuqurcha, darcha va boshqa turli elementlari aniqlanadi;

c) buyumning bosh ko‘rinishi aniqlab olinadi va yana qancha ko‘rinish zarurligi belgilanadi. Buyumning bosh ko‘rinishi sinchiklab o‘rganiladi va qanday qirqim, kesim, mahalliy yoki qo‘shumcha ko‘rinishlar qo‘llanilishi aniqlanadi.

Eskiz chizishning o‘ziga hos tarkibi mavjud (159- chizma, a-f):



159- chizma

1. Eskiz chiziladigan format aniqlanadi va uning ramkasi, asosiy yozuvini hamda har bir ko‘rinishning joylari ingichka chiziqdagi belgilab olinadi.
2. Buyumning ko‘rinadigan konturlari chiziladi.

3. Buyumning ichki bo‘laklari shtrix chiziqlarda chiziladi.
4. Buyumga o‘lcham qo‘yish chiziqlari chiziladi.
5. Buyum o‘lchash asboblari yordamida aniq o‘lchab chiqiladi va o‘lcham sonlari yoziladi.
6. Buyumga qirqim beriladi va tayyor qilinadi.

### **12.7. Texnik chizma.**

Texnik chizma loyihalash amaliyotida keng qo‘llaniladi. Konstruktor o‘zining yangi fikrini yaqqol qilib ifodalash uchun dastavval uning chizmaini chizishi va bunday chizmalar texnik chizma qonun-qoidalariga amal qilgan holda bajariladi.

Texnik chizma deb, buyumning nisbatini ko‘z chamasida saqlagan holda chizmavhilik asboblari ishlatilmay qo‘lda bajarilgan aksonometrik tasvirga aytiladi.

Buyumning chizmalarini o‘qish jarayonida ham texnik chizmalardan foydalaniadi. Buyum chizmasini tez va oson qiyalmay o‘qish uning texnik chizmaini chizsh orqali amalga oshiriladi. U orqali buyumning shaklini ko‘z oldiga keltirishga yordam beradi va fazoviy tasavvurni rivojlantiradi.

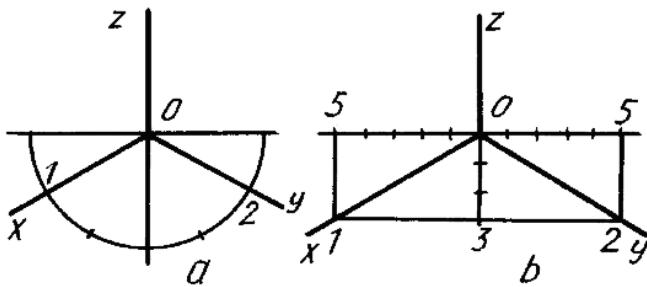
Buyumning texnik chizmai ko‘pincha izometriya yoki frontal dimetriyada bajariladi.

#### **12.7.1. Texnik chizmani izometrik proyeksiya asosida bajarish<sup>61</sup>**

Oldin texnik chizma chizish uchun qo‘lda, ko‘z bilan chamlab izometriya o‘qlarini o‘tkazish uchun yarim aylana chiziladi va uning yarimi teng uchga bo‘lib olinadi (161–chizma, a) va 1 hamda 2 nuqtalar O bilan tutashtiriladi. Yoki O dan ikki tomanga beshtadan bir xil bo‘lak o‘lchab qo‘yiladi va oxirgi nuqtadan pastga uchtadan bo‘lak qo‘yilib, 1 va 2 nuqta O bilan birlashtiriladi (161–chizma, b).

---

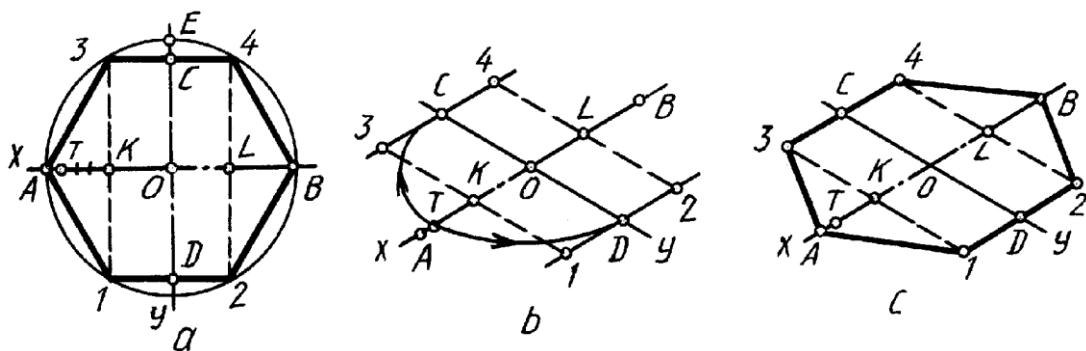
<sup>61</sup> Abduraxmanov A. “Chizmachilikdan grafik ishlar tizimi”., - Toshkent, “Cho’lpon nomidagi nashriyot matbaa uyi”, 2005. 41-45 betlar



161-chizma  
chizma

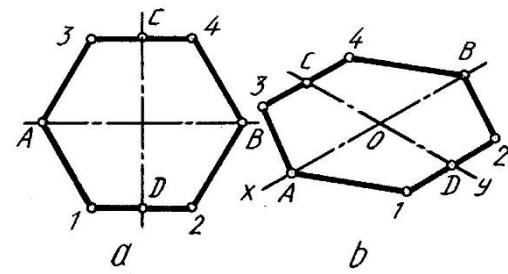
Muntazam oltiburchakni chizish uchun x va y o‘qlari chizib olinadi va x o‘qqa OA=OB, y o‘qqa OC=OD kesmalar olib o‘tiladi, C va D lardan x ga parallel chizilib, ularga D1=D2 va C3=C4 masofalar olib o‘tiladi. Aniqlangan nuqtalar o‘zaro tutshiriladi (162- chizma, a,b).

Muntazam oltiburchakni proyeksiyasiz to‘g‘ridan-to‘g‘ri chizish uchun (163-chizma, a, b, c) x o‘qqa O dan ikki tomonga OK=OL=AK=BL, ya`ni ikkitadan bo‘lak qo‘yiladi. AK to‘rtga bo‘linib OT masofa y o‘qqa ikki tomonlama olib o‘tiladi. C va D lardan x o‘qqa parallel chizilib, K va L nuqtalardan y o‘qqa parallel o‘tkazilgan shtrix chiziqlarda 1, 2 va 3, 4 nuqtalar belgilanadi (163- chizma, b). A va 1, A va 3 nuqtalar hamda B va 2, B va 4 nuqtalar o‘zaro tutshiriladi (163- chizma, c).



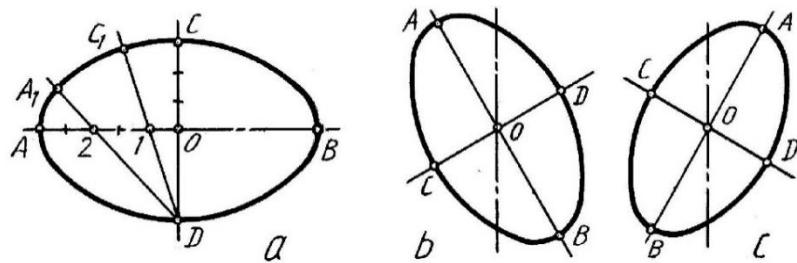
163- chizma

Aylanani ellips ko‘rinishida chizish uchun o‘zaro perpendikulyar AB va CD chiziqlar chizladi va ularga O dan o‘ng va chap tomonlariga beshtadanbir xil bo‘laklar, O dan pastga va yuqoriga uchtadan bo‘laklar qo‘yib chiziladi. 1 va 2 nuqtadan D bilan tutashtirilib davomiga 1C<sub>1</sub>=OC, 2A<sub>1</sub>=2A masofalar olib o‘tiladi va A, A<sub>1</sub>, C<sub>1</sub>, C nuqtalar ravon tutashtiriladi. Shu tartibda ellipsning qolgan qismlari chiziladi (164-



162-

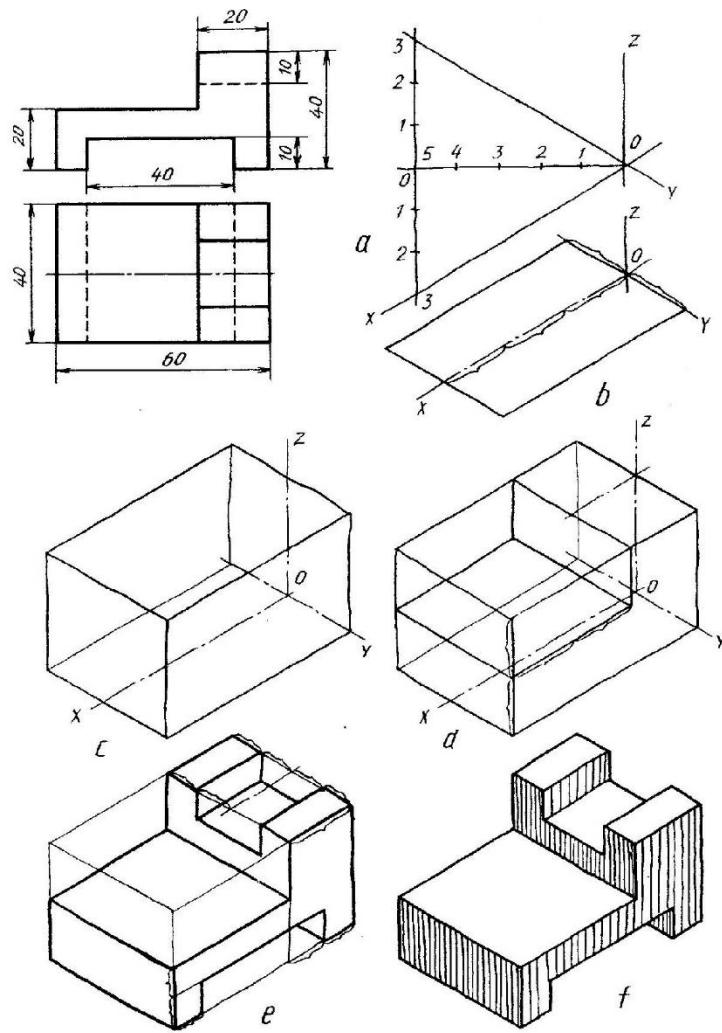
chizma, a). Ellipslarni V va W da chizish bayon etilgan usulda bajariladi (164-chizma, b,c).



164- chizma

Buyumning texnik sasmi berilgan ko‘rinishlari bo‘yicha bajarish tartibi 165- chizma, a, b, c, d, e, f larda batafsil ko‘rsatilsdi.

Texnik chizmalarni millimetrlangan yoki kataklangan qog‘ozga chizish ham mumkin. Shunda texnik chizmani chizish ancha osonlashadi.



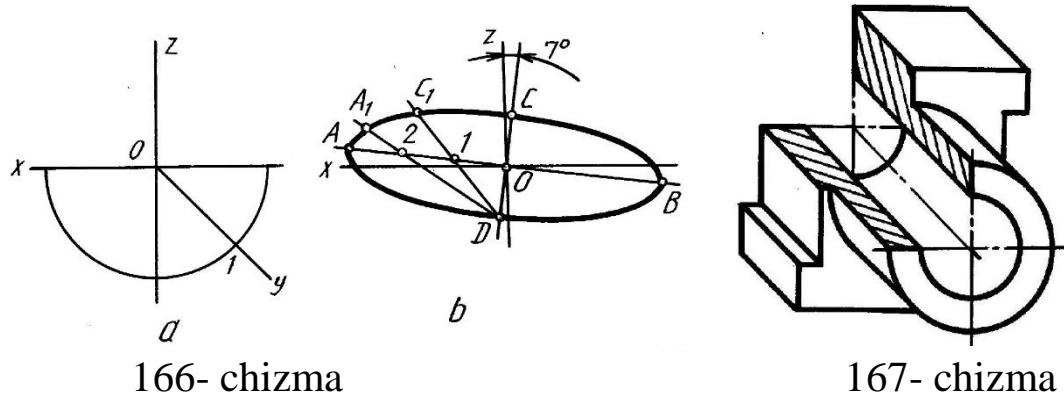
165–chizma

## 12.7.2. Texnik chizmani frontal dimetriya asosida bajarish

Bu yerda y o‘jni  $45^\circ$  burchak chizish uchun yarim aylana qo‘lda, ko‘zda chamalab chizilgandan keyin uning yarimisi teng ikkiga bo‘lib olinadi hamda 1 nuqta O bilan tutashtiriladi. Shunda frontal dimetriya o‘qlari hosil bo‘ladi (166–chizma, a).

Aylana V da o‘z kattaligida, ya’ni aylanaligicha tasvirlanadi. Qolgan H va W lardan bir xil ko‘rinish va kattalikdagi qisiqroq ellips ko‘rinishida bajariladi. H da chizilishi lozim bo‘lgan ellipsni bajarish 2.5.8- chizma, b da ko‘rsatilgan. z o‘qqa nisbatan  $7^\circ$  burchakda ellipsning kichik o‘qi o‘tkazilib, unga perpendikulyar qilib katta o‘qi o‘tkaziladi. O dan kichik o‘qqa bir bo‘lagdan, katta o‘qa 3 bo‘laklardan bir xil kattalikdagi bo‘laklar o‘lchab qo‘yiladi. 1 va 2 nuqtalar O bilan birlashtirilib, ularning davomiga  $1C_1=OC$ ,  $2A_1=2A$  masofalar olib o‘tiladi hamda A, A<sub>1</sub>, C<sub>1</sub>, C shu tartibda bajariladi (166- chizma, b). Bunday ellips W da ko‘rsatilgan tartibda chiziladi.

Buyumning texnik chizmaini frontal dimetriyada bajarilishi misol tariqasida 167- chizmada berildi. Bu yerda z o‘qi y o‘qqa almashtirilgan.



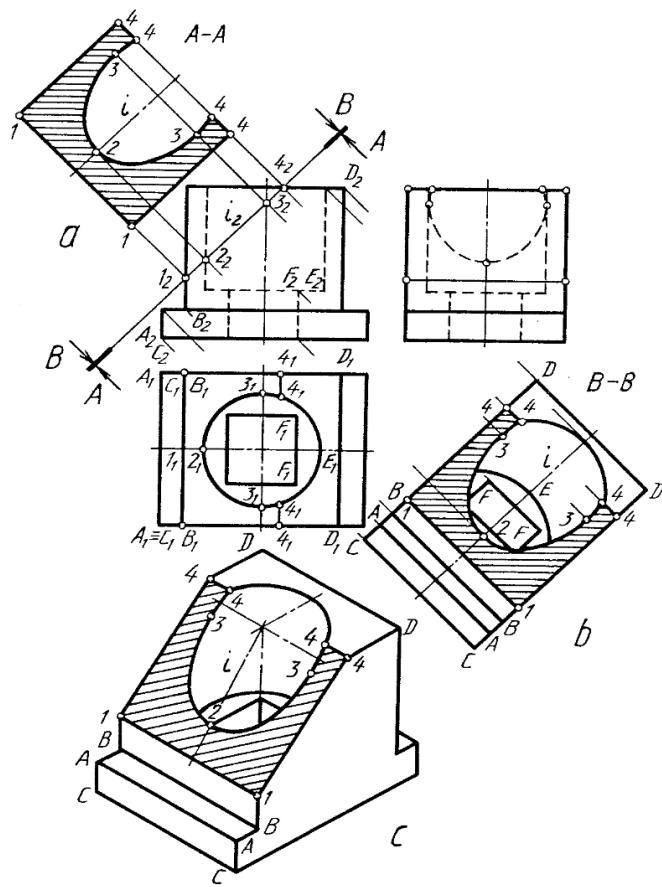
## 12.8. Buyum ish chizmasida og‘ma qirqim bajarish<sup>62</sup>

Buyumni proektsiyalar tekisliklariga nisbatan qiya vaziyatdagi tekislik bilan kesganda og‘ma kesim yoki qirqim hosil bo‘ladi. Tekislik kesib o‘tgan joyining o‘zi **chizmada** tasvirlansa og‘ma kesim, kesimning orqa tomonidagi buyum qismlari ham qo‘shib tasvirlansa, og‘ma qirqim hosil bo‘ladi.

168-chizma, a dagi A–A ko‘rinish og‘ma kesimga, 168–chizma, b dagi B–B ko‘rinish og‘ma qirqimga misol bo‘la oladi. Og‘ma kesim

<sup>62</sup> Abduraxmanov A. “Chizmachilikdan grafik ishlar tizimi”., - Toshkent, “Cho‘lpon nomidagi nashriyot matbaa uyi”, 2005. 62-65 betlar

yuzasi o‘zining haqiqiy kattaligida tasvirlanadi va uni yasash uchun A–A tekislik kesib o‘tgan buyum ko‘rinishda gi  $1_2$ ,  $2_2$ ,  $3_2$ ,  $4_2$ ,  $5_2$  nuqtalar belgilanadi va bu nuqtalarning ustdan hamda yondan ko‘rinishlaridagi o‘rnlari aniqlanib qiya kesim proektsiyalari belgilanadi. Og‘ma kesimning haqiqiy kattaligini yasash uchun  $1_2$ , ...  $5_2$  nuqtalardan tekislik izi A–A ga perpendikulyar yordamchi chiziqlar o‘tkaziladi. A–A ga parallel qilib o‘q chiziq  $i$  o‘tkaziladi va unga nisbatan buyumning yon yoki ustdan ko‘rinishlarida kesim nuqtalari mos holda o‘lchab qo‘yiladi. Bu nuqtalarni birlashtirib chiqish natijasida og‘ma kesimning haqiqiy kattaligi yasaladi (168-chizma, a).



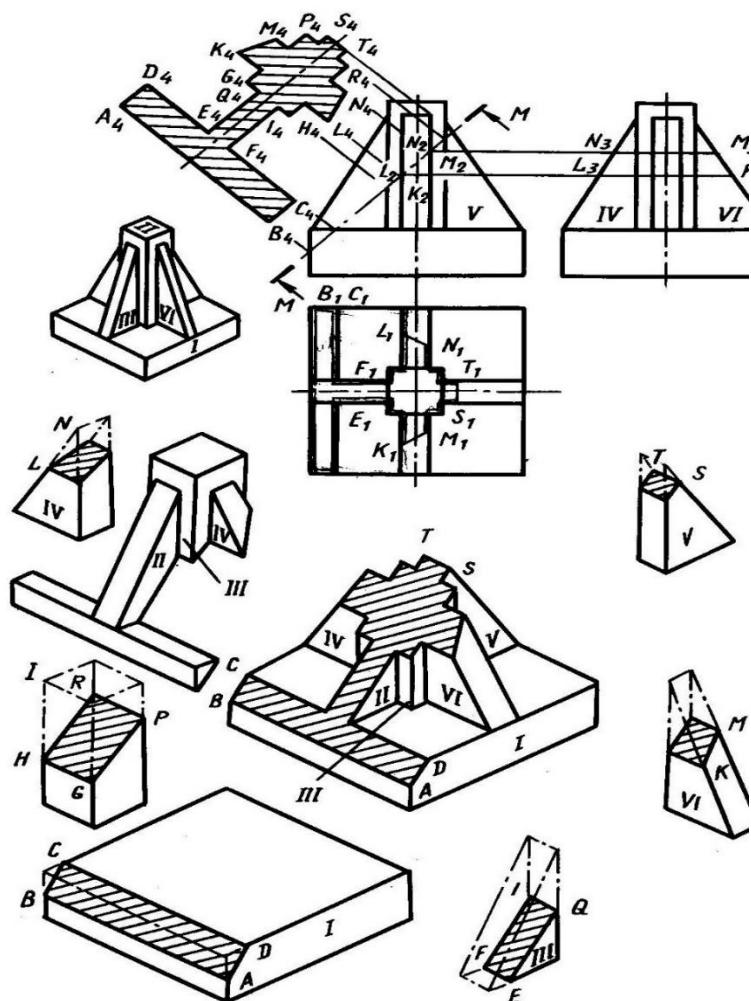
168-chizma

B-B qirqimdagи kesim yuzasi ham A–A ga o‘xshab yasaladi. Bu kesimni og‘ma qirqimga aylantirish uchun B-B tekislik orqasidagi buyum qismlarining ko‘rinadigan kontur chiziqlari kesim yuzasining haqiqiy kattaligiga qo‘shib chiziladi. Buning uchun B-B tekislikka nisbatan perpendikulyar vaziyatda qaralganda buyum konturining tashqi nuqtalari  $A_2$ ,  $V_2$ ,  $S_2$ ,  $D_2$  va ichki kontur nuqtalari  $E_2$ ,  $F_2$  ko‘rinadi. Shuning uchun bu nuqtalardan B-B ga perpendikulyar yordamchi chiziqlar o‘tkaziladi va bu

chiziqlarga buyumning yon ko‘rinishidan mos holda kerakli nuqtalar olib o‘tiladi. Natijada og‘ma qirqim hosil bo‘ladi (168-chizma, b).

Buyumning og‘ma qirqimdan keyingi qolgan qismini yaqqol tasvirda yasash uchun oldin buyumning yaxlit holatini izometriyada chizib olinadi. Yaqqol tasvirda kesuvchi tekislikning simmetriya o‘qi i aniqlanadi. i o‘qqa og‘ma qirqimdagи  $i_2$  da joylashagan kesim yuzasi konturi nuqtalari olib o‘tiladi. Hosil qilingan nuqtalar yordamida og‘ma qirqim yaqqol tasvirda yasaladi (168-chizma, c).

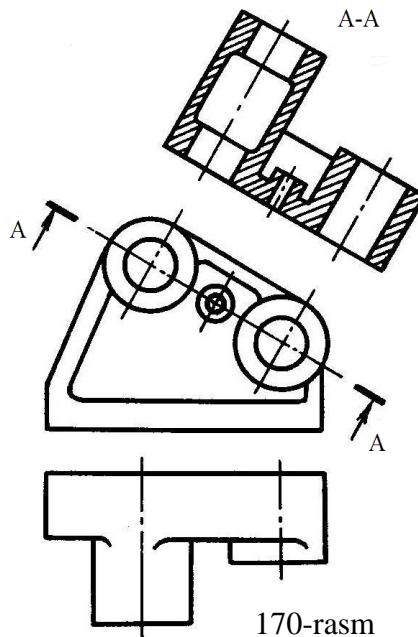
Og‘ma tekislik bilan qirqilgan buyumning aksonometrik proektsiyasini bajarish. Buyum ko‘rinishida og‘ma tekislik orqali hosil qilingan kesim konturigina tasvirlansa, og‘ma kesim hosil bo‘ladi (169-chizma).



169-chizma

Kesim yuzasi bilan uning orqa tomonidagi buyum qismi qo‘shib tasvirlansa, og‘maqiya qirqim xosil bo‘ladi (170-chizma).

Bunda qiya kesim va qirqim o‘z kattaligida tasvirlanadi.



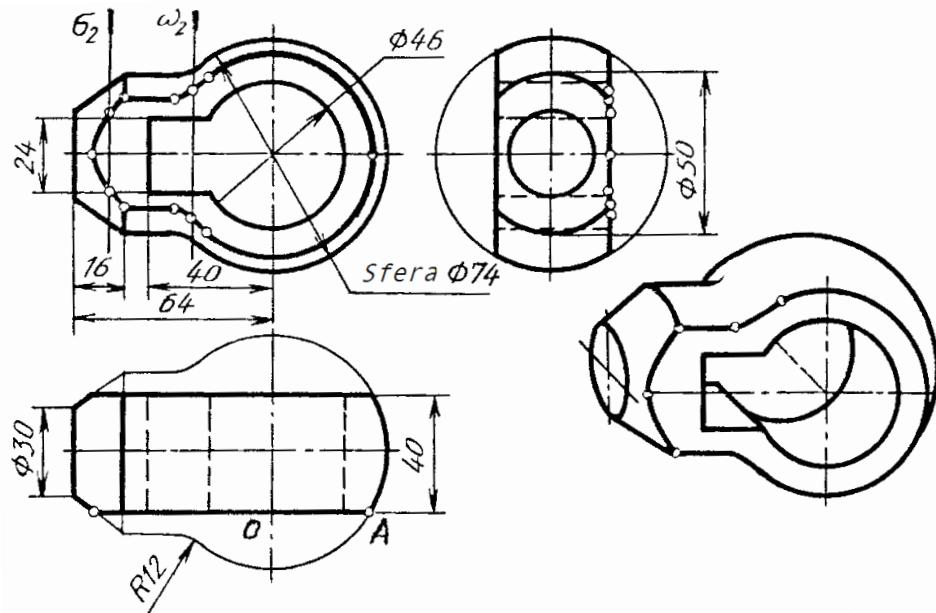
170-rasm

## 12.9. Buyum chizmasida tekis qirqim chizig‘ini bajarish

Texnikada tadbiq qilinadigan ba`zi buyumlarning biror qismi ishlatalidigan joyning talabiga binoan tekis qirqilgan bo‘ladi. Bunday joylar bolt kallagida, shpindelning chambarak kiydiriladigan qismida, tsilindrik buyumlarning liskalarida ko‘plab uchrab turadi. Tekis qirqim yuzalari shtrixlanmaydi. Tekis qirqimga ega bo‘lgan ayrim buyumlar bilan tanishib chiqamiz.

Buyum ko‘rinishlari tahlil qilinsa, u sferadan xalqa sirti orqali tsilindrga o‘tgan bo‘lib, kesik konus bilan yakunlanadi. Unda o‘zaro tutash silindrik va prizmatik teshik o‘yilgan. Tekis qirqim chizig‘ini yasash uchun sirtlarning tekislik bilan kesishuv chiziqlarini yasash usullaridan foydalilanildi. Ma`lumki, sfera har qanday tekislik bilan kesilganda aylana hosil bo‘ladi. Shunga ko‘ra OA radiusda aylana yoyi chiziladi. Chizmadan ko‘rinib turibdiki, tsilindr ikkita yasovchilari orqali kesilgan. Sfera va tsilindrning qirqim chiziqlari xalqa sirtning qirqim chizig‘i orqali ulanganadi. Bu chiziqning nuqtalarini  $\omega_2$  tekislik yordamida topiladi. Konus sirtidagi tekkis qirqim chiziq nuqtalarini aniqlash bu chiziqning qaytish nuqtasini aniqlashdan boshlanadi. Oraliq nuqtalar  $\sigma_2$  tekislik yordamida topiladi (171-chizma).

Buyumdag'i tekis qirqim chiziqlarini yaqqol tasvirda yasash uchun uning simmetriya o'qidan foydalaniladi. Barcha yasashlar chizmadan ma'lum.



171-chizma

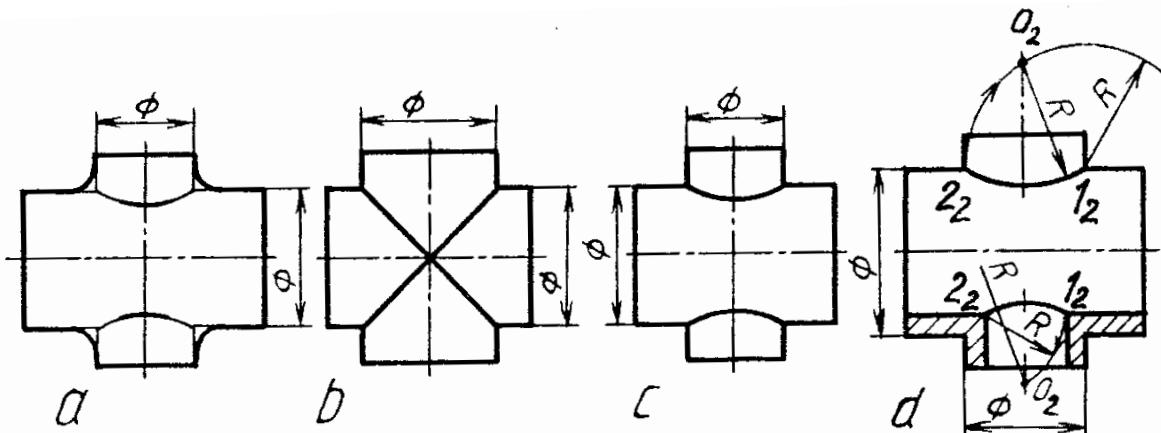
### 12.10. Buyum sirtlarini kesishuv chizig'i

Ba'zi texnik buyumlardagi sirtlar o'zaro kesishib, o'tish chiziqlarini hosil qiladi. Bunday chiziqlarni buyum ko'rinishlarida yasash uchun, oldin ularning shartli tasvirlanishi o'rganib chiqiladi. Buyumdag'i aylanish sirtlari ravon o'tish joylari hosil qilsa, bu joylar ingichka tutash chiziqlar orqali belgilanadi (172-chizma, a). Bunday o'tish chiziqlarini chizmalarda yasash uchun, oldin buyum elementlari tutashgan joyda aylanish sirtlari yo'q deb qaraladi va sirtlar ingichka chiziqlarda o'zaro esishguncha davom ettiriladi hamda ularning kesishish chizig'i yasaladi.

Diametrlari teng bo'lgan silindrлar o'zaro kesishganda, kesishgan chiziqlar ellipslar bo'lib, ular chizmada to'g'ri chiziqlar ko'rinishida (172-chizma, b), agar diametrlari har xil bo'lsa kesishgan chiziqlar chizmada egri chiziqlar ko'rinishida tasvirlanadi (172-chizma, c).

O'tish chizig'ini yasashni osonlashtirish maqsadida u aylana yoyi bilan almashtiriladi. Buning uchun teshik diametri  $1_2 2_2$  radiusda  $1_2$  yoki  $2_2$  nuqtadan yoy chiziladi va teshik o'qi bilan kesishtiriladi. (172-chizma, d). Hosil bo'lgan O<sub>2</sub> nuqta orqali  $1_2$   $2_2$  nuqtalar tsirkulda tutashtiriladi.

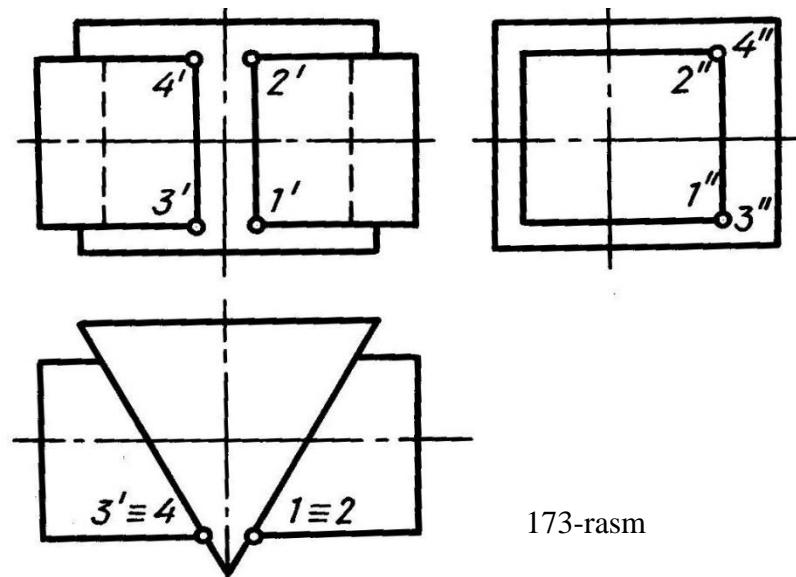
Buyum chizmalarini chizishda ko‘pincha uni tashkil qilgan sirtlarning o‘zaro kesishish chizig‘ini yasashga to‘g‘ri keladi. Agar chiziqning shakli oldindan ma‘lum bo‘lsa, kesishish chizig‘ini yasash ancha osonlashadi. Kesishish chizig‘ini yasashda yordamchi kesuvchi tekisliklar yoki sirtlardan foydalaniladi. Yordamchi tekisliklar sirtlarini to‘gri chiziq yoki aylanalar bo‘yicha kesadigan qilib tanlab olinadi. Yordamchi qilib odatda xususiy xoldagi tekisliklardan foydalaniladi. Aylanish sirtlarining kesishuv chizig‘ini yasashda kesuvchi sferalar ishlatiladi. Kesish chizig‘larini yasashda eng avvalo tayanch nuqtalar topilib, so‘ngra oraliq nuqtalar aniqlanadi. Ular qanchalik ko‘p belgilansa, kesishish chizig‘i shunchalik aniq yasaladi. O‘zaro yoki aylanish sirtlari, shuningdek aylanish sirti bilan qirrali sirtlar kesishishi mumkin.



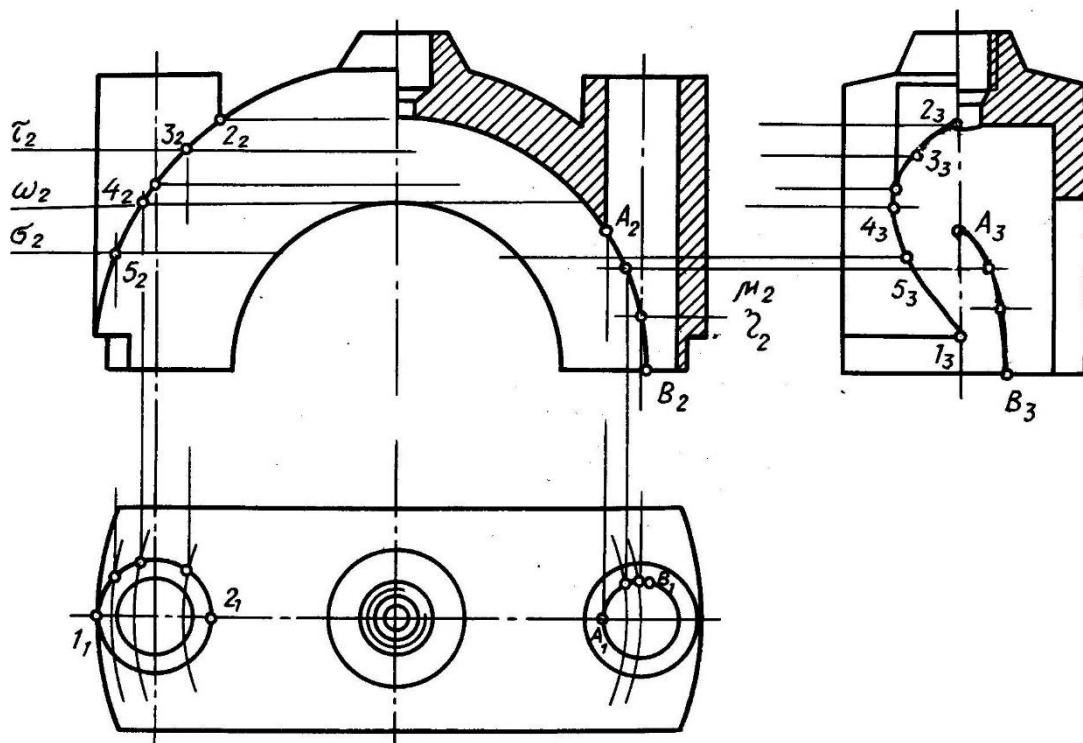
172-chizma

Qirrali sirtlarning o‘zaro kesishishi 173-chizmada va aylanish sirtalirining kesishishi esa 174-chizmada ko‘rsatilgan.

Topilishi kerak bo‘lgan ichki kesishish chizig‘i ham shu usulda topiladi.



173-rasm



174-chizma.

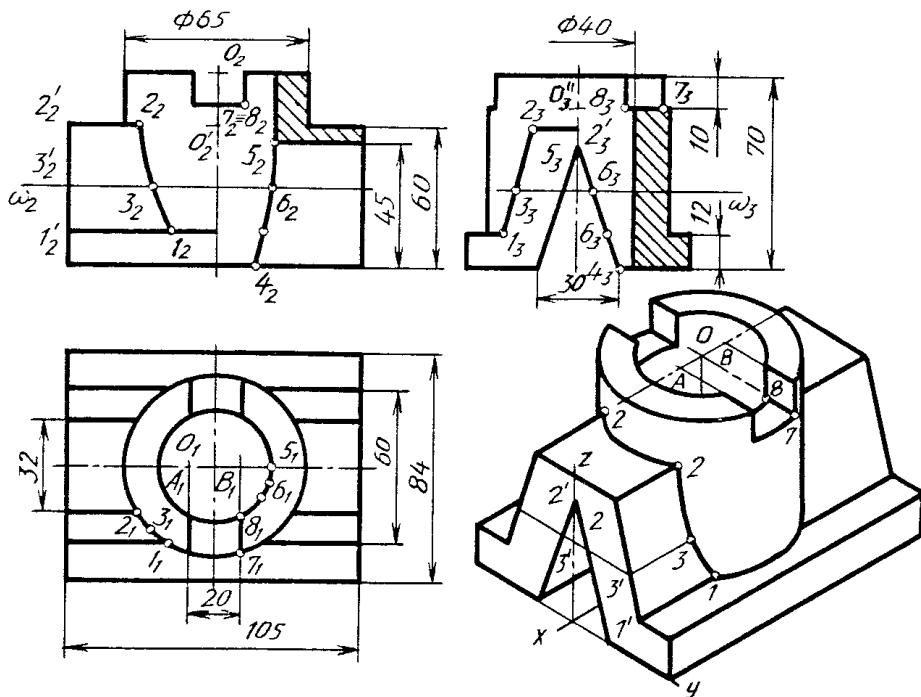
### 12.10.1. Buyum sirtlarining kesishuv chizig‘ini aksonometrik proeksiyasini bajarish<sup>63</sup>

Buyumning ko‘rinishlari va uning yaqqol tasvirida o‘tish chiziqlari yasalsin (175-chizma).

Buyum ko‘rinishlari tahlil qilinsa, uning asosi parallelepipeddan iborat bo‘lib, uning ustki asosining markaziga tsilindr o‘rnatilgan, silindrning ikki yonida prizma bo‘lib, bu prizma silindr bilan o‘tish

<sup>63</sup> Abduraxmanov A. “Chizmachilikdan grafik ishlar tizimi”., - Toshkent, “Cho’lpon nomidagi nashriyot matbaa uyi”, 2005. 68-72 betlar

chizig‘i hosil qiladi. Silindrik teshik bilan uch yoqli prizma kesishgan va silindr yuqori asosidan pastga qarab ariqcha o‘yilgan. O‘tish chiziqlarini yasash uchun prizma ostki qirrasining tsilindr asosi bilan kesishayotgan joyi  $1_1$  belgilanib, u orqali  $1_2$  topiladi. Prizma ustki qirrasining silindr bilan kesishayotgan erida  $2_1$  belgilanib,  $2_2$  aniqlanadi va ularning oralig‘ida yordamchi kesuvchi tekisliklar o‘tkazilsa, bu tekislik yon ko‘rinishida  $7_3$  nuqta orqali prizmani kesib o‘tadi. Shu nuqtaning ustdan ko‘rinishi  $3_1$  aniqlanib, u orqali  $3_2$  topiladi.



175-chizma

Silindrik teshikning prizma bilan kesishayotgan chizig‘ini aniqlashda prizmaning ustdan ko‘rinishi ko‘rinmas shtrix chiziqdagi tasvirlanadi. Keyin kesishi chizig‘i yasaladi. Silindrda ariqcha orqali hosil bo‘layotgan kesishish chiziqlariga ahamiyat berilsa, ular silindr yasovchilari orqali hosil bo‘lmoqda. Shuning uchun u erdagiga  $7_3$  va  $8_3$  nuqtalarni  $7_1$  va  $8_1$  nuqtalar orqali aniqlanadi.

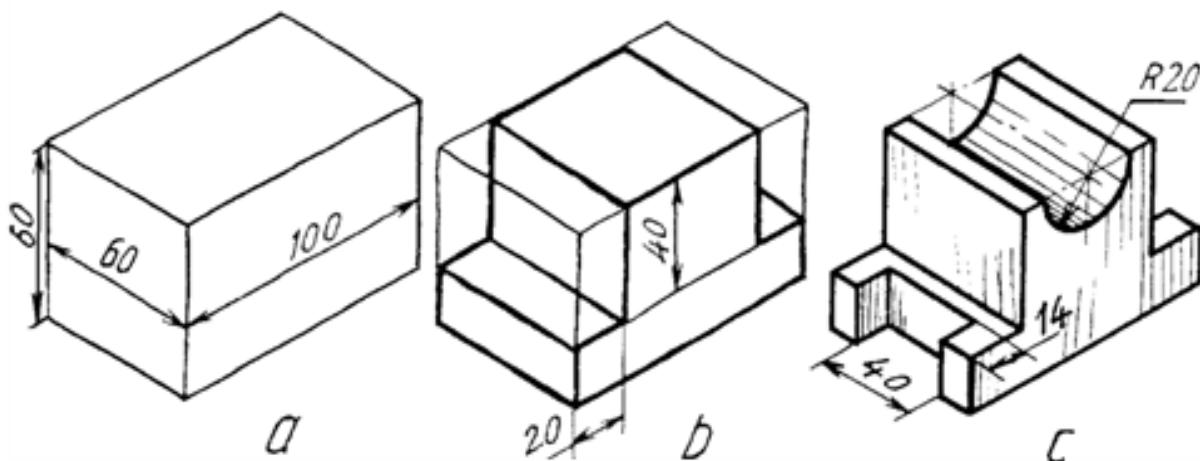
Buyumning izometrik proeksiyasi chizilgandan keyin, sirtlarning o‘zaro kesishish chizig‘ini aniqlash uchun tsilindr ostki asosining prizma qirrasini bilan kesishayotgan joyida  $1$  nuqta belgilanadi. Prizmaning ustki yoq tekisligida  $2$  egri chiziq  $O^I$  markazdan chizilgan ellips qismi hisoblanadi.  $3$  nuqtani aniqlashda  $2^1_2$   $3^1_2$  masofa z o‘qiga olib o‘tiladi va u

o‘qqa parallel chizib, prizma qirrasida 3<sup>I</sup> topiladi. 3<sup>I</sup> dan x o‘qqa parallel chizib, unga 3<sup>I</sup><sub>2</sub> 3<sub>2</sub> masofa o‘lchab qo‘yiladi. TSilindrik teshik bilan uch yoqli prizmaning o‘zaro kesishish chizig‘i yaqqol tasvirda ko‘rinmaydi. Silindrini ariqchaning kengligi A va V nuqtalar yordamida aniqlanadi. Ulardan u o‘qiga parallel chizilgan chiziqlar ikkala ellipsni kesib o‘tadi. Kesishgan nuqtalardan tsilindr yasovchilari chizilsa, ular O<sup>II</sup> markazdan chizilgan ellipslarni kesib ariqchani hosil qiladi.

## 12.11. Nazariy chizmani tuzish va o‘qish

### Yozma tafsif asosida buyumning yaqqol tasvirini qurish.

Buyumning umumi shakli to‘g‘ri to‘rtburchakli prizma bo‘lib, uning balandligi 60 mm, uzunligi 100 mm, eni (kengligi) 60 mm dan iborat (176-chizma, a). Prizmaning ikki yon tomonidan eni 20 mm, balandligi 40 mm li qilib qirqib olingan (176-chizma, b). Prizmaning o‘rtasida radiusi 20 mm li yarim tsilindrik o‘yiq mavjud bo‘lib, uning o‘qi V ga perpendikulyar. Buyumning ikki yon tokchasida buyum chekkasidan eni 14 mm, uzunligi 40 mm li to‘g‘ri to‘rtburchakli o‘yiq hosil qilingan (176-chizma, c). Buyumning texnik chizmai izometriya asosida chizildi.

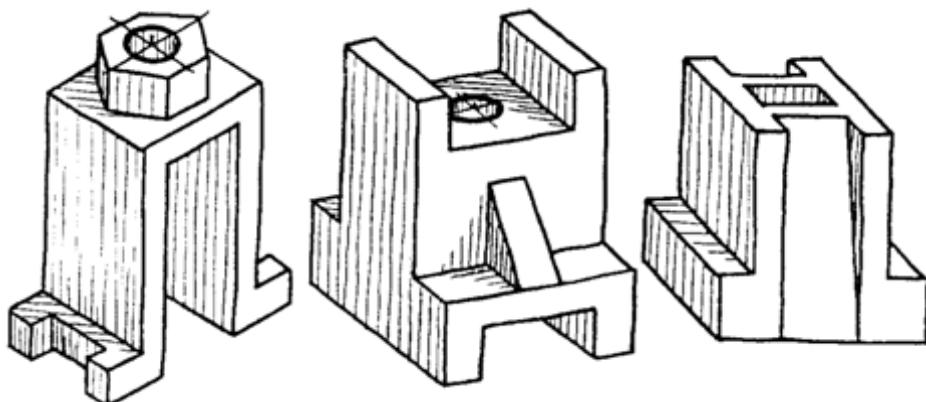


176-chizma

### 12.11.1. Yaqqol tasviri berilgan modelga tafsif yozish

Modellarning asliga qarab uning texnik chizmaini izometriyada, buyumning ikkita ko‘rinishiga binoan uning texnik chizmai to‘g‘ri

burchakli dimetriyada bajarilib, yozma tavsif yozish va uning texnik chizmai qiyshiq burchakli dimetriyada chizish tanlangan (177-chizma).



177-

### chizma

1. Model asosi to‘g‘ri to‘rtburchakli kirillcha «Π» shaklidagi prizmadan iborat bo‘lib, uning ustki tomonining o‘rtasida olti yoqli muntazam prizma joylashgan. Prizma o‘rtasidagi o‘q bo‘yicha silindrik teshik bor. Asosidagi plastinkaning ikki yon tomonida to‘g‘ri to‘rtburchakli o‘yiq bor. Shu modelning texnik chizmai izometrik proeksiya asosida chizildi (177-chizma).

2. Buyumning ikkita ko‘rinishi diqqat bilan o‘rganilsa, u asosan to‘g‘ri to‘rtburchakli prizmadan iborat. Uning ostki va ustki tomonlarida chuqurligi 5 mm li ariqchalar bor. Old va orqa tomonlaridan ariqcha asosiga 4 mm qolguncha qirqilgan bo‘lib, shu qirqilgan tomonlarida bittadan qovurg‘alari bor. Buyum o‘rtasida vertikal tsilindrik teshik bor. Shu buyumning umumiyo ko‘rinishi to‘g‘ri to‘rtburchakli prizma kabi to‘g‘ri burchakli dimetriyada chiziladi va ikki yon tomonidagi qirqib olingan joy ostki va ustki asosidagi ariqchalari chizib chiqiladi (2.9.2-chizma).

3. Buyumning yozma tafsifiga ko‘ra u asosan to‘g‘ri to‘rtburchakli prizmadan iborat bo‘lib, oldi va orqa tomonlarida tokchalari, chap va o‘ng tomonlarida og‘ma qilib yuqoridan pastga tomon qirqib olingan ariqchalari bor. Buyum o‘rtasida vertikal kvadrat teshigi bo‘lib, uning texnik chizmai qiyshiq burchakli dimetriyada chizildi.

## **12.12. Buyumlar loyihalash ishlarining mazmuni**

Ilmiy-texnika taraqqiyotining hozirgi zamon talablariga mos keladigan shaxsni kamol toptirish, ularda «grafik savodxonlik» ni va ijodkorlikni tarbiyalash hamda yaxshilash bugungi va ertangi kunning dolzarb muammolaridan biri b'lib qoldi.

Loyihalash bilan bog'liq b'lgan har qanday moslama ijodiy fikrlash ya`ni yangilik yaratish Bilan bog'liq b'ladi. Ijod deganda ma`lum vaqtida va vaziyatda zarur va foydali yangilik yaratish tushuniladi. Umuman olganda ma`lum narsani ijod mahsuli deyish mumkin, o'z navbatida yangilik deyilganda, ilgari shunday shaklda b'lman, ayni vaqtida tarkibida ilgari ma`lum b'lman element kiritilgan texnik fikrlash mahsuloti tushuniladi.

Yangilik obyektiv va subektiv bo'lishi mumkin.

Ob`ektiv yangilik shu paytgacha o'ziga o'xhashi mavjud b'lman yangilikdir.

Sub`ektiv yangilik - bu aslida mavjud, lekin ayni vaqtida u yaratuvchi uchungina yangilik hisoblangan yangilikdir.

Loyihalash masalalari deyilganda u yoki bu buyumning, moslamaning, mashina hamda inshooatlarning shaklan va mazmunan o'zgarishi nazarda tutiladi. Bu o'zgarishda buyumlar, mexanizmlar, moslama va mashinalar tarkibiga Yangi konstruktiv elementlar kiritish; qismlarini rekonstruktsiyalash, oldingisidan unumli, arzon va qulaylikka egaligini ta`minlaydigan turini barpo qilish talab qilinadi.

Moslamani qayta loyihalash uchun nazarda tutilgan asosiy masala nimada ekanligini, uning natijasi oldingisidan yaxshiroq, unumli ekanligi Bilan takomillashtiriladi.

Yangi g'oya shu moslamaning ish funktsiyasiga asoslanadi. Ishlash printsiipi yutuq va kamchiliklarga muvofiq moslamaning yangi g'oya Bilan takomillashgan varianti o'ylab topiltdi. Bu o'z-o'zidan ma`lumki, natija bir xil emas, aksincha turli xil bo'lishi mumkin.

Loyihalash amalda grafik savodxonlik, texnologik bilimlar, konstruktsiyalash malakalariga tayanadi. Yangi loyiha dastlab fikran yaratilib, uning chizmasi konstruktoring g'oyasini ifodalovchi vosita

bo‘lib hizmat qiladi. YAngi buyumning obrazini fikran miyada yaratib, uni ong orqali grafik tasvirlash usuli bilan bera olishdir. Loyihalash jarayonidagi loyihachilik faoliyatining muvaffaqiyatli tomoni ham anna shundadir.

Insonning yaratuvyailik faoliyatida grafik tasvir o‘zaro bog‘langan ikki vazifani bajaradi. Birinchidan, chizma fikrlashning o‘ziga xos quroli, ikkinchidan fikr(g‘oya)ni beruvchi vositadir.

Shuning uchun ham loyihachilik faoliyatida asosan grafik jihatlarni ajratib o‘rganamiz.

Bu jarayonni amalga oshirishda mashina buyumlarining shakli, og‘irligi va o‘lchamlarining o‘zgarishi tabiiy. Loyihalash jarayoni quyidagi bosqichlardan iborat:

- Birinchi boqich – tayyorgarlik bosqichi bo‘lib, unda texnik ehtiyojlar aniqlanadi;
- Ikkinchi fikrlash bosqichida - shu sohadagi ilmiy axborotlar tahlil qilinib masalani echish bosqichlarida echish vositalari va variantlari tanlanadi;
- Uchinchi, izlanish bosqichida - tug‘ilgan g‘oyalar solishtirilib chiqiladi, hamda ulardan eng maqbولي tanlab olinadi;
- To‘rtinchi, amalga oshirish bosqichida - loyiha axborotlarning grafik vosita bilan chizmaiylashtiriladi, hamda echim tekshirilib chiqiladi;

Yangi konstruktsiyani joriy qilish yoki amaldagisi modernizatsiyalanganda turli texnik ishlab chiqarish, texnologik, iqtisodiy va shunga o‘xhash talablar bajariladi. Bu talablar quyidagicha:

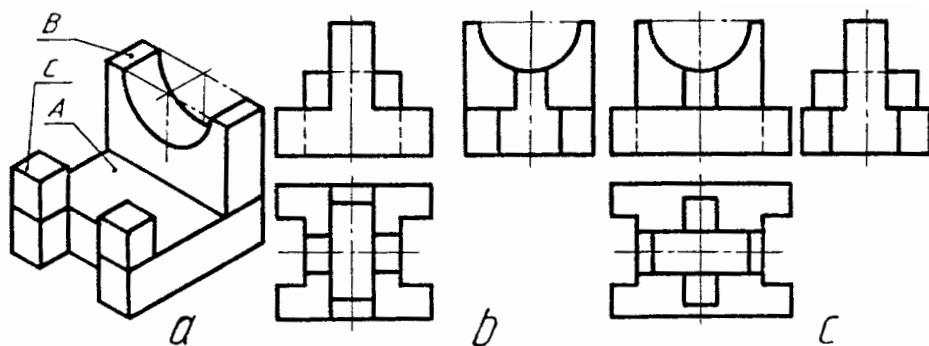
- amaldagi konstruktsiyani soddalashtirish;
- materiallarning mustaxkamlik xususiyatlaridan to‘liq foydalanish;
- buyumga ishlov berishda chiqindilarni kamaytirish maqsadida buyumning shaklini to‘g‘ri tanlash hamda chiqindisiz texnologiyani ishlab chiqish;
- pardozlash ishlarida qo‘l mehnatini kamaytirish;
- materialni tejash;
- buyumlarni xizmat muddatini oshirish;

Loyihalashga oid masalalarni echishning boshqalardan farq qiladigan asosiy xususiyati shundan iboratki, ularning echimi ko‘p variantli bo‘lishiga qaramay, masalaning sharti bo‘yicha muayyan texnik-texnologik, iqtisodiy talablarning bajarilishi bilan xarakterlanadi.

### **12.12.1. Buyum elementlarini surish va burish asosida ularni qayta loyihalash**

Buyum A, B, C bo‘laklardan - elementlardan tashkil topgan bo‘lib, uning B bo‘lagi asosi A ning o‘rtasiga, C bo‘laklari B ning ikkala tomoniga tayanch vazifasini o‘taydigan vaziyatga fikran surilsin va ko‘rinishlari chizilsin (178-chizma, a).

Buyum asosi A chizib olinadi va uning o‘rtasiga B bo‘lak chiziladi. Keyin C bo‘laklari B ning ikkala tomoniga chizib chiqiladi (178-chizma,b). Buyum bir butun deb qaraladi va bo‘laklari orasidagi chiziqlar o‘chirib tashlanadi.



178-chizma

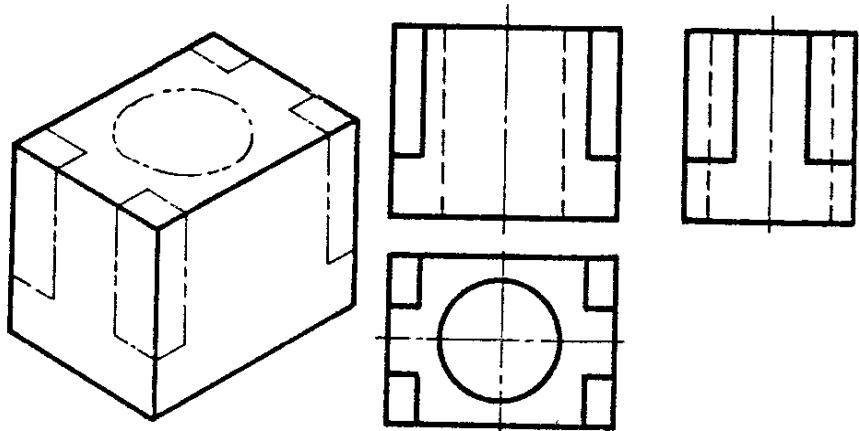
Buyumning B bo‘lagini A ga nisbatan ko‘ndalang qo‘ymasdan  $90^0$  burchakka burib joylashtirsa ham bo‘ladi. U vaqtda buyum 178-shakl, c dagidek ko‘rinishga ega bo‘ladi.

### **12.12.2. O‘yib olish orqali buyum loyihalash<sup>64</sup>**

**Shartga binoan o‘yish orqali buyum xosil qilish.** Buyum shakliga o‘zgartirish kiritish deganda, uning bo‘rtib turgan qismlarini o‘shanday shakldagi chuqurchaga almashtirish tushuniladi.

<sup>64</sup> Abduraxmanov A. “Chizmachilikdan grafik ishlар tizimi”, - Toshkent, “Cho‘lpon nomidagi nashriyot matbaa uyi”, 2005. 49-53 betlar

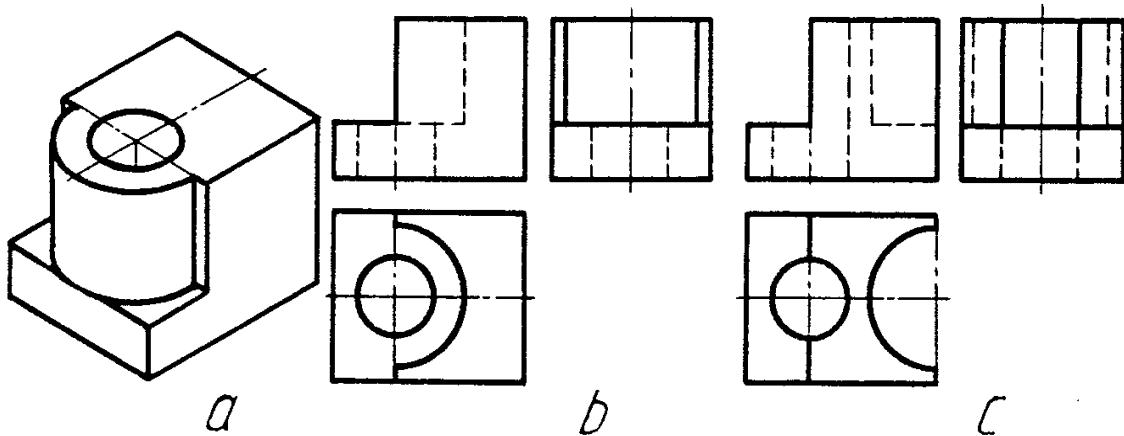
Misol. Buyum xomaki tanasidagi belgilangan chiziqlar bo'yicha ortiqcha qismlari olib tashlansin va uning ko'rinishlari chizilsin (2.10.2-chizma).



179-chizma.

Buyumning xomaki tanasi uchta ko'rinishda chizib olinadi va uning belgilangan chiziqlar ko'rsatilgan joylari fikran qirqib olinadi. SHunda buyumning o'rtasida tsilindrik teshik, to'rtta burchagi qirqib olingandan keyin esa, buyumning ikki tomonida prizmatik bo'rtmalar hosil bo'ladi.

Misol. Buyumning yarim silindrik bo'rtmasi shu o'lchamdagagi yarim silindrik o'yiqqa almashtirilsin (180-chizma, a).



180-chizma

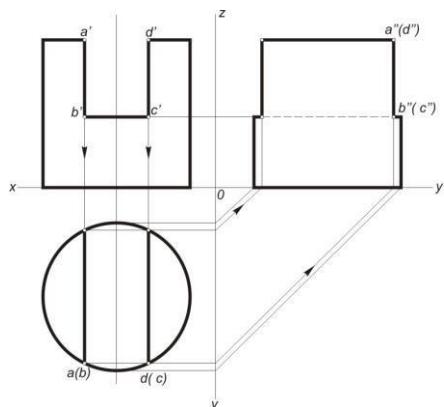
Buyumning chap qismidagi yarim silindrik bo'rtmani uning o'ng qismidagi yarim silindrik o'yiqqa almashtirsa bo'ladi. Bu masalani ikkita variantda echsa bo'ladi.

1. Yarim silindr butun tsilindr qilib chiziladi va berilgan yarim silindr qismi olib tashlanadi. (180-chizma, b).

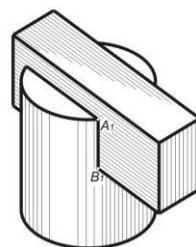
2. Yarim silindrik bo‘rtma buyumning o‘ng tomoni chegarasigacha fikran suriladi va yarim o‘yiq silindrga almashtiriladi (180-chizma,c).

### 12.13. Buyumlarning yoyilmasi hamda modelini yasash<sup>65</sup>

O‘yig‘i yoki kesigi bor silindrning chizmasi 183-chizmada tasvirlangan. Undagi o‘yiqni a', b', c', d' nuqtalar belgilaydi. Gorizontal proyeksiyada nuqtalar silindr asosidagi aylana bilan ustma-ust tushadi va ikki vatarni hosil qiladi. Bu ikki nuqtalarni profil proyeksiyaga tasvirlab, o‘yiq silindrning tasvirini yasaymiz. 184-chizmada silindr o‘yig‘iga prizma o‘rnatilgan holda aksonometriyasi berilgan.



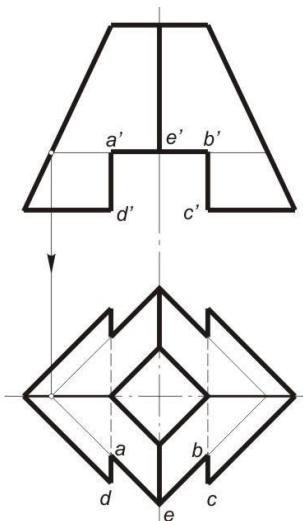
183-chizma.



184-chizma.

O‘yig‘i bor kesik to‘rtyoqli piramida 185-chizmada keltirilgan. a', b', c', d' va e' nuqtalar bilan piramidaning o‘yig‘i belgilangan.

Gorizontal proyeksiyada A, B, C, D va E nuqtalarning proyeksiyalarini qurish uchun gorizontal sath tekisligi qo‘llanilgan va unga A, B, C, D va E nuqtalar proyeksiyalangan.



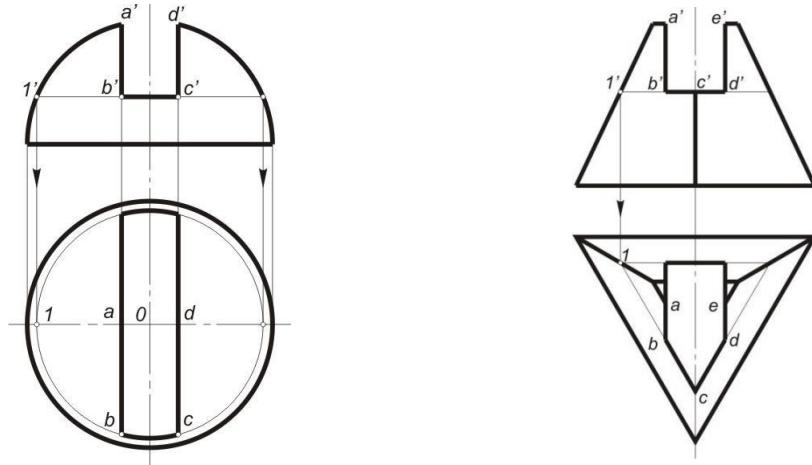
185-chizma.

187- chizmada o‘yig‘i bor kesik uchyoqli piramida ko‘rsatilgan.

188- chizmada yarim sharning gorizontal proyeksiyasi va yarim shardagi

<sup>65</sup> D.U. Sabirova, A.T.Azimov, V.T.Mirzaraimova, V.N.Karimova. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo‘llanma. –T.: 2019, 112-113 betlar

o‘yiq yuqorida keltirilgan misollar kabi proyeksiyalangan. Ularning uchinchi proyeksiyalarini bizga ma’lum bo‘lgan proyeksion bog‘lovchi chiziqlar yordami bilan qurish mumkin.



186-chizma.

## FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR

1. U.T. Rixsiboyev, D.F. Kuchkarova, CH.T. Shokrova, X.M. Rixsiboyeva. “Chizma geometriya va muhandislik grafikasi”. Tafakkur qanoti T.2019 y. Darslik-384 bet.
2. T. Rixsiboyev. Muhandislik grafikasi fanlarini o‘qitish metodologiyasi. T, 2011 y.
3. D.U. Sabirova, A.T.Azimov, V.T.Mirzaramova, V.N.Karimova. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi. O‘quv qo‘llanma. –T.: 2019. 171-bet.
4. Xalimov M., Ochilov F., Chizmachilik (Geometrik va proyekcion chizmachilikdan mustaqil ishlash uchun topshiriqlar). – Qarshi, „Nasaf“, 2012.
5. Raxmonov I.T. va Abdurahmonov A., Chizmachilikdan ma'lumotnama, T., «A.Navoiy nomidagi O‘zbekiston Milliy kutubxonasi», 2005.
6. J.A.Qosimov, U.A. Nasritdinova, A.E. Urishev, R.B. Nigmanov, U.Dj. Yedilboyev “Muhandislik grafikasi (Muhandislik va kompyuter grafikasi)”. TIQXMMI-2020. O‘quv qo‘llanma. –T.: 2019. 235-bet.
7. Abduraxmanov A. „Chizmachilikdan grafik ishlar tizimi“., - Toshkent, „Cho‘lpon nomidagi nashriyot matbaa uyi“, 2005.
8. M.Xalimov. Chizma geometriya va muhandislik grafikasi Toshkent, “Voris”, 2013.
9. Murodov Sh.K., Chizma geometriya. – T., Iqtisod-moliya, 2008.
10. Муродов Ш.К, Ташимов Н., Графика тарихи ва тараққиёти. – Т., ТДПУ ризографи, 2011.
11. Rahmonov I., Ashirboyev A., Geometrik chizmachilik (Shriftlar). Toshkent, „Noshir“, 2009.
12. To‘xtayev A. va Abramyan Y. Mashinasozlik chizmachiligidan ma'lumotnama. T., “ILM ZIYO”, 2010-262 bet
13. Valiyev A.N., Raxmonov I. Chizmachilik (chizmachilik fanidan konstrksiyalash asoslari). –T.: «Voris-nashriyot». 2012.
14. Yu. Qirg‘izboev va b. «Mashinasozlik chizmachilik kursi» T. «O‘qituvchi» 1981 y.

15. Rahmonov va b. «Chizmachilikdan mashq va masalalar to‘plami» T. «O‘qituvchi» 1988 y
16. Rahmonov «Chizmalarni chizish va o‘qish» T. «O‘qituvchi» 1992 y
17. Rahmonov «Chizma geometriya kursi va texnikaviy grafikadan test» T. «O‘qituvchi» 1996 y.
18. Sh. Murodov, L. Hakimov, P. Odilov, A. Shomurodov, M. Jumayev. „Chizma geometriya kursi“, T.2008 y.

## **MUNDARIJA**

### **KIRISH . . . . .**

BIRINCHI QISM. CHIZMA GEOMETRIYA.....

Darslikda qabul qilingan shartli belgilar va ramzlar.....

### **1-BOB FANNING MAQSADI VA TASVIRLAR-PROYEKSIYALAR**

#### **TUZISH ASOSLARI .....**

1.1. Chizma geometriya fanining asosiy maqsadi va vazifasi.....

1.2. Proyeksiyalashning mohiyati va uning asosiy usullari .....

1.3. Parallel proyeksiyalashning xossalari .....

### **2-BOB NUQTANING CHIZMASINI TUZISH VA O'QISH .....**

2.1. Nuqta, geometrik figura va predmetlarning tiklanish xususiyatiga ega bo'lgan proyeksiyalari chizmasi.....

2.2. Nuqtani bir va ikki tekislikka proyeksiyalash.....

2.3. Nuqtani uchta tekislikka proyeksiyalash.....

2.4. Oktantlar to'g'risida tushuncha .....

### **3-BOB TO'G'RI CHIZIQ KESMASINI PROYEKSIYALASH.....**

3.1. To'g'ri chiziq kesmasining H, V,W tekisliklarga nisbatan holatlari.....

3.2. To'g'ri chiziqning izlari.....

3.3. Ikki to'g'ri chiziqning o'zaro holatlari .....

### **4-BOB TEKISLIK .....**

4.1. Tekislikning H, V va W tekisliklariga nisbatan holatlari.....

4.2. Tekislikda joylashgan to'g'ri chiziq va nuqtalar. Tekislikning maxsus vaziyatdagi to'g'ri chiziqlari .....

4.3. Tekislikda nuqta tanlash .....

### **5-BOB CHIZMANI QAYTA TUZISH USULLARI .....**

5.1 Proyeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli .....

5.1.1	Proyeksiyalar tekisligini bir marotaba almashtirib yechiladigan tayanch masalalarni yechish algoritmi .....
5.1.2.	Proyeksiyalar tekisligini ikki marotaba almashtirib yechiladigan tayanch masalalarni yechish algoritmi .....
5.2.	Aylantirish usuli.....
5.2.1.	Aylantirish usuli (AU)ning moxiyati va uning turlari.....
5.2.2.	Aylantirish usulida to‘rtta tayanch masalalarni yechish .....
5.2.3.	Tekislikni uning gorizontali yoki frontalni atrofida aylantirish .....
5.2.4.	Tekislikni uning gorizontal yoki frontal izi atrofida aylantirish, ya’ni uni H yoki V bilan jipslashtirish .....
<b>7-BOB</b>	<b>EGRI CHIZIQLAR.....</b>
7.1.	Umumiyl tushunchalar.....
7.2.	Tekis egri chiziqlar. Ularga urinma va normal o‘tkazish.....
7.3.	Fazoviy egri chiziqlar. Ularga urinma va normallar o‘tkazish...
<b>8-BOB</b>	<b>SIRTLAR.....</b>
8.1.	Sirtlar to‘g‘risida umumiyl ma’lumotlar. Sirtlarni chizmada berilishi. Sirtlarda nuqta tanlash .....
8.1.1.	Sirtlar hosil bo‘lishi va ularni chizmada berilishi .....
8.1.2.	Sirtlarda nuqta tanlash.....
8.2.	Siklik sirtlar.....
<b>10-BOB</b>	<b>AKSONOMETRIK PROEKSIYALAR.....</b>
10.1.	To‘g‘ri burchakli aksonometrik proyeksiyalar.....
10.2.	Qiyshiq burchakli aksonometrik proyeksiyalar.....
10.3.	Aksonometrik proyeksiyalarda yassi shakllar va jismlarni yasash. To‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalar .....
10.4.	To‘g‘ri burchakli dimetrik proyeksiyalar.....
10.5.	Aksonometrik proyeksiyalarda jismlarni tasvirlash.....
10.6.	Aylananing to‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiyalari.....

<b>IKKINCHI QISM. Muhandislik grafikasi.....</b>	
<b>11-BOB GEOMETRIK CHIZMACHILIK .....</b>	
11.1. Chizmachilik asboblari va ulardan foydalanish.....	
11.2. Chizmachilikka oid standartlar.....	
11.2.1. Formatlar.....	
11.2.2. Chiziq turlari .....	
11.2.3. Masshtablar.....	
11.2.4. O‘lcham qo‘yish qoidalari (O‘zDSt 2.307:2003).....	
11.2.4.1. O‘lcham qo‘yishning ayrim horij qoidalari.....	
11.3. Chizma shriftlari.....	
11.4. Geometrik yasashlar.....	
11.5. Qiyalik va konusliklar.....	
11.6. Tutashmalar.....	
11.7. Sirkul egri chiziqlar.....	
11.8. Lekalo egri chiziqlari.....	
11.8.1. Ellips.....	
11.8.2. Parabola.....	
11.8.3. Giperbola.....	
11.9. Siklik egri chiziqlar.....	
11.9.1. Sikloida.....	
11.9.2. Episikloida.....	
11.9.3. Giposikloida.....	
11.9.4. Evolventa.....	
11.9.5. Arximed spirali.....	
<b>12-BOB PROYEKSION CHIZMACHILIK.....</b>	
12.1. Buyumni proyeksiyalar tekisliklariga proyeksiyalash.....	

12.2. Ko‘rinishlar (O‘zDSt 2.305:2003).....
12.2.1. Asosiy ko‘rinishlar.....
12.2.2. Qo‘shmcha va mahalliy ko‘rinishlar.....
12.2.3. Bosh ko‘rinish.....
12.3. Kesimlar va qirqimlar (O‘zDSt 2.305:2003).....
12.3.1. Materiallarning kesimda grafik belgilanish.....
12.3.2. Kesimlar (O‘z DSt 2.305).....
12.4. Qirqimlar (O‘zDSt 2.305:2003).....
12.4.1. Oddiy qirqimlar.....
12.4.2. Murakkab qirqimlar.....
12.5. Aksonometrik proyeksiyalar (O‘zDSt 2.317: 2003).....
12.5.1. To‘g‘ri burchakli izometrik proyeksiya.....
12.5.2. Qiyshiq burchakli dimetriya.....
12.6. Detal eskizini bajarish.....
12.7. Texnik rasm.....
12.7.1. Texnik rasmni izometrik proyeksiya asosida bajarish.....
12.7.2. Texnik rasmni frontal dimetriya asosida bajarish.....
12.8. Buyum ish chizmasida og‘ma qirqim bajarish.....
12.9. Buyum chizmasida tekis qirqim chizig‘ini bajarish.....
12.10. Buyum sirtlarini kesishuv chizig‘i.....
12.10.1. Buyum sirtlarining kesishuv chizig‘ini aksonometrik proeksiyasini bajarish.....
12.11. Nazariy chizmani tuzish va o‘qish.....
12.11.1. Yaqqol tasviri berilgan modelga tafsif yozish.....
12.12. Detallar loyihalash ishlaringin mazmuni.....
12.12.1. Detal elementlarini surish va burish asosida ularni qayta loyihalash.....

12.12.2. O‘yib olish orqali detal loyihalash.....

12.13. Detallarning yoyilmasi hamda modelini yasash.....

Foydalangan adabiyotlar

Mundarija