Recurrences

จงเขียนฟังก์ชันตามนิยามที่กำหนดให้ต่อไปนี้

Padovan sequence	def p(n):	$p_n = \begin{cases} 1 & \text{if } 0 \le n \le 2 \\ p_{n-2} + p_{n-3} & \text{if } n \ge 3 \end{cases}$
Mallow's sequence	def m(n):	m(n) = m(m(n-2)) + m(n-m(n-2)) with $m(1) = m(2) = 1$
Segner's recurrence	def e(n):	$e_n = \sum_{k=1}^{n-2} e_{k+1} e_{n-k} \text{ if } n > 3, \ e_2 = e_3 = 1$
Sylvester's sequence	def s(n,k):	$s(n,k) = \begin{cases} 2 & \text{if } n = 0\\ (s(n-1,k)^2 - s(n-1,k) + 1) \bmod k & \text{if } n > 0 \end{cases}$

จงเขียนฟังก์ชันเพื่อคำนวณค่าต่าง ๆ ที่นิยามในตารางข้างบนนี้ ด้วยโครงของโปรแกรมข้างล่างนี้

```
def p(n):
???

vertical value
ข้อควรระวัง: กรณีทดสอบของ Grader สำหรับฟังก์ชัน m และ s

def m(n):
อาจทำให้ผลการตรวจเป็น T (คือใช้เวลามากเกินไป) จึงควร

หลีกเลี่ยงการเรียกฟังก์ชันตัวเองช้ำมากเกินจำเป็น

def s(n,k):
???

exec(input().strip())
# do not remove this line!!
```

ข้อมูลนำเข้า

คำสั่งในการทดสอบฟังก์ชันที่เขียน

ข้อมูลส่งออก

ผลลัพธ์ที่ได้จากคำสั่งที่ป้อนเป็นข้อมูลนำเข้า

ตัวอย่าง		
input (จากแป้นพิมพ์)	output (ทางจอภาพ)	
<pre>print(p(3))</pre>	2	
print(p(20))	200	
<pre>print(m(5))</pre>	3	
print(m(50))	35	
<pre>print(e(7))</pre>	42	
print(e(10))	1430	
print(s(4,10))	7	
print(s(100,23))	19	