

จงเขียนฟังก์ชันต่าง ๆ ที่เว้นว่างในโปรแกรมข้างล่างนี้ ที่มีข้อกำหนดของพารามิเตอร์ และผลลัพธ์ที่ได้ตามตารางนี้

function	return value
checker(n) n เป็นจำนวนเต็ม	array สองมิติขนาด $n \times n$ เก็บค่า 0 กับ 1 สลับตำแหน่ง คล้าย ๆ ตารางหมากรุกฮอส เช่น <code>print(checker(5))</code> ได้ <pre>[[0 1 0 1 0] [1 0 1 0 1] [0 1 0 1 0] [1 0 1 0 1] [0 1 0 1 0]]</pre>
collide(e,C) e เก็บวงกลม 1 วง C เก็บวงกลมหลายวง e เป็นอาร์เรย์หนึ่งมิติ 3 ช่องเก็บพิกัด x,y และ รัศมี C เป็นอาร์เรย์สองมิติ หนึ่งแถวเก็บวงกลม 1 วง C จึงเก็บวงกลมจำนวน C.shape[0] วง	คืนอาร์เรย์สองมิติ เก็บวงกลมใน C เฉพาะวงทับหรือแตะกับ วงกลม e เช่น <pre>e = np.array([5,0,3]) C = np.array([[0,0,1],[0,0,2],[0,0,3]]) print(collide(e,C))</pre> ได้ <pre>[[0 0 2] [0 0 3]]</pre>
matrix_chain_mult(M,order) M เก็บอาร์เรย์ของเมทริกซ์ เมทริกซ์เป็นอาร์เรย์สองมิติ ดังนั้น M จึงเป็นอาร์เรย์สามมิติ M[0],M[1],... เป็นเมทริกซ์ที่สามารถนำมาคูณกันได้ตามลำดับ M[0]×M[1]×M[2]×... แต่การคูณเมทริกซ์ทั้งหมดก็ไม่จำเป็นต้องทำตามลำดับจากซ้ายไปขวา เช่น M[0]×M[1]×M[2] จะคูณตามลำดับแบบ (M[0]×M[1])×M[2] หรือ แบบ M[0]×(M[1]×M[2]) ก็ได้เหมือนกัน order คือ list ของ index ของเมทริกซ์ใน M ที่นำมาคูณ เช่น order ของ (M[0]×M[1])×M[2] คือ 0,1,2 ขณะที่ของ M[0]×(M[1]×M[2]) คือ 1,2,0 ให้ฟังก์ชันนี้คูณเมทริกซ์ใน M ตามลำดับที่กำหนดใน order	ผลคูณของเมทริกซ์ใน M ตามลำดับที่กำหนดใน order คำเตือน ถึงแม้ว่าผลคูณของ (M[0]×M[1])×M[2] กับ M[0]×(M[1]×M[2]) เหมือนกัน แต่เวลาและหน่วยความจำที่ใช้ในการคูณจะไม่เหมือนกัน

```
import numpy as np

def checker(n):
    _____ # ทาวิธีเขียนอย่างสามคำสั่ง

def collide(e,c):
    _____ # ทาวิธีเขียนอย่างสองคำสั่ง

def matrix_chain_mult(M, order):
    _____ # อย่าลืมคูณตามลำดับที่กำหนดใน order

exec(input().strip()) # do not remove this line
```

ข้อมูลนำเข้า

คำสั่งในการทดสอบฟังก์ชันที่เขียน

ข้อมูลส่งออก

ผลที่ได้จากคำสั่งที่ป้อนเป็นข้อมูลนำเข้า

ตัวอย่าง

Input / Output

Input:

```
print(checker(10))
```

Output:

```
[0 1 0 1 0 1 0 1 0 1]
[1 0 1 0 1 0 1 0 1 0]
[0 1 0 1 0 1 0 1 0 1]
[1 0 1 0 1 0 1 0 1 0]
[0 1 0 1 0 1 0 1 0 1]
[1 0 1 0 1 0 1 0 1 0]
[0 1 0 1 0 1 0 1 0 1]
[1 0 1 0 1 0 1 0 1 0]
[0 1 0 1 0 1 0 1 0 1]
[1 0 1 0 1 0 1 0 1 0]
```

Input:

```
print(collide(np.array([3,3,1]), np.array([[1,1,1],[2,2,2],[2,3,1],[4,4,2],[3,-3,3]])))
```

Output:

```
[[2 2 2]
 [2 3 1]
 [4 4 2]]
```

Input:

```
a=np.array([[1,2,3],[4,1,2]]);print(matrix_chain_mult(np.array([a,a.T,a,a.T]),[1,2,0,3]))
```

Output:

```
[[340 420]
 [420 585]]
```

$(M[0] \times (M[1] \times M[2])) \times M[3]$