Дисциплина: Методы и технологии машинного обучения

Уровень подготовки: бакалавриат

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Семестр: осень 2021/2022

Лабораторная работа №4: Методы снижения размерности. Регуляризация логистической регрессии.

В практических примерах ниже показано:

- как снижать размерность пространства признаков методами главных компонент (PCR), частных наименьшах квадратов (PLS)
- как строить логистическую регрессию с регуляризацией параметров (методы ридж и лассо)

Точность всех моделей оценивается методом перекрёстной проверки по 10 блокам.

Модели: множественная линейная регрессия *Данные*: Wines (источник: репозиторий к книге С.Рашки Python и машинное обучение, глава 4)

Указания к выполнению

Загружаем пакеты

```
In [2]:
# загрузка пакетов: инструменты
# работа с массивами
import numpy as np
# фреймы данных
import pandas as pd
# распределение Стьюдента для проверки значимости
from scipy.stats import t
# подсчёт частот внутри массива
from collections import Counter
# графики
import matplotlib as mpl
# стили и шаблоны графиков на основе matplotlib
import seaborn as sns
# загрузка пакетов: данные
from sklearn import datasets
```

```
# загрузка пакетов: модели -
         # стандартизация показателей
         from sklearn.preprocessing import StandardScaler
         # метод главных компонент
         from sklearn.decomposition import PCA
         # метод частных наименьших квадратов
         from sklearn.cross decomposition import PLSRegression
         # логистическая регрессия (ММП)
         from sklearn.linear model import LogisticRegression, LogisticRegressionCV
         # перекрёстная проверка по к блокам
         from sklearn.model selection import KFold, cross val score
         # расчёт Асс и сводка по точности классификации
         from sklearn.metrics import accuracy score, classification report
        # константы
         # ядро для генератора случайных чисел
         my seed = 9212
         # создаём псевдоним для короткого обращения к графикам
         plt = mpl.pyplot
         # настройка стиля и отображения графиков
         # примеры стилей и шаблонов графиков:
         # http://tonysyu.github.io/raw content/matplotlib-style-gallery/gallery.html
         mpl.style.use('seaborn-whitegrid')
         sns.set palette("Set2")
         # раскомментируйте следующую строку, чтобы посмотреть палитру
         # sns.color palette("Set2")
In [4]:
         # функция, которая строит график сжатия коэффициентов в ридж и лассо
         # из репозитория к книге C. Рашки Python и машинное обучение,
         # слегка переработанная
         def plot coeffs traces (X, y, class_number, penalty_name, C_opt, col_names,
                                 C min pow=-4, C max pow=3.):
             fig = plt.figure()
             ax = plt.subplot(111)
             # палитра
             colors = sns.color palette("Spectral", len(col names)-1)
             weights, params = [], []
             for c in np.arange(C min pow, C max pow+1):
                 lr = LogisticRegression(penalty=penalty name,
                                         C=10.**c, solver='liblinear',
                                         multi class='ovr', random state=my seed)
                 lr.fit(X, y)
                 weights.append(lr.coef [class number])
                 params.append(10**c)
```

weights = np.array(weights)

отсечки по оптимальным С

for column, color in zip(range(weights.shape[1]), colors):

plt.plot(params, weights[:, column],

color=color)

label=col names[column],

Загружаем данные

Набор данных wine можно загрузить напрямую из пакета sklearn (набор впервые выложен на сайте Калифорнийского университета в Ирвине). Таблица содержит результаты химического анализа вин, выращенных в одном регионе Италии тремя разными производителями. Большинство столбцов таблицы отражают содержание в вине различных веществ:

- alcohol алкоголь, процентное содержание;
- malic_acid яблочная кислота (разновидность кислоты с сильной кислотностью и ароматом яблока);
- ash зола (неорганическая соль, оказывающая влияние на вкус и придающая вину ощущение свежести);
- alcalinity_of_ash щелочность золы;
- magnesium магний (важный для организма слабощелочной элемент, способствующий энергетическому обмену);
- total_phenols всего фенола (молекулы, содержащие полифенольные вещества; имеют горький вкус, также влияют на цвет, относятся к питательным веществам в вине);
- flavanoids флаваноиды (полезный антиоксидант, даёт богатый аромат и горький вкус);
- nonflavanoid_phenols фенолы нефлаваноидные (специальный ароматический газ, устойчивый к окислению);
- proanthocyanins проантоцианы (биофлавоноидное соединение, которое также является природным антиоксидантом с легким горьковатым запахом);
- color_intensity интенсивность цвета;
- hue оттенок (мера яркости цвета, используется в т.ч. для измерения возраста вина);
- od280/od315_of_diluted_wines OD280/OD315 разбавленных вин (метод определения концентрации белка);
- proline пролин (основная аминокислота в красном вине, важный фактор вкуса и аромата);
- target целевая переменная: класс вина.

Загружаем данные во фрейм и выясняем их размерность.

```
In [5]: # загружаем таблицу и превращаем её во фрейм
DF_all = datasets.load_wine(as_frame=True)['frame']
```

```
# выясняем размерность фрейма
          print('Число строк и столбцов в наборе данных:\n', DF all.shape)
         Число строк и столбцов в наборе данных:
           (178, 14)
        Отложим 10% наблюдений для прогноза.
In [6]:
          # наблюдения для моделирования
          DF = DF all.sample(frac = 0.9, random state = my seed)
          # отложенные наблюдения
          DF_predict = DF_all.drop(DF.index)
          # первые 5 строк фрейма у первых 7 столбцов
          DF.iloc[:, :7].head(5)
              alcohol malic_acid ash alcalinity_of_ash magnesium total_phenols flavanoids
         142
                            3.17 2.72
                13.52
                                                23.5
                                                            97.0
                                                                         1.55
                                                                                    0.52
                                                            0.08
          92
                12.69
                            1.53 2.26
                                                20.7
                                                                         1.38
                                                                                    1.46
         163
                12.96
                            3.45 2.35
                                                18.5
                                                           106.0
                                                                         1.39
                                                                                    0.70
          40
                13.56
                            1.71 2.31
                                                16.2
                                                           117.0
                                                                         3.15
                                                                                    3.29
         117
                12.42
                                                22.5
                                                           108.0
                                                                         2.00
                                                                                    2.09
                            1.61 2.19
          # первые 5 строк фрейма у столбцов 8-11
          DF.iloc[:, 7:11].head(5)
              nonflavanoid_phenols proanthocyanins color_intensity hue
         142
                             0.50
                                             0.55
                                                            4.35 0.89
          92
                             0.58
                                                            3.05 0.96
                                              1.62
         163
                             0.40
                                             0.94
                                                            5.28 0.68
          40
                             0.34
                                              2.34
                                                            6.13 0.95
         117
                             0.34
                                                           2.06 1.06
                                              1.61
          # первые 5 строк фрейма у столбцов 12-14
          DF.iloc[:, 11:].head(5)
              od280/od315_of_diluted_wines proline target
         142
                                     2.06
                                            520.0
                                                      2
          92
                                     2.06
                                            495.0
                                                      1
         163
                                     1.75
                                            675.0
                                                      2
          40
                                     3.38
                                            795.0
                                     2.96
```

345.0

1

117

```
# типы столбцов фрейма
          DF.dtypes
Out[10]: alcohol
                                          float64
                                         float64
         malic acid
                                         float64
         ash
         alcalinity of ash
                                        float64
                                        float64
         magnesium
                                        float64
         total phenols
                                    float64
float64
float64
         flavanoids
         nonflavanoid_phenols
         proanthocyanins
                                        float64
         color intensity
         nue float64 od280/od315_of_diluted_wines float64 proline
         proline
                                        float64
         target
                                          int32
         dtype: object
         Проверим, нет ли в таблице пропусков.
          # считаем пропуски в каждом столбце
          DF.isna().sum()
Out[11]: alcohol
                                          0
         malic acid
                                          0
                                          0
         alcalinity of ash
         magnesium
         total phenols
                                         0
                                         0
         flavanoids
         nonflavanoid_phenols
         proanthocyanins
                                         0
         color intensity
                                         0
         od280/od315 of diluted wines 0
         proline
         target
         dtype: int64
```

Пропусков не обнаружено.

Предварительный анализ данных

Описательные статистики

Считаем доли классов целевой переменной target.

```
In [12]: # метки классов
DF.target.unique()

Out[12]: array([2, 1, 0])

In [13]: # доли классов
```

```
np.around(DF.target.value_counts() / len(DF.index), 3)
```

Out[13]: 1 0.394

0 0.338 2 0.269

Name: target, dtype: float64

Итак, всего целевых классов три, и их доли примерно одинаковы, с перевесом в пользу класса '0'. Все объясняющие переменные набора данных непрерывные. Рассчитаем для них описательные статистики.

```
In [14]: # описательные статистики
DF.iloc[:, :6].describe()
```

ıt[14]:	alcohol malic_aci		malic_acid	ash	alcalinity_of_ash	magnesium	total_phenols	
	count	160.000000	160.000000	160.000000	160.000000	160.000000	160.000000	
	mean	13.001000	2.311250	2.366250	19.490625	100.106250	2.288000	
	std	0.823077	1.092852	0.279871	3.295142	14.479479	0.629285	
	min	11.030000	0.740000	1.360000	10.600000	70.000000	0.980000	
	25%	12.355000	1.607500	2.210000	17.175000	89.000000	1.735000	
	50%	13.050000	1.830000	2.360000	19.500000	98.000000	2.265000	
	75%	13.682500	3.030000	2.560000	21.500000	107.250000	2.800000	
	max	14.830000	5.650000	3.230000	30.000000	162.000000	3.880000	

```
In [15]: # описательные статистики
DF.iloc[:, 6:11].describe()
```

t[15]:		flavanoids	$nonflava noid_phenols$	proanthocyanins	color_intensity	hue
	count	160.000000	160.000000	160.000000	160.000000	160.000000
	mean	2.003062	0.370750	1.590250	5.027937	0.959288
	std	1.014983	0.126404	0.590739	2.257101	0.222782
	min	0.340000	0.130000	0.410000	1.280000	0.540000
	25%	1.090000	0.270000	1.235000	3.200000	0.797500
	50%	2.065000	0.345000	1.545000	4.800000	0.960000
	75%	2.892500	0.470000	1.952500	6.200000	1.120000
	max	5.080000	0.660000	3.580000	13.000000	1.710000

```
In [16]: # описательные статистики
DF.iloc[:, 11:13].describe()
```

Out [16]: od280/od315_of_diluted_wines proline

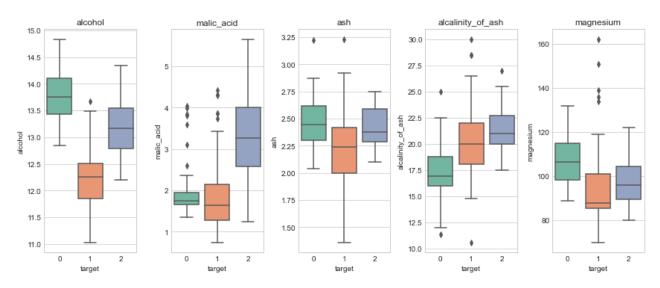
	od280/od315_of_diluted_wines	proline
count	160.000000	160.000000
mean	2.601062	758.043750
std	0.699801	314.274513
min	1.270000	278.000000
25%	1.952500	510.000000
50%	2.780000	679.000000
75%	3.170000	986.250000
max	3.920000	1680.000000

Выводы по описательным статистикам: значения объясняющих переменных положительные, масштабы измерения отличаются. Для работы с методами снижения размерности и регуляризации понадобится стандартизация значений.

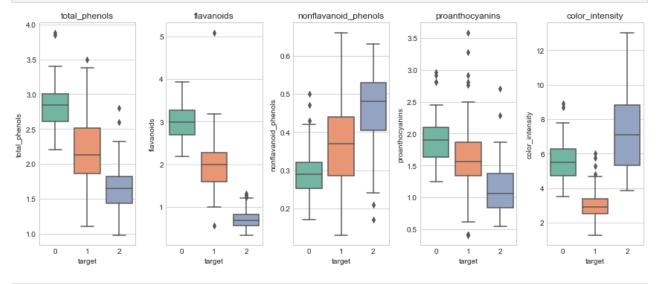
Визуализация разброса переменных внутри классов

Поскольку в наборе данных 13 объясняющих переменных, и все они непрерывные, анализ матричного графика разброса будет затруднительным. Построим коробчатые диаграммы для объясняющих переменных, чтобы сравнить средние уровни и разброс по классам.

```
# создаём полотно и делим его на четыре части
fig = plt.figure(figsize=(12, 5))
gs = mpl.gridspec.GridSpec(1, 5)
ax1 = plt.subplot(gs[0, 0])
ax2 = plt.subplot(gs[0, 1])
ax3 = plt.subplot(gs[0, 2])
ax4 = plt.subplot(gs[0, 3])
ax5 = plt.subplot(gs[0, 4])
axs = [ax1, ax2, ax3, ax4, ax5]
cols loop = list(DF.columns[:5].values)
for col name in cols loop :
    i = cols loop.index(col name)
    sns.boxplot(x='target', y=col name, data=DF, ax=axs[i])
    axs[i].set ylabel(col name)
    axs[i].set title(col name)
# корректируем расположение графиков на полотне
gs.tight layout(plt.gcf())
plt.show()
```



```
# создаём полотно и делим его на четыре части
fig = plt.figure(figsize=(12, 5))
gs = mpl.gridspec.GridSpec(1, 5)
ax1 = plt.subplot(qs[0, 0])
ax2 = plt.subplot(gs[0, 1])
ax3 = plt.subplot(gs[0, 2])
ax4 = plt.subplot(gs[0, 3])
ax5 = plt.subplot(gs[0, 4])
axs = [ax1, ax2, ax3, ax4, ax5]
cols loop = list(DF.columns[5:10].values)
for col name in cols loop :
    i = cols loop.index(col name)
    sns.boxplot(x='target', y=col name, data=DF, ax=axs[i])
    axs[i].set ylabel(col name)
    axs[i].set title(col name)
# корректируем расположение графиков на полотне
gs.tight layout(plt.gcf())
plt.show()
```



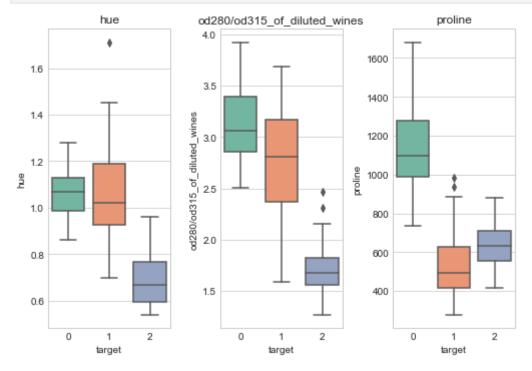
```
In [19]: # создаём полотно и делим его на четыре части fig = plt.figure(figsize=(7.2, 5))
```

```
gs = mpl.gridspec.GridSpec(1, 3)
ax1 = plt.subplot(gs[0, 0])
ax2 = plt.subplot(gs[0, 1])
ax3 = plt.subplot(gs[0, 2])

axs = [ax1, ax2, ax3]

cols_loop = list(DF.columns[10:13].values)
for col_name in cols_loop:
    i = cols_loop.index(col_name)
    sns.boxplot(x='target', y=col_name, data=DF, ax=axs[i])
    axs[i].set_ylabel(col_name)
    axs[i].set_title(col_name)

# κορρεκτυργέμα ραςπολοжение γραφάκοβ на πολότηε
gs.tight_layout(plt.gcf())
plt.show()
```



На графиках отличие в медианах и разбросе между классами прослеживается практически по всем объясняющим переменным. Меньше всего различаются коробчатые диаграммы по переменной ash . Это говорит о том, классы по зависимой переменной target неплохо разделяются по всем объясняющим переменным.

Корреляционный анализ

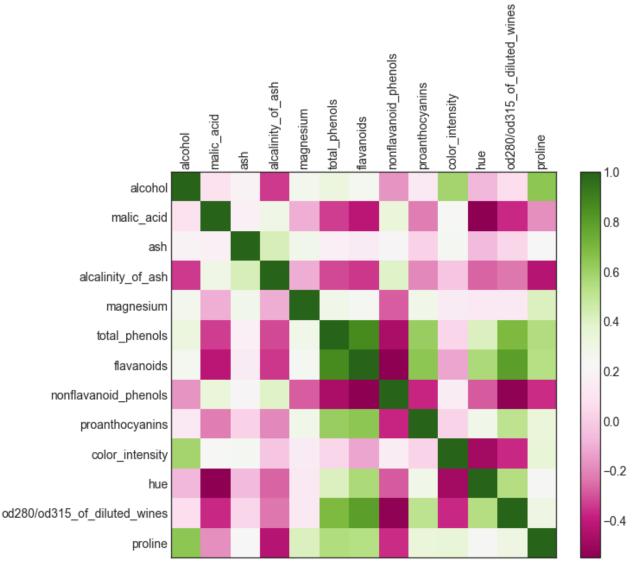
Теперь посмотрим на взаимодействие объясняющих переменных.

```
In [20]: # рассчитываем корреляционную матрицу
corr_mat = DF.drop('target', axis=1).corr()
col_names = DF.drop('target', axis=1).columns

# переключаем стиль оформления, чтобы убрать сетку с тепловой карты
mpl.style.use('seaborn-white')

# рисуем корреляционную матрицу
```

```
f = plt.figure(figsize=(10, 8))
plt.matshow(corr_mat, fignum=f.number, cmap='PiYG')
# координаты для названий строк и столбцов
tics_coords = np.arange(0, len(col_names))
# рисуем подписи
plt.xticks(tics_coords, col_names, fontsize=14, rotation=90)
plt.yticks(tics_coords, col_names, fontsize=14)
# настраиваем легенду справа от тепловой карты
cb = plt.colorbar()
cb.ax.tick_params(labelsize=14)
cb.ax.tick_params(labelsize=14)
plt.show()
```



Между объясняющими переменными обнаруживаются как прямые, так и обратные линейные взаимосвязи. Выведем все значимые коэффициенты в одной таблице и определим минимальный / максимальный из них.

```
In [21]:
# делаем фрейм из корреляционной матрицы и стираем диагональные значения
# и нижний треугольник матрицы
df = corr_mat
df = df.where(np.triu(np.ones(df.shape), k=1).astype(bool))
# меняем размерность с матрицы на таблицу: показатель 1, показатель 2,
# корреляция
```

```
df = df.stack().reset_index()
df.columns = ['Показатель_1', 'Показатель_2', 'Корреляция']
# считаем двусторонние р-значения для проверки значимости
t_stat = np.sqrt((len(DF.index) - 2) / (1 - df.Корреляция.values ** 2))
df['P_значение'] = 2*(1 - t.cdf(abs(t_stat), len(DF.index) - 2))
# получили все корреляционные коэффициенты без 1 и без повторов
# выводим все значимые с сортировкой
df.loc[df['P_значение'] < 0.05].sort_values('Корреляция')
```

Out[21]

	Показатель_1	Показатель_2	Корреляция	Р_значение
57	flavanoids	nonflavanoid_phenols	-0.548931	0.0
20	malic_acid	hue	-0.547041	0.0
66	nonflavanoid_phenols	od280/od315_of_diluted_wines	-0.538438	0.0
72	color_intensity	hue	-0.482839	0.0
51	total_phenols	nonflavanoid_phenols	-0.464909	0.0
•••				
11	alcohol	proline	0.647394	0.0
58	flavanoids	proanthocyanins	0.647605	0.0
55	total_phenols	od280/od315_of_diluted_wines	0.693227	0.0
61	flavanoids	od280/od315_of_diluted_wines	0.796361	0.0
50	total_phenols	flavanoids	0.865223	0.0

78 rows × 4 columns

Методы снижения резмерности

Посмотрим, как работают методы снижения размерности:

- регрессия на главные компоненты (PCR)
- частный метод наименьших квадратов (PLS)

Оба метода требуют предварительной стандартизации переменных.

Столбец 2: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0

```
Столбец 3: среднее = -0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 4: среднее = -0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 5: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 6: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 7: среднее = -0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 8: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 9: среднее = -0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 10: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 11: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Столбец 12: среднее = 0.0 Станд. отклонение = 1.0 Станд. отклонение = 1.0
```

Регрессия на главные компоненты (PCR)

Пересчитаем объясняющие показатели в главные компоненты.

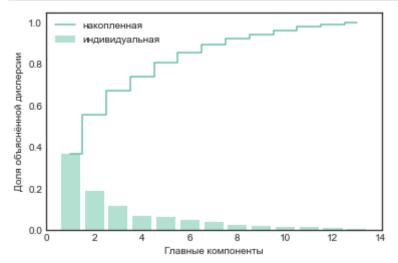
Главные компоненты взаимно ортогональны, убедимся в этом.

```
In [24]:
# ГК ортогональны - убедимся в этом, рассчитыв корреляционную матрицу
corr_mat = pd.DataFrame(X_train_pca).corr()
np.around(corr_mat, 2)
```

```
2
                     3
                                  5
                                              7
                                                                10
                                                                       11
                                                                             12
1.0 -0.0
             0.0 -0.0
                          0.0
                                0.0
                                      -0.0
                                             0.0
                                                   0.0
                                                          0.0
                                                               -0.0
                                                                      0.0
                                                                           -0.0
-0.0
       1.0
            -0.0
                  -0.0
                         -0.0
                               -0.0
                                      -0.0
                                            -0.0
                                                  -0.0
                                                        -0.0
                                                                0.0
                                                                      0.0
                                                                           -0.0
0.0
      -0.0
             1.0
                   0.0
                          0.0
                                0.0
                                      0.0
                                             0.0
                                                   0.0
                                                          0.0
                                                               -0.0
                                                                     -0.0
                                                                             0.0
-0.0
      -0.0
             0.0
                    1.0
                          0.0
                               -0.0
                                      0.0
                                             0.0
                                                   0.0
                                                         -0.0
                                                               -0.0
                                                                      0.0
                                                                             0.0
      -0.0
                   0.0
                                                         -0.0
                                                                      -0.0
                                                                            -0.0
0.0
             0.0
                          1.0
                                0.0
                                      -0.0
                                             0.0
                                                  -0.0
                                                                0.0
                   -0.0
0.0 -0.0
             0.0
                          0.0
                                1.0
                                      -0.0
                                             0.0
                                                   0.0
                                                          0.0
                                                               -0.0
                                                                     -0.0
                                                                             0.0
-0.0
      -0.0
             0.0
                   0.0
                         -0.0
                               -0.0
                                      1.0
                                            -0.0
                                                  -0.0
                                                         -0.0
                                                               -0.0
                                                                      0.0
                                                                            -0.0
0.0 -0.0
             0.0
                   0.0
                          0.0
                                0.0
                                      -0.0
                                             1.0
                                                   0.0
                                                         0.0
                                                               -0.0
                                                                     -0.0
                                                                             0.0
      -0.0
             0.0
                   0.0
                         -0.0
                                0.0
                                      -0.0
                                             0.0
                                                   1.0
                                                         -0.0
                                                               -0.0
                                                                      0.0
                                                                             0.0
      -0.0
             0.0
                  -0.0
                         -0.0
                                0.0
                                      -0.0
                                             0.0
                                                  -0.0
                                                          1.0
                                                               -0.0
                                                                      0.0
                                                                           -0.0
-0.0
      0.0
            -0.0 -0.0
                         0.0
                               -0.0 -0.0
                                            -0.0
                                                  -0.0
                                                        -0.0
                                                                     -0.0
                                                                            0.0
```

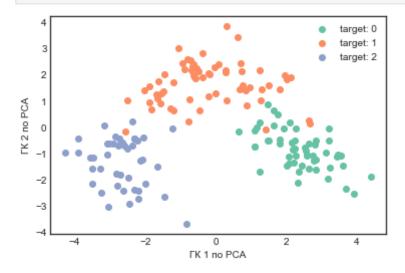
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
11	0.0	0.0	-0.0	0.0	-0.0	-0.0	0.0	-0.0	0.0	0.0	-0.0	1.0	0.0
12	-0.0	-0.0	0.0	0.0	-0.0	0.0	-0.0	0.0	0.0	-0.0	0.0	0.0	1.0

Построим график объяснённой дисперсии.



Столбцы на графике показывают долю исходной дисперсии исходных переменных, которую объясняет главная компонента. Линией показана накопленная доля. Так, видно, что первые 5 компонент объясняют 80% исходной дисперсии X.

Чтобы увидеть, как классы выглядят в координатах ГК на графике, придётся сократить пространство для двух компонент, которые объясняют 56% разброса объясняющих переменных.



Судя по графику, классы неплохо разделяются в пространстве двух главных компонент. Построим логистическую регрессию и оценим её точность с помощью перекрёстной проверки.

Модель logit_PC2, перекрёстная проверка по 10 блокам Acc = 0.96

Метод частных наименьших квадратов

Сначала посмотрим, как работает метод на всех наблюдениях обучающего набора.

Доли объяснённой дисперсии по компонентам в PLS:

```
[0.361 0.186 0.054 0.073 0.038 0.025 0.024 0.027 0.03 0.038 0.023 0.017 0.014]
Общая сумма долей: 0.911
```

Из-за того, что при вычислении компонент метдом PLS мы учитываем корреляцию с Y, компоненты, во-первых, не ортогональны, а во-вторых сумма объяснённых долей дисперсии уже не равняется 1.

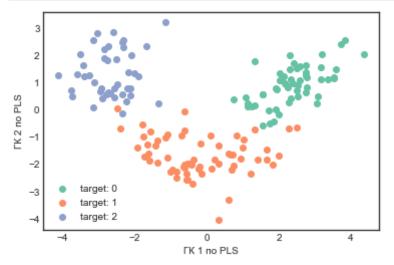
```
In [29]:
# сокращаем пространство компонент до 2
pls = PLSRegression(n_components=2)
# перестраиваем модель
pls.fit(X_train_std, Y_train)
# пересчитываем X
X_train_pls = pls.transform(X_train_std)
# предсказываем принадлежности классов для обучающего набора
Y_train_pred = pls.predict(X_train_std)
pd.DataFrame(Y_train_pred)
```

```
1
                             2
 0 -0.053349
              0.273117
                       0.780232
  1 -0.168385
              0.809259
                       0.359126
 2 0.031179
              0.180927
                       0.787894
     0.828136
              0.216990 -0.045126
     155 -0.206711 0.121626 1.085085
156 -0.074481 0.781661
                       0.292820
157 1.312968 -0.367024 0.054056
158 -0.070547  0.178859  0.891688
159 -0.079943 1.106192 -0.026249
```

160 rows × 3 columns

Out[30]: dict items([(2, 44), (1, 61), (0, 55)])

Рисуем классы на графике в координатах 2 главных компонент по PLS.



Видно, что в координатах двух компонент, рассчитанных методом частных наименьших квадратов, классы также оказываются хорошо разделимы.

Теперь оценим точность модели с перекрёстной проверкой.

```
# функция разбиения на блоки для перекрёстной проверки
# для чистоты эксперимента возьмём другое ядро генератора случайных чисел
kf 10 = KFold(n splits=10, random state=my seed+1, shuffle=True)
# считаем точность модели (Асс) с перекрёстной проверкой по блокам
# функция cross val score не сработает, т.к. у нас мультиклассовая
# классификация, поэтому делаем вручную
# значения Y как метки классов
Y train = DF.target.values
# значения Y как фиктивные переменные
Y train dummy = pd.get dummies(Y train.astype(str))
# модель внутри блока
pls cv = PLSRegression(n components=2)
# для записи Асс по блокам
acc blocks = list()
# цикл по блокам
for train index, test index in kf 10.split(X train std, DF.target.values) :
    # данные для модели внутри блока
    X i train = X train std[train index]
    Y i train = Y train dummy.iloc[train index, :]
    # данные для прогноза вне блока
    X i test = X train std[test index]
    Y i test = Y train[test index]
    # оцениваем модель на блоке
    pls cv.fit(X i train, Y i train)
    # делаем прогноз у вне блока
    Y pred = pls.predict(X i test)
    Y hat = list()
```

```
for y_i in Y_pred:
    Y_hat.append([i for i in range(len(y_i)) if y_i[i] == max(y_i)][0])
# СЧИТАЕМ ТОЧНОСТЬ
acc = accuracy_score(Y_i_test, Y_hat)
acc_blocks.append(acc)

score.append(np.around(np.mean(acc_blocks), 3))
score_models.append('logit_PLS')
print('Модель ', score_models[1], ', перекрёстная проверка по 10 блокам',
    '\nAcc = ', np.around(score[1], 2), sep='')
```

Модель logit_PLS, перекрёстная проверка по 10 блокам Acc = 0.98

Методы сжатия

Ридж-регрессия

Функция LogisticRegression() умеет работать с мультиклассовой классификацией, используя при оценке параметров подход **один класс против остальных**. Построим ридж на наших данных.

```
# функция для построения модели
logit_ridge = LogisticRegression(penalty='12', solver='liblinear')
# оцениваем параметры
logit ridge.fit(X train std, Y train)
# выводим параметры
print('Константы моделей для классов:\n', np.around(logit ridge.intercept , 3),
      '\nКоэффициенты моделей для классов:\n', np.around(logit ridge.coef , 3))
Константы моделей для классов:
 [-1.389 -1.236 -2.173]
Коэффициенты моделей для классов:
 [[ 1.418 \quad 0.331 \quad 0.966 \quad -1.309 \quad 0.012 \quad 0.273 \quad 0.909 \quad -0.246 \quad -0.116 \quad 0.026]
   0.12 0.867 1.777]
 [-1.552 \ -0.671 \ -1.144 \ 0.704 \ -0.099 \ -0.016 \ 0.476 \ 0.386 \ 0.231 \ -1.722
   0.982 0.109 -1.75 ]
 [ 0.414  0.408  0.478  0.336  0.094 -0.149 -1.442 -0.164 -0.362  1.413
  -1.027 -0.899 -0.
```

Подбираем гиперпараметр регуляризации λ с помощью перекрёстной проверки. В функции LogisticRegression() есть аргумент C – это инверсия гиперпараметра λ .

сохраняем и выводим Асс для модели

Модель logit_ridge, перекрёстная проверка по 10 блокам Acc = 1.0

Изобразим изменение коэффициентов ридж-регрессии на графике и сделаем отсечку на уровне оптимального параметра C.

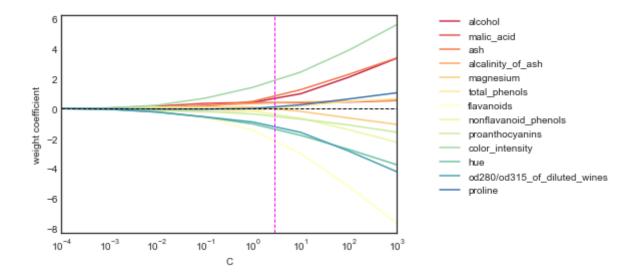
```
уровне оптимального параметра C.
  # график динамики коэффициентов в ридж-регрессии
  # модель для класса 0
  plot coeffs traces(X train std, Y train, 0, '12', ridge cv.C , DF.columns)
                                                                                           alcohol
     6
                                                                                           malic_acid
                                                                                           ash
                                                                                           alcalinity_of_ash
     4
                                                                                           magnesium
                                                                                           total phenois
weight coefficient
    2
                                                                                           flavanoids
                                                                                           nonflavanoid_phenols
    0
                                                                                           proanthocyanins
                                                                                           color_intensity
    -2
                                                                                           od280/od315_of_diluted_wines
                                                                                           proline
               10<sup>-3</sup>
                                   10 -1
     10<sup>-4</sup>
                                                                 10<sup>2</sup>
                                             10°
                                                       10<sup>1</sup>
                                                                           10<sup>3</sup>
  # график динамики коэффициентов в ридж-регрессии
  # модель для класса 1
  plot coeffs traces(X train std, Y train, 1, '12', ridge cv.C , DF.columns)
                                                                                              alcohol
                                                                                              malic_acid
      2.5
                                                                                              ash
                                                                                              alcalinity_of_ash
      0.0
                                                                                              magnesium
 weight coefficient
                                                                                              total_phenols
     -2.5
                                                                                              flavanoids
                                                                                              nonflavanoid_phenols
                                                                                              proanthocyanins
     -5.0
                                                                                             color_intensity
     -7.5
                                                                                             od280/od315_of_diluted_wines

    proline

   -10.0
    -12.5
                  10<sup>-3</sup>
                           10<sup>-2</sup>
                                                10°
        10<sup>-4</sup>
                                      10<sup>-1</sup>
                                                          10<sup>1</sup>
                                                                    10<sup>2</sup>
                                                                              10<sup>3</sup>
```

```
In [38]:
# график динамики коэффициентов в ридж-регрессии
# модель для класса 2
plot_coeffs_traces(X_train_std, Y_train, 2, '12', ridge_cv.C_, DF.columns)
```

С



Лассо-регрессия

Технически реализация лассо-регрессии отличается от ридж единственным аргументом penalty='11' в функции LogisticRegression.

```
# функция для построения модели
logit lasso = LogisticRegression(penalty='11', solver='liblinear')
# оцениваем параметры
logit lasso.fit(X train std, Y train)
# выводим параметры
print('Константы моделей для классов:\n', np.around(logit lasso.intercept , 3),
     '\nКоэффициенты моделей для классов:\n', np.around(logit lasso.coef , 3))
Константы моделей для классов:
[-1.506 -1.552 -2.445]
Коэффициенты моделей для классов:
[[ 1.512 0.
               0.959 -1.299 0.
                                  0. 0.897 0. 0.
       1.058 2.405]
  0.
                                  0. 0.492 0.222 0.092 -2.196
[-1.636 -0.535 -1.088 0.501 0.
  1.185 0. -2.278]
 [ 0.051 0.248 0.507 0.
                                   0.
                                         -2.42 -0.035 0.
                                                              1.87
 -1.11 -0.596 0. ]]
```

Отметим, что в векторе коэффициентов появились нулевые значения: метод лассо позволяет обнулять коэффициенты, тем самым отбрасывая слабые объясняющие переменные.

```
In [40]:

# поиск оптимального значения С:

# подбираем С по наибольшей точности с перекрёстной проверкой lasso_cv = LogisticRegressionCV(cv=10, random_state=my_seed+3, penalty='ll', solver='liblinear')

lasso_cv.fit(X_train_std, Y_train)

# значения параметра С (инверсия лямбды), которые дают наилучшую

# точность для каждого класса
lasso_cv.C_

Out[40]: array([2.7825594 , 0.35938137, 0.35938137])

In [41]:

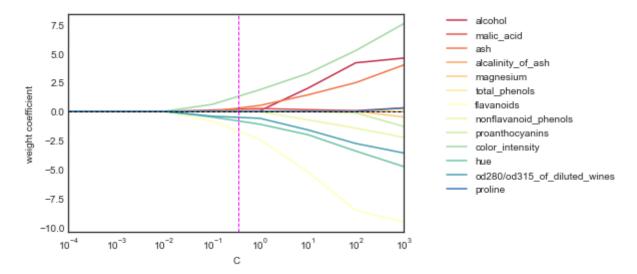
# сохраняем и выводим Асс для модели score.append(np.around(lasso_cv.score(X_train_std, Y_train), 3))
```

```
score models.append('logit lasso')
             print('Модель ', score_models[3], ', перекрёстная проверка по 10 блокам',
                      '\nAcc = ', score[3], sep='')
            Модель logit lasso, перекрёстная проверка по 10 блокам
            Acc = 0.994
In [42]:
              # график динамики коэффициентов в лассо-регрессии
              # модель для класса 0
             plot_coeffs_traces(X_train_std, Y_train, 0, '11', lasso_cv.C_, DF.columns)
                                                                                         alcohol
                                                                                         malic_acid
                8
                                                                                         ash
                                                                                         alcalinity_of_ash
                6
                                                                                         magnesium
            weight coefficient
                                                                                         total_phenols
                4
                                                                                         flavanoids
                                                                                         nonflavanoid_phenols
                2
                                                                                         proanthocyanins
                0
                                                                                        color_intensity
                                                                                        hue
               -2
                                                                                        od280/od315_of_diluted_wines
                                                                                        proline
               -4
                        10<sup>-3</sup>
                10
In [43]:
              # график динамики коэффициентов в лассо-регрессии
              # модель для класса 1
             plot_coeffs_traces(X_train_std, Y_train, 1, 'l1', lasso_cv.C_, DF.columns)
                                                                                          alcohol
                 5
                                                                                          malic_acid
                                                                                          ash
                                                                                          alcalinity_of_ash
                 0
                                                                                          magnesium
                                                                                          total_phenols
            weight coefficient
                                                                                          flavanoids
                -5
                                                                                          nonflavanoid phenols
                                                                                          proanthocyanins
                                                                                          color_intensity
               -10
                                                                                          hue
                                                                                          od280/od315_of_diluted_wines

    proline

               -15
                                  10<sup>-2</sup>
                         10<sup>-3</sup>
                                          10 -1
                 10<sup>-4</sup>
                                                   10°
                                                            10<sup>1</sup>
                                                                    10<sup>2</sup>
                                                                            10<sup>3</sup>
```

```
In [44]: # график динамики коэффициентов в лассо-регрессии # модель для класса 2 plot_coeffs_traces(X_train_std, Y_train, 2, 'll', lasso_cv.C_, DF.columns)
```



Итак, судя по графикам, для значения гиперпараметра, дающего самую точную модель, ни один коэффициент при объясняющих переменных не обнуляется. Это подтверждает наблюдение, сделанное нами ещё на этапе предварительного анализа: все объясняющие переменные неплохо разделяют классы.

Прогноз на отложенные наблюдения по лучшей модели

Ещё раз посмотрим на точность построенных моделей.

```
In [45]: # сводка по точности моделей pd.DataFrame({'Модель' : score_models, 'Acc' : score})

Out[45]: Модель Асс

0 logit_PC2 0.956

1 logit_PLS 0.975

2 logit_ridge 1.000

3 logit_lasso 0.994
```

Все модели показывают высокую точность по показателю Acc, при этом самой точной оказывается ридж-регрессия. Сделаем прогноз на отложенные наблюдения.

```
In [46]:
          # формируем объекты с данными отложенной выборки
         X pred std = sc.fit transform(DF predict.iloc[:, :13].values)
         Y pred = DF predict.target
          Y_hat = logit_ridge.predict(X pred std)
          # отчёт по точности на отложенных наблюдениях
          print(classification report(Y pred, Y hat))
                       precision
                                 recall f1-score
                                                      support
                                    1.00
                    \cap
                           1.00
                                               1.00
                                                            5
                           1.00
                                    1.00
                                               1.00
```

2	1.00	1.00	1.00	5
accuracy			1.00	18
macro avg	1.00	1.00	1.00	18
weighted avg	1.00	1.00	1.00	18

Итак, методом логистической регрессии со сжатием коэффициенты с L2-регуляризацией мы получили идеально точную модель классификации трёх видов красных вин.

Источники

- 1. *Рашка С.* Python и машинное обучение: крайне необходимое пособие по новейшей предсказательной аналитике, обязательное для более глубокого понимания методологии машинного обучения / пер. с англ. А.В. Логунова. М.: ДМК Пресс, 2017. 418 с.: ил.
- 2. Репозиторий с кодом к книге *Paшка C*. Python и машинное обучение / github.com. URL: https://github.com/rasbt/python-machine-learning-book-3rd-edition
- 3. *Xueting Bai, Lingbo Wang, Hanning Li* Identification of red wine categories based on physicochemical properties / 2019 5th International Conference on Education Technology, Management and Humanities Science (ETMHS 2019). URL: https://webofproceedings.org/proceedings_series/ESSP/ETMHS%202019/ETMHS19309.pdf