Тема 2. Тема "Элементарная алгебра"

1. Задание

Напишите уравнение параболы, проходящей через три точки (x,y): (1,2), (3,10), (5,1)

уравнение параболы: $ax^2 + bx + c$

$$\begin{cases} a+b+c=2\\ 9a+3b+c=10\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3a+3b+3c=6\\ 6a+0-2c=4\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3a+3b+3c=6\\ 3a-c=2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3a+3b+3c=6\\ 3a-c=2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3a+3b+3c=6\\ c=3a-2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b+3a-2=2\\ c=3a-2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4a+b=4\\ c=3a-2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b=4-4a\\ c=3a-2\\ 25a+5b+c=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 25a + 5b + c = 1 \\ b = 4 - 4a \\ c = 3a - 2 \\ 25a + 5 * (4 - 4a) + 3a - 2 = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b = 4 - 4a \\ c = 3a - 2 \\ 25a - 20a + 3a = 1 - 20 + 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b = 4 - 4a \\ c = 3a - 2 \\ 8a = -17 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b = 4 - 4a \\ c = 3a - 2 \\ a = -\frac{17}{8} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = \frac{-17}{8} \\ b = 4 - 4 * -\frac{17}{8} \end{cases}$$

$$c = 3 * -\frac{17}{8} - 2$$

$$\begin{cases} a = \frac{-17}{8} \\ b = \frac{8}{2} + \frac{(-17* - 4)}{2*4*1} \end{cases}$$

$$c = -\frac{17*3}{8} - \frac{16}{8}$$

$$\begin{cases} a = \frac{-17}{8} \\ b = \frac{8+17}{2} \end{cases}$$

$$c = \frac{(-51 - 16)}{8}$$

$$\begin{cases} a = \frac{-17}{8} \\ c = \frac{25}{8} \end{cases}$$

Уравнение искомой параболы: $\frac{-17}{8}x^2 + \frac{25}{2}x - \frac{67}{8}$ или $2.125x^2 + 12.5x - 8.375$

2. Задание

Известно, что свежий огурец на 99% состоит из воды. Месяц назад взвесили мешок со свежими огурцами. Получилось, что огурцов ровно 100 кг. Мешок убрали, а через месяц снова взвесили. Огурцы за это время усохли, и теперь вода составляет уже только 98% их веса. Сколько теперь (в кг) весят огурцы?

Вес огурцов 100кг или 100% 100%-99%=1% или 1кг - сухой массы. В второе взвешивание этот 1 кг составляет уже 2%. x - новая масса огурцов, равная 100%, x = 100/2 = 50 Ответ: 50 кг.

3. Задание

Определение логарифма. Решить уравнения:

- 1. $2^x = 256$, $x = log_2 256$, x = 8
- $2. \ 2^{x} = 300, x = log_{2}300 = log_{2}(4*25*3) = 2 + log_{2}5^{2} + log_{2}3 = 2 + 2log_{2}5 + log_{2}3, ... x = 8.228818690495881$
- 3. $log_8 2^{8x-4} = 4$, $(8x-4)log_8 2 = 4$, $(8x-4)log_2 3 2 = 4$, $(8x-4)\frac{1}{3} = 4$, $\frac{8x-4}{3} = \frac{12}{3}$, 8x-4=12, x=2ОДЗ: $2^{8x-4} > 0$, при люб х
- 4. $3^{log_9(5x-5)} = 5$, $log_{3^2}(5x-5) = log_35$, $\frac{1}{2}log_3(5x-5) = log_35$, $log_3(5x-5) = 2log_35$, $log_3(5x-5) = log_35^2$, 5x-5 = 25, x = 30/5 = 6
- 5. $x^{\log_3 x + 1} = 9$, $\log_3 x^{\log_3 x + 1} = \log_3 3^2$, $(\log_3 x + 1)\log_3 x = 2$ ОДЗ: x > 0

$$log_3x=a, a^2+a-2=0, D=9, a_1=1, a_2=-2$$

 $a_1=1, log_3x=1, x=3$
 $a_2=-2, log_3x=-2, 3^{-2}=x, x=\frac{1}{9}$ Other: $x_1=\frac{1}{9}, x_2=3$

4. Задание

Свойства логарифмов. Вычислить:

6.
$$log_4 16 = log_4 4^2 = 2$$

6.
$$log_4 16 = log_4 4^2 = 2$$

7. $log_5 \frac{1}{25} = log_5 5^{-2} = -2$

8.
$$log_{25}5 = \frac{1}{2}log_55 = \frac{1}{2}$$

9.
$$\log_3 \sqrt{27} = \log_3 27^{\frac{1}{2}} = \log_3 3^{\frac{3}{2}} = 1.5$$

10.
$$log_2 12 - log_2 3 = log_2 \frac{12}{3} = 2$$

11.
$$log_612 + log_63 = log_636 = 2$$

12.
$$e^{ln5}=5$$
 Основное логарифмическое тождество 13. $\frac{log_2225}{log_215}=log_{15}225=2$

13.
$$\frac{\log_2 225}{\log_1 15} = \log_{15} 225 = 2$$

14.
$$log_432 + log_{0.1}10 = log_432 - 1 = log_432 - log_44 = log_4\frac{32}{4} = log_48 = \frac{log_28}{log_44} = \frac{3}{2}$$

15.
$$9^{\log_3\sqrt{5}} = (3^2)^{\log_3\sqrt{5}} = 3^{\log_3\sqrt{5}^2} = 5$$