Vaje 15.12.2022: Normalni sistem, QR razcep

1. Poiščite parabolo p, ki se po metodi najmanjših kvadratov najbolje prilega funkciji f, za katero imamo podane vrednosti

$$f(-1) = \frac{11}{4}$$
, $f(0) = \frac{7}{4}$, $f(1) = \frac{1}{4}$ in $f(2) = \frac{13}{4}$.

Rešitev: glej poglavje 8.6, naloga 6 v Splošna zbirka vaj.

2. Rešite sistem

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

s pomočjo MGS algoritma za QR razcep.

Matlab: Rast onesnaženosti s CO_2

V Matlabu napišite program za aproksimacijo podatkov o onesnaževanju ozračja z ogljikovim dioksidom. Uporabite podatke o povprečni mesečni onesnaženosti, ki so zbrani na spletni strani observatorija Mauna Loa na Hawaiih: https://gml.noaa.gov/ccgg/trends/data.html. Poiščite funkciji oblike

$$F_1(a, b, c, d, t) = a_1 t + b_1 + c_1 \sin(2\pi t) + d_1 \cos(2\pi t)$$

in

$$F_2(a, b, c, d, e, t) = a_2 t^2 + b_2 t + c_2 + d_2 \sin(2\pi t) + e_2 \cos(2\pi t),$$

ki se po metodi najmanjših kvadratov najbolje prilegata danim podatkom. Grafično preverite, kako dobro se dobljeni funkciji prilegata dejanskim vrednostim. Dobljeno funkcijo F_2 uporabite za napoved vrednosti CO_2 v ozračju v prihodnosti. Kolikšna lahko pričakujemo, da bo vrednost CO_2 v ozračju leta 2050? Kaj pa 2100?