學號:B05902018 系級: 資工三 姓名:張凱程

1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數), 討論兩種 feature 的影響

(1) 全部 feature: 5.51664 + 7.07990

(2) PM2.5 feature: 5.79583 + 7.17286

因為(1)的 feature 比(2)多,可以做參考的項目會比較多,因此前者會去找非 PM2.5 的 feature 跟 PM2.5 的相關性,會增加其準確率。

(1) 全部 feature: 5.51664 + 7.07990 → 5.88784 + 7.11336

(2) PM2.5 feature: 5.79583 + 7.17286

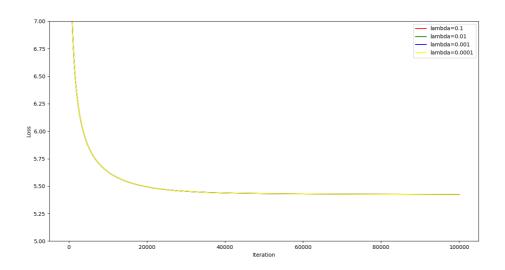
2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時,討論其變化

(1) 全部 feature: 5.51664 + 7.07990 → 5.88784 + 7.11336

(2) PM2.5 feature:  $5.79583 + 7.17286 \rightarrow 6.16914 + 7.15599$ 

由於剩下的 4 小時還是有其參考性,他們的 weight 也需要進行學習,所以 正確率會比較差。

3. (1%)Regularization on all the weight with  $\lambda$ =0.1、0.01、0.001、0.0001,並作圖



基本上四項是重疊的,因為誤差極小,差距大概10的-8至-9次方。

4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $\mathbf{x}^n$ ,其標註(label)為一純量  $\mathbf{y}^n$ ,模型參數為一向量  $\mathbf{w}$  (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^N (\mathbf{y}^n - \mathbf{x}^n \mathbf{w})^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $\mathbf{X} = [\mathbf{x}^1 \mathbf{x}^2 \dots \mathbf{x}^n]^T$  表示,所有訓練資料的標註以向量  $\mathbf{y} = [\mathbf{y}^1 \mathbf{y}^2 \dots \mathbf{y}^n]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請選出正確答案。(其中  $\mathbf{X}^T\mathbf{X}$  為 invertible)

- a.  $(X^TX)X^Ty$
- b.  $(X^TX)yX^T$
- c.  $(X^TX)^{-1}X^Ty$
- d.  $(X^TX)^{-1}yX^T$

Answer: c.