

Seien  $\vec{x}, \vec{y}, \vec{z}$  orthonormal.  $\vec{x}, \vec{y}, \vec{z}$  werden verwendet als Basis für das Koordinatensystem von dem Würfel.

$$\vec{e} = \frac{\langle \vec{v}, \vec{z} \rangle}{\|\vec{z}\|} \cdot \vec{z} = \langle \vec{v}, \vec{z} \rangle \cdot \vec{z}$$

$$\vec{e} = \vec{f} = \vec{g} = \vec{h}$$

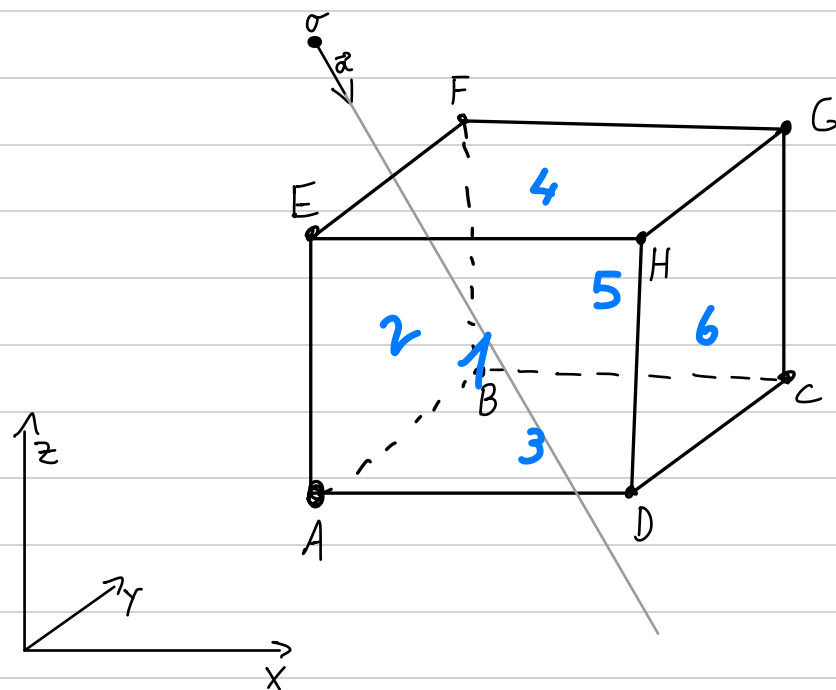
$$\vec{v} = \vec{e} + \vec{w} \Leftrightarrow \vec{w} = \vec{v} - \vec{e}$$

$$\vec{d} = \frac{\langle \vec{w}, \vec{x} \rangle}{\|\vec{x}\|} \cdot \vec{x} = \langle \vec{w}, \vec{x} \rangle \cdot \vec{x}$$

$$\vec{d} = \vec{i} = \vec{j} = \vec{k}$$

$$\vec{p} = \vec{c} - \vec{d} = (A + \vec{w}) - (A + \vec{d}) = \vec{w} - \vec{d}$$

$$\vec{p} = \vec{q} = \vec{r} = \vec{s}$$



Der Würfel besteht aus 6 Facetten. Jede Facette erzeugt eine Ebene. A kann als Zentrum für die Ebenen 1, 2 und 3 verwendet werden. G kann als Zentrum von 4, 5 und 6 verwendet werden.

Parametrisierung der Ebenen:

$$1 \quad A + \mu \vec{x} + \lambda \vec{z}$$

$$2 \quad A + \mu \vec{y} + \lambda \vec{z}$$

$$3 \quad A + \mu \vec{x} + \lambda \vec{y}$$

$$4 \quad G + \mu \vec{x} + \lambda \vec{y}$$

$$5 \quad G + \mu \vec{x} + \lambda \vec{z}$$

$$6 \quad G + \mu \vec{y} + \lambda \vec{z}$$

System von 3 Gleichungen  
und 3 Unbekannte  
↓

Für jede Ebene überprüfe ich, ob die Gleichung (z.B.)  $\sigma + t\vec{a} = A + \mu \vec{x} + \lambda \vec{y}$  eine Lösung besitzt.

Wenn einen Schnittpunkt gefunden wird, überprüfe ich, ob er sich in der Area des Rechtecks befindet. Wenn ja  $\Rightarrow$  return true.

Folgendes muss  
gelten:

$$1, 2, 3: \quad 0 \leq \mu \leq \|\vec{d}\| \text{ (oder ggf. } \mu \leq \|\vec{p}\|) \text{ und } 0 \leq \lambda \leq \|\vec{e}\|$$

$$4, 5, 6: \quad \mu, \lambda \leq 0 \text{ und } |\mu| \leq \|\vec{d}\| \text{ (oder ggf. } |\mu| \leq \|\vec{p}\|) \text{ und } |\lambda| \leq \|\vec{e}\|$$

Die Schnittpunkte mit den entsprechenden Ebenen können durch die folgende Gleichungen gefunden werden:

$$1 \quad \sigma + t\vec{a} = A + \mu\vec{x} + \lambda\vec{z} \Leftrightarrow \sigma - A = \mu\vec{x} + \lambda\vec{z} - t\vec{a} \Leftrightarrow \sigma - A = (\vec{x}, \vec{z}, \vec{a}) \cdot \begin{pmatrix} \mu \\ \lambda \\ -t \end{pmatrix}$$

$$2 \quad \sigma - A = (\vec{y}, \vec{z}, \vec{a}) (\mu, \lambda, -t)^T$$

$$3 \quad \sigma - A = (\vec{x}, \vec{y}, \vec{a}) (\mu, \lambda, -t)^T$$

$$4 \quad \sigma - G = (\vec{x}, \vec{y}, \vec{a}) (\mu, \lambda, -t)^T$$

$$5 \quad \sigma - G = (\vec{x}, \vec{z}, \vec{a}) (\mu, \lambda, -t)^T$$

$$6 \quad \sigma - G = (\vec{y}, \vec{z}, \vec{a}) (\mu, \lambda, -t)^T$$