

# R Notebook

```
library(knitr)      # For knitting document and include_graphics function
library(ggplot2)    # For plotting
library('png')
```

## pregunta 1

```
img1_path <- "p_1.png"
include_graphics(img1_path)
```

Sabemos que cierta función pasa por los siguientes puntos:

$$\begin{bmatrix} x_i & 0 & 1 & 4 & 5 \\ f(x_i) & 4 & 4.432 & -1.751 & -1.604 \end{bmatrix}$$

¿Cuál es el término de grado 2 del polinomio interpolador calculado por el método de Lagrange?

**NOTA:** Escribe la respuesta con el formato  $a \cdot x^2$

Respuesta:

```
x <- c(0,1,4,5)
y <- c(4,4.432,-1.751,-1.604)

vander <- function(x, n) {
  Phi <- matrix(1, length(x), n + 1)
  for (i in 1:n) {
    Phi[, i + 1] <- x^i
  }
}
```

```

    return(Phi)
}
vander(x,3)

```

```

##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]    1    0    0    0
## [2,]    1    1    1    1
## [3,]    1    4   16   64
## [4,]    1    5   25  125

```

```

lag_c <- function(x,y){
  m <- vander(x,length(x)-1)
  return(solve(m)%*%y)
}

coeficientes <- lag_c(x,y)
coeficientes

```

```

##      [,1]
## [1,]  4.00000
## [2,]  1.99545
## [3,] -1.79850
## [4,]  0.23505

```

## pregunta 2

```

img1_path <- "p2_2022-06-02_124403.png"
include_graphics(img1_path)

```

En un estudio de fotosíntesis se necesita el area de la hoja de una planta. Midiendo la anchura de la hoja en intervalos de  $\frac{1}{4}$

<i>Distancia</i>	0	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$	1	$\frac{5}{4}$	$\frac{3}{2}$
<i>Anchura</i>	32.189	32.288	a	32.484	32.581	32.677	32.771

Tambien sabemos que el area de la hoja es, aproximadamente, 48.724. Utiliza el método de Simpson compuesto para encontrar

```

value <- function(A,x,y,m,par){

  u=4
  if(par){
    u <- 2
  }
}

```

```

p <- sum(y[seq(1, length(y), 2)])
e <- sum(y[seq(2, length(y), 2)])
a <- 1/u*(y[1]+y[length(y)]+4*p+2*e-(3*m*A/(x[length(x)]-x[1])))
return(a)
}
Area=48.724
z=0
x1 <- c(0,1/4,1/2,3/4,1,5/4,3/2)
y1 <- c(32.189,32.288,z,32.484,32.581,32.677,32.771)
value(Area,x1,y1,6,TRUE)

```

```
## [1] 32.667
```

### pregunta 3

```

img1_path <- "p3_3.png"
include_graphics(img1_path)

```

Un río tiene una anchura de  $\frac{5}{9}$  m. En función de la distancia a la orilla, la profundidad del río, medida en sección recta, viene

<i>Distancia</i>	0	$\frac{1}{18}$	$\frac{1}{12}$	$a$	$\frac{1}{4}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{5}{9}$
<i>Profundidad</i>	2.197	2.234	2.252	2.323	2.357	2.474	2.537

Si sabemos que el area de la sección es, aproximadamente,  $1.318 \text{ m}^2$ , usando la regla del trapecio compuesta dad una ap

### pregunta 4

```

x2 <- c(1,2,4,5)
y2 <- c(-5/4,-29/16,-509/256,-2045/1024)

polyinterp=function(x,y)
{
  # comprobamos que la longitud de los vectores sea la misma
  if(length(x)!=length(y))
    stop ("La longitud de los vectores x e y debe ser la misma" )
  # calculamos el valor de n que es el grado del polinomio
  # a partir del numero de puntos menos 1
  n=length(x)-1
  # creamos la primera columna de la matriz de vandermonde
  vandermonde=rep(1,length(x))
  # iteramos para ir agregando las columnas siguientes según
  # el grado del polinomio

```

```

for(i in 1:n)
{
  # la matriz contiene columnas sucesivas de los valores de x
  # elevados a la nth potencia
  xi=x^i
  vandermonde=cbind(vandermonde,xi)
}
# resolvemos el sistema de ecuaciones
beta=solve(vandermonde,y, tol=1e-22)
# borramos los nombres de las columnas (xi)
names(beta)=NULL
# nos retorna los coeficientes del polinomio
return(beta)
}

cof <- polyinterp(x2,y2)

horner=function(x,coefs)
# esta función auxiliar recibe los argumentos:
#      x      :      puntos a evaluar
#      coefs   :      los coeficientes del polinomio
{
  y=rep(0,length(x))
  for(i in length(coefs):1)
    y=coefs[i]+x*y

  return(y)
}
func3 <- function(x){
  return(3*2**(-2*x)-2)
}

p <- horner(10,cof)
r <- func3(10)

abs(r-p)

```

```
## [1] 7.160159
```