

## TRAVAUX DIRIGES N°1 LES SYSTEMES MONOPHASES

## EXERCICE N°1 :

Un dipôle électrique d'impédance complexe  $Z$  est alimenté par une tension sinusoïdale  $u$  et parcouru par un courant  $i$  (sinusoïdal aussi) tels que :

$$u = 220\sqrt{2} \cdot \sin(200\pi t + \frac{\pi}{2}) \text{ et } i = 2,2\sqrt{2} \cdot \sin(200\pi t + \frac{\pi}{4})$$

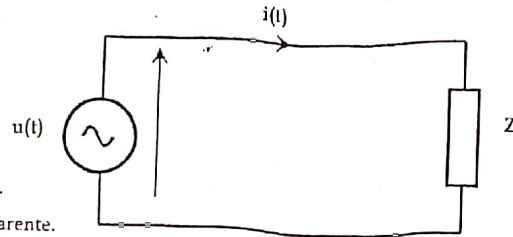
- 1.1 Préciser leur pulsation, leur fréquence et leur période (en ms).
- 1.2 Pour chacune de ces deux grandeurs, préciser la valeur efficace et la phase initiale.
- 1.3 Déterminer le déphasage  $\varphi = \varphi_u - \varphi_i$ . Le récepteur est-il inductif ou capacitif.
- 1.4 Déterminer l'impédance  $Z$  de ce dipôle.
- 1.5 Déterminer son impédance complexe  $\underline{Z}$ .
- 1.6 Déterminer, pour ce dipôle, les puissances : active, réactive et apparente.

## EXERCICE N°2 :

Une impédance de module  $Z = 33 \Omega$  et d'argument  $\varphi = \pi/6$  rad, est alimentée par une tension sinusoïdale de valeur efficace  $U = 220V$ .

On demande de calculer :

- 2.1 Sa résistance  $R$ .
- 2.2 Sa réactance  $X$ .
- 2.3 Le module de son admittance  $Y$ .
- 2.4 Sa conductance  $G$  et sa susceptance  $B$ .
- 2.5 Les puissances active, réactive et apparente.

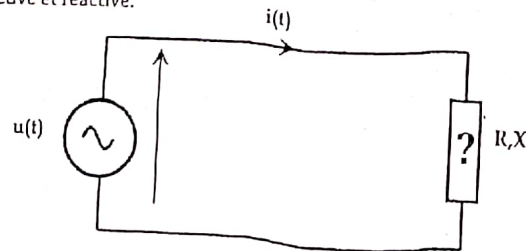


## EXERCICE N°3 :

Une source sinusoïdale alimente un dipôle d'impédance  $Z = R + jX$  inconnue.

On donne :  $u(t) = 20 \cdot \sin(5000t - \pi/3)$  et  $i(t) = 12 \cdot \sin(5000t - \pi/18)$

- 3.1 Calculer les puissances apparente, active et réactive.
- 3.2 En déduire  $R$  et  $X$ .
- 3.3 Le dipôle est capacitif ou inductif ?



## EXERCICE N°4 :

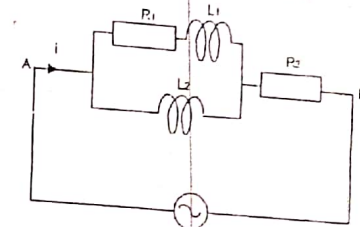
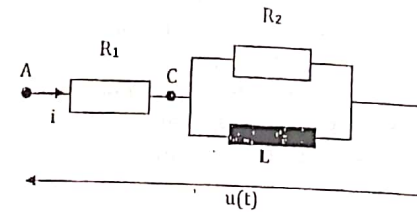
Pour chacun des deux circuits suivants :

- 4.1 Déterminer l'expression de l'impédance complexe  $Z_{AB}$  équivalente entre A et B en fonction des données ( $R_1, R_2, L$  et  $\omega$  pour le premier et  $R_1, R_2, L_1, L_2$  et  $\omega$  pour le deuxième). En déduire la valeur de sa résistance  $R_{AB}$  et celle de sa réactance  $X_{AB}$ .
- 4.2 En déduire la valeur efficace  $I$  du courant  $i$  et le déphasage  $\varphi = \varphi_u - \varphi_i$ .
- 4.3 Déterminer les différentes puissances  $P, Q$  et  $S$ .

On donne :  $u = U_M \sin(\omega t)$  avec  $U = 120V$  et  $\omega = 300 \text{ rad/s}$ .

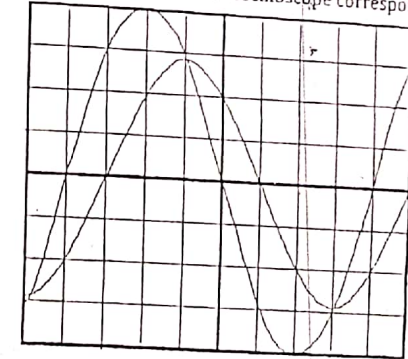
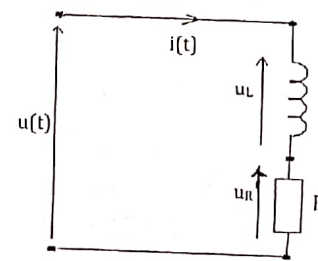
$R_1 = 24 \Omega, R_2 = 18 \Omega, L = 0.08 \text{ H}$

$R_1 = 24 \Omega, R_2 = 18 \Omega, L_1 = L_2 = 0.08 \text{ H}$



## EXERCICE N°5 :

On considère le montage de la figure suivante et la visualisation à l'oscilloscope correspondante :



Avec  $R = 200 \Omega$ ,  $L$ : inductance parfaite, voie 1 : 2 V/div, voie 2 : 2 V/div, temps : 0,25 ms/div.

A partir de ces courbes, déterminer :

- La période, en déduire la fréquence et la pulsation.
- Les valeurs maximales  $U_M$  de  $u(t)$  et  $U_{RM}$  de  $u_R(t)$ , en déduire les valeurs efficaces  $U$  et  $U_R$ .
- Le déphasage de  $u_R$  par rapport à  $u$ .
- L'impédance du circuit, en déduire sa réactance puis la valeur de l'inductance  $L$  de la bobine.

## TRAVAUX DIRIGES N°2: LES SYSTEMES MONOPHASES

### EXERCICE N°1 :

Une installation monophasée alimentée sous une tension  $V=240V$  et de fréquence  $f=50$  Hz comprend :

- Trois moteurs alternatifs monophasés de forage, identiques:  $P_{U1}=2kW$ ,  $\eta_1=0,8$ ,  $\cos(\varphi_1)=0,707$ .
  - Un moteur alternatif monophasé d'ascenseur:  $P_{U2}=4 kW$ ,  $\eta_2=0,75$ ,  $\cos(\varphi_2)=0,8$ .
  - Un four électrique:  $P_{U3}=8 kW$ .
- 1.1 Calculer la puissance active  $P_1$  absorbée par un seul moteur de forage.
  - 1.2 Calculer la puissance active  $P_2$  absorbée par le moteur d'ascenseur.
  - 1.3 Calculer la puissance réactive  $Q_1$  absorbée par un seul moteur du forage.
  - 1.4 Calculer la puissance réactive  $Q_2$  absorbée par le moteur d'ascenseur.
  - 1.5 Calculer les puissances active et réactive absorbées par toute l'installation.
  - 1.6 Calculer la valeur efficace du courant absorbé par chaque récepteur.
  - 1.7 Calculer la valeur efficace du courant absorbée par toute l'installation.
  - 1.8 Calculer le facteur de puissance de l'installation.
  - 1.9 On veut ramener ce facteur de puissance à 0,96, déterminer la valeur de la puissance réactive qu'il faut installer.
  - 1.10 En déduire la valeur de la capacité qui fournira cette puissance réactive.
  - 1.11 Calculer la nouvelle valeur efficace du courant absorbée par toute l'installation.

### EXERCICE N°2 :

Un circuit de puissance est alimenté par un réseau monophasé 240V, 50 Hz et comporte :

- Trois fours électriques, absorbant chacun une puissance nominale de 1500 W.
  - Deux moteurs asynchrones. Chacun absorbe une puissance active nominale  $P_a$  avec un facteur de puissance  $\cos(\varphi)=0,85$  et fournit une puissance utile nominale  $P_u=1200 W$  avec un rendement  $\eta=80\%$ .
- 2.1 Calculer les puissances active et réactive absorbées par un seul moteur en régime nominal.
  - 2.2 Les trois fours et les deux moteurs fonctionnent simultanément, calculer les puissances active  $P$ , réactive  $Q$  et apparente  $S$  absorbées par tout le circuit de puissance.
  - 2.3 En déduire la valeur efficace  $I$  de l'intensité totale du courant en ligne, ainsi que le facteur de puissance de cette installation.
  - 2.4 On veut ramener le facteur de puissance de l'installation à 1, calculer la valeur de la puissance réactive ramenée par le condensateur.
  - 2.5 Calculer dans ce cas la valeur de la capacité.

### EXERCICE N°3 :

Une installation monophasée: 230V, 50Hz alimente trois moteurs dont les caractéristiques sont les suivantes :

- Moteur M1 : puissance absorbée :  $P_1=1kW$ ; facteur de puissance  $\cos(\varphi_1)=0,80$ .
  - Moteur M2 : puissance absorbée :  $P_2=1,2kW$ ; facteur de puissance  $\cos(\varphi_2)=0,75$ .
  - Moteur M3 : puissance absorbée :  $P_3=2kW$ ; facteur de puissance  $\cos(\varphi_3)=0,84$ .
- 3.1 Calculer les puissances active, réactive et apparente, fournies totales
  - 3.2 Calculer la valeur du facteur de puissance dans ces conditions.
  - 3.3 Calculer la valeur efficace de l'intensité du courant de l'installation.

### EXERCICE N°4 :

Une installation monophasée alimentée sous une tension  $V=240V$  et de fréquence  $f=50Hz$  comprend :

- Récepteur n°1 :  $P_1 = 1,2 kW$  ;  $Q_1 = 2 kVar$  ;
  - Récepteur n°2 :  $P_2 = 2,5 kW$  ;  $Q_2 = 1,8 kVar$  ;
  - Récepteur n°3 : Moteur asynchrone monophasé de puissance utile  $P_u = 1,2 kW$  ; de rendement  $\eta = 80\%$  et de facteur de puissance  $k_M = 0,84$  ;
  - Récepteur n°4 : Radiateur de puissance  $P_4 = 1,8 kW$  ;
- 4.1 Déterminer, lorsque tous les appareils sont sous-tension la puissance active  $P$ , la puissance réactive  $Q$ , la puissance apparente  $S$  ainsi que le facteur de puissance  $k$  de cette installation.
  - 4.2 En déduire l'intensité  $I$ .
  - 4.3 On désire relever le facteur de puissance à  $k'=1$ , déterminer la valeur de la puissance réactive qu'il faut installer.
  - 4.4 En déduire, dans ce cas, la valeur de la capacité.
  - 4.5 Calculer alors la nouvelle intensité  $I'$  qui circule dans de l'installation.

### EXERCICE N°5 :

Un poste de soudure, qui est un récepteur inductif, est alimenté sous une tension  $u=220\sqrt{2}\cos(314.t)$ , il absorbe une puissance active  $P=2500 W$ . Le courant appelé est de 16 A.

- 5.1 Calculer la puissance apparente.
- 5.2 Calculer le facteur de puissance.
- 5.3 Calculer la puissance réactive.
- 5.4 Calculer le déphasage.
- 5.5 La résistance des bobinages du poste de soudure a pour valeur 2,23  $\Omega$ . Calculer les pertes par effet joule.

## \*\* TD1 : Les systèmes monophasés \*\*

### Exercice n° 1 :

$$u = 220 \sqrt{2} \sin(200\pi t + \frac{\pi}{2}) \text{ et } i = 2,2 \sqrt{2} \sin(200\pi t + \frac{\pi}{4})$$

$$1.1) \omega = 200\pi \text{ rad/s}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = 100 \text{ Hz}$$

$$T = \frac{1}{f} = \frac{1}{100} = 0,01 \text{ s} = 10 \text{ ms}$$

$$1.2) U_{\text{eff}} = \frac{U}{\sqrt{2}} = \frac{220 \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 220 \text{ V}$$

$$I_{\text{eff}} = \frac{I}{\sqrt{2}} = \frac{2,2 \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2,2 \text{ A}$$

$$\varphi_u = \frac{\pi}{2}$$

$$\varphi_i = \frac{\pi}{4}$$

$$1.3) \varphi = \varphi_u - \varphi_i = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} > 0 \Rightarrow \text{circuit inductif}$$

$$1.4) Z = \frac{U_{\text{eff}}}{I_{\text{eff}}} = \frac{220}{2,2} = 100 \Omega$$

$$\begin{aligned} 1.5) \underline{Z} &= Z e^{j\varphi} = 100 e^{j\frac{\pi}{4}} = 100 \left( \cos \frac{\pi}{4} + j \sin \frac{\pi}{4} \right) \\ &= 100 \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + j \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \\ &= 50\sqrt{2} + j 50\sqrt{2} \end{aligned}$$

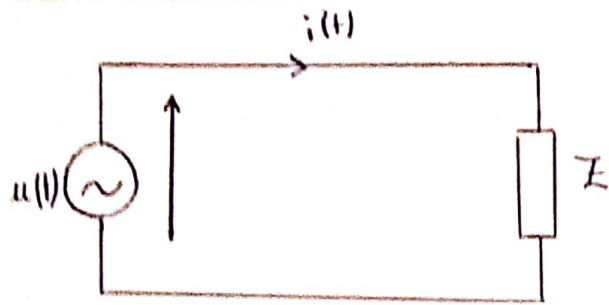
$$\begin{aligned} 1.6) P_a &= U_{\text{eff}} I_{\text{eff}} \cos \varphi = 220 \times 2,2 \cos \left( \frac{\pi}{4} \right) \\ &\quad \text{(ou bien } P_a = R I^2) = 484 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \\ &= 342,24 \text{ W} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Q &= U_{\text{eff}} I_{\text{eff}} \sin \varphi = 220 \times 2,2 \sin \left( \frac{\pi}{4} \right) \\ &\quad \text{(ou bien } Q = Z_L I^2) = 342,24 \text{ VAR} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &= U \cdot I = 484 \text{ VA} \\ &\quad \text{(ou bien } S = \sqrt{P^2 + Q^2}) \end{aligned}$$



## Exercice n°2:



$$Z = 33 \, \Omega$$

$$\varphi = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$$

$$U_{\text{eff}} = 220 \text{ V}$$

$$\underline{Z} = Z e^{j\varphi} = 33 e^{j\frac{\pi}{6}} = 33 \left( \cos \frac{\pi}{6} + j \sin \frac{\pi}{6} \right) = R + jX$$

$$1.1) \quad R = 33 \times \cos \frac{\pi}{6} = 33 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 23,33 \, \Omega$$

$$1.2) \quad X = 33 \times \sin \frac{\pi}{6} = 33 \times \frac{1}{2} = 16,5 \, \Omega$$

$$1.3) \quad Y = \frac{1}{Z} = \frac{1}{33} = 0,03 \text{ S}$$

$$1.4) \quad \underline{Y} = \frac{1}{\underline{Z}} = G + jB = \frac{1}{R + jX} = \frac{R - jX}{R^2 + X^2}$$
$$= \frac{R}{R^2 + X^2} - j \frac{X}{R^2 + X^2} = G - jB$$

$$G = \frac{R}{R^2 + X^2} = \frac{23,33}{(23,33)^2 + (16,5)^2} = 0,029 \text{ S}$$

$$B = \frac{X}{R^2 + X^2} = \frac{16,5}{(23,33)^2 + (16,5)^2} = 0,020 \text{ S}$$

$$1.5) \quad P_a = R I^2 = R \left( \frac{U}{Z} \right)^2 = 23,33 \times \left( \frac{220}{33} \right)^2 = 1036,89 \text{ W}$$

$$Q = U \times I \times \sin \varphi = U \times \frac{U}{Z} \sin \varphi = \frac{(220)^2}{33} \times \sin \frac{\pi}{6}$$
$$= 733,32 \text{ VAR}$$

$$S = U \times I = U \times \frac{U}{Z} = \frac{(220)^2}{33} = 1466,67 \text{ VA}$$

### Exercice n°3:



$$Z = R + jX$$

$$u(t) = 20 \sin(5000t - \frac{\pi}{3})$$

$$i(t) = 12 \sin(5000t - \frac{\pi}{18})$$

$$3.1) \Delta\varphi = \varphi_u - \varphi_i = -\frac{\pi}{3} - (-\frac{\pi}{18}) = -\frac{5\pi}{18}$$

$$U_{eff} = \frac{U}{\sqrt{2}} = \frac{20}{\sqrt{2}} = 14,14$$

$$I_{eff} = \frac{I}{\sqrt{2}} = \frac{12}{\sqrt{2}} = 8,48$$

$$P_a = U_{eff} I_{eff} \cos \Delta\varphi = 14,14 \times 8,48 \times \cos(-\frac{5\pi}{18}) = 77,136 \text{ W}$$

$$Q = U_{eff} I_{eff} \sin \Delta\varphi = 14,14 \times 8,48 \times \sin(-\frac{5\pi}{18}) = -91,92 \text{ VAR}$$

$$S = U_{eff} I_{eff} = 14,14 \times 8,48 = 120 \text{ VA}$$

$$3.2) P_a = R I_{eff}^2 \Rightarrow R = \frac{P_a}{I_{eff}^2} = \frac{77,136}{(8,48)^2} = 1,072 \Omega$$

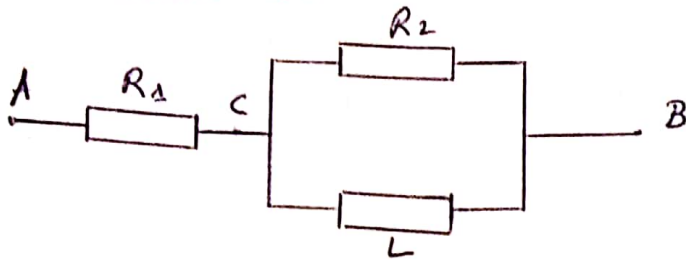
$$Q = X I_{eff}^2 \Rightarrow X = \frac{Q}{I_{eff}^2} = \frac{-91,92}{(8,48)^2} = -1,278 \Omega$$

$$3.3) \Delta\varphi < 0$$

$\Rightarrow$  le dipôle est capacitif.

## Exercice 4°4:

\* circuit 1:



4.1)

$$\underline{Z}_{AB} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_2$$

$$\underline{Z}_1 = R_1 = 24 \Omega$$

$$\frac{1}{\underline{Z}_2} = \frac{1}{\underline{Z}_{R_2}} + \frac{1}{\underline{Z}_L} \Rightarrow \underline{Z}_2 = \frac{\underline{Z}_{R_2} \underline{Z}_L}{\underline{Z}_{R_2} + \underline{Z}_L} = \frac{R_2 j L \omega}{R_2 + j L \omega}$$

$$\underline{Z}_2 = \frac{18 \times 0,08 \times 300 j}{18 + j 0,08 \times 300} = \frac{432 j}{18 + j 24}$$

$$\underline{Z}_{AB} = 24 + \frac{432 j}{18 + j 24} = 24 + \frac{432 j (18 - j 24)}{18^2 + 24^2}$$

$$= 24 + \frac{432 j (18 - j 24)}{900}$$

$$= 24 + (24 + 18j) \cdot 0,48$$

$$= 35,52 + j 8,64$$

$$\underline{Z} = R + j X$$

$$R = 35,52 \Omega$$

$$X = 8,64 \Omega$$

$$4.2) \underline{Z} = \frac{U}{I} \Rightarrow I = \frac{U}{\underline{Z}} = \frac{120}{\sqrt{35,52^2 + 8,64^2}}$$

$$I = 1,09 A$$

$$\varphi = \arctg\left(\frac{X}{R}\right) = \arctg\left(\frac{8,64}{35,52}\right)$$

$$\varphi = \frac{\pi}{13} = 0,238 \text{ rad}$$

4.3)

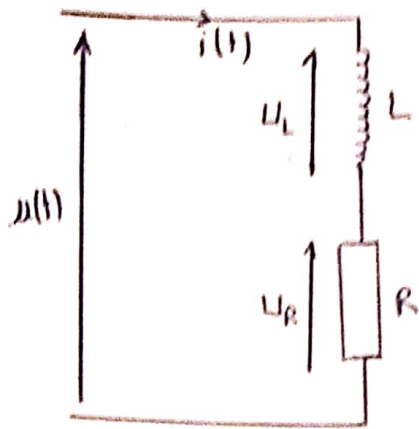
$$P = R \cdot I^2 = 35,52 \times (1,09)^2 = 42,2 W$$

$$Q = X \cdot I^2 = 8,64 \times (1,09)^2 = 10,26 \text{ VAR}$$

$$S = U \cdot I = 120 \times 1,09 = 130,8 \text{ VA}$$

\* circuit 2:

### Exercice n°5:



$$T = 8 \times 0,25 = 2 \text{ ms}$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2 \times 10^{-3}} = 500 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f = 1000\pi = 3140 \text{ rad/s}$$

$$U_H = 8 \text{ V} \quad \rightsquigarrow \quad U = \frac{U_H}{\sqrt{2}} = \frac{8}{\sqrt{2}} = 5,65 \text{ V}$$

$$U_{RH} = 5,6 \text{ V} \quad \rightsquigarrow \quad U_R = \frac{U_{RH}}{\sqrt{2}} = \frac{5,6}{\sqrt{2}} = 3,96 \text{ V}$$

$$\varphi = \frac{T}{8} = \frac{2\pi}{8} = \frac{\pi}{4}$$

$$I = \frac{U_R}{R} = \frac{3,96}{200} = 0,0198 \text{ A}$$

$$Z = \frac{U}{I} = \frac{5,65}{0,0198} = 285,35 \text{ } \Omega$$

$$Z = \sqrt{X^2 + R^2} \Rightarrow X = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$\text{ou bien } \tan \varphi = \frac{X}{R} \Rightarrow X = R \tan \varphi = R \tan \frac{\pi}{4} = R$$

$$= 200 \text{ } \Omega$$

$$X = L\omega \Rightarrow L = \frac{X}{\omega} = \frac{200}{1000\pi} = 0,0637 \text{ H}$$

\*\* TD2 : Les systèmes monophasés \*\*

(1)

Exercice n° 1:

$$V = 240 \text{ V} \quad f = 50 \text{ Hz}$$

$$1.1) \quad \eta_1 = \frac{P_{U1}}{P_{a1}} \longrightarrow P_{a1} = \frac{P_{U1}}{\eta_1} = \frac{2000}{0,8} = 2500 \text{ W}$$

$$1.2) \quad \eta_2 = \frac{P_{U2}}{P_{a2}} \longrightarrow P_{a2} = \frac{P_{U2}}{\eta_2} = \frac{4000}{0,75} = 5333,33 \text{ W}$$

$$1.3) \quad Q_1 = P_{a1} \times \tan \varphi_1 = 2500 \times \frac{0,107}{0,707} = 2500 \text{ VAR}$$

$$1.4) \quad Q_2 = P_{a2} \times \tan \varphi_2 = 5333,33 \times \frac{0,6}{0,8} = 4000 \text{ VAR}$$

$$\begin{aligned} 1.5) \quad P_t &= \sum P_i = 3P_{a1} + P_{a2} + P_{U3} \\ &= 3 \times 2500 + 5333,33 + 8000 \\ &= 20833,33 \text{ W} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Q_t &= \sum Q_i = 3Q_1 + Q_2 \\ &= 3 \times 2500 + 4000 \\ &= 11500 \text{ VAR} \end{aligned}$$

$$1.6) \quad P_{a1} = U \cdot I_1 \cdot \cos \varphi_1$$

$$\hookrightarrow I_1 = \frac{P_{a1}}{U \cos \varphi_1} = \frac{2500}{240 \times 0,707} = 14,73 \text{ A}$$

$$P_{a2} = U \cdot I_2 \cdot \cos \varphi_2$$

$$\hookrightarrow I_2 = \frac{P_{a2}}{U \cos \varphi_2} = \frac{5333,33}{240 \times 0,8} = 27,78 \text{ A}$$

$$P_{U3} = U \times I_3$$

$$\hookrightarrow I_3 = \frac{P_{U3}}{U} = \frac{8000}{240} = 33,34 \text{ A}$$

$$1.7) \quad S_t = \sqrt{P_t^2 + Q_t^2} = \sqrt{20833,3^2 + 11500^2} = 23787 \text{ VA}$$

$$\text{ou } S_t = U \cdot I_t \longrightarrow I_t = \frac{S_t}{U} = \frac{23787}{240} = 99,1125 \text{ A}$$



$$1.8) \cos \varphi = \frac{P_t}{S_t} = \frac{20833,3}{23787} = 0,873$$

$$1.9) \cos \varphi' = \frac{P_t}{S_t'}$$

$$\hookrightarrow S_t' = \frac{P_t}{\cos \varphi'} = \frac{20833,3}{0,96} = 21701 \text{ VA}$$

$$Q' = \sqrt{S_t'^2 - P_t^2} = \sqrt{21701^2 - 20833,3^2}$$

$$= 607,46 \text{ VAR}$$

$$Q' = Q_t + Q_c \Rightarrow Q_c = Q' - Q_t$$

$$= 607,46 - 11500$$

$$= -10892,54 \text{ VAR}$$

Autre méthode  $\tan \varphi' = \frac{Q_t'}{P_t}$

$$\text{on } Q_t' = Q_t - Q_c$$

$$\hookrightarrow Q_c = Q_t - P_t \times \tan \varphi'$$

$$= 11500 - 20833,3 \times 0,291$$

$$= 5423,61 \text{ VAR}$$

$$1.10) Q_c = U^2 C \omega$$

$$\hookrightarrow C = \frac{Q_c}{U^2 \omega} = \frac{5423,61}{(240)^2 \times 100\pi} = 0,29 \text{ mF}$$

$$1.11) S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$Q_c' = Q_t - Q_c = 11500 - 5423,61 = 6076,39 \text{ VAR}$$

$$S = \sqrt{(20833,33)^2 + (6076,39)^2}$$

$$= 21701,386 \text{ VA}$$

$$I_t = \frac{S}{U} = \frac{21701,386}{240} = 90,422 \text{ A}$$

### Exercice n° 2:

•  $P_{\text{out}} = 1500 \text{ W}$

• Motem :  $\cos(\varphi) = 0,85$

$$P_U = 1200 \text{ W}$$

$$\eta = 80\% = 0,8$$

$$2.1) P_a = \frac{P_U}{\eta} = \frac{1200}{0,8} = 1500 \text{ W}$$

$$P = S \cos \varphi$$

$$Q = S \sin \varphi$$

$$Q = P \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = P \tan(\varphi) = \sqrt{S^2 - P^2} = 930 \text{ VAR}$$

$$\begin{aligned} 2.2) P_{\text{tot}} &= 3 \times P_p + 2 \times P_n \\ &= 5 \times 1500 \\ &= 7500 \text{ W} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Q_{\text{tot}} &= 2 \times Q_n \\ &= 2 \times 930 \\ &= 1860 \text{ VAR} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{\text{tot}} &= \sqrt{P^2 + Q^2} \\ &= \sqrt{(7500)^2 + (1860)^2} \\ &= 7727,2 \text{ VA} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2.3) S &= V \cdot I \\ I &= \frac{S}{V} = \frac{7727,2}{240} = 32,2 \text{ A} \end{aligned}$$

$$\cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{7500}{7727,2} = 0,97$$

$$\begin{aligned} 2.4) \cos \varphi' &= 1 \Rightarrow P = S \Rightarrow Q_{\text{id}} = 0 \\ \Rightarrow Q_c &= Q_{\text{tot}}' - Q_{\text{tot}} = -1860 \text{ VAR} \end{aligned}$$

$$2.5) Q_c = -V^2 C \omega$$

$$\hookrightarrow C = \frac{-Q_c}{V^2 \omega} = \frac{1860}{(240)^2 \times 2\pi \times 50} = 1,03 \times 10^{-4} \text{ F}$$

### Exercice n°3:

$$M1: P_1 = 1 \text{ kW} \longrightarrow \cos(\varphi_1) = 0,8$$

$$M2: P_2 = 1,2 \text{ kW} \longrightarrow \cos(\varphi_2) = 0,75$$

$$M3: P_3 = 2 \text{ kW} \longrightarrow \cos(\varphi_3) = 0,84$$

$$3.1) P_{\text{tot}} = P_1 + P_2 + P_3 = 4,2 \text{ kW}$$

$$Q_1 = P_1 \tan \varphi_1 = 0,75 \text{ KVAR}$$

$$Q_2 = P_2 \tan \varphi_2 = 1,056 \text{ KVAR}$$

$$Q_3 = P_3 \tan \varphi_3 = 1,29 \text{ KVAR}$$

$$Q_{\text{tot}} = Q_1 + Q_2 + Q_3 = 3,096 \text{ KVAR}$$

$$S_{\text{tot}} = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{4,2^2 + 3,096^2} = 5,22 \text{ KVA}$$

$$3.2) \cos \varphi = \frac{P}{S} = \frac{4,2}{5,22} = 0,80$$

$$3.3) S = V \cdot I \Rightarrow I = \frac{S}{V} = \frac{5,22 \cdot 10^3}{230} = 22,69 \text{ A}$$

### Exercice n° 4:

- Récepteur 1:  $P_1 = 1,2 \text{ kW} \rightarrow Q_1 = 2 \text{ kVAR}$
- Récepteur 2:  $P_2 = 2,5 \text{ kW} \rightarrow Q_2 = 1,8 \text{ kVAR}$
- Récepteur 3:  $P_3 = 1,2 \text{ kW} \rightarrow \eta = 80\% \rightarrow k_H = 0,84$
- Récepteur 4:  $P_4 = 1,8 \text{ kW}$

$$4.1) P_{\text{tot}} = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 1,2 + 2,5 + \frac{1,2}{0,8} + 1,8 = 7 \text{ kW}$$

$$Q_{\text{tot}} = Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 = 2 + 1,8 + 0,96 + 0 = 4,76 \text{ kVAR}$$

$$S_{\text{tot}} = \sqrt{P_{\text{tot}}^2 + Q_{\text{tot}}^2} = \sqrt{7^2 + (4,76)^2} = 8,46 \text{ kVA}$$

$$k = \frac{P_{\text{tot}}}{S_{\text{tot}}} = \frac{7}{8,46} = 0,83$$

$$4.2) S = U \cdot I \Rightarrow I = \frac{S}{U} = \frac{8,46 \times 10^3}{240} = 35,25 \text{ A}$$

$$4.3) Q_c = -4,76 \text{ kVAR}$$

$$4.4) Q_c = -V^2 C \omega$$

$$\hookrightarrow C = \frac{-Q_c}{V^2 \omega} = \frac{4,76 \times 10^3}{240^2 \times 2\pi \cdot 50} = 2,63 \cdot 10^{-4} \text{ F}$$

$$4.5) Q = 0$$

$$S = P = 7 \text{ kVA}$$

$$= V \cdot I'$$

$$\hookrightarrow I' = \frac{S}{V} = \frac{7 \cdot 10^3}{240} = 29,16 \text{ A}$$



### Exercice n° 5:

$$u = 220 \sqrt{2} \cos(314t)$$

$$I = 16 \text{ A}$$

$$P = 2500 \text{ W}$$

$$5.1) S = V \cdot I = 220 \times 16 = 3520 \text{ VA}$$

$$5.2) \cos(\varphi) = \frac{P}{S} = \frac{2500}{3520} = 0,7.$$

$$5.3) Q = P \operatorname{tg}(\varphi) \\ = S \times \sin(\varphi) = 2530,73 \text{ VAR}$$

$$5.4) \varphi = \arccos(0,7) = 45^\circ$$

$$5.5) P_j = R \cdot I^2 = 2,23 \times (16)^2 \\ = 570 \text{ W}$$