TS Physique Réaction de fission dans une centrale nucléaire Exercice résolu

Enoncé

Dans une centrale nucléaire, les noyaux d'uranium ($^{235}_{92}U$) subissent la fission sous le choc d'un neutron lent. Un des nombreux processus possibles conduit à la formation d'un noyau de lanthane ($^{144}_{57}La$), d'un noyau de brome ($^{88}_{35}Br$) et de plusieurs neutrons.

- 1. a) Définissez l'énergie de liaison d'un noyau.
 - b) Donnez l'expression littérale qui permettra son calcul.
- 2. a) Calculez, en MeV, l'énergie de liaison d'un noyau ($^{235}_{92}U$).
 - b) Calculez l'énergie de liaison par nucléon de ce noyau.
- 3. Ecrivez l'équation de la réaction de fission étudiée.
- 4. a) Exprimez l'énergie libérée par la fission d'un noyau ($\frac{235}{92}U$) en fonction des énergies de liaison par nucléon du noyau père et des noyaux fils.
 - b) Calculez la valeur de cette énergie en MeV.
- 5. Dans le cœur de la centrale, de nombreuses autres réactions de fission du noyau ($^{235}_{92}U$) se produisent. La perte de masse est, en moyenne, de 0,200 u par noyau.
 - a) Calculez, en MeV, l'énergie moyenne libérée par la fission d'un noyau. Ce résultat est-il en concordance avec celui de la question 4 ?
 - b) Calculez, en joule, l'énergie moyenne libérée par une mole de noyaux ($^{235}_{92}U$).
- 6. Dans une centrale nucléaire, l'énergie nucléaire est transformée en énergie électrique. Une centrale fournit une puissance électrique moyenne \mathcal{Q}_e = 1000 MW avec un rendement r = 25%.
 - a) Quelle est sa puissance nucléaire \mathcal{P}_n consommée?
 - b) Quelle est, en joule, l'énergie nucléaire consommée chaque année ?
 - c) Quelle est, en tonne, la masse d'uranium 235 consommée annuellement ?

Données:

- \circ Constante d'Avogadro : $\mathcal{N}_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
- \circ 1 u = 1,66055 x 10^{-27} kg et 1 eV = 1,602 x 10^{-19} J
- o Masse d'un proton : $m(\frac{1}{1}p)$ = 1,0073 u
- o Masse d'un neutron : $m({}_{0}^{1}n)$ = 1,0087 u
- \circ Célérité de la lumière dans le vide : c = 2,998 x 10^8 m.s⁻¹
- \circ Masse du noyau d'uranium 235 : m($^{235}_{92}U$) = 235,0134 u
- Energies de liaison par nucléon :
 - $E_1/A(_{57}^{144}La)$ = 8,28 MeV/nucléon
 - $E_1/A(\frac{88}{35}Br)$ = 8,56 MeV/nucléon

Corrigé

- 1.a) L'énergie de liaison d'un noyau ^AX est l'énergie qu'il faut lui fournir, lorsqu'il est au repos, pour le dissocier en ses nucléons au repos, à l'infini (c'est-à-dire sans interaction entre eux).
- b) Son expression littérale est :

 $E_{\text{liaison}} = \text{[(92 \times 1,0073)+(143 \times 1,0087)-235,0134]} \times 1,66055.10^{-27} \times (2,998.10^8)^2/1,602.10^{-13} \times (2,998.10^8)^2/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,602.10^8/1,60$ soit Eliaison = 1772 MeV

b) Son énergie de liaison par nucléon est : $E_0 = E_{\text{liaison}} / A$

soit
$$E_0 = \frac{1772}{235} = 7,540 \text{ MeV/nucléon}$$

3) Equation de la réaction de fission :

$$^{235}_{92}\text{U} + 1 \,^{1}_{0}\text{n} \rightarrow ^{144}_{57}\text{La} + ^{88}_{35}\text{Br} + 4 \,^{1}_{0}\text{n}$$

4) a) La séparation d'un noyau d'uranium en nucléons consomme de l'énergie (1772 MeV, cf 2). La formation des noyaux fils à partir de ces mêmes nucléons libère de l'énergie. La différence est l'énergie Q libérée par la fission d'un noyau d'uranium. Soient E_1 et E_2 , respectivement, les énergies de liaison par nucléon des noyaux de lanthane et de brome :

$$Q = (144.E_1) + (88.E_2) - (235.E_0)$$

b) Application numérique :

$$Q = (144 \times 8,28) + (88 \times 8,56) - (235 \times 7,540) = 174 \text{ MeV}$$

5 a) La perte de masse est, en moyenne, de 0,200 u par noyau.

L'énergie libérée par un noyau est :

$$Q' = 0.200 \times 1.66055.10^{-27} \times (2.998.10^8)^2 / 1.602.10^{-13}$$
 soit : $Q' = 186 \text{ MeV}$

Ce résultat est proche du résultat de la question 4, qui est un cas parmi d'autres des fissions possibles du noyau d'uranium.

b) L'énergie libérée par une mole de noyaux $^{235}_{92}$ U est : $\boxed{E_{mole} = Q' \cdot N_A}$ soit : $E_{mole} = 186.10^6 \times 1,602.10^{-19} \times 6,02.10^{23} = 1,80 \times 10^{13} \text{ J.mol}^{-1}$

soit:
$$E_{mole} = 186.10^6 \times 1,602.10^{-19} \times 6,02.10^{23} = 1,80 \times 10^{13} \text{ J.mol}^{-1}$$

6.a) Si une centrale nucléaire fournit une puissance électrique moyenne P_e = 1000 MW avec un rendement $r = P_e / P_n$, sa puissance nucléaire est $P_n = P_e / r$

soit :
$$P_n = 1000 \times 4 = 4000 \text{ MW}$$

b) L'énergie nucléaire consommée chaque année est :

$$E_{an} = P_{n}$$
. Δt avec $\Delta t = 1$ an = (365 x 86400) s

soit :
$$E_{an}$$
 = 4000.10⁶ × 365 × 86400 = 1,26 × 10¹⁷ J

c) La quantité n d'uranium consommée chaque année s'exprime par : $n = \frac{E_{an}}{L}$

et donc la masse d'uranium consommée annuellement est : $m = \frac{E_{an}}{E_{mol}} \cdot m(^{235}U) \cdot \mathcal{N}_A$ $m = (1,26 \times 10^{17}/1.80 \times 10^{13}) \times 235.0134 \cdot 1.013 = 0.000$

$$m = (1,26 \times 10^{17}/1,80 \times 10^{13}) \times 235,0134 \times 1,66055 \times 10^{-27} \times 6,02 \times 10^{23}$$

soit:
$$m = 1,65 \times 10^3 \text{ kg ou } 1,65 \text{ t}$$