

Aurélié 23/03/07

bac Nlle Calédonie 2007 : **contrôler la fusion nucléaire**

En poursuivant votre navigation sur ce site, vous acceptez l'utilisation de Cookies vous proposant des publicités adaptés à vos centres d'intérêts.



Le 28 juin 2005, le site de Cadarache a été retenu pour l'implantation du projet international de fusion nucléaire ITER. La fusion de deux noyaux légers en un noyau plus lourd est un processus qui libère de l'énergie. C'est le cas lors de la formation d'un noyau " d'hélium 4 " à partir de la réaction entre le deutérium et le

tritium. On récupère une quantité d'énergie de quelques mégaélectronvolts (MeV), suivant la réaction :



Des problèmes se posent si l'on cherche ainsi à récupérer cette énergie :

- pour initier la réaction, les noyaux doivent avoir la possibilité de s'approcher l'un de l'autre à moins de 10^{-14} m. Cela leur impose de vaincre la répulsion électrostatique. Pour ce faire, on porte la matière à une température de plus de 100 millions de degrés.
- à la fin de la vie du réacteur de fusion, les matériaux constituant la structure du réacteur seront radioactifs. Toutefois, le choix d'éléments de structure conduisant à des produits radioactifs à temps de décroissance rapide permet de minimiser les quantités de déchets radioactifs. Cent ans après l'arrêt définitif du réacteur, la majorité voire la totalité des matériaux peut être considérée comme des déchets de très faible activité.

D'après le livre " Le monde subatomique ", de Luc Valentin et le site Internet du CEA.

Les cinq parties sont indépendantes.

Données : masse du neutron : $m(n) = 1,674927 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; masse du proton : $m(p) = 1,672622 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

masse d'un noyau de deutérium : $m(^2_1\text{H}) = 3,344497 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; masse d'un noyau de tritium : $m(^3_1\text{H}) = 5,008271 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

masse d'un noyau d'hélium 4 : $m(^4_2\text{He}) = 6,646483 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$

célérité de la lumière dans le vide : $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$; $1\text{eV} = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

Les " combustibles " utilisés dans le réacteur de fusion ne nécessitent pas de transport de matière radioactive. En effet, le deutérium n'est pas radioactif. Le tritium est fabriqué sur site, à partir d'un élément Y non radioactif suivant la réaction :

I. Le tritium :

- Donner la composition et le symbole du noyau Y en précisant les règles de conservation. On donne un extrait de la classification périodique : H (Z=1), He (Z=2), Li (Z=3), Be (Z=4), B (Z=5).

II. Le noyau de deutérium :

- Donner la composition du noyau de deutérium ^2_1H .
- Le deutérium et le tritium sont des isotopes. Justifier cette affirmation.
- Donner l'expression littérale puis la valeur du défaut de masse $\Delta m(^2_1\text{H})$ du noyau de deutérium.
- En déduire l'énergie $E(^2_1\text{H})$ correspondant à ce défaut de masse en J puis en MeV et donner sa signification physique.

III. Étude de la réaction de fusion :

On considère la réaction de fusion traduite par l'équation (1) dans le texte. Donner l'expression littérale de l'énergie libérée par cette réaction en fonction des données de l'énoncé. Calculer cette énergie en MeV.

IV. Ressources en deutérium :

On trouve le deutérium en abondance dans l'eau de mer. La ressource dans les océans est estimée à $4,6 \cdot 10^{13}$ tonnes.

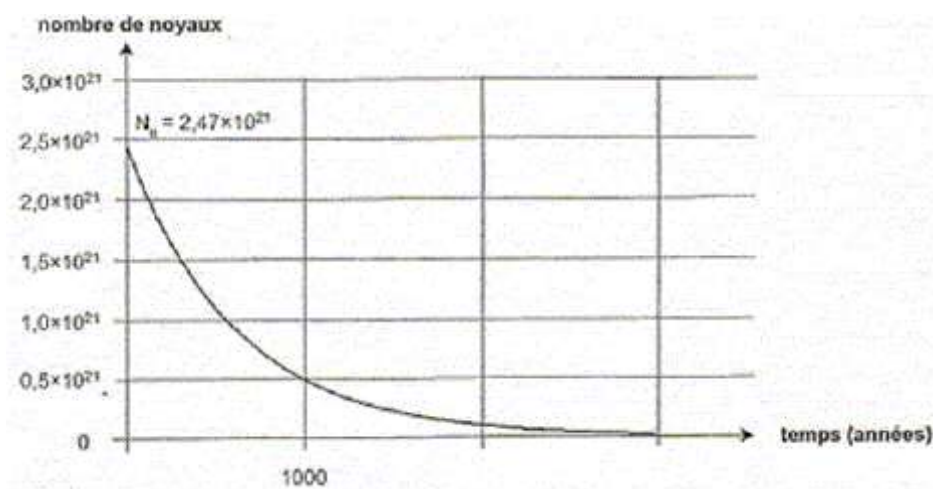
La réaction (1) libère une énergie de 17,6 MeV. On assimile la masse d'un atome de deutérium à la masse de son noyau.

- Déterminer le nombre N de noyaux présents dans la masse $m = 1,0 \text{ kg}$ de deutérium. En déduire l'énergie E libérée par une masse $m = 1,0 \text{ kg}$ de deutérium.
- La consommation annuelle énergétique mondiale actuelle est d'environ $4 \cdot 10^{20} \text{ J}$. On fait l'hypothèse simplificatrice selon laquelle le rendement d'une centrale à fusion est équivalent à celui d'une centrale nucléaire. Ceci revient à considérer que seule 33% de l'énergie libérée par la réaction de fusion est réellement convertie en électricité. Estimer en années, la durée Δt nécessaire pour épuiser la réserve de deutérium disponible dans les océans répondant à la consommation annuelle actuelle.

Les ressources en combustible sont en fait limitées par le lithium, utilisé pour fabriquer le tritium. L'utilisation du lithium contenu dans l'eau de mer ramène les limites à quelques millions d'années.

V. Le temps de demi-vie de déchets :

Les centrales nucléaires actuelles produisent de l'énergie par des réactions de fission nucléaire. Ces réactions produisent des déchets radioactifs qui sont classés par catégories, suivant leur demi-vie et la valeur de leur activité. Ainsi les déchets dits de " moyenne activité " (catégorie B) ont pour particularité d'avoir une demi-vie supérieure à 30 ans et d'émettre un rayonnement α d'activité supérieure à $3,7 \cdot 10^3$ Bq pour 1 gramme de noyaux radioactifs.



L' " amériçium 241 " fait partie des éléments contenus dans les déchets générés par une centrale nucléaire. Le graphique ci-dessous représente le nombre de noyaux d'un échantillon de 1,0 g d' " amériçium 241 ".

L'équation de la courbe est donnée par : $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ avec $\lambda = 5,110^{-11}$ S.I.

1. Définir le temps de demi-vie $t_{1/2}$ de l' " amériçium 241 ".
2. En utilisant la courbe précédente et en précisant la méthode utilisée, déterminer ce temps de demi-vie.
3. L' " amériçium 241 " se désintègre suivant la réaction : $^{241}_{95}\text{Am} \rightarrow ^4_2\text{He} + ^{237}_{93}\text{Np}$.

De quel type de radioactivité s'agit-il ? Justifier la réponse.

4. L'activité A est reliée au nombre de noyaux de l'échantillon par la relation $A = \lambda N$
- En utilisant l'équation de la courbe, déterminer la durée t_1 en années, au bout de laquelle un gramme d' " amériçium 241 " a une activité égale à $3,7 \cdot 10^3$ Bq.

Au bout de cette durée, l' " amériçium 241 " issu d'une centrale nucléaire peut être considéré comme un déchet de fission dit de " faible activité ". L'ordre de grandeur de t_1 est de 10^4 ans. Préciser en quoi, dans le domaine des déchets, la fusion représente un avantage sur la fission.

I. Le tritium :

Composition et le symbole du noyau Y en précisant les règles de conservation :



Conservation du nombre de nucléons : $A+1 = 4+3$ soit $A=6$.

Conservation de la charge : $Z = 2+1 = 3$ (Y est l'élément lithium Li)

II. Le noyau de deutérium :

Composition du noyau de deutérium ^2_1H : 1 proton et 1 neutron

Le deutérium et le tritium sont des isotopes : il ont le même numéro atomique Z mais des nombres de neutrons différents (2 pour le tritium)

Expression littérale puis la valeur du défaut de masse $\Delta m(^2_1\text{H})$ du noyau de deutérium :

$$\Delta m(^2_1\text{H}) = m(^2_1\text{H}) - m(n) - m(p)$$

$$\Delta m(^2_1\text{H}) = (3,344497 - 1,674927 - 1,672622) 10^{-27} = \underline{-3,05 \cdot 10^{-30} \text{ kg.}}$$

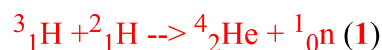
Energie $E(^2_1\text{H})$ correspondant à ce défaut de masse en J puis en MeV :

$$E(^2_1\text{H}) = \Delta m(^2_1\text{H}) c^2 = -3,05 \cdot 10^{-30} * 9 \cdot 10^{16} = -2,7 \cdot 10^{-13} \text{ J} = -2,7 \cdot 10^{-13} / 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ MeV} = \underline{-1,7 \text{ MeV.}}$$

Signification physique : cette énergie, en valeur absolue, correspond à l'énergie de liaison du noyau de deutérium.

III. Étude de la réaction de fusion :

On considère la réaction de fusion traduite par l'équation (1) dans le texte.



Expression littérale de l'énergie libérée par cette réaction en fonction des données de l'énoncé :

$$\Delta m = m(n) + m(^4_2\text{He}) - m(^2_1\text{H}) - m(^3_1\text{H})$$

$$E = \Delta m c^2 = [m(n) + m(^4_2\text{He}) - m(^2_1\text{H}) - m(^3_1\text{H})] c^2.$$

$$E = [1,674927 + 6,646483 - 3,344497 - 5,008271] 10^{-27} * 9 \cdot 10^{16} = -2,82 \cdot 10^{-12} \text{ J} = -2,82 \cdot 10^{-12} / 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ MeV} = \underline{-17,6 \text{ MeV.}}$$

Le signe - traduit une libération d'énergie par le système vers l'extérieur.

IV. Ressources en deutérium :

On trouve le deutérium en abondance dans l'eau de mer. La ressource dans les océans est estimée à $4,6 \cdot 10^{13}$ tonnes.

La réaction (1) libère une énergie de 17,6 MeV. On assimile la masse d'un atome de deutérium à la masse de son noyau.

Nombre N de noyaux présents dans la masse $m = 1,0 \text{ kg}$ de deutérium :

$$N = m / m(^2_1\text{H}) = 1 / 3,344497 \cdot 10^{-27} = \underline{3,0 \cdot 10^{26} \text{ noyaux.}}$$

Energie E libérée par une masse $m = 1,0 \text{ kg}$ de deutérium :

$$E = N * 17,6 = 3,0 \cdot 10^{26} * 17,6 = 5,26 \cdot 10^{27} \text{ MeV} = 5,26 \cdot 10^{27} * 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ J} = \underline{8,4 \cdot 10^{14} \text{ J.}}$$

Durée Δt nécessaire pour épuiser la réserve de deutérium disponible dans les océans répondant à la consommation annuelle actuelle :

$$\text{Énergie disponible} : 8,4 \cdot 10^{14} * 4,6 \cdot 10^{16} = 3,87 \cdot 10^{31} \text{ J.}$$

$$\text{Energie susceptible d'être convertie en électricité} : 0,33 * 3,87 \cdot 10^{31} = 1,28 \cdot 10^{31} \text{ J}$$

La consommation annuelle énergétique mondiale actuelle est d'environ $4 \cdot 10^{20}$ J

$$\Delta t = 1,28 \cdot 10^{31} / 4 \cdot 10^{20} = 3,2 \cdot 10^{10} \text{ années.}$$

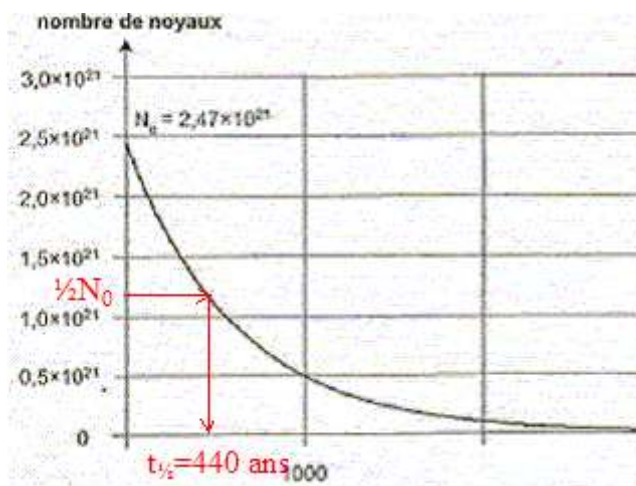
V. Le temps de demi-vie de déchets :

L'Américium 241 fait partie des éléments contenus dans les déchets générés par une centrale nucléaire. Le graphique ci-dessous représente le nombre de noyaux d'un échantillon de 1,0 g d'Américium 241.

L'équation de la courbe est donnée par : $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ avec $\lambda = 5,1 \cdot 10^{-11}$ S.I.

Temps de demi-vie $t_{1/2}$ de l'Américium 241 :

Durée au bout de laquelle la moitié des noyaux initiaux se sont désintégrés.



L'Américium 241 se désintègre suivant la réaction : ${}^{241}_{95}\text{Am} \rightarrow {}^4_2\text{He} + {}^{237}_{93}\text{Np}$.

Radioactivité de type α : un noyau d'hélium ${}^4_2\text{He}$ est libéré.

Durée t_1 en années, au bout de laquelle un gramme d'Américium 241 a une activité égale à $3,7 \cdot 10^3$ Bq :

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} \text{ avec } \lambda = 5,1 \cdot 10^{-11} \text{ S.I.}$$

$$\ln(N / N_0) = -\lambda t_1 ; t_1 = \ln(N_0 / N) / \lambda.$$

L'activité A est reliée au nombre de noyaux de l'échantillon par la relation $A = \lambda N$

$$N = A / \lambda = 3,7 \cdot 10^3 / 5,1 \cdot 10^{-11} = 7,25 \cdot 10^{13} ; N_0 = 2,47 \cdot 10^{21} \text{ noyaux}$$

$$t_1 = \ln(N_0 / N) / \lambda = \ln(2,47 \cdot 10^{21} / 7,25 \cdot 10^{13}) / 5,1 \cdot 10^{-11} = 3,4 \cdot 10^{11} \text{ s} = 1,1 \cdot 10^4 \text{ ans.}$$

Au bout de cette durée, l'Américium 241 issu d'une centrale nucléaire peut être considéré comme un déchet de fission dit de "faible activité". L'ordre de grandeur de t_1 est de 10^4 ans. Dans le domaine des déchets, la fusion représente un avantage sur la fission :

Cent ans (100 fois moins grand que 10^4) après l'arrêt définitif du réacteur de fusion, la majorité voire la totalité des matériaux peut être considérée comme des déchets de très faible activité.