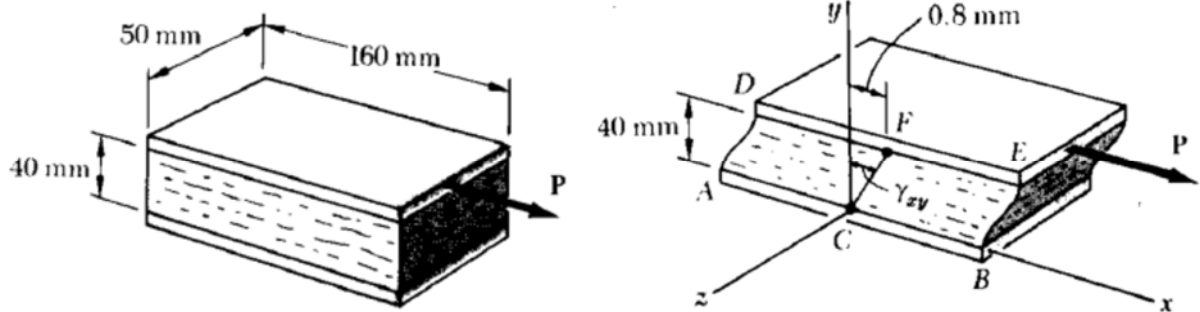


Séance de TD N°5

I. Cisaillement

Application1 :

Un bloc rectangulaire de module de COULOMB 600 MPa est collé entre deux plaques rigides. La plaque supérieure se déplace de 0.8 mm sous l'action d'une force P , pendant que la plaque inférieure reste immobile.

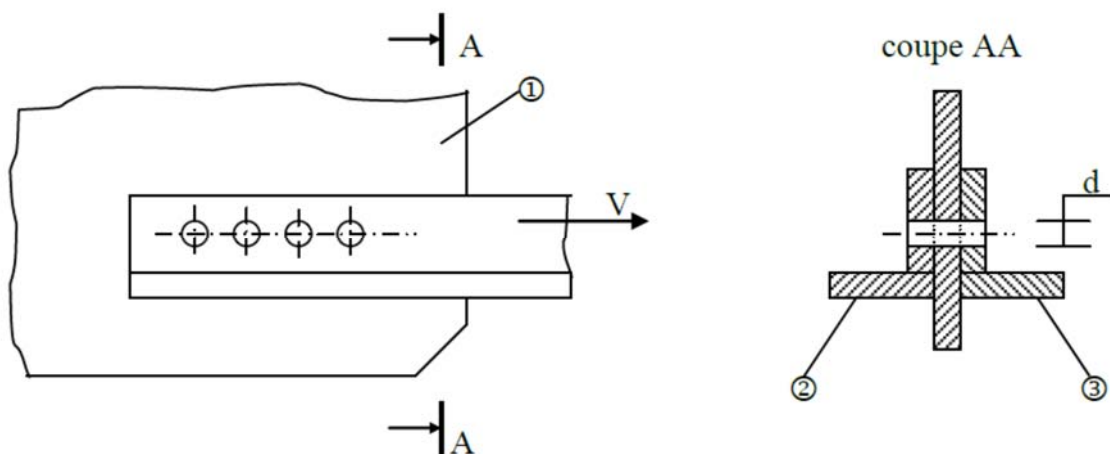


Calculer :

- La contrainte de cisaillement moyenne dans le bloc.
- La valeur de la force P .

Application 2 : Assemblage par rivet

Il s'agit d'assembler les deux cornières (2) et (3) sur le gousset (1), voir figure ci-après :

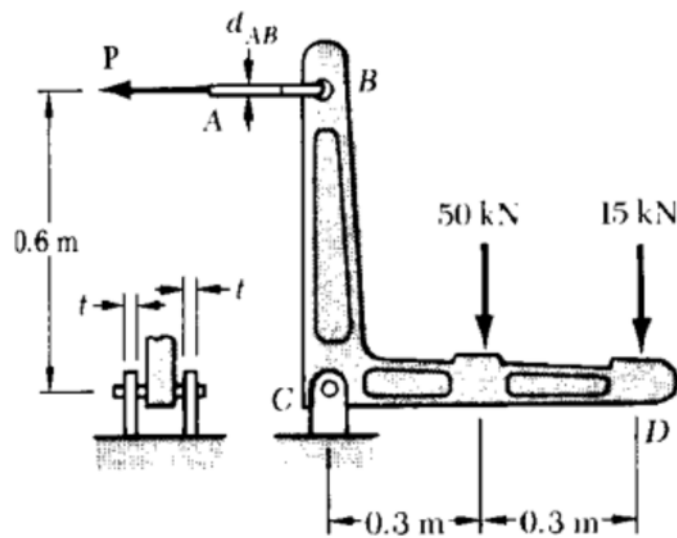


V est l'effort qui s'exerce sur l'ensemble des cornières ; les rivets en acier doux ont pour diamètre d et pour résistance pratique τ_p . Déterminer le nombre de rivets (n) nécessaires pour l'assemblage des cornières.

Données : $V=100$ kN, $d=16$ mm et $\tau_p = 70$ N/mm²

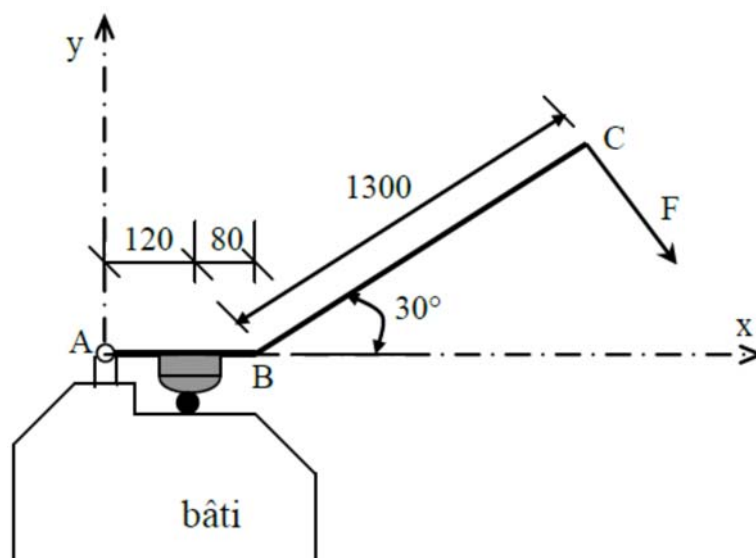
Application 3 :

L'axe C est en acier de limite élastique au cisaillement $\tau_e^{\text{moy}} = 350$ MPa. Calculer le diamètre de l'axe C pour que le coefficient de sécurité soit égal à 3.3.



Application 4 : Cisaille à main

Soit une cisaille représentée schématiquement par la figure ci-dessous.



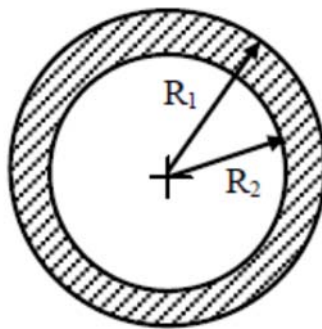
L'effort normal $F=90\text{ N}$ est appliqué en C au levier coudé ABC articulé autour de l'axe A. Déterminer la capacité de la cisaille (possibilité de couper un rond ou fil en acier mi-doux de diamètre d).

On donne la résistance à la rupture par cisaillement du rond : $\tau_r = 340\text{ MPa}$

II. Torsion simple

Application1 :

Un tube circulaire en acier de 400 cm de longueur est encastré à une extrémité et libre à l'autre. Ce tube a un rayon extérieur $R_1=75\text{ mm}$ et un rayon intérieur $R_2 = 60\text{ mm}$. Il est soumis à son extrémité libre à un moment de torsion $M_t = 30\text{ kN.m}$.



Déterminer la contrainte de cisaillement.

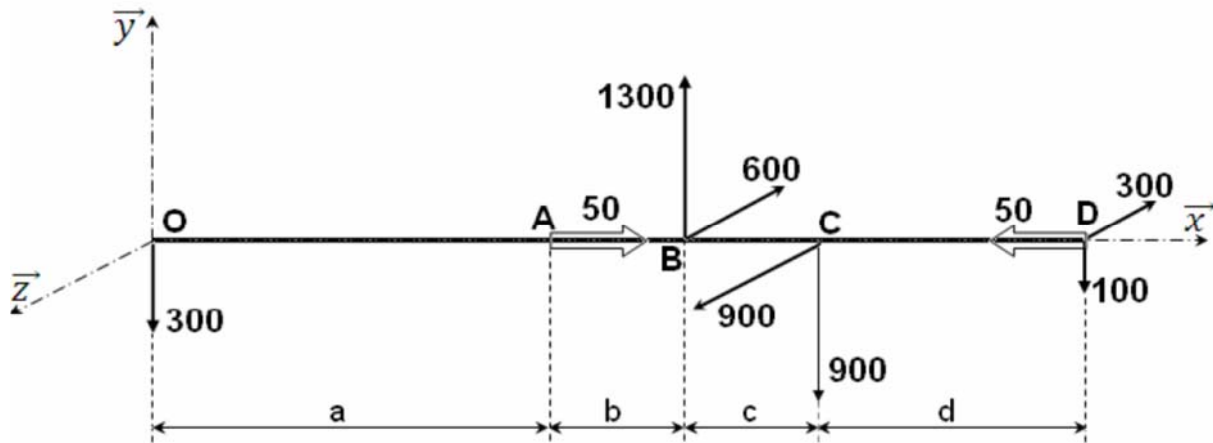
Application 2 :

Une barre circulaire en cuivre, de 500 mm de longueur, est encastré à une extrémité et libre à l'autre. La barre, de rayon $R=75\text{ mm}$, est soumise à un moment de torsion $M_t = 50\text{ kN.m}$. Déterminer la valeur de la contrainte τ et la valeur de l'angle de rotation totale θ .

On donne $G = 48\,000\text{ Mpa}$.

Application 3 :

On se propose d'étudier la résistance d'un arbre de transmission modélisé par une poutre droite, de section circulaire constante comme l'indique la figure ci-dessous :



On a $OA=a=300$ mm, $AB=b=100$ mm, $BC=c=100$ mm, $CD=d=200$ mm.

Les actions mécaniques extérieures qui s'exercent sur l'arbre sont représentées par les torseurs suivants :

$$\{T_1\}_O = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -300 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_O, \{T_2\}_A = \begin{pmatrix} 0 & 50 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_A, \{T_3\}_B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1300 & 0 \\ -600 & 0 \end{pmatrix}_B, \{T_4\}_C = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -900 & 0 \\ 900 & 0 \end{pmatrix}_C,$$

$$\{T_5\}_D = \begin{pmatrix} 0 & -50 \\ -100 & 0 \\ -300 & 0 \end{pmatrix}_D$$

Données :

- Module de Coulomb : $G = 8.10^4$ MPa.
- Coefficient de sécurité : $s = 3$.
- Angle limite de torsion : $\theta_{\text{lim}} = 0,45^\circ / \text{m}$.
- Contrainte tangentielle à la limite élastique (glissement) : $R_g = 120$ MPa.

Questions :

- Déterminer les composantes du torseur des efforts de cohésion tout au long de cette poutre
- Etude de la résistance de l'arbre au moment de torsion :
 - Tracer le diagramme du moment de torsion (M_t).
 - Calculer le diamètre minimal (d) de l'arbre à partir de la condition de rigidité.
 - Tracer les diagrammes des efforts tranchants T_y et T_z .