## Universidade Federal do Rio Grande do Norte Engenharia Elétrica

Projeto Métodos Computacionais

Grupo 4: Alan Lima de Medeiros Clayton Rylmer Paiva Maia de Almeida Enzo Hêndrio Gomes Araújo João Lucas Freitas Dantas Borges

# Respositório

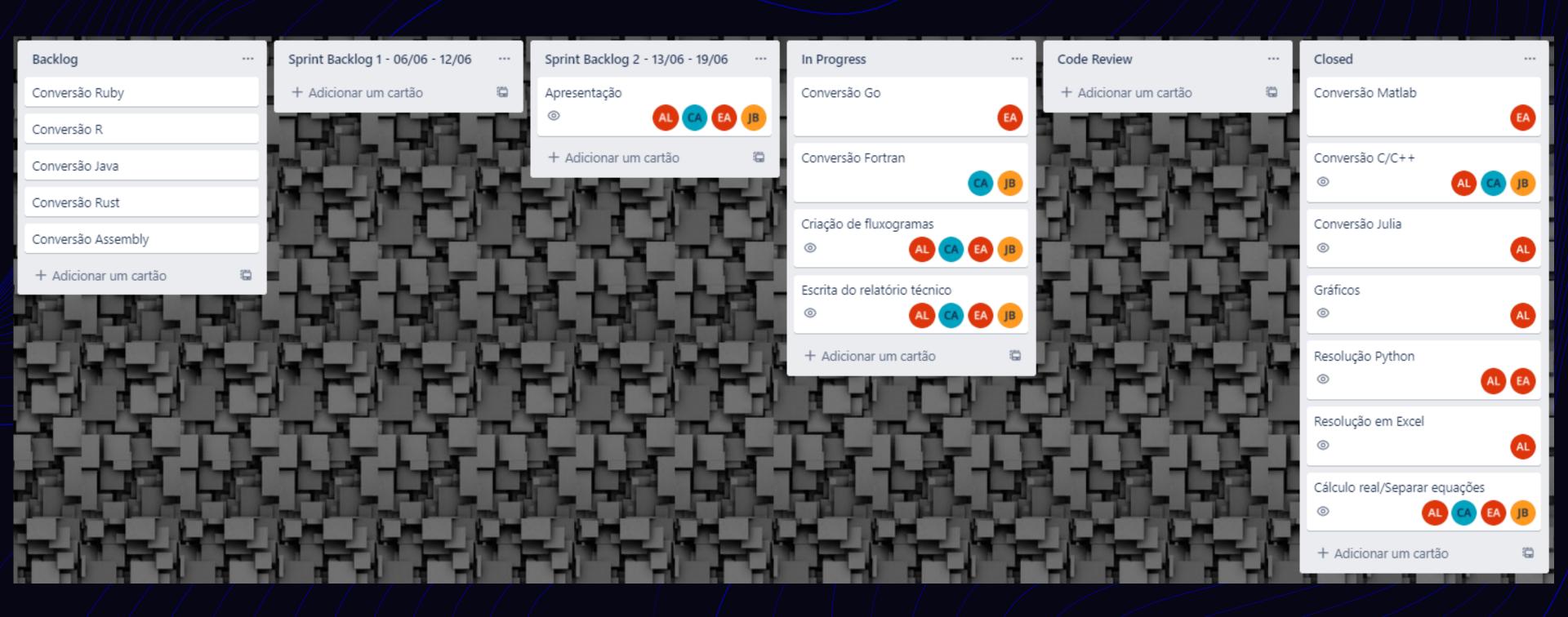


## Metodologia

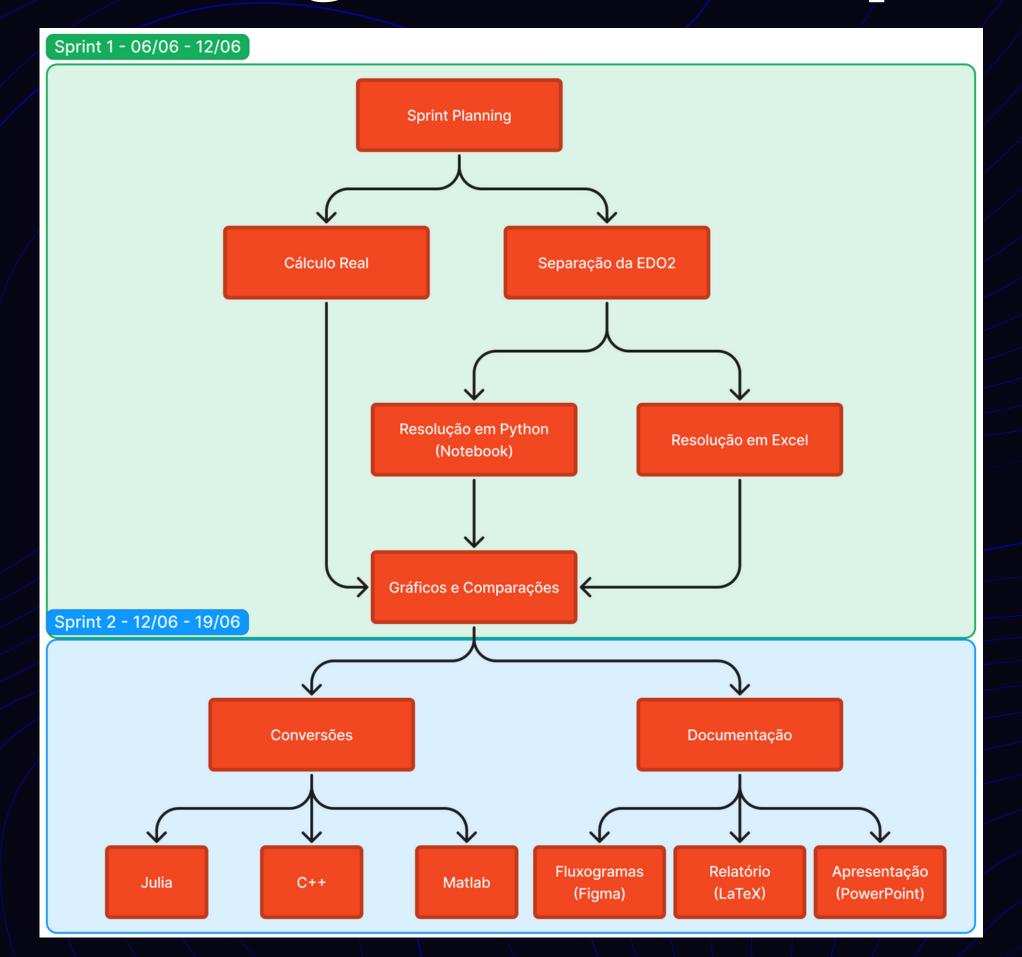
- Metodologia ágil: Scrum
- Sprints: 2
- Sprint 1: 06/06 12/06
- Sprint 2: 13/06 19/06



## Metodologia - Trello



## Metodologia - Divisão Sprints



#### Metodologia

- Por que metodologia ágil?
- Por que o Excel primeiro?
- Por que usar ferramentas em nuvem?
- Por que várias linguagens?

#### Problema

$$\frac{d^2y(x)}{dx^2} = -\left(100 + \frac{1}{x^2}\right)y(x) = f(x,y)$$

$$y(1) = -0.24593576$$

$$y'(1) = -0.55769344$$

Intervalo:  $[1, 10\pi]$ 

h = [0.025, 0.25, 0.5]

## Separação

$$\frac{d^2y(x)}{dx^2} = -\left(100 + \frac{1}{x^2}\right)y(x) = f(x,y)$$

$$z = y' \rightarrow z(1) = y'(1) = -0.55769344$$

$$z' = y'' = -\left(100 + \frac{1}{x^2}\right)y(x)$$

## Equações - RK4

$$y_{n+1} = y_n + \frac{1}{6}(k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4)$$
  $z_{n+1} = z_n + \frac{1}{6}(l_1 + 2l_2 + 2l_3 + l_4)$   $k_1 = hz_n$   $l_1 = hf(x_n, y_n)$   $k_2 = h\left(z_n + \frac{l_1}{2}\right)$   $l_2 = hf\left(x_n + \frac{h}{2}, y_n + \frac{k_1}{2}\right)$ 

$$k_{3} = h\left(z_{n} + \frac{l_{2}}{2}\right)$$

$$l_{3} = hf\left(x_{n} + \frac{h}{2}, y_{n} + \frac{k_{2}}{2}\right)$$

$$k_{4} = h(z_{n} + l_{3})$$

$$l_{4} = hf(x_{n} + h, y_{n} + k_{3})$$

## Equações - RK6 Collatz

$$y_{n+1} = y_n + hz_n \frac{1}{90} (7k_0 + 24k_1 + 6k_2 + 8k_3) \qquad z_{n+1} = z_n + \frac{1}{90h} (7k_0 + 32k_1 + 12k_2 + 32k_3 + 7k_4)$$

$$k_0 = h^2 f(x_n, y_n)$$

$$k_1 = h^2 f\left(x_n + \frac{1}{4}h, y_n + \frac{1}{4}hz_n + \frac{1}{32}k_0\right)$$

$$k_2 = h^2 f\left(x_n + \frac{1}{2}h, y_n + \frac{1}{2}hz_n - \frac{1}{24}k_0 + \frac{1}{6}k_1\right)$$

$$k_3 = h^2 f\left(x_n + \frac{3}{4}h, y_n + \frac{3}{4}hz_n + \frac{3}{32}k_0 + \frac{1}{8}k_1 + \frac{1}{16}k_2\right)$$

$$k_4 = h^2 f\left(x_n + h, y_n + hz_n + \frac{3}{7}k_1 - \frac{1}{14}k_2 + \frac{1}{7}k_3\right)$$

#### Excel

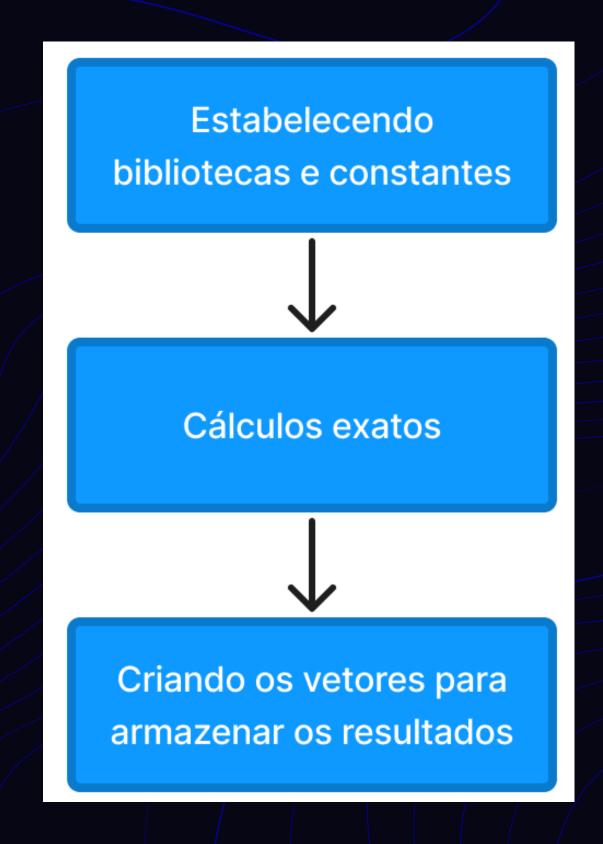
- 6 planilhas
- Aplicação das fórmulas
- Tabelamento dos resultados
- Gráficos



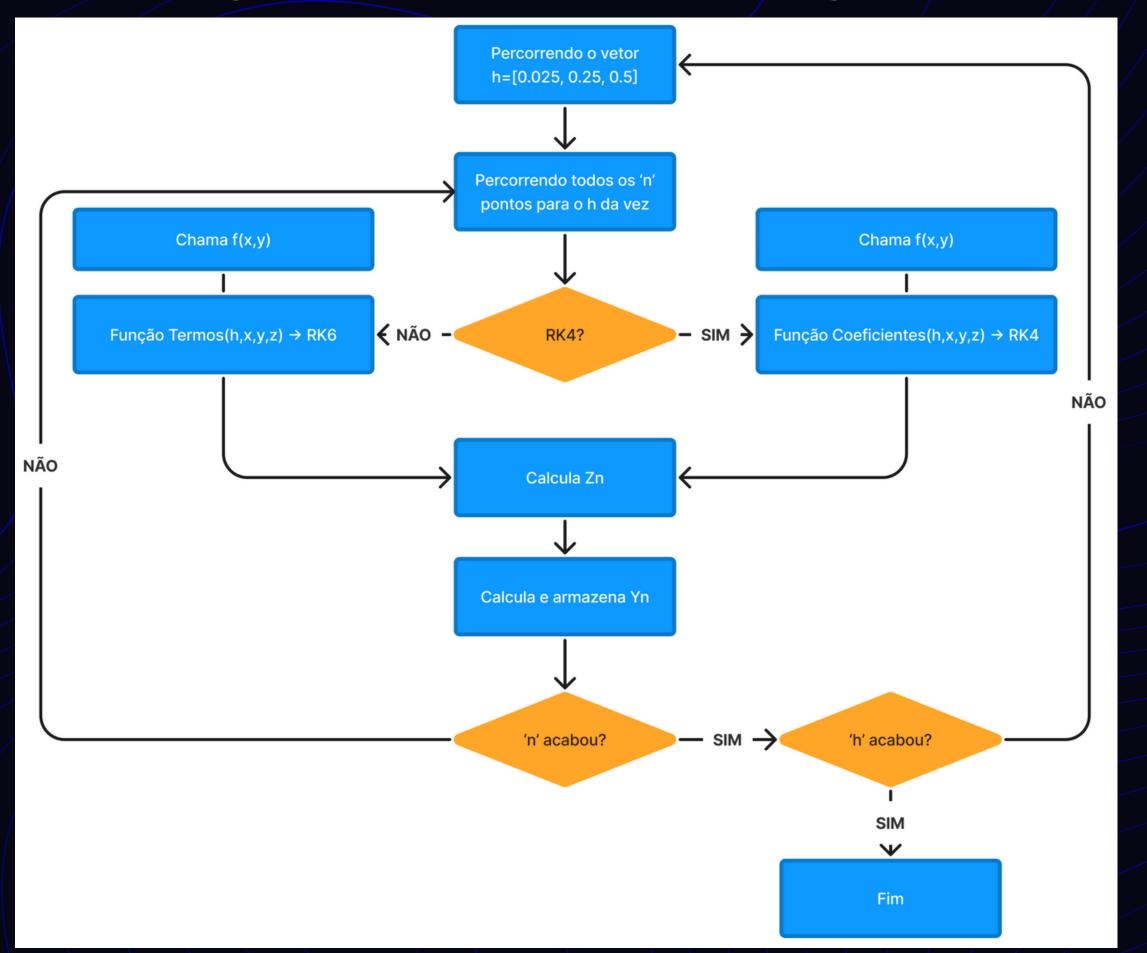
## Python



## Python - Resolução



## Python - Resolução



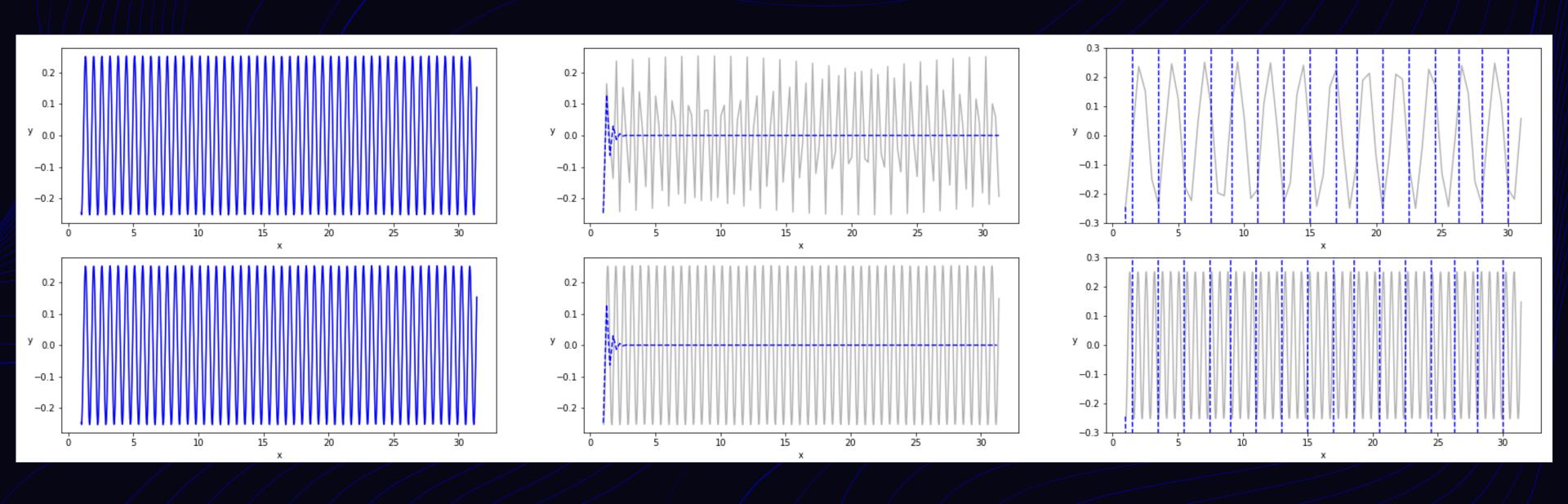
#### Conversões

- Índices e vetores
- Bibliotecas
- Operações matemáticas
- Sintaxe

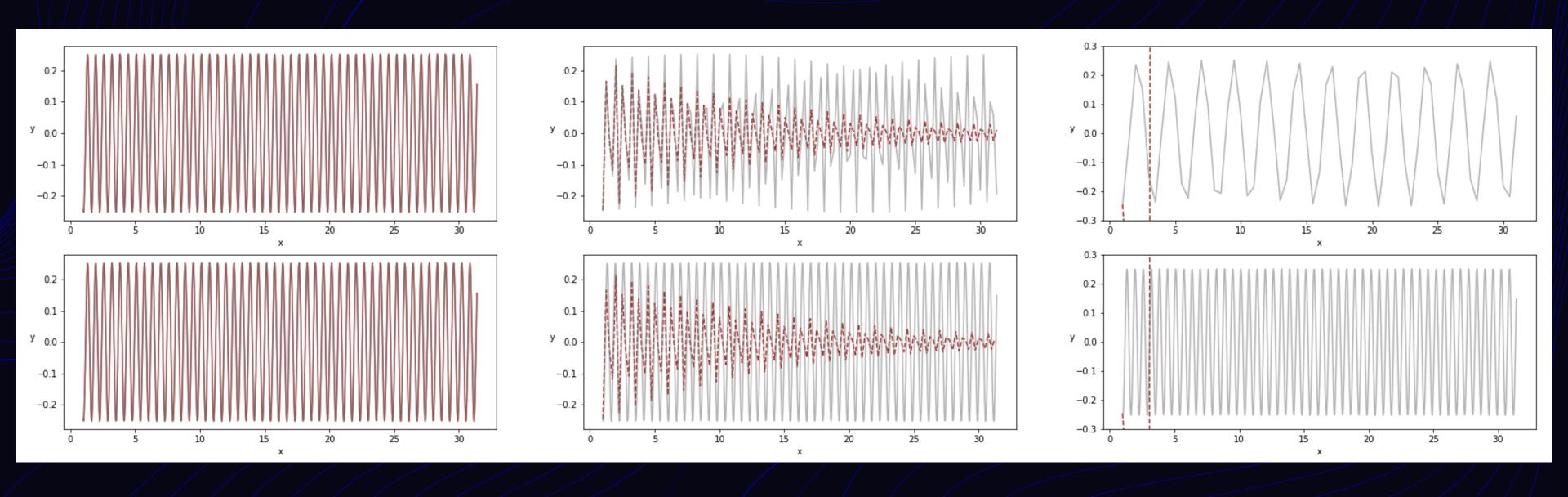
# Conversões



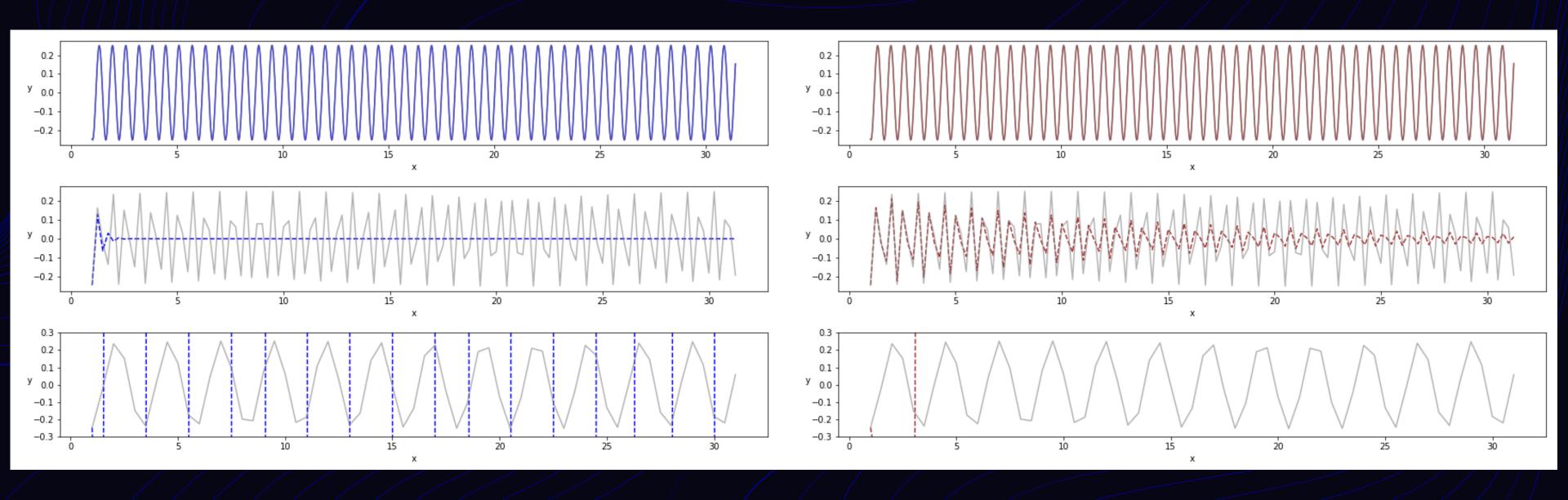
#### Análises - RK4



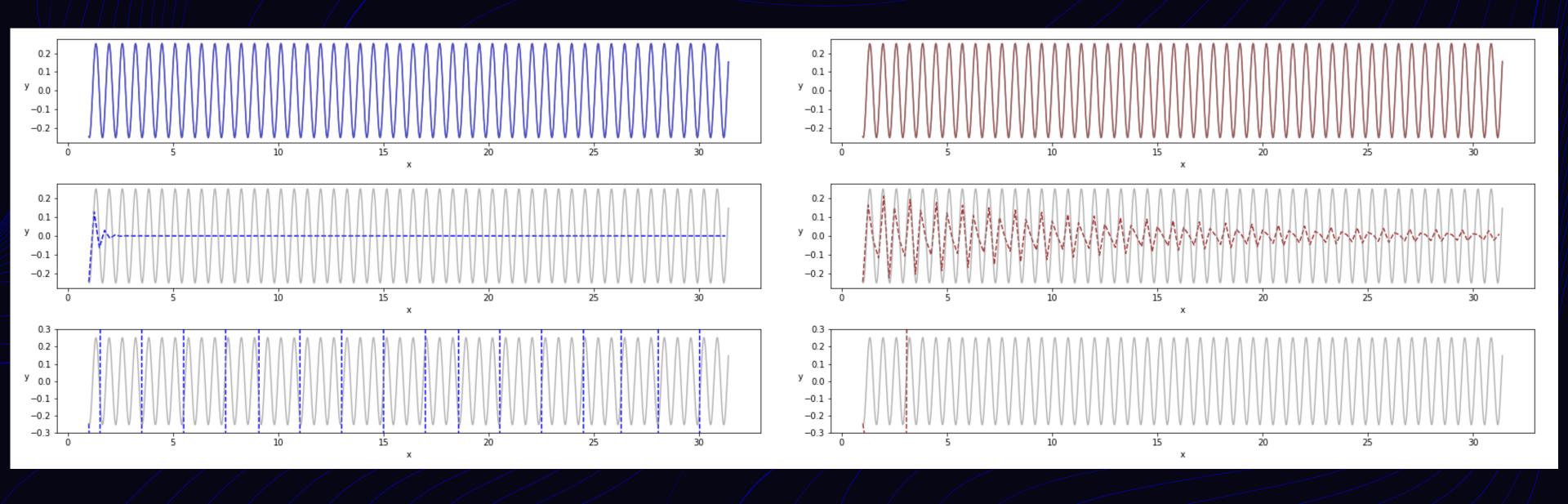
### Análises - RK6



## Análises - RK4 e RK6



### Análises - RK4 e RK6



## Análises - Variação do 'h'



#### Melhorias

- Outras conversões
- Gerar CSV
- Refinado o código
- Generalizado o APP

# Obrigado pela atenção!