## Processamento de imagens - Morfologia Matemática

Alano Martins Pinto e Gildácio Sá

UECE - Universidade Estadual do Ceará

23 de junho de 2017

## Tópicos

- Conceitos
- Teoria dos conjuntos
- Operações lógicas
- Dilatação e Erosão
- Abertura e fechamento
- Transformação Hit-or-miss
- Extração de bordas
- Extração de componentes conexas
- Conver Hull
- Thinning
- Thickening
- Esqueleto
- Poda
- Morfologia em escala de cinza

## Teoria dos conjuntos

 ${\sf Uni\~ao:}\ C=A\cap B$ 

Interceção:  $C=A\cup B$  Subtração: C=A-B

Complementar:  $A^c = \{w \mid w \notin A\}$ 

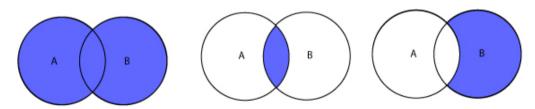


Figura: Propriedades básicas de conjuntos

## Complementar

#### Definição

Conjunto de pontos que não estão em A

$$A^c = \{w \,|\, w \not\in A\}$$

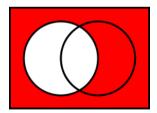


Figura: Complementar de conjuntos

## Translação

#### Definição

Move a origem de A para o ponto z

$$(A)z=\{c\,|\,c=a+z\text{, para }a\in A\}$$

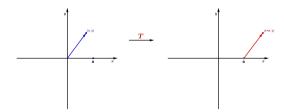


Figura: Translação em vetor

### Reflexão

#### Definição

Reflete todos os elementos de B sobrem a origme desse conjunto

$$B = \{w \mid w = -b, \text{ para } b \in B\}$$

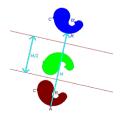


Figura: Reflexão em figura

# Operações lógicas (Binário)

- NOT
- AND
- OR
- XOR
- NOT-AND

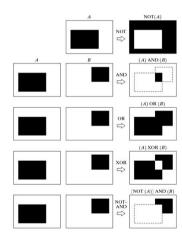


Figura: Operações lógicas

## Extração de bordas

#### Definição

Extrai bordas do pixels frontal. Realiza uma erosão e após a diferença do conjunto A com o resultado.

$$\beta(A) = A - (A \ominus B)$$

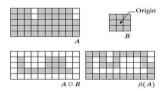


Figura: Extração de bordas 1

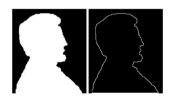


Figura: Extração de bordas 2

## Preenchimento de regiões

#### Definição

Preenche ua região em A, dado um ponto inicial p.

$$X_k = (X_{k-1} \bigoplus B) \cap A^c \qquad k = 1, 2, 3$$

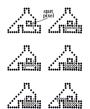


Figura: Preenchimento de regions

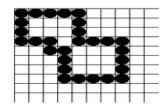


Figura: Preenchimento de regions

## Extração de componentes conexos

#### Definição

Encontra um componente conectado X em A.

$$X_k = (X_{k-1} \bigoplus B) \cap A \qquad k = 1, 2, 3$$

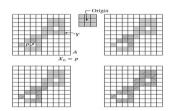


Figura: Componentes conectos

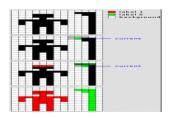


Figura: Componentes conectos

## Convex hull

#### Definicão

Encontra o envelopamento convexo de um conjunto A

$$X_k^i = (X_{k-1} \circledast B^i) \cup A \qquad i = 1, 2, 3, 4 \qquad k = 1, 2, 3, \dots$$

$$k = 1, 2, 3, ...$$







Figura: Preenchimento de regions

## Afinamento

## Definição

Encontra o envelopamento convexo de um conjunto A

$$A\otimes B=A-(A\circledast B)$$
 OU

$$A\cap (A\circledast B)^c$$

## Afinamento

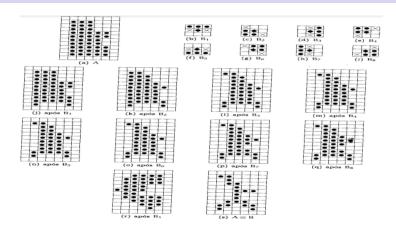


Figura: Afinamento

## Espessamento

### Definição

Aumenta a espessura de um conjunto A

$$A\odot B=A\cup (A\circledast B)$$

## Espessamento

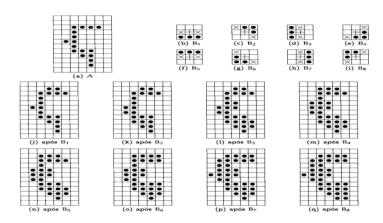


Figura: Espessamento

## Esqueleto

#### Definição

Processo de redução da região foreground, preservando a extensão e conectividade.

## Equação

$$S(A) = \bigcup_{k=0}^{k} \{ (A \ominus kB) - [(A \ominus kB) \circ B] \}$$

Reconstrução de A:

$$S(A) = \bigcup_{k=0}^{k} \{ (A \ominus kB) - [(A \ominus kB) \circ B] \}$$

# Esqueleto

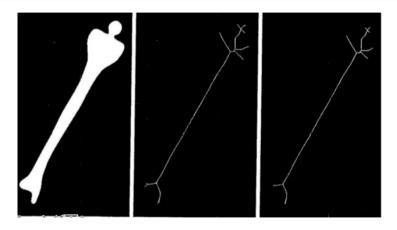


Figura: Esqueleto

## Poda

#### Definição

Aumenta a espessura de um conjunto A

$$X_1 = A \otimes B \tag{2}$$

$$X_2 = \bigcup_{k=1}^{8} (X_1 \circledast B^k)$$
 (3)

$$X_3 = (X_2 \oplus H) \cap A \tag{4}$$

$$X_4 = X_1 \cup X_3 \tag{5}$$

## Poda

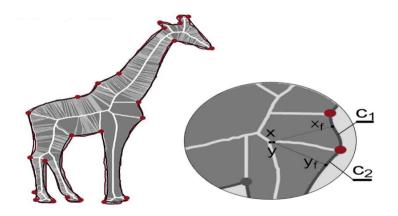


Figura: Poda