

Задачи по Эконометрике временных рядов

Н.В. Артамонов

13 мая 2024 г.

Содержание

1	Работа с рядами в Python. Визуализация	1
2	ACF & PACF	5
3	Стационарные ряды. Модель ARMA	5
3.1	Модель ARMA с константой	6
3.2	Модель ARMA с трендом	8
4	Модель ARIMA	8
5	Модель (*)ARCH	14
6	Многомерные ряды. Модель VAR/VECM. Коинтеграция	17
A	Библиотеки Python	22

1 Работа с рядами в Python. Визуализация

#1. Из БД FRED загрузите **квартальные** данные по ВВП США с 1990 Q1 по н.в. (ряд *gdp*)

1. Задайте квартальный временной индекс
2. Визуализируйте ряд *gdp*
3. Визуализируйте ряд $\log(gdp)$

4. Визуализируйте ряд $\Delta \log(gdp)$
5. Визуализируйте ряд $\Delta^2 \log(gdp)$
6. Постройте гистограммы для $\log(gdp)$, $\Delta \log(gdp)$, $\Delta^2 \log(gdp)$
7. Постройте диаграмму рассеяние $\log(gdp_t)$ vs $\log(gdp_{t-1})$
8. Постройте диаграмму рассеяние $\Delta \log(gdp_t)$ vs $\Delta \log(gdp_{t-1})$
9. вычислите $\text{corr}(\log(gdp_t), \log(gdp_{t-1}))$ и тестируйте его значимость (формально!)
10. вычислите $\text{corr}(\Delta \log(gdp_t), \Delta \log(gdp_{t-1}))$ и тестируйте его значимость (формально!)

#2. Из БД FRED загрузите **месячные** данные по М2 США с 1990-01-01 по н.в. (ряд $m2$)

1. Задайте месячный временной индекс
2. Визуализируйте ряд $m2$
3. Визуализируйте ряд $\log(m2)$
4. Визуализируйте ряд $\Delta \log(m2)$
5. Визуализируйте ряд $\Delta^2 \log(m2)$
6. Постройте гистограммы для $\log(m2)$, $\Delta \log(m2)$, $\Delta^2 \log(m2)$
7. Постройте диаграмму рассеяние $\log(m2_t)$ vs $\log(m2_{t-1})$
8. Постройте диаграмму рассеяние $\Delta \log(m2_t)$ vs $\Delta \log(m2_{t-1})$
9. вычислите $\text{corr}(\log(m2_t), \log(m2_{t-1}))$ и тестируйте его значимость (формально!)
10. вычислите $\text{corr}(\Delta \log(m2_t), \Delta \log(m2_{t-1}))$ и тестируйте его значимость (формально!)

#3. Из БД FRED загрузите **недельные** данные по М2 США с 1990-01-01 по н.в.

1. агрегируйте их в квартальные наблюдения (через усреднение)
2. задайте квартальный временной индекс
3. визуализируйте полученные наблюдения

#4. Из БД FRED загрузите месячные данные краткосрочной (3-х мес, $rate1$) и долгосрочной (10-ти лет, $rate2$) ставкам для США с 1990-01-01 по н.в. как многомерный временной ряд $rates$.

1. Задайте месячный временной индекс
2. Визуализируйте ряд $rates$ двумя способами
 - отдельные графики
 - общий график (два ряда на одном графике)
3. Визуализируйте ряд $\Delta \log(rates)$ двумя способами
4. Визуализируйте ряд $\Delta^2 \log(rates)$ двумя способами
5. Постройте гистограммы для $rates, \Delta rates, \Delta^2 rates$ двумя способами
6. Постройте диаграмму рассеяния $rate1$ vs $rate2$
7. Постройте диаграмму рассеяния $\Delta rate1$ vs $\Delta rate2$
8. вычислите $\text{corr}(rate1, rate2)$ и проверьте его значимость (формально!)
9. вычислите $\text{corr}(\Delta rate1, \Delta rate2)$ и проверьте его значимость (формально!)

#5. Из БД FRED загрузите месячные данные по США

- краткосрочная (3-х мес) ставка
- долгосрочная (10-ти лет) ставка
- логарифм денежной массы M2

с 2000-01-01 по н.в. как многомерный временной ряд

1. задайте месячный временной индекс
2. Визуализируйте многомерный ряд
3. Визуализируйте первую и вторую разность
4. Вычислите корреляционную матрицу для исходного ряда и визуализируйте её
5. Вычислите корреляционную матрицу для дифференцированного ряда и визуализируйте её

#6. Из finance.yahoo.com загрузите данные с 2005-01-01 по 2023-12-31 по S&P500

1. Сформируйте месячный временной ряд из цены закрытия на последний день каждого месяца
2. Задайте для него месячный временной индекс
3. Визуализируйте ряд
4. Визуализируйте первую и вторую логарифмические разности

#7. Из finance.yahoo.com загрузите данные с 2005-01-01 по 2023-12-31 по ценам закрытия S&P500, Apple, Google

1. Сформируйте многомерный ряд из цен закрытия на последний день каждого месяца
2. Визуализируйте многомерный ряд
3. Визуализируйте первую и вторую логарифмические разности
4. Вычислите корреляционную матрицу для исходного ряда и визуализируйте её
5. Вычислите корреляционную матрицу для лог-разности ряда и визуализируйте её

2 ACF & PACF

Во всех задачах по умолчанию уровень значимости 5%.

#1. Рассмотрим квартальные ряды

- x : первая разность логарифма ВВП США с 1990 Q1 по н.в.
- y : вторая разность логарифма ВВП США с 1990 Q1 по н.в.

Для них

1. Постройте график ряда, ACF и PACF для каждого ряда
2. Значимы ли $r(3), r_{part}(3)$?

#2. Рассмотрим месячные ряды

- x : первая разность 3-х месячной ставки США с 2000-01 по н.в.
- y : вторая разность 3-х месячной ставки США с 2000-01 по н.в.

Для них

1. Постройте график ряда, ACF и PACF для каждого ряда
2. Значимы ли $r(4), r_{part}(4)$?

#3. Рассмотрим месячные ряды

- x : первая разность логарифма S&P500 с 2000-01 по н.в.
- y : вторая разность логарифма S&P500 с 2000-01 по н.в.

Для них

1. Постройте график ряда, ACF и PACF для каждого ряда
2. Значимы ли $r(5), r_{part}(5)$?

3 Стационарные ряды. Модель ARMA

Во всех задачах по умолчанию уровень значимости 5%.

3.1 Модель ARMA с константой

#1. Пусть y_t – логарифмическая доходность US GDP (**квартальные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модель ARMA(1,1)
2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику
3. Постройте прогноз на 10 периодов

#2. Пусть y_t – логарифмическая доходность US M2 (**месячные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$MA(2) \qquad AR(2) \qquad ARMA(1, 1)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику
3. Постройте прогноз на 10 периодов

#3. Пусть y_t – логарифмическая доходность US M2 (**недельные данные**) с 1995 по н.в.

1. Подгоните модели

$$ARMA(2, 1) \qquad ARMA(1, 2) \qquad ARMA(2, 2)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику
3. Постройте прогноз на 10 периодов

#4. Пусть y_t – первая разность of 10-летней ставки (treasury securities with constant maturity) (**квартальные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$ARMA(1, 1) \quad ARMA(2, 1) \quad ARMA(1, 2) \quad ARMA(2, 2)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику

3. Постройте прогноз на 10 периодов

#5. Пусть y_t – первая разность of 10-летней ставки (treasury securities with constant maturity) (**месячные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$ARMA(1, 1) \quad ARMA(2, 1) \quad ARMA(1, 2) \quad ARMA(2, 2)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику

3. Постройте прогноз на 10 периодов

#6. Ряд y_t – первая разность 3-месячной ставки (treasury bill, **квартальные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$ARMA(2, 1) \quad ARMA(1, 2) \quad ARMA(2, 2)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите диагностику

3. Постройте прогноз на 10 периодов

#7. Ряд y_t – первая разность 3-месячной ставки (treasury bill, **месячные данные**) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$ARMA(2, 1) \quad ARMA(1, 2) \quad ARMA(2, 2)$$

и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите диагностику

3. Постройте прогноз на 10 периодов

3.2 Модель ARMA с трендом

#1. Пусть y_t – логарифм US GDP (квартальные данные) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модель ARMA(1,1) с трендом и проведите её диагностику
2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA с трендом и проведите её диагностику
3. Постройте прогноз на 10 периодов

#2. Пусть y_t – логарифм US M2 (месячные данные) с 1990 по н.в.

1. Подгоните модели

$$MA(2) \qquad AR(2) \qquad ARMA(1, 1)$$

с трендом и проведите их диагностику

2. Подгоните «оптимальную» модель ARMA и проведите её диагностику
3. Постройте прогноз на 10 периодов

4 Модель ARIMA

#1. Пусть y_t – логарифм US GDP (квартальные данные) с 1995 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

(а) Подгоните модели

Модель	drift/trend	спецификация
ARIMA(1,0,1)	+	$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + \phi y_{t-1} + u_t + \theta u_{t-1}$
ARIMA(1,1,0)	+	$\Delta y_t = \alpha_0 + \phi \Delta y_{t-1} + u_t + \theta u_{t-1}$
ARIMA(1,1,1)	-	$\Delta y_t = \phi \Delta y_{t-1} + u_t + \theta u_{t-1}$
ARIMA(1,2,0)	-	$\Delta^2 y_t = \phi \Delta^2 y_{t-1} + u_t$

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/тренд?

- (b) Проведите диагностику каждой модели.
 - (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?
2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .
3. Подгонка «оптимальной модели»
- (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
 - (b) проведите её диагностику
 - (c) Постройте прогноз на 10 периодов

#2. Пусть y_t – логарифм US M2 (**месячные данные**) с 1995 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

- (a) Подгоните модели

Модель	drift/trend
ARIMA(2,0,2)	+
ARIMA(2,1,0)	+
ARIMA(2,1,1)	-
ARIMA(1,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/тренд?

- (b) Проведите диагностику каждой модели.
 - (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?
2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .
3. Подгонка «оптимальной модели»
- (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
 - (b) проведите её диагностику
 - (c) Постройте прогноз на 10 периодов

#3. Пусть y_t – логарифм US M2 (**недельные данные**) с 1995 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

(a) Подгоните модели

Модель	drift/trend
ARIMA(3,0,2)	+
ARIMA(2,1,0)	+
ARIMA(2,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/тренд?

(b) Проведите диагностику каждой модели.

(c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?

2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .

3. Подгонка «оптимальной модели»

(a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA

(b) проведите её диагностику

(c) Постройте прогноз на 10 периодов

#4. Пусть y_t – 10-летняя ставка (treasury securities with constant maturity **месячные данные**) с 2000 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

(a) Подгоните модели

Модель	drift/const
ARIMA(2,0,2)	-
ARIMA(2,0,2)	+
ARIMA(2,1,0)	+
ARIMA(2,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/const?

(b) Проведите диагностику каждой модели.

- (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?
- 2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .
- 3. Подгонка «оптимальной модели»
 - (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
 - (b) проведите её диагностику
 - (c) Постройте прогноз на 10 периодов

#5. Пусть y_t – 10-летняя ставка (treasury securities with constant maturity) (дневные данные) с 2010 по н.в.

- 1. Подгонка модели заданного порядка

- (a) Подгоните модели

Модель	drift/const
ARIMA(3,0,2)	-
ARIMA(3,0,2)	+
ARIMA(3,1,0)	+
ARIMA(3,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/const?

- (b) Проведите диагностику каждой модели.
- (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?
- 2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .
- 3. Подгонка «оптимальной модели»
 - (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
 - (b) проведите её диагностику
 - (c) Постройте прогноз на 10 периодов

#6. Пусть y_t – 3-месячная ставки (treasury bill, **месячные данные**) с 2000 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

(a) Подгоните модели

Модель	drift/const
ARIMA(2,0,2)	-
ARIMA(2,0,2)	+
ARIMA(2,1,0)	+
ARIMA(2,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/const?

(b) Проведите диагностику каждой модели.

(c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?

2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .

3. Подгонка «оптимальной модели»

(a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA

(b) проведите её диагностику

(c) Постройте прогноз на 10 периодов

#7. Пусть y_t – 3-месячная ставки (treasury bill, **дневные данные**) с 2010 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

(a) Подгоните модели

Модель	drift/const
ARIMA(3,0,2)	-
ARIMA(3,0,2)	+
ARIMA(3,1,0)	+
ARIMA(3,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/const?

- (b) Проведите диагностику каждой модели.
- (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?

2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .

3. Подгонка «оптимальной модели»

- (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
- (b) проведите её диагностику
- (c) Постройте прогноз на 10 периодов

#8. Пусть y_t – логарифм S&P500 (дневные данные) с 2010 по н.в.

1. Подгонка модели заданного порядка

- (a) Подгоните модели

Модель	drift/const
ARIMA(2,0,2)	-
ARIMA(2,0,2)	+
ARIMA(2,1,0)	+
ARIMA(2,1,1)	-
ARIMA(2,2,0)	-

и постройте прогноз на 10 периодов. Значим ли снос/const?

- (b) Проведите диагностику каждой модели.
- (c) Проведите кросс-валидацию каждой модели. Какая предпочтительней?

2. Примените тесты единичного корня и найдите порядок интегрирования для y_t .

3. Подгонка «оптимальной модели»

- (a) Подгоните «оптимальную» модель ARIMA
- (b) проведите её диагностику

(с) Постройте прогноз на 10 периодов

#9. Запишите спецификации следующих моделей

1. ARIMA(0,1,1) без сноса и со сном
2. ARIMA(0,1,2) без сноса и со сном
3. ARIMA(1,1,0) без сноса и со сном
4. ARIMA(2,1,0) без сноса и со сном
5. ARIMA(0,2,0) без сноса и со сном
6. ARIMA(1,2,0) без сноса и со сном
7. ARIMA(0,2,1) без сноса и со сном

5 Модель (*)ARCH

#1. Пусть y_t – лог-доходность US M2 (**недельные данные**) с 1995 по н.в.

1. Подгоните модели AR-GARCH(p,o,q)

Модель	λ
AR(1)-GARCH(1,0,1)	2
AR(1)-GARCH(1,0,1)	1
AR(2)-GARCH(1,0,1)	2
AR(2)-GARCH(1,0,1)	1

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

2. Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?
3. Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?
4. Подгоните модели GARCH-in-Mean

Модель	$f(x)$
AR(2)-GARCH(1,1)	$\log x$
AR(2)-GARCH(1,1)	x
AR(2)-GARCH(1,1)	\sqrt{x}

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

- Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?

#2. Пусть ряд y_t – первая разность 3-месячной ставки (treasury bill, **дневные данные**) с 2010 по н.в.

- Подгоните модели AR-GARCH(p,o,q)

Модель	λ
AR(1)-GARCH(1,0,1)	2
AR(1)-GARCH(1,0,1)	1
AR(2)-GARCH(1,0,1)	2
AR(2)-GARCH(1,0,1)	1

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

- Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?
- Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?
- Подгоните модели GARCH-in-Mean

Модель	$f(x)$
AR(1)-GARCH(1,1)	$\log x$
AR(1)-GARCH(1,1)	x
AR(1)-GARCH(1,1)	\sqrt{x}

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

- Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?

#3. Пусть ряд y_t – первая разность 10-летней ставки (treasury securities with constant maturity, **дневные данные**) с 2010 по н.в.

1. Подгоните модели AR-GARCH(p,o,q)

Модель	λ
AR(1)-GARCH(1,0,1)	2
AR(1)-GARCH(1,0,1)	1
AR(2)-GARCH(1,0,1)	2
AR(2)-GARCH(1,0,1)	1

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

2. Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?
3. Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?
4. Подгоните модели GARCH-in-Mean

Модель	$f(x)$
AR(1)-GARCH(1,1)	$\log x$
AR(1)-GARCH(1,1)	x
AR(1)-GARCH(1,1)	\sqrt{x}

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

5. Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?

#4. Пусть ряд y_t – лог-доходность S&P500 (**дневные данные**) с 2010 по н.в.

1. Подгоните модели

Модель	λ
AR(1)-GARCH(1,0,1)	2
AR(1)-GARCH(1,0,1)	1
AR(1)-GARCH(1,1,1)	2
AR(1)-GARCH(1,1,1)	1

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

2. Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?
3. Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?
4. Подгоните модели GARCH-in-Mean

Модель	$f(x)$
AR(1)-GARCH(1,1)	$\log x$
AR(1)-GARCH(1,1)	x
AR(1)-GARCH(1,1)	\sqrt{x}

и постройте прогноз на 10 периодов для ряда и его волатильности.

5. Сравните модели по информационным критериям. Какая предпочтительней?

6 Многомерные ряды. Модель VAR/VECM. Коинтеграция

#1. Рассмотрим **недельные** данные с 2000 г по н.в. по следующим переменным

- первая разность 3-месячной ставки (3-Month Treasury Bill)
- первая разность 6-месячной ставки (6-Month Treasury Bill)
- первая разность 10-летней ставки (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Фиксированный порядок
 - (a) Подгоните модели VAR(1), VAR(2), VAR(3)
 - (b) постройте прогноз на 10 периодов по каждой модели
 - (c) Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?
2. «Оптимизация» порядка

- (a) Подгоните модель VAR «оптимального» порядка
- (b) Проведите её диагностику
- (c) Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
- (d) Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
- (e) Проведите тест Гренджера на причинность

#2. Рассмотрим **дневные** данные с 2000 г по н.в. по следующим переменными

- первая разность 3-месячной ставки (3-Month Treasury Bill)
- первая разность 6-месячной ставки (6-Month Treasury Bill)
- первая разность 10-летней ставки (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Фиксированный порядок

- (a) Подгоните модели VAR(1), VAR(2), VAR(3)
- (b) постройте прогноз на 10 периодов по каждой модели
- (c) Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?

2. «Оптимизация» порядка

- (a) Подгоните модель VAR «оптимального» порядка
- (b) Проведите её диагностику
- (c) Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
- (d) Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
- (e) Проведите тест Гренджера на причинность

#3. Рассмотрим **месячные** данные с 1995 г по н.в. по следующим переменными

- первая разность 3-месячной ставки (3-Month Treasury Bill)
- первая разность 6-месячной ставки (6-Month Treasury Bill)
- первая разность 10-летней ставки (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)
- лог-доходность US M2

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Фиксированный порядок

- Подгоните модели VAR(1), VAR(2), VAR(3)
- постройте прогноз на 10 периодов по каждой модели
- Проведите кросс-валидацию моделей. Какая предпочтительней?

2. «Оптимизация» порядка

- Подгоните модель VAR «оптимального» порядка
- Проведите её диагностику
- Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
- Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
- Проведите тест Гренджера на причинность

#4 (VECM). Рассмотрим **недельные** данные с 2005 г по н.в. по следующим переменными

- 3-месячная ставки (3-Month Treasury Bill)
- 6-месячная ставки (6-Month Treasury Bill)
- 1-летняя ставка (Treasury Securities at 1-Year Constant Maturity)
- 10-летняя ставка (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Найдите ранг коинтеграции

2. Оцените модель VECM «оптимального» порядка
3. Проведите её диагностику
4. Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
5. Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
6. Проведите тест Гренджера на причинность

#5 (VECM). Рассмотрим **недельные** данные с 2005 г по н.в. по следующим переменными

- 3-месячная ставки (3-Month Treasury Bill)
- 6-месячная ставки (6-Month Treasury Bill)
- 1-летняя ставка (Treasury Securities at 1-Year Constant Maturity)
- 10-летняя ставка (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Найдите ранг коинтеграции
2. Оцените модель VECM «оптимального» порядка
3. Проведите её диагностику
4. Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
5. Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
6. Проведите тест Гренджера на причинность

#6 (VECM). Рассмотрим **месячные** данные с 1995 г по н.в. по следующим переменными

- 3-месячная ставки (3-Month Treasury Bill)
- 6-месячная ставки (6-Month Treasury Bill)
- 1-летняя ставка (Treasury Securities at 1-Year Constant Maturity)
- 10-летняя ставка (Treasury Securities at 10-Year Constant Maturity)

- лог-M2

Сформируйте многомерный ряд и визуализируйте его.

1. Найдите ранг коинтеграции
2. Оцените модель VECM «оптимального» порядка
3. Проведите её диагностику
4. Постройте прогноз на 5 периодов. Постройте FEVD
5. Постройте IRF, используя исходное упорядочивание переменных
6. Проведите тест Гренджера на причинность

А Библиотеки Python

Библиотека	Описание
pandas	Табличные данные (кросс-секции, панели, временные ряды)
numpy	Работа с массивами, преобразование данных
yfinance	Загрузка данных с finance.yahoo.com
pandas-datareader	Загрузка данных из внешних БД (FRED, finance.yahoo.com etc)
statsmodels	Регрессионный анализ, базовые модели временных рядов
arch	Тесты и модели временных рядов
pmdarima	ARIMA-модель
scikit-learn	Методы машинного обучения
sktime	анализ временных рядов и ML
scipy.stats	Статистические методы (распределения и др)
seaborn	Визуализация статистических данных
matplotlib	Визуализация данных
plotly	Визуализация данных

Таблица 1: Основные библиотеки Python для анализа временных рядов