

Algoritmi de paginare

- Conceptul de memorie virtuală, permite ca un program în execuție să nu fie obligatoriu încărcat integral în memoria internă. O justificare a necesității acestui aspect, poate rezulta din următoarele exemple:
 - programele conțin părți de cod în care se testează anumite condiții de eroare, pentru care se execută anumite proceduri și care se întâmplă foarte rar;
 - unor structuri de date declarate în program, li se alocă un spațiu mult mai mare decât cel utilizat efectiv de către procesul respectiv.
- Posibilitatea execuției unui program, care este încărcat parțial în memoria internă, oferă o serie întreagă de avantaje, printre care:
 - nu mai există restricții cu privire la dimensiunea programelor, deoarece cantitatea de memorie virtuală care poate fi alocată proceselor, poate fi oricât de mare;
 - deoarece cantitatea de memorie fizică pe care o folosește efectiv un proces scade, crește gradul de multiprogramare și, deci gradul de utilizare a CPU;
 - sunt necesare mai puține operații de intrare/ieșire pentru încărcarea/evacuarea programelor de pe/din disc.
- Există două tipuri de bază de algoritmi de paginare: statici și dinamici. Algoritmii statici alocă un număr fix de pagini fizice fiecărui proces în timpul execuției, pe când în cazul celor dinamici acest număr poate să fie variabil.

Algoritmi statici

- Oricare algoritm de paginare este definit trei politici:
 - **politica de extragere** (fetch) decide când o pagină va fi încărcată în memoria primară;
 - **politica de înlocuire** determină care pagină va fi mutată din memoria internă atunci când toate paginile acesteia sunt pline cu informații ale proceselor în execuție;
 - **politica de plasare** determină unde va fi plasată o pagină extrasă din memoria internă.
- Deoarece numărul paginilor fizice este fixat în cadrul alocării statice, pagina fizică unde va fi adusă o pagină virtuală, va trebui să fie ori o pagină liberă, ori una în care se va înlocui informația deja existentă, care fac parte din spațiul de adrese al procesului respectiv.
- Dacă politica de plasare este aceeași, celelate două politici diferențiază algoritmi statici de paginare.

- În descrierea algoritmilor statici, vom folosi următorul **model matematic**.
- Presupunem că N este mulțimea paginilor din spațiul de adrese virtuale; ω este șirul referințelor de pagini, fiind o secvență de pagini din N , de forma:

$$\omega = r_1, r_2, \dots, r_i, \dots$$

- care sunt referențiate de către proces în timpul execuției sale. Timpul virtual al procesului este indicele din șirul de referințe de pagini.
- Fie m numărul de pagini din spațiul de adrese fizice și $S_i(m)$ mulțimea paginilor fizice încărcate. La momentul 0 avem $S_0(m) = \Phi$ și la momentul virtual t ,

$$S_t(m) = S_{t-1}(m) \cup X_t - Y_t ;$$

X_t , respectiv Y_t fiind mulțimea paginilor extrase, respectiv înlocuite la timpul virtual t .

Politici de extragere

- **Aducerea unei pagini la cerere**, este politica de extragere utilizată; deoarece nu se cunoaște apriori evoluția unui proces, nu se poate stabili dinainte o politică de pre-extragere a paginilor.
- Există unele sisteme care utilizează metode de încărcare prin care se aduc **pagini în avans**.
- Astfel, odată cu o pagină se aduc și câteva pagini vecine, în ipoteza că ele vor fi invocate în viitorul apropiat. O **evidență statistică** a utilizării paginilor, poate furniza, cu o anumită probabilitate care vor fi paginile cerute în viitor.
- **Principiul vecinătății** afirmă că adresele de memorie solicitate de un program nu se distribuie uniform pe întreaga memorie folosită, ci se grupează în jurul unor centre.
- Apelurile din jurul acestor centre sunt mult mai frecvente decât apelurile de la un centru la altul.
- Acest principiu sugerează o politică simplă de încărcare în avans a unor pagini. Se stabilește o așa zisă memorie de lucru compusă din câteva pagini.
- Atunci când se cere aducerea unei pagini virtuale în memoria executabilă, sunt încărcate câteva pagini vecine acesteia. În conformitate cu principiul vecinătății, este foarte probabil ca următoarele referiri să fie făcute în cadrul memoriei interne.

Algoritmi de înlocuire

- Dacă considerăm $\omega = r_1, r_2, \dots, r_i, \dots$ un șir de referire a paginilor și $\{S_t(m)\}$ secvența de stări ale memoriei interne atunci

$$S_t(m) = S_{t-1}(m) \cup X_t - Y_t$$

relație în care X_t și Y_t au semnificația următoare:

- dacă la momentul t procesul cere o pagină r_t care nu se găsește în memoria fizică și y_t este pagina care va fi înlocuită atunci $X_t = \{r_t\}, Y_t = \{y_t\}$;
- dacă la momentul t procesul cere o pagină r_t care se găsește în memoria fizică atunci $X_t = \Phi, Y_t = \Phi$.
- Problema care se pune, este cum să fie selectată pagina y_t care va fi înlocuită în memoria fizică.
- **Înlocuirea aleatoare** înseamnă că y_t este aleasă cu o probabilitate $1/m$ dintre oricare paginile fizice alocate procesului. În practică, s-a dovedit că această metodă nu este eficientă.

Algoritmul optimal al lui Belady

- La un moment t , pentru încărcarea unei pagini r_t , pagina fizică y_t care urmează să fie înlocuită, va fi determinată astfel: dintre paginile r_{t+1}, r_{t+2}, \dots , care fac parte din șirul de referințe, se va alege acea pagină r_k pentru care diferența $k - (t+1)$, $k \geq t+1$, (considerând primele apariții ale paginilor), este maximă, sau $t = \max \{ k / r_k \in S_{t-1}(m) \}$ sau cu alte cuvinte se înlocuiește pagina care **nu va fi folosită pentru cea mai lungă perioadă de timp**.
- Această metodă nu poate fi aplicată direct, deoarece presupune că se cunoaște apriori care pagini vor fi solicitate de către procesul respectiv (imposibil, deoarece evoluția concretă a unui program este determinată de datele concrete asupra căruia operează), dar ea poate fi o sursă de inspirație pentru alte metode.

- **Exemplu.** Presupunem că numărul de pagini fizice alocate unui proces este 3. În figura urm este prezentat un șir de referințe de pagini(prima linie), precum și paginile fizice în care ele se încarcă, folosind algoritmul lui Belady. a II-a linie coresp. primei pagini fizice alocate, a III-a linie coresp. celei de-a II-a pagini fizice alocate, a IV-a linie coresp. celei de-a III-a pagini fizice alocate.
- Am marcat cu * atunci când are loc fenomenul de lipsă de pagină.

7	0	1	2	0	3	0	4	2	3	0	3	2	1	2	0	1	7	0	1
7*	7	7	2*	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	7*	7	7
	0*	0	0	0	0	0	4*	4	4	0*	0	0	0	0	0	0	0	0	0
		1*	1	1	3*	3	3	3	3	3	3	3	1*	1	1	1	1	1	1

} pagini fizice

- Primele 3 pagini din șirul de referință sunt încărcate fără probleme în memoria fizică. Când se ajunge la a patra pagină virtuală din șir (pagina 2), va fi înlocuită pagina 7, deoarece, în viitor, ea va fi ultima la care se va face o referință, dintre paginile care sunt încărcate în memoria fizică. A cincea pagină virtuală din șir este deja încărcată în memoria internă, deci nu va mai fi necesară înlocuirea unei pagini ș.a.m.d.

Înlocuirea în ordinea încărcării paginilor(FIFO)

- Se crează și se întreține o listă a paginilor în ordinea încărcării lor. Această listă se actualizează la fiecare **nouă încărcare de pagină**. Atunci când se cere înlocuirea, este substituită prima (cea mai veche) pagină din listă.
- **Exemplu.** În condițiile aceluiași șir de referințe și aceluiași număr de pagini fizice alocate unui proces, ca în exemplul ant., în figura urm. este prezentat un șir de referințe de pagini, precum și paginile fizice în care ele se încarcă, folosind algoritmul FIFO.
- La momentul 4 (cînd se încarcă prim data pag. 2) coada conține 7,0,1; după încărcare coada va conține 0,1,2.
- La momentul 5 (cînd se încarcă din nou pag. 0) coada conține 1,2,3; după încărcare coada va conține 2,3,0. La urm. înloc. de pag., 4 se încarcă în locul pag. 2 și coada devine 3, 0, 4 s.a.m.d.

7	0	1	2	0	3	0	4	2	3	0	3	2	1	2	0	1	7	0	1
7*	7	7	2*	2	2	2	4*	4	4	0*	0	0	0	0	0	0	7*	7	7
	0*	0	0	0	3*	3	3	2*	2	3	3	3	2	2	2	2	2	0*	0
		1*	1	1	1	0*	0	0	3*	4	4	2*	1*	1	1	1	1	1	1

pagini fizice

- **Metoda celei de-a doua șanse** este o extensie a metodei FIFO.
- Fiecare pagină fizică are asociați doi biți, prin intermediul cărora se va decide pagina de înlocuit.
- Bitul **R**, numit bit de referire, primește valoarea 0 la încărcarea paginii. La fiecare referire a paginii, acest bit este pus pe 1. Periodic (constantă de sistem), bitul este pus iarăși pe 0.
- Bitul **M**, numit bit de modificare, primește valoarea 0 la încărcarea paginii respective. El este modificat numai la scriere în pagină, când i se dă valoarea 1. Bitul **M** indică dacă pagina trebuie sau nu salvată înaintea înlocuirii.
- Când se pune problema lipsei de pagină, se testează bitul R al primei pagini din coadă.
- Dacă acesta este 0, atunci pagina este înlocuită imediat.
- Dacă este 1, atunci este pus pe 0 și pagina este pusă ultima în coadă, având ca valoare a timpului virtual, timpul când se cere încărcarea de pagină.
- Apoi căutarea se reia cu nouă pagină care a devenit prima din coadă.
- Dacă toate paginile din coada au bitul R poziționat pe 1, se aplica FIFO.

Înlocuirea paginii nesolicitate cel mai mult timp (LRU Least Recently Used)

- LRU are la bază următoarea observație: o pagină care a fost solicitată mult de către ultimele instrucțiuni, va fi solicitată mult și în continuare și invers. Problema este cum să se țină evidența utilizatorilor.
- **Numărătorul de accese** se implementează hard. Există un registru, numit contor reprezentat de regulă pe 64 de biți. La fiecare acces, valoarea lui este mărită cu o unitate. În tabela de pagini, există o locație pentru a memora valoarea contorului. În momentul accesului la o pagină, valoarea contorului este memorată în acest spațiu rezervat din tabela de pagini. Atunci când se impune o înlocuire, este înlocuită pagina cu cea mai mică valoare a contorului.
- În caz de egalitate se aplica metoda FIFO.

- **Exemplul În condițiile aceluiași șir de referințe și aceluiași numărul de pagini fizice alocate unui proces, ca în exemplul ant., în figura urm. este prezentat un șir de referințe de pagini, precum și paginile fizice în care ele se încarcă, folosind algoritmul LRU.**

7	0	1	2	0	3	0	4	2	3	0	3	2	1	2	0	1	7	0	1
7*	7	7	2*	2	2	2	4*	4	4	0*	0	0	1*	1	1	1	1	1	1
	0*	0	0	0	0	0	0	0	3*	3	3	3	3	3	0*	0	0	0	0
		1*	1	1	3*	3	3	2*	2	2	2	2	2	2	2	2	7*	7	7

} pagini fizice

- Când este adusă pentru prima dată în memoria fizică pagina virtuală 2, este înlocuită pagina 7, deoarece ea nu a mai fost utilizată de cel mai mult timp; din același motiv, când este referențiată pentru prima dată pagina 3, ea înlocuiește pagina 1 ș.a.m.d.

Metoda NRU(Not Recently Used).

- La fiecare valoare a timpului virtual, biții **M** și **R**, amintiți anterior, împart paginile fizice în patru clase:
 - clasa 0: pagini nereferite și nemodificate;
 - clasa 1: pagini nereferite (în intervalul fixat), dar modif. de la înc. lor;
 - clasa 2: pagini referite dar nemodificate;
 - clasa 3: pagini referite și modificate.
- Atunci când o pagină trebuie înlocuită, pagina respectivă se caută mai întâi în clasa 0, apoi în clasa 1, apoi în clasa 2 și în sfârșit în clasa 3. Dacă pagina de înlocuit este în clasa 1 sau în clasa 3, conținutul ei va fi salvat pe disc înaintea înlocuirii.
- **Observație. Combinarea** algoritmilor NRU și FIFO: se aplică mai întâi NRU, iar în cadrul aceleiași clase se aplică FIFO.

- **Alocarea cadrelor (paginilor fizice).**
- În cazul sistemelor care utilizează multiprogramarea, fiecărui proces trebuie să i se asigure un număr de pagini fizice, care nu pot fi utilizate de celelalte procese.
- Prin **alocare egală** se alocă tuturor proceselor același număr de pagini fizice.
- Prin **alocarea proporțională** se alocă proceselor un număr de pagini fizice direct proporțional cu dimensiunea spațiului de memorie virtuală utilizat de procesul respectiv.
- O altă metodă de alocare ține cont de **prioritatea proceselor**, în sensul că numărul paginilor fizice alocate unui proces, să fie direct proporțională cu prioritatea procesului.
- Cele două criterii de alocare proporțională se pot combina.

- **Performanțele sistemului de paginare.**
- Atunci când un proces referențiază o pagină virtuală care nu este prezentă în memoria fizică, sistemul execută o serie întreagă de operații, care au fost amintite.
- Este evident că timpul de execuție al procesului într-un sistem cu paginare, va fi mai mare decât timpul său de execuție, în cazul în care va avea la dispoziție un spațiu de memorie suficient, astfel încât să nu se confrunte cu situația de „pagină lipsă” (pagină referențiată care nu este încărcată în memoria fizică, și care trebuie adusă în locul unei pagini încărcate în memoria fizică).
- Dacă apare frecvent situația că, la un anumit moment al execuției, o anumită pagină este evacuată pe disc, după care, la un interval mic de timp ea este din nou referențiată, eficiența utilizării CPU va scădea.

Algoritmi dinamici de paginare.

- Prin utilizarea algoritmilor statici de alocare, se poate ajunge la situația în care anumitor procese nu li se asigură suficientă memorie fizică, iar alte procese nu folosesc eficient memoria fizică alocată.
- Problema care se pune, este găsirea unei strategii prin care se aduc în memoria fizică numai acele pagini de care procesul va avea nevoie într-un viitor apropiat.
- Numărul de pagini fizice de care va avea nevoie un proces pentru execuția lui, nu va mai fi o constantă, fiind modificat în funcție de necesități.
- **Metoda setului de lucru(WS-Working Set)** rezolvă această problemă.
- Ea are la bază modelul localității. **Localitatea** este un **set de pagini** care sunt utilizate împreună într-un mod activ. Un program este format din mai multe localități, iar execuția programului presupune trecerea dintr-o localitate în alta.

- Un **exemplu** de localitate este partea de instrucțiuni cod mașină care corespund unui subprogram; aceste instrucțiuni se află în pagini vecine, care după execuția lor (terminarea execuției subrutinei) pot fi evacuate din memorie și posibilitatea referirii lor într-un viitor apropiat este improbabilă.
- Când un proces trece dintr-o localitate în alta, se modifică atât paginile cerute de către proces, cât și numărul de pagini fizice necesar procesului.
- Deci, se pune în mod firesc problema, de a considera numărul de pagini alocat procesului ca fiind o entitate dinamică, ce se modifică în timpul execuției procesului.
- Algoritmului setului de lucru folosește necesitățile curente de memorie fizică ale procesului, pentru a determina numărul paginilor fizice alocate acestuia, în anumite momente ale execuției sale, fiind, deci o metodă dinamică de alocare a memoriei interne.

- **Modelul matematic.** Presupunem că există n procese care partajează memoria fizică a sistemului. Fie $m_i(t)$ cantitatea de memorie alocată procesului i la momentul virtual t .
- Avem: $m_i(0) = 0$ și

$$\sum_{i=0}^{n-1} m_i(t) = k$$

k fiind dimensiunea memoriei interne.

Avem, de asemenea

$$S_t(m_i(t)) = S_{t-1}(m_i(t)) \cup X_t - Y_t, \quad S_0(m_0(t)) = 0.$$

$S_t(m_i(t))$ reprezintă starea memoriei la momentul t pentru procesul p_i ($S_t(m_i(0)) = \Phi$).

Dacă la momentul t procesul cere pagina x_t și aceasta este deja încărcată în memoria fizică, atunci $X_t = Y_t = \Phi$;

Dacă pagina x_t nu este încărcată în memorie, atunci

$Y_t = \{y_t\}$, sau pagina y_t va fi evacuată din memorie, dacă numărul de referințe de la prima referire a paginii y_t , până la cererea paginii curente x_t este mai mare sau egală cu o valoare constantă, notată cu Δ , ce reprezintă dimensiunea unei ferestre logice.

$m_i(t)$ va reprezenta numărul de pagini fizice alocate procesului p_i și va fi ajustat astfel:

-Dacă $Y_t = \Phi$ și $X_t \neq \Phi$, atunci

$m_i(t) = m_i(t-1) + 1$ (se alocă o pagină fizică);

– Dacă $X_t = \Phi$ și $Y_t = \Phi$, atunci

$$m_i(t) = m_i(t-1)$$

- Dacă $X_t = \Phi$ și $Y_t \neq \Phi$

atunci $m_i(t) = m_i(t-1) - 1$

(una dintre paginile fizice este luată procesului).

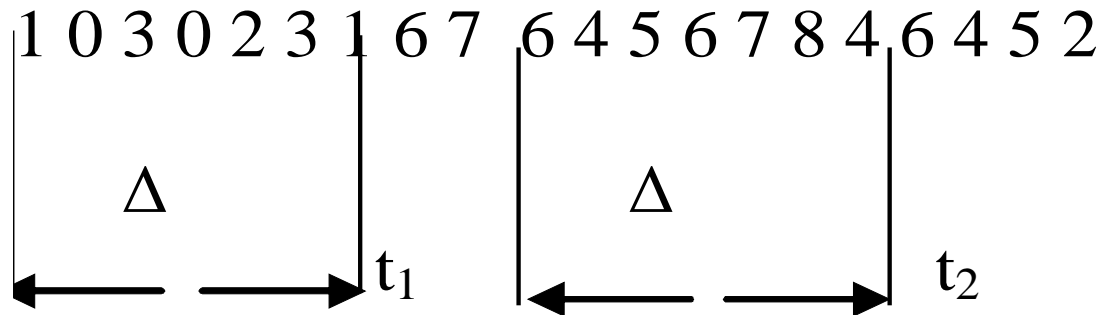
- $S(m_i(t))$ rezultat este numit set de lucru al procesului p_i la momentul t , relativ la dimensiunea ferestrei Δ .

- Vom nota cu $W(t, \Delta)$ setul de lucru relativ la parametrul Δ și la timpul virtual t al procesului.
- $W(t, \Delta)$ este mulțimea de pagini pe care procesul le-a cerut în ultimele Δ unități de timp virtual.
- Variabila Δ este un interval de timp virtual (fereastră) în care procesul este observat. Setul de lucru are proprietatea

$$W(t, \Delta + 1) \supseteq W(t, \Delta)$$

adică dimensiunea setului de lucru este o funcție ne-descrescătoare de Δ .

- Exemplu.** Considerăm $\Delta=7$ și șirul de referințe prezentat în figura urm; la valorile timpului virtual al procesului $t_1=7$ și $t_2=16$, $WS(t_1)=\{0, 1, 2, 3\}$, $WS(t_2)=\{4, 5, 6, 7, 8\}$.



- **Observație.**

1. Cele două seturi de lucru prezentate în exemplul ant. sunt disjuncte, adică ele corespund la localități diferite.
2. Sistemul de operare alocă fiecărui proces un număr de pagini fizice corespunzător dimensiunii setului de lucru asociat; dacă suma dimensiunilor seturilor de lucru corespunzătoare proceselor, este mai mică decât dimensiunea memoriei interne atunci sistemul mai poate executa încă un proces. Reciproc, dacă suma dimensiunilor seturilor de lucru ale proceselor depășește dimensiunea memoriei interne, atunci unul dintre procese va fi suspendat.
3. Nu există o metodă riguroasă prin care să se determine valoarea parametrului Δ . O valoare prea mică va genera „pagini lipsă”, pe când o valoare prea mare va genera suprapunerea localităților.

- **Exemplu:** În figura urm. sunt prezentate diverse moduri de alocare a spațiului de memorie fizică al procesului pentru diverse valori ale lui Δ . Observăm că în cazul a) numărul de situații de „pagina lipsă” este 16, pe când în cazul b) acesta se reduce la 6.

- a) Setul de lucru cu $\Delta=3$.

0 1 2 3 0 1 2 3 0 1 2 3 4 5 6 7

0*	0	0	3*	3	3	2*	2	2	1*	1	1	4*	4	4	7*
	1*	1	1	0*	0	0	3*	3	3	2*	2	2	5*	5	5
		2*	2	3	1*	1	1	0*	0	0	3*	3	3	6*	6

} pagini fizice

- b) Setul de lucru cu $\Delta=4$.

0 1 2 3 0 1 2 3 0 1 2 3 4 5 6 7

0*	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4*	4	4	4
	1*	1	1	1	1	2	1	1	1	1	1	1	5*	5	5
		2*	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	6*	6
			3*	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	7*

} pagini fizice

- **Observații.**
- - În cursul execuției lor, procesele trec dintr-o localitate în alta.
- - Atunci când se află într-o localitate, numărul paginilor utilizate (setul de lucru) tinde să se stabilizeze; atunci când procesele se află într-o stare de tranziție dintr-o localitate în alta dimensiunea setului de lucru crește, datorită faptului că se fac noi referințe către pagini care corespund noii localități, care se adauga la paginile deja existente, coresp. vechii localitati.
- Deoarece dimensiunea setului de lucru are o limită, se pune problema înlocuirii unor pagini din setul de lucru curent cu alte pagini.
- Conceptul de set de lucru poate fi folosit pentru a realiza o strategie pentru modificarea mulțimii paginilor rezidente din memoria internă alocate procesului. Astfel:
 - se monitorizează setul de lucru al fiecărui proces,
 - periodic, se scot dintre paginile rezidente ale proceselor, cele care nu mai sunt în setul de lucru, pe baza unei strategii de tip LRU;
 - un proces poate fi executat numai dacă setul său de lucru este în memoria internă, adică mulțimea paginilor rezidente din memoria internă include setul de lucru.

- Deoarece ține cont de principiul localității, această strategie poate fi aplicată, conducând la minimizarea numărului situațiilor în care apare fenomenul de lipsă de pagină.
- Trebuie rezolvate anumite probleme legate de:
 - dimensiunea setului de lucru și paginile care fac parte din acesta se schimbă în timp;
 - nu se poate estima setul de lucru al fiecărui proces în timp;
 - nu se poate stabili o valoare optimă a parametrului Δ .
- Următorul algoritm de actualizare a setului de lucru nu se bazează direct pe referințele de pagină, ci pe dimensiunea numărului de apariții(rata) a lipsei de pagină al procesului.

- Algoritmul **PFF** (**P**age **F**ault **F**requency) folosește un bit pentru fiecare pagină din memorie; acest bit este setat când pagina este accesată.
- 1. Când apare o lipsă de pagină, sistemul de operare observă timpul virtual de la ultima lipsă de pagină a acelui proces. Pentru contorizarea acestuia, se folosește o variabilă care contorizează referințele la pagini.
- 2. De asemenea, se folosește un prag notat cu F . Dacă valoarea timpului de la ultima lipsă de pagină este mai mic sau egal cu F , atunci pagina este adăugată mulțimii de pagini rezidente ale procesului din memorie.
- 3. În caz contrar, se renunță la toate paginile cu bitul de utilizare setat pe 0 și se micșorează corespunzător mulțimea paginilor rezidente.
- 4. În același timp, se resetează bitul de utilizare al paginilor rezidente rămase ale procesului.
- **Observații.**
 1. Metoda poate fi îmbunătățită prin utilizarea a două praguri: un prag superior, utilizat pentru a declanșa o creștere a dimensiunii mulțimii paginilor rezidente și un prag inferior care este utilizat pentru diminuarea numărului paginilor rezidente.
 2. Metoda prezentată are dezavantajul următor: deoarece paginile nu sunt eliminate din memorie decât după F unități de timp virtual, atunci când se trece dintr-o localitate în alta are loc o succesiune de situații de lipsă de pagină, corespunzătoare noii localități, fără ca paginile corespunzătoare localității anterioare să fie eliminate; astfel mulțimea paginilor rezidente din memorie crește și unele dintre pagini nu mai sunt necesare.

- Politica **VSWS** (**V**ariable-interval **S**ampled **W**orking **S**et) evaluează setul de lucru la anumite instanțe ale execuției pe baza valorii timpului virtual trecut.
- La începutul intervalului selectat, bitul de utilizare coresp. tuturor paginilor rezidente ale proceselor este resetat; la sfârșit, numai paginile care au fost cerute pe parcursul intervalului vor avea bitul de utilizare setat; aceste pagini sunt reținute în setul rezident al procesului pe parcursul următorului interval, iar la celelalte se renunță.
- În decursul intervalului, orice pagină lipsă este adăugată setului rezident; astfel, setul rezident poate să rămână neschimbat sau să crească pe parcursul intervalului.
- Strategia VSWS utilizează trei parametri:
 M : durata minimă a intervalului de selecție;
 L : durata maximă a intervalului de selecție;
 Q : numărul situațiilor de lipsă de pagini care este permis să apară între două instanțe de selecție (valori ale timpului virtual, între care se face verificarea) .

- Algoritmul VSWS este:
 1. Dacă timpul virtual trecut de la ultima instanță de selecție atinge L , atunci se suspendă procesul și se verifica biții de utilizare.
 2. Dacă, înainte de un timp scurs mai mic sau egal cu L , apar Q lipsă de pagină, atunci:
 - a. Dacă timpul virtual trecut de la ultima instanță de selecție este mai mic decât M , atunci se așteaptă până când timpul virtual trecut ajunge la valoarea M pentru a suspenda procesul și a verifica biții de utilizare.
 - b. Dacă timpul virtual trecut de la ultima instanță de selecție este mai mare sau egal cu M , se suspendă procesul și se verifica biții de utilizare.
- Valorile parametrilor sunt luate astfel încât setarea intervalul de observație să fie declanșată după apariția a Q lipsă de pagină, după ultima verificare.
- **Obs.**
- 1. Valorile parametrilor sunt astfel selectate încât intervalul de selecție să fie modif. la apariția a Q situații de lipsă de pagină, după ultima verificare (cazul 2b).
- 2. Ceilalți doi parametri (M și L) furnizează limite între care apare situația că datorită trecerii dintr-o localitate în alta, are loc fenomenul de lipsă de pagină și se impune renunțarea la anumite pagini și încărcarea altora.

Memoria cu acces rapid(„cache”)

- Memoria **cache** conține copii ale unor blocuri din memoria operativă. Când CPU încearcă citirea unui cuvânt din memorie, se verifică dacă acesta există în memoria **cache**. Dacă există, atunci el este livrat CPU. Dacă nu, atunci el este căutat în memoria operativă, este adus în memoria cache împreună cu blocul din care face parte, după care este livrat CPU. Datorită vitezei mult mai mari de acces la memoria cache, randamentul general al sistemului crește.
- Memoria cache este împărțită în mai multe părți egale, numite **sloturi**. Un slot are dimensiunea unui bloc de memorie, a cărui dimensiune este o putere a lui 2. Fiecare slot conține o zonă care conține blocul de memorie operativă depus în slotul respectiv. Problema care se pune, este modul în care se face corespondența dintre blocurile din memoria operativă și sloturile din memoria cache, precum și politicile de înlocuire a sloturilor din memoria cache, cu blocuri din memoria fizică. Spunem că are loc o **proiecție** a spațiului memoriei operative în cel al memoriei cache.

Proiecția directă

- Dacă c indică numărul total de sloturi din memoria cache, a este o adresă oarecare din memoria operativă, atunci numărul s al slotului în care se proiectează adresa a este $s = a \bmod c$.
- Dezavantajul metodei constă în faptul că fiecare bloc are o poziție fixă în memoria cache. Dacă, de exemplu se cer accese alternative la două blocuri care ocupă același slot, atunci trebuie efectuate mai multe operații de înlocuire a conținutului slotului care corespunde celor două blocuri.

- **Proiecția asociativă.** Fiecare bloc de memorie este plasat în oricare dintre sloturile de memorie cache, care sunt libere. Înlocuirea conținutului unui slot, cu conținutul altui bloc din memoria operativă, se face pe baza unuia dintre algoritmi NRU, FIFO sau LRU.
- **Proiecția set-asociativă** combină cele două metode prezentate anterior. Memoria cache este împărțită în i seturi, un set fiind compus din j sloturi.
- Avem relația $c=i \times j$.
- Dacă a este o adresă de memorie, numărul k al setului în care va intra blocul, este dat de: $K=a \bmod i$.
- Cunoscând numărul setului, blocul va ocupa unul dintre sloturile acestui set, pe baza unuia dintre algoritmi de înlocuire prezentați anterior.