UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO
CENTRO DE CIÊNCIAS JURÍDICAS E ECONÔMICAS
PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ECONOMIA

ALBERSON DA SILVA MIRANDA

MÉTODOS DE MACHINE LEARNING PARA RECONCILIAÇÃO ÓTIMA DE SÉRIES TEMPORAIS HIERÁRQUICAS E AGRUPADAS

VITÓRIA

ALBERSON DA SILVA MIRANDA

MÉTODOS DE MACHINE LEARNING PARA RECONCILIAÇÃO ÓTIMA DE SÉRIES TEMPORAIS HIERÁRQUICAS E AGRUPADAS

Dissertação apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Economia da Universidade Federal do Espírito Santo, como requisito para a obtenção do título de Mestre em Economia.

Orientador: Prof. Dr. Guilherme A. A. Pereira

VITÓRIA 2023

ALBERSON DA SILVA MIRANDA

MÉTODOS DE MACHINE LEARNING PARA RECONCILIAÇÃO ÓTIMA DE SÉRIES TEMPORAIS HIERÁRQUICAS E AGRUPADAS/ ALBERSON DA SILVA MIRANDA. – VITÓRIA, 2023-

42p.: il. (algumas color.); 30 cm.

Orientador: Prof. Dr. Guilherme A. A. Pereira

Dissertação (Mestrado) – UNIVERSIDADE FEDERAL DO ESPÍRITO SANTO CENTRO DE CIÊNCIAS JURÍDICAS E ECONÔMICAS PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ECONOMIA, 2023.

1. Palavra-chave1. 2. Palavra-chave2. 2. Palavra-chave3. I. Orientador. II. Universidade xxx. III. Faculdade de xxx. IV. Título

ALBERSON DA SILVA MIRANDA

MÉTODOS DE MACHINE LEARNING PARA RECONCILIAÇÃO ÓTIMA DE SÉRIES TEMPORAIS HIERÁRQUICAS E AGRUPADAS

Dissertação apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Economia da Universidade Federal do Espírito Santo, como requisito para a obtenção do título de Mestre em Economia.

Aprovada em xx de xx de 20xx.

COMISSÃO EXAMINADORA

Prof. Dr. Guilherme A. A. Pereira Universidade Federal do Espírito Santo Orientador

Professor Instituição

Professor Instituição

RESUMO

Sed mattis, erat sit amet gravida malesuada, elit augue egestas diam, tempus scelerisque nunc nisl vitae libero. Sed consequat feugiat massa. Nunc porta, eros in eleifend varius, erat leo rutrum dui, non convallis lectus orci ut nibh. Sed lorem massa, nonummy quis, egestas id, condimentum at, nisl. Maecenas at nibh. Aliquam et augue at nunc pellentesque ullamcorper. Duis nisl nibh, laoreet suscipit, convallis ut, rutrum id, enim. Phasellus odio. Nulla nulla elit, molestie non, scelerisque at, vestibulum eu, nulla. Ut odio nisl, facilisis id, mollis et, scelerisque nec, enim. Aenean sem leo, pellentesque sit amet, scelerisque sit amet, vehicula pellentesque, sapien.

Palavras-chave: palavra-chave1. palavra-chave2. palavra-chave3.

ABSTRACT

Sed mattis, erat sit amet gravida malesuada, elit augue egestas diam, tempus scelerisque nunc nisl vitae libero. Sed consequat feugiat massa. Nunc porta, eros in eleifend varius, erat leo rutrum dui, non convallis lectus orci ut nibh. Sed lorem massa, nonummy quis, egestas id, condimentum at, nisl. Maecenas at nibh. Aliquam et augue at nunc pellentesque ullamcorper. Duis nisl nibh, laoreet suscipit, convallis ut, rutrum id, enim. Phasellus odio. Nulla nulla elit, molestie non, scelerisque at, vestibulum eu, nulla. Ut odio nisl, facilisis id, mollis et, scelerisque nec, enim. Aenean sem leo, pellentesque sit amet, scelerisque sit amet, vehicula pellentesque, sapien.

Keywords: keyword1. keyword2. keyword3.

LISTA DE FIGURAS

Figura 1 –	Séries Hierárquicas	23
Figura 2 –	Séries Agrupadas	24
Figura 3 –	Séries Hierárquicas Agrupadas (a)	24
Figura 4 –	Séries Hierárquicas Agrupadas (b)	25
Figura 5 –	Modelo de dados	32
Figura 6 –	Série temporal do agregado de crédito do Banestes no ES	34
Figura 7 –	Série temporal do agregado de crédito do Banestes por mesorregião do ES .	34
Figura 8 –	Série temporal do agregado de crédito do Banestes por microrregião do ES .	35
Figura 9 –	Verbetes no agregado do ES	35
Figura 10 –	Verbete por mesorregião do ES	36

LISTA DE QUADROS

Quadro 1 -	- Artigos de referência em Hyndman e Athanasopoulos (2021)	17
Quadro 2 -	- Trabalhos encontrados na busca estendida	17

LISTA DE TABELAS

Tabela 1 – Trabalhos mais citados com os termos "banking forecasting"	. 15
Tabela 2 - Trabalhos mais citados com os termos "hierarquical forecast reconciliation"	16
Tabela 3 – Estrutura do dataset	. 32
Tabela 4 – Microrregiões do ES incluídas nos dados	. 32
Tabela 5 – Municípios por microrregião do ES incluídos nos dados	. 33
Tabela 6 – Contagem de únicos no dataset ESTBAN	. 33

LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

MinT Minimum Trace

MCRL Modelo Clássico de Regressão Linear

MQO Mínimos Quadrados Ordinários

MQP Mínimos Quadrados Ponderados

ANN Artificial Neural Network

SVR Support Vector Regression

LISTA DE SÍMBOLOS

t	Tempo dentro da amostra
T	Último tempo dentro da amostra, quantidade de observações numa sério
h	Horizonte de previsão, tempo fora da amostra
Ω	Conjunto de dados dentro da amostra
y	Série temporal dentro da amostra
\hat{y}	Série temporal estimada
$ ilde{y}$	Série temporal reconciliada
n	Número de séries na hierarquia
m	Número de séries no menor nível da hierarquia
k	Número de níveis na hierarquia
S	Matriz de soma
G	Matriz de reconciliação
{}	Conjunto
{}	Cardinalidade de um conjunto

SUMÁRIO

1	INTRODUÇÃO	12
1.1	Motivação	12
1.2	Objetivos	14
2	REVISÃO DE LITERATURA	14
2.1	Previsão de saldos de crédito de instituições financeiras	15
2.2	Previsão de séries temporais hierárquicas e agrupadas	16
2.2.1	Abordagens de nível único	17
2.2.2	Métodos analíticos para reconciliação ótima	18
2.2.3	Métodos de machine learning para reconciliação ótima	19
2.2.3.1	O processo de ajuste e sobreajuste	20
2.2.3.2	Reamostragem	21
3	MÉTODOS PARA RECONCILIAÇÃO DE SÉRIES TEMPORAIS	23
3.1	Séries hierárquicas e séries agrupadas	23
3.1.1	Abordagens top-down, bottom-up e middle-out	25
3.1.2	Coerência e reconciliação	29
4	METODOLOGIA	30
4.1	Dados e variáveis	30
4.2	Análise exploratória dos dados	32
5	RESULTADOS	36
	Referências	37
	ANEXOS	40
	ANEXO A – CÓDIGO PARA CONSTRUÇÃO DA BASE DE DADOS	41

1. INTRODUÇÃO

1 INTRODUÇÃO

[Escrever *outline* da dissertação]

1.1 Motivação

Embora no séc. XX ainda houvesse espaço para uma gestão guiada apenas por instinto (WALLANDER, 1999), atualmente é impensável um banco não realizar previsões de seus resultados e comunicar suas expectativas ao mercado. Nesse documento, ou *guidance*, a projeção da carteira de crédito — o total de empréstimos e financiamentos, dentre outros itens — é frequentemente a primeira informação fornecida, uma vez que é um dos principais elementos para o planejamento dos bancos comerciais. Juntamente com as projeções de depósitos, provisões para créditos de liquidação duvidosa, eficiência operacional, entre outros indicadores-chave, essas projeções determinam a temperatura das expectativas da instituição em relação a elementos cruciais como rentabilidade, dividendos e posição no mercado (*market-share*), e isso é essencial para os acionistas e investidores. Essas projeções precisam ser tão precisas quanto possível, para que se possa calcular o risco de transacionar com a instituição financeira, seja como investidor ou cliente.

Ainda que não exista penalidades específicas para instituições financeiras que erram (por uma boa margem) em suas projeções, elas podem sofrer consequências negativas em outros aspectos, como na avaliação de seus desempenhos por parte dos investidores e clientes. Os investidores e clientes podem considerar as projeções equivocadas como um sinal de falta de competência ou confiança na instituição financeira, o que pode afetar negativamente a reputação e a imagem da instituição. Isso pode levar a uma redução no número de investimentos e depósitos, o que irá afetar diretamente sua saúde financeira.

Além disso, nos casos em que algum grupo se sentir lesado, as instituições financeiras podem enfrentar ações judiciais se suas projeções forem consideradas enganosas ou fraudulentas. Por exemplo, se uma instituição financeira fizer projeções excessivamente otimistas para incentivar os investidores a comprar seus títulos e, posteriormente, as projeções se mostrarem incorretas, ela pode ser acusada de fraude¹ ou, ao menos, gestão temerária² — ambos caracterizados como crime contra o Sistema Financeiro Nacional.

Não são raros os casos em que bancos manipulam seus demonstrativos para se apresentarem mais saudáveis do que realmente o são para atrair clientes e investidores. [Escrever sobre Banco Santos e Banco Panamericano, (CORADI; MONDO, 2017)]

Art. 3º: Divulgar informação falsa ou prejudicialmente incompleta sobre instituição financeira. Pena: Reclusão, de 2 (dois) a 6 (seis) anos, e multa. Art. 4º: Gerir fraudulentamente instituição financeira. Pena: Reclusão, de 3 (três) a 12 (doze) anos, e multa (BRASIL, 1986).

Art. 4º, parágrafo único: Se a gestão é temerária: Pena: Reclusão, de 2 (dois) a 8 (oito) anos, e multa (BRASIL, 1986).

1. INTRODUÇÃO

Por isso, é importante que as instituições financeiras sejam transparentes e precisas em suas projeções, fornecendo informações confiáveis e atualizadas para seus clientes e investidores. No entanto, há também motivações estratégicas para essa atividade. Beccalli et al. (2015) mostraram que, em uma amostra de 55 bancos europeus, a utilização de *guidance* está associada a um aumento de 15% na probabilidade do banco atingir ou superar as expectativas de mercado. Isso, por sua vez, está associado a um incremento de até 5% no retorno por ação em relação aos bancos que não alcançaram ou superaram as expectativas.

No que concerne a elaboração dessas previsões, a prática usual em *budgeting*, principalmente para empresas com muitas filiais, é a *top-down*, ou seja, realizar previsões para o agregado e então distribuí-las para os níveis desagregados seguindo algum método para desagregação. No caso dos bancos de varejo, com muitas agências espalhadas pelo território, especialmente em um país grande como o Brasil, esse método é muito prático.

Esse é o caso do Banestes. Com 96 agências distribuídas pelos 78 municípios capixabas, realizar o *budgeting* para R\$ 5,5 bi de faturamento não é uma tarefa trivial. Além de uma estrutura hierárquica larga, se tratando de um banco múltiplo³ que opera com diversas carteiras, as n modalidades de crédito⁴ expandem a estrutura para um total de $n \times 96$ séries temporais a serem estimadas.

Dada tal complexidade, a abordagem *top-down* se coloca como uma opção viável em termos de tempo de processamento e análise, principalmente nos maiores níveis de agregação. No entanto, conforme descemos na hierarquia, menos precisa ela se torna e, além disso, as características individuais das séries temporais do menor nível hierárquicos são ignoradas. Isso significa que, se no agregado a previsão para uma carteira de crédito for de crescimento de 10%, todas as 96 agências devem seguir a mesma estimativa, divergindo apenas na proporção de participação de cada uma no total.

Tomando o caminho inverso, a abordagem *bottom-up* consiste em realizar previsões para cada série temporal individualmente e, então, agregá-las para obter a previsão para o total. Essa abordagem pode ser mais precisa, pois leva em consideração as características individuais de cada série temporal do nível mais desagregado. No entanto, ela é mais custosa em termos de tempo de processamento e análise. Nesse sentido, cabe ao analista avaliar o *trade-off* entre os ganhos de precisão percebidos com a geração de previsões individuais e a economia de tempo e processamento em realizar o contrário (GROSS; SOHL, 1990).

Além disso, ambas são abordagens de nível único, isto é, são realizadas as previsões para um único nível e então os demais níveis são obtidos agregando ou desagregando. O problema com esses tipos de abordagem é que elas utilizam informação imcompleta (HYNDMAN;

Para ser classificado como banco múltiplo, a instituição financeira deve operar com, no mínimo, duas carteiras dentre: comercial; investimento ou desenvolvimento; crédito imobiliário; de crédito, financiamento e investimento, e; arrendamento mercantil (CONSELHO MONETÁRIO NACIONAL, 1994).

⁴ Crédito consignado, rural, imobiliário, pessoal, capital de giro, desconto de títulos etc.

ATHANASOPOULOS, 2021). Por exemplo, suponha-se que escolha estimar modelos para cada uma das 96 agências e agregá-las (*bottom-up*). Nesse caso, ignora-se a influência que os níveis mais agregados — aqui a carteira de crédito da região ou de todo o estado — pode ter na estimação do saldo de crédito de cada agência. Por outro lado, se escolher estimar modelos para os níveis mais agregados (*top-down*), ignora-se a informação individual de cada agência.

A reconciliação ótima de previsões pontuais é uma abordagem que busca resolver esse problema. Ela consiste em realizar previsões para todos os níveis hierárquicos e, então, estimar um modelo para reescrever as previsões do nível mais desagregado como uma combinação linear de todos os elementos da hierarquia, para então agregá-las de forma semelhante ao *bottom-up*, obtendo previsões coerentes nos níveis superiores. Dessa forma, a informação de todos os níveis é utilizada na estimação dos modelos e na geração das previsões, ao mesmo tempo em que a variância do erro de previsão é minimizado (HYNDMAN; AHMED et al., 2011).

Atualmente, os métodos analíticos, especificamente o *Minimum Trace* (WICKRAMA-SURIYA; ATHANASOPOULOS; HYNDMAN, 2019), são os mais populares na literatura da reconciliação ótima. Entretanto, tais métodos são sujeitos a uma série de restrições, como as do MCLR, e têm sua capacidade preditiva reduzida quando suas hipóteses são violadas.

Em previsões de séries temporais, o objetivo na maioria dos casos é prever valores futuros com a maior acurácia possível. Em vista disso, métodos de *machine learning* são mais gerais, no sentido de permitir parâmetros não lineares e poderem aproximar virtualmente qualquer função. Além disso, são focados na capacidade preditiva, muitas vezes em detrimento da explicativa. Espera-se, portanto, que esses métodos alcancem melhor performance no problema da reconciliação ótima, justificando a pesquisa e atenção ao tema.

1.2 Objetivos

O objetivo geral da dissertação é estudar o problema da reconciliação ótima de previsões pontuais a partir de métodos de *machine learning*.

Como objetivos específicos, tenho:

- 1. Estudar métodos para estimação da matriz de reconciliação aplicando algoritmos e fluxos de trabalho de *machine learning*, como *tuning* e *resampling*;
- 2. Identificar possíveis vantagens e limitações da abordagem por *machine learning* na reconciliação de previsões pontuais a partir de aplicação do método estudado na previsão de saldos de crédito do Banestes.

2 REVISÃO DE LITERATURA

2.1 Previsão de saldos de crédito de instituições financeiras

A literatura relacionada à economia bancária é abundante no tema risco de crédito. Podemos verificar através de pesquisa bibliométrica no *Google Scholar* que, salvo exceções, os trabalhos mais citados estão relacionados com a previsão de perdas e suas consequências (Tabela 1). A nível macroeconômico, a previsão de agregados de crédito é uma preocupação de bancos centrais e se manifestam em trabalhos como Bader (2014) e Çolak et al. (2019). No entanto, a pesquisa não revelou nenhum trabalho que se dedique à previsão de saldos de crédito por modalidade e agência.

Tabela 1 – Trabalhos mais citados com os termos "banking forecasting"

Autor	Título	Citações	Ano
Jamshidi, N. Hussin	Forecasting patronage factors of Islamic credit card as a new e-commerce banking service: An integration of TAM with perceived religiosity and trust	95	2016
Bernoth, A. Pick	Forecasting the fragility of the banking and insurance sectors	75	2011
Antunes, D. Bonfim, N. Monteiro	Forecasting banking crises with dynamic panel probit models	41	2018
Karminsky, A. Kostrov	The back side of banking in Russia: Forecasting bank failures with negative capital	23	2017
Poorzaker Arabani	The improvement of forecasting ATMS cash demand of Iran banking network using convolutional neural network	18	2019
Yangibayevich, N.B. Absalomovich	Forecasting of processes the turnover and structure of the financial resources of the banking sector	15	2019
Al Wadi, A. Hamarsheh, H. Alwadi	Maximum overlapping discrete wavelet transform in forecasting banking sector	14	2013
Dastoori, S. Mansouri	Credit scoring model for iranian banking customers and forecasting creditworthiness of borrowers	14	2013

Apesar da escassez de estudos sobre a previsão de saldos de crédito por modalidade e agência, outras tópicos da economia bancária foram objeto de estudo para previsão de séries temporais, inclusive hierárquicas. Sezer, Gudelek e Ozbayoglu (2019) produziram revisão de literatura de trabalhos publicados entre 2005 e 2019 que realizaram previsão de séries temporais financeiras utilizando *deep learning* e os agruparam em preços de ações individuais, índices (e.g., IBovespa, Dow Jones), preços de commodities, tendência e volatilidade de ativos, preços de títulos, câmbio e preços de criptomoedas.

Outro tema abordado na literatura é a previsão da demanda por moeda em caixas eletrônicos. Gorodetskaya, Gobareva e Koroteev (2021) realizaram uma revisão de literatura recente

sobre o assunto e apresentaram sua abordagem para o problema.

No que diz respeito à previsão de séries temporais em largas hierarquias, Prayoga, Suhartono e Rahayu (2017) trabalharam na previsão do fluxo de caixa do Banco da Indonésia, utilizando uma hierarquia de 3 níveis — 40 agências no nível mais desagregado, as 6 grandes ilhas do país como nível intermediário e o total no nível mais agregado. Os autores realizaram um benchmark de 5 modelos para previsão da série no nível mais agregado e utilizando o método top-down para obter as previsões no nível mais desagregado, concluindo pela efetividade do método top-down por proporções históricas. Entretanto, os autores não incluíram reconciliação ótima, a estimativa bottom-up ou mesmo outros métodos *top-down para efeito de comparação, o que limita o alcance do trabalho.

2.2 Previsão de séries temporais hierárquicas e agrupadas

A segunda etapa da revisão de literatura consistiu na pesquisa bibliográfica relacionada à reconciliação ótima de previsões de séries temporais hierárquicas e agrupadas e sua interseção com o tema *machine learning*.

A pesquisa bibliométrica na base de dados do Google Acadêmico, pesquisando pelas palavras-chave "hierarchical forecast reconciliation" para qualquer lugar no corpo do texto, encontrando 27.600 resultados. Ordenando os resultados pelo número de citações⁵, verifiquei que o trabalho mais citado é Hyndman e Athanasopoulos (2021).

Autor	Citações	Ano
Hyndman, G. Athanasopoulos	5222	2018
Dellarocas, X. Zhang	2082	2007
Hyndman, A. Lee, E. Wang, S. Wickramasuriya	1023	2013
Badre, M. D'esposito	974	2009
Hong, S. Fan	912	2016
Tashman	798	2000

Tabela 2 – Trabalhos mais citados com os termos "hierarquical forecast reconciliation"

Utilizando essa obra como texto base, obtive os textos referenciados no capítulo 11 "Forecasting Hierarquical and Grouped Time-Series", subcapítulo 3 "Forecast Reconciliation", além de Hyndman, Lee e Wang (2016), onde o método por MQP foi desenvolvido porém não está citado nas referências do capítulo.

Adicionando o termo "*machine learning*" e refinando a pesquisa para encontrar as palavras chave no título dos trabalhos, 10 resultados foram encontrados.

Para a funcionalidade, ver https://github.com/WittmannF/sort-google-scholar.

2. REVISÃO DE LITERATURA

Quadro 1 – Artigos de referência em Hyndman e Athanasopoulos (2021)

Autor	Ano
Hyndman, R. J., Ahmed, R. A., Athanasopoulos, G., Shang, H. L.	2011
Panagiotelis, A., Athanasopoulos, G., Gamakumara, P., Hyndman, R. J.	2021
Wickramasuriya, S. L., Athanasopoulos, G., Hyndman, R. J.	2019
Rob J. Hyndman and Alan J. Lee and Earo Wang	2016

Ouadro 2 – Trabalhos encontrados na busca estendida

Autor	Ano	Citacoes
Li, S.M.M. Rahman, R. Vega, B. Dong	2016	114
Mancuso, V. Piccialli, A.M. Sudoso	2021	17
Abolghasemi, R.J. Hyndman, G. Tarr	2019	13
Afolabi, Su Guan, K.L. Man, P.W.H. Wong, X. Zhao	2017	20
Saatloo, A. Moradzadeh, H. Moayyed	2021	6
Abolghasemi, G. Tarr, C. Bergmeir	2022	0
C. Neto, B.L. Fernando	2022	0
Moon	2012	0
Yan, C. Sheng	2018	1
Varone, C. Ieracitano, A. Özyüksel, T. Hussain	2022	0

2.2.1 Abordagens de nível único

Uma abordagem de nível único é uma abordagem em que as previsões são realizadas para um único nível da hierarquia. A partir dessas previsões, os demais níveis são obtidos, ou desagregando (no caso dos níveis inferiores), ou agregando (no caso dos níveis superiores) essas informações (HYNDMAN; ATHANASOPOULOS, 2021). Os métodos *top-down*, *bottom-up* e *middle-out*, demonstrados na introdução, são abordagens de nível único.

Enquanto há apenas uma única forma de se agregar níveis na hierarquia (*bottom-up*), a desagregação (*top-down*) pode ser realizada de, ao menos, duas dezenas de maneiras (GROSS; SOHL, 1990). Dois dos métodos mais intuitivos são a média das proporções históricas e a proporção das médias históricas.

Na média das proporções históricas, cada proporção p_j , com j=1,...,m, consiste em tomar a média das proporções da série desagregada $y_{i,t}$ em relação ao agregado y_t :

$$p_{j} = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} \frac{y_{j,t}}{y_{t}} \tag{1}$$

Já a proporção das médias históricas consiste em tomar a proporção das médias das séries desagregadas em relação à média do agregado⁶.

Isso é equivalente a tomar a proporção direta entre os somatórios das séries. Note que, pelas propriedades do operador de somatório, $\sum_{t=1}^{T} \frac{y_t}{T} = \frac{y_1}{T} + \ldots + \frac{y_T}{T} = \frac{y_1 + \ldots + y_T}{T} = \frac{\sum_{t=1}^{T} y_t}{T}$. Então, a equação Equação 2 pode ser simplificada para $p_j = \frac{\sum_{t=1}^{T} y_{j,t}}{\sum_{t=1}^{T} y_t}$.

$$p_{j} = \frac{\sum_{t=1}^{T} \frac{y_{j,t}}{T}}{\sum_{t=1}^{T} \frac{y_{t}}{T}}$$
 (2)

[escrever método de proporções de previsões]

Li et al. (2016) compararam dois algoritmos de *machine learning* para previsão da produção de energia solar no estado da Flórida/EUA: ANN e SVR. Argumentando que tradicionalmente as previsões nesse problema são realizadas com os dados de produção total da planta, eles propõem uma abordagem hierárquica *bottom-up*, com previsões base de cada inversor solar. Os autores concluem que a abordagem hierárquica *bottom-up* é mais precisa do que a previsão do agregado, ao menos na previsão um passo a frente. Embora os autores utilizem algoritmos de *machine learning* para as previsões base, eles não utilizam esses algoritmos para a reconciliação ótima, caracterizando a abordagem do trabalho ainda como nível único.

2.2.2 Métodos analíticos para reconciliação ótima

Previsões pontuais de séries temporais hierárquicas não é um assunto novo. Ao menos desde a década de 70, pesquisas foram publicadas acerca de abordagens *bottom-up* e *top-down*, suas vantagens e desvantagens, e tentativas de se definir qual é o melhor método⁷. Entretanto, é apenas em Hyndman, Ahmed et al. (2011) que é formalizada uma abordagem prática que utiliza toda a informação disponível, (i.e. as previsões de todos elementos de todos os níveis da hierarquia) a partir da estimação da matriz G via regressão linear por mínimos quadrados generalizados (MQG).

Entretanto, para ser capaz de estimar o modelo por MQG, é necessária a matriz de variância-covariância dos erros. Hyndman, Ahmed et al. (2011) usam a matriz de erros de coerência, ou seja, a diferença entre as previsões reconciliadas e as previsões base, que tem posto incompleto e não identificada e, portanto, não pode ser estimada. Os autores contornam esse problema adotando no lugar da matriz de variância-covariância dos erros uma matriz diagonal constante, ou seja, assumem variância constante dos erros de reconciliação, e estimam a matriz G por mínimos quadrados ordinários (MQO).

A estimação por esse método resulta numa reconciliação ótima que depende apenas da matriz S, ou seja, da estrutura hierárquica, e independe da variância e covariância das previsões base \hat{y}_{T+h} — o que não é uma conclusão satisfatória.

Hyndman, Lee e Wang (2016) tentam aperfeiçoar o método usando as variâncias das previsões base estimadas (dentro da amostra) como estimativa para a matriz de variância-covariância dos erros de reconciliação, de forma a as utilizar como pesos e realizar a reconciliação ótima por mínimos quadrados ponderados (MQP). Assim, previsões base mais

⁷ Uma revisão dessa literatura pode ser encontrada em Athanasopoulos, Ahmed e Hyndman (2009).

acuradas têm peso maior do que as mais ruidosas. Entretanto, não fornecem justificativa teórica para usar a diagonal da matriz de variância-covariância de \hat{e}_t .

Wickramasuriya, Athanasopoulos e Hyndman (2019) argumentam que o que de fato interessa é que as previsões reconciliadas tenham o menor erro. Então, corrigem a abordagem de reconciliação ótima para o objetivo de minimização dos erros das previsões reconciliadas \tilde{y}_{t+h} , ao invés dos erros das previsões base \hat{y}_{t+h} . Dado que isso implica na minimização da variância de \tilde{e}_{t+h} , ou seja, na minimização do somatório da diagonal, o traço, da matriz de variância-covariância de \tilde{e}_{t+h} , eles chamaram esse método de Traço Mínimo (MinT, na sigla em inglês). Paralelamente, usam desigualdade triangular para demonstrar que as previsões reconciliadas obtidas por esse método são ao menos tão boas quanto as previsões base.

Panagiotelis et al. (2021) reinterpreta a literatura de coerência e reconciliação de previsões pontuais a partir de uma abordagem geométrica, trazendo provas alternativas para conclusões anteriores ao mesmo tempo em que fornece novos teoremas. Além disso, Panagiotelis et al. (2021) estende essa interpretação geométrica para o contexto probabilístico, fornecendo métodos paramétricos e não paramétricos (via *bootstrapping*) para reconciliação de previsões probabilísticas, ou seja, para reconciliar previsões \hat{y}_t obtidas a partir de toda a distribuição, e não apenas a média.

2.2.3 Métodos de machine learning para reconciliação ótima

Spiliotis et al. (2021) propõem a utilização de *machine learning* para a reconciliação ótima de séries temporais, especificamente os algoritmos de árvore de decisão *Random Forest* e *XGBoost*. Os autores descrevem como vantagens desse método em relação aos anteriores a descrição de relacionamentos não lineares, performance preditiva e a desnecessidade da utilização de todos os elementos da hierarquia na combinação ótima. A abordagem utilizada foi:

- 1. dividir a amostra em treino e teste;
- 2. treinar um modelo de previsão na amostra treino e obter previsões um passo a frente para a amostra teste;
- 3. treinar um modelo de *machine learning* para cada série do menor nível da hierarquia, em que os parâmetros são as previsões obtidas no passo 2 e a variável explicada são os valores observados. Isso resulta em um modelo de reconciliação ótima para cada elemento do menor nível da hierarquia, combinando informações disponíveis de todos os níveis hierárquicos;
- 4. obter as previsões base \hat{y}_t ;
- 5. passar as previsões base ao modelo treinado no passo 3 para se obter as previsões reconciliadas para o menor nível da hierarquia;
- agregar as previsões reconciliadas para se obter as previsões nos demais níveis hierárquicos.

Para o conjunto de dados utilizados, Spiliotis et al. (2021) afirmam que os métodos de *machine learning*, especialmente o XGBoost, alcançaram, em média, melhor performance que as abordagens de nível único e o MinT. Além disso, concluíram que quanto maior é a diferença entre as séries, em todos os níveis hierárquicos, maior são os benefícios da abordagem por *machine learning*.

2.2.3.1 O processo de ajuste e sobreajuste

Considere uma função de ajuste f, um conjunto de pontos $D=d_1,...,d_n$ com $d_i=(x_iy_i)'$, variáveis de decisão ou parâmetros $x_i\in\mathbb{R}^m$ e imagem $y_i=f(x_i)\in\mathbb{R}$. Diferentemente da abordagem clássica, em que, no caso do modelo clássico de regressão linear, há um modelo teórico de coeficientes estimados por mínimos quadrados ordinários (MQO) que é garantido pelo teorema de Gauss-Markov ser o melhor estimador linear não viesado (BLUE), em *machine learning* o objetivo é encontrar, de forma iterativa, um meta-modelo que melhor aproxima a função f usando a informação contida em D, ou seja, queremos ajustar uma função de regressão \hat{f}_D aos nossos dados D de forma que $\hat{y}=\hat{f}_D(x,\varepsilon)$ tenha o menor erro de aproximação ε .

Para verificar o quão bem o modelo \hat{f}_D se aproxima da função real f, é necessário uma função de perda $L(y,\hat{f}(x))$ que, no caso de regressão, será a perda quadrática $(y-\hat{f}(y))^2$ ou a perda absoluta $|y-\hat{f}(y)|$. Esses valores são agregados pela média para formar as funções de custo erro médio quadrático (MSE) e erro médio absoluto (MAE).

Dada a função de perda, pode-se definir o risco associado ao modelo de função de ajuste

$$R(f,p) = \int_{\mathbb{R}} \int_{\mathbb{R}^m} L(y,f(x)) p(x,y) dx dy$$

em que p(x,y) é a função densidade de probabilidade conjunta. Como não temos a função real mas procuramos uma função estimada que se aproxime dela, temos

$$GE(\hat{f}_D, p) = \int_{\mathbb{R}} \int_{\mathbb{R}^m} L(y, \hat{f}_D(x)) p(x, y) dx dy \tag{1}$$

que é o erro de generalização ou risco condicional associado ao preditor.

Então, podemos estimar o erro de generalização do modelo. Como não conhecemos a distribuição P, a substituímos pela amostra de teste D^{\ast} e ficamos com

$$\widehat{GE}(\widehat{f}_D, D^*) = \sum_{(xy)' \in D^*} \frac{L(y, \widehat{f}_D(x))}{|D^*|}$$

Se substituirmos a amostra teste pela amostra treino D usada para ajustar o modelo, teremos o chamado erro de resubstituição

$$\widehat{GE}_{\text{resub}} = \widehat{GE}(\widehat{f}_D, D)$$

Naturalmente, nesse caso estaríamos usando os dados de treino tanto para treinar o preditor quanto para estimar o erro de generalização, o que nos levaria a uma estimativa enviesada do erro de generalização. Caso usássemos essa estimativa para seleção de modelos, esse viés favoreceria modelos mais adaptados à amostra.

O problema é que nesses modelos, dadas suficientes iterações, o erro de resubstituição tende a zero. Isso acontece porque conforme o preditor se adapta cada vez mais aos dados de treinamento ele irá memorizar a relação entre o conjunto de pontos D e a imagem $f(x_i)$, ou seja, irá se ajustar perfeitamente ao formato da função a ser modelada. E não necessariamente um modelo perfeitamente ajustado se traduz na capacidade de predição de dados futuros (fora da amostra).

De forma geral, espera-se que o preditor reduza seu viés durante o treino apenas o suficiente para que seja capaz de generalizar sua predição para fora da amostra em um nível ótimo de acurácia. A partir desse ponto, a redução no viés é penalizada com o aumento da variância, ou seja, com a redução de sua capacidade de prever dados futuros (BISCHL et al., 2012). A esse processo se dá o nome de *overfitting* ou **sobreajuste**. Isso quer dizer que não podemos considerar a performance do preditor em D se desejamos estimar honestamente a performance real do modelo.

2.2.3.2 Reamostragem

Uma forma de se corrigir esse problema é dividindo a amostra em um conjunto para treino D_{treino} e outro conjunto para teste D_{teste} de forma que $D_{\text{treino}} \cup D_{\text{teste}} = D$ e $D_{\text{treino}} \cap D_{\text{teste}} = 0$. Assim, pode-se treinar o modelo em D_{treino} para se obter $\hat{f}_{D_{\text{treino}}}$ e calcular seu erro de generalização usando os dados de D_{teste} . Essa abordagem é chamada de *hold-out* e ela é de simples implementação e utilização, uma vez que as observações do conjunto teste são completamente independentes das observações com as quais o modelo foi treinado. A estimativa do erro de generalização então se torna

$$\widehat{GE}_{\text{hold-out}} = \widehat{GE}(\widehat{f}_{D_{\text{treino}}}, D_{\text{teste}})$$

Dois problemas permanecem:

- 1. É necessária uma amostra grande, uma vez que deve-se ter dados suficientes tanto na amostra treino para ajustar um modelo adequado, quanto na amostra teste para realizar uma avaliação de performance estatisticamente válida.
- 2. Esse método não é suficiente para detectar variância e instabilidades na amostra treino. Modelos mais complexos, especialmente não lineares, podem produzir resultados muito diferentes com mudanças pequenas nos dados de treino.

É exatamente para lidar com essas situações que foram desenvolvidas as técnicas de reamostragem. Todas essas tecnicas geram repetidamente i subconjuntos de treino $D_{\mathrm{treino}}^{(i)}$ e teste $D_{\mathrm{teste}}^{(i)}$ com o dataset disponível, ajustam um modelo com cada conjunto de treino e atestam sua qualidade no conjunto de teste correspondente. A estimativa do erro de generalização então se torna

$$\widehat{GE}_{\text{samp}} = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} \widehat{GE}(\widehat{f}_{D_{\text{treino}}^{(i)}}, D_{\text{teste}}^{(i)})$$
(2)

O erro de generalização dado na equação (1) depende tanto do tamanho da amostra usada para treinar quanto para testar o modelo ajustado. Portanto, devemos garantir que o tamanho da amostra usado para verificar o erro de generalização de um modelo estimado a partir de *n data points* seja próximo de *n*. Se, por exemplo, o conjunto de treino for muito menor que a amostra total o erro será superestimado, uma vez que muito menos informação foi usada para calcular o estimador.

Da mesma forma, a qualidade do estimador do erro de generalização obtido em (2) a partir de uma estratégia de reamostragem também depende muito do tamanho dos conjuntos $D^{(i)}$ em relação à amostra original, da quantidade k de subconjuntos utilizados e da estrutura de dependência entre os subconjuntos $D^{(i)}$ — novamente, modelos mais complexos são mais sensíveis a alterações no dataset e a variância entre os subconjuntos tende a ser maior. O erro do estimador é geralmente medido pelo erro médio quadrático (MSE):

$$\mathrm{MSE}(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}}) = \mathbb{E}[(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}} - GE(\widehat{f}_D, P))^2]$$

Esse estimador também pode ser representado como a soma do quadrado do viés e a variância:

$$\mathrm{MSE}(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}}) = \mathrm{Bias}(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}})^2 + \mathrm{Variância}(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}})$$

Sendo que o viés expressa a diferença média entre um estimador e o valor real, enquanto a variância mede a dispersão média do estimador. Essas quantidades são definidas da seguinte forma:

$$\operatorname{Bias}(\widehat{GE}_{\operatorname{samp}}) = \mathbb{E}[\widehat{GE}_{\operatorname{samp}}] - \mathbb{E}[GE(\widehat{f}_D, p)]$$

e

$$\mathrm{Variancia}(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}}) = \mathbb{E}[(\widehat{GE}_{\mathrm{samp}} - \mathbb{E}[\widehat{GE}_{\mathrm{samp}}])^2]$$

3 MÉTODOS PARA RECONCILIAÇÃO DE SÉRIES TEM-PORAIS

3.1 Séries hierárquicas e séries agrupadas

Séries temporais hierárquicas são aquelas que podem ser agregadas ou desagregadas naturalmente em uma estrutura aninhada (HYNDMAN; ATHANASOPOULOS, 2021). Para ilustrar, tome a série do PIB brasileiro. Ela pode ser desagregada por estado que, por sua vez, pode ser desagregada por município.

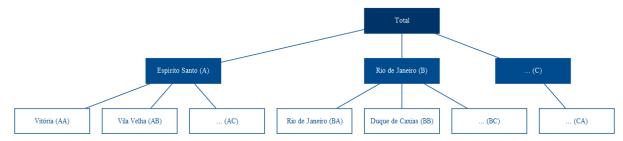


Figura 1 – Séries Hierárquicas

Essa estrutura pode ser representada por equações para qualquer nível de agregação.

$$y_t = y_{A,t} + y_{B,t} + y_{C,t} (3)$$

$$y_t = y_{AA,t} + y_{AB,t} + y_{AC,t} + y_{BA,t} + y_{BC,t} + y_{CA,t}$$
 (4)

$$y_{A,t} = y_{AA,t} + y_{AB,t} + y_{AC,t} (5)$$

Assim, o agregado nacional pode ser representado apenas pelos agregados dos estados, através da Equação (3), ou como o agregado dos municípios (4). Já o agregado para o estado do Espírito Santo é representado por (5).

Alternativamente, podemos descrever a estrutura completa de forma matricial:

Por outro lado, o PIB pode ser também desagregado de forma cruzada de acordo com a atividade econômica — agricultura, indústrias extrativas, indústria de transformação, eletricidade e gás, construção etc. Essa estrutura não pode ser desagregada naturalmente de uma única forma, como é a hierarquia de estados e municípios. Não pode ser aninhada por um atributo como a própria geografia. A esse tipo de estrutura dá-se o nome de séries agrupadas.

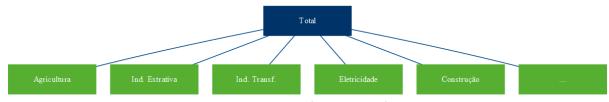


Figura 2 – Séries Agrupadas

Combinando as duas, temos a estrutura de séries hierárquicas agrupadas. Ao contrário da estrutura hierárquica, que só pode ser agregada de uma forma — como com os municípios abaixo dos estados —, a adição da estrutura agrupada pode ocorrer tanto acima (Figura 3) quanto abaixo (Figura 4) da hierárquica.

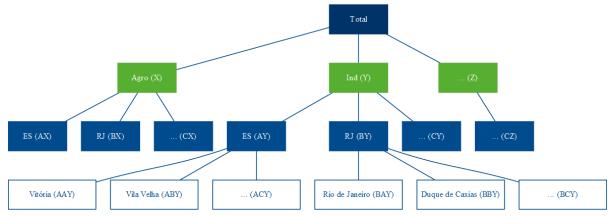


Figura 3 – Séries Hierárquicas Agrupadas (a)

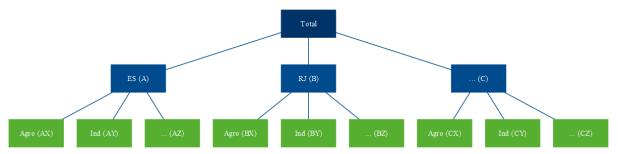


Figura 4 – Séries Hierárquicas Agrupadas (b)

Na notação matricial, a estrutura da Figura 4 é representada como abaixo. Formalmente, o primeiro membro da igualdade é composto pelo vetor \boldsymbol{y}_t n-dimensional com todas as observações no tempo t para todos os níveis da hierarquia. O segundo membro é composto pela matriz de soma \boldsymbol{S} de dimensão $n\times m$ que define as equações para todo nível de agregação, e pela matriz \boldsymbol{b}_t composta pelas séries no nível mais desagregado.

$$oldsymbol{y}_t = oldsymbol{S} oldsymbol{b}_t$$

$$\begin{vmatrix} y_{t} \\ y_{A,t} \\ y_{B,t} \\ y_{C,t} \\ y_{X,t} \\ y_{Z,t} \\ y_{Z,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{AX,t} \\ y_{BX,t} \\ y_{CX,t} \\ y_{C$$

3.1.1 Abordagens top-down, bottom-up e middle-out

Talvez as formas mais intuitivas de se pensar em previsões para esses tipos de estrutura sejam as abordagens top-down e bottom-up. Tome a estrutura descrita na Figura 1, por exemplo. Podemos realizar a previsão para o horizonte de tempo h do agregado do PIB brasileiro,

representado no topo da hierarquia por *Total* (Equação 8), e então distribuir os valores previstos proporcionalmente entre os estados e municípios.

$$\hat{\boldsymbol{y}}_{T+h|T} = E[\boldsymbol{y}_{T+h}|\Omega_T] \tag{8}$$

Essa é a abordagem top-down. Nela, a previsão para os níveis mais desagregados da hierarquia são determinadas por uma proporção p_i do nível agregado. Por exemplo, as previsões para Vitória são dadas pela equação Equação 9.

$$\tilde{\boldsymbol{y}}_{AA,T+h|T} = p_1 \hat{\boldsymbol{y}}_{T+h|T} \tag{9}$$

Para isso, temos de definir uma matriz com todos esses pesos, que, seguindo a formulação de Hyndman e Athanasopoulos (2021), vamos chamar de G:

 ${m G}$ é uma matriz $m \times n$ que multiplica a matriz $\hat{{m y}}_{T+h|T}$ que, por sua vez, é composta pelas previsões base — as previsões individuais para todos os níveis de agregação. A equação para a abordagem top-down será, então:

$$\tilde{\boldsymbol{y}}_{T+h|T} = \boldsymbol{S}\boldsymbol{G}\hat{\boldsymbol{y}}_{T+h|T} \tag{11}$$

Na notação matricial para a estrutura da Figura 1, temos:

O que nos dá uma proporção do total para cada elemento no nível mais desagregado.

$$\begin{bmatrix} \tilde{y}_{t} \\ \tilde{y}_{A,t} \\ \tilde{y}_{B,t} \\ \tilde{y}_{C,t} \\ \tilde{y}_{AA,t} \\ \tilde{y}_{AB,t} \\ \tilde{y}_{AC,t} \\ \tilde{y}_{BA,t} \\ \tilde{y}_{BB,t} \\ \tilde{y}_{BC,t} \\ \tilde{y}_{BC,t} \\ \tilde{y}_{CA,t} \end{bmatrix} = \boldsymbol{S} \begin{bmatrix} p_{1}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{2}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{3}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{4}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{5}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{5}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{6}\hat{y}_{T+h|T} \\ p_{7}\hat{y}_{T+h|T} \end{bmatrix}$$

$$(13)$$

Substituindo a matriz S, temos as equações que definem cada previsão da estrutura em função de proporções da previsão do agregado.

$$\begin{bmatrix} \tilde{y}_{t} \\ \tilde{y}_{A,t} \\ \tilde{y}_{B,t} \\ \tilde{y}_{C,t} \\ \tilde{y}_{AA,t} \\ \tilde{y}_{AB,t} \\ \tilde{y}_{BA,t} \\ \tilde{y}_{BB,t} \\ \tilde{y}_{BC,t} \\ \tilde{y}$$

Já a abordagem bottom-up parte do raciocínio inverso e define as previsões de cada elemento da estrutura a partir das previsões dos elementos mais desagregados. Para tanto, basta modificar a matriz G.

O que resulta nas equações desejadas. Portanto, G define a abordagem — se top-down ou bottom-up —, e S define a maneira da qual as previsões são somadas para formar as equações de previsão para cada elemento da estrutura. Portanto, chamo G de matriz de reconciliação.

Quando m — a quantidade de elementos do nível mais desagregado — é muito grande, tornando muito custoso obter \hat{y}_t , e não se deseja uma abordagem estritamente top-down, podese combinar as duas formas. Ainda na estrutura hierárquica descrita na Figura 1, obter de forma criteriosa modelos Arima, por exemplo, para cada um dos municípios é muito custoso em tempo. Por outro lado, pode-se realizar a previsão para os estados e então obter de maneira top-down as previsões para os municípios, enquanto o nível mais agregado é obtido de maneira bottom-up.

Esse método é chamado de *middle-out*. Nele, o total é o somatório das proporções de um nível intermédiário escolhido, ao invés de proporções do total. Isso permite uma abordagem mais econômica, em termos de custo computacional e de tempo, ao mesmo tempo em que mantém em algum grau as características individuais das hierarquias.

3.1.2 Coerência e reconciliação

Seja somando as previsões do nível mais desagregado para formar os níveis superiores da hierarquia (bottom-up) ou distribuindo proporcionalmente as previsões do nível mais agregado (top-down), o vetor \tilde{y}_t representa as previsões coerentes. Isso significa que as previsões são totalizadas corretamente — as previsões de cada elemento agregado corresponde ao somatório das previsões dos níveis inferiores da hierarquia. Isso é garantido pela multiplicação das matrizes SG.

Não fosse essa pré multiplicação, nada garantiria a coerência das previsões. Tomando a estrutura da Figura 1 como exemplo, seria um acaso improvável que as previsões do agregado para o estado do Espírito Santo sejam exatamente a soma das previsões individuais de seus municípios. Isso porque não há qualquer razão para que cada série siga o mesmo processo (e.g., arima) com coeficientes idênticos.

Os métodos de gerar previsões coerentes a partir de previsões base são chamados de métodos de reconciliação. Os métodos de reconciliação tradicionais apresentados, top-down e bottom-up, utilizam informação limitada. No método top-down, utiliza-se apenas informações do nível mais agregado — por isso, apenas a primeira coluna em (Equação 10) é diferente de zero. Já na abordagem bottom-up, utiliza-se apenas as informações dos níveis mais desagregados, o que resulta na submatriz identidade $m \times m$ em (Equação 15), enquanto as colunas que representam os níveis mais agregados são nulas.

Alternativamente, podemos pensar numa matriz G qualquer que utilize toda a informação disponível e tenha algumas propriedades que garantam que as previsões coerentes tenham o menor erro o possível. Esse é o problema de pesquisa trabalhado na *reconciliação ótima*.

4 METODOLOGIA

Neste capítulo estão contidas explicações sobre os dados e variáveis, sobre o *design* da modelagem e sobre a avaliação dos modelos.

4.1 Dados e variáveis

Os dados usados nesse trabalho são dados terciários obtidos do *datalake* público Base dos Dados (CAVALCANTE; HERSZENHUT; DORNELLES, 2023). A fonte primária são os bancos comerciais e múltiplos com carteira comercial que disponibilizam mensalmente os saldos dos principais verbetes do balancete via documento 4500⁸ ao Banco Central do Brasil, que os compila e publica, agrupados por agência bancária e por município, no relatório ESTBAN — Estatística Bancária Mensal e por Município⁹.

Além das estatísticas bancárias, foram obtidos informações de regiões, mesorregiões e microrregiões dos estados, também a partir *datalake* Base dos Dados, com o objetivo de enriquecer a estrutura hierárquica dos dados do ESTBAN, limitada aos municípios.

Uma vez que o escopo deste trabalho se encerra ao Espírito Santo e ao Banestes, foram aplicados os filtros para UF e na raiz do CNPJ. Ademais, foram mantidos apenas os verbetes relacionados a crédito e mantidas apenas as agências em atividade durante todo o período. Quanto ao período, há dados disponíveis desde 1988. Entretanto, escolhi manter apenas os dados a par-

Esses documentos são relatórios eletrônicos obrigatórios demandados pelo Bacen às instituições financeiras que permitem ao regulador o conhecimento minucioso dos bancos e de seus clientes.

https://www4.bcb.gov.br/fis/cosif/estban.asp?frame=1

tir de 2010 para evitar problemas relacionados a séries muito longas. Isso porque é seria muito otimista assumir que o processo de autocorrelação e o padrão sazonal se manteria ao longo de várias décadas¹⁰. Além disso, se tratando de uma hierarquia larga, o custo computacional deve ser levado em conta na escolha do período.

Por fim, as variáveis mantidas no dataset foram:

- 1. ref: data de referência do relatório ESTBAN
- 2. nome_mesorregiao: nome da mesorregião do ES:
 - Central Espírito-Santense
 - Litoral Norte Espírito-Santense
 - Noroeste Espírito-Santense
 - Sul Espírito-Santense
- 3. nome microrregião: nome da microrregião do ES:
 - · Afonso Cláudio
 - Guarapari
 - · Santa Teresa
 - Vitória
 - Linhares
 - Montanha
 - São Mateus
 - Barra de São Francisco
 - Colatina
 - · Nova Venécia
 - Alegre
 - Cachoeiro de Itapemirim
 - Itapemirim

4. verbete:

- empréstimos e títulos descontados
- financiamentos
- financiamentos imobiliários
- financiamentos rurais
- 5. nome: nome do município
- 6. cnpj agencia
- 7. valor: saldo do verbete no município

¹⁰ "It is, perhaps, unrealistic to assume that the seasonal pattern remains the same over nearly three decades. So we could simply fit a model to the most recent years instead" (HYNDMAN; ATHANASOPOULOS, 2021)

Os dados foram organizados de forma hierárquica, do mais agregado para o mais desagregado, por estado, mesorregião, microrregião, município e agência bancária; e de forma agrupada, por verbete.

O detalhamento da construção do *dataset* se encontra no Anexo A.

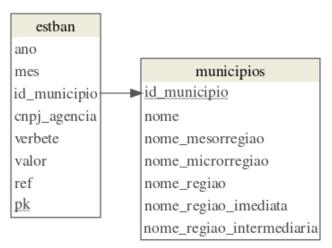


Figura 5 – Modelo de dados

4.2 Análise exploratória dos dados

Após limpeza, o *dataset* adquiriu a estrutura apresentada na Tabela 3. As microrregiões que compõem cada mesorregião são apresentadas na Tabela 4 e os municípios que compõem cada microrregião são apresentados na Tabela 5.

ref	nome_mesorregiao	nome_microrregiao	nome	cnpj_agencia	verbete	valor
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Afonso Cláudio	28127603000259	empréstimos e títulos descontados	4685718
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Afonso Cláudio	28127603000259	financiamentos	853037
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Afonso Cláudio	28127603000259	financiamentos imobiliários	0
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Afonso Cláudio	28127603000259	financiamentos rurais	3685554
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Brejetuba	28127603012770	empréstimos e títulos descontados	1626235
2010-01-01	Central Espírito-santense	Afonso Cláudio	Brejetuba	28127603012770	financiamentos	356540

Tabela 3 – Estrutura do dataset

Tabela 4 – Microrregiões do ES incluídas nos dados

nome_mesorregiao	nome_microrregiao
Central Espírito-santense	Afonso Cláudio, Guarapari , Santa Teresa , Vitória
Litoral Norte Espírito-santense	Linhares, Montanha, São Mateus
Noroeste Espírito-santense	Barra de São Francisco, Colatina , Nova Venécia
Sul Espírito-santense	Alegre, Cachoeiro de Itapemirim, Itapemirim

O tamanho de uma estrutura hierárquica, em termos de observações, é determinada por seu nível mais desagregado. Assim, sendo 155 meses e 96 agências, a estrutura hierárquica conta com 155×96 = 14880 observações. Sendo também uma estrutura agrupada por 4 verbetes, a quantidade de observações é multiplicada pela quantidade de níveis transversais, totalizando 59520 observações.

Tabela 5 – Municípios por microrregião do ES incluídos nos dados

nome_microrregiao	nome
Afonso Cláudio	Afonso Cláudio , Brejetuba , Conceição do Castelo , Domingos Martins , Laranja da Terra , Marechal Floriano , Venda Nova do Imigrante
Alegre	Alegre , Dores do Rio Preto, Guaçuí , Ibatiba , Ibitirama , Irupi , Iúna , Muniz Freire
Barra de São Francisco	Água Doce do Norte , Barra de São Francisco, Ecoporanga , Mantenópolis
Cachoeiro de Itapemirim	Apiacá , Atilio Vivacqua , Bom Jesus do Norte , Cachoeiro de Itapemirim, Castelo , Jerônimo Monteiro , Mimoso do Sul , Muqui , São José do Calçado , Vargem Alta
Colatina	Alto Rio Novo, Baixo Guandu , Colatina , Pancas
Guarapari	Alfredo Chaves , Anchieta , Guarapari , Iconha , Piúma , Rio Novo do Sul
Itapemirim	Itapemirim, Marataízes, Presidente Kennedy
Linhares	Aracruz , Fundão , Ibiraçu , João Neiva , Linhares , Rio Bananal, Sooretama
Montanha	Mucurici, Pinheiros, Ponto Belo
Nova Venécia	Águia Branca , Boa Esperança, Nova Venécia , Vila Valério
Santa Teresa	Itaguaçu , Itarana , Santa Leopoldina , Santa Maria de Jetibá, Santa Teresa , São Roque do Canaã
São Mateus	Jaguaré, Pedro Canário, São Mateus
Vitória	Cariacica , Serra , Viana , Vila Velha, Vitória

Tabela 6 – Contagem de únicos no dataset ESTBAN

	unique_n
ref	155
nome_mesorregiao	4
nome_microrregiao	13
nome	70
cnpj_agencia	96
verbete	4

A série temporal do agregado de crédito no Banestes no Espírito Santo é apresentada na Figura 6. Podemos observar tendência de crescimento a partir de 2020, indicando que a série seja não estacionária e que talvez seja interessante adicionar um regressor externo para o período da pandemia, quando foram implementados programas de crédito emergenciais no país.

A concentração na mesorregião Central Espírito-santense, Figura 7, indica que os elementos das demais regiões

Analisando o agregado por verbetes, a Figura 9 indica que o crescimento é liderado pelas alíneas empréstimos e títulos descontados e financiamentos imobiliários. Especificamente quanto ao segundo, a competitividade da taxa de juros é um fator que pode ter contribuído para o crescimento, o que também pode ser analisado com o auxílio de um regressor externo.

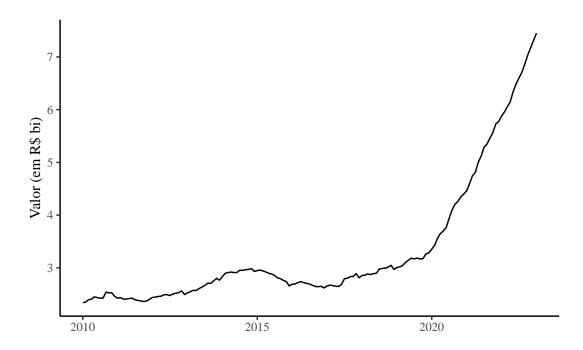


Figura 6 – Série temporal do agregado de crédito do Banestes no ES

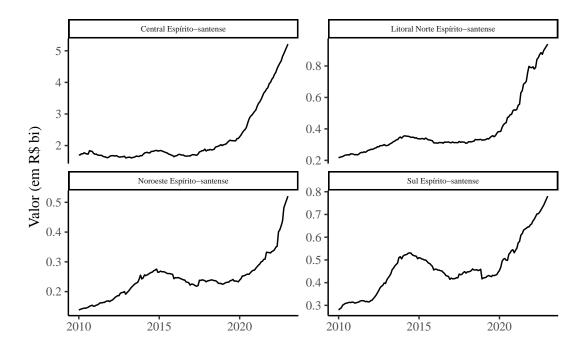


Figura 7 – Série temporal do agregado de crédito do Banestes por mesorregião do ES

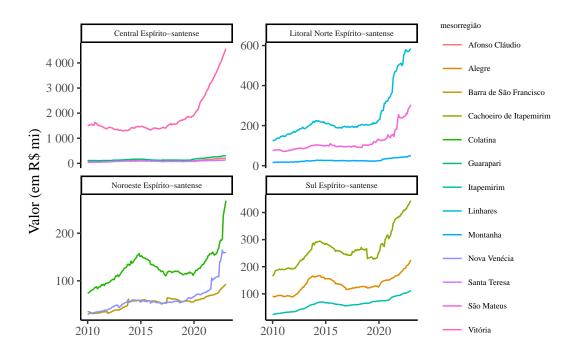


Figura 8 – Série temporal do agregado de crédito do Banestes por microrregião do ES

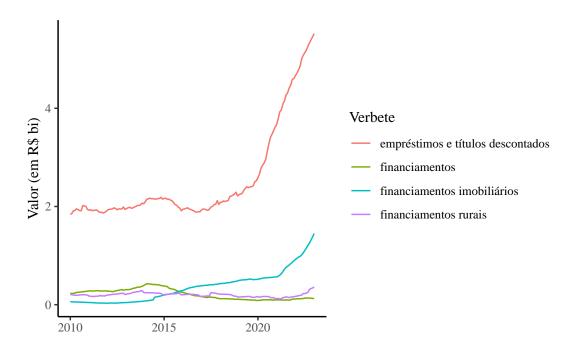


Figura 9 – Verbetes no agregado do ES

5. RESULTADOS 36

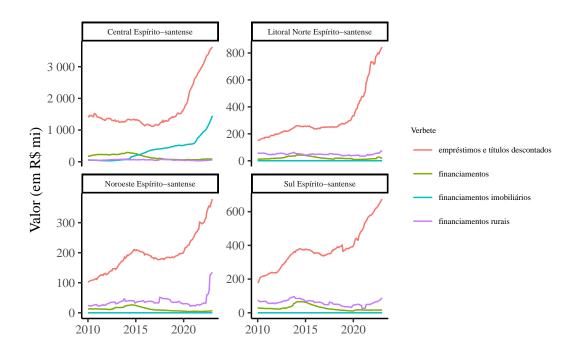


Figura 10 – Verbete por mesorregião do ES

5 RESULTADOS

[Escrever outline do capítulo]

REFERÊNCIAS

- ATHANASOPOULOS, George; AHMED, Roman A.; HYNDMAN, Rob J. Hierarchical forecasts for Australian domestic tourism. *International Journal of Forecasting*, v. 25, n. 1, p. 146–166, 1 jan. 2009. ISSN 0169-2070. DOI: 10.1016/j.ijforecast.2008.07.004. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0169207008000691. Acesso em: 11 jan. 2023. Citado na p. 18.
- BADER, Fani Lea Cymrot. Modelo FAVAR Canônico para Previsão do Mercado de Crédito. *Banco Central do Brasil*, v. 369, 2014. ISSN 1519-1028. Citado na p. 15.
- BECCALLI, Elena et al. Earnings management, forecast guidance and the banking crisis. *The European Journal of Finance*, v. 21, n. 3, p. 242–268, fev. 2015. Publisher: Routledge _eprint: https://doi.org/10.1080/1351847X.2013.809548. ISSN 1351-847X. DOI: 10.1080/1351847X. 2013.809548. Disponível em: https://doi.org/10.1080/1351847X.2013.809548>. Acesso em: 7 mai. 2023. Citado na p. 13.
- BISCHL, Bernd et al. Resampling Methods for Meta-Model Validation with Recommendations for Evolutionary Computation. *Evolutionary computation*, v. 20, p. 249–75, 16 fev. 2012. DOI: 10.1162/EVCO a 00069. Citado na p. 21.
- BRASIL. *Lei nº 7.492, de 16 de junho de 1986*. Brasília, DF: Presidência da República, jun. 1986. Disponível em: https://www.planalto.gov.br/ccivil_03/leis/17492.htm. Citado na p. 12.
- CAVALCANTE, Pedro; HERSZENHUT, Daniel; DORNELLES, Rodrigo. *basedosdados: Base Dos Dados R Client*. [S.1.], 2023. R package version 0.2.2. Disponível em: https://CRAN.R-project.org/package=basedosdados. Citado na p. 30.
- ÇOLAK, Mehmet Selman et al. *TCMB Monitoring and Forecasting Cyclical Dynamics in Bank Credits: Evidence from Turkish Banking Sector*. 2019. Disponível em: https://www.tcmb.gov.tr/wps/wcm/connect/EN/TCMB+EN/Main+Menu/Publications/Research/Working+Paperss/2019/19-29. Acesso em: 6 mar. 2023. Citado na p. 15.
- CONSELHO MONETÁRIO NACIONAL. *Resolução nº 2.099, de 17 de agosto de 1994*. [S.l.]: Banco Central do Brasil, ago. 1994. Disponível em: https://www.bcb.gov.br/pre/normativos/res/1994/pdf/res 2099 v1 O.pdf>. Citado na p. 13.
- CORADI, Carlos; MONDO, Douglas. *Dinheiro podre: A história das fraudes nas instituições financeiras do Brasil*. 1ª edição. [S.l.]: Matrix Editora, abr. 2017. Citado na p. 12.

Referências 38

GORODETSKAYA, Olga; GOBAREVA, Yana; KOROTEEV, Mikhail. A Machine Learning Pipeline for Forecasting Time Series in the Banking Sector. *Economies*, v. 9, n. 4, p. 205, dez. 2021. Number: 4 Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing Institute. ISSN 2227-7099. DOI: 10.3390/economies9040205. Disponível em: https://www.mdpi.com/2227-7099/9/4/205>. Acesso em: 27 fev. 2023. Citado na p. 15.

- GROSS, Charles W.; SOHL, Jeffrey E. Disaggregation methods to expedite product line forecasting. *Journal of Forecasting*, v. 9, n. 3, p. 233–254, 1990. _eprint: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/pdf/1 ISSN 1099-131X. DOI: 10.1002/for.3980090304. Disponível em: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/for.3980090304. Acesso em: 26 jan. 2023. Citado nas pp. 13, 17.
- HYNDMAN, R.J.; ATHANASOPOULOS, G. *Forecasting: principles and practice*. 3. ed. Melbourne, Austrália: OTexts, 2021. Disponível em: https://otexts.com/fpp3/. Citado nas pp. 13, 16, 17, 23, 26, 31.
- HYNDMAN, Rob J.; AHMED, Roman A. et al. Optimal combination forecasts for hierarchical time series. *Computational Statistics & Data Analysis*, v. 55, n. 9, p. 2579–2589, 1 set. 2011. ISSN 0167-9473. DOI: 10.1016/j.csda.2011.03.006. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0167947311000971>. Acesso em: 11 jan. 2023. Citado nas pp. 14, 18.
- HYNDMAN, Rob J.; LEE, Alan J.; WANG, Earo. Fast computation of reconciled forecasts for hierarchical and grouped time series. *Computational Statistics & Data Analysis*, v. 97, p. 16–32, 1 mai. 2016. ISSN 0167-9473. DOI: 10.1016/j.csda.2015.11.007. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S016794731500290X. Acesso em: 11 jan. 2023. Citado nas pp. 16, 18.
- LI, Zhaoxuan et al. A Hierarchical Approach Using Machine Learning Methods in Solar Photovoltaic Energy Production Forecasting. en. *Energies*, v. 9, n. 1, p. 55, jan. 2016. Number: 1 Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing Institute. ISSN 1996-1073. DOI: 10.3390/en9010055. Disponível em: https://www.mdpi.com/1996-1073/9/1/55>. Acesso em: 8 abr. 2023. Citado na p. 18.
- PANAGIOTELIS, Anastasios et al. Forecast reconciliation: A geometric view with new insights on bias correction. *International Journal of Forecasting*, v. 37, n. 1, p. 343–359, 1 jan. 2021. ISSN 0169-2070. DOI: 10.1016/j.ijforecast.2020.06.004. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0169207020300911>. Acesso em: 15 jan. 2023. Citado na p. 19.
- PRAYOGA, I.G.S.A.; SUHARTONO, Suhartono; RAHAYU, S.P. Top-down forecasting for high dimensional currency circulation data of Bank Indonesia. *International Journal of Advances in Soft Computing and its Applications*, v. 9, p. 62–74, 1 jan. 2017. Citado na p. 16.

Referências 39

SEZER, Omer Berat; GUDELEK, Mehmet Ugur; OZBAYOGLU, Ahmet Murat. *Financial Time Series Forecasting with Deep Learning : A Systematic Literature Review: 2005-2019*. [S.l.]: arXiv, 29 nov. 2019. arXiv: 1911.13288[cs,q-fin,stat]. Disponível em: http://arxiv.org/abs/1911.13288>. Acesso em: 7 mar. 2023. Citado na p. 15.

- SPILIOTIS, Evangelos et al. Hierarchical forecast reconciliation with machine learning. *Applied Soft Computing*, v. 112, p. 107756, 1 nov. 2021. ISSN 1568-4946. DOI: 10.1016/j.asoc.2021. 107756. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1568494621006773. Acesso em: 11 jan. 2023. Citado nas pp. 19, 20.
- WALLANDER, Jan. Budgeting an unnecessary evil. en. *Scandinavian Journal of Management*, v. 15, n. 4, p. 405–421, dez. 1999. ISSN 0956-5221. DOI: 10.1016/S0956-5221(98) 00032-3. Disponível em: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S09565221980 00323>. Acesso em: 8 mai. 2023. Citado na p. 12.
- WICKRAMASURIYA, Shanika L.; ATHANASOPOULOS, George; HYNDMAN, Rob J. Optimal Forecast Reconciliation for Hierarchical and Grouped Time Series Through Trace Minimization. *Journal of the American Statistical Association*, v. 114, n. 526, p. 804–819, 3 abr. 2019. Publisher: Taylor & Francis. ISSN 0162-1459. DOI: 10.1080/01621459.2018.1448825. Disponível em: https://www.tandfonline.com/doi/full/10.1080/01621459.2018.1448825. Acesso em: 11 jan. 2023. Citado nas pp. 14, 19.



ANEXO A – CÓDIGO PARA CONSTRUÇÃO DA BASE DE DADOS

```
# pacotes
library(magrittr, include.only = "%>%")
# set Google BigQuery project
basedosdados::set_billing_id("monografia-359922")
# municípios x regiões imediatas
municipios = basedosdados::read_sql("
SELECT
 id_municipio
  , nome
 , nome_mesorregiao
 , nome_microrregiao
 , nome_regiao
  , nome_regiao_imediata
  , nome_regiao_intermediaria
FROM `basedosdados.br_bd_diretorios_brasil.municipio`
WHERE sigla uf = 'ES'
")
# estban
estban = basedosdados::read_sql("
SELECT
 CAST(ano AS STRING) AS ano
 , CAST(mes AS STRING) AS mes
 , id_municipio
 , cnpj_agencia
  , CASE
        WHEN id_verbete = '160' THEN 'operações de crédito'
        WHEN id_verbete = '161' THEN 'empréstimos e títulos descontados'
        WHEN id_verbete = '162' THEN 'financiamentos'
        WHEN id_verbete = '163' THEN 'financiamentos rurais'
        WHEN id_verbete = '169' THEN 'financiamentos imobiliários'
        WHEN id_verbete = '172' THEN 'outros créditos'
        WHEN id_verbete = '174' THEN 'provisão para operações de crédito'
```

```
ELSE 'outros'
    END AS verbete
  , valor
FROM `basedosdados.br_bcb_estban.agencia`
WHERE
  cnpj_basico = '28127603'
 AND id_verbete IN ('161', '162', '163', '169')
")
# formatando datas
estban = within(estban, {
  mes = formatC(as.numeric(mes), format = "d", width = 2, flag = "0")
  ref = as.Date(paste(ano, mes, "01", sep = "-"))
})
# identificando agências iniciais
agencias_ini = subset(estban, ref == min(ref), select = cnpj_agencia) |>
  (\(x) unique(x$cnpj_agencia))()
# identificando agências em atividade
agencias_fim = subset(estban, ref == max(ref), select = cnpj_agencia) |>
  (\(x) unique(x$cnpj_agencia))()
# filtrando apenas agências em atividade que já estavam no inicio do período
estban = subset(
 estban,
  cnpj_agencia %in% agencias_fim & cnpj_agencia %in% agencias_ini
)
# mesclando com tabela municípios
estban = merge(estban, municipios, by = "id_municipio")
```