Insumo-Produto*

1ª Lista de Exercícios

Alberson da Silva Miranda 29 de abril de 2024

 $^{{\}rm *C\'odigo~dispon\'ivel~em~https://github.com/albersonmiranda/insumo_produto.}$

Índice

1	PRI	MEIRA QUESTÃO	4
	1.1	Quais são os dois elementos no vetor de demanda final?	4
	1.2	Suponha que f_1 aumente em 50 e f_2 diminua em 20. Quais novas produções	
		seriam necessárias para satisfazer as novas demandas finais?	5
2	SEG	SUNDA QUESTÃO	6
	2.1	Encontre a matriz de coeficientes técnicos e a matriz inversa de Leontief	6
	2.2	Suponha que, devido a mudanças na política tributária do governo, as demandas	
		finais dos produtos dos setores 1, 2 e 3 sejam projetadas para o próximo ano	
		(ano $t+1$) em 1300, 100 e 200, respectivamente (também medidos em milhares	
		de reais). Encontre os produtos totais que seriam necessários dos três setores	
		para atender a essa demanda projetada, assumindo que não há mudança na	
		estrutura tecnológica da economia (isto é, assumindo que a matriz A não muda do ano t para o ano $t+1$)	7
		do ano t para o ano $t+1$)	1
3	TERCEIRA QUESTÃO		
	3.1	Construa a matriz de insumo-produto para esta economia com base nessas estimativas dos dados do ano passado. Encontre a matriz correspondente de	
		coeficientes técnicos e mostre que as condições de Hawkins-Simon são satisfeitas.	8
	3.2	Encontre a inversa de Leontief para esta economia	10
		para suprir a demanda final reduzida deste ano? Calcule os vetores de valor	
		agregado e produção intermediária para a nova tabela de transações	10
4	Q UA	ARTA QUESTÃO	12
	4.1	Construa a tabela de transações de insumo-produto descrevendo a atividade	
		econômica nesta economia	12
	4.2	Encontre a matriz correspondente de coeficientes técnicos e mostre que as	
		condições de Hawkins-Simon são satisfeitas	13

	4.3	Se no ano seguinte áquele em que foram compilados os dados desse modelo nao	
		fossem esperadas mudanças nos padrões de consumo da indústria, e se fosse	
		apresentada uma demanda final de 15 milhões do bem A e 18 milhões do bem	
		B na economia, qual seria a produção total de todas as indústrias necessárias	
		para suprir essa demanda final, bem como a atividade interindústria envolvida	
		no suporte às entregas dessa demanda final?	13
5	QUI	NTA QUESTÃO	15
5	-	NTA QUESTÃO Calcule A e B	
5	-	Calcule A e B	
5	5.1	Calcule A e B	
5	5.1	Calcule A e B	

1 PRIMEIRA QUESTÃO

Os valores em reais das transações interindustriais e os resultados totais para uma economia de dois setores (agricultura e manufatura) são mostrados abaixo:

$$Z = \begin{bmatrix} 500 & 350 \\ 320 & 360 \end{bmatrix} \tag{1.1}$$

$$x = \begin{bmatrix} 1000 \\ 800 \end{bmatrix} \tag{1.2}$$

1.1 Quais são os dois elementos no vetor de demanda final?

```
# dados
data = list(
    Z = matrix(c(500, 350, 320, 360), nrow = 2, byrow = TRUE),
    x = c(1000, 800)

# o vetor f da demanda final é a diferença entre Z e x

f = with(data, x - rowSums(Z))  
    as.matrix(nrow = 2)

dimnames(f) = list(c("setor A", "setor B"), c("demanda final"))

print(f)
```

```
demanda final setor A 150 setor B 120
```

1.2 Suponha que f_1 aumente em 50 e f_2 diminua em 20. Quais novas produções seriam necessárias para satisfazer as novas demandas finais?

```
# novos valores de f
   f_{new} = f + c(50, -20)
3
   # matriz de coeficientes técnicos
4
   A = with(data, sweep(Z, 2, x, FUN = "/"))
5
   # matriz de Leontief
   L = diag(2) - A
   # inversa de Leontief
10
   B = solve(L)
11
12
   # nova produção final
13
   x_new = B %*% f_new
14
   # resposta
   dimnames(x_new) = list(c("setor A", "setor B"), "produção total")
   print(x_new)
```

```
produção total
setor A 1138.8889
setor B 844.4444
```

2 SEGUNDA QUESTÃO

As vendas interindústrias e a produção total em uma pequena economia de três setores para o ano t são dadas na tabela a seguir, com valores apresentados em milhares de reais.

2.1 Encontre a matriz de coeficientes técnicos e a matriz inversa de Leontief

```
# matriz de coeficientes técnicos
A = with(data, sweep(Z, 2, x, FUN = "/"))

# matriz de Leontief
L = diag(3) - A

# inversa de Leontief
B = solve(L)

# resposta
print(A)
```

```
[,1] [,2] [,3]
[1,] 0.35 0.0 0.00
```

```
[2,] 0.05 0.5 0.15
[3,] 0.20 0.3 0.55
```

print(B)

```
[,1] [,2] [,3]
[1,] 1.5384615 0.000000 0.0000000
[2,] 0.4487179 2.500000 0.8333333
[3,] 0.9829060 1.666667 2.7777778
```

2.2 Suponha que, devido a mudanças na política tributária do governo, as demandas finais dos produtos dos setores 1, 2 e 3 sejam projetadas para o próximo ano (ano t+1) em 1300, 100 e 200, respectivamente (também medidos em milhares de reais). Encontre os produtos totais que seriam necessários dos três setores para atender a essa demanda projetada, assumindo que não há mudança na estrutura tecnológica da economia (isto é, assumindo que a matriz A não muda do ano t para o ano t+1)

```
# novos valores de f
f_new = c(1300, 100, 200)

# nova produção final
x_new = B %*% f_new

# resposta
dimnames(x_new) = list(c("setor A", "setor B", "setor C"), c("produção total"))
print(x_new)
```

```
produção total setor A 2000 setor B 1000 setor C 2000
```

3 TERCEIRA QUESTÃO

Considere uma economia organizada em três setores: madeira e produtos de madeira, papel e produtos afins e maquinário e equipamentos de transporte. Uma empresa de consultoria estima que no ano passado a indústria madeireira teve uma produção avaliada em 50 (suponha que todos os valores monetários estejam em milhões de reais), 5% dos quais ela mesma consumiu; 70% foram consumidos pela demanda final; 20% pela indústria de papel e produtos afins; 5% pela indústria de equipamentos. A indústria de equipamentos consumia 15% de seus próprios produtos, de um total de 100; 25% foram para a demanda final; 30% para a indústria madeireira; 30 por cento para a indústria de papel e produtos afins. Finalmente, a indústria de papel e produtos afins produzia 50, dos quais consumia 10%; 80% foram para a demanda final; 5% foram para a indústria madeireira; e 5% para a indústria de equipamentos.

3.1 Construa a matriz de insumo-produto para esta economia com base nessas estimativas dos dados do ano passado. Encontre a matriz correspondente de coeficientes técnicos e mostre que as condições de Hawkins-Simon são satisfeitas.

```
x = c(50, 50, 100)
2
    props = list(
5
      Z = matrix(
6
          0.05, 0.2, 0.05,
          0.05, 0.10, 0.05,
          0.3, 0.3, 0.15
10
11
        nrow = 3,
12
        byrow = TRUE
13
14
       = matrix(
15
```

```
c(0.7, 0.8, 0.25),
16
        nrow = 3,
17
       byrow = TRUE
18
19
20
21
   # matriz insumo-produto
   M = lapply(props, function(matriz) {
23
    x * matriz
24
25
^{26}
   IO = do.call(cbind, M) ▷
27
   cbind(x)
   dimnames(IO) = list(
30
31
32
   print(I0)
33
            setor A setor B setor C demanda final produção total
              2.5
                         10
                                2.5
                                                35
                                                               50
    setor A
                2.5
                          5
                                2.5
                                                40
                                                               50
    setor B
               30.0
                               15.0
                                                25
                                                              100
    setor C
                         30
   # matriz de coeficientes técnicos
   A = with(M, sweep(Z, 2, x, FUN = "/"))
   print(A)
         [,1][,2][,3]
    [1,] 0.05 0.2 0.025
    [2,] 0.05 0.1 0.025
    [3,] 0.60 0.6 0.150
   # matriz de Leontief
   L = diag(3) - A
```

[1] TRUE

all(L %*% x > 0)

condições de Hawkins-Simon

3.2 Encontre a inversa de Leontief para esta economia

```
# inversa de Leontief
B = solve(L)
print(B)
```

```
[,1] [,2] [,3]
[1,] 1.0921005 0.2693848 0.04004368
[2,] 0.0837277 1.1539862 0.03640335
[3,] 0.8299964 1.0047324 1.23043320
```

3.3 A recessão da economia neste ano se reflete na queda da demanda final, conforme tabela a seguir. Qual seria a produção total de todas as indústrias necessárias para suprir a demanda final reduzida deste ano? Calcule os vetores de valor agregado e produção intermediária para a nova tabela de transações

```
# nova demanda final
f_new = c(0.75, 0.90, 0.95) * M$f
print(f_new)

[,1]
[1,] 26.25
[2,] 36.00
[3,] 23.75

# novo nível de produção
x_new = B %*% f_new
print(x_new)
```

[,1] [1,] 39.31653 [2,] 44.60593 [3,] 87.18056

```
# nova matriz de consumo intermediário
Z_new = as.vector(x_new) * A
print(Z_new)
```

```
[,1] [,2] [,3]
[1,] 1.965826 7.863305 0.9829132
[2,] 2.230297 4.460593 1.1151483
[3,] 52.308336 52.308336 13.0770841
```

4 QUARTA QUESTÃO

Considere uma economia simples de dois setores contendo as indústrias A e B. A indústria A requer 2 milhões de seu próprio produto e 6 milhões da produção da indústria B no processo de fornecimento de 20 milhões de seu próprio produto aos consumidores finais. Da mesma forma, a indústria B requer 4 milhões de seu próprio produto e 8 milhões de produção da indústria A no processo de fornecimento de 20 milhões de seu próprio produto aos consumidores finais.

4.1 Construa a tabela de transações de insumo-produto descrevendo a atividade econômica nesta economia

```
data = list(
2
      Z = matrix(
3
4
          2, 6,
6
        nrow = 2,
        byrow = TRUE
10
      f = c(20, 20)
11
12
13
    # matrizes
14
   data = within(data, {
15
      x = rowSums(Z) + f
16
      A = sweep(Z, 2, x, FUN = "/")
17
      L = diag(2) - A
18
      B = solve(L)
    })
20
21
    # matriz insumo-produto
22
   IO = with(data, cbind(Z, f, x))
```

```
dimnames(IO) = list(
    c("setor A", "setor B"),
    c("setor A", "setor B", "demanda final", "produção total")

print(IO)
```

```
setor A setor B demanda final produção total setor B 8 8 4 20 20 32
```

4.2 Encontre a matriz correspondente de coeficientes técnicos e mostre que as condições de Hawkins-Simon são satisfeitas

```
# matriz de coeficientes técnicos
print(data$A)

[,1] [,2]
[1,] 0.07142857 0.1875
[2,] 0.28571429 0.1250

# condições de Hawkins-Simon
all(data$L %*% data$x > 0)
```

[1] TRUE

4.3 Se no ano seguinte àquele em que foram compilados os dados desse modelo não fossem esperadas mudanças nos padrões de consumo da indústria, e se fosse apresentada uma demanda final de 15 milhões do bem A e 18 milhões do bem B na economia, qual seria a produção total de todas as indústrias necessárias para suprir essa demanda final, bem como a atividade interindústria envolvida no suporte às entregas dessa demanda final?

```
# nova demanda final
f_new = c(15, 18)

# nova produção total

x_new = data$B %*% f_new
print(x_new)

[,1]
[1,] 21.74118
[2,] 27.67059

# nova matriz de consumo intermediário
Z_new = sweep(data$A, 2, x_new, FUN = "*")
```

[,1] [,2] [1,] 1.552941 5.188235 [2,] 6.211765 3.458824

g print(Z_new)

5 QUINTA QUESTÃO

i 1 more variable: `setor 8` <dbl>

Considere as seguintes transações e dados de produção total para uma economia de oito setores:

```
data = list(
     Z = readxl::read_excel("data-raw/l1_q5.xlsx", sheet = "z"),
     x = readxl::read_excel("data-raw/l1_q5.xlsx", sheet = "x")
3
4
   print(data)
   $Z
   # A tibble: 8 x 8
     `setor 1` `setor 2` `setor 3` `setor 4` `setor 5` `setor 6` `setor 7`
         <dbl>
                    <dbl>
                               <dbl>
                                         <dbl>
                                                    <dbl>
                                                               <dbl>
                                                                          <dbl>
   1
          8565
                     8069
                                8843
                                          3045
                                                     1124
                                                                 276
                                                                            230
   2
          1505
                     6996
                                6895
                                          3530
                                                     3383
                                                                 365
                                                                            219
            98
                                           429
                                                     5694
                                                                   7
   3
                       39
                                   5
                                                                           376
   4
           999
                     1048
                                 120
                                          9143
                                                     4460
                                                                 228
                                                                            210
   5
          4373
                     4488
                                8325
                                          2729
                                                    29671
                                                                1733
                                                                          5757
   6
          2150
                       36
                                 640
                                          1234
                                                      165
                                                                 821
                                                                             90
   7
           506
                        7
                                 180
                                                     2352
                                                                   0
                                                                          18091
          5315
                     1895
                                2993
                                          1071
                                                    13941
                                                                 434
                                                                           6096
   # i 1 more variable: `setor 8` <dbl>
   $x
   # A tibble: 1 x 8
     `setor 1` `setor 2` `setor 3` `setor 4` `setor 5` `setor 6` `setor 7`
                    <dbl>
                               <dbl>
                                         <dbl>
                                                    <dbl>
                                                               <dbl>
                                                                          <dbl>
   1
         37610
                    45108
                               46323
                                         41059
                                                   209403
                                                               11200
                                                                          55992
```

5.1 Calcule A e B

```
# matriz de coeficientes técnicos
A = with(data, sweep(as.matrix(Z), 2, as.matrix(X), FUN = "/"))
print(A)
        setor 1
                     setor 2
                                  setor 3
                                             setor 4
                                                           setor 5
                                                                      setor 6
[1,] 0.22773199 0.1788817948 0.1908986896 0.07416157 0.0053676404 0.02464286
[2,] 0.04001595 0.1550944400 0.1488461455 0.08597384 0.0161554515 0.03258929
[3,] 0.00260569 0.0008645916 0.0001079377 0.01044838 0.0271915875 0.00062500
[4,] 0.02656208 0.0232331294 0.0025905058 0.22267956 0.0212986442 0.02035714
[5,] 0.11627227 0.0994945464 0.1797163396 0.06646533 0.1416932900 0.15473214
[6,] 0.05716565 0.0007980846 0.0138160309 0.03005431 0.0007879543 0.07330357
[7,] 0.01345387 0.0001551831 0.0038857587 0.00000000 0.0112319308 0.00000000
[8,] 0.14131880 0.0420102864 0.0646115321 0.02608442 0.0665749774 0.03875000
         setor 7
                    setor 8
[1,] 0.004107730 0.02150498
[2,] 0.003911273 0.01828916
[3,] 0.006715245 0.00203006
[4,] 0.003750536 0.01381931
[5,] 0.102818260 0.09160722
[6,] 0.001607372 0.04170004
[7,] 0.323099729 0.16469558
[8,] 0.108872696 0.28767251
L = diag(8) - A
# inversa de Leontief
B = solve(L)
print(B)
                                     [,3]
              [,1]
                          [,2]
                                                 [,4]
                                                            [,5]
                                                                        [,6]
setor 1 1.33936754 0.295979543 0.31152758 0.17209767 0.03372393 0.058445918
setor 2 0.08865389 1.213854389 0.20908242 0.15271793 0.03817409 0.057062514
setor 3 0.01289215 0.008946835 1.01106350 0.01945268 0.03398902 0.007975561
setor 4 0.06457251 0.056209000 0.03427157 1.30553565 0.03842939 0.040524907
setor 5 0.26481212 0.215471327 0.31957910 0.17353833 1.20702097 0.230202254
setor 6 0.09986091 0.028837417 0.04541811 0.05887405 0.01106340 1.089050242
setor 7 0.10930070 0.049306100 0.06841558 0.03503482 0.05376392 0.029981515
```

5.2 Se as demandas finais nos setores 1 e 2 aumentam em 30%, enquanto as do setor 5 diminuem em 20% (enquanto todas as outras demandas finais permanecem inalteradas), que novos produtos totais serão necessários de cada um dos oito setores dessa economia?

```
# demandas finais atuais
f = with(data, x - rowSums(Z))

# novas demandas finais
f_new = f * c(1.3, 1.3, 1, 1, 0.8, 1, 1, 1)

# novos produtos totais
x_new = B %*% t(as.matrix(f_new))
print(x_new)
```

```
[,1]
setor 1 39997.91
setor 2 51180.82
setor 3 45454.99
setor 4 40403.94
setor 5 177755.66
setor 6 11181.95
setor 7 54928.72
setor 8 158686.88
```